#### 労働供給

日野将志

静学的なモデル

対数効用の例

対数効用と所得税

2 期間モアルと穷( 時間

応用例

補足

基礎マクロ:消費と労働時間

日野将志

一橋大学

2021

働いてる家計の時間の使い方は概ね二つ:働くか,自由時間か

家計は雇用状態や政策 (所得税等) に応じて労働時間を変える

- ▶ 世帯主の労働
- ▶ 第二労働者の労働

ここでは労働時間の選択の理論について教えます (失業の理論についてはやりません)

► Kurlat 7章

静学的なモデル

対数効用の例

対数効用と所得税

2 期間モデルと労働時間

応用例

相足

▶ 所得と労働供給の関係性

▶ 例:世帯年収と伴侶の労働供給

▶ 労働政策の変更と労働供給の変更

▶ 例:ベーシックインカムで労働供給は減る?

▶ 例:所得税の累進度の増加で労働供給は減る?

▶ 後々学ぶ景気循環のモデルにおいて重要

### このスライドで学ぶこと

静学的なモデル 図解

対数効用の例

対数効用と所得税

2期間モデルと労働時間

応用例

応用例1:Prescott

補足

補足:統一的な枠組みの重要性

補足:ラグランジュ未定乗数法

補足:2期間モデルと労働時間(再訪)

補足: 異時点間と同時点間の分離

労働供給

日野将志

学的なモデル

数別用の例

対数効用と所得税

間

足

対数効用の例

時間

応用例

足

静学的なモデル

これから次のような家計の問題を考える

- ▶ 世の中は1期間だけ(静学的)
- ▶ 家計は消費 *c* と余暇 *l*(leisure) から効用を得る
- ▶ 家計は次のようなトレードオフに直面する
  - ▶ たくさん働く h と、労働所得 wh が増え、たくさん消費 c できる
  - ▶ たくさん働く h と、余暇時間 l が減る
- $\Rightarrow$  たくさん働く (h) か, たくさん休む (l) かというトレードオフ

### 前回との比較

- ▶ 前回は「今日使うか、貯めて明日使うか」という問題だった
- ▶ 今は貯蓄はなし (あとで貯蓄もやる)

効用は消費 c と余暇 (leisure)l から得る

u(c, l)

 $u_c > 0, u_{cc} < 0 \text{ h}$   $0, u_l > 0, u_{ll} < 0 \text{ e}$ 

- $v_c > 0, u_l > 0$ : 消費も余暇も増えると幸せ
- **u** $_{cc} < 0, \mathbf{u}_{ij} < 0$ : 消費も余暇も、増えすぎるほど追加的な幸福度は下がる

日野将志



LNA-Jal. III as II

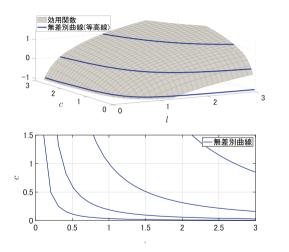
り女人が月日のかり

N3 30X X/J / T3 ⊂ / Y1 1√1√170

寺間

応用例

浦足



本質的に、前回とほぼ同じ!違いは軸が消費cと余暇lになっただけ

予算制約は次の通り

c = wh

w は賃金 (外生変数), h は労働時間 (labor Hours)

労働時間の上限を考える

- ▶ 現実には1日なら24時間でも良いし,1440分でも良い. 週なら168時間, 月なら約720時間等々. どうしよう?
- ▶ 上限を1とする (最も一般的だと思います)

1 = h + l

静学的なモデル

付数効用の例

相関エデルと労働

と田棚

浦豆

以上をまとめると、家計は次のような最大化問題を解く

$$\max_{c,h,l} u(c,l)$$
s.t.  $c = wh$ 

$$c - wn$$

$$1=l+h$$

なお,2本目の制約式を代入して,

$$\max_{c,l} u(c,l)$$
s.t.  $c = w(1-l)$ 

と変形しても同じ解が得られる

静学的なモデル 図解

対数効用と所得税

rrr tot

PA IT DA

足



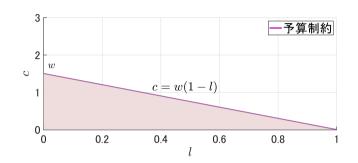
対数効用の例

対数効用と所得税

2 期間モデルと労働 時間

応用例

非足



- $\triangleright$  全く余暇を過ごさない (l=0) なら, c=w
- ightharpoonup 全ての時間を余暇に使う (l=1) なら、c=0

### 静学的なモデル

これも解き方は大きく二つ

- 図解
- ▶ 数学的な解き方
  - ▶ 代入法
  - ▶ ラグランジュ法

ここでもまず図解を行ってから、代入法を説明する



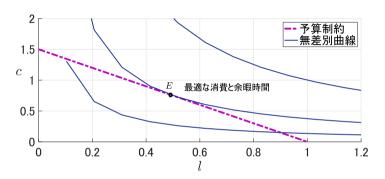
(3)角

対数効用の例

2 期間モデルと労 時間

応用例

補足



### ► E が最適な消費点

- ▶ 条件1:無差別曲線の傾き = 予算制約の傾き
- ▶ 条件2:予算制約上

本質的な考え方は二期間の意思決定と同じ! ( ※根:神取 ) 次のページからは、代入法でどのように数学的に二つの条件を導くか

# 代入法による解き方

労働供給

日野将志

予算制約を効用関数に代入することで次を得る

$$\max_l \ u(w(1-l), l)$$

これを微分して、最大化の解を得るために、導関数 = 0を得る.

$$egin{aligned} &-wu_c(w(1-l),l)+u_l(w(1-l),l)=0\ &\Rightarrow wu_c(c,l)=u_l(w(1-l),l)\ &\Rightarrow \underbrace{\dfrac{u_l(c,l)}{u_c(c,l)}}_{ ext{
発育制約の傾き}} = \underbrace{w}_{ ext{
予算制約の傾き}} \end{aligned}$$

をえる. ここで  $u_c(c,l)$  は第一要素で偏導関数,  $u_l(c,l)$  は第二要素の偏導関数

学的なモデル

対数効田の収

数効用と所得税

...

芯用例

記

図解

答え:数学的に簡単すぎるか,難しくなりやすいから

- ▶ 例えば「働く」か「働かない」か二択の問題にする
  - ▶ 微分を使えない…

#### 労働供給

### 日野将志

静学的なモデル

### 対数効用の例

対数効用と所得移

2 期間モデルと労働 時間

7471317

補足

対数効用の例

# 対数効用の例

ここで,次の効用関数を仮定する

$$u(c,l) = \log(c) + \log(l)$$

すると,最大化問題は次の通り

$$\max_{c,l} \ \log(c) + \log(l)$$

s.t. 
$$c = w(1 - l)$$

▶ 予算制約を目的関数に代入すると次のようになる

$$\max_{l} \log(w(1-l)) + \log(l)$$

▶ 次に、最大化の解を得るために、導関数 = 0 を求める

$$rac{1}{(1-l)} = rac{1}{l} \ \Rightarrow l = rac{1}{2}$$

▶ この結果を予算制約に代入すると、次を得る

$$c=rac{w}{2}$$

## 分析のまとめ

日野将志

静学的なモデル

対数効用の例

対数効用と所得税

時間

応用例

補足

対数効用のとき、解は以下のとおり

$$(c,l,h)=\left(rac{w}{2},rac{1}{2},rac{1}{2}
ight)$$

- ▶ w の増減は、消費の増減に直結する
- ▶ w が変化しても、労働時間や余暇時間には一切影響しない これは特殊ケース (他の効用関数の場合は宿題参照)

静学的なモデル

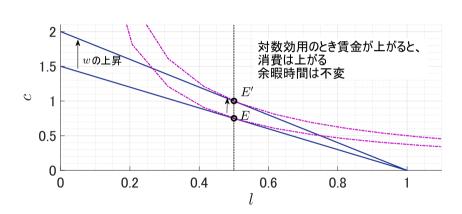
対数効用の例

付数効用と所得税

2 期間モデルと労働時間

応用例

浦足



#### 労働供給

日野将志

静学的なモデル

付数効用の例

対数効用と所得税

2期間モデルと労働時間

4-0-17

補足

所得税の分析

対数効用の例

対数効用と所得税

と期间モナルとう 時間

応用例

和足

まず、単純な次のような所得税τを考える

 $(1-\tau)wh$ 

ここで $\tau$ は所得税率

- ▶ wh は課税前所得
- ▶ (1 τ)wh は課税後所得

労働所得税があるときの最適化問題は,

$$\max_{c,l} u(c,l)$$

s.t. 
$$c = (1 - \tau)w(1 - l)$$

である.

対数効用と所得税

$$\max_{c,l} \log(c) + \log(l)$$

s.t. 
$$c = (1 - \tau)w(1 - l)$$

$$\max_l \ \log((1-\tau)w(1-l)) + \log(l)$$

そして微分して0を解くと次を得る

$$\frac{1}{1-l} = \frac{1}{l}$$

$$\Rightarrow l = \frac{1}{2} (\Rightarrow h = 1/2)$$

続いて、予算制約に代入すると、以下を得る.

$$c=(1-\tau)\frac{w}{2}$$

つまり,労働所得税の増加は,労働時間には影響を与えず,消費を減らす. 練習問題を使って.以下を考えてみてください

- ▶ 様々な別の効用関数ならどうなるか?
- ▶ 別の税制度ならどうなるか?

対数効用と所得税

2 期間モデルと労働 時間

応用例

加豆

現実の家計の労働供給が、賃金等に大きく反応するかどうか、今でも研究されている!

- ▶ (90-00 年代の) マクロ経済学 (特に Prescott 教授): 「労働供給は環境の変化に大きく反応する」
- ▶ ミクロ経済学 (特に Heckman 教授): 「労働供給は環境の変化にそんなに大きく反応しない」

今の論調 (私の判断):「労働供給は環境の変化にそんなに大きく反応しない」(ミクロ労働のことは特に労働の先生の意見を聞いてみて下さい)

対数効用の例

対数効用と所得利

2 期間モデルと労働 時間

心用例

補足

2期間モデルと労働時間

前回習ったことと今回習ったことの組み合わせ:

- ▶ 家計が選ぶもの
  - ▶ 今期の消費 c<sub>1</sub> と余暇時間 l<sub>1</sub> と貯蓄 s:
    - ▶ 予算制約

$$c_1+s=w(1-l_1)$$

- ▶ 来期の消費 c<sub>2</sub> と余暇時間 l<sub>2</sub>:
  - ▶ 予算制約

$$c_2 = w(1 - l_2) + (1 + r)s$$

2 期間モデルと労働 時間

応用例

記

 $egin{aligned} \max_{c_1,c_2,l_1,l_2,s} \, u(c_1,l_1) + eta u(c_2,l_2) \ & ext{s.t.} \, \, c_1 + s = w(1-l_1) \ & ext{} \, c_2 = w(1-l_2) + (1+r)s \end{aligned}$ 

これまでのように代入すると,

$$\max_{l_1,l_2,s} u(w(1-l_1)-s,l_1) + eta u(w(1-l_2)+(1+r)s,l_2)$$

となる.

$$\max_{l_1,l_2,s} u(\underbrace{w(1-l_1)-s}_{=c_1},l_1) + \beta u(\underbrace{w(1-l_2)+(1+r)s}_{=c_2},l_2)$$
 (再掲)

この一階の条件は以下のとおり.

$$egin{array}{ll} l_1 &:& -u_{c_1}(c_1,l_1)w+u_{l_1}(c_1,l_1)=0 \ \\ l_2 &:& -eta u_{c_2}(c_2,l_2)w+eta u_{l_2}(c_2,l_2)=0 \ \\ s &:& -u_{c_1}(c_1,l_1)+eta(1+r)u_{c_2}(c_2,l_2)=0 \end{array}$$

整理すると...,

2 期間モデルと労働

時間

▶ オイラー方程式:

$$u_{c_1}(c_1,l_1)=eta(1+r)u_{c_2}(c_2,l_2)$$

消費と貯蓄の場合とほぼ一緒!異時点間 (intertemporal) の意思決定

▶ 同時点間の消費と余暇の代替:

$$(i) \; u_{c_1}(c_1, l_1) = \frac{u_{l_1}(c_1, l_1)}{w}, \quad (ii) \; u_{c_2}(c_2, l_2) = \frac{u_{l_2}(c_2, l_2)}{w}$$

1期間とほぼ一緒!同時点間 (intratemporal) の意思決定

異時点間の問題と同時点間の問題を分離して解くことも出来る.

静学的なモデル

対数効用と所得

2 期間モデルと労働 時間

応用例

補足

▶ 所得と労働供給の関係性

▶ 例:世帯年収と伴侶の労働供給

▶ 労働政策の変更と労働供給の変更

▶ 例:ベーシックインカムで労働供給は減る?

▶ 例:所得税の累進度の増加で労働供給は減る?

▶ 後々学ぶ景気循環のモデルにおいて重要

対数効用と所得税

2 期間モデルと労働時間

応用例

応用例1:Prescott

補足

応用例:

- ▶ Prescott (2004)「なぜアメリカ人はヨーロッパ人より長時間働くのか?」
- ▶ Boppart and Krusell (2019)「過去・現在・将来の労働供給」

# 「なぜアメリカ人はヨーロッパ人より長時間働くのか?」

日野将志

対数効用と所得税

2 期間モデルと労働時間

応用例

応用例1:Prescott

能足

Country (1970-1974)	GDP <sup>a</sup> per person 15-64; U.S.=100	Hours per person 15-64; U.S.=100	Country <b>(1993-96)</b>	GDP <sup>a</sup> per person 15-64; U.S.=100	Hours per person 15-64; U.S.=100
Germany	75	105	Germany	74	75
France	77	105	France	74	68
Italy	53	82	Italy	57	64
Canada	86	94	Canada	79	88
United Kingdom	68	110	United Kingdom	67	88
Japan	62	127	Japan	78	104
United States	100	100	United States	100	100

Figure: Prescott (2004) より: 70 年代と90 年代のG7 の労働時間

▶ ドイツ, フランス, イタリアで顕著に労働時間↓

# 「なぜアメリカ人はヨーロッパ人より長時間働くのか?」

労働供給	
日野将志	

2 期間モデルと労働

期间モデルと労働

応用例1:Prescott

₽.

Country	Tax rate $ au$
Germany	0.52
France	0.49
Italy	0.41
Canada	0.44
United Kingdom	0.45
Japan	0.25
United States	0.40

Country	Tax rate $ au$
Germany	0.59
France	0.59
Italy	0.64
Canada	0.52
United Kingdom	0.44
Japan	0.37
United States	0.40

Figure: Prescott (2004) より: 70 年代 (左) と 90 年代 (右) の G7 の労働所得税

日野将志

対数効田の板

対数効用と所得利

2期間モデルと労時間

応用例

応用例1:Prescott

甫足

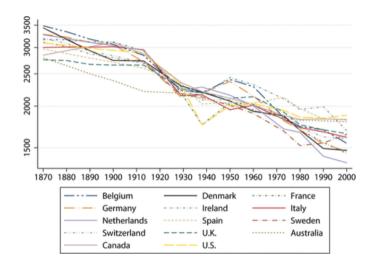


Figure: Boppart and Krusell (2019) より:過去 130 年間の各国の労働時間

静学的なモデル

付数効用の例

対数効用と所得利

2 期間モデルと労働 時間

志用例

応用例1:Prescott

補足

▶ 消費と貯蓄と同じ枠組みで分析できる

▶ 目的:効用最大化

▶ 制約:予算

▶ 最適化の解の特徴も同じ

(1) 無差別曲線の傾き=予算制約の傾き

(2) 予算制約

# 日野将志

静学的なモデル

数効用の例

2 期間モデルと労働

時間

心用例

## 補足

分解

: 統一的な枠組みの重

: ラグランジュ未定乗

: 2 期間モラ

F訪)

異時点間と同時点間

### 日野将志

静学的なモデル

対数効用の例

对数効用と所得称

2 期間モテルと労働時間

応用例

補足

分解

補足:統一的な枠組みの重 要性

> 己:ラグランジュ未定罪 去

: 2 期間モデルと 田油)

写訪) : 晃時点間と同時点間の

20/27

# 統一的な枠組みの重要性

神取 (2010) による経済学の研究成果の一つ:

市場におけるさまざまな経済法則を、各個人の経済合理性の追求の結果 として統一的に説明することに成功したことである。つまり、「価格が 高騰すれば供給は増えるものだ」とか、「利子率が下がれば株価は上が るものだ」などの経験則を、それぞればらばらな(アド・ホックな)法 則の寄せ集めとして提示するのではなく、生産者や消費者が自らの利得 を最大化する結果として統一的に説明することに成功したわけである。 経済学の世界に浸っているとあまり意識されることはないかもしれない が、実はこのように、少数の原理から多数の法則を導くことに成功して いるのは人文社会科学では極めて稀なことである。

野子でなてブル

対数効用の例

2期間モデルと労働

応用例

補足

補足:統一的な枠組みの重

補足:ラグランジュ未定乗

補足:2 期間モデル 間 (再訪)

補足:異時点間と同時点 分離

### 日野将志

静学的なモデル

対数効用の例

対数効用と所得利

2期間モデルと労働時間

応用例

補瓦

ラグランジュ法 (or ラグランジュ未定乗数法)

THILE

己:統一的な枠組みのII 生

補足:ラグランジュ未定乗 数法

#足:2 期間モデルと労働時 引 (再訪)

補足: 異時点間と同時点間の 分離

補足:ラグランジュ未定乗

# ラグランジュ法はとても便利:

- ▶ (良い点):代入法では解けない問題が解ける
  - ▶ 逆は成り立たない. つまり,「ラグランジュ法で解けないけど, 代入法では解け る」ような問題はない.
  - ▶ なのでラグランジュ法を覚えた後は、ラグランジュ法のみ使う
  - ▶ (当然) これまで学んだことも全部ラグランジュ法で解ける
- ▶ (良い点2):制約が不等式のときでも使える
- ▶ (悪い点):ラグランジュ法はちょっと理解しにくい(かも)

これまで2期間モデルや、労働時間の選択を学んだ、また、ミクロ経済学でも最 適化を学んでいると思う、それらを一般に次のように表記する.

$$\max_{c} u(c)$$

s.t. 
$$g(c) \ge 0$$

例えば 
$$g(c)=wh-c\geq 0$$
.

- ▶ 不等号は等号の一般化
- ▶ 制約の範囲内 q > 0 で u を最大化する c を探す

▶ 次のような関数をラグランジュ関数 (または Lagrangian) と呼ぶ

$$\mathcal{L} = u(c) + \frac{\lambda}{2} [g(c)]$$

λはラグランジュ乗数と呼ぶ

- ▶ ラグランジュ関数 = 目的関数 + ラグランジュ乗数 × 予算制約 (> 0)
- ▶ よく間違える点: q < 0 の形にしてはいけない</p>
- ▶ これを微分して 0

$$u'(c) + \lambda g'(c) = 0$$

これを満たすようなcが最適化の解

0

-2

補足:ラグランジュ未定乗



ラグランジュ関数:(大域的な)上に凸

 $\mathcal{L} = u(c_1, c_2) + \lambda \left[ y_1 + \frac{y_2}{1+c} - c_1 - \frac{c_2}{1+c} \right]$ 

▶ ラグランジュ関数を「微分して 0」を解けば OK

0

▶ (コメント:必要であれば数学の講義を復習)

 $\max_{c,l} \log(c) + \log(l)$ s.t. c < w(1-l)

ラグランジュ関数

$$\mathcal{L} = \log(c) + \log(l) + \lambda[w(1-l) - c]$$

$$egin{aligned} c:rac{1}{c} &= \lambda \ l:rac{1}{l} &= \lambda w \end{aligned}$$

2本の式を $\lambda$ について代入して、予算制約を代入する(次のページ)

これをcと1についてそれぞれ微分する

46/27

$$egin{aligned} rac{w}{c} &= rac{1}{l} \ &\Rightarrow rac{w}{w(1-l)} &= rac{1}{l} \ &\Rightarrow l &= rac{1}{2} \end{aligned}$$

同じ解が得られた. 同様に (c,h) も代入法と同じものが得られる.

浄学的なモデル

数効用の例

対数効用と所得利

110

68 CI

補足

足:統一的な枠組みの重 性

補足:ラグランジュ未定乗 数法

#足:2 期間モデル 引 (再訪)

補足: 異時点間と同時点 分離

補足:ラグランジュ未定乗

証明はやりません (経済学者でも証明をやったことある人は多くない気が…)

ら、目的を最大化する解を見つける!

 $\triangleright$   $\lambda$  がちょうどいい  $\Rightarrow$  ちょうど制約が守られる (q(c)=0)

λ は制約 g(c) を破ることによる (内生的な) ペナルティ ▶  $\lambda$  が小さい  $\Rightarrow$  制約を破ってしまう (g(c) < 0)▶  $\lambda$  が大きい  $\Rightarrow$  制約を守り過ぎる (g(c) > 0)

 $\mathcal{L} = u(c) + \lambda[q(c)]$ 

▶  $\Rightarrow$  ラグランジュ法はちょうどいい $\lambda$ を選ぶことで、予算をちょうど守りなが

静学的なモデル

対数効用の例

对数効用と所得利

2 期間モデルと労働 時間

応用例

補足

2期間モデルと労働時間 (再訪)

: 統一的な枠組みの耳

: ラグランジュ未定乗

数法 補足:2 期間モデルと労働時

補足:2 期間モデルと労働時 間 (再訪)

補足: 異時点間と同時点間の 分離

対数効用の例

対数効用と所得利

時間

応用例

非足

足:統一的な枠組みの重 性

L:ラグランジュ未定乗

**文法** 

補足:2 期間モデルと労働時 間 (再訪)

|足:異時点間と同時点間 |離

 $\max_{c_1,c_2,l_1,l_2,s} u(c_1,l_1) + eta u(c_2,l_2) \ ext{s.t.} \ c_1 + s \leq w(1-l_1)$ 

 $c_2 < w(1-l_2) + (1+r)s$ 

ラグランジュ関数は以下のとおり.

$$egin{aligned} \mathcal{L} = & u(c_1, l_1) + eta u(c_2, l_2) \ &+ \lambda_1 [w(1 - l_1) - c_1 - s] \ &+ \lambda_2 [w(1 - l_2) + (1 + r)s - c_2] \end{aligned}$$

# ラグランジュによる解決

▶  $c_1, c_2, l_1, l_2, s$  に対して、微分してゼロとする.

$$c_1:\;u_{c_1}(c_1,l_1)=\lambda_1$$

$$egin{aligned} c_1: \ u_{c_1}(c_1, l_1) &= \lambda_1 \ c_2: \ eta u_{c_2}(c_2, l_2) &= \lambda_2 \end{aligned}$$

$$egin{aligned} l_1: \; u_{l_1}(c_1,l_1) = \lambda_1 w \end{aligned}$$

$$l_2:~eta u_{l_2}(c_2,l_2)=\lambda_2 w$$

$$egin{aligned} s: \ \lambda_1 = (1+r)\lambda_2 \end{aligned}$$

(i)  $u_{c_1}(c_1, l_1) = \frac{u_{l_1}(c_1, l_1)}{c_1}$ , (ii)  $u_{c_2}(c_2, l_2) = \frac{u_{l_2}(c_2, l_2)}{c_2}$ 

$$s: \ \lambda_1 = (1$$
 $ightharpoonup \lambda_1 や \lambda_2 をうまく消す$ 

$$u_{c_1}(c_1,l_1)=eta(1+r)u_{c_2}(c_2,l_2)$$

▶ オイラー方程式

$$\lambda_2 w$$

労働供給 日野将志

$$u_{c_1}(c_1,l_1)=eta(1+r)u_{c_2}(c_2,l_2)$$

消費と貯蓄の場合とほぼ一緒!異時点間 (intertemporal) の意思決定

▶ 同時点間の消費と余暇の代替:

$$(i) \; u_{c_1}(c_1, l_1) = \frac{u_{l_1}(c_1, l_1)}{w}, \quad (ii) \; u_{c_2}(c_2, l_2) = \frac{u_{l_2}(c_2, l_2)}{w}$$

1期間とほぼ一緒!同時点間 (intratemporal) の意思決定

異時点間の問題と同時点間の問題を分離して解くことも出来る.

静学的なモデル

2 期間モデルと労働

応用例

補足

補足:統一的な枠組みの重

エ 足:ラグランジュ未定乗

補足:2 期間モデルと労働時間 (再訪)

補足: 異時点間と同時点 分離

# 日野将志

異時点間と同時点間の分離

分解

補足: 墨時点間と同時点間の

f[H]

用例

足

: 統一的な枠

2:ラグラ 去

足:2 期間モ (再訪)

補足: 異時点間と同時点間の分離

元々の問題 (再掲)

$$egin{aligned} \max_{c_1,c_2,l_1,l_2,s} \ u(c_1,l_1) + eta u(c_2,l_2) \ & ext{s.t.} \ c_1 + s \leq w(1-l_1) \ & ext{} c_2 < w(1-l_2) + (1+r)s \end{aligned}$$

# 異時点間のみの問題:消費と貯蓄

異時点間の問題:
$$(l_1, l_2)$$
を外生変数のごとく扱う  $((\bar{l_1}, \bar{l_2})$  で固定)

$$egin{array}{l} \max _{c_1,\,c_2,s} \, u(c_1,ar{l_1}) + eta u(c_2,ar{l_2}) \ & ext{s.t.} \, \, c_1+s \leq w(1-ar{l_1}) \end{array}$$

$$c_1+s\leq w(1-l_1)$$

$$c_2 \leq w(1-\bar{l_2}) + (1+r)s$$

同時点間の問題:sを外生変数のごとく扱う ( $s = \bar{s}$  で固定)

▶ 1期目:  $(c_2, l_2)$ も外生のごとく扱う

$$egin{array}{l} \max_{c_1, l_1} \ u(c_1, l_1) + eta u(ar{c_2}, ar{l_2}) \ & ext{s.t.} \ c_1 + ar{s} \leq w(1 - l_1) \end{array}$$

▶ 2期目:(c<sub>1</sub>, l<sub>1</sub>)も外生のごとく扱う

$$egin{array}{l} \max_{c_2, l_2} \, u(ar{c_1}, ar{l_1}) + eta u(c_2, l_2) \ & ext{s.t.} \, \, c_2 < w(1 - l_2) + (1 + r) ar{s} \end{array}$$

これらの (i) 異時点間の問題, (ii)1期の同時点の問題, (iii)2期の同時点の問題の 解を組み合わせたものと、元々の問題の解は同じ(宿題参照)

補足: 晃時点間と同時点間の