INF01 118

Técnicas Digitais para Computação

Contadores



Aula 22



1. Introdução

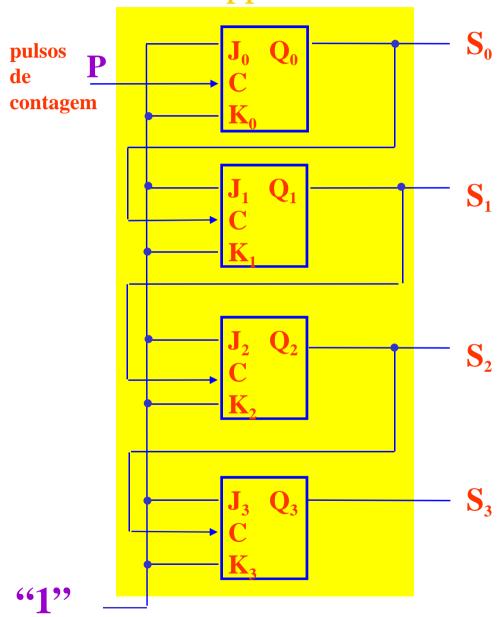
• contador = registrador que passa por seqüência de estados quando são aplicados pulsos de entrada

É uma FSM em que sa únicas saídas são os estados a única entrada é o pulso de contagem

- sequência de estados
 - Sequência de números binários contador binário
 - Qualquer outra sequência contador BCD outros códigos sequências arbitrárias (1,2,3,5,7...)
- necessidade de lógica combinacional para controlar sequência de contagem
- tipos de contadores
 - "Ripple Counters" - transição de um FF serve para disparar transição do próximo (assíncronos)
 - "Contadores Síncronos" todos os FF's são carregados simultaneamente pelo clock



2. Contador ripple binário



Supondo FF's sensíveis à transição negativa do sinal do controle

Também possível com FF's tipo T

JK Mestre-escravo ou sensível à borda do relógio

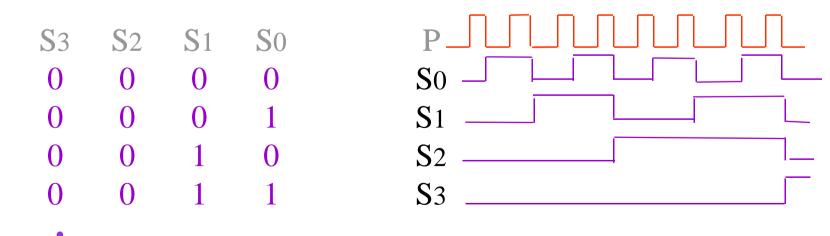




• como J = K = 1 em todos os FF's

- cada transição negativa da entrada C causa complemento do FF
- portanto

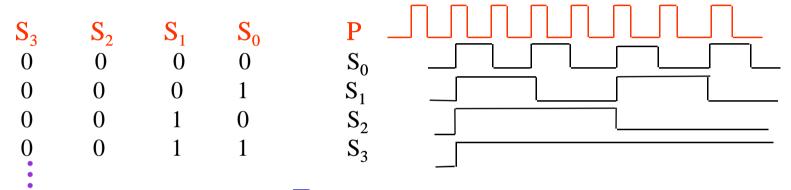
• sequência de estados



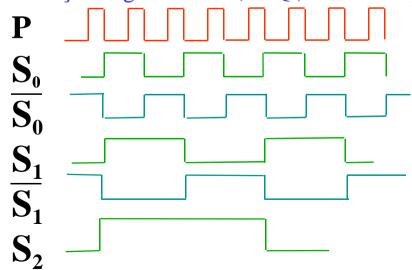


• para contar para baixo

- alternativa 1 pegar saídas complementadas dos FF's como saídas do contador
- alternativa 2 usar FF's sensíveis à transição de descida do sinal de controle(CLK)

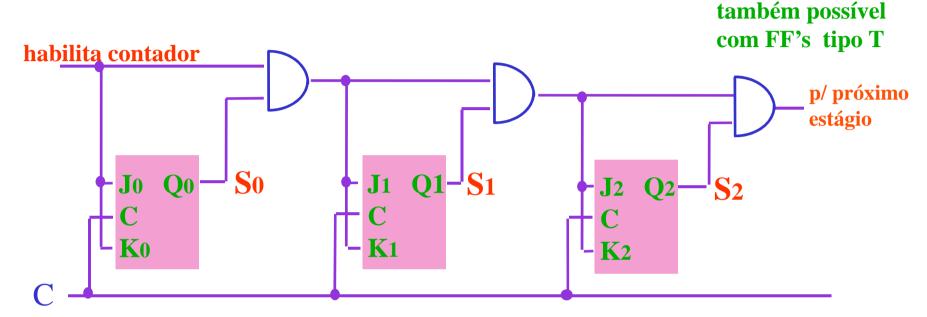


- alternativa 3 - ligar saída Q de cada FF à entrada C do FF seguinte transição negativa de P (ou Qi) causa complemento de Qi + 1





3. Contador síncrono binário



- Como J0 = K0 = 1 no primeiro FF, cada transição do clock (positiva ou negativa, à escolha) causa complemento de S0
- Quando S0 = 1 \longrightarrow J1 = K1 = 1, próxima transição do clock causa complemento de S1
- Quando S0 = 1 e S1 = 1 \longrightarrow J2 = K2 = 2, próxima transição do clock complementa S2

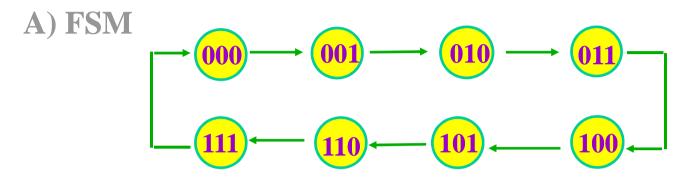
seqüência de valores

S2	S 1	S 0
0	0	0
0	0	1
0	1	0
0	1	1
1	0	0





Projeto de um contador síncrono binário



B) Tabela de Estados

LSt. Atual			riux. Est.			Eq. Entraua		
S2	S1	S0	S2	S1	S0	T2	T1	T0
0	0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	1	0	0	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	1	1	0	0	1
1	1	1	0	0	0	1	1	1

Fct Atual Próv Fct Fa Entrada



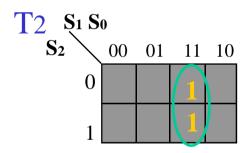


C) Projeto com FF's tipo T

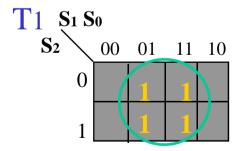
C.1 Equações de entrada dos FF's

- 1 indica "tem que complementar"
- 0 indica "não precisa complentar"

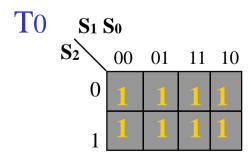
C.2 Mapas de Karnaugh



$$T2 = S1.S0$$



$$T1 = S0$$



$$T0 = 1$$

O resultado é o circuito já mostrado



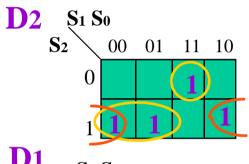


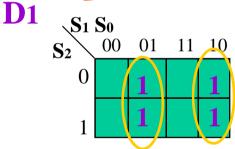
D) Projeto com FF's tipo D

D.1 Equação de entrada dos FF's

Iguais aos valores de próximo estado (Q = D no FF tipo D)

D.2 Mapas de Karnaugh





$$D2 = S_{2}\overline{S_{1}} + S_{2}\overline{S_{0}} + \overline{S_{2}}S_{1}S_{0}$$
S2 S1 S0
$$1 \quad 0 \quad X$$
ou seja, D2 =1 quando
$$1 \quad X \quad 0$$

$$0 \quad 1 \quad 1$$

$$D1 = \overline{S_1} S_0 + S_1 \overline{S_0}$$
ou seja, D1 = 1 quando
$$X \quad 0 \quad 1$$

$$X \quad 1 \quad 0$$

$$\mathbf{D0} = \overline{\mathbf{S0}} \\
\text{ou seja, D0} = 1 \text{ quando} \\
\mathbf{X} \quad \mathbf{X} \quad \mathbf{0}$$

equações mais complexas com o uso de FF's tipo D



4. Contadores módulo N

Para m flip-flops, supor um circuito que conte até $N < 2^m - 1$, ou seja, que não use todos os 2^m estados possíveis

exemplo: contador até 5

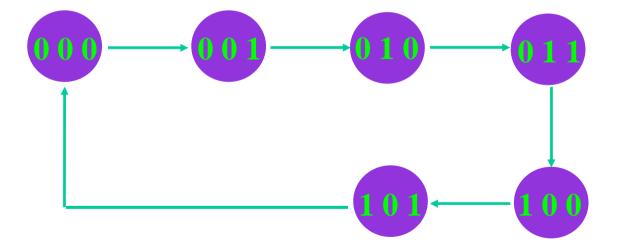
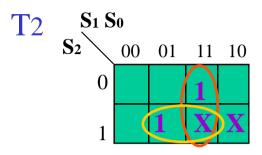




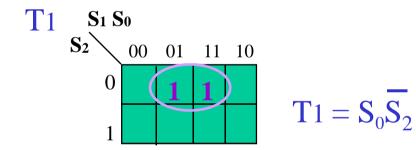
Tabela de Estados e Equações de entrada para FF's tipo T

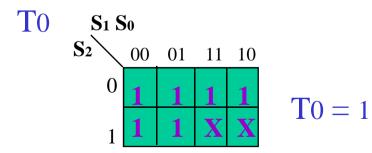
Estado		Próximo		Equação				
Atual			Estado		Entrada T			
S2	S 1	S 0	S2	S 1	S ₀	T2	T 1	T 0
0	0	0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	1	0	0	1	1
0	1	0	0	1	1	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	1	0	1
1	1	0	X	\mathbf{X}	X	X	\mathbf{X}	\mathbf{X}
1	1	1	\mathbf{X}	\mathbf{X}	\mathbf{X}	\mathbf{X}	\mathbf{X}	\mathbf{X}

Mapa de Karnaugh



$$T2 = S_1S_0 + S_2S_0 = S_0(S_1 + S_2)$$

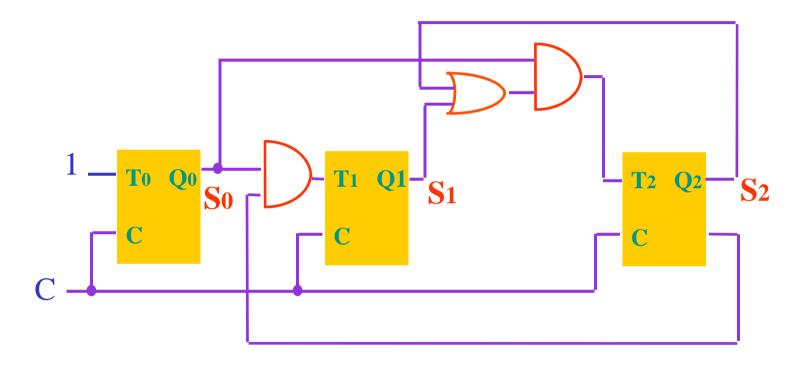








Implementação do contador de módulo 5 (contador até 5)

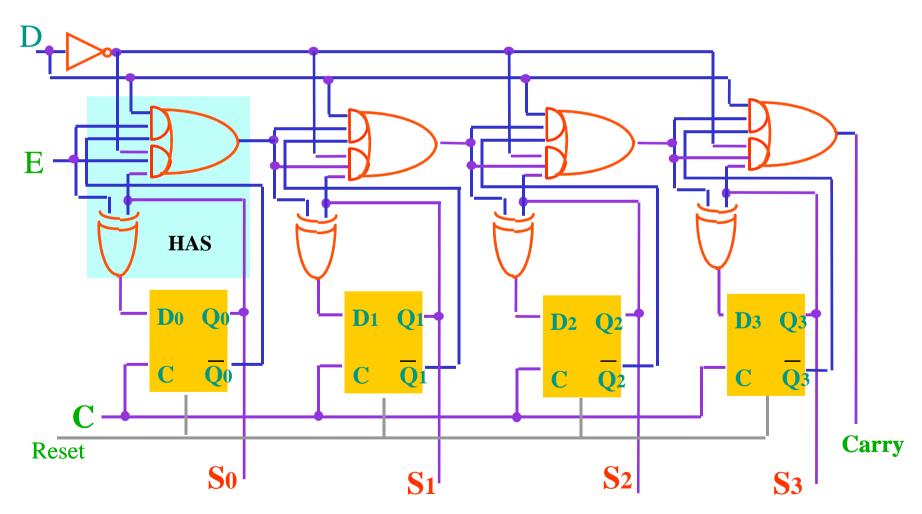






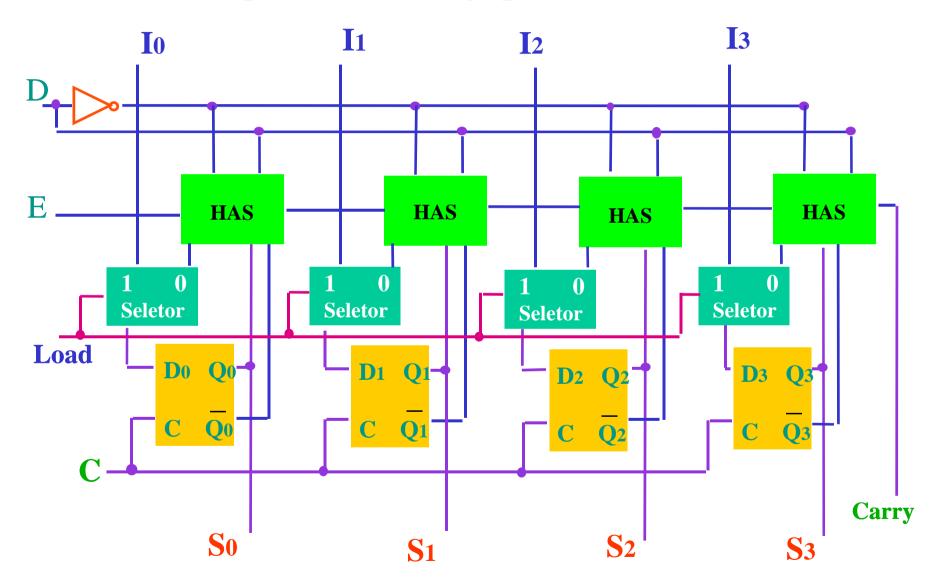
Contador binário up/down







Contador up/down com carga paralela



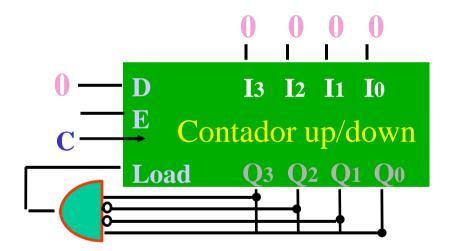




5. Contador BCD

Conta de 0 a 9 e então reinicia contagem. Lógica combinacional detecta quando a contagem chega a 9.

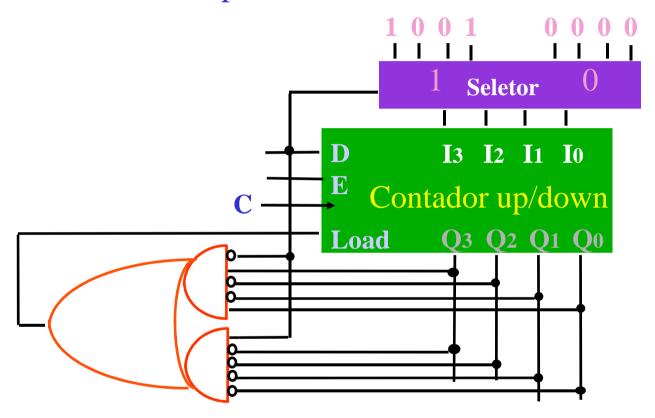
Contador BCD para cima







Contador BCD up/down



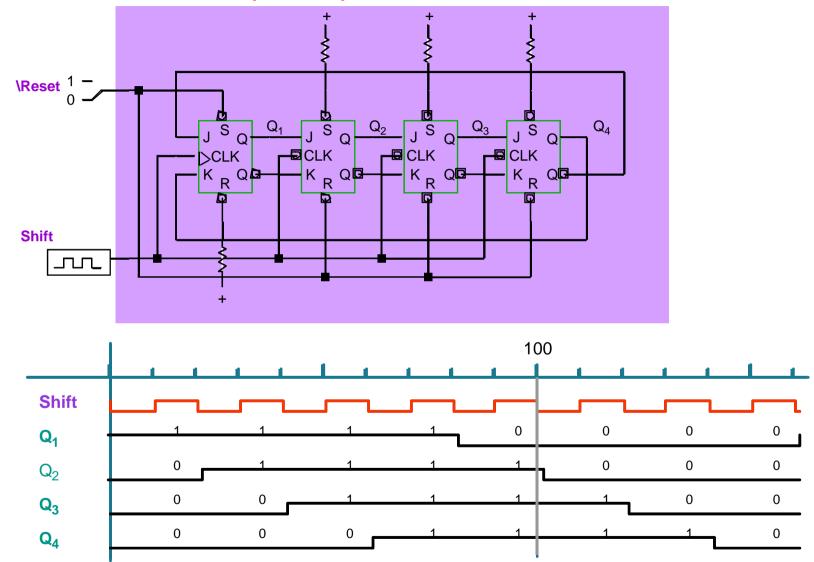
D = 0 \longrightarrow contagem para cima (UP)

D = 1 **c**ontagem para baixo (DOWN)





6. Contador Johnson (Mobius)



8 estados possíveis, muda só um bit em cada transição de estado, útil para evitar hazards