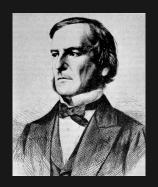
Logica booleana

Informatica@DSS 2019/2020 — II canale

Massimo Lauria <massimo.lauria@uniroma1.it> https://massimolauria.net/courses/informatica2019/

George Boole (1815–1864)



Fondatore della logica matematica

- studio formale dei ragionamenti usati in matematica
- uso di manipolazioni algebriche per concetti logici

Operatori logici

Operatori che combinano espressioni booleane.

	Matematica	Python
negazione	$\neg x$	not x
congiunzione	$x \wedge y$	x and y
disgiunzione	$x \lor y$	x or y

Negazione logica $\neg x$

Assume il valore opposto della variable *x*

х	not x
False	True
True	False

```
porta_chiusa = False 1
porta_aperta = not porta_chiusa 2
print(porta_aperta) 3
```

```
True
```

Domanda: a cosa è uguale not not x?

Congiunzione logica $x \wedge y$

La congiunzione è vera quando x e y sono entrambi veri.

х	У	x and y
False	False	False
True	False	False
False	True	False
True	True	True

Esercizio: Quando vale True l'espressione seguente?

```
a1 and a2 and a3 and a4 and a5
```

Esempio di congiunzione logica

```
        vento = True
        1

        neve = True
        2

        tormenta = vento and neve
        3

        print(tormenta)
        4
```

True

Disgiunzione logica $x \lor y$

La disgiunzione è vera quando **almeno uno** tra x e y è vero.

X	У	x or y
False	False	False
True	False	True
False	True	True
True	True	True

Esercizio: Quando vale True l'espressione seguente?

a1 or a2 or a3 or a4 or a5

Esempio di disgiunzione logica

```
    nuvoloso = True
    1

    pioggia = False
    2

    brutto_tempo = pioggia or nuvoloso
    3

    print(brutto_tempo)
    4
```

True

Associatività e Commutatività

Un operatore tra due operandi, chiamiamolo o, si dice

- ► associativo, quando $(a \circ b) \circ c = a \circ (b \circ c)$
- commutativo, quando $a \circ b = b \circ a$

Esercizio: dimostrare che se un operatore ∘ è associativo e commutativo, allora comunque vengano messe le parentesi o ordinati gli operandi nella sequente espressione

$$a_1 \circ a_2 \circ a_3 \cdots a_{n-1} \circ a_n$$

il valore dell'espressione non cambia.

Differenze con il linguaggio naturale

Nel linguaggio naturale si usa or in modo diverso

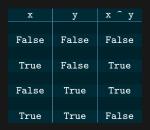
vado al mare o in montagna

intendendo alternative esclusive.

Invece l'or logico funziona in maniera differente, ne senso che il risultato è vero anche se entrambe le opzioni sono vere.

Or esclusivo $x \oplus y$

L'or esclusivo (XOR) è vero quando **esattamente uno** tra $x \in y$ è vero. Lo XOR è denotato anche come $x \oplus y$.



Esercizio: Quando vale True l'espressione seguente?



Regole di de Morgan

$$\neg(x \lor y)$$
 è uguale a $\neg x \land \neg y$

ed anche

$$\neg(x \land y)$$
 è uguale a $\neg x \lor \neg y$

Esercizio: verificare tutti e 4 i casi

Distributività

$$x \land (y \lor z)$$
 è uguale a $(x \land y) \lor (x \land z)$

ed anche

$$x \lor (y \land z)$$
 è uguale a $(x \lor y) \land (x \lor z)$

Esercizio: verificare tutti gli 8 casi