資産価格

日野将志

資産の利回り入門

不確実性の役割

們問問

基礎マクロ:資産価格理論入門

日野将志

一橋大学

2021

資産の利回り入門

不確実性の役割

補論

資産価格理論のほんの触り部分

資産価格に関する事実:アメリカ1947-1998年

- ▶ 株式の平均的な実質リターンは年率 8.1%
- ▶ 安全資産 (短期の米国国債) の平均的な実質リターンは年率 0.9%

Research Question

なぜこんなに株式と安全資産のリターンに差があるのだろうか? (equity premium puzzle, Mehra and Prescott 1985)

- ▶ 普通の動学的一般均衡モデルで説明できる?
- ▶ 答え:標準的なモデルで、一般的なパラメータを使うと出来なさそう

資産価格

日野将志

資產価格理論入門

資産の利回り入門

THE SCIENTY

補論

資産の利回り

例えば株式のリターンは,配当 (インカムゲイン) と売却利益 (キャピタルゲイン) によって与えられる.

 \blacktriangleright 株式:株価を p_t , 配当を d_t とすると、今期 $(t \, \mu)$ 株を1つ買って来期 (t+1) 期) に得られるリターンは次の通り.

$$\frac{p_{t+1}+d_{t+1}}{p_t}$$

Arr (既に学んだけれど) 債権は、今期 $(t \, \mu)$ に 1 単位貯蓄すると、来期 $(t+1 \, \mu)$ に次のリターンを得る.

$$(1+r_{t+1})$$

無裁定条件 (no-arbitrage condition):摩擦の無い市場では以下が成り立つはず:

$$rac{p_{t+1}+d_{t+1}}{p_t}=rac{1+r_{t+1}}{rac{p_t}{k$$
式のリターン

- ▶ もし $(p_{t+1}+d_{t+1})/p_t>1+r_{t+1}$ の場合 債権のリターンの方が低い、なので、皆、債権ではなく株式を買う、すると、株価 p_t が上がって、株の リターンが下がる、その結果、 $(p_{t+1}+d_{t+1})/p_t=1+r_{t+1}$ になる
- ▶ もし $(p_{t+1}+d_{t+1})/p_t < 1+r_{t+1}$ の場合 債権のリターンの方が高い. なので、皆、株式ではなく貯蓄をする. すると、株価 p_t が下がって、株の リターンが上がる. その結果、 $(p_{t+1}+d_{t+1})/p_t = 1+r_{t+1}$ になる

「株式のリターンと債権のリターンが等号…?でも、現実には株式の方がリターン高いよね?」

資産価格

日野将志

資産価格理論入門

資産の利回り入門

不確実性の役割

補論

不確実性の役割:入門

資産のリターンは現実には幅がある (Campbell 2003)

- ▶ 株式のリターンはとても振れ幅が大きい. 年率の標準偏差は 15.6%
- ▶ 国債のリターンは振れ幅が小さい. 年率の標準偏差は1.7%未満

言葉の定義:

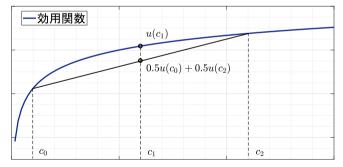
- ▶ リスキー資産:リターンが大きい代わりに,リターンの分散も大きい
- ▶ 安全資産:リターンは小さい代わりに、リターンの分散も小さい

不確実性下の簡単な家計の意思決定として、次の2つのクジを考える. $c_0 < c_1 < c_2$ とする.

1 安全なクジ:確実に c_1 がもらえる

不確実性と家計の選択

- 2 リスキーなクジ:確率 0.5 で c_0 , 0.5 で c_2 がもらえる
- 二つのクジの期待リターンは同じとする $(c_1 = 0.5c_0 + 0.5c_2)$.



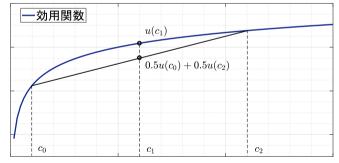
危険回避度

▶ リスク回避的な家計:上に凸な効用関数 (例:対数や CRRA等)

▶ リスク中立的な家計:線形な効用関数 (例: $u(c) = \alpha c$)

▶ リスク愛好的な家計:下に凸な効用関数

リスク回避的な家計は、期待リターンが同じであれば、安全な選択肢を選ぶ $(u(c_1) > 0.5u(c_0) + 0.5u(c_2))$.



プレミアムのあるくじの例

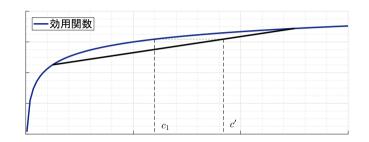
資産価格

日野将志

資産の利回り入門

不確実性の役割

相論



- ▶ 安全なくじ:確実に c₁ が得られる
- ▶ 別のリスキーなくじ:期待リターンが c¹ であるくじ

このとき, リスク回避的な家計であっても安全なくじと危険なくじは無差別

- ▶ 上に凸な効用関数を持つ家計は、危険回避的である.
- ⇒ 危険回避的な家計は、安全な選択肢を選ぶ傾向にある
- ⇒ そのため、危険な株式より安全な債権が好まれる

結果的に,市場では危険な資産のリターンが高くなる. つまり,

$$\mathbb{E}\left[rac{p_{t+1}+d_{t+1}}{p_t}
ight] > \mathbb{E}\left[1+r_{t+1}
ight]$$

が現実で成り立つのは,不確実性を考えると自然.

資産価格に関する事実 (再掲): アメリカ 1947-1998 年

- ▶ 株式の平均的な実質リターンは年率 8.1%
- ▶ 安全資産 (短期の米国国債) の平均的な実質リターンは年率 0.9%

基本的な結果 (Mehra and Prescott 1985): 標準的なモデルにおいてプレミアムはもっと小さい. 現実で見られるほど大きなエクイティ・プレミアムを標準的なモデルは説明できない.

 \Rightarrow 90 年代から 00 年代に盛んに研究が行われた.

Lucas Tree モデル (Consumption based CAPM)

- ▶ 最も標準的なマクロの資産価格モデル
- ▶ モデルの特徴
 - ▶ 危険資産 s

$$c_t + p_t s_{t+1} = (p_t + d_t) s_t$$

- ▶ 純粋交換経済 資産価格 p_t が均衡で決まる
- ▶ 無限期間

日野将志

資産価格理論入門

不確実性の役割

論

ものすごく大雑把に言うと

- ▶ 景気循環論の結論:標準的なモデルは,数量を説明するのは割と得意
- ▶ 資産価格理論の結論:標準的なモデルは、価格を説明するのはとても苦手なお、これらは 1980 年代の結論

(おまけ): リスク・プレミアムと確実性等価の定義

資産価格

日野将志

補論

あるクジが確率 p_i で C_i というリターンが実現するとする. u が上に凸であるこ とから、一般に

$$u(\mathbb{E}[C]) > \mathbb{E}[u(C)]$$

が成り立つ.

ここで、確実性等価 CE およびリスク・プレミアム μ とは、

$$egin{aligned} \mathbb{E}[u(C)] &= u(CE) \ &= u(\mathbb{E}[C] - \mu) \end{aligned}$$

基本的な期間構造

日野将志

資産価格

期間構造

 $(1+r^s) imes (1+r^s)$

▶ リターン r^l の2期間の資産を1期から3期に貯蓄すると,

殆どの場合、マクロ経済学では1期間の資産 (≈短期の資産) だけを考える.

 $(1+r^l)$

摩擦がない経済では、無裁定条件より

$$(1+r^s) imes (1+r^s)=(1+r^l)$$

が成り立つ.

17./17