# GAMES101 Report

#### 范昊翀

#### commit:ef7fa4e

## 1 Lab 1

Lab 1 中主要内容是对三维空间中的点进行平移,旋转,投影操作,我通过补全了 utils.rs 中的函数实现了 Lab 1 中要求实现的效果。按照 Guideline 中要求填写矩阵,设置旋转轴为 v = (1.0, 1.0, 1.0) 实现效果如下:

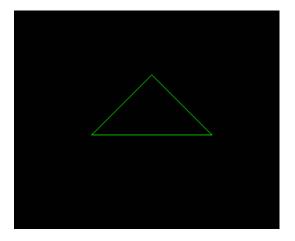


图 1: 未旋转的三角形

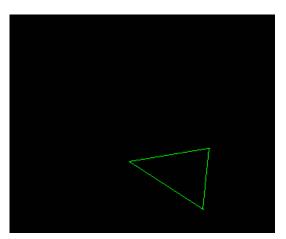


图 2: 顺时针旋转后的三角形

# 2 Lab 2

在 Lab 2 中,模型的位置保持不变,我们需要渲染三个带有深度与颜色信息的三角形,其基本 思路是遍历屏幕上所有像素,如果这个像素的中心点在这个三角形内,则把这个像素的颜色设为这 个三角形的颜色。当然,我们可以优化这个遍历的进程,只搜索三角形 xy 坐标范围内的所有像素,可以节省渲染的时间,虽然这在 Lab 2 中的表现并不明显,但后续在 Lab 3 中需要渲染上千个小三角形时,优化后的差异相当明显。

# 2.1 Z-buffering 算法

在平移旋转变换之后,我们把摄像机放在了原点,并且看向负 z 轴方向。为了模拟三角形之间由于深度产生的互相遮挡,我们对每一个像素的位置记录一个当前离摄像机最近的三角形(实际上,我们记录的是离摄像机最近的颜色)。

在我的实现中,我并没有改变 clear 函数中将 depth 初始化为 INF 的操作,因此我把 z 值映射到 depth 值的过程做了一些调整,每次发现 depth 变小,则更新它。并且,z(默认为负)越小,dep 越大,这样在不改变代码结构情况下正确实现了 Z-buffering 算法(尽管这么做有些丑陋,并不符合直觉)。

在实现了深度的记录之后, 我们便可以渲染出第一张成果图:



图 3: 无抗锯齿的渲染图

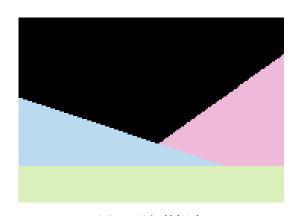


图 4: 局部的锯齿

由于三角形的边缘是斜线,正如 Guideline 中所说的那样,在采样的过程中,由于我们的采样步长是以像素为单位设定的,因此其边缘一定不会是平滑的,这便出现了如图 4 中所展现的锯齿状边缘。

## 2.2 MSAA 抗锯齿

因此,一个自然的思路是让采样的细度变得更加精细,这需要我们增加一个像素内采样点的个数,判断这些采样点是否在三角形内部,随后按照"在三角形内部的点"占总采样点的比例,确定这个像素中应该填入的颜色。

应用了以上较为 naive 的多采样策略之后,我们发现,渲染出的图片边缘出现了一些我们并不想要的黑边。这是因为在边缘处,有小部分采样点在离摄像机较近的三角形的内部,然而大部分采

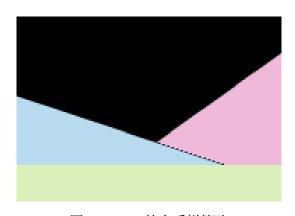


图 5: Naive 的多采样策略

样点落在了三角形外部,他们的颜色会被记为(0.0,0.0,0.0)。此时,取平均后,结果会非常接近(0.0,0.0,0.0),在RGB中,这是接近于黑色的颜色。

因此,为了避免这个问题,我们需要判定每个子像素分别归属的三角形。我们通过记录每个子像素的深度和颜色来实现这一点。修复黑边后,局部效果如下:(写在这里:我在写报告的时候才突然发现,我的 MXAA 实现成了 SSAA,之前的 naive 方法是类似 MSAA 的思想,但是需要判断边缘)

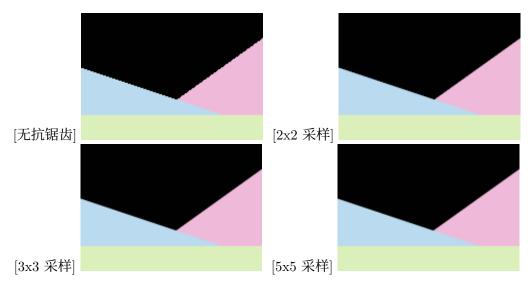


图 6: 不同采样细度下的效果对比

可以看出,在进行了 2x2 采样时,其观感就比无抗锯齿时改善了很多了,而在进一步提升采样点个数后,从人眼的角度来说,优化空间不是很大。

当然,更多的采样点意味着更慢的渲染速度,下表列出了各个采样细度下,渲染一个三角形所需要的时间:

|        | 首次渲染用时 (ms) | 后续每次渲染用时 (ms) |
|--------|-------------|---------------|
| 2x2 采样 | 319         | 337           |
| 3x3 采样 | 679         | 669           |
| 5x5 采样 | 1878        | 1819          |

表 1: 各个采样细度下渲染所需时间

通过数据, 我们可以很容易地看出, 渲染一次的时间与采样点个数成线性关系。

## 2.3 TAA 抗锯齿

另一种抗锯齿的思路是进行插值,对于边缘像素,我们通过随机偏移每次取样点,保证这一像素的颜色能够整合其周围的颜色信息。而对于内部像素,偏移采样并不会对其渲染造成什么影响。并且,由于每次渲染只进行一个点的采样,因此理论上其渲染耗时与无抗锯齿时不会有什么区别。我们只需要让它迭代几个回合,达到稳定状态即可。

这里为了确保达到稳态,进行了100次迭代(实际上在个位数次数的迭代后人眼就无法分辨了)。 然而,从局部来看,锯齿效果仍然相对明显,或许需要把插值的系数调整的更大一些。总的来说,TAA

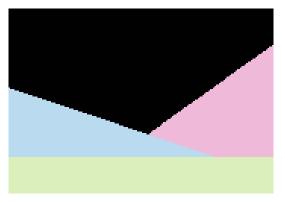


图 7: 插值系数为 0.2,100 次迭代后局部效果

的效果不如 MSAA 那么好,而且 MSAA 使用无锯齿四倍时空开销就能做出不错的结果,而 TAA 在同样也需要多次迭代的情况下,效果不够显著。

# 3 Lab 3

Lab 3 的指示给的不是非常明确, 但是跟随代码里的注释以及官方课件, 并借助强大的 Copilot 的力量, 仍然是成功完成了任务要求。

为了验证我在 Lab 1 中三个投影矩阵的正确性,我首先渲染了一个不带有任何颜色,纹路和高光的 **牛牛**(一开始渲染出来的**牛牛**转了 180 度,我通过修正投影矩阵把**牛牛**重新摆正了),并调用 Normal shader 渲染了一个彩色**牛牛**:



图 8: 剪影牛牛



图 9: 彩色牛牛

在 Phong shader 和 Texture shader 中,**牛牛**的上色来源于三个部分:环境光,反射高光以及漫反射光,套用公式分别计算即可,两者唯一的区别是 Texture shader 的颜色并不固定,随在模型上的位置变化而不同,这取决于表面贴图的颜色。



图 10: 巧克力牛牛



图 11: 原装牛牛

再一次地,为了验证旋转矩阵的正确性,我调整了相机视角与位置,继续渲染原装牛牛:



图 12: 牛牛屁股



图 13: 牛牛侧颜

对于剩下的两个渲染模式,Bump shader 通过表面材质颜色的变化率,判断法向方向,从而在表面装出纹理的样子。Displacement shader 通过强行对顶点做位移,做出实际的表面材质。



图 14: 菌子牛牛



图 15: 文物牛牛

下面是两个失败品的展示,在渲染 Phong shader 时,我在反光时忘记除以光源离反射点的距离,因此反光效果变得过于强烈。另一个模型是只算了反射光,没有算其他的光线,因此图中只剩下了黑白两色。





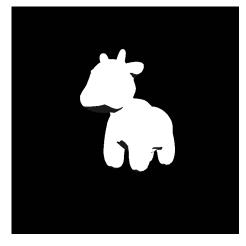


图 17: 后现代牛牛

此外,我尝试了 **Optional** 的内容,自己下载了网上的免费的人体模型,尝试渲染,但是在不同地方出现了若干 Runtime Error,考虑到时间有限,这次的 GAMES101 就先做到这里了。