# 基礎マクロ:疫学 (マクロ経済学)

日野将志

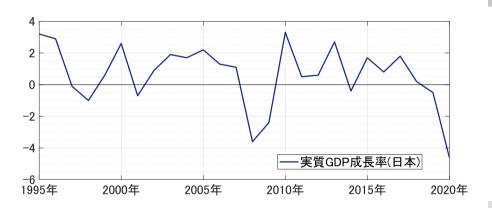
一橋大学

2021

日野将志

純粋な疫学モデル

論:コーディング



「昨年度の GDP -4.6 % リーマンショック超える最大の下落」

(例:https://www3.nhk.or.jp/news/html/20210518/k10013036691000.html)

## 緊急事態宣言の大雑把な復習

- ▶ 1回目:20年4月上旬-5月下旬
- ▶ 2回目:21年1月上旬-3月下旬
- ▶ 3回目:21年4月下旬-6月下旬
- ▶ 4回目:21年7月上旬-9月

(※地域ごとに差異あり)

⇒ Q, なんで緊急事態宣言?どういう効果?

## 緊急事態宣言の大雑把な復習

- ▶ 1回目:20年4月上旬-5月下旬
- ▶ 2回目:21年1月上旬-3月下旬
- ▶ 3回目:21年4月下旬-6月下旬
- ▶ 4回目:21年7月上旬-9月

(※地域ごとに差異あり)

⇒ Q. なんで緊急事態宣言?どういう効果?

(潜在的に) 重要なトレードオフ:健康 (人命) vs 経済 緊急事態宣言を...

- ▶ 強化すると、人命を多く救えるが、経済損失大
- ▶ 弱めると,経済損失は小さい (?) が,健康被害大
- ⇒ マクロ経済学と疫学が融合される必要があった

実験は出来ない. ⇒ モデルなら実験できる!

でも,ここでは疫学のモデルを主に教えます

純粋な疫学モデル 安学マクロ経済学

11 EL 3871 HIII X

補論:コーディンク

(潜在的に) 重要なトレードオフ:健康 (人命) vs 経済 緊急事態宣言を...

- ▶ 強化すると、人命を多く救えるが、経済損失大
- ▶ 弱めると,経済損失は小さい (?) が,健康被害大
- ⇒ マクロ経済学と疫学が融合される必要があった

実験は出来ない.⇒ モデルなら実験できる!

でも,ここでは疫学のモデルを主に教えます

緊急事態官言を

(潜在的に) 重要なトレードオフ:健康 (人命) vs 経済

- ▶ 強化すると、人命を多く救えるが、経済損失大
- ▶ 弱めると,経済損失は小さい (?) が,健康被害大
- ⇒ マクロ経済学と疫学が融合される必要があった

実験は出来ない. ⇒ モデルなら実験できる!

でも,ここでは疫学のモデルを主に教えます

(潜在的に) 重要なトレードオフ:健康 (人命) vs 経済 緊急事態宣言を...

- ▶ 強化すると、人命を多く救えるが、経済損失大
- ▶ 弱めると,経済損失は小さい (?) が,健康被害大
- ⇒ マクロ経済学と疫学が融合される必要があった

実験は出来ない. ⇒ モデルなら実験できる!

でも、ここでは疫学のモデルを主に教えます

## 補足:マクロ経済学者とコロナ

疫学マクロ 日野将志

日本經濟新聞

朝刊 • 夕刊

LIVE

@  $M_V = 2$ 

政治 マネーのまなび

## 首相、東大研究者と面会 新型コロナと経済で意見交換

**→** フォローする

2021年6月20日 21:45 (2021年6月20日 23:23更新)

€ 保存

菅義偉首相は20日、首相公邸で東大大学院の仲田泰祐准教授、藤井大輔特任講師と 面会した。新型コロナウイルスの感染状況と経済活動の見通しについて意見交換し t- .

私のノートは、仲田先生のノートや早稲田の久保田先生から譲り受けたものを参 考にしています

仮想実験

ロックダウンの役割 ロックダウンのタイミンク

ダ学マクロ経済学

仲田・藤井論文

補論:コーディング

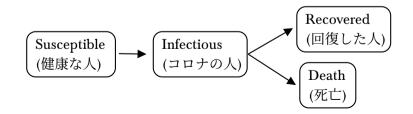
純粋な疫学モデル:SIRD モデル

## SIRDモデルの概要

#### 最も単純な SIRD モデル

- $ightharpoonup S_t$ : Susceptible (感染前). 健康で免疫を持っていない人
- $ightharpoonup I_t$ : Infectious(感染中). 感染していて,他の人にうつす
- $ightharpoonup R_t$ : Recovered (回復済み). 回復して免疫を獲得した人
- ▶  $D_t$ : Death (死亡).

人口は1と基準化: $1 = S_t + I_t + R_t + D_t$ この四つの状態を動く



日野将志

純粋な疫学モデル

SIRD モデル

反想実験 ロックダウン(

仲田・藤井論文

甫論:コーディング

Recovered  $\gamma_R I$ Infectious Death (新規感染者)

SIRD モデルは次の式からなる  $(T_t(\cdot)$  は次頁)

 $D_{t\perp 1} = D_t + \gamma_D I_t$ 

 $T_t$ 

Susceptible (健康な人)

$$S_{t+1} = S_t - \underbrace{T_t(\cdot)}_{ ext{新規感染者}}$$
  $I_{t+1} = I_t + T_t(\cdot) - \underbrace{\gamma_R I_t}_{ ext{次期に回復}(\gamma_R \in (0,1))} - \underbrace{\gamma_D I_t}_{ ext{次期に死亡}(\gamma_D \in (0,1))}$   $R_{t+1} = R_t + \gamma_R I_t$ 

8/59

 $S_{t+1} = S_t - \underbrace{T_t(\cdot)}_{}$ 

 $I_{t+1} = I_t + T_t(\cdot) -$ 

 $R_{t+1} = R_t + \gamma_R I_t$  $D_{t\perp 1} = D_t + \gamma_D I_t$  SIRD モデル

この中で,
$$T_t(\cdot)$$
 が重要. $T_t = eta imes eta imes eta imes eta imes eta$ 

 $\gamma_R I_t$ 

次期に回復  $(\gamma_R \in (0,1))$  次期に死亡  $(\gamma_D \in (0,1))$ 

感染者と健康な人が多いと感染拡大

$$T_t = eta I_t S_t$$

この $T_t$ は2次同次(収穫逓増). つまり $\lambda > 0$ に対して,

$$\lambda^2 T_t = \beta(\lambda I_t)(\lambda S_t)$$

意味:健康で無免疫な人  $S_t$  と感染者  $I_t$  が 2 倍ずつになったら, $T_t$  は 4 倍  $\Rightarrow$  指数的増大 (感染爆発) する

$$(オプショナル: $T_t = \beta I_t^{\alpha} S_t^{\beta}, \alpha + \beta > 1$  等としても良い)$$

中田・藤井論文

**前論:コーディング** 

## $T_t$ を代入した SIRD モデル

$$S_{t+1} = S_t - \underbrace{eta I_t S_t}_{ ext{新規感染者}}$$
  $I_{t+1} = I_t + eta S_t I_t - \underbrace{\gamma_R I_t}_{ ext{次期に回復}} - \underbrace{\gamma_D I_t}_{ ext{次期に死亡}}$   $R_{t+1} = R_t + \gamma_R I_t$   $D_{t+1} = D_t + \gamma_D I_t$ 

連立の差分方程式 (シミュレーションは超簡単!)

経済学の観点からは、ソローモデルと大差ない

仮想実験 ロックダウンの役割

疫学マクロ経済学

TTILL DK/THIII

補論:コーディング

シミュレーションをするためにはパラメータを決める必要がある.

- ▶ モデルの期間:週  $t \rightarrow t + 1$  は1週間
- ▶  $I_0 > 0$  初期の感染者数. 初期感染者  $I_0$  が 0 だと、だれも永遠に感染しない.
- $\gamma_D = 0.005 \times 7/18$ : 感染した人の一週間以内の死亡率 感染者のうち 0.5% が死亡. 平均 18 日感染が続く. これを週にするため, 7 で割る.
- $\gamma_R = (1 0.005) \times 7/18$ 感染者のうち 99.5% が回復.
- $eta\in(0.5,0.5852)$ :感染確率 感染者  $I_t$  と非感染者  $S_t$  が会ったときに感染する確率.まだ未知数…

純粋な疫学モデル

SIRD モデル

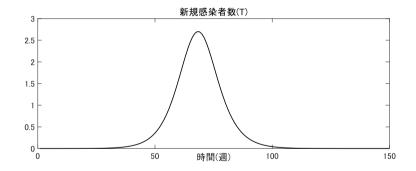
仮想実験

ロックダウンの役割 ロックダウンのタイミング

仲田・藤井論

補論:コーディング

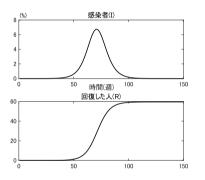


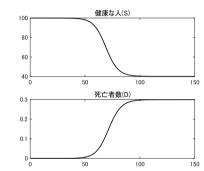


ight
ight. 時間が経ってから (50 週後に),新規感染者数  $T_t$  が急増

# シミュレーション結果:他の変数

#### 政府が何もしない場合:





- ▶ 100 週後 (2 年後) に人口の 6 割程度が感染して落ち着く (集団免疫の獲得).
  - ▶ 人口の 0.3% ≈ 36 万人死亡
  - ▶ 西浦教授 (2020/4 月)「42 万人死ぬ」

日野将志

SIRD モデル

仮想実験

ロックダウンの役割 ロックダウンのタイミング

仲田・藤井論

補論:コーディンク

## 現実における緊急事態宣言の役割

- ▶ 人と人が接触する可能性を減らす
- ▶ 例
  - ▶ 飲食店の閉店・自粛要請
  - ▶ 外出抑制

モデルにおける緊急事態宣言

▶ 感染者も非感染者も一律に出会わなくなる

$$T_t = \beta((1-L)I_t)((1-L)S_t)$$

 $L \in (0,1)$ : ロックダウンの強さを表すパラメータ

#### 日野将志

純粋な疫学モデノ

SIRD モデノ

#### 仮想実験

ロックダウンの役割

後学マクロ経済

中田・滕开論文

相論・コーティング

疫学モデルの仮想実験

疫学マクロ

### 仮想実験できるのがモデル分析の強み!

- ▶ やるべき実験:異なる L のシミュレーション比較 ▶ 例:ロックダウンなし (L = 0.0) とロックダウンあり (L = 0.2)
- ▶ コード: SIR lockdown.m
- - ▶ 例えば、「2 倍厳しいロックダウンは、2 倍の人命を救う」か? ▶ やるべき実験:異なる L のシミュレーション比較
  - ▶ 例:L = 0.0.2, 0.4 の比較など
  - ▶ コード: SIR lockdown strict.m
- ▶ 検査して感染者 I<sub>4</sub> のみ隔離

仮想実験

疫学マクロ 日野将志

ロックダウンに関して次のような疑問 (1) ロックダウン L は人命を救うか?

- ▶ やるべき実験:異なる *L* のシミュレーション比較
- ▶ 例:ロックダウンなし (L = 0.0) とロックダウンあり (L = 0.2)
- ▶ コード: SIR lockdown.m
- 厳格なロックダウンは効果的か?
  - ▶ 例えば、「2倍厳しいロックダウンは、2倍の人命を救う」か?
  - ▶ やるべき実験:異なる L のシミュレーション比較
  - ▶ 例:L = 0.0.2, 0.4 の比較など
  - ▶ コード: SIR lockdown strict.m
  - ▶ 効率的なロックダウン?
    - ▶ 検査して感染者 I<sub>t</sub> のみ隔離

仮想実験

## 同じロックダウンの厳しさ (L) でも実行方法は多数!

- (3) ロックダウンのタイミングはいつが良い?早い?感染拡大期?遅くても良い?
  - ▶ やるべき実験:異なるタイミングでのロックダウン
  - ▶ コード: SIR\_lockdown\_timing.m
- (4) ロックダウンの期間はどれくらいが良い?
  - ▶ やるべき実験:短期間と長期間のロックダウン
  - ► コード:SIR\_lockdown\_long.m

etc...

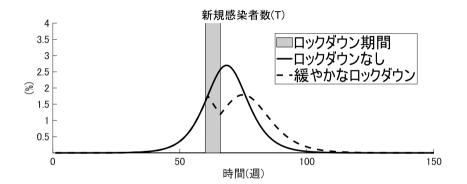
純粋な疫学モデル SIRD モデル

仮想実験

ロックダウンのタイミング

中田・藤井論文

**浦論:コーディング** 



- ▶ ロックダウンによって、新規感染者を遅らせられる (ワクチンまでの時間 稼ぎ)
- ▶ ロックダウンによって、新規感染者数を減らせる

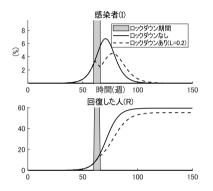
. ...

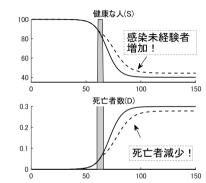
SIRD モデル 仮想実験 ロックダウンの役割

仲田・藤井論文

補論:コーディング

## 実験1:ロックダウンの役割





- ▶ 感染する人を減らせる
- ▶ 死亡者も減る
- ⇒ ロックダウンは効果的な手段!

#### 日野将志

純粋な疫学モデル SIRD モデル

**ロックダウンの役割** ロックダウンのタイミング

疫学マクロ組

....

補論:コーディング

ロックダウンは次のような効果を持つ

- ightharpoonup 感染する割合  $1 S_t (= I_t + R_t + D_t)$  を減らせる
- ▶ 死亡者数 D<sub>t</sub> も減らせる

ロックダウンは効果的な手段! ⇒ ただの時間稼ぎではない

疑問:ロックダウンを2倍にすると,死亡者減を倍増できる? (数学的には,「ロックダウンの効果は線形なのか?」)

**1粋な疫学モデル** IRD モデル

ロックダウンの役割 ロックダウンのタイミング

仲田・藤井論文

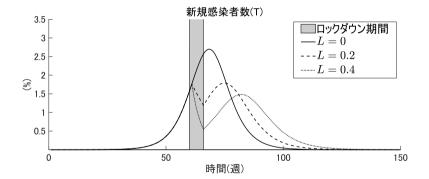
哺論:コーディング

疫学マクロ経済学

L-D-1A

補論:コーディンク





▶ ロックダウン期間中,新規感染者は激減

#### 日野将志

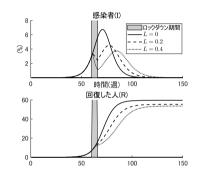
純粋な疫学モデル SIRD モデル 仮想実験

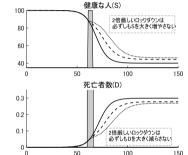
**ロックダウンの役割** ロックダウンのタイミン

-1-1/

押田・滕井繭又

補論:コーディング





- ▶ ロックダウン時と直後は、厳格なロックダウンは効果的
- ▶ ロックダウンから時間が経つと、厳格なロックダウンの効果は消失していく

小林慶一郎教授「検査数を増やすべき!」

- ▶ 考え方
  - lackbox ロックダウンの経済的損失が大きい原因は健常者  $S_t$  も巻き込まれるから
  - ightharpoonup  $I_t$  だけを見つけて隔離すれば社会的負担は低い

$$T_t = eta(1- ilde{L})I_tS_t$$

感染者  $I_t$  を全員見つけて隔離  $(\tilde{L}=1)$  できればパンデミックは即収束.

- ▶ 日本では数多くの批判がされた
  - ▶ 「非現実的. 医療の限界を越えている」
    - ▶ 「経済学者が疫学に口出しするな」
- ▶ アメリカではかなりの程度実施されていた
  - ▶ OSUではキャンパスに入構するためには週一の検査が義務だった

四年な数字モナル
SIRD モデル
仮想実験
ロックダウンの役割

ロックダウンのタイミング 5学マクロ経済学

гш жүташх

補論:コーディング

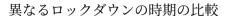
中粋な疫学モデル
SIRD モデル
仮想実験
ロックダウンの役割

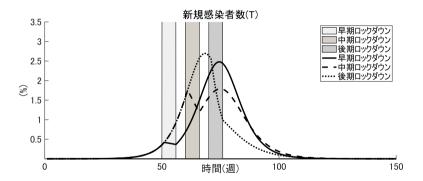
ロックダウンのタイミング

授子マグロ紅角

LDSA . . . . . . . . . . . .

補論:コーディンク





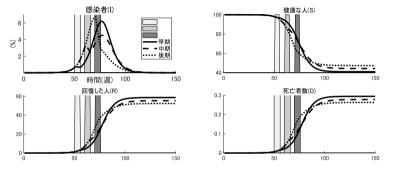
感染者が多いときに行った方が、大きな効果が見込める

#### 日野将志

関係な数子セデル SIRD モデル 仮想実験 ロックダウンの役割 ロックダウンのタイミング 度学マクロ経済学

中口。旅升論又

補論:コーディング



#### 感染者が多いときに行った方が効果的

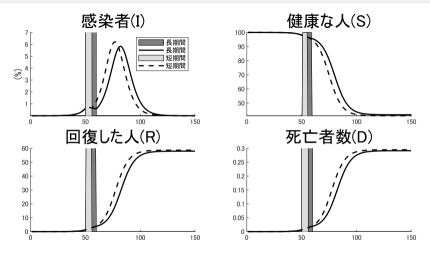
- ▶ ピーク時に抑え込むと効果は大きい
- ▶ この例だと、後期にロックダウンが効果的

(ただし、現実には死亡者を抑えるために、「早めに何度も」ということは出来ることに注意)

日野将志

ロックダウンのタイミング





- ▶ ロックダウン中と直後は、長い方が効果大
- ▶ ロックダウンから時間が経つと、その効果はほぼ消失していく

これまでの教えた SIRD モデルは次のような要素を見逃している。

- ▶ 回復 ≠ 免疫獲得
  - ▶ Rが免疫保持は限らないかも...
  - ▶  $R \to S$  (※しかし、私の経験上、これは結果をあまり変えない)
- ▶ Iの分解:重傷者と無自覚症状者
- 医療の限界:
  - ▶ 特定の上限 (例. 病床数, ICU 数, 人工呼吸器数) を超えると死亡者が激増する

$$I_{t+1} = egin{cases} I_t + T_t - (\gamma_R - \hat{\gamma}_D)I_t - (\gamma_D + \hat{\gamma}_D)I_t & ext{if } I_t > \mathcal{C} \ I_t + T_t - \gamma_RI_t - \gamma_DI_t & ext{if } I_t \leq \mathcal{C} \end{cases}$$

C は上限 (capacity).

▶ ワクチン

拡張の可能性は色々あるし、すでに分析されている

#### 日野将志

純粋な疫学モデル

### 疫学マクロ経済学

補論:コーディンク

疫学マクロ経済学

- ▶ 20年3月中旬:初期の疫学マクロモデルの開発
  - ▶ 現在最も標準化したモデル:Eichenbaum, Rebelo and Trabandt ('20)
  - Alvarez, Argente Lippi ('20), Kaplan, Moll and Violante ('20), Glover, Heathcote, Krueger, Rios-Rull('20)
- ▶ 20 年 4/1:様々な webinar の開始 (vmacs, health,etc). 上記の研究が世界に 配信される
- ▶ 20 年 4 月上旬:日本でも上記の研究の再現等が始まる 以下,様々な経緯を経て,現在では論文数は爆発的に増加...

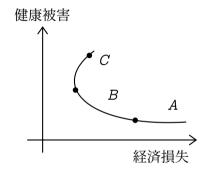
## パンデミック可能性フロンティア

日野将志

疫学マクロ経済学

Ann straight

補論:コーディング



### 読み方

- ▶ 右上は最悪:人命被害も経済損失も大きい
  - ▶ 例えば C 点は最悪. B の方がまだ良い
  - ► A点とB点は、倫理・政治・民主的判断が必要

### パンデミック可能性フロンティアのシフト

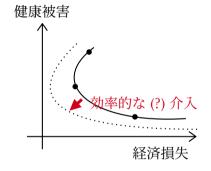
疫学マクロ

日野将志

純粋な疫学モデル

疫学マクロ経済学

補論:コーディン



効率的だと考えられて検討・提案された政策:"Targeting"

- ▶ 影響を受けやすい人を隔離:老人優先隔離
- ▶ 大量検査・大量隔離案:感染者隔離

#### 疫学マクロ経済学

11 PH 75K71 HIII /

補論:コーディング

- ▶ 純粋な疫学モデル:SIRD モデル
  - ▶ ソローモデルみたいなもの
    - ▶ 個人の経済行動は考慮されていない
- ▶ 疫学マクロモデル:SIR+マクロモデル
  - ▶ "気のゆるみ"の自然な導入が可能:

感染が小康状態になると買い物へ ⇒ また感染拡大 ⇒ 経済自粛やロックダウン

 $\Rightarrow \cdots$ 

純粋な疫学モデル

仲田・藤井論文

補論:コーディング

現在、東大の仲田・藤井先生らが、マクロ経済学者として政策を牽引

- ▶ 首相との直接面会:
  - https://www.sankei.com/politics/news/210508/plt2105080010-n1.html
- ▶ 彼らのメディア活動一覧: https://covid19outputjapan.github.io/JP/media.html
  以降, 仲田・藤井モデルの解説

仲田・藤井モデルの特徴

- ▶ SIRD+超簡単な経済モデル
- ▶ SIRDパートは原則前述のとおり

# 仲田・藤井論文

$$S_{t+1} = S_t - T_t(\cdot) - \underbrace{V_t}_{ ext{vaccinated}}$$
  $I_{t+1} = I_t + T_t(\cdot) - \gamma_R I_t - \gamma_D I_t$   $R_{t+1} = R_t + \gamma_R I_t + V_t$   $D_{t+1} = D_t + \gamma_D I_t$ 

- ▶ T<sub>t</sub> の関数形は後述
- ▶ V<sub>4</sub>:ワクチン接種による抗体獲得

仲田・藤井論文

$$Y_t = \underbrace{(1-L_t)A_t(\{L_j\}_{j=0}^{t-1})}_{ ext{-人当たり生産性}}\underbrace{(S_t+lpha_II_t+R_t)}_{ ext{労働}}$$

- ▶  $1 L_t$ : 緊急事態, social distancing によって棄損された生産性
- ightharpoonset  $A_t(\{L_j\})$ :過去の緊急事態宣言等によって持続的に棄損された生産性
- ightharpoonup  $lpha_I$ : 感染者も一定程度働くことができる (例:無症状・無自覚患者)

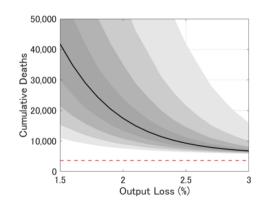
▶ 
$$POP_0(=I_0+S_0)$$
:初期人口

- ▶  $\hat{\beta}_t$ : 効率感染率
- ▶ β<sub>t</sub>:コロナの感染率
  - ightharpoonup 例えばマスク着用率が上がると下がる.また例えば変異種は ho が高い
- ightharpoonup  $(1-hL_t)^2$ :経済活動が下がることで、感染率が下がる効果 (h はパラメータ)

純粋な疫学モデル

仲田・藤井論文

補論・コーディング



#### 主要結果

- ▶ 感染と経済にはトレードオフ
- ▶ 限界的な感染抑止効果が逓減
- ▶ 推定の誤差はとても大きい可能性

仲田・藤井論文

補論:コーディンク

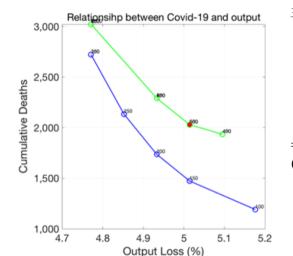
仲田・藤井のシミュレーションの設定

- ▶ 政府は1日の感染者数が2000人を超えると緊急事態を宣言
- ▶ 設定した経済損失のペースを維持
- ▶ ある基準 (新規感染者が週に  $500 \times 7$ 人 or  $300 \times 7$ 人) を下回ると解除するこれを必要であれば何度も繰り返すという想定

日野将志

仲田・藤井論文

補論:コーディンク



#### 主要結果

- ▶ 緑:
  - 2回短い緊急事態宣言
- ▶ 青:
  - 1回長い緊急事態宣言
- ⇒ 仲田・藤井グループは厳しい基準 (300 人/日) の緊急事態宣言を提案

日野将志

純粋な疫学モデル

仲田・藤井論文

補論:コーディンク

- ▶ 日本語オンラインで読めるもののみ
  - ▶ 仲田・藤井 link ,藤井 link ,久保田 link ,猪野・千葉 link ,日本経済学会 link ,経済セミナー link , link
- ▶ 他にも、経済セミナーという雑誌 link
- ▶ これらの中で紹介されている参考文献

MATLAB を例に

[粋な疫学モデル

下四 *版*於开加 久

基本的には、数値計算やコーディングは電卓のようなもの

### 注意事項

- (1) = は等号ではない = は「右辺で左辺を定義する」という意味. == が等号 (※ R 等, = の代わりに < - 等を使う言語もある)
- (2) ベクトルや行列は、配列と呼ぶ
- (3) 最も特徴的な演算は (1)for ループ, (2)while ループ, (3)if 文

# For ループ

For ループは、T回ループを繰り返すという演算

▶ 数式例:

$$a = \sum_{t=1}^T a_t$$

► MATLAB コード例

```
a=0;
3 for t=1:T
a = a + a_t(t);
5 end
```

1 % some codes

▶ ほぼ全ての場合, For ループで代替できる.

(私個人は、全て For ループで書くため、While ループを使わない)

文

If 文は条件付け. 「A が起きたら、B する」という命令

▶ 数式例:

$$a = egin{cases} x+b & ext{if } x < 1 \ x+c & ext{else} \end{cases}$$

▶ MATLAB コード例:

(※:コード例を挿入しようとしたら,日本語のパッケージと色々干渉してしまった…)

#### SIRD モデルのコード

一番基本のケース (緊急事態宣言なし)

```
粋な疫学モデル
```

如"豚开酬又

```
1 clc; clear all; close all; % cleaning up
2
 % Parameter setting
 T=150; % simulation length
 beta = 0.5852; % infection rate
 gamma D = 7/18 * 0.005; %death probability
 gamma_R = 7/18*(1-0.005); % recovery probability
8
  % preparation of matrices
  S=zeros(1,T); %population of susceptible at all t
  I=zeros(1,T); %population of infectious at all t
 R=zeros(1,T); % population of recovered at all t
 D=zeros(1,T); number of death at all t
```

```
1 % Initial Condition
2 I(1) = 10^{(-6)}; = 1e-6
3 S(1) = 1 - I(1);
4 R(1) = 0;
5 D(1) = 0;
6
7 % Loop
8 for t=2:T
S(t) = S(t-1) - beta*S(t-1)*I(t-1);
   I(t) = I(t-1) + beta*S(t-1)*I(t-1) - ...
10
        gamma R \times I(t-1)-gamma D \times I(t-1);
   R(t) = R(t-1) + gamma_R * I(t-1);
11
  D(t) = D(t-1) + gamma_D * I(t-1);
12
13
  end
14 Trans=beta.*S.*I:
```

```
1 % Figure 1
2 figure
3 plot([1:T], Trans*100, 'k', 'LineWidth', 1.5)
4 title('新規感染者数(T)','FontSize',20)
                                                                          補論:コーディング
5 xlabel('時間週()','FontSize',14,'interpreter','latex')
6
  % Figure 2
  figure
  subplot(2,2,1)
  plot([1:T], I*100, 'k', 'LineWidth', 1.5);
  title('感染者(I)','FontSize',20,'interpreter','latex')
  xlabel('時間週()','FontSize',14,'interpreter','latex')
13
  subplot(2,2,2)
  plot([1:T],S*100,'k','LineWidth',1.5);
  hold on
17 title('健康な人(S)', 'FontSize', 20, 'interpreter', 'latex')
```

plot([1:T],R\*100,'k','LineWidth',1.5);

subplot(2,2,3)

hold on

5

```
補論:コーディング
```