

Мини-отчёт

Рудаков Максим, М3137

11 октября 2023 г.

1 Вступление

Лабораторная написана на Питоне (Python 3.11.5) с попытками оформить ООП. Каждый вид числа соответствует своему классу: FixedPoint, Single and Half. Была идея сделать надкласс AbstractFloat, но до исполнения не дошло. Каждый класс вынесен в свой файл (было сильно неудобно, решил разделить). В файле main.py происходит считывание чисел, минимальная логика того, что с числами нужно сделать, а также обрабатываются некоторые ошибки ввода (не тот тип округления или формат).

В файле test.py я сделал тестирование. Числа с фикс. точкой подвергаются полному тестированию, сравниваясь с Питоновскими float. Проверяется вывод и все операции. Числа с плавающей точкой так проверить не удалось, т.к. Питоновские float'ы сложно привести к требуемому формату. Тесты проверяют лишь то, что программа не падает на всевозможных тестах.

Используются 5 основных методов (перегруженные операторы):

`__str__` - возвращает строковое представление числа таким, каким оно должно быть выведено в консоль.

`__add__`, `__sub__`, `__mul__`, `__truediv__` - соответствуют операциям $+$, $-$, $*$ и $/$.

2 Числа с фиксированной точкой

В полях класса хранятся числа A и B - количество знаков до и после запятой. Числа хранятся в строках. Длина строки равна $A + B$. Операции выполняются в интах.

`__str__` переводит число в десятичную запись и округляет. Перевод реализован по частям: сначала после точки, потом перед точкой. Эти числа суммируются и получается итоговое целое число без точки. Потом функцией `my_round` я округляю его так, чтобы после точки вместо B символов осталось только 3. В возвращенную строку вставляю точку на нужное место.

Операция $+$ реализует сложение чисел и переполнение.

Операция $-$ возвращает $X + -Y$.

Операция $*$ реализует умножение чисел, округление и переполнение.

Операция $/$ реализует деление чисел, округление и переполнение.

Также для удобства я перегрузил и другие методы, например, сравнение, т.к. при делении нужно сравнивать число с 0 и `__invert__`, который инвертирует все биты числа (X).

3 Single и Half

В полях класса хранятся константы для соответствующего класса. Собственно, только этим Single и Half различаются. Half является подклассом класса Single. Числа хранятся по частям: знак, экспонента и мантисса. При получении числа в формате hex или bin оно парсится на части или заменяется на константу типа nan и inf.

`__str__` тщательно проверяет на то, является ли число нулём, inf или nan. Если нет, просто переводит мантиссу в 16-ричную запись и форматирует число. Учтены денормализованные числа.

В начале каждой операции я проверяю число на nan, inf и ноль, учитывая специальные случаи.

Операция $+$ переводит числа в огромные инты (слава длинной арифметике), где 1 равен `0x00000001`. В таком виде числа складываются, запоминается знак и берётся модуль. Полученное число округляется и нормализуется, вычисляется экспонента.

Операция $-$ возвращает $X + -Y$.

Операция $*$ вычисляет знак, перемножает мантиссы как числа с фикс. точкой, рассчитывает экспоненту (складывает и прибавляет переход через бит мантиссы). В конце дедлайна я заметил, что не учёл некоторые случаи при умножении и делении. Это связано с переходом через бит при округлении. Пофиксить это я не успел, но сделал так, чтобы программа из-за этого не падала.

Операция $/$ вычисляет знак, делит мантиссы как числа с фикс. точкой, округляет (тут та же проблема с переходом). Вычитанием вычисляется экспонента.

Как и с фиксированной точкой, для удобства я перегрузил методы `__neg__`, который определяет поведение $-Y$, и некоторые другие.