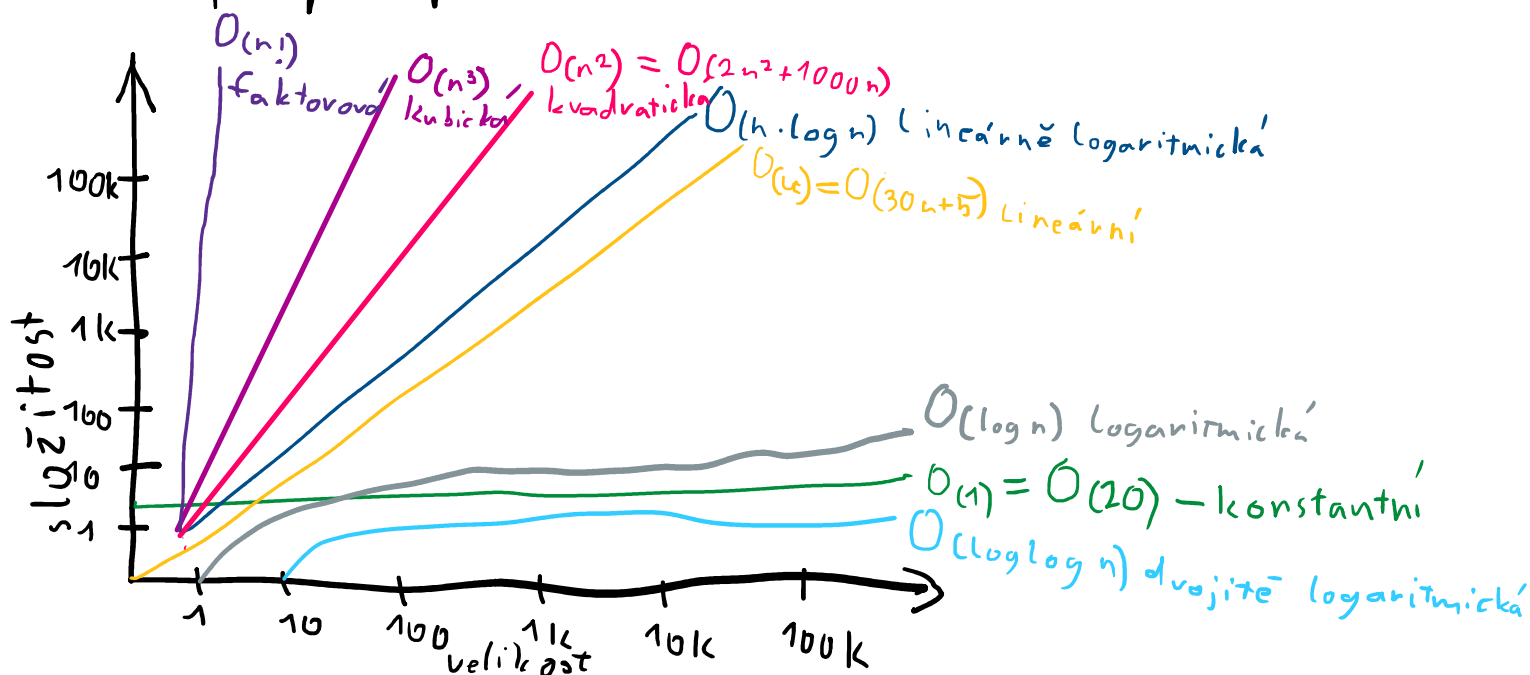


Informatika 2. ročník

- porovnání asymptotických složitostí – třídy
- rychlost růstu časové nebo paměťové složitosti v závislosti na velikosti

vstupn – počet položek



- nezáleží na absolutní hodnotě složitosti, ale na rychlosti růstu
v bodě → směrnice tečny

Řadící algoritmy

- motivace - v seřazené posloupnosti může člověk nebo stroj rychleji vyhledávat (nižší třída složitosti)
 - pro rychlé vyhledávání je nutné nejdříve hodnoty efektivně seřadit (s nejnižší složitostí)
- cíl - pořadí podle zadané podmínky
 - (např. podle jména, věku, ...) \Rightarrow podle atributu (vlastností)
 - číselně nebo lexiko-graficky (abecedně), vzestupně nebo sestupně
- vstup - datová struktura obsahující položky
 - lineární = pole (array), seznam (list)
 - stromový = strom (tree), seřazený strom \rightarrow haldy (heap)
- řazení - každé položce, kterou řadíme je přiřazena klíčem (key) hodnota, kterou použijeme pro řazení
 - $\text{let osoba} = \{ \text{jméno: "Jan", příjmení: "Novák", věk: "18"} \}$
 - $\text{osoba}[\text{příjmení}] = \text{"Novák"}$
 - \Rightarrow určí hodnotu položky ve výstupu
- výstup - přeuspořádaný vstup - permutace
 - počet permutací je $n!$, n je počet položek
- třídící algoritmus - zařazení položky podle hodnoty klíče do určité skupiny
 - např. $\text{věk} \leq 18$; $\text{věk} > 18$
 - součást rychlých řadících algoritmů
- druhy řazení - číselné (numerické), abecední (lexikografické)
- typy řazení - náhodné (random)

- druhy řazení - číselné (numerické), abecední (lexikografické)

- typy řazení - náhodné (random)

- vzestupně (ascending)

- sestupně (descending)

Faktory ovlivňující rychlost řazení

- zvolení algoritmu - třída výpočetní složitosti $O(n!)$, $O(n^2)$, $O(n \log n)$
 - \uparrow náhodné
 - \uparrow pomalé
 - \uparrow rychlé
- řazecí hodnoty - počet a charakteristika
 - počet od 1-miliard, n
 - charakteristika - několik unikátních (-např. známky 1-5)
 - typ hodnot: - mnoho unikátních (-např. ceny zboží)
 - malé rozpětí (-např. odchylky 0mm-20mm)
 - velké rozpětí (-např. vzdálenosti)
 - seřazenost - náhodná, částečná, téměř úplná, opačná
- datová struktura - průměrná a maximální složitost operací
 - pole (array) - přístup $\Theta(1)$ a $O(1)$, vložení a odstranění $\Theta(n)$ a $O(n)$
 - seznam (list) - vkládání a odstraňování $\Theta(1)$ a $O(1)$, přístup $\Theta(n)$ a $O(n)$
 - binární strom (tree) - přístup, odstranění, vložení $\Theta(\log n)$ a $O(\log n)$
 - haldy (heap) - vyhledání minima (maxima) $\Theta(1)$ a $O(1)$, správa haldy $O(\log n)$
- hardware - fyzické komponenty PC
 - paměť - přístup: - náhodný = čas není ovlivněn pozicí dat v paměti (čtení, zápis)
 - např. = registry, RAM, SSD
 - sekvencí = čas výrazně ovlivňuje umístění dat
 - např. = HDD, DVD, CD, mag. páska
 - rychlost: - čas čtení (zápis) v závislosti na velikosti dat (MB/s, GB/s)
 - přístupová doba: - čas zpřístupnění umístění dat
- výpočetní jednotky - porovnání (počítání) hodnot, operace s dat. strukturou
 - paralelní (souběžné) zpracování, nebo sériové (sekvencí)

- fyzický procesor = obsahuje log. procesory a cache (L2, L3)
- logický procesor = obsahuje jádra a cache (L1)
- jádro procesoru = registry a ALU
- specializovaný IČ = ASIC (Application Specific Integrated Circuit)

Typy řadících algoritmů

- pracovní paměť: - různé typy algoritmů mohou využívat různou velikost paměti
 - velikost paměti nutná pro vlastní uložení položek se neuvažuje
- „in-place“: - potřebují pro svoji činnost $O(1)$ pomocné paměti (pomocné proměnné)
 - přímo transformují zadaný vstup i s minimem další potřebné paměti
 - v opačném případě je potřeba více volné paměti pro funkci algoritmu
- rekurzivní: - z pravidla potřebují $O(\log n)$ paměti a lze je považovat za „in-place“
 - paměť je použita pro zásobník volání (call stack)
- ostatní: - potřebné množství paměti se liší dle charakteristik různých položek
- implementace = realizace algoritmu
 - iterativní: - použití cyklů (for, while, ...)
 - nepoužívá rekurzi
 - rekurzivní: - algoritmus používá sám svoji definici (funkci) se zkrácením se vstupem
 - zásobník volání $O(\log n)$ paměti
 - rychlejší než in-place (iterativní)
 - např. quick sort
 - kombinované: - iterace, rekurze, např. merge sort

porovnávání

- přímé: - vždy dvě vybrané řazení hodnoty
 - relační operátory $<, >, <=, >=$
 - výsledek $\begin{cases} \text{true} & \text{(správné pořadí porovnávaných položek)} \\ \text{false} & \text{(nesprávné/opakné pořadí)} \end{cases}$
 - \Rightarrow položky prohodíme (swap) do správného pořadí
 - např. u bubble, selection, insertion \Rightarrow počet porovnání $O(n^2)$

porovnání přeměníme \rightarrow do správného pořadí

- např. u bubble, selection, insertion \Rightarrow počet porovnání $O(n^2)$
- nepravé: - např. třídění položek do kategorií
 - lepší výsledek než $O(n \log n)$ - Quick, merge
 - např. counting sort $\sim O(n)$
- řazení hodnoty: - čísla jako řetězce 100 = "100"
 - pokud je algoritmus stabilní lze řadit opakovaně podle \Rightarrow jednotek, desítek, stovek, ...