# ARITHMETIC Chapter 15

2st SECONDARY Y+X=

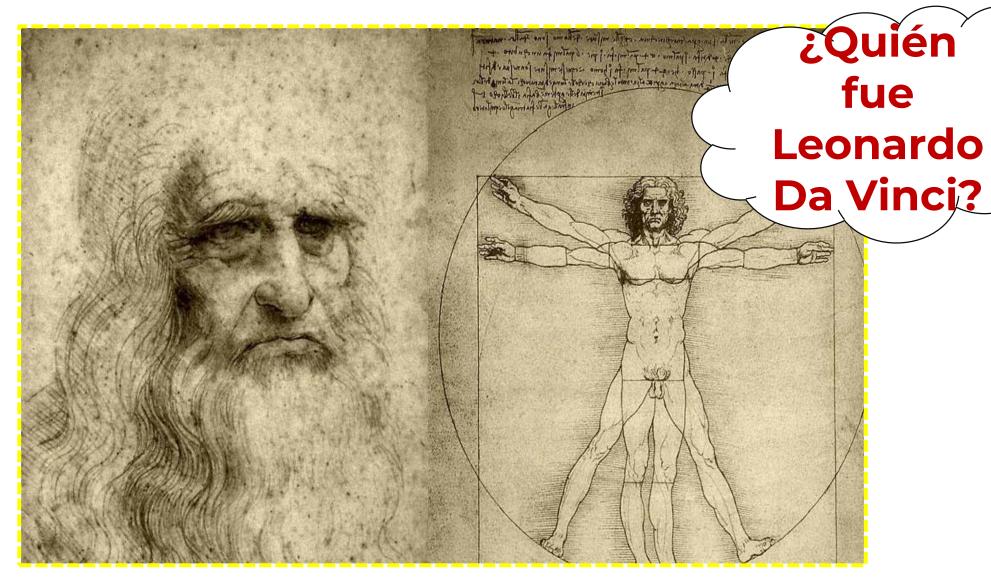
**RAZONES** 



# HELICO MOTIVATING







# HELICO THEORY

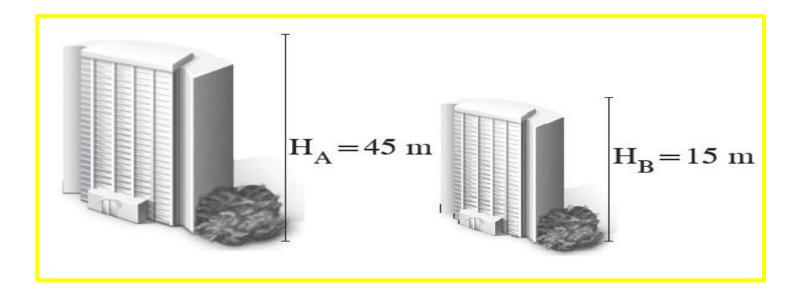
**CHAPTHER 15** 





## 1 Razón:

### Es la comparación de dos cantidades mediante la sustracción o división



 $\rightarrow$  H<sub>A</sub> es mayor que H<sub>B</sub> en 30 m.

45 − 15 = 30 → Valor de la razón aritmética Razón aritmética

$$ightharpoonup H_A$$
 es 3 veces  $H_B$  
$$\underbrace{\frac{45}{15}}_{\text{Raz\'on geom\'etrica}} = \underbrace{3} \rightarrow \text{Valor de la raz\'on geom\'etrica}$$





## **CLASES DE RAZONES**

Si Jorgito y Chemito tienen 14 y 11 años, respectivamente, se puede establecer que la razón aritmética de sus edades es 3, es decir: 14 – 11 = 3

### En general: La razón aritmética

$$a-b=r$$

#### Elementos

a: antecedente

b: consecuente

r: valor de la razón aritmética

### Interpretación

- Jorgito excede a Chemito en 3 años.
- Chemito es excedido por Jorgito en 3 años.
- Jorgito es mayor que Chemito en 3 años.
- Chemito es menor que Jorgito en 3 años.

#### HELICO | THEORY



### Razón Geométrica: Es la comparación de 2 cantidades mediante la división

Las velocidades de los ciclistas M y N son 28 m/s y 21 m/s. Halle el valor de la

razón geométrica de las velocidades.

$$\frac{M}{N} = \frac{28}{21} = \frac{4(7 \text{ m/s})}{3(7 \text{ m/s})} = \frac{4}{3}$$

#### En general: La razón geométrica

$$\left(\begin{array}{c} \frac{a}{b} = k \end{array}\right)$$

Elementos

a: antecedente

b: consecuente

k: valor de la razón geométrica

#### Interpretación

- Las velocidades de M y N están en la relación de 4 a 3.
- Las velocidades de M y N son entre sí como 4 es a 3.
- Las velocidades de M y N son proporcionales a 4 y 3.

**CHAPTHER 15** 





1. La suma de dos números es 70 y el valor de su razón aritmética es 28. Calcule el mayor de los números.

#### **RESOLUCIÓN**

Por dato:

$$a + b = 70$$
 $a - b = 28$ 
 $2a = 98$ 
 $a = 49$ 
 $b = 21$ 

El número mayor es 49



2. La razón geométrica de dos números es 3. Si el mayor de los números es 24, calcule el valor del menor de los números.

RESOLUCIÓN

R.G.= 
$$\frac{24}{b} = 3$$

$$8 = b$$

∴El menor número es 8

**3.** La razón geométrica de dos números es 3/5, si la suma de dichos números es 96. ¿En cuánto se diferencia dichos números?

#### RESOLUCIÓN

$$R.G.: \frac{a}{b} = \xrightarrow{36}_{60}$$

Por dato: 
$$\frac{3k}{5k}$$

$$a + b = 96$$
  
 $8k = 96$   
 $k = 12$ 

 $\therefore b - a = 24$ 

La edad de un alumno y de su profesor de Aritmética están en la relación de 1 a 3, si la suma de estas edades es 32, ¿qué edad tiene el profesor de Aritmética?

#### **RESOLUCIÓN**

R.G.: 
$$\frac{\text{alumno}}{\text{profesor}} = \frac{k}{3k} \xrightarrow{8} 24$$

Por condición: 
$$k + 3k = 32$$
  
 $k = 8$ 

El profesor tiene 24 años.



5. En un torneo de ajedrez por cada 3 varones participantes hay 5 mujeres, y además hay 12 mujeres más que varones. ¿Cuántos participantes hay en total en dicho torneo?

#### **RESOLUCIÓN**

#### Por dato:

$$\frac{N^{\circ} \text{ varones}}{N^{\circ} \text{ mujeres}} = \frac{3}{5} = \frac{3k}{5k}$$

$$5k = 3k + 12$$
  
 $2k = 12$   
 $k = 6$ 

Total de participantes: 5k + 3k = 8(6)

En total 48 participantes.

6. En el salón de segundo año de la sede de Lince se observa que de cada 13 estudiantes, ocho eran hombres. Si la razón aritmética entre hombres y mujeres es 24, ¿cuántas alumnas hay?

### **RESOLUCIÓN**

Total Estudiantes: 13k

$$H = 8k \longrightarrow M = 5k$$

Razon Aritmetica: 24

$$H - M = 24$$
  
 $3K = 24$   $K = 8$ 

**Total Alumnas 40** 



El dinero de Abraham es al de Erick como 4 es a 7, y el 7 dinero de Erick es al de Franco como 5 es a 2. Si Erick le presta S/26 a Abraham y S/44 a Franco y ahora estos tienen lo mismo. ¿Cuánto dinero le queda a Erick?.

**RESOLUCIÓN** 

Por dato: 
$$\frac{A}{E} = \frac{4k \times 5}{7k \times 5} \quad y \quad \frac{E}{F} = \frac{5k \times 7}{2k \times 7}$$

$$\frac{E}{F} = \frac{5k \times 7}{2k \times 7}$$

$$E = 35K$$

$$F = 14K$$

Si Erick le presta 26 a Abraham

$$A+26 = F+44$$

Reemplazando:



$$K = 3$$

Le queda: 35(3) - 70 = 35

A = 20K

# MUCHAS GRACIAS DIOS LES BENDIGA

