Esercizi sull'energia potenziale elettrica

1) Si considerino tre cariche $Q_1 = Q_2 = Q_3 = Q = 10 \mu C$ fisse in

$$\vec{r_1} = \begin{pmatrix} 0,00m \\ +0,50m \end{pmatrix}, \ \vec{r_2} = \begin{pmatrix} -0,50m \\ 0,00m \end{pmatrix} \ \text{e} \ \vec{r_3} = \begin{pmatrix} 0,00m \\ -0,50m \end{pmatrix}.$$

Calcolare l'energia potenziale elettrica di una carica $q_0 = 4.0 \, \mu C$ posta in $\vec{r} = \begin{pmatrix} 0.50 \, m \\ 0.00 \, m \end{pmatrix}$.

- 2) Si considerino due cariche $Q_1=Q_2=Q=10\,\mu C$ fisse in $x_1=-1,0\,m$ rispettivamente in $x_2=+1,0\,m$ e un corpo di massa $m=2,4\,kg$ e carica $q_0=4,0\,\mu C$ libero di muoversi senza attriti lungo l'asse x.
 - a) Scrivere una formula per calcolare l'energia potenziale elettrica totale della carica q_0 associata alle cariche Q_1 e Q_2 in funzione di x (inserire nella formula i valori numerici in modo che figuri solo x come parametro variabile).
 - b) Calcolare il valore dell'energia potenziale elettrica totale della carica q_0 in x=-0,60m e in x=0m.
 - c) Si pone ora il corpo m in x = -0.60m e, da fermo, lo si lascia libero di muoversi. Con l'aiuto del principio di conservazione dell'energia calcolare la sua velocità in x = 0m e in x = 0.40m e si verifichi che inverte in senso di marcia in x = +0.60m.
 - d) Rispondere nuovamente alle domande (a) e (b) ponendo $Q_2 = 12 \, \mu C$.
- 3) Si considerino due cariche elettriche $Q_1=4\mu C$ posta in $x_1=0,0m$ e Q_2 di valore sconosciuto posta in $x_2=-0,30m$. Entrambe siano fisse ed esercitano una forza elettrica su un corpo di massa m=0,600kg e carica $q=1\mu C$ libero di muoversi senza attriti lungo l'asse x per x>0.
 - a) Determinare il valore della carica Q_2 per fare in modo che in x = 0,30m la forza elettrica su q sia pari a zero (vedi esercizio 1 della serie "Esercizi sul campo elettrico").
 - b) Determinare il valore dell'energia potenziale elettrica delle cariche Q_1 e Q_2 su q in funzione di x (se non si fosse risposto alla domanda (a) assegnare a Q_2 il valore di $-16\mu C$; si inseriscano i valori numerici lasciando solo la posizione x come parametro variabile).
 - c) Si sposta ora il corpo in x = 0,20m e, da fermo, lo si lascia libero di muoversi. Utilizzando il teorema della conservazione dell'energia:
 - i) calcolare la velocità che il corpo possiede quando passa per x = 0.30m e
 - ii) determinare fino a dove arriva prima di invertire in senso di marcia.
 - d) Dove deve essere portato al minimo il corpo per fare in modo che, una volta lasciato libero, non faccia più ritorno?

- 4) Si consideri una carica $Q = 2,0\mu C$ posta in y = 0,0m (y sia l'asse verticale) fissa e un corpo di massa m e carica $q = 2,0\mu C$ libero di muoversi lungo l'asse y con y > 0.
 - a) Calcolare il valore di m per fare in modo che il corpo sia in equilibrio in $y_0 = 0.30 m$.
 - b) Determinare l'energia potenziale elettrica e quella gravitazionale in funzione di y e in seguito quella totale (energia potenziale elettrica più energia potenziale gravitazionale, per quest'ultima si ponga a zero il suo valore in y=0). Si inseriscano i valori numerici lasciando solo la posizione y come parametro variabile. Inoltre, per chi non avesse risposto alla domanda (a) si ammetta che il peso del corpo di massa m valga $F_g=m\cdot g=0,400\,N$.
 - c) Calcolare il valore dell'energia potenziale totale in $y_0 = 0.30 m$. Si sposta ora il corpo di massa m in $y_1 = 0.20 m$ e, da fermo, lo si lasica libero di muoversi.
 - d) Calcolare il valore dell'energia potenziale totale in $y_1 = 0,20m$ e si verifichi che il valore è maggiore di quello calcolato in $y_0 = 0,30m$.
 - e) Con l'aiuto del teorema della conservazione dell'energia si calcoli la velocità del corpo quando passa per $y_0 = 0.30 \, m$.
 - f) Determinare fino a dove arriva il corpo prima di invertire l'ordine di marcia