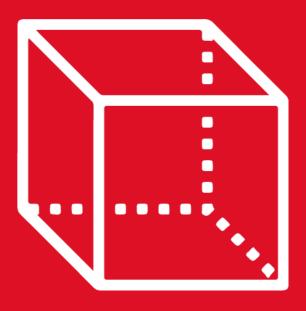
GEOMETRÍA

Capítulo 10



RELACIONES MÉTRICAS EN LOS TRIÁNGULOS OBLICUÁNGULOS





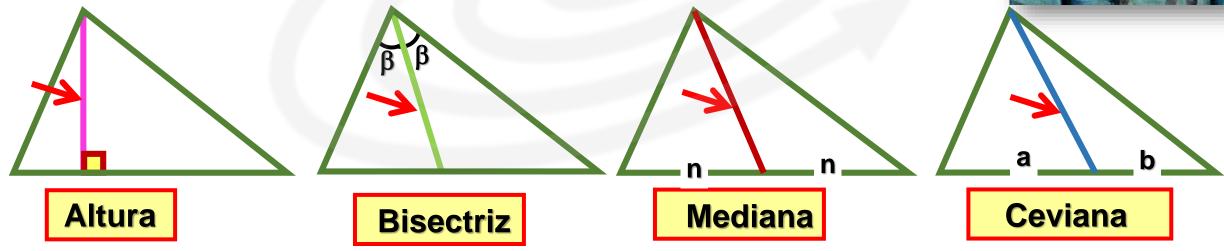
Continuando con el tema de relaciones métricas, en este capítulo aprenderemos a hallar las longitudes de las líneas notables más importantes como la altura, la mediana, el segmento de bisectriz, así como también la longitud de una ceviana interior, conociendo previamente las longitudes de los tres lados del triángulo.

Actividad

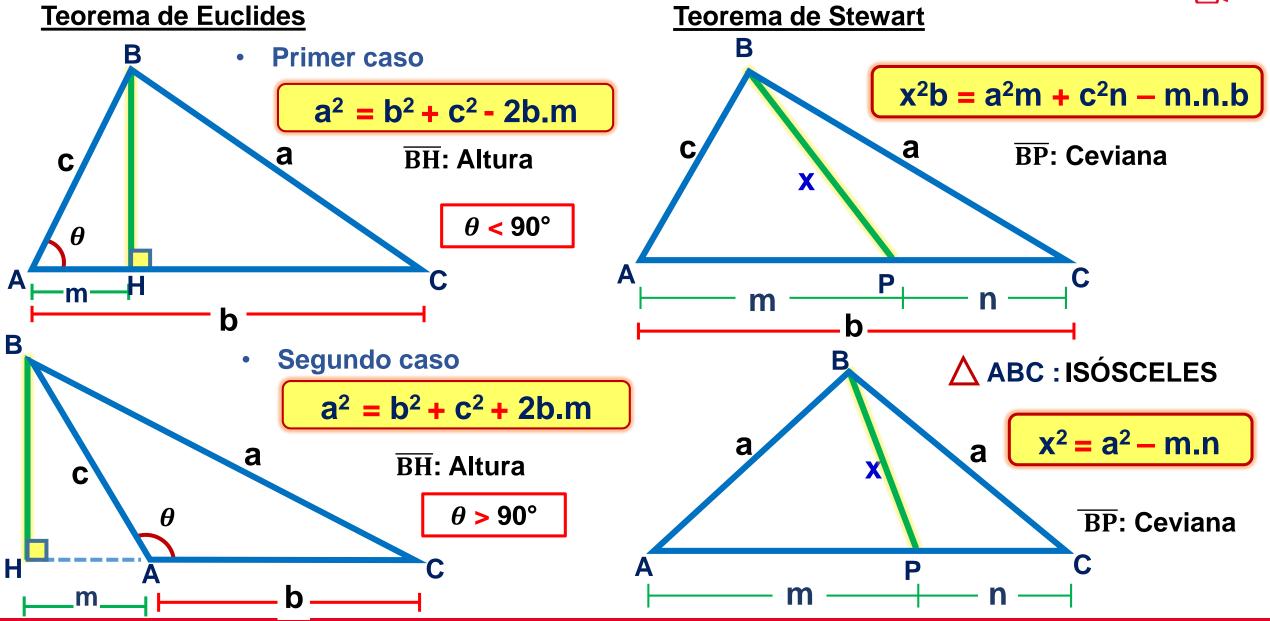
Complete los casilleros con los nombres de las líneas notables que hay en cada triángulo, señaladas con la flecha.

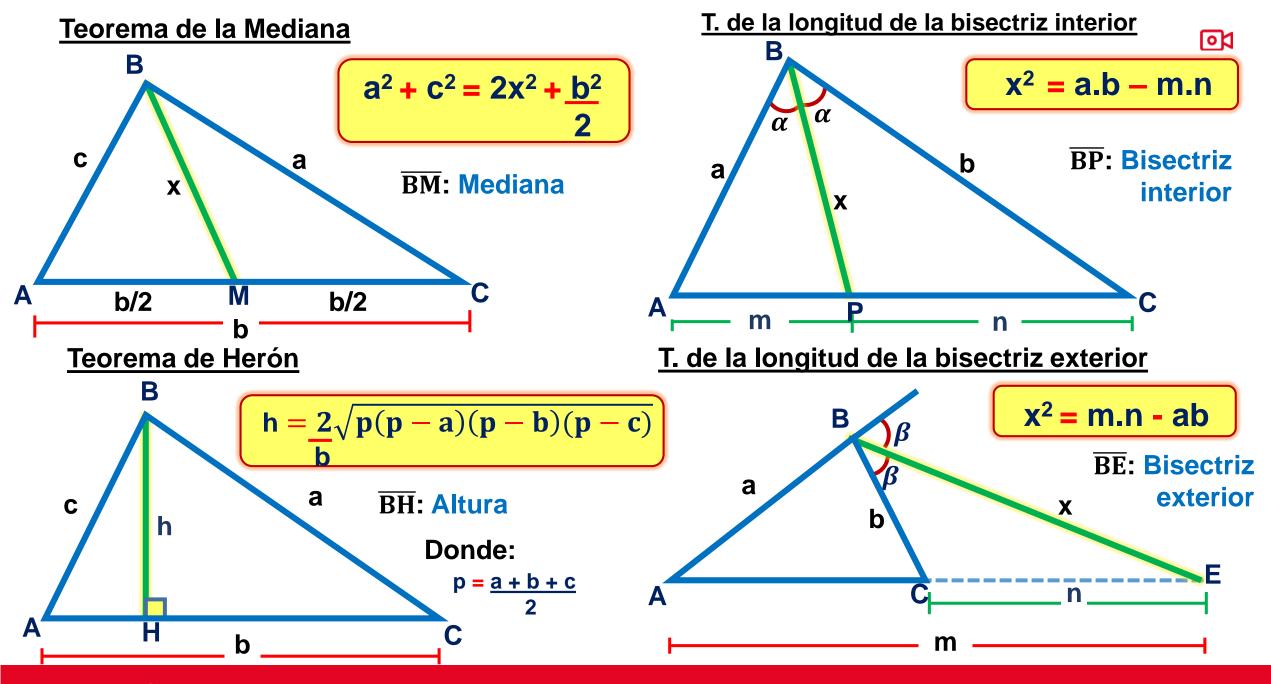
$$e^{i\pi} + 1 = 0$$





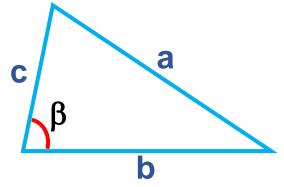
RELACIONES MÉTRICAS EN EL TRIÁNGULO OBLICUÁNGULO





Naturaleza de un triángulo

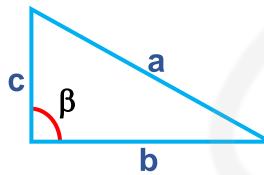
Sean a, b y c las longitudes de los lados de un triangulo siendo a longitud de mayor lado:



Si:
$$a^2 < b^2 + c^2$$



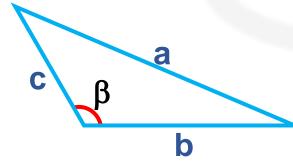
y el triángulo es acutángulo.



Si:
$$a^2 = b^2 + c^2$$



y el triángulo es rectángulo.



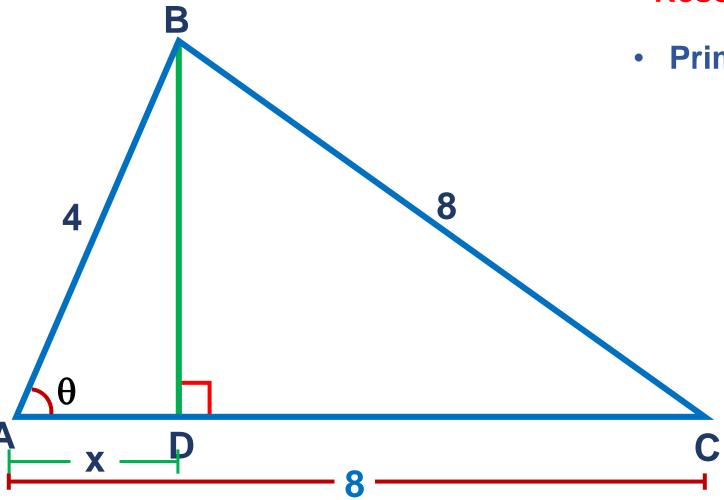
Si:
$$a^2 > b^2 + c^2$$



y el triángulo es obtusángulo.

1. En un triángulo ABC, AB = 4 y BC = AC = 8. Luego se traza la altura BD. Halle AD.





Primer Teorema de Euclides
 ∆ acutángulo

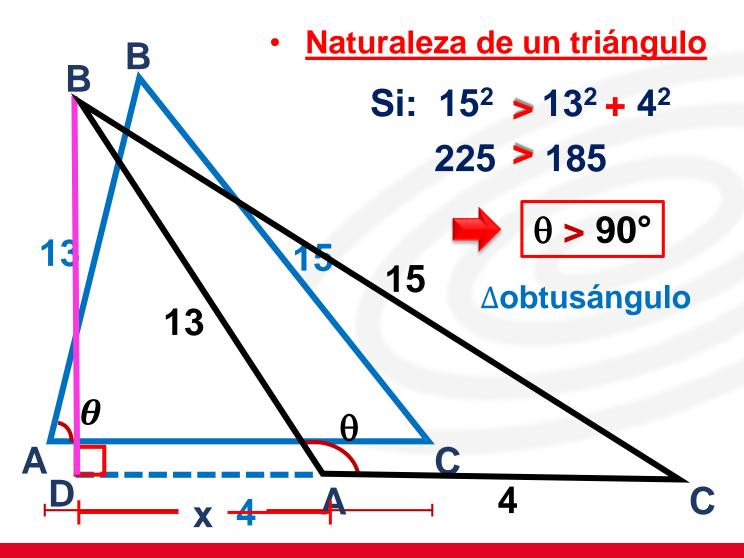
$$a^2 = b^2 + c^2 - 2b.m$$

$$8^2 = 8^2 + 4^2 - 2(8)(x)$$

$$16x = 16$$

$$x = 1$$

2. En un triángulo ABC, AB = 13 y BC = 15 y AC = 4. Se traza la altura BD. Halle AD.



Resolucion

Segundo Teorema de Euclides

$$a^2 = b^2 + c^2 + 2b.m$$

$$15^2 = 4^2 + 13^2 + 2(4)(x)$$

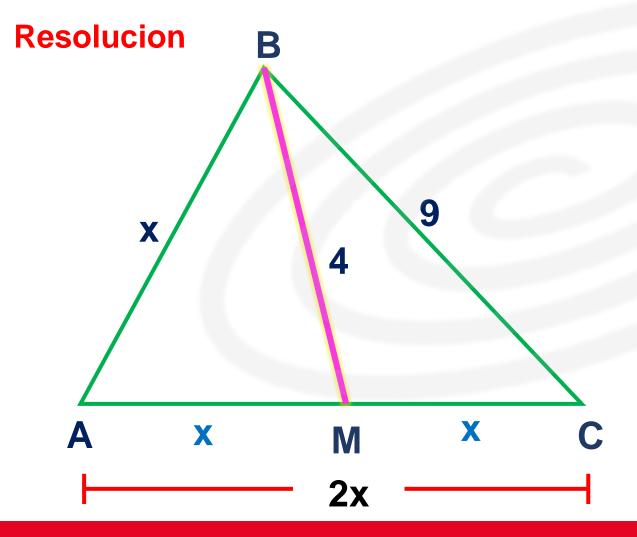
$$225 = 16 + 169 + 8x$$

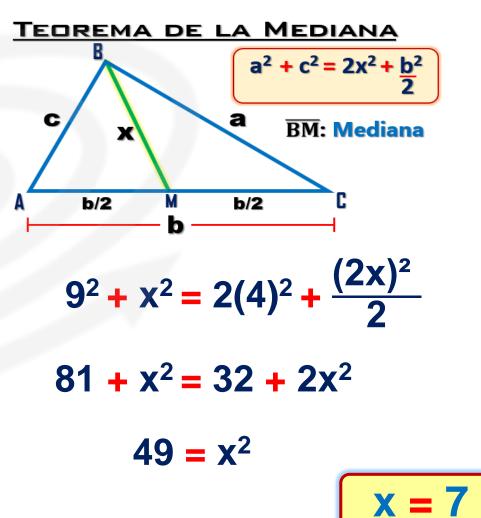
$$225 = 185 + 8x$$

$$40 = 8x$$

$$x = 5$$

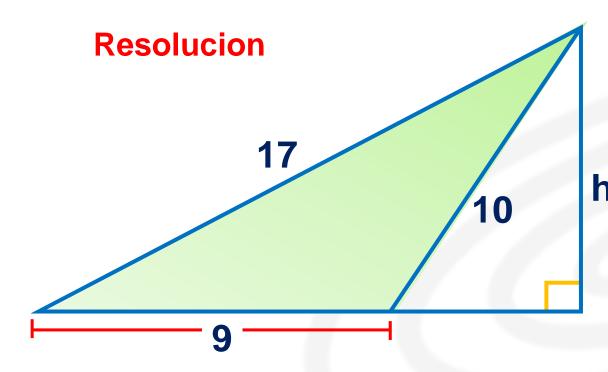
3. En un triángulo ABC, se traza la mediana \overline{BM} . Si BM = 4, BC = 9 y AB = AM = MC. Halle AB.







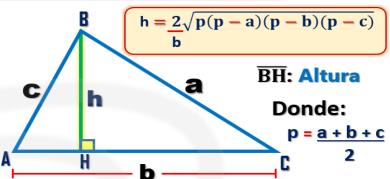
4. Halle el valor de h.



Calculamos el semiperímetro

$$p = \frac{17 + 10 + 9}{2} \Rightarrow p = 18$$

<u>Teorema de Herón</u>



Por teorema de Herón

$$h = 2\sqrt{18(18-10)(18-9)(18-17)}$$

$$h = 2\sqrt{18(8)(9)(1)}$$
144 9

$$h = 2(12)(3)$$

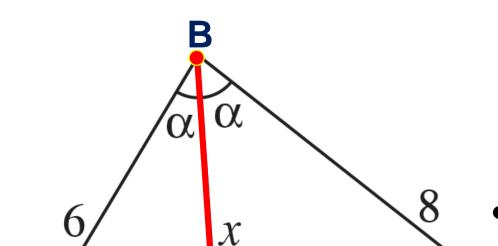




5. Halle el valor de x.

Primer teorema de la bisectriz interior

Resolucion



BP: bisectriz interior.

$$\frac{3}{4} \frac{\cancel{6}}{\cancel{8}} = \frac{AP}{7 - AP}$$

$$21 - 3.AP = 4.AP$$

$$21 = 7.AP$$

$$AP = 3$$

Segundo teorema de la bisectriz interior

$$x^2 = a.b - m.n$$

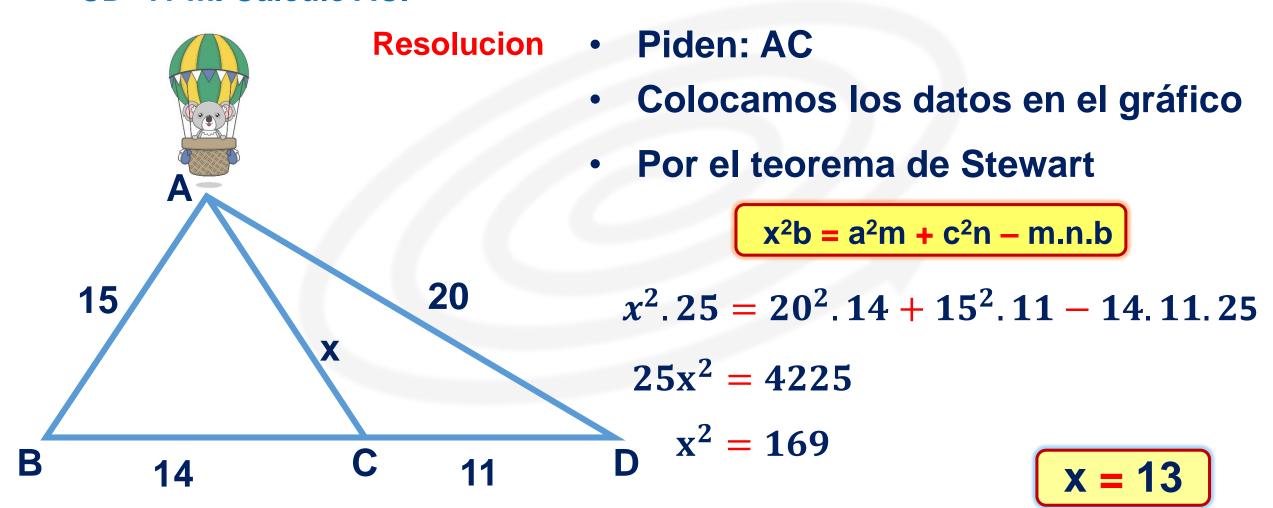
$$x^2 = 6.8 - 3.4$$

$$x^2 = 48 - 12$$

$$x^2 = 36$$

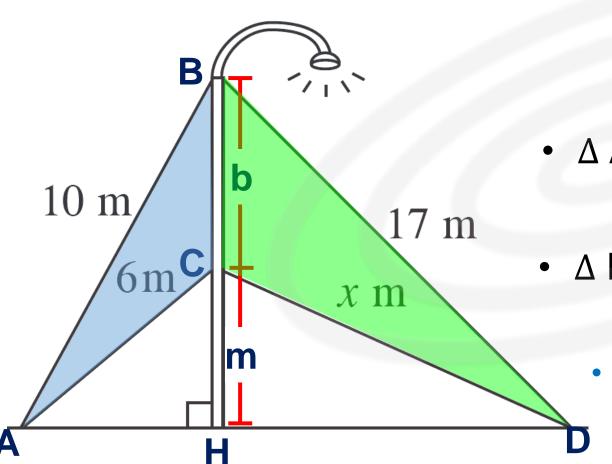
GEOMETRÍA

6. En la figura se muestra un globo aerostático a punto de elevarse, el cual es amarrado con las sogas AB, AC y AD. Si AB = 15 m, AD = 20 m, BC =14 m y CD=11 m. Calcule AC.



7. Se muestra un poste de alumbrado público, el cual se encuentra sostenido por cuatro cables metálicos cuyas longitudes se muestran en cada uno.

Halle el valor de x.



Segundo caso $a^{2} = b^{2} + c^{2} + 2bm$ $a \qquad \overline{BH}: Altura$ $90^{\circ} < \theta$

•
$$\triangle$$
 ABC: $10^2 = b^2 + 6^2 + 2(b)(m)$

$$64 = b^2 + 2bm$$
 ... (1)

•
$$\triangle$$
 DBC: $17^2 = b^2 + x^2 + 2(b)(m)$

$$289 - x^2 = b^2 + 2bm \qquad ... (2)$$

Reemplazando (1) en (2)

$$289 - x^2 = 64$$
$$225 = x^2$$

$$x = 15$$