## Aula Prática 13

## Resumo:

- Dicionários;
- Árvores binárias de procura na implementação de dicionários;
- Árvores Binárias.

## Exercício 13.1

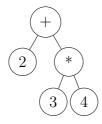
Implemente o tipo de dados abstracto de um dicionário no módulo BinarySearchTree o qual se deve basear numa árvore binária de procura. Experimente o módulo com os exercícios da aula anterior.

## Exercício 13.2

Podemos escrever expressões aritméticas de três formas distintas, consoante a posição do operador<sup>1</sup>:

- Notação infixa: 2 + 3 ou 2 + 3 \* 4 ou 3 \* (2 + 1) + (2 1)
- $Notaç\~ao$  prefixa: + 2 3 ou + 2 \* 3 4 ou + \* 3 + 2 1 2 1
- Notação sufixa: 2 3 + ou 2 3 4 \* + ou 3 2 1 + \* 2 1 +

Independentemente da notação utilizada, uma expressão aritmética pode ser representada por uma árvore binária em que os nós representam as (sub)expressões existentes (os números serão sempre folhas da árvore). Por exemplo a expressão (prefixa) + 2 \* 3 4 é expressa pela árvore binária:



 $<sup>^1\</sup>mathrm{No}$  exercício 10.4 já utilizámos uma destas notações (sufixa $^2)$  como forma de simplificar o cálculo de expressões numéricas.

A geração desta árvore binária tendo como entrada uma expressão em notação *prefixa* é bastante simples (caso feita recursivamente):

```
createPrefix()
{
   if (in.hasNextDouble()) // next word is a number
   {
        // leaf tree with the number
   }
   else // next word is the operator
   {
        // tree with the form: operator leftExpression rightExpression
        // leftExpression and rightExpression can also be created with createPrefix
   }
}
```

- a. Implemente um módulo ExpressionTree que cria uma árvore binária a partir de uma expressão em notação prefixa para os 4 operadores aritméticos elementares (+, -, \* e /)³;
- b. Implemente um novo serviço no módulo printInfix que escreve a expressão (já lida) na notação infixa<sup>4</sup>;
- c. Implemente o módulo de uma forma robusta por forma a detectar expressões inválidas (note que a responsabilidade por uma expressão inválida é exterior ao programa pelo que deve fazer uso de uma aproximação defensiva);
- d. Implemente um novo serviço no módulo eval que calcula o valor da expressão.

**Nota**: A criação da árvore binária com base numa expressão em notação *sufixa* é um pouco mais complexa. Se tiver essa curiosidade pode tentar fazer essa implementação.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Considere que cada número e operador é uma palavra a ser lida no *standard input* 

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Execute o programa em formato jar para ver o formato dessa escrita.