

# モンテカルロ法による面積計算

来代 勝胤

2021 年 4 月 26 日

## 1 理論

以下の 5 つの曲線と、 $x = 0$ 、 $x = 1$ 、 $y = 0$  が囲む面積を求める。

$$f(x) = x \quad (1)$$

$$f(x) = x^2 \quad (2)$$

$$f(x) = \cos\left(\frac{\pi}{2}x\right) \quad (3)$$

$$f(x) = \sin(\pi x) \quad (4)$$

$$f(x) = \exp(-x^2) \quad (5)$$

乱数を用いたモンテカルロ法で面積を評価する。 $n$  回目に発生させた乱数を  $r^n$  として、設定点座標を  $(r^n, r^{n+1})$  で与える。

$$\begin{array}{ll} \text{設定点の } y \text{ 座標} & r^{n+1} \\ \text{設定点の } x \text{ 座標の関数値} & f(r^n) \end{array}$$

上記、2 式の大小を比較し、 $r^{n+1} > f(r^n)$  であれば、 $S_1$  領域、 $r^{n+1} < f(r^n)$  であれば  $S_2$  領域に属するものと判断できる。ここで、設定点を  $N$  点としたときに、今回の場合においては  $S_2$  領域に属する設定点の比率から面積を求めることが可能である。

---

!Program Name : report.f90

```
program main

  implicit none
  integer, parameter :: num = 10000
  integer, parameter :: case = 5
  integer i, j, n
  real x, y, a, b, pi
  real f(case),s(case)
  real r(num + 1)
  real area(num + 1,case)

  !** create random number *****

  integer :: seedsize
  integer, allocatable :: seed(:)

  call random_seed(size = seedsize)
  allocate(seed(seedsize))
  do j = 1, seedsize
    call system_clock(count = seed(j))
  end do
  call random_seed(put = seed(:))

  !*****

  pi = 4.0 *atan(1.0)
  ! write(6,*)'pi = ',pi

  call random_number(r)

  do 10 j = 1 ,case
    s(j) = 0
  10 continue

  open(17, file = 'output/result.dat', status='replace')

  do 20 i = 1, num
    x = r(i)
    y = r(i + 1)

    f(1) = x !case_1
    f(2) = x*x !case_2
    f(3) = cos(pi / 2.0 * x) !case_3
    f(4) = sin(pi * x) !case_4
    f(5) = exp(-x * x) !case_5

    do 100 j = 1, 5
      if (f(j) < y) then
        s(j) = s(j) + 1
      end if
      a = (s(j)/i)
      area(i,j) = a
    100 continue
  20 continue

  do 30 i = 1, num
    write (17,*) i,area(i,1),area(i,2),area(i,3),area(i,4),area(i,5)
  30 continue

  close(17)

end program
```

---