PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DO RIO GRANDE DO SUL

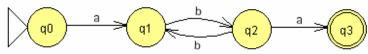
FACULDADE DE INFORMÁTICA

Linguagens Formais – Turma 128

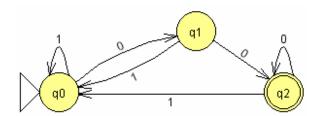
Prof. Júlio Machado – Exercícios Expressões Regulares e Gramáticas Regulares-2003/1

- 1) Escreva expressões regulares (ER) para as seguintes linguagens:
- a) conjunto de palavras sobre $\{a,b,c\}$ contendo ao menos um a e ao menos um b;
- b) conjunto de palavras sobre {0,1} tal que cada par de 0s adjacentes aparece antes de qualquer par de 1s adjacentes;
- c) identificadores da linguagem Pascal que são compostos por uma letra (a...z) ou sublinhado $(_)$ seguido por qualquer combinação de letras, sublinhados ou dígitos (0...9).
- 2) Converta as seguintes ER em AFND-ε:
- a) 01*
- b) (0+1)01
- c) (0+1)*1(0+1)
- 3) Construa gramáticas regulares para as seguintes linguagens sobre o alfabeto $\{0,1\}$:
- a) $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ inicia sempre por } l \text{ e termina sempre com } 0\}$
- b) $L = \{w \in \Sigma^+\}$
- c) $L = \{w \in \Sigma^* \mid w \text{ tem no máximo tamanho } 3\}$
- 4) Mostre uma gramática que gere identificadores válidos para a linguagem Pascal.
- 5) Converta a gramática do exercício 4 para um autômato correspondente.
- 6) Dados os seguintes autômatos finitos determinísticos, converta-os para gramáticas regulares:

a)



b)



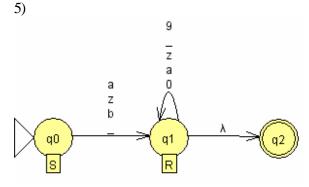
Respostas:

 $V = \{S,R\}$ $T = \{0,1\}$

 $P = \{S \rightarrow 1R, R \rightarrow 0, R \rightarrow 1R, R \rightarrow 0R\}$

1) a) c*a(a+c)*b(a+b+c)* + c*b(b+c)*a(a+b+c)*b) $(10+0)*(\epsilon+1)(01+1)*(\epsilon+0)$ c) $(a+b+...+z+_)(a+b+...+z+_++0+...+9)*$ 2) a) b) q0 c) a) G = (V,T,P,S)

```
b) G = (V,T,P,S)
V = \{S\}
T = \{0,1\}
P = \{S \rightarrow 0 \mid 1 \mid 0S \mid 1S\}
c) G = (V,T,P,S)
V = \{S,A,B\}
T = \{0,1\}
P = \{S \rightarrow \varepsilon \mid 0 \mid 1 \mid 0A \mid 1A,
       A \rightarrow 0 | 1 | 0B | 1B,
       B\rightarrow 0 \mid 1
4) G = (V,T,P,S)
T = \{a,...,z,0,...,9,\_\}
V = \{S,L,D,R\}
P = \{S \rightarrow LR \mid R,
       R \rightarrow LR \mid R \mid DR \mid \epsilon,
       L\rightarrow a \mid ... \mid z,
       D\to 0 \mid ... \mid 9
```



6)
a)
$$G = (V,T,P,S)$$
 $T = \{a,b\}$
 $V = \{Q0,Q1,Q2,Q3,S\}$
 $P = \{S \rightarrow Q0, Q3 \rightarrow \epsilon, Q0 \rightarrow aQ1, Q1 \rightarrow bQ2, Q2 \rightarrow bQ1, Q2 \rightarrow aQ3\}$
b) $G = (V,T,P,S)$
 $T = \{0,1\}$
 $V = \{Q0,Q1,Q2,S\}$
 $P = \{S \rightarrow Q0, Q2 \rightarrow \epsilon, Q0 \rightarrow 1Q0, Q0 \rightarrow 0Q1, Q1 \rightarrow 1Q0, Q1 \rightarrow 0Q2, Q2 \rightarrow 1Q0, Q2 \rightarrow 0Q2\}$