

ALGEBRA Chapter 9



f(x)

División Polinómica I







RECORDANDO:

¿Puedes completar y ordenar en forma decreciente los siguientes polinomios?

$$P(x) = 2x + x^4 + 1$$
 $P(x) = x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 2x + 1$

$$F(x) = 2 - x^2 + x^5$$
 $F(x) = x^5 + 0x^4 + 0x^3 - x^2 + 0x + 2$



DIVISIÓN POLINÓMICA

Sea la división de polinomios:



IDENTIDAD FUNDAMENTAL:

$$D(x) \equiv d(x). q(x) + R(x)$$

PROPIEDADES:

I.
$$GA[D(x)] \geq GA[d(x)]$$

II.
$$GA[q(x)] = GA[D(x)] - GA[d(x)]$$

III.
$$GA[R(x)] \leq GA[d(x)] - 1$$

III.
$$d(x) \not\equiv 0$$



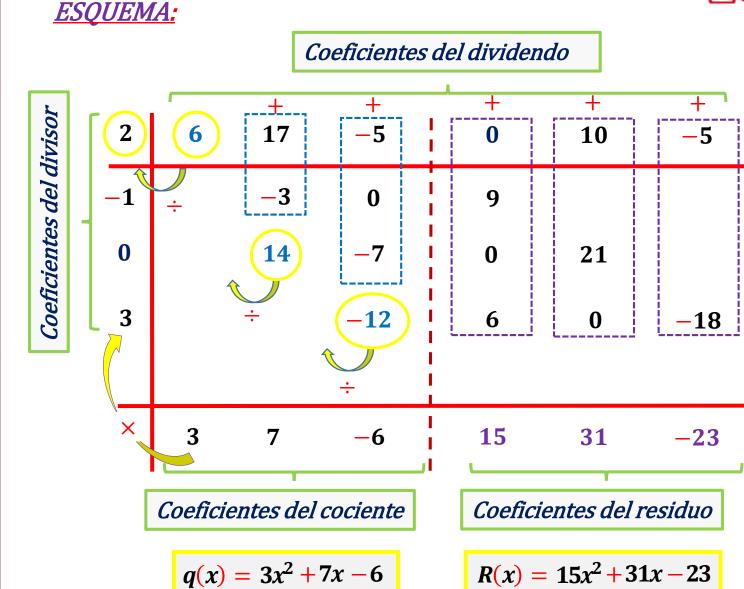
MÉTODO DE HORNER:

Sea la división:

$$\frac{6x^5 + 17x^4 - 5x^3 + 10x - 5}{2x^3 + x^2 - 3}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo y el divisor.

$$6x^{5} + 17x^{4} - 5x^{3} + 0x^{2} + 10x - 5$$
$$2x^{3} + x^{2} + 0x - 3$$



REGLA DE RUFFINI:

<u>1°Caso:</u> Divisor de la forma x + b

Sea la división:

$$\frac{3x^5 - 7x^4 + 4x^2 + 5x - 6}{x - 2}$$

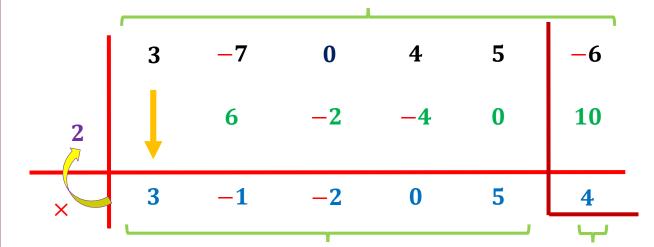
Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{3x^5 - 7x^4 + 0x^3 + 4x^2 + 5x - 6}{x - 2}$$

ESQUEMA:

Regla:
$$x-2=0$$
 \Rightarrow $x=2$

Coeficientes del dividendo



Coeficientes del cociente

Residuo

$$q(x) = 3x^4 - x^3 - 2x^2 + 5$$

$$R(x) = 4$$

◎1

ESQUEMA:

2°Caso:

Divisor de la forma ax + b

Sea la división:

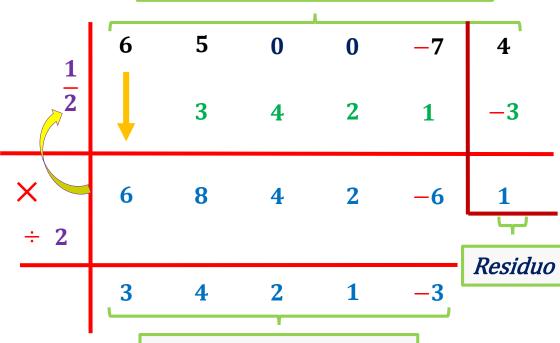
$$\frac{6x^5 + 5x^4 - 7x + 4}{2x - 1}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{6x^5 + 5x^4 + 0x^3 + 0x^2 - 7x + 4}{2x - 1}$$



Coeficientes del dividendo



Coeficientes del cociente

$$q(x) = 3x^4 + 4x^3 + 2x^2 + x - 3$$

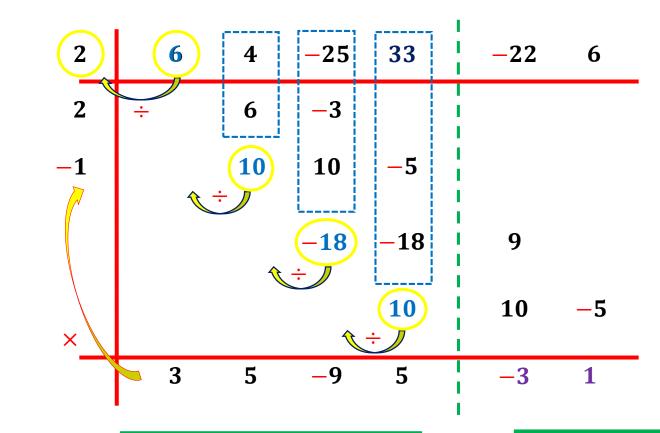
R(x)=1

01

Problema 1

Calcule la suma de coeficientes del cociente de

$$\frac{6x^5+4x^4-25x^3+33x^2-22x+6}{2x^2-2x+1}$$



$$q(x) = 3x^3 + 5x^2 - 9x + 5$$

$$R(x) = -3x + 1$$

$$\sum Coef[q(x)] = 3 + 5 - 9 + 5$$



$$\therefore \quad \sum Coef[q(x)] = 4$$



Evalúe A + B + C si la división

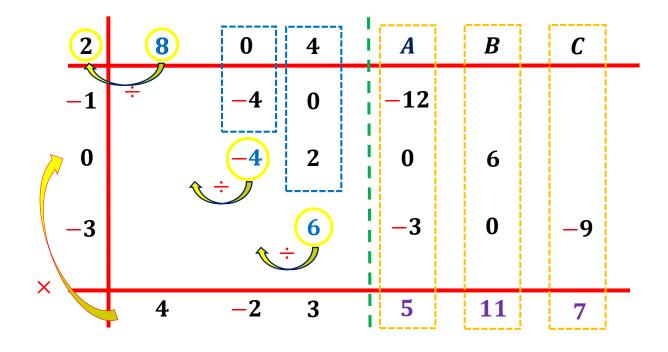
$$\frac{8x^5 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 3}$$

deja como resto $5x^2 + 11x - 7$

Recordemos:

Se completa y se ordena el dividendo y el divisor.

$$\frac{8x^5 + 0x^4 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 0x + 3}$$



$$A-12+0-3=5$$
 $A=20$

$$B + 6 + 0 = 11$$

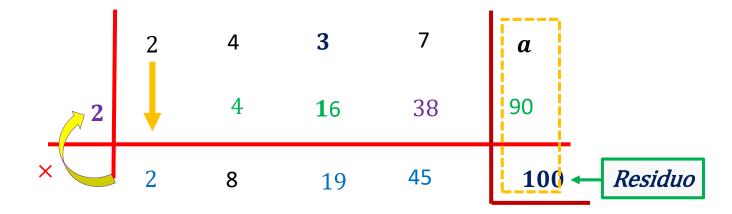
$$C-9=7 \qquad \boxed{C=16}$$

$$\therefore A+B+C=41$$

Indique el valor de a si el residuo es 100.

$$\frac{2x^4 + 4x^3 + 3x^2 + 7x + a}{x - 2}$$

$$x-2=0$$
 \longrightarrow $x=2$



$$a + 90 = 100$$

Indique el valor de m si el residuo es 4.

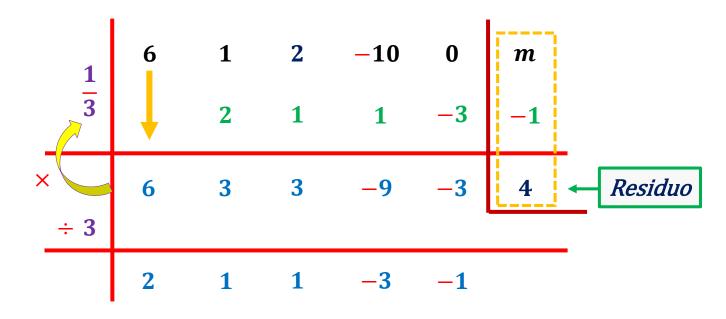
$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + m}{3x - 1}$$

Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + 0x + m}{3x - 1}$$

$$3x - 1 = 0 \implies x = \frac{1}{3}$$



$$q(x) = 2x^4 + x^3 + x^2 - 3x - 1$$

$$m-1=4$$

◎1

Problema 5

El término independiente del cociente en

$$\frac{6x^4 + x^2 - 4x^3 + 10x - 2}{3x + 1}$$

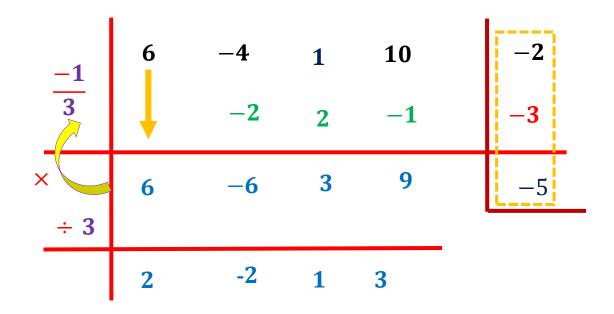
Es:

Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{6x^4 - 4x^3 + x^2 + 10x - 2}{3x + 1}$$

$$3x + 1 = 0 \qquad \qquad x = \frac{-1}{3}$$



$$q(x) = 2x^3 - 2x^2 + x + 3$$



$$\therefore T.I[q(x)] = 3$$





ASUMO MI RETO

61

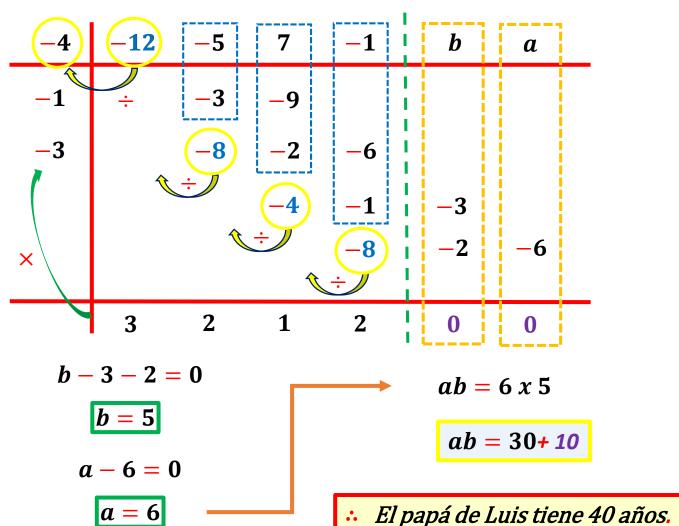
Problema 6

Calcule ab + 10 en la división exacta

$$\frac{ax^5 + bx^4 - x^3 + 7x^2 - 5x - 12}{3x^2 + x - 4}$$

que representa la edad del papá de Luis que es alumno del 3° A. ¿Cuál es la edad del papá de Luis?

Aplicamos el método de Horner invertido:



El precio del hospedaje por día en el "Decamerón el pueblo" esta dado por la suma de coeficientes del cociente en la siguiente división polinómica.

$$\frac{x^{200} + x^{199} + 2x + 5}{x - 1}$$

Si una familia desea hospedarse por tres días, ¿Cuánto será el pago total?

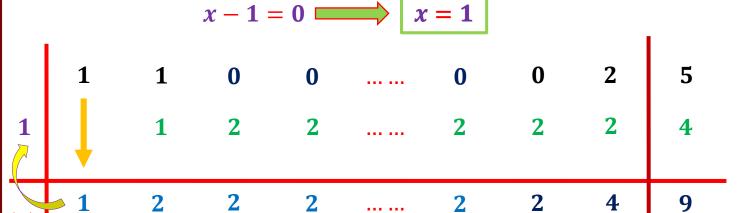
Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{x^{200} + x^{199} + 0x^{198} + \dots + 0x^2 + 2x + 5}{x - 1}$$

Resolución:





$$GA[q(x)] = GA[D(x)] - GA[d(x)]$$

$$GA[q(x)] = 199$$
200 1

$$N^{\circ}$$
 térms. $[q(x)] = GA + 1 = 199 + 1 = 200$

$$\sum Coef[q(x)] = 1 + 2 + 2 + \dots + 2 + 2 + 4$$

$$198 veces$$

$$\therefore \quad \sum Coef[q(x)] = 401$$

0





GRACIAS POR SU ATENCIÓN!!