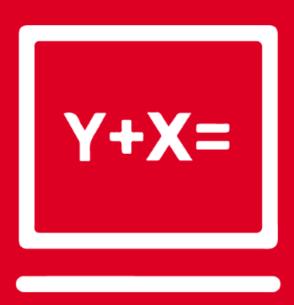
ARITHMETIC Chapter 16

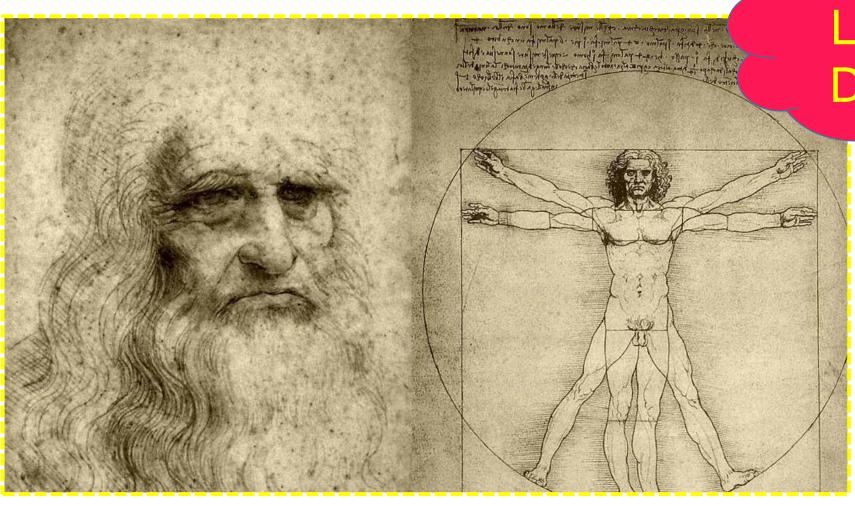




PROPORCIONES



MOTIVATING | STRATEGY



¿Quién fue Leonardo Da Vinci?



PROPORCIÓN:

Es la comparación entre 2 razones. Hay 2 clases.

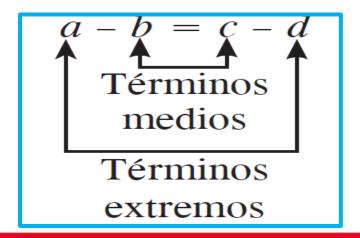
A

PROPORCIÓN ARITMÉTICA:

Es la igualdad de dos razones aritméticas (llamada también equidiferencia). Por ejemplo: 10 - 6 = 4 y 7 - 3 = 4

Luego se tiene: 10 - 6 = 7 - 3 (Proporción aritmética)

En general con las cantidades a, b, c y d formamos una proporción aritmética



$$\underline{a+d} = \underline{b+c}$$

Suma de extremos = Suma de medios



PROPORCIÓN GEOMÉTRICA:

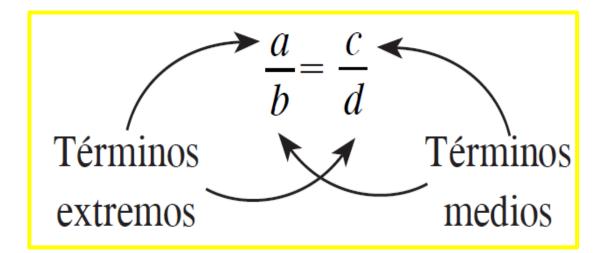


Es la igualdad de dos razones geométricas (También llamada equicociente.)

Por ejemplo:
$$\frac{42}{20} = 2,1$$
 $y \frac{21}{10} = 2,1$

Luego se tiene: $\frac{42}{20} = \frac{21}{10}$ (Proporción geométrica)

En general con las cantidades a, b, c y d formamos una proporción geométrica



$$\underbrace{a \times d}_{\text{Producto}} = \underbrace{b \times c}_{\text{Producto}}$$

$$\frac{\text{de}}{\text{de}} = \frac{\text{de}}{\text{medios}}$$



TIPOS DE PROPORCIONES

Tipo		Clase	Proporción aritmética	Proporción geométrica
	DISCRETA	Términos medios diferentes	$a-b = c-d$ $b \ y \ c \ differentes$ d : cuarta diferencial	$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ $b \text{ y } c \text{ differentes}$ $d: \text{ cuarta proporcional}$
	CONTINUA	Términos medios iguales	a-b=b-c b: media diferencial c: tercera diferencial	$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$ b: media proporcional c: tercera proporcional

- Escribe cada enunciado como una proporción:
 - La cuarta proporcional de: 6; 8 y 9 es 12.
 - La tercera diferencial de 20 y 13 es 6.
 - La media proporcional de 2 y 8 es 4.
 - La cuarta diferencial de 25, 18 y 15 es 8.

Resolución:

Las edades de cuatro hermanos forman una proporción aritmética. Si los mayores tienen 28; 24 y 17, ¿qué edad tendrá el menor de ellos?

Resolución:

Proporción aritmética discreta

Recordar: a - b = c - d (términos medios diferentes)

Considerando:

$$28 - 24 = 17 - d$$

$$4 = 17 - d$$

$$d = 13$$

∴ El menor tendrá 13 años

3. Si M: Cuarta proporcional de 30; 12 y 25.

N: Tercera proporcional de 9 y 6.

Calcule M+N

Resolución:

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

Cuarta proporcional

$$\frac{30}{12} = \frac{25}{M}$$

$$\frac{5}{2} = \frac{25}{M}$$

$$10 = M$$

Recordar:

$$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{c}} = \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{c}}$$

Tercera proporcional

$$\frac{9}{6} = \frac{6}{N}$$

$$\frac{3}{2} = \frac{6}{N}$$

$$\mathbf{M} + \mathbf{N} = \mathbf{14}$$

Recordar:

4. Si P: Media diferencial de 60 y 26.

Q: Media proporcional de 8 y 18.

Calcule P - Q.

Resolución:

Media diferencial

$$a - b = b - c$$

$$60 - P = P - 26$$

$$86 = 2P$$

$$43 = F$$

Recordar:

$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

$$\frac{8}{Q} = \frac{Q}{18}$$
 144 = Q^2
12 = Q

$$P - Q = 31$$

5. Una proporción geométrica continua de razón igual a 3 tiene como término medio a 12. Calcule la suma de los cuatro términos.

Resolución:

Recordar:
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

Proporción geométrica continua (términos medios iguales)

Considerando:

$$\frac{a}{12} = \frac{12}{c} = 3$$
 $\frac{a}{12} = 3$
 $\frac{a}{12} = 3$
 $\frac{a}{12} = 3$
 $\frac{a}{12} = 3$
 $\frac{a}{12} = 3$

$$a + b + b + c = 36 + 12 + 12 + 4$$

∴ la suma de los cuatro términos es 64 ¦

6. Si: $T = A + M + O (O \neq cero)$

A: Media proporcional de 2 y 8

M: Tercia proporcional de A y O

O: Media diferencial de A y 12, hallar T

Resolución:

Hallamos A:

$$\frac{2}{A} = \frac{A}{8}$$

$$A = 4$$

Hallamos O:

$$A - O = O - 12$$

 $4 - O = O - 12$
 $16 = 20$

Hallamos M:

$$\frac{4}{8} = \frac{8}{M}$$

$$M = 16$$

Piden T:

$$T = 4 + 8 + 16$$

$$T = 28$$

7. Los 3 números ganadores de un sorteo forman una proporción geométrica continua de razón 1/3. Si el producto de los cuatro términos de la proporción es 1296, calcule el mayor número ganador.
Proporción geométrica continua

Resolución:

Recordar:

Sean los números: a; b y c

Entonces:

$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{1}{3}$$

∴ el mayor número ganador es 18