

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

NUMERIQUE et SCIENCES INFORMATIQUES

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°1

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 3 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Écrire une fonction `recherche` qui prend en paramètres `caractere`, un caractère, et `mot`, une chaîne de caractères, et qui renvoie le nombre d'occurrences de `caractere` dans `mot`, c'est-à-dire le nombre de fois où `caractere` apparaît dans `mot`.

Exemples :

```
>>> recherche('e', "sciences")
2
>>> recherche('i', "mississippi")
4
>>> recherche('a', "mississippi")
0
```

EXERCICE 2 (4 points)

On s'intéresse à un algorithme récursif qui permet de rendre la monnaie à partir d'une liste donnée de valeurs de pièces et de billets - le système monétaire est donné sous forme d'une liste `pieces=[100, 50, 20, 10, 5, 2, 1]` - (on supposera qu'il n'y a pas de limitation quant à leur nombre), on cherche à donner la liste de pièces à rendre pour une somme donnée en argument.

Compléter le code Python ci-dessous de la fonction `rendu_glouton` qui implémente cet algorithme et renvoie la liste des pièces à rendre

```
Pieces = [100,50,20,10,5,2,1]

def rendu_glouton(arendre, solution=[], i=0):
    if arendre == 0:
        return ...
    p = pieces[i]
    if p <= ... :
        solution.append(...)
        return rendu_glouton(arendre - p, solution, i)
    else :
        return rendu_glouton(arendre, solution, ...)
```

On devra obtenir :

```
>>> rendu_glouton_r(68, [], 0)
[50, 10, 5, 2, 1]
>>> rendu_glouton_r(291, [], 0)
[100, 100, 50, 20, 20, 1]
```


BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°2

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 3 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Soit le couple `(note, coefficient)` :

- `note` est un nombre de type flottant (`*float`) compris entre 0 et 20 ;
- `coefficient` est un nombre entier positif.

Les résultats aux évaluations d'un élève sont regroupés dans une liste composée de couples `(note, coefficient)`.

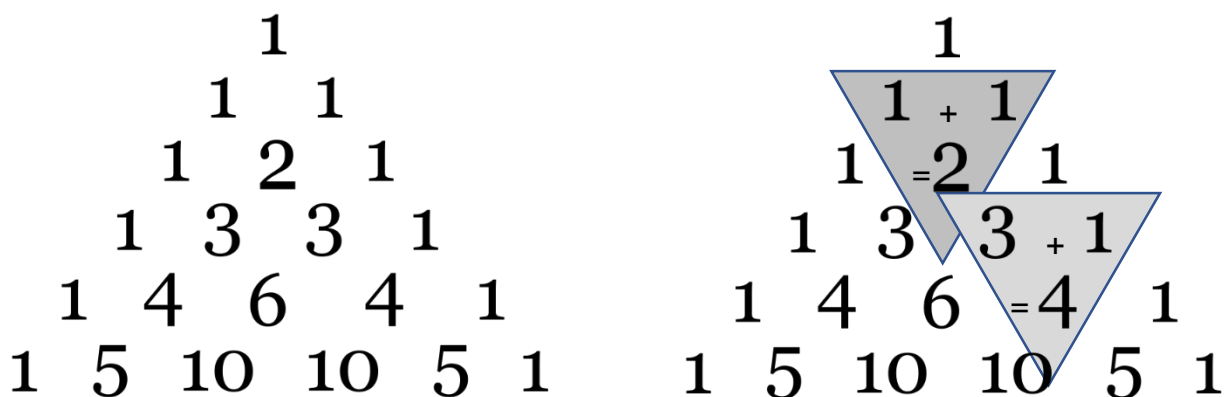
Écrire une fonction `moyenne` qui renvoie la moyenne pondérée de cette liste donnée en paramètre.

Par exemple, l'expression `moyenne([(15, 2), (9, 1), (12, 3)])` devra renvoyer le résultat du calcul suivant :

$$\frac{2 \times 15 + 1 \times 9 + 3 \times 12}{2 + 1 + 3} = 12,5$$

EXERCICE 2 (4 points)

On cherche à déterminer les valeurs du triangle de Pascal. Dans ce tableau de forme triangulaire, chaque ligne commence et se termine par le nombre 1. Par ailleurs, la valeur qui occupe une case située à l'intérieur du tableau s'obtient en ajoutant les valeurs des deux cases situées juste au-dessus, comme l'indique la figure suivante :



Compléter la fonction `pascal` ci-après. Elle doit renvoyer une liste correspondant au triangle de Pascal de la ligne 1 à la ligne `n` où `n` est un nombre entier supérieur ou égal à 2 (le tableau sera contenu dans la variable `C`). La variable `Ck` doit, quant à elle, contenir, à l'étape numéro `k`, la `k`-ième ligne du tableau.

```
def pascal(n):
    C= [[1]]
    for k in range(1,...):
        Ck = [...]
        for i in range(1,k):
            Ck.append(C[...][i-1]+C[...][...] )
        Ck.append(...)
        C.append(Ck)
    return C
```

Pour $n = 4$, voici ce que l'on devra obtenir :

```
>> pascal(4)
[[1], [1, 1], [1, 2, 1], [1, 3, 3, 1], [1, 4, 6, 4, 1]]
```

Et pour $n = 5$, voici ce que l'on devra obtenir :

```
>> pascal(5)
[[1], [1, 1], [1, 2, 1], [1, 3, 3, 1], [1, 4, 6, 4, 1], [1, 5, 10, 10, 5, 1]]
```

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

NUMERIQUE et SCIENCES INFORMATIQUES

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°03

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 2 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Le codage par différence (*delta encoding* en anglais) permet de compresser un tableau de données en indiquant pour chaque donnée, sa différence avec la précédente (plutôt que la donnée elle-même). On se retrouve alors avec un tableau de données assez petites nécessitant moins de place en mémoire. Cette méthode se révèle efficace lorsque les valeurs consécutives sont proches.

Programmer la fonction `delta` qui prend en paramètre un tableau non vide de nombres entiers et qui renvoie un tableau contenant les valeurs entières compressées à l'aide cette technique.

Exemples :

```
>>> delta([1000, 800, 802, 1000, 1003])
[1000, -200, 2, 198, 3]
>>> delta([42])
42
```

EXERCICE 2 (4 points)

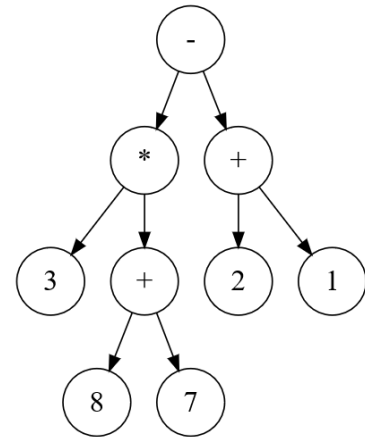
Une expression arithmétique ne comportant que les quatre opérations $+$, $-$, \times , \div peut être représentée sous forme d'arbre binaire. Les nœuds internes sont des opérateurs et les feuilles sont des nombres. Dans un tel arbre, la disposition des nœuds joue le rôle des parenthèses que nous connaissons bien.

En parcourant en profondeur infixe l'arbre binaire ci-contre, on retrouve l'expression notée habituellement :

$$3 \times (8 + 7) - (2 + 1).$$

La classe `Noeud` ci-après permet d'implémenter une structure d'arbre binaire.

Compléter la fonction récursive `expression_infixe` qui prend en paramètre un objet de la classe `Noeud` et qui renvoie l'expression arithmétique représentée par l'arbre binaire passé en paramètre, sous forme d'une chaîne de caractères contenant des parenthèses.



Résultat attendu avec l'arbre ci-dessus :

```
>>> e = Noeud(Noeud(Noeud(None, 3, None), '*', Noeud(Noeud(None, 8, None),
'+', Noeud(None, 7, None))), '-', Noeud(Noeud(None, 2, None), '+',
Noeud(None, 1, None)))

>>> expression_infixe(e)
'((3*(8+7))-(2+1))'
```

```
class Noeud:
```



```

'''
    Classe implémentant un noeud d'arbre binaire disposant de 3
attributs :
    - valeur : la valeur de l'étiquette,
    - gauche : le sous-arbre gauche.
    - droit : le sous-arbre droit.
'''
def __init__(self, g, v, d):
    self.gauche = g
    self.valeur = v
    self.droit = d

def est_une_feuille(self):
    '''Renvoie True si et seulement si le noeud est une feuille'''
    return self.gauche is None and self.droit is None

def expression_infixe(e):
    s = ...
    if e.gauche is not None:
        s = s + expression_infixe(...)
    s = s + ...
    if ... is not None:
        s = s + ...
    if ...:
        return s

    return '(' + s + ')'

```

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°04

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 3 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Écrire une fonction `recherche` qui prend en paramètre un tableau de nombres entiers `tab`, et qui renvoie la liste (éventuellement vide) des couples d'entiers consécutifs successifs qu'il peut y avoir dans `tab`.

Exemples :

```
>>> recherche([1, 4, 3, 5])
[]
>>> recherche([1, 4, 5, 3])
[(4, 5)]
>>> recherche([7, 1, 2, 5, 3, 4])
[(1, 2), (3, 4)]
>>> recherche([5, 1, 2, 3, 8, -5, -4, 7])
[(1, 2), (2, 3), (-5, -4)]
```

EXERCICE 2 (4 points)

Soit une image binaire représentée dans un tableau à 2 dimensions. Les éléments `M[i][j]`, appelés pixels, sont égaux soit à 0 soit à 1.

Une composante d'une image est un sous-ensemble de l'image constitué uniquement de 1 et de 0 qui sont côte à côte, soit horizontalement soit verticalement.

Par exemple, les composantes de

M =

0	0	1	0
0	1	0	1
1	1	1	0
0	1	1	0

sont

M =

0	0	1	0
0	1	0	1
1	1	1	0
0	1	1	0

On souhaite, à partir d'un pixel égal à 1 dans une image `M`, donner la valeur `val` à tous les pixels de la composante à laquelle appartient ce pixel.

La fonction `propager` prend pour paramètre une image `M`, deux entiers `i` et `j` et une valeur entière `val`. Elle met à la valeur `val` tous les pixels de la composante du pixel `M[i][j]` s'il vaut 1 et ne fait rien s'il vaut 0.

Par exemple, `propager(M, 2, 1, 3)` donne

M =

0	0	1	0
0	3	0	1
3	3	3	0
0	3	3	0

Compléter le code récursif de la fonction `propager` donné ci-dessous

```
def propager(M, i, j, val):
    if M[i][j]== ...:
        return

    M[i][j]=val

    # l'élément en haut fait partie de la composante
    if ((i-1) >= 0 and M[i-1][j] == ...):
        propager(M, i-1, j, val)

    # l'élément en bas fait partie de la composante
    if ((...) < len(M) and M[i+1][j] == 1):
        propager(M, ..., j, val)

    # l'élément à gauche fait partie de la composante
    if ((...) >= 0 and M[i][j-1] == 1):
        propager(M, i, ..., val)

    # l'élément à droite fait partie de la composante
    if ((...) < len(M) and M[i][j+1] == 1):
        propager(M, i, ..., val)
```

Exemple :

```
>>> M = [[0,0,1,0],[0,1,0,1],[1,1,1,0],[0,1,1,0]]
>>> propager(M,2,1,3)
>>> M
[[0, 0, 1, 0], [0, 3, 0, 1], [3, 3, 3, 0], [0, 3, 3, 0]]
```

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°05

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 3 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Écrire une fonction `RechercheMinMax` qui prend en paramètre un tableau de nombres non triés `tab`, et qui renvoie la plus petite et la plus grande valeur du tableau sous la forme d'un dictionnaire à deux clés 'min' et 'max'. Les tableaux seront représentés sous forme de liste Python.

Exemples :

```
>>> tableau = [0, 1, 4, 2, -2, 9, 3, 1, 7, 1]
>>> resultat = rechercheMinMax(tableau)
>>> resultat
{'min': -2, 'max': 9}
```

```
>>> tableau = []
>>> resultat = rechercheMinMax(tableau)
>>> resultat
{'min': None, 'max': None}
```

EXERCICE 2 (4 points)

On dispose d'un programme permettant de créer un objet de type `PaquetDeCarte`, selon les éléments indiqués dans le code ci-dessous.

Compléter ce code aux endroits indiqués par `#A compléter`, puis ajouter des assertions dans l'initialiseur de `Carte`, ainsi que dans la méthode `getCarteAt()`.

```
class Carte:
    """Initialise Couleur (entre 1 à 4), et Valeur (entre 1 à
13)"""
    def __init__(self, c, v):
        self.Couleur = c
        self.Valeur = v

    """Renvoie le nom de la Carte As, 2, ... 10,
    Valet, Dame, Roi"""
    def getNom(self):
        if ( self.Valeur > 1 and self.Valeur < 11):
            return str( self.Valeur)
        elif self.Valeur == 11:
            return "Valet"
        elif self.Valeur == 12:
            return "Dame"
        elif self.Valeur == 13:
            return "Roi"
        else:
            return "As"

    """Renvoie la couleur de la Carte (parmi pique, coeur,
    carreau, trefle)"""
    def getCouleur(self):
        return ['pique', 'coeur', 'carreau', 'trefle'
][self.Couleur - 1]

class PaquetDeCarte:
    def __init__(self):
        self.contenu = []

    """Remplit le paquet de cartes"""
    def remplir(self):
        #A compléter

    """Renvoie la Carte qui se trouve à la position donnée"""
    def getCarteAt(self, pos):
        #A compléter
```

Exemple :

```
>>> unPaquet = PaquetDeCarte()  
>>> unPaquet.remplir()  
>>> uneCarte = unPaquet.getCarteAt(20)  
>>> print(uneCarte.getNom() + " de " + uneCarte.getCouleur())  
  
6 de coeur
```


BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°6

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 2 pages numérotées de 1 / 2 à 2 / 2
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Écrire une fonction `maxi` qui prend en paramètre une liste `tab` de nombres entiers et qui renvoie un couple donnant le plus grand élément de cette liste ainsi que l'indice de la première apparition de ce maximum dans la liste.

Exemple :

```
>>> maxi([1,5,6,9,1,2,3,7,9,8])
(9,3)
```

EXERCICE 2 (4 points)

La fonction `recherche` prend en paramètres deux chaînes de caractères `gene` et `seq_adn` et renvoie `True` si on retrouve `gene` dans `seq_adn` et `False` sinon.

Compléter le code Python ci-dessous pour qu'il implémente la fonction `recherche`.

```
def recherche(gene, seq_adn):
    n = len(seq_adn)
    g = len(gene)
    i = ...
    trouve = False
    while i < ... and trouve == ... :
        j = 0
        while j < g and gene[j] == seq_adn[i+j]:
            ...
        if j == g:
            trouve = True
        ...
    return trouve
```

Exemples :

```
>>> recherche("AATC", "GTACAAATCTTGCC")
True
>>> recherche("AGTC", "GTACAAATCTTGCC")
False
```

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°07

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 3 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Écrire une fonction `conv_bin` qui prend en paramètre un entier positif `n` et renvoie un couple `(b, bit)` où :

- `b` est une liste d'entiers correspondant à la représentation binaire de `n` ;
- `bit` correspond au nombre de bits qui constituent `b`.

Exemple :

```
>>> conv_bin(9)
([1, 0, 0, 1], 4)
```

Aide :

- l'opérateur `//` donne le quotient de la division euclidienne : `5//2` donne `2` ;
- l'opérateur `%` donne le reste de la division euclidienne : `5%2` donne `1` ;
- `append` est une méthode qui ajoute un élément à une liste existante :

Soit `T=[5, 2, 4]`, alors `T.append(10)` ajoute 10 à la liste `T`. Ainsi, `T` devient `[5, 2, 4, 10]`.

- `reverse` est une méthode qui renverse les éléments d'une liste.

Soit `T=[5, 2, 4, 10]`. Après `T.reverse()`, la liste devient `[10, 4, 2, 5]`.

On remarquera qu'on récupère la représentation binaire d'un entier `n` en partant de la gauche en appliquant successivement les instructions :

```
b = n%2
n = n//2
```

répétées autant que nécessaire.

EXERCICE 2 (4 points)

La fonction `tri_bulles` prend en paramètre une liste `T` d'entiers non triés et renvoie la liste triée par ordre croissant.

Compléter le code Python ci-dessous qui implémente la fonction `tri_bulles`.

```
def tri_bulles(T):  
    n = len(T)  
    for i in range(...,...,-1):  
        for j in range(i):  
            if T[j] > T[...]:  
                ... = T[j]  
                T[j] = T[...]  
                T[j+1] = temp  
    return T
```

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°08

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 2 pages numérotées de 1 / 2 à 2 / 2
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Écrire une fonction `recherche` qui prend en paramètres `elt` un nombre entier et `tab` un tableau de nombres entiers, et qui renvoie l'indice de la première occurrence de `elt` dans `tab` si `elt` est dans `tab` et `-1` sinon.

Exemples :

```
>>> recherche(1, [2, 3, 4])
-1
>>> recherche(1, [10, 12, 1, 56])
2
>>> recherche(50, [1, 50, 1])
1
>>> recherche(15, [8, 9, 10, 15])
3
```

EXERCICE 2 (4 points)

On considère la fonction `insere` ci-dessous qui prend en argument un entier `a` et un tableau `tab` d'entiers triés par ordre croissant. Cette fonction insère la valeur `a` dans le tableau et renvoie le nouveau tableau. Les tableaux seront représentés sous la forme de listes python.

```
def insere(a, tab):
    l = list(tab) #l contient les mêmes éléments que tab
    l.append(a)
    i = ...
    while a < ... and i >= 0:
        l[i+1] = ...
        l[i] = a
        i = ...
    return l
```

Compléter la fonction `insere` ci-dessus.

Exemples :

```
>>> insere(3, [1,2,4,5])
[1, 2, 3, 4, 5]
>>> insere(10, [1,2,7,12,14,25])
[1, 2, 7, 10, 12, 14, 25]
>>> insere(1, [2,3,4])
[1, 2, 3, 4]
```

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°09

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 3 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

Soit un nombre entier supérieur ou égal à 1 :

- s'il est pair, on le divise par 2 ;
- s'il est impair, on le multiplie par 3 et on ajoute 1.

Puis on recommence ces étapes avec le nombre entier obtenu, jusqu'à ce que l'on obtienne la valeur 1.

On définit ainsi la suite (u_n) par

- $u_0 = k$, où k est un entier choisi initialement ;
- $u_{n+1} = u_n / 2$ si u_n est pair ;
- $u_{n+1} = 3 \times u_n + 1$ si u_n est impair.

On admet que, quel que soit l'entier k choisi au départ, la suite finit toujours sur la valeur 1.

Écrire une fonction `calcul` prenant en paramètres un entier n strictement positif et qui renvoie la liste des valeurs u_n , en partant de k et jusqu'à atteindre 1.

Exemple :

```
>>> calcul(7)
```

```
[7, 22, 11, 34, 17, 52, 26, 13, 40, 20, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1]
```

EXERCICE 2 (4 points)

On affecte à chaque lettre de l'alphabet un code selon les tableaux ci-dessous :

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26

Pour un mot donné, on détermine d'une part son *code alphabétique concaténé*, obtenu par la juxtaposition des codes de chacun de ses caractères, et d'autre part, son *code additionné*, qui est la somme des codes de chacun de ses caractères. Par ailleurs, on dit que ce mot est « *parfait* » si le code additionné divise le code concaténé.

Exemples :

- Pour le mot "PAUL", le code concaténé est la chaîne 1612112, soit l'entier 1 612 112.

Son code additionné est l'entier 50 car $16 + 1 + 21 + 12 = 50$.

50 ne divise pas l'entier 1 612 112 ; par conséquent, le mot "PAUL" n'est pas parfait.

- Pour le mot "ALAIN", le code concaténé est la chaîne 1121914, soit l'entier 1 121 914.

Le code additionné est l'entier 37 car $1 + 12 + 1 + 9 + 14 = 37$.

37 divise l'entier 1 121 914 ; par conséquent, le mot "ALAIN" est parfait.

Compléter la fonction `est_parfait` ci-dessous qui prend comme argument une chaîne de caractères `mot` (en lettres majuscules) et qui renvoie le code alphabétique concaténé, le code additionné de `mot`, ainsi qu'un booléen qui indique si `mot` est parfait ou pas.

```
dico = {"A":1, "B":2, "C":3, "D":4, "E":5, "F":6, "G":7, \
        "H":8, "I":9, "J":10, "K":11, "L":12, "M":13, \
        "N":14, "O":15, "P":16, "Q":17, "R":18, "S":19, \
        "T":20, "U":21, "V":22, "W":23, "X":24, "Y":25, "Z":26}

def est_parfait(mot) :
    #mot est une chaîne de caractères (en lettres majuscules)
    code_c = ""
    code_a = ???
    for c in mot :
        code_c = code_c + ???
        code_a = ???
    code_c = int(code_c)
    if ??? :
        mot_est_parfait = True
    else :
        mot_est_parfait = False
    return [code_a, code_c, mot_est_parfait]
```

Exemples :

```
>>> est_parfait("PAUL")
[50, 1612112, False]
>>> est_parfait("ALAIN")
[37, 1121914, True]
```

BACCALAUREAT

SESSION 2022

Épreuve de l'enseignement de spécialité

**NUMERIQUE et SCIENCES
INFORMATIQUES**

Partie pratique

Classe Terminale de la voie générale

Sujet n°10

DUREE DE L'ÉPREUVE : 1 heure

**Le sujet comporte 3 pages numérotées de 1 / 3 à 3 / 3
Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.**

Le candidat doit traiter les 2 exercices.

EXERCICE 1 (4 points)

L'occurrence d'un caractère dans une phrase est le nombre de fois où ce caractère est présent.

Exemples :

- l'occurrence du caractère 'o' dans 'bonjour' est 2 ;
- l'occurrence du caractère 'b' dans 'Bébé' est 1 ;
- l'occurrence du caractère 'B' dans 'Bébé' est 1 ;
- l'occurrence du caractère ' ' dans 'Hello world !' est 2.

On cherche les occurrences des caractères dans une phrase. On souhaite stocker ces occurrences dans un dictionnaire dont les clefs seraient les caractères de la phrase et les valeurs l'occurrence de ces caractères.

Par exemple : avec la phrase 'Hello world !' le dictionnaire est le suivant :

```
{ 'H': 1, 'e': 1, 'l': 3, 'o': 2, ' ': 2, 'w': 1, 'r': 1, 'd': 1, '!': 1 }
```

(l'ordre des clefs n'ayant pas d'importance).

Écrire une fonction `occurrence_lettres` avec `phrase` comme paramètre une variable `phrase` de type `str`. Cette fonction doit renvoyer un dictionnaire de type `dict` constitué des occurrences des caractères présents dans la phrase.

EXERCICE 2 (4 points)

La fonction `fusion` prend deux listes `L1`, `L2` d'entiers triées par ordre croissant et les fusionne en une liste triée `L12` qu'elle renvoie.

Le code Python de la fonction est

```
def fusion(L1, L2):
    n1 = len(L1)
    n2 = len(L2)
    L12 = [0] * (n1 + n2)
    i1 = 0
    i2 = 0
    i = 0
    while i1 < n1 and i2 < n2:
        if L1[i1] < L2[i2]:
            L12[i] = L1[i1]
            i1 = i1 + 1
        else:
            L12[i] = L2[i2]
            i2 = i2 + 1
    L12[i] = L1[i1] if i1 < n1 else L2[i2]
```

```
        i2 = ...
    i += 1
while i1 < n1:
    L12[i] = ...
    i1 = i1 + 1
    i = ...
while i2 < n2:
    L12[i] = ...
    i2 = i2 + 1
    i = ...
return L12
```

Compléter le code.

Exemple :

```
>>> fusion([1,6,10],[0,7,8,9])
[0, 1, 6, 7, 8, 9, 10]
```