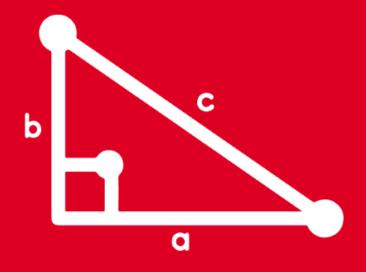
TRIGONOMETRY Chapter 07





ÁNGULOS VERTICALES



HELICO - MOTIVACIÓN

¿ QUÉ ES UN TEODOLITO ?

El teodolito es un instrumento de medición mecánico - óptico que se utiliza para medir ángulos verticales y horizontales.

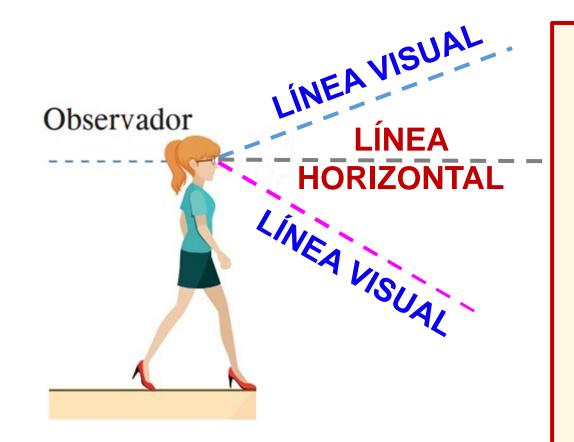
En la mayoría de los casos tiene una elevada precisión; con otras herramientas auxiliares puede medir distancias y desniveles.

Es portátil y manual, está hecho con fines topográficos e ingenieriles.

Este instrumento es indispensable en las construcciones de edificaciones, carreteras, puentes, etc.



ÁNGULOS VERTICALES



LÍNEA VISUAL:

Es la línea recta que une el ojo de un observador (generalmente una persona), con un objeto que se observa.

LÍNEA HORIZONTAL:

Es la línea recta que pasa por el ojo del observador y es paralela a la superficie horizontal de referencia.

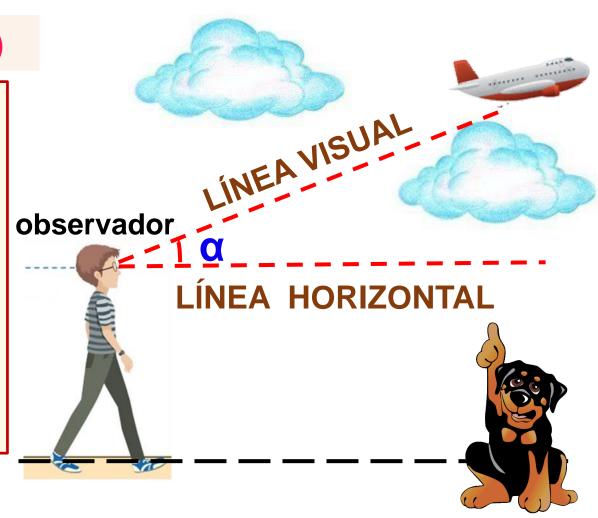
CLASES DE ÁNGULOS VERTICALES

1

ÁNGULO DE ELEVACIÓN (α)

Es el ángulo formado entre la línea horizontal y la línea visual, cuando el objeto observado se encuentra por encima de la línea horizontal.

 $0^{\circ} < \alpha < 90^{\circ}$



CLASES DE ÁNGULOS VERTICALES

2

ÁNGULO DE DEPRESIÓN (β)

Es aquel ángulo formado entre la línea horizontal y la línea visual, cuando el objeto observado se encuentra por debajo de la línea horizontal.

 $0^{\circ} < \beta < 90^{\circ}$

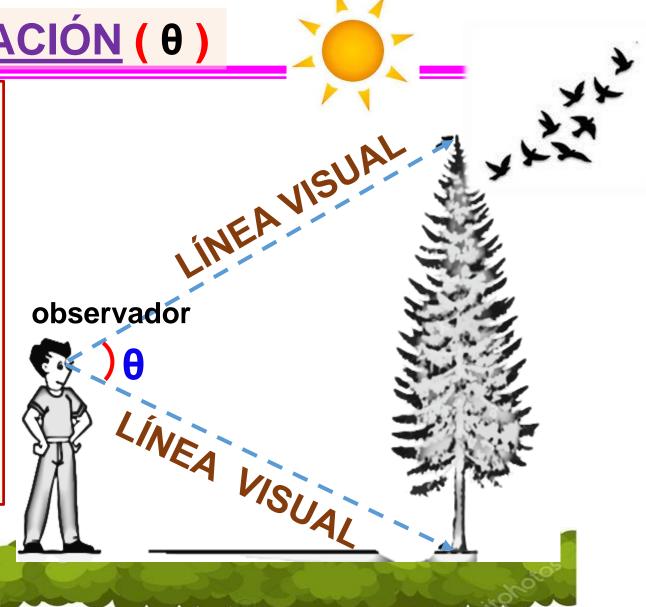


3

ÁNGULO DE OBSERVACIÓN (θ)

Es aquel ángulo formado entre dos líneas visuales que parten desde un mismo punto, para observar un objeto de un extremo a otro.

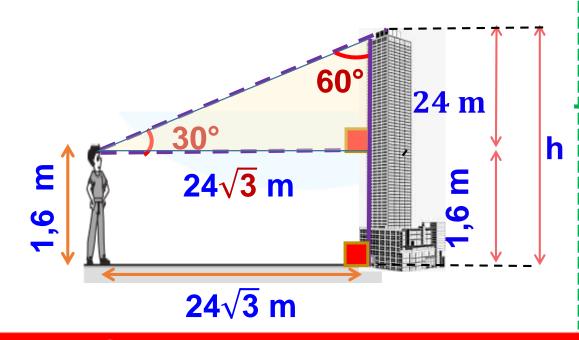
 $0^{\circ} < \theta < 180^{\circ}$



Una persona de 1,60 m de estatura, divisa la parte más alta de un edificio con un ángulo de elevación de 30°.- Si la persona se encuentra a $24\sqrt{3}$ m de su base ... ¿Cuánto mide la altura del edificio?

RESOLUCIÓN

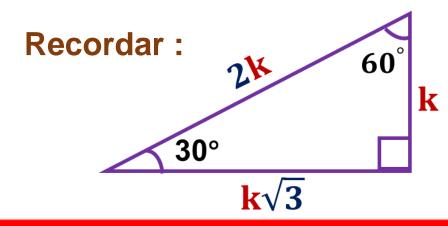
Graficamos según datos:



Luego: h = 1.6 m + 24 m

h = 25,6 m

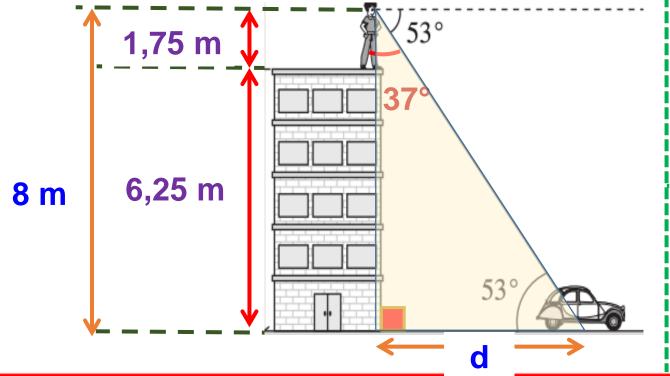
La El edificio mide 25, 6 m de altura.



Una persona de 1,75 m de estatura se encuentra parada en el techo de una casa cuya altura es de 6,25 m.- Si la persona observa un auto estacionado con un ángulo de depresión de 53°... ¿ A qué distancia de la casa se encuentra el auto estacionado ?

RESOLUCIÓN

Graficamos según datos:

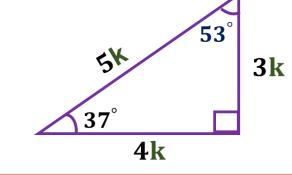


Luego: 8 m = 4 (2 m)

$$d = 3 (2 m) = 6 m$$

El auto está estacionado a 6 m de la casa .

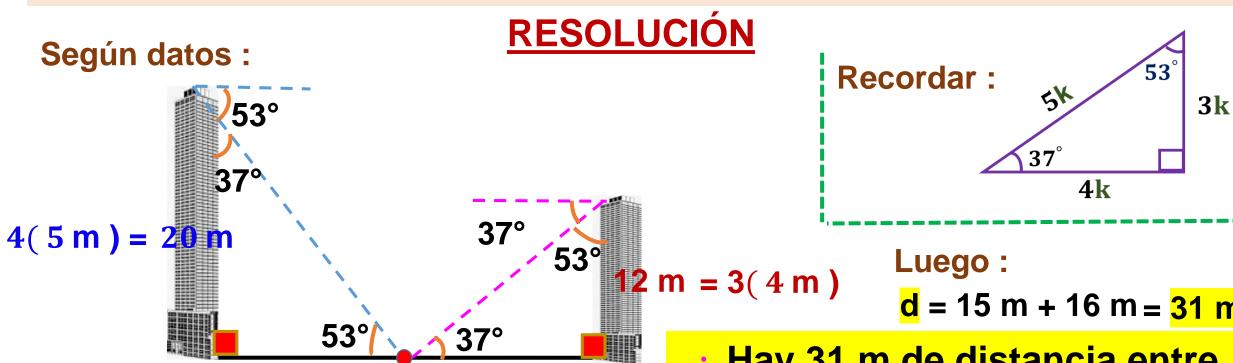
Recordar:



Desde las azoteas de dos edificios de 20 m y 12 m de altura, se observa un punto en el suelo, ubicado entre ambos edificios, con ángulos de depresión de 53° y 37°, respectivamente.

Halle la distancia entre ambos edificios.

3(5 m)



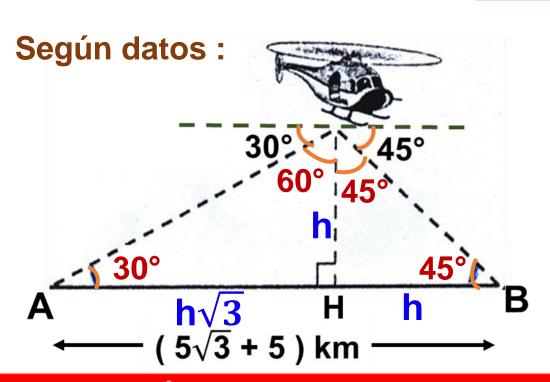
4(4 m)

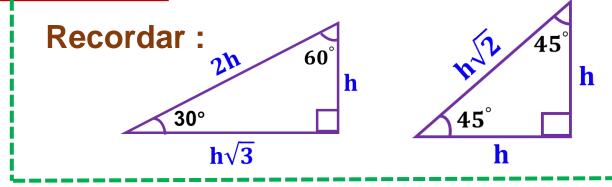
d = 15 m + 16 m = 31 m

Hay 31 m de distancia entre ambos edificios.

Dos pueblos: A y B, se encuentran separados por un camino recto que mide ($5\sqrt{3} + 5$) km.- Desde un avión que vuela sobre el camino que separa a ambos pueblos, se les observa con ángulos de depresión de 30° y 45°, respectivamente ... ¿ A qué altura está volando el avión ?

RESOLUCIÓN





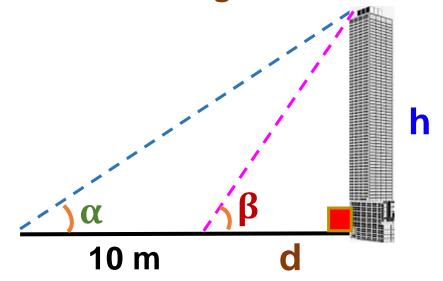
Luego:
$$h\sqrt{3} + h = (5\sqrt{3} + 5) \text{ Km}$$

 $h(\sqrt{3} + 1) = 5(\sqrt{3} + 1) \text{ Km}$

El avión vuela a 5 km de altura.

Desde un punto en tierra se divisa lo alto de una torre con un ángulo de elevación α . - Si el observador se acerca 10 m, el nuevo ángulo de elevación es β . - Halle la altura de la torre, si además se sabe que cot α - cot β = 0,25 .

Graficamos según datos:



RESOLUCIÓN

Dato: $\cot \alpha - \cot \beta = 0.25$

$$\frac{10 \text{ m} + \text{d}}{\text{h}} - \frac{\text{d}}{\text{h}} = \frac{25}{100}$$

$$\frac{10 \text{ m} + \text{d}' - \text{d}'}{\text{h}} = \frac{1}{4}$$

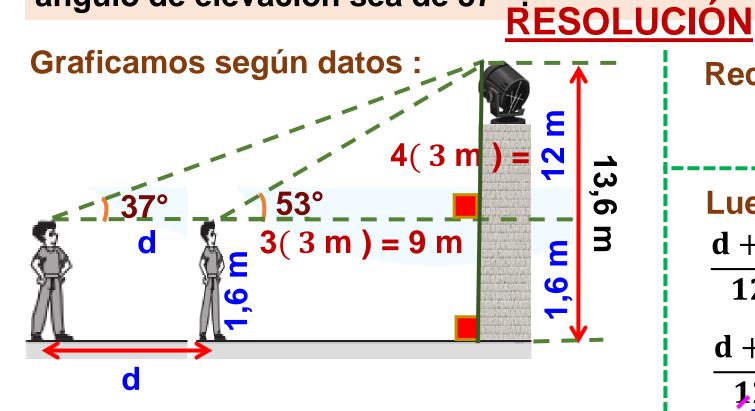
$$h = 40 \text{ m}$$

Recordar:

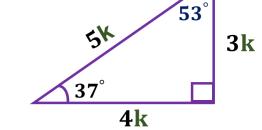
$$\cot \alpha = \frac{CA}{CO}$$



Un alumno de Selección del Colegio Saco Oliveros, tiene 1,60 m de estatura y observa a 13,6 m de altura la parte superior de un reflector ubicado sobre un edificio de la sede Quilca, con un ángulo de elevación de 53°.- ¿ Cuánto tendrá que retroceder nuestro alumno saco oliverino para que el nuevo ángulo de elevación sea de 37°.?



Recordar:



Luego:

$$\frac{d+9 m}{12 m} = \cot 37^{\circ}$$

$$\frac{d+9m}{12m}=\frac{4}{3}$$

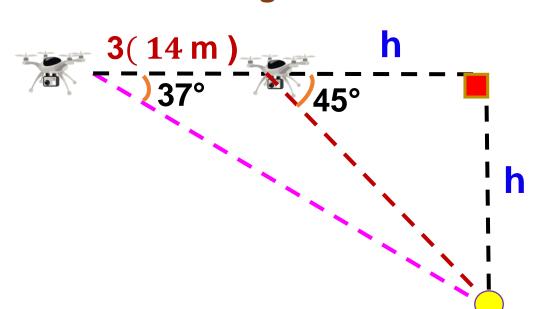
$$d + 9 m = 16 m$$

$$d = 7 \text{ m}$$

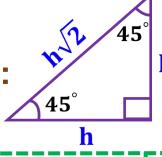
Un dron piloteado por un profesor de trigonometría del colegio Saco Oliveros, vuela en línea horizontal paralela al piso.- En cierto instante, el profesor observa en tierra una aula de la sede Arequipa con un ángulo de depresión de 37° y luego de 3 minutos observa nuevamente dicha aula con un ángulo de depresión de 45°.- ¿ A qué altura vuela el dron si viaja a 14 m/min ?



Graficamos según datos:



Recordar:



37°

Luego:

$$\frac{42 \text{ m} + \text{h}}{\text{h}} = \cot 37^{\circ}$$

$$\frac{42 \text{ m} + \text{h}}{\text{h}} = \frac{4}{3}$$

$$126 m + 3 h = 4h$$

$$h = 126 \text{ m}$$

