

Les tableaux

Objectifs

- Savoir définir et manipuler les types utilisateurs (énuméré, enregistrement et tableau)
- Spécifier, implanter et tester des sous-programmes... Toujours !

Exercice 1 : Tri par sélection

Soit $A[1..N]$ un vecteur de N entiers relatifs quelconques, l'objectif est de trier le vecteur A en utilisant le tri par sélection. Le vecteur A est trié si $A[1] \leq A[2] \leq \dots \leq A[N]$.

Le tri par sélection est un tri en $(N - 1)$ étapes. L'étape i consiste à ranger à sa place le i^{e} plus petit élément du vecteur.

Exemple : Voici les différentes valeurs du vecteur 8 2 9 5 1 7 après chaque étape (la partie encadrée correspond à la partie du vecteur déjà traitée et donc triée) :

vecteur initial	:	8 2 9 5 <u>1</u> 7
après l'étape 1	:	<u>1</u> 2 9 5 8 7
après l'étape 2	:	<u>1 2</u> 9 5 8 7
après l'étape 3	:	<u>1 2 5</u> 9 8 7
après l'étape 4	:	<u>1 2 5 7</u> 8 9
après l'étape 5	:	<u>1 2 5 7 8 9</u>

1. Écrire un sous-programme qui trie un vecteur en utilisant le tri par sélection.

Exercice 2 : Vérifier un générateur aléatoire

Écrire un sous-programme qui évalue la qualité d'un générateur de nombres aléatoires. L'idée est de vérifier que tous les nombres que peut produire le générateur ont la même probabilité d'apparaître. Pour ce faire, on prendra un échantillon (nombres aléatoires tirés) de grande taille et on affichera la plus petite et la plus grande fréquence absolue ainsi que la fréquence absolue théorique.

Par exemple, si on considère un dé à 6 faces, on a 6 entiers possibles (de 1 à 6). Si on considère une taille d'échantillon de 20, on réalise 20 tirages aléatoires. On peut par exemple obtenir les résultats suivants : 5, 2, 1, 2, 4, 5, 3, 2, 2, 5, 2, 3, 5, 3, 2, 2, 2, 6, 4, 3. On calcule alors que la fréquence absolue de 1 (le nombre d'occurrences de 1) est 1, celle de 2 est 8, celle de 3 est 4, celle de 4 est 2, celle de 5 est 4, celle de 6 est 1. La fréquence minimale est donc 1 (fréquence et 1 ou 6) et la maximale est 8 (fréquence de 2). La fréquence absolue théorique est 3,33 (20 / 6). Cet exemple n'est pas pas convaincant mais l'échantillon est trop petit pour en tirer des conclusions !

Indication : Doit-on conserver tous les nombres tirés ? Quelles informations faut-il conserver ? En quoi un tableau peut être utile ? A-t-on besoin de gérer une taille effective sur ce tableau ?

Exercice 3 : Supprimer certains éléments d'un tableau

Écrire un sous-programme qui supprime tous les entiers strictement négatifs d'un tableau ainsi que tous les entiers strictement supérieurs à 20. L'algorithme mis en œuvre devra être en $O(n)$ pour les affectations et les comparaisons, n étant le nombre d'éléments dans le tableau.

Pour aller plus loin...

Exercice 4 : Tester le sous-programme de tri

L'objectif de cet exercice est d'écrire un programme de test du sous-programme qui trie un tableau. Vérifier que le sous-programme de tri a bien fonctionné, c'est vérifier que ¹ :

1. le tableau est trié : les éléments sont dans l'ordre croissant,
2. le tableau initial et le tableau trié contiennent les mêmes éléments.

Pour vérifier cette deuxième propriété, on peut vérifier que :

1. tableau initial et tableau trié ont la même taille,
2. tous les éléments du tableau initial sont présents dans le tableau trié avec le même nombre d'occurrences dans les deux tableaux.

1. Écrire une procédure qui vérifie que le sous-programme de tri fonctionne bien pour un tableau donné en vérifiant les propriétés ci-dessus.

Remarque : On aura intérêt à définir des sous-programmes supplémentaires pour écrire plus simplement ces propriétés.

2. Écrire une procédure de test qui appelle la procédure précédente avec différents tableaux. On pourra par exemple utiliser les tableaux suivants :

- [1, 3, 4, 2]
- [4, 3, 2, 1]
- [-5, 3, 8, 1, -25, 0, 8, 1, 1, 1]

1. Ces propriétés sont en fait les postconditions du sous-programme de tri.