

ANTICO GIOCO della ZARA

- 3 dadi (onesti)

hanno luogo a 3 PUNTEGGI

da 1 a 6 : P_1 , P_2 e P_3 .

-
$$S = P_1 + P_2 + P_3$$

• $(1, 1, 1) \rightarrow S = 3$

• $(6, 6, 6) \rightarrow S = 18$

- L'insieme dei possibili
valori assumibili (con
probabilità ^{non} nulla) da S è
 $\{3, 4, \dots, 17, 18\}$

- Ha senso considerare:

$$P(S = 10) > 0 \quad 3P_3 + 3 \frac{P_3}{P_2} = 18 + 9 = 27$$

$$\boxed{\begin{matrix} (1, 2, 1) \neq (2, 1, 1) \\ (1, 1, 1) \end{matrix}} = \frac{\begin{matrix} \# \text{ delle terne } \\ \# \text{ delle terne} \end{matrix} \begin{matrix} \text{"con"} \\ \text{"somme"} \end{matrix} \begin{matrix} \\ 10 \end{matrix}}{D_{6,3}^{(2)} = 6^3}$$

$$\begin{array}{l}
 (6, 2, 2) \qquad (6, 3, 1) \\
 (6, 2, 2); (2, 6, 2), (2, 2, 6) \\
 \underline{(2, 6, 2); (2, 2, 6), (6, 2, 2)} \\
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 6+3+1 \\
 6+2+2 \\
 5+4+1 \\
 5+3+2 \\
 4+4+2 \\
 4+3+3 \\
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 3! = 6 = P_3 \\
 \frac{P_3}{P_2} = 3 \\
 6 = P_3 \\
 6 = P_3 \\
 = 3 \\
 = 3 \\
 \hline
 27
 \end{array}$$

PROBLEMA DEL CONTARE

è basato sul seguente

PRINCIPIO FONDAMENTALE
DEL CALCOLO COMBINATORIO

Se una PROCEDURA DI SCELTA
SI PUÒ DECOMporre IN
 r PROCEDURE DI SCELTA,
ALLORA IL NUMERO N
DELLE SCELTE È UGUALE
AL PRODOTTO DEL NUMERO
 N_1, N_2, \dots, N_r DELLE SCELTE

DI CIASCUNA SOTTOPROCEDURA

$$N = N_1 \cdot N_2 \cdot \dots \cdot N_r$$

ESEMPIO: CAMICIE

— COLORE : $N_1 = 5$

— TAGLIA : $N_2 = 8$

— FOGGIA : $N_3 = 3$

— COLLO : $N_4 = 2$

$$N = 5 \cdot 8 \cdot 3 \cdot 2$$

Ritorniamo al problema del contare:
vogliamo contare in quanti modi si
puo' fare la scelta di k elementi di

$$A = \{l_1, l_2, \dots, l_n\}$$

con $n, k \in \mathbb{N}$, rispettando i seguenti

due CRITERI

con RIPETIZIONE

1) oppure senza RIPETIZIONE

2) BISOGNA RISPETTARE L' ORDINE
CON IL QUALE SI
SUSSEGUONO GLI ELEMENTI?

oppure

NON BISOGNA . . .

ESEMPIO

- Schedine del totocalcio

$$A = \{1, x, 2\}$$

$$n=3,$$

$$K=14$$

| | | |
|-----|---|---|
| 1) | x | 1 |
| 2) | 1 | x |
| 3) | 2 | 2 |
| 4) | x | x |
| 5) | x | x |
| | ⋮ | ⋮ |
| | ⋮ | ⋮ |
| 13) | x | x |
| 14) | 1 | 1 |

le due "colonne" sono diverse
pur avendo lo stesso numero
di 1, lo stesso numero di x
e lo stesso numero di 2.

ESEMPIO

- Corse tris

$$A = \{1, 2, \dots, 9\}$$

$$n=9, K=3$$

(1, 3, 5):
vince al cavallo # 1
secondo posto al cavallo # 2
terzo posto al cavallo # 3

~~(1, 1, 5)~~; (1, 3, 5) \neq (1, 5, 3)
NON È
VALIDA

ESEMPIO

- Termini al gioco del lotto
 $A = \{1, 2, \dots, 90\}$

~~(1, 1, 5)~~ non è valido

$$\begin{aligned}(18, 53, 34) &= \boxed{(18, 34, 53)} \\ &= (53, 18, 34) = (53, 34, 18) \\ &= (34, 53, 18) = (18, 53, 34).\end{aligned}$$

POSIZIONI

insieme di
scelta

$$A = \{l_1, l_2, \dots, l_n\} ;$$

espressioni dei
due criteri

$$(R, \bar{R}) ; (O, \bar{O}) ;$$

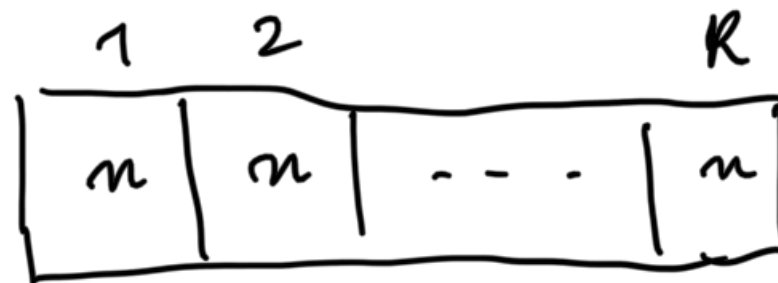
D sta per "disposizioni"

C sta per "combinazioni"

P sta per "permutazioni"

1) Numero delle disposizioni con ripetizione

$[R, 0]$;



$$D_{n,k}^{(r)} = n^k$$

2) Numero delle combinazioni con ripetizione

$$[R, \bar{0}];$$

$$C_{n, k}^{(r)} = ?$$

3) Numero delle disposizioni senza ripetizione (semplici)

$[\bar{R}, 0];$



$$k \leq n, \quad D_{n,k} = n(n-1) \dots (n-k+1)$$

caso particolare

$$k = n, \quad D_{n,n} = n(n-1) \dots 1 = n!$$

numero delle permutazioni: $D_{n,n} = P_n = n!$
semplici