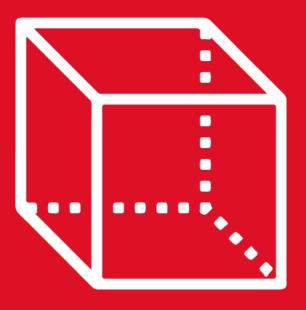


# GEOMETRÍA

Capítulo 5

2st SECONDARY

<u>Triángulo</u>





#### **MOTIVATING | STRATEGY**



El triángulo es una de las figuras geométricas elementales, que nos permite comprender las demás figuras geométricas que estudiaremos posteriormente., aplicando los axiomas, postulados, lemas, teoremas y corolarios, estudiados en los capítulos anteriores, en nuestra vida cotidiana podemos encontrar muchos objetos de forma de triángulo como podemos



NO RIGIDA







NO RIGIDA



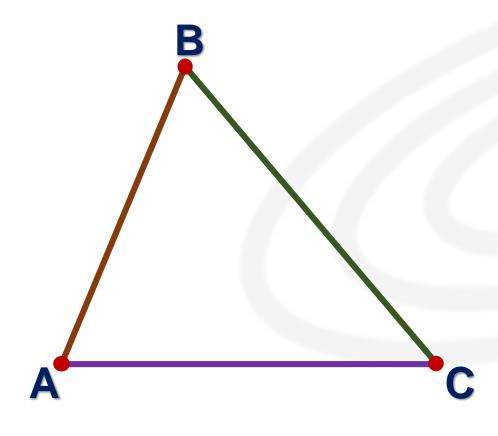


NO RIGIDA

# TRIÁNGULO



Dado los puntos A, B y C no colineales, se denomina triángulo a la reunión de los segmentos  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$  y  $\overline{AC}$ .



NOTACIÓN: AABC

ΔABC: Se lee triángulo ABC

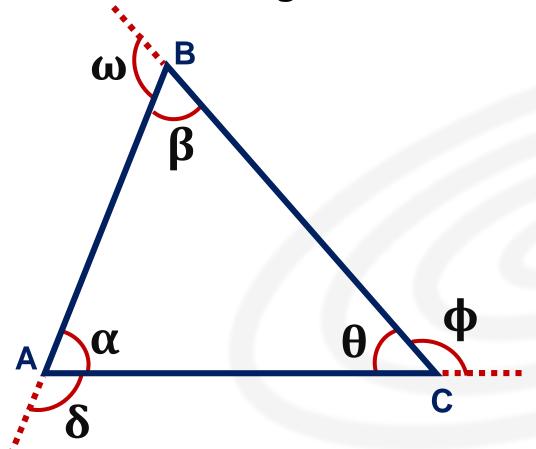
#### **ELEMENTOS**

VÉRTICES: A, B y C

• LADOS: AB, BC y CA



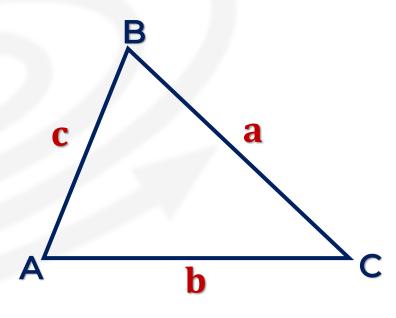
#### Medida de los ángulos:



- INTERNOS:  $\alpha$ ,  $\beta$  y  $\theta$
- EXTERNOS:  $\delta$ ,  $\omega$  y  $\varphi$

### PERÍMETRO DE UN TRIÁNGULO

Es la suma de las longitudes de los lados del triángulo y se denota por 2p.



$$2p_{(ABC)} = a + b + c$$

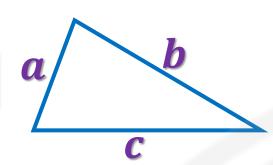
## CLASIFICACIÓN DE LOS TRIÁNGULOS

Por la longitud de sus lados.

Por las medidas de sus ángulos.



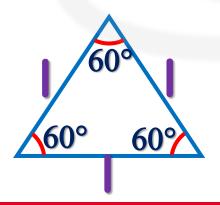
$$a \neq b \neq c$$

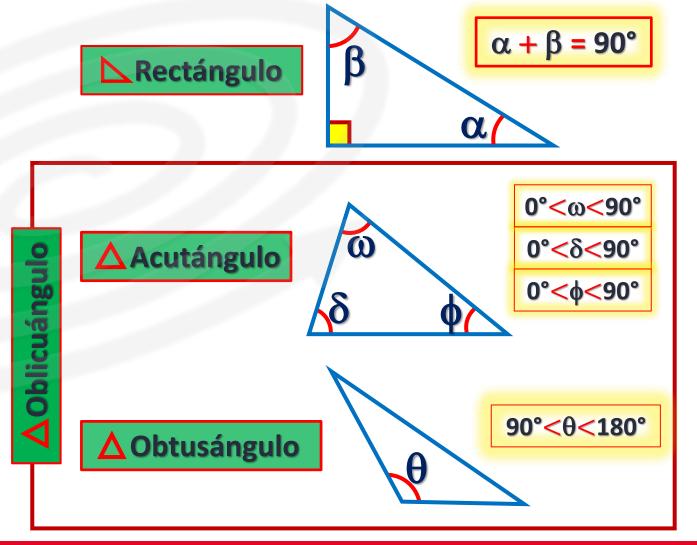


**∆**Isósceles



**A**Equilátero

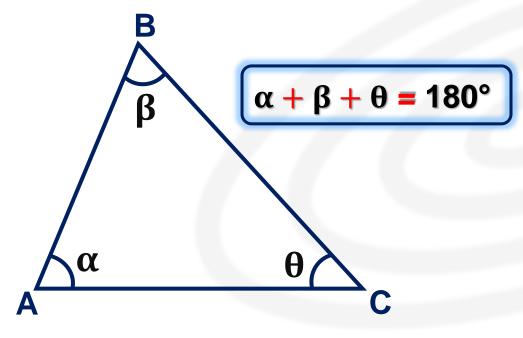




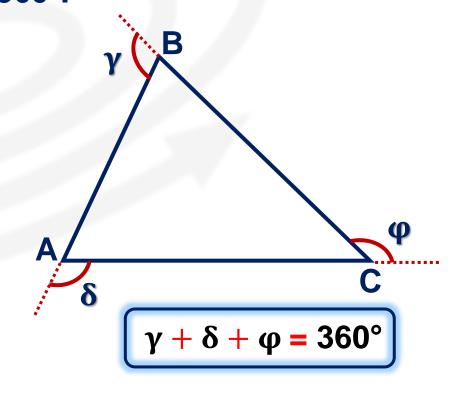


#### TEOREMAS FUNDAMENTALES EN EL TRIÁNGULO

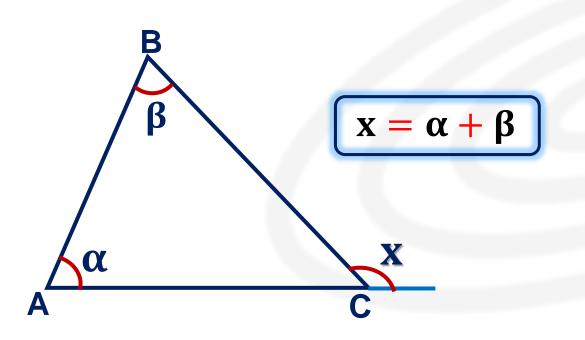
La suma de las medidas de los ángulos internos de un triángulo es igual a 180°.



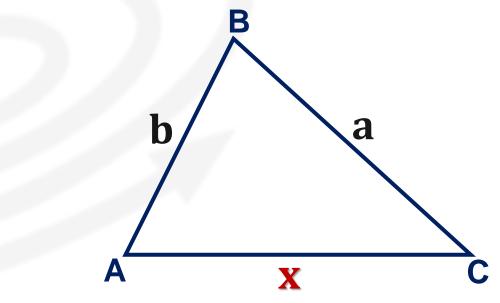
En todo triángulo, la suma de las medidas de los ángulos externos considerados uno por vértice es igual a 360°.



La medida de un ángulo externo de un triángulo es igual a la suma de las medidas de los ángulos internos no adyacentes al ángulo externo.



En todo triángulo, la longitud de un lado es menor que la suma y mayor que la diferencia de las longitudes de los otros dos lados.

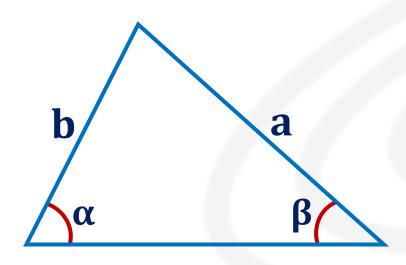


Si: a > b

Entonces: 
$$a - b < x < a + b$$



En todo triángulo, al lado de mayor longitud se opone el ángulo interno de mayor medida y viceversa.

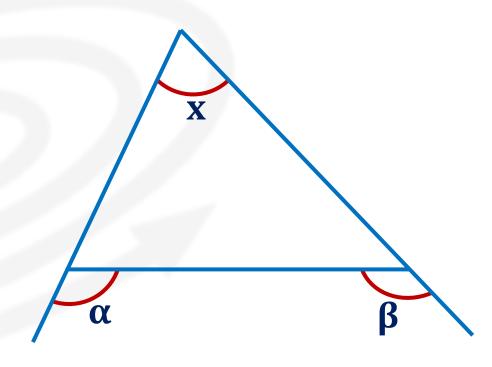


Si: a > b

**Entonces:** 

$$\alpha > \beta$$

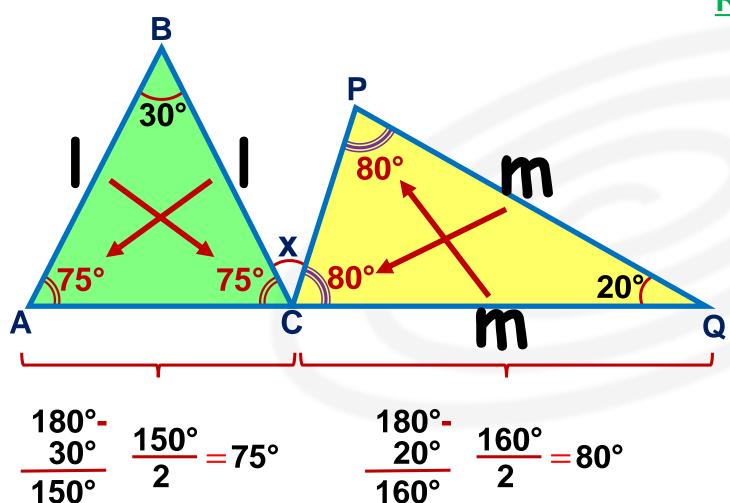
# **TEOREMAS ADICIONALES**



$$\alpha + \beta = 180^{\circ} + x$$



#### 1. En la figura, AB = BC y PQ = QC. Halle el valor de x.



#### Resolución

- Piden: x
- El 
   \( \Delta \) ABC: Isósceles

$$m \triangleleft BAC = m \triangleleft BCA = 75^{\circ}$$

El A CPQ: Isósceles

$$m \not\sim PCQ = m \not\sim CPQ = 80^{\circ}$$

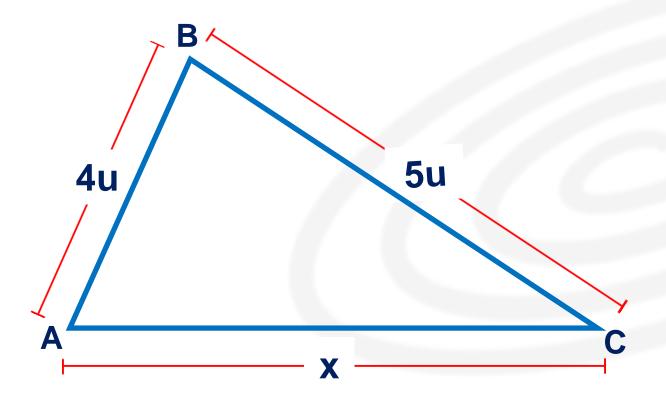
En el vértice C:

$$75^{\circ} + x + 80^{\circ} = 180^{\circ}$$
  
 $x + 155^{\circ} = 180^{\circ}$ 

$$x = 25^{\circ}$$

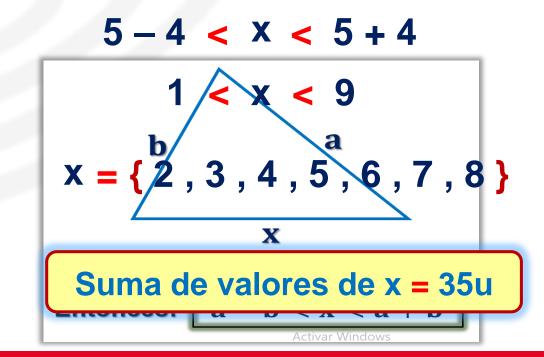


# 2. Calcule la suma de los valores enteros que puede tomar x.



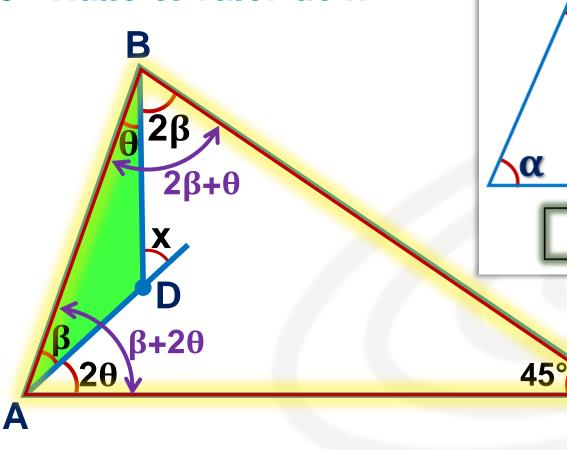
#### Resolución:

- Piden: la suma de valores enteros de x.
- Aplicando el teorema









#### Resolución

Piden: x

 $x = \alpha + \beta$ 

2β+θ

 $\beta$ +2 $\theta$ 

En el ∆ABC:

$$3\theta + 3\beta + 45^{\circ} = 180^{\circ}$$
  
 $3\theta + 3\beta = 135^{\circ}$ 

$$\theta + \beta = 45^{\circ}$$

• En el ∆ABD:

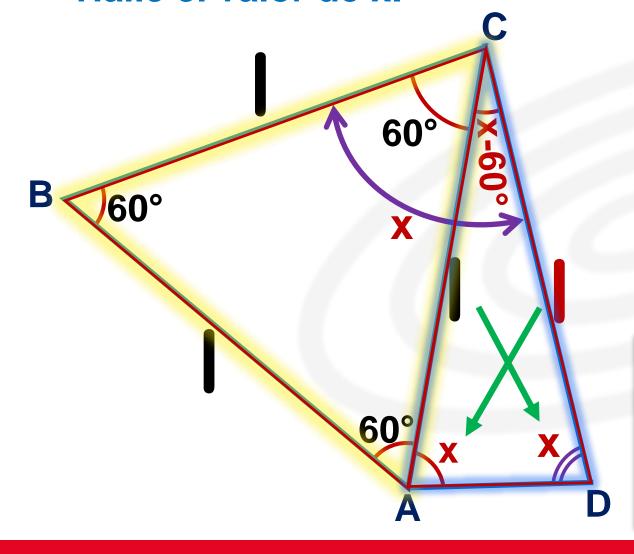
45°

$$x = \theta + \beta$$

$$x = 45^{\circ}$$

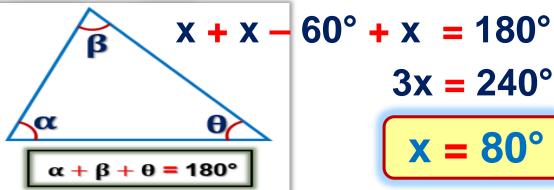


4. El triángulo ABC es equilátero, AB = CD y m∢ADC = m∢BCD = x. Halle el valor de x.



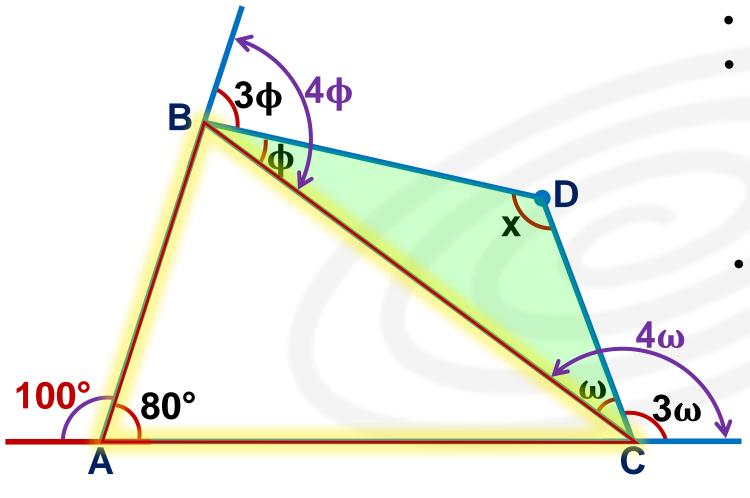
#### Resolución

- Dato: AB = CD =  $m \not ADC = m \not BCD = x$
- Piden: x
- El ADC: Isósceles  $m \triangleleft ADC = m \triangleleft DAC = x$
- Aplicando el teorema





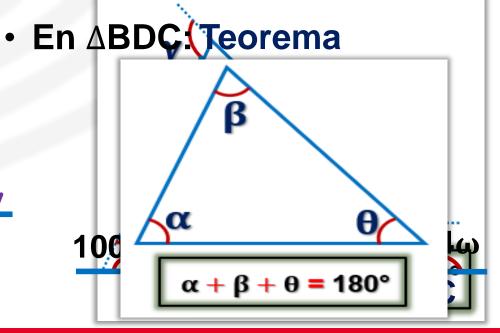
## 5. En la figura, halle el valor de x.



#### Resolución

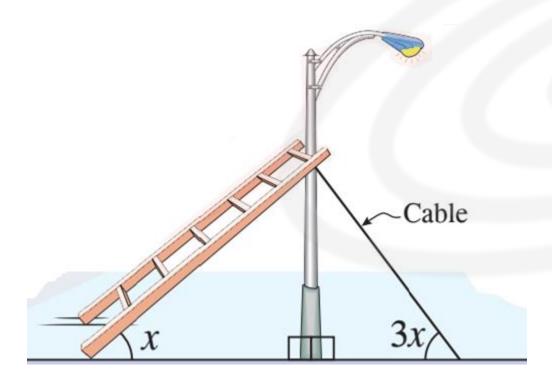
- Piden: x
- En ∆ABC: Teorema

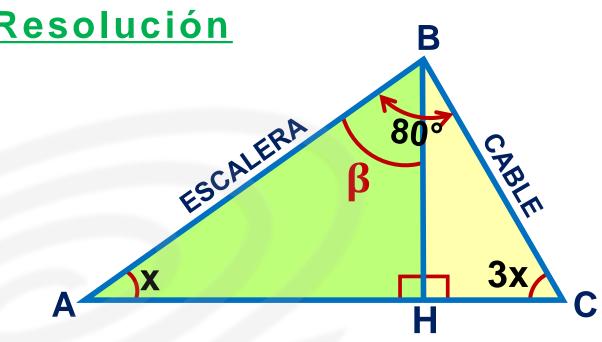
$$100^{\circ} + 4\phi + 4\omega = 360^{\circ}$$
  
 $4\phi + 4\omega = 260^{\circ}$   
 $\phi + \omega = 65^{\circ}$ 





6. Se desea instalar un cable Resolución sujeto a un poste, si la escalera y el cable forman 80°. ¿Que ángulo forma la escalera con el poste?





- Piden: m∢ABH=β
- En ∆ABC:

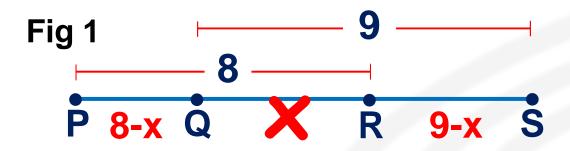
$$x+80^{\circ}+3x=180^{\circ}$$
 $4x=100^{\circ}$ 
 $x=25^{\circ}$ 

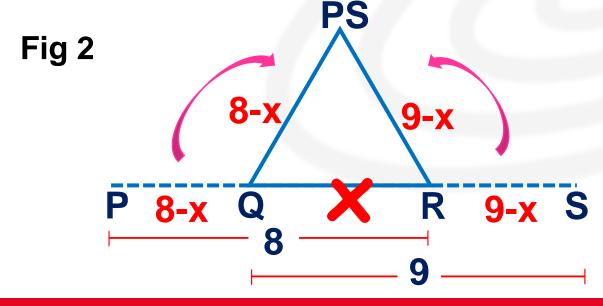
$$x + \beta = 90^{\circ}$$
  
25°+ $\beta = 90^{\circ}$ 

$$\beta = 65^{\circ}$$



7. Se Tiene una varilla de plástico en la que se marcan los puntos P, Q, R y S (figura 1), luego se dobla dicha varilla uniendo P y S para formar un triángulo (figura 2). Si PR = 8 cm y QS = 9 cm, halle el máximo valor entero de QR.





#### Resolución

- Piden: X<sub>máx</sub>
- Aplicando el teorema de la existencia:

