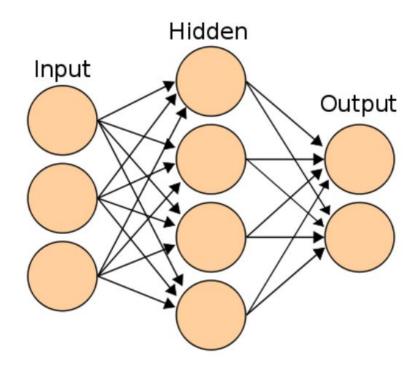
Нейронные сети

Занятие 2 Алгоритм обратного распространения ошибки



Повторение



Если мы уже аппроксимируем какую угодно функцию, зачем что-то еще?

Теорема (универсальный аппроксиматор) 1

Любую непрерывную на компакте функцию можно равномерно приблизить нейронной сетью с одним скрытым слоем.

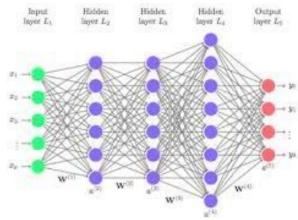
Повторение

- Возможно, потребуется очень много нейронов;
- Непонятно, можно ли будет найти отпимум;
- А какая обобщающаю способность? (inductive bias);
 На самом деле, мы хотим делать глубокие сети:

Иерархическая структура извлечения признаков.

Каждый новый слой использует предыдущие признаки, чтобы

делать новые.



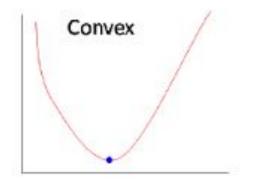
Аугментация

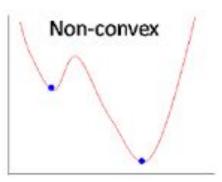
Небольшие преобразования входных данных, которые не меняют таргет.

- Для картинок сдвиги, повороты, кроп и тд
- Для текстов: синонимы, перевод в обе стороны
- Для аудио: добавления шумов, музыки, ускорение аудио и тд

Optimization

- B MTORE: $\mathbf{w}^* = argmin_{\mathbf{w}}Q(X, \mathbf{w})$
- Иногда можно руками посчитать
- Можно делать градиентный спуск (что это такое?)
- Оптимизация может давать глобальный оптимум;





Градиентный спуск

<u>Антиградиент</u> функции показывает направления <u>наискорейшего</u> убывания функции.

Ищем минимум Q(w)

Выбрать начальную длину шага α_0 , начальное приближение w_0

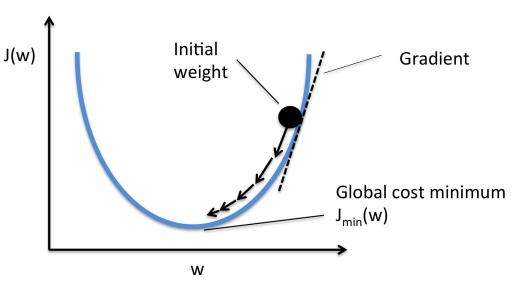
$$w_{new} = w_{old} - \alpha \nabla_w Q(w_{old})$$

$$\alpha = f(k), k = k + 1$$

Повторять (2), (3) до сходимости Q(w) или w

$$f(k) = \alpha_0, f(k) = \frac{\alpha_0}{k}, f(k) = \frac{\alpha_0}{k^p}, \dots$$

Глобальный минимум или локальный?



Стохастический градиентный спуск

В задачах машинного обучения, оптимизируемая функция имеет специальный вид:

$$Q(\mathbf{w}) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} L(\mathbf{w}, \mathbf{x}_i, y_i)$$

$$\nabla_{\mathbf{w}} Q(\mathbf{w}) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \nabla_{\mathbf{w}} L(\mathbf{w}, \mathbf{x}_i, y_i)$$

Выбрать начальный шаг α_0 , начальное приближение w_0 , размер батча п

Выбрать случайно
$$\{j_1,i_2,\dots j_n\}$$
 Оценить градиент $\nabla_{\pmb w} Q^*(w_{old}) = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n \nabla_{\pmb w} L(\pmb w_{old},\pmb x_{\pmb j},y_{\pmb j})$

$$\begin{aligned} \mathbf{w}_{new} &= \mathbf{w}_{old} - \alpha \nabla_{\mathbf{w}} Q^*(\mathbf{w}_{old}) \\ \alpha &= f(k), k = k + 1 \end{aligned}$$

Повторять (2 - 5) до сходимости

Обычно перемешивают всю выборку случайно.

Когда прошли все выборку, то говорят, что прошла одна эпоха

n = N — градиентный спуск (Gradient Descent, GD)

n=1 — стохастический градиентный спуск (Stochastic Gradient

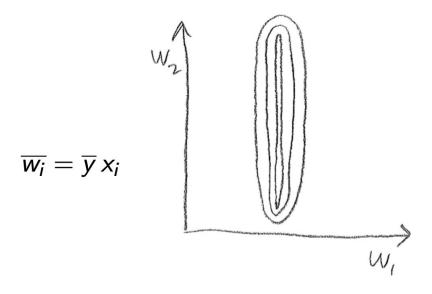
Descent, SGD)

n > 1, n < N — мини-батч градиентный спуск (Mini-Batch Gradient

Descent, MBGD)

Нормализация данных

x_1	<i>x</i> ₂	t
114.8	0.00323	5.1
338.1	0.00183	3.2
98.8	0.00279	4.1
:	:	:



$$ilde{\mathbf{x}}_j = rac{\mathbf{x}_j - \mu_j}{\sigma_j}$$

The quantity $\lambda_{\rm max}/\lambda_{\rm min}$ is known as the condition number of **A**. Larger condition numbers imply slower convergence of gradient descent.

Источник: cs.toronto.edu/~rgrosse/course s/csc421_2019/slides/lec07.pdf

Программа занятия

- 1. Производные на графе
- 2. Бэкпроп для полносвязной сети
- 3. Pytorch

Часть 1. Производные на графе



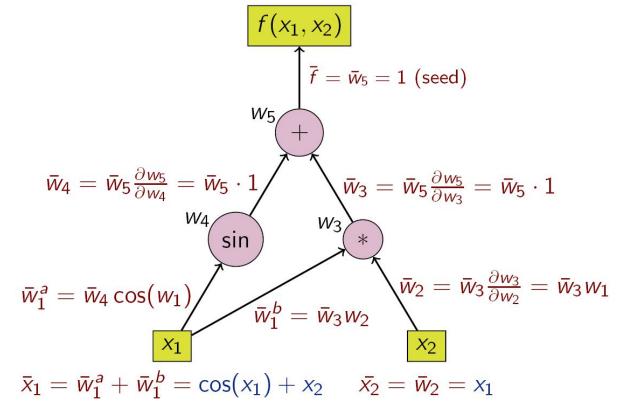
Подсчет градиента для произвольной архитектуры

Хотим иметь возможность для произвольной сети уметь считать производную градиента по весам. Три варианта:

- Численные производные f(w + dw) f(w) / dw
- Символьное дифференцирование (математические пакеты)
- **Автоматическое дифференцирование** (производные на любых направленных ацикличных графах DAG)

Производная на графе





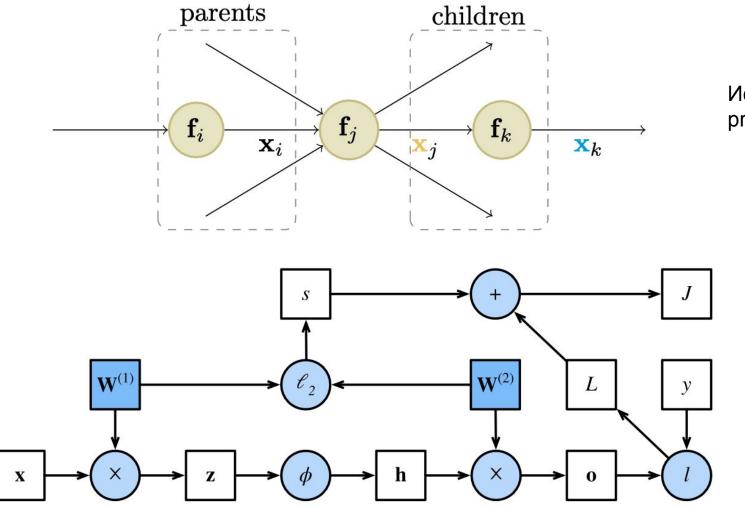
$$egin{aligned} z &= f(x_1, x_2) \ &= x_1 x_2 + \sin x_1 \ &= w_1 w_2 + \sin w_1 \ &= w_3 + w_4 \ &= w_5 \end{aligned}$$

$$rac{\partial oldsymbol{o}}{\partial oldsymbol{x}_j} = \sum_{k \in \mathrm{Ch}(j)} rac{\partial oldsymbol{o}}{\partial oldsymbol{x}_k} rac{\partial oldsymbol{o}}{\partial oldsymbol{x}_j}$$

Граф ацикличен, обходим в порядке топологической сортировки

Сначала считаем выход, запоминаем все, что необходимо

Производная на графе



Источник: probml.github.io/pml-book/book1.html

Два скрытых слоя, I2 регуляризация, лосс I + s

Forward, backward

Algorithm 6.1 A procedure that performs the computations mapping n_i inputs $u^{(1)}$ to $u^{(n_i)}$ to an output $u^{(n)}$. This defines a computational graph where each node computes numerical value $u^{(i)}$ by applying a function $f^{(i)}$ to the set of arguments $\mathbb{A}^{(i)}$ that comprises the values of previous nodes $u^{(j)}$, j < i, with $j \in Pa(u^{(i)})$. The input to the computational graph is the vector \boldsymbol{x} , and is set into the first n_i nodes $u^{(1)}$ to $u^{(n_i)}$. The output of the computational graph is read off the last (output) node $u^{(n)}$.

```
egin{aligned} \mathbf{for} \ i = 1, \dots, n_i \ \mathbf{do} \ u^{(i)} \leftarrow x_i \end{aligned} \ \mathbf{end} \ \mathbf{for} \ i = n_i + 1, \dots, n \ \mathbf{do} \ & \mathbb{A}^{(i)} \leftarrow \{u^{(j)} \mid j \in Pa(u^{(i)})\} \ & u^{(i)} \leftarrow f^{(i)}(\mathbb{A}^{(i)}) \end{aligned} \ \mathbf{end} \ \mathbf{for} \ \mathbf{return} \ u^{(n)} \end{aligned}
```

Run forward propagation (algorithm 6.1 for this example) to obtain the activations of the network.

Initialize grad_table, a data structure that will store the derivatives that have been computed. The entry grad_table[$u^{(i)}$] will store the computed value of $\frac{\partial u^{(n)}}{\partial u^{(i)}}$.

```
\begin{split} & \operatorname{\texttt{grad\_table}}[u^{(n)}] \leftarrow 1 \\ & \operatorname{\textbf{for}} \ j = n-1 \ \operatorname{down} \ \operatorname{to} \ 1 \ \operatorname{\textbf{do}} \\ & \operatorname{\texttt{The next line computes}} \ \tfrac{\partial u^{(n)}}{\partial u^{(j)}} = \sum_{i:j \in Pa(u^{(i)})} \tfrac{\partial u^{(n)}}{\partial u^{(i)}} \tfrac{\partial u^{(i)}}{\partial u^{(j)}} \ \operatorname{using stored} \ \operatorname{\texttt{values:}} \\ & \operatorname{\texttt{grad\_table}}[u^{(j)}] \leftarrow \sum_{i:j \in Pa(u^{(i)})} \operatorname{\texttt{grad\_table}}[u^{(i)}] \tfrac{\partial u^{(i)}}{\partial u^{(j)}} \\ & \operatorname{\texttt{end for}} \\ & \operatorname{\texttt{return}} \ \{\operatorname{\texttt{grad\_table}}[u^{(i)}] \mid i = 1, \dots, n_i\} \end{split}
```

Источник: deeplearningbook.org

Пример

150 строчек кода на Питоне github.com/karpathy/micrograd

Ничего не векторизовано, поэтому в реальной работе так делать нельзя. Можно понять принцип, современных библиотек для автоматического дифференцирования.

Часть 2. Бэкпроп для полносвязной сети



Полносвязная сеть

$$m{x} \in \mathbb{R}^m, \ m{y} \in \mathbb{R}^n \quad \ g ext{ maps from } \mathbb{R}^m ext{ to } \mathbb{R}^n \quad \ f ext{ maps from } \mathbb{R}^n ext{ to } \mathbb{R}. \quad \ m{y} = g(m{x}) ext{ and } z = f(m{y}),$$

$$\frac{\partial z}{\partial x_i} = \sum_j \frac{\partial z}{\partial y_j} \frac{\partial y_j}{\partial x_i}. \qquad \nabla_{\boldsymbol{x}} z = \left(\frac{\partial \boldsymbol{y}}{\partial \boldsymbol{x}}\right)^\top \nabla_{\boldsymbol{y}} z, \qquad \frac{\partial y}{\partial x} \text{ is the } n \times m \text{ Jacobian matrix of } g.$$

Все что нужно сделать, это умножать Якобиан на вектор выходных градиентов!

Источник: deeplearningbook.org

$$\mathbf{J} = egin{bmatrix} rac{\partial \mathbf{f}}{\partial x_1} & \cdots & rac{\partial \mathbf{f}}{\partial x_n} \end{bmatrix} = egin{bmatrix}
abla^{\mathrm{T}} f_1 \\
\vdots \\
abla^{\mathrm{T}} f_m \end{bmatrix} = egin{bmatrix} rac{\partial f_1}{\partial x_1} & \cdots & rac{\partial f_1}{\partial x_n} \\
\vdots & \ddots & \vdots \\
rac{\partial f_m}{\partial x_1} & \cdots & rac{\partial f_m}{\partial x_n} \end{bmatrix}$$

Произведение вектора на Якобиан для некоторых слоев

$$z = f(\boldsymbol{x}) = \text{CrossEntropyWithLogits}(\boldsymbol{y}, \boldsymbol{x}) = -\sum_{c} y_c \log(\text{softmax}(\boldsymbol{x})_c) = -\sum_{c} y_c \log p_c$$

$$z = f(\boldsymbol{x}) = -\log(p_c) = -\log\left(\frac{e^{x_c}}{\sum_j e^{x_j}}\right) = \log\left(\sum_j e^{x_j}\right) - x_c$$

$$\frac{\partial z}{\partial x_i} = \frac{\partial}{\partial x_i} \log \sum_i e^{x_j} - \frac{\partial}{\partial x_i} x_c = \frac{e^{x_i}}{\sum_j e^{x_j}} - \frac{\partial}{\partial x_i} x_c = p_i - \mathbb{I}(i = c)$$

$$\mathbf{J} = rac{\partial z}{\partial m{x}} = (m{p} - m{y})^\mathsf{T} \in \mathbb{R}^{1 imes C}$$
 Заметьте, что Якобиан это вектор-строка, так как выход скалярный!

Произведение вектора на Якобиан для некоторых слоев

Любая нелинейность

$$z = f(x) = \varphi(x)$$
, so $z_i = \varphi(x_i)$. $\frac{\partial z_i}{\partial x_j} = \begin{cases} \varphi'(x_i) & \text{if } i = j \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$

$$\mathbf{J} = \frac{\partial \boldsymbol{f}}{\partial \boldsymbol{x}} = \mathrm{diag}(\varphi'(\boldsymbol{x})) \quad \varphi(a) = \mathrm{ReLU}(a) = \max(a, 0) \quad \varphi'(a) = \begin{cases} 0 & a < 0 \\ 1 & a > 0 \end{cases}$$

Якобиан это диагональная матрица, поэтому при умножении на вектор надо просто поэлементно умножить на диагональные элементы!

Произведение вектора на Якобиан для некоторых слоев

Линейный слой

$$oldsymbol{z} = oldsymbol{f}(oldsymbol{x}, \ oldsymbol{W} = oldsymbol{W} oldsymbol{x}, \ oldsymbol{W} \in \mathbb{R}^{m imes n}, \ oldsymbol{x} \in \mathbb{R}^n \quad oldsymbol{z} \in \mathbb{R}^m \quad oldsymbol{z}_i = \sum_{k=1}^n W_{ik} x_k \qquad oldsymbol{J} = rac{\partial oldsymbol{z}}{\partial oldsymbol{x}} \in \mathbb{R}^{m imes n},$$

$$rac{\partial z_i}{\partial x_j} = rac{\partial}{\partial x_j} \sum_{k=1}^n W_{ik} x_k = \sum_{k=1}^n W_{ik} rac{\partial}{\partial x_j} x_k = W_{ij}$$
 $\mathbf{J} = rac{\partial oldsymbol{z}}{\partial oldsymbol{x}} = \mathbf{W}$ Якобиан по входу

$$egin{aligned} oldsymbol{z}_k &= \sum_{l=1}^{m} W_{kl} x_l \ oldsymbol{J} &= rac{\partial oldsymbol{z}}{\partial oldsymbol{W}}, \ m imes (m imes n) \end{aligned}$$

$$\frac{\partial \mathbf{z}}{\partial W_{ij}} = \begin{bmatrix} 0 & \cdots & 0 & x_j & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}^\mathsf{T}$$

$$\frac{\partial z_k}{\partial W_{ij}} = \begin{bmatrix} 0 & \cdots & 0 & x_j & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}^\mathsf{T}$$

$$\frac{\partial z_k}{\partial W_{ij}} = \begin{bmatrix} 0 & \cdots & 0 & x_j & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}^\mathsf{T}$$

$$\frac{\partial z_k}{\partial W_{ij}} = \begin{bmatrix} 0 & \cdots & 0 & x_j & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}^\mathsf{T}$$

$$m{u}^{\mathsf{T}} rac{\partial m{z}}{\partial W_{ij}} = \sum_{k=1}^m u_k rac{\partial z_k}{\partial W_{ij}} = u_i x_j$$
 Якобиан на вектор по весам Теперь можем обучить фулл коннект сеть

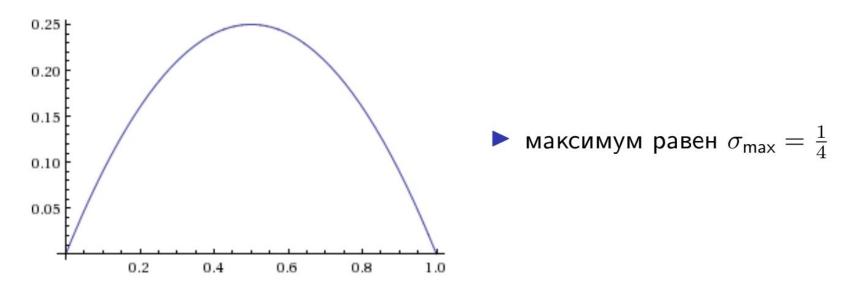
Производная сигмоида

Рассмотрим в качестве функции активации логистическую функцию:

$$\sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

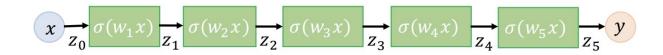
$$\frac{\partial \sigma(z)}{\partial z} = \sigma(z) \cdot (1 - \sigma(z))$$

Построим график значений производной:



Затухание/взрыв градиента

Рассмотрим простую сеть (один нейрон в каждом слое):



Прямой проход:

$$x = z_0$$

$$z_k = \sigma(z_{k-1}w_k)$$

$$y = z_5$$

Вычислим градиенты весов для $L(y,t) = \frac{1}{2}(y_j - t_j)^2$:

$$\frac{\partial L}{\partial z_4} = \frac{\partial L}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial z_4} = \underbrace{(y-t)}_{\sigma'(w_5 z_4)} \underbrace{w_5 \le 2 \cdot \frac{1}{4} w_5}_{\psi_5}$$

$$\frac{\partial L}{\partial z_3} = \frac{\partial L}{\partial z_4} \frac{\partial z_4}{\partial z_3} \le 2 \cdot (\frac{1}{4})^2 w_4 w_5$$

$$\frac{\partial L}{\partial x} = \frac{\partial L}{\partial z_1} \frac{\partial z_1}{\partial x} \le 2 \cdot (\frac{1}{4})^5 w_1 w_2 w_3 w_4 w_5$$

Theorem. Let $A \in \mathbb{C}^{n \times n}$ with spectral radius $\rho(A)$. Then $\rho(A) < 1$ if and only if

$$\lim_{k o\infty}A^k=0.$$

On the other hand, if $\rho(A) \ge 1$, $\lim_{k \to \infty} \|A^k\| = \infty$. The statement holds for any choice of matrix norm on $\mathbb{C}^{n \times n}$.

Для многомерного случая надо смотреть на спектральный радиус матрицы W

Паралич в сети

input [841]	layer -5	layer -4	layer -3	layer -2	layer -1	output
neurons	100	100	100	100	100	26
grad	6.2e-8	2.2e-6	1.6e-5	1.1e-4	7e-4	0.015

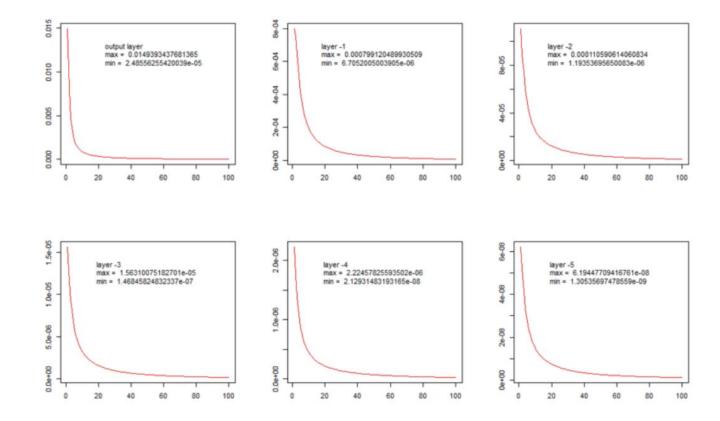


Figure: Средний модуль градиента в различных слоях

Функции активации

Sigmoid

Hyperbolic tangent

Softplus

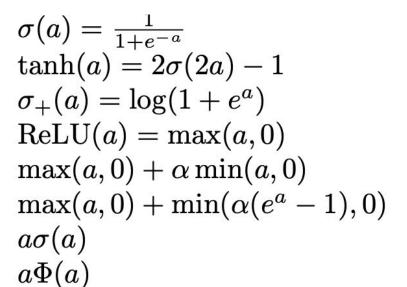
Rectified linear unit

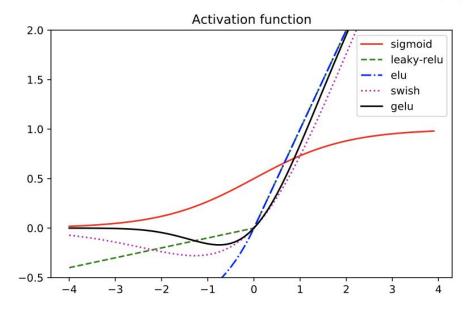
Leaky ReLU

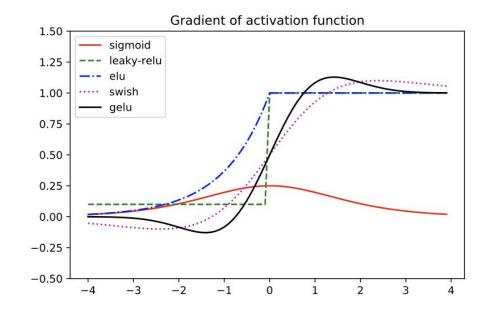
Exponential linear unit

Swish

GELU







Регуляризация

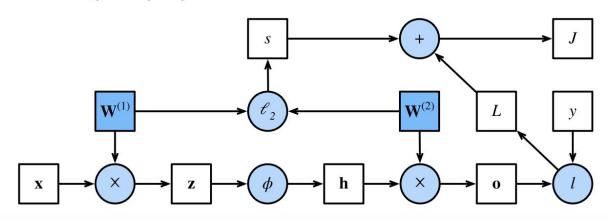
Дополнительный штраф: $L_R = L\left(\vec{y}, \vec{t}\right) + \lambda \cdot R(W)$ L2 регуляризация:

Часто называется weight decay

- $R_{L2}(W) = \frac{1}{2} \sum_i w_i^2$
- ▶ Помогает бороться с мультиколлинеарностью

L1 регуляризация:

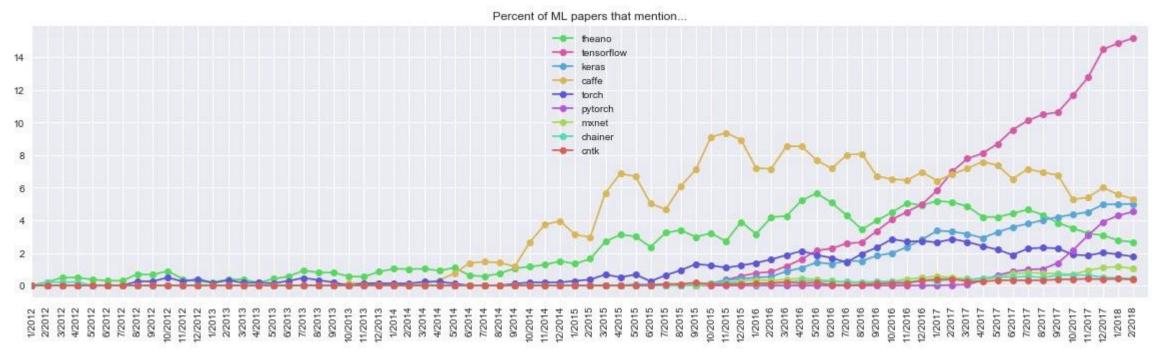
- $R_{L1}(W) = \sum_i |w_i|$
- ▶ Поощряет разреженные веса



Часть 3. Pytorch



Популярность фреймворков



Популярность по использованию в публикациях Источник medium.com/neuromation-blog На Pytorch очень удобно писать, как будто пишешь на Питоне

Tensor

```
import torch
x = torch.arange(4.0)
x

tensor([0., 1., 2., 3.])
```

Создаем тензор

```
x.requires_grad_(True) # Better create `x = torch.arange(4.0, requires_grad=True)
x.grad # The default value is None
```

Хотим считать градиент

```
y = 2 * torch.dot(x, x)
y

tensor(28., grad_fn=<MulBackward0>)
```

```
y.backward()
x.grad
```

tensor([0., 4., 8., 12.])

Источник d2l.ai

Градиент dy / dx

Tensor

```
x.grad.zero_()
y = x * x
y.backward(gradient=torch.ones(len(y))) # Faster: y.sum().backward()
x.grad

tensor([0., 2., 4., 6.])

x.grad.zero_()
y = x * x
u = y.detach()
z = u * x

yбираем переменную
из графа
z.sum().backward()
```

tensor([True, True, True, True])

x.grad == u

```
def f(a):
    b = a * 2
    while b.norm() < 1000:
        b = b * 2
    if b.sum() > 0:
        c = b
    else:
        c = 100 * b
    return c
```

```
a = torch.randn(size=(), requires_grad=True)
d = f(a)
d.backward()
```

Module

```
class MLPScratch(d2l.Classifier):
    def __init__(self, num_inputs, num_outputs, num_hiddens, lr, sigma=0.01):
        super().__init__()
        self.save_hyperparameters()
        self.W1 = nn.Parameter(torch.randn(num_inputs, num_hiddens) * sigma)
        self.b1 = nn.Parameter(torch.zeros(num_hiddens))
        self.W2 = nn.Parameter(torch.randn(num_hiddens, num_outputs) * sigma)
        self.b2 = nn.Parameter(torch.zeros(num_outputs))
```

А можно использовать готовые модули!

```
def forward(self, X):
    X = X.reshape((-1, self.num_inputs))
    H = relu(torch.matmul(X, self.W1) + self.b1)
    return torch.matmul(H, self.W2) + self.b2
```

Можно делать модель напрямую с помощью тензоров

Главное реализовать метод forward

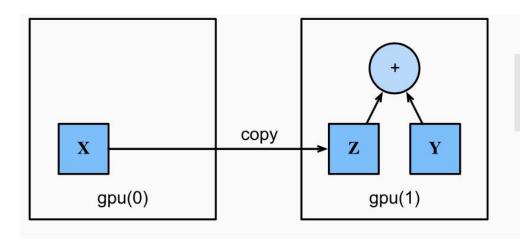
```
import torch.nn as nn
import torch.nn.functional as F
class Net(nn.Module):
    def __init__(self):
        super().__init__()
        self.conv1 = nn.Conv2d(3, 6, 5)
        self.pool = nn.MaxPool2d(2, 2)
       self.conv2 = nn.Conv2d(6, 16, 5)
       self.fc1 = nn.Linear(16 * 5 * 5, 120)
       self.fc2 = nn.Linear(120, 84)
       self.fc3 = nn.Linear(84, 10)
    def forward(self, x):
       x = self.pool(F.relu(self.conv1(x)))
       x = self.pool(F.relu(self.conv2(x)))
       x = torch.flatten(x, 1) # flatten all dimensions except batch
       x = F.relu(self.fc1(x))
       x = F.relu(self.fc2(x))
       x = self.fc3(x)
        return x
net = Net()
```

Собственные слои

```
class LinearFunction(Function):
   # Note that both forward and backward are @staticmethods
   @staticmethod
   # bias is an optional argument
   def forward(ctx, input, weight, bias=None):
       ctx.save_for_backward(input, weight, bias)
       output = input.mm(weight.t())
       if bias is not None:
           output += bias.unsqueeze(0).expand as(output)
       return output
   # This function has only a single output, so it gets only one gradient
   @staticmethod
   def backward(ctx, grad output):
       # This is a pattern that is very convenient - at the top of backward
       # unpack saved tensors and initialize all gradients w.r.t. inputs to
       # None. Thanks to the fact that additional trailing Nones are
       # ignored, the return statement is simple even when the function has
       # optional inputs.
       input, weight, bias = ctx.saved tensors
       grad input = grad weight = grad bias = None
       # These needs input grad checks are optional and there only to
       # improve efficiency. If you want to make your code simpler, you can
       # skip them. Returning gradients for inputs that don't require it is
       # not an error.
       if ctx.needs_input_grad[0]:
           grad input = grad output.mm(weight)
       if ctx.needs_input_grad[1]:
           grad_weight = grad_output.t().mm(input)
       if bias is not None and ctx.needs_input_grad[2]:
           grad bias = grad output.sum(0)
       return grad input, grad weight, grad bias
```

```
class Linear(nn.Module):
    def init (self, input features, output features, bias=True):
        super(Linear, self).__init__()
        self.input_features = input_features
        self.output_features = output_features
       # nn.Parameter is a special kind of Tensor, that will get
        # automatically registered as Module's parameter once it's assigned
        # as an attribute. Parameters and buffers need to be registered, or
        # they won't appear in .parameters() (doesn't apply to buffers), and
        # won't be converted when e.g. .cuda() is called. You can use
        # .register buffer() to register buffers.
        # nn.Parameters require gradients by default.
        self.weight = nn.Parameter(torch.empty(output features, input features))
       if bias:
            self.bias = nn.Parameter(torch.empty(output_features))
        else:
            # You should always register all possible parameters, but the
            # optional ones can be None if you want.
            self.register_parameter('bias', None)
       # Not a very smart way to initialize weights
        nn.init.uniform_(self.weight, -0.1, 0.1)
        if self.bias is not None:
            nn.init.uniform (self.bias, -0.1, 0.1)
    def forward(self, input):
        # See the autograd section for explanation of what happens here.
       return LinearFunction.apply(input, self.weight, self.bias)
```

GPU



```
def gpu(i=0): #@save
    return torch.device(f'cuda:{i}')
```

```
x = torch.tensor([1, 2, 3])
x.device

device(type='cpu')
```

```
net = nn.Sequential(nn.LazyLinear(1))
net.cuda()
```

Dataset

```
class FaceLandmarksDataset(Dataset):
    """Face Landmarks dataset."""
    def __init__(self, csv_file, root_dir, transform=None):
        Args:
            csv_file (string): Path to the csv file with annotations.
           root_dir (string): Directory with all the images.
            transform (callable, optional): Optional transform to be applied
                on a sample.
        11 11 11
        self.landmarks_frame = pd.read_csv(csv_file)
        self.root_dir = root_dir
        self.transform = transform
    def _len_ (self):
        return len(self.landmarks_frame)
    def getitem (self, idx):
       if torch.is tensor(idx):
            idx = idx.tolist()
       img_name = os.path.join(self.root_dir,
                                self.landmarks_frame.iloc[idx, 0])
        image = io.imread(img_name)
       landmarks = self.landmarks_frame.iloc[idx, 1:]
       landmarks = np.array([landmarks])
       landmarks = landmarks.astype('float').reshape(-1, 2)
        sample = {'image': image, 'landmarks': landmarks}
        if self.transform:
            sample = self.transform(sample)
        return sample
```

- map-style dataset get item
- iterable-style dataset iter

Dataloader

```
def collate_batch(batch):
    label_list, text_list, = [], []
    for (text,label) in batch:
        label_list.append(label)
        clear_text = torch.tensor(text_pipeline(text), dtype=torch.int64)
        text_list.append(clear_text)
    label_list = torch.tensor(label_list, dtype=torch.int64)
    text_list = pad_sequence(text_list, padding_value=0)
    return text_list, label_list,
```

for i batch, sample batched in enumerate(dataloader):

Train-test loop

Обучение

```
for epoch in range(2): # loop over the dataset multiple times
   running_loss = 0.0
   for i, data in enumerate(trainloader, 0):
        # get the inputs; data is a list of [inputs, labels]
       inputs, labels = data
        # zero the parameter gradients
       optimizer.zero_grad()
        # forward + backward + optimize
       outputs = net(inputs)
       loss = criterion(outputs, labels)
       loss.backward()
       optimizer.step()
        # print statistics
       running loss += loss.item()
       if i % 2000 == 1999:
                             # print every 2000 mini-batches
           print(f'[{epoch + 1}, {i + 1:5d}] loss: {running_loss / 2000:.3f}')
           running_loss = 0.0
```

Тестирование

```
correct = 0
total = 0
# since we're not training, we don't need to calculate the gradients for our outputs
with torch.no_grad():
    for data in testloader:
        images, labels = data
        # calculate outputs by running images through the network
        outputs = net(images)
        # the class with the highest energy is what we choose as prediction
        _, predicted = torch.max(outputs.data, 1)
        total += labels.size(0)
        correct += (predicted == labels).sum().item()
```

Distributed learning

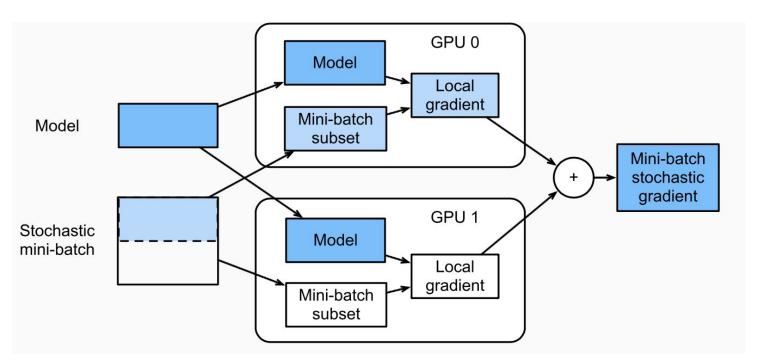
torch.nn.DataParallel - много глу на одной машине

torch.nn.parallel.DistributedDataParallel - много гпу на разных машинах

```
net = nn.DataParallel(net)
```

l = loss(net(X), y)

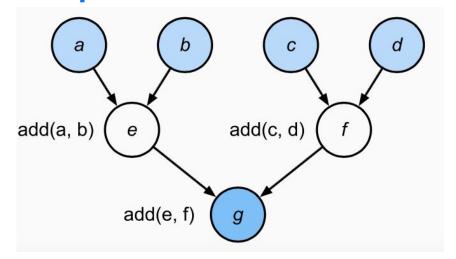
1.backward()

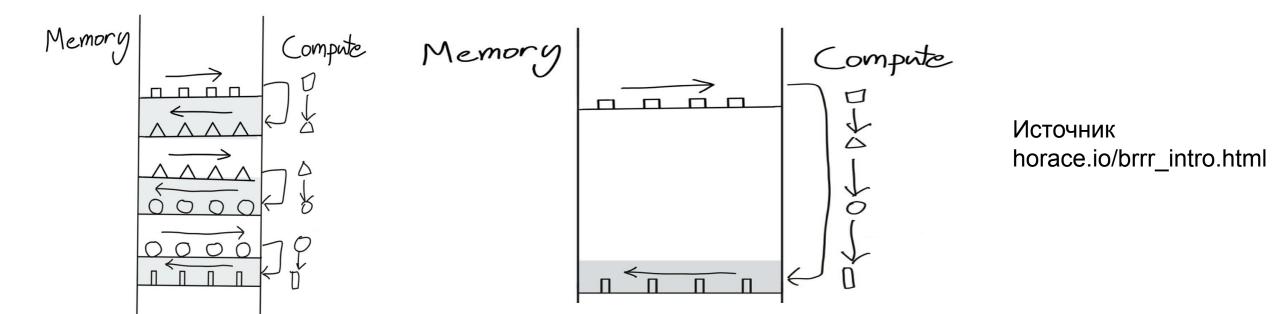


Fusion операций

```
def add(a, b):
    return a + b

def fancy_func(a, b, c, d):
    e = add(a, b)
    f = add(c, d)
    g = add(e, f)
    return g
```





JIT

Позволяет значительно ускорить код, особенно там, где много работает python.

Сериализация Pytorch модели в standalone C++ программу.

```
net = get_net()
with Benchmark('Without torchscript'):
    for i in range(1000): net(x)

net = torch.jit.script(net)
with Benchmark('With torchscript'):
    for i in range(1000): net(x)
```

Слайд для вопросов

Вопросы?

