DEPARTAMENTO DE COMPUTACION
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

Trabajo Practico de Especificacion

Especificacion y WP(Weakness Precondition)

4 de septiembre de 2024 — Algoritmos y Estructuras de Datos 1

pesutipolimardiano

Integrante	LU	Correo electrónico
Nievas, Martin	453/24	`tinnivas@gmail.com`
Bercovich, Maximo	002/01	`email2@dominio.com`
Apellido, Nicolas	003/01	`email3@dominio.com`
Pomsztein, Andy	624/24	`pomszteinandy@gmai.com`

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires
Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)
Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA
Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina
Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300
http://www.exactas.uba.ar

1. Enunciados

1.1. Especficiacion

1. grandesCiudades A partir de una lista de ciudades, devuelve aquellas que tienen m´as de 50.000 habitantes.
proc grandesCiudades (in ciudades: seq⟨Ciudad⟩) : seq⟨Ciudad⟩

2. sumaDeHabitantes: Por cuestiones de planificacion urbana, las ciudades registran sus habitantes mayores de edad por un lado y menores de edad por el otro. Dadas dos listas de ciudades del mismo largo con los mismos nombres, una con sus habitantes mayores y otra con sus habitantes menores, este procedimiento debe devolver una lista de ciudades con la cantidad total de sus habitantes.
proc sumaDeHabitantes (in menoresDeCiudades: seq⟨Ciudad⟩, in mayoresDeCiudades: seq⟨Ciudad⟩) : seq⟨Ciudad⟩

3. hayCamino: Un mapa de ciudades esta conformada por ciudades y caminos que unen a algunas de ellas. A partir de este mapa, podemos definir las distancias entre ciudades como una matriz donde cada celda i, j representa la distancia entre la ciudad i y la ciudad j (Fig. 2). Una distancia de 0 equivale a no haber camino entre i y j. Notar que la distancia de una ciudad hacia s´ı misma es cero y la distancia entre A y B es la misma que entre B y A.

proc hayCamino o (in distancias: seq⟨seq⟨$\mathbb{Z}$⟩⟩, in desde: $\mathbb{Z}$, in hasta: $\mathbb{Z}$) : Bool

4. cantidadCaminosNSaltos: Dentro del contexto de redes informaticas, nos interesa contar la cantidad de "saltos" que realizan los paquetes de datos, donde un salto se define como pasar por un nodo. Ası como definimos la matriz de distancias, podemos definir la matriz de conexion entre nodos, donde cada celda i, j tiene un 1 si hay un unico camino a un salto de distancia entre el nodo i y el nodo j, y un 0 en caso contrario. En este caso, se trata de una matriz de conexion de orden 1, ya que indica cu´ales pares de nodos poseen 1 camino entre ellos a 1 salto de distancia. Dada la matriz de conexion de orden 1, este procedimineto debe obtener aquella de orden n que indica cuantos caminos de n saltos hay entre los distintos nodos. Notar que la multiplicacion de una matriz de conexi´on de orden 1 consigo misma nos da la matriz de conexion de orden 2, y ası sucesivamente.4
proc cantidadNSaltos s (inout conexi´on: seq⟨seq⟨$\mathbb{Z}$⟩⟩, in n: $\mathbb{Z}$)

5. caminoMınimo: caminoMınimo: Dada una matriz de distancias, una ciudad de origen y una ciudad de destino, este procedimiento debe devolver la lista de ciudades que conforman el camino mas corto entre ambas. En caso de no existir un camino, se debe devolver una lista vacıa.
proc caminoMinimo (in origen: $\mathbb{Z}$, in destino: $\mathbb{Z}$, in distancias: seq⟨seq⟨$\mathbb{Z}$⟩⟩) : seq⟨$\mathbb{Z}$⟩

1.2. WP (Weakest Precondiction)

2. Resolucion de Ejercicios

Ejercicio 1:

`pred sonTodasCiudadesGrandes` (in ciudades: seq⟨Ciudad⟩) {

$((\forall i : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |ciudades| \longrightarrow_L ciudades[i].habitantes > 50000))$

}

`aux cantidadCiudadesGrandes` (in ciudades : seq⟨Ciudad⟩ : $\mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|s|-1}$ (if $s[i].habitantes > 50000$ then 1 else 0 fi) ;

`proc grandesCiudades` (in ciudades : $seq\langle Ciudad\rangle$) : $seq\langle Ciudad\rangle$

`requiere` {true}

`asegura` $\{|res| = cantidadCiudadesGrandes(ciudades) \land sonTodasCiudadesGrandes(ciudades) \land (\forall c : Ciudad)\ (c \in res \longrightarrow_L c \in ciudades)\}$

Ejercicio 2:

`pred mimasCiudades` (in s: $seq\langle Ciudad\rangle$, in l: $seq\langle Ciudad\rangle$) {

$(\forall i : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |s| \longrightarrow_L (\exists j : \mathbb{Z})\ (0 \leq j < |l| \land_L s[i].nombre = l[j].nombre))$

}

`pred esLaSuma` (in res : $seq\langle Ciudad\rangle$, in s: $seq\langle Ciudad\rangle$, in l: $seq\langle Ciudad\rangle$) {

$(\forall i : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |res| \longrightarrow_L (\exists j, k : \mathbb{Z})\ (0 \leq j < |s| \land 0 \leq k < |l| \land_L res[i].habitantes = s[j].habitantes + l[k].habitantes))$

}

`pred ciudadesDistintas` (in ciudades : $seq\langle Ciudad\rangle$) {

$(\forall i : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |ciudades| \longrightarrow_L \neg(\exists j : \mathbb{Z})\ (0 \leq j < |ciudades| \land i \neq j \land_L ciudades[i].nombre = ciudades[j].nombre))$

}

`proc sumaDeHabitantes` (in menoresDeCiudades : $seq\langle Ciudad\rangle$, in mayoresDeCiudad : $seq\langle Ciudad\rangle$) : $seq\langle Ciudad\rangle$

`requiere` $\{|menoresDeCiudades| = |mayoresDeCiudades| \land mismasCiudades(menoresDeCiudades, mayoresDeCiudades)\}$

`asegura` $\{esLaSuma(res, menoresDeCiudades, mayoresDeCiudades) \land mismasCiudades(res, menoresDeCiudades) \land mismasCiudades(res, mayoresDeCiudades) \land ciudadesDistintas(menoresDeCiudades) \land ciudadesDistintas(mayoresDeCiudades)\}$

Ejercicio 3:

`pred todosPositivos` (in s : $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$) {

$(\forall i : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |s| \longrightarrow_L s[i] \leq 0)$

}

`pred distanciasValidas` (in s : $seq\langle seq\langle\mathbb{Z}\rangle\rangle$) {

$(\forall i, j : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |s| \land 0 \leq j < s[i] \land i = j \longrightarrow_L s[i][j] = 0)$

}

`pred esMatrizSimetrica` (in s : $seq\langle seq\langle\mathbb{Z}\rangle\rangle$) {

$(\forall i, j : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |s| \land 0 \leq j < |s[i]| \longrightarrow_L s[i][j] = s[j][i] \land todosPositivos(s[i]))$

}

`pred esMatrizCuadrada` (in s : $seq\langle seq\langle\mathbb{Z}\rangle\rangle$) {

$(\forall i : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |s| \longrightarrow_L |s[i]| = |s|)$

}

`pred esCamino` (in distancias : $seq\langle seq\langle\mathbb{Z}\rangle\rangle$, c : $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$, d : $\mathbb{Z}$, h : $\mathbb{Z}$) {

$esMatrizCuadrada(distancias) \land_L (\forall e : \mathbb{Z})\ (e \in c \longrightarrow_L 0 \leq c < |distancias| \land (c[0] = d \land c[|c|-1] = h) \land (\forall i : \mathbb{Z})\ (0 \leq i < |c| - 1 \longrightarrow_L distancias[c[i]][c[i+1]] > 0))$

}