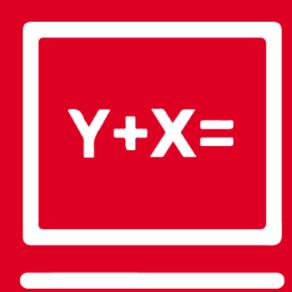
ARITHMETIC Chapter 13



2°GRADE OF SECONDARY

Números Racionales I



MOTIVATING | STRATEGY





¿Cómo obtenemos una fracción?

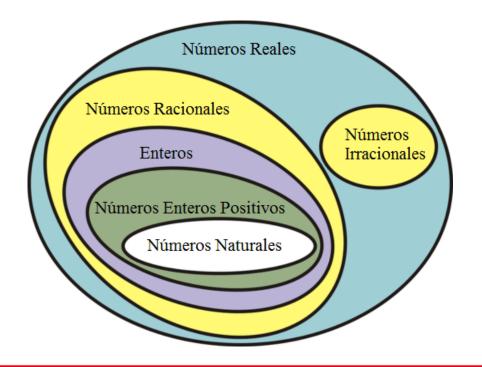


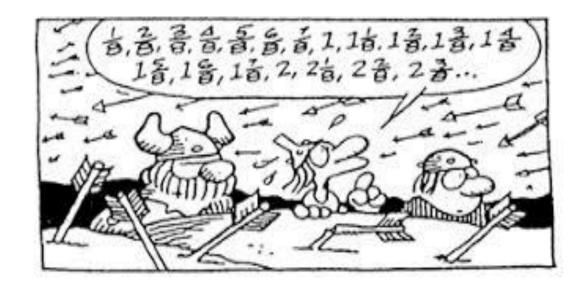


El conjunto de números Racionales: Q

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b} / a \in \mathbb{Z}; b \in \mathbb{Z} - \{0\} \right\}$$

$$\frac{3}{8}$$
; $\frac{12}{3}$; $\frac{-4}{5}$; $\frac{-15}{5}$; $\frac{4}{-3}$; $\frac{21}{7}$





HELICO | THEORY

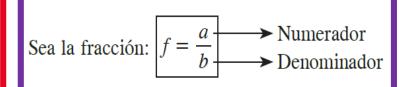
2

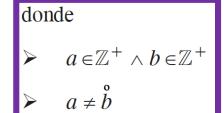
Números Fraccionarios:

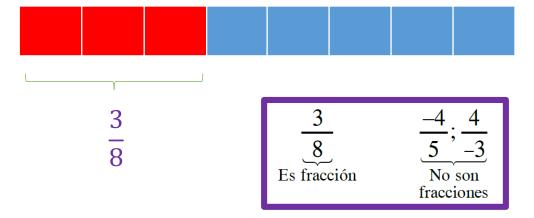
$$\frac{3}{8}; \frac{-4}{5}; \frac{4}{-3}$$
Números
fraccionarios
$$\frac{12}{3}; \frac{-15}{5}; \frac{21}{7}$$
No son números
fraccionarios





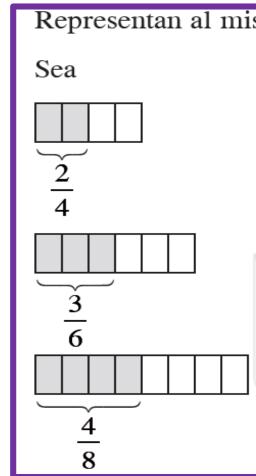






* Fracciones Equivalentes:





Representan al mismo número

Observación

$$\frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \dots = \frac{1k}{2k}$$
 donde $k \in \mathbb{Z}^+$

Fracciones equivalentes a la fracción irreductible $\frac{1}{2}$



Clasificación de las Fracciones:

a) Por comparación de sus términos respecto de la unidad



Propia	Impropia
La fracción es menor que 1.	La fracción es mayor que 1.
$\frac{a}{b} < 1 \to a < b$	$\frac{a}{b} > 1 \to a > b$
Ejemplos	Ejemplos
$\frac{3}{5}$; $\frac{7}{9}$; $\frac{23}{29}$	$\frac{7}{4}$; $\frac{13}{9}$; $\frac{27}{5}$

b) Por su denominador



Decimal	Ordinaria
El denominador es una potencia de 10.	El denominador no es una potencia entera de 10.
$\frac{a}{b} \to b = 10^n$ $n \in \mathbb{Z}^+$	$\frac{a}{b} \to b \neq 10^n$ $n \in \mathbb{Z}^+$
Ejemplos $\frac{9}{10}$; $\frac{7}{100}$; $\frac{11}{1000}$	Ejemplos $\frac{4}{9}$; $\frac{35}{47}$; $\frac{11}{123}$

c) Por la cantidad de divisores comunes de sus términos:

Irreductible	Reductible
Sus términos son números PESI. $\frac{a}{b} \rightarrow \begin{array}{c} > a \text{ y } b \text{ son PESI.} \\ > \text{MCD}(a, b) = 1 \end{array}$	Sus términos no son números PESI. $\frac{a}{b} \rightarrow \begin{array}{c} > a \text{ y } b \text{ no son PESI.} \\ \xrightarrow{b} > \text{MCD}(a, b) \neq 1 \end{array}$
Ejemplos	Ejemplos
$\frac{3}{11}$; $\frac{13}{5}$; $\frac{32}{21}$	$\frac{27}{72}$; $\frac{36}{40}$; $\frac{16}{24}$



d) Por grupo de fracciones:



Homogéneas	Heterogéneas
Todas las fracciones tienen el mismo deno- minador.	Al menos una de las frac- ciones tendrá un denomina- dor diferente de las demás.
Ejemplos	Ejemplos
$\frac{83}{3}$; $\frac{8}{3}$; $\frac{14}{3}$; $\frac{17}{3}$	$\frac{3}{8}$; $\frac{17}{7}$; $\frac{18}{8}$; $\frac{13}{8}$

HELICO | THEORY

e)Observaciones:

1. De un grupo de fracciones homogéneas, será mayor aquella que presenta mayor numerador.

Ejemplo

Del siguiente grupo:

$$\frac{15}{7}$$
; $\frac{8}{7}$; $\frac{24}{7}$; $\frac{2}{7} \rightarrow \frac{2}{7} < \frac{8}{7} < \frac{15}{7} < \frac{24}{7}$

 $\therefore \frac{24}{7}$ es el mayor.

2. De un grupo de fracciones con igual numerador, será mayor aquella que presente menor denominador.

Ejemplo

Del siguiente grupo:

$$\frac{18}{7}$$
; $\frac{18}{14}$; $\frac{18}{5}$; $\frac{18}{26}$ \rightarrow $\frac{18}{26}$ $<$ $\frac{18}{14}$ $<$ $\frac{18}{7}$ $<$ $\frac{18}{5}$

 $\therefore \frac{18}{5}$ es el mayor

e)Observaciones:

3. Comparando el valor de dos fracciones.

Ejemplo

¿Qué fracción es mayor $\frac{7}{9}$ o $\frac{4}{5}$?

$$\frac{7}{9}$$
 $\times \frac{4}{5}$ $\rightarrow \frac{7 \times 5}{35} < \frac{4 \times 9}{36}$

$$\therefore \frac{7}{9} < \frac{4}{5}$$



¿Cuántas fracciones propias irreductibles con denominador 30 existen?

Resolution:

Se tiene la fracción: $\frac{a}{30}$ <1







a < 30







a≠2, a≠3 y a≠5

Los valores que toma **a:** 1 ;7 ;11 ;13 ; 17 ;19 ;23 ; 29

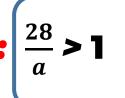
: Hay 8 fracciones.



¿Cuántas fracciones impropias e irreductibles con numerador 28 existen?

Resolution:

Se tiene la fracción: $\frac{28}{a} > 1$

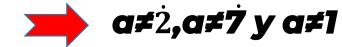


Fracción impropia:





Descompiendo: 28=2²x7.....Dc



Los valores que toma a: 3; 5; 9; 11; 13; 15; 17; 19; 23; 25; 27

*Hay 11 fracciones

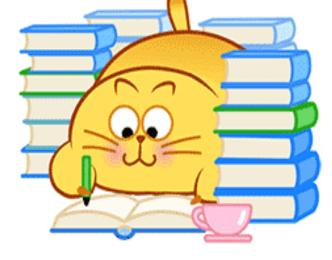


La edad de un hijo es la sexta parte de la edad de su padre. Las edades de los dos juntos suman 42 años. Halle la diferencia de las edades.

Resolution:

Por dato:

Edad del hijo = $x \longrightarrow 6$ Edad del padre = $6x \longrightarrow 36$



Diferencia de edades: 36 - 6 = 30

: Diferencia 30 años.



En el campamento de ajedrez, Mateo se enfrentará con su oponente cuando haya transcurrido los 3/4 del día, si su partida termino a la 9 p.m., ¿Cuántas horas duro su partida?

Resolution:

1 DÍA = 24 HORAS

Si terminó a las 9 pm

 $\frac{3}{4}x24 = 18 \ horas$ = **6:00 pm** comenzó

Entonces la partida duró 3 horas



5. El producto de los términos de una fracción equivalente a 3/7 es igual a 189. Calcule la suma de dichos términos.

Resolution:

$$\frac{3}{7}$$
 su fracción equivalente es $\frac{3k}{7k}$



$$3k.7k = 189$$

$$21k^2 = 189$$

$$k^2 = 9$$

$$k = 3$$

La suma de términos:

$$3k + 7k = 10k$$

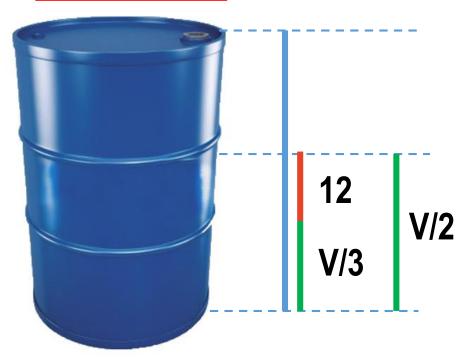
10(3)=30



Un cilindro contiene aceite hasta un tercio de su capacidad. Si se añade 12 litros, el cilindro estará lleno hasta la mitad. ¿Cuántos litros de capacidad tiene el cilindro?

$$\frac{V}{3} + 12 = \frac{V}{2}$$

Resolution:



$$\left(\frac{V}{3} + 12\right) \times 6 = \left(\frac{V}{2}\right) \times 6$$
$$2v + 72 = 3v$$
$$72 = v$$

72 litros = v



Un alumno de 2do año observa que al cargar la batería de su teléfono móvil durante 30 minutos logró cargar solo batería ¿Cuánto le faltará de tiempo para terminar de cargar la batería por completo si logró cargar durante 1 hora más? 2/9 de la

Sea "M" la cantidad de minutos que demora en cargar

Por dato:
$$\frac{2}{9}$$
. $M = 30$ \longrightarrow $M = 135$ min

En total la batería se ha cargado: 30 min + 60 min = 90 min

Falta por cargar: 135 min - 90 min

Faltan 45 min