## Prova pratica Programmazione Non Lineare

## December 21, 2016

## Cognomi gruppo:

Parte 1 Si vuole inscrivere un rettangolo in un triangolo equilatero di lato pari a 1m. Assumendo che la base del rettangolo poggi su un lato del triangolo, qual è l'area massima del rettangolo? Qual è l'area massima nel caso in cui il rettangolo sia un quadrato?

Area rettangolo:  $M^2$ , area quadrato:

 $M^2$ 

**Parte 2** Data una funzione  $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$ , si conoscono le seguenti coppie ingressi-uscita:  $x^1 = (1, 1, 2), \ y^1 = 10; \ x^2 = (1, 3, 2), \ y^2 = 5; \ x^3 = (2, 8, 2), \ y^3 = 12; \ x^4 = (0, 3, 2), \ y^4 = -5; \ x^5 = (2, -1, 2), \ y^5 = 9; \ x^6 = (11, 66, 2), \ y^6 = 40; \ x^7 = (12, 10, 10), \ y^7 = 10; \ x^8 = (-1, -1, 20), \ y^8 = 3$ . Completare tutti i seguenti punti:

- 1. approssimare f con una funzione lineare  $(m^T x + q)$ , stimando i parametri che minimizzano l'errore in norma 2 quadrata  $(\|e\|_2^2)$ ;
- 2. approssimare f con una funzione lineare  $(m^T x + q)$ , stimando i parametri che minimizzano l'errore in norma infinito  $(\|e\|_{\infty})$ ;
- 3. approssimare f con la funzione  $a_1(x_1)^2 + a_2(x_2)^2 + a_3(x_3)^2 + c$  e stimando i parametri che minimizzano l'errore in norma 2 quadrata ( $||e||_2^2$ ).

ERRORE 1: ERRORE 2: ERRORE 3:

**Parte 3** Si vuole posizionare una fonte di luce all'interno di uno spazio in modo da minimizzarne la distanza cumulativa (norma 2) da 4 punti di coordinate A=(10, 0, 2), B=(0, 0, 0), C=(1, 10, 1), D=(10, 10, 5). Quali sono le coordinate della fonte di luce sapendo che questa non può essere posizionata più lontana di 2 dal punto D?

## COORDINATE: