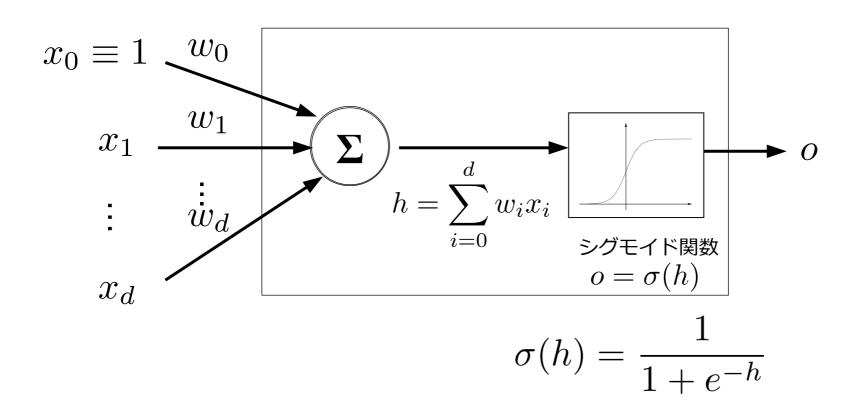
8. ニューラルネットワーク

8.1 ニューラルネットワークの計算ユニット

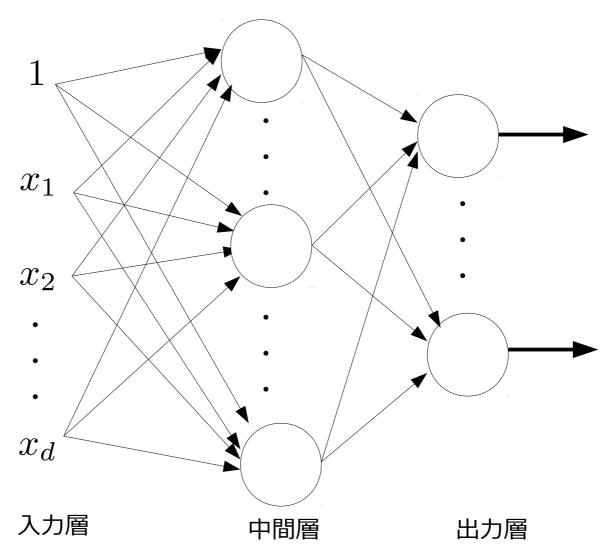
ロジスティック識別と同じもの



8.2 フィードフォワード型ニューラルネットワーク

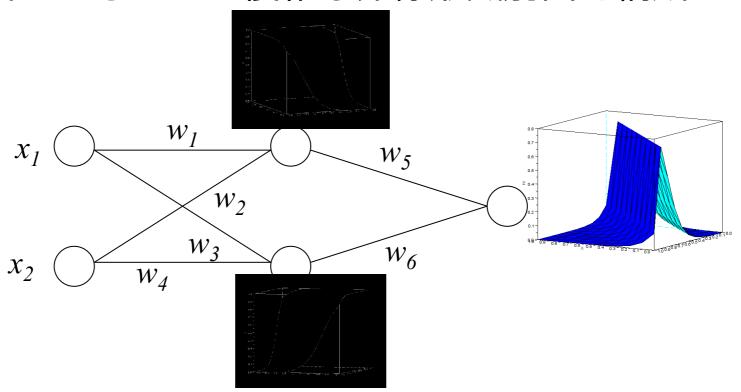
8.2.1 ニューラルネットワークの構成

フィードフォワード型



8.2.1 ニューラルネットワークの構成

- 識別面の複雑さ
 - 中間層ユニットの個数に関係する
 - シグモイド関数(非線形)を任意の重み・方向で足 し合わせることで複雑な非線形識別面を構成

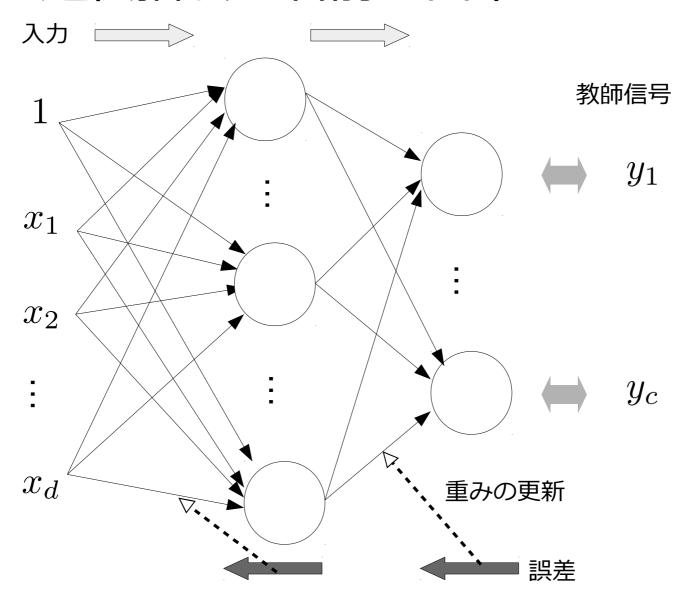


8.2.1 ニューラルネットワークの構成

- フィードフォワードネットワークのユニット
 - 中間層の活性化関数:シグモイド関数
 - 出力層の活性化関数:シグモイド関数または softmax 関数

$$f(h_i) = \frac{\exp(h_i)}{\sum_{j=1}^{c} \exp(h_j)}$$

• 誤差逆伝播法の名前の由来



• 誤差関数

$$E(\boldsymbol{w}) \equiv \frac{1}{2} \sum_{\boldsymbol{x}_i \in D} (y_i - o_i)^2$$

• 重みの調整式

$$w_j \leftarrow w_j - \eta \frac{\partial E}{\partial w_j}$$

ユニット *j* の重み が変化すれば、 誤差も変化する

・誤差の変化量の計算

$$\frac{\partial E}{\partial w_i} = \frac{\partial}{\partial w_i} \frac{1}{2} \sum_{\boldsymbol{x}_j \in D} (y_j - o_j)^2$$

$$= \frac{1}{2} \sum_{\boldsymbol{x}_j \in D} \frac{\partial}{\partial w_i} (y_j - o_j)^2$$

$$= \sum_{\boldsymbol{x}_j \in D} (y_j - o_j) \frac{\partial}{\partial w_i} (y_j - o_j)$$

・出力値の微分の計算

$$\frac{\partial o_j}{\partial w_i} = \frac{\partial o_j}{\partial h_j} \frac{\partial h_j}{\partial w_i}$$

$$\frac{\partial o_j}{\partial h_j} = o_j (1 - o_j)$$

$$\frac{\partial h_j}{\partial w_i} = x_{ij}$$

• (出力層の)重みの更新式

$$w_i \leftarrow w_i + \eta \sum_{\boldsymbol{x}_j \in D} (y_j - o_j) o_j (1 - o_j) x_{ij}$$

- 誤差逆伝播法
- 1.リンクの重みを小さな初期値に設定
- 2.個々の学習データ (x_i, y_i) に対して以下繰り返し
 - 入力 x_i に対するネットワークの出力 o_i を計算
 - a)出力層の k 番目のユニットに対してエラー量 δ 計算 $\delta_k \leftarrow o_k (1 o_k) (y_k o_k)$
 - b)中間層の h 番目のユニットに対してエラー量 δ 計算

$$\delta_k \leftarrow o_k (1 - o_k) \qquad \sum \qquad w_{kh} \delta_k$$

 $k \in outputs$

c)重みの更新

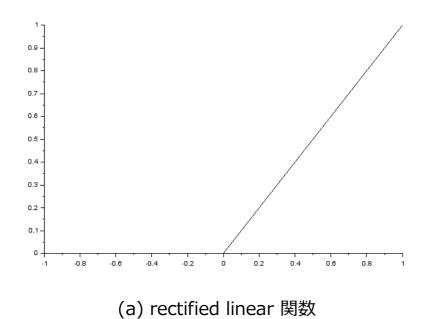
$$w'_{ji} \leftarrow w_{ji} + \eta \delta_j x_{ji}$$

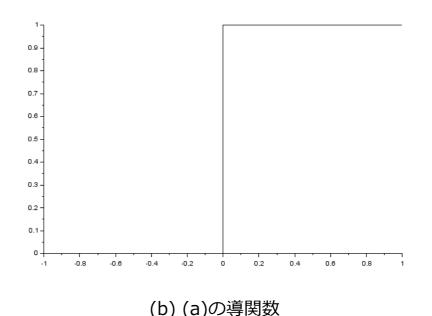
8.3 ニューラルネットワークの深層化

- 勾配消失問題
 - 多階層ネットワークの学習の難しさ
 - 誤差逆伝播法による多層ネットワークの学習は、重みの修正量が層を戻るにつれて小さくなってゆく

8.3 ニューラルネットワークの深層化

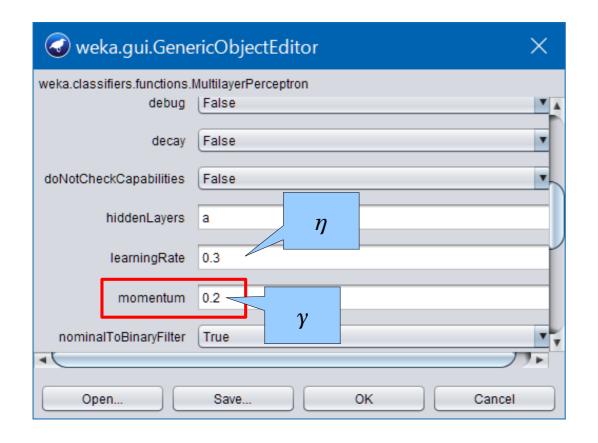
- さまざまな活性化関数
 - 微分によって大きく値が減らない関数
 - ReLu $f(x) = \max(0, x)$





学習時のパラメータ

- Weka でのパラメータ調整
 - モーメンタム(慣性) v
 - 更新の方向に勢いを付けることで収束を早め、振動を抑制する



$$\boldsymbol{v}_t = \gamma \boldsymbol{v}_{t-1} + \eta \frac{\partial E}{\partial \boldsymbol{w}}$$

$$oldsymbol{w}' = oldsymbol{w} - oldsymbol{v}_t$$

学習時のパラメータ

• sklearn の学習パラメータ (1/2)

```
MLPClassifier(
```

```
activation='relu', alpha=0.0001, batch_size='auto', beta_1=0.9, beta_2=0.999, early_stopping=False, epsilon=1e-08, hidden_layer_sizes=(100,), learning_rate='constant', learning_rate_init=0.001, max_iter=200, momentum=0.9, nesterovs_momentum=True, power_t=0.5, random_state=None, shuffle=True, solver='adam', tol=0.0001, validation_fraction=0.1, verbose=False, warm_start=False)
```

- activation: 活性化関数
 - 'identity': 同一値関数 f(x) = x
 - 'logistic': シグモイド関数 f(x) = 1 / (1 + exp(-x))
 - 'tanh': 双曲線正接 f(x) = tanh(x)
 - 'relu': ランプ関数 f(x) = max(0, x)

学習時のパラメータ

- sklearn の学習パラメータ (2/2)
- solver: 最適化手法
 - 'lbfgs': 準二ュートン法
 - 2次微分を更新式に加える
 - 'sgd':確率的最急降下法
 - 'adam': Adaptive Moment Estimation
 - モーメントの改良:直前の値だけではなく、これまでの指数 平滑移動平均を用いる
 - モーメントの拡張:分散に関するモーメントも用いる
 - まれに観測される特徴軸に対して大きく更新する効果

データ数が多いときは adam、 少ないときは lbfgs が 勧められている