Matematika 4 – Logika pre informatikov Domáca úloha du03

V rámci prípravy na midterm **odporúčame** odovzdať riešenie tejto domácej úlohy v čitateľnej papierovej podobe na prednáške alebo cvičeniach **3. alebo 4. apríla**, alebo elektronicky najneskôr **4. apríla o 23:59:59**. Potom môžete riešenie **prekonzultovať** s vyučujúcimi v stredu medzi 13:10 a 14:30 (kancelárie l-7 a l-16).

Ak o konzultácie nemáte záujem, riešenie odovzdajte najneskôr v pondelok **10. apríla 2017** buď v čitateľnej papierovej podobe na začiatku prednášky **o 11:30**, alebo elektronicky najneskôr **o 23:59:59**.

Pri riešení vám môže pomôcť náš webový editor tabiel: http://dai.fmph.uniba.sk/courses/lpi/tableauEditor/.

Elektronicky odovzdávajte riešenie cez svoj repozitár na github.com ako pull-request do vetvy (base) du03 repozitára (base fork) FMFI-UK-1-AIN-412/lpi17-vášAisLogin.

Odovzdávaný dokument uložte do súboru du03.pdf v adresári du03 vo vetve du03. Dokument musí byť vo formáte PDF. Vytvorte ho podľa svojich preferencií (TEXom, textovým procesorom, tlačou do PDF z webového prehliadača, ...), nesmie však obsahovať obrázky rukou písaného textu ani screenshoty.

Úloha má hodnotu **2 body** [po 1 bode za každú časť a), b)]. Plné hodnotenie môže získať iba riešenie so **zrozumiteľným a zdôvodneným postupom**.

- a) Malá firma vyrába prístrojové skrinky z viacerých materiálov, s rôznymi povrchovými úpravami a v niekoľkých farbách. Aj keď je zdanlivo možných viac ako tisíc kombinácií, nie všetky sa dajú vyrobiť. Vybavenie firmy, vlastnosti materiálov a výrobné postupy kladú nasledujúce obmedzenia:
 - X_1 : Skrinky sa vyrábajú materiálov: hliník, oceľ, plast.
 - X_2 : Hliník a oceľ sú kovy.
 - X_3 : Iba oceľ sa dá lakovať.
 - X₄: Brúsenú povrchovú úpravu môžu mať iba nelakované kovové skrinky.
 - X_5 : Lakované skrinky aj plastové skrinky sú čierne, biele, alebo zelené.

 X_1 : Skrinky sa vyrábajú materiálov: hliník, X_6 : Nelakované oceľové skrinky korodujú.

- X_7 : Koróziu spôsobí aj kombinácia dvoch rôznych kovov.
- X_8 : Eloxovať sa dajú iba hliníkové skrinky a po tejto úprave sú buď sivé alebo čierne.
- X_9 : Korózia je neprípustná.

Zákazník požaduje eloxovanú čierno-bielu skrinku. Môže mu firma vyhovieť? Ak áno, z ktorých materiálov a z ktorých ich kombinácií môže byť taká skrinka vyhotovená?

Obchodný zástupca si chce ujasniť možné kombinácie. Domnieva sa, že skrinka s brúsenou povrchovou úpravou je sivá alebo čierna. Usúdil správne?

Vašou úlohou je:

- (i) Formalizovať uvedené skutočnosti ako výrokovologickú teóriu a stručne popísať význam použitých výrokových premenných.
- (ii) Pojmami výrokovej logiky (napr. tautológia, splnenie, vyplývanie a pod.) vyjadriť otázky z predloženého problému.
- (iii) Zodpovedať otázky a odpovede dokázať pomocou tablového kalkulu.
- b) Inšpektor Fishtron zistil, že lúpež v záložni spáchal niekto z dvoch podozrivých: B a C. Inšpektor vie, že B nikdy nepracuje sám. Svedok vypovedal, že C sedel v čase lúpeže vedľa neho na futbale na druhom konci mesta.

Môže inšpektor na základe týchto informácií obvinit B?

(i) Formalizujte uvedené skutočnosti ako teóriu podobne ako v časti a). (ii) Vyjadrite otázku pojmami výrokovej logiky. (iii) Odpovedzte na otázku a odpoveď dokážte.