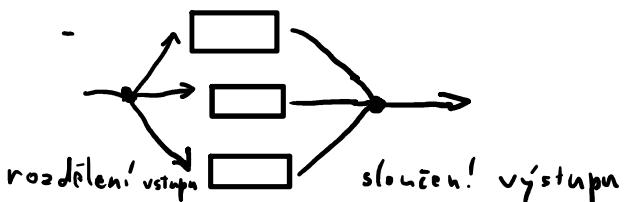


- parallelizace:

- sériový - pro zpracování úlohy musí být dostupný výsledek z předchozí úlohy $\Rightarrow \square \rightarrow \square \rightarrow \square$

- parallelní - části úlohy lze zpracovat současně a neblokuje se



- příklad - sample sort - rozdělení do vzorků (sample) sestřídění vzorků parallelně (současně) \Rightarrow vzorek (merge)

- výpočetní složitost - nejhorší (O) - nejmalojší

- průměrná (Θ)

- nejlepší (Ω) - nejrychlejší

- složitost prohození položek \Rightarrow pro in-place algoritmy

- umístění v paměti - blízko u sebe (lokální)

- daleko náhodně (vzdálené)

\Rightarrow záleží na typu paměti (RAM, Sekvenční)

- velikost položky - malé $\sim B$ (rychlé)

- větší $\sim kB, MB \Rightarrow$ pomalejší rychlosť MB/s

\hookrightarrow Lze pracovat s adreson-ukazatele (4B, 8B)

(nekopíruji se přímo položky ale jen adresy)

- stabilita - při opakování použití udrží předchozí relativní řazení

- příklad: radixové řazení - podle řádu

máme čísla 0 až 999 \Rightarrow 000 až 999

\hookrightarrow 3 řády

nejdříve řadime podle jednotek, potom podle desítek, ...

\hookrightarrow řazení podle jednotek zůstane zachováno - stabilita

39		039	3 3 3	019	0 1 9
137		137	0 2 3	023	0 2 3
125	→	125	1 2 5	125	0 3 9
333		333	1 3 7	333	1 2 5
23		023	0 3 9	137	1 3 7
19		019	0 1 9	039	3 3 3

⇒ řazení podle více kritérií - nutnost (napt. příjmení, jméno)

- použitá metoda - jedna nebo kombinace více metod

0	1	2	3
1	2	3	4

- vkládání ($O(n)$) \Rightarrow

0	1	2	3
10	2	3	4

 $O(n)$

- zámeň (swap) ($O(1)$) \Rightarrow

1	1	2	3
4	2	3	1

 $O(1)$

- výběr: minimum.pole = 1 $\Rightarrow O(n)$
maximum.pole = 4

- sloučování (merge)

Pole 1	1	2	3
--------	---	---	---

Pole 2	4	5	6
--------	---	---	---

- sloučit (pole 1, pole 2) \Rightarrow

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

 $O(n)$

- dělení (dividing)

Pole 1	1	2	3	4	5
--------	---	---	---	---	---

část (pole 1, 2, 4) \Rightarrow

2	3	4
---	---	---

 $O(n)$ anebo $O(1)$

- počítání (counting) $O(n)$

Zjištění seřazenosti pole nebo seznamu

- vzestupné a sestupný řazení \Rightarrow Ano / ne
- podmínka - vzestupné - Dvě po sobě následující hodnoty (jakožkoliv)
 - \Rightarrow aktuální hodnota je $< / =$ následující pro i od 0 do $n-1$
 - Sestupné \Rightarrow větší nebo rovno následující $i > / = i+1$
- lze parallelizovat - současný běh
 - $i \in (0, n)$
 - | | | | | | |
|---|---|----|----|----|----|
| 3 | 8 | 11 | 15 | 20 | 23 |
|---|---|----|----|----|----|

 $\downarrow \downarrow \downarrow \downarrow \downarrow \downarrow$
 $(n-1) \text{ dvojic} \Rightarrow O(n)$
 $\Omega(1)$

Prohození dvou hodnot na místech v paměti (swap)

- počáteční stav \rightarrow

0	1	2	3	4	5
-8	10				

index

 prohodit (`pole[1], pole[3]`)
- koncový stav \rightarrow

0	1	2	3	4	5
10	-8				
- procedura prohodit musí pracovat s místy kde jsou hodnoty uloženy (reference) \Rightarrow prohozujeme hodnoty na místech
- 3 různé způsoby - Techniky
 - 1) s pomocnou proměnnou

pole	i	j
$\boxed{-8}$	$\boxed{-10}$	$\boxed{-10}$
tmp	\downarrow	$\boxed{-8}$

 \Rightarrow

$i \leftarrow j$	-10	-10
	$\boxed{-8}$	

 \Rightarrow

i	j
-10	-8
$\boxed{-8}$	\uparrow

 $\text{tmp} = \text{pole}[i]$
 $\text{pole}[i] = \text{pole}[j]$
 $\text{pole}[j] = \text{tmp}$

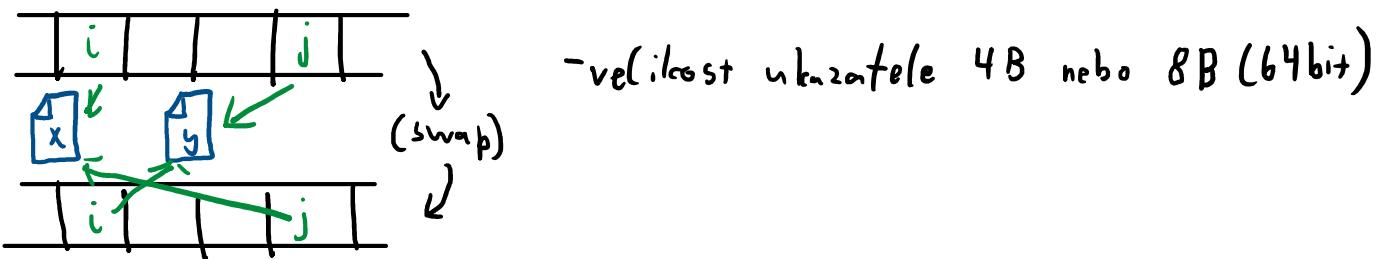
- 2) aritmetický výpočet
 - používání nových čísla (relax)

↳ aritmetický výpočet

- nevyhledá pro čísla (cela)
- výhledá bez pomocné proměnné
- využívá případné přetížení (overflow), podřízení datového typu

3) bitový výpočet XOR

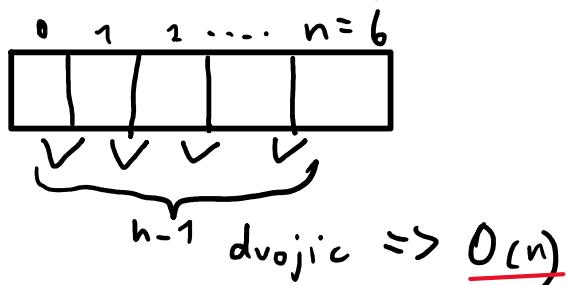
- pokud jsou položky datově velké ($\sim 1\text{MB}$) lze zaměňovat adresy položek místo fyzického přenosu dat - práce s ukazateli



Pomalé řadící algoritmy - $O(n^2)$

Bubble sort (řazení probublíváním)

- vždy se porovnují sousední hodnoty v poli, např. pole[i] a pole[i+1]
- podle podmínky a požadavky na řazení (výsledku) se hodnoty prohodí nebo neprohodí (duoje se přestří)
- algoritmus pracuje v průchodech - postupně projde všechny dvojice



\Rightarrow průchod opakujeme n-krať - hodnoty postupně probublívají na své správné místo podle velikosti a řazení
 $\Rightarrow (n-krať \text{ průchod}) \cdot O(n) \Rightarrow O(n^2)$

- algoritmus musí provést alespoň 1 průchod - zjistí zda jsou nebo nejsou hodnoty seřazeny $\Rightarrow \Omega(n)$

- příklad:

1	8	-5	2	7	14
\Rightarrow sesupře			prohodil		

průchody/du	1	2	3	4	5
1	$8, 1, -5, 2, 7, 19$	$8, 1, \cancel{-5}, 2, 7, 19$	$8, 1, \boxed{2, -5}, 7, 19$	$8, 1, 2, \boxed{7, -5}, 19$	
2					
3					
4					
5					