

ALGEBRA

Chapter 3

1st

SECONDARY

Ecuaciones



 **SACO OLIVEROS**

MOTIVATING STRATEGY

¿Cuál es la Ecuación mas antigua registrada?

El documento más antiguo en el que se presentan problemas que se resuelven con ecuaciones es el papiro Rhind de 1650 a.C.

(en la imagen puede verse un fragmento).

Uno de esos problemas dice: "Un montón más la séptima parte del montón es igual a 19. ¿Cuánto hay en el montón?"

Observa que en aquella época aún no se utilizaba la "x" para resolver

las ecuaciones. El lenguaje algebraico que ahora conocemos no existía.

Imagina el esfuerzo y la técnica que debían de tener para plantear y buscar soluciones a los problemas con ecuaciones.





ECUACIONES

Es una igualdad que se cumple para ciertos valores de sus incógnitas

Ejemplo:

$$\frac{2x - 1}{5} = \frac{x}{2}$$

Elementos de una ecuación

The diagram shows the equation $2x - 5 = x + 3$ with several annotations:

- A green arrow points from the x in the first term to the x in the second term, labeled *Incógnita:*.
- A red bracket under $2x - 5$ is labeled *Primer miembro*.
- A red bracket under $x + 3$ is labeled *Segundo miembro*.
- A red arrow points down from the equals sign to the text *SIGNO IGUAL:*.

ANOTACION

Resolver una ecuación significa hallar el conjunto solución



ECUACIÓN DE PRIMER GRADO CON UNA INCOGNITA

FORMA GENERAL: $ax + b = 0$; $a \neq 0$

Procedimiento para la resolución:

Trasposición de términos:

Las incógnitas deben estar en un solo miembro
Y los términos independientes en el otro
Lo que esta sumando pasa al otro miembro
restando y viceversa

Despejar la incógnita

Lo que esta multiplicando pasa al otro miembro
dividiendo y viceversa

Ejemplo:

Calcular el valor de x

$$2x + 5 = 14 - x$$

$$2x + x = 14 - 5$$

$$3x = 9$$

$$x = 3$$



1. Halle el valor de X en la ecuación

$$4x + 8 - 8x = 9x - 13 + x$$

RESOLUCIÓN

$$8 - 4x = 10x - 13$$

$$8 + 13 = 10x + 4x$$

$$21 = 14x$$

$$x = \frac{21}{14}$$

$$x = \frac{3}{2}$$

**2.** Determine el valor de X

$$2(9x - 5) + 4(2x - 1) = 2(7x + 6)$$

RESOLUCIÓN

$$18x - 10 + 8x - 4 = 14x + 12$$

$$26x - 14 = 14x + 12$$

$$26x - 14x = 12 + 14$$

$$12x = 26$$

$$x = \frac{26}{12}$$

$$x = \frac{13}{6}$$

**3.** Determine el valor de X

$$\frac{6x}{4} - 8 = \frac{x}{2} + 4$$

RESOLUCIÓN

$$\frac{\cancel{6}x}{\cancel{4}} - \frac{x}{2} = 4 + 8$$

$$\frac{3x}{2} - \frac{x}{2} = 12$$

$$\frac{\cancel{2}x}{\cancel{2}} = 12$$

$$x = 12$$

**4.** Determine el valor de Y

$$\frac{y-1}{2} - \frac{y}{10} = \frac{3y-1}{5} - 1$$

RESOLUCIÓN

$$mcm(2; 10; 5) = 10$$

$$5(y-1) - y = 2(3y-1) - 10$$

$$5y - 5 - y = 6y - 2 - 10$$

$$4y - 5 = 6y - 12$$

$$12 - 5 = 6y - 4y$$

$$7 = 2y$$

$$y = \frac{7}{2}$$



5. Calcule el valor de X en

$$\frac{3x + 7}{4} = \frac{x + 2}{3}$$

RESOLUCIÓN

Multiplicando en aspa

$$3(3x + 7) = 4(x + 2)$$

$$9x + 21 = 4x + 8$$

$$9x - 4x = 8 - 21$$

$$5x = -13$$

$$x = -\frac{13}{5}$$

$$x = -\frac{13}{5}$$



6. En una empresa contratan 30 obreros los cuales reciben el mismo sueldo. Si se sabe que el sueldo total que recibieron entre los 30 obreros está representado por $1000x$ soles, donde x se obtiene resolviendo la ecuación

$$\frac{5x}{3} + \frac{2x}{5} + \frac{x}{2} = 77$$

¿Cuál es el sueldo de un obrero?

RESOLUCIÓN

$$mcm(3; 5; 2) = 30$$

$$30 \left(\frac{5x}{3} \right) + 30 \left(\frac{2x}{5} \right) + 30 \left(\frac{x}{2} \right) = 30(77)$$

$$10(5x) + 6(2x) + 15(x) = 30(77)$$

$$50x + 12x + 15x = 30(77)$$

~~$$77x = 30(77)$$~~

$$x = 30$$

Sueldo de un obrero

$$\frac{\text{Total sueldo}}{\text{Número de obr.}} = \frac{1000(30)}{30}$$

1000



7. Resuelva e indique el conjunto solución

$$\frac{m}{6} + \frac{m}{12} + \frac{m}{30} = 8$$

RESOLUCIÓN

$$mcm(6; 12; 30) = 60$$

$$60 \left(\frac{m}{6} \right) + 60 \left(\frac{m}{12} \right) + 60 \left(\frac{m}{30} \right) = 60(8)$$

$$10m + 5m + 2m = 480$$

$$17m = 480$$

$$17m = \frac{480}{17}$$

$$C.S = \left\{ \frac{480}{17} \right\}$$



8. Calcule el valor de X en la ecuación

$$-3 - \left(x - \frac{x}{5}\right) = \left(5 + \frac{x}{5}\right) - (2X + 5)$$

RESOLUCIÓN

Sacando los paréntesis:

$$-3 - x + \frac{x}{5} = 5 + \frac{x}{5} - 2x - 5$$

$$mcm(5; 5) = 5$$

$$5(-3) - 5(x) + 5\left(\frac{x}{5}\right) = 5(5) + 5\left(\frac{x}{5}\right) - 5(2x) - 5(5)$$

$$-15 - 5x + 5x = 25 + x - 10x - 25$$

$$-15 - 4x = -9x \rightarrow -15 = -9x + 4x$$

$$-15 = -5x \rightarrow \frac{15}{5} = x$$

$$x = 3$$