



Recordar que para la resolución de las guías y durante el parcial sólo está permitido el uso de las funciones que están en el documento de Funciones Válidas. En caso de querer usar una función que no está en el documento, como *length*, es necesario que la implementen y luego usen su implementación.

Sistema de stock

Una reconocida empresa de comercio electrónico nos pide desarrollar un sistema de stock de mercadería. La mercadería de la empresa va a ser representada como una secuencia de nombres de los productos, donde puede haber productos repetidos. El stock va a ser representado como una secuencia de tuplas de dos elementos, donde el primero es el nombre del producto y el segundo es la cantidad que hay en stock (en este caso no hay nombre de productos repetidos). También se cuenta con una lista de precios de productos representada como una secuencia de tuplas de dos elementos, donde el primero es el nombre del producto y el segundo es el precio.

Para implementar este sistema nos enviaron las siguientes especificaciones y nos pidieron que hagamos el desarrollo enteramente en Haskell, utilizando los tipos requeridos y solamente las funciones que se ven en la materia Introducción a la Programación / Algoritmos y Estructuras de Datos I (FCEyN-UBA).

Ejercicio 1. Implementar la función `generarStock :: [String] -> [(String, Int)]`

```
problema generarStock (mercadería: seq⟨String⟩) : seq⟨String × ℤ⟩ {
  requiere: {True}
  asegura: { La longitud de res es igual a la cantidad de productos distintos que hay en mercadería }
  asegura: { Para cada producto que pertenece a mercadería, existe un i tal que  $0 \leq i < |res|$  y  $res[i]_0 = \text{producto}$  y  $res[i]_1$  es igual a la cantidad de veces que aparece producto en mercadería }
}
```

Ejercicio 2. Implementar la función `stockDeProducto :: [(String, Int)] -> String -> Int`

```
problema stockDeProducto (stock: seq⟨String × ℤ⟩, producto: String) : ℤ {
  requiere: {No existen dos nombres de productos (primeras componentes) iguales en stock}
  requiere: {Todas las cantidades (segundas componentes) de stock son mayores a cero}
  asegura: {si no existe un i tal que  $0 \leq i < |stock|$  y  $\text{producto} = stock[i]_0$  entonces res es igual a 0 }
  asegura: {si existe un i tal que  $0 \leq i < |stock|$  y  $\text{producto} = stock[i]_0$  entonces res es igual a  $stock[i]_1$  }
}
```

Ejercicio 3. Implementar la función `dineroEnStock :: [(String, Int)] -> [(String, Float)] -> Float`

```
problema dineroEnStock (stock: seq⟨String × ℤ⟩, precios: seq⟨String × ℝ⟩) : ℝ {
  requiere: {No existen dos nombres de productos (primeras componentes) iguales en stock}
  requiere: {No existen dos nombres de productos (primeras componentes) iguales en precios}
  requiere: {Todas las cantidades (segundas componentes) de stock son mayores a cero}
  requiere: {Todos los precios (segundas componentes) de precios son mayores a cero}
  requiere: {Todo producto de stock aparece en la lista de precios}
  asegura: {res es igual a la suma de los precios de todos los productos que están en stock multiplicado por la cantidad de cada producto que hay en stock}
}
```

Para resolver este ejercicio pueden utilizar la función del Preludio de Haskell `fromIntegral` que dado un valor de tipo `Int` devuelve su equivalente de tipo `Float`.

Ejercicio 4. Implementar la función `aplicarOferta :: [(String, Int)] -> [(String, Float)] -> [(String, Float)]`

```
problema aplicarOferta (stock: seq⟨String × ℤ⟩, precios: seq⟨String × ℝ⟩) : seq⟨String × ℝ⟩ {
  requiere: {No existen dos nombres de productos (primeras componentes) iguales en stock}
  requiere: {No existen dos nombres de productos (primeras componentes) iguales en precios}
  requiere: {Todas las cantidades (segundas componentes) de stock son mayores a cero}
```

```

requiere: {Todos los precios (segundas componentes) de precios son mayores a cero}
requiere: {Todo producto de stock aparece en la lista de precios}
asegura:  $\{|res| = |precios|\}$ 
asegura: {Para todo  $0 \leq i < |precios|$ , si  $stockDeProducto(stock, precios[i]_0) > 10$ , entonces  $res[i]_0 = precios[i]_0$  y  $res[i]_1 = precios[i]_1 * 0,80$ }
asegura: {Para todo  $0 \leq i < |precios|$ , si  $stockDeProducto(stock, precios[i]_0) \leq 10$ , entonces  $res[i]_0 = precios[i]_0$  y  $res[i]_1 = precios[i]_1$ }
}

```

Sopa de números

Una **sopa de números** es un juego que consiste en descubrir propiedades de un tablero de dimensiones $n \times m$ con n y $m > 0$, en los que en cada posición hay un número entero positivo. Cada posición se identifica con una dupla (i, j) en el cual la primera componente corresponde a una fila y la segunda a una columna. A modo de ejemplo, la siguiente figura muestra un tablero de 5×4 en el que el número 13 aparece en la posición $(1, 1)$ y el número 5 aparece en la posición $(4, 3)$. Notar que tanto la numeración de las filas como la de las columnas comienzan en 1.

13	12	6	4
1	1	32	25
9	2	14	7
7	3	5	16
27	2	8	18

Un camino en un tablero está dado por una secuencia de posiciones adyacentes en la que solo es posible desplazarse desde una posición dada hacia la posición de su derecha o hacia la que se encuentra debajo. En otras palabras, un camino de longitud l en un tablero se define como una secuencia con l posiciones, ordenadas de manera tal que el elemento i -ésimo es la posición resultante de haberse movido hacia la derecha o hacia abajo desde la posición $(i-1)$ -ésima. Siguiendo con el ejemplo, a continuación puede observarse un camino de longitud 5 que representa la sucesión Fibonacci y que empieza en la posición $(2,1)$ y termina en $(4,3)$ del tablero.

13	12	6	4
1	1	32	25
9	2	14	7
7	3	5	16
27	2	8	18

Para manipular las sopas de números en Haskell vamos a representar el tablero como una lista de filas de igual longitud. A su vez, cada fila vamos a representarla como una lista de enteros positivos. Las posiciones vamos a representarlal con tuplas de dos números enteros positivos y un camino va a estar dado por una lista de posiciones.

Para implementar esta sopa de números nos enviaron las siguientes especificaciones y nos pidieron que hagamos el desarrollo enteramente en Haskell, utilizando los tipos requeridos y solamente las funciones que se ven en la materia Introducción a la Programación / Algoritmos y Estructuras de Datos I (FCEyN-UBA). Asumimos los siguientes renombres de tipos de datos en las especificaciones de los ejercicios:

- Fila = $seq\langle \mathbb{Z} \rangle$
- Tablero = $seq\langle Fila \rangle$
- Posicion = $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ – Observación: las posiciones son: (fila, columna)
- Camino = $seq\langle Posicion \rangle$

Ejercicio 5. Implementar la función `maximo :: Tablero -> Int`

```

problema maximo (t: Tablero) :  $\mathbb{Z}$  {
  requiere: {El tablero  $t$  es un tablero bien formado, es decir, la longitud de todas las filas es la misma, y tienen al menos un elemento}
  requiere: {Existe al menos una columna en el tablero  $t$ }
  requiere: {El tablero  $t$  no es vacío, todos los números del tablero son positivos, mayor estricto a 0}
  asegura: { $res$  es igual al número más grande del tablero  $t$ }
}

```

Ejercicio 6. Implementar la función `masRepetido :: Tablero -> Int`

```
problema masRepetido (t: Tablero) :  $\mathbb{Z}$  {  
  requiere: {El tablero  $t$  es un tablero bien formado, es decir, la longitud de todas las filas es la misma, y tienen al menos un elemento}  
  requiere: {Existe al menos una columna en el tablero  $t$  }  
  requiere: {El tablero  $t$  no es vacío, todos los números del tablero son positivos, mayor estricto a 0}  
  asegura: { $res$  es igual al número que más veces aparece en un tablero  $t$ . Si hay empate devuelve cualquiera de ellos}  
}
```

Ejercicio 7. Implementar la función `valoresDeCamino :: Tablero -> Camino -> [Int]`

```
problema valoresDeCamino (t: Tablero, c: Camino) :  $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$  {  
  requiere: {El tablero  $t$  es un tablero bien formado, es decir, la longitud de todas las filas es la misma, y tienen al menos un elemento}  
  requiere: {Existe al menos una columna en el tablero  $t$  }  
  requiere: {El tablero  $t$  no es vacío, todos los números del tablero son positivos, mayores estrictos a 0}  
  requiere: {El camino  $c$  es un camino válido, es decir, secuencia de posiciones adyacentes en la que solo es posible desplazarse hacia la posición de la derecha o hacia abajo y todas las posiciones están dentro de los límites del tablero  $t$ }  
  asegura: { $res$  es igual a la secuencia de números que están en el camino  $c$ , ordenados de la misma forma que aparecen las posiciones correspondientes en el camino.}  
}
```

Ejercicio 8. Implementar la función `esCaminoFibo :: [Int] -> Int -> Bool`

```
problema esCaminoFibo (s:  $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$ , i:  $\mathbb{Z}$ ) : Bool {  
  requiere: {La secuencia de números  $s$  es no vacía y está compuesta por números positivos (mayores estrictos a 0) que representan los números ubicados en las posiciones que forman un camino en un tablero}  
  requiere: { $i \geq 0$ }  
  asegura: { $res = \text{true} \Leftrightarrow$  los valores de  $s$  son la sucesión de Fibonacci inicializada con el número pasado como parámetro  $i$ }  
}
```

Notas: En este ejercicio se pasa una secuencia de valores en lugar de un tablero y un camino para no generar dependencia con el ejercicio anterior. Recordemos que la sucesión de Fibonacci está definida con la siguiente función recursiva:

```
f(0) = 0  
f(1) = 1  
f(n) = f(n-1) + f(n-2) con  $n > 1$ 
```

En el ejemplo del tablero y del camino (verde claro) que figuran más arriba tenemos que `esCaminoFibo [1,1,2,3,5] 1` reduce a `True`.

`esCaminoFibo (valoresDeCamino tablero [(3,2), (4, 2), (4,3)]) 3`, siendo tablero el del ejemplo, también reduce a `True`.

Perfectos amigos

El Departamento de Matemática (DM) de la FCEyN-UBA nos ha encargado que desarrollemos un sistema para el tratamiento de números naturales. Específicamente les interesa conocer cuándo un número es perfecto y cuándo dos números son amigos. Aunque por ahí no lo sabías, estos conceptos existen y se definen como:

- Un número natural es perfecto cuando la suma de sus divisores propios (números que lo dividen menores a él) es igual al mismo número. Por ejemplo, 6 es un número perfecto porque la suma de sus divisores propios (1,2 y 3) es igual a 6.
- Dos números naturales distintos son amigos si cada uno de ellos se obtiene sumando los divisores propios del otro. Por ejemplo, 220 y 284 son amigos porque los divisores propios de 220 son 1, 2, 4, 5, 10, 11, 20, 22, 44, 55 y 110 que sumados dan 284 y los divisores propios de 284 son 1, 2, 4, 71, 142 que sumados dan 220.

Para implementar este sistema nos enviaron las siguientes especificaciones en lenguaje semiformal y nos pidieron que hagamos el desarrollo enteramente en Haskell, utilizando los tipos requeridos y solamente las funciones que se ven en la materia Introducción a la Programación / Algoritmos y Estructuras de Datos I (FCEyN-UBA).

Ejercicio 9. Implementar la función `divisoresPropios :: Int ->[Int]`

```
problema divisoresPropios (n:  $\mathbb{Z}$ ) : seq( $\mathbb{Z}$ ) {  
  requiere: { $n > 0$ }  
  asegura: {res contiene a todos los divisores propios de n, ordenados de menor a mayor}  
  asegura: {res no tiene elementos repetidos}  
  asegura: {res no contiene a ningún elemento que no sea un divisor propio de n}  
}
```

Ejercicio 10. Implementar la función `sonAmigos :: Int ->Int ->Bool`

```
problema sonAmigos (n,m:  $\mathbb{Z}$ ) : Bool {  
  requiere: { $n > 0$ }  
  requiere: { $m > 0$ }  
  requiere: { $m \neq n$ }  
  asegura: {res = True  $\Leftrightarrow$  n y m son números amigos}  
}
```

Ejercicio 11. Implementar la función `losPrimerosNPerfectos :: Int ->[Int]`

```
problema losPrimerosNPerfectos (n:  $\mathbb{Z}$ ) : seq( $\mathbb{Z}$ ) {  
  requiere: { $n > 0$ }  
  asegura: {|res| = n}  
  asegura: {res es la lista de los primeros n números perfectos, de menor a mayor}  
}
```

Por cuestiones de tiempos de ejecución, no les recomendamos que prueben este ejercicio con un $n > 4$.

Ejercicio 12. Implementar la función `listaDeAmigos :: [Int] ->[(Int,Int)]`

```
problema listaDeAmigos (lista: seq( $\mathbb{Z}$ )) : seq( $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$ ) {  
  requiere: {Todos los números de lista son mayores a 0}  
  requiere: {Todos los números de lista son distintos}  
  asegura: {res es una lista de tuplas sin repetidos, que contiene a todos los pares de números que pertenecen a lista y son amigos entre sí}  
  asegura: {|res| es igual a la cantidad de pares de números amigos que hay en lista.}  
}
```