

Rappresentazione Dati

Informatica@SEFA 2018/2019 - Lezione 2

Massimo Lauria <massimo.lauria@uniroma1.it>
<http://massimolauria.net/courses/infosefa2018/>

Mercoledì, 26 Settembre 2018

Questionario sulla lezione scorsa

bit.ly/INFO2018-02a

Storia e architettura dei calcolatori

Charles Babbage e Ada Lovelace (183x)

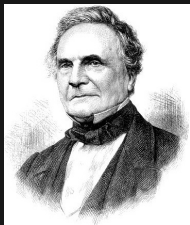


Figure: Charles Babbage
(1791–1871)



Figure: Ada Lovelace
(1815–1852)

- macchina differenziale (1822)
- macchina analitica (1837) mai realizzata

Alan Turing (1936)

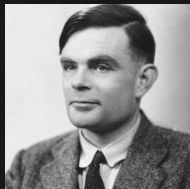


Figure: Alan Turing (1912–1954)

David Hilbert chiede nel 1928: esiste una **procedura meccanica** in grado di stabilire se un'affermazione matematica è un teorema o meno?

Per risolvere il problema si deve spiegare cosa sia una procedura meccanica: la “spiegazione” di Turing è la **macchina di Turing**. Noi le chiamiamo “computer”.

La macchina universale

L'idea **fondamentale** della macchina Turing (embrionale in Babbage)

- macchina polivalente e **universale**
- una macchina programmabile
- il programma è un input come gli altri

Tesi di Church-Turing: *tutto ciò che è calcolabile lo è tramite una macchina di Turing più un programma.*

Il risultato è che i computer sono utilizzati per scopi ben oltre quelli per cui sono stati progettati.

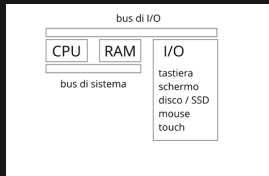
Modello di Von Neumann (1945)



Figure: John von Neumann (1903–1957)

Modello su cui sono basati gli odierni calcolatori, più o meno.

- CPU: il cervello
- RAM: la memoria
- I/O: dispositivi di input and output
- bus: canali di comunicazione



Memorie

La memoria RAM è volatile

- tutto viene perduto quando si spegne il computer
- costituita da una gerarchia di memorie (cache L1,L2, memoria principale)

Le memorie secondarie sono permanenti

- dischi rigidi, memorie flash su USB, etc...

Si lavora su RAM ma si salva su memoria secondaria

Tempi di accesso (approssimati, ca. 2010)

Un'istruzione CPU: $1/1.000.000.000 \text{ sec} = 1 \text{ nanosec}$

Accesso ai dati	tempo (in ns)
memoria cache L1	0.5
memoria cache L2	7
RAM	100
1MB seq. da RAM	250.000
4K random disco rigido SSD	150.000
1MB seq. da disco SSD	1.000.000
disco rigido HDD	8.000.000
1MB seq. da disco HDD	20.000.000
pacchetto dati Europa -> US -> Europa	150.000.000

Fonte: Peter Norvig, <http://norvig.com/21-days.html>

Updated by: Jeff Dean <https://ai.google/research/people/jeff>

Efficienza

Un programma complesso, eseguito su molti dati, può risultare lento.

- la correttezza è la cosa principale
- ma un programma troppo lento è inutilizzabile

Dovete ancora imparare a scrivere programmi corretti ed è presto per parlarvi di efficienza, tuttavia

- i vostri programmi devono girare in tempi ragionevoli,
- se non lo fanno probabilmente ci sono errori logici.

Questionario di ricapitolazione

bit.ly/INFO2018-02c

Rappresentazione dei dati

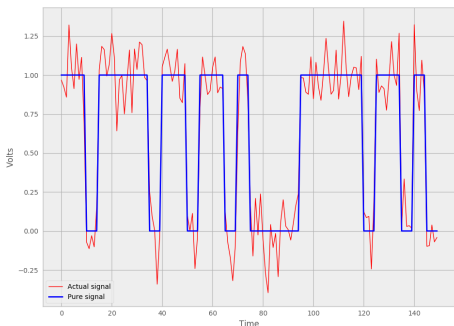
Zero e uno

Un **bit** di informazione

- 0 o 1
- Vero o Falso
- tensione alta o bassa
- interruttore acceso o spento

Più di due stati?

- e.g. macchine di Turing
- maggiori errori



Due stati sono pochi: insiemi di bit

n bit assumono 2^n configurazioni

1 byte	8 bit
1 KB	$2^{10} = 1024$ byte
1 MB	$2^{10} = 1024$ KB
1 GB	$2^{10} = 1024$ MB
...	...

Codifica di dati

Il significato di una sequenza di bit dipende dalla sua
interpretazione

Utilizzare due interpretazioni differenti per gli stessi dati

- può causare errori nel programma
- può corrompere i dati
- può essere usato per violare la sicurezza¹

¹Vedremo un esempio di violazione di sicurezza in SQL.

In Python ogni dato ha un **tipo**

```
type(5)           # il tipo dell'espressione 5           1
type('ciao')     # il tipo dell'espressione 'ciao'      2
type(3.2)         # il tipo dell'espressione 3.2         3
type(5.0)         # il tipo dell'espressione 5.0         4
3.2 + 5           # somma tra dati di tipo diverso       5
type(3.2 + 5)     # il tipo del risultato                6
5 + 'ciao'        # altra somma tra dati di tipo diverso 7
```

```
<class 'int'>           1
<class 'str'>           2
<class 'float'>        3
<class 'float'>        4
8.2                     5
<class 'float'>        6
Traceback (most recent call last): 7
  File "<stdin>", line 1, in <module> 8
TypeError: unsupported operand type(s) for +: 'int' and 'str' 9
```

Il tipo tiene traccia della giusta interpretazione, e aiuta il programmatore a non confondere tipi di dati diversi.

Codifica di numeri

La notazione decimale (i.e. in base 10) usa cifre da 0 a 9

E.g. $45903 = 4 \cdot 10^4 + 5 \cdot 10^3 + 9 \cdot 10^2 + 0 \cdot 10^1 + 3 \cdot 10^0$

Se ci sono solo le cifre 0 e 1 ha senso usare la base 2

E.g. $110101 = 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$

Notazione binaria (E.g. 4 bit)

$$b_3b_2b_1b_0 = b_3 \cdot 2^3 + b_2 \cdot 2^2 + b_1 \cdot 2^1 + b_0 \cdot 2^0$$

b_3 è il bit **più significativo**; b_0 è il bit **meno significativo**

8421			8421		
0000	0	0	1000	8	8
0001	1	1	1001	8+1	9
0010	2	2	1010	8+2	10
0011	2+1	3	1011	8+2+1	11
0100	4	4	1100	8+4	12
0101	4+1	5	1101	8+4+1	13
0110	4+2	6	1110	8+4+2	14
0111	4+2+1	7	1111	8+4+2+1	15

Notazione binaria (n bit)

Caso n bit: $b_{n-1} \dots b_0 = \sum_{i=0}^{n-1} b_i \cdot 2^i$.

8 bit rappresentano $2^8 = 256$ valori

$$\{0, 1, 2, \dots, 255\} \quad (1)$$

16 bit rappresentano $2^{16} = 65536$ valori

$$\{0, 1, 2, \dots, 65535\} \quad (2)$$

Domanda: ogni intero positivo ha esattamente una rappresentazione binaria?

Stampare in notazione binaria

Potete usare Python per fare le conversioni

# l'operatore ** esegue l'elevazione a potenza	1
numero = 2**10 + 2**7 + 2**5 + 2**3 + 1	2
	3
print("Base 10 - {}".format(numero))	4
print("Base 2 - {:b}".format(numero))	5

Base 10 - 1193	1
Base 2 - 10010101001	2

Notazione binaria è scomoda

(dec.) 123456789 = (bin.) 111010110111100110100010101

Base 2

- adatta per il computer
- numeri troppo lunghi e scomodi da leggere

Base 10

- più compatta e leggibile
- le cifre corrispondono male con quelle in base 2

Abbreviazione della notazione binaria

Base 16 (notazione esadecimale)

$\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F\}$

con $A = 10$, $B = 11$, $C = 12$, $D = 13$, $E = 14$, $F = 15$

$\underbrace{0111}_7 \underbrace{0101}_5 \underbrace{1011}_B \underbrace{1100}_C \underbrace{1101}_D \underbrace{0001}_1 \underbrace{0101}_5$

(dec.) 123456789 = (hex.) 75BCD15

(dec.) 175 = (bin.) 10101111 = (hex.) AF

Usiamo python per verificare i conti

0111 0101 1011 1100 1101 0001 0101
7 5 B C D 1 5

(dec.) 123456789 = (hex.) 75BCD15

```
numero = 123456789 1  
  
print("Base 10 - {}".format(numero)) 2  
print("Base 2 - {:b}".format(numero)) 3  
print("Base 16 - {:x}".format(numero)) 4  
 5
```

```
Base 10 - 123456789 1  
Base 2 - 111010110111100110100010101 2  
Base 16 - 75bcd15 3
```

Rappresentazione di byte

È scomodo scrivere/leggere 8 bit per esteso.
Normalmente un byte è scritto come

- un numero da 0 a 255, oppure
- un numero esadecimale di due cifre, da 00 a *FF*.

I numeri esadecimali in Python

In python i numeri esadecimali si scrivono col prefisso 0x

<code>print(0xFE, 0xfE, 0xfe)</code>	1
<code>print(0XC3)</code>	2
<code>print(0x2D3Ac463e + 4524)</code>	3

254 254 254	1
195	2
12141221866	3

Ricapitolando

- I numeri codificati come sequenze di 0 e 1...
- ...seguendo la notazione in base 2
- Base 16 come abbreviazione di base 2.

Python e numeri molto grandi

```
3**312 + 7**94
```

1

```
72749744522375265125206295317964396725  
53343286682495257583990369543852572160  
39907289132821352297259222089567082614  
19259341094593387593588827435562290
```

- ▶ Python permette numeri grandi a piacere
- ▶ CPU opera su numeri di taglia fissa, e.g. 64 bit
- ▶ C, C++, Java, .. fanno lo stesso
- ▶ al massimo 2^{64} valori, da -2^{63} a $2^{63} - 1$
- ▶ possibilità di *overflow*

Codifica della comunicazione scritta

Studente: 'Prof. una proroga?'

'Non se ne parla nemmeno.'

Studente: 'Per favooooore!'

'Assolutamente no.'

Studente: 'Che bastardo...'

'Come?'

Studente: 'Oops! Sbagliato finestra...'

Codifica della comunicazione scritta

Studente: [80, 114, 111, 102, 46, 32, 117, 110, 97, 32,...]

[78, 111, 110, 32, 115, 101, 32, 110, 101, 32, 112, 97, ...]

Studente: [80, 101, 114, 32, 102, 97, 118, 111, 111, 111, 111, 114, 101, 33]

[65, 115, 115, 111, 108, 117, 116, 97, 109, 101, 110, 116, 101, 32, 110, 111, 46]

Studente: [67, 104, 101, 32, 98, 97, 115, 116, 97, 114, 100, 111, 46, 46, 46]

[67, 111, 109, 101, 63]

Studente: [79, 111, 112, 115, 33, 32, 83, 98, 97, 103, 108, 105, 97, ...]

Codifica di testi — ASCII

Binario: $0b_6b_5b_4b_3b_2b_1b_0$

Esadecimale: h_1h_0 con $0 \leq h_1 \leq 7$.

ASCII Code Chart																
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	NUL	SOH	STX	ETX	EOT	ENQ	ACK	BEL	BS	HT	LF	VT	FF	CR	SO	SI
1	DLE	DC1	DC2	DC3	DC4	NAK	SYN	ETB	CAN	EM	SUB	ESC	FS	GS	RS	US
2		!		#	\$	%	&		()	*	+	,	-	.	/
3	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
6	.	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	DEL

Figure: Tabella ASCII (fonte:Wikipedia)

“Informatica” = (73, 110, 102, 111, 114, 109, 97, 116, 105, 99, 97)

Codifica di testi — ASCII Estesi

La codifica ASCII usa 8 bit ma prevede solo 128 valori. Il bit più significativo è sempre 0.

Esistono varie estensioni di ASCII (e.g. Latin-1)

- usano le stringhe $1b_6b_5b_4b_3b_2b_1b_0$
- caratteri locali e/o con accenti (e.g. à, è, é, ì, ò, ù)
- incompatibili tra loro

Codifica di testi — Unicode e UTF-8

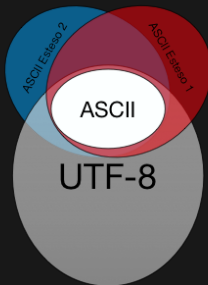
Unicode: una tabella per tutte le lingue

- 32 bit per simbolo = ca. 4 miliardi di simboli
- facilita la comunicazione tra lingue diverse
- supporto per scrittura bidirezionale
- per i testi ASCII è più costosa

UTF-8 è una **rappresentazione** di Unicode

- lunghezza variabile da 1 a 6 byte
- identica ad ASCII per i primi 128 simboli
- lo standard attuale

Codifica di testi — interpretazione ambigua



Esempio 1: 'Caipiriña' viene codificato in Latin-1

[67, 97, 105, 112, 105, 114, 105, **241**, 97]

il ricevitore decodifica in UTF-8 e segnala errore.

Esempio 2: 'Caipiriña' viene codificato in UTF-8

[67, 97, 105, 112, 105, 114, 105, **195**, **177**, 97]

il ricevitore decodifica in Latin-1 'CaipiriÃ±a'

Immagini - bitmap

Bitmap: Griglia di “pixel” colorati con coordinate (x,y)



0,0	1,0	2,0	3,0	4,0
0,1	1,1	2,1	3,1	4,1
0,2	1,2	2,2	3,2	4,2
0,3	1,3	2,3	3,3	4,3
0,4	1,4	2,4	3,4	4,4
0,5	1,5	2,5	3,5	4,5
0,6	1,6	2,6	3,6	4,6

Risoluzione della griglia



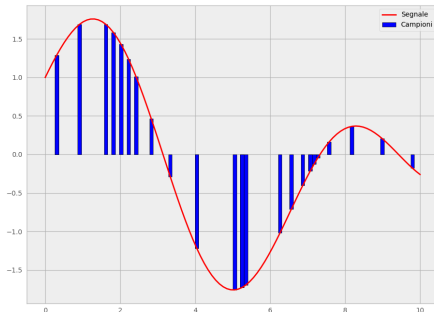
Dimensione immagine =

Altezza \times Larghezza \times byte(colore)

Spazio:

- Bianco e nero: 1 bit per pixel
- R,G,B : tipicamente 3 byte per pixel
- Tavolozza: $\log_2(\text{\#colori})$ per pixel + Dim(tavolozza)

Codifica di segnali: musica, video, forme, ...



- discretizzazione
- risoluzione
- precisione vs costo
- compressione

Questionario

bit.ly/INFO2018-02d

Esercizio

Decodificate il testo seguente, codificato in ASCII

[76, 101, 103, 103, 101, 116, 101, 32, 105, 108, 32, 109,
97, 116, 101, 114, 105, 97, 108, 101, 32, 80, 82, 73, 77,
65, 32, 100, 105, 32, 118, 101, 110, 105, 114, 101, 32,
97, 32, 108, 101, 122, 105, 111, 110, 101, 33]