

Algoritmos y Estructuras de Datos I

Segundo cuatrimestre de 2025

Departamento de Computación - FCEyN - UBA

Introducción a la Programación Funcional

1

IP - AED I: Temario de la clase

- ▶ Programación funcional
 - ▶ ¿Qué es un programa en el Paradigma Funcional?
 - ▶ Ecuaciones orientadas
 - ▶ Transparencia referencial
 - ▶ Expresiones bien formadas
 - ▶ Mecanismo de reducción
 - ▶ Orden de evaluación (Lazy vs Eagger)
 - ▶ Funciones parciales y totales. Definición de funciones por casos en Haskell
 - ▶ Pattern Matching
 - ▶ Tipos de datos en Haskell
 - ▶ Polimorfismo
 - ▶ Variables de tipos y clases de tipos
 - ▶ Tuplas
 - ▶ Pattern matching sobre tuplas
 - ▶ Parámetros vs tuplas
 - ▶ Currificación y aplicación parcial de funciones
 - ▶ Funciones binarias: notación prefija vs. infija
 - ▶ Renombre de tipos

2

Repasando un poco

- ▶ Hasta ahora estudiamos lógica y aprendimos a **especificar** problemas
- ▶ El objetivo es ahora escribir un **algoritmo** que cumpla esa especificación
 - ▶ Secuencia de pasos que pueden llevarse a cabo mecánicamente
- ▶ Puede haber varios algoritmos que cumplan una misma especificación
- ▶ Una vez que se tiene el algoritmo, se escribe el **programa** que implementa el algoritmo
 - ▶ Expresión formal de un algoritmo
 - ▶ Lenguajes de programación
 - ▶ sintaxis definida
 - ▶ semántica definida
 - ▶ qué hace una computadora cuando recibe ese programa
 - ▶ qué especificaciones cumple
 - ▶ ejemplos: Haskell, C, C++, C#, Python, Java, Smalltalk, Prolog, etc.
- ▶ A partir de un algoritmo van a existir múltiples programas que implementan dicho algoritmo.

3

Paradigmas de Programación

- ▶ Existen distintos paradigmas de programación
 - ▶ Formas de pensar un algoritmo que cumpla una especificación
 - ▶ Cada uno tiene asociado un conjunto de lenguajes
 - ▶ Nos llevan a encarar la programación según ese paradigma
- ▶ En esta materia vamos a estudiar dos paradigmas bien distintos: Funcional e Imperativo.
- ▶ Ahora vamos a ver Haskell que pertenece al paradigma de programación funcional
 - ▶ programa = colección de funciones
 - ▶ Transforman datos de entrada en un resultado
 - ▶ Los lenguajes funcionales nos dan herramientas para explicarle a la computadora cómo computar esas funciones

4

Programación funcional

- Un **programa** en un lenguaje funcional es un **conjunto de ecuaciones orientadas** que definen una o más funciones.

Por ejemplo:

```
doble x = x + x
```

- La **ejecución** de un programa en este caso corresponde a la **evaluación de una expresión**, habitualmente solicitada desde la consola del entorno de programación.

```
Prelude> doble 10  
20
```

- La expresión se evalúa usando las ecuaciones definidas en el programa, hasta llegar a un resultado.
- Las ecuaciones orientadas junto con el mecanismo de reducción describen **algoritmos**.

5

Ecuaciones

Para determinar el valor de la aplicación de una función se reemplaza cada expresión por otra, según las ecuaciones.

- Este proceso puede no terminar, aún con ecuaciones bien definidas.
- Por ejemplo, consideremos la expresión:

```
doble (1 + 1)
```

Si reemplazamos `1 + 1` por `doble 1` obtenemos `doble (doble 1)`

Y ahora podemos reemplazar `doble 1` por `1 + 1`

Volvimos a empezar...

```
doble (1 + 1) ~> doble (doble 1) ~> doble (1 + 1) ~> ...
```

6

Ecuaciones orientadas

- Lado **izquierdo**: expresión a definir
- Lado **derecho**: definición
- Cálculo del valor de una expresión : reemplazamos las subexpresiones que sean lado izquierdo de una ecuación por su lado derecho

Ejemplo: `doble x = x + x`
`doble (1 + 1) ~> (1 + 1) + (1 + 1) ~> 2 + (1 + 1) ~> 2 + 2 ~> 4`

También podría ser:

```
doble (1 + 1) ~> doble 2 ~> 2 + 2 ~> 4
```

Más adelante veremos cómo funciona Haskell en particular.

7

Transparencia referencial

Es la propiedad de un lenguaje que garantiza que el valor de una expresión depende exclusivamente de sus subexpresiones.

Por lo tanto,

- Cada expresión del lenguaje representa siempre el mismo valor en cualquier lugar de un programa
- Es una propiedad muy importante en el paradigma de la programación funcional.
 - En otros paradigmas el significado de una expresión depende del contexto
- Es muy útil para verificar correctitud (demostrar que se cumple la especificación)
 - Podemos usar propiedades ya probadas para sub expresiones
 - El valor no depende de la historia
 - Valen en cualquier contexto

8

Formación de expresiones

- Expresiones **atómicas**
 - También se llaman **formas normales**
 - Son las más simples, no se puede **reducir** más.
 - Son la forma más intuitiva de representar un valor
 - Ejemplos:
 - 2
 - False
 - (3, True)
 - Es común llamarlas “valores” aunque no son un valor, *denotan* un valor, como las demás expresiones
- Expresiones **compuestas**
 - Se construyen combinando expresiones atómicas con operaciones
 - Ejemplos:
 - 1+1
 - 1==2
 - (4-1, True || False)

9

Formación de expresiones

- Algunas cadenas de símbolos no forman expresiones
 - por problemas sintácticos:
 - ++1-
 - (True
 - ('a',)
 - o por error de tipos:
 - 2 + False
 - 2 || 'a'
 - 4 * 'b'
- Para saber si una expresión está bien formada, aplicamos
 - Reglas sintácticas
 - Reglas de asignación o inferencia de tipos (algoritmo de Hindley-Milner)
- En Haskell toda expresión denota un valor, y ese valor pertenece a un tipo de datos y no se puede usar como si fuera de otro tipo distinto.
 - Haskell es un lenguaje **fuertemente tipado**

10

¿Cómo ejecuta Haskell?

¿Qué sucede en Haskell cuando escribo una expresión? ¿Cómo se transforma esa expresión en un resultado?

- Dado el siguiente programa:

`resta x y = x - y`

`suma x y = x + y`

`negar x = -x`

`suc x = x + 1`

- ¿Qué sucede al evaluar la expresión `suma (resta 2 (negar 42)) 4`

11

Reducción

`suma (resta 2 (negar 42)) 4`

El mecanismo de evaluación en un lenguaje funcional es la **reducción**:

1. Elegimos una subexpresión. Vamos a reemplazar esta subexpresión por otra.
2. La subexpresión a reemplazar es alguna **instancia** del lado izquierdo de alguna ecuación orientada del programa, y se la llama **radical** o **redex** (*reducible expression*).
 - Buscamos un redex: $\text{suma } \underbrace{(\text{resta } 2 \text{ (negar } 42))}_{\text{redex}} 4$
3. La reemplazaremos por el lado derecho de esa misma ecuación, ligando los parámetros.
 - `resta x y = x - y`
 - `x ← 2`
 - `y ← (negar 42)`
4. Reemplazamos el redex con lo anterior y el resto de la expresión no cambia.
 - `suma (resta 2 (negar 42)) 4` \rightsquigarrow `suma (2 - (negar 42)) 4`
5. Si la expresión resultante aún puede reducirse, volvemos al paso 1, sino llegamos a una expresión atómica (forma normal) y ese es el resultado del cómputo.

`suma (2 - (negar 42)) 4` \rightsquigarrow `suma (2 - (- 42)) 4` `suma (2 - (- 42)) 4` \rightsquigarrow `suma (44)`
`4suma (44) 4` \rightsquigarrow `44 + 4` \rightsquigarrow `48`

12

Órdenes de evaluación en Haskell

Haskell tiene un orden de **evaluación normal** o **lazy** (perezoso): se reduce el redex más externo y más a la izquierda para el cual se sepa qué ecuación del programa se debe aplicar; es decir que primero se evalúa la función y después los argumentos (si se necesitan).

Ejemplo:

```
suma (3+4) (suc (2*3))
~> (3+4) + (suc (2*3))
~> 7 + (suc (2*3))
~> 7 + ((2*3) + 1)
~> 7 + (6 + 1)
~> 7 + 7
~> 14
```

Otros lenguajes de programación (C, C++, Pascal, Java) tienen un orden de **evaluación eager** (ansioso): primero se evalúan los argumentos y después la función.

13

Indefinición

- ▶ Las expresiones para las cuales Haskell no encuentra un resultado se dicen que están **indefinidas** (\perp).
- ▶ ¿Cómo podemos clasificar las funciones?
 - ▶ Funciones **totales**: nunca se indefinen.
`suc x = x + 1`
 - ▶ Funciones **parciales**: hay argumentos para los cuales se indefinen.
`division x y = div x y`

¿Qué pasa al reducir las siguientes expresiones en Haskell?

- ▶ `(division 1 1 == 0) && (division 1 0 == 1)`
- ▶ `(division 1 1 == 1) && (division 1 0 == 1)`
- ▶ `(division 1 0 == 1) && (division 1 1 == 1)`

¿Y si hiciéramos una evaluación eager o ansiosa?

14

Definiciones de funciones por casos

Podemos usar **guardas** para definir funciones por casos:

$$f(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 0 \\ 0 & \text{si no} \end{cases}$$

```
f n | n == 0 = 1
    | n /= 0 = 0
```

Palabra clave "si no".

```
f n | n == 0 = 1
    | otherwise = 0
```

15

La función signo

$$\text{signo}(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n > 0 \\ 0 & \text{si } n = 0 \\ -1 & \text{si } n < 0 \end{cases}$$

```
signo n | n > 0 = 1
        | n == 0 = 0
        | n < 0 = -1
```

```
signo n | n > 0 = 1
        | n == 0 = 0
        | otherwise = -1
```

16

La función máximo

```
maximo x y | x ≥ y = x  
          | otherwise = y
```

17

¿Qué hacen las siguientes funciones?

```
f1 n | n ≥ 3 = 5
```

```
f2 n | n ≥ 3 = 5  
     | n ≤ 1 = 8
```

```
f3 n | n ≥ 3 = 5  
     | n == 2 = undefined  
     | otherwise = 8
```

18

¿Qué hacen las siguientes funciones?

```
f4 n | n ≥ 3 = 5  
     | n ≤ 9 = 7
```

```
f5 n | n ≤ 9 = 7  
     | n ≥ 3 = 5
```

Prestar atención al orden de las guardas. ¡Cuando las condiciones se solapan, el orden de las guardas cambia el comportamiento de la función!

19

Otra posibilidad usando *pattern matching*

$$f(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 0 \\ 0 & \text{si no} \end{cases}$$

```
f n | n == 0 = 1  
    | n /= 0 = 0
```

También se puede hacer:

```
f 0 = 1  
f n = 0
```

20

Otra posibilidad usando *pattern matching*

$$\text{signo}(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n > 0 \\ 0 & \text{si } n = 0 \\ -1 & \text{si } n < 0 \end{cases}$$

```
signo n | n > 0 = 1
       | n == 0 = 0
       | n < 0 = -1
```

También se puede hacer:

```
signo 0 = 0
signo n | n > 0 = 1
       | otherwise = -1
```

21

Un ejemplo con especificación

Dados tres números a , b y c , calcular la cantidad de soluciones reales de la ecuación cuadrática: $aX^2 + bX + c = 0$.

```
problema cantidadDeSoluciones(a : ℤ, b : ℤ, c : ℤ) : ℤ {
  requiere: {a ≠ 0}
  asegura: {res = 2 ↔ discriminante(a, b, c) > 0}
  asegura: {res = 1 ↔ discriminante(a, b, c) = 0}
  asegura: {res = 0 ↔ discriminante(a, b, c) < 0}
}
```

```
problema discriminante(a : ℤ, b : ℤ, c : ℤ) : ℤ {
  requiere: {a ≠ 0}
  asegura: {res = b2 - 4 * a * c}
}
```

```
cantidadDeSoluciones a b c | b2 - 4*a*c > 0 = 2
                           | b2 - 4*a*c == 0 = 1
                           | otherwise = 0
```

Otra posibilidad:

```
cantidadDeSoluciones a b c | discriminante > 0 = 2
                           | discriminante == 0 = 1
                           | otherwise = 0
where discriminante = b2 - 4*a*c
```

22

Tipos de datos

Un **conjunto de valores** a los que se les puede aplicar un **conjunto de funciones**.

Ejemplos:

1. $\text{Int} = (\mathbb{Z}, \{+, -, *, \text{div}, \text{mod}\})$ es el tipo de datos que representa a los enteros con las operaciones aritméticas habituales.
 2. $\text{Float} = (\mathbb{Q}, \{+, -, *, /\})$ es el tipo de datos que representa a los racionales, con la aritmética de **punto flotante**.
 3. $\text{Char} = (\{'a', 'A', '1', '?'\}, \{\text{ord}, \text{chr}, \text{isUpper}, \text{toUpper}\})$ es el tipo de datos que representan los caracteres.
 4. $\text{Bool} = (\{\text{True}, \text{False}\}, \{\&\&, \text{||}, \text{not}\})$ representa a los valores lógicos.
- Podemos declarar explícitamente el tipo de datos del *dominio* y *codominio* de las funciones. A esto lo llamamos dar la **signatura** de la función.
 - No es estrictamente necesario hacerlo (Haskell puede inferir el tipo), pero suele ser una buena práctica (y **¡nosotros lo vamos a pedir!**).

23

Aplicación de funciones

En programación funcional (como en matemática) las funciones son elementos (valores).

Notación $f :: T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_3 \rightarrow \dots \rightarrow T_n$

- Una función es un valor
- la operación básica que podemos realizar con ese valor es la **aplicación**
 - Aplicar la función a un elemento para obtener un resultado
- Sintácticamente, la aplicación se escribe como una yuxtaposición (la función seguida de su parámetro).
- Por ejemplo: sea $f :: T_1 \rightarrow T_2$, y e de tipo T_1 entonces $f\ e$ es una expresión de tipo T_2 .
Sea $\text{doble} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$, entonces $\text{doble } 2$ representa un número entero.

24

Ejemplos de funciones con la signatura

```
maximo :: Int → Int → Int
maximo x y | x ≥ y = x
           | otherwise = y

maximoRac :: Float → Float → Float
maximoRac x y | x ≥ y = x
              | otherwise = y

esMayorA9 :: Int → Bool
esMayorA9 n | n > 9 = True
            | otherwise = False

esPar :: Int → Bool
esPar n | mod n 2 == 0 = True
        | otherwise = False

esPar2 :: Int → Bool
esPar2 n = mod n 2 == 0

esImpar :: Int → Bool
esImpar n = not (esPar n)
```

25

Otro ejemplo más raro:

```
funcionRara :: Float → Float → Bool → Bool
funcionRara x y z = (x ≥ y) || z
```

Otras posibilidades, usando *pattern matching*:

```
funcionRara :: Float → Float → Bool → Bool
funcionRara x y True = True
funcionRara x y False = x ≥ y
```

```
funcionRara :: Float → Float → Bool → Bool
funcionRara _ _ True = True
funcionRara x y False = x ≥ y
```

26

Polimorfismo

- ▶ Se llama polimorfismo a una función que puede aplicarse a distintos tipos de datos (sin redefinirla).
- ▶ Se usa cuando el comportamiento de la función no depende del tipo de sus argumentos
- ▶ En el lenguaje de especificación lo vimos con las funciones que aceptaban tipo de datos genéricos.
- ▶ En Haskell los polimorfismos se escriben usando **variables de tipo** y conviven con el tipado fuerte.
- ▶ Ejemplo de una función polimórfica: la función identidad.

27

Variables de tipos

¿Qué tipo tienen las siguientes funciones?

```
identidad x = x
```

```
primero x y = x
```

```
segundo x y = y
```

```
constante5 x y z = 5
```

Variables de tipo

- ▶ Son parámetros que se escriben en la signatura usando variables minúsculas
- ▶ En lugar de valores, denotan tipos
- ▶ Cuando se invoca la función se usa como argumento el tipo del valor

28

Variables de tipo (cont.)

Funciones con variables de tipo

```
identidad :: t → t
identidad x = x
```

```
primero :: tx → ty → tx
primero x y = x
```

```
segundo :: tx → ty → ty
segundo x y = y
```

```
constante5 :: tx → ty → tz → Int
constante5 x y z = 5
```

```
mismoTipo :: t → t → Bool
mismoTipo x y = True
```

Si dos argumentos deben tener el mismo tipo, se debe usar la misma variable de tipo

- Luego, `primero True 5 :: Bool`, pero `mismoTipo 1 True` no tipa

29

Clases de tipos

¿Qué tipo tienen las siguientes funciones?

```
triple x = 3*x
```

```
maximo x y | x ≥ y = x
           | otherwise = y
```

```
distintos x y = x /= y
```

Clases de tipos

- Conjunto de tipos a los que se le pueden aplicar ciertas funciones
- Un tipo puede pertenecer a distintas clases
Los `Float` son números (`Num`), con orden (`Ord`), de punto flotante (`Floating`), etc.

En este curso

- No vamos a evaluar el uso de clases de tipos, pero ...
- ... saber la mecánica permite comprender los mensajes del compilador de Haskell (GHCi)

30

Clases de tipos (cont.)

Clase de tipos

- **Conjunto de tipos de datos** a los que se les puede aplicar un **conjunto de funciones**

Algunas clases:

1. `Integral` := ({ `Int`, `Integer`, ... }, { `mod`, `div`, ... })
2. `Fractional` := ({ `Float`, `Double`, ... }, { `(/)`, ... })
3. `Floating` := ({ `Float`, `Double`, ... }, { `sqrt`, `sin`, `cos`, `tan`, ... })
4. `Num` := ({ `Int`, `Integer`, `Float`, `Double`, ... }, { `(+)`, `(*)`, `abs`, ... })
5. `Ord` := ({ `Bool`, `Int`, `Integer`, `Float`, `Double`, ... }, { `(≤)`, `compare` })
6. `Eq` := ({ `Bool`, `Int`, `Integer`, `Float`, `Double`, ... }, { `(==)`, `(/=)` })

31

Clases de tipos (cont.)

Las clases de tipos se describen como restricciones sobre variables de tipos

```
triple :: (Num t) ⇒ t → t
triple x = 3*x
```

```
maximo :: (Ord t) ⇒ t → t → t
maximo x y | x ≥ y = x
           | otherwise = y
```

```
distintos :: (Eq t) ⇒ t → t → Bool
distintos x y = x /= y
```

— Cantidad de raíces de la ecuación: $ax^2 + bx + c$

```
cantidadDeSoluciones :: (Num t, Ord t) ⇒ t → t → t → Int
cantidadDeSoluciones a b c | discriminante > 0 = 2
                           | discriminante == 0 = 1
                           | otherwise = 0
                           where discriminante = b^2 - 4*a*c
```

```
pepe :: (Floating t, Eq t, Num u, Eq u) ⇒ t → t → u → Bool
pepe x y z = sqrt (x + y) == x && 3*z == 0
```

(`Floating t`, `Eq t`, `Num u`, `Eq u`) ⇒ ... significa que:

- la variable `t` tiene que ser de un tipo que pertenezca a `Floating` y `Eq`
- la variable `u` tiene que ser de un tipo que pertenezca a `Num` y `Eq`

32

Ejercitación conjunta

Averiguar el tipo asignado por Haskell a las siguientes funciones

```
f1 x y z = x**y + z ≤ x+y**z
```

```
f2 x y = (sqrt x) / (sqrt y)
```

```
f3 x y = div (sqrt x) (sqrt y)
```

```
f4 x y z | x == y == z
         | x ** y == y == x
         | otherwise = y
```

```
f5 x y z | x == y == z
         | x ** y == y == z
         | otherwise = z
```

¿Qué error ocurre cuándo ejecutamos `f4 5 5 True`? ¿Tiene sentido?

¿Y si ejecutamos `f5 5 5 True`? ¿Qué cambió?

33

Nueva familia de tipos: Tuplas

Tuplas

- Dados tipos A_1, \dots, A_k , el **tipo k -upla** (A_1, \dots, A_k) es el conjunto de las k -uplas (v_1, \dots, v_k) donde v_i es de tipo A_i

```
(1, 2)           :: (Int, Int)
(1.1, 3.2, 5.0)  :: (Float, Float, Float)
(True, (1, 2))  :: (Bool, (Int, Int))
(True, 1, 2)    :: (Bool, Int, Int)
```

- En Haskell hay infinitos tipos de tuplas

Funciones de acceso a los valores de un par en Prelude

- `fst :: (a, b) → a` Ejemplo: `fst (1 +4, 2) ~ 5`
- `snd :: (a, b) → b` Ejemplo: `snd (1, (2, 3)) ~ (2, 3)`

Ejemplo: suma de vectores en \mathbb{R}^2

```
suma :: (Float, Float) → (Float, Float) → (Float, Float)
suma v w = ((fst v) + (fst w), (snd v) + (snd w))
```

Podemos usar *pattern matching* para acceder a los valores de una tupla

```
suma (vx, vy) (wx, wy) = (vx + wx, vy + wy)
```

34

Pattern matching sobre tuplas

Podemos usar *pattern matching* sobre constructores de tuplas y números

```
esOrigen :: (Float, Float) → Bool
esOrigen (0, 0) = True
esOrigen (_, _) = False
```

```
angulo0 :: (Float, Float) → Bool
angulo0 (_, 0) = True
angulo0 (_, _) = False
```

```
{-
No podemos usar dos veces la misma variable
angulo45 :: (Float, Float) → Bool
angulo45 (x,x) = True
angulo45 (_,_) = False
-}
angulo45 :: (Float, Float) → Bool
angulo45 (x,y) = x == y
```

```
patternMatching :: (Float, (Bool, Int), (Bool, (Int, Float))) → (Float, (Int, Float))
patternMatching (f1, (True, _), (_, (0, f2))) = (f1, (1, f2))
patternMatching (_, _, (_, (-, f))) = (f, (0, f))
```

35

Parámetros vs. tuplas

¿Conviene tener dos parámetros escalares o un parámetro dupla?

```
suma :: (Float, Float) → (Float, Float) → (Float, Float)
suma (vx, vy) (wx, wy) = (vx + wx, vy + wy)
```

```
— normaVectorial2 x y es la norma de (x,y)
normaVectorial2 :: Float → Float → Float
normaVectorial2 x y = sqrt (x^2 + y^2)
```

```
— normaVectorial1 (x,y) es la norma de (x,y)
normaVectorial1 :: (Float, Float) → Float
normaVectorial1 (x,y) = sqrt (x^2 + y^2)
```

```
norma1Suma :: (Float, Float) → (Float, Float) → Float
norma1Suma v1 v2 = normaVectorial1 (suma v1 v2)
```

```
norma2Suma :: (Float, Float) → (Float, Float) → Float
norma2Suma v1 v2 = normaVectorial2 (fst s) (snd s)
  where s = suma v1 v2
```

36

Currificación

- Diferencia entre promedio1 y promedio2
 - `promedio1 :: (Float, Float) -> Float`
`promedio1 (x,y) = (x+y)/2`
 - `promedio2 :: Float -> Float -> Float`
`promedio2 x y = (x+y)/2`
- solo cambia el tipo de datos de la función
 - promedio1 recibe un solo parámetro (una dupla)
 - promedio2 recibe dos Float separados por un espacio
 - para declararla, separamos los tipos de los parámetros con una flecha
- la notación se llama **currificación** en honor al matemático Haskell B. Curry
- para nosotros, alcanza con ver que evita el uso de varios signos de puntuación (comas y paréntesis)
 - `promedio1 (promedio1 (2, 3), promedio1 (1, 2))`
 - `promedio2 (promedio2 2 3) (promedio2 1 2)`

37

Aplicación parcial de funciones

- La currificación nos permite hacer una aplicación parcial de las funciones, es decir, aplicar una función a sólo alguno de los argumentos, en lugar de todos, resultando en una nueva función que toma los argumentos restantes.
- Por ejemplo, supongamos que tenemos una función que suma dos enteros:

```
suma :: Int -> Int -> Int
suma x y = x + y
```

En lugar de entenderla como una función que toma dos enteros y devuelve un entero, podemos aplicarla parcialmente con un sólo entero y pensarla como una función que devuelve una función que toma un entero y devuelve otro, entonces podemos usarla así:

```
sumaCinco :: Int -> Int
sumaCinco = suma 5
```

38

Funciones binarias: notación prefija vs. infija

Funciones binarias

- Notación prefija: función antes de los argumentos (e.g., `suma x y`)
- Notación infija: función entre argumentos (e.g. `x + y`, `5 * 3`, etc)
- La notación infija se permite para funciones cuyos nombres son operadores
- El nombre real de una función definido por un operador • es (•)
- Se puede usar el nombre real con notación prefija, e.g. `(+) 2 3`
- Haskell permite definir nuevas funciones con símbolos, e.g., `(*)` (no hacerlo!)
- Una función binaria `f` puede ser usada de forma infija escribiendo ``f``

Ejemplos:

```
(≥) :: Ord a => a -> a -> Bool
(≥) 5 3 —evalua a True
(==) :: Eq a => a -> a -> Bool
(==) 3 4 —evalua a False
(^) :: (Num a, Int b) => a -> b -> a
(^) 2 5 —evalua 32.0
mod :: (Integral a) => a -> a -> a
5 `mod` —evalua 2
div :: (Integral a) => a -> a -> a
5 `div` 3 —evalua 1
```

39

Renombre de tipos

- Un renombre de tipos (o *alias* en inglés) en un lenguaje es una forma de crear un nuevo nombre para un tipo de dato que ya existe.
- Este nuevo nombre no crea un nuevo tipo de dato, sino que simplemente actúa como un sinónimo del tipo original.
- Puede ser útil para hacer la especificación más legible o para adaptar un tipo genérico a un contexto específico.
- En Haskell el renombre de tipos se define con `type T2 = T1`
- Ejemplo: podemos renombrar la dupla de dos flotantes como un número complejo, donde el primer elemento es la componente real, y el segundo elemento es la componente imaginaria:
`type Complejo = (Float, Float).`

40