MAC0122 PRINCÍPIOS DE DESENVOLVIMENTO DE ALGORITMOS FOLHA DE SOLUÇÃO

Nome: Henrique Maruiti NUSP: 12610243
Assinatura
Sua assinatura atesta a autenticidade e originalidade de seu trabalho e que você se compromete a seguir o código de ética da USP em suas atividades acadêmicas, incluindo esta atividade.
Exercício: T04 Expressões bem formadas Data: 21/09/2023
SOLUÇÃO
1) A expressão bem formada com 1 par de parênteses é: (zz)
2) As expressões bem formadas com 3 pares de parênteses são: $(((zz)z)z)$, $((zz)(zz))$ e $((z(zz))z)$ 3)
$b_{(4)} = b_{(3)} * b_{(0)} + b_{(2)} * b_{(1)} + b_{(1)} * b_{(2)} + b_{(0)} * b_{(3)} \rightarrow b_{(4)} = 5 * 1 + 2 * 1 + 1 * 2 + 1 * 5 \rightarrow b_{(4)} = 14 * 1 + 1 * 1 + 1 * 2 + 1 * 1 + 1 * 2 + 1 * 1$

4) Pode-se afirmar que todo elemento contado por $b_{(N)}$, com $N \ge 1$, possui a forma (XY), onde o número de pares de parênteses de X é x e o de Y é y. Tendo em vista a forma geral e a contagem de pares de parênteses, é correto afirmar que x+y=N-1, logo o valor de $b_{(N)}$ pode ser calculado pela soma de todas combinações de x e y, com x e y sendo inteiros positivos:

$$b_{(N)} = \sum_{n=0}^{N-1} b_{(n)} * b_{(N-1-n)}$$

Considerando que $b_{(0)}=1$ é possível por meio de recursão estimar os valores dos demais termos.