# חשמל ומגנטיות - תרגיל 6

להגשה עד 5.5 בשעה 03:00 (בלילה שבין יום חמישי ליום שישי)

### 1. טיפת מים

- .a נתונה טיפת מים כדורית ברדיוס R הטעונה במטען Q המפוזר באופן אחיד על פניה. מחלקים את הטיפה לשתי טיפות בעלות גודל שווה, ולכל אחת מטען Q/2 על פניה. מהו השינוי באנרגיה האלקטרוסטטית של המערכת?
  - חזור על a, רק שהפעם המטען מפוזר בנפח הטיפות באופן אחיד, ולא רק על פני .b השטח.

<u>הערה:</u> הניחו שלאחר הפיצול הטיפות נמצאות רחוק מאוד זו מזו.

## 2. משטחים שווי אנרגיה

a. שני אלקטרונים נמצאים במרחק 1m זה מזה. מצאו את אוסף הנקודות במרחב בהן ניתן לשים פרוטון, כך שהאנרגיה האלקטרוסטטית הכוללת של המערכת תתאפס. מצאו את הנקודות הללו ע"י משוואה אלגברית סגורה אותה הן מקיימות. כמה נקודות כאלו יש על הקו המוגדר ע"י מיקומי שני האלקטרונים?

## 3. כיווץ מעטפת גלילית אינסופית

- מתונה מעטפת גלילית אינסופית בעלת רדיוס R, טעונה בצפיפות משטחית אחידה .a מכווצים את המעטפת לרדיוס R-dr, כאשר R-dr כמה עבודה ליחידת .  $\sigma$  אורך של המעטפת הושקעה בכיווץ? הראו שהתשובה מסתדרת עם הביטוי שמקשר את האנרגיה הפוטנציאלית החשמלית עם אינטגרל על השדה בריבוע. <u>הדרכה:</u> היעזרו בעובדה שהכח ליחידת שטח (הלחץ) שיוצר הכח החשמלי על המעטפת הינו צפיפות המטען כפול הממוצע בין ערך השדה בחוץ (קרוב מאוד למעטפת) לערך השדה בפנים (קרוב מאוד למעטפת).
- (R- כעת מכווצים את אותה מעטפת מרדיוס לרדיוס R כעת מכווצים את אותה מעטפת מרדיוס שיש להשקיע לשם כך? בצעו את החישוב מהי העבודה ליחידת אורך של המעטפת שיש להשקיע לשם כך? בצעו את החישוב בשתי דרכים והראו שהתוצאה זהה.

#### 4. שדה דיפול

בכתה ראיתם את השדה הנוצר עקב דיפול נקודתי הנמצא בראשית (או לחילופין במרחק רב מאוד מהראשית ביחס לגודל הדיפול):

$$\bar{E}(\bar{r}) = K \frac{3(\bar{p} \cdot \hat{r}) \cdot \hat{r} - \bar{p}}{r^3}$$

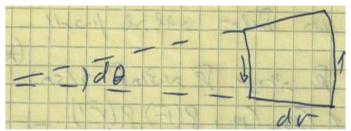
- ועל ציר y ועל ציר אותן קיבלות אותן קיבלנו אותן אותן פיבלנו אות . $p||\hat{y}|$  .a חישבנו את שדה הדיפול באמצעות חוק קולון.
  - b. הראו מפורשות שהדיברגנס של השדה הזה מתאפס.
    - c. הראו מפורשות שהרוטור של השדה הזה מתאפס.

### 6. שדה מערבולת

נתון השדה הוקטורי הבא:

$$\bar{F}(\bar{r}) = \frac{-y\hat{x} + x\hat{y}}{(x^2 + y^2)^{\frac{n+1}{2}}}$$

- a. רשמו את השדה הקואורדינטות גליליות, ותארו במילים את התנהגותו.
  - .  $\nabla imes ar{F}$  חשבו את. b
- חשבו את האינטגרל המסילתי ("העבודה") של השדה הזה על המסלול הסגור המתואר 3. .c בציור, בהנחה ש-  $dr \ll r$  כאשר  $dr \ll r$



המסלול:

עבור אילו ערכים של n האינטגרל המסילתי מתאפס? מהו הרוטור של השדה עבור ערך זה של n? האם עבור ערך זה של n האם עבור ערך זה של n השדה הזה הינו משמר? הסבירו. רמז: האם האיטגרל המסלולי על כל מסילה סגורה הוא אפס?

# 7. אין שיווי משקל יציב בשדה אלקטרוסטטי

- .a ל מטענים חיוביים זהים בגודל p נמצאים בפינותיו של ריבוע בעל אורך צלע נתון L ממו שאנחנו יודעים, במרכז הריבוע השדה מתאפס. מניחים מטען כלשהו במרכז הריבוע. הראו מפורשות, גם עבור מטען חיובי וגם עבור מטען שלילי, שקיים כיוון במרחב כך שאם נזיז את המטען בכיוון זה, הוא "יברח" מנקודת שיווי המשקל. הדרכה: בצעו הזזה קטנה (ביחס לאורך צלע הריבוע) מנקודת שיווי המשקל בכיוון אותו בחרתם, והראו שבקירוב מוביל הכח מצביע בכיוון ההזזה.
- הראו .L מטענים זהים q מקובעים לקודקודים של קוביה בעלת אורך צלע b. שבנקודת מרכז הקוביה ישנו שיווי משקל לא יציב עבור מטען בעל אותו סימן כמו q שבנקודת מרכז הקוביה ישנו שיווי משקל (זה נכון גם למטען עם סימן הפוך).