

# ANÁLISIS DE ALGORITMOS

Alumno: Martín Eduardo Barriga Vargas



Grupo 3CM3

Ejercicio 04: Análisis de algoritmos no recursivos

29 de marzo de 2019

A. Para los siguientes 15 algoritmos determine la cota  $O()$ .

```

1
for (i=1; i<n; i++)
    for (j=0; j<n-1; j++)
    {
        temp = A[j];
        A[j] = A[j+1];
        A[j+1] = temp;
    }

```

Diagram illustrating the complexity analysis for Algorithm 1:

- The innermost loop (assignment and swap) is  $O(1)$ .
- The middle loop (iteration over  $j$ ) is  $O(N)$ .
- The outer loop (iteration over  $i$ ) is  $O(N)$ .
- The total complexity is  $O(N^2)$ .

```

2
polinomio=0;
for (i=0; i<=n; i++)
{
    polinomio=polinomio*z + A[n-i];
}

```

Diagram illustrating the complexity analysis for Algorithm 2:

- The inner loop (assignment and addition) is  $O(1)$ .
- The outer loop (iteration over  $i$ ) is  $O(N)$ .
- The total complexity is  $O(N)$ .

```

3
for i = 1 to n do
    for j = 1 to n do
        C[i,j] = 0;
        for k = 1 to n do
            C[i,j] = C[i,j] + A[i,k]*B[k,j];

```

Diagram illustrating the complexity analysis for Algorithm 3:

- The innermost loop (assignment and addition) is  $O(1)$ .
- The middle loop (iteration over  $k$ ) is  $O(N)$ .
- The outer loop (iteration over  $j$ ) is  $O(N)$ .
- The total complexity is  $O(N^3)$ .

4

```
anterior = 1;  
actual = 1;
```

} O(1)

```
while (n>2)  
{
```

```
    aux = anterior + actual;  
    anterior = actual;  
    actual = aux;  
    n = n - 1;
```

} O(1)

} O(N)

5

```
for (i = n - 1, j=0; i>=0; i--, j++)  
    s2[j] = s[i];
```

} O(1)

} O(N^2)

```
for (i = 0, i<n; i++)
```

```
    s[i] = s2[i];
```

} O(1)

} O(N^2)

9

```
func Producto2Mayores (A,n)
```

```
if (A[1] > A[2])
```

```
    mayor1 = A[1];
```

```
    mayor2 = A[2];
```

```
else
```

```
    mayor1 = A[2];
```

```
    mayor2 = A[1];
```

```
i = 3;
```

```
while (i<=n)
```

```
    if (A[i] > mayor1)
```

```
        mayor2 = mayor1;
```

```
        mayor1 = A[i];
```

```
    else if (A[i] > mayor2)
```

```
        mayor2 = A[i];
```

```
    i = i + 1;
```

```
return = mayor1 * mayor2;
```

```
fin
```

 $O(1)$  $O(1)$  $O(N^2)$  $O(1)$ 

10

```
func OrdenamientoIntercambio(a,n)
```

```
for (i=0; i<n-1; i++)
```

```
    for (int j=i+1; j<n;j++)
```

```
        if (a[ j ] < a[ i ])
```

```
        {
```

```
            temp=a[ i ];
```

```
            a[ i ]=a[ j ];
```

```
            a[ j ]=temp;
```

```
        }
```

```
fin
```

 $O(1)$  $O(N)$  $O(N^2)$

11

func MaximoComunDivisor(m, n)

{

$\left. \begin{array}{l} a = \max(n, m); \\ b = \min(n, m); \end{array} \right\} O(1)$   
 residuo = 1;

mientras (residuo &gt; 0)

{

 $O(\log n)$ 

{

residuo = a mod b;

a = b;

b = residuo;

 $\left. \right\} O(1)$ 

}

MaximoComunDivisor = a;

return MaximoComunDivisor;  $\left. \right\} O(1)$ 

}

12

Procedimiento BurbujaOptimizada(A, n)

$O(1)$  { cambios = "No"  
 i = 0

Mientras i &lt; n-1 &amp;&amp; cambios != "No" hacer

cambios = "No"

Para j = 0 hasta (n-2)-i hacer

Si (A[i] &lt; A[j]) hacer

aux = A[j]

A[j] = A[i]

A[i] = aux

cambios = "Si"

FinSi

FinPara

i = i+1

FinMientras

fin Procedimiento

 $O(N^2)$  $O(N)$  $O(1)$

13

**Procedimiento** BurbujaSimple(A,n)

para i=0 hasta n-2 hacer

para j=0 hasta (n-2)-i hacer

si (A[j]&gt;A[j+1]) entonces

aux = A[j]

A[j] = A[j+1]

A[j+1] = aux

fin si

fin para

fin para

**fin Procedimiento** $O(N^2)$  $O(N)$  $O(1)$ 

14

**Procedimiento** Ordena(a,b,c)

{

if(a&gt;b)

if(a&gt;c)

 $O(1)$ 

if(b&gt;c)

salida(a,b,c);

else

salida(a,c,b);

else

salida(c,a,b);

else

if(b&gt;c)

 $O(1)$ 

if(a&gt;c)

salida(b,a,c);

else

salida(b,c,a);

else

salida(c,b,a);

}

 $O(1)$  $O(1)$  $O(1)$  $O(1)$  $O(1)$  $O(1)$  $O(1)$

```

15
Procedimiento Seleccion(A,n)
    para k=0 hasta n-2 hacer
        p=k
        para i=k+1 hasta n-1 hacer
            si A[i]<A[p] entonces
                p=i
            fin si
        fin para
        temp = A[p]
        A[p] = A[k]
        A[k] = temp
    fin para
fin Procedimiento

```

$O(N^2)$  {  $O(N)$  {  $O(1)$  }  $O(1)$  }

### Conclusión

Los algoritmos que se analizaron en este ejercicio son los mismos que en el ejercicio 1, y su análisis es más sencillo, pues sólo se está determinando cuál es el valor de la cota  $O()$ , en cambio en el ejercicio pasado teníamos que contar a detalle el número de instrucciones que se llevaban a cabo. Los resultados entre los ejercicios varían, sin embargo se puede llegar al mismo orden aproximando una función polinomial con los resultados del ejercicio pasado y multiplicando esto por alguna constante.