Laboratorio 9 Ottimizzazione Algebrica

rif. paragrafi 5.1 – 5.2, 16.1 – 16.3 libro

Corso di Basi di Dati A.A. 2012/2013

Presented by
Matteo Lissandrini
matteo.lissandrini@gmail.com

Courtesy of: Francesco Corcoglioniti corcoglioniti@disi.unitn.it

Algebra Relazionale Estesa

Operatori unari

```
\begin{array}{lll} - & \text{Proiezione} & \pi_{\text{attributo}, \dots, \text{exp} \rightarrow \text{attributo}} \left( R \right) \\ - & \text{Selezione} & \sigma_{\text{condizione}} \left( R \right) \\ - & \text{Ridenominazione} & \rho_{\text{S (attributo}_1, \dots, \text{attributo}_N)} \left( R \right) \\ - & \text{Rimozione duplicati} & \delta \left( R \right) \\ - & \text{Grouping} & \gamma_{\text{attributo}, \dots, \text{operatore(exp)} \rightarrow \text{attributo}, \dots} \left( R \right) \\ - & \text{Sorting} & \tau_{\text{attributo}, \dots} \left( R \right) \end{array}
```

Operatori binari insiemistici (varianti bag / set)

```
    Unione
    R U<sub>B</sub> S, R U<sub>S</sub> S
    Intersezione
    Differenza
    R ∩<sub>B</sub> S, R ∩<sub>S</sub> S
    R -<sub>B</sub> S, R -<sub>S</sub> S
```

Operatori binari di combinazione tuple

```
    Prodotto cartesiano R × S
    Natural join R ⋈ S
    Theta join R ⋈ C S
    Outer join R ⋈ C [condizione] S, R ⋈ C [condizione] S,
```

R ⋈_{R, [condizione]} S

Proprietà e Leggi Algebriche (1)

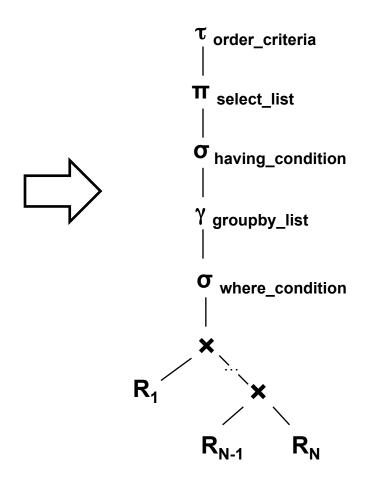
- commutatività e associatività
 - U_B , U_S , \cap_B , \cap_S , \bowtie , \times sono commutativi e associativi
 - ⊢ ⋈_C, ⋈^O sono commutativi sempre, associativi in certi casi
- decomposizione σ
 - $\sigma_{c1 \text{ AND } c2}(R) = \sigma_{c1}(\sigma_{c2}(R))$
 - $-\sigma_{c1}OR_{c2}(R) = \sigma_{c1}(R)U_S\sigma_{c2}(R)$ per R senza duplicati
- pushing σ
 - $-\sigma_c(op(R)) = op(\sigma_c(R))$ per operatori π , δ , τ ; per γ se la condizione non coinvolge aggregati; per δ a patto di riscrivere la condizione
 - $-\sigma_c(R \circ S) = \sigma_c(R) \circ \sigma_c(S)$ per tutti operatori binari tranne outer join
 - $-\sigma_c$ (R op S) = σ_c (R) op S per tutti operatori binari tranne outer join e unione

Proprietà e Leggi Algebriche (2)

- pushing π
 - sempre possibile
 - occorre aggiungere attributi usati da operatori superiori nell'albero
- pushing δ
 - possibile sempre tranne che per U_B , $-_B$, π
- pushing γ
 - dipende dagli operatori aggregati utilizzati
- trasformazione prodotto cartesiano
 - $-\sigma_c(R\times S)=R\bowtie_C S$
 - $π_L$ ($σ_c$ (R × S)) = R \bowtie S per C condizione di uguaglianza tra attributi con stesso nome e L lista di attributi che rimuove con stesso nome

Conversione Query SQL

SELECT	select_list	6
FROM	R_1, \ldots, R_N	0
WHERE	where_condition	2
GROUP BY	groupby_list	8
HAVING	having_condition	4
ORDER BY	order_criteria	6



Ottimizzazione Algebrica

- decomposizione selezioni con AND condizioni
- push selezioni
- push proiezioni
- introduzione proiezioni
- push rimozione duplicati
- sostituzione cartesiano + selezione in join

Esercizio 1 – Prodotti

Sia dato lo schema: product (model, maker, type)

pc (model, speed, ram, hd, price)

laptop (model, speed, ram, hd, screen, price)

printer (model, color, type, price)

Esprimere in SQL le seguenti query, convertire in algebra relazionale e effettuare l'ottimizzazione algebrica:

- 1. Elencare modello e prezzo dei laptop prodotti da 'A' di almeno 2.0 GHz e con prezzo inferiore a 2000\$
- 2. Trovare le dimensioni di HD in comune a due o più laptop
- 3. Trovare, per ogni produttore, il prezzo medio dei laptop venduti di almeno 15"
- 4.Elencare, in ordine alfabetico, i produttori che vendono almeno tre diversi modelli di PC veloci almeno 2 GHz
- 5. Trovare i produttori di laptop con schermo inf. a 14" (non usare sotto-query)
- 6.Trovare il laptop con il prezzo più alto
- 7. Trovare il prezzo medio di PC e laptop venduti dal produttore 'D'

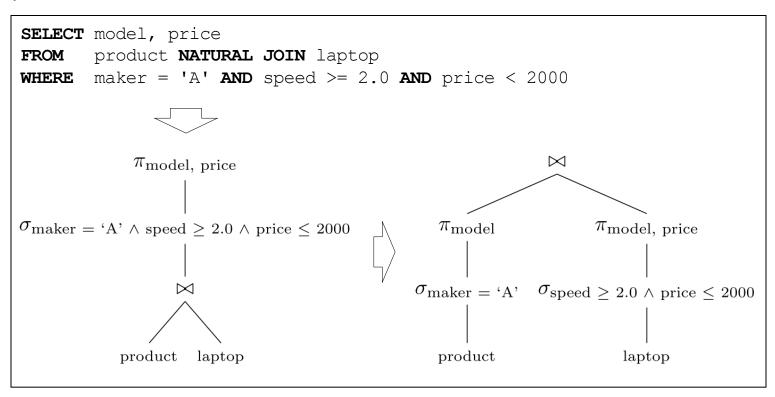
Esercizio 1 – Soluzioni (1/8)

 Elencare modello e prezzo dei laptop prodotti da 'A' di almeno 2.0 GHz e con prezzo inferiore a 2000\$

```
SELECT model, price
         product NATURAL JOIN laptop
FROM
         maker = 'A' AND speed >= 2.0 AND price < 2000
WHERE
               \pi_{\text{model, price}}
\sigma_{\rm maker} = {\rm 'A'} \land {\rm speed} > 2.0 \land {\rm price} < 2000
             product laptop
```

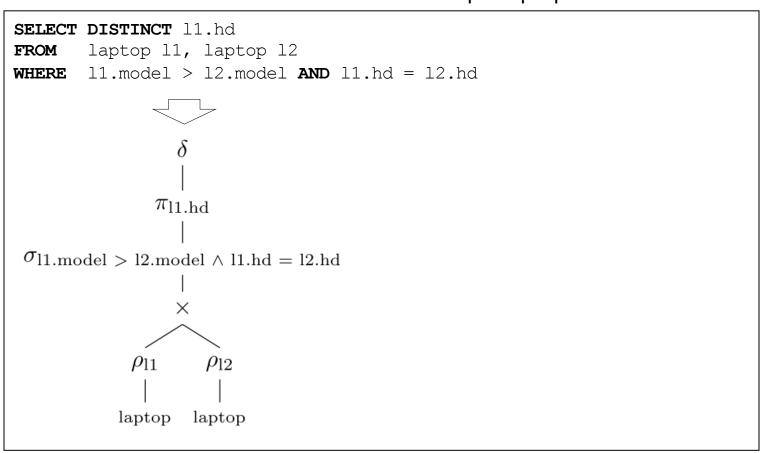
Esercizio 1 – Soluzioni (1/8)

1. Elencare modello e prezzo dei laptop prodotti da 'A' di almeno 2.0 GHz e con prezzo inferiore a 2000\$



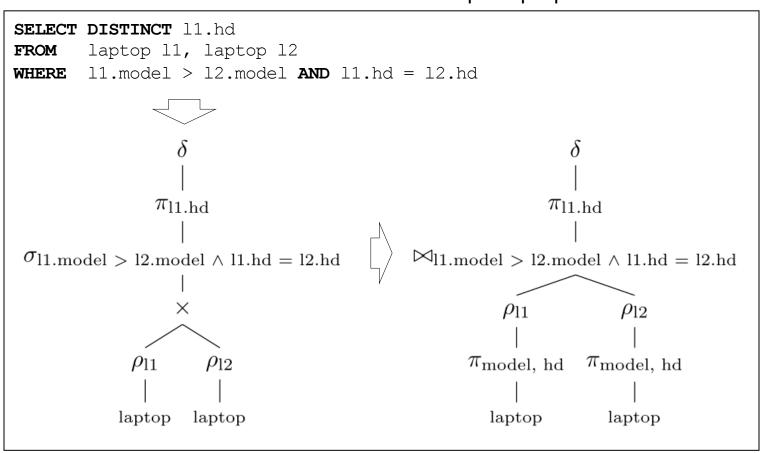
Esercizio 1 – Soluzioni (2/8)

2. Trovare le dimensioni di HD in comune a due o più laptop



Esercizio 1 – Soluzioni (2/8)

2. Trovare le dimensioni di HD in comune a due o più laptop



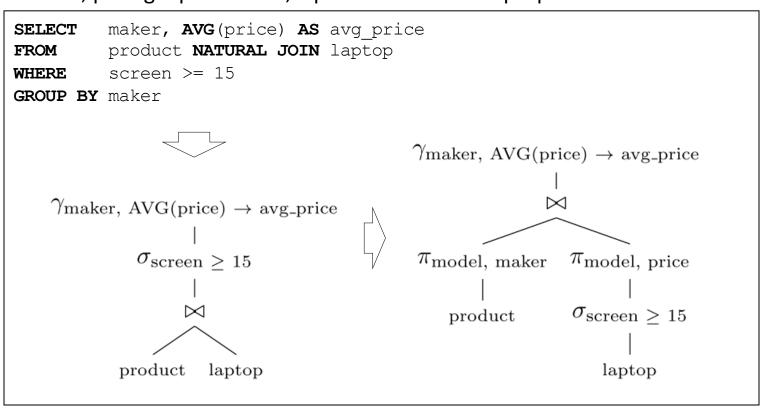
Esercizio 1 – Soluzioni (3/8)

3. Trovare, per ogni produttore, il prezzo medio dei laptop venduti di almeno 15"

```
maker, AVG(price) AS avg price
SELECT
FROM
            product NATURAL JOIN laptop
WHERE
            screen >= 15
GROUP BY maker
    \gamma_{\text{maker, AVG(price)}} \rightarrow \text{avg\_price}
               \sigma_{\rm screen} > 15
             product
                        laptop
```

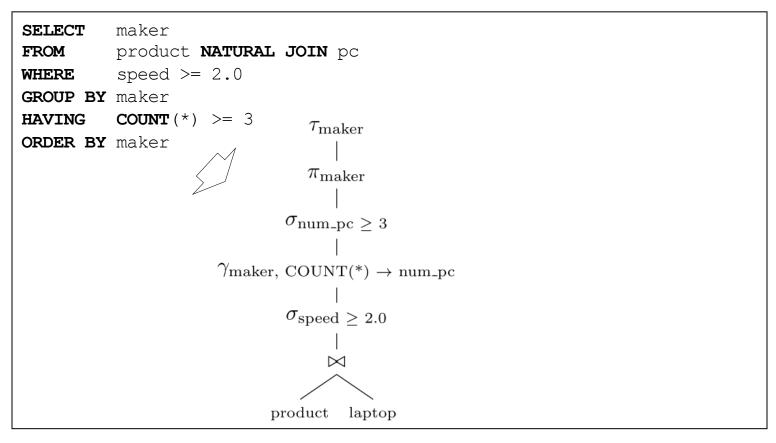
Esercizio 1 – Soluzioni (3/8)

3. Trovare, per ogni produttore, il prezzo medio dei laptop venduti di almeno 15"



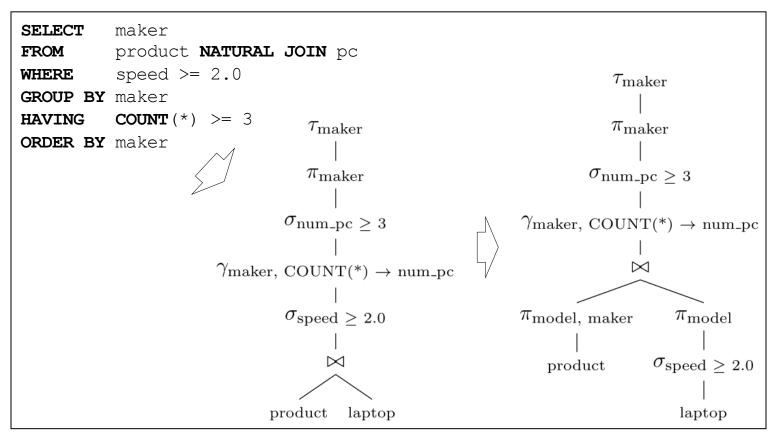
Esercizio 1 – Soluzioni (4/8)

4. Elencare, in ordine alfabetico, i produttori che vendono almeno tre diversi modelli di PC veloci almeno 2 GHz



Esercizio 1 – Soluzioni (4/8)

4. Elencare, in ordine alfabetico, i produttori che vendono almeno tre diversi modelli di PC veloci almeno 2 GHz



Esercizio 1 – Soluzioni (5/8)

5. Trovare i produttori di laptop con schermo inf. a 14" (non usare sotto-query)

```
SELECT DISTINCT maker
FROM product NATURAL JOIN laptop
WHERE screen < 14
```

Esercizio 1 – Soluzioni (6/8)

6. Trovare il laptop con il prezzo più alto

```
SELECT *
FROM laptop NATURAL JOIN
( SELECT MAX (price) AS price FROM laptop )
```

Esercizio 1 – Soluzioni (7/8)

7. Trovare il prezzo medio di PC e laptop venduti dal produttore 'D'

```
SELECT AVG (price) AS avg price
             product NATURAL JOIN ( (
                                                              SELECT model, price
FROM
                                                              FROM
                                                                           pc )
                                                            UNION
                                                             SELECT model, price
                                                              FROM
                                                                           laptop ) ) AS prices
WHERE
             maker = 'D';
                 \gamma_{\text{AVG(price)}} \rightarrow \text{avg\_price}
                        \sigma_{\mathrm{maker}} = \mathrm{'D'}
                               \bowtie
                                                                                     \gamma_{\text{AVG(price)}} \rightarrow \text{avg\_price}
                                                                                                    \bowtie
              product
                                          \rho_{\mathrm{prices}}
                                            \bigcup_{S}
                                                                                                                  \bigcup_{S}
                                                                            \pi_{\text{model, maker}}
                           \pi_{\text{model, price}} \pi_{\text{model, price}}
                                                                            \sigma_{\text{maker}} = 'D'
                                                                                                  \pi_{\text{model, price}} \pi_{\text{model, price}}
                                   рс
                                                    laptop
                                                                                product
                                                                                                         рс
                                                                                                                           laptop
```

Esercizio 2 – Navi da battaglia

Sia dato lo schema: classes (class, type, country, num_guns, bore, displacement)

ships (<u>name</u>, class, launched) outcomes (<u>ship</u>, <u>battle</u>, result)

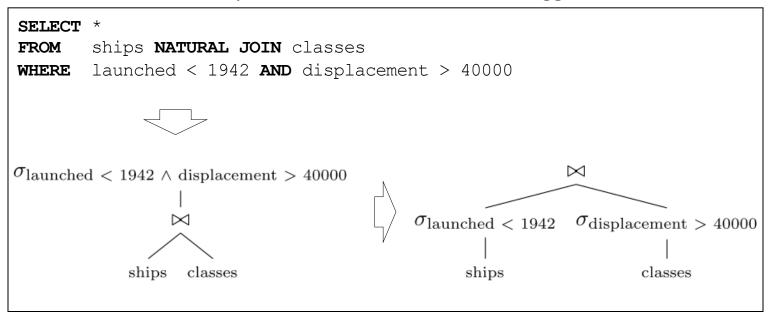
battles (<u>name</u>, date)

Esprimere in SQL le seguenti query, convertire in algebra relazionale e effettuare l'ottimizzazione algebrica:

- 1. Elencare le navi varate prima del 1942 e con stazza maggiore di 40000 t
- 2. Elencare nome e stazza delle corazzate (bb) varate a partire dal 1940 che parteciparono alla battaglia di Guadalcanal
- 3. Trovare i paesi che, prima del 1942, avevano varato sia corazzate (bb) che incrociatori (bc)
- 4.Ritornare, anno per anno, il numero di navi varate e la stazza totale (somma delle staze delle singole navi)
- 5. Trovare, per ogni paese che ha costruito almeno 3 navi, l'anno dell'ultimo varo
- 6. Trovare nome e paese della classe di corazzata (bb) avente stazza massima

Esercizio 2 – Soluzioni (1/7)

1. Elencare le navi varate prima del 1942 e con stazza maggiore di 40000 t



Esercizio 2 – Soluzioni (2/7)

2. Elencare nome e stazza delle corazzate (bb) varate a partire dal 1940 che parteciparono alla battaglia di Guadalcanal

```
SELECT s.name, c.displacement
FROM
                ships s JOIN classes c ON s.class = c.class
                                  JOIN outcomes o ON s.name = o.ship
                o.battle = 'Guadalcanal' AND s.launched >= 1940 AND type =
 WHERE
 'bb'
                                                                                                       \pi_{\text{s.name}}, c.displacement
                                                                                                          \bowtie_{\text{s.name}} = \text{o.ship}
                    \pi_{\rm s.name}, c.displacement
\sigma_{\text{o.battle}} = \text{`Guadalcanal'} \land \text{s.launched} > 1940 \land \text{c.type} = \text{`bb'}
                                                                                       \bowtie_{\text{s.class}} = \text{c.class}
                                                                                                                                      \rho_{\rm o}
                       \bowtie_{\text{s.name}} = \text{o.ship}
                                                                                                                                    \pi_{\rm ship}
               \bowtie_{\text{s.class}} = \text{c.class}
                                                                                                 \pi_{\rm class, displacement} \sigma_{\rm battle} = 'Guadalcanal'
                                                                              \pi_{\text{name, class}}
                                                                           \sigma_{\rm launched} > 1940
                                                                                                     \sigma_{\text{type}} = \text{`bb'}
                                     outcomes
                                                                                                                                  outcomes
                  ships classes
                                                                                   ships
                                                                                                         classes
```

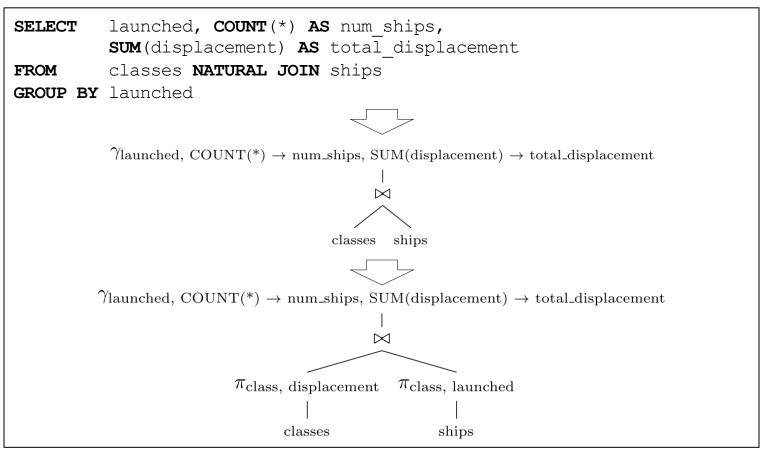
Esercizio 2 – Soluzioni (3/7)

3. Trovare i paesi che, prima del 1942, avevano varato sia corazzate (bb) che incrociatori (bc)

```
SELECT country
                     classes NATURAL JOIN ships
     FROM
     WHERE
                    type = 'bb' AND launched < 1942 )
 INTERSECT
  ( SELECT country
                     classes NATURAL JOIN ships
     FROM
     WHERE
                    type = 'bc' AND launched < 1942 )
                                                                                                                   \cap_S
                                  \bigcap_{S}
                                                                                           \pi_{\rm country}
                                                                                                                                    \pi_{\rm country}
                                                 \pi_{\rm country}
                                                                                                                                        \bowtie
            \pi_{\rm country}
\sigma_{\rm type} = \text{'bb'} \land \text{launched} < 1942 \quad \sigma_{\rm type} = \text{'bc'} \land \text{launched} < 1942
                                                                             \pi_{\rm class, country}
                                                                                                       \pi_{\rm class}
                                                                                                                       \pi_{\rm class, country}
                                                                                                                                                \pi_{\rm class}
            \bowtie_{\text{classes}}
                                                  \bowtie_{\text{classes}}
                                                                               \sigma_{\text{type}} = \text{`bb'}
                                                                                                \sigma_{\text{launched}} < 1942 \qquad \sigma_{\text{type}} = \text{'bc'}
                                                                                                                                         \sigma_{\rm launched} < 1942
              ships
                                                    ships
                                                                                                        ships
                                                                                                                                                 ships
                                                                                  classes
                                                                                                                           classes
```

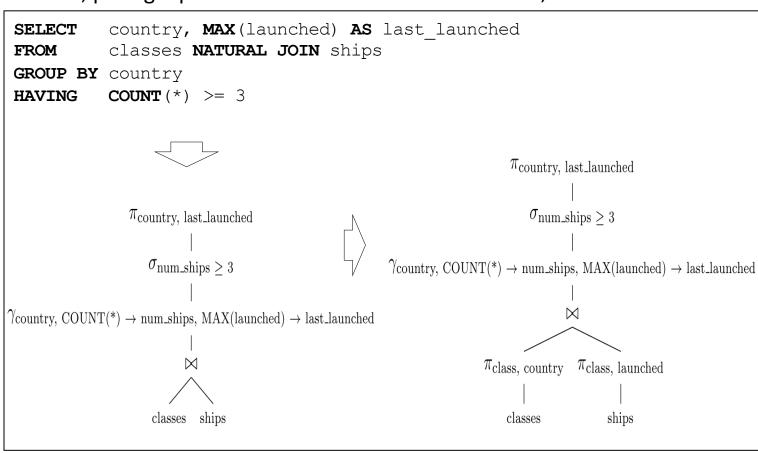
Esercizio 2 – Soluzioni (4/7)

4. Ritornare, anno per anno, il numero di navi varate e la stazza totale (somma delle staze delle singole navi)



Esercizio 2 – Soluzioni (5/7)

5. Trovare, per ogni paese che ha costruito almeno 3 navi, l'anno dell'ultimo varo



Esercizio 2 – Soluzioni (6/7)

6. Trovare nome e paese della classe di corazzata (bb) avente stazza massima (convertire la seguente in teta join)

```
FROM classes
WHERE type = 'bb' AND
displacement = ( SELECT MAX(displacement)
FROM classes
WHERE type = 'bb' )
```

Esercizi dal libro

Exercise 16.2.1: Give examples to show that:

- a) Duplicate elimination (δ) cannot be pushed below projection.
- b) Duplicate elimination cannot be pushed below bag union or difference.
- c) Projection cannot be pushed below set union.
- d) Projection cannot be pushed below set or bag difference.

Exercise 16.2.5: Starting with an expression $\pi_L(R(a, b, c) \bowtie S(b, c, d, e))$, push the projection down as far as it can go if L is:

- a) $a, b, a+d \rightarrow z$.
- b) $b+c \to x$, $c+d \to y$.

Exercise 16.2.6: When it is possible to push a selection to both arguments of a binary operator, we need to decide whether or not to do so. How would the existence of indexes on one of the arguments affect our choice? Consider, for instance, an expression $\sigma_C(R \cap S)$, where there is an index on S.