

Vorgegebene Auslegungsdaten:

Bezeichnung und Wert:

Benennung:

$T_{an} := 50 \text{ N} \cdot \text{m}$

Antriebsdrehmoment

$T_{ab1} := 650 \text{ N} \cdot \text{m}$

Abtriebsdrehmoment

$n_S := 1100 \text{ min}^{-1}$

Schaltdrehzahl

$n_{an} := 2000 \text{ min}^{-1}$

Antriebsdrehzahl

$F_B := 1.5 \text{ kN}$

Bohr-Abtriebskraft

$K_A := 2.0$

Belastungsfaktor

1) Auslegen der Übersetzung und Bestimmung der Zähnezahlen**rechnerisches Übersetzungsverhältnis**

$$i_{ges} := \frac{T_{ab1}}{T_{an}} = 13$$

$i_{12} := 3.95$

TBM S. 269

$$i_{34} := \frac{i_{ges}}{i_{12}} = 3.291$$

$i_{ges} := i_{12} \cdot i_{34} = 13$

Das Gegenrechnen bestätigt den Wert für i_{ges}

$$n_{ab} := \frac{n_{an}}{i_{ges}} = 153.846 \text{ min}^{-1}$$

Zähnezahlen der Zahnräder

$z_1 := 25$

$z_2 := z_1 \cdot i_{12} = 98.75 \quad z_2 := 99$

TBM S. 269

$z_3 := 24$

$z_4 := z_3 \cdot i_{34} = 78.987 \quad z_4 := 79$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
 Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
 TBM S.

tatsächliches Übersetzungsverhältnis

$$i_{12} := \frac{z_2}{z_1} = 3.96$$

TBM S. 269

$$i_{34} := \frac{z_4}{z_3} = 3.292$$

$$i_{ges} := i_{12} \cdot i_{34} = 13.035$$

Abweichung Abtriebsparameter

$$T_{ab2} := T_{an} \cdot i_{ges} = 651.75 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$n_{ab} := \frac{n_{an}}{i_{ges}} = 153.433 \text{ min}^{-1}$$

$$\frac{T_{ab2}}{T_{ab1}} = 1.003$$

Das ausgelegte
Abtriebsdrehmoment weicht
0,3% im positiven Sinne von
den Anforderungen ab.

2) Berechnungen der Wellen und Passfedern

$$\tau_{tzul} := 50 \frac{N}{mm^2}$$

Dauerfestigkeitsschubspannung von 42CrMo4

$$n_P := 1$$

Anzahl Passfedern pro Welle-Nabe Verbindung

$$\varphi := 1$$

Traganteil der Passfeder

$$R_e := 295 \frac{N}{mm^2}$$

Streckgrenze E295

$$S_F := 1.1$$

Sicherheit Fließgrenze

$$p_{Fzul} := \frac{R_e}{S_F} = 268.182 \frac{N}{mm^2}$$

Zulässige Flächenpressung einer Passfeder

Antriebswelle:

$$d_{min1} := \sqrt[3]{\frac{16 \cdot T_{an} \cdot K_A}{\pi \cdot \tau_{tzul}}} = 21.677 \text{ mm}$$

$$d_{W1} := 30 \text{ mm}$$

$$t_{1,W1} := 4 \text{ mm}$$

$$l_{t1} := \frac{2 \cdot T_{an}}{d_{W1} \cdot (7 \text{ mm} - t_{1,W1}) \cdot n_P \cdot \varphi \cdot p_{Fzul}} = 4.143 \text{ mm}$$

$$b_{P1} := 8 \text{ mm}$$

Da die tragende Länge nicht die Abrundungen am Ende beinhaltet, werden beide Radien (zusammen die Breite der Passfeder) addiert und die Gesamtlänge auf die nächste genormte Länge gerundet.

$$l_{P1} := l_{t1} + b_{P1} = 12.143 \text{ mm}$$

gewählt: **Antriebswelle Ø 30mm****Passfeder DIN 6885 - A8 x 7 x 14****Vorgelegewelle:**

$$d_{min2} := \sqrt[3]{\frac{16 \cdot T_{an} \cdot K_A \cdot i_{12}}{\pi \cdot \tau_{tzul}}} = 34.295 \text{ mm}$$

$$d_{W2} := 45 \text{ mm}$$

$$t_{1,W2} := 5.5 \text{ mm}$$

$$l_{t2} := \frac{2 \cdot T_{an} \cdot i_{12}}{d_{W2} \cdot (9 \text{ mm} - t_{1,W2}) \cdot n_P \cdot \varphi \cdot p_{Fzul}} = 9.375 \text{ mm}$$

$$b_{P2} := 14 \text{ mm}$$

Da die tragende Länge nicht die Abrundungen am Ende beinhaltet, werden beide Radien (zusammen die Breite der Passfeder) addiert und die Gesamtlänge auf die nächste genormte Länge gerundet.

$$l_{P2} := l_{t2} + b_{P2} = 23.375 \text{ mm}$$

gewählt: **Vorgelegewelle Ø 45mm****Passfeder DIN 6885 - A14 x 9 x 25**

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

Abtriebswelle:

$$d_{min3} := \sqrt[3]{\frac{16 \cdot T_{an} \cdot K_A \cdot i_{ges}}{\pi \cdot \tau_{tzul}}} = 51.016 \text{ mm} \quad d_{W3} := 60 \text{ mm} \quad t_{1;W3} := 7 \text{ mm}$$

$$l_{t3} := \frac{2 \cdot T_{an} \cdot i_{ges}}{d_{W3} \cdot (11 \text{ mm} - t_{1;W3}) \cdot n_P \cdot \varphi \cdot p_{Fzul}} = 20.252 \text{ mm} \quad b_{P3} := 18 \text{ mm}$$

Da die tragende Länge nicht die Abrundungen am Ende beinhaltet, werden beide Räden (zusammen die Breite der Passfeder) addiert und die Gesamtlänge auf die nächste genormte Länge gerundet.

$$l_{P3} := l_{t3} + b_{P3} = 38.252 \text{ mm}$$

gewählt: **Abtriebswelle Ø 60mm**
Passfeder DIN 6885 - A18 x 11 x 40

3) Zahnradbreite

$$B_{zul} := 4.0 \frac{N}{\text{mm}^2}$$

Überschlägiger Belastungswert

$$b_1 := \frac{2 \cdot T_{an}}{d_{W1}^2 \cdot B_{zul}} = 27.778 \text{ mm}$$

Formel nach Vereinbarungen

$$b_1 := 30 \text{ mm}$$

Um auf eine ganze Zahl für die Breite zu kommen, wird hier aufgerundet. Da ein ständiger Eingriff der Zahnräder 1 und 2 nötig ist, wird das Zahnrad 2 aufgrund des größeren Durchmessers etwas kleiner gewählt.

$$b_2 := 28 \text{ mm}$$

$$b_3 := \frac{2 \cdot T_{an} \cdot i_{12}}{d_{W2}^2 \cdot B_{zul}} = 48.889 \text{ mm}$$

Formel nach Vereinbarungen

$$b_3 := 52 \text{ mm}$$

Um auf eine ganze Zahl für die Breite zu kommen, wird hier aufgerundet. Da ein ständiger Eingriff der Zahnräder 3 und 4 nötig ist, wird das Zahnrad 4 aufgrund des größeren Durchmessers etwas kleiner gewählt.

$$b_4 := 50 \text{ mm}$$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

4) Schrägungswinkel

Der Schrägungswinkel ist mit $\beta := 20^\circ$ bereits in den Vereinbarungen gegeben.

5) Modul 1,2

$$m_{n12} := \frac{1.8 \cdot d_{W1} \cdot \cos(\beta)}{(z_1 - 2.5)} = 2.255 \text{ mm}$$

Gl.: 21.63

gewählt: $m_{n12} := 2.5 \text{ mm}$

6) Teilkreisdurchmesser Z1,Z2

$$d_1 := \frac{z_1 \cdot m_{n12}}{\cos(\beta)} = 66.511 \text{ mm}$$

TBM S. 267

$$d_2 := \frac{z_2 \cdot m_{n12}}{\cos(\beta)} = 263.384 \text{ mm}$$

7) Achsabstand 1,2

$$a_{12} := \frac{d_1 + d_2}{2} = 164.948 \text{ mm}$$

TBM S. 267

8) Modul 3,4

$$m_{n34} := \frac{2 \cdot a_{12} \cdot \cos(\beta)}{(1 + i_{34}) \cdot z_3} = 3.01 \text{ mm}$$

Gl.: 21.64 / TB: 21-1

gewählt: $m_{n34} := 3 \text{ mm}$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

9) Teilkreisdurchmesser Z3,Z4

$$d_3 := \frac{z_3 \cdot m_{n34}}{\cos(\beta)} = 76.621 \text{ mm}$$

TBM S. 267

$$d_4 := \frac{z_4 \cdot m_{n34}}{\cos(\beta)} = 252.21 \text{ mm}$$

10) Achsabstand 3,4

$$a_{34} := \frac{d_3 + d_4}{2} = 164.415 \text{ mm}$$

Differenz Achsabstände

$$p_v := a_{12} - a_{34} = 0.532 \text{ mm}$$

Diese Differenz der Achsabstände muss durch eine Profilverschiebung angeglichen werden. Diese wird im Folgenden berechnet.

11) Profilverschiebung

Aufgrund weniger Drehmomentkräfte an den Zahnrädern 1 und 2 haben wir uns dort für die Profilverschiebung entschieden.

Stirneingriffswinkel

$$\alpha_n := \beta = 20^\circ$$

$$\alpha_t := \arctan\left(\frac{\tan(\alpha_n)}{\cos(\beta)}\right) = 21.173^\circ$$

Gl.: 21.35

Ersatzzähnezahl

$$\beta_b := \arccos \left(\frac{\sin(\alpha_n)}{\sin(\alpha_t)} \right) = 18.747^\circ \quad \text{Gl.: 21.36}$$

$$z_{n1} := \frac{d_1}{\cos(\beta_b)^2 \cdot m_{n12}} = 29.669 \quad \text{Gl.: 21.47}$$

$$z_{n2} := \frac{d_2}{\cos(\beta_b) \cdot m_{n12}} = 111.256$$

Profilverschiebungsfaktoren und Profilverschiebung

Bei der Profilverschiebung V ist zum Berechnen der Wert x nötig. Dieser wird in der Formel für die Summe der Profilverschiebungsfaktoren errechnet, welche bis auf den Betriebseingriffswinkel zurückblickt. Daher werden im Folgenden mehrere Gleichungen angewendet, um letztendlich auf die Profilverschiebung zu kommen.

Betriebseingriffswinkel:

$$\alpha_{wt} := \arccos \left(\cos(\alpha_t) \cdot \frac{a_{12}}{a_{34}} \right) = 20.689^\circ \quad \text{aus Gl.: 21.54 umgestellt}$$

Profilverschiebungsfaktoren:

$$\text{inv}\alpha_{wt} := \tan(\alpha_{wt}) - \alpha_{wt} \cdot \frac{\pi}{180} = 0.017$$

$$\text{inv}\alpha_t := \tan(\alpha_t) - \alpha_t \cdot \frac{\pi}{180} = 0.018$$

aus Hinweis von S.797/809

$$\Sigma x := \frac{\text{inv}\alpha_{wt} - \text{inv}\alpha_t}{2 \cdot \tan(\alpha_n)} \cdot (z_1 + z_2) = -0.211 \quad \text{Gl.: 21.56}$$

x berechnen:

$$x_1 := \frac{\Sigma x}{2} + \left(0.5 - \frac{\Sigma x}{2} \right) \cdot \frac{\log \left(\frac{z_2}{z_1} \right)}{\log \left(\frac{z_{n1} \cdot z_{n2}}{100} \right)} = 0.133 \quad \text{aus Gl.: 21.33 umgestellt}$$

$$x_2 := \Sigma x - x_1 = -0.343$$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

Verschiebungen:

$$V_1 := x_1 \cdot m_{n12} = 0.332 \text{ mm}$$

Gl.: 21.49

$$V_2 := x_2 \cdot m_{n12} = -0.859 \text{ mm}$$

$$V_3 := 0 \text{ mm}$$

$$V_4 := 0 \text{ mm}$$

Betriebswälzkreisdurchmesser

$$d_{wd1} := d_1 \cdot \frac{\cos(\alpha_t)}{\cos(\alpha_{wt})} = 66.297 \text{ mm}$$

Gl.: 21.22a

$$d_{wd2} := d_2 \cdot \frac{\cos(\alpha_t)}{\cos(\alpha_{wt})} = 262.534 \text{ mm}$$

Gl.: 21.22b

$$d_{wd3} := d_3 = 76.621 \text{ mm}$$

$$d_{wd4} := d_4 = 252.21 \text{ mm}$$

neuer Achsabstand

$$a_{v12} := \frac{d_{wd1} + d_{wd2}}{2} = 164.415 \text{ mm}$$

Gl.: 21.54 / 21.19

$$a_{v34} := \frac{d_{wd3} + d_{wd4}}{2} = 164.415 \text{ mm}$$

Der Achsabstand ist nun, nach der Verschiebung der selbe.

12) Kopfspiel

nötiges Kopfspiel

$$c_{12} := 0.25 \cdot m_{n12} = 0.625 \text{ mm}$$

Gl. von Seite 794 / 803

$$c_{34} := 0.25 \cdot m_{n34} = 0.75 \text{ mm}$$

Kopfhöhenänderung

$$k := a_{v12} - a_{12} - m_{n12} \cdot (x_1 + x_2) = -0.006 \text{ mm}$$

Gl.: 21.23

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

13) weitere Auslegungen der Zahnräder**Grundkreisdurchmesser**

$$d_{b1} := d_1 \cdot \cos(\alpha_t) = 62.021 \text{ mm} \quad \text{Gl.: 21.39}$$

$$d_{b2} := d_2 \cdot \cos(\alpha_t) = 245.604 \text{ mm}$$

$$d_{b3} := d_3 \cdot \cos(\alpha_t) = 71.449 \text{ mm}$$

$$d_{b4} := d_4 \cdot \cos(\alpha_t) = 235.185 \text{ mm}$$

Kopfkreisdurchmesser

$$d_{a1} := d_1 + 2 \cdot (m_{n12} + V_1 + k) = 72.164 \text{ mm} \quad \text{Gl.: 20.21}$$

$$d_{a2} := d_2 + 2 \cdot (m_{n12} + V_2 + k) = 266.655 \text{ mm}$$

$$d_{a3} := d_3 + 2 \cdot m_{n34} = 82.621 \text{ mm} \quad \text{Gl.: 21.40}$$

$$d_{a4} := d_4 + 2 \cdot m_{n34} = 258.21 \text{ mm}$$

Fußkreisdurchmesser

$$d_{f1} := d_1 - 2 \cdot ((m_{n12} + c_{12}) - V_1) = 60.926 \text{ mm} \quad \text{Gl.: 21.24}$$

$$d_{f2} := d_2 - 2 \cdot ((m_{n12} + c_{12}) - V_2) = 255.417 \text{ mm}$$

$$d_{f3} := d_3 - 2 \cdot m_{n34} = 70.621 \text{ mm} \quad \text{Gl.: 21.41}$$

$$d_{f4} := d_4 - 2 \cdot m_{n34} = 246.21 \text{ mm}$$

14) Kopfspiel nach Profilverschiebung

$$c_{12neu} := a_{v12} - 0.5 \cdot (d_{a1} + d_{f2}) = 0.625 \text{ mm}$$

Da c_{12} und c_{12neu} augenscheinlich gleich sind, ist das nötige Kopfspiel eingehalten.

15) Profilüberdeckung

Überdeckung Zahnradpaar 1

$$m_{t12} := \frac{m_{n12}}{\cos(\beta)} = 2.66 \text{ mm}$$

aus Gl.: 21.34
umgestellt

$$\varepsilon_{\beta12} := \frac{b_2 \cdot \tan(\beta)}{\pi \cdot m_{n12}} = 1.298$$

Gl.: 21.44

$$\varepsilon_{\alpha12} := \frac{0.5 \cdot \left(\sqrt{d_{a1}^2 - d_{b1}^2} + \frac{z_2}{|z_2|} \cdot \sqrt{d_{a2}^2 - d_{b2}^2} \right) - a_{v12} \cdot \sin(\alpha_{wt})}{\pi \cdot m_{t12} \cdot \cos(\alpha_t)} = 1.576$$

Gl.: 21.57

$$\varepsilon_{\gamma12} := \varepsilon_{\alpha12} + \varepsilon_{\beta12} = 2.873$$

Gl.: 21.46 / S.807

$$m_{t34} := \frac{m_{n34}}{\cos(\beta)} = 3.193 \text{ mm}$$

aus Gl.: 21.34
umgestellt

$$\varepsilon_{\beta34} := \frac{b_4 \cdot \tan(\beta)}{\pi \cdot m_{n34}} = 1.931$$

Gl.: 21.44

$$\varepsilon_{\alpha34} := \frac{0.5 \cdot \left(\sqrt{d_{a3}^2 - d_{b3}^2} + \frac{z_4}{|z_4|} \cdot \sqrt{d_{a4}^2 - d_{b4}^2} \right) - a_{v34} \cdot \sin(\alpha_{wt})}{\pi \cdot m_{t34} \cdot \cos(\alpha_t)} = 1.705$$

Gl.: 21.57

$$\varepsilon_{\gamma34} := \varepsilon_{\alpha34} + \varepsilon_{\beta34} = 3.636$$

Gl.: 21.46 / S.807

Da $\varepsilon_{\alpha1}$ und $\varepsilon_{\alpha2}$ über 1,25 sind, ist die Mindestanforderung von 1,1 auf jeden Fall eingehalten.

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

16) Zusammenfassung wichtige Komponenten der Zahnräder 1-4

	Zahnrad 1	Zahnrad 2	Zahnrad 3	Zahnrad 4
Zähnezahl	$z_1 = 25$	$z_2 = 99$	$z_3 = 24$	$z_4 = 79$
Teilkreisdurchmesser	$d_1 = 66.511 \text{ mm}$	$d_2 = 263.384 \text{ mm}$	$d_3 = 76.621 \text{ mm}$	$d_4 = 252.21 \text{ mm}$
Betriebswälzdurchmesser	$d_{wd1} = 66.297 \text{ mm}$	$d_{wd2} = 262.534 \text{ mm}$	$d_{wd3} = 76.621 \text{ mm}$	$d_{wd4} = 252.21 \text{ mm}$
Kopfkreisdurchmesser	$d_{a1} = 72.164 \text{ mm}$	$d_{a2} = 266.655 \text{ mm}$	$d_{a3} = 82.621 \text{ mm}$	$d_{a4} = 258.21 \text{ mm}$
Fußkreisdurchmesser	$d_{f1} = 60.926 \text{ mm}$	$d_{f2} = 255.417 \text{ mm}$	$d_{f3} = 70.621 \text{ mm}$	$d_{f4} = 246.21 \text{ mm}$
Zahnradbreite	$b_1 = 30 \text{ mm}$	$b_2 = 28 \text{ mm}$	$b_3 = 52 \text{ mm}$	$b_4 = 50 \text{ mm}$
Modul	$m_{n12} = 2.5 \text{ mm}$		$m_{n34} = 3 \text{ mm}$	
Achsabstand	$a_{v12} = 164.415 \text{ mm}$		$a_{v34} = 164.415 \text{ mm}$	
Verschiebung	$V_1 = 0.332 \text{ mm}$	$V_2 = -0.859 \text{ mm}$	$V_3 = 0 \text{ mm}$	$V_4 = 0 \text{ mm}$
Profilüberdeckung	$\varepsilon_{\alpha12} = 1.576$		$\varepsilon_{\alpha34} = 1.705$	
Sprungüberdeckung	$\varepsilon_{\beta12} = 1.298$		$\varepsilon_{\beta34} = 1.931$	
Gesamtüberdeckung	$\varepsilon_{\gamma12} = 2.873$		$\varepsilon_{\gamma34} = 3.636$	

17) ZahnradkräfteZahnrad 1:

Umfangskraft: $F_{T1} := \frac{2 \cdot T_{an}}{d_1} = 1.504 \text{ kN}$ Gl.:21.70

Radialkraft: $F_{R1} := \frac{F_{T1} \cdot \tan(\alpha_n)}{\cos(\beta)} = 0.582 \text{ kN}$ Gl.:21.72

Axialkraft: $F_{A1} := F_{T1} \cdot \tan(\beta) = 0.547 \text{ kN}$ Gl.:21.73

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

Zahnrad 2:

Umfangskraft: $F_{T2} := |F_{T1}| = 1.504 \text{ kN}$

Radialkraft: $F_{R2} := |F_{R1}| = 0.582 \text{ kN}$

Axialkraft: $F_{A2} := |F_{A1}| = 0.547 \text{ kN}$

Zahnrad 3:

Umfangskraft: $F_{T3} := 2 \cdot \frac{T_{an} \cdot i_{12}}{d_3} = 5.168 \text{ kN}$

Radialkraft: $F_{R3} := \frac{F_{T3} \cdot \tan(\alpha_n)}{\cos(\beta)} = 2.002 \text{ kN}$

Axialkraft: $F_{A3} := F_{T3} \cdot \tan(\beta) = 1.881 \text{ kN}$

Zahnrad 4:

Umfangskraft: $F_{T4} := |F_{T3}| = 5.168 \text{ kN}$

Radialkraft: $F_{R4} := |F_{R3}| = 2.002 \text{ kN}$

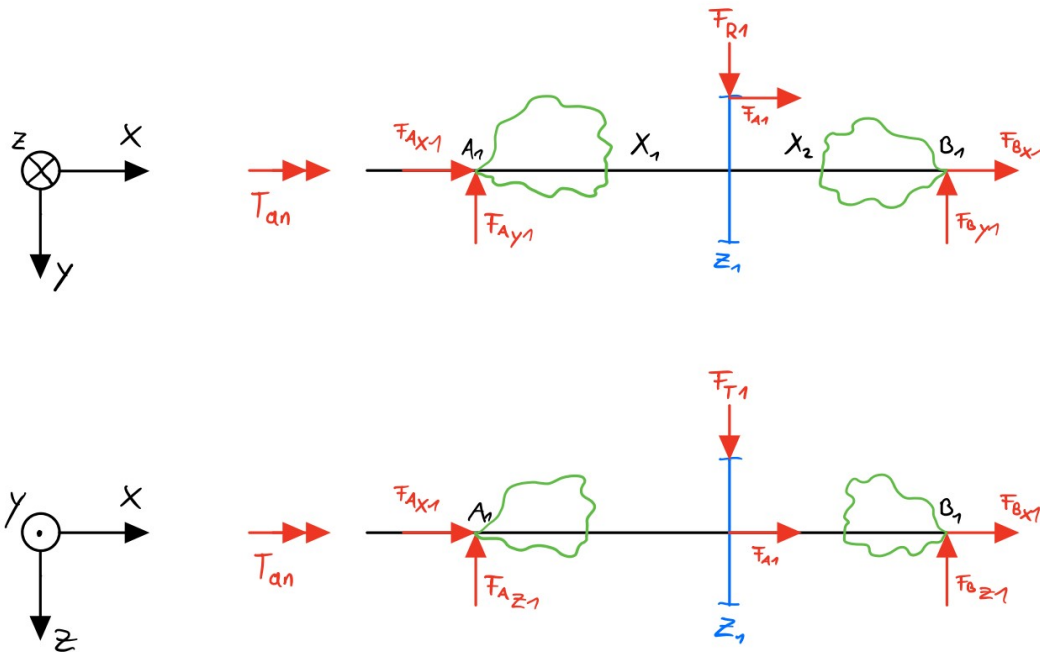
Axialkraft: $F_{A4} := |F_{A3}| = 1.881 \text{ kN}$

Hier werden nur Beträge berechnet.

Die Richtungen der Kräfte sind den Schnittverläufen der Wellen zu entnehmen.

18) Lagerkräfte und Schnittgrößenverläufe Antriebswelle

Freischnitt der Antriebswelle

Längen: $X_1 := 33 \text{ mm}$ $X_2 := 26.5 \text{ mm}$

Lagerkräfte:

XY-Ebene:

$$F_{By1} := \frac{F_{R1} \cdot X_1 + F_{A1} \cdot \frac{d_1}{2}}{(X_1 + X_2)} = 0.629 \text{ kN}$$

$$F_{Ay1} := F_{R1} - F_{By1} = -0.046 \text{ kN}$$

XZ-Ebene:

$$F_{Bz1} := \frac{F_{T1} \cdot X_1}{X_1 + X_2} = 0.834 \text{ kN}$$

$$F_{Az1} := F_{T1} - F_{Bz1} = 0.67 \text{ kN}$$

Resultierende Lagerkräfte:

$$F_{RA1} := \sqrt{F_{Ay1}^2 + F_{Az1}^2} = 0.671 \text{ kN}$$

$$F_{RB1} := \sqrt{F_{By1}^2 + F_{Bz1}^2} = 1.044 \text{ kN}$$

Da $F_{RA1} < F_{RB1}$ wird das Lager A, mit den geringeren Radialkräften, als Festlager gewählt. Dadurch ergibt sich: $F_{Ax1} := -F_{A1} = -0.547 \text{ kN}$ mit: $F_{Bx1} := 0 \text{ kN}$

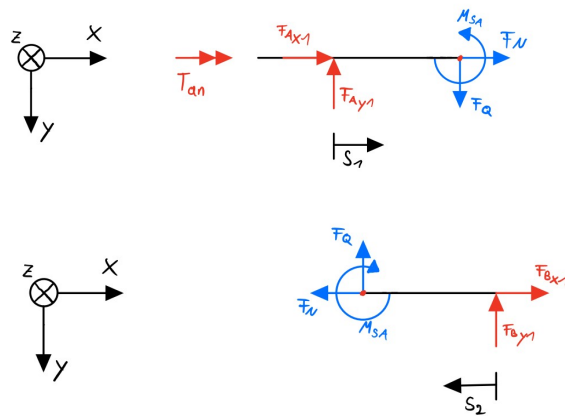
Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

Schnittgrößenverläufe:

XY-Ebene:



Das Moment M_{sA} bezieht sich in allen folgenden Rechnungen auf den Punkt (S). Dabei ist der Schnittpunkt gemeint, also der Punkt, an dem die Normal- und Querkraft angreifen.

$$s_{1min} := 0 \text{ mm} \quad s_{1max} := X_1 = 33 \text{ mm}$$

$$s_{2min} := 0 \text{ mm} \quad s_{2max} := X_2 = 26.5 \text{ mm}$$

positives Schnittufer:

$$F_N := -F_{Ax1} = 0.547 \text{ kN}$$

$$F_Q := -F_{Ay1} = 0.046 \text{ kN}$$

$$M_{s1xy} := F_{Ay1} \cdot s_1 \quad M_{s1xymin} := F_{Ay1} \cdot s_{1min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s1xymax} := F_{Ay1} \cdot s_{1max} = -1.534 \text{ N} \cdot \text{m}$$

negatives Schnittufer:

$$F_N := F_{Bx1} = 0 \text{ kN}$$

$$F_Q := -F_{By1} = -0.629 \text{ kN}$$

$$M_{s2xy} := F_{By1} \cdot s_2 \quad M_{s2xymin} := F_{By1} \cdot s_{2min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

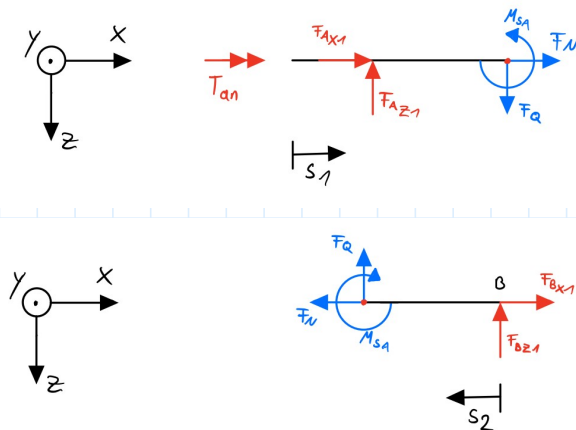
$$M_{s2xymax} := F_{By1} \cdot s_{2max} = 16.664 \text{ N} \cdot \text{m}$$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

XZ-Ebene:



positives Schnittufer:

$$F_Q := -F_{Az1} = -0.67 \text{ kN}$$

$$M_{s1xz} := F_{Az1} \cdot s_1$$

$$M_{s1xzmin} := F_{Az1} \cdot s_{1min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s1xzmax} := F_{Az1} \cdot s_{1max} = 22.098 \text{ N} \cdot \text{m}$$

negatives Schnittufer:

$$F_Q := -F_{Bz1} = -0.834 \text{ kN}$$

$$M_{s2xz} := F_{Bz1} \cdot s_2$$

$$M_{s2xzmin} := F_{Bz1} \cdot s_{2min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s2xzmax} := F_{Bz1} \cdot s_{2max} = 22.098 \text{ N} \cdot \text{m}$$

Maximales Drehmoment Antriebswelle

$$M_{sAmax} := \sqrt{(M_{s2xymax})^2 + (M_{s2xzmax})^2} = 27.677 \text{ N} \cdot \text{m}$$

19) Lagerkräfte und Schnittgrößenverläufe Vorgelegewelle

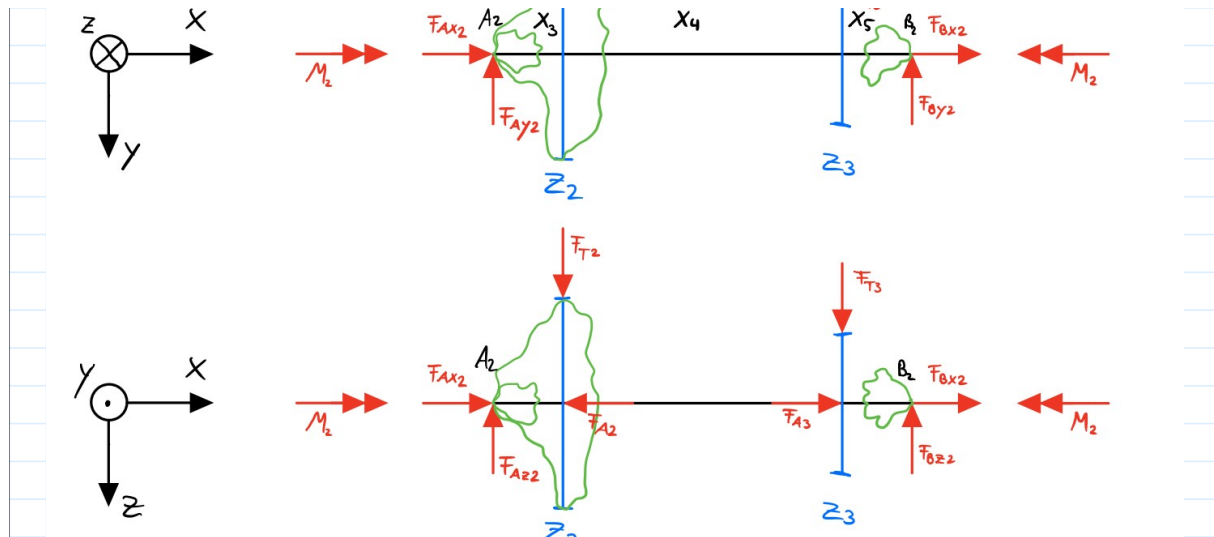
Freischnitt der Vorgelegewelle



Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.



Längen: $X_3 := 36.5 \text{ mm}$ $X_4 := 33 \text{ mm}$ $X_5 := 44 \text{ mm}$

Lagerkräfte:

XY-Ebene:

$$F_{By2} := \frac{F_{R3} \cdot (X_3 + X_4) + F_{A3} \cdot \frac{d_3}{2} - F_{A2} \cdot \frac{d_2}{2} + F_{R2} \cdot X_3}{(X_3 + X_4 + X_5)} = 1.413 \text{ kN}$$

$$F_{Ay2} := F_{R2} + F_{R3} - F_{By2} = 1.171 \text{ kN}$$

XZ-Ebene:

$$F_{Bz2} := \frac{F_{T2} \cdot X_3 + F_{T3} \cdot (X_3 + X_4)}{(X_3 + X_4 + X_5)} = 3.648 \text{ kN}$$

$$F_{Az2} := F_{T2} + F_{T3} - F_{Bz2} = 5.259 \text{ kN}$$

Resultierende Lagerkräfte:

$$F_{RA2} := \sqrt{F_{Ay2}^2 + F_{Az2}^2} = 5.388 \text{ kN} \quad F_{RB2} := \sqrt{F_{By2}^2 + F_{Bz2}^2} = 3.912 \text{ kN}$$

Da $F_{RA2} > F_{RB2}$ wird das Lager B, mit den geringeren Radialkräften, als Festlager gewählt. Dadurch ergibt sich: $F_{Bx2} := F_{A2} - F_{A3} = -1.334 \text{ kN}$ mit: $F_{Ax2} := 0 \text{ kN}$

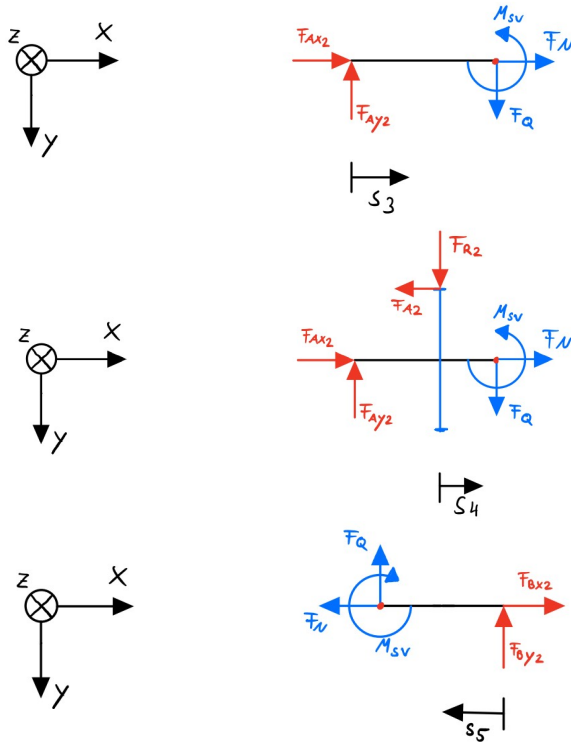
Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

Schnittgrößenverläufe:

XY-Ebene:



$$s_{3min} := 0 \text{ mm} \quad s_{3max} := X_3 = 36.5 \text{ mm}$$

$$s_{4min} := 0 \text{ mm} \quad s_{4max} := X_4 = 33 \text{ mm}$$

$$s_{5min} := 0 \text{ mm} \quad s_{5max} := X_5 = 44 \text{ mm}$$

erstes positives Schnittufer:

$$F_N := -F_{Ax2} = 0 \text{ N}$$

$$F_Q := -F_{Ay2} = -1.171 \text{ kN}$$

$$M_{s3xy} := F_{Ay2} \cdot s_3$$

$$M_{s3xymin} := F_{Ay2} \cdot s_{3min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s3xymax} := F_{Ay2} \cdot s_{3max} = 42.746 \text{ N} \cdot \text{m}$$

zweites positives Schnittufer:

$$F_N := F_{A2} - F_{Ax2} = 0.547 \text{ kN}$$

$$F_Q := F_{Ay2} - F_{R2} = 0.589 \text{ kN}$$

$$M_{s4xy} := F_{Ay2} \cdot (s_3 + s_4) - F_{R2} \cdot s_4 - F_{A2} \cdot \frac{d_2}{2}$$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

$$M_{s4xymin} := F_{Ay2} \cdot (s_{3max} + s_{4min}) - F_{R2} \cdot s_{4min} - F_{A2} \cdot \frac{d_2}{2} = -29.32 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s4xymax} := F_{Ay2} \cdot (s_{3max} + s_{4max}) - F_{R2} \cdot s_{4max} - F_{A2} \cdot \frac{d_2}{2} = -9.891 \text{ N} \cdot \text{m}$$

negatives Schnittufer:

$$F_N := -F_{Bx2} = 1.334 \text{ kN}$$

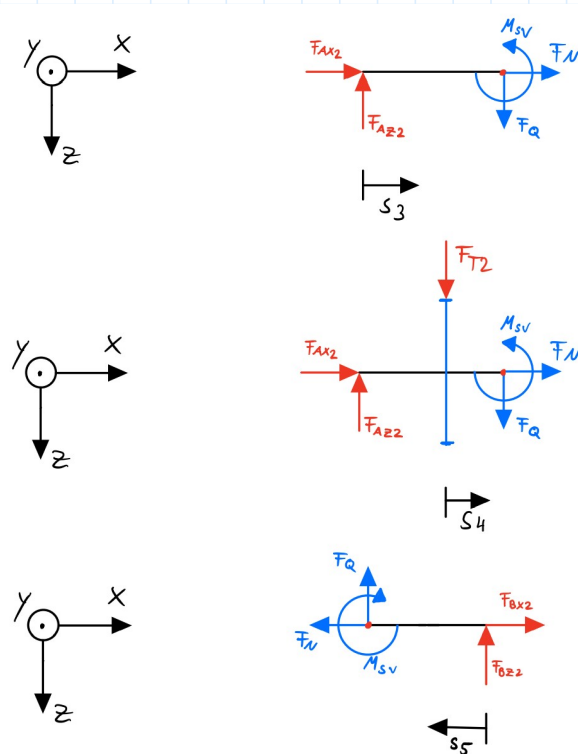
$$F_Q := -F_{By2} = -1.413 \text{ kN}$$

$$M_{s5xy} := F_{By2} \cdot s_5$$

$$M_{s5xymin} := F_{By2} \cdot s_{5min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s5xymax} := F_{By2} \cdot s_{5max} = 62.175 \text{ N} \cdot \text{m}$$

XZ-Ebene:



Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

erstes positives Schnittufer:

$$F_Q := -F_{Az2} = -5.259 \text{ kN}$$

$$M_{s3xz} := F_{Az2} \cdot s_3$$

$$M_{s3xzmin} := F_{Az2} \cdot s_{3min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s3xzmax} := F_{Az2} \cdot s_{3max} = 191.944 \text{ N} \cdot \text{m}$$

zweites positives Schnittufer:

$$F_Q := F_{Az2} - F_{T2} = 3.755 \text{ kN}$$

$$M_{s4xz} := F_{Az2} \cdot (s_3 + s_4) - F_{T2} \cdot s_4$$

$$M_{s4xzmin} := F_{Az2} \cdot (s_{3max} + s_{4min}) - F_{T2} \cdot s_{4min} = 191.944 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s4xzmax} := F_{Az2} \cdot (s_{3max} + s_{4max}) - F_{T2} \cdot s_{4max} = 315.867 \text{ N} \cdot \text{m}$$

negatives Schnittufer:

$$F_Q := -F_{Bz2} = -3.648 \text{ kN}$$

$$M_{s5xz} := F_{By2} \cdot s_5$$

$$M_{s5xzmin} := F_{Bz2} \cdot s_{5min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s5xzmax} := F_{Bz2} \cdot s_{5max} = 160.523 \text{ N} \cdot \text{m}$$

Maximales Drehmoment Vorgelegewelle

$$M_{sVmax} := \sqrt{(M_{s4xzmax})^2 + (M_{s4xymax})^2} = 316.022 \text{ N} \cdot \text{m}$$

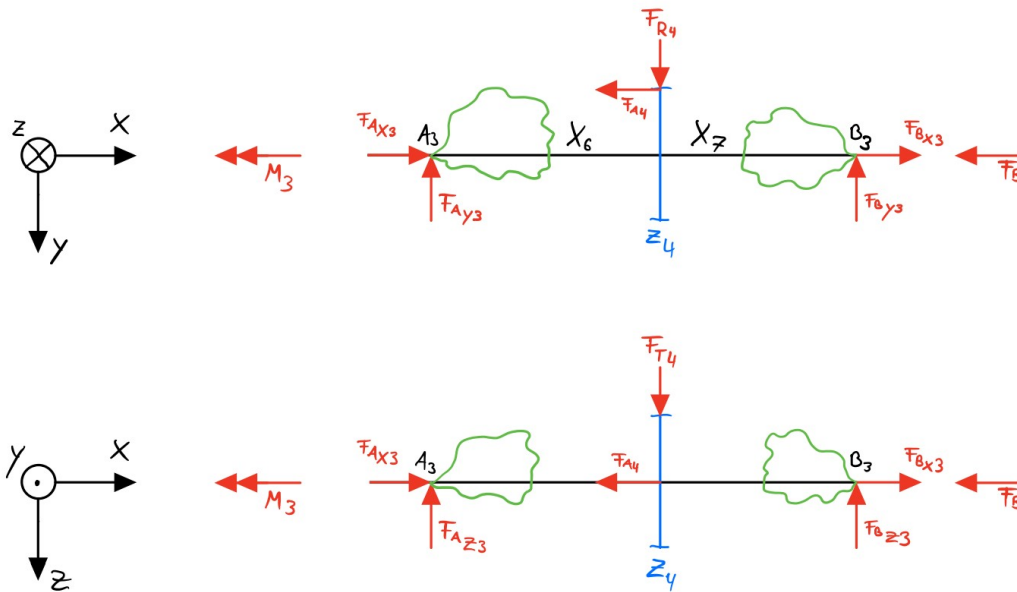
20) Lagerkräfte und Schnittgrößenverläufe Abtriebswelle

Freischnitt der Abtriebswelle

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.



Längen: $X_6 := 41.5 \text{ mm}$ $X_7 := 52 \text{ mm}$

Lagerkräfte:

XY-Ebene:

$$F_{By3} := \frac{F_{R4} \cdot X_6 - F_{A4} \cdot \frac{d_4}{2}}{(X_6 + X_7)} = -1.649 \text{ kN} \quad F_{Ay3} := F_{R4} - F_{By3} = 3.65 \text{ kN}$$

XZ-Ebene:

$$F_{Bz3} := \frac{F_{T4} \cdot X_6}{(X_6 + X_7)} = 2.294 \text{ kN} \quad F_{Az3} := F_{T4} - F_{Bz3} = 2.874 \text{ kN}$$

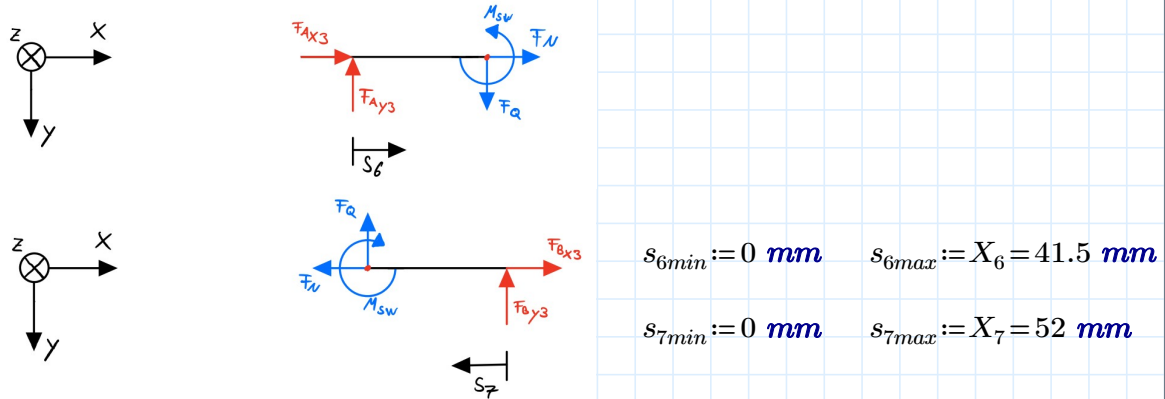
Resultierende Lagerkräfte:

$$F_{RA3} := \sqrt{F_{Ay3}^2 + F_{Az3}^2} = 4.646 \text{ kN} \quad F_{RB3} := \sqrt{F_{By3}^2 + F_{Bz3}^2} = 2.825 \text{ kN}$$

Da $F_{RB3} < F_{RA3}$ wird das Lager B, mit den geringeren Radialkräften, als Festlager gewählt. Dadurch ergibt sich: $F_{Bx3} := F_{A4} + F_B = 3.381 \text{ kN}$ mit: $F_{Ax3} := 0 \text{ kN}$

Schnittgrößenverläufe:

XY-Ebene:



positives Schnittufer:

$$F_N := -F_{Ax3} = 0 \text{ N}$$

$$F_Q := F_{Ay3} = 3.65 \text{ kN}$$

$$M_{s6xy} := F_{Ay3} \cdot s_6$$

$$M_{s6xymin} := F_{Ay3} \cdot s_{6min} = 0 \text{ N}\cdot\text{m}$$

$$M_{s6xymax} := F_{Ay3} \cdot s_{6max} = 151.492 \text{ N}\cdot\text{m}$$

negatives Schnittufer:

$$F_N := F_{Bx3} - F_B = 1.881 \text{ kN}$$

$$F_Q := -F_{By3} = 1.649 \text{ kN}$$

$$M_{s7xy} := F_{By3} \cdot s_7$$

$$M_{s7xymin} := F_{By3} \cdot s_{7min} = 0 \text{ N}\cdot\text{m}$$

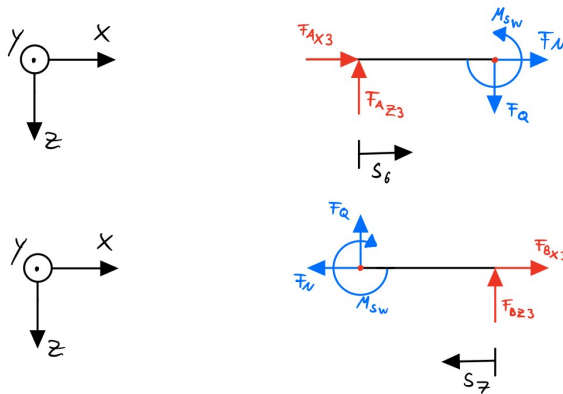
$$M_{s7xymax} := F_{By3} \cdot s_{7max} = -85.726 \text{ N}\cdot\text{m}$$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
 Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
 TBM S.

XZ-Ebene:



positives Schnittufer:

$$F_Q := F_{Az3} = 2.874 \text{ kN}$$

$$M_{s6xz} := F_{Az3} \cdot s_6$$

$$M_{s6xzmin} := F_{Az3} \cdot s_{6min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s6xzmax} := F_{Az3} \cdot s_{6max} = 119.286 \text{ N} \cdot \text{m}$$

negatives Schnittufer:

$$F_Q := -F_{Bz3} = -2.294 \text{ kN}$$

$$M_{s7xz} := F_{Bz3} \cdot s_7$$

$$M_{s7xzmin} := F_{Bz3} \cdot s_{7min} = 0 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$M_{s7xzmax} := F_{Bz3} \cdot s_{7max} = 119.286 \text{ N} \cdot \text{m}$$

Maximales Drehmoment Abtriebswelle

$$M_{sWmax} := \sqrt{(M_{s6xymax})^2 + (M_{s6xzmax})^2} = 192.818 \text{ N} \cdot \text{m}$$

21) Auswahl Lagergröße

Antriebswelle
Vorgelegewelle
Abtriebswelle

EDIS

Antriebswelle

$$P_{1L} := |F_{RB1}| = 1.044 \text{ kN}$$

$$P_{1F} := 1.5 \text{ kN}$$

 $p := 3$ Aufgrund von Rillenkugellager

$$L_{10h} := 10000 \text{ hr}$$

Loslager

$$C_{erf} := P_{1L} \cdot \sqrt[p]{\frac{n_{an} \cdot L_{10h}}{10^6}} = 11.099 \text{ kN} \quad \text{Gl.:14.1}$$

gewählt: 6006

Festlager

$$C_{erf} := P_{1F} \cdot \sqrt[p]{\frac{n_{an} \cdot L_{10h}}{10^6}} = 15.94 \text{ kN} \quad \text{Gl.:14.1}$$

gewählt: 6206

Vorgelegewelle

$$n_2 := \frac{2000 \cdot \text{min}^{-1}}{i_{12}} = 505.051 \frac{1}{\text{min}}$$

Loslager

$$P_{2L} := \emptyset$$

$$P_{2F} := \emptyset$$

$$C_{erf} := P_{2L} \cdot \sqrt[p]{\frac{n_{an} \cdot L_{10h}}{10^6}}$$

22) Lebensdauer der Lager*Antriebswelle**Vorgelegewelle**EDIS**Abtriebswelle*

Als Literatur für die Formeln dient:

 Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
 Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

 Gl.: TB:
 TBM S.

Antriebswelle

$$c_{6006} := 13.8 \text{ kN}$$

$$l_{10;6006} := \frac{10^6}{n_{an}} \cdot \left(\frac{c_{6006}}{P_{1L}} \right)^3 = (1.922 \cdot 10^4) \text{ hr} \quad \text{Gl.:14.5a}$$

$$c_{6206} := 20.3 \text{ kN}$$

$$c_{0.6206} := 11.2 \text{ kN}$$

$$\frac{|F_{Ax1}|}{F_{RA1}} = 0.815$$

$$\frac{|F_{Ax1}|}{c_{0.6206}} = 0.049$$

23) Zusammenfassung der gewählten Lager

*Antriebswelle**Vorgelegewelle**EDIS**Abtriebswelle*

24) Allgemeine Daten Festigkeitsnachweis

Wellenmaterial nach Vereinbarungen 42CrMo4

$$R_m := 1100 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \quad R_{p0;2N} := 900 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \quad \text{TB: 1-1}$$

$$\sigma_{bWN} := 550 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \quad \tau_{tWN} := 330 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$R_z := 6.3 \text{ } \mu\text{m} \quad \text{TB: 2-12}$$

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
 Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
 TBM S.

25) Festigkeitsnachweis Antriebswelle**Statischer Festigkeitsnachweis:**Nach Schema RM
S.72

vorhandene Spannungen:

Biegung

$$W_{B1} := 0.012 \cdot \left(d_{W1} + (d_{W1} - t_{1,W1}) \right)^3 = (2.107 \cdot 10^3) \text{ mm}^3$$

TB: 11-3

$$\sigma_{bmax1} := \frac{M_{sAmax}}{W_{B1}} = 13.133 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Bild 3.2

Torsion

$$W_{T1} := 0.2 \cdot (d_{W1} - t_{1,W1})^3 = (3.515 \cdot 10^3) \text{ mm}^3$$

TB: 11-3

$$\tau_{tmax1} := \frac{T_{an}}{W_{T1}} = 14.224 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Bild 3.2

Technologischer Größeneinflussfaktor

$$K_{t1} := 1 - 0.26 \cdot \log \left(\frac{(d_{W1} - t_{1,W1})}{16 \text{ mm}} \right) = 0.945$$

TB: 3-11

Bauteilfestigkeit:

$$\sigma_{bF1} := 1.2 \cdot R_{p0.2N} \cdot K_{t1} = (1.021 \cdot 10^3) \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$\tau_{tF1} := 1.2 \cdot R_{p0.2N} \cdot \frac{K_{t1}}{\sqrt[2]{3}} = 589.355 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Gesamtsicherheit:

$$S_{F1} := \frac{1}{\sqrt[2]{\left(\frac{\sigma_{bmax1}}{\sigma_{bF1}} \right)^2 + \left(\frac{\tau_{tmax1}}{\tau_{tF1}} \right)^2}} = 36.563$$

$$S_{F1min} := 2$$

TB: 3-14

Mit $S_{F1} > S_{F1min}$ ist die Antriebswelle bisher statisch fest.

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

Dynamischer Festigkeitsnachweis:Nach Schema RM
S.73

vorhandene Spannungen:

Biegung

$$\sigma_{ba1} := \frac{M_{sAmax} \cdot K_A}{W_{B1}} = 26.267 \frac{N}{mm^2}$$

Belastungsfaktor
beachtet

$$\sigma_{bm1} := 0 \frac{N}{mm^2}$$

Hinweis S.73

Torsion

$$\tau_{ta1} := \frac{T_{an} \cdot K_A}{W_{T1}} = 28.448 \frac{N}{mm^2}$$

$$\tau_{tm1} := 0 \frac{N}{mm^2}$$

Konstruktionsfaktoren:

Kerbwirkungszahl

$$\beta_{kb1} := 2.4 \quad \beta_{kt1} := 2.2$$

TB: 3-8 / 3-9

Geometrischer Größeneinflussfaktor

$$K_{g1} := 1 - 0.2 \cdot \frac{\log\left(\frac{(d_{W1} - t_{1,W1})}{7.5 \text{ mm}}\right)}{\log(20)} = 0.917$$

TB: 3-11c

Oberflächenrauheit

$$K_{O\sigma1} := 1 - 0.22 \cdot \log\left(\frac{R_z}{\mu m}\right) \cdot \left(\log\left(\frac{R_m}{20 \frac{N}{mm^2}}\right) - 1\right) = 0.87$$

TB: 3-10

$$K_{O\tau1} := 0.575 \cdot K_{O\sigma1} + 0.425 = 0.925$$

Oberflächenverfestigung

$$K_{V1} := 1.2$$

TB: 3-12

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

$$K_{Db1} := \left(\frac{\beta_{kb1}}{K_{g1}} + \frac{1}{K_{O\sigma1}} - 1 \right) \cdot \frac{1}{K_{V1}} = 2.306$$

Gl.: 3.16

$$K_{Dt1} := \left(\frac{\beta_{kt1}}{K_{g1}} + \frac{1}{K_{O\tau1}} - 1 \right) \cdot \frac{1}{K_{V1}} = 2.067$$

Wechselfestigkeit für die Antriebswelle

$$\sigma_{bGW1} := K_{t1} \cdot \frac{\sigma_{bWN}}{K_{Db1}} = 225.457 \frac{N}{mm^2}$$

$$\tau_{tGW1} := K_{t1} \cdot \frac{\tau_{tWN}}{K_{Dt1}} = 150.921 \frac{N}{mm^2}$$

Durch das wählen von $\sigma_{bm1} = 0 \frac{N}{mm^2}$ und $\tau_{tm1} = 0 \frac{N}{mm^2}$ werden die weiteren

Zwischenrechnungen aus dem Roloff/Matek gleich null. So kann direkt die Gesamtsicherheit berechnet werden.

Gesamtsicherheit

$$S_{D1} := \frac{1}{\sqrt[2]{\left(\frac{\sigma_{ba1}}{\sigma_{bGW1}} \right)^2 + \left(\frac{\tau_{ta1}}{\tau_{tGW1}} \right)^2}} = 4.513$$

$$S_{D1min} := 1.5$$

Voraussetzung

$$S_{z1} := 1.2$$

TB: 3-14c

$$S_{Derf1} := S_{D1min} \cdot S_{z1} = 1.8$$

Gl.: 3.31

Mit $S_{D1} > S_{Derf1}$ ist die Antriebswelle dauerfest.

26) Festigkeitsnachweis Vorgelegewelle

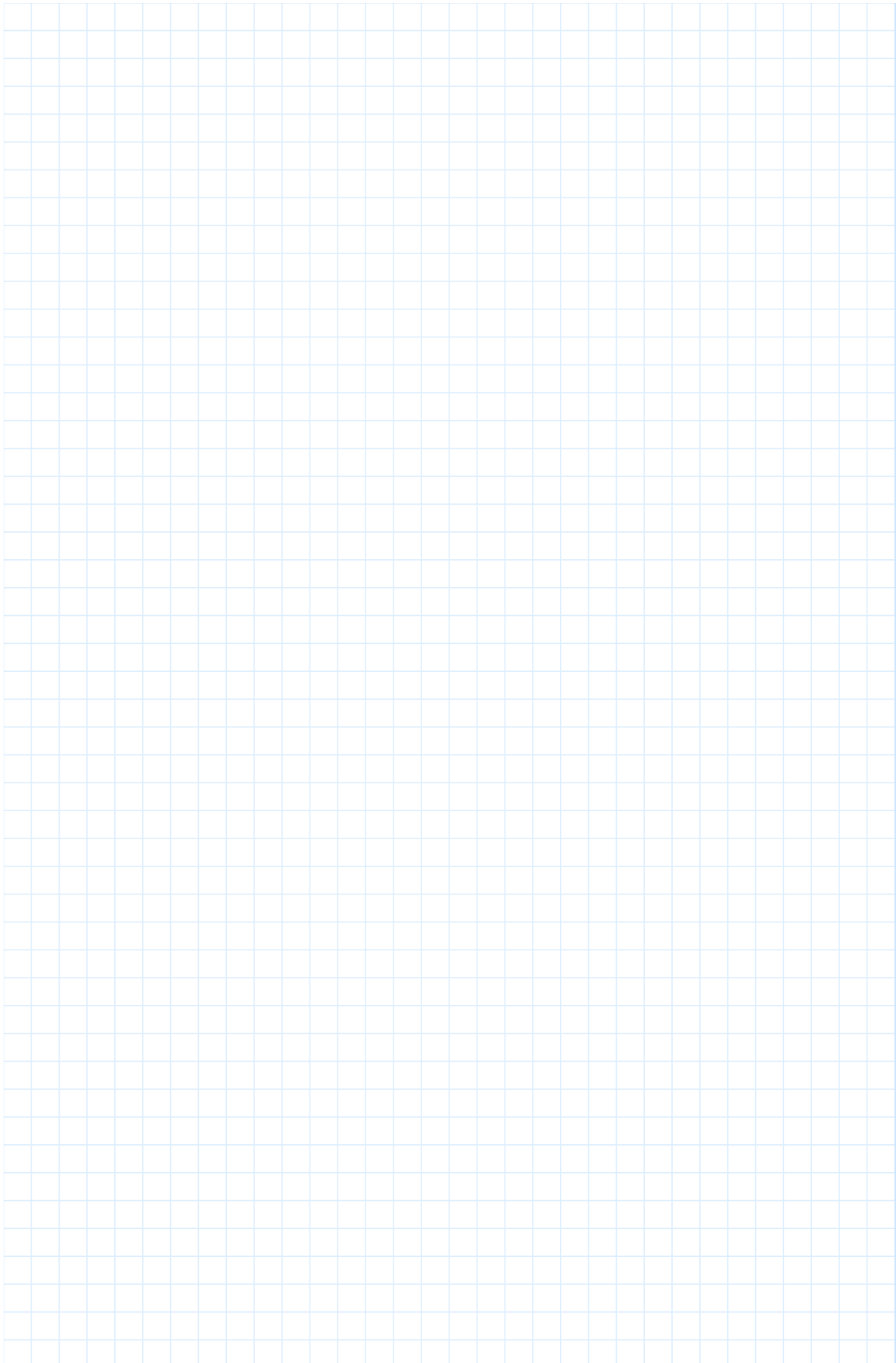
berechnen

Als Literatur für die Formeln dient:

Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

27) Festigkeitsnachweis Abtriebswelle*berechnen*



Als Literatur für die Formeln dient:
Roloff/Matek Maschinenelemente 24. Auflage (Springer Vieweg)
Tabellenbuch Metall 48. Auflage (Europa Lehrmittel)

Gl.: TB:
TBM S.

Antriebswelle
Vorgelegewelle
Abtriebswelle

Marvin