TRIGONOMETRY

Chapter 04



SECTOR CIRCULAR II



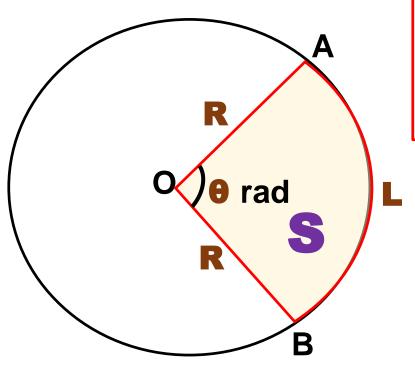


HELICO - MOTIVACIÓN

No tienes que ser un genio, un visionario o graduado para tener éxito. Todo lo que necesitas es perspectiva y un sueño

MICHAEL DELL

ÁREA DEL SECTOR CIRCULAR



Fórmulas:

$$S = \frac{LR}{2} = \frac{\theta R^2}{2} = \frac{L^2}{2\theta}$$

Sector Circular AOB (AOB):

Es la región circular limitada por dos radios y el arco correspondiente.

Elementos:

R: Longitud del radio

L: Longitud del arco AB

θ: Número de radianes de la medida del ángulo central.

$$0 < \theta \le 2\pi$$

S: área del sector circular AOB

Ejemplo: En un sector circular el ángulo central mide $\frac{\pi}{5}$ rad y su radio mide 20 m.- Halle el área del sector circular.

DATOS:

$$\theta = \frac{\pi}{5}$$

$$R = 20 \, m$$



RESOLUCIÓN

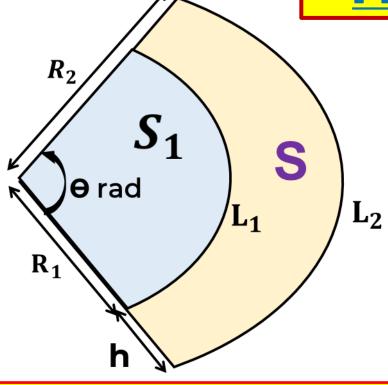
$$S = \frac{1}{2} \theta R^2$$

$$S = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{5} \right) (20 \text{ m})^2$$

:
$$S = 40\pi \text{ m}^2$$

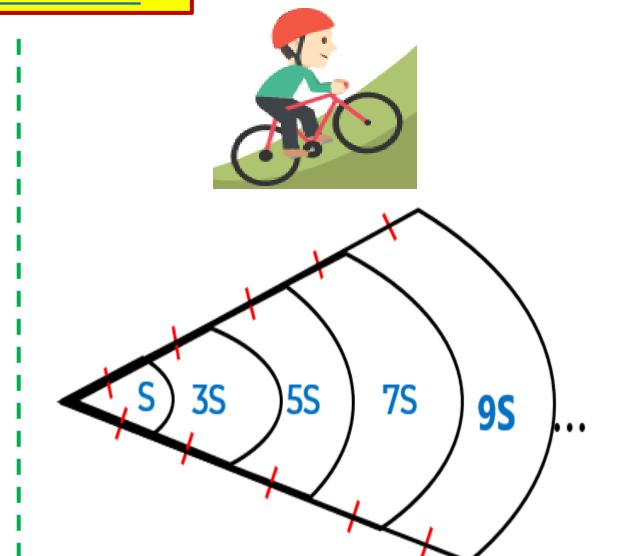


PROPIEDADES

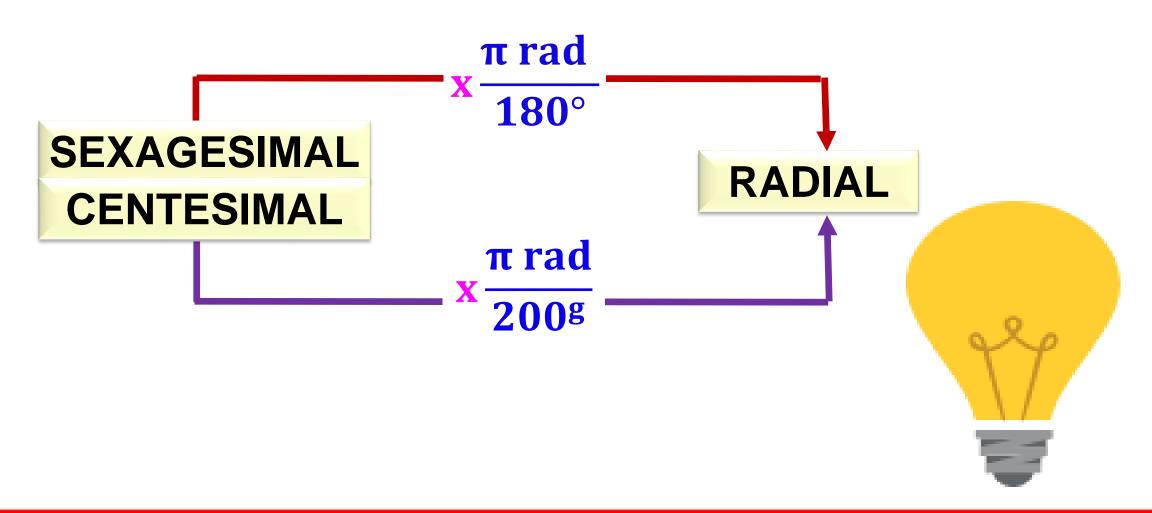


$$\frac{S_1}{S_1 + S} = \frac{(R_1)^2}{(R_2)^2} = \frac{(L_1)^2}{(L_2)^2}$$

$$\mathbf{S} = \frac{(\mathbf{L}_1 + \mathbf{L}_2)\mathbf{h}}{\mathbf{2}}$$



FACTORES DE CONVERSIÓN:



TRIGONOMETRÍA SACO OLIVEROS

¿ Cuál es el área de un sector circular cuyo ángulo central mide 15° y su radio mide 6 m?

RESOLUCIÓN

Datos:

$$R = 6 \text{ m}$$

$$\theta \text{ rad} = 15^{\circ} < > 15^{\circ} \left(\frac{\pi \text{ rad}}{180^{\circ}}\right) = \frac{\pi}{12} \text{ rad}$$

$$S = \frac{1}{2}\theta R^2$$



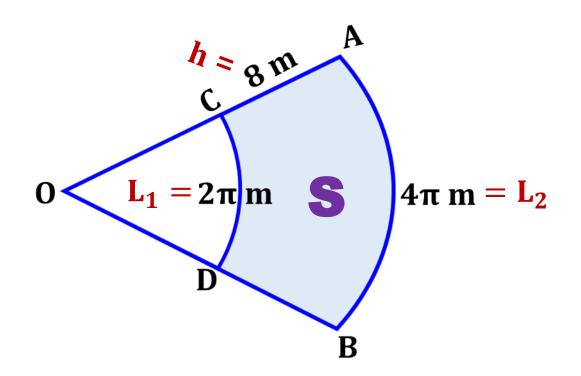
$$S = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{12} \right) (6 \text{ m})^2$$

$$S = \frac{\pi}{24} (36 \text{ m}^2)$$



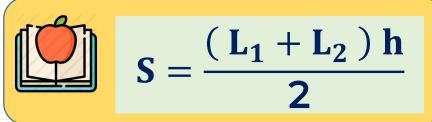
$$\therefore S = \frac{3\pi}{2} m^2$$

Del gráfico, calcule el área de la región sombreada.



RESOLUCIÓN

Recordar:



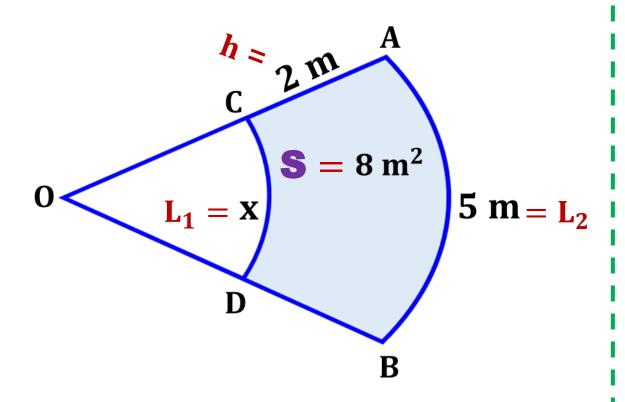
Luego:

$$S = \frac{(2\pi m + 4\pi m)(8m)}{2}$$

$$S = (6\pi m)(4 m)$$

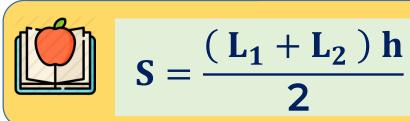
$$\therefore$$
 S = 24 π m²

De la figura, calcule el valor de x.



RESOLUCIÓN

Recordar:



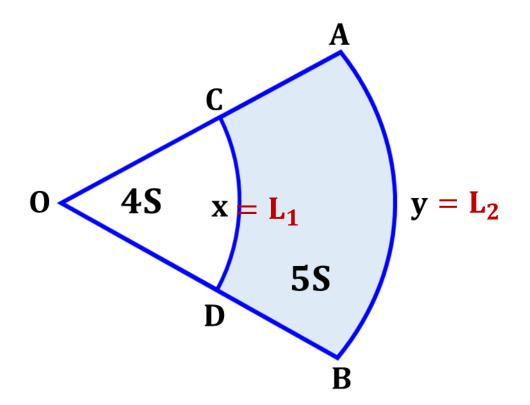
Luego reemplazamos valores:

$$8 \text{ m}^2 = \frac{(x+5 \text{ m})(2 \text{ m})}{2}$$

$$8 \text{ m} = x + 5 \text{ m}$$

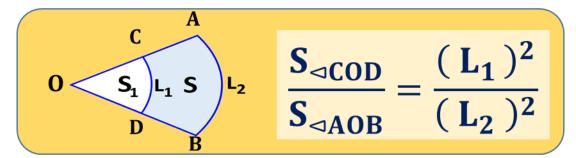
$$x = 3 \text{ m}$$

Del gráfico, calcule $\frac{x}{y}$.



RESOLUCIÓN

Recordar:



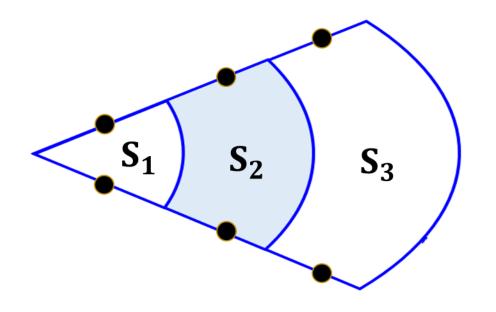
Luego aplicamos propiedad:

$$\frac{4S}{4S + 5S} = \frac{(x)^2}{(y)^2}$$

$$\frac{48}{98} = \left(\frac{x}{y}\right)^2 \implies \frac{x}{y} = \sqrt{\frac{4}{9}} \qquad \therefore \frac{x}{y}$$

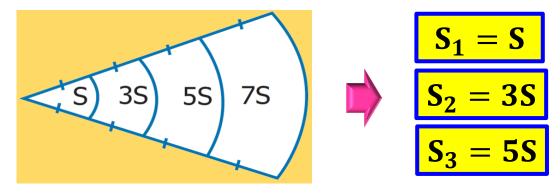
Del gráfico, determine:

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{S_1} + \mathbf{S_3}}{\mathbf{S_2} - \mathbf{S_1}}$$



RESOLUCIÓN

Recordar:

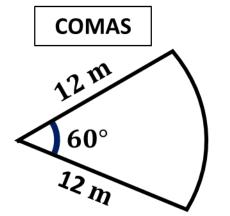


Luego calculamos E:

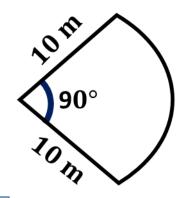
$$E = \frac{S_1 + S_3}{S_2 - S_1} = \frac{S + 5S}{3S - S} = \frac{68}{28}$$

$$\therefore E = 3$$

Toribio tiene dos terrenos en los distritos de Comas y los Olivos, si los terrenos tienen las dimensiones mostradas. ¿Cuál de ellos tiene mayor área?







Recordar:

Área del sector circular :

$$S = \frac{1}{2}\theta R^2$$

RESOLUCIÓN

COMAS

$$\theta \text{ rad} = 60^{\circ} \left(\frac{\pi \text{ rad}}{180^{\circ}} \right)$$

$$\theta$$
 rad = $\frac{\pi}{3}$ rad

$$S = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{3} \right) (12 \text{ m})^2$$

$$S = \frac{144\pi}{6} m^2$$

$$S = 24\pi m^2$$

LOS OLIVOS

$$\theta \text{ rad} = 90^{\circ} \left(\frac{\pi \text{ rad}}{180^{\circ}} \right)$$

$$\theta \operatorname{rad} = \frac{\pi}{2} \operatorname{rad}$$

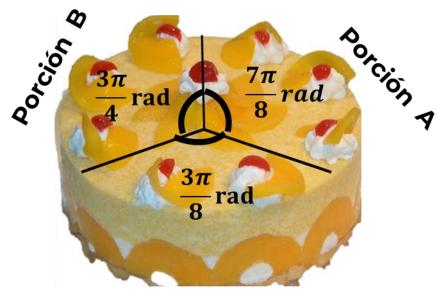
$$S = \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} \right) (10 \text{ m})^2$$

$$S = \frac{100\pi}{4} m^2$$

$$S = 25\pi m^2$$

Rpta: Toribio tiene mayor área en Los Olivos = $25\pi \text{ m}^2$

En una fiesta de cumpleaños se reparte una torta en tres porciones, tal como se muestra en la figura (diámetro = 16 cm)



Porción C

¿ Qué porción es más grande y cuál es su área ?

RESOLUCIÓN

$$R = 8 cm$$

Recordar:

$$S = \frac{1}{2}\theta R^2$$

Calculamos el área de cada porción :

$$S_A = \frac{1}{2} \left(\frac{7\pi}{8} \right) (8 \text{ cm})^2 = 28\pi \text{ cm}^2$$

$$S_B = \frac{1}{2} \left(\frac{3\pi}{4} \right) (8 \text{ cm})^2 = 24\pi \text{ cm}^2$$

$$S_C = \frac{1}{2} \left(\frac{3\pi}{8} \right) (8 \text{ cm})^2 = 12\pi \text{ cm}^2$$

.. La porción A es la más grande.

