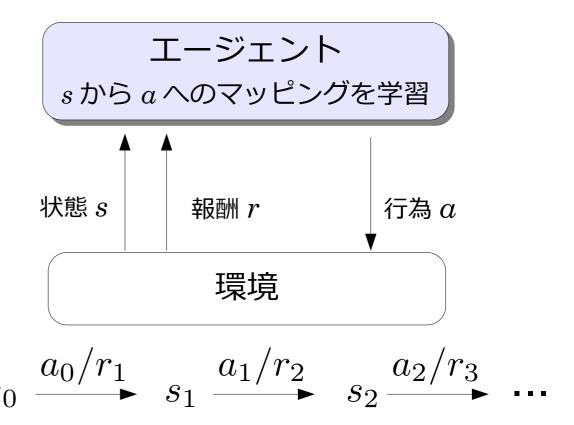
# 15. 強化学習

# 15.1 強化学習とは

- 強化学習の設定
  - 教師信号が間接的
  - 報酬が遅れて与え られる
  - 探索が可能
  - ・ 状態が非確定的な 場合がある

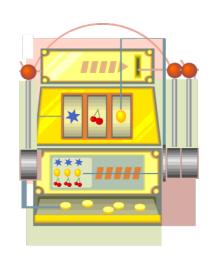


## 15.2 1 状態問題の定式化 -K-armed bandit 問題 -

- K-armed bandit の定義
  - *K*本の腕を持つスロットマシン
  - i 番目の腕を引く行為: $a_i$
  - その行為の価値 : $Q(a_i)$ 
    - 報酬 アが確定的な場合
      - 全ての可能な  $a_i$  を試み、 $Q(a_i) = r(a_i)$  が最大となる  $a_i$ を探す
    - 報酬  $r_t$  が確率的な場合

$$Q_{t+1}(a_i) = Q_t(a_i) + \eta(r_{t+1}(a_i) - Q_t(a_i))$$

 $\eta$  は t の増加に伴って、減少させる

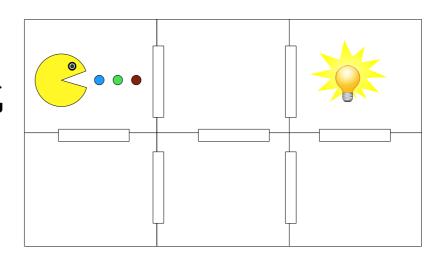


### 15.2 1 状態問題の定式化 -K-armed bandit 問題 -

- どのように  $a_i$ を選ぶか
  - 常に  $Q_t(a_i)$  が最大のものを選ぶ
    - もっと良い行為があるのに見逃してしまうかもしれない
  - いろいろな  $a_i$  を何度も試みる
    - 無駄な行為を何度も行ってしまうかもしれない
- ε-greedy 法
  - 確率  $1-\varepsilon$  で最良の行為を選び、確率  $\varepsilon$  でランダムに 行為を選ぶ
- Boltzmann 分布を利用した方法
  - 温度 k を導入し、 k が下がるにつれて確率的振る舞いが少なくなるようにする

#### ・マルコフ決定過程

- ・ 状態遷移を伴う問題の定式化
- 時刻 t における状態  $s_t \in S$
- 時刻 t における行為  $a_t \in A(s_t)$
- 報酬  $r_{t+1} \in \mathbb{R}$  確率分布  $p(r_{t+1}|s_t, a_t)$
- 次状態  $s_{t+1} \in S$  確率分布  $P(s_{t+1}|s_t, a_t)$



- 強化学習の学習目標
  - 最適政策  $\pi^*$ 
    - 状態から行為へのマッピング
    - 累積報酬の期待値が最大となる政策
  - 累積報酬の期待値

$$V^{\pi}(s_t) = \mathbb{E}(r_{t+1} + \gamma r_{t+2} + \gamma^2 r_{t+3} + \dots)$$
$$= \mathbb{E}(\sum_{i=1}^{\infty} \gamma^{i-1} r_{t+i})$$

 $\gamma$ : 割引率  $0 \le \gamma < 1$ 

• 最適政策に対する期待報酬

$$V^{*}(s_{t}) = \max_{a_{t}} Q^{*}(s_{t}, a_{t})$$

$$= \max_{a_{t}} \mathbb{E}(\sum_{i=1}^{\infty} \gamma^{i-1} r_{t+i})$$

$$= \max_{a_{t}} \mathbb{E}(r_{t+1} + \gamma \sum_{i=1}^{\infty} \gamma^{i-1} r_{t+i+1})$$

$$= \max_{a_{t}} \mathbb{E}(r_{t+1} + \gamma V^{*}(s_{t+1}))$$

• 状態遷移確率を明示

$$V^*(s_t) = \max_{a_t} (\mathbb{E}(r_{t+1}) + \gamma \sum_{s_{t+1}} P(s_{t+1}|s_t, a_t) V^*(s_{t+1}))$$

• Q 値による書き換え

$$Q^*(s_t, a_t) = \mathbb{E}(r_{t+1}) + \gamma \sum_{s_{t+1}} P(s_{t+1}|s_t, a_t) \max_{a_{t+1}} Q^*(s_{t+1}, a_{t+1})$$

ベルマン方程式

# 15.4 モデルベースの手法

• 環境のモデル(状態遷移確率、報酬の確率分布) が与えられた場合の Q 値の求め方

```
Algorithm 15.1 Value iteration アルゴリズム
```

```
V(s) を任意の値で初期化 repeat
```

for all  $s \in S$  do

for all  $a \in A$  do

$$Q(s,a) \leftarrow E(r|s,a) + \gamma \sum_{s' \in S} P(s'|s,a)V(s')$$

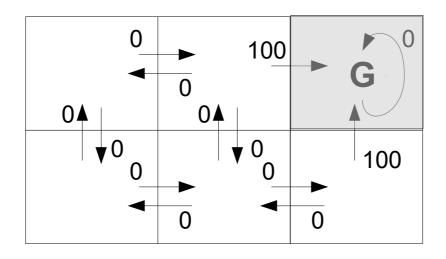
end for

$$V(s) \leftarrow \max_a Q(s, a)$$

end for

until V(s) が収束

• 報酬と遷移が決定的な TD 学習



• ベルマン方程式

$$Q(s_t, a_t) = r_{t+1} + \gamma \max_{a_{t+1}} Q(s_{t+1}, a_{t+1})$$

#### **Algorithm 15.2** TD 学習 (報酬と遷移が決定的な場合)

Q(s,a) を 0 に初期化

for all エピソード do

repeat

探索基準に基づき行為 α を選択

行為 a を実行し、報酬 r と次状態 s' を観測

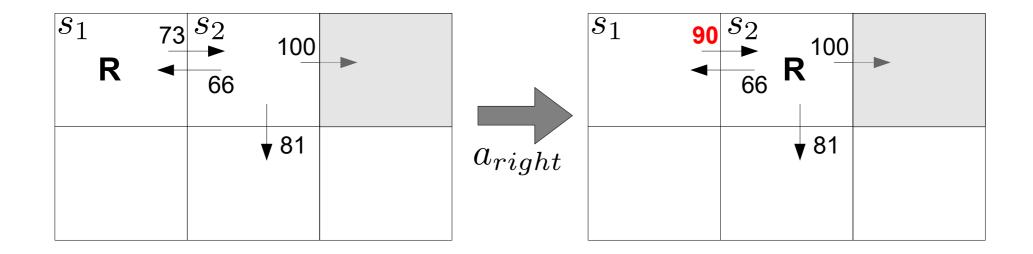
以下の式で Q を更新

$$Q(s, a) \leftarrow r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$$

 $s \leftarrow s'$ 

until s が終了状態

end for



$$Q(s_1, a_{right}) \leftarrow r + \gamma \max_{a'} Q(s_2, a')$$

$$\leftarrow 0 + 0.9 \max\{66, 81, 100\}$$

$$\leftarrow 90$$

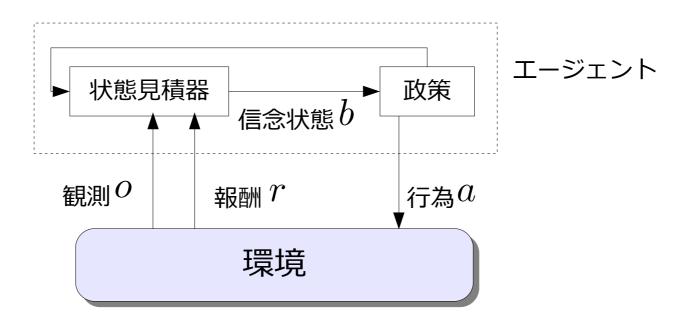
- 報酬と遷移が確率的な TD (Temporal Difference) 学習
  - ベルマン方程式

$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \eta(r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') - Q(s,a))$$

TD 誤差

- 理論的には、各状態に無限回訪問可能な場合に収束
- 実用的には無限回の訪問は不可能なので、状態推定 関数等を用いて、複数の状態を同一とみなす等の工 夫が必要

#### 15.6 部分観測マルコフ決定過程による定式化



- 状態  $s_t$  で行為  $a_t$  を行うと観測  $o_{t+1}$  が確率的に得られる
- エージェントは状態の確率分布を信念状態  $b_t$ として持つ
- エージェントは、信念状態  $b_t$ 、行為 $a_t$ 、観測  $o_{t+1}$ から次の信念状態  $b_{t+1}$ を推定する状態見積器 (state estimator) を内部に持つ

#### 15.7 深層強化学習

- Q(s, a) の推定に DNN を用いる
  - ネットワークの誤差に TD 誤差を用いる
  - 一部の問題においては、状態を推定しなくと も局面そのものをネットワークの入力にでき る
    - 例)ゲーム