

Expressions booléennes

Structures de contrôle



Université
Gustave
Eiffel



INSTITUT
D'ÉLECTRONIQUE
ET D'INFORMATIQUE
GASPARD-MONGE

Sommaire

Expressions booléennes

Structures de contrôle

Expressions booléennes

$E \rightarrow E \text{ or } E \mid E \text{ and } E \mid \text{not } E \mid (E) \mid \text{id relop id} \mid \text{true} \mid \text{false}$

Les expressions booléennes sont souvent employées dans la condition d'une structure de contrôle : **if**, **while**, **for**

Évaluation stricte (*eager evaluation*)

On évalue toutes les sous-expressions

Évaluation paresseuse (*short-circuit evaluation*)

On n'évalue une sous-expression que si c'est indispensable

&& et **||** en C, Java, C++

and then et **or else** en Ada

```
if (index<MAX &&  
    list[index]!=value )
```

Évaluation stricte (*eager evaluation*)

Code source

`b or x < y`

Code intermédiaire

100 : `t := b`

101 : `if x < y goto 104`

102 : `u := 0`

103 : `goto 105`

104 : `u := 1`

105 : `v := t or u`

Comme les expressions arithmétiques

0 représente faux, 1 représente vrai

Sauvegarder les valeurs des sous-expressions dans
la pile ou dans des variables temporaires

Si `b` vaut vrai, on exécute quand même les
instructions 101 et 105

Sauts en avant : le compilateur écrit les

instructions cibles après avoir écrit les sauts

- si on utilise des étiquettes symboliques, on n'a
pas besoin de savoir où sera l'instruction cible

- si on utilise des étiquettes numériques, on peut
calculer la cible

`&` et `|` en C, Java, C++

and et **or** en Ada

Évaluation stricte

$E \rightarrow E \text{ or } E$

| $E \text{ and } E$

| **not** E

| (E)

| **id relop id**

| **true**

| **false**

Exercice : écrire en pseudocode un traducteur par
parcours de l'arbre abstrait

$E \rightarrow E \text{ or } E$
 $| E \text{ and } E$
 $| \text{not } E$
 $| (E)$
 $| \text{id relop id}$
 $| \text{true}$
 $| \text{false}$

Traduction des expressions booléennes

Évaluation stricte

Nœud **Or**

Or.place := newtemp(); visit(**Or**.firstchild); visit(**Or**.secondchild);
 write(**Or**.place ':= ' **Or**.firstchild.place 'or' **Or**.secondchild.place) ;

Nœud **And**

And.place := newtemp(); visit(**And**.firstchild); visit(**And**.secondchild);
 write(**And**.place ':= ' **And**.firstchild.place 'and' **And**.secondchild.place);

Nœud **Not**

Not.place := newtemp(); visit(**Not**.firstchild);
 write(**Not**.place ':= not' **Not**.child.place) ;

Nœud **relop**

iftrue := newlabel(); iffalse := newlabel(); **relop**.place := newtemp() ;
 visit(**relop**.firstchild); visit(**relop**.secondchild);
 write('if' **relop**.firstchild.place **relop**.op **relop**.secondchild.place 'goto'
 iftrue);
 write(**relop**.place ':= 0'); write('goto' iffalse) ;
 write(iftrue ':' **relop**.place ':= 1'); write (iffalse ':');

101 : if x < y goto 104
 102 : u := 0
 103 : goto 105
 104 : u := 1

Évaluation paresseuse (*short-circuit evaluation*)

```
if (index<MAX &&  
    list[index]!=value )
```

Avantages

Éviter une erreur dans la sous-expression court-circuitée

Rapidité si l'évaluation qu'on court-circuite est coûteuse : appel de fonction

Ordre d'évaluation

Le résultat dépend de l'ordre dans lequel le programme évalue les sous-expressions

C, Java, C++ garantissent l'évaluation de gauche à droite pour les opérateurs booléens

Évaluation paresseuse : premier essai

Code source

b or x < y

Code intermédiaire

100 : t := b

101 : if t=1 goto 105

102 : if x < y goto 105

103 : u := 0

104 : goto 106

105 : u := 1

106 :

Si b vaut vrai, on n'exécute pas l'instruction 102

Code source

$b \text{ or } x < y$

Comparaison

Code intermédiaire

Évaluation stricte

```
100 : t := b
101 : if x < y goto 104
102 : u := 0
103 : goto 105
104 : u := 1
105 : v := t or u
```

Code intermédiaire

Évaluation paresseuse

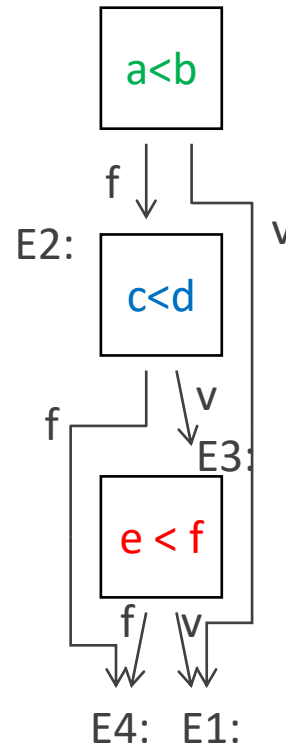
```
100 : t := b
101 : if t=1 goto 105
102 : if x < y goto 105
103 : u := 0
104 : goto 106
105 : u := 1
106 :
```

Un saut pour chaque opérateur booléen binaire
Plusieurs sauts vers la même étiquette

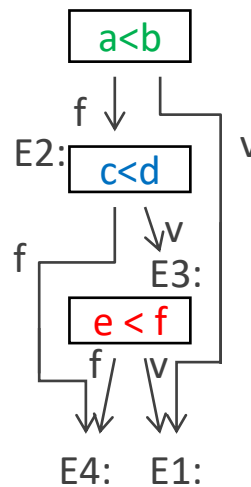
Évaluation paresseuse par sauts

Code source

$a < b$ or $c < d$ and $e < f$



On ne sauvegarde aucune valeur
booléenne avant la fin de
l'expression complète



Évaluation paresseuse par sauts

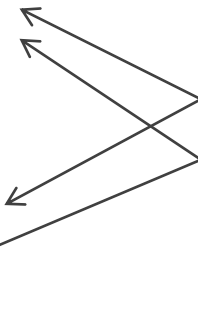
Code source

`a < b or c < d and e < f`

Code intermédiaire

```

    if a < b goto E1
    goto E2
E2:  if c < d goto E3
    goto E4
E3:  if e < f goto E1
    goto E4
E1:  (...)
    (...)
E4:  (...)
  
```



Plusieurs sauts vers la même étiquette

Sauts en avant

Réalisation

Avec étiquettes symboliques

Avec étiquettes numériques :

- on ne connaît leur valeur que quand on écrit les instructions cibles
- donc il faut modifier des sauts déjà écrits (reprise arrière, *backpatching*)

Avec étiquettes symboliques

Code source

$a < b$ or $c < d$ and $e < f$

Code intermédiaire

```

    if a < b goto E1
    goto E2
E2:  if c < d goto E3
      goto E4
E3:  if e < f goto E1
      goto E4
E4:  (...)
      (...)
E1:  (...)

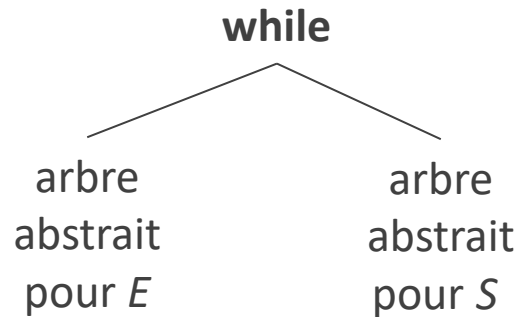
```

On peut utiliser une étiquette symbolique sans savoir où sera l'instruction cible

Dans un champ $E.true$, on met l'étiquette symbolique cible pour les cas où l'évaluation de E donne "vrai"

Avantage des étiquettes symboliques

On ne change pas une instruction déjà écrite



Nœud **while**

On initialise les champs $E.true$ et $E.false$ avant de parcourir E

Avec étiquettes symboliques

```

begin := newlabel() ; after := newlabel() ;
iftrue := newlabel() ;
while.firstchild.true := iftrue ;
while.firstchild.false := after ;
write(begin ':') ;
visit(while.firstchild);
write(iftrue ':') ;
visit(while.secondchild) ; write('goto' begin);
write(after ':') ;
  
```

Avec étiquettes symboliques

	<pre>tmp := newlabel() ;</pre>
Nœud Or	<pre>Or.firstchild.true := Or.true ; Or.firstchild.false := tmp ; Or.secondchild.true := Or.true ; Or.secondchild.false := Or.false ; visit(Or.firstchild); write(tmp ':') ; visit(Or.secondchild);</pre>
	<pre>tmp := newlabel() ;</pre>
Nœud And	<pre>And.firstchild.true := tmp ; And.firstchild.false := And.false ; And.secondchild.true := And.true; And.secondchild.false := And.false; visit(And.firstchild); write(tmp ':') ; visit(And.secondchild);</pre>
Nœud Not	<pre>Not.child.false := Not.true ; Not.child.true := Not.false ;</pre>
Nœud relop	<pre>visit(relop.firstchild); visit(relop.secondchild); write('if' relop.firstchild.place relop.op relop.secondchild.place 'goto' relop.true); write('goto' relop.false) ;</pre>

Grammaire attribuée pour traduction ascendante

$E \rightarrow E \text{ or } M E$	$M.\text{label} := E_1.f ; E.v := E_1.v ; E.f := E_2.f ;$ $\text{write}(E_2.v, ':'); \text{write}('goto', E.v) ;$
$M \rightarrow \varepsilon$	$\text{write}(M.\text{label}, ':');$
$E \rightarrow E \text{ and } M E$	$M.\text{label} := E_1.v ; E.v := E_2.v ; E.f := E_1.f ;$ $\text{write}(E_2.f, ':'); \text{write}('goto', E.f) ;$
$E \rightarrow \text{not } E$	$E.v := E_1.f ; E.f := E_1.v ;$
$E \rightarrow (E)$	$E.v := E_1.v ; E.f := E_1.f ;$
$E \rightarrow \text{id relop id}$	$E.v := \text{newlabel}() ; E.f := \text{newlabel}() ;$ $\text{write}('if', \text{id}_1.\text{place}, \text{relop}, \text{id}_2.\text{place}, 'goto', E.v) ;$ $\text{write}('goto', E.f) ;$
$E \rightarrow \text{true}$	$E.v := \text{newlabel}() ; E.f := \text{newlabel}() ; \text{write}('goto', E.v) ;$
$E \rightarrow \text{false}$	$E.v := \text{newlabel}() ; E.f := \text{newlabel}() ; \text{write}('goto', E.f) ;$

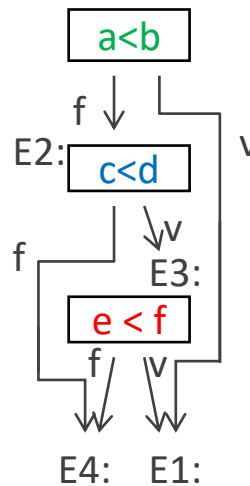
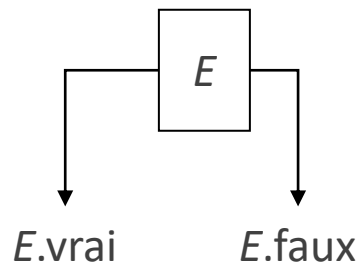
Code source

$a < b$ or $c < d$ and $e < f$

Code intermédiaire

```

if a < b goto E1
goto E2
E2:  if c < d goto E3
      goto E4
E3:  if e < f goto E1
      goto E4
E1:  ...
E4:  ...
  
```



Avec étiquettes numériques et reprise arrière (*backpatching*)

Méthode compatible avec la traduction ascendante

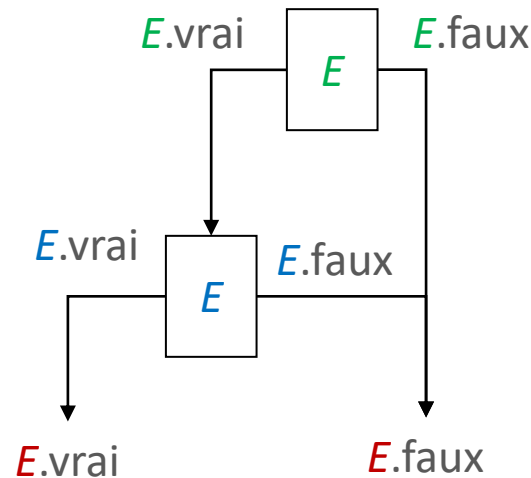
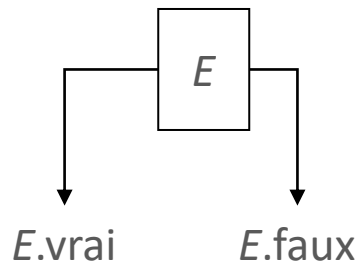
Donne le même résultat qu'avec le parcours de l'arbre abstrait

Dans un attribut $E.vrai$, on met la liste des sauts vers l'instruction cible

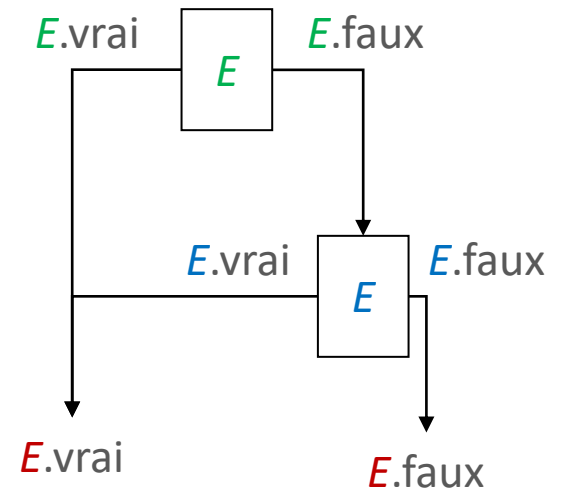
Quand on écrit ces sauts, on les laisse incomplets

Quand on connaît le numéro de l'instruction cible, on les complète

Avec étiquettes numériques et reprise arrière



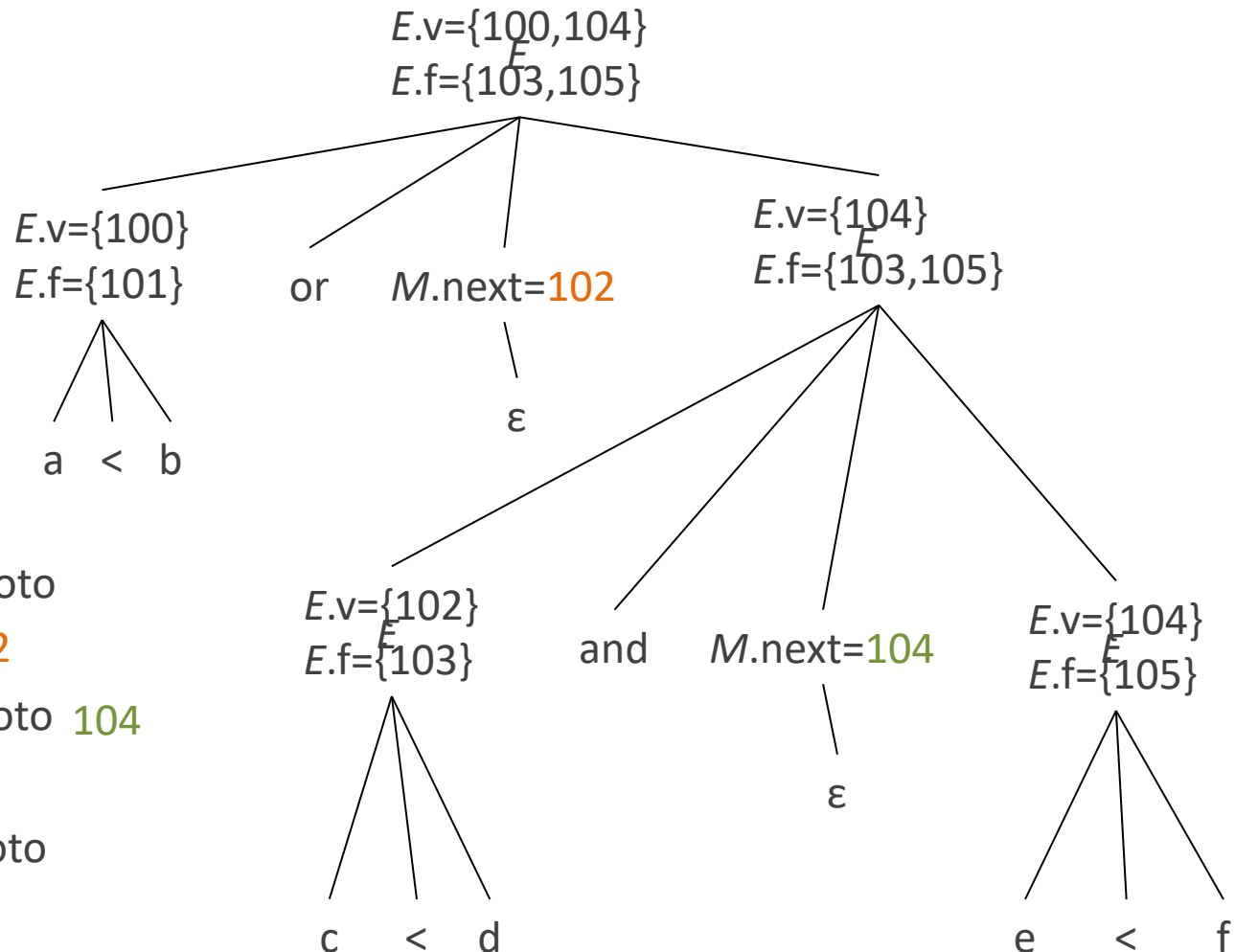
$E \text{ --> } E \text{ and } E$



$E \text{ --> } E \text{ or } E$

$E.vrai$: liste des sauts vers l'instruction cible pour
le cas où E est vrai

Exemple



100 : if a < b goto
 101 : goto 102
 102 : if c < d goto 104
 103 : goto
 104 : if e < f goto
 105 : goto

Grammaire attribuée

$E \rightarrow E \text{ or } E$

$E \rightarrow E \text{ and } E$

$E \rightarrow \text{not } E$

$E \rightarrow (E)$

$E \rightarrow \text{id relop id}$

$E \rightarrow \text{true}$

$E \rightarrow \text{false}$

makeList(i) crée une nouvelle liste chaînée
d'instructions de saut contenant seulement i

merge(p, q) concatène deux listes chaînées
d'instructions

backpatch(p, i) complète les instructions de saut
contenues dans la liste p en leur donnant pour
cible l'instruction i

Grammaire attribuée

$E \rightarrow E \text{ or } M E$	$\text{backpatch}(E_1.f, M.next) ; E.f := E_2.f ;$ $E.v := \text{merge}(E_1.v, E_2.v) ;$
$M \rightarrow \varepsilon$	$M.next = \text{next} ;$
$E \rightarrow E \text{ and } M E$	$\text{backpatch}(E_1.v, M.next) ; E.v := E_2.v ;$ $E.f := \text{merge}(E_1.f, E_2.f) ;$
$E \rightarrow \text{not } E$	$E.v := E_1.f ; E.f := E_1.v ;$
$E \rightarrow (E)$	$E.v := E_1.v ; E.f := E_1.f ;$
$E \rightarrow \text{id relop id}$	$E.v := \text{makeList}(\text{next}) ;$ $\text{write}(\text{'if'}, \text{id}_1.\text{place}, \text{relop}, \text{id}_2.\text{place}, \text{'goto'}) ;$ $E.f := \text{makeList}(\text{next}) ; \text{write}(\text{'goto'}) ;$
$E \rightarrow \text{true}$	$E.v := \text{makeList}(\text{next}) ; \text{write}(\text{'goto'}) ;$
$E \rightarrow \text{false}$	$E.f := \text{makeList}(\text{next}) ; \text{write}(\text{'goto'}) ;$

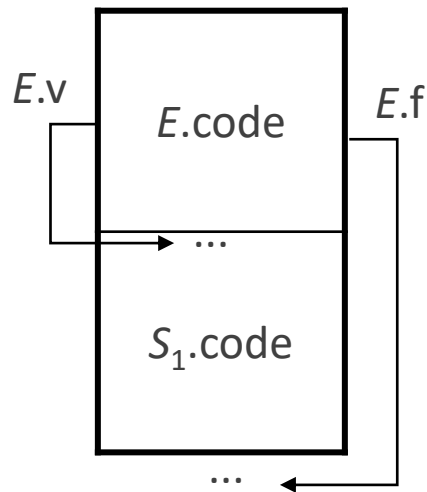
Sommaire

Expressions booléennes

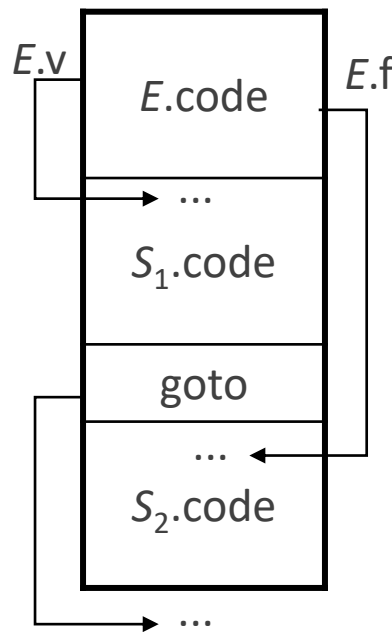
Structures de contrôle

Structures de contrôle

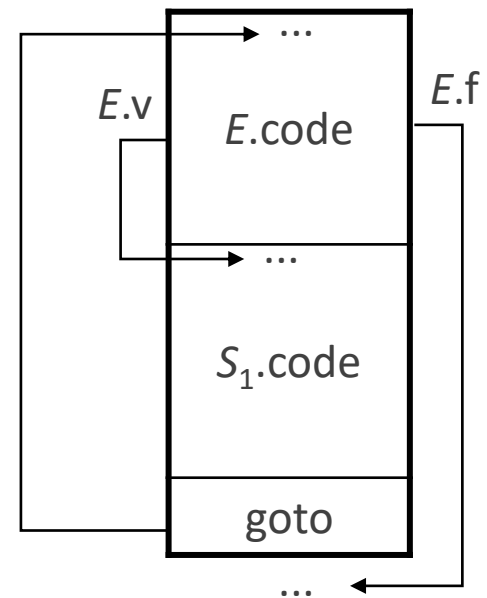
$S \rightarrow \text{if}(E) S \mid \text{if}(E) S \text{ else } S \mid \text{while}(E) S$



si-alors



si-alors-sinon



tant que

Évaluation paresseuse par sauts

$$\begin{aligned}
 S &\rightarrow \text{if } (E) S \mid \text{if } (E) S \text{ else } S \mid \text{while } (E) S \mid \{ L \} \mid A \\
 L &\rightarrow L ; S \mid S
 \end{aligned}$$

A représente une affectation

Une instruction S peut contenir des sauts vers la première instruction à exécuter après S

Exemple : un saut dans la condition d'un **while**

De même pour L

Exemple : si le dernier élément de la liste est un **while**

Évaluation paresseuse par sauts avec étiquettes symboliques

$S \rightarrow \text{if}(E) S \mid \text{if}(E) S \text{ else } S \mid \text{while}(E) S \mid \{L\} \mid A$
 $L \rightarrow L; S \mid S$

Dans un champ $S.\text{after}$, on met la première instruction à exécuter après S

On initialise $S.\text{after}$ avant de parcourir S

De même pour L et $L.\text{after}$

Évaluation paresseuse par sauts avec étiquettes symboliques

Nœud **if**

```
iftrue := newlabel() ;  
if.firstchild.true := iftrue ; if.firstchild.false := if.after ;  
visit(if.firstchild);  
if.secondchild.after=if.after;  
write(iftrue ':') ; visit(if.secondchild) ;
```

Nœud **while**

```
begin := newlabel() ; iftrue := newlabel() ;  
while.firstchild.true := iftrue ; while.firstchild.false := while.after ;  
write(begin ':') ; visit(while.firstchild);  
while.secondchild.after := begin;  
write(iftrue ':') ; visit(while.secondchild) ; write('goto' begin) ;
```

Évaluation paresseuse par sauts avec étiquettes symboliques

Nœud **ifElse**

```
iftrue := newlabel() ; iffalse := newlabel() ;  
ifElse.firstchild.true := iftrue ; ifElse.firstchild.false := iffalse ;  
visit(ifElse.firstchild);  
ifElse.secondchild.after := ifElse.after ;  
write(iftrue ':') ; visit(ifElse.secondchild) ; write('goto' ifElse.after) ;  
ifElse.thirdchild.after=ifElse.after;  
write(iffalse ':') ; visit(ifElse.thirdchild) ;
```

Nœud **L**

```
for each child S {  
    S.after := newlabel() ; visit(S) ; write(S.after ':') ; }  
write('goto' L.after) ;
```

Exemple

Code source

```
while (a < b) if (c < d) x = y + z ;
```



Code intermédiaire

```
101 : if a < b goto 102
```

```
      goto 100
```

```
102 : if c < d goto 103
```

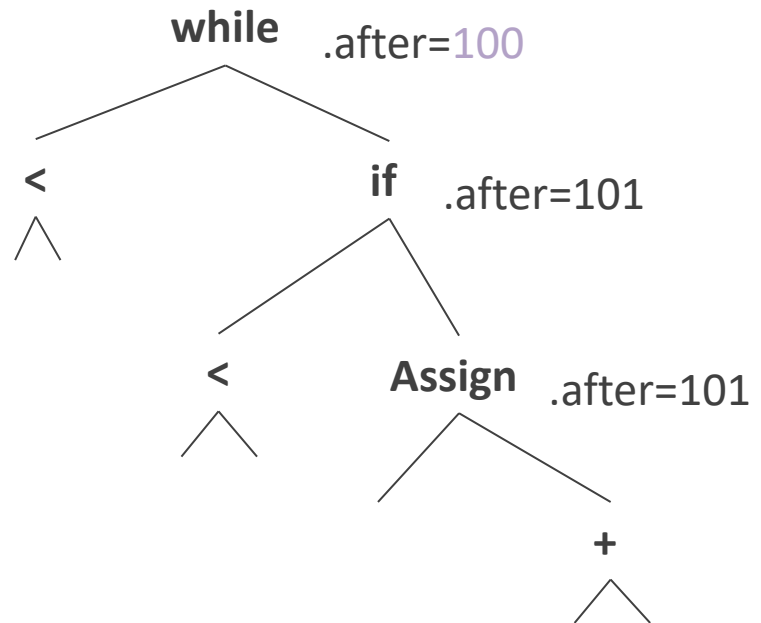
```
      goto 101
```

```
103 : t := y + z
```

```
      x := t
```

```
      goto 101
```

```
100 :
```



Évaluation paresseuse par sauts avec étiquettes numériques et reprise arrière

$S \rightarrow \text{if}(E) S \mid \text{if}(E) S \text{ else } S \mid \text{while}(E) S \mid \{L\} \mid A$
 $L \rightarrow L; S \mid S$

Les sauts vers la première instruction à exécuter
après S sont engendrés incomplets et listés
dans $S.\text{suivant}$

De même pour L et $L.\text{suivant}$

Le compilateur complète ces sauts plus tard

Grammaire attribuée

$S \rightarrow \text{if } (E) M S$

backpatch($E.v$, $M.next$) ;

$S.suivant := \text{merge}(E.f, S_1.suivant)$;

$M \rightarrow \varepsilon$

$M.next := \text{next}$;

$S \rightarrow \text{while } (M E) M S$

backpatch($E.v$, $M_2.next$) ;

backpatch($S_1.suivant$, $M_1.next$) ;

$S.suivant := E.f$; write('goto', $M_1.next$) ;

$S \rightarrow \text{if } (E) M S \text{ else } N S$

backpatch($E.v$, $M.next$) ;

backpatch($E.f$, $N.next$) ;

$S.suivant := \text{merge}(S_1.suivant, N.suivant, S_2.suivant)$;

$N \rightarrow \varepsilon$

$N.suivant := \text{makeList}(\text{next})$; write('goto') ;

$N.next := \text{next}$;

$S \rightarrow \{ L \}$

$S.suivant := L.suivant$;

$S \rightarrow A$

$S.suivant := \text{makeList}()$;

$L \rightarrow L ; M S$

backpatch($L_1.suivant$, $M.next$) ; $L.suivant := S.suivant$;

$L \rightarrow S$

$L.suivant := S.suivant$;

Exemple

Code source

```
while (a < b) if (c < d) x = y + z ;
```

↑
↑
↑

Code intermédiaire

100 : if a < b goto 102

101 : goto 107

102 : if c < d goto 104

103 : goto 100

104 : t := y + z

105 : x := t

106 : goto 100

107 :

$E \rightarrow a < b$

$S \rightarrow \text{while } (M \ E) \ M \dots$

$E \rightarrow c < d$

$S \rightarrow \text{if } (E) \ M \dots$

$S \rightarrow \text{if } (E) \ M \ S$

$S \rightarrow \text{while } (M \ E) \ M \ S$

$S \rightarrow \text{while } (M \ E) \ M \ S$

$L \rightarrow L ; M \dots$

$E.v = \{100\}, E.f = \{101\}$

$M_2.next = 102$

$E.v = \{102\}, E.f = \{103\}$

$M.next = 104$

$S.suivant = \{103\}$

$S.suivant = \{101\}$

$\text{write}('goto', M_1.next)$

$M.next = 107$