Numéro d'équipe : 4

Nom et prénom : Desautels Mathieu

CIP: DESM1210

Nom et prénom : Boivin Félix

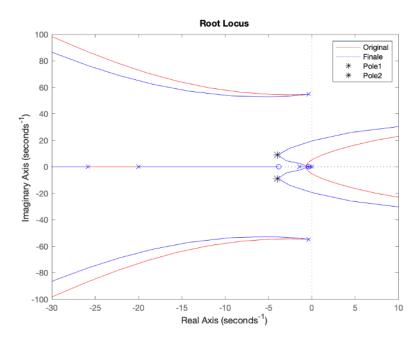
CIP: BOIF1302

Téléscope A – Azimut

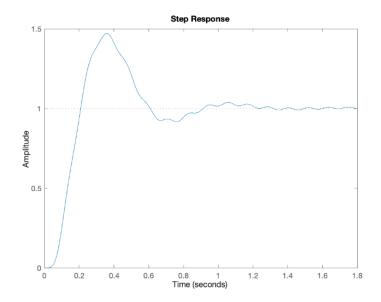
relescope A – Azimut		
wn avec temps de stabilisation	9.9080 rad/s	
wn avec temps de montée	9.2903 rad/s	
zeta	0.4037	
wn	9.9080 rad/s	
pôles désirés	$-4 \pm 9.0647i$	
Avance de phase requise selon les spécifications	68.6920°	
Compensateur AvPh		
Ка	8.2173	
zéro	-3.8020 + 0i	
pôle	-25.8203 + 0i	
Fonction de transfert	$FT = \frac{8.217s + 31.24}{s + 25.82}$	
	Compensateur Reh	
Kvel après AvPh	23.2633	
Kdes après AvPh	1.4329	
Pôle	-0.2792 + 0i	
Zéro	-0.40 + 0i	
Gain	≈ 1	
Fonction de transfert	$FT = \frac{s + 0.4}{s + 0.2792}$	

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh de départ sans filtre coupe-bande

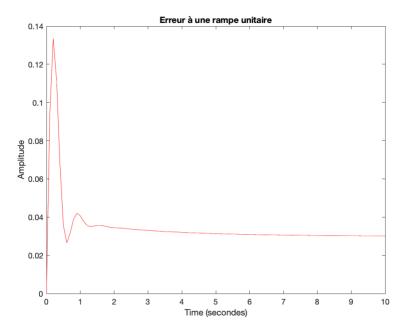
1) Lieu des racines du système original et du système et pôles désirés et placés



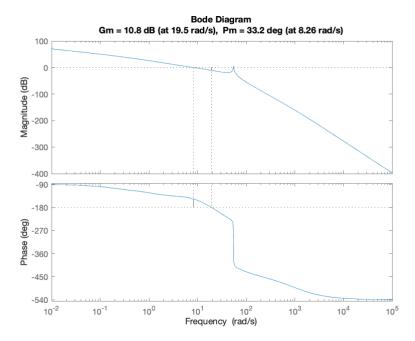
2) Réponse à l'échelon unitaire du système



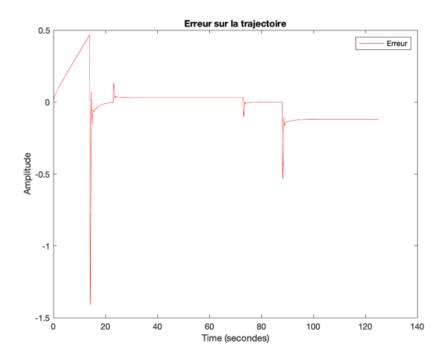
3) Erreur à une rampe unitaire du système



4) Diagramme de Bode du système



5) Erreur sur la trajectoire



Résumé des résultats pour compensateurs de départ

Écrire en vert les critères rencontrés et en rouge ceux qui ne sont pas rencontrés

Critère	Obtenu	Spécification
Мр	46.9892	≤25%
ts	1.1904	1.0 s
tr (10-90%)	0.1188	≤0.18 s
Erreur échelon	0	0
Erreur rampe	0.03	0.03 deg.
Critères de sécurité		
GM	10.7895	≥10 dB
PM	33.1567	pas d'exgience
Marge de retard	0.0700	≥ 0.09 s
Atténuation	5.01	≤ -15dB

Expliquer votre stratégie pour atteindre les critères d'acceptation finale et les critères de sécurité

Nous avons modifié les valeurs suivantes pour arriver aux critères demandés

 $\omega_n=-1.3$, $\omega_a=-5$ \rightarrow Ajuste la position des pôles pour diminuer $t_{\mathcal{S}}$ et M_p

Détails du filtre coupe-bande

Le type de filtre choisi est un coupe-bande d'ordre 2 de type butterworth personnalisé avec une fréquence de coupure de 54.8rad/s. La fonction de transfert est la suivante. En ajoutant un s au numérateur, on modifie les zéros afin que la fréquence ne soit pas trop atténuée.

$$FT_{cb} = \frac{s^2 + s + 3003}{s^2 + 21.92s + 3003}$$

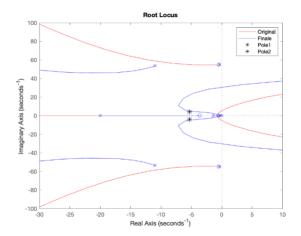
Compensateur AvPh final		
Ка	47.4281	
zéro	-3.6076 + 0i	
pôle	-198.4218 + 0i	
Fonction de transfert	47.43s + 171.1	
	$FT = \frac{1}{s + 198.4}$	
Compensateur RePh final		
Kvel après AvPh	16.5790	
Kdes après AvPh	2.0106	
Pôle	-0.2636 + 0i	
Zéro	-0.5300 + 0i	
Gain	≈ 1	
Fonction de transfert	$FT = \frac{s + 0.53}{s + 0.2636}$	

Résumé des résultats pour compensateurs finaux

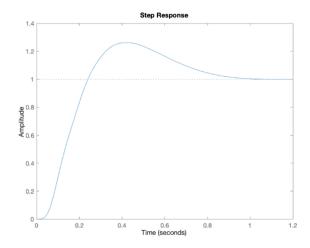
Critère	Obtenu	Spécification
Мр	26.1593	≤30%
ts	0.8820	≤1.2 s
tr (0-100%)	0.2404	≤0.25 s
Erreur rampe	6.7076	moins de 8 sec pour ts à 2%.
Critères de sécurité		
GM	16.1859	≥10 dB
PM	47.3410	pas d'exgience
DR	0.1219	≥0.09 s
Atténuation	-17.2	≤-15dB

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh finaux avec filtre coupe-bande

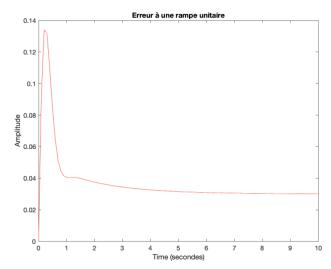
1) Lieu des racines du système original et du système et pôles désirés et placés



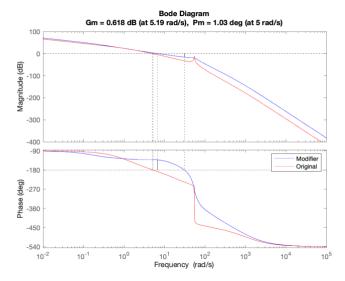
2) Réponse à l'échelon unitaire du système



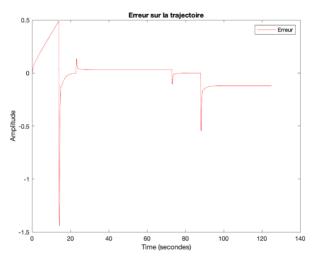
3) Erreur à une rampe unitaire du système



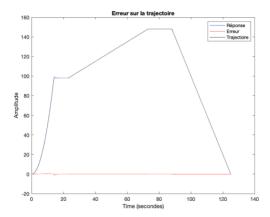
4) Diagramme de bode du système



5) Erreur sur la trajectoire



6) Simulation avec la trajectoire de référence comme consigne (réponse et erreur) et une explication de la performance réelle du système par rapport aux spécifications du client

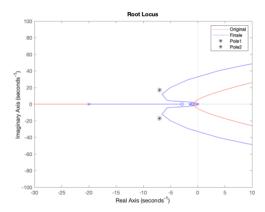


Téléscope A – Élévation

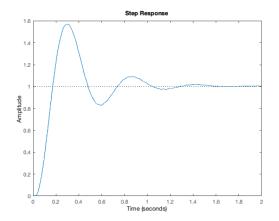
icicscope A Licvation			
wn avec temps de stabilisation	9.9080 rad/s		
wn avec temps de montée	9.2903 rad/s		
zeta	0.4037		
wn	9.9080 rad/s		
pôles désirés	$-4 \pm 9.0647i$		
Avance de phase requise selon	69.7339		
les spécifications			
Compensateur AvPh			
Ка	8.5577		
zéro	-3.7195 + 0i		
pôle	-26.3929 + 0i		
Fonction de transfert	$FT = \frac{8.558 s + 31.83}{2.3333}$		
	$FI = {s + 26.39}$		
Compensateur RePh			
Kvel après AvPh	23.1873		
Pôle	0 + 0i		
Zéro	-0.4 + 0i		
Gain	1.3477		
Fonction de transfert	$_{ET}$ _ 1.348 s + 0.5391		
	$FT = {S}$		

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh de départ sans filtre coupe-bande

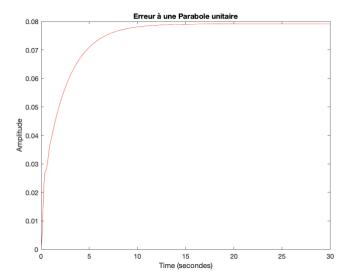
1) Lieu des racines du système original et du système et pôles désirés et placés



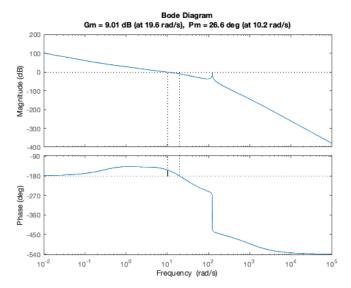
2) Réponse à l'échelon unitaire du système



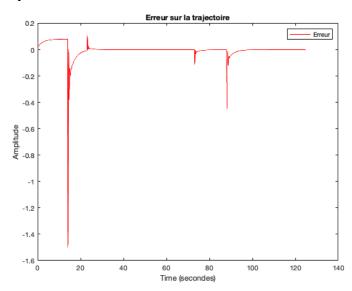
3) Erreur à une parabole du système



4) Diagramme de bode du système



5) Erreur sur la trajectoire



Résumé des résultats pour compensateurs de départ

Écrire en vert les critères rencontrés et en rouge ceux qui ne sont pas rencontrés

Critère	Obtenu	Spécification
Мр	56.9421	≤25%
ts	1.1839	1.0 s
tr (10-90%)	0.1023	≤0.18 s
Erreur échelon	0	0
Erreur rampe	0	0
Erreur parabole	0.08	0.08 deg.
Critères de sécurité (pas à être atteints à ce point-ci)		
GM	9.0075	≥ 15 dB
PM	26.5798	pas d'exgience
Marge de retard	0.0454	≥ 0.10 s
Atténuation	-4.92	≤-15dB

Expliquer votre stratégie pour atteindre les critères d'acceptation finale et les critères de sécurité

Nous avons modifié les valeurs suivantes pour arriver aux critères demandés

F=7.2 o Aide à atteindre le critère d'atteinte du 2% de l'erreur $\omega_n=-3$, $\omega_a=8 o$ Ajuste la position des pôles pour diminuer t_s et M_p

Détails du filtre coupe-bande

Le type de filtre choisi est un coupe-bande d'ordre 2 de type butterworth personnalisé avec une fréquence de coupure de 122.5rad/s. La fonction de transfert est la suivante. En ajoutant un s au numérateur, on modifie les zéros afin que la fréquence ne soit pas trop atténuée.

$$FT_{cb} = \frac{s^2 + s + 1.501e04}{s^2 + 49 s + 1.501e04}$$

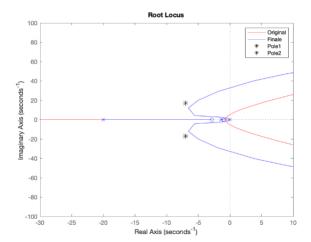
Compensateur AvPh final		
Ka	71.5916	
zéro	-2.8800 + 0i	
pôle	-101.4915 + 0i	
Fonction de transfert	71.59s + 206.2	
	FT = 1000000000000000000000000000000000000	
Compensateur RePh final		
Kvel après AvPh	39.0581	
Pôle	0 + 0i	
Zéro	-0.9722 + 0i	
Gain	0.3292	
Fonction de transfert	$FT = \frac{0.3292s + 0.32}{1.000}$	
	S S	

Résumé des résultats pour compensateurs finaux

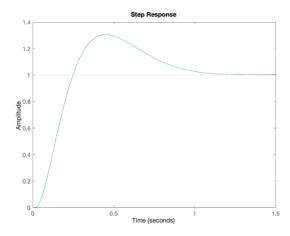
Critère	Obtenu	Spécification
Мр	30.5788	≤35%
ts	1.0419	≤1.2 s
tr (0-100%)	0.2478	≤0.25 s
Erreur parabole	2.9439	moins de 3 s pour ts à 2%
Critères de sécurité		
GM	20.2414	≥15 dB
PM	46.4047	pas d'exgience
DR	0.1271	≥0.10 s
Atténuation	-34.6	≤-15dB

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh finaux avec filtre coupe-bande

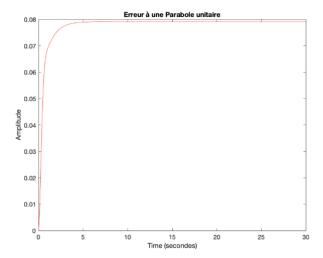
1) Lieu des racines du système original et du système et pôles désirés et placés



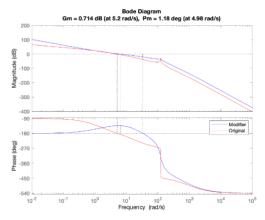
2) Réponse à l'échelon unitaire du système



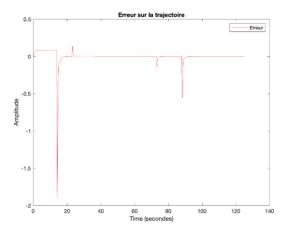
3) Erreur à une parabole unitaire du système



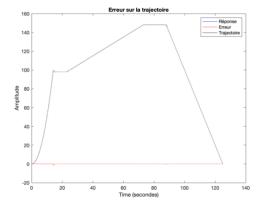
4) Diagramme de bode du système



5) Erreur sur la trajectoire



6) Simulation avec la trajectoire de référence comme consigne (réponse et erreur) et une explication de la performance réelle du système par rapport aux spécifications du client

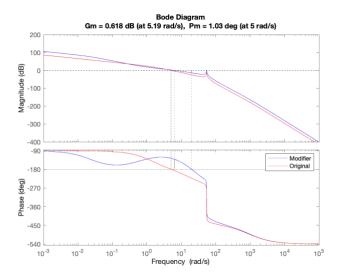


Téléscope B – Azimut

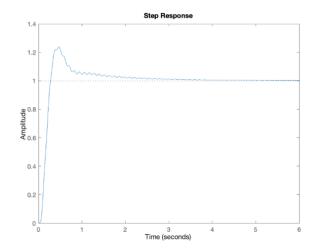
Telescope D - Azimut		
zeta désiré	0.4777	
Wg désiré	6.1824	
Avance de phase requise selon les	60.0306	
spécifications		
Compensa	ateur AvPh	
Ka	5.6979	
zéro	-1.6548 + 0i	
pôle	-23.0978 + 0i	
Т	0.6043	
alpha	0.0716	
Fonction de transfert	5.698s + 9.429	
	$FT = \frac{stree}{s + 23.1}$	
Compensateur RePh		
beta	25.4827	
Т	1.6175	
Pôle	-0.0243 + 0i	
Zéro	-0.6182 + 0i	
Gain	1	
Fonction de transfert	s + 0.6182	
	$FT = \frac{1}{s + 0.02426}$	

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh de départ sans le filtre coupe-bande

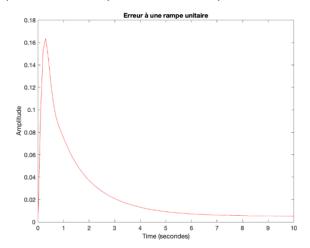
1) Diagramme de Bode du système avec compensateurs



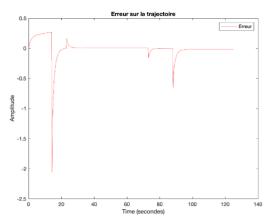
2) Réponse à l'échelon unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



3) Erreur à une rampe unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



4) Erreur sur la trajectoire



Résumé des résultats pour compensateurs de départ

Écrire en vert les critères rencontrés et en rouge ceux qui ne sont pas rencontrés

Critère	Obtenu	Spécification		
Bande passante	11.7618	≥ 10 rad/s		
PM	49.4139	50 deg \pm 1 deg		
Erreur rampe	0.0056	≤ 0.005 en 8 s		
Critères de sécurité (pas à être atteints à ce point-ci)				
GM	GM 13.9311 ≥ 15 dB			
Marge de retard après	$-1.6642 \cdot 10^{-04}$	pas de spécification, juste		
facteur de 5		donner la valeur		
Atténuation	1.98	≤ -15 dB		

Expliquer votre stratégie pour atteindre les critères d'acceptation finale et les critères de sécurité

 $\Delta_\phi = -4.5 o$ Pour réduire la marge de phase $Gain_{FT} = 0.58 o$ Pour atteindre la marge de gain $\omega_g = 2.3 o$ Déplacer dans la direction qui satisfait les critères

Détails du filtre coupe-bande

Le type de filtre choisi est un coupe-bande d'ordre 2 de type butterworth personnalisé avec une fréquence de coupure de 54.8rad/s. La fonction de transfert est la suivante. En ajoutant un s au numérateur, on modifie les zéros afin que la fréquence ne soit pas trop atténuée.

$$FT_{cb} = \frac{s^2 + s + 3003}{s^2 + 21.92s + 3003}$$

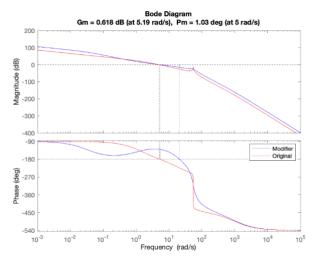
Compensateur AvPh - final		
Ка	7.5708	
zéro	-1.8927 + 0i	
pôle	-38.0152 + 0i	
Т	0.5283	
alpha	0.0498	
Fonction de transfert	$FT = \frac{7.571s + 14.33}{12.572}$	
	$FT = \frac{s + 38.02}{s + 38.02}$	
Com	pensateur RePh - final	
beta	27.5977	
Т	1.0610	
Pôle	-0.0342 + 0i	
Zéro	-0.9425 + 0i	
Gain	1	
Fonction de transfert	s + 0.9425	
	$FT = \frac{1}{s + 0.03415}$	

Critère	Obtenu	Spécification
Bande passante	10.0110	≥ 10 rad/s
PM	49.8944	50 deg <u>+</u> 1 deg
Erreur rampe	0.0050	≤ 0.005 en 8 s
Critères de sécurité		
GM	15.0162	≥ 15 dB
Marge de retard après	0.0046	pas de spécification, juste
facteur de 5		donner la valeur
Atténuation	-23.4	≤ -15 dB

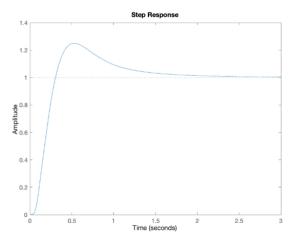
Résumé des résultats pour compensateurs finaux

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh finaux avec le filtre coupe-bande

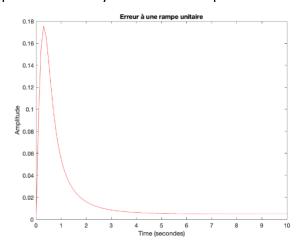
1) Diagramme de Bode du système et du système



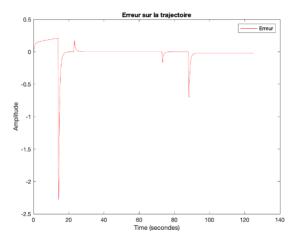
2) Réponse à l'échelon unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



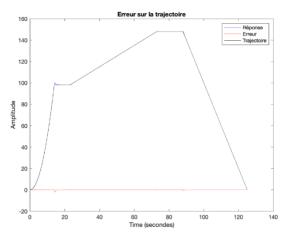
3) Erreur à une rampe unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



4) Erreur sur la trajectoire



5) Simulation avec la trajectoire de référence comme consigne (réponse et erreur) et une explication de la performance réelle du système par rapport aux spécifications du client

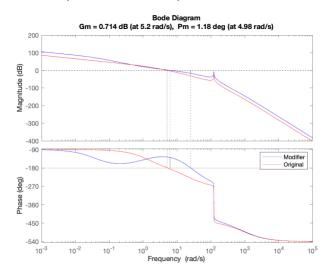


Téléscope B – Élévation

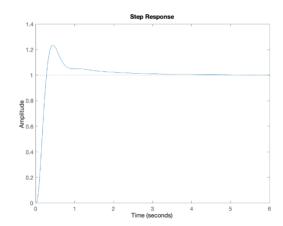
0.4777				
6.1824				
59.9669				
Compensateur AvPh				
5.7453				
-1.6585 + 0i				
-23.0465 + 0i				
0.6030				
0.0720				
$FT = \frac{5.745 s + 9.529}{s + 23.05}$				
s + 23.05				
Compensateur RePh				
25.1604				
1.6175				
-0.0246				
-0.6182				
1				
s + 0.6182				
$FT = \frac{1}{s + 0.02457}$				

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh de départ sans le filtre coupe-bande

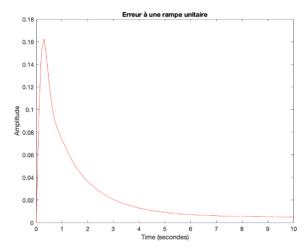
1) Diagramme de Bode du système avec compensateurs



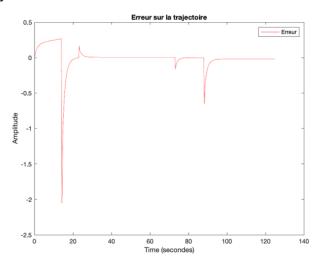
2) Réponse à l'échelon unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



3) Erreur à une rampe unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



4) Erreur sur la trajectoire



Résumé des résultats pour compensateurs de départ

Écrire en vert les critères rencontrés et en rouge ceux qui ne sont pas rencontrés

Critère	Obtenu	Spécification		
Bande passante	11.4795	≥ 10 rad/s		
PM	49.4188	50 deg <u>+</u> 1 deg		
Erreur rampe	0.0056	≤ 0.005 en 8 s		
Critères de sécurité (pas à être atteints à ce point-ci)				
GM	14.9175	≥ 15 dB		
Marge de retard après	0.0030	pas de spécification, juste		
facteur de 5		donner la valeur		
Atténuation	-10.9	≤ -15 dB		

Expliquer votre stratégie pour atteindre les critères d'acceptation finale et les critères de sécurité

 $\Delta_\phi = -4.5 o$ Pour réduire la marge de phase

 $Gain_{FT} = 0.7
ightarrow ext{Pour atteindre la marge de gain}$

 $\omega_g=2.3
ightarrow {
m D\'eplacer}$ dans la direction qui satisfait les critères

Détails du filtre coupe-bande

Le type de filtre choisi est un coupe-bande d'ordre 2 de type butterworth personnalisé avec une fréquence de coupure de 122.5rad/s. La fonction de transfert est la suivante. En ajoutant un s au numérateur, on modifie les zéros afin que la fréquence ne soit pas trop atténuée.

$$FT_{cb} = \frac{s^2 + s + 15129}{s^2 + 49.2s + 15129}$$

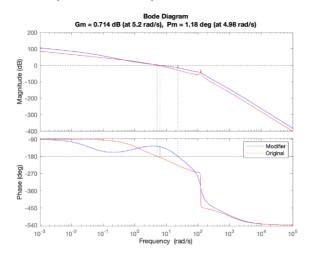
Compensateur AvPh - final			
Ka	9.2845		
zéro	-1.8997 + 0i		
pôle	-37.8745 + 0i		
Т	0.5264		
alpha	0.0502		
Fonction de transfert	9.284s + 17.64		
	$FT = \frac{512015121101}{s + 37.87}$		
Compensateur RePh - final			
beta	22.3374		
Т	1.1789		
Pôle	-0.0380 + 0i		
Zéro	-0.8482 + 0i		
Gain	1		
Fonction de transfert	s + 0.8482		
	$FT = \frac{1}{s + 0.03797}$		

Critère	Obtenu	Spécification		
Bande passante	11.6721	≥ 10 rad/s		
PM	49.7550	50 deg \pm 1 deg		
Erreur rampe	0.0051	≤ 0.005 en 8 s		
Critères de sécurité				
GM	15.8785	≥ 15 dB		
Marge de retard après	0.0059	pas de spécification, juste		
facteur de 5		donner la valeur		
Atténuation	-40.8	≤ -15 dB		

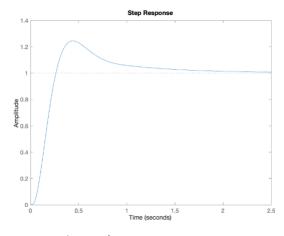
Résumé des résultats pour compensateurs finaux

Graphiques avec compensateurs AvPh et RePh finaux avec le filtre coupe-bande

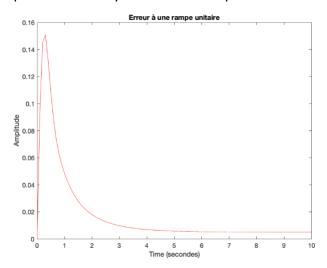
1) Diagramme de Bode du système et du système



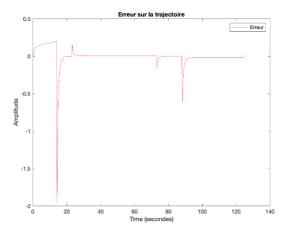
2) Réponse à l'échelon unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



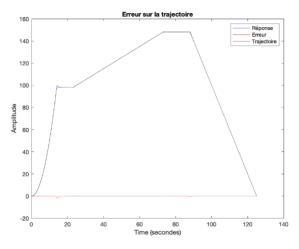
3) Erreur à une rampe unitaire du système avec compensateurs AvPh et RePh



4) Erreur sur la trajectoire



5) Simulation avec la trajectoire de référence comme consigne (réponse et erreur) et une explication de la performance réelle du système par rapport aux spécifications du client



Annexe

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 1 of 14

```
% B0IF1302
% DESM1210
clc
clear all
close all
warning off
%% Ajout de la trajectoire
Profile_Tracking
%la matrice-colonne de temps en secondes est dans ttrk
%la matrice-colonne de consigne en degrés est dans utrk
%% Fonctions de transferts
TF_AZ_num = [1.59e09];
TF_AZ_den = [1 1020.51 25082.705 3102480.725 64155612.5 82700000 0];
TF_EL_num = [7.95e09];
TF_EL_den = [1 1020.51 37082.705 15346520.725 320776412.5 413500000 0];
TF_AZ = tf(TF_AZ_num, TF_AZ_den);
TF_EL = tf(TF_EL_num, TF_EL_den);
%% Variables Télescope A
Mp_A = 25; %En pourcent
Ts_A = 1; %sec
Tr_10_A = 0.18; %sec
%Erreurs
ERP_unitaire_A = 0;
ERP_rampe_AZ_A = 0.03; %deg
ERP_rampe_EL_A = 0; %deg
ERP_para_EL_A = 0.08; %deg
%% Variables Télescope B
BW_B = 10; %rad/s
PM_B = 50; %deg +- 1 deg
%Erreurs
ERP_rampe_B = 0.005; %deg
t_ERP_rampe_B = 8; %sec
% Conception spécifications Télescope A
_ A AZ _
Zeta = cosd(Phi);
%On doit trouver le plus grand des Omega_n
%Omega_n = (1+(1.1*Zeta)+(1.4*(Zeta^2)))/Tr_10_A
Omega_n = 4/(Ts_A*Zeta);
%On trouve Omega_a pour simplifier les P_etoile
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 2 of 14

```
Omega_a = Omega_n*sqrt(1-Zeta^2);
%Ajustement de P_etoile
Ajout_Omega_n = -1.3; %-1.3
Ajout_Omega_a = -5; %-5
%On trouve P_etoile
P_etoile_A = (-Zeta*Omega_n + Ajout_Omega_n) + (Omega_a + Ajout_Omega_a)*i;
%% Calcul pour Avance phase Azimut Télescope A
frsp = evalfr(TF_AZ, P_etoile_A);
Angle_A_AZ = (rad2deg(angle(frsp)));
clear frsp
%Calculs qui aideront dans les étapes suivantes
Angle_A_AZ = Angle_A_AZ - 360;

Delta_Phi_A_AZ = - 180 - Angle_A_AZ;

Alpha_A_AZ = 180 - Phi;
%Trouver les angles des distances
Phi_Z_A_AZ = (Alpha_A_AZ+Delta_Phi_A_AZ)/2;
Phi_P_A_AZ = (Alpha_A_AZ-Delta_Phi_A_AZ)/2;
%Trouver les poles et zeros
Z_A_AZ = real(P_etoile_A)-(imag(P_etoile_A)/tand(Phi_Z_A_AZ));
P_A_AZ = real(P_etoile_A)-(imag(P_etoile_A)/tand(Phi_P_A_AZ));
%Cree une sous fonction de transfert pour trouver le Ka
TF_Ka_A_AZ2 = tf([1 -Z_A_AZ], [1 -P_A_AZ]);
TF_Ka_A_AZ = TF_Ka_A_AZ2 * TF_AZ;
%Calcul du K_AvPh_AZ
K_AvPh_A_AZ = 1/abs(evalfr(TF_Ka_A_AZ, P_etoile_A));
%Temporaire pour rapport
TF_Ka_A_AZ2 = TF_Ka_A_AZ2 * K_AvPh_A_AZ;
clear TF_Ka_A_AZ2
%Nouvelle fonction de transfert d'avance de phase
TF_AvPh_A_AZ = TF_Ka_A_AZ * K_AvPh_A_AZ;
% Calcul pour retard phase cascades Azimut Télescope A
disp("
                      ____ Re __
Diviser = 10:
%Trouver les valeurs des numérateurs et denominateur [num_temp, den_temp] = tfdata(TF_AvPh_A_AZ, 'v');
%Trouver les K_etoile avec erreurs
Kvel_A_AZ = (num_temp(end))/(den_temp(end-1));
Kvel_etoile_A_AZ = 1/ERP_rampe_AZ_A;
K_etoile_A_AZ = Kvel_etoile_A_AZ/Kvel_A_AZ;
clear num_temp den_temp
%Trouver poles et zeros
Z_RePh_A_AZ = real(P_etoile_A)/Diviser;
P_RePh_A_AZ = Z_RePh_A_AZ/K_etoile_A_AZ;
%Cree une sous fonction de transfert pour trouver le Ka
TF_Kr_A_AZ2 = tf([1 - Z_RePh_A_AZ], [1 - P_RePh_A_AZ]);
TF_Kr_A_AZ = TF_Kr_A_AZ2 * TF_AvPh_A_AZ;
```

```
%Calcul du K_RePh_AZ
K_RePh_A_AZ = 1/abs(evalfr(TF_Kr_A_AZ, P_etoile_A));
%on voit que c'est environ 1 donc on change pour a
K_RePh_A_AZ = 1;
%Temporaire pour rapport
TF_Kr_A_AZ2 = TF_Kr_A_AZ2 * K_RePh_A_AZ;
clear TF_Kr_A_AZ2
%Nouvelle fonction de transfert d'avance de phase et retard
TF_RePh_AvPh_A_AZ = TF_Kr_A_AZ * K_RePh_A_AZ;
% TF_Finale_A_AZ = TF_RePh_AvPh_A_AZ
% TF_Finale_BF_A_AZ = feedback(TF_Finale_A_AZ, 1);
%% Coupe bande AZ Téléscope A
disp("_____Coupe ____
Omega_o = 54.8; %Peak sur le bode
X = 0.2; %
Kfcp = 1;
num_temp = Kfcp*[1 1 0mega_o.^2];
den_temp = [1 2*X*0mega_o 0mega_o.^2];
TF_Coupe_Bande_A_AZ = tf(num_temp, den_temp);
clear num_temp den_temp Omega_o X Kfcp
%Mettre Coupe_Bande sur les fonctions de transferts
TF_Finale_A_AZ = TF_Coupe_Bande_A_AZ * TF_RePh_AvPh_A_AZ;
TF_Finale_BF_A_AZ = feedback(TF_Finale_A_AZ, 1);
%% Demande pour rapport
%Rlocus du système avec les P desirer
% figure
% hold on
% hold on
% rlocus(TF_AZ, "red")
% rlocus(TF_Finale_A_AZ, "blue")
% scatter(real(P_etoile_A), imag(P_etoile_A), 50, "*", 'black')
% scatter(real(P_etoile_A), imag(-P_etoile_A), 50, "*", 'black')
% legend(["Original", "Finale", "Pole1", "Pole2"])

% xlim([-30, 10])
% ylim([-100, 100])
%Réponse à l'échelon unitaire
% figure:
% step(TF_Finale_BF_A_AZ);
%Erreur à une rampe uniaire du système temps = [0:0.1:10];
Rampe = [0:0.1:10];
y_Rampe = lsim(TF_Finale_BF_A_AZ, Rampe, temps);
% figure
% hold on
% box on
% % plot(temps, y_Rampe', "blue")
% plot(temps, Rampe-y_Rampe', "red")
% % plot(temps, Rampe, "black")
% % legend(["Réponse", "Erreur", "Rampe"]);
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 4 of 14

```
% title("Erreur à une rampe unitaire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
%Diagramme de bode du système
% figure
% hold on
% margin(TF_Finale_A_AZ, "blue")
% margin(TF_AZ, "red")
% legend(["Modifier", "Original"])
%Erreur sur la trajectoire
% figure
% hold on
% box on
% y = lsim(TF_Finale_BF_A_AZ, utrk, ttrk);
% y = lsim(TF_Finale_BF_A_AZ, utrk, tt
% plot(ttrk, y, "blue")
% plot(ttrk, utrk-y, "red")
% plot(ttrk, utrk, "black")
% legend(["Réponse", "Erreur", "Trajec
% %legend(["Erreur"])
% title("Erreur sur la trajectoire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
                             "Erreur", "Trajectoire"]);
% xlabel("Time (secondes)")
%% Validation système AZ
ts< 1.20sec
stepinfo(TF_Finale_BF_A_AZ, RiseTimeThreshold=[0 1]);
%on vérifie GM > 10 dB
                                     RM > 0.09s
[Gm, Pm, wcg, wcp] = margin(TF_Finale_A_AZ);
Gm = 20*log10(Gm);
Rm = (Pm/wcp)*(pi/180);
Z_A_AZ;
P_A_AZ;
K_AvPh_A_AZ;
TF_AvPh_A_AZ;
Kvel_A_AZ;
K_etoile_A_AZ;
P_RePh_A_AZ;
Z_RePh_A_AZ;
K_RePh_A_AZ;
TF_RePh_AvPh_A_AZ;
%disp("Temps Erreur Rampe");
lsiminfo(Rampe-y_Rampe', temps);
                           %Effacer les non utiliser
                           clear Gm Pm wcg wcp
                           %Clear les variables
                           clear Kvel_A_AZ Kvel_etoile_A_AZ K_etoile_A_AZ Z_RePh_A_AZ P_RePh_A_AZ 

✓
TF_Kr_A_AZ
                           clear P_etoile_A Ajout_Omega_n Ajout_Omega_a
%Clear les variables
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 5 of 14

```
clear TF_Ka_A_AZ P_A_AZ Z_A_AZ Phi_P_A_AZ Phi_Z_A_AZ Angle_A_AZ ✓ Delta_Phi_A_AZ Alpha_A_AZ
```

```
%% Calcul pour avance phase cascades Elevation Télescope A
                                                                                                                               ")
disp("__
%Ajustement de P_etoile
Ajout_Omega_n = -3; %-3
Ajout_Omega_a = 8; %8
Diviser = 7.2; %7.2
                                 _ Av ____
%On trouve P_etoile
P_etoile_A = (-Zeta*Omega_n + Ajout_Omega_n) + (Omega_a + Ajout_Omega_a)*i;
frsp = evalfr(TF_EL, P_etoile_A);
Angle_A_EL = (rad2deg(angle(frsp)));
clear frsp
%Calculs qui aideront dans les étapes suivantes
Angle_A_EL = Angle_A_EL - 360;

Delta_Phi_A_EL = - 180 - Angle_A_EL;

Alpha_A_EL = 180 - Phi;
%Trouver les angles des distances
Phi_Z_A_EL = (Alpha_A_EL+Delta_Phi_A_EL)/2;
Phi_P_A_EL = (Alpha_A_EL-Delta_Phi_A_EL)/2;
%Trouver les poles et zeros
Z_A_EL = real(P_etoile_A)-(imag(P_etoile_A)/tand(Phi_Z_A_EL));
P_A_EL = real(P_etoile_A)-(imag(P_etoile_A)/tand(Phi_P_A_EL));
%Cree une sous fonction de transfert pour trouver le Ka TF_Ka_A_EL2 = tf([1 -Z_A_EL], [1 -P_A_EL]); TF_Ka_A_EL = TF_Ka_A_EL2 * TF_EL;
%Calcul du K_AvPh_AZ
K_AvPh_A_EL = 1/abs(evalfr(TF_Ka_A_EL, P_etoile_A));
%Temporaire pour rapport
```

```
TF_Ka_A_EL2 = TF_Ka_A_EL2 * K_AvPh_A_EL;
clear TF_Ka_A_EL2
%Nouvelle fonction de transfert d'avance de phase
TF_AvPh_A_EL = TF_Ka_A_EL * K_AvPh_A_EL;
% Calcul pour PI Elevation Télescope A
%Trouver les K_etoile avec erreurs
[num_temp, den_temp] = tfdata(TF_AvPh_A_EL, 'v');
Kvel_EL = (num_temp(end))/(den_temp(end-1));
clear_num_temp_den_temp
%Trouver le Ki
Ki_A_EL = 1 / (Kvel_EL * ERP_para_EL_A);
%Trouver les poles et zeros
Z_Re_A_EL = real(P_etoile_A) / Diviser;
%Calcul du K_PI_EL
K_Re_A_EL = -Ki_A_EL/Z_Re_A_EL;
%Cree une sous fonction de transfert pour trouver le Kpi TF_Kpi_A_EL = K_Re_A_EL * tf([1 -Z_Re_A_EL], [1 0]);
%Temporaire pour rapport
TF_Kpi_A_EL;
%Nouvelle fonction de transfert de PI
TF_AvPh_PI_A_EL = TF_Kpi_A_EL * TF_AvPh_A_EL;
% TF_Finale_A_EL = TF_AvPh_PI_A_EL;
% TF_Finale_BF_A_EL = feedback(TF_Finale_A_EL, 1);
% Coupe bande EL Téléscope A
disp("_____ Coupe
Omega_o = 122.5; %Peak sur le bode
X = 0.2; %gere la largeur
Kfcp = 1;
num_temp = Kfcp*[1 1 0mega_o.^2];
den_temp = [1 2*X*Omega_o Omega_o.^2];
TF_Coupe_Bande_A_EL = tf(num_temp, den_temp);
clear num_temp den_temp Omega_o X Kfcp
%Mettre Coupe-Bande sur les fonctions de transferts
TF_Finale_A_EL = TF_Coupe_Bande_A_EL * TF_AvPh_PI_A_EL;
TF_Finale_BF_A_EL = feedback(TF_Finale_A_EL, 1);
%% Demande pour rapport
%Rlocus du système avec les P desirer
% figure
% hold on
% rlocus(TF_EL, "red")
% rlocus(TF_Finale_A_EL, "blue")
% scatter(real(P_etoile_A), imag(P_etoile_A), 50, "*", 'black')
% scatter(real(P_etoile_A), imag(-P_etoile_A), 50, "*", 'black')
% legend(["Original", "Finale", "Pole1", "Pole2"])
% xlim([-30, 10])
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 7 of 14

```
% ylim([-100, 100])
%Réponse à l'échelon unitaire
% figure;
% step(feedback(TF_Finale_A_EL,1));
%Erreur à une parabole uniaire du système
temps = [0:0.1:30];
Parabole = [0:0.1:30].^2;
Parabole = Parabole./2;
y_Parabole = lsim(TF_Finale_BF_A_EL, Parabole, temps);
% figure
% hold on
% box on
% box on
% plot(temps, y_Parabole', "blue")
% plot(temps, Parabole-y_Parabole', "red")
% plot(temps, Parabole, "black")
% legend(["Réponse", "Erreur", "Parabole"]);
% title("Erreur à une rampe unitaire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
%Diagramme de bode du système
% figure
% hold on
% margin(TF_Finale_A_EL, "blue")
% margin(TF_EL, "red")
% legend(["Modifier", "Original"])
%Erreur sur la trajectoire
% figure
% hold on
% box on
% y = lsim(TF_Finale_BF_A_EL, utrk, ttrk);
% title("Erreur sur la trajectoire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
%% Validation système EL
disp("_______Valid ______Valid %On vérifie Mp < 30% Tr<0.25sec
                                                        ts< 1.20sec
stepinfo(TF_Finale_BF_A_EL, RiseTimeThreshold=[0 1]);
%on vérifie GM > 10 dB RM > 0.09s
[Gm, Pm, wcg, wcp] = margin(TF_Finale_A_EL);
Pm;
Gm = 20*log10(Gm);
Rm = (Pm/wcp)*(pi/180);
Z_A_EL;
P_A_EL;
K_AvPh_A_EL;
TF_AvPh_A_EL;
Kvel_EL;
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 8 of 14

```
Z_Re_A_EL;

TF_AvPh_PI_A_EL;

%disp("Temps Erreur Parabole");
lsiminfo(Parabole-y_Parabole', temps);

%Effacer les non utiliser
clear Gm Pm wcg wcp Zeta Phi Rm Omega_a Omega_n Parabole Rampe temps
%Clear les variables
clear Kvel_EL Kvel_etoile_EL K_etoile_EL Z_RePh_EL P_RePh_EL TF_Ka_A_EL
clear P_etoile_A Ajout_Omega_n Ajout_Omega_a
%Clear les variables
clear TF_Ka_A_EL P_A_AZ Z_A_EL Phi_P_A_EL Phi_Z_A_EL Angle_A_EL 
Delta_Phi_A_EL Alpha_A_EL
```

```
Delta_phi_B_AZ = PM_B - PM_B_AZ + 5 + Ajout_Angle;
Alpha_B_AZ = (1 - sind(Delta_phi_B_AZ)) / (1 + sind(Delta_phi_B_AZ));
T_B_AZ = 1 / (Omega_g_B_AZ * sqrt(Alpha_B_AZ));
%On trouve pole et zeros
Z_BAZ = -1 / T_BAZ;

P_BAZ = -1 / (Alpha_BAZ * T_BAZ);
K_AvPh_A_AZ = Multi_TF * (K_etoile_B_AZ / sqrt(Alpha_B_AZ));
TF_AvPh_B_AZ2 = K_AvPh_A_AZ * tf([1 -Z_B_AZ], [1 -P_B_AZ]);
%Fonctiond de transfert
TF_AvPh_B_AZ = TF_AvPh_B_AZ2 * TF_AZ;
[num_temp, den_temp] = tfdata(TF_AvPh_B_AZ, 'v');
%% Calcul pour retard phase Azimut Téléscope B
disp("_
                           _ Re __
%On trouve les erreurs
Kvel_B_AZ = num_temp(end)/den_temp(end-1);
Kvel_etoile_B_AZ = 1 / (ERP_rampe_B);
clear num_temp den_temp
%Calcul du K_etoile
K_etoile_B_AZ = Kvel_etoile_B_AZ / Kvel_B_AZ;
%Trouver valeur de T pour fonction de transfert T_B_AZ = Diviser / Omega_g_B_AZ;
%Trouver poles et zeros
Z_B_AZ = -1 / T_B_AZ;
P_B_AZ = -1 / (K_etoile_B_AZ * T_B_AZ);
Kr = 1;
%Fonction de transfert
TF_RePh_B_AZ2 = Kr * tf([1 -Z_B_AZ], [1 -P_B_AZ]);
%Fonction de transfert finale
TF_Av_Re_B_AZ = TF_AvPh_B_AZ * TF_RePh_B_AZ2;
% TF_Finale_B_AZ = TF_Av_Re_B_AZ;
% TF_Finale_BF_B_AZ = feedback(TF_Finale_B_AZ, 1);
% Coupe bande AZ Téléscope B
disp("_____Coupe ___
Omega_o = 54.8; %Peak sur le bode
                                                     ")
X = 0.2;
Kfcp = 1;
num_temp = Kfcp*[1 1 0mega_o.^2];
den_temp = [1 2*X*Omega_o Omega_o.^2];
TF_Coupe_Bande_B_AZ = tf(num_temp, den_temp);
clear num_temp den_temp Omega_o X Kfcp
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 10 of 14

```
%Mettre Coupe—Bande sur les fonctions de transferts
TF_Finale_B_AZ = TF_Coupe_Bande_B_AZ * TF_Av_Re_B_AZ;
TF_Finale_BF_B_AZ = feedback(TF_Finale_B_AZ, 1);
% Demande pour rapport
%Diagramme de bode du système
% figure
% hold on
% margin(TF_Finale_B_AZ, "blue")
% margin(TF_AZ, "red")
% legend(["Modifier", "Original"])
%Réponse à l'échelon unitaire
% figure;
% step(TF_Finale_BF_B_AZ);
%Erreur à une rampe uniaire du système
temps = [0:0.1:10];
Rampe = [0:0.1:10];
y_Rampe = lsim(TF_Finale_BF_B_AZ, Rampe, temps);
% figure
% hold on
% box on
% plot(temps, y_Rampe', "blue")
% plot(temps, y_kampe', "blue")
% plot(temps, Rampe-y_Rampe', "red")
% plot(temps, Rampe, "black")
% legend(["Réponse", "Erreur", "Rampe"]);
% title("Erreur à une rampe unitaire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
%Erreur sur la trajectoire
% figure
% hold on
% box on
% y = lsim(TF_Finale_BF_B_AZ, utrk, ttrk);
% y = tsim("_rinate_br_bA2, utrk, ttrk);
% plot(ttrk, y, "blue")
% plot(ttrk, utrk-y, "red")
% plot(ttrk, utrk, "black")
% legend(["Réponse", "Erreur", "Trajectoire"]);
% %legend(["Erreur"])
% title("Erreur sur la trajectoire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
% Validation système AZ
[Gm, Pm, wcg, wcp] = margin(TF_Finale_B_AZ);
Pm;
Gm = 20*log10(Gm);
[Gm, Pm, wcg, wcp] = margin(5*TF_Finale_B_AZ);
Rm = (Pm/wcp)*(pi/180);
BW_B_Calculer = bandwidth(TF_Finale_BF_B_AZ);
%disp("Temps Erreur Rampe à 8 sec");
Erreur = Rampe(find(temps == 8))-y_Rampe(find(temps == 8));
% lsiminfo(Rampe-y_Rampe', temps)
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 11 of 14

```
%On enleve les non-utiliser
clear Pm Gm Rm BW_B_Calculer Erreur
clear BW_B PM_B Ajout_BW Ajout_PM Zeta_B Omega_g_B_AZ
clear T_B_AZ Alpha_B_AZ Delta_phi_B_AZ PM_B_AZ K_etoile_B_AZ
clear Z_B_AZ P_B_AZ K_AVPh_A_AZ TF_AVPh_B_AZ2 TF_AVPh_B_AZ
clear Kvel_B_AZ Kvel_etoile_B_AZ K_etoile_B_AZ
clear T_B_AZ TF_RePh_B_AZ2 TF_AV_Re_B_AZ TF_Finale_B_AZ TF_Finale_B_AZ
clear Ajout_Angle Multi_TF Ajout_Omega_g
```

```
%% Conception spécifications Télescope B
                                                        _ B EL ___
                                                                                                        _");
disp("
%Reset
BW_B = 10; %rad/s
PM_B = 50; %deg +- 1 deg
%Ajustement
Ajout_Angle = -4.5; %-4.5
Multi_TF = 0.7; %0.7
Ajout_Omega_g = 2.3;
Diviser = 10; %10
%Calcul des valeurs demander pour le reste des calculs
Zeta_B = (0.5)*sqrt(tand(PM_B)*sind(PM_B));
Omega_g_B_EL = BW_B * (sqrt(sqrt(1+(4*Zeta_B^4))-(2*Zeta_B^2))/(sqrt((1-(2*Zeta_B^2))+sqrt \( (4*Zeta_B^4)-(4*Zeta_B^2)+2))));
Omega_g_B_EL = Omega_g_B_EL + Ajout_Omega_g;
% Calcul pour avance phase Elevation Télescope B
K_etoile_B_EL = 1 / abs(evalfr(TF_EL, (Omega_g_B_EL*i)));
PM_B_EL = rad2deg(angle(evalfr(TF_EL*K_etoile_B_EL, (Omega_g_B_EL*i)))) - 360 + 180;
Delta_phi_B_EL = PM_B - PM_B_EL + 5 + Ajout_Angle;
Alpha_B_EL = (1 - sind(Delta_phi_B_EL)) / (1 + sind(Delta_phi_B_EL));
T_B_EL = 1 / (Omega_g_B_EL * sqrt(Alpha_B_EL));
%On trouve pole et zeros
Z_B_EL = -1 / T_B_EL;

P_B_EL = -1 / (Alpha_B_EL * T_B_EL);
K_AvPh_A_EL = Multi_TF * (K_etoile_B_EL / sqrt(Alpha_B_EL));
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 12 of 14

```
%Pour rapport TF\_AvPh\_B\_EL2 = K\_AvPh\_A\_EL * tf([1 -Z\_B\_EL], [1 -P\_B\_EL]);
%Fonctiond de transfert
TF_AvPh_B_EL = TF_AvPh_B_EL2 * TF_EL;
[num_temp, den_temp] = tfdata(TF_AvPh_B_EL, 'v');
% Calcul pour retard phase Elevtion Téléscope B
                            Re _
%On trouve les erreurs
Kvel_B_EL = num_temp(end)/den_temp(end-1);
Kvel_etoile_B_EL = 1 / (ERP_rampe_B);
clear num_temp den_temp
%Calcul du K_etoile
K_etoile_B_EL = Kvel_etoile_B_EL / Kvel_B_EL;
%Trouver valeur de T pour fonction de transfert T_B_EL = Diviser / Omega_g_B_EL;
%Trouver poles et zeros
Z_B_EL = -1 / T_B_EL;
P_B_EL = -1 / (K_etoile_B_EL * T_B_EL);
Kr = 1;
%Fonction de transfert
TF_RePh_B_EL2 = Kr * tf([1 -Z_B_EL], [1 -P_B_EL]);
%Fonction de transfert finale
TF_Av_Re_B_EL = TF_AvPh_B_EL * TF_RePh_B_EL2;
% TF_Finale_B_EL = TF_Av_Re_B_EL;
% TF_Finale_BF_B_EL = feedback(TF_Finale_B_EL, 1);
% Coupe bande AZ Téléscope B
disp("_____ Coupe
Omega_o = 122.5; %Peak sur le bode
X = 0.2; %
Kfcp = 1;
num_temp = Kfcp*[1 1 0mega_o.^2];
den_temp = [1 2*X*Omega_o Omega_o.^2];
TF_Coupe_Bande_B_EL = tf(num_temp, den_temp);
clear num_temp den_temp Omega_o X Kfcp
%Mettre Coupe-Bande sur les fonctions de transferts
TF_Finale_B_EL = TF_Coupe_Bande_B_EL * TF_Av_Re_B_EL;
TF_Finale_BF_B_EL = feedback(TF_Finale_B_EL, 1);
% Demande pour rapport
%Diagramme de bode du système
% figure
% hold on
% margin(TF_Finale_B_EL, "blue")
% margin(TF_EL, "red")
% legend(["Modifier", "Original"])
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 13 of 14

```
%Réponse à l'échelon unitaire
% figure;
% step(TF_Finale_BF_B_EL);
%Erreur à une rampe uniaire du système
temps = [0:0.1:10];
Rampe = [0:0.1:10];
y_Rampe = lsim(TF_Finale_BF_B_EL, Rampe, temps);
% figure
% hold on
% box on
% plot(temps, y_Rampe', "blue")
% plot(temps, Rampe-y_Rampe', "red")
% plot(temps, Rampe, "black")
% legend(["Réponse", "Erreur", "Rampe"]);
% title("Erreur à une rampe unitaire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
figure
hold on
box on
% plot(temps, y_Rampe', "blue")
plot(temps, Rampe-y_Rampe', "red")
% plot(temps, Rampe, "black")
% legend(["Réponse", "Erreur", "Rampe"]);
title("Erreur à une rampe unitaire");
ylabel("Amplitude");
xlabel("Time (secondes)")
box on
%Erreur sur la trajectoire
% figure
% hold on
% box on
% y = lsim(TF_Finale_BF_B_EL, utrk, ttrk);
% y = tsim("| The best | tell, tell, tell, tell, for the plot(ttrk, y, "blue")
% plot(ttrk, utrk-y, "red")
% plot(ttrk, utrk, "black")
% legend(["Réponse", "Erreur", "Trajectoire"]);
% %legend(["Erreur"])
% title("Erreur sur la trajectoire");
% ylabel("Amplitude");
% xlabel("Time (secondes)")
% Validation système EL
%on vérifie GM > 10 dB RN
                                          RM > 0.09s
[Gm, Pm, wcg, wcp] = margin(TF_Finale_B_EL);
Pm;
Gm = 20*log10(Gm);
[Gm, Pm, wcg, wcp] = margin(5*TF_Finale_B_EL);
Rm = (Pm/wcp)*(pi/180);
BW_B_Calculer = bandwidth(TF_Finale_BF_B_EL);
%disp("Temps Erreur Rampe à 8 sec");
Erreur = Rampe(find(temps == 8))-y_Rampe(find(temps == 8));
% lsiminfo(Rampe-y_Rampe', temps)
```

24-11-12 13:36 /Users/francoisdesautels/Do.../Problematique.m 14 of 14

%On enleve les non-utiliser
clear BW_B PM_B Ajout_BW Ajout_PM Zeta_B Omega_g_B_EL
clear T_B_EL Alpha_B_EL Delta_phi_B_EL PM_B_EL K_etoile_B_EL
clear Z_B_EL P_B_EL K_AvPh_A_EL TF_AvPh_B_EL2 TF_AvPh_B_EL
clear Kvel_B_EL Kvel_etoile_B_EL K_etoile_B_EL
clear T_B_EL TF_RePh_B_AZ2 TF_Av_Re_B_EL TF_Finale_B_EL TF_Finale_B_EL

%Assurer la fin du document disp("Hello World")