## Matematika 4 – Logika pre informatikov Domáca úloha du02

Riešenie domácej úlohy odovzdajte najneskôr v pondelok 27. marca 2017:

- v čitateľnej papierovej podobe na začiatku prednášky o 11:30;
- elektronicky najneskôr o 23:59:59 cez svoj repozitár na github.com ako pull-request do vetvy (base) du02 repozitára (base fork) FMFI-UK-1-AIN-412/lpi17-vášAisLoqin.

Odovzdávaný dokument uložte do súboru du02.pdf v adresári du02 vo vetve du02. Dokument musí byť vo formáte PDF. Vytvorte ho podľa svojich preferencií (TEXom, textovým procesorom, tlačou do PDF z webového prehliadača, ...), nesmie však obsahovať obrázky rukou písaného textu ani screenshoty.

Úloha má hodnotu **2 body** [po 1 bode za každú časť a), b)]. Plné hodnotenie môže získať iba riešenie so **zrozumiteľným a zdôvodneným postupom**.

a) Prechádzate sa v labyrinte a zrazu sa ocitnete na križovatke, z ktorej vedú tri možné cesty: cesta naľavo je vydláždená zlatom, cesta pred vami je vydláždená mramorom a cesta napravo je vysypaná kamienkami. Každú cestu stráži strážnik a každý z nich vám povie niečo o cestách:

Strážnik zlatej cesty: "Táto cesta vedie priamo do stredu labyrintu. Navyše, ak vás kamienky dovedú do stredu, tak vás do stredu dovedie aj mramor."

Strážnik mramorovej cesty: "Ani zlato, ani kamienky vás nedovedú do stredu labyrintu."

 $Str\'ažnik \ kamennej \ cesty:$  "Nasledujte zlato a dosiahnete stred, nasledujte mramor a stratíte sa."

Viete, že všetci strážnici stále klamú.

Môžete si byť istí, že niektoré z ciest vedú do stredu labyrintu? Ak áno, ktorú cestu si vyberiete?

Viete o niektorých cestách s určitosťou povedať, že do stredu labyrintu nevedú? Ak áno, ktoré to sú?

Je o niektorých nemožné povedať, či do stredu labyrintu vedú alebo nevedú? Ak áno, o ktorých?

Vašou úlohou je:

- (i) Formalizovať uvedené skutočnosti ako množinu výrokových formúl a stručne popísať význam použitých výrokových premenných.
- (ii) Pojmami výrokovej logiky (napr. tautológia, splnenie, vyplývanie a pod.) vyjadriť otázky z predloženého problému.
- (iii) Zodpovedať otázky a odpovede dokázať.
- b) Nech T je teória, nech A a B sú formuly. Dokážte alebo vyvráťte nasledujúce tvrdenia:
  - (i) Ak z T vyplýva formula  $(A \to B)$ , tak z  $T \cup \{\neg B\}$  vyplýva  $\neg A$ .
  - (ii) Ak z T nevyplýva formula  $(A \wedge B)$ , tak z T vyplýva  $\neg A$  alebo z T vyplýva  $\neg B$ .
  - (iii) Ak z T nevyplýva formula  $(A \vee B)$ , tak z T nevyplýva A a z T nevyplýva B.
  - (iv) Ak z T vyplýva formula  $(A \to B)$ , tak z T nevyplýva  $(A \land \neg B)$ .