

# به نام خدا

## اعضای گروه :

- فرزاد کوهی رونقی ۴۰۱۱۰۶۴۰۳
- ثنا بابایان ونستان ۴۰۱۱۰۵۶۸۹
- مریم شیران ۴۰۰۱۰۹۴۴۶

## شرح آزمایش چهارم :

در این آزمایش مدار یک جمع/تفریق کننده ممیز شناور را با استاندارد IEEE-754 ۳۲ بیتی طراحی می کنیم.

### بیت های مدار :

- A : ورودی ۳۲ بیتی اول
- B : ورودی ۳۲ بیتی دوم
- OUT : خروجی ۳۲ بیتی
- S : برای شروع shifter اولیه است.
- ST : برای شروع normalizer است.
- ADD/SUB : مشخص کننده جمع و تفریق که ۰ یعنی جمع و ۱ یعنی تفریق.
- E : نشان دهنده اتمام پروسه shifter اولیه است.
- END : با اتمام پروسه جمع و تفریق این بیت ۱ می شود.
- OVERFLOW : با overflow شدن حاصل، بیت OVERFLOW یک می شود.
- UNDERFLOW : با underflow شدن حاصل، بیت UNDERFLOW یک می شود.

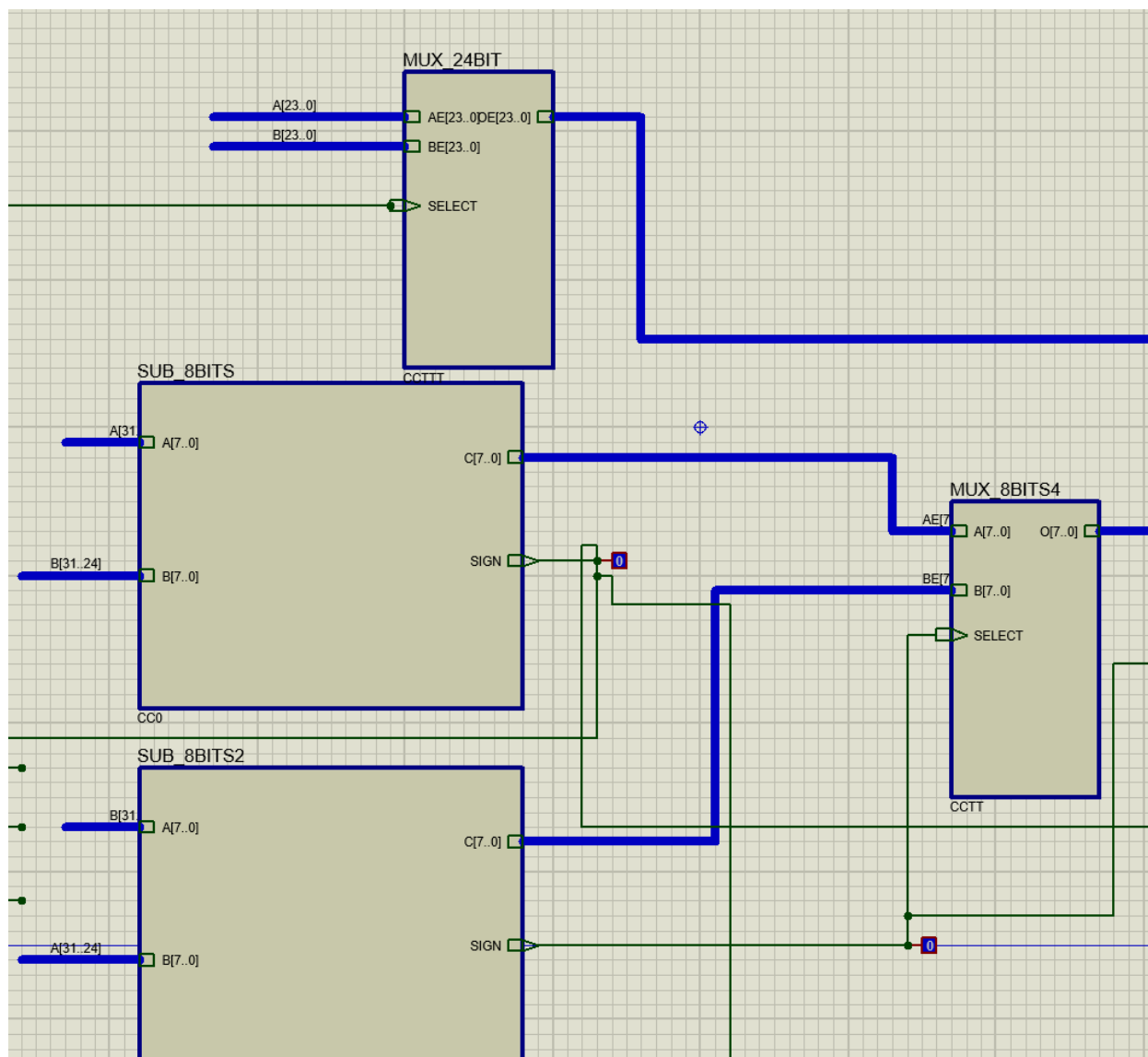
در واقع هر کدام از A, B, OUT ۳۳ بیت دارند زیرا آن ۱ پشت ممیز را هم به عنوان ورودی در نظر گرفتیم. (بیت ۲۳)

## نحوه کار با مدار :

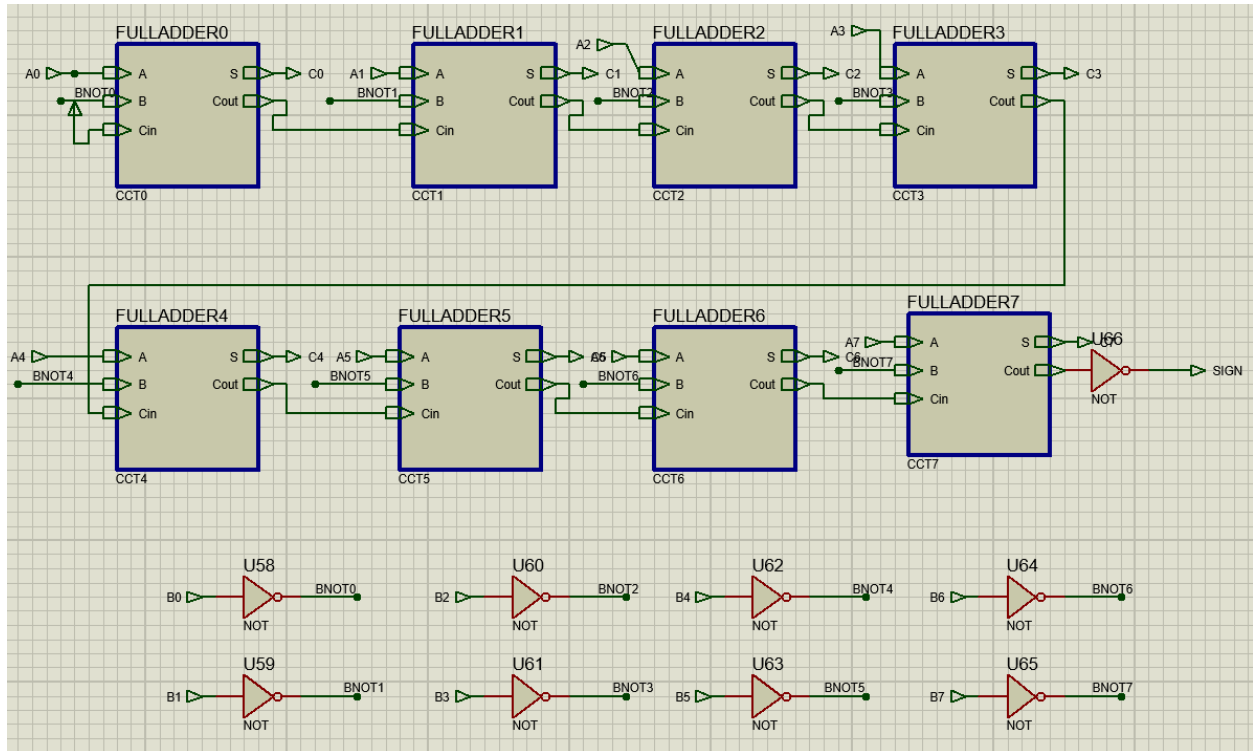
در حد دو ثانیه بیت S را ۱ و سپس ۰ می کنیم و سپس منتظر میمانیم که کار shifter تمام شود که یعنی ۱ شدن بیت E. سپس بیت ST را باز هم در حد دو ثانیه ۱ و سپس ۰ می کنیم. بعد از ۱ شدن بیت END ما جواب مورد نظر را به دست آورده ایم.

## نحوه عملکرد مدار :

ابتدا اختلاف دو نما را به دست می آوریم بدین صورت که هم  $A - B$  و هم  $B - A$  را محاسبه می کنیم و سپس با استفاده از یک multiplexer تصمیم می گیریم که کدام را به عنوان قدر مطلق اختلاف دو نما به شیفتور ورودی دهیم.

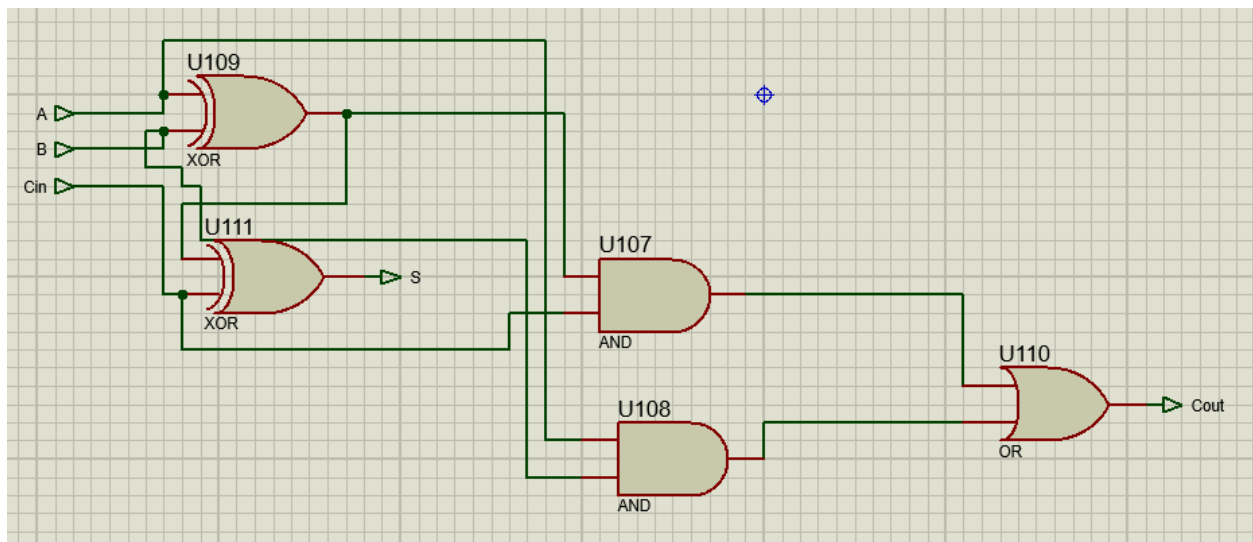


شکل ۱. دو منهای کننده و یک ماکس برای به دست آوردن قدر مطلق / اختلاف دو نما.



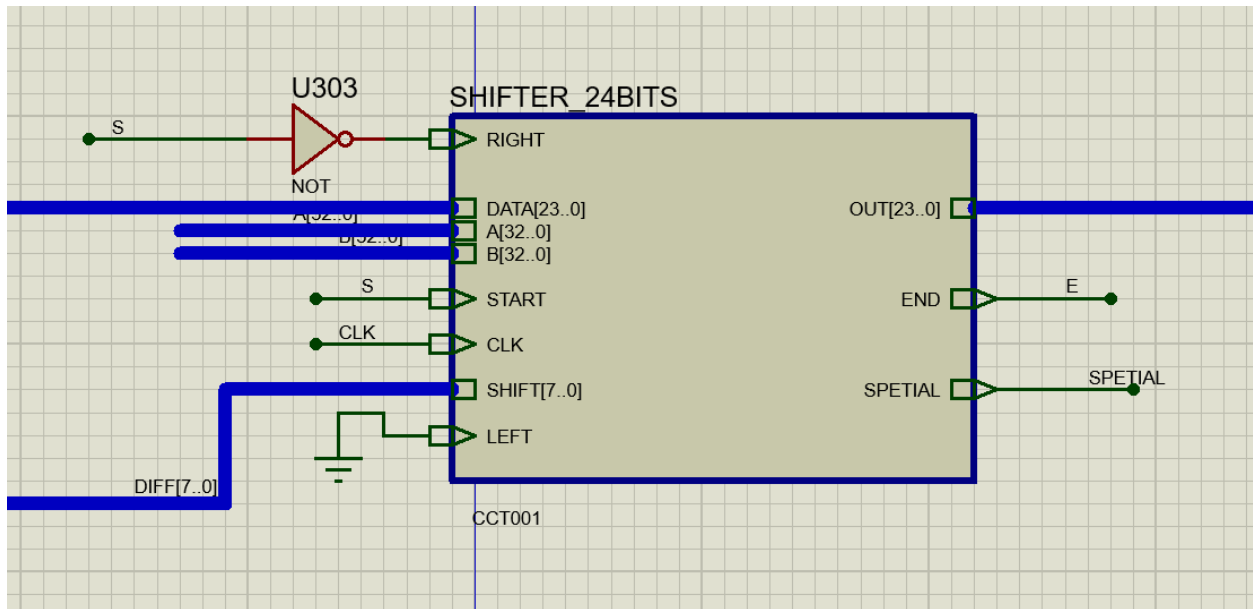
شکل ۲. ساختار درونی منهایکننده ۸ بیتی.

برای منهایکننده باید ورودی دوم را مکمل دو کنیم و با عدد اول جمع کنیم. برای این کار ابتدا بیت های عدد دوم را نات می کنیم و سپس با عدد اول جمع می کنیم البته با ۱ carry in برای full adder اول و خب بقیه پروسه جمع را داریم.



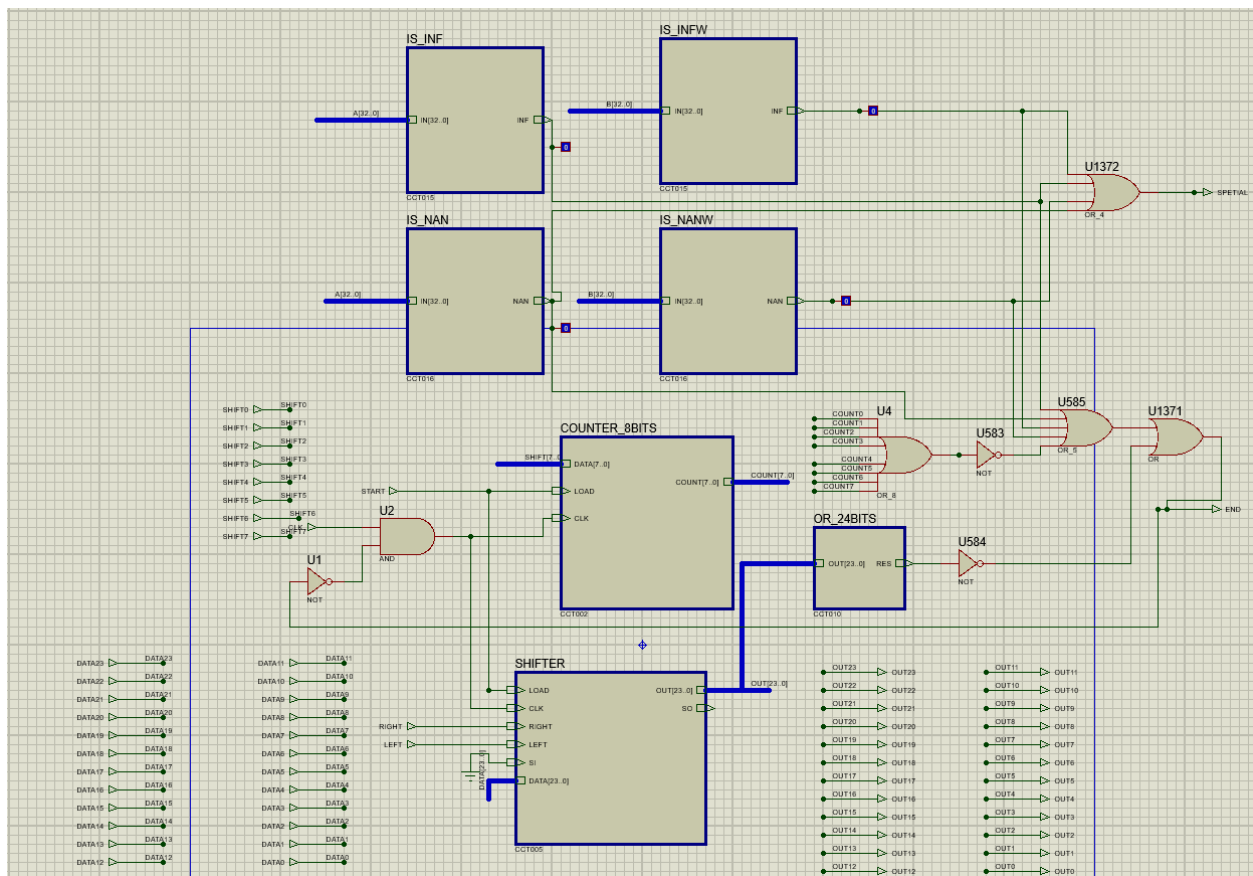
شکل ۳. ساختار درونی یک full adder.

حال یک ماژول شیفر ۲۴ بیتی داریم که در شکل زیر نشان می دهیم :



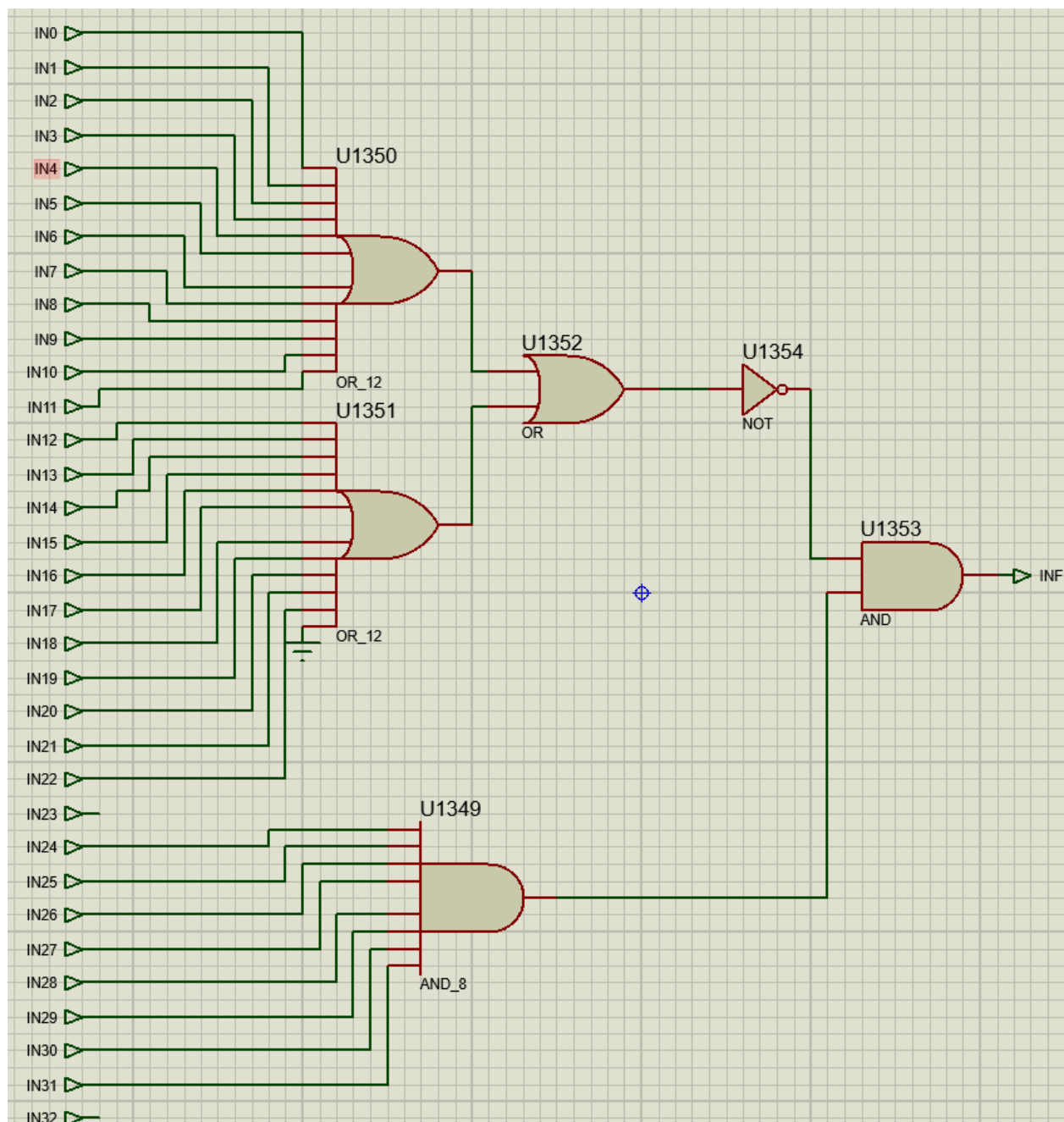
شکل ۴: نمای بیرونی شیفر ۲۴ بیتی.

در این آزمایش از Bus استفاده کردیم زیرا کار با تعداد سیم زیاد یکم مشکل بود. ورودی LEFT را ۰ به ground وصل کردیم که یعنی همیشه ۰ باشد زیرا در اینجا تنها به شیفت راست نیاز داریم.

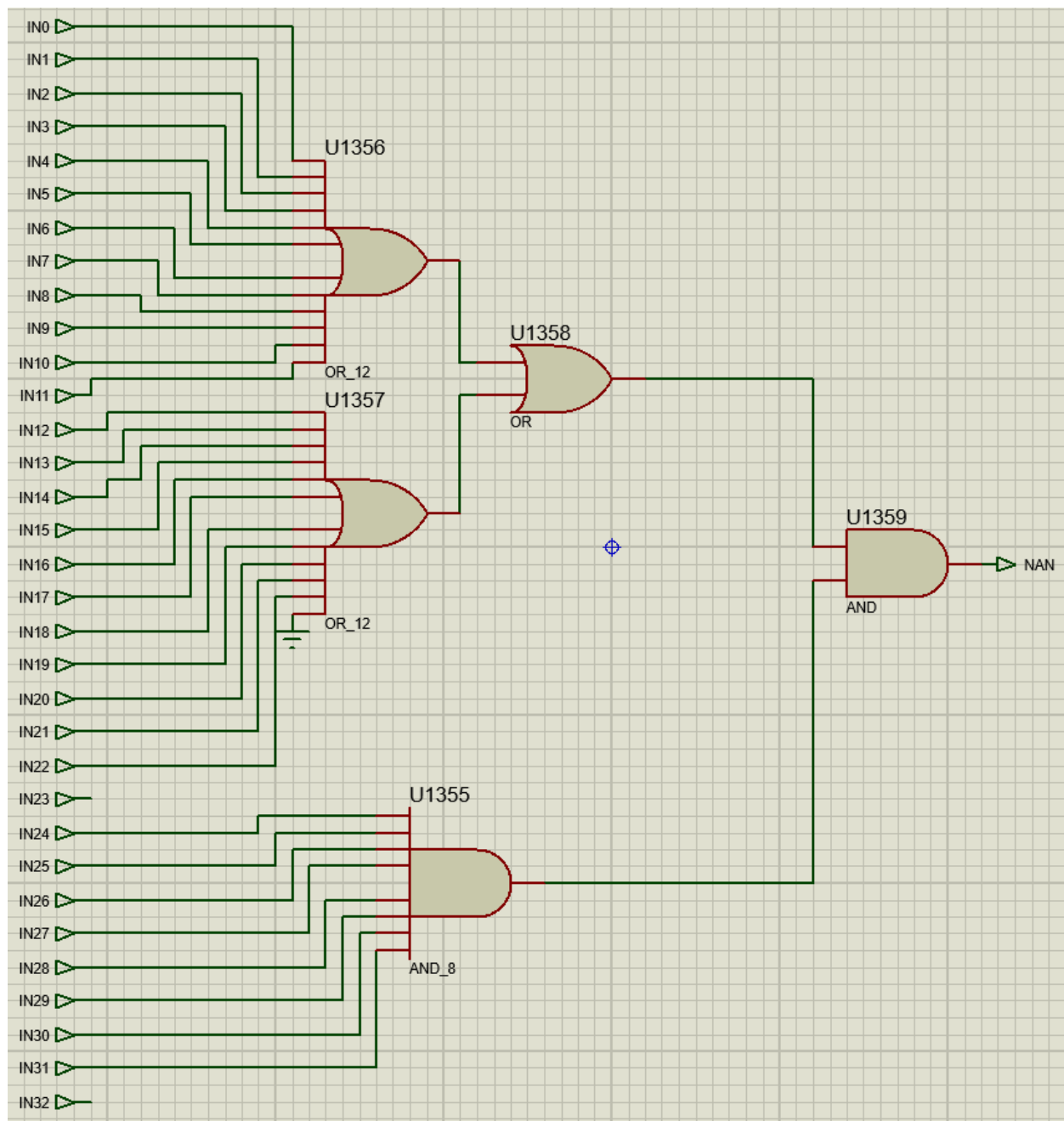


شکل ۵: نمای درون شیفر ۲۴ بیتی.

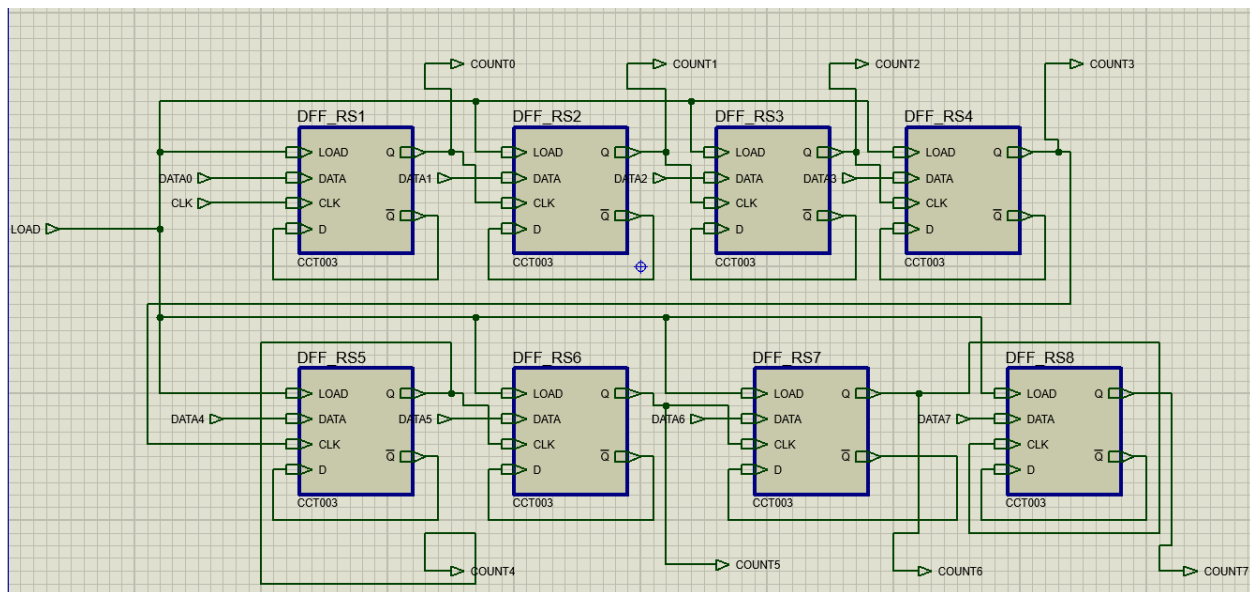
در این ماژول ورودی ها را برای INF, NAN بودن بررسی می کنیم تا اگر هر کدام باشد دیگر وقت را با شیفت ر هدر ندهیم. ساختار درونی هر کدام را در ادامه نشان می دهیم.



شکل ۶ تشخیص دهنده INF که یعنی همه بیت های نما ۱ باشند و همه بیت های مانیتیس ۰.

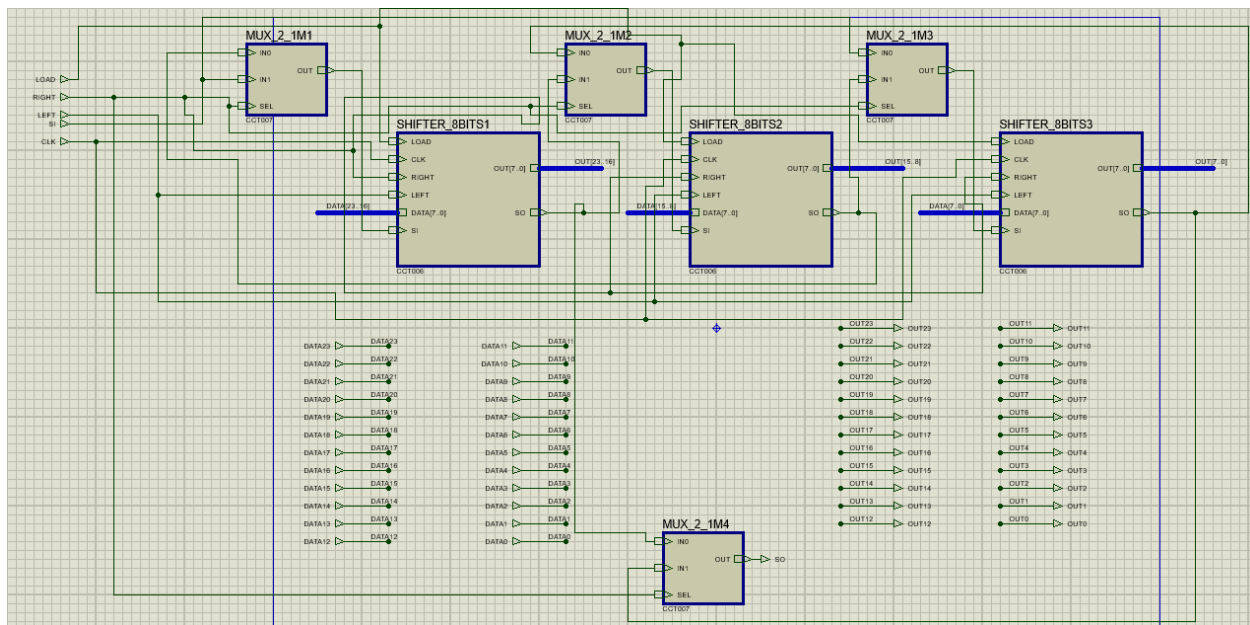


شکل ۷. تشخیص دهنده NaN که همه بیت های نما ۱ باشند و حداقل یکی از بیت های مانتیس غیر صفر باشد.

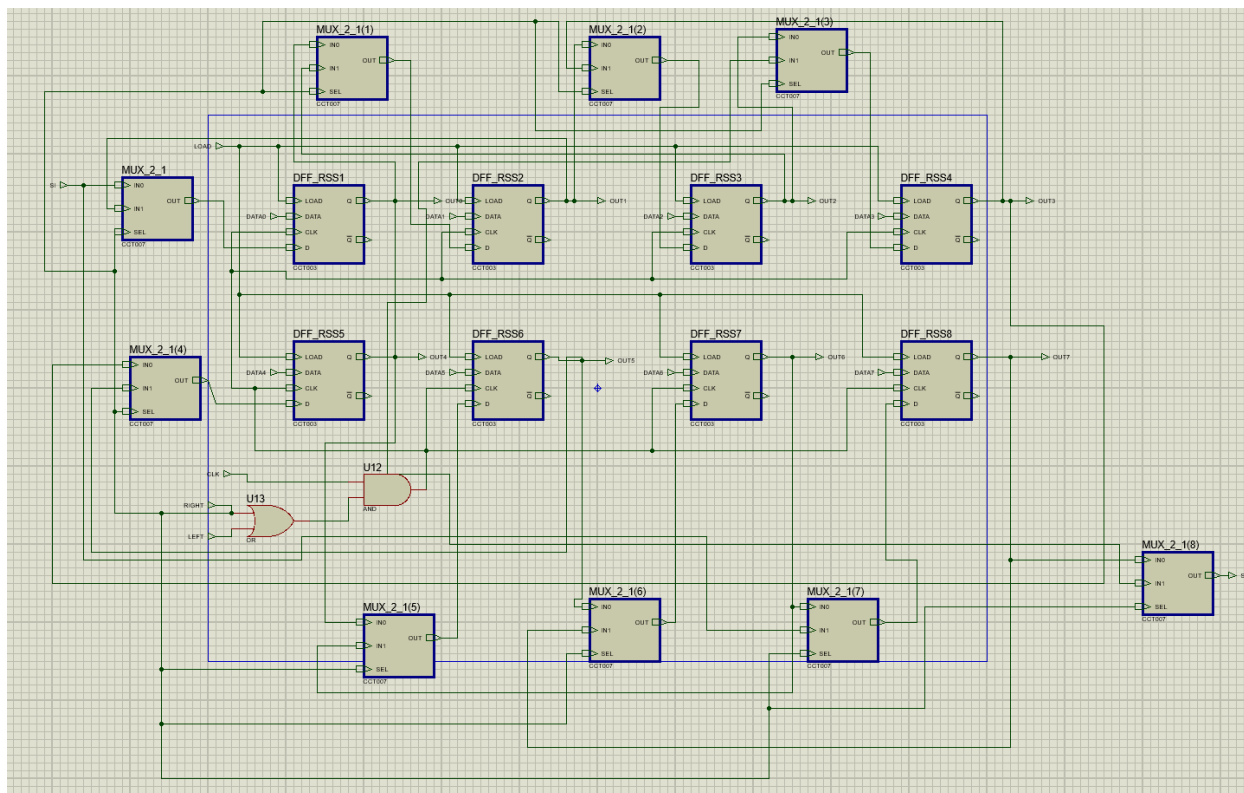


شکل ۸. نمای درون شمارنده ۸ بیتی.

در شمارنده که به پایین می شمارد ابتدا عدد مورد نظر را در شمارنده load می کنیم و سپس شروع به شمارش رو به پایین می کند.



شکل ۹. نمای درون شیفر ۲۴ بیتی.

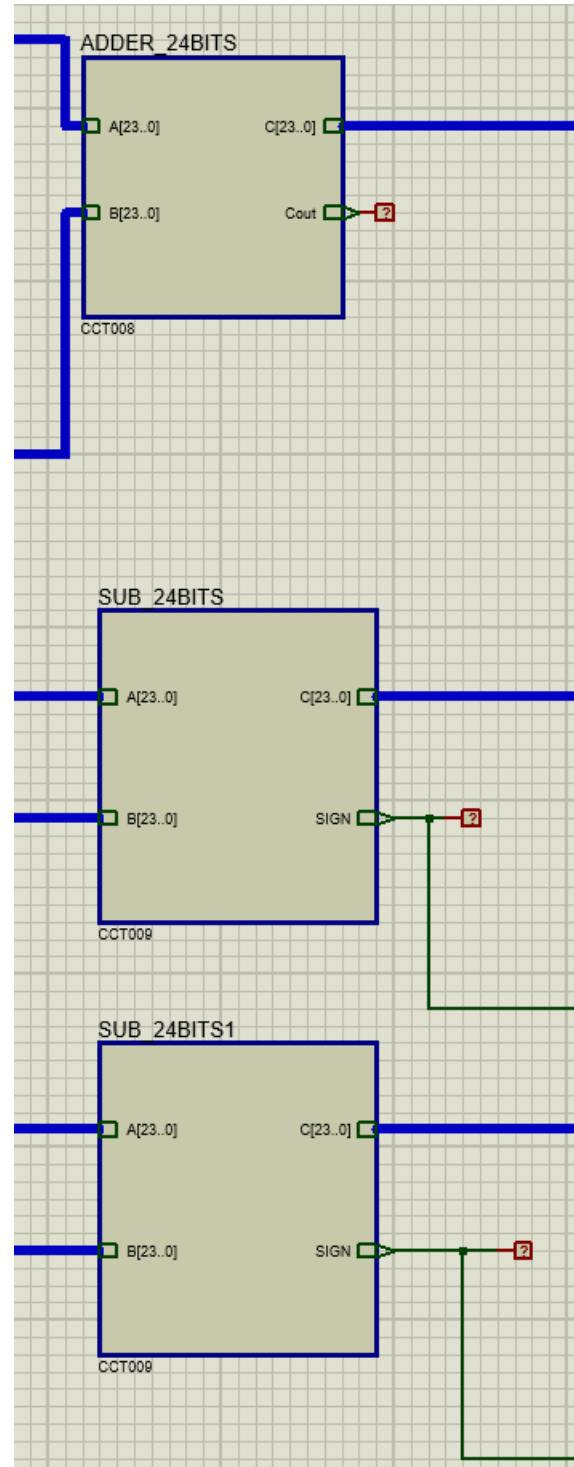


شکل ۱۰. نمای درون شیفت‌ر ۸ بیتی.

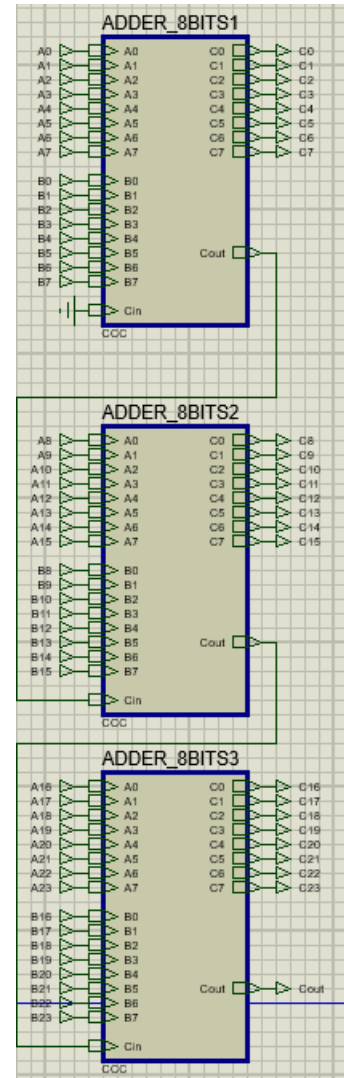
زمانی بیت E یک می شود که یا عدد شمارنده صفر شده باشد یا همه بیت های مانیتیس صفر باشند و یا یکی از دو حالت INF, NAN برای یکی از ورودی ها پیش آمده باشد.

برای مانیتیس ما همیشه سه مقدار  $A + B$ ,  $A - B$ ,  $B - A$  را محاسبه می کنیم که با توجه به ساین یکی را در ماکس انتخاب می کنیم.

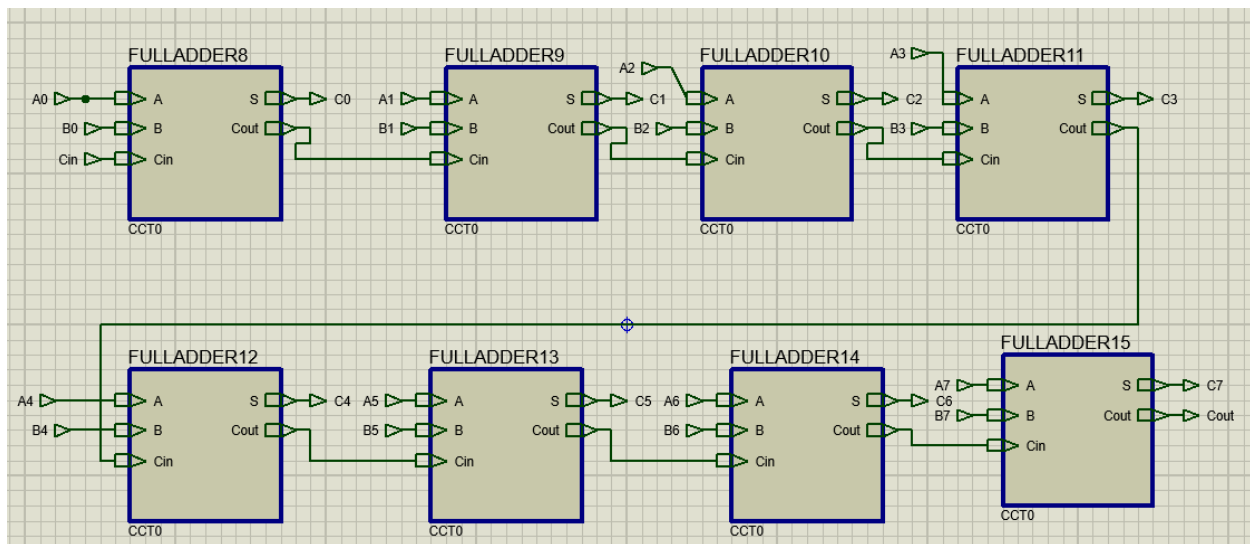




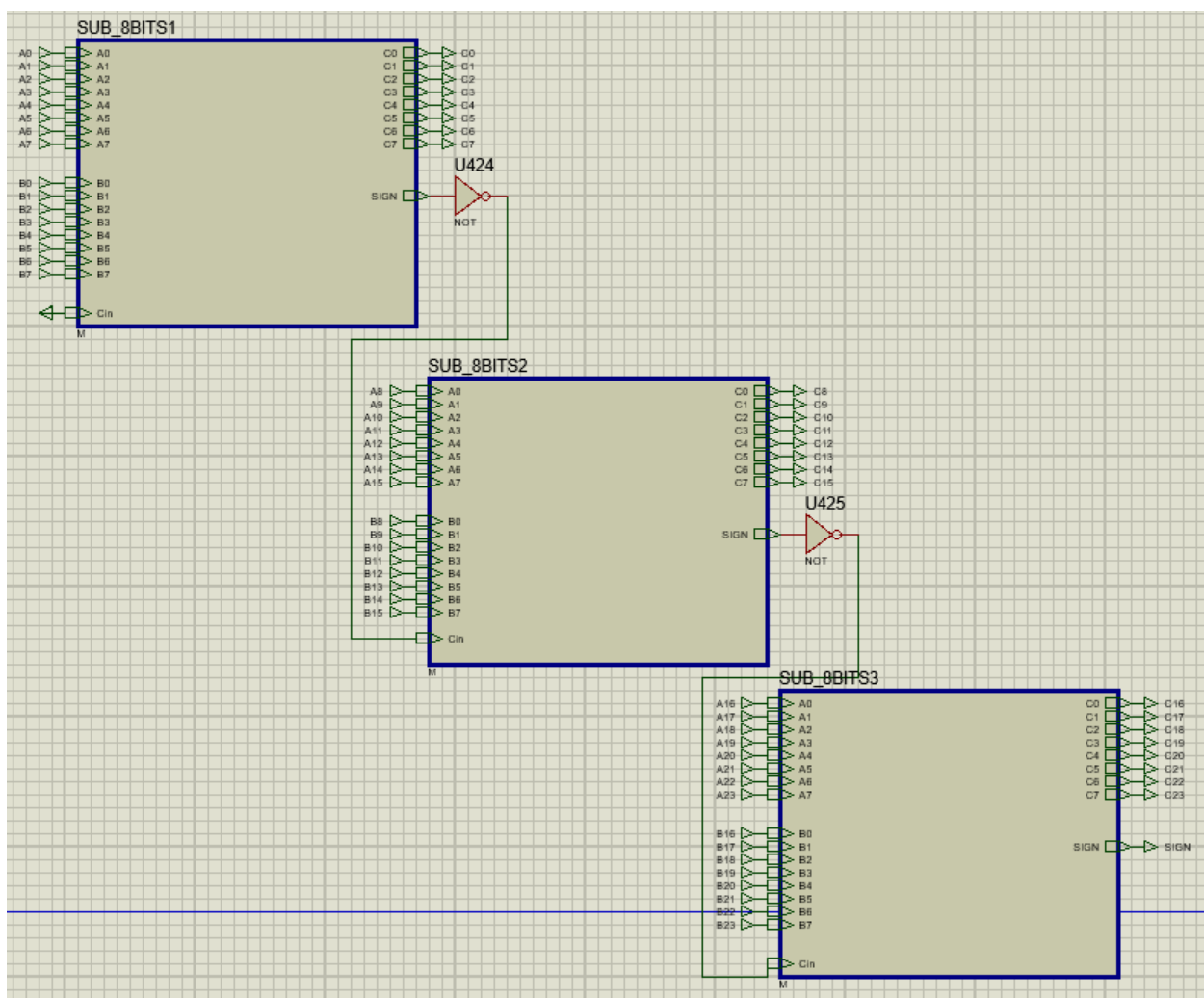
شکل ۱۱. محاسبه  $A + B$ ,  $A - B$ ,  $B - A$  برای مانتیس های دو ورودی.



شکل ۱۲. نمای درونی جمع کننده ۲۴ بیتی.

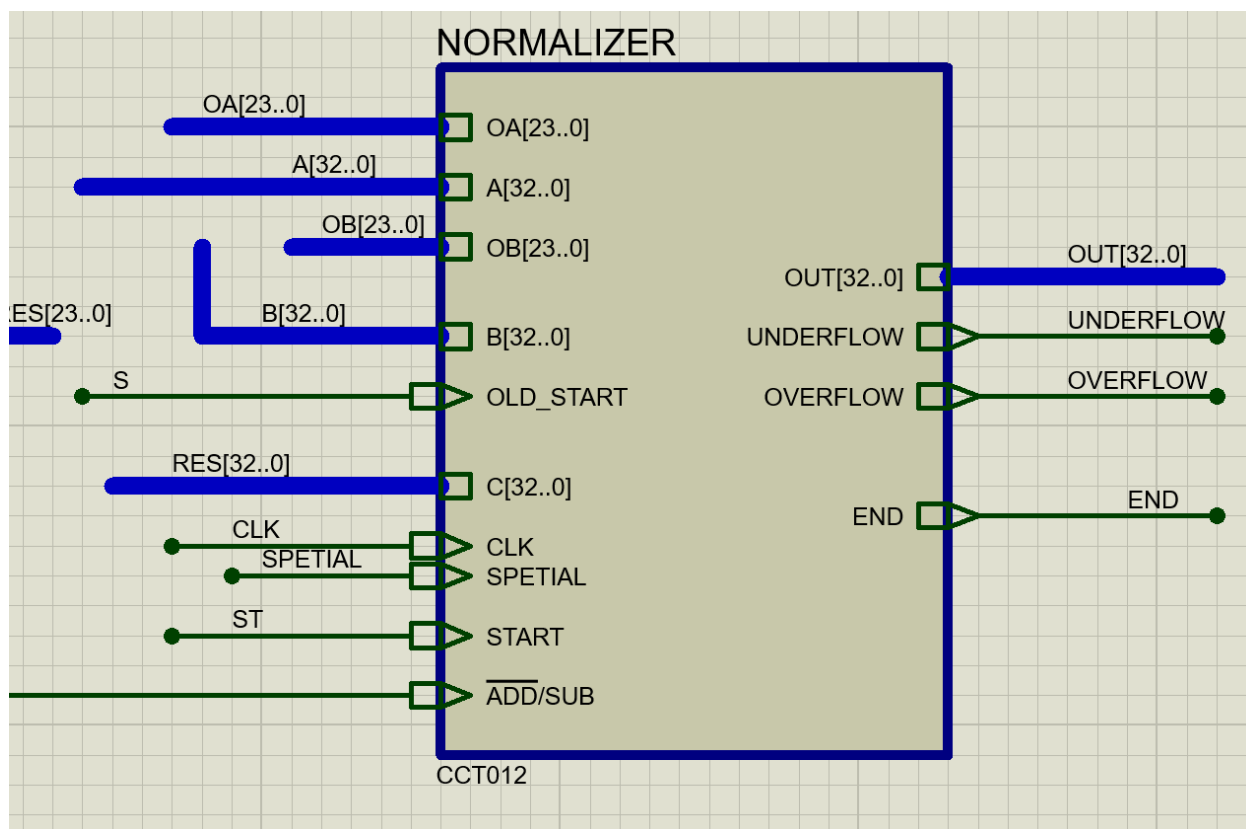


شکل ۱۳. نمای درونی جمع کننده ۸ بیتی.

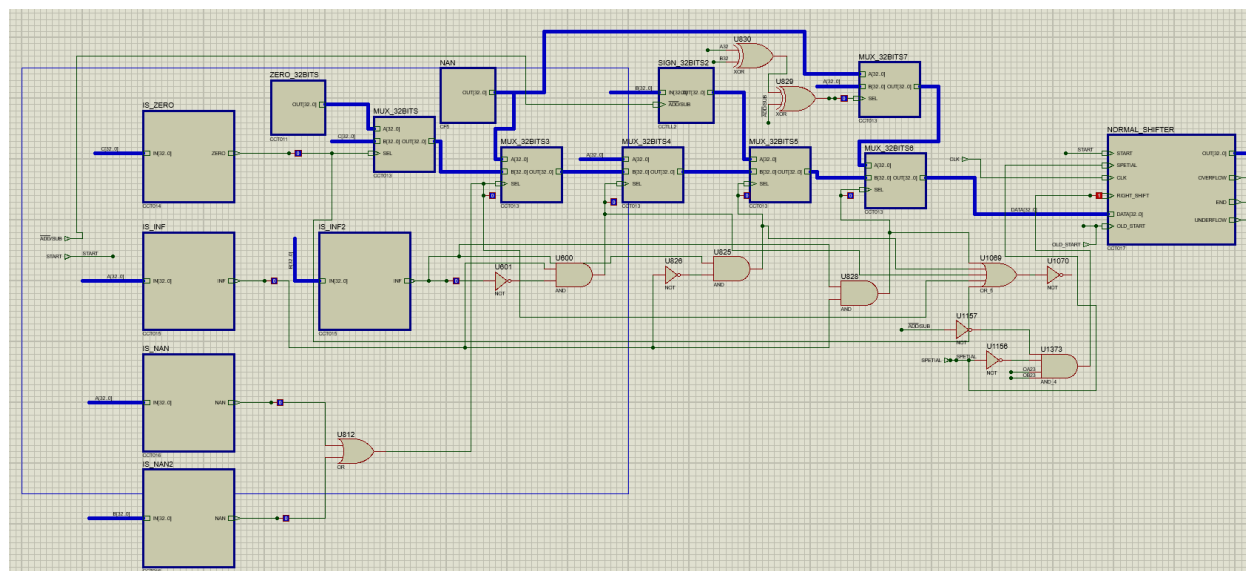


شکل ۱۴. نمای درونی تفريق کننده ۲۴ بیتی.

و حال نوبت به قسمت نرمالایزر رسیده است.

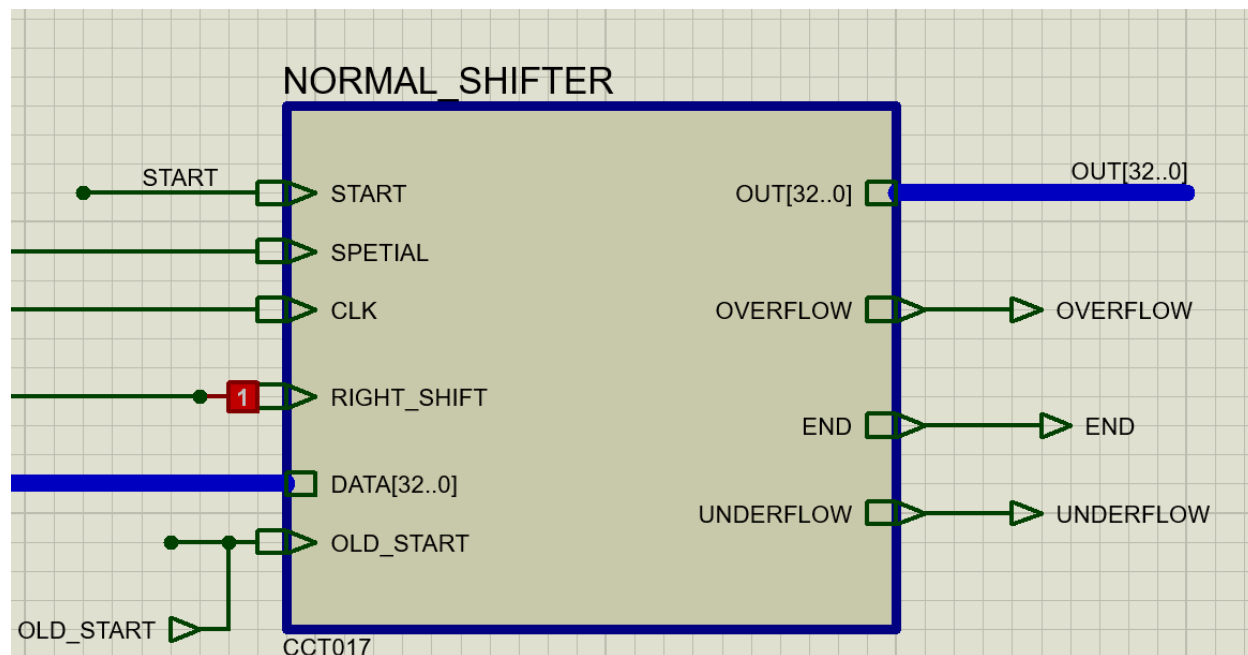


شکل ۱۵. نمای بیرونی واحد normalizer.

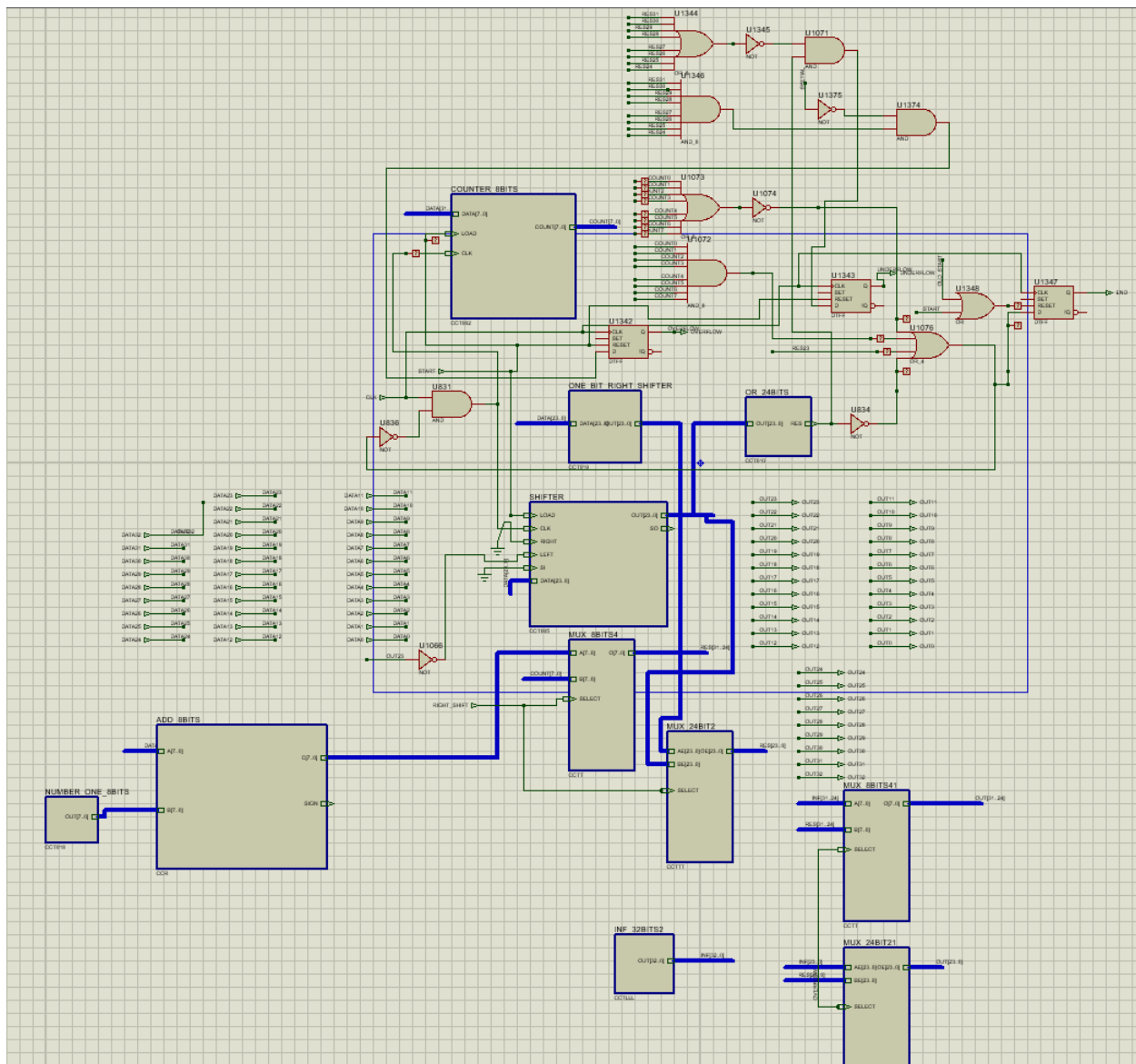


شکل ۱۶. نمای درونی normalizer.

ابتدا جواب حالات خاص مانند  $INF + INF = INF$  یا  $INF - INF = NAN$  و ... را محاسبه کرده و خروجی می دهد. یا مثلا اگر NAN در یکی از ورودی ها باشد حاصل حتما NAN خواهد بود. سپس حاصل را به عنوان ورودی به ماژول NORMAL\_SHIFTER می دهد.



شکل ۱۷. نمای بیرون ماژول .NORMAL\_SHIFTER



شکل ۱۸. نمای درون ماژول NORMAL\_SHIFTER.

درون این ماژول ما شیفتر داریم که یا حالا شیفتر به راست است و یا چپ. تنها حالتی که ما شیفتر به راست داریم حالتی است که عبارت ما جمع باشد و البته با نماهای یکسان و در غیر این حالت تا زمانی که یک ۱ بیفتد سمت چپ، به چپ شیفتر می دهیم و همزمان به کمک شمارنده ای که داریم، نما هم هندل می شود.

## امتحان کردن چند ورودی :

Normal Case: Basic addition/subtraction of normalized floating-point number

Input A: 3.5 (0x40600000)

Binary: 0b01000000011000000000000000000000

Input B: 2.25 (0x40100000)

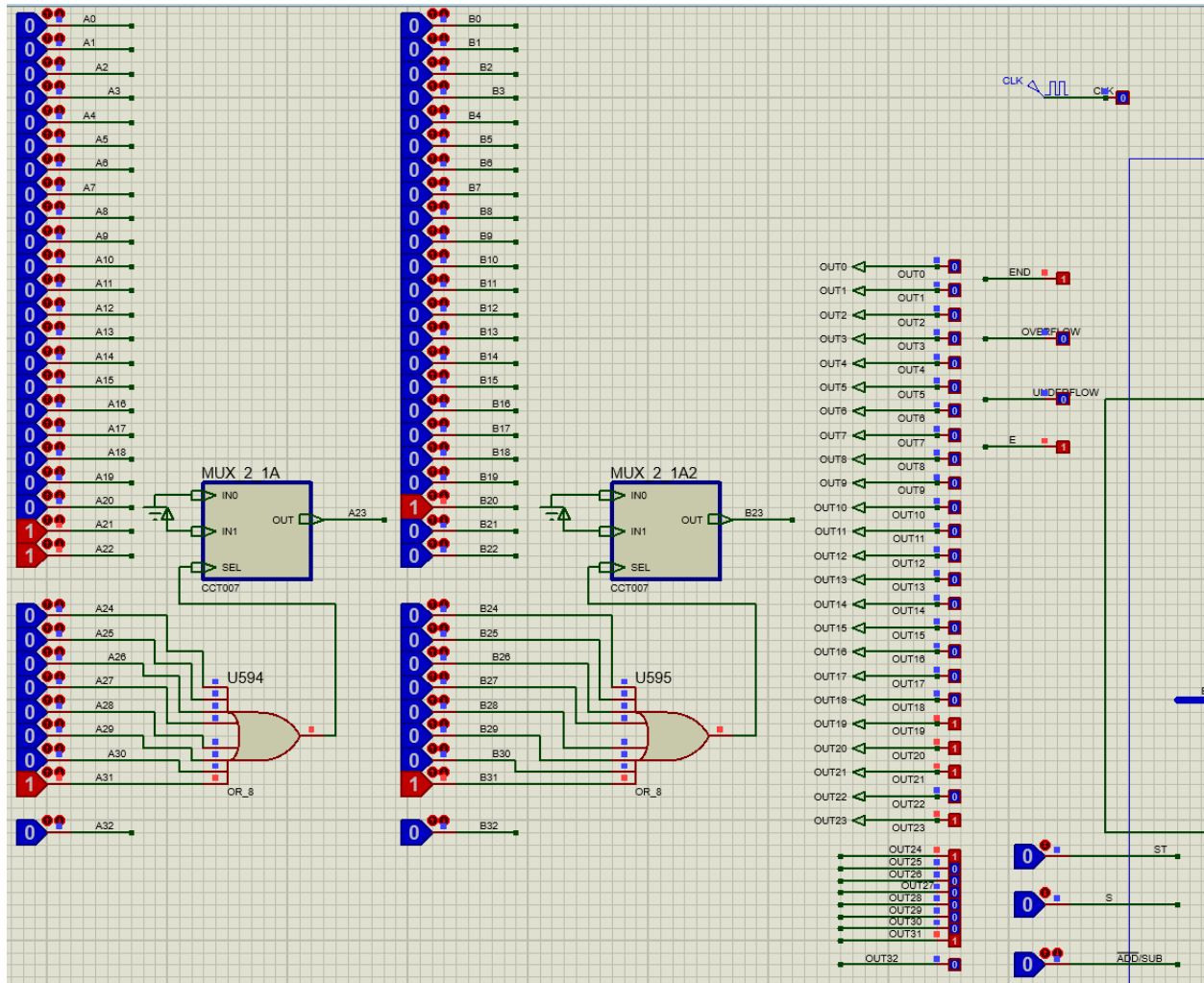
Binary: 0b01000000001000000000000000000000

Addition Output C: 5.75 (0x40B80000)

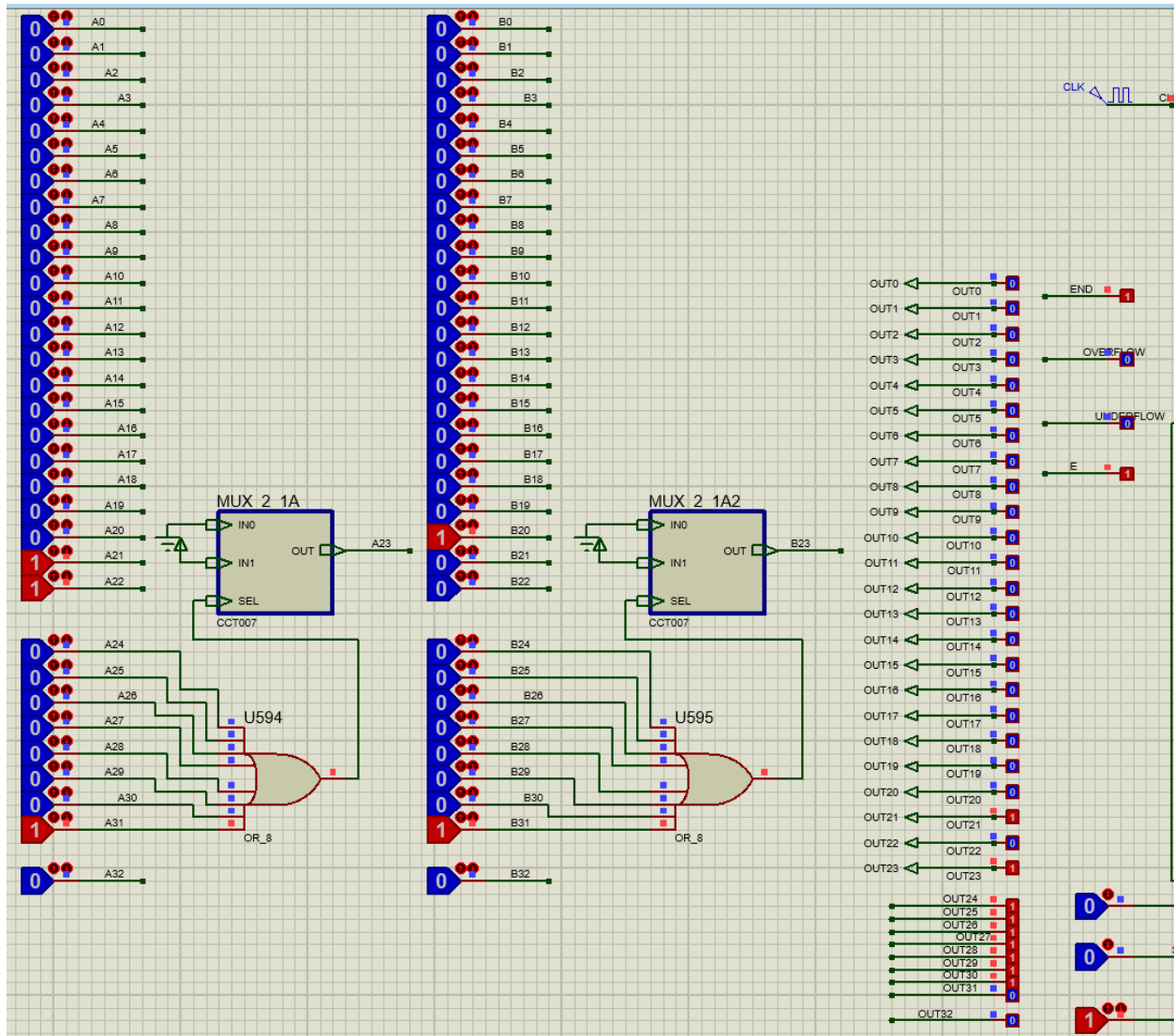
Binary: 0b01000000101110000000000000000000

Subtraction Output C: 1.25 (0x3FA00000)

Binary: 0b00111111101000000000000000000000



شكل ١٩. جواب جمع.



شكل ٢٠. جواب تفريق.

Case 1: Addition resulting in an overflow

Input A: 3.4e38 (0x7F7FC99E)

Binary: 0b01111111011111111100100110011110

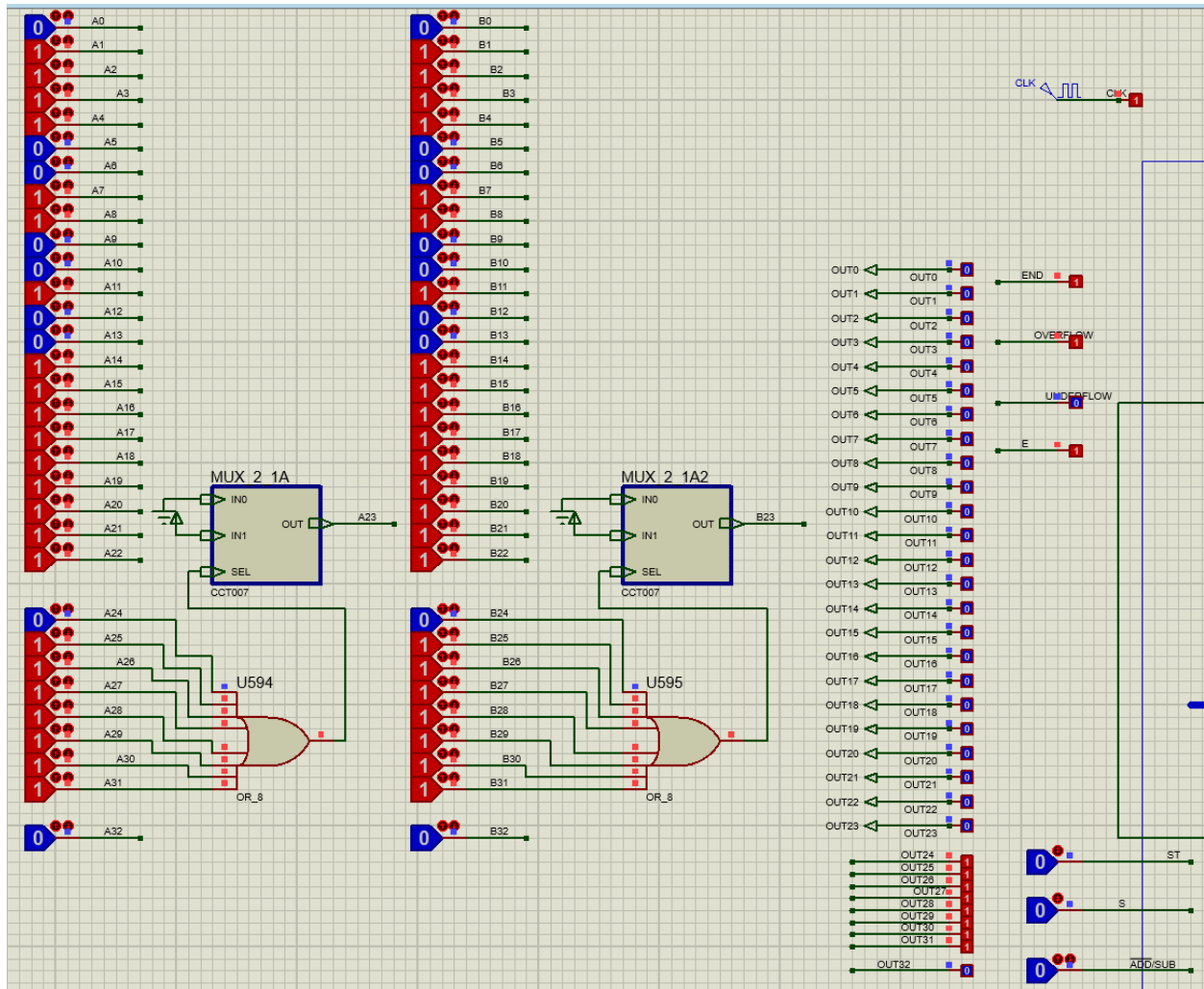
Input B: 3.4e38 (0x7F7FC99E)

Binary: 0b01111111011111111100100110011110

Addition Output C: Overflow/Inf (0x7F800000)

Binary: 0b01111111100000000000000000000000





شکل ۲۱. جواب جمع که نشاندهنده overflow می باشد.

Case 2: Subtraction resulting in an underflow

Input A: 1.4e-45 (0x00000001)

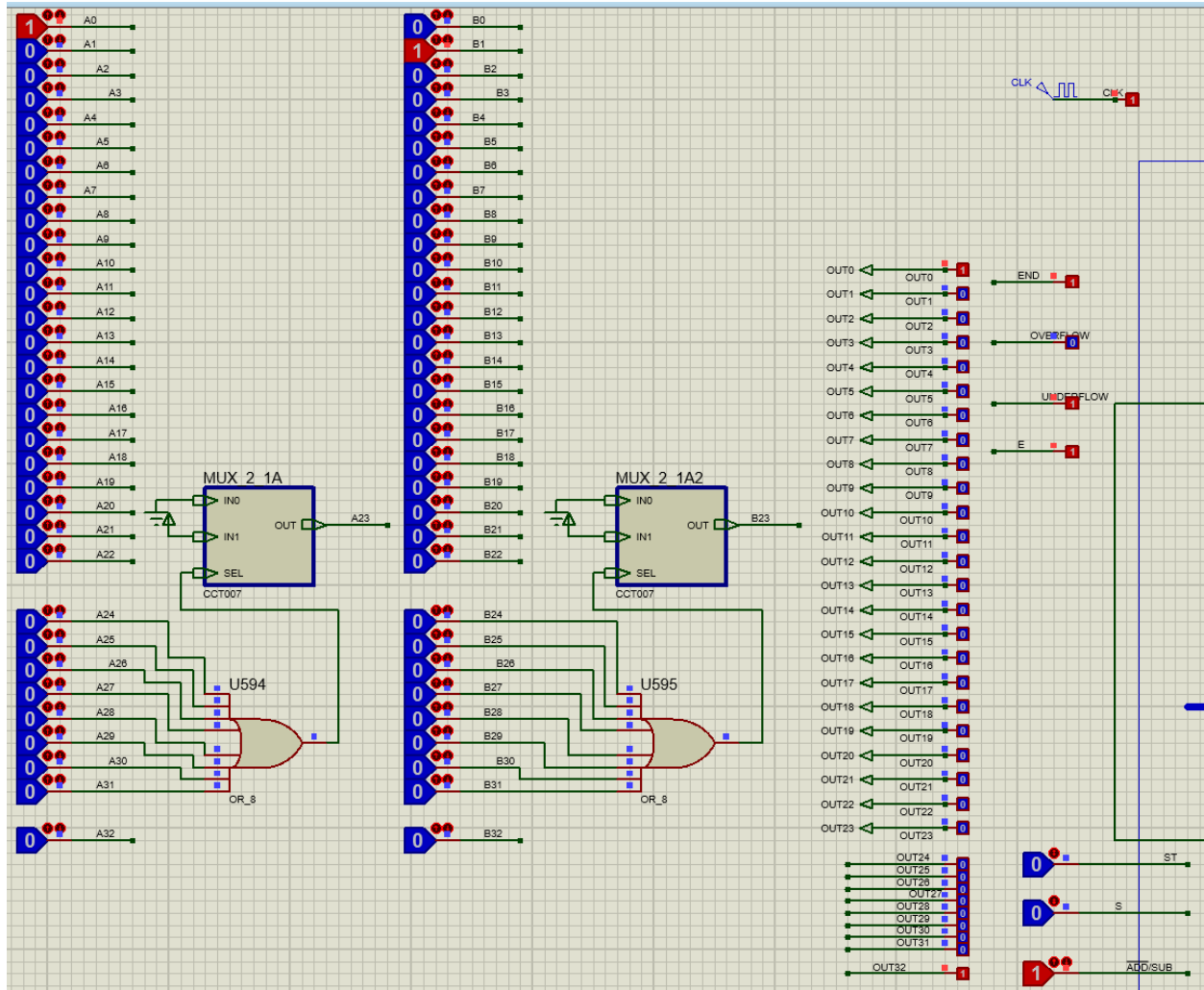
Binary: 0b00000000000000000000000000000001

Input B: 2.8e-45 (0x00000002)

Binary: 0b00000000000000000000000000000010

Subtraction Output C: Underflow

Binary: 0b10000000000000000000000000000000



شکل ۲۲. جواب تقریبی که *underflow* است.

Case 3: Addition of very small numbers

Input A:  $1.4e-45$  (0x00000001)

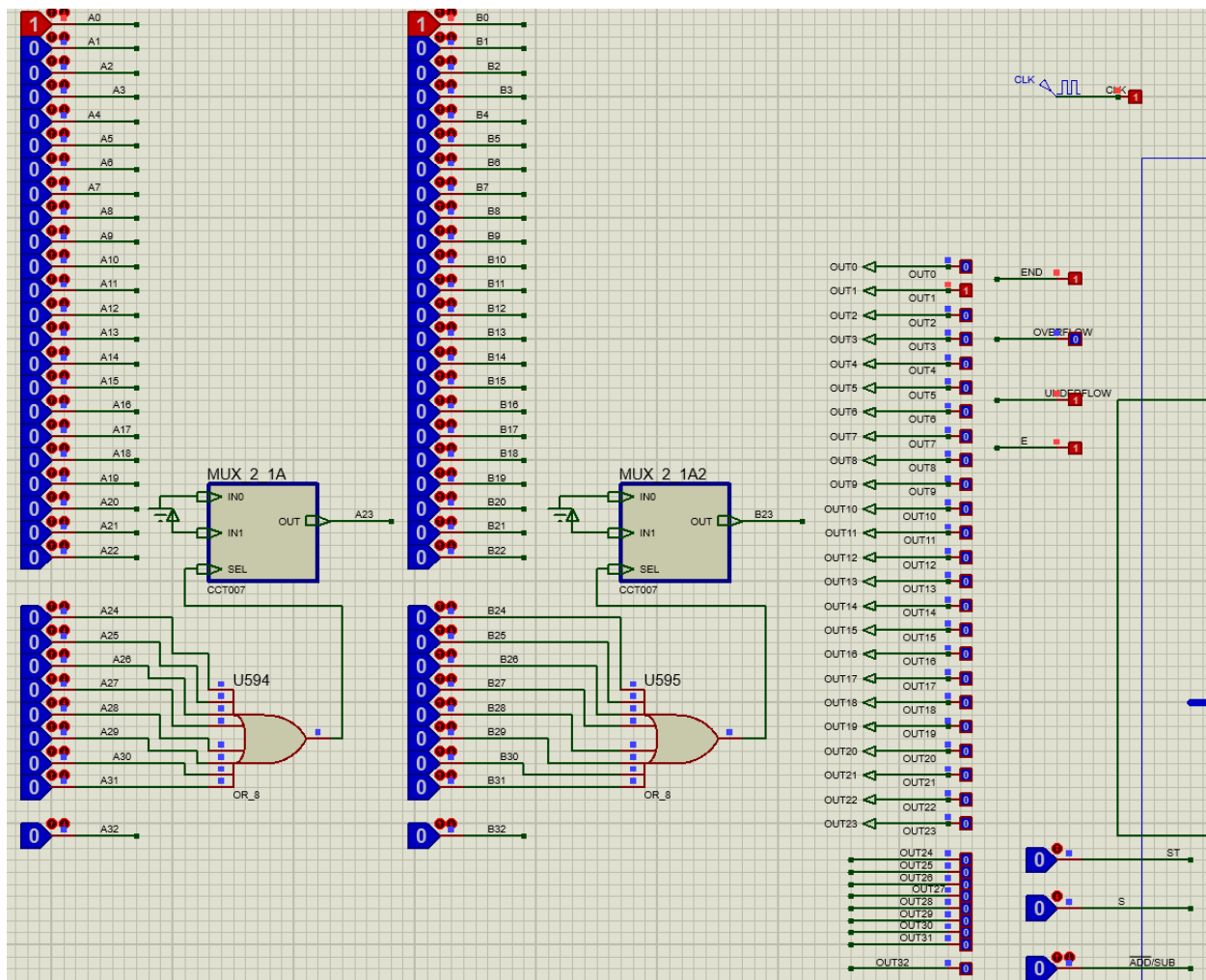
Binary: 0b00000000000000000000000000000001

Input B:  $1.4e-45$  (0x00000001)

Binary: 0b00000000000000000000000000000001

Addition Output C:  $2.8e-45$  (0x00000002)

Binary: 0b00000000000000000000000000000010



شکل ۲۳. جواب جمع  $1 + 1 = 2$  است.

Case 4: Subtraction of very large numbers

Input A: 1.0e38 (0x7E967699)

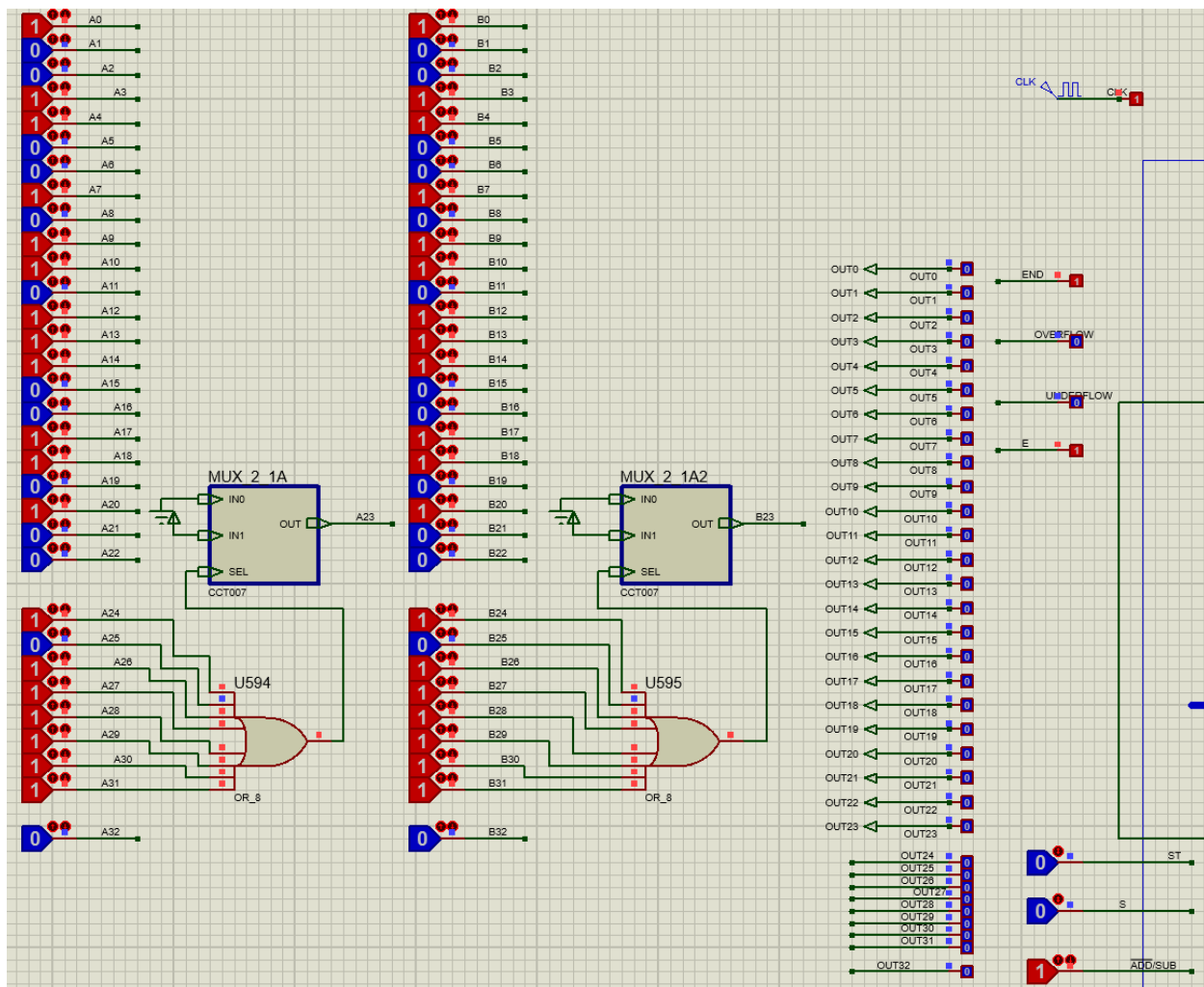
Binary: 0b01111110100101100111011010011001

Input B: 1.0e38 (0x7E967699)

Binary: 0b01111110100101100111011010011001

Subtraction Output C: 0 (0x00000000)

Binary: 0b00000000000000000000000000000000



شکل ۲۴. جواب تفریق دو عدد بزرگ که حاصلی برابر با صفر به ما می دهد.

Case 5: Addition/subtraction involving zero

Input A: 0 (0x00000000)

Binary: 0b00000000000000000000000000000000

Input B: 2.25 (0x40100000)

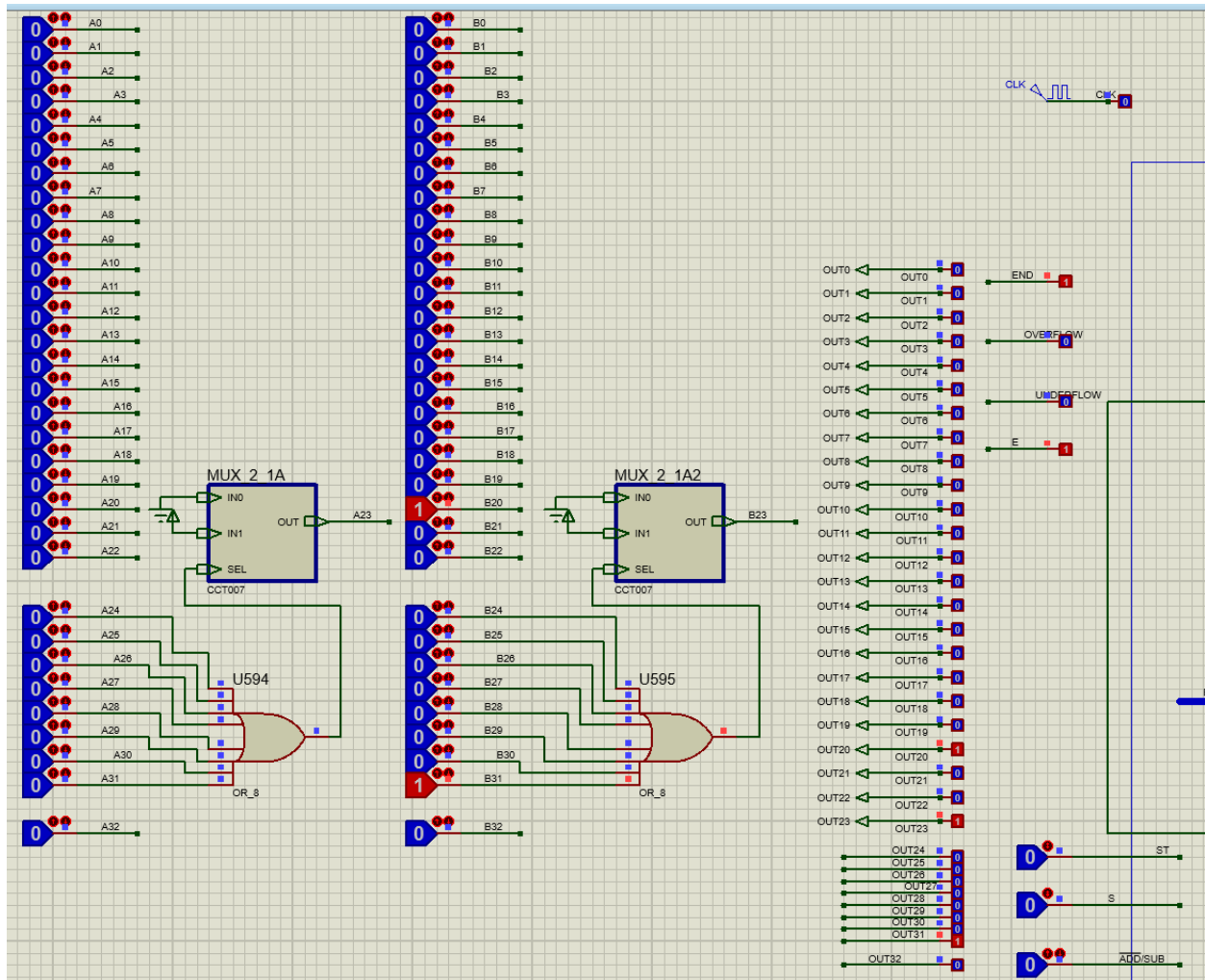
Binary: 0b01000000000100000000000000000000

Addition Output C: 2.25 (0x40100000)

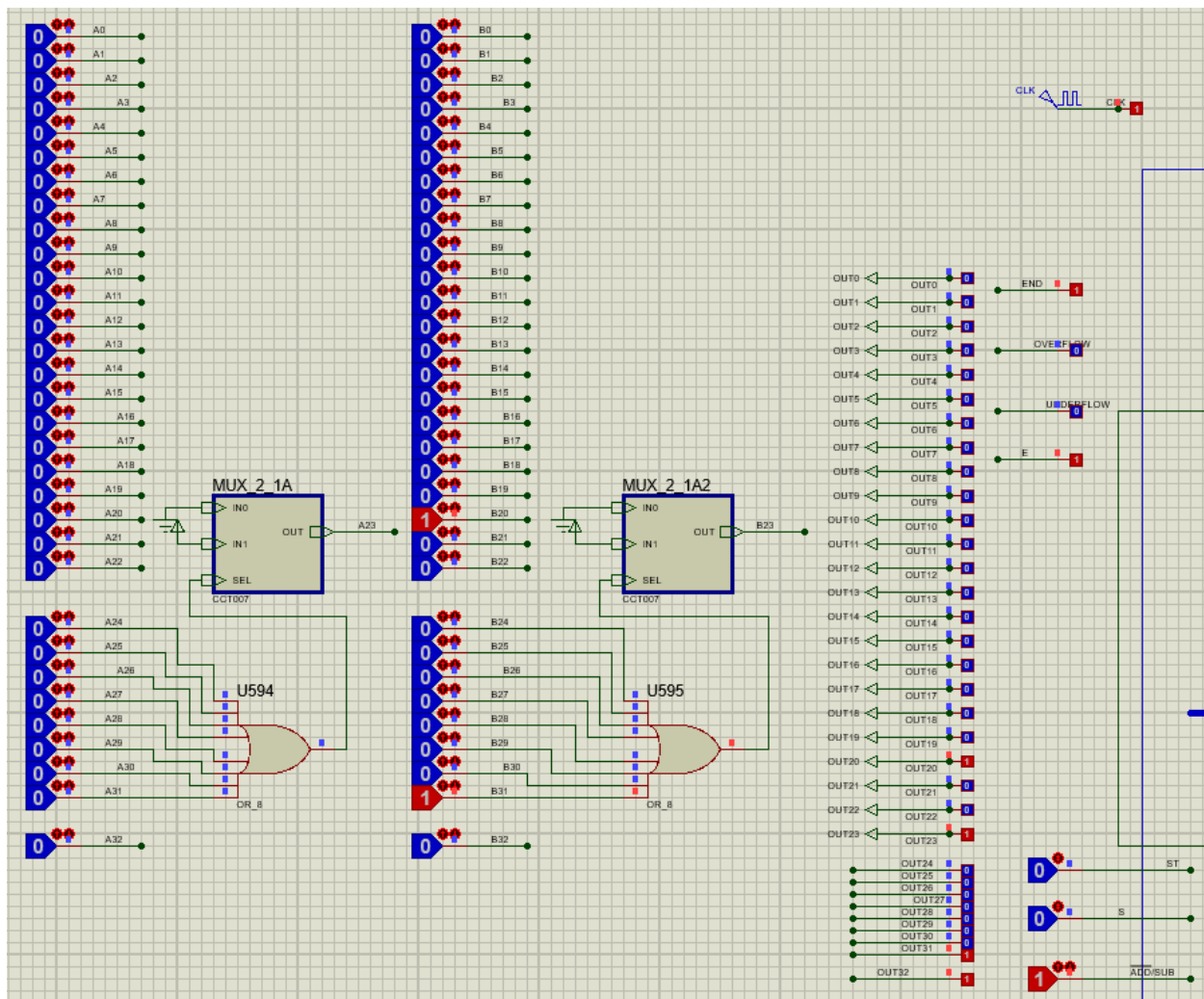
Binary: 0b01000000000100000000000000000000

Subtraction Output C: -2.25 (0xC0100000)

Binary: 0b11000000000100000000000000000000



شکل ۲۵. جواب جمع با صفر.



شکل ۲۶. جواب کم کردن از ۰ که همون یعنی منفی کردن.