## ARITHMETIC

Chapter N° 9



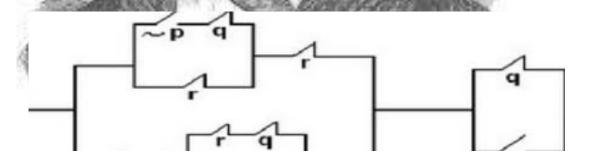
5th Grade of Secondary Lógica Proposicional





El desarrollo de la Lógica durante el siglo XX ha hecho revisar las nociones tradicionales del razonamiento. Por ejemplo, los circuitos del ordenador contienen millones de puertos lógicos conectados entre sí. Cada uno de ellos es un interruptor lógico.

Para la elaboración de circuitos lógicos integrados es necesario utilizar circuitos lógicos que realicen las diversas operaciones internamente en el sistema binario; y luego, mediante un conversor, expresarlo en el sistema decimal.



#### LÓGICA PROPOSICIONAL

#### ¿QUÉ ES LA LÓGICA?

Es aquella ciencia que estudia los métodos del razonamiento. La Lógica sirve de sustento para formalizar las teorías que se plantean en las ciencias matemáticas y naturales mediante el uso de inferencias válidas.

#### ¿DE QUÉ TRATA LA LÓGICA PROPOSICIONAL?

Es una parte de la Lógica que tiene como objeto de estudio la "PROPOSICIÓN" y la relación existente entre ellas, así como la función que tienen las "VARIABLES PROPOSICIONALES" y los "CONECTIVOS LÓGICOS".





#### **ENUNCIAD**

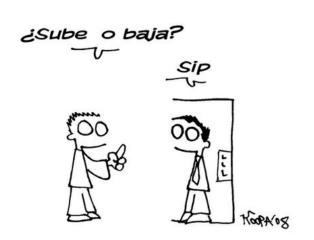
Es cualquier frase, expresión u oración que se utiliza en el lenguaje común.

### **Ejemplos:**

- > Lima es la capital de Perú.
- > 32 + 42 = 72
- > ¿Cómo te llamas?

- > Él es un escritor peruand
- > ¡Viva el Perú!
- > Ojalá ella me acepte.

De la serie "Se encuentra un hombre normal a un profesor de lógica proposicional dentro de un ascensor"





#### PROPOSICIÓN LÓGICA

Es el significado de una expresión aseverativa que se caracteriza por tener un valor veritativo (es decir el significado tiene la posibilidad de ser verdadero (V) o falso (F) pero no ambos a la vez). Se denomina también Enunciado Cerrado.

#### **Ejemplos:**

- La luna es un satélite.
  V ( )
- > 10 < 8</p>
- El camarón es un mamífero.
- El 5 es un número primo. V( )

#### **Observación:**

Los enunciados que expresan una exclamación, una interrogación, un deseo, un mandato o una emoción no son proposiciones lógicas.

#### **NOTA:**

Generalmente las proposiciones lógicas se representan mediante letras minúsculas del abecedario (..., p, q, r, s, ...) a las cuáles se les denomina "variables"

proposicionales".





#### **ENUNCIADO ABIERTO**

Es aquel enunciado en el que intervienen una o más variables, que admite la posibilidad de convertirse en una proposición lógica, cuando cada variable asume un determinado valor. También se le llama función proposicional o cuasi proposición.

#### **Ejemplos:**

- > Él es un historiador peruano.
- > 4x + 3y > 73

#### PROPOSICIÓN LÓGICA

CLASES DE PROPOSICIONES LÓGICAS

Dependiendo de la cantidad de significados que se expresen las proposiciones lógicas se clasifican en:

PROPOSICIÓN SIMPLE O ATÓMICA

PROPOSICIÓN COMPUESTA O MOLECULAR



#### PROPOSICIÓN SIMPLE O ATÓMICA

Es aquella que nos expresa una sola idea (puede ser representada por una sola variable proposicional).

Ejemplos:

- p: Mario Vargas Llosa es un escritor peruano.
- q: El conjunto de los número primos es finito.

#### PROPOSICIÓN COMPUESTA O MOLEC

Es aquella que nos expresa más de una idea (contiene al menos un término de enlace) o la negación de una proposición.

- El número 17 es primo y tiene dos cifras.
- Jimmy estudia o trabaja.
- Si es diciembre entonces llegará la Navidad.



## **©CONECTIVOS LÓGICOS**

Son aquellos símbolos que reemplazan a los términos de enlace y al adverbio de negación "no". Se denominan también operadores

Una operación lógica consiste en: dadas ciertas proposiciones atómicas, obtener proposiciones compuestas y determinar su valor de verdad, que depende únicamente de los valores de verdad de las proposiciones componentes y el término de enlace utilizado.

El cuadro siguiente muestra a las operaciones lógicas con sus respectivos símbolos y

lógicos o juntores l

Operacion es Lógicas	Negación	Conjunción	Disyunción Débil	Disyunción Fuerte	Condicional	Bicondicional
Términos de Enlace	no	У	o	O bien o bien	Si entonces	si y solo si
Conectivo s Lógicos	~	۸	V	Δ	$\rightarrow$	$\leftrightarrow$
Significad o	Niega lo que afirma la proposición.	Afirma que se cumplen las dos proposiciones que enlazan.	Asevera la ocurrencia de una de las proposiciones o de ambas.	Asevera la ocurrencia de solo una de las proposiciones pero no de ambas a la vez.	Afirma que la segunda proposición es una consecuencia de la primera.	Equivale a dos condiciones pero en sentidos opuestos.
					@ SAC(	OLIVEROS

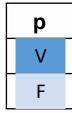
significado:



## TABLAS DE

verdad de una o más proposiciones se pueden esquematizar por medio de una tabla de verdad. Una tabla de verdad es un cuadro de doble entrada que nos permite determinar el valor de verdad de "fórmulas lógicas", considerando las posibles combinaciones entre los valores de verdantedase acionhismanio de soque o sen pueden obtener con los valores de verdad de "n"

## Para una proposición



## Para dos proposiciones

р	q
V	V
V	F
F	V
F	F

## Para tres proposiciones

р	q	r
V	V	V
V	V	F
V	F	V
V	F	F
F	V	V
F	V	F
F	F	V
F	F	F



proposiciones, está dado por "2"



## ANÁLISIS DE LAS PROPOSICIONES COMPUESTAS BÁSICA CONJUNCIÓN (^)

#### 1. LA NEGACIÓN (~)

Son aquellas proposiciones que hacen uso del adverbio de negación "no" o sus expresiones equivalentes.

**Ejemplo:** No es cierto que Pedro es abogado

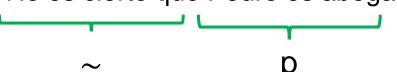
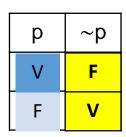
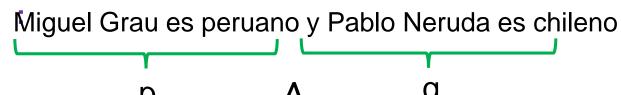


Tabla de verdad



Son aquellas proposiciones que se relacionan mediante la conjunción gramatical "y" o sus expresiones equivalentes.

#### **Ejemplo**







## 2. CONJUNCIÓN

**(**^)

## Tabla de verdad

р	q	р <b>л q</b>
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F



#### **Observac**

Una proposición conjuntiva será verdadera solo si sus proposiciones componentes son verdaderas; en otros casos, será falsa.

#### NOT

Las palabras "pero", "sin embargo", "además", "no obstante", "a la vez", "aunque", equivalen al conectivo "^".





#### 3. DISYUNCIÓN

Son aquellas proposiciones que se relacionan mediante la conjunción disyuntiva "o" o sus expresiones equivalentes.

#### A. INCLUSIVA O DÉBIL (V)

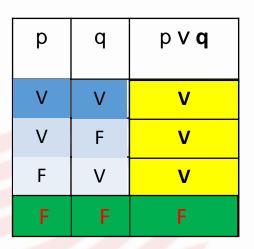
Es aquella en la cual se considera las posibles ocurrencias simultáneas o individuales de las proposiciones componentes.

**Ejempl** 

0:

Humberto es profesor o Humberto es comerciante.

Tabla de
<u>verdad</u>



#### **Observac**

Una proposición disyuntiva inclusiva será falsa solo si sus proposiciones componentes son falsas; en otros casos, será verdadera.



#### B. EXCLUSIVA O FUERTE (Δ)

Es aquella en la cual se excluye la posibilidad de ocurrencia simultánea de ambas proposiciones componentes.

Ejemplo:

O la puerta está abierta o la puerta está cerrada.

- •

**Observac** 

Una proposición disyuntiva exclusiva es verdadera solo si sus proposiciones componentes tienen diferente valor veritativo, caso



#### Tabla de verdad

р	q	р <b>Д</b> q
V	V	F
V	F	V
F	V	V
F	F	F







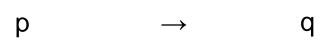
#### 4. CONDICIONAL (+)

Son aquellas proposiciones que se relacionan mediante la conjunción condicional "si...entonces" o sus expresiones equivalentes.

#### **Ejempl**

0

Si pago la entrada entonces ingreso al cine.



#### **Observación**

Una proposición condicional es falsa solo si su antecedente es verdadero y su consecuente es falso, caso contrario



#### DONDE:

p: ANTECEDENTE

q: CONSECUENTE

#### Tabla de

ver	dad	
ρ	٩	_ b <b>→d</b>
V	V	V
<b>V</b>	F	H
F	V	V
F	F	V





#### ¡Tenga en cuenta!

Las expresiones "p es suficiente para que q" y "q es necesario para que p" son equivalentes a "p →q".

NOT

A:

Cuando en un párrafo se encuentran las palabras "porque", "puesto que", "ya que", "siempre que", "cuando", "si", "cada vez que", "dado que", estos términos también son conectivos condicionales. Se caracterizan porque después de cada uno de ellos está el antecedente.

Ejempl Juan ingresó a la UNI puesto que se preparó.

S

Se denota: s → r

DONDE:

s: ANTECEDENTE

r: CONSECUENTE



#### 5. BICONDICIONAL (↔)

Son aquellas proposiciones que se relacionan mediante la conjunción compuesta "si y solo si" o sus expresiones equivalentes.

#### **Ejempl**

Un ángulo es recto si y solo si su medida es 90°.

 $p \leftrightarrow c$ 

#### Observación

La proposición bicondicional es verdadera en el caso que las proposiciones que la conforman tengan el mismo valor de verdad, caso contrario,



р	q	<b>p ⇔q</b>
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V





## SIMBOLIZACIÓN DE PROPOSICIONES

Llamada también formalización de proposiciones, implica la transformación de proposiciones y conjunciones gramaticales expresadas en el lenguaje natural en un lenguaje artificial llamado lenguaje simbolizado o formalizado.

**Ejemplo Simbolice la siguiente proposición:** 

Si estudio mucho y asisto a clases, entonces, no reprobaré el examen.

q

Identificando las proposiciones simples:

p: Estudio mucho.

q: Asisto a clases.

r: Reprobaré el examen.

Simboliza ndo

ES UN ESQUEMA MOLECULAR CONDICIONAL



Al desarrollar (p ∧ q) → (~q Δ p)
mediante la tabla de verdad,
¿Cuántos falsos (F) aparecen
en la matriz principal?

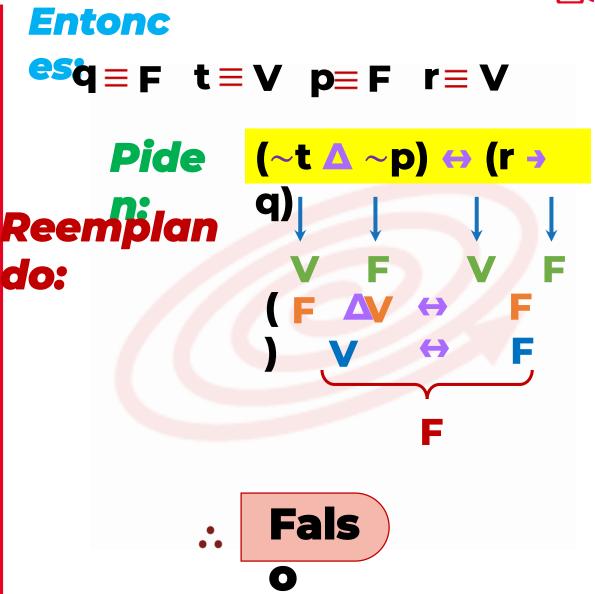
#### Resolución:





2. Si la proposición compuesta (~q ∧ t) → (p ∨ ~r) es falsa, determine el valor de verdad en (~t Δ ~p) ↔ (r → q)

# 





#### **3.**

#### Si:

p : Diego compra pan.

q: Diego ingresa al colegio.

r: Diego se levanta temprano.

Simbolice:

"Si Diego se levanta temprano y no compra pan implica que no podrá ingresar al colegio, pero que haya comprado el pan es condición necesaria y suficiente para que se haya levantado temprano".

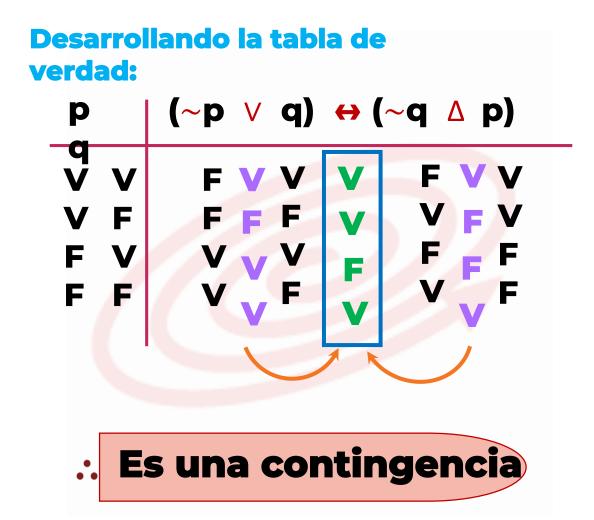
#### Resolución

"Si <u>Diego se levanta temprano v</u> compra pan implica que no ingresar colegio, pero que comprade pan necesaria y suficiente para Prayerevantado temprano".  $\therefore \left[ \left( r \land \sim p \right) \rightarrow \sim q \right] \land \left( p \leftrightarrow r \right)$ 



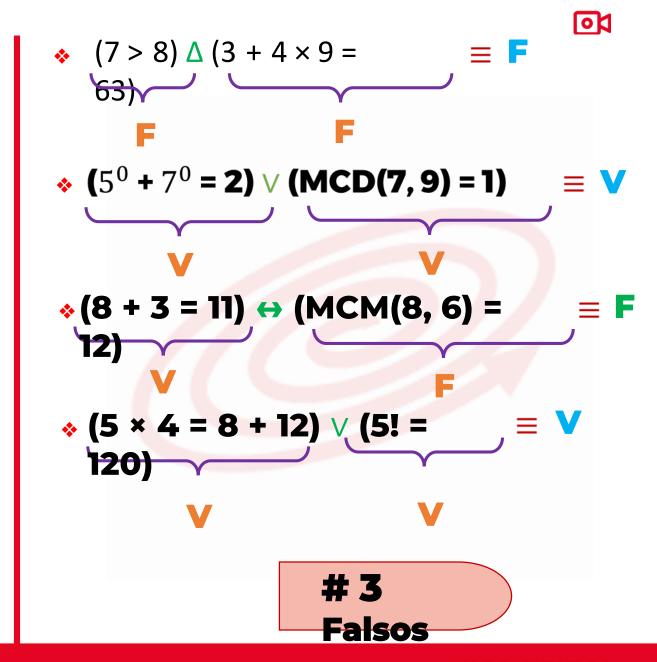
#### Indique si la siguiente fórmula lógica es tautología, contradicción o contingencia (~p ∨ q) ↔ (~q Δ p)

#### **Resolución**



¿Cuántas de las siguientes  
proposiciones son falsas?  
(7! = 5040) 
$$\rightarrow$$
 (6<sup>0</sup>= 0)  
(7 > 8)  $\triangle$  (3 + 4 × 9 = 63)  
(5<sup>0</sup> + 7<sup>0</sup> = 2)  $\vee$  (MCD(7, 9) = 1)  
(8 + 3 = 11)  $\leftrightarrow$  (MCM(8, 6) = 12)  
(5 × 4 = 8 + 12)  $\vee$  (5! = 120)

#### <u>Resolución</u>



01

Determine el valor de verdad de una de las siguientes cada proposiciones:

 $*Si \sqrt{3} < \sqrt{2}$ , entonces 4 es un número par.

 $*A = \{x / x \in \mathbb{N}, 7 < x < 9\}$  es un conjunto unitario si y solo si 3 + 7 × 4 igual a 40.

**\* El almirante Miguel Grau nació en** Japón o Mario Vargas Llosa nació en Perú.



তিয়

Enrique, estudiante del colegio Apeiron, decide ir al teatro con la condición de que obtenga por lo menos 2 falsos matriz principal del desarrollo:

$$(\sim p \rightarrow q) \vee (\sim q \triangle p)$$

<u>Indique si Enrique llego a ir al</u> teatro.

#### Resolución



