ПРОЛЕТНО МАТЕМАТИЧЕСКО СЪСТЕЗАНИЕ 29 март 2025 г.

Тема за 4. клас

Задача 1. Намерете неизвестните числа a и b в равенствата

$$(a-345):67=89$$
 и $2025:(b-38)=45$.

Ако

$$c = 34.37 + 36.46 + 34.73 + 36.64$$

намерете числото d = c : (1 + a : b).

Намерете сбора на всички естествени числа, които са по-големи от числото b и по-малки от числото d.

Задача 2. Пипи, Томи и Аника събрали общо 264 миди в морето край остров Корекоредут. Томи и Аника общо събрали 3 пъти повече миди, отколкото Пипи.

Оказало се, че в половината от мидите на Пипи и в третината от мидите на Аника има по една перла. Така те двете имали общо 74 перли.

- а) Колко миди е събрал Томи?
- б) Във всяка от мидите, които събрал Томи, имало по една перла, розова или бяла. На пазара на острова той разменил всяка розова перла за три кокосови ореха и един портокал. Той успял да размени и всичките си бели перли, като за три бели перли получавал един кокосов орех и два портокала.

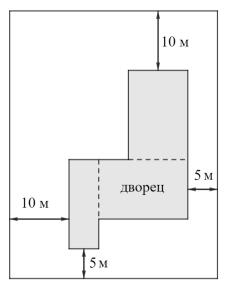
От размяната на перлите Томи получил 89 кокосови ореха.

Колко портокала е получил Томи от размяната на перлите?

Задача 3. Дворецът на Шрек се състои от три правоъгълни сгради и е разположен в правоъгълен двор. На чертежа дворецът е оцветен в сив цвят и са посочени някои разстояния от стените на двореца до оградата на двора.

Оградата се пази от 124 стражи, разположени по следния начин:

- има по един страж във всеки ъгъл на оградата;
- на всяка страна на оградата стражите са разположени през 5 метра един от друг.
- а) Намерете обиколката на оградата и обиколката на двореца на Шрек.



б) Магарето и Котаракът се намирали в един от ъглите на оградата и едновременно тръгнали в противоположни посоки да обикалят оградата. Котаракът изминавал 40 метра за 15 секунди, а Магарето изминавало 40 метра за 16 секунди.

Когато Магарето и Котаракът се срещнали за 24-ти път, те решили да спрат обиколките си. Колко минути Магарето и Котаракът са обикаляли оградата и колко метра е изминало Магарето?

Забележка. Моментът на тръгване не е среща.

- **Задача 4.** Ще казваме, че едно число е *специално*, ако е четирицифрено и точно две от цифрите му са 2. Например, 2025 и 2112 са специални числа, а 2220, 1234 и 3456 не са.
- а) Рени записала няколко пъти специалното число 2230 и няколко пъти специалното число 2290. Оказало се, че е записала общо 36 цифри и сборът на всички записани цифри е 81. Намерете сбора на всички числа, които е записала Рени.
- б) Рени и Бени, независимо една от друга, съставили списък със специални числа. Оказало се, че:
 - в списъка на Рени всички числа са различни;
 - в списъка на Бени всички числа са различни;
 - точно половината от числата, които е записала Рени, са записани и от Бени;
 - в списъка на Бени има с две числа повече, отколкото в списъка на Рени;
 - само едно специално число не е записано нито от Рени, нито от Бени.

Колко специални числа е записала Рени и колко е записала Бени?