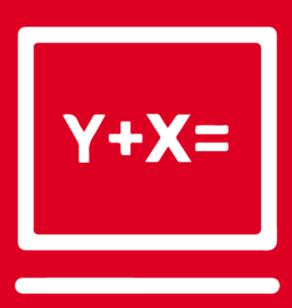
ARITHMETIC Chapter 5



REPARTO PROPORCIONAL

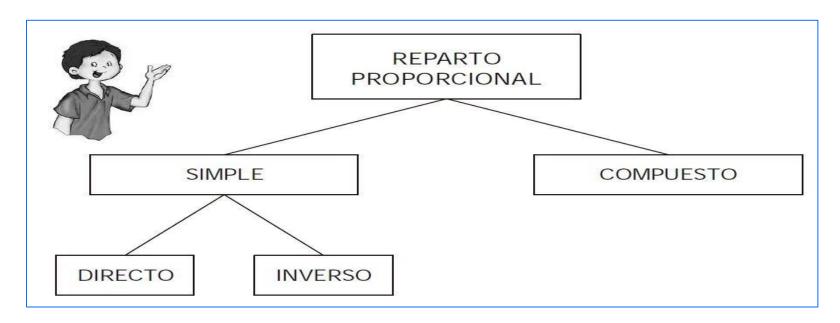






REPARTO PROPORCIONAL

Es un procedimiento aritmético que consiste en repartir cierta cantidad, teniendo en cuenta la proporcionalidad (directa o inversa), con respecto a los valores correspondientes a ciertas magnitudes





CLASES DE REPARTO



REPARTO SIMPLE DIRECTO:

Problema 1

Carlitos repartirá 143 caramelos a sus sobrinos Jimmy, Jhon y Fidel, según sus edades 8; 12 y 24 años respectivamente. ¿Cuánto recibirá cada sobrino?

Resolución:

(N.° de caramelos) D.P (Edad)

Jimmy:
$$8 \longrightarrow 2$$
 2k

Jhon: $12 \longrightarrow 3$ 3k

Since $24 \longrightarrow 6$ 6k

Fidel: 24 -> 6

Luego:

$$2k + 3k + 6k = 143$$

 $11k = 143$
 $k = 13$

: Las partes son:

Jimmy:
$$2k = 2(13) = 26$$

Jhon:
$$3k = 3(13) = 39$$

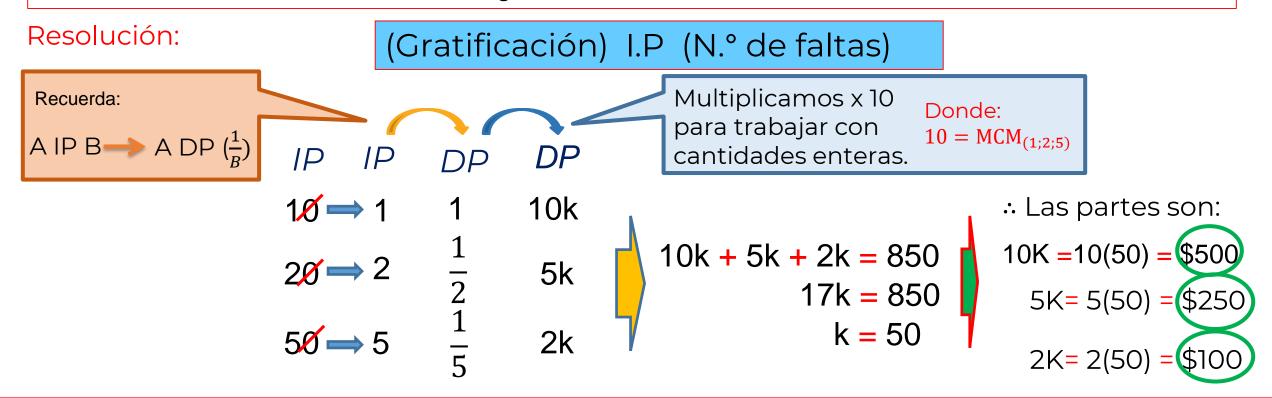
Fidel: 6k = 6(13) = 78



2 REPARTO SIMPLE INVERSO:

Problema 2

El dueño de una fábrica repartirá una gratificación de \$850 a sus tres trabajadores según el número de faltas que son 10; 20 y 50 días. ¿Cuánto recibirá cada trabajador?



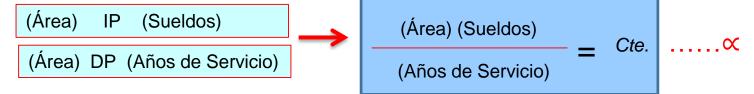


3 REPARTO COMPUESTO

Problema 2

Un hacendado al morir deja de herencia a sus tres sirvientes un terreno de 7200 m² estipulando que el reparto será IP a sus sueldos: S/.300; S/.200 y S/.500 y a la vez DP al número de años de servicio: 6; 8 y 15 años, respectivamente. ¿Qué área corresponde a cada sirviente?





Área	Α	В	С
Sueldo	S/.300	S/.200	S/.500
N° de años de servicio	6	8	15

Por dato:
$$A + B + C = 7200$$

Reemplazando en ∝

$$\frac{A \cdot 300}{6} = \frac{B \cdot 200}{8} = \frac{C \cdot 500}{15}$$

$$\frac{A}{A} = \frac{B}{A} = \frac{C}{A} = K$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{4} = \frac{1}{3}$$
 $\langle = \frac{A + B + C}{2 + 4 + 3} = \frac{7200}{9}$

$$K = 800$$

: Las partes son:

$$A= 2k=2 (800) = 1600 m^2$$

$$B = 4k = 4 (800) = 3200 \text{ m}$$

$$C = 3k = 3 (800) = 2400 \text{ m}^2$$



REGLA DE COMPAÑIA

Problema 4

Tres amigos se asociaron y formaron una empresa. El primero aportó \$6000 durante 6 meses; el segundo \$3000 durante 8 meses y el tercero \$9000 durante 12 meses. Si la utilidad es \$7000. ¿Cuánto ganó cada socio?

Resolución:

(Ganancia) DP (Capital)

(Ganancia) DP (Tiempo)

(Ganancia) (Capital) (Tiempo)

Ganancia

Haciendo el reparto y reemplazando en ∝

Capital

6000

3000

Tiempo

9000

 $6000 \times 6 = 3000 \times 8 = 9000 \times 12$

Del dato tenemos:

$$a + b + c = 7000$$

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{2} = \frac{c}{a} = K$$

$$k = \frac{a+b+c}{3+2+9} = \frac{7000}{14} \implies k = 500$$

: Las partes son:

$$a=3k=3 (500) = $1500$$

$$b= 2k=2 (500) = $1000$$

$$c= 9k=9 (500) = $4500$$





Calcule la suma de cifras de la mayor parte que se obtiene al repartir 4212 directamente proporcional a 7²⁸³; 7²⁸⁴ y 7²⁸⁶.

Resolución:

Tener en cuenta:

$$7^{283} = 7^{283} \times 1$$

$$7^{284} = 7^{283} \times 7^{1}$$

$$7^{286} = 7^{283} \times 7^{3}$$

luego:

Cantidad repartida =
$$1k + 7k + 343k = 4212$$

 $351k = 4212$
 $k = 12$

La mayor parte: 343K = 343(12) = 4116

Nos piden suma de cifras: 4 + 1 + 1 + 6 = 12

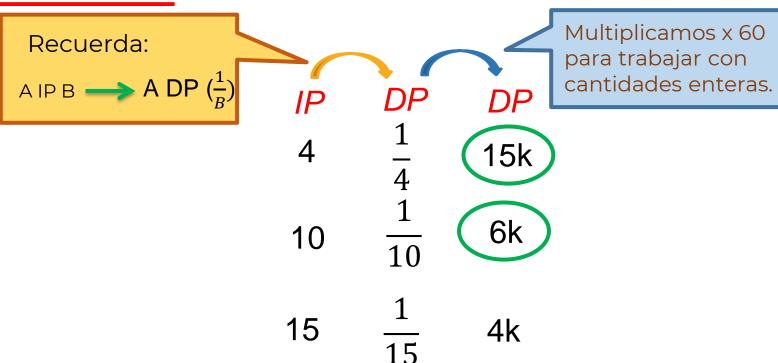
Rpta 1



2

Se reparte N inversamente proporcional a 4; 10 y 15. Si la suma de las dos mayores partes resultó 399, calcule el producto de cifras de N.

Resolución:



luego:

$$15k + 6k = 399$$

 $21k = 399$
 $k = 19$

Calculando N:

$$N = 15k + 6k + 4k$$

 $N = 25K = 25(19) = 475$

PIDEN EL PRODUCTO DE CIFRAS DE N:

$$4.7.5 = 140$$

Rpta 140





Dos pastores llevan 7 y 5 panes, respectivamente, y se encuentran con un cazador hambriento y comparten con este los 12 panes en partes iguales. Si el cazador en retribución pagó S/.52, ¿cuánto le corresponde a cada pastor?

Resolución:

 N° panes = 12

Luego, repartimos 12 panes entre 3 personas

Cada uno consume $\frac{12}{3} = 4$ panes

Veamos cuanto panes compartio cada pastor y de esa manera saber cuanto dinero le corresponde respectivamente

Tiene - consume Dan c/u Las partes D.P

$$7 - 4 = 3 \text{ panes} \longrightarrow 3k$$
 $5 - 4 = 1 \text{ panes} \longrightarrow k$

Pero:
$$3k + 1k = 52$$

 $4k = 52$
 $k = 13$

Piden:

Primer pastor: 3k = 3(13) = 39

segudo pastor: 1k = 1(13) = 13

Rpta S/.39 y S/.13





Al repartir 3645 proporcionalmente a todos los números pares de dos cifras, ¿cuánto le corresponde a 38?

Resolución:

Total a repartir: 3645

números pares de 2cifras : 10,12,14,16, ...,94,96,98

Cantidad

Luego:

DP: 10 12 14 16 ... 38 ... 94 96 98

PARTE: 10K 12K 14K 16K (...38K).. 94K 96K 98K

Donde:

10K+12K+14K+16K+...+94K+96K+98K=3645

$$\frac{(98+10)}{2} \times 45 \times K = 3645$$

$$54.45.k = 3645$$

$$54k = 81$$

$$k = \frac{3}{2}$$

Piden:

$$38k = 38(\frac{3}{2}) = 57$$

Rpta 57



Carlos inicia negocio con \$3000 cuatro meses después ingresa Miguel aportando el mismo capital. Por último, a los 7 meses de iniciado el negocio, se asocia Emilio aportando el mismo capital que sus socios. Si al cabo de un año se obtiene una ganancia neta de \$5000, ¿cuánto le corresponde a **Emilio?**

Resolución:

De los datos tenemos:

$$C_J$$
= \$3000 C_M = \$3000 C_E = \$3000 C_E = \$3000 Pasan 4 meses t_I = 12 meses t_M = 8 meses t_E = 5 meses

$$C_E$$
= \$3000
Pasan 7 meses
 t_E = 5 meses

Sabemos:
$$\frac{Ganancia}{Capital.Tiempo} = Cte.(K)$$

Reemplazando y simplificando en ∝

$$\frac{G_{J}}{3000.12} = \frac{G_{M}}{3000.8} = \frac{G_{E}}{3000.5}$$

$$\frac{G_{J}}{12} = \frac{G_{M}}{8} = \frac{G_{E}}{5} = k$$

Pero:
$$G_J + G_M + G_E = 5000$$

k = 200

Piden:

$$G_E = 5k = 5(200) = 1000$$





6

Jaime y José forman una compañía aportando cada uno S/.500 y S/.300, respectivamente. Luego de 3 meses Jaime decide aumentar su capital en S/.300 y un mes más tarde José aumenta también su capital en S/.400. Si al cabo de 1 año se decide liquidar la empresa con S/.1550 de utilidad total, determine cuánto ganó Jaime

Resolución:

De los datos tenemos:

$$C_{Ja(1)}$$
= **S/500** $C_{Jo(1)}$ = **S/.300** $C_{Ja(2)}$ = **S/800** $C_{Jo(2)}$ = **S/700** Desde el inicio $C_{Ja(1)}$ = 4 meses $C_{Ja(2)}$ = 9 meses $C_{Jo(2)}$ = 8 meses $C_{Jo(2)}$ = 8 meses

Sabemos:
$$\frac{Ganancia}{Capital.Tiempo}$$
 = Cte.(K)

Reemplazando y simplificando:

$$\frac{G_{Ja(1)}}{500.3} = \frac{G_{Jo(1)}}{300.4} = \frac{G_{Ja(2)}}{800.9} = \frac{G_{Jo(2)}}{700.8}$$

$$\frac{G_{Ja(1)}}{15} = \frac{G_{Jo(1)}}{12} = \frac{G_{Ja(2)}}{72} = \frac{G_{Jo(2)}}{56} = k$$

Pero:
$$G_{Ja(1)} + G_{Jo(1)} + G_{Ja(2)} + G_{Jo(2)} = 1550$$

Luego:
$$15k + 12k + 72k + 56k = 1550$$

 $155k = 1550$

k = 10

Piden:

$$G_{Ja(1)} + G_{Ja(2)} = ?$$

$$15k + 72k = 87k$$

= 87(10)

= 870

Rpta S/.870





El profesor de Aritmética le propone a su hijo que si resuelve el problema le dará de propina tantos soles como la suma de cifras del resultado:

Las edades de 7 hermanos son números consecutivos. Si se reparte una suma de dinero proporcionales a sus edades, el menor recibirá la mitad del mayor y el tercero S/80 000. ¿Cuánto recibe el quinto?

Si el hijo resolvió correctamente el problema. ¿Cuánto recibió de propina?

Resolución:

Sean las edades consecutivas de los 7 hermanos:

(n-3); (n-2); (n-1); n; (n+1); (n+2); (n+3) años

Luego:

DP:
$$(n-3)$$
 $(n-2)$ $(n-1)$ n $(n+1)$ $(n+2)$ $(n+3)$

(recibe el menor) = $\frac{1}{2}$ (recibe el mayor)

$$(n-3) k = \frac{1}{2} (n+3) k$$

 $2n-6 = n+3$
 $n = 9$

(recibe el tercero) = (n+1)k = 80000

$$(9+1)k = 80000$$

k = 8000

piden:

(recibe el quinto hermano) =
$$(n-1)k$$

= $(9-1)(8000)$



= 64000