日野将志

均衡概念:完全競争

ルチ的な純色 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

基礎マクロ:一般均衡

日野将志

一橋大学

2021

ロードマップ:それぞれの関係

一般均衡

日野将志

均衡概念:完全競争

動学的な純粋交 経済

厚生経済字の基本 第一定理

動学的一般均衡モ

デルの使い方

補足:社会的計画

景気循環入門資産価格理論入門

経済成長入門

物価・景気循環 ・マクロ経済政策

- 1. 貨幣と物価
- 2. IS-LM モデル
- 3. AD-AS モデル

家計の選択

1. 消費と貯蓄

2. 消費と労働

企業の選択

1.生産と投資

均衡の理論

- 1. 家計のみの均衡
- 2. 家計と企業の均衡

▶ 教科書: Kurlat 9章, 二神・堀 6章

均衡概念:完全競爭

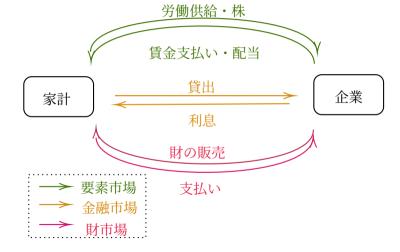
動学的な純粋交担 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある助学的 一般均衡

動学的一般均衡モデルの使い方

補足:社会的計画



先调までに

- ▶ 家計の2期間の最適化
 - ▶ 消費と貯蓄の選択
 - ▶ +労働供給
- ▶ 企業の生産や投資の最適化

を学んだ.ここでは、これらが市場を通じて財が交換される場合を考える.

まず、もっと単純化した、企業のいないケースから始めてみる

日野将志

今回扱うこと

均衡概念:完全競争

動学的な純粋交換経済 エッジワ―スボックス

厚生経済学の基本第一定理

生産のある動学的一般均衡

動学的一般均衡モデルの使い方

補足: 社会的計画者

社会的計画者の問題の解き方

生産のあるときの競争均衡と効率的配分

(完全) 競争市場

一般均衡

日野将志

均衡概念:完全競争

価格と配分の決まり方:(完全) 競争市場を仮定

- 配分 (allocation) とは、消費量や生産量のような数量の総称
- ▶ 完全競争市場では (i) 皆が制約の下で目的 (効用) を最大化する. (ii) 「需要 = 供給」とする.

- - ▶ 結果:価格は需給の均衡で決まる
 - ▶ 違う例: 不完全競争 (独占, 寡占, 複占, etc)
- - ▶ 外部性や公共財に関しては深入りしない(ミクロで習うと思います)

(完全) 競争市場

一般均衡

日野将志

均衡概念:完全競争

価格と配分の決まり方:(完全)競争市場を仮定

- 配分 (allocation) とは、消費量や生産量のような数量の総称
- ▶ 完全競争市場では (i) 皆が制約の下で目的 (効用) を最大化する. (ii) 「需要 = 供給」とする.

(完全) 競争市場の基本的な仮定

- ▶ 家計・企業は価格に影響を持たない
 - ▶ 結果:価格は需給の均衡で決まる
 - ▶ 違う例:不完全競争(独占, 寡占, 複占, etc)
- ▶ 外部性・公共財が存在しない
 - ▶ 外部性や公共財に関しては深入りしない (ミクロで習うと思います)

いの使い方

補足:社会的計画

HATTING

競争均衡の定義:言葉によるイメージ

- 1 効用最大化
 - ▶ 効用最大化問題 (max 効用 s.t. 予算)
 - ▶ 価格は所与
- 2 **利潤最大化** 企業が存在する場合,
 - ▶ 利潤最大化問題 (max 利潤)
 - ▶ 価格は所与
- 3 市場均衡条件
 - ► 需要 = 供給
 - ▶ 市場の均衡で価格が決まる

動学的な純粋交換 経済

厚生経済学の基本 第一定理

一般均衡

助学的一般均衡モ デルの使い方

足:社会的計画者

経済学の応用で良く使われる、完全競争以外の均衡概念:

- ▶ 不完全競争均衡
 - ▶ 企業や家計が価格支配力を持っている
 - ⇔ 企業や家計が価格を決める
- ▶ サーチ・マッチング均衡
 - ▶ 失業が存在する均衡 (労働需要 ≠ 労働供給)

その他、均衡概念はたくさん...

日野将志

均衡概念:完全競争

動学的な純粋交換 経済

ジワースボックス

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的 一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

動学的な純粋交換経済

家計だけがいる世界

純粋交換経済の概要

一般均衡

日野将志

均衡概念:完全競争

動学的な純粋交換 経済

エッジワースボックス

厚生経済学の基本 第一定理

上産のある動学的 一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

最も単純な動学的な純粋交換経済のイメージ

- ▶ 2期間
- ▶ 家計が2人いる(Aさん,Bさん)
 - ▶ 二人は異なる労働所得 (y_1^i, y_2^i) を持っている
 - ▶ y_t^i であり, $i \in \{A, B\}$ は人,t は時点を意味する
 - ▶ 2人は異なる選好を持っている $u_i(c)$



純粋交換経済の数値例とイメージ

一般均衡

日野将志

動学的な純粋交換

経済

- **▶** 例えば $(y_1^A, y_2^A) = (2, 1)$ かつ $(y_1^B, y_2^B) = (1, 2)$ とする
 - ▶ 意味:Aさんは1期目に裕福,Bさんは2期目に裕福
 - ▶ 考え方: A さんは1期目の財を B さんに"渡す"ことで、B さんから 2 期目の財
 - ▶ 「2期の財をもらう?」2期の財はまだ存在してないのでは?
 - ▶ ⇒ 時点の概念を使って正確に言い換える:A さんは1期に財を"貸す". B さんは
 - ▶ ⇒ 交換をするはず
 - ► でも今. 我慢のコスト β を考えると 1 期目の財と 2 期目の財を等価で交換するの
 - ▶ どうやって価格って決めればいいの?

動学的な純粋交換 経済

- ▶ 例えば $(y_1^A, y_2^A) = (2, 1)$ かつ $(y_1^B, y_2^B) = (1, 2)$ とする
 - ▶ 意味:Aさんは1期目に裕福, Bさんは2期目に裕福
 - ▶ 考え方: A さんは 1 期目の財を B さんに "渡す" ことで. B さんから 2 期目の財 を"もらえば"、2人とも消費の平準化を出来る
 - 「2期の財をもらう?」2期の財はまだ存在してないのでは?
 - ▶ ⇒ 時点の概念を使って正確に言い換える: A さんは 1 期に財を"貸す". B さんは "借りる"
 - ▶ ⇒ 交換をするはず
 - ► でも今、我慢のコスト B を考えると 1 期目の財と 2 期目の財を等価で交換するの
 - ▶ どうやって価格って決めればいいの?

- **▶** 例えば $(y_1^A, y_2^A) = (2, 1)$ かつ $(y_1^B, y_2^B) = (1, 2)$ とする
 - ▶ 意味:Aさんは1期目に裕福, Bさんは2期目に裕福
 - ▶ 考え方: A さんは 1 期目の財を B さんに "渡す" ことで、B さんから 2 期目の財 を"もらえば"、2人とも消費の平準化を出来る
 - ▶ 「2期の財をもらう?」、2期の財はまだ存在してないのでは?
 - ▶ ⇒ 時点の概念を使って正確に言い換える: A さんは 1 期に財を"貸す". B さんは "借りる"
 - ▶ ⇒ 交換をするはず
 - ► でも今、我慢のコスト β を考えると 1 期目の財と 2 期目の財を等価で交換するの はフェアじゃない
 - ▶ どうやって価格って決めればいいの?

動学的な純粋交換

経済

(完全) 競争均衡:完全競争市場で決まる価格と配分

- (1) 効用最大化の条件:家計 2 人 (i=A,B) が効用最大化をするような配分 (c_1^i,c_2^i)
- (2) 市場均衡条件:

$$egin{array}{cccc} \underline{c_1^A+c_1^B} &= y_1^A+y_1^B & (1 期の財) \ ext{A さんと B さんの 1 財の消費の和} \ \underline{c_2^A+c_2^B} &= y_2^A+y_2^B & (2 期の財) \ ext{A さんと B さんの 2 財の消費の和} \ \underline{s_1^A+s_2^B} &= 0 \ ext{A さんと B さんの貯蓄の和} \end{array}$$

市場均衡条件の意味:需要=供給

家計の効用最大化の復習

今、労働供給の選択がないとする、このとき家計の最大化の必要十分条件は以下、

$$\underbrace{rac{u'(c_1^i)}{eta u'(c_2^i)}}_{ ext{無差別曲線の傾き}} = \underbrace{1+r}_{ ext{価格比}}$$

$$c_1^i+s^i=y_1^i$$

$$c_2^i=(1+r)s^i+y_2^i$$

均衡では、これが全ての家計 ($i \in \{A, B\}$) に対して成り立つ (労働供給の選択があるとき は、労働供給の一階条件をこれに加えれば良い)。

数式による競争均衡の定義

(1期の予算)

(2期の予算)

(完全) 競争均衡:完全競争市場で決まる価格と配分 効用最大化の条件:

$$egin{aligned} rac{u'(c_1^i)}{eta u'(c_2^i)} &= 1+r \ c_1^i + s^i &= y_1^i \ c_2^i &= (1+r)s^i + y_2^i \end{aligned}$$

$$u^A + u^B$$
 (1 期の財)

市場均衡条件:

$$egin{aligned} c_1^A + c_1^B &= y_1^A + y_1^B & (1 期の財) \ c_2^A + c_2^B &= y_2^A + y_2^B & (2 期の財) \end{aligned}$$

 $s^A + s^B = 0$ (資産) これを図的に表す方法:エッジワースボックス(次頁以降)

一般均衡 日野将志

動学的な純粋交換 経済

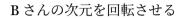
14/24

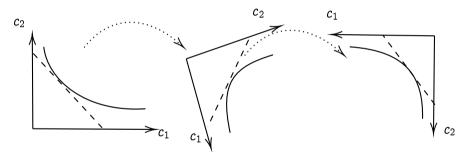
日野将志

エッジワースボックス

エッジワースボックス







そして A さんの無差別曲線と予算制約の図に重ねると...

エッジワ―スボックス:競争均衡の図示

一般均衡 日野将志

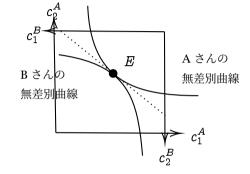
匀衡概念:完全競

エッジワースボックス 厚生経済学の基本

生産のある動学的一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画



- ▶ 二つの曲線はそれぞれ A さんと B さんの無差別曲線
- ▶ 点線は2人の予算制約(均衡では重なる)

Eが均衡

▶ A さんの無差別曲線の傾き = 価格比 =B さんの無差別曲線の傾き

エッジワースボックス:競争均衡の図示(続)



日野将志

均衡概念:完全競爭

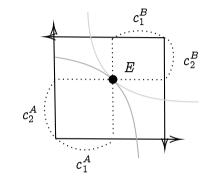
経済

エッジワースポックス

生産のある動学的

動学的一般均衡モデルの使い方

哺足:社会的計画者



軸や長さにも意味がある

ightharpoonup 横軸の長さ: $y_1^A+y_1^B$

ightharpoonup 縦軸の長さ: $y_2^A+y_2^B$

エッジワースボックス:不均衡の一例



日野将志

均衡概念:完全競爭

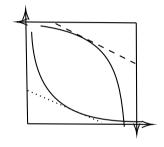
経済

エッジワースポックス

第一定理

一般均侧 動学的一般均衡子

前足:社会的計画者



不均衡の特徴:

- ▶ 予算制約が重なっていない
- ▶ 無差別曲線が一点で触れていない

日野将志

エッジワースボックス

均衡を求める計算の手順のまとめ

- 価格を固定した上で、家計の最大化問題を解く
- (2) 上で解いた家計 i の解 (c_1^i, c_2^i) から、

$$c_1^A + c_1^B = y_1^A + y_1^B$$
 (1期の財)
 $c_2^A + c_2^B = y_2^A + y_2^B$ (2期の財)

を満たすように価格を求める

(3) この価格を(1)で求めた消費関数や貯蓄関数に代入する 計算の練習は練習問題

エッジワースボックス

経済学では、完全競争以外でも色々な均衡の概念が出てくる (特にゲーム理論) 概観すると.

- ▶ 均衡とは自分自身の行動を変えることで得をするような個人がいない状況
 - ▶ 完全競争
 - ▶ 個人個人はそれぞれの目的を最大化する (=これ以外の行動を取ると得すること 無い)
 - ▶ 不完全競争・ナッシュ均衡…
 - ▶ 戦略的環境:他人の行動が自分の効用(利得)に影響するような環境
 - ▶ ナッシュ均衡とは、全てのプレーヤーが、「他人の行動を所与としたときに、最適 な行動をとっている」状態.
 - ▶ 詳しくはミクロで勉強してください

日野将志

均衡概念:完全競争

助学的な純粋交換 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的一般均衡

助学的一般均衡。 デルの使い方

補足:社会的計画者

厚生経済学の基本第一定理

なぜ経済学では完全競争市場をよく教えるのか?

完全競争は、"非現実的に思えるのに"、経済学の授業では頻繁に教えられる、

現実では独占や外部性、情報の非対称等々、様々な要因のせいで完全競争が

一般均衡

日野将志

厚生経済学の基本 第一定理

なぜ?

成り立っているとは思えない!

▶ 単純さと結果の綺麗さ ⇒ 思考の出発点として望ましい

▶ ⇒ 徐々に現実的な要素を足していけばいい

なぜ経済学では完全競争市場をよく教えるのか?

一般均衡 日野将志

厚生経済学の基本 第一定理

完全競争は、"非現実的に思えるのに"、経済学の授業では頻繁に教えられる、 なぜ?

▶ 現実では独占や外部性、情報の非対称等々、様々な要因のせいで完全競争が 成り立っているとは思えない!

答え:

- ▶ 仮定のおかげで分析が単純化されている
- ▶ 理論的に美しい結果が出る(次頁)
 - ▶ 単純さと結果の綺麗さ ⇒ 思考の出発点として望ましい
 - ▶ ⇒ 徐々に現実的な要素を足していけばいい
- ▶ マクロ的な回答:それなりに現実を説明できる(景気循環の授業)

競争均衡の特徴:厚生経済学の基本第一定理

定理:厚生経済学の基本第一定理

市場は完全競争的であるとする. このとき競争均衡は (パレート) 効率的である

パレート効率的とは、「誰かが損することなく、誰も得できない状態」



一般均衡

日野将志

均衡概念:完全競争

動学的な純粋交換 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的 一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

哺足:社会的計画者

(パレート)効率的の詳細

▶ 無駄がある例:

一般均衡

日野将志

厚生経済学の基本 第一定理

▶ 例1:嫌煙家がタバコを保有している。 ▶ 例2:未成年がお酒を保有している. ▶ ⇒ どちらも使うより売った方がマシ

(パレート) 効率的とは、誰かが損しなければ、他の誰も得できない状況

- ▶ 極端な例:ある一人の個人 (A さん) が経済の全ての財を独占していても、パ
- ▶ ⇒ もしかしたら、「この人から少しだけ財を取り上げて、他の人に配る」と、

▶ 無駄がある例:

▶ 極端な例:ある一人の個人 (A さん) が経済の全ての財を独占していても、パ

(パレート) 効率的とは、誰かが損しなければ、他の誰も得できない状況

▶ ざっくり言うと無駄がない (=効率的な) 状態

▶ 例1:嫌煙家がタバコを保有している. ▶ 例2:未成年がお酒を保有している. ▶ ⇒ どちらも使うより売った方がマシ

▶ ⇒ もしかしたら、「この人から少しだけ財を取り上げて、他の人に配る」と、

► 無駄がある例:

▶ でも、衡平性から見て、効率的な状態が良いとは限らない

▶ 極端な例:ある一人の個人 (A さん) が経済の全ての財を独占していても、パ レート効率的

(パレート) 効率的とは、誰かが損しなければ、他の誰も得できない状況

▶ ざっくり言うと無駄がない (=効率的な) 状態

▶ 例1:嫌煙家がタバコを保有している. ▶ 例2:未成年がお酒を保有している. ▶ ⇒ どちらも使うより売った方がマシ

▶ ⇒ もしかしたら、「この人から少しだけ財を取り上げて、他の人に配る」と、 社会的な厚生からは良いかもしれない. でも, それは A さんが損をしている.

定理:厚生経済学の基本第一定理

市場は完全競争的であるとする. このとき競争均衡は (パレート) 効率的である

証明の直観 (背理法):「もし均衡が効率的でないとする.それならば,一人も損せずに誰かが得できるはず.それは効用最大化の条件に反する」

- ▶ 証明の詳細等はミクロ (中級?) で習うと思います
- ▶ マクロ経済学 (つまり動学的かつ生産があっても), 厚生経済学の基本第一定 理は成り立つ
- ▶ 厚生経済学の基本第一定理が成り立たない場合
 - ▶ 市場が競争的ではない (独占等)
 - ▶ 市場がうまく機能しない対象がある(公共財,外部性)
 - ▶ マクロ特有の要素:約束が守られるか(例えば倒産),借入が自由に可能か

均衡概念:完全競争

動学的な純粋交 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的 一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

第一定理

定理:厚生経済学の基本第一定理

市場は完全競争的であるとする. このとき競争均衡は (パレート) 効率的である

証明の直観(背理法):「もし均衡が効率的でないとする、それならば、一人も損せ ずに誰かが得できるはず. それは効用最大化の条件に反する」

- ▶ 証明の詳細等はミクロ (中級?) で習うと思います
- ▶ マクロ経済学(つまり動学的かつ生産があっても), 厚生経済学の基本第一定 理は成り立つ
- ▶ 厚生経済学の基本第一定理が成り立たない場合
 - ▶ 市場が競争的ではない (独占等)
 - ▶ 市場がうまく機能しない対象がある(公共財、外部性)
 - ▶ マクロ特有の要素:約束が守られるか(例えば倒産),借入が自由に可能か

日野将志

均衡概念:完全競争

助子的な純粋父換 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的 一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

生産のある動学的一般均衡

Kurlat の内容を少しだけ修正して単純化している

生産のある動学的

一般均衡

最も単純な生産のある動学的一般均衡 (イメージ:ロビンソン・クルーソー)

- ▶ 2期間
- ▶ 家計は1人
 - ▶ 資産を企業に資本として渡す. 次期にリターンを得る
 - ▶ 労働は1単位必ず供給する(自分で選ばないとする)
 - ▶ 家計は企業の株を保有しており、企業の利潤 π を受け取る
- ▶ 企業も1社
 - ▶ 2期間、それぞれ静学的に操業
 - ▶ K と N のみを選ぶ
- ▶ 完全競争:どちらも価格へ影響を持たないとする

家計の最大化問題は、概ね2週目に学んだ通り:

$$egin{aligned} \max_{c_1,c_2,a_2} u(c_1) + eta u(c_2) \ & ext{s.t.} \ c_1 + a_2 = (1+r_1)a_1 + w_1 + \pi_1 \ & ext{} \ c_2 = w_2 + (1+r_2)a_2 + \pi_2 \ & ext{} \ a_1 \geq 0 \ ext{given} \end{aligned}$$

違い:

- ▶ 初期資産 (例. 遺産) $a_1 \ge 0$ の保有 (これは家計にとって外生)
 - ▶ 貯蓄は $s = a_2 a_1$
 - ▶ 初期資産を導入した理由:後々の Ramsey model と consistent
- ightharpoons 企業の利潤 π_t の受け取り

均衡概念:完全競争

理生経済学の基本

生産のある動学的 一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

甫足:社会的計画者

生産のある動学的 一般均衡

企業は静学的に利潤最大化を行う

- ▶ 企業の生産技術は F(z, K, H) = zF(K, H) とする
 - ▶ z は生産性 (パラメータ)
- ▶ 企業は毎期,次の利潤最大化を解く

$$\pi_t = \max_{K_t, H_t} \ zF(K_t, H_t) - w_tH_t - (r_t + \delta)K_t$$

が決まる

一般均衡

価格と配分の決まり方:完全競争市場

競争均衡:完全競争市場で決まる価格と配分

- 効用最大化の条件:家計が効用最大化をするような消費 (c_1^i, c_2^i)
- 利潤最大化の条件:企業が利潤を最大化するような生産 (y_1, y_2)
- 市場均衡条件:世の中に存在する総量と消費する総量が釣り合うように価格

$$c_1$$
 + $K_2 - (1 - \delta)K_1 = zF(K, H)$ (1期の財市場) 家計の t 期の財の消費 e^{-1} 投資 e^{-1} 企業の生産 e^{-1} な業の生産 e^{-1} な業の生産 e^{-1} な業の生産 e^{-1} な業の生産 e^{-1} な業の労働市場) な計の労働供給 e^{-1} 企業の労働需要 e^{-1} なまの資本供給 e^{-1} 企業の資本需要

21/24

生産のある競争均衡の特徴

日野将志

一般均衡

生産のある動学的 一般均衡

▶ 家計の最適化条件

$$egin{split} rac{u'(c_1)}{eta u'(c_2)} &= (1+r_2) \ c_1+a_2 &= (1+r_1)a_1+w_1+\pi_1 \end{split}$$

$$c_2=(1+r_2)a_2+w_2+\pi_2$$

企業の利潤最大化条件, for
$$t=1,2$$

$$r_t + \delta = F_K(K_t, H_t)$$

$$w_t = F_H(K_t, H_t)$$

すると

▶ 市場均衡条件(前頁)

 $\pi_t = F(K_t, H_t) - w_t H_t - (r_t + \delta) K_t$

企業の利潤 π_t と市場均衡条件 $H_t = 1$ および $K_t = a_t$ を家計の最適化条件に代入

一般均衡

日野将志

均衡概念:完全競争

経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のめる

動学的

一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

動学的一般均衡モデルの使われ方:入門

動学的一般均衡モ

デルの使い方

これから大学院の1年目で学ぶことをテクニカルな部分を排除して結果だけ紹介

- ▶ 数量の検証:RBC モデル
 - ▶ 中心的な問い:「基本的な動学的一般均衡のモデルは、現実の C.I.Y の特徴を 捉えられるか?」
 - ► RBC: 実物的景気循環 (Real Business Cycle)
- ▶ 価格の検証 (一例): (消費に依拠した) 資産価格理論
 - ▶ 中心的な問い:「基本的な動学的一般均衡のモデルは、現実の資産価格の特徴を 捉えられるか?」
 - ▶ CCAPM: (消費に依拠した) 資産価格理論 (Consumpution-based Capital Asset Pricing Model)

一般均衡

日野将志

生経済学の基本

一定理

一般均衡

補足:社会的計画者

の使い方

補足:社会的計画者

会的計画者の問題の解 産のあるときの競争均 率的配分

パレート効率的な配分の計算方法

競争均衡はパレート効率的であることを学んだ、どうやってパレート効率的な配

一般均衡

日野将志

補足: 社会的計画者

36/34

⇒ 社会的計画者の問題を解くと良い

分を計算する?

次のような全知全能かつ慈善的な存在を社会的計画者と呼ぶ

- ▶ 慈善的:社会的計画者は、家計の効用を最大化する
- ▶ **全知全能**:社会的計画者は,企業の生産技術や家計の初期賦存を完全に理解 し,保有している

社会的計画者の最適化問題

$$\max_{c_1^A,c_2^A,c_1^B,c_2^B} u(c_1^A) + eta u(c_2^A)$$
 s.t. $ar u = u(c_1^B) + eta u(c_2^B)$ (B さんの効用を止める) $c_1^A + c_1^B = y_1^A + y_1^B$ (1 期の財市場均衡条件) $c_2^A + c_2^B = y_2^A + y_2^B$ (2 期の財市場均衡条件)

経済 厚生経済学の基本

産のある動学的 般均衡

)学的一般均衡モ ブルの使い方

補足:社会的計画者

会的計画者の問題の解き方

コメント・この計管問題は基礎マクロの封除では出しませる

次のような全知全能かつ慈善的な存在を社会的計画者と呼ぶ

- ▶ 慈善的:社会的計画者は、家計の効用を最大化する
- ▶ 全知全能:社会的計画者は、企業の生産技術や家計の初期賦存を完全に理解 し、保有している

社会的計画者の最適化問題:

$$egin{array}{l} \max _{c_1^A,c_2^A,c_1^B,c_2^B} \ u(c_1^A)+eta u(c_2^A) \ & ext{s.t.} \ ar u=u(c_1^B)+eta u(c_2^B) \ (ext{B さんの効用を止める}) \ & ext{} \ c_1^A+c_1^B=y_1^A+y_1^B \ (ext{1 期の財市場均衡条件}) \ & ext{} \ c_2^A+c_2^B=y_2^A+y_2^B \ (ext{2 期の財市場均衡条件}) \end{array}$$

補足: 社会的計画者

社会的計画者の解

日野将志

一般均衡

(社会的計画者の問題はラグランジュ法でないと解けないので計算手順は補足 40 頁) 社会的計画者の問題の解は

$$\dfrac{u'(c_1^A)}{oldsymbol{eta}u'(c_2^A)} = \dfrac{u'(c_1^B)}{oldsymbol{eta}u'(c_2^B)}$$
A さんの無差別曲線の傾き B さんの無差別曲線の傾き

となる. 競争均衡では,

$$\dfrac{u'(c_1^A)}{oldsymbol{eta} u'(c_2^A)} = \dfrac{u'(c_1^B)}{oldsymbol{eta} u'(c_2^B)} = 1+r$$
A さんの無差別曲線の傾き B さんの無差別曲線の傾き

プレン ロロル

だった. 同じ! ⇒ 「競争均衡では、配分が効率的になるように価格が調整される」 経済学の基本

学的一般

補足:社会的計画者 社会的計画者の問題の解き方 生産のあるときの競争均衡と

計画者の問題の解き あるときの競争均衡 紀分

38/34

一定として、Aさんの効用を最大化する

▶ 社会的計画者の問題の解は (パレート) 効率的

均衡が (パレート) 効率的であることも示せる

閑話休題:ミクロの人はこういう証明方法を取らない:理由

社会的計画者は、(全知全能なので) 無駄なく生産技術を使って、B さんの効用を

▶ したがって、競争均衡が社会的計画者の解と一致することが示せれば、競争

▶ 微分可能性等. 数学的に不必要な仮定を増やして証明しているから

▶ マクロの人間は、微分可能性は当たり前に仮定するので、このアプローチを 使うことが割と多い

37 頁の社会的計画者の問題 (再掲)

$$egin{aligned} \max_{c_1^A,c_2^A,c_1^B,c_2^B} u(c_1^A) + eta u(c_2^A) \ & ext{s.t. } ar{u} = u(c_1^B) + eta u(c_2^B) \quad (B$$
 さんの効用を止める) $c_1^A + c_1^B = y_1^A + y_1^B \quad (1 期の財市場均衡条件) \ & ext{} c_2^A + c_2^B = y_2^A + y_2^B \quad (2 期の財市場均衡条件) \end{aligned}$

均衡概念:完全競争

助学的な純粋交換 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的 一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

社会的計画者の問題の解き方 生産のあるときの競争均衡と

ラグランジュ関数と一階の条件

一般均衡日野将志

社会的計画者の問題の解き方

(2)

ラグランジュ関数は以下のとおり

$$egin{aligned} \mathcal{L} = & u(c_1^A) + eta u(c_2^A) + \lambda_1 [u(c_1^B) + eta u(c_2^B) - ar{u}] \ & + \lambda_2 [y_1^A + y_1^B - c_1^A - c_1^B] + \lambda_3 [y_2^A + y_2^B - c_2^A - c_2^B] \end{aligned}$$

この一階の条件は以下のとおり

$$c_1^A : u'(c_1^A) = \lambda_2 \tag{1}$$

$$c_2^A:eta u'(c_2^A)=\lambda_3$$

$$c_1^B : \lambda_1 u'(c_1^N) = \lambda_2 \tag{3}$$

$$c_2^B : \lambda_1 \beta u'(c_2^A) = \lambda_3 \tag{4}$$

一階の条件のまとめ

一般均衡

日野将志

社会的計画者の問題の解き方

4本の式からうまく λ_i を排除するように整理すると

$$\dfrac{u'(c_1^A)}{\dfrac{eta u'(c_2^A)}{eta u'(c_2^B)}} = \dfrac{u'(c_1^B)}{\dfrac{eta u'(c_2^B)}{eta u'(c_2^B)}}$$
A さんの無差別曲線の傾き B さんの無差別曲線の傾き

を得る.

もう一つの書き方社会的計画者の問題

$$egin{aligned} \max_{c_1^A,c_2^A,c_1^B,c_2^B} \left[u(c_1^A) + eta u(c_2^A)
ight] + \lambda \left[u(c_1^B) + eta u(c_2^B)
ight] \ & ext{s.t. } c_1^A + c_1^B = y_1^A + y_1^B \quad (1 期の財市場均衡条件) \ & ext{} c_2^A + c_2^B = y_2^A + y_2^B \quad (2 期の財市場均衡条件) \end{aligned}$$

 $\lambda \in \mathbb{R}$ は A さんと B さんのどちらに加重するかを決めるパラメータ.

 $rac{u'(c_1)}{eta u'(c_2)} = (1 + \underbrace{F_K(K_2,1) - \delta}_{r_2})$

 $c_1 + K_2 = F(K_1, 1) + (1 - \delta)K_1$

 $c_2 = F(K_2, 1) + (1 - \delta)K_2$

上産のある動学的 一般均衡

助学的一般均衡・ デルの使い方

足:社会的計画者

社会的計画者の問題の解き方 生産のあるときの競争均衡と 効率的配分

$$\max_{c_1,c_2,K_2}u(c_1)+\beta u(c_2)$$

s.t. $c_1 + K_2 = zF(K_1, 1) + (1 - \delta)K_1$

 $c_2 = zF(K_2, 1) + (1 - \delta)K_2$

これを解くと,

 $\frac{u'(c_1)}{\beta u'(c_2)}=(1+\underbrace{F_K(K_2,1)-\delta})$

 $c_1 + K_2 = F(K_1, 1) + (1 - \delta)K_1$ $c_2 = F(K_2, 1) + (1 - \delta)K_2$

一般均衡 日野将志

生産のあるときの競争均衡と 劲塞的配分

と競争均衡と一致する ⇒ 競争均衡は (生産があっても) 効率的

均衡概念:完全競爭

動学的な純粋交換 経済

厚生経済学の基本 第一定理

生産のある動学的一般均衡

動学的一般均衡モ デルの使い方

補足:社会的計画者

社会的計画者の問題の解き方 生産のあるときの競争均衡と

生産のあるときの競争均衡と 効率的配分

 $\pi_t = \max_{K_t, H_t} F(K_t, H_t) - w_t H_t - (r_t + \delta) K_t$

最適な K_t , H_t を K^* , H^* とすると,

$$\underbrace{\pi_t}_{ ext{ Em}} + \underbrace{w_t H_t^*}_{ ext{ Em}} + \underbrace{(r_t + \delta) K_t^*}_{ ext{ Em}} = \underbrace{F(K_t^*, H_t^*)}_{ ext{ Em}}$$