Computación Cuántica Facultad de Ingeniería Universidad de Antioquia 2025-1

Práctica No. 1 Introducción al Qiskit mediante la creación de Fractales

Realización: En parejas

Fecha de entrega: lunes 07 de abril del 2025

1. Introducción:

"Aquellas personas que recién comienzan a acercarse a la Computación Cuántica podrían pensar que la visualización de la matemática de los números complejos presentes en los **qubits** es algo difícil, y para lo cual se cuenta con la Esfera de Bloch y la esfera Q de IBM¹. No obstante, dada la riqueza del campo de los números complejos, existen muchas maneras visualmente más interesantes de representar la información cuántica. Una de esas formas es a través de fractales" [Mazin22].

2. Marco Teórico: Creación de Fractales en Qiskit

2.1. Realice la lectura del artículo "*Creating Fractal Art With Qiskit*", de Wiktor Mazin, publicado en junio del 2022 en el siguiente enlace:

https://medium.com/qiskit/creating-fractal-art-with-qiskit-df69427026a0

- 2.2. Elabore un <u>resumen de mínimo 20 y máximo 30 líneas</u>, sobre el contenido de esta lectura, destacando:
 - 2.2.1. La relación entre la computación cuántica y la generación de fractales.
 - 2.2.2. Las principales contribuciones del autor del artículo.
 - 2.2.3. El modo general de funcionamiento de los *Notebooks* disponibles en **Github** por parte del autor del artículo.

¹ https://quantum-computing.ibm.com/composer/docs/iqx/visualizations#q-sphere-view

3. Generación de Fractales a partir de un solo qubit

En el siguiente enlace de **Github** se encuentra una <u>versión actualizada</u> a **Qiskit 1.3**, del código compartido originalmente en el artículo anterior para visualizar **un cierto** *qubit* usando fractales:

https://github.com/gpatigno/QC_2025

- 3.1. Explique cada uno de los <u>bloques de código escritos</u> en este programa en **Qiskit**. Para ello, consulte en los manuales y tutoriales de la biblioteca **Qiskit**², sobre el funcionamiento de las diferentes instrucciones utilizadas en este *Notebook*.
- 3.2. Descargue una copia de este código, y partir de su ejecución explique los conceptos de superposición cuántica y de interferencia cuántica en la operación del circuito descrito.
- 3.3. ¿Cómo se crea el fractal llamado *Conjunto de Julia* a partir del estado cuántico del *qubit* definido en el circuito realizado? **Explique.**
- 3.4. Dado que los fractales surgen generalmente al iterar una función no-lineal $z_{n+1} = f(z_n, c)$, tal que en fractales clásicos frecuentemente f se define como $z^2 + c$, cree ahora una función no-lineal basada en la *evolución unitaria* de un *qubit*, a fin de graficar un **nuevo tipo de fractal**.

Para ello, la evolución unitaria de un qubit, definida previamente como:

$$|\psi_n\rangle = U_n |\psi_{n-1}\rangle$$

genera en cada iteración un nuevo qubit:

$$|\psi_n\rangle = \alpha_n|0\rangle + \beta_n|1\rangle$$

3.4.1. Seleccione una compuerta de *Clifford* a su gusto, e implemente esta *evolución unitaria* en múltiples iteraciones, de manera que a partir de cada *qubit* generado, calcule un $c_n = \frac{\beta_n}{\alpha_n}$.

² https://docs.guantum.ibm.com/guides

3.4.2. Dado cada c_n , defina e implemente en su programa una nueva función iterativa para z_{n+1} , y presente el fractal resultante al graficar los diferentes valores de z_n obtenidos en cada iteración. Considere z_{n+1} :

$$z_{n+1} = z_n^2 + c_n$$

3.4.3. Presente mejoras o adaptaciones personalizadas de su código, y agregue comentarios propios que expliquen su código **Qiskit** implementado.

4. Informe

- 4.1. Presente una sustentación en persona de todo el trabajo llevado a cabo en esta práctica de laboratorio.
- 4.2. Presente un informe con su respuesta a las preguntas descritas en la presente guía de laboratorio.
 - 4.2.1. Analice sus resultados presentados en cada circuito simulado, e interprete los datos obtenidos.
 - 4.2.2. Adjunte a este informe el archivo **ipynb** de su propia versión del código modificado y documentado.
 - 4.2.3. Presente sus conclusiones generales de esta Práctica de Laboratorio.
 - 4.2.4. Presente citaciones y referencias de la bibliografía adicional utilizada.

5. Referencias Bibliográficas:

[Mazin22] Wiktor Mazin. "Creating Fractal Art With Qiskit", June 2022. Available on: https://medium.com/qiskit/creating-fractal-art-with-qiskit-df69427026a0

[Pauli23] Pauli Matrices. Available on: https://en.wikipedia.org/wiki/Pauli_matrices. 2023. [Qiskit23a] Linear Algebra. Textbook. Available **Qiskit** on: https://github.com/Qiskit/textbook/blob/main/notebooks/ch-appendix/linear_algebra.ipynb [Oiskit23b] **Proving** Universality. Textbook. Oiskit Available on: https://github.com/Qiskit/textbook/blob/main/notebooks/ch-gates/proving-universality.ipynb [Qiskit23c] Single Qubit Gates. Qiskit Textbook. Available on:

https://github.com/Qiskit/textbook/blob/main/notebooks/ch-states/single-qubit-gates.ipynb