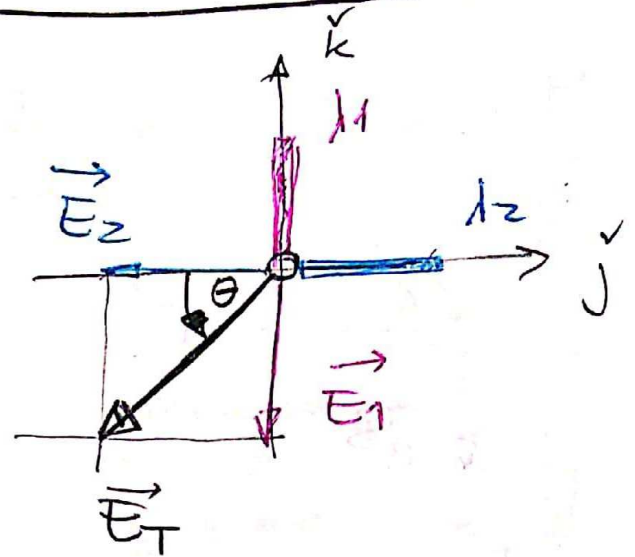
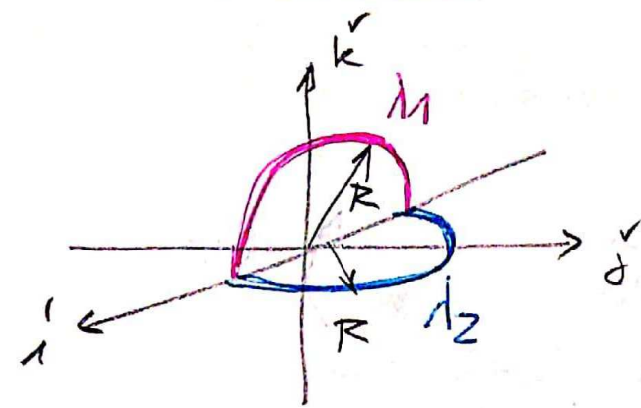


# PROBLEMA DE DOS SEMI-ANILLOS CARGADOS



CADA ANILLO GENERA =

$$\vec{E}_1 = \frac{2k\lambda_1}{R} (-\vec{j})$$

$$\vec{E}_2 = \frac{2k\lambda_2}{R} (-\vec{k})$$

$$\Rightarrow |\vec{E}_T| = \frac{2k}{R} \cdot \sqrt{\lambda_1^2 + \lambda_2^2}$$

$$\theta = \text{Arctg} \left[ \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \right]$$

Si  $\lambda_1 = \lambda_2 = a \rightarrow |\vec{E}_T| = \frac{2\sqrt{2} \cdot k \cdot a}{R}; \theta = 45^\circ$  (DE  $\perp$  DE  $-\vec{j}$ )

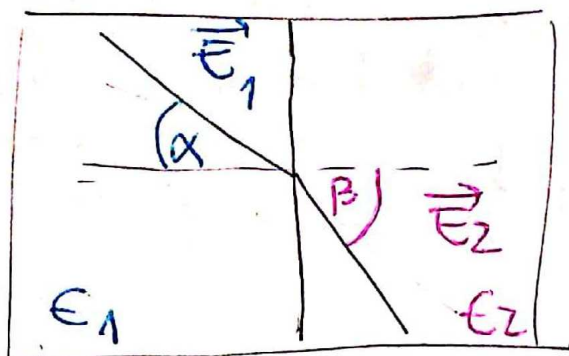
Si  $\lambda_1 = a$  y  $\lambda_2 = 2a \rightarrow |\vec{E}_T| = \frac{2\sqrt{5} k \cdot a}{R}; \theta = 26,56^\circ$  (DE  $\perp$  DE  $-\vec{j}$ )

Si  $\lambda_1 = a$  y  $\lambda_2 = 3a \rightarrow |\vec{E}_T| = \frac{2\sqrt{10} k \cdot a}{R}; \theta = 18,43^\circ$  (DE  $\perp$  DE  $-\vec{j}$ )

Si  $\lambda_1 = 3a$  y  $\lambda_2 = a \rightarrow |\vec{E}_T| = \frac{2\sqrt{10} k \cdot a}{R}; \theta = 71,56^\circ$  (DE  $\perp$  DE  $-\vec{j}$ )

Si  $\lambda_1 = 2a$  y  $\lambda_2 = a \rightarrow |\vec{E}_T| = \frac{2\sqrt{5} k \cdot a}{R}; \theta = 63,43^\circ$  (DE  $\perp$  DE  $-\vec{j}$ )

# PROBLEMA DE FRONTERAS =



SE SABE QUE:

$$\begin{cases} D_{\perp 1} = D_{\perp 2} \Rightarrow D_1 \cos \alpha = D_2 \cos \beta \\ E_{\parallel 1} = E_{\parallel 2} \Rightarrow E_1 \sin \alpha = E_2 \sin \beta \\ \vec{D} = \epsilon \vec{E} \Rightarrow \frac{D_1}{\epsilon_1} \sin \alpha = \frac{D_2}{\epsilon_2} \sin \beta \end{cases}$$

$$\frac{\cancel{D_1} \cdot \sin \alpha}{\epsilon_1 \cdot \cancel{D_1} \cos \alpha} = \frac{\cancel{D_2} \sin \beta}{\epsilon_2 \cancel{D_2} \cos \beta} \Rightarrow \frac{\tan \alpha}{\epsilon_1} = \frac{\tan \beta}{\epsilon_2} \Rightarrow$$

$$\boxed{\frac{\tan \alpha}{\tan \beta} = \frac{\epsilon_1}{\epsilon_2}}$$

RESPUESTA  
GENÉRICA

$$\epsilon_2 = 2\epsilon_1 \text{ y } \alpha = 30^\circ \Rightarrow \beta = 49,1^\circ$$

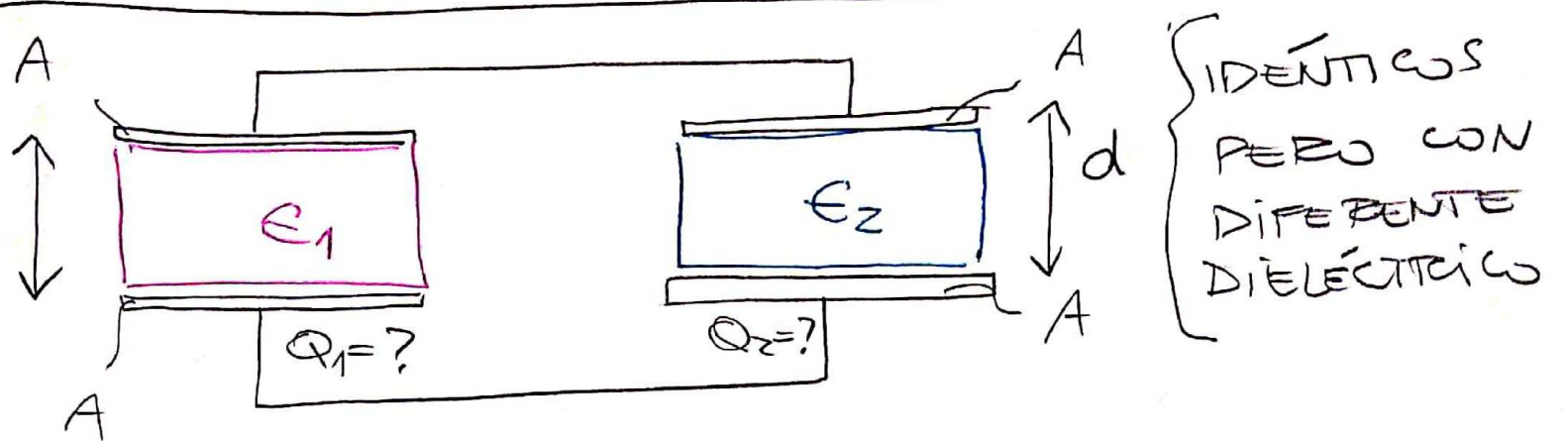
$$\epsilon_2 = 4\epsilon_1 \text{ y } \alpha = 30^\circ \Rightarrow \beta = 66,58^\circ$$

$$\epsilon_2 = 2\epsilon_1 \text{ y } \alpha = 45^\circ \Rightarrow \beta = 63,43^\circ$$

$$\epsilon_2 = 2\epsilon_1 \text{ y } \alpha = 49^\circ \Rightarrow \beta = 29,9^\circ$$

$$\epsilon_1 = 4\epsilon_2 \text{ y } \beta = 30^\circ \Rightarrow \alpha = 66,58^\circ$$

# PROBLEMA DE LOS DOS CAPACITORES =



ADA CAPACITOR TENÍA PREVIAMENTE UNA CARGA DESCONOCIDA.

AL CONECTARSE ASÍ (CONEXIÓN EN PARALELO)  $\rightarrow$  AMBOS TENDRÁN LA MISMA DIFERENCIA DE POTENCIAL.

$$C = \frac{Q}{|\Delta V|} \Rightarrow |\Delta V| = \frac{Q}{C} \Rightarrow \begin{cases} \Delta V_1 = \frac{Q_1}{C_1} \\ \Delta V_2 = \frac{Q_2}{C_2} \end{cases} \Rightarrow \boxed{\frac{Q_1}{C_1} = \frac{Q_2}{C_2}}$$

$$\begin{cases} C_1 = \epsilon_1 \frac{A}{d} \\ C_2 = \epsilon_2 \frac{A}{d} \end{cases} \Rightarrow \boxed{\frac{Q_1}{\epsilon_1} = \frac{Q_2}{\epsilon_2}} \quad \text{RESPUESTA GENERAL}$$

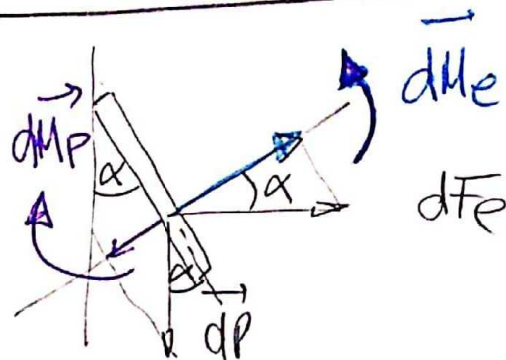
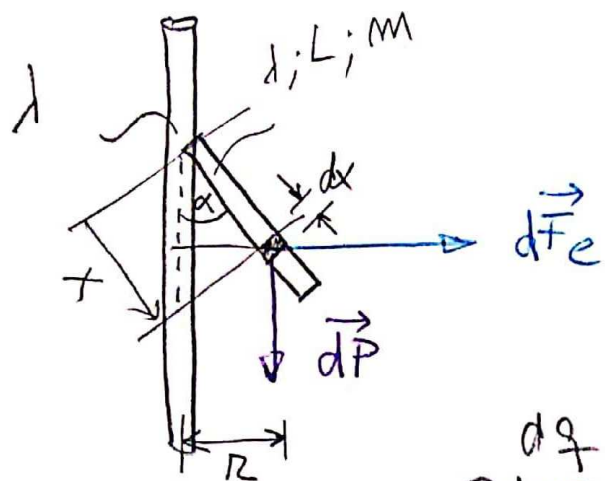
$$\begin{cases} \epsilon_1 > \epsilon_2 \rightarrow Q_1 > Q_2 \\ \epsilon_1 = \epsilon_2 \rightarrow Q_1 = Q_2 \\ \epsilon_1 < \epsilon_2 \rightarrow Q_1 < Q_2 \end{cases}$$

CON MISMO  
POTENCIAL ENTRE  
SUS PLACAS



# PROBLEMA DE FUERZA ELÉCTRICA =

$$\text{EQUILIBRIO} \Rightarrow \sum \vec{M} = 0$$



$$|\vec{dF_e}| = \frac{2k \cdot \lambda}{r} \cdot (\lambda \cdot dx) \Rightarrow |\vec{dM_e}| = 2k\lambda^2 \cdot x \cdot \cos \alpha \cdot \frac{dx}{r}$$

PERO  $r = x \cdot \sin \alpha \Rightarrow |\vec{dM_e}| = 2k\lambda^2 \cdot \frac{x \cdot \cos \alpha}{x \cdot \sin \alpha} \cdot dx$

$$|\vec{M_e}| = \frac{2k\lambda^2}{\tan \alpha} \cdot L \quad (1) \quad (\text{ANTI-HORARIO})$$

EN TANTO QUE EL MOMENTO DEL PESO VALE

$$|\vec{M_p}| = m g \cdot \frac{L}{2} \cdot \sin \alpha \quad (2) \quad (\text{HORARIO})$$

$$\frac{2k\lambda^2}{\tan \alpha} \cdot L = m g \cdot \frac{L}{2} \cdot \sin \alpha \Rightarrow$$

$$L^2 = \pi \epsilon_0 \cdot m g \cdot \sin \alpha \cdot \tan \alpha$$

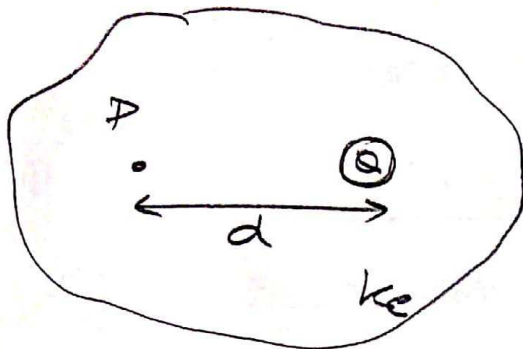
$\alpha = \pi/4 \rightarrow 2L^2 = \sqrt{2} \cdot \pi \epsilon_0 m g$

$\alpha = \pi/6 \rightarrow 6L^2 = \sqrt{3} \cdot \pi \epsilon_0 m g$

$\alpha = \pi/3 \rightarrow 2L^2 = 3\pi \epsilon_0 \cdot m g$

POSSIBLES  
CASOS

## PROBLEMA DE DIELECTRICO =



RESOLUCIÓN GENERAL = CONOCIDO EL VALOR DE "Q"

ENTONCES HABRÍA QUE ELEGIR LA RESPUESTA CORRECTA

EN "P" =

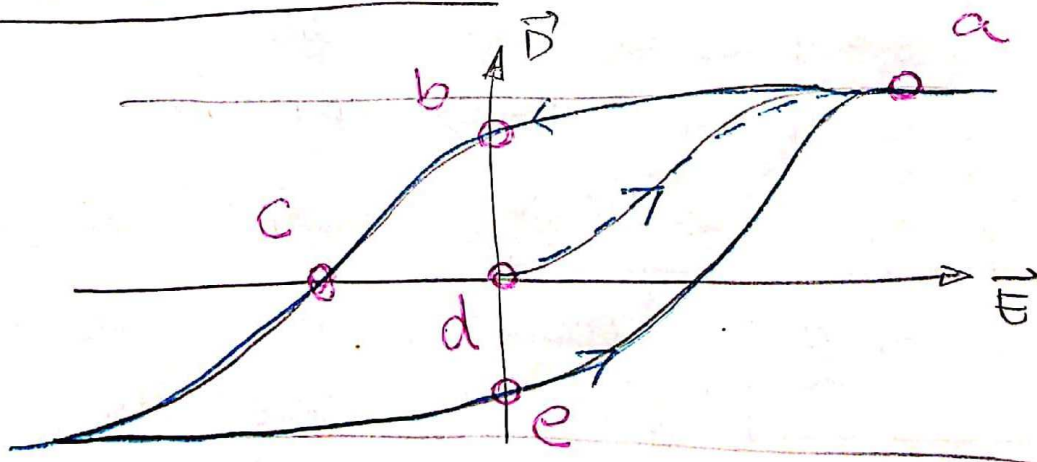
$$\left| \vec{D} \right| = \frac{Q}{4\pi d^2} \left[ \frac{C}{m^2} \right] \quad \left| \vec{E} \right| = \frac{\left| \vec{D} \right|}{\epsilon} = \frac{\left| \vec{D} \right|}{k\epsilon_0} = \frac{Q}{4\pi\epsilon \cdot d^2} \left[ \frac{N}{m} \right]$$

$$\gamma \quad \vec{P} = \left( \frac{k-1}{k} \right) \cdot \vec{D} = \left( \frac{k-1}{k} \right) \cdot \frac{Q}{4\pi \cdot d^2} \left[ \frac{C}{m^2} \right]$$

OPCIONES =

$k = \frac{\epsilon}{\epsilon_0}$  = PODÍA SER "2", "4" O "1" (AIRE)

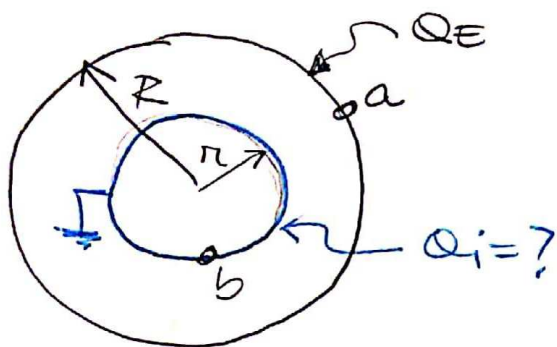
## PROBLEMA DE HISTÉRESIS =



OPCIONES =

- $a \rightarrow$  SATURACIÓN
- $b$  y  $e \rightarrow$  REMANENCIA
- $c \rightarrow$  COERCITIVIDAD

## PROBLEMA DE DOS ESTERAS =



$$V_{\text{TIERRA}} = 0V$$

$$\text{EN "a" =}$$

$$V(a) = k \cdot \frac{Q_E}{R} + \frac{k Q_i}{r}$$

$$\text{EN "b" } \Rightarrow V(b) = \frac{k \cdot Q_E}{R} + \frac{k Q_i}{r} = 0 \Rightarrow \boxed{Q_i = -\frac{r}{R} \cdot Q_E}$$

$$\text{Si } R = 2 \cdot r \rightarrow \boxed{Q_i = -\frac{Q_E}{2}}$$

$$\text{Si } R = 3 \cdot r \rightarrow \boxed{Q_i = -\frac{Q_E}{3}}$$

$$\text{Si } R = 4 \cdot r \rightarrow \boxed{Q_i = -\frac{Q_E}{4}}$$

$$\text{Si } R = 1,5 r \rightarrow \boxed{Q_i = -\frac{2}{3} Q_E} \quad \text{Y ASÍ...}$$

## PROBLEMA DE CONDUCTORES - DIELECTRICOS =

- ▶ CONDUCTORES Y  $\vec{E} = 0 \Rightarrow$  APANTALLAMIENTO
- ▶ CAMPO  $\vec{E}$  EN DIELECTRICOS  $\Rightarrow$  POLARIZACIÓN
- ▶ CONDUCTORES CONECTADOS A TIERRA  $\Rightarrow$  INDUCCIÓN

## PROBLEMA DE ENERGÍA EN CAPACITOR = RESPUESTA GENERAL

$$\boxed{U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}; \text{ con } C = \epsilon_0 \cdot \frac{A}{d}}$$

"Q" PODÍA SER  $\pm 10 \mu C$ ;  $\pm 20 \mu C$  o  $0 C$   
 "d" PODÍA SER  $1 \text{ mm}$ ;  $2 \text{ mm}$  o  $5 \text{ mm}$   
 $A = 100 \text{ mm}^2 = 1 \times 10^{-4} \text{ m}^2$  (8)