



# Cours "Génie Logiciel II"

---

## **Partie2: Méthodes formelles pour la spécification et la vérification de logiciels**

**Niveau:** II2

**Enseignante:** Rim DRIRA

rim.drira@ensi-uma.tn

**AU: 2016/2017**

# Objectifs du cours

---

- Introduire la spécification et la vérification formelle dans la démarche de développement d'un logiciel
- Apprendre une méthode formelle: la méthode B
- Apprendre deux techniques de vérification formelle
  - Preuve de théorèmes
  - Vérification de modèles ou model checking

# Plan

---

- ❑ **Chapitre1:** Introduction aux méthodes formelles
- ❑ **Chapitre2:** La méthode B AMN (Abstract Machine Notation)
- ❑ **Chapitre3:** Vérification de modèles (ou model checking)

# Pré requis

---

- ❑ Génie Logiciel 1
- ❑ Logiques formelles (propositions, prédicats, interprétation, Systèmes formels, axiomes, théorèmes)
- ❑ Théorie des langages (automates finis et composition)

# Références

---

- ❑ [Abr96] J.-R. Abrial, "The B book", Cambridge University Press, 1996.
- ❑ [Abr10], "Modeling in Event-B : System and Software Engineering", Cambridge University Press, 2010.
- ❑ [Ger06]: Frédéric Gervais , "Combinaison de spécifications formelles pour la modélisation des systèmes d'information« , thèse de doctorat, Université de Sherbrooke, 2006.  
<http://cedric.cnam.fr/fichiers/RC1103.pdf>
- ❑ [Jul08]: Jacques Julliand, cours "Spécification, Vérification et Test" , Université Franche-comté, 2008.  
[http://lifc.univ-fcomte.fr/~julliand/Lecon1\\_A\\_8SVT.pdf](http://lifc.univ-fcomte.fr/~julliand/Lecon1_A_8SVT.pdf)
- ❑ [Mos08]: Olfa Mosbahi, "Développement formel des systèmes automatisés« , thèse de doctorat, Université Tunis-ElManar, 2008.  
[http://pegase.scd.inpl-nancy.fr/theses/2008\\_MOSBAHI\\_O.pdf](http://pegase.scd.inpl-nancy.fr/theses/2008_MOSBAHI_O.pdf)
- ❑ [Ngu98] H.P. Nguyen, "Dérivation de spécifications formelles B à partir de spécifications semi-formelles", Thèse de Doctorat, CNAM, France, 1998.  
<http://lacl.univ-paris12.fr/laleau/sourcePublis/Before2003/PHD-PHNguyen.pdf>
- ❑ [SOM92]: Ian Sommerville, "Le Génie Logiciel », Addison-Wesley, 1992.  
(bibliothèque de l'ENSI)

# Références

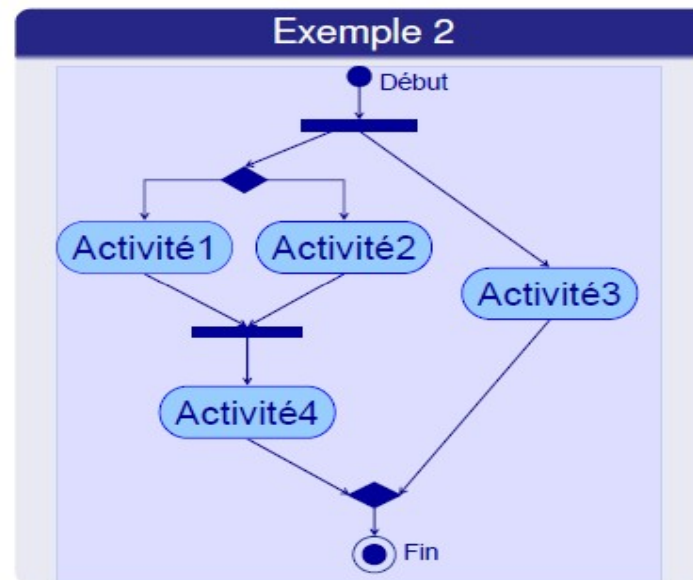
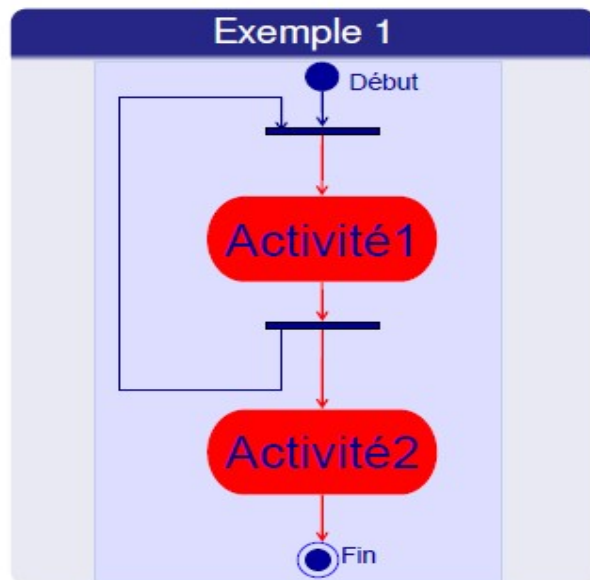
---

## Autres Références Bibliographiques

- ❑ David Harel, Michal Politi, Modeling reactive systems with statecharts the statemate approach, McGraw-Hill, 1998,
- ❑ Zohar Manna, Amir Pnueili, The Temporal Logic of Reactive and Concurrent Systems: Specification, Springer, 1992.
- ❑ Kevin Lano, The B language and method: a guide to practical formal development, Springer, 1996,
- ❑ Philippe Schnoebelen, Vérification de logiciels Techniques et outils du model-checking, Vuibert, 1999.
- ❑ Christel Baier, Joost-Pieter Katoen, Principles of Model-Checking, MIT Press Cambridge, London, 2008.

# Pourquoi la vérification ?

Les diagrammes suivants contiennent des erreurs



L'entrée dans l'activité 4 dépend de la fin des deux activités 1 et 2 or une d'entre elles peut être entrée exclusif (ou

Vérification d'absence de blocage

Utilisation d'une technique de vérification formelle

**Le premier se bloque depuis le début de l'exécution (l'entrée dans l'activité 1 dépend de sa fin)**

# Pourquoi la vérification ?

---

Calcul de la somme de deux nombres entiers en langage C

```
Int somme(int x, int y)
{
    int z;
    z = x+y;
    return z;
}
```

Ce code admet un problème :

si  $x = 2^{31} - 1$  et  $y = 1$   
 $2^{31}$  *n'existe pas*, seulement  $2^{31}-1$  en entier donc un débordement peut avoir lieu



# Pourquoi la vérification ?

---

**Exemple3.** On a besoin de vérifier que la saisie d'un utilisateur est une séquence alphanumérique qui se termine par ab1.

Le système de saisie à développer doit pouvoir vérifier la saisie et répondre positivement si la propriété est respectée et demande une autre saisie dans le cas contraire ou arrêter la saisie.

Ici le système à développer est un contrôleur. On doit développer un automate fini qui reconnaît les séquences valides, vérifier cette reconnaissance et implémenter le parcours de cet automate.

# Pourquoi la vérification ?

---

**Exemple4.** Le système informatique est un système de contrôle d'un chauffage  
La propriété est liée à la température ambiante qui ne doit pas déborder d'un intervalle.  
L'environnement est la température.  
Le composant physique (commandé) est l'appareil de chauffe  
Le contrôleur (qui est le logiciel que nous avons à développer) reçoit en entrée la valeur de la température et agit sur le composant physique si nécessaire pour chauffer ou refroidir  
Le composant logique (le contrôleur) et le composant physique (contrôlé) doivent se comporter de façon à ce que la propriété soit vérifiée (température dans un intervalle).

# Pourquoi la vérification ?

---

**Exemple5.** Un système de contrôle d'une barrière passage à niveau

Le composant physique est la barrière

Le composant de contrôle qui est le système informatique à développer agit sur la barrière pour qu'elle soit baissée ou relevée.

L'environnement est composé par les trains (avec leurs états arrive ou part ou rien)

Le contrôleur reçoit une information sur l'environnement et si un train arrive alors il doit commander pour baisser la barrière si elle est initialement relevée. Si tous les trains quittent alors le système commande la levée de la barrière.

# Pourquoi la vérification ?

---

**Exemple6.** Accès à une section critique  
Etant donnée une section critique (SC), un algorithme d'exclusion mutuelle doit satisfaire :

- 1- exclusion mutuelle (EM) **sureté** : si un processus est en SC alors aucun processus ne peut y être.
- 2- progrès (P) **vivacité**: si un groupe de processus demande d'entrer en SC alors l'un d'eux doit obtenir l'accès
- 3- equite (E) **vivacité** : tout processus demandant d'entrer en SC doit y entrer ( au bout d'un certain temps) – **pas de famine**

# Que faire alors ?

---

- **Développer des systèmes sûrs de fonctionnement.**
  - Ce sont des systèmes qui doivent répondre dans toutes les exécutions possibles aux propriétés exigées par l'utilisateur : absence de blocage, de traitement infini, de division par zéro...
  - Ce sont les **propriétés sémantiques dynamiques**.
  
- **Remarque:** L'analyseur sémantique dans un compilateur est plutôt limité **aux propriétés sémantiques statiques** : compatibilité des types, portée d'un identificateur, un sous programme....).

# Que faire alors ?

---

- Le développement classique de tels systèmes nécessite des tests qui peuvent à la fin obliger le développeur à refaire le développement.
- D'autre part, les tests ne garantissent en aucun cas la fiabilité du système....
- L'utilisation des méthodes formelles permet de remédier à ce problème. En effet ce sont des méthodes basées sur un fondement mathématique offrant la précision, l'absence d'ambiguïté.....
- On peut ainsi partir des besoins spécifiés au départ, développer un modèle formel pour ce système (décrivant l'aspect comportemental, fonctionnel et structurel), exprimer formellement les exigences et effectuer la preuve.

# Que faire alors ?

---

	Le Système	satisfait-il	des exigences
Ou bien	Technique Sémantique		
	Modèle D'automates	?  =	Formule logique
	Technique Syntaxique		
	Formules Logiques	?  --	Formule logique

Il faut qu'on arrive, après ce cours, à  
modéliser, formaliser et vérifier

# Chapitre1: Introduction aux méthodes formelles

---

## Objectifs

- Sensibiliser à l'intérêt d'introduire les méthodes formelles dans le cycle de développement d'un logiciel
- Comprendre comment on peut introduire les méthodes formelles dans le cycle de développement d'un logiciel
- Définir les termes clés dans le domaine des méthodes formelles
- Présenter quelques formalismes de spécification formelle
- Introduire les techniques de la vérification formelle



# Chapitre1: Introduction à la spécification et à la vérification formelles

---

## Plan

1. Systèmes automatisés sûrs de fonctionnement
2. Nécessité des méthodes formelles
3. Méthodes formelles et cycle de développement
4. Comportement, environnement, propriétés
5. Techniques de Vérification

---

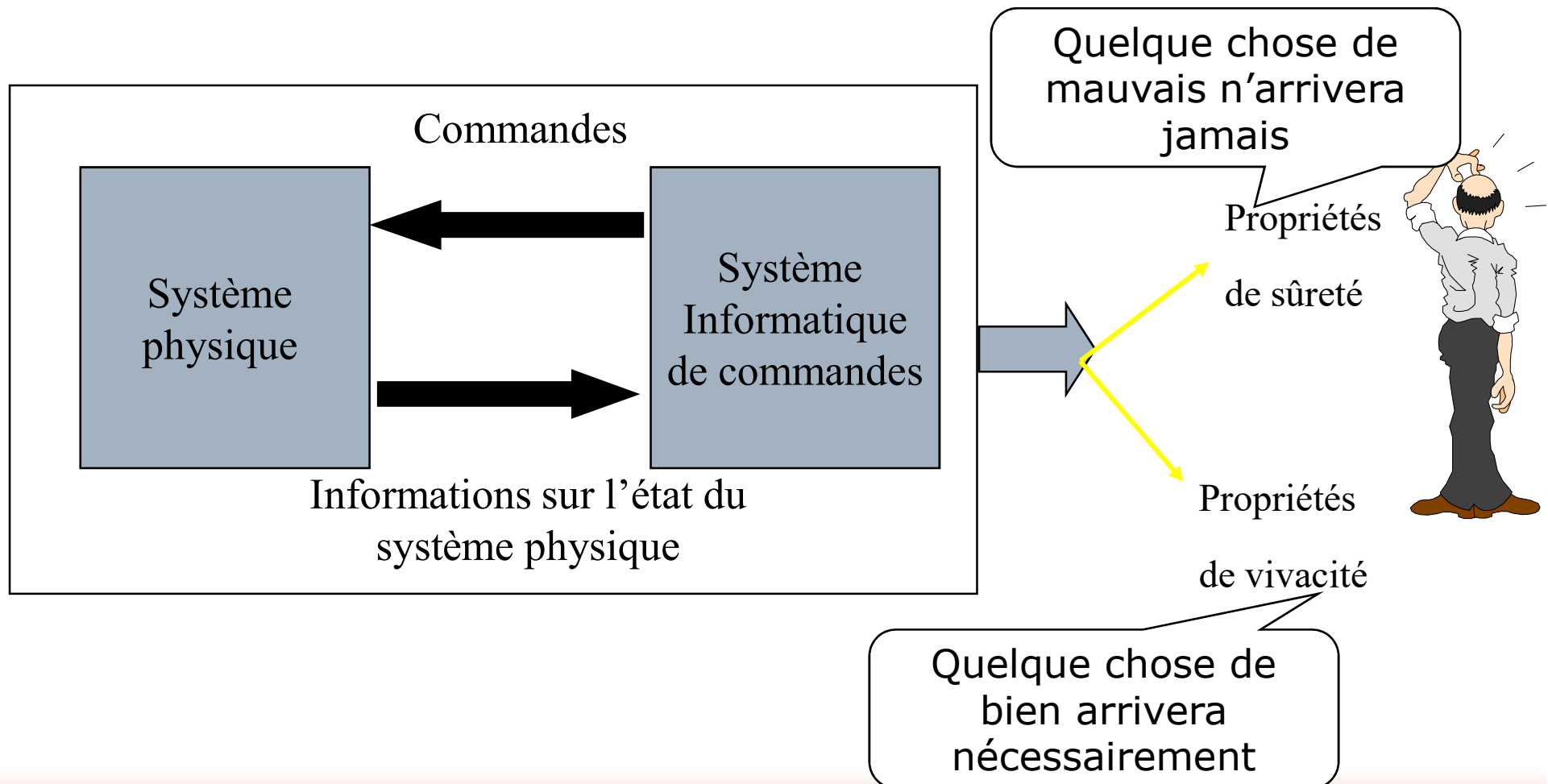
# **Systemes automatisés sûrs de fonctionnement**

# Systèmes automatisés sûrs de fonctionnement

---

- ❑ Un système est dit automatisé s'il exécute toujours le même cycle de travail pour lequel il a été programmé
- ❑ Les systèmes automatisés sûrs de fonctionnement exigent un niveau de **sûreté** et de **fiabilité élevé**
- ❑ Ce sont des systèmes qui doivent répondre dans **toutes les exécutions** possibles aux **propriétés** exigées par l'utilisateur

# Systèmes automatisés sûrs de fonctionnement



# Exemple d'un passage à niveau

---

- ❑ *Le système physique est la barrière*
- ❑ *Le composant de contrôle (le système informatique à développer) agit sur la barrière pour qu'elle soit baissée ou relevée*
- ❑ *Une propriété attendue de ce système (sûreté): Le système ne doit pas permettre un accès simultané au trafic ferroviaire et au trafic routier*



**Le passage à niveau**

## Autres exemples

### Le distributeur de billets



### Les robots



### Les feux de carrefour



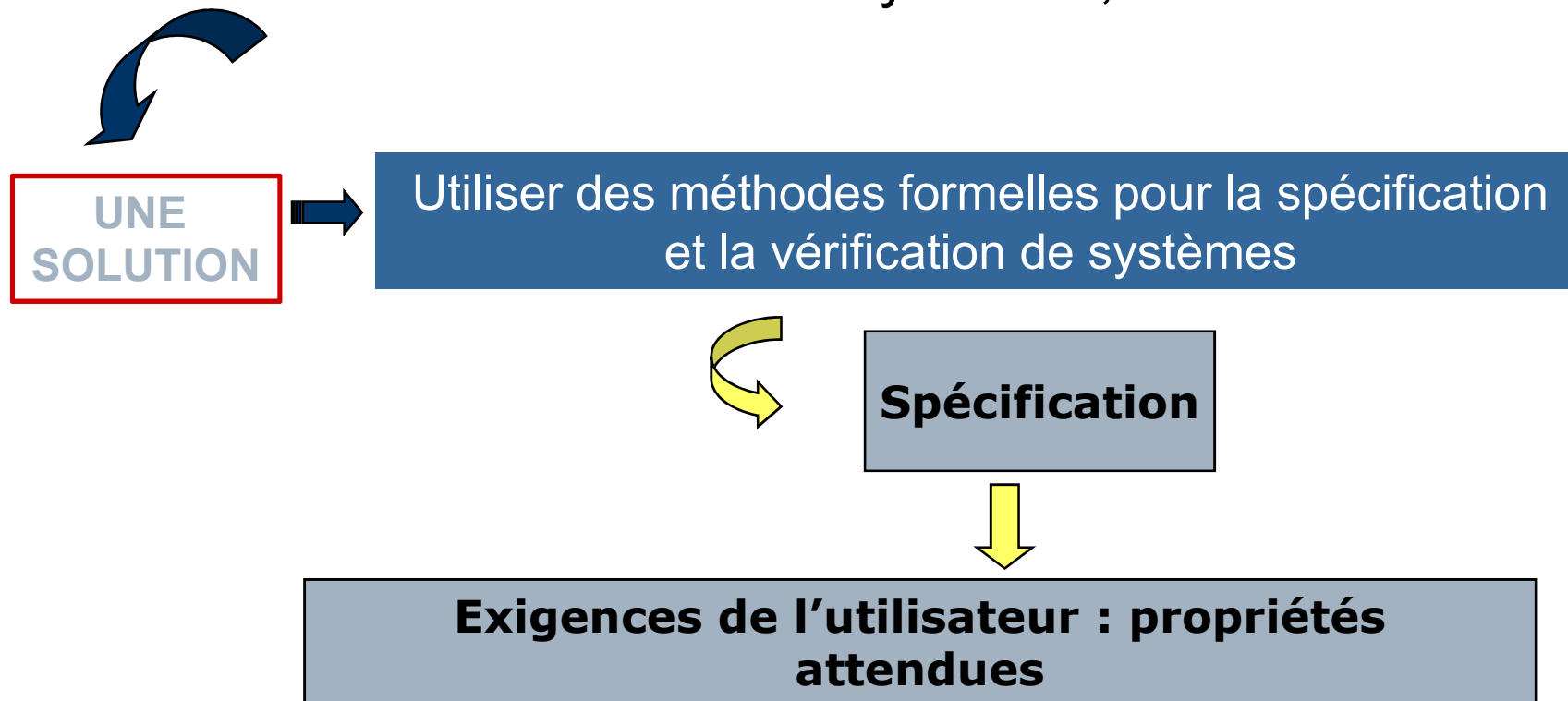
### La barrière de parking



# Systemes automatisés sûrs de fonctionnement

---

- Afin de réduire la complexité et assurer un bon fonctionnement de ces systèmes,



---

# Nécessité des méthodes formelles



# Bref historique

---

- Avant dans les années 70, l'utilisation des méthodes formelles se réalisait après l'implémentation.
  - Le programme est traduit en automate et la vérification se fait sur l'automate.
  - Cependant, la découverte d'une erreur à ce stade nécessite une mise à jour de toutes les étapes qui précèdent. Ce qui est, en, général, très coûteux.
- Avec la complexité du code, les développeurs ont pensé à introduire la vérification dans une phase très avancée du cycle de développement.
  - Les modifications deviennent moins coûteuses
- Les logiques (propositionnelles et de prédicats) n'étaient pas suffisantes pour décrire un comportement. On a pensé à introduire les logiques temporelles.
- Avec l'évolution des bases de données, la théorie des ensembles et la théorie des fonctions ont été introduites dans les approches formelles dans les années 90.

# Nécessité des méthodes formelles

---

- Pour réduire la complexité et assurer un bon fonctionnement, l'utilisation des méthodes formelles apparaît comme une solution principale
- Elle consiste à Introduire une phase de **spécification formelle** dans le cycle de développement d'un logiciel
  - Le système est **ainsi spécifié et vérifié avant qu'il soit implémenté**
  - Le document de référence devient le document formel élaboré par la spécification

# Rappel: Techniques de spécification

---

- Selon le degré de formalisation :
  - **Informel** : basée sur le langage naturel
  - **Semi-formel** : basée sur un langage structuré (graphique et/ou textuel) dont la sémantique est faible
  - **Formel** : basée sur un langage formel dont le vocabulaire, la syntaxe et la sémantique sont formels

# Spécification informelle

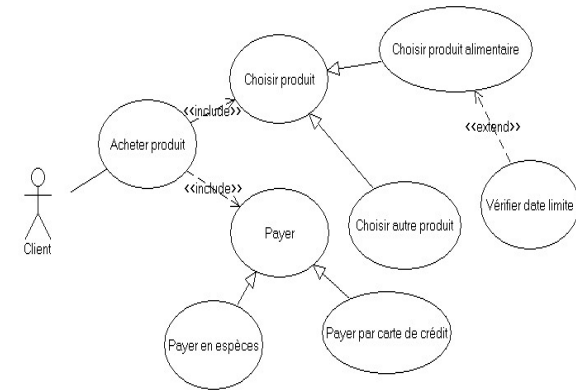
---

□ **Exemple:** La vérification de la validité de la carte consiste à vérifier que la carte introduite par un utilisateur provient d'une banque reconnue, qu'elle est à jour, et qu'elle contient des informations appropriées ainsi que des détails sur les dates et les montants des précédents retraits.

- *Avantage :*
  - ◆ liberté pour l'auteur
- *Inconvénients :*
  - ◆ Ambiguïté
  - ◆ Flexibilité excessive
  - ◆ Modularité difficile

# Spécification semi-formelle

- Se base sur une notation graphique :
  - Introduit un aspect formel mais diagrammes annotés généralement par du texte informel (pour cette raison, on dit semi-formelle).
- Ces notations sont particulièrement pratiques pour fournir une vue d'ensemble, statique ou dynamique, d'un système ou d'un sous-système.
- Exemple: UML



## ■ **Avantage :**

- ◆ Compromis lisibilité-formalisme
- ◆ Communication facilitée

## ■ **Inconvénient :**

- ◆ Vérification partielle (complétude, cohérence)
- ◆ Sémantique faible

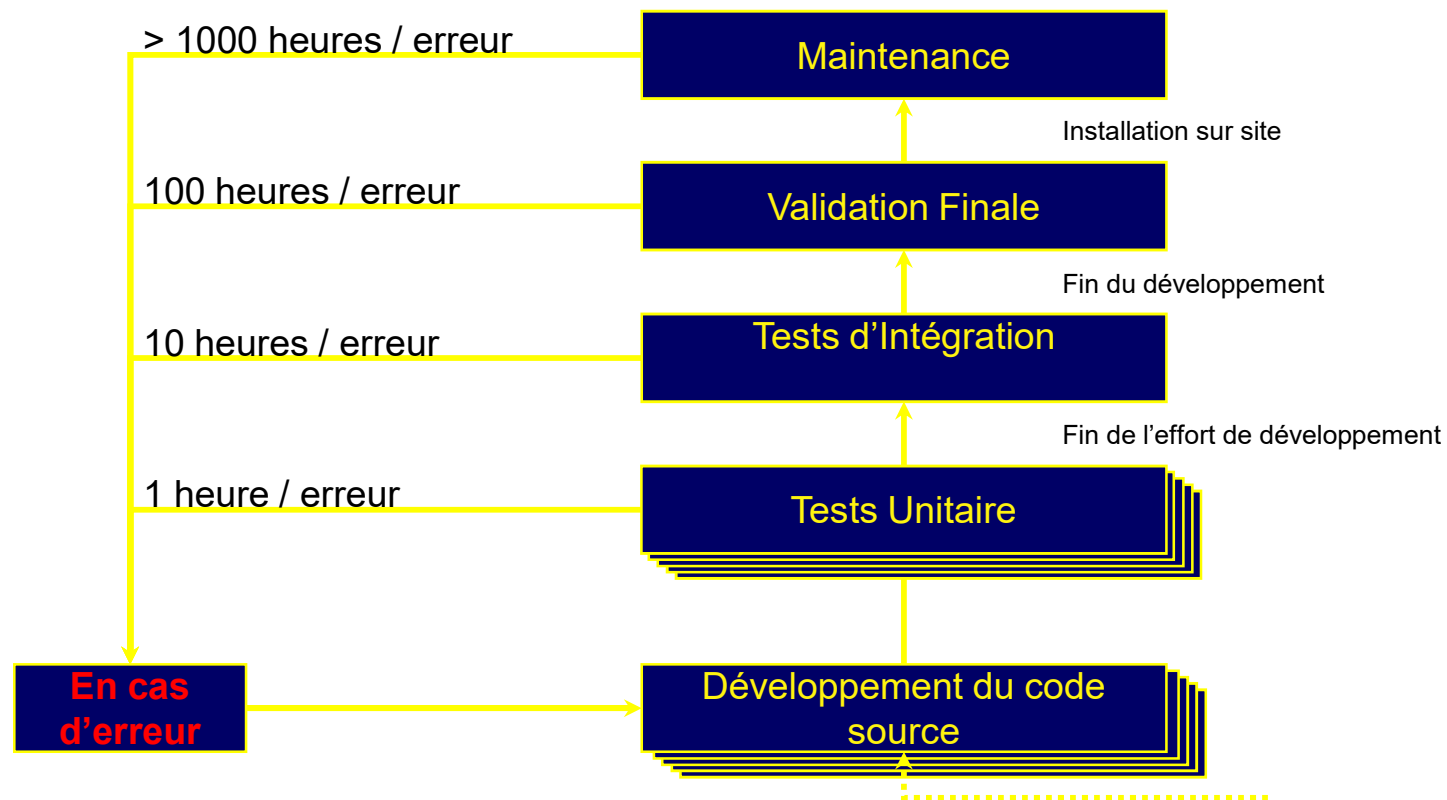
# Difficultés rencontrées

---

- ❑ **Validation difficile** à réaliser
  - ❑ Vérifier que la spécification respecte les exigences utilisateurs (exemple: vérifier le respect des propriétés de sûreté)
- ❑ **Vérification limitée** (cohérence entre les étapes du développement)
- ❑ **Difficultés du test** qui prouve que l'application réalise l'énoncé
- ❑ Impossibilité de **garantir l'absence d'erreurs**: Non exhaustivité des cas envisagés lors des tests
- ❑ **Coût élevé de la correction des erreurs** surtout quand elles sont détectées tard dans le cycle de développement.
- ❑ **Ces difficultés s'accroissent et les conséquences sont plus catastrophiques pour les systèmes automatisés qui exigent une sûreté de fonctionnement**

# Remarque: Coût d'une erreur 1/2

□ Plus les erreurs sont détectées tard dans le cycle de développement, plus les coûts de correction sont élevés.



# Remarque: Coût d'une erreur 2/2

---

- ❑ Plus une erreur est découverte tard plus elle coûte cher:
  - En phase de validation
    - ❑ L'équipe de développement n'est plus disponible
    - ❑ L'installation est reportée
  - En phase d'installation
    - ❑ Le produit ne fonctionne pas correctement
      - perte du service
    - ❑ Le produit ne fonctionne pas du tout
      - perte de la mission
    - ❑ Le produit cause des atteintes à la vie humaine
      - Atteinte à l'image de l'entreprise et perte financière



# Une solution: Spécification formelle

---

- Une spécification d'un logiciel est formelle si elle est exprimée avec un langage qui possède:
  - un **vocabulaire** et une **syntaxe** formellement définis;
  - une **sémantique** basée sur les **mathématiques**.
- Expression dans un langage formel du quoi d'un système à développer
- Offre une description **claire, précise et non ambiguë** du système sans référence aux détails d'implémentation:
  - **La modélisation du fonctionnement** du système (spécification du système).
  - **La formulation rigoureuse des exigences** sous la forme de **propriétés attendues** du système

# Une solution: Spécification formelle

---

## ☐ **Avantages :**

- Rigueur et précision des spécifications
  - ☐ Faciliter la validation
- Automatiser la vérification
- Prévenir les erreurs

## ☐ **Inconvénients :**

- Nécessite une certaine qualification du client, utilisateurs et développeurs
- Difficulté de communication

# Spécification formelle et validation 1/3

---

- ❑ La validation consiste à se demander si le texte formel traduit le cahier des charges
- ❑ La spécification formelle permet de poser les bonnes questions et d'être plus rigoureux
  - ↳ La validation est facilitée
- ❑ La validation ne peut pas être automatisée

# Spécification formelle et validation 2/3

---

## Remarque:

- Lors du passage du cahier des charges vers la Spécification formelle, on risque toujours de:
  - Mal interpréter les besoins à la fois dans les propriétés et le système
  - Ne pas pouvoir formaliser toutes les propriétés qui couvrent la totalité des besoins,

# Spécification formelle et validation 3/3

---

- **Quelques voies pour éviter ces problèmes:**
  - **Complémentarité entre validation et vérification:** Compléter la vérification formelle par de la validation à partir de jeux de tests,
  - **Hétérogénéité des langages formels** pour augmenter le pouvoir d'expression et combiner l'efficacité des méthodes de vérification,  
Pour plus de détails, voir [Ger06]

# Méthodes Formelles

---

- ❑ Les méthodes formelles consistent à utiliser les mathématiques pour le développement de logiciels.
- ❑ **Les principales activités sont :**
  - l'écriture d'une spécification formelle ;
  - la preuve de certaines propriétés de cette spécification ;
    - ❑ Corriger la spécification si besoin
  - la construction de programmes en manipulant mathématiquement la spécification (Raffiner, transformer) ;
  - la vérification à l'aide de raisonnements mathématiques.

# Comparaison

## Spécifications semi-formelles

- 😊 Modèles graphiques et intuitifs,
- 😊 Support de communication
- 😊 Editeurs visuels
- 😞 Absence d'une sémantique précise,
- 😞 Pas de vérification de propriétés (sûreté, vivacité, etc.)

## Spécifications formelles

- 😊 Sémantique précise et rigoureuse
- 😊 Possibilité d'automatisation de la vérification de propriétés
- 😊 Faciliter la validation
- 😞 Difficiles à utiliser par les non familiarisés
- 😞 Manque de support de communication

**Voir [Ngu98] pour des détails sur les possibilités de dériver des spécifications formelles à partir de spécifications semi-formelles**

---

# Méthodes formelles et cycle de développement

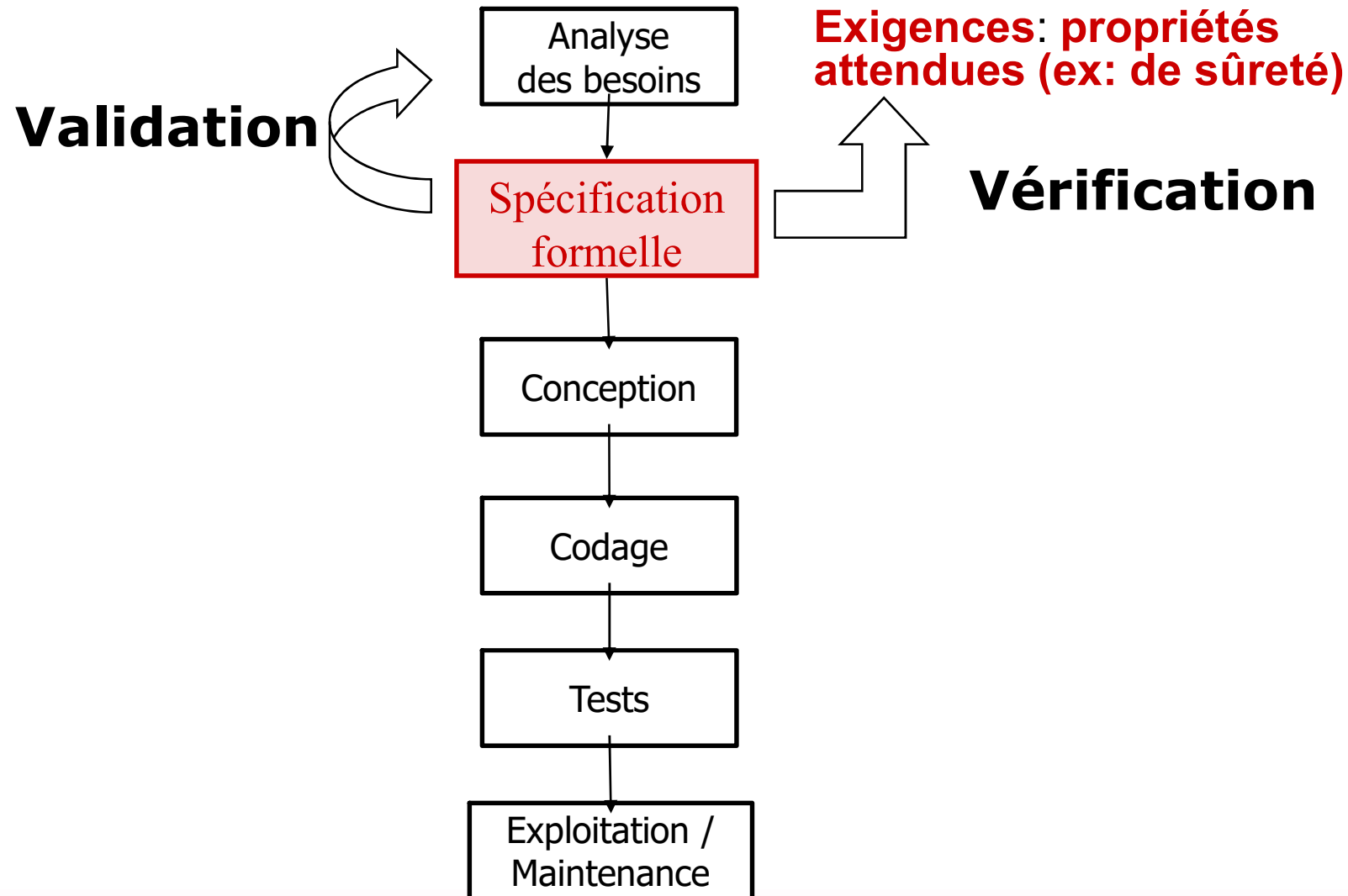


# Méthodes formelles et cycle de développement

---

- Introduire une phase de **spécification formelle**
  - Le document de référence devient le document formel élaboré par la spécification
- Intégrer **la vérification formelle** dans les démarches de conception de logiciels.
  - Le système est ainsi spécifié et vérifié avant qu'il soit implémenté

# Méthodes formelles et cycle de développement



# Méthodes formelles et cycle de développement

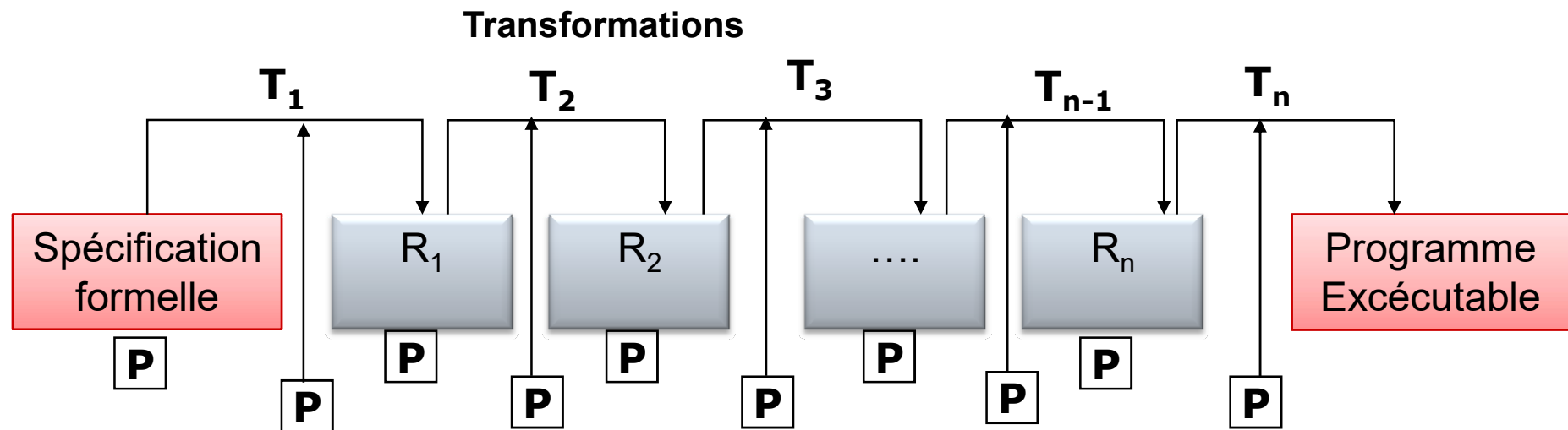
---

- ❑ **Les méthodes formelles ne sont pas limitées à la spécification mais couvent aussi:**
  - **Conception:** par transformation formelle on passe de la spécification à du pseudo-code
  - **Codage:** on peut générer automatiquement du code exécutable
  - **Preuve:** On prouve à chaque étape le respect des spécifications initiales

# Développement par transformation formelle

[Som92]

---



**Preuves de la correction (démonstration formelle) des transformations**

Si la spécification satisfait les propriétés et  
l'implémentation traduit la spécification alors  
l'implémentation satisfait aussi les propriétés

# Formalismes pour représenter des spécifications

---

- ❑ les langages dérivés de la logique classique pour exprimer des systèmes transformationnels,
- ❑ les logiques temporelles pour exprimer des propriétés dynamiques de sûreté et de vivacité des systèmes réactifs,
- ❑ les langages logico-ensemblistes comme Z, VDM et B pour décrire et vérifier des propriétés statiques sur les états des systèmes,
- ❑ les réseaux de Petri, les automates communicants, LOTOS pour modéliser des systèmes concurrents avec ou sans partage de variables,
- ❑ les automates temporisés pour modéliser des systèmes temps réels

---

# **Modélisation des exigences: Propriétés attendues**

# Types de propriétés

---

## ☐ Sûreté (Safety) Invariants

- Quelque chose de mauvais n'arrivera jamais
  - ☐ pas d'accès simultané de A et B à la section critique

## ☐ Vivacité (Liveness)

- Quelque chose de bien arrivera nécessairement
  - ☐ si A veut entrer à la section, alors inévitablement il aura cet accès

# Types de propriétés

---

## Fatalité

- Énonce que, sous certaines conditions quelque chose de bien finira par avoir lieu au moins une fois à partir d'un certain état.
- Dans ce cas, on se situe dans la classe des propriétés de vivacité.

## Equité

- Énonce que, sous certaines conditions, quelque chose aura lieu un nombre infini de fois.



# Types de propriétés

---

## Atteignabilité

- Ces propriétés énoncent qu'une certaine situation peut être atteinte.
- Nous pouvons exprimer aussi que quelque chose n'est jamais atteignable et nous parlons alors **d'inatteignabilité**.
  - Dans ce cas, on se situe dans la classe des propriétés de sûreté.

# Exemple : Contrôleur de feux de circulation d'un carrefour

---

- **Problème:** spécifier le fonctionnement d'un contrôleur de feux tricolores d'un carrefour.
- Les feux peuvent être :
  - Hors service (hs) : tous les feux sont au jaune
  - En service (es) : ils évoluent selon  
rouge  $\rightsquigarrow$  vert  $\rightsquigarrow$  jaune  $\rightsquigarrow$  rouge
  - Lorsque le feu est au rouge sur une voie, les véhicules de cette voie ne peuvent s'engager dans le carrefour

# Exemple : Contrôleur de feux de circulation d'un carrefour

---

## □ **Propriétés souhaitées:**

- **Condition de sûreté (safety)** : les véhicules ne peuvent s'engager dans les deux voies simultanément.
- **Condition de vivacité (liveness)** : les véhicules ne sont pas bloqués infiniment sur l'une des (ou les deux) voies.

- Ces propriétés sont décrites par :  
 $((\text{feuA}=\text{rouge}) \wedge (\text{feuB} \neq \text{rouge})) \vee ((\text{feuA} \neq \text{rouge}) \wedge (\text{feuB}=\text{rouge}))$

---

# Techniques de vérification

# Techniques de vérification

---

Deux approches de vérification:

- ❑ Preuve de théorèmes (vérification syntaxique)
- ❑ Vérification de modèles ou model checking (vérification sémantique)

# Techniques de vérification

---

## Preuve

- consiste à prouver des propriétés à partir des axiomes du système et d'un ensemble de règles d'inférence.
- très puissantes
- elles traitent des systèmes à nombre d'états infinis
- elles sont indécidables dans le cas général,
  - ☞ difficiles à automatiser.

# Techniques de vérification

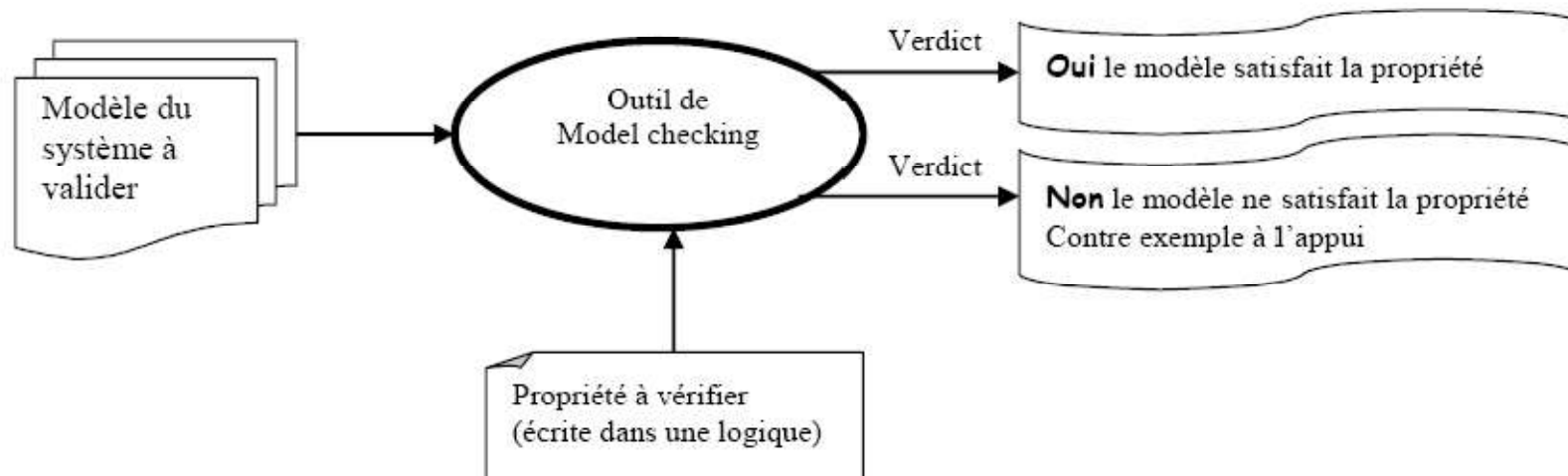
---

## Model checking

- permet de savoir si un automate donné vérifie une formule temporelle donnée
- consiste à parcourir exhaustivement l'espace d'états d'un modèle fini du système à vérifier.
- Les propriétés à vérifier sont généralement exprimées en logique temporelle.
- Un contre exemple est généré lorsque la propriété n'est pas vérifiée par le modèle considéré.
- entièrement automatiques
- limitées aux systèmes ayant un nombre fini d'états
  - ☞ posent des problèmes en temps de traitement et en espace mémoire liés à l'explosion combinatoire en nombre d'états.

# Techniques de vérification

## Principe simplifié du model-checking





# Une précision: TEST vs Preuve

---

- ❑ Un test qui mène à une exécution incorrecte apporte une information mais un test correct n'apporte aucune information
- ❑ Une preuve correcte permet d'indiquer qu'une propriété  $P$  est vérifiée, alors que l'impossibilité de faire une preuve ne renseigne pas sur l'anomalie

# Comparaison

## Preuve

- 😊 Applicable aux systèmes à nombre infini d'états
- 😞 Difficulté d'automatiser les preuves de propriétés dynamiques
- 😞 En cas d'échec de la preuve automatique, l'utilisateur doit déterminer si c'est une erreur ou une difficulté de preuve.
- 😞 L'utilisateur doit guider le prouveur.

## Model checking

- 😊 Simple à utiliser
- 😊 Automatisation de la vérification des propriétés dynamiques
- 😞 Limité par l'explosion combinatoire du graphe d'état (problème de place mémoire et de temps de calcul).
- 😞 Limité aux automates à nombre fini d'états.

---

# Fin chapitre1