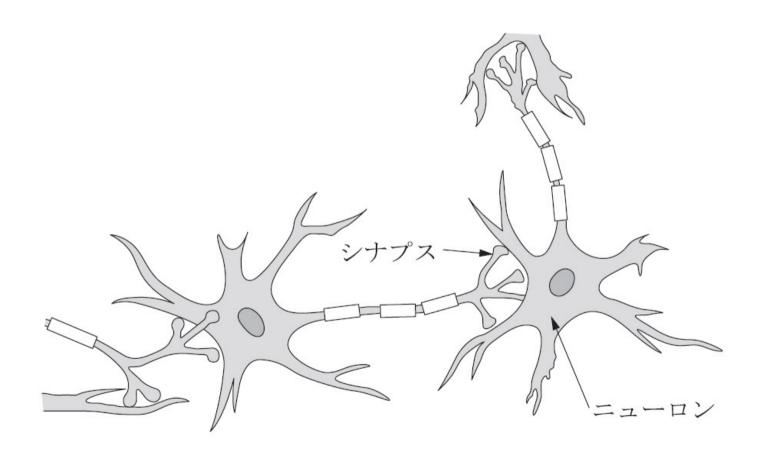
- 7. 限界は破れるか(2)
- ニューラルネットワーク -
- ・誤差評価に基づく学習
 - 誤差最小・任意形の識別面を学習することはできないかニューラルネットワーク

7.1 ニューラルネットワークの構成

• 神経細胞の計算メカニズムをモデル化

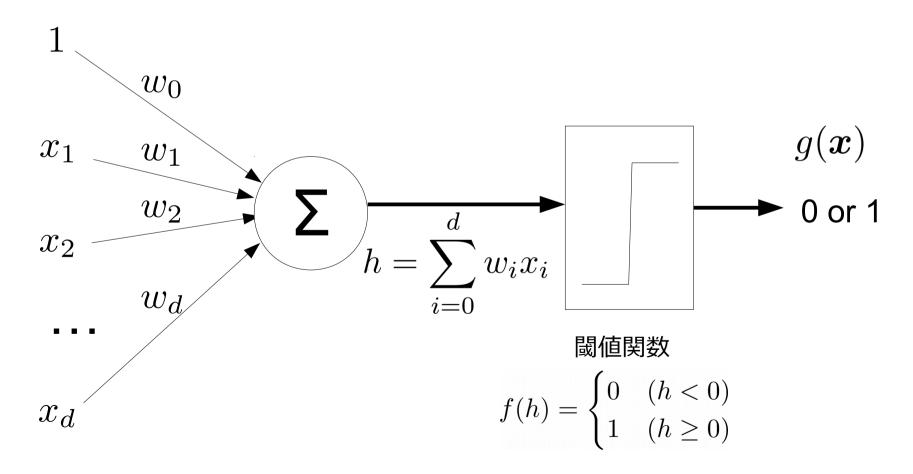


7.1 ニューラルネットワークの構成

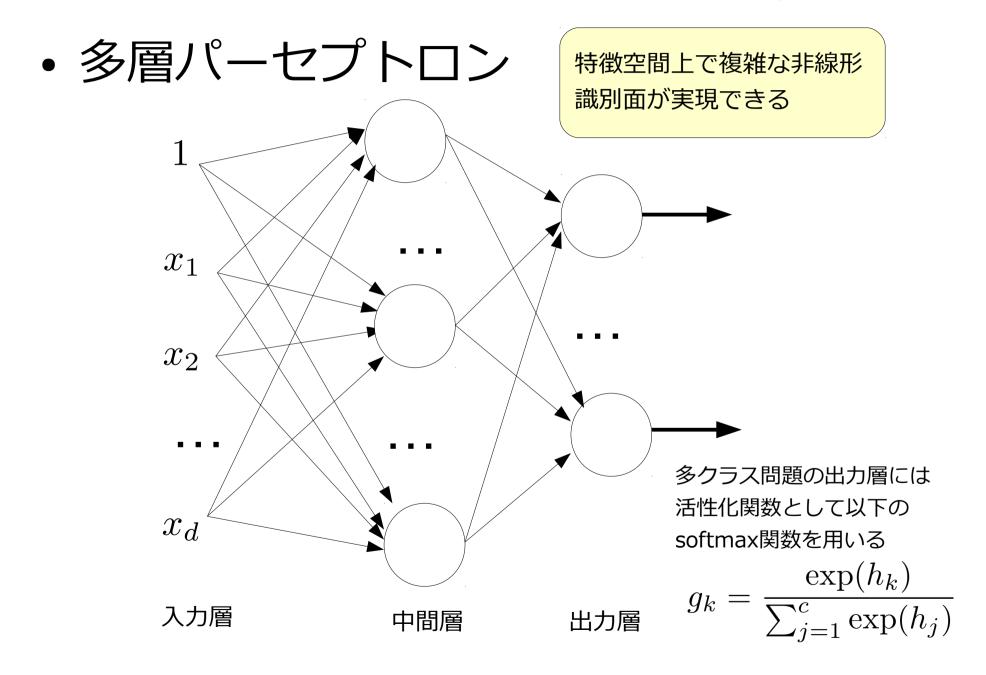
• 単層パーセプトロンの定義

以後、 \boldsymbol{w} は w_{ρ} を含む

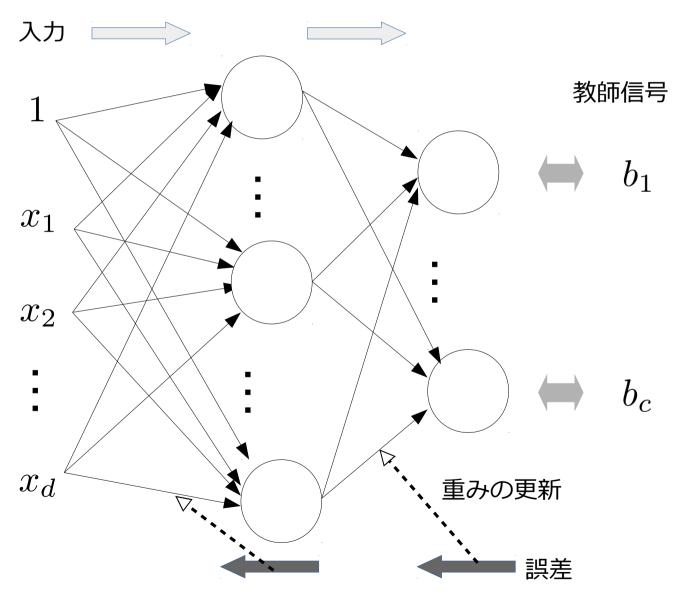
• $\boldsymbol{w}^T\boldsymbol{x}=0$ という特徴空間上の識別面を表現



7.1 ニューラルネットワークの構成



• 誤差逆伝播法の名前の由来

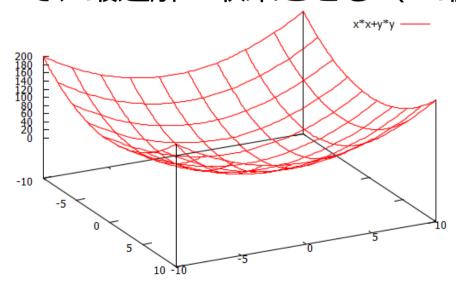


- 結合重みの調整アルゴリズム
 - 二乗誤差

$$J(\boldsymbol{w}) \equiv \frac{1}{2} \sum_{p=1}^{n} (g(\boldsymbol{x}_p) - b_p)^2$$

全データに対する 正解と関数の出力 との差の2乗和

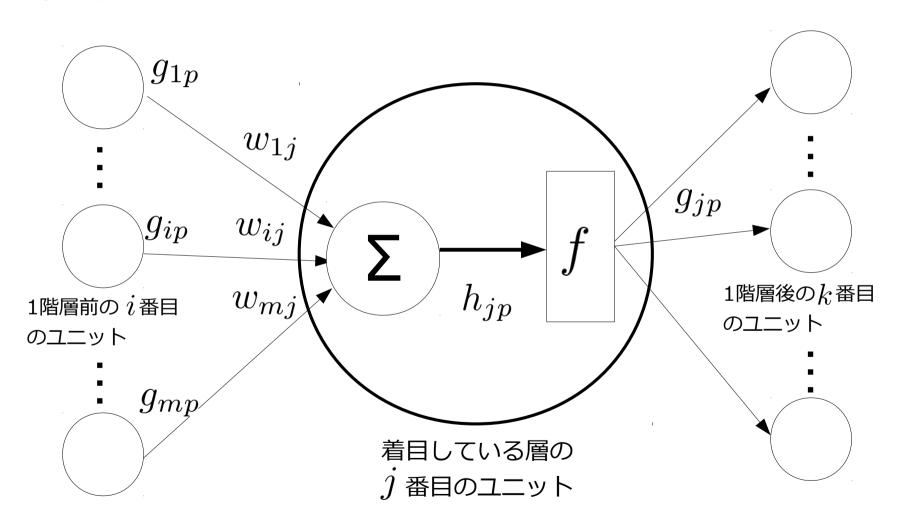
- Jはwの関数
 - w を J の勾配方向へ一定量だけ動かすことを繰り返して、最適解へ収束させる (→最急降下法)



$$\boldsymbol{w}' \leftarrow \boldsymbol{w} - \rho \frac{\partial J}{\partial \boldsymbol{w}}$$

ただし、ニューラルネットワーク による識別面は非線形なので、 誤差関数はもっと複雑な形

- 閾値論理ユニットの入出力



• 学習パターン x_p が入力されたときのユニット j の入力

$$h_{jp} = \sum_{i} w_{ij} g_{ip}$$

ユニット j の出力

$$g_{jp} = f(h_{jp})$$

・ 出力層における誤差の定義

$$J_p = \frac{1}{2} \sum_{l} (g_{lp} - b_{lp})^2$$

ユニット j の重みの調整式

$$w'_{ij} = w_{ij} - \rho \frac{\partial J_p}{\partial w_{ij}}$$

ユニット *j* の重み が変化すれば、 誤差も変化する

調整量の計算

$$\frac{\partial J_p}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial J_p}{\partial h_{jp}} \cdot \frac{\partial h_{jp}}{\partial w_{ij}}$$

• 右辺第1項を ε_{jp} とおく

$$rac{\left|g_{ip}
ight|}{\left|w_{ij}
ight|}$$

$$\varepsilon_{jp} = \frac{\partial J_p}{\partial h_{jp}} = \frac{\partial J_p}{\partial g_{jp}} \cdot \frac{\partial g_{jp}}{\partial h_{jp}} = \frac{\partial J_p}{\partial g_{jp}} \cdot f'(h_{jp})$$

ユニット *j* が出力層の場合

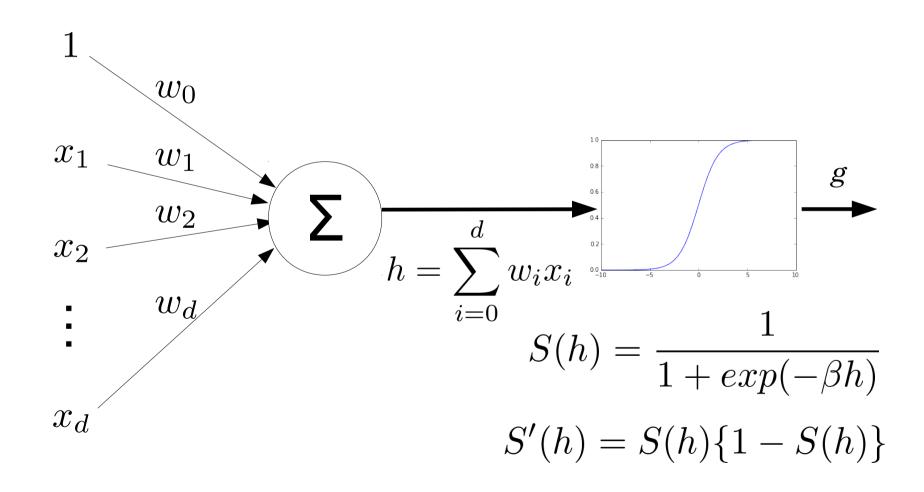
$$\frac{\partial J_p}{\partial g_{jp}} = g_{jp} - b_{jp}$$

ユニット j が中間層の場合

$$\frac{\partial J_p}{\partial g_{jp}} = \sum_{k} \frac{\partial J_p}{\partial h_{kp}} \cdot \frac{\partial h_{kp}}{\partial g_{jp}} = \sum_{k} \varepsilon_{kp} w_{jk}$$

 $\frac{\partial J_p}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial J_p}{\partial h_{jp}} \cdot \frac{\partial h_{jp}}{\partial w_{ij}}$ 合成関数 f(g(x)) の微 y = f(u), u = g(x) と分けて こう 合成関数 f(g(x)) の微分

- シグモイド関数の適用
 - 勾配計算の際に微分可能なものを用いる



• 誤差の変化量

$$\varepsilon_{jp} = \begin{cases}
(g_{jp} - b_{jp})g_{jp}(1 - g_{jp}) & \text{出力層の場合} \\
(\sum_{k} \varepsilon_{kp} w_{jk})g_{jp}(1 - g_{jp}) & \text{中間層の場合}
\end{cases}$$

• 重みの修正式

$$w'_{ij} = egin{cases} w_{ij} -
ho(g_{jp} - b_{jp})g_{jp}(1 - g_{jp})g_{ip} &$$
 出力層の場合 $w_{ij} -
ho(\sum_k arepsilon_{kp} w_{jk})g_{jp}(1 - g_{jp})g_{ip} &$ 中間層の場合

- 1.リンクの重みを小さな初期値に設定
- 2.個々の学習データ (x_p,b_p) に対して以下繰り返し
 - a)入力 x_p に対するネットワークの出力 g_p を計算
 - b)出力層のk番目のユニットに対してエラー量 ε を計算

$$\varepsilon_k \leftarrow (g_k - b_k)g_k(1 - g_k)$$

c)中間層のh番目のユニットに対してエラー量 ε を計算

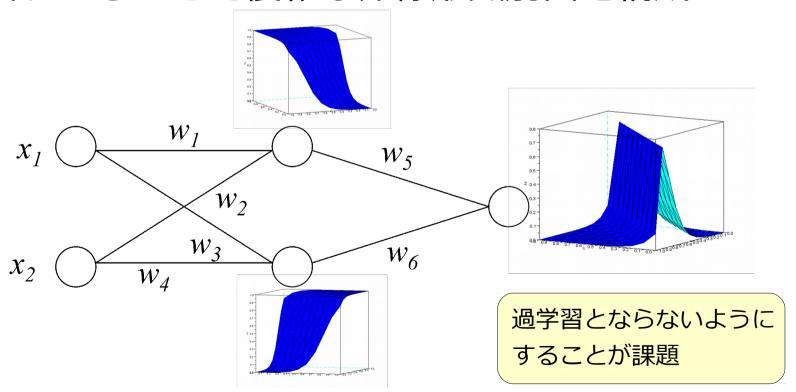
$$\varepsilon_j \leftarrow (\sum_k \varepsilon_k w_k) g_j (1 - g_j)$$

d)重みの更新

$$w_{ji} \leftarrow w_{ji} + \rho \varepsilon_j x_{pj}$$

局所最適解の可能性が 高いので、初期値を変 えて繰り返す

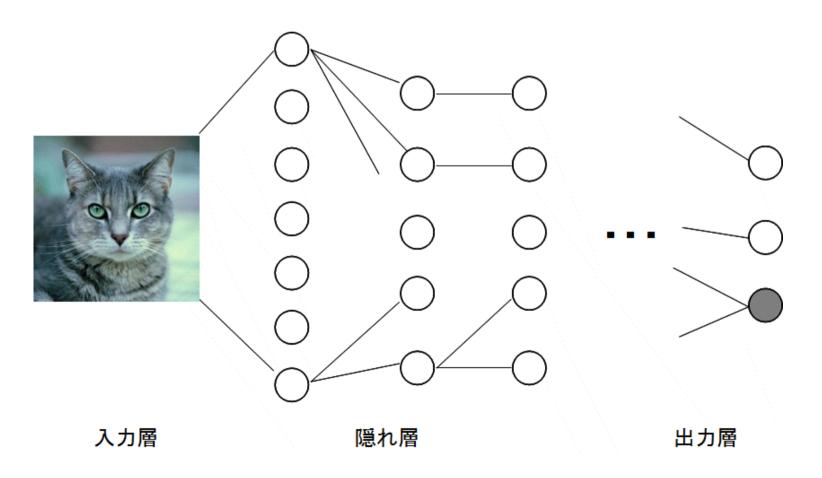
- 識別面の複雑さ
 - 中間層のユニット数に関係する
 - シグモイド関数(非線形)を任意の重み・方向で足 し合わせることで複雑な非線形識別面を構成



7.3 ディープニューラルネットワーク

• 深層学習:多階層ニューラルネットによる学習

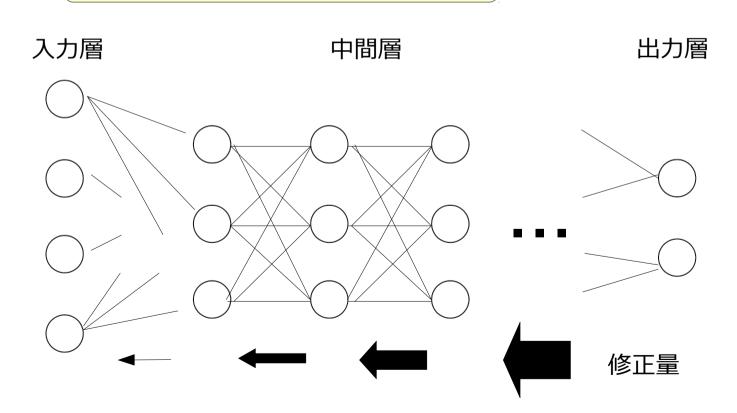
• 表現学習:抽出する特徴も学習する



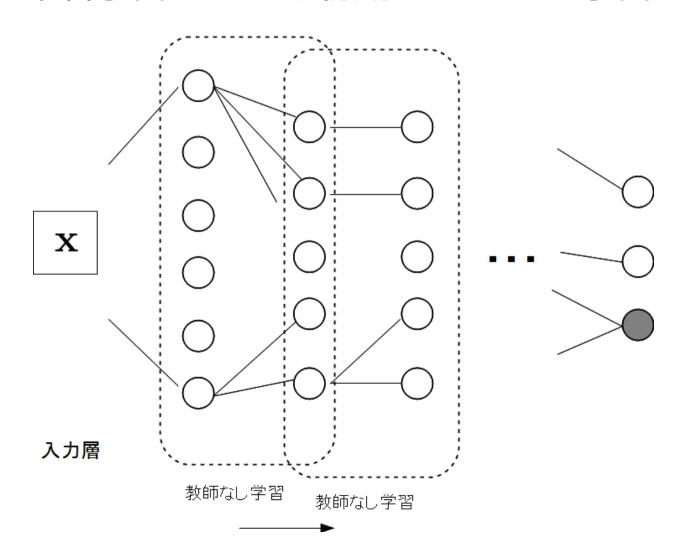
7.3.1 勾配消失問題とは

- 多階層における誤差逆伝播法の問題点
 - 修正量が消失/発散する

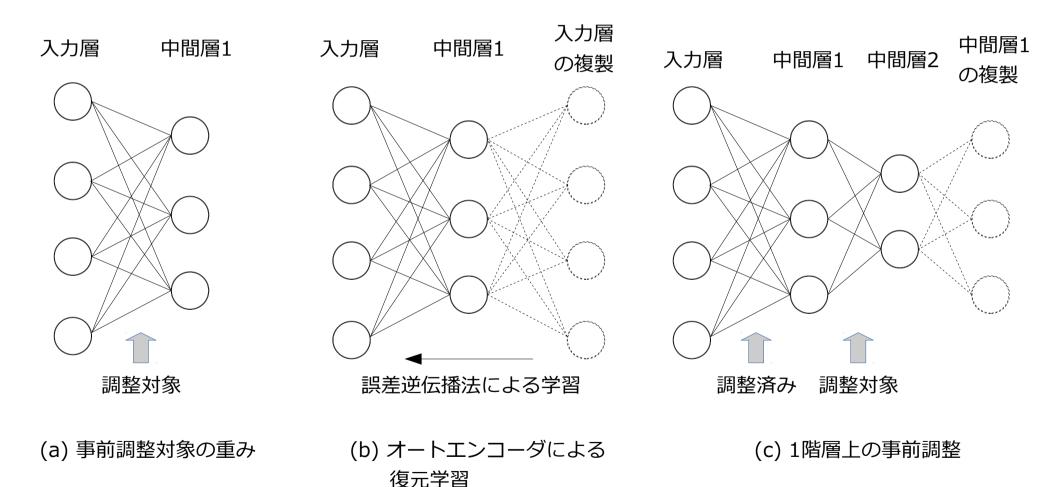
順方向:非線形 逆方向:線形



- 事前学習法
 - 深層学習における初期パラメータ学習



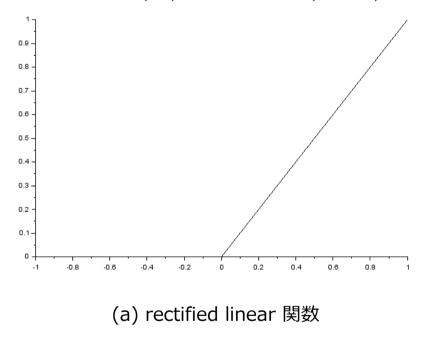
• 事前学習法のアイディア

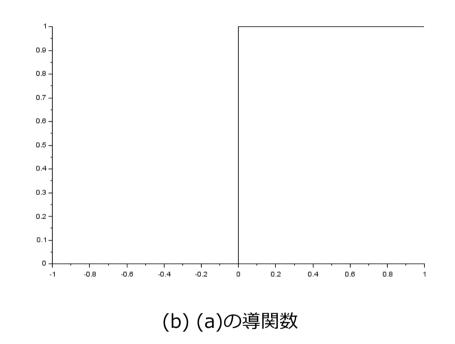


・活性化関数をrectified linear関数に → RELU



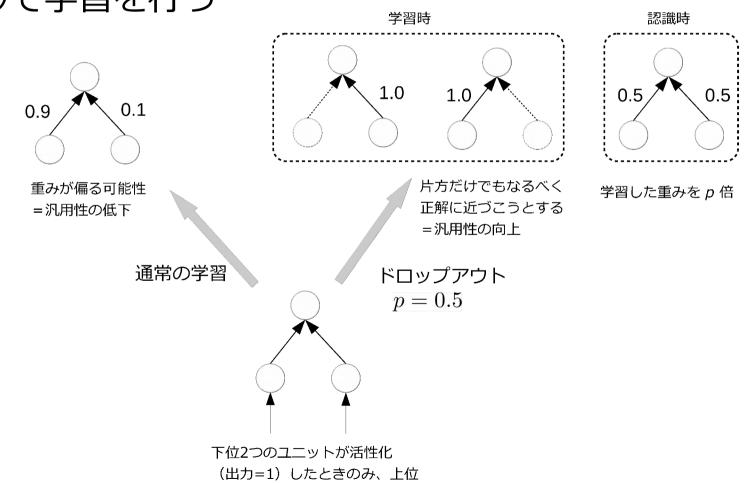
$$f(x) = \max(0, x)$$





- RELUの利点
 - 誤差消失が起こりにくい
 - 0を出力するユニットが多くなる

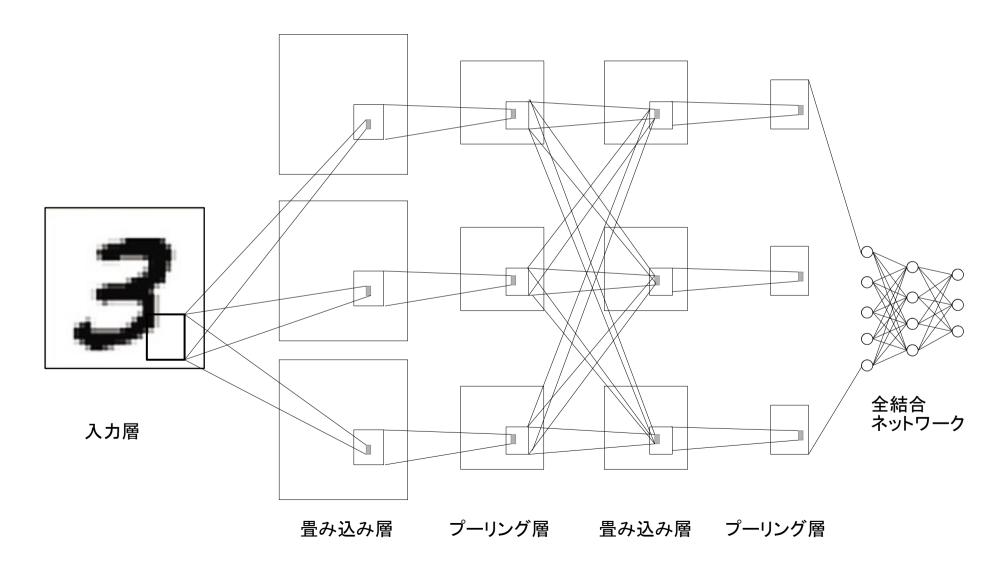
- 過学習の回避
 - ・ドロップアウト:ランダムに一定割合のユニットを消して学習を行う



のユニットも活性化させたい

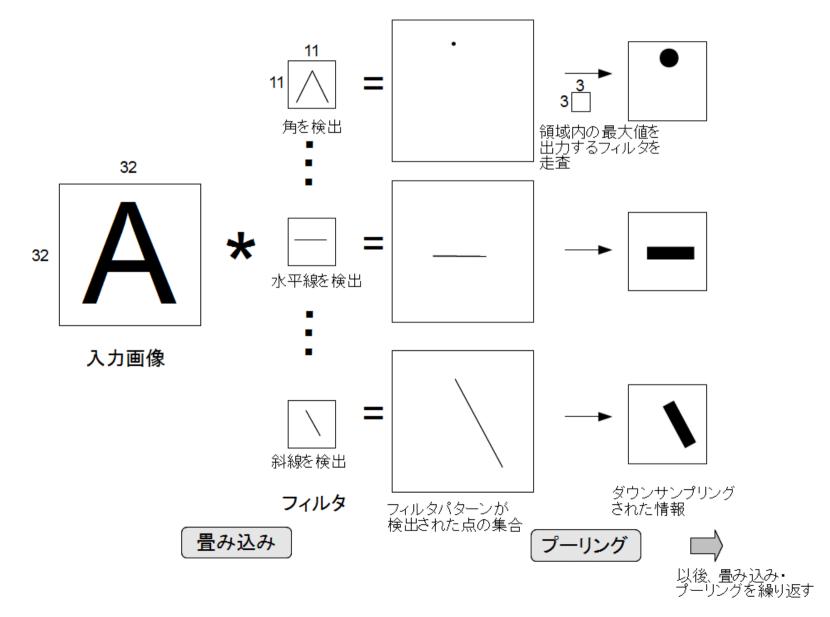
7.3.3 特化した構造をもつニューラルネットワーク

- 畳み込み二ューラルネットワーク
 - 画像認識に適する



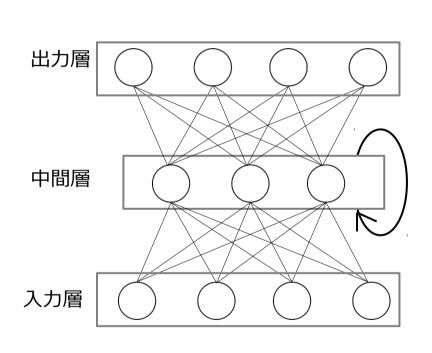
7.3.3 特化した構造をもつニューラルネットワーク

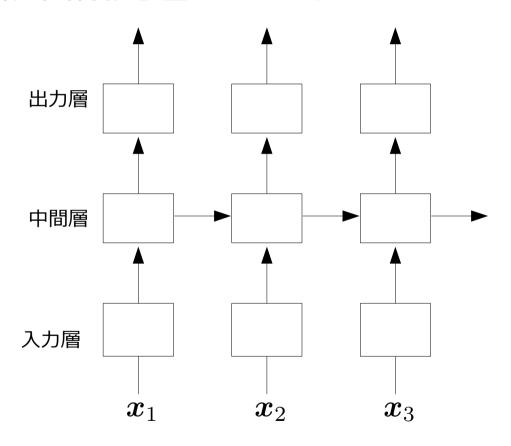
畳み込みニューラルネットワークの演算



7.3.3 特化した構造をもつニューラルネットワーク

- リカレントニューラルネットワーク
 - 時系列信号の認識や自然言語処理に適する





(a) リカレントニューラルネットワーク

(b) 帰還路を時間方向に展開