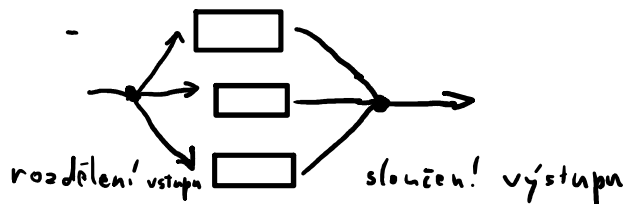


- paralelizace:

- sériový - pro zpracování úlohy musí být dostupný výsledek z předchozí úlohy $\Rightarrow \square \rightarrow \square \rightarrow \square$

- paralelní - části úlohy lze zpracovat souběžně a neblokují se



- příklad - sample sort - rozdělení do vzorků (sample) seřídění vzorků paralelně (souběžně) \rightarrow vzorků (merge)

- výpočetní složitost - nejhorší (O) - nejpomalejší

- průměrná (θ)

- nejlepší (Ω) - nejrychlejší

- složitost prohození položek \Rightarrow pro in-place algoritmy

- umístění v paměti - blízko u sebe (lokalita)

- anebo náhodně (vzdáleně)

\Rightarrow záleží na typu paměti (RAM, Sekvenční)

- velikost položky - malé $\sim B$ (rychlí)

- větší $\sim KB, MB \Rightarrow$ pomalejší rychlost MB/s

\hookrightarrow lze pracovat s adresou-ukazatele (4B, 8B)

(nekopírují se přímo položky ale jen adresy)

- stabilita - při opakovaném použití udrží předchozí relativní řazení

- příklad: radixové řazení - podle rádu

máme čísla 0 až 999 \Rightarrow 000 až 999

\hookrightarrow 3 řády

nejdříve řadíme podle jednotek, potom podle desítek...

\hookrightarrow řazení podle jednotek zůstane zachováno - stabilita

3 9		0 3 9	3 3 3	0 1 9	0 1 9
1 3 7		1 3 7	0 2 3	0 2 3	0 2 3
1 2 5	⇒	1 2 5	1 2 5	1 2 5	0 3 9
3 3 3		3 3 3	1 3 7	3 3 3	1 2 5
2 3		0 2 3	0 3 9	1 3 7	1 3 7
1 9		0 1 9	0 1 9	0 3 9	3 3 3

⇒ řazení podle více klíčů - nutnost (např. příjmení, jméno)

- použitá metoda - jedna nebo kombinace více metod

0	1	2	3
1	2	3	4

- vkládání (insert) $(10, 0) \Rightarrow$

0	1	2	3
10	2	3	4

 $O(n)$

- záměna (swap) $(0, 3) \Rightarrow$

0	1	2	3
4	2	3	1

 $O(1)$

- výběr: minimum.pole = 1
maximum.pole = 4 $O(n)$

- slučování (merge) pole 1

1	2	3
---	---	---

 pole 2

4	5	6
---	---	---

- složit (pole 1, pole 2) \Rightarrow

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

 $O(n)$

- dělení (dividing) pole 1

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

část (pole 1, 2, 4) \Rightarrow

2	3	4
---	---	---

 $O(n)$ nebo $O(1)$

- počítání (counting) $O(n)$

Zjištění seřazenosti pole nebo seznamu

- vzestupné a sestupné řazení \Rightarrow Ano / ne

- podmínka - vzestupné - Dvě po sobě následující hodnoty (jakékoliv)
 \Rightarrow aktuální hodnota je $< / =$ následující
 pro i od 0 do $n-1$

- sestupné \Rightarrow větší nebo rovno následující $i > / = i+1$

- lze paralelizovat - současný běh

- $i \in (0, 4)$ 0 1 2 3 4 5 n

3	8	11	15	20	23
---	---	----	----	----	----

(n-1) dvojic $\Rightarrow O(n)$

$\Omega(1)$

Prohození dvou hodnot na místech v paměti (swap)

- počáteční stav \rightarrow

0	1	2	3	4	5	index
	-8		10			pole

prohodit (pole[1], pole[3])

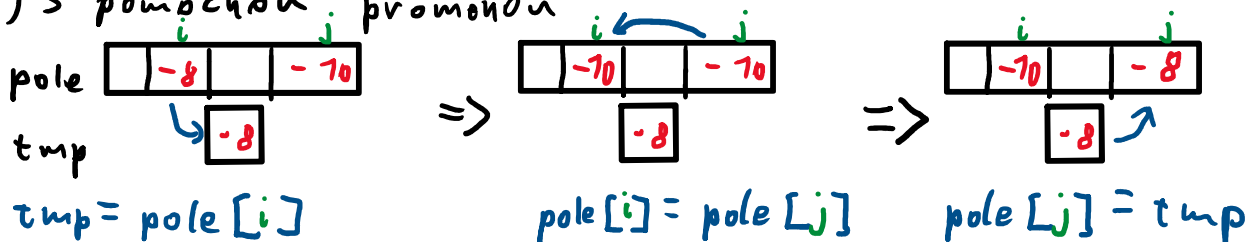
- koncový stav \rightarrow

0	1	2	3	4	5	index
	10		-8			pole

- procedura prohodit musí pracovat s místy kde jsou hodnoty uloženy (reference) \Rightarrow prohazujeme hodnoty na místech

- 3 různé způsoby - Techniky

1) s pomocnou proměnnou



2) aritmetický výpočet

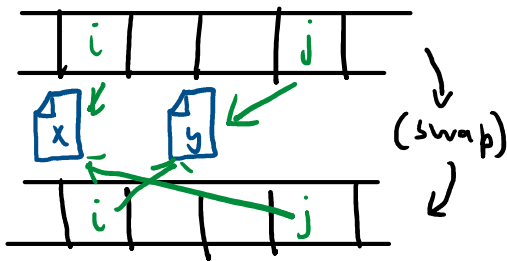
- nauč. hod. na čísla (celá)

2) aritmetický výpočet

- nevýhoda pro čísla (celá)
- výhoda bez pomocné proměnné
- využívá případně přetečení (overflow), podtečení datového typu

3) bitový výpočet XOR

- pokud jsou položky datově velké ($\sim > 1\text{MB}$) lze zaměňovat adresy položek místo fyzického přenosu dat - práce s ukazateli

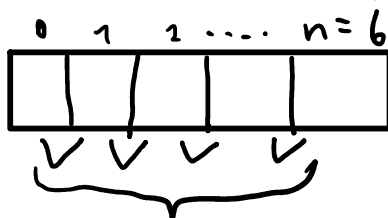


- velikost ukazatele 4B nebo 8B (64bit)

Pomalé řadící algoritmy - $O(n^2)$

Bubble sort (řazení probublávání)

- vždy se porovnávají sousední hodnoty v poli, např. pole $[j]$ a pole $[j+1]$
- podle podmínky a požadavku na řazení (výsledkem) se hodnoty prohodí nebo neprohodí (dvojice se přeskáčí)
- algoritmus pracuje v průchodech - postupně projde všechny dvojice



$n-1$ dvojic $\Rightarrow O(n)$

\Rightarrow průchod opakujeme n -krát - hodnoty postupně probublávají na své správné místo podle velikosti a řazení

$$\Rightarrow (n\text{-krát průchod}) \cdot O(n) \Rightarrow O(n^2)$$

- algoritmus musí provést alespoň 1 průchod - zjistí zda jsou nebo nejsou hodnoty seřazeny $\Rightarrow \Omega(n)$

- příklad:

1	8	-5	2	7	14
---	---	----	---	---	----

\Rightarrow sestupně

prohození

průchody/dx	1	2	3	4	5
1	8, 1 -5, 2, 7, 19	8, -5 , 2, 7, 19	8, 1, 2, -5 , 7, 19	8, 1, 2, 7, -5 , 19	
2					
3					
4					
5					