

U[V]	C[F]	$R[\Omega]$	$u_C(0)[V]$
20	8	100	5

Známe U, R, C, $U_{C(0)}$

$$I = \frac{U_R}{R}$$

1)Ohmův zákon: $I = \frac{U_R}{R}$ 2)Kirchhochův zákon:

$$U = U_R + U_C$$

U =
$$U_R + U_C$$

 $U - U_C - U_R = 0$
3)Axiom:
 $u'_C = \frac{1}{C} \times I$
 $U_C(0) = U_{CP}$

$$u'_C = \frac{1}{C} \times I$$

$$U_C(0) = U_{CP}$$

1.krok

$$u_C' = \frac{1}{C} \times \frac{1}{R} \times U_R$$

$$U_R = U - U_C$$
$$u'_C = \frac{1}{RC} \times (U - u_C)$$

Jedná se o diferenciální rovnici 1. řádu počáteční podmínka: $u_C(0) = U_{CP}$

$$u_C' + \frac{u_C}{RC} = \frac{U}{RC}$$

Charakteristická rovnice:

$$\lambda + \frac{1}{RC} = 0$$

$$\lambda = -\frac{1}{RC}$$

Očekávané řešení $u_C(t)=K(t)e^{\lambda t}=K(t)e^{-\frac{t}{RC}}$ Zderivujeme $u_c(t)$:

$$u_c(t) = K(t)e^{-\frac{t}{RC}}$$
$$u'_c(t) = K'(t)e^{-\frac{t}{RC}} - \frac{1}{RC} \times K(t)e^{-\frac{t}{RC}}$$

Nyní $u_C(t)$ a $u_c'(t)$ dosadíme do $u_C' + \frac{u_C}{RC} = \frac{U}{RC}$

$$K'(t)e^{-\frac{t}{RC}} - \frac{K(t)}{RC}e^{-\frac{t}{RC}} + \frac{K(t)e^{-\frac{t}{RC}}}{RC} = \frac{U}{RC}$$
$$K'(t)e^{-\frac{t}{RC}} = \frac{U}{RC}$$

Nyní zjistíme K(t)

$$K'(t)e^{-\frac{t}{RC}} = \frac{U}{RC} / e^{\frac{t}{RC}}$$

$$K'(t) = \frac{U}{RC} e^{\frac{t}{RC}} / \int$$

$$K(t) = \frac{U}{RC} (RCe^{\frac{t}{RC}})$$

$$K(t) = Ue^{\frac{t}{RC}} + k$$

k je integrační konstanta

Nyní dosadíme do původní rovnice (TODO:change this text to reflect reality)

$$u_C(t) = (Ue^{\frac{t}{RC}} + k)e^{-\frac{t}{RC}}$$
$$u_C(t) = U + ke^{-\frac{t}{RC}}$$

Dosadíme $u_C(0) = u_{CP} \implies k = 0$

$$u_{CP} = U + ke^0$$

$$u_{CP} - U = k$$

Analytické řešení

$$u_C(t) = U + (u_{CP} - U)e^{-\frac{t}{RC}}$$

Kontrola dosazením hodnot v $u_{C}(0)$

$$u_c(0) = 20 + (5 - 20)e^{-\frac{0}{100 \times 8}}$$
$$u_c(0) = 20 + (-15)e^{-\frac{0}{800}}$$
$$u_c(0) = 20 - 15 \times e^0$$
$$u_c(0) = 5$$
$$5 = 5$$