FICH 1

CÁLCULO NUMÉRICO ENTREGABLE NUMÉRO 1

Centis Mateo

UNL - Facultad de Ingeniería y Ciencias Hídricas

Enunciado

Dado el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 = 0, \\ -x_{i-1} + 2x_i - x_{i+1} = \frac{1}{N^2}, \quad i = 2, 3, ..., N-1, \\ x_N = 0, \end{array} \right.$$

- a. Realice un script que resuelva el sistema para N=100, utilizando los métodos de Jacobi, Gauss-Seidel, SOR, gradiente conjugado y eliminación de Gauss.
- b. Determine el número de iteraciones necesarias para cada método iterativo, considerando una cota para el residuo de 1e-6. Determine, para el método de SOR, un parámetro de relajación ω óptimo. ¿Todos los métodos convergen? Justifique y grafique el historial del residuo para cada método.
- c. Suponiendo que la solución obtenida corresponde a una función y=x(t) evaluada en N puntos uniformemente distribuidos en el intervalo [0, 1], graficar la solución y=x(t) obtenida con cada método, y saque conclusiones.

Resolución