

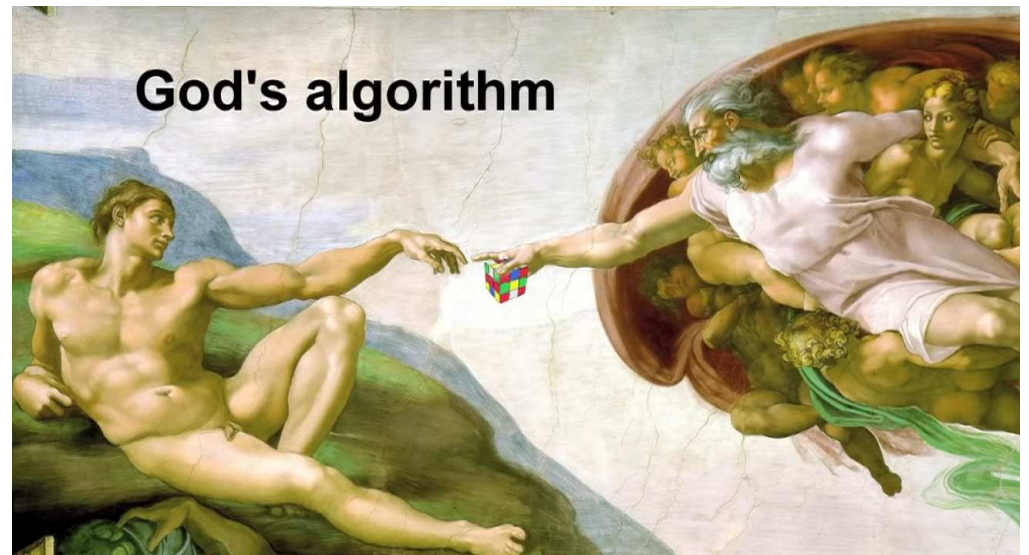
Mother of All Cubes

Rubic's Cube
God's algo

Peter Borovanský. KAI. I-18.
borovan(a)ii.fmph.uniba.sk

Zdroje:

- <https://www.youtube.com/watch?v=GY2emOxrBoo>
- <https://www.youtube.com/watch?v=UqQaqbvDZUA>





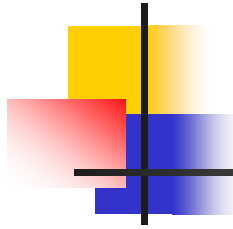
Online Rubik Cubes

zdroje a inšpirácie

- 2x2x2 <https://www.grubiks.com/puzzles/rubiks-mini-cube-2x2x2/>
- 2x2x2 Solver
- 3x3x3 <https://www.grubiks.com/puzzles/rubiks-cube-3x3x3/>
- 3x3x3 solver

- Simulátor, solver:
 - <https://ruwix.com/online-puzzle-simulators/2x2x2-pocket-cube-simulator.php>
 - <https://www.jaapsch.net/puzzles/javascript/cube2j.htm>
 - https://en.wikipedia.org/wiki/Pocket_Cube

- Jaap's Puzzle Page 2x2x2: <https://www.jaapsch.net/puzzles/cube2.htm>
- <https://ruwix.com/the-rubiks-cube/mathematics-of-the-rubiks-cube-permutation-group/>
- <http://iamthecu.be/>
- <https://alg.cubing.net/?puzzle=2x2x2&setup=U-&alg=U2%0A>



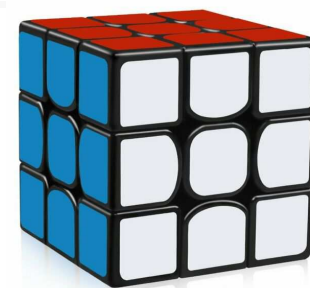
Počet možností (kombinací RK)

1. 1
2. 4
3. 3.674.160
4. 43.252.003.274.489.856.000
5. 7.401.196.841.564.901.869.874. 093.974.498.574.336.000.000.000
6. 282.870.942.277.741.856.536.180.333.107.150.328.293.127.731.985.67
2.134. 721.536.000.000.000.000.000
7. 157.152.858.401.024.063.281.013.959.519.483.771.508.510.790.313.96
8.742.344.694.684.829.502.629.887.168.573.442.107.637.760.000.000.
000.000.000.000.000.000
8. 43 255 043 761 603 797 113 630 091 774 844 134 775 453 550 640 366 980 778 547 673 133 233 526 156 056 111 086 352 762 541 106 680 563 100 444 501 556 754 078 061 200
040 161 902 545 444 981 363 159 418 942 317 624 324 342 475 893 310 046 720 902 418 909 842 572 254 925 048 152 255 763 863 441 303 957 601 376 714 844 611 959 683 697
690 635 818 016 496 854 273 739 359 313 279 064 666 370 046 140 892 353 517 823 980 846 922 675 751 474 787 577 446 355 037 664 594 347 801 588 102 349 880 881 928 045
254 762 441 010 636 430 061 482 254 233 491 880 624 942 631 395 654 007 616 048 601 555 395 209 216 128 415 329 219 747 176 133 779 395 956 146 746 911 514 214 771 775
855 690 239 351 072 162 630 720 328 485 482 144 507 681 466 660 622 736 814 225 845 041 389 468 585 359 274 634 625 239 725 398 675 655 356 047 474 149 388 129 506 975
426 678 293 985 190 094 954 373 200 648 529 109 213 009 085 243 025 295 695 714 725 062 048 495 626 790 315 739 291 458 632 493 329 982 002 276 666 437 129 462 665 130
296 574 060 413 847 380 108 081 447 548 388 904 581 805 682 624 806 259 243 368 405 271 472 607 466 620 943 953 521 539 611 552 808 899 034 647 451 671 884 821 871 473
150 002 371 967 161 469 667 395 692 183 541 805 647 906 126 837 698 919 382 420 530 164 759 161 006 195 029 042 343 889 342 090 679 974 741 074 212 214 617 599 362 461
432 095 130 944 516 954 244 601 505 865 754 479 368 324 547 884 288 638 788 858 960 324 700 273 827 359 843 495 876 728 690 396 404 545 429 654 674 917 908 712 080 130
069 636 174 970 892 229 914 900 256 301 061 633 858 082 796 212 971 135 604 567 450 455 305 742 728 394 508 401 221 110 518 309 419 409 022 610 708 624 448 968 624 438
667 397 328 140 010 446 578 078 230 783 252 681 413 859 281 663 088 893 481 022 928 914 102 101 729 840 481 251 353 235 030 016 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
000
000
000
000 000

Počet možností

3x3x3

- rohové... 8ks, majú 3 polohy $8! * 3^8$
- hranové... 12 ks, majú 2 polohy $12! * 2^{12}$
- teoreticky všetkých 519.024.039.293.878.272.000
- https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+*+factorial+12+*+2%5E12



Ale niektoré z nich sa dajú len tak, že rozoberiete, či ina znásilníte kocku

- nedá sa
 - vymeniť dve hranové (flipping edge), ani
 - otočiť jeden rohový (twisting corner)
- Možných kombinácií je 1:12
- 43.252.003.274.489.856.000 (43 Quintilion)
- https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+*+factorial+12+*+2%5E12%2F12

Počet možností

2x2x2

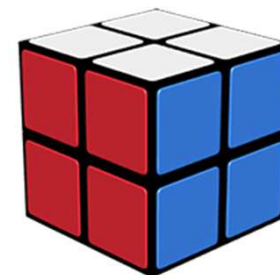
- rohové 8ks, majú 3 polohy

$$8! \cdot 3^8$$

- všetkých

264.539.520

- https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+



3 674 160

- nedá sa

- otočiť jeden rohový (twisting corner)

- Možných kombinácií je $1:(3 \cdot 24)$

3.674.160 (3 million)

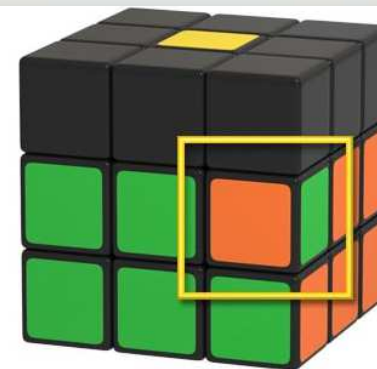
- https://www.wolframalpha.com/input/?i=factorial+8+*+3%5E8+%2F%283*24%29

God's number

Def: maximálny počet otočení na poskladanie **akejkoľvek** RK

- jedno otočenie je o +90. -90, ale aj 180 stupňov
- pre 3x3 je to 20
- dokázané 2010 pomocou „35 CPU years of Google idle comps“
- úplne zlých s GN=20 je málo (490mil.), medián bude okolo 17-18
- teda ak vám niekto náhodne zamieša, asi by ste to na 17-18 ťahov mohli dať
- jedna zo zlých je konfigurácií (GN=20) je 12x edge flips toto je edge flip

| Moves | Configurations |
|-------|------------------------------|
| 0 | 1 |
| 1 | 18 |
| 2 | 243 |
| 3 | 3,240 |
| 4 | 43,239 |
| 5 | 574,908 |
| 6 | 7,618,438 |
| 7 | 100,803,036 |
| 8 | 1,332,343,288 |
| 9 | 17,596,479,795 |
| 10 | 232,248,063,316 |
| 11 | 3,063,288,809,012 |
| 12 | 40,374,425,656,248 |
| 13 | 531,653,418,284,628 |
| 14 | 6,989,320,578,825,358 |
| 15 | 91,365,146,187,124,313 |
| 16 | ≈ 1,100,000,000,000,000,000 |
| 17 | ≈ 12,000,000,000,000,000,000 |
| 18 | ≈ 29,000,000,000,000,000,000 |
| 19 | ≈ 1,500,000,000,000,000,000 |
| 20 | 490,000,000 |



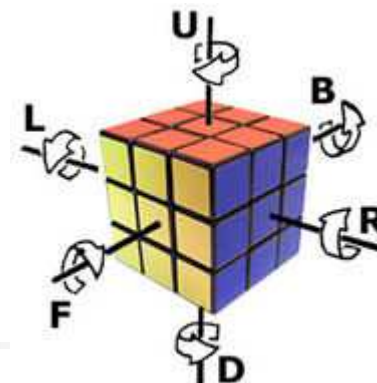


Prečo to máte ďalej sledovať

- lebo vašou domácou úlohou bude zistiť God's number pre RK 2x2x2
- to samozrejme vygooglite skôr než skončí prezentácia, ale čo nenájdete, a naprohramujete, ako zložiť RK 2x2x2 na minimum ťahov
- a mnohé podobné otázky...

Signmaster notation

jazyk rubik cuberov



David Singmaster

Clockwise (+90)

- U-upper
- L-Left
- R-Right
- D-Down
- B-Back
- F-Front

Anticlockwise (-90)

- U'
- L'
- R'
- D'
- B'
- F'

180

- U2
- L2
- R2
- D2
- B2
- F2



Stupeň permutácie

Permutácia je nejaká postupnosť otočení, ktorú sa učíme naspamäť a snažíme si zapamätať

Stupeň permutácie

je počet jej zopakovaní, kým sa dostaneme do pôvodného stavu.

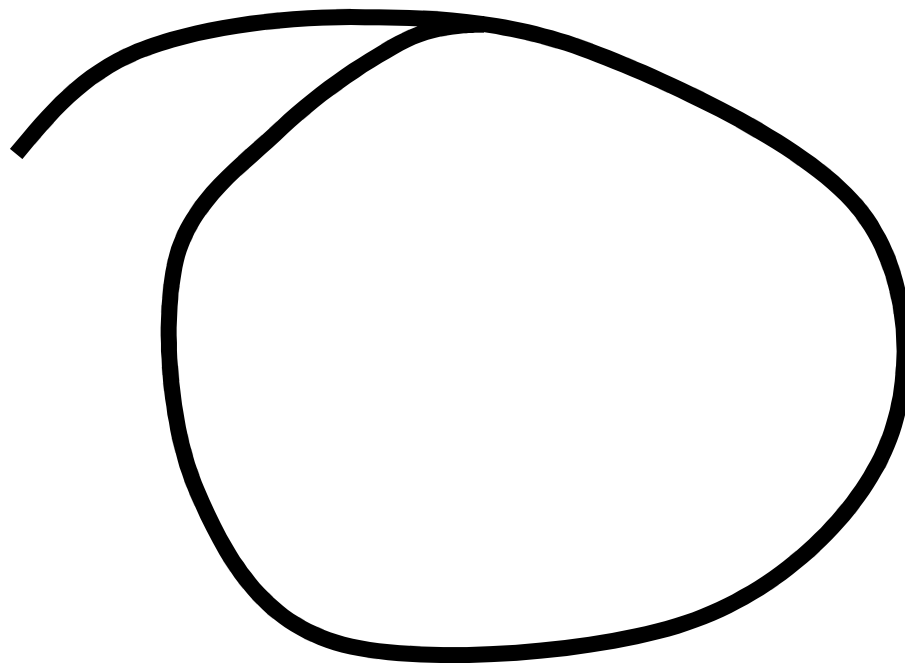
Napr.

- | | |
|--------------------------|----------------------|
| ■ R | má stupeň 4, dĺžku 1 |
| ■ R U R' U' | má stupeň 6, dĺžku 4 |
| ■ Doplnit.....!!!!!!!!!! | má stupeň ... |



Každá permutácia má stupeň

- lebo stavov je len konečne veľa, aj keď *sakra* vela...
- toto nemôže nastať



- najväčší stupeň permutácie pre RK 3x3x3 je 1260, bez dôkazu...
- a ani nie je zložitá: $R U^2 D' B D'$
- https://en.wikipedia.org/wiki/Rubik%27s_Cube_group



Existuje jedna permutácia

- ktorá by istým počtom opakovaní vyriešila každú kombináciu ?
- relatívne krátka - by sme sa naučili, a inú by sme nepotrebovali ?
- ale, či je kocka vyriešená, pozeráme **len na konci permutácie**

Ak by existovala, tak možných konečných stavov je najviac 1260
a

$$1260 < 43.252.003.274.489.856.000$$

Preto určite neexistuje :(



Existuje jedna permutácia

- ktorá by istým počtom opakovaní vyriešila každú kombináciu ?
- relatívne krátka - by sme sa naučili, a inú by sme nepotrebovali ?
- ale, či je kocka vyriešená, pozeráme **aj počas permutácie**

Ak by existovala, mala dĺžku L a stupeň S , tak objaví $L \cdot S$ konfigurácií

Lebo $S \leq 1260$, preto $L > 43.252.003.274.489.856.000 / 1260$

Možno existuje, ale určite bude dlhšia 34.326.986.725.785.600

Bude sa celkom ťažko učiť...

A môže sa stať, že na vyriešenie RK ju budete potrebovať aplikovať možno až 1260 krát.. :(



Setup moves

- Ak hľadáme jednu permutáciu P , ale dovolíme tzv. setup-move, teda výsledok je v tvare $A P A'$, kde A je jedna rotácia
- Setup move je teda jedno jediné otočenie, ktoré nasetupuje RK, potom aplikujeme naučenú permutáciu, a po skončení urobíme inverzný setup move.

Pre RK 2x2x2 je to napr. tzv. Y-PERM

$P = \mathbf{R U' R' U' R U R' F' R U R' U' R' F R}$

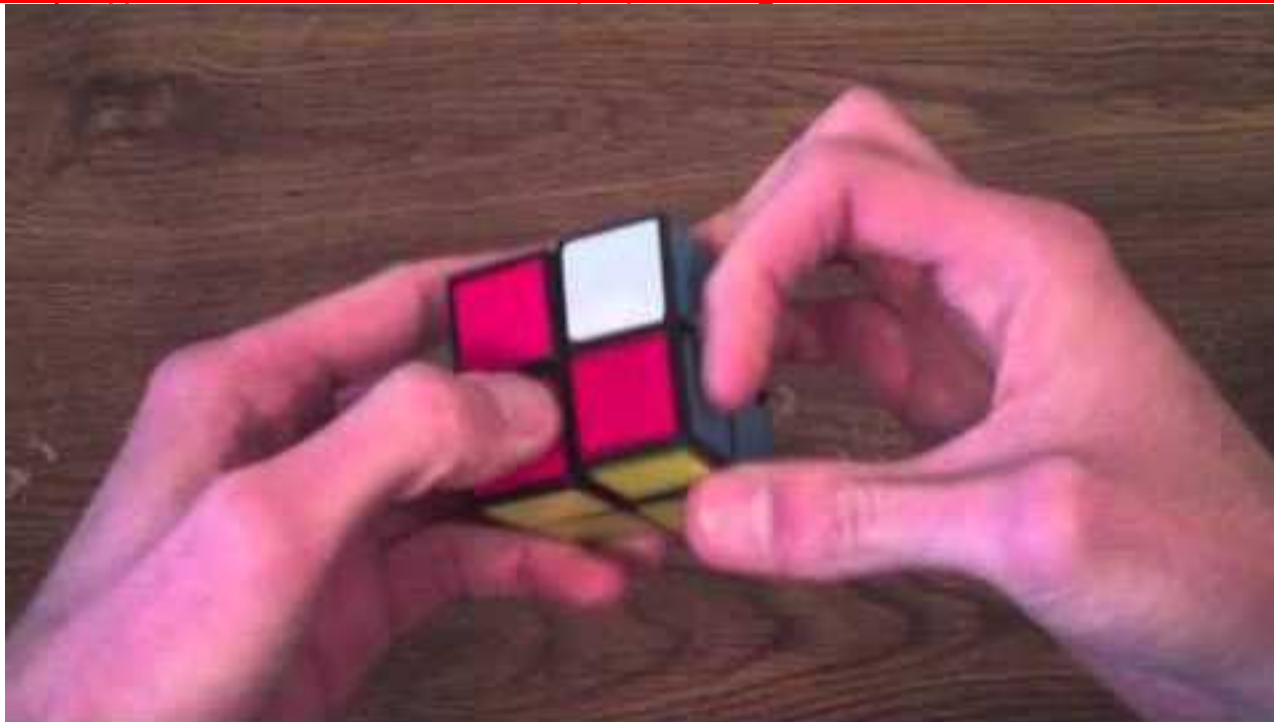
ktorá vymení dva protiľahlé rohy

Rozcvička 9: aký je stupeň Y-PERM

Inverse Y-Perm

2x2x2

- $R U' R' U' R U R' F' R U R' U' R' F R$ – vymení dva protiláhlé rohy
- <https://alg.cubing.net/?puzzle=2x2x2&alg=R U- R- U- R U R- F- R U R- U- R- F R&setup=%0A>
- [Solving 2x2 Blindfolded](#)
- <https://www.instructables.com/id/Solving-a-2x2-Rubiks-Cube-Blindfolded/>

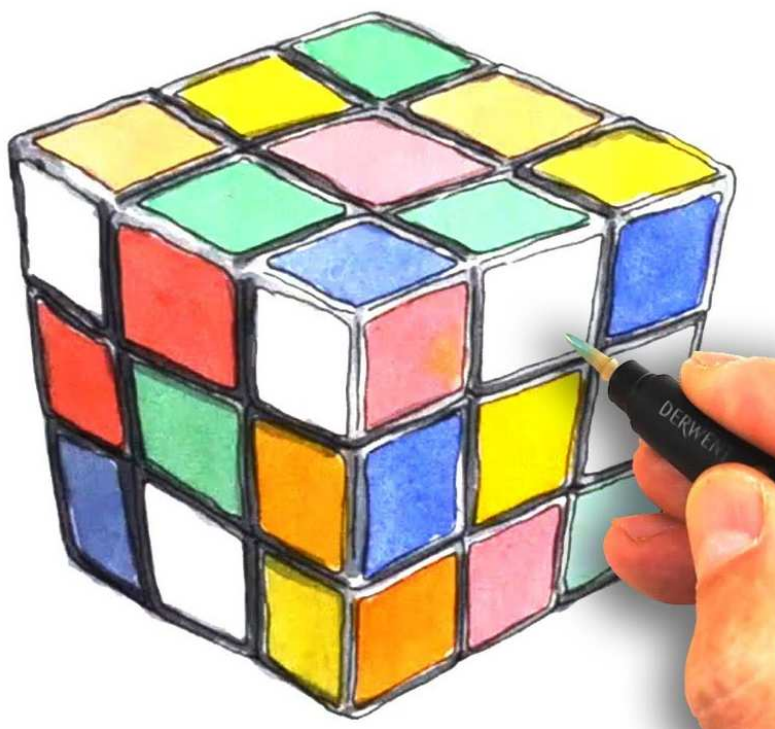


Jedna zo slepých metód

BLINDFOLDED
2x2



Alternatívne metódy



Alternatívne metódy



Alternatívne metódy





DÚ - God's Number RK 2x2x2

Toto je séria úloh k **Rubikovej kocke 2x2x2**. Vo všetkých úlohách sa počíta za jeden ťah, napr. U, U', U2, resp. F, F', F2, teda rotácie o +90, -90 a 180 stupňov sú jeden ťah. Notáciu a simulátory si nájdete v prezentácii. Pri riešení úlohy **môžete použiť pripravené modely** kocky RK 2x2x2 a to aj v Haskellu, resp. Jave (<https://github.com/paradigmy/Kod/tree/master/CV09>). Java, ak sa v nej cítite komfortnejšie, resp. myslíte, že počíta rýchlejšie, alebo len tak...

Úlohy:

1. Definujte funkciu, ktorá aplikuje na kocke permutáciu zapísanú v reťazci podľa vašej konvencie, napr. comma separated string "u,r,u2,r'", teda funkciu **perform :: String -> RCube -> RCube**. **[1bod]**
2. Definujte funkciu, ktorá počíta stupeň permutácie, teda určí koľkokrát treba zopakovať permutáciu, aby ste prišli do východzieho stavu, tzv. **order :: (RCube-> RCube) -> Int**. **[1bod]**
3. Nájdite permutáciu **maxOrder :: RCube-> RCube** s čo najväčším stupňom order. Rozumie sa, že nájdete vaše maximum, nemusíte nájsť absolútne maximum. **[bodovanie: 1-bronz, 2-striebro, 3-zlato, 4-absolut max.]** V README.TXT uveďte vašu „najhoršiu“ permutáciu a aj jej stupeň. Overiť sa to musí dať pomocou časti 2).
4. Definujte **solve :: RCube-> String**, ktorá nejako/lubovoľne vyrieši danú konfiguráciu kocky, nemusí ísť o najmenší počet ťahov. Výsledkom je potom jej čitateľná reprezentácia komptibilná s 1), a teda **perform (solve rk) rk** musí byť vzorne poskladaná kocka. **[3 body]**
5. Definujte **optimal :: RCube-> String**, ktorá nájde najkratšiu permutáciu, ktorá vyrieši kocku, a to v rozumnom čase **[5 bodov - v tomto prípade sa pochopiteľne nehodnotí predošlá verzia solve]**
6. nájdite konfiguráciu kocky **worst :: RCube**, na vyriešenie ktorej treba maximálny počet ťahov, teda **God's Number**, čo je 11 ťahov pri Rubikovej kocke 2x2x2. Inými slovami, **optimal worst** má 11 elementárnych ťahov. **[5 bodov]**

Keďže úlohy navzájom úzko súvisia, maximum bodov za podúlohy

•4 a 5 je max. 8,

•3 a 4 je max. 5.

Ak úlohu riešite v Jave, prirodzene si upravte zadanie.



Smart Cubes

(nápady na vianočné darčeky)

Smart Cubes (BlueTooth)

- [Giiker Super Cube i3SE](#)
- [GAN 356i](#) - accelerometer
- [GoCube](#) - accelerometer

Vedeli ste ?

- asi 350 mil. zloží(lo) RK pomocou publikovaných permutácií
 - to je každý 20ty (1:20)
- asi 1 mil. si zapamätá permutácie
- asi 130 tis. sa zúčastnilo súťaže nejakej 3x3x3 v 2019
- asi 2 tis. má vlastný postup/permutácie
- dá sa prejsť všetky konfigurácie bez opakovania – Hamilton Cyklus
- Justin Bieber to dá tiež, aspoň s micro-portom v uchu 😊

