Mother of All Cubes

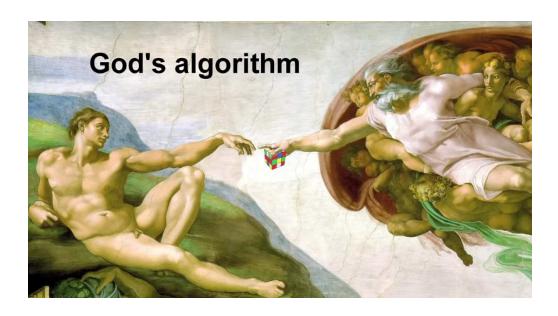


Rubic's Cube God's algo

Peter Borovanský. KAI. I-18. borovan(a)ii.fmph.uniba.sk

Zdroje:

- https://www.youtube.com/watch?v=GY2emOxrBoo
- https://www.youtube.com/watch?v=UqQaqbvDZUA



Online Rubik Cubes

zdroje a inšpirácie

- 2x2x2 <u>https://www.grubiks.com/puzzles/rubiks-mini-cube-2x2x2/</u>
- 2x2x2 Solver
- 3x3x3 https://www.grubiks.com/puzzles/rubiks-cube-3x3x3/
- 3x3x3 solver
- Simulátor, solver:
- https://ruwix.com/online-puzzle-simulators/2x2x2-pocket-cube-simulator.php
- https://www.jaapsch.net/puzzles/javascript/cube2j.htm
- https://en.wikipedia.org/wiki/Pocket Cube
- Jaap's Puzzle Page 2x2x2: https://www.jaapsch.net/puzzles/cube2.htm
- https://ruwix.com/the-rubiks-cube/mathematics-of-the-rubiks-cubepermutation-group/
- http://iamthecu.be/
- https://alg.cubing.net/?puzzle=2x2x2&setup=U-&alg=U2%0A



(kombinácií RK)

- 1.
- 2.
- 3. 3.674.160
- 4. 43.252.003.274.489.856.000
- 5. 7.401.196.841.564.901.869.874. 093.974.498.574.336.000.000.000
- 282.870.942.277.741.856.536.180.333.107.150.328.293.127.731.985.67 2.134. 721.536.000.000.000.000
- 7. 157.152.858.401.024.063.281.013.959.519.483.771.508.510.790.313.96 8.742.344.694.684.829.502.629.887.168.573.442.107.637.760.000.000. 000.000.000.000.000





Počeť možností

3x3x3

rohové… 8ks, majú 3 polohy

8! * 38

hranové... 12 ks, majú 2 polohy

 $12! * 2^{12}$

teoreticky všetkých

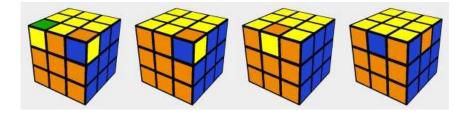
519.024.039.293.878.272.000

https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+*+factorial+12+*+2%5E12



Ale niektoré z nich sa dajú len tak, že rozoberiete, či inak znásilníte kocku

- nedá sa
 - otočiť jeden hranový (edge flip), ani
 - otočiť jeden rohový (twisting corner)



- Možných kombinácií je 1:12
 - 43.252.003.274.489.856.000 (43 Quintilion)
- https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+*+factorial+12+*+2%5E12%2F12

Počeť možností

2x2x2

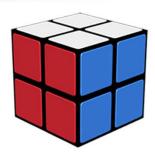
- rohové 8ks, majú 3 polohy
- všetkých

264.539.520

8!

* 38

https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+



3674160

- nedá sa
 - otočiť jeden rohový (twisting corner)
 - Keďže nemá stredové kocky, každá kocka má 24 symetrií
- Možných kombinácií je 1:(3*24)
 - 3.674.160 (3 million)
- https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+%2F%283*24%29

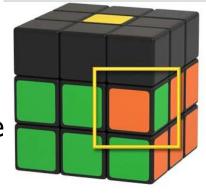
God's number

Def:

maximálny počet otočení nevyhnutne potrebných na poskladanie **akejkoľvek** RK

- jedno otočenie je o +90. -90, ale aj 180 stupňov
- pre 3x3 je to 20 (God's number 3x3x3)
- dokázané 2010 pomocou "35 CPU years of Google idle comps"
- úplne zlých s G'sN=20 je málo (490mil.), medián bude okolo 17-18
- teda ak vám niekto náhodne zamieša, asi by ste to na 17-18 ťahov mohli dať...
- jedna zo zlých je konfigurácií (GN=20) je
 12 x edge flips toto je edge flip

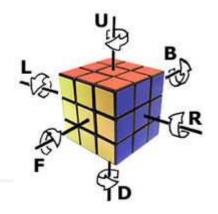
Moves	Configurations
0	1
1	18
2	243
3	3,240
2 3 4 5 6 7 8	43,239
5	574,908
6	7,618,438
7	100,803,036
8	1,332,343,288
9	17,596,479,795
10	232,248,063,316
11	3,063,288,809,012
12	40,374,425,656,248
13	531,653,418,284,628
14	6,989,320,578,825,358
15	91,365,146,187,124,313
16	≈ 1,100,000,000,000,000,000
17	≈ 12,000,000,000,000,000,000
18	≈ 29,000,000,000,000,000,000
19	≈ 1,500,000,000,000,000,000
20	490,000,000





Signmaster notation

jazyk rubik cuberov



David Singmaster

Clockwise (+90)

- U-upper
- L-Left
- R-Right
- D-Down
- B-Back
- F-Front

Anticlockwise (-90)

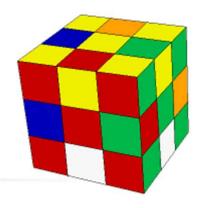
- U'
- L'
- R'
- D'
- B'
- F'

180

- U2
- **L**2
- R2
- D2
- B2
- F2



Superflip



Je jedna z najťažších konfigurácií Najkratšie riešenie má dĺžku 20

U R2 F B R B2 R U2 L B2 R U' D' R2 F R' L B2 U2 F2

https://alg.cubing.net/?alg=U_R2_F_B_R_B2_R_U2_L_B2_R_U-_D-_R2_F_R-_L_B2_U2_F2



Prečo to máte ďalej sledovať

- lebo vašou domácou úlohou bude zistiť God's number pre RK 2x2x2
- to samozrejme vygooglite skôr než skončí prezentácia, ale čo nenájdete, a naprogramujete, ako zložiť RK 2x2x2 na minimum ťahov
- aká je najťažšia permutácia RK 2x2x2 ? (superflip 2x2x2 ?)
- a mnohé podobné otázky…



Stupeň permutácie

Permutácia je nejaká postupnosť otočení, ktorú sa učíme naspamäť a snažíme si zapamätať

Stupeň permutácie

je počet jej zopakovaní, kým sa dostaneme do pôvodného stavu.

Napr.

R

R2

má stupeň 4, dĺžku 1

má stupeň 2, dĺžku 1

R U R' U'

má stupeň 6, dĺžku 4

https://alg.cubing.net/?puzzle=2x2x2&alg=R U R- U-

R U R' U R U2 R'

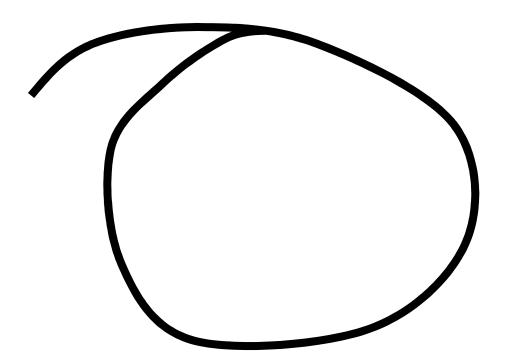
má stupeň 6, dĺžku 7

https://alg.cubing.net/?puzzle=2x2x2&alg=R U R- U R U2 R-



Každá permutácia má stupeň

- lebo stavov je len konečne veľa, aj keď sakra vela...
- toto nemôže nastať



- najväčší stupeň permutácie pre RK 3x3x3 je 1260, bez dôkazu...
- a ani nie je zložitá: R U2 D' B D'
- https://en.wikipedia.org/wiki/Rubik%27s_Cube_group



- ktorá by istým počtom opakovaní vyriešila každú kombináciu ?
- relatívne krátka by sme sa naučili, a inú by sme nepotrebovali ?
- ale, či je kocka vyriešená, pozeráme len na konci permutácie

Ak by existovala, tak jej možných konečných stavov je najviac 1260 a

1260 << 43.252.003.274.489.856.000

Preto určite neexistuje :(

Existuje jedna permutácia

- ktorá by istým počtom opakovaní vyriešila každú kombináciu ?
- relatívne krátka by sme sa naučili, a inú by sme nepotrebovali ?
- ale, či je kocka vyriešená, pozeráme aj počas permutácie

Ak by existovala, mala dĺžku L a stupeň S, tak objaví L.S konfigurácií

Lebo S <= 1260, preto L > 43.252.003.274.489.856.000/1260

Možno existuje, ale určite bude dlhšia 34.326.986.725.785.600

Bude sa celkom ťažko učiť...

A môže sa stať, že na vyriešenie RK ju budete potrebovať aplikovať možno až 1260 krát.. :(



Setup moves

(ak pochopíte tento slajd, máte časť domácej úlohy)

- Ak hľadáme jednu permutáciu P, ale dovolíme tzv. setup-move, teda výsledok je v tvare A P A', kde A je jedna rotácia
- Setup move je teda jedno jediné otočenie, ktoré nasetupuje RK, potom aplikujeme naučenú permutáciu P, a po skončení urobíme inverzný setup move.

Pre RK 2x2x2 je to napr. tzv. Y-PERM

P = R U' R' U' R U R' F' R U R' U' R' F R

https://alg.cubing.net/?puzzle=2x2x2&alg=R U- R- U- R U R- F- R U R- U- R- F R%0A

ktorá vymení dva protiľahlé rohy

Rozcvička 9: aký je stupeň Y-PERM

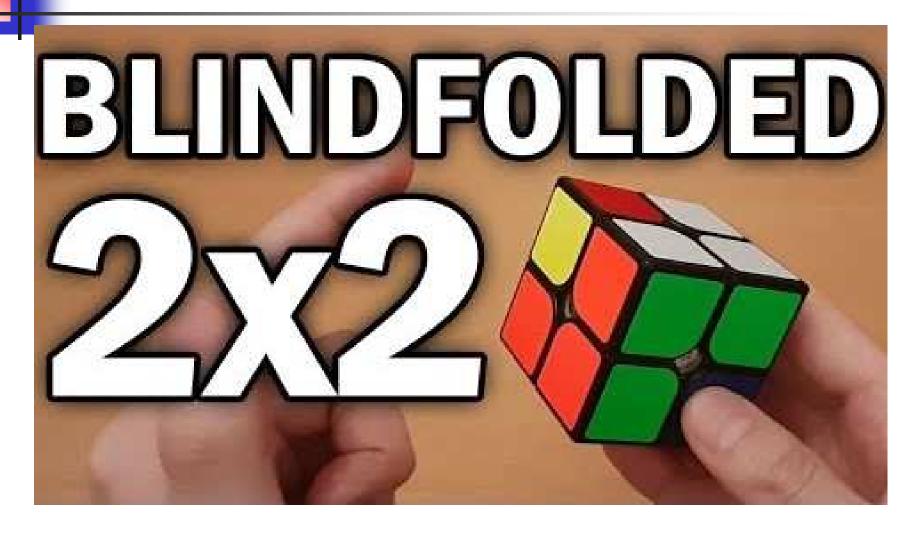
Inverse Y-Perm

2x2x2

- R U' R' U' R U R' F' R U R' U' R' F R vymení dva protiľahlé rohy
- https://alg.cubing.net/?puzzle=2x2x2&alg=R U- R- U- R U R- F- R U R- U- R- F R%0A
- Solving 2x2 Blindfolded
- https://www.instructables.com/id/Solving-a-2x2-Rubiks-Cube-Blindfolded/

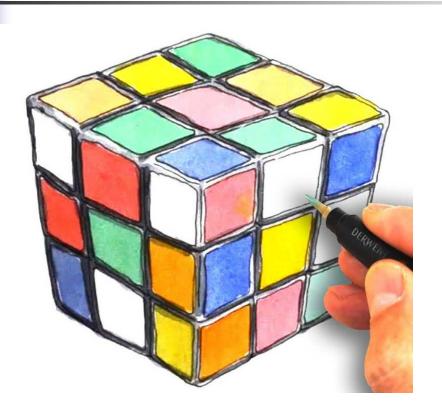


Jedna zo slepých metód





Alternativne metódy

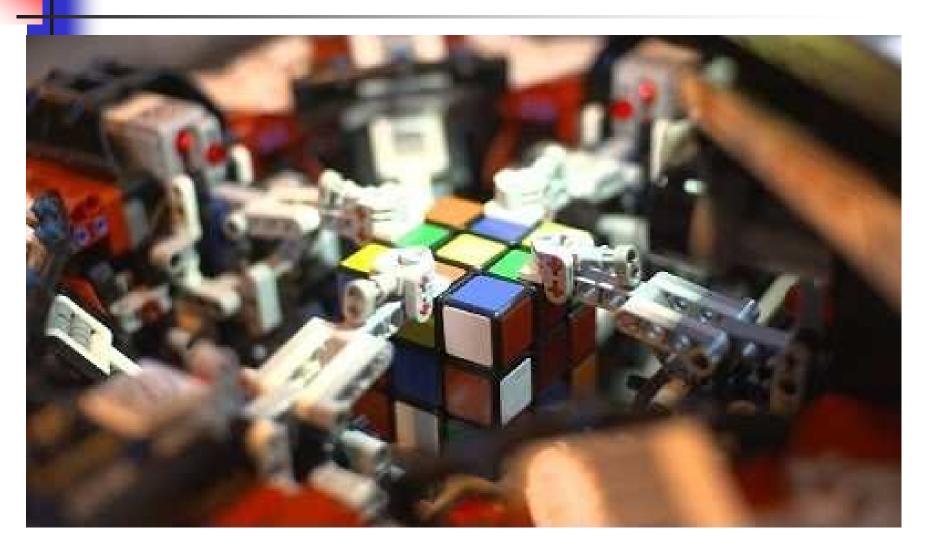




Alternatívne metódy



Alternatívne metódy





DÚ - God's Number RK 2x2x2

Úlohy:

- 1.Definujte funkciu, ktorá aplikuje na kocke permutáciu zapísanú v reťazci podľa vašej konvencie, napr. comma separated string "u,r,u2,r", teda funkciu **perform :: String -> RCube -> RCube**. **[1bod]**
- 2.Definujte funkciu, ktorá počíta stupeň permutácie, teda určí koľkokrát treba zopakovať permutáciu, aby ste prišli do východzieho stavu, tzv. **resp. order :: String -> Int**. **[1bod].** Opäť je permutácia reprezentovaná ako reťazec s oddeľovačmi, presne podľa podúlohy 1).
- 3.Nájdite (akokoľvek) jednu **permutáciu s čo najväčším stupňom order**, teda definujte konštantu **maxOrder**:: **String**. Rozumie sa, že nájdete vaše maximum, nemusíte nájsť absolútne maximum. Absolútne maximum pri RK 3x3x3 bolo 1260. U RK 2x2x2 je to asi menej... **[bodovanie: 1-bronz, 2-striebro, 3-zlato, 4-absolut max.]** V README.TXT uveďte vami nájdenú permutáciu, ktorej stupeň je čo najvačší. Jej stupeň sa musí dať overiť pomocou podúlohy 2), preto bez podúlohy 2) sa 3) nehodnotí.
- 4.Definujte **solve** :: **RCube-> String**, ktorá <u>nejako/ľubovoľne</u> vyrieši danú konfiguráciu kocky, nemusí ísť o najmenší počet ťahov. Výsledkom je potom jej čitateľná reprezentácia komptibilná s 1), a teda **perform** (**solve rk**) **rk** musí byť vzorne poskladaná kocka z konfigurácie **rk**. **[3 body]**
- 5.Definujte **optimal** :: **RCube-> String**, ktorá nájde **najkratšiu permutáciu**, ktorá vyrieši kocku, a nájde ju v rozumnom čase **[5 bodov v tomto prípade sa pochopiteľ ne nehodnotí podúloha 4), keď že optimal** spĺňa **solve**]

6.nájdite konfiguráciu kocky worst :: RCube, na vyriešenie ktorej treba maximálny počet ťahov, teda God's Number, čo je 11 ťahov pri Rubikovej kocke 2x2x2. Inými slovami, optimal worst má 11 elementárnych ťahov. [5 bodov]. Keďže úlohy navzájom úzko súvisia, maximum bodov za podúlohy 5-optimal a 6-worst je max. 8 bodov.

Smart Cubes

(nápady na vianočné darčeky)

Smart Cubes (BlueTooth)

- Giiker Super Cube i3SE
- GAN 356i accelerometer
- GoCube accelerometer







Vedeli ste?

- asi 350 mil. zloží(lo) RK pomocou publikovaných permutácií
 - to je každý 20ty (1:20)
- asi 1 mil. si zapamätá permutácie

- asi 1 mil. si zapamätá permutácie asi 130 tis. sa zúčastnilo súťaže nejakej 3x3x3 v 2019 asi 2 tis. má vlastný postup/permutácie dá sa prejsť všetky konfigurácie bez opakovania Hamilton Cyklus
- Justin Bieber to dá tiež, aspoň s micro-portom v uchu ©

