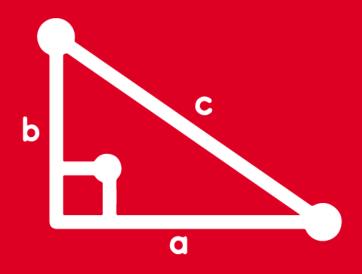
TRIGONOMETRY

Tomo 3



Advisory



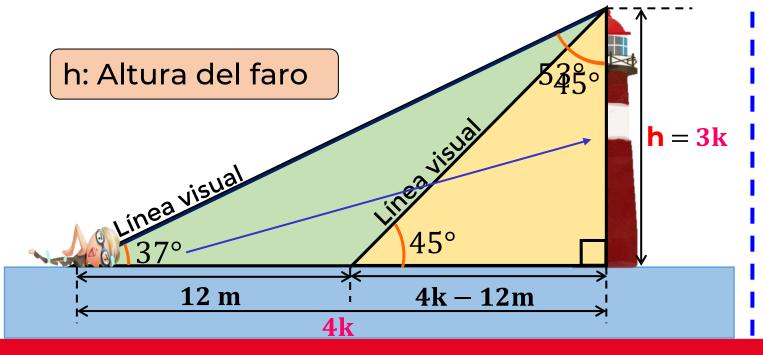




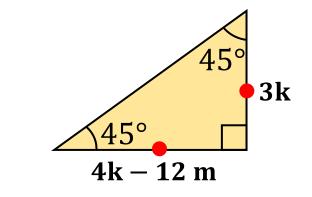
1. Un nadador se dirige hacia una faro y lo observa con un ángulo de elevación de 37°. Al avanzar 12 metros, el nuevo ángulo de elevación es de 45°. Calcule la altura del faro.

Resolución

Con los datos del problema, graficamos:



Analizando el ⊿45° – 45°:

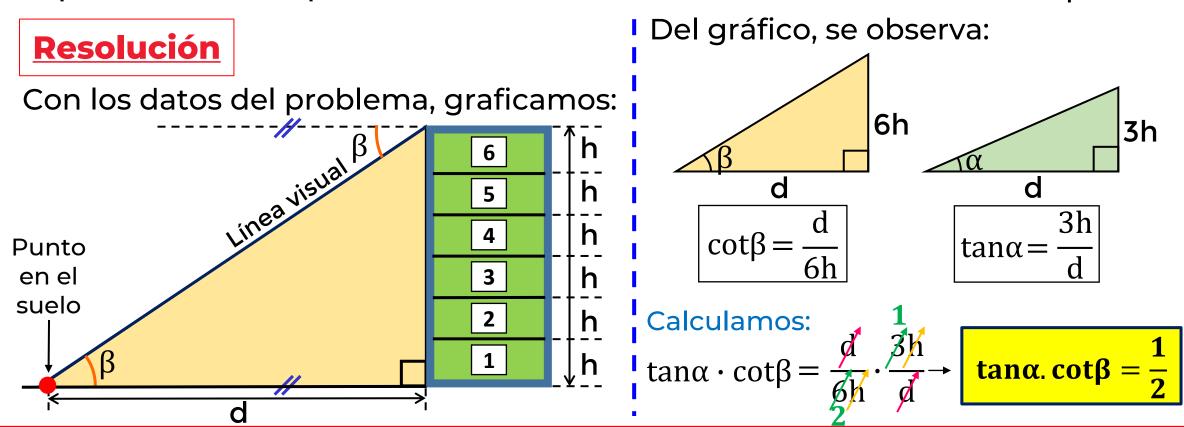


$$\rightarrow 4k - 12m = 3k$$
$$k = 12 m$$

Calculamos "h":

$$h = 3(12 \text{ m}) \rightarrow h = 36 \text{ m}$$

2. Desde la parte superior de un edificio de 6 pisos de igual altura, el ángulo de depresión para un punto en el suelo es β y desde la parte más alta del tercer piso se observa el mismo punto con un ángulo de depresión de α . A partir de esta información, determine $\tan \alpha \cdot \cot \beta$.

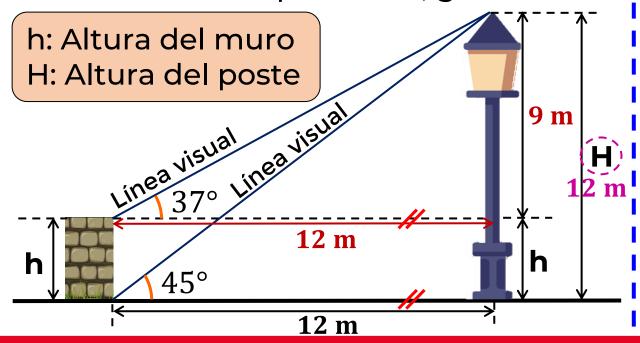




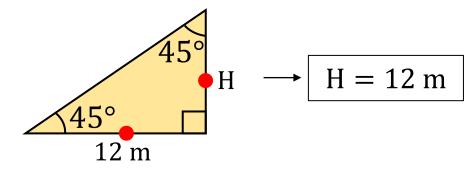
3. Desde lo alto y bajo de un muro se observa lo alto de un poste con ángulos de elevación de 37° y 45°, respectivamente. Si la distancia entre el muro y el poste es de 12 metros. Calcule la suma de las alturas del muro y el poste.

Resolución

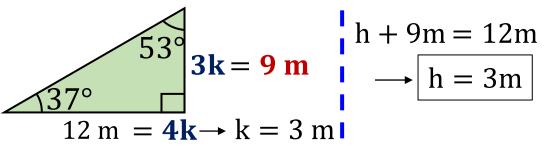
Con los datos del problema, graficamos:



Analizando el ⊿45° – 45°:



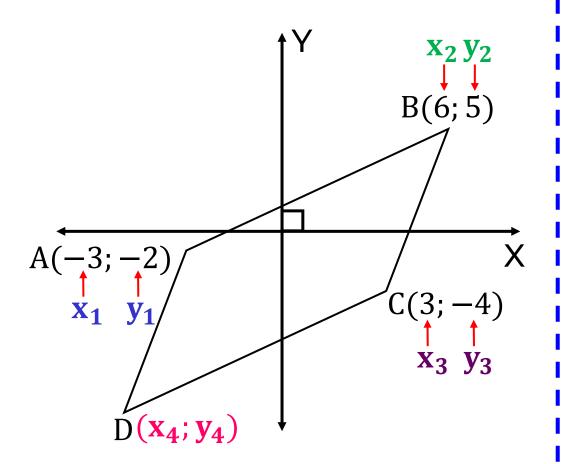
Analizando el ⊿37° – 53°:



$$H + h = 15 \text{ m}$$

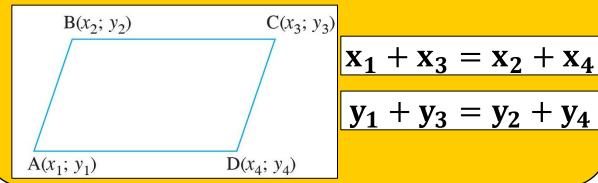


4. La figura muestra un paralelogramo ABCD. Determine las coordenadas del vértice D.



Recordamos

Sea ABCD un paralelogramo:



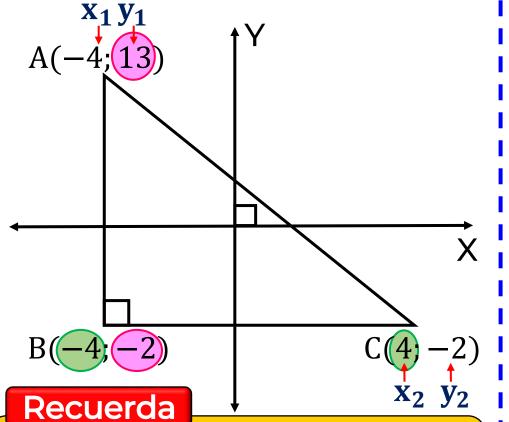
RESOLUCIÓN

Por la propiedad:

$$-3 + 3 = 6 + x_4
0 = 6 + x_4
-6 = 5 + y_4
-7 - 2 + (-4) = 5 + y_4
-6 = 5 + y_4
-7 - 2 + (-4) = 5 + y_4
-6 = 5 + y_4
-7 - 11
-7 - 11
-7 - 11
-7 - 11
-7 - 11
-7 - 11$$



5. A partir del gráfico, calcule el perímetro del triángulo ABC.



Distancia entre dos puntos (d):

$$d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

RESOLUCIÓN

Piden: $2p_{\Delta ABC} = d_{AB} + d_{BC} + d_{AC} ... (1)$

Los puntos A y B tienen igual abscisa:

$$d_{AB} = 13 - (-2) \rightarrow d_{AB} = 15$$

Los puntos B y C tienen igual ordenada:

$$d_{BC} = 4 - (-4) \rightarrow d_{BC} = 8$$

X Calculamos la distancia entre A y C:

$$d_{AC} = \sqrt{(-4 - 4)^2 + (13 - (-2))^2}$$

$$d_{AC} = \sqrt{(-8)^2 + (15)^2}$$

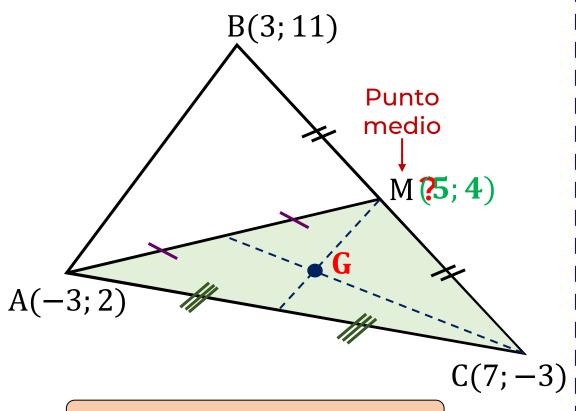
$$d_{AC} = \sqrt{289} \rightarrow d_{AC} = 17$$

Reemplazando en (1):

$$2p_{\Delta ABC} = 15 + 8 + 17 \rightarrow 2p_{\Delta ABC} = 40$$



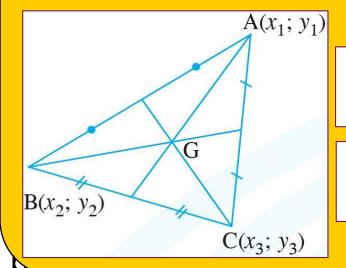
6. A partir del gráfico, calcule las coordenadas del baricentro del triángulo ACM.



G: Baricentro del ΔACM

Recordamos

Sea G el baricentro del ABC:



$$x_{G} = \frac{x_{1} + x_{2} + x_{3}}{3}$$

$$y_G = \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3}$$

$$x_G = \frac{x_A + x_M + x_C}{3} = \frac{(-3) + 5 + 7}{3} \rightarrow x_G = 3$$

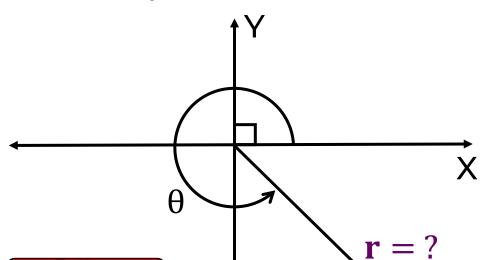
$$y_G = \frac{y_A + y_M + y_C}{3} = \frac{2 + 4 + (-3)}{3} \rightarrow y_G = 1$$





7. A partir del gráfico, efectúe:

$$Q = \cot\theta + \csc\theta$$



Recuerda

$$\cot \theta = \frac{x}{y}$$
$$\csc \theta = \frac{r}{y}$$

RESOLUCIÓN

Calculamos el radio vector:

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} \rightarrow r = \sqrt{7^2 + (-24)^2}$$

 $r = \sqrt{625}$

$$r = 25$$

Efectúamos Q:

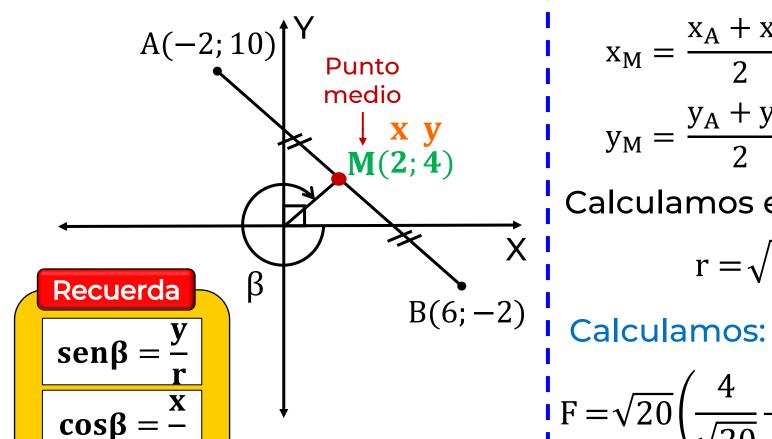
$$Q = \frac{7}{-24} + \frac{25}{-24}$$

$$Q = \frac{32^{4}}{-24-3} \longrightarrow Q = -\frac{4}{3}$$



8. A partir del gráfico, efectúe:

$$F = \sqrt{20}(\sin\beta + \cos\beta)$$



RESOLUCIÓN

Calculamos las coordenadas de M:

$$x_{M} = \frac{x_{A} + x_{B}}{2} = \frac{(-2) + 6}{2} \longrightarrow x_{M} = 2$$

$$y_{M} = \frac{y_{A} + y_{B}}{2} = \frac{10 + (-2)}{2} \rightarrow y_{M} = 4$$

Calculamos el radio vector

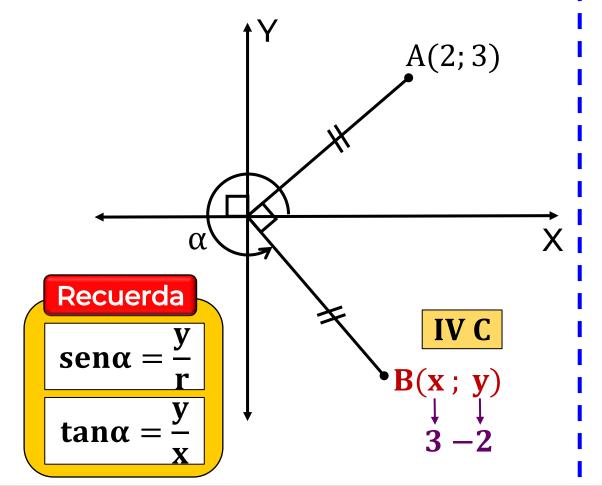
$$r = \sqrt{2^2 + 4^2} \longrightarrow r = \sqrt{20}$$

$$F = \sqrt{20} \left(\frac{4}{\sqrt{20}} + \frac{2}{\sqrt{20}} \right) = \sqrt{20} \left(\frac{6}{\sqrt{20}} \right) \rightarrow \mathbf{F} = \mathbf{6}$$



9. A partir del gráfico, efectúe:

$$P = \sqrt{13}sen\alpha - tan\alpha$$



RESOLUCIÓN

Los puntos A y B son puntos ortogonales:

$$\rightarrow | x_B = 3 | | y_B = -2 |$$

Radio vector:

$$r = \sqrt{3^2 + (-2)^2} \rightarrow r = \sqrt{13}$$

Calculamos:

$$P = \sqrt{13} \left(\frac{-2}{\sqrt{13}} \right) - \left(\frac{-2}{3} \right)$$

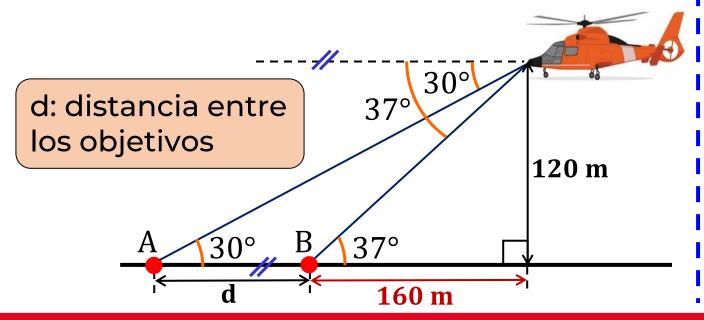
$$P = \frac{-2}{1} \times \frac{2}{3} = \frac{(-6) + 2}{3} \longrightarrow P = -\frac{4}{3}$$



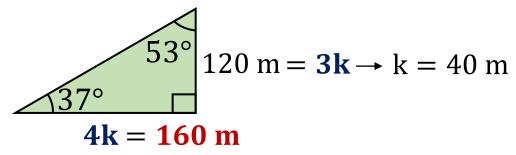
10. Desde un helicóptero se observan dos objetivos en el suelo con ángulos de depresión de 30° y 37°, respectivamente. Si en ese instante el helicóptero se encuentra a 120 metros sobre el nivel del mar, ¿cuál es la distancia entre los objetivos?

Resolución

Con los datos del problema, graficamos:



Analizando el ⊿37° – 53°:



Analizando el ⊿30° – 60°:

