

$$\Leftrightarrow (a^{n-1}-1)(x_n+(a-1)^{-1}b)=0$$