

# Statistica & Analisi dei dati

Mascherpa Matteo

a.a. 2024-2025

## 1 Introduzione alla Statistica

### 1.1 Definizioni:

**Statistica:** La *statistica* è l'arte di apprendere dai dati. La statistica si occupa della raccolta, della descrizione e dell'analisi dei dati, possibilmente permettendo di trarne delle conclusioni.

**Statistica descrittiva:** La parte della statistica che si occupa di descrivere e riassumere i dati.

**Statistica inferenziale:** La parte della statistica che si occupa di trarre conclusioni dai dati. (Richiede quindi di conoscere i concetti di probabilità)

**Popolazione:** L'insieme della totalità dei dati.

**Campione:** Sottinsieme omogeneo della popolazione.

**Campione Casuale:** Il campione è un sottoinsieme della popolazione dove ogni elemento ha la stessa probabilità di essere scelto.

**Frequenza assoluta:** Numero di volte che un dato compare in un campione. Indicata con  $f_j$  dove  $j$  è un elemento del campione.

**Frequenza relativa:** Frazione di volte che un dato compare nel campione. Indicata con  $f'_j (= \frac{f_j}{n})$ .

### 1.2 Popolazione e Campioni

In statistica si vuole ottenere informazioni da un insieme di dati (*popolazione*). Ma dato la natura delle popolazione, spesso enorme, se ne prende un sottoinsieme di distribuzione omogenea (*Campione*) dove ogni elemento ha una stessa probabilità di essere scelto. In caso il campione non abbia questa qualità le informazioni da esso estratto sono inconcludenti poiché non *rappresentativo*. Una volta ottenuto il *campione casuale* si può usare tecniche di *statistica inferenziale* per ottenere da esso le informazioni volute (dato che dal campione si possano ricavare, da un insieme di dati sul colore dei vestiti non si potrà in ogni caso trovare alcun dato sui gusti dei gelati).

### Campione casuale stratificato

Prendere valori a caso non è spesso la migliore delle scelte, è una scelta buona, ma esistono opzioni migliori. Per questo esiste il concetto di ***campione casuale stratificato***. Prima di prendere gli elementi casuali del campione si divide la popolazione in *classi* secondo un qualche criterio. Una volta si prende da ogni classe un numero di elementi proporzionale alla cardinalità della classe. Se una classe è composta dal 15% della popolazione allora il 15% del campione dovrà essere preso casualmente dalla quella classe, e così via.

## 2 Rappresentazione dei dati

Serve un metodo per rendere i dati leggibili e facilmente interpretabili, a questo scopo ci vengono in soccorso un potente strumento grafico, i *grafici*.

### 2.1 Tabelle e Grafici

Avendo un insieme di dati di dati disposti nel modo più elementare possibile la lettura diventa complessa, invece, gli stessi dati, una volta riarrangiati vengono letti con semplicità.

2, 2, 0, 0, 5, 8, 3, 4, 1, 0, 0, 7, 1, 7, 1, 5, 4,  
0, 4, 0, 1, 8, 9, 7, 0, 1, 7, 2, 5, 5, 4, 3, 3, 0,  
0, 2, 5, 1, 3, 0, 1, 0, 2, 4, 5, 0, 5, 7, 5, 1

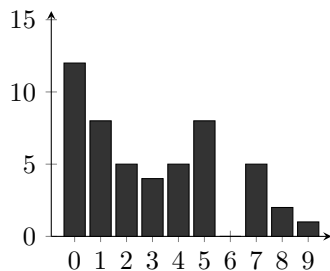
Valore	Frequenza
0	12
1	8
2	5
3	4
4	5
5	8
7	6
8	2
9	1

### 2.2 Grafici a bastoncini, a barre & poligonali

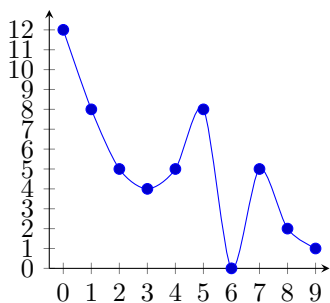
Varie sono le tipologie di grafici, tra le opzioni ci sono grafici a bastoncini, a barre e poligonali.

DRAW HERE A STICK CHART.

Grafico dalla lettura intuitiva dove ogni dato è rappresentato da un semplice segmento.



Spesso utilizzati per la rappresentazione di dati, per ogni dato sull'asse delle ascisse esiste un parallelepipedo dall'altezza equivalente al valore del dato che si vuole rappresentare. Comodo per la visualizzazione dei valori di varie categorie diverse in un unico grafico.



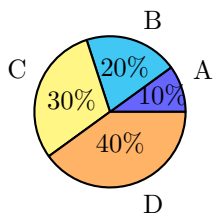
Il grafico poligonale infine serve a rendere visibile l'andamento di un dato unendo ogni punto con il successivo tramite un segmento creando quindi una sorta di funzione che indica l'andamento del valore sull'asse delle ordinate.

Un insieme di dati si dice *simmetrico* al valore  $x_n$  se le frequenze dei valori  $x_n - c$  e  $x_n + c$  sono le stesse per ogni  $c$ . Si dice *quasi simmetrico* se i valori sono precisamente uguali ma sono solamente simili, è quindi una proprietà meno restrittiva.

### Grafici per le sequenze relative

A volte è conveniente, al posto di avere le frequenze assolute, visualizzare le frequenze *relative*. Dato  $f$  la frequenza di  $x$  allora posso avere un grafico *frequenza relativa*  $\frac{f}{n}$  dove  $n$  è il numero totale di osservazioni del dato. In caso la somma dei valori delle colonne farà 1 cioè tutte le osservazioni.

### Grafici a torta



In caso che i dati non siano numerici una valida opzione è il grafico a torta che indica le frequenze relative di ogni dato. La percentuale di grafico da assegnare ad un solo valore si calcola  $\frac{f}{n}$  dove  $n$  è il numero totale di osservazioni e per ottenere. Per invece ottenere l'angolo del grafico a torta la formula diventa  $\frac{360 * f}{n}$ .

### Raggruppamenti di dati e istogrammi

Serve quando la quantità dei dati è tale da rendere inutile la rappresentazione normale in un grafico. In tal caso conviene raggruppare in classi i dati. Trovare il numero perfetto di classi è spesso molto complesso e ci si può accontentare con un compromesso tra, scegliere poche classi (a costo di perdere molte informazioni) e scegliere molte classi (in modo da mantenere il significato dei dati nel campione). Di solito il valore è compreso in  $[5, 10]$ . Il libro usa la convenzione di includere in una classe il suo valore inferiore e non quello superiore:  $[\lim_{inf}, \lim_{sup})$ . Ogni valore è la media dei valori nella classe.

### Diagrammi Ramo-Foglia

22	123
23	234, 567, 890
24	345
25	012, 034, 078, 234
26	123, 456, 789
27	234, 345, 456
28	567, 678, 789, 890

Comodo per rappresentare un piccolo campione di dati. Dove il valore a sinistra è il suffisso e i valori a destra sono i valori che hanno quel suffisso. Questo serve a riassumere i dati. In caso un ramo abbia troppe foglie si può dividere.