

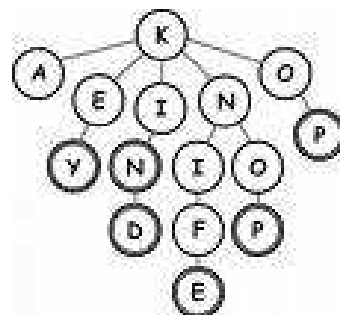
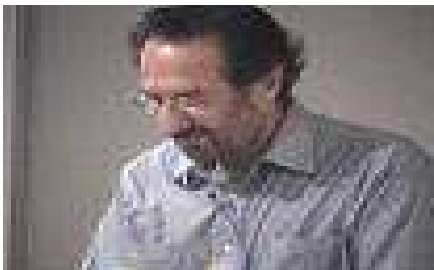
# ÁRVORES TRIES

## 0. Introdução

- TRIE vem de RETRIEVAL – RECUPERAÇÃO
- A pronúncia: TRI ou TRAI
- É um tipo de árvore de busca como B, ISAM, quadrees, e vermelho-preto.
- Idéia geral: usar partes das CHAVES como caminho busca
- Origem: anos 60 por Edward Fredkin

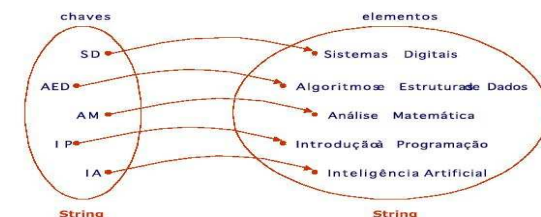
## 0. Introdução

Edward Fredkin (1934 - )



## 1. CHAVES: Características

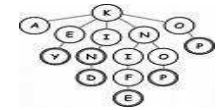
- Cada chave formada por palavras sobre um alfabeto
- Palavras com tamanho variável e ilimitado
- Em geral associam-se chaves a elementos ou registros



## 1. CHAVES: Características

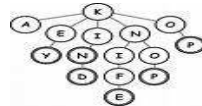
- Cada **chave** é formada a partir de **alfabeto** de símbolos
- Exemplos de **alfabetos**:  
{0,1}, {A, B, C, D, E,...Z}, {0,1,2,3,4,5,...,9}
- Exemplos de **chaves**:  
ABABBBBABABA 19034717 Maria  
010101010000000000101000000001010
- Chaves parcialmente **partilhadas** entre os elementos

## 2. Trie: A estrutura



- Árvore **ordenada** e **n-ária**
- Chaves em geral **caracteres**
- Ao contrário da árvore de busca binária **nenhum nó** armazena a chave
- Chave determinada pela **posição** na árvore

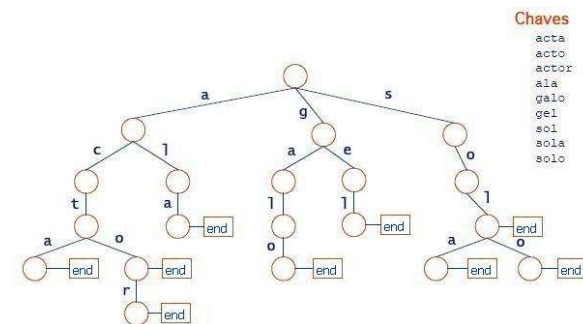
## 2. Trie: A estrutura



- **Descendentes** de mesmo nó com mesmo **prefixo**
- **Raiz**: cadeia vazia
- Valores ou elementos associados a **folhas** ou a alguns nós **internos** de interesse
- O **caminho** da raiz para qualquer outro nó é um **prefixo** de uma *string*

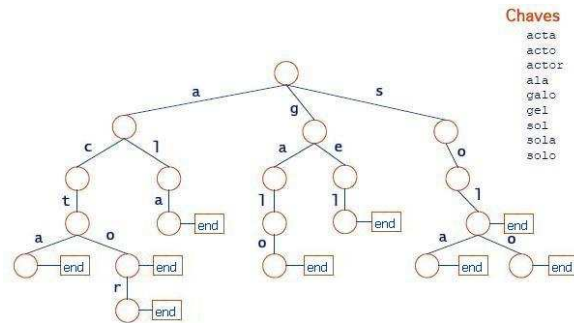
## 2. Trie: A estrutura

- Árvore **ordenada** e **n-ária**



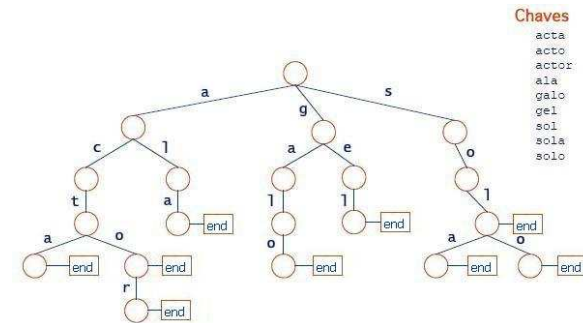
## 2. Trie: A estrutura

- Chaves em geral **caracteres**



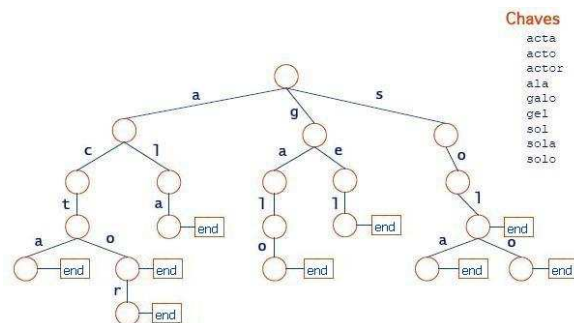
## 2. Trie: A estrutura

- Ao contrário da árvore de busca binária **nenhum nó** armazena a chave



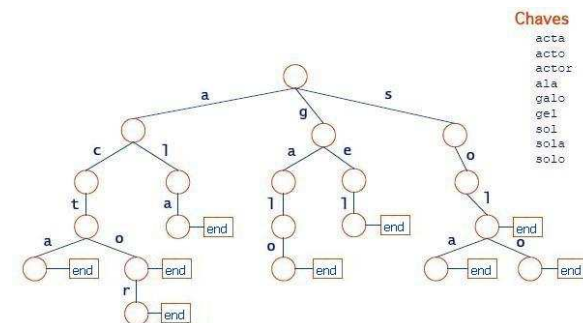
## 2. Trie: A estrutura

- Chave determinada pela **posição** na árvore



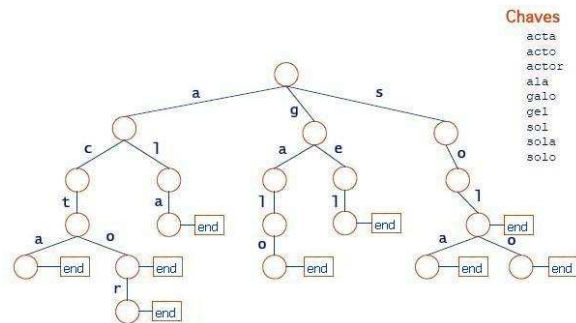
## 2. Trie: A estrutura

- Descendentes** de mesmo nó com mesmo **prefixo**



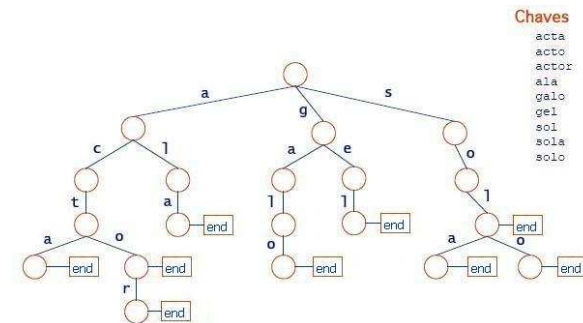
## 2. Trie: A estrutura

- **Raiz**: cadeia vazia



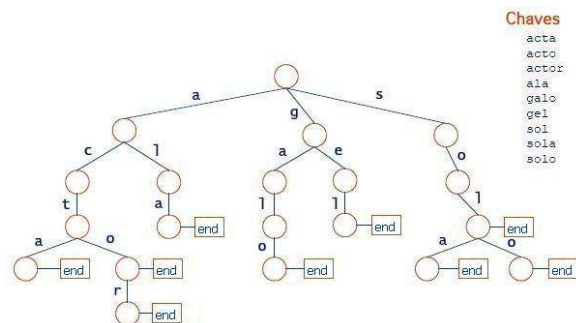
## 2. Trie: A estrutura

- Valores ou elementos associados a **folhas** ou a alguns nós **internos** de interesse



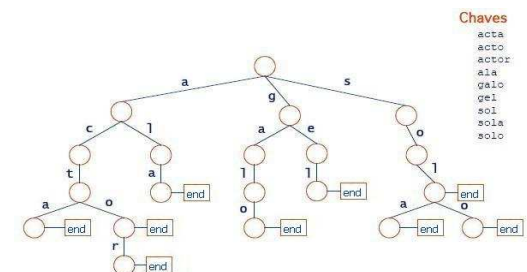
## 2. Trie: A estrutura

- O **caminho** da raiz para qualquer outro nó é um **prefixo** de uma string



## 2. Trie: A estrutura

- O **grau** corresponde ao tamanho do **alfabeto**
- Cada **nível** que se desce corresponde a avançar um **elemento** na chave



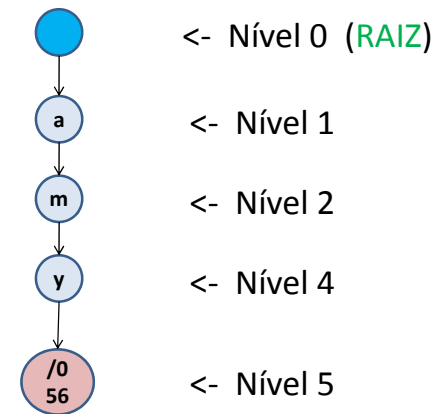
### 3. Montando uma árvore TRIE

- amy 56
- ann 15
- emma 30
- rob 27
- roger 52

Estes são pares que queremos **colocar** na árvore TRIE

### 3. Montando uma árvore TRIE

- amy 56



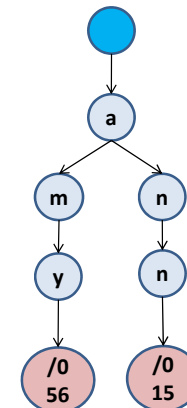
### 3. Montando uma árvore TRIE

#### • INSIRA

ann 15

### 3. Montando uma árvore TRIE

- ann 15



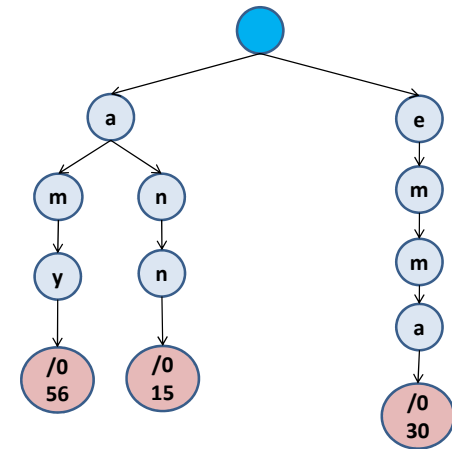
### 3. Montando uma árvore TRIE

- INSIRA

emma 30

### 3. Montando uma árvore TRIE

- emma 30



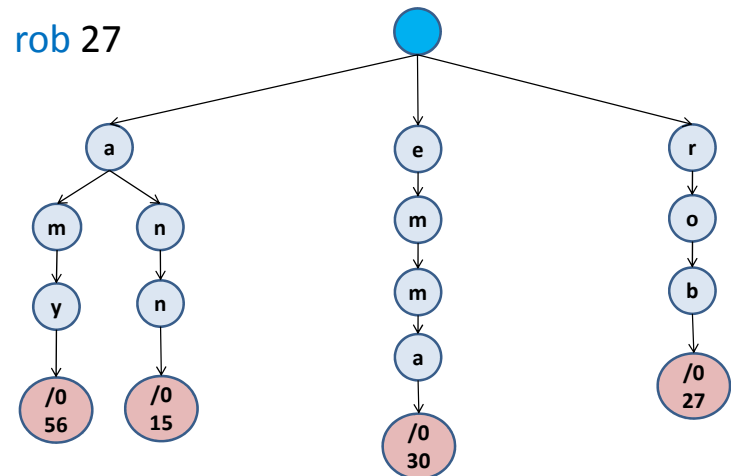
### 3. Montando uma árvore TRIE

- INSIRA

rob 27

### 3. Montando uma árvore TRIE

- rob 27



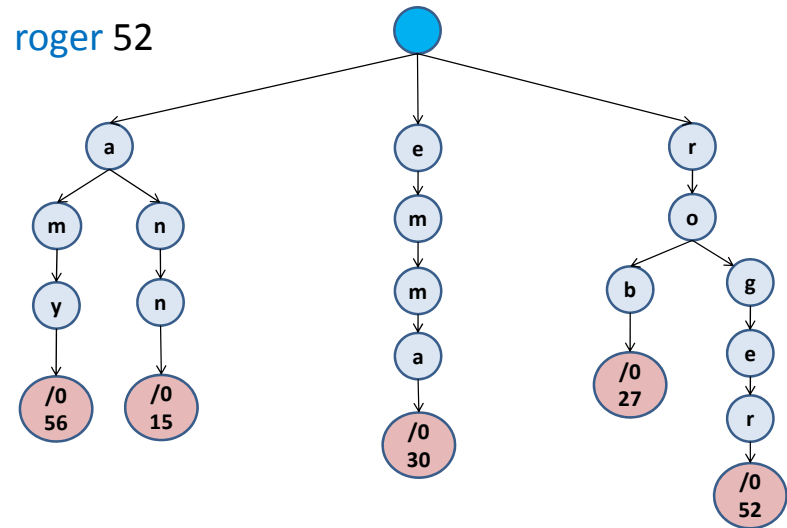
### 3. Montando uma árvore TRIE

- INSIRA

roger 52

### 3. Montando uma árvore TRIE

- roger 52



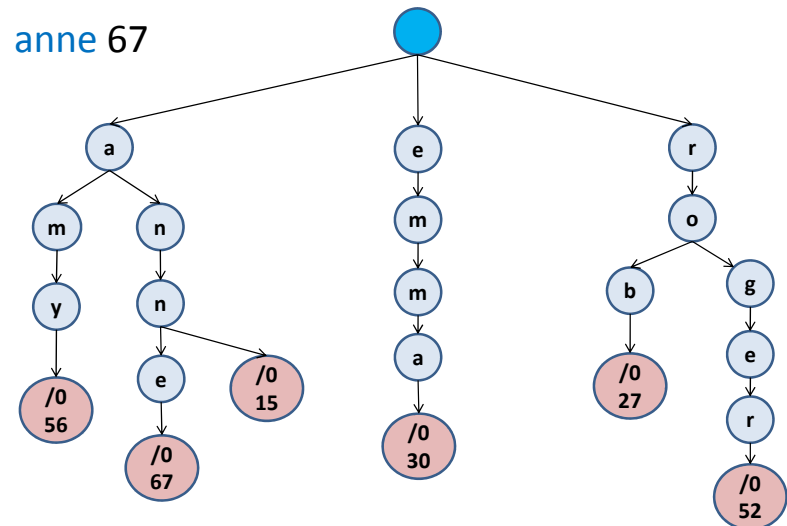
### 3. Montando uma árvore TRIE

- INSIRA

anne 67

### 3. Montando uma árvore TRIE

- anne 67



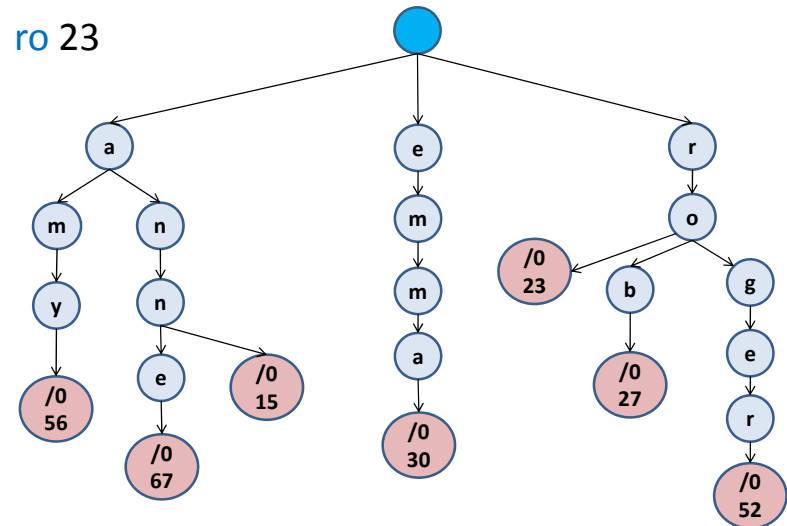
### 3. Montando uma árvore TRIE

- INSIRA

ro 23

### 3. Montando uma árvore TRIE

- ro 23



### 4. Operações em TRIES

- INSERÇÃO

- ALGORITMO “É MEMBRO”

- REMOÇÃO

### 4. Operações em TRIES

- INSERÇÃO

Faz-se uma busca pela palavra a ser inserida. Se ela já existir na TRIE nada é feito.

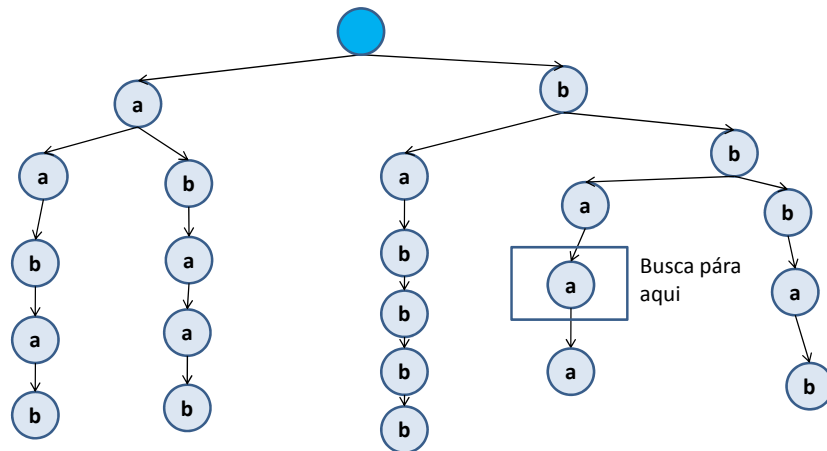
Caso contrário, é recuperado o nó até onde acontece a maior substring da palavra a ser inserida.

O restante dos seus caracteres são adicionados na TRIE a partir daquele nó



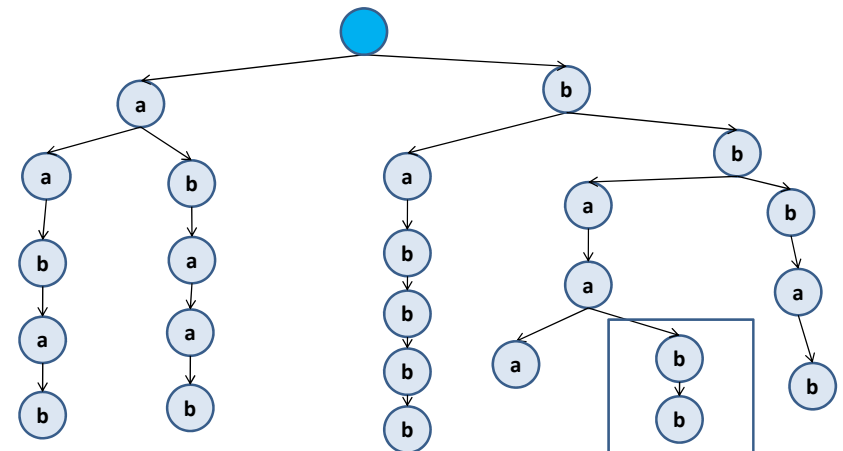
## 4. Operações em TRIES

Inserção : bbaabb



## 4. Operações em TRIES

Inserção : bbaabb



## 4. Operações em TRIES

### • É MEMBRO

1. Busca no nível superior o nodo que confere com o primeiro caractere (corrente) da chave
2. Se nenhum, retorna **FALSO**  
Senão
3. Se o caractere que confere é **\0**  
Retorna **Verdadeiro**  
Senão
4. Move para a **subTRIE** que confere com esse caractere
5. Avança para o próximo caractere na chave
6. Vá para **passo 1**

## 4. Operações em TRIES

### • REMOÇÃO

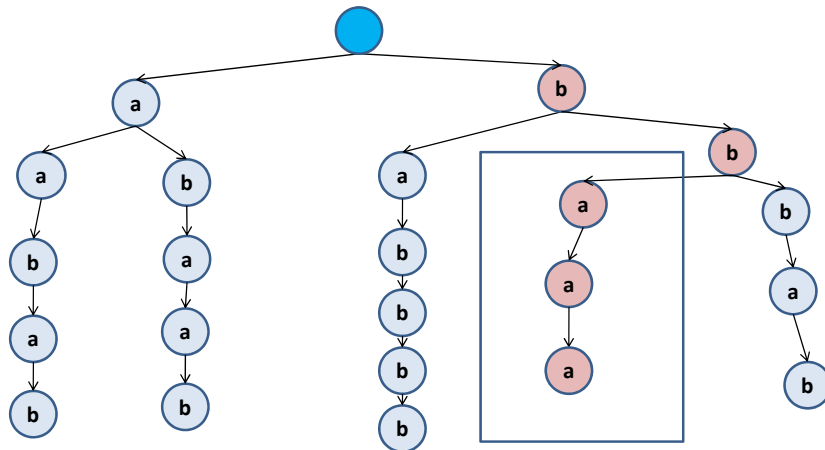
Busca-se o **nó** que representa o final da palavra a ser removida.

São removidos os nós que possuem apenas **um filho** pelo caminho ascendente.

A remoção é concluída quando se encontra um nó com **mais de um** filho

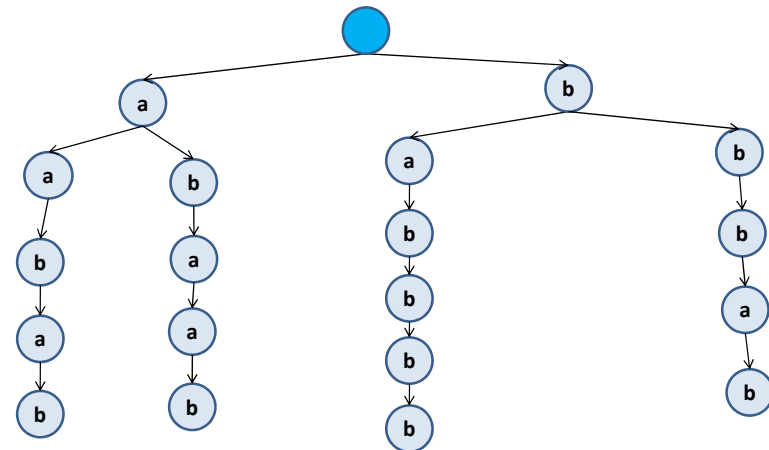
## 4. Operações em TRIES

Remoção : bbaaa



## 4. Operações em TRIES

Remoção : bbaaa



## 4. Operações em TRIES

- **COMPLEXIDADE**

A **altura** da árvore é igual ao comprimento da chave mais longa

O **tempo de execução** das operações não depende do número de elementos da árvore

Complexidade:  $O(AK)$

A = tamanho do **alfabeto**

K = tamanho da **chave**

A utilização de uma TRIE só compensa se o **acesso** aos componentes individuais das chaves for bastante **rápido**

Quanto **maior** a estrutura mais eficiente uso do espaço

Para enfrentar o **desperdício** de espaço com estruturas pequenas foram criadas as árvores **PATRÍCIA**

## 7. Aplicações das TRIES

Dicionários (telefone celular)

Corretores **Ortográficos**

Programas para compreender **Linguagem Natural**

**Auto-preenchimento:**

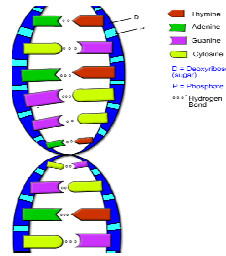
browsers,  
e-mail,  
linguagens de programação



## 7. Aplicações das TRIES

\* **Compressão** de dados

\* **Biologia** computacional



\* Tabelas de **roteamento** para endereços IP

\* Armazenar e consultar **documentos XML**

\* Fundamental para o Burstsor (o método mais rápido de ordenação de strings em memória/cache)

\* Tabelas de **símbolos** em compiladores