ARITHMETIC





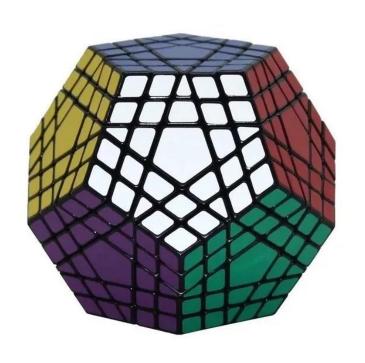
Retroalimentación sesión 1





1. El Cubo Mágico De Rubik Para Speedcubing! Cuesta igual a la suma de los 4 primeros cubos perfectos positivos ¿Cuál es su costo en soles?.

RESOLUCION:



$$k^3$$
: 1³; 2³; 3³; 4³

Sumar los 4 primeros cubos perfectos positivos

$$1+8+27+64=$$

S/100

2. ¿Cuántos cuadrados perfectos hay desde 64 hasta 729?

RESOLUCION:

$$64 \le k^2 \le 729$$

$$8^2 \le k^2 \le 27^2$$

$$k^2 = 8^2; 9^2; 10^2; ...; 27^2$$

$$k = 8; 9;; 27$$

Nos piden: 27 - 8 + 1 =

3. Sea $M = 2^2 \times 5^4$. ¿Cuál es el menor número que se debe multiplicar a **M** para que el resultado sea un cubo perfecto?

RESOLUCION:

$$M = 2^2 \times 5^4$$

Recordemos: En un cubo perfecto los exponentes son múltiplos de 3.

Entonces:

$$M = 2^{2} x 5^{4} x 2^{1} x 5^{2} = 2^{3} x 5^{6}$$

N

Nuestro número es: $N = 2^1 x 5^2$

N=50

4. En un desfile por fiestas Patrias los estudiantes forman un batallón de tal manera que la cantidad de filas y columnas son iguales. Si la cantidad de estudiantes está entre 40 y 60; ¿cuántos estudiantes faltan para que haya una fila y una columna más en el batallón?

RESOLUCION:

Cantidad de estudiantes = N° columnas x N° fila

Además: N° de columnas = N° de filas = n

Entonces: Cantidad de estudiantes = n^2

Por dato: $40 < n^2 < 60$

$$n^2 = 7^2$$

$$n^2 = 49$$

Nos piden una fila y columna mas:

$$n^2 = 8^2$$

$$n^2 = 64 \ alumnos$$

Por lo tanto:
$$64 - 49 =$$

15 alumnos más

5. Al
$$\sqrt{640}$$
 k extraer. calcule $k + r$.

RESOLUCION:

$$N = k^2 + r$$

$$k = 25$$

$$k = 25$$
 $r = 15$

Reemplacemos:

$$N = 25^2 + 15$$

$$N = 625 + 15$$

$$N = 640$$

Nos piden:

$$k + r = 40$$

6. La raíz cuadrada de 2025 es $3^a \times 5^b$. Calcule (a + b)a.

RESOLUCION:

2025 | 3 | 675 | 3 | 225 | 3 | 2025 =
$$3^4 \times 5^2$$
 | 75 | 5 | 5 | 5 | 1

Por dato:
$$\sqrt{2025} = \sqrt{3^4 \times 5^2}$$

$$\sqrt{2025} = 3^2 \times 5^1 = 3^a \times 5^b$$

Por lo tanto:

$$a = 2$$
 $b = 1$

Nos piden:

$$(a+b)a = (2+1)2 =$$

6

7. En un entrenamiento del ejército están N soldados; en un momento determinado todos los soldados se ordenan formando un batallón de forma cuadrada con 11 personas por lado y sobrando 5 personas. Halle el valor de N e indique la suma de sus cifras.

RESOLUCION:

Por dato: k = 11

$$r = 5$$

Recordemos:

$$N = k^2 + r$$

Reemplazando:

 $N = 11^2 + 5$

N = 121 + 5

N = 126

Nos piden: 1 + 2 + 6 =

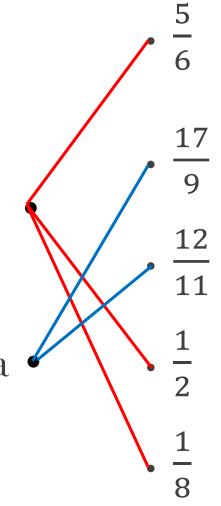
8. Una mediante flechas según corresponda.



a.

Fracción propia

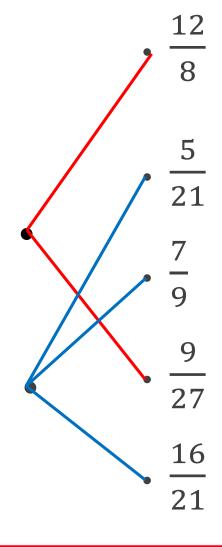
Fracción impropia



b.

Fracción reductible

Fracción irreductible



9. ¿Cuántas fracciones impropias e irreductibles con numerador 8 existen?

RESOLUCION:

Fracción: $\frac{8}{N}$

Fracción impropia: N < 8

N = 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8.

Fracción irreductible:

N y 8 son PESI

$$8 = 2^3 \longrightarrow N \neq \dot{2} y 1.$$

Por lo tanto:

N = 3; 5; 7.

Jorge tiene $\frac{3}{5}$ de S/ 600 y gasta los $\frac{1}{4}$ de S/ 200 en un pollito a la brasa. ¿Cuántos dinero le quedó a Jorge?

RESOLUCION:

Tiene:
$$\frac{3}{8} \times 600 = 360$$

Gasta:
$$\frac{1}{4} \times \frac{50}{200} = 50$$

Queda:
$$360 - 50 =$$

S/310