# Entrega Clase 2 - Estadística

### Alejandro Uribe

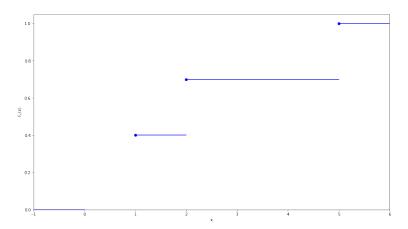
#### Octubre 2022

## Enunciado

Sea X una variable aleatoria con la siguiente función de distribución:

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & x < 1 \\ 0.4 & 1 \le x < 2 \\ 0.7 & 2 \le x < 5 \\ 1 & x \ge 5 \end{cases}$$

## 1. Graficar $F_X(x)$



#### 2. Hallar el rango $R_x$ y la función de probabilidad de X, $p_x(x)$ .

 $R_x$  está dado por el conjunto de puntos para los cuales la función de probabilidad puntual es diferente de cero, es decir,

$$R_x = \{x \in \mathbf{R} : p_x(x) \neq 0\}$$
  
 $R_x = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 

La función de probabilidad de X se define como:  $p_x(x) = P(X = x) = F_X(x) - F_X(x^-)$ . Notar que para el intervalo  $2 \le x < 5$  la probabilidad es la misma.

$$p_x(1) = P(X = 1) = F_X(1) - F_X(1^-) = 0.4 - 0.0 = 0.4$$

$$p_x(2) = P(X=2) = F_X(2) - F_X(2^-) = 0.7 - 0.4 = 0.3$$

$$p_x(3) = P(X=2) = 0.3$$

$$p_x(4) = P(X=2) = 0.3$$

$$p_x(5) = P(X = 5) = F_X(5) - F_X(5^-) = 1.0 - 0.7 = 0.3$$

Los resultados anteriores se muestran en la siguiente tabla:

X	1	2	3	4	5
$p_x(x)$	0.4		0.3		0.3

#### 3. Calcular

■  $P(1.5 < X \le 5)$ 

La probabilidad se puede rescribir como:

$$P(1.5 < X \le 5) = P(2 \le X \le 5)$$

Se aplican las propiedades  $P(a < X \le b) = F_X(b) - F_X(a)$  y  $P(X = x) = F_X(x) - F_X(x^-)$ 

$$\begin{split} &P(1.5 < X \le 5) = P(X = 2) + P(2 < X \le 5) \\ &P(1.5 < X \le 5) = (F_X(2) - F_X(2^-)) + (F_X(5) - F_X(2)) \\ &P(1.5 < X \le 5) = F_X(5) - F_X(2^-) \\ &P(1.5 < X \le 5) = 1.0 - 0.4 \\ &P(1.5 < X \le 5) = 0.6 \end{split}$$

■ P(1 < X < 5)

La probabilidad se puede rescribir como:

$$P(1 < X < 5) = P(1 < X \le 4)$$

Se aplican la propiedad  $P(a < X \le b) = F_X(b) - F_X(a)$ 

$$P(1 < X < 5) = F_X(4) - F_X(1)$$
  
 $P(1 < X < 5) = 0.7 - 0.4$   
 $P(1 < X < 5) = 0.3$ 

■  $P(X \ge 2)$ 

La probabilidad se puede rescribir como:

$$P(X \ge 2) = P(X = 2) + P(X > 2)$$

Se aplican la propiedad  $P(X > x) = 1 - F_X(x)$  y  $P(X = x) = F_X(x) - F_X(x^-)$ 

$$P(X \ge 2) = (F_X(2) - F_X(2^-)) + (1 - F_X(2))$$

$$P(X \ge 2) = 1.0 - F_X(2^-)$$

$$P(X \ge 2) = 1.0 - 0.4$$

$$P(X \ge 2) = 0.6$$