

QUESTÕES CAPÍTULO 8 – PARTE II

CÁLCULO LAMBDA – REDUÇÕES

Qual é o resultado da substituição $((\lambda x. \lambda y. x+y)5)7$

- a) 5
- b) 6
- c) 7
- d) 12
- e) 11

Qual é o resultado final da substituição $(\lambda u. v)[v \leftarrow u]$?

- a) $\lambda u. u$
- b) $\lambda v. u$
- c) $\lambda u. u$
- d) $\lambda z. u$
- e) $\lambda v. v$

Marque a substituição correta:

- a) $\lambda x. ax [a \leftarrow y] = \lambda x. yx$
- b) $\lambda y. ybx [x \leftarrow ya] = \lambda y. zbya$
- c) $\lambda c. b [c \leftarrow x] = \lambda x. b$
- d) $\lambda u. v [v \leftarrow u] = \lambda u. u$
- e) $\lambda x. (xy) [x \leftarrow z] = \lambda x. (zy)$

Marque a substituição incorreta:

- a) $((\lambda p. p(pq))(\lambda r. (pr))) [q \leftarrow pa] = \lambda z. (z(zpa)) \lambda r. (pr)$
- b) $y [x \leftarrow z] = y$
- c) $\lambda u. v [v \leftarrow u] = \lambda u. u$
- d) $\lambda a. (ab) [a \leftarrow g] = \lambda a. (ab)$
- e) $\lambda f. h [h \leftarrow f] = \lambda y. f$

Após a realização de um processo da substituição $(\lambda z. (p(pq)) \lambda r. (pr)) [q \leftarrow pa]$ obtém-se qual λ -termo e com quais substituições é possível chegar a esse resultado?

- a) $(\lambda z. (p(ppa)) \lambda r. (pr))$ II; III3; II; I1; I2; III3; II; I2; II; I1
- b) $(\lambda z. (p(pap)) \lambda r. (par))$ II; III3; II; I2; III2; II; I2; II; I1
- c) $(\lambda z. (p(ppa)) \lambda r. (pr))$ II; III2; II; I2; I2; III2; II; I2; II; I2; I1
- d) $(\lambda z. (p(ppa)) \lambda r. (par))$ II; III3; II; I1; I2; III3; II; I1
- e) $(\lambda z. (p(ppa)) \lambda r. (pr))$ II; III2; II; I1; I2; III3; II; I2; I1

Usando substituição $M [s \leftarrow r k]$ no seguinte termo $M: ((\lambda r. r (r s))(\lambda r. r (s r)))$, a alternativa correta é:

- a) $(\lambda r.r (r r k))(\lambda r.r (r k r))$
- b) $\lambda z.(z (z r k)) \lambda z.(z (r k z))$
- c) $(\lambda r.r (r k r)) (\lambda r.r (r r k))$
- d) $\lambda z.(z (r k z)) \lambda z.(z (z r k))$
- e) Nenhuma das alternativas anteriores.

A substituição $(\lambda x.y)[y \leftarrow x]$ é equivalente a:

- a) $\lambda v.x$
- b) $\lambda v.xx$
- c) $\lambda v.v$
- d) $\lambda x.x$
- e) $\lambda y.x$

A redução de $(\lambda u.u u) (\lambda v.v)$ é equivalente a:

- a) $\lambda u.v.v$
- b) $\lambda v.v v$
- c) $\lambda u.v$
- d) $\lambda v.v.u$
- e) $\lambda v.v$

Qual das seguintes opções apresenta a realização correta de uma substituição?

- a) $\lambda x.(x y) [x \leftarrow y] = \lambda x.(x [x \leftarrow y] y [x \leftarrow y]) = \lambda x.(y y)$
- b) $\lambda x.(y z) [y \leftarrow x] = \lambda z.(((y z) [x \leftarrow z]) [y \leftarrow x]) = \lambda z.((y [x \leftarrow z] z [x \leftarrow z]) [y \leftarrow x]) = \lambda z.((y z [x \leftarrow z]) [y \leftarrow x]) = \lambda z.((y z) [y \leftarrow x]) = \lambda z.(y [y \leftarrow x] z [y \leftarrow x]) = \lambda z.(x z [y \leftarrow x]) = \lambda z.(x z)$
- c) $\lambda x.y [y \leftarrow x] = \lambda z.((y [y \leftarrow x]) [x \leftarrow z]) = \lambda z.(x [x \leftarrow z]) = \lambda z.z$
- d) $\lambda x.y [y \leftarrow z] = \lambda z.(y [y \leftarrow z]) = \lambda z.z$
- e) $\lambda x.y [y \leftarrow \lambda y.x] = \lambda z.((y [x \leftarrow z]) [y \leftarrow \lambda y.x]) = \lambda z.(y [y \leftarrow \lambda y.x]) = \lambda z.\lambda y.x$

Sobre o cálculo Lambda marque a alternativa correta:

- a) Sejam M e N termos Lambda, então $(M N)$ é uma Aplicação Lambda que representa a operação de aplicação da função N a um objeto de entrada M.
- b) Sobre associatividade à esquerda de Lambda Termos, $M N P$ é uma notação simplificada de $((M N) P)$.
- c) Não é possível definir uma abstração Lambda para funções de mais de uma variável.
- d) Para o termo $(x y) \lambda y.\lambda x.(x y)$ a primeira ocorrência da variável x é livre, a segunda ocorrência da variável x é ligada e, a primeira e segunda ocorrência da variável y são livres.
- e) $(x y) \lambda x.y$ não é um Lambda termo, pois não é possível construir uma abstração Lambda $(\lambda x.M)$, sendo M um Lambda termo onde não há presença da variável x.

Quantos passos devemos fazer até realizarmos todas substituições do termo $(\lambda y.(x u))[u \leftarrow y]$?

Considere cada passo como uma aplicação de substituição que está definida no livro.

- a) 5
- b) 6
- c) 7
- d) 8
- e) 9

Marque V ou F e assinale a alternativa correta:

- () Em relação ao termo $\lambda x.(x y)$, a substituição $\lambda x.(x y)[x \leftarrow y] = \lambda x.(y y)$ está correta.
- () Em relação ao termo $\lambda y.(y x)$, se tirássemos o λy do termo, seria possível fazer tanto a substituição $(y x)[x \leftarrow y] = (y y)$ como a substituição $(y x)[y \leftarrow x] = (y y)$
- () No termo $\lambda y.(y x)$, x é variável livre, e y variável ligada.
- () A resolução da seguinte substituição $(\lambda x. y)[y \leftarrow x]$ resulta em $\lambda z. y$

- a) FFVF
- b) VFVF
- c) FVVF
- d) VFFV
- e) FFVV

Marque a alternativa incorreta:

- a) A substituição de $(\lambda x.z) [z \leftarrow x]$ pode ser representado por $\lambda y.x$
- b) A substituição de $(\lambda x.z) [z \leftarrow x]$ pode ser representado por $\lambda w.x$
- c) A substituição de $((\lambda x.x (x z)) (\lambda y.(x y))) [z \leftarrow x w]$ pode ser representado por $\lambda a.(a (a x w)) \lambda y.(xy)$
- d) A substituição de $\lambda x.(x z) [x \leftarrow y]$ pode ser representado por $\lambda x.(x z)$
- e) A substituição de $\lambda x.(x z) [x \leftarrow y]$ pode ser representado por $\lambda y.(y z)$

Dada a expressão $((((\lambda x. \lambda y. \lambda z. ((x + y) * (z + x) * (z + y)) \lambda y. \lambda z.(y + z))5)8)7)10$.

Utilizando os métodos de redução, qual é o valor final dela?

- a) 314
- b) 157
- c) 286
- d) 171
- e) 682

Marque a alternativa que representa as substituições corretas dos termos

- i) $y[x \leftarrow r]$
- ii) $(\lambda x.t)[x \leftarrow r]$
- iii) $(\lambda t.t\ s)[t \leftarrow r]$

- a) i) r – ii) t – iii) ts
- b) i) y – ii) $\lambda x.t$ – iii) $(\lambda t.t\ s)$
- c) i) y – ii) λxt – iii) $(\lambda.r\ s)$
- d) i) yr – ii) $(\lambda r.t)$ – iii) $(\lambda t.r\ s)$
- e) nenhuma das alternativas.

Considerando a definição de substituição em termos lambda e os casos enumerados abaixo:

i) *Variável.*

- i.1) $x[x \leftarrow X] = X$
- i.2) $y[x \leftarrow X] = y$

ii) *Aplicação Lambda.*

Suponha $M1, M2$ λ -termos. Então:

$$(M1M2)[x \leftarrow X] = ((M1[x \leftarrow X])(M2[x \leftarrow X]))$$

iii) *Abstração Lambda.*

$$\text{iii.1) } \lambda x.M[x \leftarrow X] = \lambda x.M$$

$$\text{iii.2) } (\lambda y.M)[x \leftarrow X] = \lambda y.(M[x \leftarrow X])$$

$$\text{iii.3) } (\lambda y.M)[x \leftarrow X] = \lambda z.((M[y \leftarrow z])[x \leftarrow X])$$

Quais casos estão presentes nos termos lambda A e B:

$$A)(\lambda t.t\ s)[t \leftarrow r]$$

$$B)(t\ s)[t \leftarrow r]$$

- a) A- i.1,i.2,ii
B- iii.1
- b) A- iii.1
B- i.1,i.2,ii
- c) A- i.1,i.2,ii,iii.2
B- i.1,i.2,ii
- d) A- iii.1
B- i.2, ii,iii.1, iii.3
- e) nenhuma das anteriores

Sobre o formalismo λ -cálculo.

- I. A expressão $\lambda x.(\lambda y.(\lambda z.(x(yz))))$ equivale, no cálculo lambda, à composição de funções $f \circ g$. Assim: $\lambda x.(\lambda y.(\lambda z.(x(yz)))) f g \triangleright^* \lambda x.(f(gx))$.
- II. A redução beta permite transformar $\lambda y.(\lambda z.(x(yz)))z$ em $\lambda z.(x(zz))$
- III. A renomeação de variáveis não altera o significado de λ -termos, assim $\lambda y.(\lambda z.(x(yz)))$ equivale a $\lambda x.(\lambda z.(x(xz)))$

Assinale a afirmativa correta referente às afirmações acima:

- a) Apenas I está correta.
- b) Apenas II está correta.
- c) Apenas III está correta.
- d) Nenhuma está correta.
- e) Nenhuma das anteriores.

Sobre o cálculo lambda, assinale a alternativa incorreta.

- a) É dado o nome de redução beta para uma redução que aplica uma função a um argumento, através da substituição.
- b) O objetivo do cálculo sobre a notação lambda é operacionalizar termos.
- c) As reduções utilizadas no cálculo lambda podem ser vistas como uma operacionalização deste.
- d) $\lambda y.(\lambda x.(w(yz))) \triangleright^* \lambda y.(\lambda x.(w(yz)))$ é um exemplo de redução.
- e) Ambas as reduções alfa e beta, denotadas pelos símbolos α e β respectivamente, podem ser chamadas simplesmente de reduções e serem denotadas pelo símbolo \triangleright .

Qual das seguintes substituições está CORRETA?

- a) $\lambda x.(xy) [x \leftarrow u] = \lambda u.(xy)$
- b) $(\lambda x.x) [x \leftarrow u] = (\lambda x.u)$
- c) $(\lambda x.x(xz)) [z \leftarrow xy] = \lambda z.(z(zxy))$
- d) $(xy) [x \leftarrow z] = \lambda z.y$
- e) $x [x \leftarrow z] = \lambda z$

Quantas vezes a variável x aparece no λ -termo após a substituição a seguir?

$\lambda x.(y \lambda y.(xy) \lambda a.(ax))[a \leftarrow x]$

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) Nenhuma das anteriores.

Quais das propriedades seguintes podem ser aplicadas ao cálculo Lambda?

- I) Reflexividade;
- II) Transitividade;
- III) Associatividade;
- IV) Simetria;

- a) Apenas a I;
- b) I e II;
- c) Apenas a III;
- d) I, II e IV;
- e) Todas as afirmativas estão corretas.

Seja V um conjunto infinito e enumerável. Considere:

- I) $(\lambda f. (p f)) [q \leftarrow p a]$ é equivalente a $\lambda f. (p f)$ uma vez que f não ocorre livremente em p a e q não ocorre livre em p f .
- II) $y [x \leftarrow X]$ significa que em cada ocorrência de y, deverá ser substituída por X.
- III) $(\lambda y. M)[x \leftarrow X] = \lambda y. (M[x \leftarrow X])$ Não é necessário a aplicação de uma variável auxiliar se y não ocorre livre no subtermo X ou x não ocorre livre no subtermo M.

Quais afirmativas estão corretas:

- a) I, II, III
- b) I, II
- c) I, III
- d) todas estão erradas
- e) todas estão certas

Assinale a alternativa que equivale à forma reduzida de $(\lambda x. x) (\lambda x. y) (\lambda y. y) (\lambda x. (x y)) [y \leftarrow x]$:

- a) $((\lambda y. y)(\lambda y. y)(\lambda y. y)(\lambda y. (y y)))$
- b) $((\lambda x. x)(\lambda z. x)(\lambda y. y)(\lambda z. (z x)))$
- c) $((\lambda x. x)(\lambda x. x)(\lambda x. x)(\lambda x. (x x)))$
- d) $((\lambda x. x)(\lambda z. x)(\lambda y. x)(\lambda z. (z x)))$
- e) nenhuma das anteriores

Assinale a alternativa que reduz corretamente a expressão $((\lambda x \lambda y. x + y) 6) 9$ ▷:

- a) $((\lambda y. x + y)[x \leftarrow 6]) 9 = (\lambda y. 6 + y) 9$ ▷
 $(9. 6 + y)[y \leftarrow 9] = 9. 6 + 9 = 15$
- b) $((\lambda y. x + y)[x \leftarrow 6]) 9 = (\lambda y. 6 + y) 9$ ▷
 $(6 + y)[y \leftarrow 9] = \lambda x 6 + \lambda y 9 = 15$
- c) $((\lambda y. x + y)[x \leftarrow 6]) 9 = (\lambda y. 6x + y) 9$ ▷
 $(6x + y)[y \leftarrow 9] = 6x + 9y = 15$
- d) $((\lambda y. x + y)[x \leftarrow 6]) 9 = (\lambda y. 6 + y) 9$ ▷
 $(6 + y)[y \leftarrow 9] = 6 + 9 = 15$
- e) Nenhuma das anteriores.

Logo abaixo são apresentadas as seguintes reduções:

- 1 - $(\lambda x. 3 * x + 1) 4 \blacktriangleright (3 * x + 1) [x \leftarrow 4] = 3 * 4 + 1 = 13$
- 2 - $(\lambda x. \lambda y. x + y) (\lambda s. s * 2) \blacktriangleright (\lambda y. x + y) [x \leftarrow \lambda s. s * 2] = \lambda y. (\lambda s. s * 2) + y$
- 3 - $((\lambda x. \lambda y. x - y) 150) 150 \blacktriangleright ((\lambda x. \lambda y. x - y) [x \leftarrow 150]) 150 = (\lambda y. 150 - y) 150 \blacktriangleright$
 $(150 - y)[y \leftarrow 150] = 150 - 150 = 0$

$$4 - ((\lambda x. y + 1) 8) \triangleright (y + 1) [y \leftarrow 8] = 8 + 1 = 9$$

$$5 - (\lambda y. y \ y) (\lambda z. z) \triangleright^* z [z \leftarrow \lambda z. z] = \lambda z. z$$

Marque a resposta que representa a numeração de todas as alternativas corretas, de acordo com a definição de redução apresentada no Cálculo Lambda:

a) 1-3

b) 1-2-3

c) 1-2-3-4

d) 1-2

e) 1-2-3-5