

# ALGEBRA Chapter 2

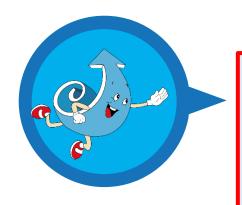












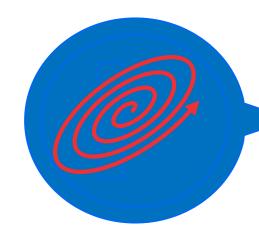
# ¿Puedes ordenar de menor a mayor las siguientes expresiones

$$\sqrt{5}$$
;  $\sqrt[3]{3}$ ;  $\sqrt[6]{2}$ 

y dar la respuesta en menos de 10 segundos?



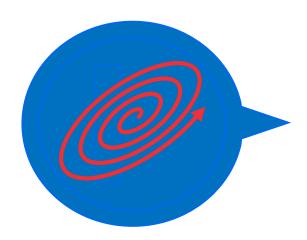
## LEYES DE EXPONENTES II



#### **EXPONENTE FRACCIONARIO**

$$\frac{m}{a^n} = \sqrt[n]{a^m} = \sqrt[n]{a}^m; \qquad m \in \mathbb{R} \land n \ge 2$$





### EXPONENTE DE EXPONENTE

$$a^{b} = a^{b} = a^n = p$$



#### 1. RAÍZ DE UN PRODUCTO:

$$\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$$

#### 2. RAÍZ DE UN COCIENTE:

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \sqrt[n]{a}$$

$$\sqrt[n]{b}$$

$$; b \neq 0$$

### 3. RAÍZ DE RAÍZ:

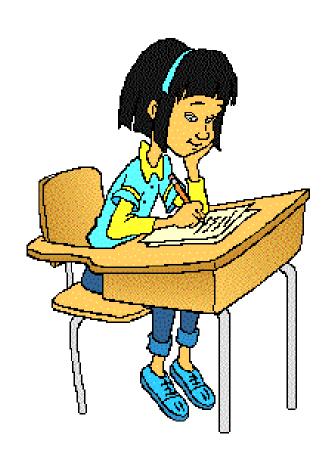
$$\sqrt[m]{\sqrt[n]{p/a}} = \sqrt[mnp]{a}$$

#### 4. RADICALES SUCESIVOS:

$$\sqrt[m]{x^a \cdot \sqrt[n]{x^b \cdot \sqrt[p]{x^c}}} = \sqrt[mnp]{x^{(an+b)p+c}}$$

$$\int_{1}^{m} x^{a} \div \int_{1}^{n} x^{b} \div \int_{1}^{p} x^{c} = \int_{1}^{mnp} x^{(an-b)p+c}$$





## HELICO PRACTICE



#### Resolución:

#### Problema 1

#### **Efectúe**

$$\mathbf{Q} = \sqrt{(4)^5} + \sqrt[4]{(625)^3} + \sqrt[4]{(81)^3}$$

$$\mathbf{Q} = \sqrt{(4)^5} + \sqrt[4]{(625)^3} + \sqrt[4]{(81)^3}$$

$$\mathbf{Q} = \sqrt{1024} + \sqrt[4]{(5^4)^3} + \sqrt[4]{(3^4)^3}$$

$$Q = 32 + 5^3 + 3^3$$

$$Q = 32 + 125 + 27$$

$$\therefore Q = 184$$



#### Problema 2

#### Reduzca

$$E = \sqrt[3]{3}^{\sqrt{3}.\sqrt{3}}$$

#### **Resolución**3

$$E = \sqrt[3]{3}^{\sqrt{3}.\sqrt{3}}$$

$$E = \sqrt[3]{3}^{\sqrt{3}.\sqrt{3}}$$

$$E=\sqrt[3]{3}^{\sqrt{3}^4}$$

$$E = \sqrt[3]{3}^{3^2}$$

$$E = \sqrt[3]{3}$$

$$E=3^3$$

$$\therefore E = 27$$

#### তিয়

#### Problema 3

#### Halle el valor de

$$E = \sqrt{0.25^{-0.5^{-1}} + 0.5^{-0.25^{-1}} + 32}$$

$$E = \sqrt{0,25^{-0.5^{-1}} + 0,5^{-0.25^{-1}} + 32}$$

$$E = \sqrt{\left(\frac{1}{4}\right)^{-\left(\frac{1}{2}\right)^{-1}} + \left(\frac{1}{2}\right)^{-\left(\frac{1}{4}\right)^{-1}} + 32}$$

$$E = \sqrt{\left(\frac{1}{4}\right)^{-2} + \left(\frac{1}{2}\right)^{-4} + 32} \qquad E = \sqrt{64}$$

$$E = \sqrt{(4)^2 + (2)^4 + 32}$$

$$E = \sqrt{16 + 16 + 32}$$

$$E = \sqrt{64}$$

$$\therefore E=8$$



#### Problema 4

#### **Simplifique**

$$E = \sqrt[15]{\frac{\sqrt{5}.\sqrt{5}.....\sqrt{5}(40 \, factores)}{\sqrt[4]{5}.\sqrt[4]{5}.....\sqrt[4]{5}(20 \, factores)}}$$

#### Resolucióna

$$E = \sqrt[15]{\frac{\sqrt{5}.\sqrt{5}.....\sqrt{5}(40 \ factores)}{\sqrt[4]{5}.\sqrt[4]{5}.....\sqrt[4]{5}(20 \ factores)}}$$

$$E = \sqrt[15]{\frac{\sqrt{5}.\sqrt{5}......\sqrt{5}(40 \, factores)}{\sqrt[4]{5}.\sqrt[4]{5}......\sqrt[4]{5}(20 \, factores)}}$$

$$E = \sqrt[15]{\frac{\sqrt{5}.\sqrt{5}}{\sqrt[4]{5}......\sqrt[4]{5}(20 \, factores)}}$$

$$E = \sqrt[15]{\frac{\sqrt{5}.\sqrt{5}}{\sqrt[4]{5}......\sqrt[4]{5}(20 \, factores)}}$$

$$= \sqrt[15]{\frac{\sqrt{5}.\sqrt{5}}{\sqrt[4]{5}......\sqrt[4]{5}(20 \, factores)}}$$

$$=\sqrt[15]{5^{15}}$$

$$\therefore E = 5$$



#### **Simplifique**

$$R = 16^{8^{-3^{-1}}}$$

$$R = 16^{8} - \frac{1}{3}$$

$$\mathbf{R} = 16^{8^{-\frac{1}{3}}} \longrightarrow \begin{pmatrix} \frac{1}{8} \end{pmatrix}^{\frac{1}{3}} \longrightarrow \sqrt{\frac{1}{8}} \longrightarrow \frac{1}{2}$$

$$R = 16^{\frac{1}{2}}$$

$$\mathbf{R} = \sqrt{16}$$

$$R = 4$$

$$\therefore R=4$$



Problema 6

#### El valor reducido de P es la propina que recibe Carlos.

$$P = \sqrt[2^{m+5}]{2^{m+6}}\sqrt[2^{m+1}]{7^{2^{3m+13}}} \qquad P = \sqrt[2^{m+5+m+6+m+1}]{7^{2^{3m+13}}}$$

#### ¿Cuánto es la propina de Carlos?

$$P = \sqrt{2^{m+5} 2^{m+6} \sqrt{2^{m+1} \sqrt{7^{2^{3m+13}}}}}$$

$$P = \sqrt[2^{m+5} \cdot 2^{m+6} \cdot 2^{m+1}]{7^{2^{3m+13}}}$$

$$P = \sqrt[2^{m+5+m+6+m+1}]{7^{2^{3m+13}}}$$

$$P = \sqrt[2^{3m+12}]{7^{2^{3m+13}}} = 7^{2^{3m+13}}$$

$$P = 7^{2^{3m+13-3m-12}} = 7^{2^1}$$

: La propina es 49

#### **0**1

El ajedrecista Noruego Magnus Carlsen esta jugando una partida con el Americano Fabiano Carvana por el campeonato mundial de ajedrez, después de 3 minutos de iniciada la partida Magnus se da Cuenta que la cantidad de piezas que ha perdido es igual al valor de M.

$$M = \sqrt[3]{3^2 \cdot \sqrt[5]{3^4 \cdot \sqrt[4]{3^3}}} \cdot \sqrt[6]{\sqrt[10]{3}}$$

¿Cuántas piezas a perdido Magnus durante los primeros tres minutos de la partida?

#### **Recordemos**

Radicales sucesivos:

$$\int_{0}^{m} x^{a} \int_{0}^{n} x^{b} \int_{0}^{p} \sqrt{x^{c}} = \int_{0}^{mnp} \sqrt{x^{(an+b)p+c}}$$

#### **Resolución**

$$\mathbf{M} = \sqrt[3]{3^2 \cdot \sqrt[5]{3^4 \cdot \sqrt[4]{3^3}}} \cdot \sqrt[6]{\sqrt[10]{3}}$$

$$M = \sqrt[3]{3^2 \cdot \sqrt[5]{3^4 \cdot \sqrt[4]{3^3}}}. {}^{6.10}\sqrt{3}$$

$$\mathbf{M} = \sqrt[3.5.4]{3^{(2.5+4)4+3}}.\sqrt[60]{3}$$

$$M = \sqrt[60]{3^{59}}.\sqrt[60]{3}$$

$$M = \sqrt[60]{3^{59}.3} = \sqrt[60]{3^{60}}$$

: A perdido 3 piezas