

# Bases de données

## Algorithmes de sérialisabilité

Nadime Francis

Université Gustave Eiffel  
LIGM - 4B130 Copernic  
`nadime.francis@univ-eiffel.fr`

## Sérialisabilité

# Ordonnement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

# Ordonnement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)

read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

# Ordonnement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)

read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

# Ordonnement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

```
read(A,x)      read(A,y)
                y = y*2
                write(A,y)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

# Ordonnancement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)      read(A,y)

read(A,x)
x = x-1
write(A,x)

                y = y*2
                write(A,y)
```

# Ordonnancement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)

read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```



# Ordonnancement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)

read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

Un tel **choix** est appelé **ordonnancement** (schedule)

# Ordonnancement

Lorsque deux transactions s'exécutent en parallèle, le système peut **choisir** à chaque étape à quelle transaction donner la priorité

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)
```

## Exécution

```
read(A,x)
x = x+1
write(A,x)
read(A,y)
y = y*2
write(A,y)

read(A,x)
x = x-1
write(A,x)
```

Un tel **choix** est appelé **ordonnancement** (schedule)

**Objectif** : choisir un ordonnancement qui garantit **cohérence** et **isolation**

**Rappel :** les transactions sont supposées **correctes**

Une transaction exécutée **en entier** et **en isolation** conduit la base de données d'un état **cohérent** à un état **cohérent**.

**Conséquence :** les exécutions **en série** sont cohérentes **par hypothèse**

**Rappel** : les transactions sont supposées **correctes**

Une transaction exécutée **en entier** et **en isolation** conduit la base de données d'un état **cohérent** à un état **cohérent**.

**Conséquence** : les exécutions **en série** sont cohérentes **par hypothèse**

Il n'est **pas raisonnable** de forcer des exécutions en série :

- Services multi-utilisateur : Amazon, AirBnB, Twitter...
- Transaction "en attente" qui ne fera jamais de commit

**Rappel** : les transactions sont supposées **correctes**

Une transaction exécutée **en entier** et **en isolation** conduit la base de données d'un état **cohérent** à un état **cohérent**.

**Conséquence** : les exécutions **en série** sont cohérentes **par hypothèse**

Il n'est **pas raisonnable** de forcer des exécutions en série :

- Services multi-utilisateur : Amazon, AirBnB, Twitter...
- Transaction "en attente" qui ne fera jamais de commit

**Sérialisabilité** : un ordonnancement est dit **sérialisable** s'il a le même effet qu'une exécution en série, pour **tout** état de départ de la base de données

**Rappel** : les transactions sont supposées **correctes**

Une transaction exécutée **en entier** et **en isolation** conduit la base de données d'un état **cohérent** à un état **cohérent**.

**Conséquence** : les exécutions **en série** sont cohérentes **par hypothèse**

Il n'est **pas raisonnable** de forcer des exécutions en série :

- Services multi-utilisateur : Amazon, AirBnB, Twitter...
- Transaction “en attente” qui ne fera jamais de commit

**Sérialisabilité** : un ordonnancement est dit **sérialisable** s'il a le même effet qu'une exécution en série, pour **tout** état de départ de la base de données

**Nouvel objectif** : choisir un ordonnancement **sérialisable**

## Exemple 1 : première exécution en série

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$$A = 5$$

# Exemple 1 : première exécution en série

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

```
read(A,x)
x = x%2
write(A,x)
```

$A = 1$



## Exemple 1 : première exécution en série

<u>Transaction 1</u>	<u>Transaction 2</u>	<u>État de la BD</u>
		$A = 5$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 2$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 3$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$

# Exemple 1 : première exécution en série

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x%2
write(A,x)
```

```
read(A,x)
x = x%3
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*3
write(A,y)
```

## État de la BD

$A = 5$

$A = 1$

$A = 1$

$A = 3$

# Exemple 1 : première exécution en série

## Transaction 1

```
read(A,x)
x = x%2
write(A,x)
```

```
read(A,x)
x = x%3
write(A,x)
```

## Transaction 2

```
read(A,y)
y = y*3
write(A,y)
```

```
read(A,y)
y = y*y
write(A,y)
```

## État de la BD

$A = 5$

$A = 1$

$A = 1$

$A = 3$

$A = 9$

## Exemple 2 : deuxième exécution en série

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$$A = 5$$

## Exemple 2 : deuxième exécution en série

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

**read**(A,y)

$y = y * 3$

**write**(A,y)

$A = 15$

## Exemple 2 : deuxième exécution en série

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

```
read(A,y)  
y = y*3  
write(A,y)
```

$A = 15$

```
read(A,y)  
y = y*y  
write(A,y)
```

$A = 225$

## Exemple 2 : deuxième exécution en série

<u>Transaction 1</u>	<u>Transaction 2</u>	<u>État de la BD</u>
		$A = 5$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * 3$ <b>write</b> (A,y)	$A = 15$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * y$ <b>write</b> (A,y)	$A = 225$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 2$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$

## Exemple 2 : deuxième exécution en série

<u>Transaction 1</u>	<u>Transaction 2</u>	<u>État de la BD</u>
		$A = 5$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * 3$ <b>write</b> (A,y)	$A = 15$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * y$ <b>write</b> (A,y)	$A = 225$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 2$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 3$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$



## Exemple 3 : exécution non sérialisable

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$$A = 5$$

## Exemple 3 : exécution non sérialisable

Transaction 1

```
read(A,x)  
x = x%2  
write(A,x)
```

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

$A = 1$

## Exemple 3 : exécution non sérialisable

### Transaction 1

```
read(A,x)  
x = x%2  
write(A,x)
```

### Transaction 2

```
read(A,y)  
y = y*3  
write(A,y)
```

### État de la BD

$A = 5$

$A = 1$

$A = 3$

## Exemple 3 : exécution non sérialisable

### Transaction 1

```
read(A,x)  
x = x%2  
write(A,x)
```

### Transaction 2

```
read(A,y)  
y = y*3  
write(A,y)
```

```
read(A,y)  
y = y*y  
write(A,y)
```

### État de la BD

$A = 5$

$A = 1$

$A = 3$

$A = 9$

## Exemple 3 : exécution non sérialisable

### Transaction 1

```
read(A,x)  
x = x%2  
write(A,x)
```

### Transaction 2

```
read(A,y)  
y = y*3  
write(A,y)
```

```
read(A,y)  
y = y*y  
write(A,y)
```

### État de la BD

$A = 5$

$A = 1$

$A = 3$

$A = 9$

$A = 0$

```
read(A,x)  
x = x%3  
write(A,x)
```

## Exemple 3 : exécution non sérialisable

<u>Transaction 1</u>	<u>Transaction 2</u>	<u>État de la BD</u>
		$A = 5$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 2$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * 3$ <b>write</b> (A,y)	$A = 3$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * y$ <b>write</b> (A,y)	$A = 9$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 3$ <b>write</b> (A,x)		$A = 0$

**Aucune** exécution en série ne peut aboutir à ce résultat

## Exemple 4 : exécution sérialisable “par hasard”

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

## Exemple 4 : exécution sérialisable “par hasard”

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

```
read(A,y)  
y = y*3  
write(A,y)
```

$A = 15$



## Exemple 4 : exécution sérialisable “par hasard”

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

```
read(A,y)  
y = y*3  
write(A,y)
```

$A = 15$

```
read(A,x)  
x = x%2  
write(A,x)
```

$A = 1$

## Exemple 4 : exécution sérialisable “par hasard”

Transaction 1

Transaction 2

État de la BD

$A = 5$

**read**(A,y)  
 $y = y * 3$   
**write**(A,y)

$A = 15$

**read**(A,x)  
 $x = x \% 2$   
**write**(A,x)

$A = 1$

**read**(A,y)  
 $y = y * y$   
**write**(A,y)

$A = 1$

## Exemple 4 : exécution sérialisable “par hasard”

<u>Transaction 1</u>	<u>Transaction 2</u>	<u>État de la BD</u>
		$A = 5$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * 3$ <b>write</b> (A,y)	$A = 15$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 2$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * y$ <b>write</b> (A,y)	$A = 1$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 3$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$

## Exemple 4 : exécution sérialisable “par hasard”

<u>Transaction 1</u>	<u>Transaction 2</u>	<u>État de la BD</u>
		$A = 5$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * 3$ <b>write</b> (A,y)	$A = 15$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 2$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$
	<b>read</b> (A,y) $y = y * y$ <b>write</b> (A,y)	$A = 1$
<b>read</b> (A,x) $x = x \% 3$ <b>write</b> (A,x)		$A = 1$

Le résultat est le même que celui de la deuxième exécution en série

## Exemple 4 : exécution sérialisable “par hasard”

<u>Transaction 1</u>	<u>Transaction 2</u>	<u>État de la BD</u>
		$A = 5$
	<code>read(A,y)</code> <code>y = y*3</code> <code>write(A,y)</code>	$A = 15$
<code>read(A,x)</code> <code>x = x%2</code> <code>write(A,x)</code>		$A = 1$
	<code>read(A,y)</code> <code>y = y*y</code> <code>write(A,y)</code>	$A = 1$
<code>read(A,x)</code> <code>x = x%3</code> <code>write(A,x)</code>		$A = 1$

Le résultat est le même que celui de la deuxième exécution en série

**Question :** est-ce vrai pour toutes les valeurs de départ de  $A$  ?

# Sérialisabilité forte

Le système **ne peut pas** raisonnablement décider la sérialisabilité :

- Il ne voit pas les opérations **en local** des deux transactions mais seulement une séquence d'accès en **lecture** et en **écriture**
- Les interactions des deux transactions peuvent être complexes (comme dans l'Exemple 4)

# Sérialisabilité forte

Le système **ne peut pas** raisonnablement décider la sérialisabilité :

- Il ne voit pas les opérations **en local** des deux transactions mais seulement une séquence d'accès en **lecture** et en **écriture**
- Les interactions des deux transactions peuvent être complexes (comme dans l'Exemple 4)

**Sérialisabilité forte** : un ordonnancement est **fortement sérialisable** s'il est sérialisable **quel que soit** le traitement en local des deux transactions

# Sérialisabilité forte

Le système **ne peut pas** raisonnablement décider la sérialisabilité :

- Il ne voit pas les opérations **en local** des deux transactions mais seulement une séquence d'accès en **lecture** et en **écriture**
- Les interactions des deux transactions peuvent être complexes (comme dans l'Exemple 4)

**Sérialisabilité forte** : un ordonnancement est **fortement sérialisable** s'il est sérialisable **quel que soit** le traitement en local des deux transactions

**Ex :**

```
read(A,x)
x = x%2
write(A,x)
read(B,y)
y = (x+y)*(x-y)
write(B,y)
-- transaction réelle
```

$\Rightarrow$

```
read(A)
write(A)
read(B)
write(B)
-- ce que voit l'ordonnanceur
```



# Sérialisabilité forte

Le système **ne peut pas** raisonnablement décider la sérialisabilité :

- Il ne voit pas les opérations **en local** des deux transactions mais seulement une séquence d'accès en **lecture** et en **écriture**
- Les interactions des deux transactions peuvent être complexes (comme dans l'Exemple 4)

**Sérialisabilité forte** : un ordonnancement est **fortement sérialisable** s'il est sérialisable **quel que soit** le traitement en local des deux transactions

**Ex :**

```
read(A,x)
x = x%2
write(A,x)
read(B,y)
y = (x+y)*(x-y)
write(B,y)
-- transaction réelle
```

$\Rightarrow$

```
read(A)
write(A)
read(B)
write(B)
-- ce que voit l'ordonnanceur
```

**Nouvel objectif** : choisir un ordonnancement **fortement sérialisable**

# Exemple : exécution fortement sérialisable

## Transaction 1

```
read(A)  
-- opérations en local de T1  
write(A)
```

```
read(B)  
-- opérations en local de T1  
write(B)
```

## Transaction 2

```
read(A)  
-- opérations en local de T2  
write(A)
```

# Exemple : exécution fortement sérialisable

## Transaction 1

```
read(A)  
-- opérations en local de T1  
write(A)
```

```
read(B)  
-- opérations en local de T1  
write(B)
```

## Transaction 2

```
read(A)  
-- opérations en local de T2  
write(A)
```

Cette exécution est **équivalente** à  $T_1; T_2$  quelles que soient les opérations effectuées **en local** par  $T_1$  et  $T_2$

# Exemple : exécution fortement sérialisable

## Transaction 1

```
read(A)  
-- opérations en local de T1  
write(A)
```

```
read(B)  
-- opérations en local de T1  
write(B)
```

## Transaction 2

```
read(A)  
-- opérations en local de T2  
write(A)
```

Cette exécution est **équivalente** à  $T_1; T_2$  quelles que soient les opérations effectuées **en local** par  $T_1$  et  $T_2$

**Syntaxe simplifiée :**  $R_1(A) W_1(A) R_2(A) W_2(A) R_1(B) W_1(B)$

# Équivalence par conflit

## Notation

Un ordonnancement  $S$  est une suite d'actions  $R_i(E)$  ou  $W_i(E)$ , avec :

- $R$  : accès en lecture,  $W$  : accès en écriture
- $i$  : numéro de la transaction demandant l'accès
- $E$  : élément de la base de données concerné

# Équivalence par conflit

## Notation

Un ordonnancement  $S$  est une suite d'actions  $R_i(E)$  ou  $W_i(E)$ , avec :

- $R$  : accès en lecture,  $W$  : accès en écriture
- $i$  : numéro de la transaction demandant l'accès
- $E$  : élément de la base de données concerné

## Équivalence par conflit

$S$  et  $S'$  sont **équivalents par conflit** si on peut réécrire  $S$  en  $S'$  par une séquence d'échanges d'actions **non conflictuelles** consécutives

# Équivalence par conflit

## Notation

Un ordonnancement  $S$  est une suite d'actions  $R_i(E)$  ou  $W_i(E)$ , avec :

- $R$  : accès en lecture,  $W$  : accès en écriture
- $i$  : numéro de la transaction demandant l'accès
- $E$  : élément de la base de données concerné

## Équivalence par conflit

$S$  et  $S'$  sont **équivalents par conflit** si on peut réécrire  $S$  en  $S'$  par une séquence d'échanges d'actions **non conflictuelles** consécutives

## Actions non conflictuelles

Deux actions de transactions **différentes**  $i$  et  $j$  sont **non conflictuelles** si :

- Soit les deux actions sont des **lectures**  
Ex :  $R_i(A)$  n'est pas en conflit avec  $R_j(A)$
- Soit les deux actions concernent des **éléments différents**  
Ex :  $R_i(A)$  et  $W_i(A)$  ne sont pas en conflit avec  $W_j(B)$  ou  $R_j(B)$ , si  $A \neq B$

## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions **1** et **2**

$$S = W_1(A) R_2(A) R_1(A) W_2(A) W_1(B) W_2(B)$$



## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions 1 et 2

$$S = W_1(A) \ \underline{R_2(A) \ R_1(A)} \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions 1 et 2

$$S = W_1(A) \ \underline{R_2(A) \ R_1(A)} \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ R_2(A) \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions 1 et 2

$$S = W_1(A) \ \underline{R_2(A) \ R_1(A)} \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ R_2(A) \ \underline{W_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(B)$$

## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions 1 et 2

$$S = W_1(A) \ \underline{R_2(A) \ R_1(A)} \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ R_2(A) \ \underline{W_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ R_2(A) \ W_1(B) \ W_2(A) \ W_2(B)$$

## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions 1 et 2

$$S = W_1(A) \ \underline{R_2(A) \ R_1(A)} \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ R_2(A) \ \underline{W_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ \underline{R_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(A) \ W_2(B)$$

## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions **1** et **2**

$$S = W_1(A) \ \underline{R_2(A) \ R_1(A)} \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ R_2(A) \ \underline{W_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ \underline{R_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(A) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ W_1(B) \ R_2(A) \ W_2(A) \ W_2(B)$$

## Exemple : équivalence par conflit

On considère l'ordonnancement  $S$  des opérations des transactions **1** et **2**

$$S = W_1(A) \ \underline{R_2(A) \ R_1(A)} \ W_2(A) \ W_1(B) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ R_2(A) \ \underline{W_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ \underline{R_2(A) \ W_1(B)} \ W_2(A) \ W_2(B)$$

$$S \sim W_1(A) \ R_1(A) \ W_1(B) \ R_2(A) \ W_2(A) \ W_2(B)$$

$S$  est **équivalent par conflit** à un ordonnancement en série !

**Propriété :** si  $S$  est équivalent par conflit à  $S'$ , alors  $S$  est équivalent à  $S'$

Autrement dit, échanger deux actions non conflictuelles ne change pas le comportement de l'ordonnancement



**Propriété :** si  $S$  est équivalent par conflit à  $S'$ , alors  $S$  est équivalent à  $S'$

Autrement dit, échanger deux actions non conflictuelles ne change pas le comportement de l'ordonnancement

**Conséquence :** si  $S$  est équivalent par conflit à un ordonnancement en série, alors  $S$  est fortement sérialisable

**Propriété :** si  $S$  est équivalent par conflit à  $S'$ , alors  $S$  est équivalent à  $S'$

Autrement dit, échanger deux actions non conflictuelles ne change pas le comportement de l'ordonnancement

**Conséquence :** si  $S$  est équivalent par conflit à un ordonnancement en série, alors  $S$  est fortement sérialisable

**Sérialisabilité par conflit :** un ordonnancement est dit sérialisable par conflit s'il est équivalent par conflit à un ordonnancement en série

**Propriété :** si  $S$  est équivalent par conflit à  $S'$ , alors  $S$  est équivalent à  $S'$

Autrement dit, échanger deux actions non conflictuelles ne change pas le comportement de l'ordonnancement

**Conséquence :** si  $S$  est équivalent par conflit à un ordonnancement en série, alors  $S$  est fortement sérialisable

**Sérialisabilité par conflit :** un ordonnancement est dit sérialisable par conflit s'il est équivalent par conflit à un ordonnancement en série

**Question :** Comment peut-on tester automatiquement si un ordonnancement est sérialisable par conflit ?

## Exercice : sérialisabilité par conflit

Les ordonnancements suivants sont-ils sérialisables par conflit ?

1  $W_2(A) R_1(B) W_1(A) R_2(B)$

2  $R_1(A) R_2(A) R_1(B) W_2(A) W_1(B) W_1(A)$

3  $R_1(A) W_1(A) R_2(A) W_2(A) R_1(B) W_1(B)$

4  $R_2(B) R_1(A) R_3(C) W_2(A) W_3(B) W_1(C)$

# Graphe de précédence

$P(S)$  : graphe de précédence d'un ordonnancement  $S$

- Les noeuds de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un arc de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui précède et est en conflit avec une action de  $T_j$

# Graphe de précédence

$P(S)$  : graphe de précédence d'un ordonnancement  $S$

- Les noeuds de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un arc de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui précède et est en conflit avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont en conflit si elles concernent le même élément et que l'une au moins est une écriture

# Graphe de précédence

$P(S)$  : graphe de précédence d'un ordonnancement  $S$

- Les noeuds de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un arc de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui précède et est en conflit avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont en conflit si elles concernent le même élément et que l'une au moins est une écriture

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :

# Graphe de précédence

$P(S)$  : **graphe de précédence** d'un ordonnancement  $S$

- Les **noeuds** de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un **arc** de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui **précède** et est **en conflit** avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont **en conflit** si elles concernent le **même élément** et que l'une **au moins** est une **écriture**

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :

$T_1$

$T_3$

$T_2$

$T_4$



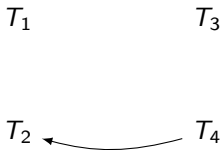
# Graphe de précédence

$P(S)$  : **graphe de précédence** d'un ordonnancement  $S$

- Les **noeuds** de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un **arc** de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui **précède** et est **en conflit** avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont **en conflit** si elles concernent le **même élément** et que l'une **au moins** est une **écriture**

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :



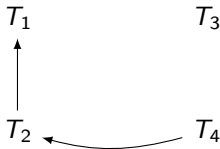
# Graphe de précédence

$P(S)$  : **graphe de précédence** d'un ordonnancement  $S$

- Les **noeuds** de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un **arc** de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui **précède** et est **en conflit** avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont **en conflit** si elles concernent le **même élément** et que l'une **au moins** est une **écriture**

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :



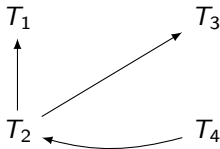
# Graphe de précédence

$P(S)$  : **graphe de précédence** d'un ordonnancement  $S$

- Les **noeuds** de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un **arc** de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui **précède** et est **en conflit** avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont **en conflit** si elles concernent le **même élément** et que l'une **au moins** est une **écriture**

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :



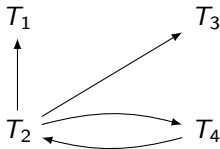
# Graphe de précédence

$P(S)$  : **graphe de précédence** d'un ordonnancement  $S$

- Les **noeuds** de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un **arc** de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui **précède** et est **en conflit** avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont **en conflit** si elles concernent le **même élément** et que l'une **au moins** est une **écriture**

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :



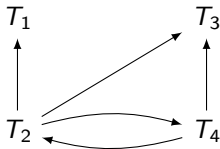
# Graphe de précédence

$P(S)$  : **graphe de précédence** d'un ordonnancement  $S$

- Les **noeuds** de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un **arc** de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui **précède** et est **en conflit** avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont **en conflit** si elles concernent le **même élément** et que l'une **au moins** est une **écriture**

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :



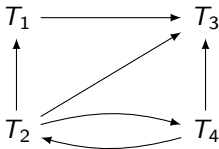
# Graphe de précédence

$P(S)$  : **graphe de précédence** d'un ordonnancement  $S$

- Les **noeuds** de  $P(S)$  sont les transactions de  $S$
- Il y a un **arc** de  $T_i$  vers  $T_j$  dans  $P(S)$  si  $i \neq j$  et que  $S$  contient une action de  $T_i$  qui **précède** et est **en conflit** avec une action de  $T_j$

**Rappel** : deux actions de transactions différentes sont **en conflit** si elles concernent le **même élément** et que l'une **au moins** est une **écriture**

**Ex** : Soit  $S = R_4(C) R_2(A) R_2(B) W_4(B) W_1(A) W_2(C) W_3(A) W_3(B)$   
 $P(S)$  est le graphe ci-dessous :



# Propriétés du graphe de précédence (1)

**Propriété :** Si  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$ , alors  $T_i$  est exécutée avant  $T_j$  dans tout ordonnancement en série équivalent à  $S$  par conflit.

# Propriétés du graphe de précédence (1)

**Propriété :** Si  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$ , alors  $T_i$  est exécutée avant  $T_j$  dans tout ordonnancement en série équivalent à  $S$  par conflit.

**Éléments de preuve :** Supposons que  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$

Comme  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$  alors  $S$  est de la forme :

$S = \dots X_i(A) \dots Y_j(A) \dots$  (où  $X$  et  $Y$  sont deux actions conflictuelles)



# Propriétés du graphe de précédence (1)

**Propriété :** Si  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$ , alors  $T_i$  est exécutée avant  $T_j$  dans tout ordonnancement en série équivalent à  $S$  par conflit.

**Éléments de preuve :** Supposons que  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$

Comme  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$  alors  $S$  est de la forme :

$$S = \dots X_i(A) \dots Y_j(A) \dots \quad (\text{où } X \text{ et } Y \text{ sont deux actions conflictuelles})$$

Soit  $S'$  un ordonnancement en série qui exécute  $T_j$  avant  $T_i$

Alors  $S'$  est nécessairement de la forme :

$$S' = \dots Y_j(A) \dots X_i(A) \dots$$

# Propriétés du graphe de précédence (1)

**Propriété :** Si  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$ , alors  $T_i$  est exécutée avant  $T_j$  dans tout ordonnancement en série équivalent à  $S$  par conflit.

**Éléments de preuve :** Supposons que  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$

Comme  $T_i \rightarrow T_j$  dans  $P(S)$  alors  $S$  est de la forme :

$$S = \dots X_i(A) \dots Y_j(A) \dots \quad (\text{où } X \text{ et } Y \text{ sont deux actions conflictuelles})$$

Soit  $S'$  un ordonnancement en série qui exécute  $T_j$  avant  $T_i$

Alors  $S'$  est nécessairement de la forme :

$$S' = \dots Y_j(A) \dots X_i(A) \dots$$

Toute réécriture de  $S$  en  $S'$  doit à un moment échanger  $X_i$  et  $Y_j$

C'est impossible car  $X_i$  et  $Y_j$  sont conflictuelles

Donc  $S$  et  $S'$  ne peuvent pas être équivalents par conflit

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Rightarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement sérialisable par conflit

Alors il existe un ordonnancement **en série**  $S'$  équivalent par conflit à  $S$

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Rightarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement sérialisable par conflit

Alors il existe un ordonnancement **en série**  $S'$  équivalent par conflit à  $S$

Supposons par l'absurde que  $P(S)$  a un circuit de la forme

$$T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_3 \rightarrow \cdots \rightarrow T_n \rightarrow T_1$$

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Rightarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement sérialisable par conflit

Alors il existe un ordonnancement **en série**  $S'$  équivalent par conflit à  $S$

Supposons par l'absurde que  $P(S)$  a un circuit de la forme

$$T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_3 \rightarrow \dots \rightarrow T_n \rightarrow T_1$$

Donc d'après la propriété 1 :

$T_1$  est exécutée avant  $T_2$  dans  $S'$

$T_2$  est exécutée avant  $T_3$  dans  $S'$

...

$T_n$  est exécutée avant  $T_1$  dans  $S'$

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Rightarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement sérialisable par conflit

Alors il existe un ordonnancement **en série**  $S'$  équivalent par conflit à  $S$

Supposons par l'absurde que  $P(S)$  a un circuit de la forme

$$T_1 \rightarrow T_2 \rightarrow T_3 \rightarrow \dots \rightarrow T_n \rightarrow T_1$$

Donc d'après la propriété 1 :

$T_1$  est exécutée avant  $T_2$  dans  $S'$

$T_2$  est exécutée avant  $T_3$  dans  $S'$

...

$T_n$  est exécutée avant  $T_1$  dans  $S'$

$T_1$  est exécutée à la fois **avant** et **après**  $T_n$  dans  $S'$ , ce qui est absurde

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Leftarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement tel que  $P(S)$  n'a pas de circuit



## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Leftarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement tel que  $P(S)$  n'a pas de circuit

Alors  $P(S)$  contient nécessairement un noeud  $T_i$  qui n'a pas d'**arc entrant**

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Leftarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement tel que  $P(S)$  n'a pas de circuit

Alors  $P(S)$  contient nécessairement un noeud  $T_i$  qui n'a pas d'**arc entrant**

Donc  $S$  peut être réécrite pour placer au début toutes les actions de  $T_i$

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Leftarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement tel que  $P(S)$  n'a pas de circuit

Alors  $P(S)$  contient nécessairement un noeud  $T_i$  qui n'a pas d'**arc entrant**

Donc  $S$  peut être réécrite pour placer au début toutes les actions de  $T_i$

$S$  est alors équivalent à un ordonnancement de la forme  $S' = T_i; S''$

où  $S''$  ne contient aucune action de  $T_i$

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Leftarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement tel que  $P(S)$  n'a pas de circuit

Alors  $P(S)$  contient nécessairement un noeud  $T_i$  qui n'a pas d'**arc entrant**

Donc  $S$  peut être réécrite pour placer au début toutes les actions de  $T_i$

$S$  est alors équivalent à un ordonnancement de la forme  $S' = T_i; S''$

où  $S''$  ne contient aucune action de  $T_i$

On remarque alors que  $P(S'')$  est exactement  $P(S)$  sans  $T_i$  et ses arcs

Donc  $P(S'')$  n'a pas de circuit

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Leftarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement tel que  $P(S)$  n'a pas de circuit

Alors  $P(S)$  contient nécessairement un noeud  $T_i$  qui n'a pas d'arc entrant

Donc  $S$  peut être réécrite pour placer au début toutes les actions de  $T_i$

$S$  est alors équivalent à un ordonnancement de la forme  $S' = T_i; S''$

où  $S''$  ne contient aucune action de  $T_i$

On remarque alors que  $P(S'')$  est exactement  $P(S)$  sans  $T_i$  et ses arcs

Donc  $P(S'')$  n'a pas de circuit

Et on recommence alors avec  $S''$

## Propriétés du graphe de précédence (2)

**Propriété :**  $S$  est sérialisable par conflit **ssi**  $P(S)$  n'a pas de circuit.

**Éléments de preuve** ( $\Leftarrow$ ) :

Soit  $S$  un ordonnancement tel que  $P(S)$  n'a pas de circuit

Alors  $P(S)$  contient nécessairement un noeud  $T_i$  qui n'a pas d'**arc entrant**

Donc  $S$  peut être réécrite pour placer au début toutes les actions de  $T_i$

$S$  est alors équivalent à un ordonnancement de la forme  $S' = T_i; S''$

où  $S''$  ne contient aucune action de  $T_i$

On remarque alors que  $P(S'')$  est exactement  $P(S)$  sans  $T_i$  et ses arcs

Donc  $P(S'')$  n'a pas de circuit

Et on recommence alors avec  $S''$

**Exercice :** formalisez ce raisonnement par une jolie preuve par induction !

# Test de sérialisabilité par conflit

Comment tester la sérialisabilité par conflit d'un ordonnancement  $S$  ?

*En lien avec le cours d'algorithmique des graphes*

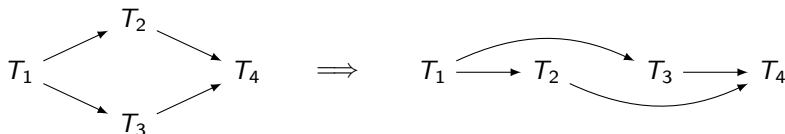
- Construire le graphe de précédence  $P(S)$  de  $S$  (en  $O(|S|^2)$ )
- Tester si  $P(S)$  contient un circuit  
*En  $O(n^2)$  ou  $O(n + e)$  selon la représentation choisie pour  $P(S)$*
- Si  $P(S)$  a un circuit, alors  $S$  n'est pas sérialisable par conflit
- Sinon,  $S$  est sérialisable par conflit  
*Un **tri topologique** de  $P(S)$  donne un ordonnancement en série équivalent*

# Test de sérialisabilité par conflit

Comment tester la sérialisabilité par conflit d'un ordonnancement  $S$  ?

*En lien avec le cours d'algorithmique des graphes*

- Construire le graphe de précédence  $P(S)$  de  $S$  (en  $O(|S|^2)$ )
- Tester si  $P(S)$  contient un circuit  
*En  $O(n^2)$  ou  $O(n + e)$  selon la représentation choisie pour  $P(S)$*
- Si  $P(S)$  a un circuit, alors  $S$  n'est pas sérialisable par conflit
- Sinon,  $S$  est sérialisable par conflit  
*Un **tri topologique** de  $P(S)$  donne un ordonnancement en série équivalent*





## Exercice : sérialisabilité et précédence

Construire les graphes de précédence des ordonnancements suivants.

En déduire les ordonnancements qui sont sérialisables par conflit, et pour chacun un ordonnancement en série équivalent.

1  $R_2(B) R_1(A) R_3(C) W_2(A) W_3(B) W_1(C)$

2  $R_2(A) R_1(A) W_2(A) R_3(C) W_2(B) R_4(B) R_3(B) W_4(C)$

3  $W_3(A) W_2(C) R_1(A) R_1(B) R_1(C) W_2(A) R_4(A) W_4(D)$

4  $R_1(A) R_2(B) W_3(B) W_4(A) R_3(A) W_3(C) W_1(C)$

## Contrôle de la concurrence

**Rappel** : le système ne contrôle pas l'**ordre d'arrivée** des demandes de lecture et d'écriture, mais peut choisir dans quel **ordre les autoriser**

**Ordonnanceur** (scheduler) : module du système chargé de coordonner les accès concurrents pour garantir un ordonnancement **sérialisable**

**Rappel** : le système ne contrôle pas l'**ordre d'arrivée** des demandes de lecture et d'écriture, mais peut choisir dans quel **ordre les autoriser**

**Ordonnanceur** (scheduler) : module du système chargé de coordonner les accès concurrents pour garantir un ordonnancement **sérialisable**

Plusieurs approches :

- Estampilles (timestamps)
- Verrous (locks)
- Isolation par instantanés (snapshot isolation)

**Rappel** : le système ne contrôle pas l'**ordre d'arrivée** des demandes de lecture et d'écriture, mais peut choisir dans quel **ordre les autoriser**

**Ordonnanceur** (scheduler) : module du système chargé de coordonner les accès concurrents pour garantir un ordonnancement **sérialisable**

Plusieurs approches :

- Estampilles (timestamps)
- Verrous (locks)
- Isolation par instantanés (snapshot isolation)

**En pratique** : méthodes reposant sur des idées issues des trois approches

## Principe général :

- Chaque transaction est **estampillée** par le moment où elle a débuté
- Chaque élément de la base de données est estampillé par :
  - la **plus grande** des estampilles des transactions qui ont **lu** l'élément
  - la **plus grande** des estampilles des transactions qui ont **écrit** l'élément
- L'ordonnanceur s'assure que les **actions conflictuelles** ont lieu dans l'ordre des estampilles
- L'ordre des estampilles garantit une exécution **en série** équivalente

# Mise en œuvre de l'estampillage

Le système mémorise, pour chaque transaction  $T$  et élément  $A$  :

- $E(T)$  : estampille de  $T$ , date à laquelle  $T$  a **débuté**
- $E_R(A)$  : maximum des estampilles des transactions qui ont **lu**  $A$
- $E_W(A)$  : maximum des estampilles des transactions qui ont **écrit**  $A$

**Règle d'estampillage** : une transaction  $T$  peut :

- **lire**  $A$  seulement si  $E(T) \geq E_W(A)$
- **écrire**  $A$  seulement si  $E(T) \geq E_R(A)$  **et**  $E(T) \geq E_W(A)$

# Mise en œuvre de l'estampillage

Le système mémorise, pour chaque transaction  $T$  et élément  $A$  :

- $E(T)$  : estampille de  $T$ , date à laquelle  $T$  a **débuté**
- $E_R(A)$  : maximum des estampilles des transactions qui ont **lu**  $A$
- $E_W(A)$  : maximum des estampilles des transactions qui ont **écrit**  $A$

**Règle d'estampillage** : une transaction  $T$  peut :

- **lire**  $A$  seulement si  $E(T) \geq E_W(A)$
- **écrire**  $A$  seulement si  $E(T) \geq E_R(A)$  **et**  $E(T) \geq E_W(A)$

Si la transaction  $T$  tente une action qui enfreint la règle d'estampillage :

- La transaction  $T$  est **annulée** (rollback)
- Les transactions qui ont **lu** des valeurs écrites par  $T$  sont **annulées**
- Et ainsi de suite... jusqu'à revenir à un ordonnancement **sérialisable**



# Estampillage : remarques

L'estampillage est une approche **curative** :

- On assure la **sérialisabilité** des demandes par un ordre préétabli
- Si une erreur survient, on **traite** en annulant les transactions fautives

Inconvénients :

- Les abandons (notamment en cascade) sont lourds à gérer
- Les transactions annulées doivent être relancées jusqu'à aboutir

L'estampillage est une méthode **correcte** : la sérialisabilité est garantie en forçant un **tri topologique** du graphe de précedence

# Estampillage : remarques

L'estampillage est une approche **curative** :

- On assure la **sérialisabilité** des demandes par un ordre préétabli
- Si une erreur survient, on **traite** en annulant les transactions fautives

Inconvénients :

- Les abandons (notamment en cascade) sont lourds à gérer
- Les transactions annulées doivent être relancées jusqu'à aboutir

L'estampillage est une méthode **correcte** : la sérialisabilité est garantie en forçant un **tri topologique** du graphe de précédence

**Question** : l'estampillage est-il **complet** ? Peut-on trouver un ordonnancement **sérialisable** qui ne passent pas les règles d'estampillage ?

## Principe général :

- Les transactions doivent demander un **verrou** sur un élément avant de pouvoir le **lire** ou **l'écrire**
- L'ordonnanceur **accorde** le verrou seulement si aucune autre transaction n'a un verrou actif sur l'élément concerné
- Les demandes qui n'ont pas été accordées sont **mises en attente**
- Les verrous sont **relâchés** quand la transaction n'utilise plus l'élément
- Le verrouillage force donc un ordre des **actions conflictuelles**

# Exemple : verrouillage

Transaction 1

**lock**(A)  
**read**(A)

Transaction 2

# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 2 reprise
```

# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

```
lock(B)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 2 reprise
```



# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

```
lock(B)
```

```
lock(A)  
-- transaction 1 mise en attente
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 2 reprise
```

# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

```
lock(B)
```

```
lock(A)  
-- transaction 1 mise en attente
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 2 reprise
```

```
read(A)  
unlock(A)
```

# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

```
lock(B)
```

```
lock(A)  
-- transaction 1 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 1 reprise
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 2 reprise
```

```
read(A)  
unlock(A)
```

# Exemple : verrouillage

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

```
lock(B)
```

```
lock(A)  
-- transaction 1 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 1 reprise
```

```
write(A)  
unlock(A)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

```
lock(A)  
-- transaction 2 reprise
```

```
read(A)  
unlock(A)
```

# Exemple : poser des verrous ne suffit pas !

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)  
unlock(A)
```

```
lock(B)  
write(B)  
unlock(B)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
write(A)  
lock(B)  
write(B)  
unlock(A)  
unlock(B)
```

# Exemple : poser des verrous ne suffit pas !

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)  
unlock(A)
```

```
lock(B)  
write(B)  
unlock(B)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
write(A)  
lock(B)  
write(B)  
unlock(A)  
unlock(B)
```

- Cette exécution n'est pas **sérialisable par conflit**  
(et **pas du tout** selon les opérations locales)
- Le verrouillage **ne suffit pas** même si les verrous sont correctement **demandés** et **relâchés**

# Verrouillage à deux phases

## Principe général :

- Une version **plus stricte** de verrouillage qui garantit la **sérialisabilité**
- Les transactions doivent se décomposer en deux **phases** :
  - **Phase 1** : la transaction peut **demande**r des verrous
  - **Phase 2** : la transaction peut **relâche**r ses verrous
- L'ordonnanceur refuse **tout** nouveau verrou à une transaction qui a déjà relâché un verrou
- Les transactions doivent déclarer en phase 1 **tous** les verrous dont elles auront besoin

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

Transaction 1

**lock**(A)  
**read**(A)

Transaction 2



# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

```
lock(A)  
read(A)
```

```
lock(B)  
write(B)  
unlock(A)
```

## Transaction 2

```
lock(A)  
-- transaction 2 mise en attente
```

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

**lock(A)**  
**read(A)**

**lock(B)**  
**write(B)**  
**unlock(A)**

## Transaction 2

**lock(A)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(A)**

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

**lock(A)**  
**read(A)**

**lock(B)**  
**write(B)**  
**unlock(A)**

## Transaction 2

**lock(A)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(A)**

**write(A)**

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

**lock(A)**  
**read(A)**

**lock(B)**  
**write(B)**  
**unlock(A)**

## Transaction 2

**lock(A)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(A)**

**write(A)**

**lock(B)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

**lock(A)**  
**read(A)**

**lock(B)**  
**write(B)**  
**unlock(A)**

**unlock(B)**

## Transaction 2

**lock(A)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(A)**

**write(A)**

**lock(B)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

**lock(A)**  
**read(A)**

**lock(B)**  
**write(B)**  
**unlock(A)**

**unlock(B)**

## Transaction 2

**lock(A)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(A)**

**write(A)**

**lock(B)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(B)**

# Exemple : verrouillage à deux phases

Réécriture de l'exemple non sérialisable avec verrous en deux phases

## Transaction 1

**lock(A)**  
**read(A)**

**lock(B)**  
**write(B)**  
**unlock(A)**

**unlock(B)**

## Transaction 2

**lock(A)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(A)**

**write(A)**

**lock(B)**  
*-- transaction 2 mise en attente*

**lock(B)**

**write(B)**  
**unlock(A)**  
**unlock(B)**



# Niveaux de verrouillage

On peut améliorer les **performances** (diminuer le nombre de blocages) en définissant plusieurs **niveaux** de verrous plus **souples**

# Niveaux de verrouillage

On peut améliorer les **performances** (diminuer le nombre de blocages) en définissant plusieurs **niveaux** de verrous plus **souples**

Selon l'**intention**, parce que deux lectures ne sont jamais conflictuelles :

- Verrou **partagé en lecture**
- Verrou **exclusif en écriture**
- Et d'autres : verrou de mise-à-jour, promotion de verrou...

	verrou actif	
	lecture	écriture
lecture	accordé	en attente
écriture	en attente	en attente

# Niveaux de verrouillage

On peut améliorer les **performances** (diminuer le nombre de blocages) en définissant plusieurs **niveaux** de verrous plus **souples**

Selon l'**intention**, parce que deux lectures ne sont jamais conflictuelles :

- Verrou **partagé en lecture**
- Verrou **exclusif en écriture**
- Et d'autres : verrou de mise-à-jour, promotion de verrou...

	verrou actif	
	lecture	écriture
lecture	accordé	en attente
écriture	en attente	en attente

Selon la **granularité**, de la plus fine à la plus grossière :

- Verrou sur un enregistrement
- Verrou sur un bloc du disque
- Verrou sur une table

# Verrouillage : remarques

Le verrouillage est une approche **préventive** :

- On **évite** les conflits en faisant attendre les opérations conflictuelles
- Il est rare de devoir annuler une transaction

Inconvénients :

- **Deadlocks** lorsque deux transactions s'attendent l'une l'autre
- Approche coûteuse et complexe : quoi verrouiller et quand ?

Le verrouillage à deux phases est une méthode **correcte** : l'ordre des débuts des phases 2 est un **tri topologique** du graphe de précedence

# Verrouillage : remarques

Le verrouillage est une approche **préventive** :

- On **évite** les conflits en faisant attendre les opérations conflictuelles
- Il est rare de devoir annuler une transaction

Inconvénients :

- **Deadlocks** lorsque deux transactions s'attendent l'une l'autre
- Approche coûteuse et complexe : quoi verrouiller et quand ?

Le verrouillage à deux phases est une méthode **correcte** : l'ordre des débuts des phases 2 est un **tri topologique** du graphe de précédence

**Question** : le verrouillage est-il **complet** ? Peut-on trouver un ordonnancement **sérialisable** qu'on ne peut pas exécuter avec un verrouillage à deux phases ?

## Principe général :

- Chaque transaction prend un instantané (snapshot) de la base de données quand elle commence
- Les transactions lisent et écrivent uniquement dans leur snapshot
- Les mises-à-jour concurrentes sont invisibles aux autres transactions
- Lorsqu'une transaction termine par un commit :
  - Les modifications du snapshot sont reportées dans la base de données
  - En cas de conflit, la transaction est annulée et doit être relancée

# Isolation par instantanés : remarques

L'isolation par instantanés est une méthode **performante** :

- Les demandes des transactions ne sont jamais **bloquantes**
- Les abandons sont **possibles**, mais ne **cascadent** pas
- Évite les lectures sales, non-reproductives et fantômes

Inconvénients :

- L'isolation par instantanés **ne garantit pas** la sérialisabilité !
- Les transactions annulées doivent être relancées jusqu'à aboutir

En pratique :

- La plupart des systèmes utilisent une variante d'isolation par instantanées qui **ne garantit pas toujours** la sérialisabilité
- Le niveau **SERIALIZABLE** de **Postgres** utilise une variante **correcte**, enrichie avec des **verrous** et des **estampilles**

# Isolation par instantanés : remarques

L'isolation par instantanés est une méthode **performante** :

- Les demandes des transactions ne sont jamais **bloquantes**
- Les abandons sont **possibles**, mais ne **cascadent** pas
- Évite les lectures sales, non-reproductives et fantômes

Inconvénients :

- L'isolation par instantanés **ne garantit pas** la sérialisabilité !
- Les transactions annulées doivent être relancées jusqu'à aboutir

En pratique :

- La plupart des systèmes utilisent une variante d'isolation par instantanées qui **ne garantit pas toujours** la sérialisabilité
- Le niveau **SERIALIZABLE** de **Postgres** utilise une variante **correcte**, enrichie avec des **verrous** et des **estampilles**

**Exercice** : exhiber une anomalie malgré l'isolation par instantanés