## 'תרגול 10 - צמיחה ב

מתן לבינטוב

אוניברסיטת בן גוריון בנגב

מתן לבינטוב

## נושאים

אופטימום חברתי 🕧

שיפורים טכנולוגיים 2

מסקנות חשובות בפונקציית קוב דאגלס 🔞

מתן לבינטוב

### אופטימום חברתי

#### הגדרה

לפי הגדרה, אופטימום חברתי הינו מצב יציב, כלומר State, Steady שבוא רמת החיים, שבמודל שלנו היא הצריכה לעובד היא מקסימלית.

: קיימים 3 תנאים שמתקיימים באופטימום חברתי

- הקו שחיקת לשיפוע של הקו בנקודה שווה לשיפוע לומר שיפוע כלומר איפוע אחיקת, אר $MPK^{GR}=n+d$  ההון
  - שיעור החיסכון שווה לחזקה של ההון בפונקציית היצור s=lpha
  - כלל הזהב שמתקבל הינו : r=n , כלומר הריבית שווה לשיעור הריבוי •

מתו לבינטוב

#### אופטימום חברתי

#### חיסכון חסר

$$s < lpha \implies k < k^{GR} \implies MPK > MPK^{GR} \implies r > n$$
פיתרון הינו הגדלת החיסכון על ידי צמצום פיסקלי או העלת מיסים

$$G\downarrow/T\uparrow \Longrightarrow s\uparrow \Longrightarrow k\uparrow \Longrightarrow MPK\downarrow \Longrightarrow r\downarrow$$

#### חיסכון יתר

$$s>lpha \implies k>k^{GR} \implies MPK < MPK^{GR} \implies r < n$$
הפיתרון הינו צמצום החיסכון על ידי הורדת מיסים או הרחבה פיסקלית

מתו לבינטוב

$$G \uparrow / T \downarrow \implies s \downarrow \implies k \downarrow \implies MPK \uparrow \implies r \uparrow$$

## שיפורים טכנולוגיים

#### מודל העובד המתייעל

קיים מקדם יעילות E שמסמן את יעילות כוח העבודה L, נניח שמקדם היעילות צומח בקצב קבוע g .

לכן פונקציית היצור החדשה נראת כך :

$$Y = AK^{\alpha} (EL)^{1-\alpha}$$

.EL לכן נעבור מלדבר על עובדים לעובדים יעילים, כלומר במקום לחלק בL נחלק ב

$$\tilde{y} = A\tilde{k}^{\alpha}$$

: מושגים

$$\frac{Y}{LE} = \frac{y}{E} = \tilde{y}$$
 תוצר לעובד אפקטיבי •

$$rac{K}{LE}=rac{k}{E}= ilde{k}$$
 הון לעובד אפקטיבי  $ullet$ 

## שיפורים טכנולוגיים

### SS - שיעור השינוי ב

$$\begin{split} \widehat{\hat{y}} &= \widehat{\hat{k}} = 0 \\ \widehat{k} &= \widehat{y} = \widehat{(\widetilde{y}E)} = \widehat{\hat{y}} + \widehat{E} = 0 + g = g \\ \widehat{K} &= \widehat{Y} = \widehat{(\widetilde{y}LE)} = \widehat{\hat{y}} + \widehat{L} + \widehat{E} = 0 + n + g = n + g \end{split}$$

מכך שמשוואת התנועה החדשה היא:

$$\dot{\tilde{k}} = s\tilde{y} - (n+d+g)\tilde{k}$$

: ו  $ilde{k_{ss}}$  הוא

$$\tilde{k}_{ss} = \left[\frac{sA}{n+d+g}\right]^{\frac{1}{1-\alpha}}$$

## מסקנות חשובות בפונקציית קוב דאגלס

במצב עמיד הריבית הריאלית קבועה:

$$r = mpk - d = A\alpha \tilde{k}^{\alpha - 1} - d$$

g לעומת המודל המקורי, במקרה הזה, השכר צומח בקצב ullet

$$\frac{W}{P} = MPL = AE(1 - \alpha)\,\tilde{k}^{\alpha}$$

 התמורה היחסית של כל גורם יצור קבועה לאורך הזמן (זה נכון בכללי עם קוב דאגלס ולא ספציפית בגלל העובד המתייעל) :

$$S_k = \frac{MPK \cdot K}{Y} = \frac{A\alpha K^{\alpha - 1} L^{1 - \alpha} K}{AK^{\alpha} L^{1 - \alpha}} = \alpha$$

$$S_L = \frac{MPL * L}{Y} = \frac{A(1-\alpha)K^{\alpha}L^{-\alpha}L}{AK^{\alpha}L^{1-\alpha}} = 1 - \alpha$$

# מסקנות חשובות בפונקציית קוב דאגלס

יחס הון תוצר קבוע לאורך זמן (בS.S במידה ושום דבר לא משתנה): •

$$\frac{K}{Y} = \frac{\tilde{k}}{\tilde{y}} = \frac{s}{n+d+g}$$