

ALGEBRA Chapter 12







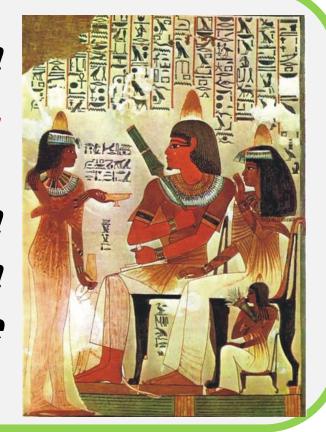




MOTIVATING STRATEGY

ÁLGEBRA: UNA CIENCIA GENERAL

En la antigüedad, el álgebra fue una parte inseparable de la aritmética, más tarde se separó de ella. Esta es la razón por la que en gran parte de la literatura científica a la hora de estudiar ambas ramas se hace de una manera conjunta.



FACTORIZACIÓN



Es el proceso transformar un polinomio en una multiplicación indicada de dos o más factores primos irreductibles.

Ejemplo:

$$P(x) = x^2 - 25 = (x + 5)(x - 5)$$

Factores primos: x + 5 y x - 5

I. <u>CRITERIO DEL FACTOR COMÚN:</u>



a) Factor Común Monomio (FCM):

El FCM se obtiene extrayendo las variables comunes afectadas de sus menores exponentes.

Ejemplo:

Factorice

$$P(x,y) = x^{4}y^{2} + x^{2}y^{3}$$

Resolución: Factor común: x^2y^2

$$P(x,y) = x^2y^2(x^2 + y)$$

Factores primos: x, y, $(x^2 + y)$



b) Factor Común Polinomio (FCP):

Ejemplo:

Factorice

$$Q(a,b) = 3a^{2}(a+4b) - 5b^{3}(a+4b) + ab(a+4b)$$

Resolución: Factor común: (a + 4b)

$$Q(a,b) = (a+4b)(3a^2-5b^3+ab)$$

Factores primos:
$$(a+4b)$$
, $(3a^2-5b^3+ab)$

II. <u>CRITERIO DE AGRUPACIÓN DE TÉRMINOS:</u>



Se agrupan los términos convenientemente para encontrar un factor común.

Ejemplo:

Factorice

$$P(x,y) = xy^3 + xyz^3 + y^2z + z^4$$

Resolución:

$$P(x,y) = xy(y^2 + z^3) + z(y^2 + z^3)$$

Factor común:
$$(y^2 + z^3)$$



$$P(x,y) = (y^2 + z^3)(xy + z)$$

$$(y^2+z^3)$$
, $(xy+z)$

III. CRITERIO DE LAS IDENTIDADES:



a) Trinomio cuadrado perfecto (TCP):

$$A^{2m} \pm 2A^m B^n + B^{2n} = (A^m \pm B^n)^2$$

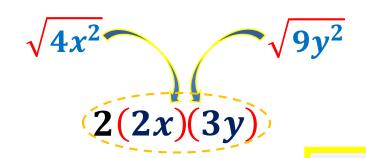


Ejemplo:

Factorice

$$P(x,y) = 4x^2 + 12xy + 9y^2$$

Resolución:





$$P(x,y) = (2x+3y)^2$$



b) <u>Diferencia de cuadrados:</u>

$$x^2 - y^2 = (x + y)(x - y)$$

c) Suma de cubos:

$$x^3 + y^3 = (x + y)(x^2 - xy + y^2)$$

d) <u>Diferencia de cubos</u>:

$$x^3 - y^3 = (x - y)(x^2 + xy + y^2)$$





HELICO PRACTICE

Transforme a producto

$$P(x,y) = 7m(3x - 2y) - 5n(2y - 3x)$$

Indique un factor primo.

$$P(x,y) = 7m(3x - 2y) - 5n(2y - 3x)$$

$$P(x,y) = 7m(3x - 2y) + 5n(3x - 2y)$$

$$P(x,y) = (3x-2y)(7m+5n)$$

$$(3x-2y) \quad y \quad (7m+5n)$$

Resolución:



Problema 2

Luego de factorizar

$$P(a, x, y) = ax + bx + cx + ay + by + cy$$

Indique un factor primo.

$$P(a,x,y) = ax + bx + cx + ay + by + cy$$

$$P(x,y) = x(a+b+c) + y(a+b+c)$$

$$P(x,y) = (a+b+c)(x+y)$$

$$(a+b+c)$$
 y $(x+y)$

Indique un factor primo de $4x^2 - 25$

Recordemos:

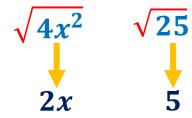
Diferencia de cuadrados:

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$



$$4x^2 - 25$$





$$4x^2 - 25 = (2x + 5)(2x - 5)$$

$$4x^3 - 25 = (2x + 5)(2x - 5)$$

Factores primos: (2x+5) y (2x-5)

N° de factores primos: 2

$$(2x+5)$$
, $(2x-5)$

Luego de factorizar $x^3 - 729$, Indique la suma de coeficientes del factor primo cuadrático.

Recordemos:



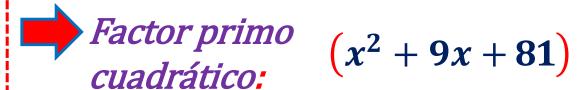


$$x^3 - 729$$

$$\sqrt[3]{x^3}$$
 $\sqrt[3]{729}$ (x) (9)

$$x^3 - 729 = (x - 9)(x^2 + 9x + 81)$$

Factores primos: $(x-9)(x^2+9x+81)$



Suma de coeficientes: (1+9+81)

: la suma de coeficientes es 91

Resolución



Problema 5

Al Factorizar

$$P(m,n) = 5m^3 - 10m^2n + mn^2 - 2n^3$$
 ¿Cuántos factores primos se obtienen?

$$A(a,n) = an^2 + n^3 - 4a - 4n$$

$$A(a,n) = n^2 (a + n) - 4 (a + n)$$

$$A(a,n) = (a + n) (n^2 - 4)$$

$$A(a,n) = (a_1+n_1)(n-2)(n+2)$$

$$(a+n), (n-2) y (n+2)$$

El número de factores primos de $8x^3 + 27$ indica el precio de medio kilogramo de fideos. Para un comensal se necesitan $20 \, \mathrm{Kg}$ de fideos; ¿cuál será su costo?

Recordemos:

<u>Suma de cubos:</u>

$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$



$$8x^3 + 27$$
 $\sqrt[3]{8x^3}$
 $\sqrt[3]{27}$

$$8x^3 + 27 = (2x+3)(4x^2 - 6x + 9)$$

Factores primos:
$$(2x+3)$$
 y $(4x^2-6x+9)$

 N° de factores primos: $2 \longrightarrow Precio de 1/2 Kg de fideos: <math>S/.2$

∴ 20 Kg de fideos cuestan S/. 80

তিয়

El profesor de ciencias naturales del colegio saco Oliveros les pregunta a sus alumnos acerca del animal mas veloz dándole tres animales a elección

N°	Animales
1	Leopardo
2	Alcón peregrino
3	Liebre

Si el numero de factores primos que se obtiene en $Q(m,a)=m^2-10m+25-49a^2$ indica el número correspondiente al animal mas veloz, ¿Cuál es el animal más rápido de la tierra?





$$Q(m,a) = m^2 - 10m + 25 - 49a^2$$

$$Q(m,a) = (m-5)^2 - 7a^2$$

$$Q(m,a) = (m-5-7a)(m-5+7a)$$

Factores primos: 2 factores

ALCÓN PEREGRINO