# タンパク質の 2 次構造判定: Dictionary of Protein Secondary Structure (DSSP)

#### 山内 仁喬

### 2024年3月7日

本章では、タンパク質の 2 次構造を判定するのによく使われるアルゴリズムである Dictionary of Protein Secondary Structure (DSSP)[1] を解説する。 DSSP は主鎖のカルボニル基 (-CO) とイミノ基 (-NH) 間の静電相互作用エネルギーから水素結合を判定し、水素結合のパターンでへリックスやシートなどの 2 次構造を判定するアルゴリズムである。

# 1 水素結合による構造

#### 1.1 水素結合の定義

DSSP 判定ではタンパク質の主鎖の C, O 原子上に  $(+q_1, -q_1)$ , N, H 原子上に  $(-q_2, +q_2)$  の部分電荷を割り振り、それらの静電相互作用によって水素結合を判定する:

$$E = q_1 q_2 \left\{ \frac{1}{r_{\text{ON}}} + \frac{1}{r_{\text{CH}}} - \frac{1}{r_{\text{CH}}} - \frac{1}{r_{\text{CN}}} \right\} * f.$$
 (1)

ここで  $q_1=0.42e,\ q_2=0.20e,\ e$  は電荷素量,  $r_{\rm AB}$  は原子 A, B 間の距離 (Å) である. また, f=332 は無次元の係数であり, E の単位は kcal/mol である.

静電相互作用 E が -0.5kcal/mol よりも小さいとき, i 番目の残基の C=O と j 番目の残基の N-H 間で水素 結合が形成されていると定義する:

$$Hbond[i, j] \equiv [E < -0.5 \text{ kcal/mol}]. \tag{2}$$

## 1.2 基本構造: n ターン

ターン構造の定義 i 番目のアミノ酸主鎖の CO 基と i+n 番目のアミノ酸主鎖の NH 基が水素結合を形成している時, i 番目の残基に n ターン構造を割り当てる.

$$nTurn[i] \equiv Hbond[i, i+n], \quad n = 3, 4, 5.$$
(3)

# 1.3 基本構造:平行/反平行ブリッジ

平行/反平行ブリッジを判定する際には、重なりの無N 2 つの領域  $[i-1,\ i,\ i+1],\ [j-1,\ j,\ j+1]$  を考える. つまり、i 番目とj 番目のアミノ酸は3 残基以上離れてN3の必要がある.

平行ブリッジの定義 i 番目と j 番目のアミノ酸残基間の平行ブリッジを以下の 2 つの水素結合パターンで 定義する:

ParallelBridge 
$$[i, j] \equiv \begin{cases} \text{Hbond}[i-1, j] \text{ and } \text{Hbond}[j, i+1], \text{ or} \\ \text{Hbond}[j-1, i] \text{ and } \text{Hbond}[i, j+1]. \end{cases}$$
 (4)

反平行ブリッジの定義 i 番目と j 番目のアミノ酸残基間の反平行ブリッジを以下の 2 つの水素結合パターンで定義する:

AntiparallelBridge 
$$[i, j] \equiv \begin{cases} \text{Hbond}[i, j] \text{ and } \text{Hbond}[j, i], \text{ or} \\ \text{Hbond}[i-1, j+1] \text{ and } \text{Hbond}[j-1, i+1]. \end{cases}$$
 (5)

#### 1.4 協同的構造: ヘリックス

ヘリックスの定義 ヘリックスは2つの連続したターンで定義される.

$$3\text{Helix}[i, i+2] \equiv [3\text{Turn}[i-1] \text{ and } 3\text{Turn}[i]], \tag{6}$$

$$4\text{Helix}[i, i+3] \equiv [4\text{Turn}[i-1] \text{ and } 4\text{Turn}[i]], \tag{7}$$

$$5\text{Helix}[i, i+4] \equiv [5\text{Turn}[i-1] \text{ and } 5\text{Turn}[i]].$$
 (8)

例えば 4Helix の場合、4Helix の場合、4Helix の判定に必要であると言い換えられる。 つまり、4+1、4+2 番目の残基の水素結合は必要としないことに注意されたい。4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix、4Helix と呼ばれる。

## 1.5 協同的構造: *β* ラダー, *β* シート構造

ラダー構造の定義 ラダー構造はブリッジ構造を基に判定される:

$$ladder \equiv "$$
連続した同じ種類のブリッジの集合" (9)

シート構造の定義 シート構造はラダー構造を基に判定される:

$$sheet \equiv "残基を共有して結合しているラダーの集合"$$
 (10)

#### 1.6 2次構造に関連する量: TCO

TCO の定義 i 番目の残基の C=O と i-1 番目の残基の C=O が成す角度を  $\theta$  とする. TCO は,  $\cos\theta$  で 定義される:

$$TCO(i) \equiv \cos \theta$$
 (11)

$$= \frac{\overrightarrow{CO}_{[i]} \cdot \overrightarrow{CO}_{[i-1]}}{|\overrightarrow{CO}_{[i]}||\overrightarrow{CO}_{[i-1]}|}.$$
(12)

 $\alpha$  ヘリックス構造の場合, TCO  $\approx 1$  (つまり,  $\theta \approx 0$ ) となる. 一方,  $\beta$  シート構造の場合, TCO  $\approx -1$  (つまり,  $\theta \approx \pi$ ) となる.

# 2 幾何構造

## 2.1 幾何構造に関連する量: Kappa

Kaapa の定義 i 番目の残基に対する Kappa は, i-2, i, i+2 番目の残基の 3 つの  $\mathbf{C}_{\alpha}$  原子の結合角で定義される:

$$Kappa(i) \equiv Angle \left[ \left\{ \mathbf{C}_{\alpha}(i) - \mathbf{C}_{\alpha}(i-2) \right\}, \left\{ \mathbf{C}_{\alpha}(i+2) - \mathbf{C}_{\alpha}(i) \right\} \right]. \tag{13}$$

あるいは,

$$\mathbf{r}_1 = \mathbf{C}_{\alpha}(i-2) - \mathbf{C}_{\alpha}(i), \tag{14}$$

$$\mathbf{r}_2 = \mathbf{C}_{\alpha}(i+2) - \mathbf{C}_{\alpha}(i), \tag{15}$$

$$\theta = \arccos\left(\frac{r_1 \cdot r_2}{r_1 r_2}\right),\tag{16}$$

とすれば,

$$Kappa = 180.0 - \theta \tag{17}$$

と計算される.

# 2.2 幾何構造に関連する量: Alpha

Alpha の定義 i 番目の残基に対する  $\mathrm{Alpha}$  は,  $i-1,\,i,\,i+1,\,i+2$  番目の残基の 4 つの  $\mathrm{C}_{\alpha}$  原子の二面角で定義される:

$$Alpha(i) \equiv Dihedral \{ \mathbf{C}_{\alpha}(i-1), \ \mathbf{C}_{\alpha}(i), \ \mathbf{C}_{\alpha}(i+1), \ \mathbf{C}_{\alpha}(i+2) \}. \tag{18}$$

# 2.3 幾何構造に関連する量: 主鎖の二面角 Φ

主鎖の二面角  $\phi$  の定義 i 番目の残基の主鎖に対する  $\phi$  は以下のように定義される:

$$\phi(i) \equiv \text{Dihedral} \left\{ \mathbf{C}(i-1), \ \mathbf{N}(i), \ \mathbf{C}_{\alpha}(i), \ \mathbf{C}(i) \right\}.$$
 (19)

## 2.4 幾何構造に関連する量: 主鎖の二面角 φ

主鎖の二面角  $\psi$  の定義 i 番目の残基の主鎖に対する  $\psi$  は以下のように定義される:

$$\psi(i) \equiv \text{Dihedral} \{ \mathbf{N}(i), \ \mathbf{C}_{\alpha}(i), \ \mathbf{C}(i), \ \mathbf{N}(i+1) \}.$$
 (20)

# 2.5 曲がった構造 (Bend)

Bend 構造の定義 Kappa(i) が  $70^\circ$  以上の時, i 番目の残基を Bend 構造と判定する.

$$Bend(i) \equiv [Kappa(i) > 70^{\circ}] \tag{21}$$

# 2.6 キラリティー (Chirality)

Chirality の定義 i 番目の残基のキラリティーは、 $\mathrm{Alpha}(i)$  の値を元にして判定する:

# 参考文献

[1] W. Kabsch and C. Sander. Dictionary of protein secondary structure: pattern recognition of hydrogen-bonded and geometrical features. *Biopolymers*, Vol. 22, No. 12, pp. 2577–637, 1983.