UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE INFORMÁTICA DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA APLICADA

INF01048 –INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL Prof. Paulo Martins Engel

Exercícios

- 1. Considere o problema das **Torres de Hanói**, envolvendo 3 argolas de tamanhos diferentes, identificadas pelas letras A, B e C sendo as relações de tamanho (A < B < C) e 3 pinos numerados (1, 2, 3). Neste problema as argolas podem estar empilhadas, mas em nenhuma configuração, uma argola de tamanho maior pode ser colocada acima de uma argola menor. Em cada jogada, apenas uma única argola pode ser movimentada, a qual deve estar livre, ou seja, estar ou sozinha num pino ou no topo de uma pilha de argolas. Considere ainda que o estado do jogo é representado por uma trinca (i, j, k) onde i é o número do pino onde se encontra a argola C, j representa o pino da argola B e k o pino da
- argola *A*.

 (a) Partindo do estado inicial (1, 1, 1), desenhe o grafo de estados contendo todas as jogadas válidas.
- (b) A partir deste grafo, determine a menor seqüência de estados que leva do estado inicial (1, 1, 1) ao estado (2, 2, 2).
- (c) A partir de um novo estado inicial (1, 2, 3), determine pelo grafo a menor sequência de estados que leva ao estado (2, 3, 1).



- **2.** Considere a Base de Regras (BR) e a Base de Fatos (BF) abaixo. Considerando-se que o objetivo a ser buscado é Q, especifique a ordem de disparo das regras segundo o mecanismo de inferência por:
 - a. Encadeamento progressivo em profundidade
 - b. Encadeamento progressivo em amplitude
 - c. Encadeamento regressivo em profundidade

OBJETIVO: Q

BASE DE FATOS: A, C, D, E, G, H

BASE DE REGRAS:

R1: $I,M \rightarrow Q$ R2: $I,P \rightarrow J$

R3: $D,G \rightarrow B$

R4: $A,B \rightarrow P$

R5: $D,B \rightarrow M$

R6: $F,P \rightarrow Q$

R7: $J,F \rightarrow R$

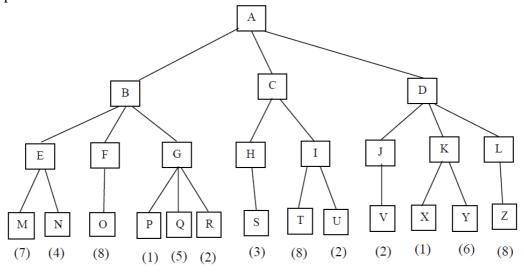
R8: $E,H \rightarrow I$

R9: $H,C \rightarrow F$

- **3.** Considerando o sistema lógico do consultor financeiro apresentado em aula, e reproduzido abaixo, qual seria o tipo de investimento recomendado pelo sistema a uma pessoa com dois dependentes, uma poupança de \$15.000,00 e uma renda estável de \$20.000,00? Mostre os cálculos.
 - 1. $conta_poupança(inadequada) \rightarrow investimento(poupança)$.
 - 2. $conta_poupança(adequada) \land renda(adequada) \rightarrow investimento(ações)$.
 - **3.** conta_poupança(adequada) ∧ renda(inadequada)
 - \rightarrow investimento(combinação).
 - 4. \forall X quantia_poupada(X) \land \exists Y (dependentes(Y) \land maior(X, poupança_min(Y))) \rightarrow conta_poupança(adequada).
 - 5. \forall X quantia_poupada(X) \land \exists Y (dependentes(Y) \land
 - \neg maior(X, poupança_min(Y))) \rightarrow conta_poupança(inadequada).
 - 6. \forall X ganhos(X, estável) $\land \exists$ Y (dependentes(Y) \land maior(X, renda_min(Y))) \rightarrow renda(adequada).
 - 7. \forall X ganhos(X, estável) $\land \exists$ Y (dependentes(Y) \land
 - $\neg\ maior(X, renda_min(Y))) \rightarrow renda(inadequada).$
 - 8. \forall X ganhos(X, instável) \rightarrow renda(inadequada).

onde poupança_min(X) $\equiv 5000 * X$ e renda_min(X) $\equiv 15000 + (4000 * X)$.

- **4.** Como o fato: "Todo aluno se matricula numa disciplina", pode ser representado por uma rede semântica?
- **5.** A figura abaixo representa uma árvore de jogadas possíveis de um jogo com dois jogadores, com o resultado da função de avaliação para nós folha apresentado entre parênteses



- (a) Considerando que a jogada inicial é de maximização, qual seria a jogada escolhida por um algoritmo MINIMAX? Justifique colocando os valores para os níveis mais altos
- (b) Se aplicarmos o corte Alfa-Beta, quais são os nós que não precisarão ser avaliados?

6. Considere a seguinte base de regras para recomendação de participação em um jogo, em função de características do tempo. O número entre parênteses após o consequente indica o Fator de Certeza (FC) de cada regra. Se FC for positivo, o seu valor corresponde à medida de crença (MC). Se FC for negativo, o valor absoluto de FC corresponde à medida de descrença (MD). Cada regra afeta somente uma das medidas, a outra permanece em zero.

```
R1: SE tempo = nublado ENTÃO recomendação = joga (FC = 0,7)
```

R2: SE ventoso = verdadeiro ENTÃO recomendação = joga (FC = -0.7)

R3: SE temperatura = amena E umidade = normal ENTÃO recomendação = joga (FC = 0,9)

R4: SE tempo = chuvoso ENTÃO recomendação = joga (FC = 0,4)

R5: SE tempo = ensolarado E umidade = alta ENTÃO recomendação = não-joga (FC = 0,8)

R6: SE umidade = normal E ventoso = falso ENTÃO recomendação = não-joga (FC = -0.7)

Considerando que num determinado dia o tempo esteja chuvoso, a temperatura esteja amena, a umidade seja normal e esteja ventando:

- (a) Determinar, qual seria a recomendação que seria deduzida por esta base de regras.
- (b) Calcule o FC acumulado desta conclusão.

Obs: (i) Determine quais as regras são disparadas pelas características do tempo.

- (ii) Calcule a combinação dos valores de MC e MD, separadamente, pelas expressões abaixo.
- (iii) Calcule FC acumulado: FC = MC MD

Expressões para combinação de várias regras sobre a mesma hipótese (conclusão):

$$MC(\mathsf{H},\mathsf{R}_1 \wedge \mathsf{R}_2) = \begin{cases} 0 & \text{Se } MD(\mathsf{H},\mathsf{R}_1 \wedge \mathsf{R}_2) = 1\\ MC(\mathsf{H},\mathsf{R}_1) + MC(\mathsf{H},\mathsf{R}_2) \cdot (1 - MC(\mathsf{H},\mathsf{R}_1)) & \text{Caso contrário} \end{cases}$$

$$MD(\mathsf{H},\mathsf{R}_1 \wedge \mathsf{R}_2) = \begin{cases} 0 & \text{Se } MC(\mathsf{H},\mathsf{R}_1 \wedge \mathsf{R}_2) = 1\\ MD(\mathsf{H},\mathsf{R}_1) + MD(\mathsf{H},\mathsf{R}_2) \cdot (1 - MD(\mathsf{H},\mathsf{R}_1)) & \text{Caso contrário} \end{cases}$$