

## Análisis formal de complejidad para floyd\_distancia

Sea  $L = \text{MAX\_LOCALIDADES}$  (número de localidades).

### 1. Planteamiento y desarrollo de $T(L)$

La función realiza:

- Un ciclo doble para copiar los valores:

for  $i = 0$  to  $L-1$  : for  $j = 0$  to  $L-1$  :  $\text{resultado}[i][j] = \text{matriz\_distancia}[i][j]$ ;

Esto realiza  $L \times L$  operaciones (llamémoslo  $t_1 L^2$ ).

- Tres ciclos anidados para el algoritmo de Floyd-Warshall:

for  $k = 0$  to  $L-1$  : for  $i = 0$  to  $L-1$  : for  $j = 0$  to  $L-1$  : if (...):  $\text{resultado}[i][j] = \dots$

Esto realiza  $L \times L \times L = L^3$  operaciones (llamémoslo  $t_2 L^3$ ).

Así,

$$T(L) = t_1 L^2 + t_2 L^3$$

---

### 2. Calculando los casos

**Mejor caso:** No importa la entrada, siempre se ejecutan todos los ciclos completos:

$$T_m(L) = t_1 L^2 + t_2 L^3$$

**Peor caso:** De igual forma, el recorrido es el mismo:

$$T_p(L) = t_1 L^2 + t_2 L^3$$

**Caso promedio:** También es igual, pues la estructura de ciclos es fija:

$$T_{pr}(L) = t_1 L^2 + t_2 L^3$$

---

### 3. Resolución de sumatoria y límites

Para cotas asintóticas, el término dominante es  $t_2 L^3$ , por lo tanto:

$$\lim_{L \rightarrow \infty} \frac{T(L)}{L^3} = t_2$$

Por lo tanto:

$$T(L) \in \mathcal{O}(L^3)$$

$$T(L) \in \Omega(L^3)$$

$$T(L) \in \Theta(L^3)$$

### 4. Resumen Final:

- Mejor caso:  $\Theta(L^3)$
- Peor caso:  $\Theta(L^3)$
- Caso promedio:  $\Theta(L^3)$

Cada cota ha sido comprobada con límites tendiendo a infinito y usando los nombres del código.