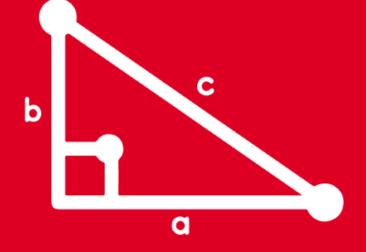
# TRIGONOMETRY Chapter 05



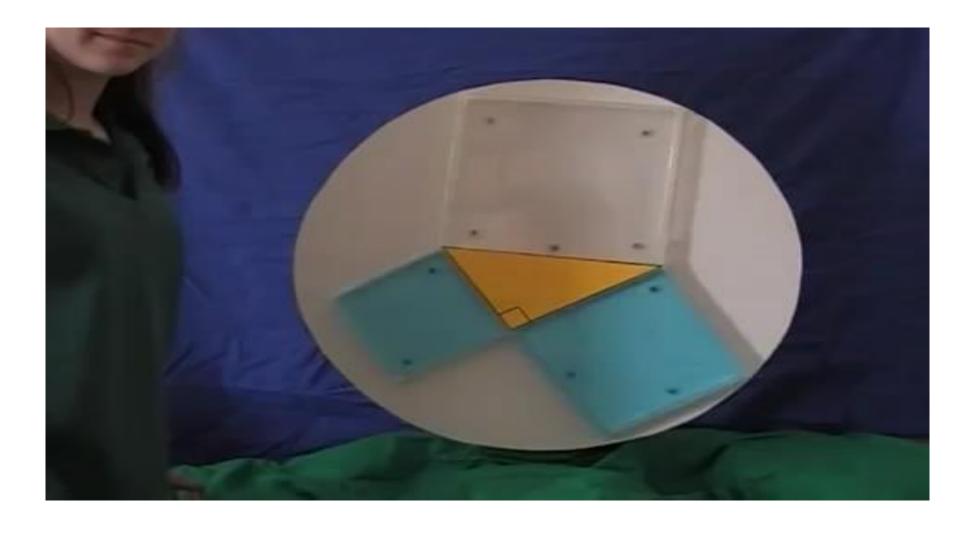


RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO II



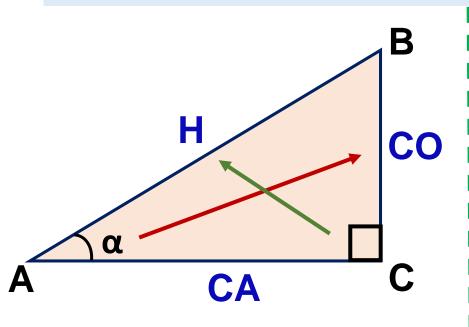


# **MOTIVATING STRATEGY**



# RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO II

Razones trigonométricas, son los cocientes entre las longitudes de los lados de un triángulo rectángulo, respecto de uno de sus ángulos interiores agudos.

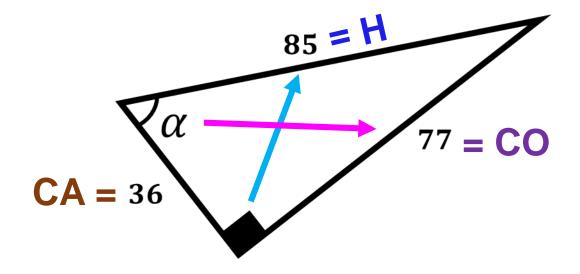


$$\cot \alpha = \frac{\text{Cateto adyacente al} \not \alpha}{\text{Cateto opuesto al} \not \alpha} = \frac{\text{CA}}{\text{CO}}$$

$$\sec \alpha = \frac{\text{Hipotenusa}}{\text{Cateto adyacente al} \not \alpha} = \frac{\text{H}}{\text{CA}}$$

$$\csc \alpha = \frac{\text{Hipotenusa}}{\text{Cateto opuesto al} \not \alpha} = \frac{\text{H}}{\text{CO}}$$

Del gráfico, indique las razones trigonométricas de  $\alpha$  .



#### Recordar:

$$\cot \alpha = \frac{CA}{CO}$$

$$\sec \alpha = \frac{H}{CA}$$

$$\frac{\csc\alpha}{\cos\alpha} = \frac{H}{\cos\alpha}$$

# **RESOLUCIÓN**

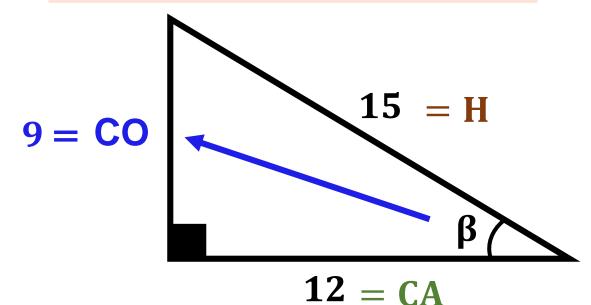
$$\cot\alpha = \frac{36}{77}$$

$$\sec\alpha = \frac{85}{36}$$

$$\csc\alpha = \frac{85}{77}$$

# Del gráfico, efectúe:

$$P = \csc \beta + \cot \beta$$



#### Recordar:

$$csc\beta = \frac{H}{CO}$$

$$\cot \beta = \frac{CA}{CO}$$

# **RESOLUCIÓN**

# Teorema de Pitágoras:

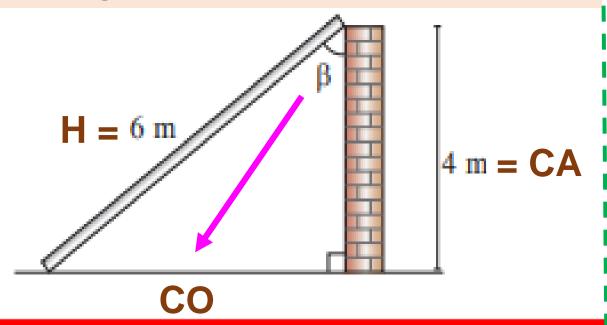
$$(CO)^{2} + (CA)^{2} = (H)^{2}$$
  
 $(CO)^{2} + (12)^{2} = (15)^{2}$   
 $(CO)^{2} + 144 = 225$   
 $CO = \sqrt{81} \implies CO = 9$ 

# Calculamos P: $P = \csc \beta + \cot \beta$

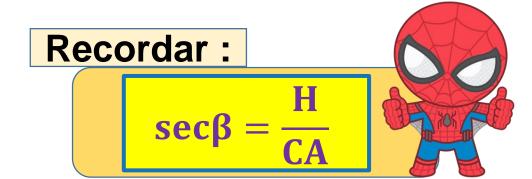
$$\mathsf{P} = \frac{15}{9} + \frac{12}{9} = \frac{27}{9}$$

$$\cdot \cdot P = 3$$

Una barra metálica descansa sobre una pared (observe el gráfico), formándose un ángulo  $\beta$  entre la barra metálica y la pared. - Sabiendo que la longitud de la barra metálica es de 6 m y la altura de la pared mide 4 m; calcule la secante de dicho ángulo .



# **RESOLUCIÓN**





Ojo: No es necesario calcular la medida del cateto opuesto (CO).

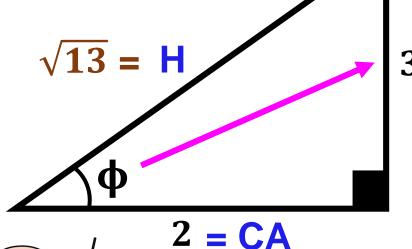
# **Calculamos sec**β:

$$\sec \beta = \frac{6 \text{ m}}{4 \text{ m}}$$

$$\frac{1}{2} \sec \beta = \frac{3}{2}$$

# Del gráfico, efectúe:

$$M = \sqrt{13} \sec \varphi - \frac{5}{2}$$





$$\mathbf{sec\phi} = \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{CA}}$$

# **RESOLUCIÓN**

# Teorema de Pitágoras :

$$(H)^2 = (CO)^2 + (CA)^2$$

$$(H)^2 = (3)^2 + (2)^2 = 9 + 4$$

$$3 = CO$$
  $(H)^2 = 13 \Rightarrow H = \sqrt{13}$ 

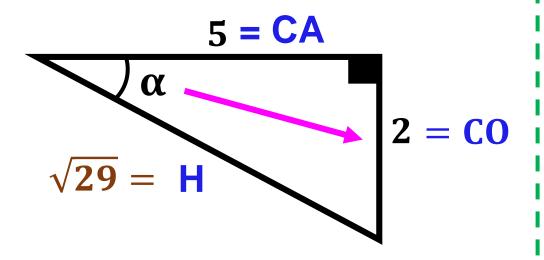
Efectuamos M: 
$$M = \sqrt{13} \sec \phi - \frac{5}{2}$$

$$\mathbf{M} = \sqrt{13} \left( \frac{\sqrt{13}}{2} \right) - \frac{5}{2}$$

$$M = \frac{13}{2} - \frac{5}{2} = \frac{8}{2}$$

# Del gráfico, efectúe:

$$Q = \csc^2 \alpha + \cot^2 \alpha$$



#### Recordar:

$$\mathbf{csc}\alpha = \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{CO}}$$
 
$$\mathbf{cot}\alpha = \frac{\mathbf{CA}}{\mathbf{CO}}$$

# **RESOLUCIÓN**

#### **Teorema de Pitágoras:**

$$(H)^2 = (CO)^2 + (CA)^2$$

$$(H)^2 = (2)^2 + (5)^2 = 4 + 25$$

$$(H)^2 = 29$$
  $\rightarrow H = \sqrt{29}$ 

#### **Efectuamos Q:**

$$\mathbf{Q} = \mathbf{c}\mathbf{s}\mathbf{c}^2\,\alpha \,+ \mathbf{c}\mathbf{o}\mathbf{t}^2\,\alpha$$

$$\mathbf{Q} = \left(\frac{\sqrt{29}}{2}\right)^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2$$

$$\mathbf{Q} = \frac{29}{4} + \frac{25}{4} = \frac{54}{4}$$



$$Q = \frac{27}{2}$$

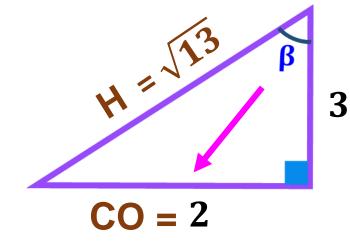
El profesor Carlos, de trigonometría, planteó el siguiente acertijo a sus estudiantes : Grafique el triángulo rectángulo cuyos catetos son los dos primeros números primos y luego efectúe  $N = \csc \beta \cdot \sec \beta$ ; si se sabe que  $\beta$  es el menor ángulo interior agudo del triángulo .

# **RESOLUCIÓN**

#### Recordar:

$$\csc \beta = \frac{H}{CO}$$

$$\mathbf{sec}\beta = \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{CA}}$$



#### **Teorema de Pitágoras:**

$$(H)^2 = (CO)^2 + (CA)^2$$

$$(H)^2 = (2)^2 + (3)^2 = 4 + 9$$
  
 $(H)^2 = 13 \implies H = \sqrt{13}$ 

#### **Calculamos N:**

$$N = \csc \beta \cdot \sec \beta$$

$$N = \left(\frac{\sqrt{13}}{2}\right) \left(\frac{\sqrt{13}}{3}\right)$$

$$\therefore N = \frac{13}{6}$$



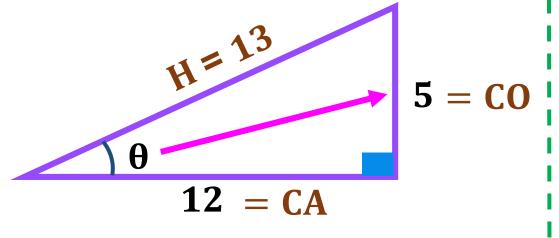
De una caja llena de alambres de distintos tamaños, Jaime y Brenda escogieron uno de 12 cm y otro de 5 cm respectivamente . - Si estos dos alambres representan los catetos de un triángulo rectángulo, calcule el valor de  $S = \cot\theta + \csc\theta$ ; si  $\theta$  es el menor ángulo interior agudo del triángulo .

# **RESOLUCIÓN**

#### Recordar:

$$\cot \theta = \frac{CA}{CO}$$

$$\csc \theta = \frac{H}{CO}$$



#### **Teorema de Pitágoras:**

$$(H)^2 = (CO)^2 + (CA)^2$$

$$(H)^2 = (5)^2 + (12)^2$$

$$(H)^2 = 25 + 144$$

$$(H)^2 = 169$$
  $\rightarrow$   $H = 13$ 

#### Calculamos S:

$$S = \cot\theta + \csc\theta$$

$$S = \frac{12}{5} + \frac{13}{5} = \frac{25}{5}$$

$$\cdot \cdot S = 5$$

