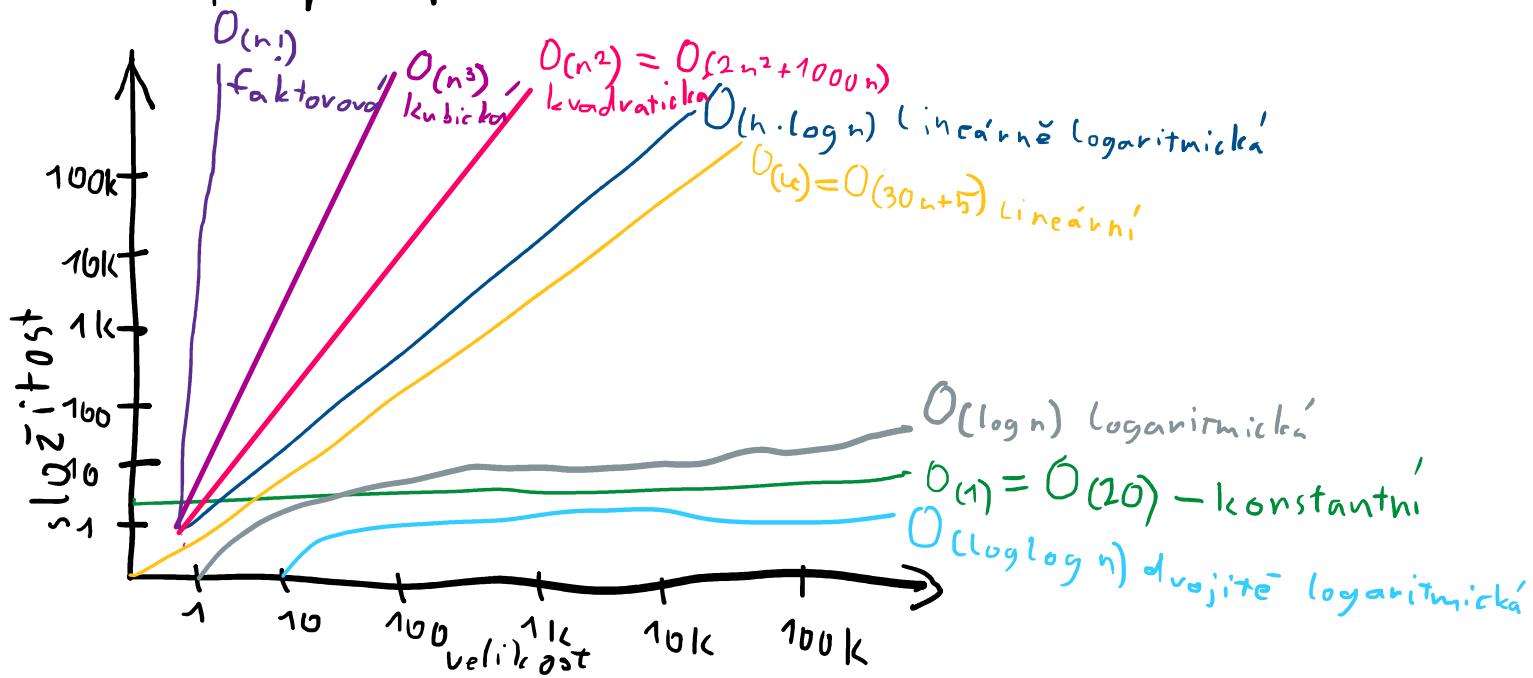


Informatika 2. ročník

- porovnání asymptotických složitostí - třídy
- rychlosť růstu časové nebo paměťové složitosti v závislosti na velikosti vstupu - počet položek



- nezáleží na absolutní hodnotě složitosti, ale na rychlosti růstu v bodě → směrnice tečny

Řadící algoritmy

- motivace - v seřazené posloupnosti může člověk nebo stroj rychleji vyhledávat
(nížší třída složitosti)
- pro rychlé vyhledávání je nutné nejdříve hodnoty efektivně seřadit
(s nejnižší složitostí)
- cíl - pořadí podle zadané podmínky
 - (např. podle jména, věku,...) \Rightarrow podle atributu (vlastnosti)
 - číselně nebo lexiko-graficky (abecedně), vzestupně nebo sestupně
- vstup - datová struktura obsahující položky
 - lineární = pole (array), seznam (list)
 - stromový = strom (tree), seřazený strom \Rightarrow haldna (heap)
- řazení - každá položce, kterou řadíme je přiřazena klíčem (key) hodnoty, kterou použijeme pro řazení
 - $\text{Let } \text{osoba} = \{ \text{jmeno: "Jan"}, \text{prijmeni: "Novák"}, \text{věk: "18"} \}$
 - $\text{osoba}[\text{prijmeni}] = "Novák"$
 - \Rightarrow určí hodnotu položky ve výstupu
- výstup - přeuspovídáný vstup - permutace
 - počet permutací je $n!$, n je počet položek
- řidící algoritmus - zařazení položky podle hodnoty klíče do určité stupinky
 - např. $\text{věk} \leq 18 ; \text{věk} > 18$
 - součást rychlých řadičích algoritmů
- druhy řazení - číselný (numerické), abecední (lexikografické)
- časové řazení - náhodné (random)

- arunhy řazení - císelné (numerické), abecední (lexikografické)

- typy řazení - náhodné (random)

- vzestupně (ascending)

- seskupně (descending)

Faktory ovlivňující rychlosť řazení

- zvolený algoritmus - třída výpočetní složitosti $O(n!)$, $O(n^2)$, $O(n \log n)$
 - ↑
náhodný
 - ↑
pomalé
 - ↑
rychlé
- řazecí hodnoty - počet a charakteristika
 - počet od 1-miliard, n
 - charakteristika - několika unikátních (- např. známky 1-5)
 - typ hodnot: - mnoho unikátních (- např. ceny aboží)
 - malé rozsahy (- např. odchyly 0mm-20mm)
 - velké rozsahy (- např. vzdálenosti)
 - řazecost - náhodná, částečná, téměř úplná, opačná
- datová struktura - průměrná a maximální složitost operací
 - pole (array) - přístup $\Theta(1)$ a $O(1)$, vložení a odstranění $\Theta(n)$ a $O(n)$
 - seznam (list) - vložení a odstranění $\Theta(1)$ a $O(1)$, přístup $\Theta(n)$ a $O(n)$
 - binární strom (tree) - přístup, odstranění, vložení $\Theta(\log n)$ a $O(\log n)$
 - haldy (heap) - vyhledání minimum (maximum) $\Theta(1)$ a $O(1)$, správa haldy $O(\log n)$
- hardware - fyzické komponenty PC
 - paměť - přístup: - náhodný = čas není ovlivněn pozicií dat v paměti (čtení, zápis)
 - např. = registry, RAM, SSD
 - sekvenční = čas výrazně ovlivňuje umístění dat
 - např. = HDD, DVD, CD, mag. páska
 - rychlosť: - čas čtení (zápis) v závislosti na velikosti dat (MB/s, GB/s)
 - přístupový doba: - čas zpřístupnění umístění dat
 - výpočetní jednotky - porovnání (počítání) hodnot, operace s dat. strukturou
 - paralelní (souběžný) zpracování, nebo sériové (sekvenční)

- fyzický procesor = obsahujíc log. procesory a cache (L₂, L₃)
- logický procesor = obsahujíc jádra a cache (L₁)
- jádro procesoru = registry a ALU
- specializovaný HW = ASIC (Application Specific Integrated Circuit)

Typy řadících algoritmů

- pracovní' paměť: - různé typy algoritmů mohou využívat různou velikost paměti
 - velikost paměti nutná pro vlastní uložení položek se neuvažuje
- „in-place“: - potřebují pro svoji činnost $O(1)$ pomocné paměti (pomocné proměnné)
 - přímo transformují zadaný vstup i s minimem další potřebné paměti
 - v opačném případě je potřeba více volné paměti pro funkci algoritmu
- rekursivní: - z pravidla potřebují $O(\log n)$ paměti n (že je používají za „in-place“)
 - paměť je použita pro zásobník volání (call stack)
- ostatní: - potřebné množství paměti se liší dle charakteristik řazených položek
- implementace = realizace algoritmu
 - iterativní: - použití cyklů (for, while, ...)
 - nepoužívá rekurzi
 - rekursivní: - algoritmus používá sám svou definici (funkci) se zkracujícím se vstupem
 - zásobník volání $O(\log n)$ paměti
 - rychlejší než in-place (iterativní)
 - např. quick sort
 - kombinované: - iterace, rekureze, např. merge sort

porovnávání

- přímé: - vždy dvě vybrané řazené hodnoty
 - relační operátory $<$, $>$, \leq , \geq
 - výsledek $\begin{cases} \text{true} & (\text{správné poradí porovnávaných položek}) \\ \text{false} & (\text{nesprávné/opačné poradí}) \end{cases}$
 - \Rightarrow položky prohadíme (swap) do správného poradí
 - např. u bubble, selection, insertion \Rightarrow počet porovnání $O(n^2)$

Počty porovnání v závislosti na správném pořadí

- např. u bubble, selection, insertion \Rightarrow počet porovnání $O(n^2)$
- nepravidelné:
 - např. tvídění položek do kategorii
 - lepší výsledek než $O(n \log n)$ - Quick, merge
 - např. counting sort $\sim O(n)$
- řazehé hodnoty:
 - čísla jako řetězce $100 = "100"$
 - pokud je algoritmus stabilní lze ředit opakování podle \Rightarrow jednotek, desítek, stovek, ...