

Обозначим за $Code_t^n$ множество кодов длины n , исправляющих t ошибок.

Покажем что коды $Code_t^n$ сильнее кодов $Code_{2t}^{2n}$. Действительно, рассмотрим $Q = \{c_1 \cdot c_2 | c_1, c_2 \in Code_t^n\}$ ($[\cdot]$ - конкатенация слов).

Интуитивно понятно, что $Q \in Code_{2t}^{2n}$, покажем это формально.

Для c_1 выполняется $\forall x_1 \in A^n \forall y_1 \in Code_t^n : \|c_1 - x_1\| \leq t \Rightarrow \|c_1 - x_1\| < \|y_1 - x_1\|$, и аналогично для c_2 .

Заметим, что $\|c_1 \cdot c_2 - x_1 \cdot x_2\| = \|c_1 - x_1\| + \|c_2 - x_2\|$, поскольку $|c_1| = |x_1|$, $|c_2| = |x_2|$ и $\|\cdot\|$ - метрика Хемминга. С учётом этого, из предыдущего утверждения вытекает

$\forall x_1 \cdot x_2 \in A^{2n} \forall y_1 \cdot y_2 \in Q : \|c_1 \cdot c_2 - x_1 \cdot x_2\| \leq 2t \Rightarrow \|c_1 \cdot c_2 - x_1 \cdot x_2\| < \|y_1 \cdot y_2 - x_1 \cdot x_2\|$

Такое Q подходит под определение $Code_{2t}^{2n}$, а это означает, что код из $Code_t^n$ автоматически задаёт код из $Code_{2t}^{2n}$

С другой стороны, рассмотрим код C_1 :

- 0 → 000
- 1 → 111

И код C_2 :

- 00 → 000000
- 01 → 000111
- 10 → 111000
- 11 → 111111

Второй код исправляет 2 ошибки, первый же исправляет не больше двух.

При кодировании 00 оба кода выдадут 000000. Допустим, при передаче первые два бита изменились: 110000.

Тогда декодирование по первому коду выдаст 10, а по второму - 00. Видим, что при высокой концентрации ошибок в пределах одной области, код меньшей длины не способен их исправить.