VACACIONES DIVERTIÚTILES

ASOCIACIÓN EDUCATIVA SACO OLIVEROS

ARITHMETIC



Chapter 2

2th
SECONDARY

MCD y MCM



ARITHMETIC

indice

01. MotivatingStrategy (>)

02. HelicoTheory

03. HelicoPractice

04. HelicoWorshop

Herramienta Digital

Si quisiera llenar todo este contenido en botellas del mismo volúmen y utilizar la menor cantidad de botellas. ¿Qué tendría que





Los 4 automóviles han salido del punto de partida al mismo tiempo y se demoran en dar la vuelta: 10, 15,20 y 30 min. ¿Luego de qué tiempo coincidirán ?

MOTIVATING STRATEGY

Resumen



HELICO THEORY

MÁXIMO COMÚN DIVISOR (MCD) es el

MÉTODOS

Descomposición simultanea

Ejemplo: MCD(20;12) = ?

Descomposición canónica Ejemplo:

A:
$$2^2 \times 3^3 \times 5^2$$

B: $2^3 \times 3 \times 5^3 \times 7$

$$MCD(A;B) = 2^2 \times 3 \times 5^2$$

Divisiones sucesivas

Divisiones sucesivas			
Cocientes	1 1	1	2
sucesivos	•	'	
÷	÷	÷	
20	12	8	4
Residuos	8	4	0
sucesivos			
MCD(20;12) = 4			

mayor de los divisores que tienen en común, un conjunto de números Z^+

PROPIEDADES

* Si A = $\overset{\circ}{B}$ (múltiplo de B)

$$MCD(A; B) = B$$

* Si A y B son PESI

$$MCD(A, B) = 1$$

* Si MCD(A, B) = d

$$A = d \cdot \alpha$$
, $B = d \cdot \beta$

Donde α y β son PESI

MÍNIMO COMÚN MÚLTIPLO (MCM) _ es el

menor de los múltiplos que tienen en común, un conjunto de números Z^+

MÉTODOS

Descomposición simultanea

Ejemplo: MCM(20;12) = ?

Descomposición canónica Ejemplo:

A:
$$2^2 \times 3^3 \times 5^2$$

B: $2^3 \times 3 \times 5^3 \times 7$

$$MCD(A;B) = 2^3 \times 3^3 \times 5^3 \times 7$$

PROPIEDADES

* Si A = B (múltiplo de B)

$$MCD(A; B) = A$$

Si A y B son PESI

$$MCD(A, B) = A \times B$$

* Si MCD(A, B) = m

$$A \cdot \alpha = m$$
; $B \cdot \beta = m$

Donde α y β son PESI



Problema 01

Problema 02

Problema 03

Problema 04

Problema 05







Se tienen 3 barriles de aceite de 126, 90 y 144 litros. Se desea repartir exactamente dichas cantidades en envases de máxima capacidad. ¿Cuántos envases se utilizarán?

RECORDEMOS

Descomposición simultanea

Ejemplo: MCD(20;12) = ?

$$\begin{array}{c|c}
20 - 12 \\
10 - 6 \\
5 - 3
\end{array}$$
MCD(20;12) = 4

Descomposición simultanea

$$MCD(126;90;144) = 18$$

∴ La cantidad de envases es 7 + 5 + 8 = 20

Respuesta 20





Al descomponer canónicamente

A, B, C

se obtuvo:

A:
$$2^2 \times 3^3 \times 5^2$$

B:
$$2^3 \times 3^2 \times 5^3 \times 7$$

C:
$$2^4 \times 3^2 \times 5^3 \times 13^2$$
.

Si MCD(A, B, C) =
$$2^{a+1} \times 3^b \times$$

 $5^{c/2}$

calcule a + b + c.

RECORDEMOS

Al hallar el MCD por descomposición canónica se toman los factores comunes con el menor exponente

Descomposición canónica

$$A:(2^2) \times 3^3 \times 5^2$$

B:
$$2^3 \times (3^2) \times 5^3 \times 7$$

C:
$$2^4 \times 3^2 \times 5^3 \times 13^2$$

$$MCD(A, B, C) = 2^2 \times 3^2 \times 5^2$$

Por dato:

$$MCD(A, B, C) = 2^{a+1} \times 3^b \times 5^{c/2}$$

$$a = 1$$

$$b = 2$$

$$c = 4$$

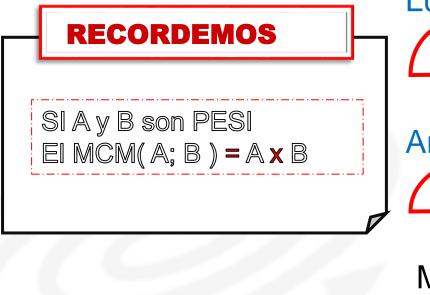
∴
$$a + b + c = 7$$

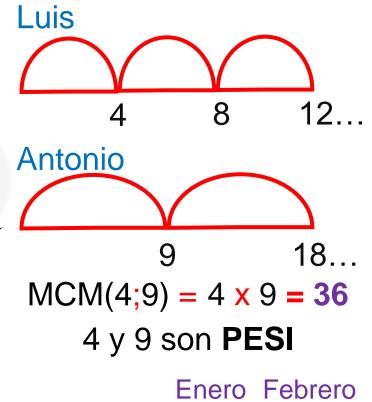
Respuesta





Antonio Luis visitan periódicamente la casa de sus padres cada 4 y 9 días, respectivamente. Si la última vez que coincidieron en casa de sus padres celebraron el Año Nuevo, ¿en qué fecha se encontrarán la próxima vez?





$$\Rightarrow$$
 1 + 36 = 31 + X
X = 6

∴ Se volverán a encontrar el 6 de febrero

Respuesta 6 de febrero

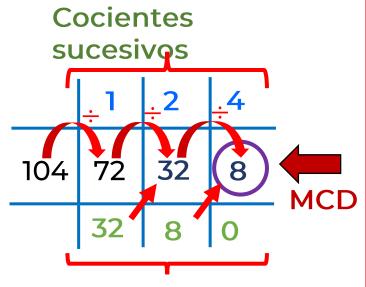




Raúl y Jorge, 2 de los mejores vendedores que tiene empresa Movilplus dedicada a venta de celulares, la contabilizan sus ventas del mes las cuales son 104 y 72 respectivamente. Si al calcular el MCD de dichos números mediante el algoritmo de Euclides, la suma de los cocientes sucesivos indica la cantidad de vendedores que hay en la empresa. Dé como respuesta dicha suma de cocientes sucesivos.

RECORDEMOS

El algoritmo de Euclides es el método de las divisiones sucesivas



Residuos sucesivos

.. La suma de cocientes sucesivos es

$$1 + 2 + 4 = 7$$

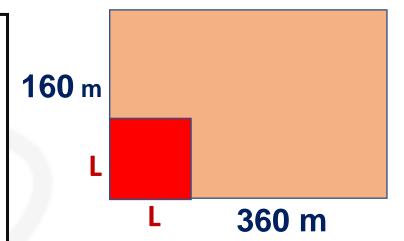
Respuesta 7

M

La constructora Vivebien ha comprado un terreno en forma rectangular de 360 m de largo y 160 m de ancho como parte de un proyecto urbanístico con la finalidad de construir casas de áreas cuadradas iguales del mayor tamaño posible. ¿Cuál es la longitud del lado de cada cuadrado?

RECORDEMOS

Al hallar el MCD se obtiene el mayor de los divisores comunes.



L = MCD(360 m;160 m) = 40 m

$$360 - 160 | 10$$

 $36 - 16 | 2$
 $18 - 8 | 2$
 $9 - 4$

Respuesta

40 m

Problemas Propuestos



 \bigcirc

Problema 06 >

Problema 07

Problema 08

Problema 09

Problema 10

HELICO WORSHOP





Se tiene 3 toneles de vino de 100, 80 y 120 litros, se desea repartir exactamente dichas cantidades en envases de máxima ¿Cuántos capacidad. envases necesito?



Al descomponer canónicamente A, B, C se obtuvo:

A:
$$2^3 \times 3^3 \times 5^4 \times 7^2$$

B:
$$2^5 \times 3^3 \times 5^2$$

C:
$$2^2 \times 3^4 \times 5^3 \times 11$$
.

Si MCD(A, B, C) =
$$2^{a+1} \times 3^b \times$$

 \bigcirc

$$5^{2c}$$
,



Elías y Mariela visitan periódicamente la casa de sus abuelos cada 5 y 7 días, respectivamente. Si última vez que coincidieron en casa de sus abuelos celebraron Navidad, ¿en qué fecha se encontrarán la próxima vez?



El último día del mes, los esposos Alexander y Laura conversan sobre las horas extras acumuladas en el mes. que son 52 y 44 horas respectivamente, y al calcular el MCD de dichas cantidades mediante el algoritmo de Euclides, los cocientes sucesivos obtenidos coinciden con las edades de sus 3 menores hijos. ¿Qué edad tiene el hijo mayor?



Producto de una herencia, los hermanos Trujillo Martínez han comprado un terreno en forma rectangular de 300 m de largo y 180 m de ancho con la finalidad de dividirlo entre ellos y construir sus respectivas casas, las cuales tienen la particularidad de tener áreas cuadradas iguales del mayor tamaño posible. ¿Cuántos hermanos conforman dicha familia?

