«بسمه تعالی» «تمرینات مبحث مدلسازی»

سؤالات سطح ساده

۱. یک گلفروشی از ترکیب گلهای رز، نرگس و مریم در تهیه سه نوع سبد گل استفاده می کند. در سبد گل نوع اول، ۳۰ شاخه گل رز، ۲۰ شاخه گل نرگس و ۴ شاخه گل مریم استفاده می کند. در سبد گل نوع دوم، ۱۰ شاخه گل رز، ۴۰ شاخه گل نرگس و ۳ شاخه مریم استفاده می کند. در سبد گل نوع سوم ۲۰ شاخه گل رز، ۱۵ شاخه نرگس و ۱۰ شاخه مریم استفاده می کند. سود خالص سبد گل نوع اول ، دوم و سوم به ترتیب ۵۰ ، ۳۰ و ۶۰ دلار است. در حال حاضر ۱۰۰ شاخه گل رز، ۸۰۰ شاخه نرگس و ۱۰۰ شاخه مریم در دسترس است. در حال حاضر ۱۰۰ شاخه گل رز، ۸۰۰ شاخه نرگس و ۱۰۰ شاخه مریم گردد. بدین منظور یک مدل بهینه سازی ارائه کنید.

۲. کارخانهای سه نوع محصول (محصول نوع ۱، ۲ و ۳) تولید می کند. در تولید هر محصول از سه ماشین فرزکاری، تراشکاری و سنگ کاری استفاده می شود. تعداد ساعاتی که باید یک واحد از هر نوع محصول روی هر ماشین پردازش شود، در جدول زیر آمده است:

ماشین سنگکاری	ماشین تراشکاری	ماشین فرز کاری	
۳ ساعت	۵ ساعت	۹ ساعت	محصول نوع ۱
۴۵ دقیقه	۴ ساعت	۳ ساعت	محصول نوع ۲
۲ ساعت	۳۰ دقیقه	۵ ساعت	محصول نوع ٣

در طول هر ماه، هریک از ماشینهای فرزکاری، تراشکاری و سنگ کاری حداکثر 0.0 هر 0.0 و 0.0 ساعت می توانند کار کنند. فرض کنید از محصول نوع 0.0 حداکثر 0.0 واحد بتوان تولید کرد. به علاوه فرض کنید سود حاصل از محصول 0.0 و 0.0 به ترتیب 0.0 با نرمافزار LINDO و 0.0 با نرمافزار 0.0 با نرمافزار 0.0 با نرمافزار 0.0 با نرمافزار 0.0 با تحلیل کنید.

T. فردی بودجه غذایی محدودی دارد و سعی دارد نیازهای غذاییاش را با کمترین هزینه تأمین کند. او می تواند دو نوع غذا بخرد. هر پوند از غذای اول، ۷ دلار قیمت دارد و حاوی T واحد ویتامین T و یک واحد ویتامین T است. هر پوند از غذای دوم ۱ دلار قیمت دارد و حاوی یک واحد از هر کدام از ویتامینها است. این فرد روزانه به حداقل T واحد ویتامین T و حداقل و حداقل T و عند و تامین T نیاز دارد. با یک T تعیین کنید که این فرد در طول روز از هر نوع غذا به چه میزان مصرف کند به طوری که نیاز او به ویتامینها با کمترین هزینه تأمین شود.

۴. فردی ۱۰۰۰ دلار سرمایه دارد و میخواهد پولش را در سهام، اوراق قرضه و بانک سرمایه گذاری کند. یک دلار سرمایه گذاری در بانک در سهام معادل 7/0 دلار سود و یک دلار سرمایه گذاری در بانک معادل 7/0 دلار سود و یک دلار سرمایه گذاری در بانک معادل 1/0 دلار سود دارد. حداقل 1/0 درصد از کل پول سرمایه گذاری شده باید در بانک باشد و میزان سرمایه گذاری در سهام نباید از کل سرمایه گذاری انجام شده در بانک و اوراق قرضه بیشتر باشد. یک $\frac{1}{2}$ ارائه کنید که به فرد کمک کند سود حاصل از سرمایه گذاری اش را ماکزیمم کند و سپس آن را با نرمافزار LINDO حل کنید.

۵. شرکتی به تولید یک نوع کالا میپردازد. میزان تقاضا در طول چهار ماه آینده به ترتیب برابر با ۵۰، ۶۵، ۱۰۰ و ۷۰ است و باید به موقع برآورده شود. هزینه تولید هر واحد کالا در ماه اول تا چهارم به ترتیب برابر با ۵، ۸، ۴ و ۷ دلار است. نگهداری یک واحد کالا در انبار از یک ماه تا ماه بعد معادل ۲ دلار هزینه دارد و در آغاز ماه اول کالایی در انبار موجود نیست. اگر در پایان

ماه چهارم کالایی در انبار باقی بماند به قیمت ۶ دلار به فروش میرسد. به منظور مینیمم کردن هزینههای شرکت یک LP ارائه کنید.

9. یک شرکت نفت از ترکیب دو نوع نفت خام (نوع ۱و نوع ۲) گازوئیل و نفت حرارتی تولید می کند. در حال حاضر 9. بشکه نفت خام نوع ۲ موجود است. سطح کیفیت نفت خام نوع ۱ برابر با ۱۰ و سطح کیفیت نفت خام نوع ۲ مرابر با ۵ است. سطح کیفیت گازوئیل تولید شده باید حداقل ۸ و سطح کیفیت نفت حرارتی باید حداقل 9. باشد. تقاضا برای هر محصول باید توسط تبلیغات ایجاد شود. هر یک دلاری که برای تبلیغات گازوئیل صرف می شود 9. بشکه تقاضا ایجاد می کند. هر بشکه گازوئیل و هر ایجاد می کند. هر بشکه گازوئیل و هر بشکه تارائه کنید. به ترتیب با قیمت 9. دلار به فروش می رسند. یک 9. برای ماکزیممسازی سود شرکت ارائه کنید. سپس آن را با نرمافزار LINDO حل و نتایج را تحلیل کنید.

۷<mark>.</mark> شرکتی یک نوع کالا تولید می کند و در طول سه ماه آینده باید تقاضاها را به موقع و به شرح زیر تأمین کند: ماه اول: ۳۰۰ واحد ماه دوم: ۴۰۰ واحد ماه سوم: ۵۰۰ واحد

شرکت برای تولید کالا، دو کارگاه (کارگاه شماره ۱ و ۲) را در اختیار دارد. تولید یک واحد کالا در کارگاه شماره ۱، به ۱/۵ ساعت و در کارگاه شماره ۲ به ۳ ساعت نیروی کار متخصص نیاز دارد. تولید یک واحد کالا در کارگاه شماره ۱، ۴۰۰ دلار و در کارگاه شماره ۲، ۳۵۰ دلار هزینه در بر دارد. در طول هر ماه هر کارگاه ۴۲۰ ساعت نیروی کار متخصص در دسترس دارد. هزینه کارگاه شماره ۲، ۳۵۰ دلا در انبار دارد. یک LP ارائه نگه داری هر واحد کالا در انبار معادل ۱۰۰ دلار در ماه است و در آغاز ماه اول شرکت ۲۰۰ واحد کالا در انبار دارد. یک LP ارائه کنید که بتوان با کمترین هزینه تقاضای سه ماه آینده را تأمین کرد. سپس آن را با نرمافزار LINDO حل و نتایج را تحلیل کنید.

۸. یک شرکت نفت، انواع مختلف نفت (نفت نوع ۱ و ۲) را ترکیب و انواع مختلف بنزین (نوع ۱، ۲ و ۳) را تولید می کند. در این خصوص شرکت می تواند سه فرآیند را مورد استفاده قرار دهد.

 $1- c_1$ یک ساعت استفاده از فرآیند ۱، دو بشکه نفتخام نوع ۱ و سه بشکه نفتخام نوع ۲ ترکیب می شوند و دو بشکه بنزین نوع ۲ تولید می گردد. $1- c_1$ یک بشکه نفتخام نوع ۱ و سه بشکه نفتخام نوع ۲ تولید می گردد. $1- c_1$ یک ساعت استفاده از فرآیند ۳، یک بشکه نفتخام نوع ۲ تولید می گردد. $1- c_1$ یک ساعت استفاده از فرآیند ۳، دو بشکه نفتخام نوع ۲ ترکیب می شوند و دو بشکه بنزین نوع $1- c_1$ تولید می گردد. یک ساعت به کارگیری فرآیند $1- c_1$ و $1- c_1$ به ترتیب هزینه ای معادل $1- c_1$ و احد دارد. هر هفته می توان تا $1- c_1$ بشکه نفتخام نوع ۱ را با قیمت $1- c_1$ واحد به ازای هر بشکه و همچنین تا $1- c_1$ بشکه نفتخام نوع ۲ را با قیمت $1- c_1$ واحد فروخت. خریداری کرد. به علاوه هر بشکه از بنزین نوع $1- c_1$ و $1- c_1$ را به قیمت $1- c_1$ واحد فروخت. در طول هفته حداکثر $1- c_1$ ساعت زمان در دسترس است. یک مدل بهینه سازی برای ماکزیم مسازی سود شرکت ارائه و آن را حل کنید.

۹. مزرعهداری در نظر دارد زمین کشاورزی برای کشت محصولات ذرت، جو، سویا، پنبه و گندم اختصاص دهد. مزرعه ۳۵۰ جریب است و کشاورز برای تامین علوفه موردنیاز دامهای خود باید ۵۰ جریب از زمین خود را به کشت ذرت و جو یا مخلوطی از این دو تخصیص دهد. همچنین طبق سنوات گذشته باید حداقل ۲۰ جریب از زمین را به کشت پنبه و حداقل ۲۰ جریب را به کشت گندم اختصاص دهد. با توجه به تجهیزاتی که در اختیار دارد حداکثر مقداری که می تواند زیر کشت سویا ببرد، ۱۵۰ جریب را بین اقلام به کارگر نیاز دارد و سود حاصل از هر جریب را نشان می دهد:

سود هر جریب	کار موردنیاز (ساعت/جریب)	محصول
۴.	٢	ذ <i>ر</i> ت
١٨	۲	جو
49/2	٩	سويا
٣٠	۵	پنبه
79	γ	گندم

دستمزد پرداختی به ازای هر ساعت کار به طور متوسط ۲۰ واحد است و برای پرداخت دستمزد کارگران حداکثر 40000 واحد بودجه در دسترس است. برای ماکزیمم کردن سود کشاورز یک LP ارائه کنید و آن را با LINDO حل کنید.

۱۰ شرکتی فروشنده ی جعبههای پرتقال و پاکتهای آبمیوه است. این شرکت پرتقالها را به درجه ۱ (نامرغوب) تا درجه ۱۰ (مرغوب) درجهبندی کردهاست. در حال حاضر، شرکت معادل ۱۰۰۰۰۰ پوند پرتقال درجه ۹ و ۱۲۰۰۰۰ پوند پرتقال درجه ۶ در اختیار دارد. متوسط کیفیت پرتقالهای فروخته شده در جعبه باید حداقل درجه ۷ باشد و متوسط کیفیت پرتقالهایی که برای تهیه ی آب پرتقال استفاده برای تهیه ی آب پرتقال استفاده می شود باید حداقل درجه ۸ باشد. هر یک پوند پرتقالی که برای تهیه ی آب پرتقال استفاده می شود سودی معادل ۴۵ دلار دارد. یک LP برای ماکزیممسازی سود شرکت ارائه و آن را با LINDO حل کنید.

۱۱. یک فروشگاه رادیو و تلویزیون باید تصمیم بگیرد چه تعداد رادیو و تلویزیون را در انبار نگه داری کند. تلویزیون معادل ۱۰ فوت مربع جا اشغال می کند در حالی که یک رادیو به فضایی معادل ۴ فوت مربع نیاز دارد و کلا ۲۰۰ فوت مربع فضا در اختیار است. این فروشگاه به ازای هر تلویزیون و هر رادیو به ترتیب سودی معادل با ۶۰ و ۲۰ دلار به دست می آورد. تقاضای بازار ایجاب می کند که حداقل ۶۰ درصد از کل دستگاه های انبار شده رادیو باشند. هر تلویزیون سرمایه ای معادل ۲۰۰ دلار و هر رادیو سرمایه ای معادل ۵۰ دلار را به خود اختصاص می دهد و فروشگاه تمایل دارد که ارزش سرمایه در گیر در هر زمان حداکثر ۳۰۰۰ دلار باشد. برای ماکزیم سازی سود فروشگاه یک LP ارائه و آن را با LINDO حل کنید.

<mark>۱۲.</mark> در مسأله برش که در متن درس به آن پرداختیم، فرض کنید شرکت میتواند تقاضای مشتریان را با برش قطعات ۱۷ فوتی و ۲۰ فوتی چوب تأمین کند. یک LP ارائه کنید که مقدار ضایعات را حداقل کند.

۱۳. شرکتی دو نوع کالا تولید می کند. مدت زمان تولید کالای نوع اول دو برابر کالای نوع دوم است. اگر تمام کالاها از نوع دوم باشند، شرکت می تواند جمعاً $0 \cdot 0 \cdot 0$ کالا تولید کند. فرض کنید حداکثر فروش روزانه کالاهای نوع اول و دوم در بازار به ترتیب ۱۵۰ و ۲۵۰ عدد و سود حاصل از فروش آنها به ترتیب ۸ و ۵ دلار باشد. مطلوب است تعداد کالاهایی که باید از نوع اول و دوم تولید شوند به طوری که سود کل ماکزیمم گردد. بدین منظور یک LP ارائه و آن را با LNDO حل کنید.

۱۴. یک شرکت تولیدی کاشی های سقف باید میزان $^{\circ}$ ۷۸۰ متر مربع کاشی برای سقف های منازل تولید کند . این شرکت دو محصول مختلف برای این کار تولید میکند : مدل A به $^{\circ}$ ۹٫۵ عنصر در هر متر مربع نیاز دارد و مدل B به $^{\circ}$ ۱۲٫۵ عنصر در هر متر مربع نیاز دارد . هر دو مدل محصول را می توان در یک سقف استفاده کرد . قیمت مربوط به محصولات به ترتیب $^{\circ}$ و $^{\circ}$ ۸٫۰ و $^{\circ}$ یورو برای هر عنصر است . شرکت دارای $^{\circ}$ ۱۶۰۰ ساعت کار برای اتمام کاشی کاری سقف ها است و همچنین در هر ساعت ، $^{\circ}$ متر مربع از مدل $^{\circ}$ $^{\circ}$ قابل نصب هستند . و نیز به دلیل محدودیت های پخت از مدل $^{\circ}$ $^{\circ}$ تنها $^{\circ}$ ۲۵۰ متر مربع تولید می شود . یک مدل بهینه برای ماکزیمم سازی سود این شرکت ارائه کنید .

B ،A و B به سه فروشگاه B ، A و B به سه فروشگاه از سه انبار B ، B و B به سه فروشگاه به فروشگاه تولید کنند. هزینه حمل هر یخچال از هر انبار به هر فروشگاه، میزان موجودی ماهانه انبارها و مقدار C برای عرضه به بازار حمل میکند. هزینه حمل هر یخچال از هر انبار به هر فروشگاه میزان موجودی ماهانه انبارها و مقدار تقاضای ماهانه فروشگاهها به شرح جدول زیر است:

	ه هر فروشگاه				
موجودی انبار $\overline{}$	C	В	A	انبار	
7	17	۵	١٠	1	
۱۵۰	۱۵	٩	۴	۲	
٣	۶	٨	۱۵	٣	
	۲۵۰	٣٠.	١	تقاضای فروشگاه	

این کارخانه باید از کدام انبار به کدام فروشگاه و به چه میزان یخچال ارسال نماید تا ضمن تامین تقاضای هر فروشگاه هزینه حمل و نقل وی حداقل گردد. مدل برنامه ریزی خطی (LP) مربوطه را بسازید.

10. در یک شرکت هر واحد از محصولی از ۴ واحد قطعه A و P واحد قطعه P تشکیل میشود. دو قطعه P و P از دو ماده خام مختلف که از آنها به ترتیب ۱۰۰ و ۲۰۰ و احد موجود است ساخته میشوند. قطعات P و P در سه بخش کارخانه تولید میشوند و هر بخش از روش خاص خود برای تولید قطعات استفاده میکند (هر بخش میتواند قطعات را تولید کند ولی با سرعت و میزان استفاده متفاوت از مواد). میزان مواد خام مورد نیاز و تعداد قطعات ساخته شده از هرنوع در هر بخش کارخانه در هر شیفت در جدول زیر داده شده است. هدف تعیین تعداد شیفت های کاری برای هر بخش است بطوریکه تعداد کل محصول نهایی تولید شده حداکثر شود . مدل خطی مسأله را بنویسید.

شده در هر شیفت	تعداد قطعه توليد	ف شده در هر شیفت	ميزان ماده خام مصرف	
В	A	مادہ خام ۲	ماده خام ۱	بخش
۵	Υ	۶	٨	١
٩	۶	٩	۵	۲
۴	٨	٨	٣	٣

۱۷. زمان لازم برای تولید هر وحد از محصول A نیم برابرمحصول B و دو برابر محصول C است. اگر کل زمان در دسترس نیروی انسانی در روز صرف تولید محصول B شود می توان C واحد از این محصول را ساخت . با فرض اینکه C و C و C و است C

۱۰۵ در یک مسأله برنامه ریزی تولید , اگر منابع تولید تماما صرف تولید محصول اول شود می تواند ۱۰۰ واحد از آن را تولید X_j کند. اگر منابع مورد نیاز هر واحد محصول دوم ,ثلث منابع مورد نیاز هر واحد محصول اول باشد و X_j میزان تولید محصول ام تعریف شود (j=1,2) چه محدودیتی می تواند معرف آن باشد؟

۱۹.نسبت فروش محصول X_1 به حاصل جمع فروش دو محصول X_2 و X_3 حداقل برابر ۰٫۰۶ است. کدام گزینه مبین این خواسته است ؟

$$X_1 - 0.6X_2 - 0.6X_3 \ge 0$$
 (الف $X_1 - 0.6X_2 - 0.6X_3 \le 0$ ب $X_1 - 0.6X_2 + 0.6X_3 \le 0$ ج $X_1 + 0.6X_2 + 0.6X_3 \ge 0$ (د)

۲۰. به منظور تعادل هواپیما بار در دو قسمت جلو و عقب هواپیما نگهداری می شود. مقدار باری که در قسمت جلو باید قرار داد 7/7 مقدار باری است که در قسمت عقب باید باشد و حداکثر وزن بار $0 \circ 0$ کیلو گرم است. محدودیت مربوطه چیست؟ (در صورتی که X_A = مقدار بار در قسمت جلو و X_B = مقدار بار در قسمت عقب فرض شود.)

سؤالات سطح متوسط و سخت

 ۱. کارخانهای قصد دارد محصولش را از سه انبار به سه فروشگاه توزیع کند. میزان موجودی ماهانه انبارها و مقدار تقاضای ماهانه هر فروشگاه به شرح زیر است:

٣	۲	1	انبار
٣	۱۵۰	۲۰۰	موجودى
C	В	A	فروشگاه
۲۵۰	٣٠.	1	تقاضا

هزینهی حمل یک واحد کالا از هر انبار به هر فروشگاه به شرح زیر است:

C	В	A	انبار / فروشگاه
17	۵	1.	1
١۵	٩	۴	٢
9	٨	۱۵	٣

کارخانه باید تصمیم بگیرد از هر انبار به هر فروشگاه چه میزان کالا ارسال کند به طوری که ضمن تأمین تقاضای هر فروشگاه هزینه حملونقل حداقل شود. بدین منظور یک LP ارائه کنید و سپس آن را با نرمافزار LINDO حل کنید.

<mark>۲. ی</mark>ک بیمارستان قصد دارد تعدادی پرستار استخدام کند. یک روز به چهار نوبت کاری تقسیم شدهاست:

نوبت دوم: ۶ صبح تا ۱۲ ظهر

نوبت اول: ۱۲ شب تا ۶ صبح

نوبت چهارم: ۶ بعد از ظهر تا ۱۲ شب

نوبت سوم: ۱۲ ظهر تا ۶ بعد از ظهر

در هر نوبت تعداد پرستاران مورد نیاز عبارتند از:

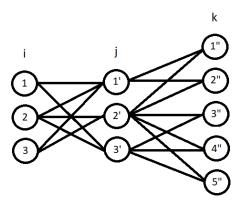
نوبت کاری	١	٢	٣	۴
تعداد پرستاران موردنیاز	۶	۱۵	٨	17

طبق قانون کار در هر روز هر پرستار باید در دو نوبت کار کند. به پرستارانی که نوبت کاری آنها متوالی است دستمزدی معادل با ۱۲ واحد در ساعت و به پرستارانی که نوبت کاری آنها غیرمتوالی است دستمزدی معادل ۱۸ واحد در ساعت پرداخت می شود و هدف آن است که درباره شیوه استخدام پرستاران تصمیم گیری شود به طوری که نیاز بیمارستان در هر نوبت تأمین شود و هزینه ی نیروی کار مورد نیاز حداقل گردد. یک مدل بهینه سازی ارائه کنید که در این تصمیم گیری به بیمارستان کمک کند و آن را با نرمافزار LINDO حل کنید.

 $extstyle ag{7}$ در مسأله زمانبندی کار که در صفحه $extstyle ag{9}$ جزوه به آن پرداختیم، فرض کنید اداره پست بتواند کارکنانش را به یک روز اضافه کار در هفته متقاعد کند. به عنوان مثال، کارمندی که نوبت کاری متداولش شنبه تا چهارشنبه است، ممکن است اضافه کاری نداشته باشد. هر که دلار ندار وز جمعه اضافه کاری داشته باشد. هر کارمند معادل $extstyle ag{9}$ دلار در روز برای هر یک از پنج روز اول کارش و $extstyle ag{9}$ دلار برای روز اضافه کاری اش (اگر داشته باشد) دریافت می کند. یک $extstyle ag{1}$ ارائه کنید که جوابش اداره پست را قادر سازد تا هزینه یک کار مورد نیازش را در هفته مینیمم کند.

۴. در مسأله زمانبندی کار که در صفحهی ۱۰ جزوه به آن پرداختیم، فرض کنید اداره پست
 ۲۵ کارمند تماموقت دارد و اجازه اخراج یا استخدام هیچ کارمندی را ندارد و میخواهد برنامه حضور کارکنان را طوری تعیین
 کند که تعداد مرخصیهای روزهای آخر هفته کارمندان ماکزیمم شود. در این خصوص یک مدل بهینه سازی ارائه کنید.

شرکت ۵ مشتری دارد که با "۱، "۳، "۳، "۴، "۵ نمایش داده شدهاند و تقاضای آنها به ترتیب برابر با ۱۰۰، ۱۰۰، "۳، "۳، "۵ نمایش داده شدهاند و تقاضای آنها به ترتیب برابر با ۱۰۰، ۱۰۰، "۳، "۳، "۵، ا نمایش داده شدهاند و تقاضای آنها به ترتیب برابر با ۱۰۰، ۱۰۰، ۱۰، ۳۰ و ۳۰ نقاط به و ۱۰۰ و ۱۰۰ نقاط انتقال هستند و لازم است کالاها از طریق این نقاط به مشتریان ارسال شوند. ظرفیت تولید هر کارگاه ۴۰۰ واحد کالا است و برای هر کمان (i,j) هزینه انتقال هر واحد کالا از کارگاه به نقطه انتقال (i,j) نشان داده می شود. همچنین برای کمان (i,k) هزینه انتقال یک واحد کالا از نقطه انتقال (i,j) به مشتری با پارامتر (i,j) نشان داده می شود. شرکت باید تصمیم بگیرد چگونه کالاها را به مشتریان انتقال دهد به طوری که ضمن برآورده شدن تقاضا، هزینه ی ارسال مینیمم شود.



۶. در مسأله مالی چند دورهای که در متن درس به آن پرداختیم، فرض کنید امکان سرمایه گذاری در بانک وجود ندارد. در این صورت چه تغییراتی باید در مدل داده شود؟ مدل جدید را ارائه و آن را با LINDO حل کنید. جواب بهین را با جواب بهین مدل قبلی مقایسه کنید.

 ۷. شرکتی دو نوع موتور کولر برای فروش و با توجه به قراردادهای منعقده تولید می کند. طبق قرارداد، موتورها باید در چهار ماه از سال و مطابق جدول زیر تحویل داده شود:

ارديبهشت	فروردين	اسفند	بهمن	مدل
11	1	٧٠٠	٨٠٠	A
14	14	17	1	В

اطلاعات زیر در خصوص تولید برای شرکت عنوان شدهاست:

۱- هزینه تولید هر واحد از مدل A برابر با ۱۰ هزار تومان و هر عدد از مدل B برابر با ۶ هزار تومان است که به علت افزایش حقوق و دستمزد از اول فروردین ماه هزینه تولید هر واحد 1٪ افزایش می یابد.

۲- هزینهی نگهداری هر عدد موتور مدل A برابر با ۱۸ تومان و هر موتور مدل B معادل ۱۳ تومان در ماه است.

۳- موجودی موتور از هر دو مدل در اول بهمن ماه برابر با صفر است.

۴- شرکت در نظر دارد که در آخر اردیبهشت ۴۵۰ عدد موتور مدل A و ۳۰۰ عدد موتور نوع B موجودی داشته باشد.

۵- حداکثر ظرفیت نگهداری موتور در انبار ۳۳۰۰ عدد در هر ماه است. اندازه هر دو مدل موتور یکسان است

 9 - مدت زمان مونتاژ هر عدد موتور مدل A معادل ۱/۳ ساعت و مدت زمان مونتاژ هر عدد موتور B برابر با 9 ساعت است.

با توجه به عدم امکان اخراج نیروی انسانی حداقل ۲۲۴۰ نفر-ساعت نیروی انسانی ماهانه شرکت در اختیار دارد که در زمان تراکم کاری با اضافه کردن دو سرپرست با تجربه می تواند ظرفیت ماهانه خود را حداکثر به ۲۵۶۰ ساعت افزایش دهد. برنامه تولید این شرکت را به گونهای تعیین کنید که مجموع هزینههای شرکت حداقل گردد.

۸. یک فروشگاه عرضه کننده انواع لباس در طول روز به ۱۰ تا ۱۸ فروشنده نیاز دارد. جدول زیر ساعات مختلف روز و تعداد فروشنده مورد نیاز در آن ساعات را نشان می دهد:

حداقل تعداد فروشندهی موردنیاز	اوقات روز
۱۰ نفر	ساعت ۹ تا ۱۰
۱۲ نفر	ساعت ۱۰ تا ۱۱
۱۴ نفر	ساعت ۱۱ تا ۱۲
۱۶ نفر	ساعت ۱۲ تا ۱۳
۱۸ نفر	ساعت ۱۳ تا ۱۴
۱۷ نفر	ساعت ۱۴ تا ۱۵
۱۵ نفر	ساعت ۱۵ تا ۱۶
۱۰ نفر	ساعت ۱۶ تا ۱۷

فروشگاه به منظور پاسخگویی به مراجعان، استخدام فروشندگان نیمهوقت را که باید ۴ ساعت تمام به کار اشتغال ورزند تحت بررسی دارد. بنابراین، ساعت شروع کار فروشندگان نیمهوقت می تواند در رأس یکی از ساعات ۹ تا ۱۳ باشد. حال آن که ساعت کار فروشندگان تماموقت که حداکثر ۱۲ نفرند، از ساعت ۹ تا ۱۷ است، که یک ساعت وقت استراحت و صرف ناهار به آنان داده می شود که نیمی از آنان از ساعت ۱۱ تا ۱۲ و نیم دیگر از ساعت ۱۲ تا ۱۳ از این فرصت استفاده می کنند. سیاست فروشگاه بر آن است که حداکثر تعداد ساعات کار فروشندگان نیمهوقت از ۵۰٪ ساعات کار فروشندگان تماموقت بیشت تر نباشد. میانگین دستمزد فروشندگان نیمهوقت روزانه ۱۶۰۰ تومان در روز) است و فروشندگان تماموقت روزانه ۵۰۰۰ تومان در ریان با حداقل هزینه است.

۹. برای ساختن آلیاژی با ترکیب ۳۰٪ سرب، ۳۰٪ روی و ۴۰٪ قلع از هفت نوع آلیاژ موجود در بازار با ترکیبات مختلف ارائه
 شده در جدول زیر استفاده می شود:

G	F	E	D	С	В	А	نوع فلز / اسم آلياژ
۵۰	۲.	٣.	۶۰	۴.	1.	١.	٪ سرب
۴.	٣.	٣.	٣.	۵۰	٣.	١٠	٪ روی
١.	۵۰	۴.	١٠	١٠	۶۰	٨٠	٪ قلع
89	٧٣	٧۶	۶۰	۵۸	۴٣	41	قيمت واحد

از کدامیک از آلیاژهای موجود در بازار باید در تولید جدید استفاده شود تا ضمن تهیه آلیاژ موردنیاز، هزینهها حداقل گردد؟

۱۰. موجودی نقد یک نفر سرمایه گذار ۱۰۰ واحد پول در روز شنبه است. او به روش زیر می تواند سرمایه گذاری خود را انجام دهد: به ازای هر مقدار سرمایه گذاری در وز و نصف آن مقدار در روز بعد فردای آن روز دو برابر مقدار سرمایه گذاری روز اول را دریافت می کند.

سیاست بهینه سرمایه گذاری برای این فرد را به گونهای تعیین کنید که بتواند پول خود را در پنجشنبه به حداکثر برساند. (توضیح: روزهای پنجشنبه و جمعه تعطیل فرض شدهاست و امکان سرمایه گذاری در این دو روز وجود ندارد.) مدل برنامهریزی سرمایه گذاری را بنویسید.

۱۱. محصولات یک کارخانه کاغذسازی در سه عرض استاندارد ۵، ۱۰ و ۲۰ فوت تولید می شود. فرض بر این است که این محصولات در رولهایی با طول زیاد تولید شده و هرجا که لازم باشد می توان آنها را قطع کرد یا برعکس به هم وصل کرد. سفارشی دریافت شده که مشتری سه نوع کاغذ با مشخصات زیر نیاز دارد. مدل ریاضی این مسأله را طوری بنویسید که ضایعات کارخانه حداقل شود.

طول کاغذ	عرض كاغذ	نوع کاغذ
1	۵	1
٣٠٠	γ	٢
۲۰۰	٩	٣

۱۲. رستورانی برای کارهای روزانه خود احتیاج به دستمال سفره دارد. میزان نیاز این رستوران برای ۵ روز اول هفته به شرح زیر است:

روز	تقاضا برای روزهای مختلف
1	11.
٢	۲۱۰
٣	19.
*	17.
۵	100

موجودی دستمال سفره در روز صفر (شروع برنامه) صفر است. دستمالهای مورد نیاز از سه طریق تهیه میشوند: ۱- خرید به قیمت هر عدد ۱۰۰ ریال

۲- فرستادن دستمالهای کثیف به خشکشویی با هزینهای معادل ۳۰ ریال برای هر دستمال که بعد از هر ۴۸ ساعت آماده می شود.

۳- فرستادن دستمالها به خشکشویی سریع با هزینهای معادل ۵۰ ریال برای هر دستمال که بعد از ۲۴ ساعت آماده میشوند. فرض میشود که دستمالهای مصرفی هر روز در روز بعد قابل استفاده نیست مگر این که به خشکشویی فرستاده شود (زمان ارسال دستمالهای مصرف شده پایان روز است). مسأله را به گونهای فرمول بندی کنید که هزینه ۵ روز حداقل شود.

۱۳. فرض کنید تعداد حداقل اتوبوس مورد نیاز در ساعت iام روز برابر b_i باشد (i و ... و ۲ و ۱ و). هر اتوبوس ۶ ساعت کار می کند. اگر تعداد اتوبوسها در ساعت i از حداقل موردنیاز، i بیشتر شود، اضافه هزینه ای برای هر ساعت کار هر اتوبوس اضافی در نظر گرفته می شود. مسأله را به صورت یک مدل برنامه ریزی خطی فرمول بندی کنید تا بتوانید هزینه اضافی کل را حداقل سازید.

۱۴. مسأله تخصیص سه نوع (اندازه) هواپیمای مختلف را برای چهار مسیر در نظر بگیرید. جدول (۱) حداکثر ظرفیت هواپیماها (برحسب تعداد مسافر) و تعداد هواپیماهای موجود از هر نوع، تعداد پروازهای روزانه را که هر هواپیما می تواند در یک مسیر معین انجام دهد و تعداد روزانه مسافرتی که انتظار می رود در هر مسیر داشته باشد، نشان می دهد.

ر هر مسير	روزانه در	روازهای	تعداد پ	تعداد	ظرفيت	نوع
F	٣	۲	1	هواپيما	(مسافر)	هواپيما
1	۲	۲	٣	٥	٥٠	1
۲	٣	٣	4	٨	۳۰	٢
7	*	۵	٥	10	70	٢

هزینه عملکرد مربوط به هر پرواز در مسیرهای مختلف همراه با زیان (سود از دست رفته) مربوط به نپذیرفتن یک مسافر، به علت نداشتن جا در جدول (۲) خلاصه شدهاست.

مسأله را به صورت یک مدل برنامهریزی خطی فرمولبندی کنید تا بتوانید نحوه تخصیص هواپیماها به مسیرها را، به طوری که هزینه کل را حداقل سازد، به دست آورید.

1000 1700 1100 1000 1	*	در مسیر مفروض ۳	4	1	نوع هواپيما
1000 1000 400 100	1000	1700	1100	1000	1
		1000	400	٨٠٠	Y
400 400 400 400		٨٠٠	900	900	-

۱۵. شخصی ۱۰۰۰ دلار سرمایه دارد و میخواهد در طول ۸ ماه آن را در سپردههای بانکی به شرح زیر سرمایه گذاری کند:

نوع سرمایه گذاری	سود
۱ ماهه	•/1
٣ ماهه	• /۴
۶ ماهه	• /٩

این شخص باید چگونه سرمایه ی خود را سرمایه گذاری کند تا سودش ماکزیمم شود.

۱۶. شرکتی دو نوع محصول تولید می کند. هر واحد از محصول نوع ۱ و ۲ به ترتیب به قیمت ۹۰۰۰ و ۸۰۰۰ واحد به فروش می رسد و هزینه تولید هر یک به ترتیب ۷۵۰۰ و ۶۰۰۰ واحد است. شرکت می خواهد برای تولید سه ماه آیندهاش برنامهریزی کند. میزانی که می توان از هر نوع محصول در هر ماه به فروش رساند، به شرح زیر است:

	محصول ۱	محصول ۲
ماه اول	۶۰۰	1100
ماه دوم	٧٠٠	١۵٠٠
ماه سوم	۵۰۰	17

اگر در یک ماه بیشتر از تقاضا تولید شود، محصولات باقی مانده را می توان در انبار نگه داری و در ماه بعد از آنها استفاده کرد. هزینه انبارداری هر واحد از محصول ۱ و محصول ۲ به ترتیب ۲۰۰ و ۱۵۰ واحد است. در طول هر ماه روی هم رفته حداکثر ۱۵۰۰ واحد می توان تولید کرد و در طول ماه اول حداقل ۶۰ درصد از محصولات تولید شده باید محصول نوع ۲ باشد. در شروع ماه اول ۱۰۰ واحد محصول نوع ۲ در انبار موجود است. یک مدل بهینه سازی ارائه کنید که سود شرکت را طی سه ماه آینده ماکزیمم کند. مدل را با LINDO حل و نتایج را تحلیل کنید.

۱۷. در مسألهٔ فرآیند تولید که در متن درس به آن پرداختیم، مدل دیگری ارائه کنید که در آن صرفاً از متغیرهای زیر به عنوان متغیر تصمیم استفاده گردد. سپس، این مدل را در نرمافزار پیادهسازی و جواب بهین آن را تحلیل کنید.

x_{11}	میزان فروش عطر معمولی نوع ۱ (برحسب اونس)
x_{12}	میزان فروش عطر لوکس نوع ۱ (برحسب اونس)
x_{21}	میزان فروش عطر معمولی نوع ۲ (برحسب اونس)
x_{22}	میزان فروش عطر لوکس نوع ۲ (برحسب اونس)

۱۸. شرکتی سه نوع محصول تولید می کند (نوع ۱، ۲ و ۳). فعالیت او با خرید ماده خام به قیمت ۲۵ دلار به ازای هر پوند شروع می شود. با پردازش هر پوند ماده خام ، ۳ اونس محصول نوع ۱ و یک اونس محصول نوع ۲ تولید می شود که پردازش یک پوند ماده خام به یک دلار هزینه و ۲ ساعت نیروی کار نیاز دارد.

هر اونس محصول نوع ۱ می تواند به یکی از روشهای زیر مورد استفاده قرار گیرد:

۱- به قیمتی معادل ۱۰ دلار به ازای هر اونس فروخته شود.

۲- به یک اونس محصول نوع ۲ تبدیل شود که این امر به ۲ ساعت نیروی کار و ۱ دلار هزینه نیاز دارد.

۳- به یک اونس محصول نوع ۳ تبدیل شود که این امر به ۳ ساعت نیروی کار و ۲ دلار هزینه نیاز دارد.

هر اونس از محصول نوع ۲ می تواند به یکی از روش های زیر استفاده شود:

۱- با قیمتی معادل ۲۰ دلار به ازای هر اونس فروخته شود.

۲- به ۱/ ۰ اونس از محصول نوع ۳ تبدیل شود که این امر به ۱ ساعت نیروی کار و ۱۵/ ۰ دلار هزینه نیاز دارد.

محصول نوع ۳ به قیمت ۳۰ دلار به ازای هر اونس به فروش می رسد. بیشترین میزان قابل فروش برای محصولات ۱، ۲ و ۳ به ترتیب ۵۰۰۰ ، ۵۰۰۰ و ۳۰۰۰ اونس است و حداکثر ۲۵۰۰۰ ساعت نیروی کار در دسترس است. یک مدل بهینه سازی برای ماکزیم مسازی سود شرکت ارائه و آن را با LINDO حل و نتایج را تحلیل کنید.

۱۹. شرکتی به تولید میز و صندلی میپردازد. هر میز به ۴۰ فوت مربع و هر صندلی به ۳۰ فوت مربع چوب نیاز دارد و کلا ۴۰۰۰۰ فوت مربع چوب برای تولید میز ناتمام ۲ ساعت بروی کار و برای تولید یک صندلی ناتمام ۲ ساعت نیروی کار موردنیاز است. برای تکمیل یک میز ناتمام ۳ ساعت نیروی کار و برای تکمیل یک میز ناتمام ۳ ساعت نیروی کار و برای تکمیل یک صندلی ناتمام ۲ ساعت نیروی کار موردنیاز است. کلا ۶۰۰۰ ساعت نیروی کار در اختیار است (که قبلا یولشان پرداخت شده است.)

میز و صندلیها با قیمتهای زیر به فروش میرسند:

میز ناتمام: ۷۰ دلار میز تکمیل شده: ۱۴۰ دلار

صندلی ناتمام: ۶۰ دلار صندلی تکمیل شده: ۱۱۰ دلار

برای ماکزیممسازی سود شرکت یک LP ارائه کنید و آن را با LINDO حل نمایید.

7۰. فرض کنید فردی سرمایه گذاری در سه پروژه را در دست بررسی دارد. اگر فرد به طور کامل در پروژه سرمایه گذاری کند، پرداختیها برحسب میلیون دلار در جدول زیر آمده است. به عنوان مثال، برای پروژه ۱ باید ۳ میلیون دلار اکنون پرداخت شود، که منجر به دریافت 5.5 میلیون دلار در سه سال بعد می گردد.

TABLE 44

	Cash Flow				
Time (Years)	Project 1	Project 2	Project 3		
0	-3.0	-2	-2.0		
0.5	-1.0	5	-2.0		
1	+1.8	1.5	-1.8		
1.5	1.4	1.5	1		
2	1.8	1.5	1		
2.5	1.8	1.2	1		
3	5.5	-1	6		

او اکنون، ۲ میلیون دلار پول نقد دارد و در هر دورهٔ زمانی 0، 0.5، 1، 1.5، 2 و 2.5 سال بعد، در صورت تمایل می تواند تا ۲ میلیون دلار با نرخ بهرهٔ ۶ ماههٔ 3.5 درصد قرض بگیرد. به باقیماندهٔ پول سود با بهرهٔ ۳ درصد تعلق می گیرد. برای مثال اگر در ماه صفر بعد از قرض و سرمایه گذاری، یک میلیون دلار داشته باشد، در زمان 0.5، ۳۰۰۰۰ دلار سود دریافت می کند. هدف ماکزیمم کردن نقدینگی بعد از به حساب گرفتن جریانهای نقدی زمان ۳ است. چه استرتژی باید برای قرض و سرمایه گذاری دنبال شود؟ دقت کنید که می توان در کسری از یک پروژه سرمایه گذاری کرد. به عنوان مثال اگر در نصف پروژه ۳ سرمایه گذاری شود، باید در زمان 0 و 0.5، به اندازهٔ ۱ دلار پرداخت گردد.

۲۱. یک شرکت در طول سال ۲۰۰۳، با جریانهای نقدی ماهانه (برحسب هزار دلار) مطابق با جدول زیر مواجه است: TABLE 42

Month	Cash Flow	Month	Cash Flow
January	-12	July	-7
February	-10	August	-2
March	-8	September	15
April	-10	October	12
May	-4	November	-7
June	5	December	45

یک جریان نقدی منفی به معنی آن است که جریانهای خروجی از جریانهای ورودی بیشتر است. شرکت برای پرداخت صورتحسابهایش نیاز به قرض گرفتن دارد که به دو طریق میتواند عمل کند:

- ۱- وام دراز مدت یک ساله در ژانویه با نرخ ۱٪ که هر ماه مطالبه می شود و قرض باید در پایان دسامبر برگردانده شود.
- ۲- هر ماه می توان از خط اعتباری کوتاهمدت پول قرض گرفت که دارای نرخ بهرهٔ 1.5 درصد است. همهٔ وامهای کوتاه
 مدت باید در پایان ماه دسامبر برگردانده شوند.

در پایان هر ماه، وجه نقد مازاد، سودی معادل 0.4 درصد به همراه دارد. یک LP ارائه کنید.

۲۲. فرض کنید که ۱۰۰۰ دلار را با نرخ بهرهٔ سالانهٔ ۱۲ درصد و با اقساط ۶۰ ماهه قرض گرفتهایم و پرداختهایی مساوی در پایان ماههای ۱، ۲، ...، ۶۰ انجام می شود. اگر در اکسل دستور زیر را وارد کنیم، پرداختی ماهانه برابر با 22.24 دلار محاسبه می شود:

PMT(0.01, 60, 1000)

این جالب است که از P برای تعیین پرداختیهای ماهانه استفاده کنیم. فرض کنید p پرداختی ماهانه باشد که میخواهیم مقدار آن را حساب کنیم. با توجه به بهره، هر ماه به اندازهٔ 0.01 مبالغ پرداختنشدهٔ فعلی بدهکار می شویم. برای مثال، فرض کنید ما 0.01 دلار در هر ماه پرداخت کنیم. در شروع ماه اول، مبالغ پرداخت نشده 0.01 دلار است. از پرداخت ماه اول ما، 0.01

دلار برای بهره می رود و ۲۰ دلار برای مبالغ پرداخت نشده. لذا، ماه ۲ با مبالغ پرداخت نشده ۹۸۰ دلار شروع می شود. این روش را می توان برای تعیین پرداختی ماهانه برای تسویه وام در پایان ماه ۶۰ استفاده کرد. در این خصوص، یک LP ارائه نمایید.

۲۳. یک صندوق بازنشستگی کوچک با بدهیهای زیر برحسب میلیون دلار مواجه است:

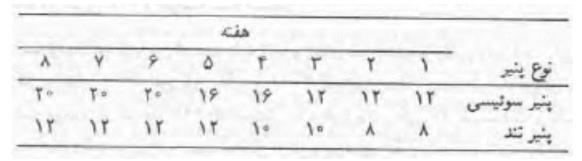
Year 1	Year 2	Year 3	Year 4	Year 5	Year 6	Year 7	Year 8	Year 9
24	26	28	28	26	29	32	33	34

و تمایل دارد سبدی از اوراق قرضه بسازد. اوراق زیر برای خرید در دسترسند:

Bond	1	2	3	4	5	6	7	8
Price	102.44	99.95	100.02	102.66	87.90	85.43	83.42	103.82
Coupon	5.625	4.75	4.25	5.25	0.00	0.00	0.00	5.75
Maturity year	1	2	2	3	3	4	5	5
Bond	9	10	11	12	13	14	15	16
Price	110.29	108.85	109.95	107.36	104.62	99.07	103.78	64.66
Coupon	6.875	6.5	6.625	6.125	5.625	4.75	5.5	0.00
Maturity year	6	6	7	7	8	8	9	9

یک LP ارائه کنید که هزینهٔ سبد و پول نقد اولیه را مینیمم کند با این فرض که سود بانکی برابر با 2 درصد است و امکان سرمایه گذاری مجدد مبالغ دریافتی در بانک وجود دارد.

۲۴. یک شرکت دو نوع پنیر تولید می کند: پنیر سوئیسی و پنیر تند. شرکت ۶۰ کارگر مجرب دارد و می خواهد تعداد نیروی کار خود را به ۹۰ کارگر در طول ۸ هفته آینده افزایش دهد. هر کارگر مجرب می تواند سه کارگر تازه استخدام شده را در یک دوره ۲ هفته ای آموزش دهد که در طول این مدت کارگران آموزش دهنده چیزی تولید نمی کنند. تولید ۱۰ پوند پنیر سوئیسی یک ساعت و تولید ۶ پوند پنیر تند نیز یک ساعت وقت میگیرد. یک هفته کاری ۴۰ ساعت است. تقاضای هفتگی (برحسب کنده) چنین خلاصه می شود:



فرض کنید هر کارگر کارآموز همان حقوق کارگر مجرب را دریافت کند . علاوه بر این، فرض کنید تاریخ مصرف پنیر ها یک هفته باشد . شرکت چگونه باید دستمزد بپردازد و نیرو های جدید را آموزش دهد تا هزینه دستمزد ها کمترین شود ؟

۲۵. قرار است ۱۰ جریب زمین برای بهره برداری در شهری آماده شود . مقامات شهر باید برای ساخت و ساز در این زمین ها تصمیم گیری کنند . دو نوع خانه در این زمین ها ساخته میشود : یک خانه های کم درآمد و دو خانه های با درآمد متوسط . در هر جریب از زمین می شود ۲۰ واحد از خانه های کم درآمد و ۱۵ واحد از خانه های با درآمد متوسط ساخت . هزینه هر کدام از این واحد ها به ترتیب ۱۳۰۰ و ۱۸۰۰۰ دلار است . حداقل و حداکثر خانه های با درآمد کم باید ۶۰ و ۱۵۰ خانه و همچنین ۳۰ و ۷۰ خانه برای خانه های با درآمد کم ادرآمد کم باید ۱۵۰ خانه است . کل

مبلغی که برای رهن این خانه ها در نظر گرفته شده است حدودا ۲ میلیون دلار است . و در نهایت مهندس مشاور پیشنهادی مبتنی بر اینکه تعداد خانه های با درآمد متوسط ۵۰ واحد بیشتر باشد داده است. مساله را در دو حالت بررسی کنید : الف) مینیمم هزینه . ب) ماکزیمم تعداد خانه ها .

77. شرکتی تصمیم دارد که مخارج نیم ساعت نمایش تلویزیونی شامل یک کمدین و یک ارکستر را تأمین نماید. شرکت اصرار داده دارد که حداقل ۳ دقیقه تبلیغات مربوط به خود در برنامه گنجانده شود. شبکه تلویزیونی مقرر میکند که زمان اختصاص داده شده به کمدین شده برای تبلیغات نباید از ۱۲ دقیقه تجاوز کرده و تحت هیچ شرایطی نمی تواند بیش از زمان اختصاص داده شده به کمدین باشد. از طرفی کمدین مایل نیست که بیش از ۲۰ دقیقه از کل برنامه را بازی کند ، بنابراین زمان باقی مانده را ارکستر پر خواهد کرد. هزینه کمدین دقیقه ای ۱۵۰ واحد پول ، ارکستر دقیقه ای ۱۰۰واحد و تبلیغات دقیقه ای ۵۰ واحد پول می باشد. تجربه نشان داده است که برای هر دقیقه ای که کمدین روی صفحه تلویزیون باشد ۲۰۰۰ تماشاچی جدید تلویزیون را روشن میکنند ، برای هر دقیقه ارکستر ۲۰۰۰ تماشاچی جدید خواهیم داشت اما برای هر دقیقه آگهی ۱۰۰۰ تماشاچی تلویزیون را خاموش میکنند . حال مدلی بنویسید که نشان دهد زمان موجود را چگونه باید بین این سه پخش کرد به طوری که : الف) حداکثر تماشاچی بدست آید . ب) برنامه با حداقل هزینه تولید شود .

۲۷- یک کارخانهٔ تولید لبنیات، شیر و خامه را با هم ترکیب می کند و از آن، پنیر خامهای و پنیر محلی تولید می کند. برای این منظور می توان از شیر کمچرپ و شیر پرچرب استفاده کرد. شیر کمچرب دارای ۳۰ درصد چربی و شیر پرچرب دارای درصد چربی استفاده برای تولید پنیر خامهای باید به طور متوسط دارای ۵۰ درصد چربی و شیر مورد استفاده برای تولید پنیر محلی باید به طور متوسط دارای ۳۵ درصد چربی باشد. حداقل ۴۰ درصد وزن ترکیبات پنیر خامهای و ۲۰ درصد وزن ترکیبات پنیر محلی را خامه تشکیل می دهد.

هر دو نوع پنیر با ترکیب شیر و خامه در ماشین تولید پنیر تولید میشوند.

پردازش هر یک پوند ترکیبات و تبدیل آن به یک پوند پنیر خامهای هزینهای معادل ۴۰ سنت را دربردارد.

تولید هر یک پوند پنیر محلی ۴۰ سنت هزینه در بردارد اما از هر پوند ترکیبات پنیر محلی ۹/۰ پوند پنیر و ۰/۱ پوند تفاله به دست میآید.

خامه را می توان با جوشاندن شیر کم چرب و پرچرب تولید کرد. جوشاندن هر یک پوند شیر پرچرب ۴۰ سنت هزینه دربردارد و از هر پوند شیر پرچرب جوشانده شده، ۶/ و پوند خامه به دست می آید. جوشاندن هر یک پوند شیر کم چرب، هزینه ای معادل ۴۰ سنت دربردارد و از هر پوند شیر کم چرب جوشانده شده، ۳/ و پوند خامه به دست می آید.

در هر روز می توان ۳۰۰۰ پوند مادهٔ خام وارد ماشین تولید پنیر کرد. همچنین، در هر روز باید حداقل ۱۰۰۰ پوند پنیر خامهای و ۱۰۰۰ پوند پنیر محلی را به و ۱۰۰۰ پوند پنیر محلی تولید شود. در ضمن روزانه می توان تا سقف ۱۵۰۰ پوند پنیر خامهای و ۲۰۰۰ پوند پنیر محلی و پنیر خامهای را به ترتیب به قیمت ۱/۲ و ۱/۵ دلار به فروش رساند. هر پوند شیر پرچرب و کمچرب را می توان به قیمت ۸۰ و ۴۰ سنت خریداری کرد. واحد جوشاندن می تواند حداکثر ۲۰۰۰ پوند شیر را روزانه پردازش کند.

برای افزایش سود روزانه کارخانه، یک LP ارائه و آن را با LINDO حل کنید.

سؤالات مهم كتاب وينستون

- ۱. سؤال ۸ از تمرینات پایان بخش 3.9 از کتاب تحقیق در عملیات تألیف Winston (صفحه ۹۸ از نسخهای که بر روی LMS قرار داده شدهاست) را حل کنید.
- ۲. سؤال ۸ از تمرینات پایان بخش 3.10 از کتاب تحقیق در عملیات تألیف Winston (صفحه ۱۰۵ از نسخهای که بر روی LMS قرار داده شدهاست) را حل کنید.
- ۳. سؤال ۲۷ از تمرینات مروری پایان فصل 3 از کتاب تحقیق در عملیات تألیف Winston (صفحه ۱۱۷ از نسخهای که بر روی LMS قرار داده شدهاست) را حل کنید.
- ۴. سؤال ۲۹ از تمرینات مروری پایان فصل 3 از کتاب تحقیق در عملیات تألیف Winston (صفحه ۱۱۸ از نسخهای که بر روی LMS قرار داده شدهاست) را حل کنید.
- ۵. سؤال ۳۴ از تمرینات مروری پایان فصل 3 از کتاب تحقیق در عملیات تألیف Winston (صفحه ۱۱۸ از نسخهای که بر روی LMS قرار داده شدهاست) را حل کنید.
- ۶. سؤال ۵۵ از تمرینات مروری پایان فصل 3 از کتاب تحقیق در عملیات تألیف Winston (صفحه ۱۲۳ از نسخهای که بر روی LMS قرار داده شدهاست) را حل کنید.
- ۷. سؤال ۵۶ از تمرینات مروری پایان فصل 3 از کتاب تحقیق در عملیات تألیف Winston (صفحه ۱۲۳ از نسخهای که بر روی LMS قرار داده شده است) را حل کنید.

سؤالات مهم كتاب بازارا

۱. شخصی ۵۰۰۰ دلار را میخواهد در ۵ سال آینده سرمایه گذاری کند. در شروع هر سال او می تواند پولش را برای یک دوره یک ساله یا دوساله به حساب سپرده بگذارد. بانک ۴ درصد از سود به ازای هر سال سپرده و ۹ درصد (درکل) برای دو سال سپرده می پردازد. به علاوه شرکت برای سه سال سود تضمینی پیشنهاد می کند که شروع آن در شروع سال دوم است. این تضمین شامل ۱۵ درصد (در کل) است و اگر این شخص موجودی اش را در هر سال سرمایه گذاری کند، یک برنامه خطی ارائه دهید تا به او نشان دهد چگونه سرمایه گذاری کند، تا در پایان سال پنجم پول نقدش ماکزیمم شود.

۲. شرکتی میخواهد برای دو فقره از تولیداتش با توجه به تقاضاهای فصلی به مدت ۱۲ ماه برنامهریزی کند. تقاضای ماهیانه فقره ۱، شرکتی میخواهد برای دو فقره از تولیداتش با توجه به تقاضای ماهیانه فقره ۲ در طول ماههای ژانویه، فوریه، مارس و آوریل؛ ۱۵۰۰۰۰ واحد در طول ماههای باقی مانده است. تقاضای ماهیانه فقره ۲ در طول ماههای اکتبر تا فوریه ۵۰۰۰۰ واحد و ۱۵۰۰۰۰ واحد در طول ماههای باقی مانده است. فرض کنید که هزینه تولید فقره ۱ و ۲ به ترتیب ۵ و ۸/۵ دلار است به شرطی که آنها قبل از ماه ژوئن تولید شده باشند. بعد از ماه ژوئن، به علت اصلاح سیستم تولید، هزینهی دو فقره به ۴/۵ و ۷ دلار کاهش می یابد. تعداد کل اقلام تولیدی فقره ۱ و ۲ هر ماه در فاصله زمانی بین ماههای ژانویه-سپتامبر حداکثر ۱۲۰۰۰۰ و بین ماههای اکتبر دسامبر حداکثر ۱۵۰۰۰۰ است. علاوه بر این، هر واحد از فقره ۱، دو فوت مکعب و هر واحد از فقره ۲، چهار فوت مکعب از فضای انبار را اشغال می کند. فرض کنید ماکزیمم فضای انبار که به این دو فقره می توان اختصاص داد ۱۵۰۰۰ هزار فوت مکعب است و هزینه ی نگه داری هر فوت مکعب در طول ماه ۲/۰ دلار است. مسأله زمان بندی تولید را طوری فرمول بندی کنید که کل هزینه تولید و انبار داری مینیمم شود.

 8 . یک کارخانه نساجی پنج نوع پارچه تولید می کند. تقاضا (برحسب هزار یارد) در طول سه ماه سال برای نوع پارچهها به ترتیب 8 ، 8 ، 8 , 8 8 , 8

۴. یک میله ی فولادی به طول ۳۶ اینچ داریم و به کمک یک دستگاه برش می خواهیم قطر آن را از ۱۴ اینچ برسانیم. x_1 سرعت دورانی (دور در دقیقه) ، x_2 سرعت عمقی (اینچ در دقیقه) و x_3 سرعت طولی (اینچ در دقیقه) کمیتهای موردنظر هستند که باید مشخص شوند. مدت زمان برش با رابطه $\frac{36}{x_2x_3}$ نشان داده می شود. تراکم و فشار کناری وارد بر دستگاه برش به ترتیب با رابطه $30x_1 + 4500x_2 + 5000x_3$ و $30x_1 + 4500x_2$ پوند بر اینچ مربع است. درجه حرارت تیغه برش بر حسب فارنهایت $30x_1 + 4500x_2$ و درجه حرارت تیغه برش بر حسب فارنهایت ($30x_1 + 4500x_2 + 5000x_3$ است. ماکزیمم تراکم، فشار کناری و درجه حرارت مجاز به ترتیب مسب فارنهایت است. می خواهیم سرعت (که باید $30x_1 + 4500x_2 + 5000x_3$ باشد)، عمق برش و طول برش را تعیین کنیم به طوری که زمان برش مینیمم شود. برای به کارگیری یک مدل خطی تقریب زیر باشد)، عمق برش و طول برش را تعیین کنیم به طوری که زمان برش مینیمم شود. برای به کارگیری یک مدل خطی تقریب زیر می کنیم. مسأله را به صورت یک مدل خطی فرمول بندی کنید و درستی تقریب به کار رفته در تابع هدف را بررسی کنید. می کنیم. مسأله را به صورت یک مدل خطی فرمول بندی کنید و درستی تقریب به کار رفته در تابع هدف را بررسی کنید. می مدیر تولید زمان بندی سه محصول روی چهار ماشین را برنامه ریزی می کند. هر محصول می تواند با هر ماشین تولید شود. هرینه تولید هر واحد (برحسب دلار) چنین است:

*	٣	٢	١	محصول / ماشين
Υ	۵	۴	۴	١
۶	۵	Υ	۶	۲
11	٨	١٠	17	٣

ا زمان لازم (برحسب ساعت) برای تولید هر واحد محصول در هر ماشین در جدول زیر آمده است:

۴	٣	۲	1	محصول / ماشین
۰ /۲	۰/۲	۰ /۲۵	۰ /۳	١
۰ /۲۵	۰ /۲	۰ /۳	۰ /۲	۲
• /۵	. 18	. 18	۰/٨	٣

فرض کنید که ۳۰۰۰، ۶۰۰۰ و ۴۰۰۰ از محصولا نیاز است و نیز ماشین-ساعت موجود به ترتیب ۱۵۰۰، ۱۲۰۰، ۱۵۰۰ و ۲۰۰۰ باشد. مسأله زمانبندی را به صورت یک برنامه خطی فرمول بندی کنید.

9. شرکتی مونتاژ محصولی را به عهده دارد که شامل قاب، میله فلزی و بلبرینگ است. شرکت میله فلزی و قاب را خود تولید می کند اما بلبرینگ را تولیدکننده ی دیگری خریداری می کند. هر ملیه فلزی باید مراحل ماشین سندان، ماشین تراش و ماشین ترین و ماشین ترین مراحل به ترتیب 9/0 ساعت، 1/0 ساعت و 1/0 ساعت برای هر میله فلزی وقت می گیرد. هر قاب 1/0 ساعت در ماشین سندان، 1/0 ساعت در ماشین سوراخ کن، 1/0 ساعت در ماشین تیزکن وقت می گیرد. شرکت 1/0 ماشین تراش، 1/0 ماشین تیزکن، 1/0 ماشین سندان، 1/0 ماشین سندان، 1/0 ماشین سندان، 1/0 ماشین ساعت در هر سال کار می کند، مسأله یافتن ماکزیمم تعداد مؤلفه های محصول تولیدی مونتاژ را به صورت یک مدل خطی فرمول بندی کنید.