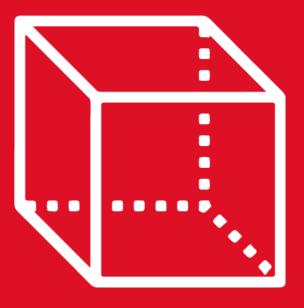


GEOMETRÍA

Capítulo 22
Ses I



PRISMA Y CILINDRO





HELICO | THEORY



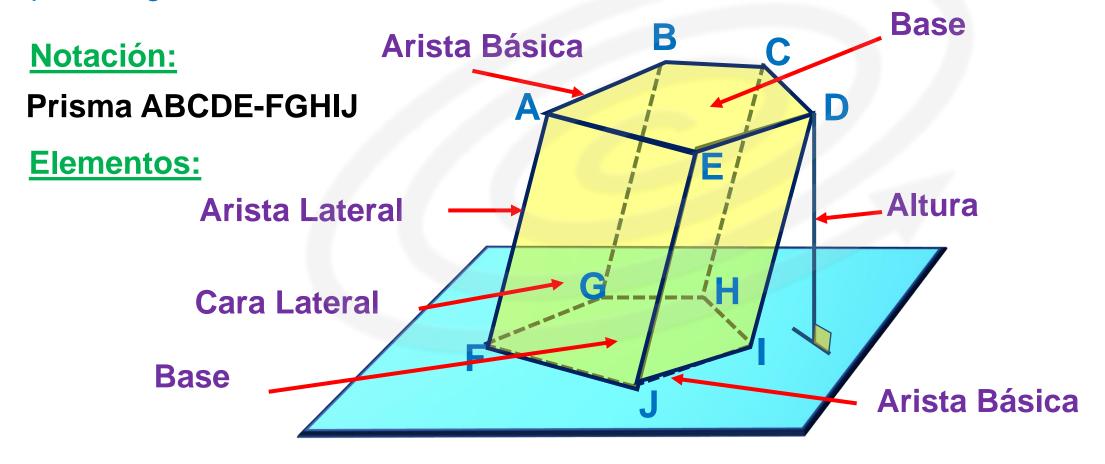
Muchos objetos que conocemos tienen forma de prismas y cilindros, de allí la importancia de conocer sus propiedades que presentan así como las fórmulas para calcular las áreas de las superficies lateral y total como la del volumen, con lo cual podremos encontrar luego sus aplicaciones prácticas en la vida diaria.





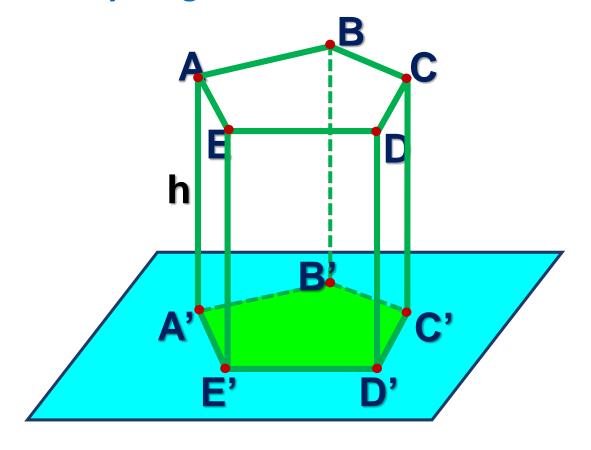


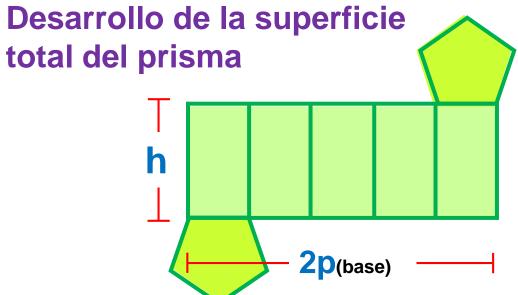
Un prisma es un poliedro en el cual, dos de sus caras son regiones poligonales congruentes y paralelas denominadas bases y el resto de caras son regiones paralelográmicas denominadas caras laterales.



01

Prisma recto: Es el sólido limitado lateralmente por regiones rectangulares y como bases, dos regiones poligonales paralelas y congruentes.





1. Área de la superficie lateral.

$$A_{SL} = 2p_{(base)}.h$$

2. Área de la superficie total.

$$A_{st} = A_{sL} + 2A_{(base)}$$

3. Volumen.

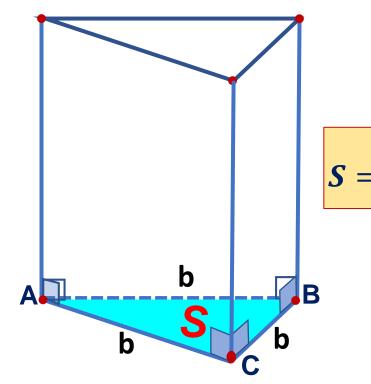
$$V = A_{\text{(base)}}.h$$



PRISMA REGULAR:

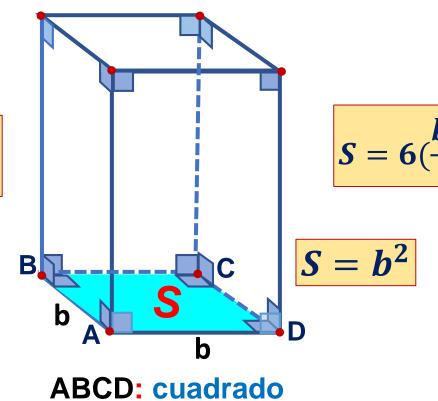
Es un prisma recto cuyas bases son regiones poligonales regulares.

PRISMA TRIANGULAR REGULAR

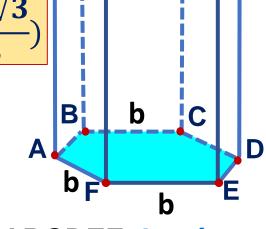


ABC: triángulo equilátero

PRISMA CUADRANGULAR REGULAR



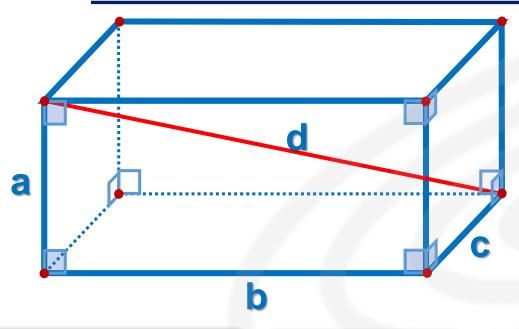
PRISMA HEXAGONAL REGULAR



regular



PARALELEPÍPEDO RECTANGULAR, ORTOEDRO O RECTOEDRO



$$d^2 = a^2 + b^2 + c^2$$

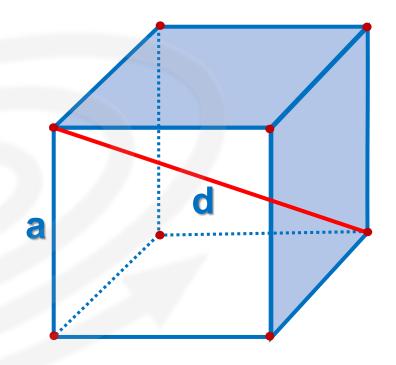
$$V = a.b.c$$

$$A = 2(ab + bc + ac)$$

A: Área de la superficie Total.

V: Volumen del sólido.

HEXAEDRO REGULAR O CUBO



$$d = a\sqrt{3}$$

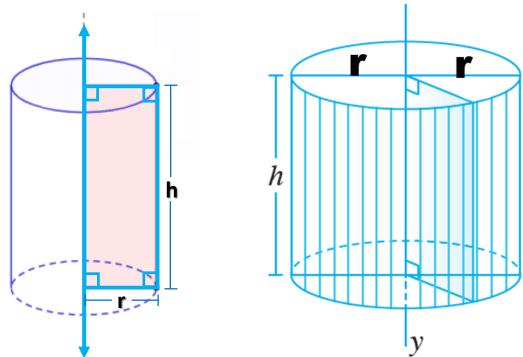
$$V = a^3$$

$$A = 6a^2$$



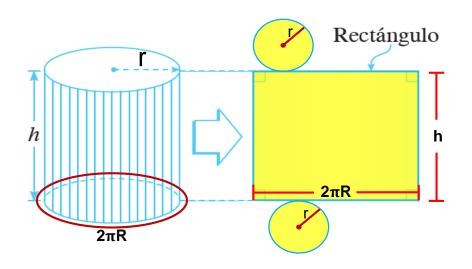
CILINDRO CIRCULAR RECTO O DE REVOLUCIÓN

Se genera al girar una región rectangular una vuelta alrededor de un eje que contiene a un lado. Las bases son círculos y la altura mide igual que la generatriz.



h: longitud de su altura

R: longitud del radio de la base



1. Área de la superficie lateral.

$$A_{SL} = 2\pi Rh$$

2. Área de la superficie total.

$$A_{ST} = A_{SL} + 2(\pi r^2)$$
 $A_{ST} = 2\pi R(h + R)$

3. Volumen.

$$V = \pi R^2.h$$



1. Determine el área de la superficie lateral de un prisma recto triangular, cuya base está determinada por un triángulo rectángulo donde sus catetos tienen una longitud de 8 cm y 15 cm, y la altura del prisma tiene la misma longitud de la hipotenusa de su base.

17 = h15 17 = h

Resolución:

• Piden:
$$A_{SL}$$

 $A_{SL} = (2p_{base})h$

△ABC: T. de Pitágoras

$$h^2 = 15^2 + 8^2$$

 $h = 17$

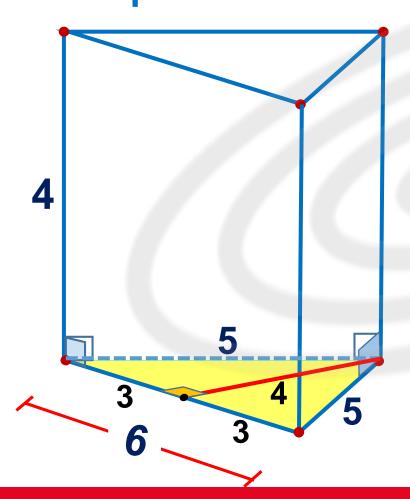
$$A_{SL} = (8 + 15 + 17)(17)$$

 $A_{SL} = (40)(17)$

$$A_{SL} = 680 \text{ cm}^2$$



2. Las longitudes de las aristas básicas de un prisma recto son de 5 m, 5 m y 6 m, la longitud de su altura es 4 m. Determine el volumen del prisma.



Resolución

Piden:
$$V$$

$$V = A_{(base)}.h$$

$$V = \left(\frac{6.4}{2}\right)(4)$$

$$V = (12)(4)$$

$$V = 48 \text{ m}^3$$



3. Determine el área total del rectoedro mostrado.

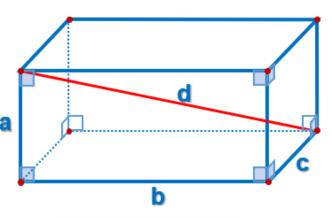
2 \(\sqrt{29} \)

Resolución:

- Piden: A_T
- Aplicando el teorema:

$$(\sqrt{29})^2 = 2^2 + 4^2 + c^2$$

 $29 = 20 + c^2$
 $3 = c$



$$d^2 = a^2 + b^2 + c^2$$
 $A = 2(ab + bc + ac)$

Reemplazando:

$$A_T = 2(2.4 + 4.3 + 2.3)$$

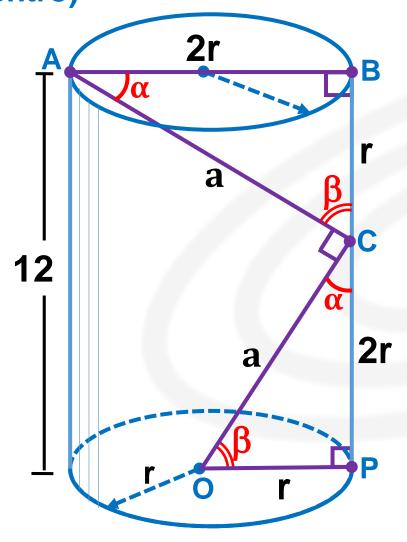
$$A_T = 2(8+12+6)$$

$$A_T = 2(26)$$

$$A_{\rm T} = 52 \ {\rm u}^2$$



4. Determine el área de la superficie total del cilindro circular recto mostrado. (O: centro)



Resolución

Piden: A_{ST}

$$A_{ST} = 2\pi .r(r + g)$$

• $\triangle ABC \cong \triangle CPO (A-L-A)$

$$3r = 12$$

$$r = 4$$

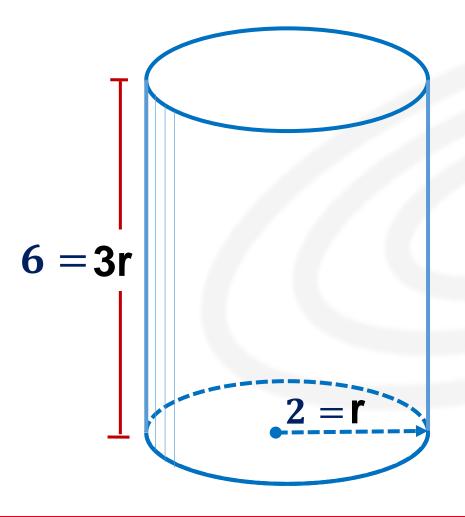
$$A_{ST} = 2\pi(4)(4+12)$$

$$A_{ST} = 8\pi(16)$$

$$A_{ST} = 128\pi \, u^2$$



5. Determine el volumen del cilindro circular recto, cuya superficie lateral mide 24π m². (O: centro)



Resolución:

$$V = \pi r^2 h$$

Por dato:

$$A_{SL} = 24\pi$$

$$2\pi \cdot r(3r) = 24\pi$$

$$\mathbf{r}^2 = \mathbf{4}$$

$$r = 2$$

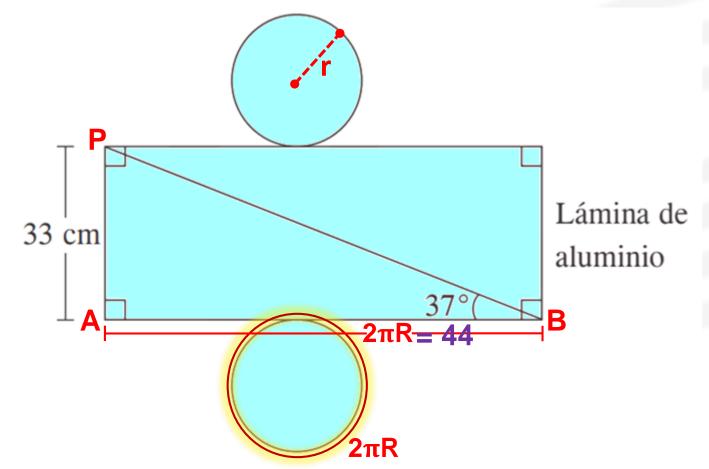
$$V = \pi . 2^2 . 6$$

$$V = 24\pi \text{ m}^3$$



6. Se fabrica un cilindro circular recto, con la lámina de aluminio mostrado en la figura. Determine la longitud aproximada del radio de la

base del cilindro. $\left(\pi <> \frac{22}{3}\right)$.



Resolución:

- Piden: r
- En la figura:

$$AB = 2\pi r$$

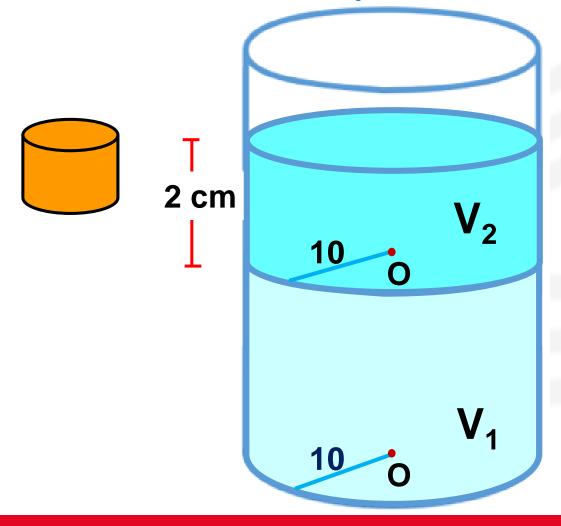
• ⊿PAB: notable de 37° y 53°

$$2\pi r = 44$$

$$2\left(\frac{22}{7}\right)(\mathbf{r})=44$$

$$r = 7$$

7. Se tiene un recipiente cilíndrico, circular y recto, cuya longitud de su radio es 10 cm y contiene agua, luego se introduce un sólido de metal y el nivel de agua sube 2 cm. Calcule el volumen aproximado de dicho sólido. ($\pi = 3,14$)



Resolución

- Piden: V₁
- En la figura:

$$V_1 = V_2$$

 $V_1 = \pi \cdot (10)^2 \cdot (2)$
 $V_1 = (3,14)(10)^2 \cdot (2)$

$$V_1 = 628 \text{ cm}^3$$