

## תרגול 9 - צמיחה א' - סולו

מתן לבינטוב

אוניברסיטת בן גוריון בנגב

17 בדצמבר 2023

## נושאים

1 מודל סולו

2 פונקצית היצור

3 משוואת התנועה

4 מצב יציב - S.S - State Steady

## מודל סולו

מודל סולו הוא מודל קלאסי אשר מתאר שיווי משקל דינאמי של צד היצע של כלכלה

- בטווח האורך ניתן לראות שהתוצר, כמות העובדים, מלאי ההון, הצריכה והחסכון צומחים בקצב קבוע והגדלים הריאליים נותרים ללא שינוי, למצב כזה אנו קוראים State Steady

- בטווח הקצר ניתן לראות שהתוצר, כמות העובדים, כמות מלאי ההון, הצריכה והחסכון צומחות בקצב משתנה מתקופה לתקופה והגדלים הריאליים תוצר לעובד, מלאי ההון לעובד, צריכה לעובד וחיסכון לעובד משתנים גם הם. למצב הזה נקרא התכנסות לשיווי משקל דינאמי.

### חשוב

בגדלים ריאליים הכוונה ל - תוצר לעובד, מלאי ההון לעובד, צריכה לעובד וחיסכון לעובד

## מודל סולו

## סימונים מקובלים

$$y = x = \frac{Y}{L} \quad \text{תוצר לעובד}$$

$$k = \frac{K}{L} \quad \text{מלאי הון לעובד}$$

$$d = \frac{D}{L} = dk \quad \text{פחת לעובד}$$

$$s = \frac{sY}{L} = s \cdot y \quad \text{חיסכון לעובד}$$

$$c = \frac{(1-s)Y}{L} = (1-s) \cdot y \quad \text{צריכה לעובד}$$

$$\hat{L} = \frac{\dot{L}}{L} = n \quad \text{שיעור הריבוי}$$

$$I_g = S \quad \text{השקעה גולמית}$$

$$\dot{K} = I_n = I_g - D \quad \text{השקעה נקייה}$$

$$MPK = i_c = r + d \quad \text{מחיר ההון}$$

## פונקציית יצור

### Cobb-Douglas

במודל נבחר פונקציית יצור מסוג קוב - דאגלס אשר מקיימת תק"ל

$$Y = AK^\alpha L^{1-\alpha}$$

אם נעבור לדבר במונחים של תוצר לעובד

$$y = \frac{Y}{L} = \frac{AK^\alpha L^{1-\alpha}}{L} = A \left( \frac{K}{L} \right)^\alpha = Ak^\alpha$$

## משוואת התנועה

## משוואת התנועה

$$\dot{k} = sy - (n + d) \cdot k$$

מתוך המשוואה הזאת אנו מקבלים 3 אפשרויות

$$\dot{k} > 0 \iff sy > (n + d) \cdot k \quad ①$$

ההון לעובד ולכן מלאי ההון לעובד גדל. צבירה חיובית של הון לעובד

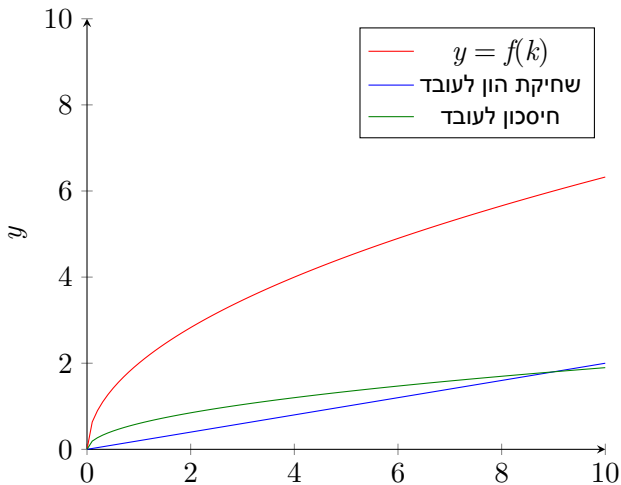
$$\dot{k} < 0 \iff sy < (n + d) \cdot k \quad ②$$

ההון לעובד ולכן מלאי ההון לעובד קטן. צבירה שלילית של הון לעובד

$$\dot{k} = 0 \iff sy = (n + d) \cdot k \quad ③$$

לעובד ולכן מלאי ההון לעובד לא משתנה.

מודל סולו



## מצב יציב

## מצב יציב

$$k_{ss} = \left( \frac{sA}{n+d} \right)^{\frac{1}{1-\alpha}} \quad (1)$$

$$y_{ss} = A \cdot k_{ss}^\alpha \quad (2)$$

## הערות

1 המשוואה השנייה היא פשוט המשוואה הרגילה אבל עם הצבה של  $k_{ss}$

2 כפי שניתן לראות ש"מ ישתנה רק אם יהיה שינוי ב  $A, d, n, s$

3 מדינות עם נתוני משק זהים התכנסו לאותו ש"מ