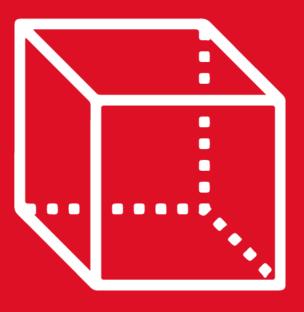


GEOMETRÍA

Capítulo 14



ÁREA DE REGIONES
CIRCULARES















ÁREAS DE REGIONES CIRCULARES

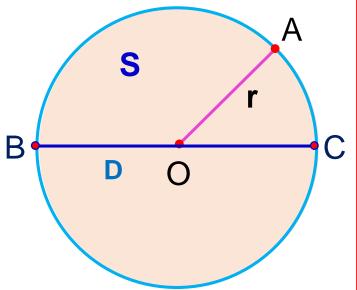
<u>Círculo</u>

Es la unión de la circunferencia y su interior.

O: Centro

OA: radio

BC: diámetro



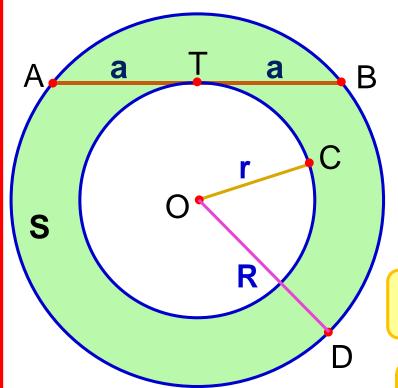
S: Área del círculo

$$S = \pi \cdot r^2$$

$$S = \frac{\pi \cdot D^2}{4}$$

Corona circular

Es la región comprendida entre dos circunferencias concéntricas.



 $S = \pi . (a)^2$

 $S = \pi.(R^2 - r^2)$

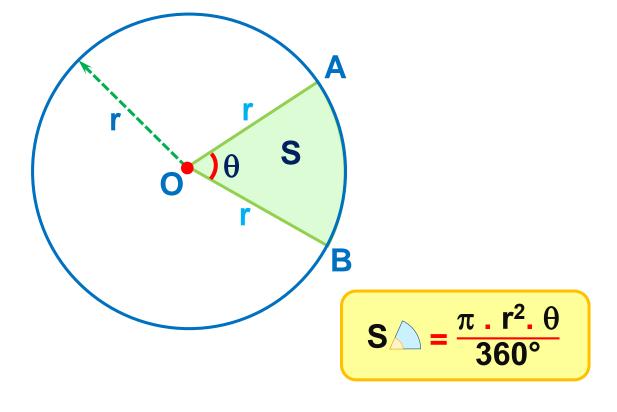
$$S = \frac{\pi \cdot (AB)^2}{4}$$

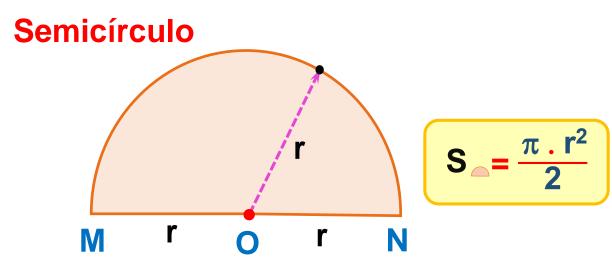
tangencia



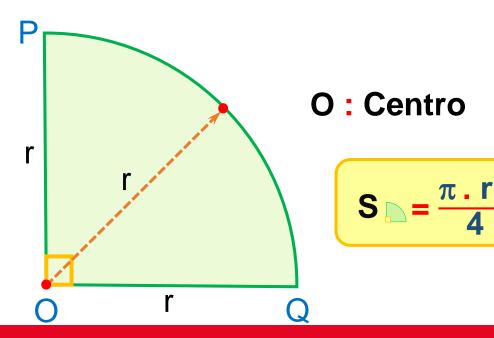
Sector circular

Es una parte del círculo limitado por dos radios y su arco correspondiente.



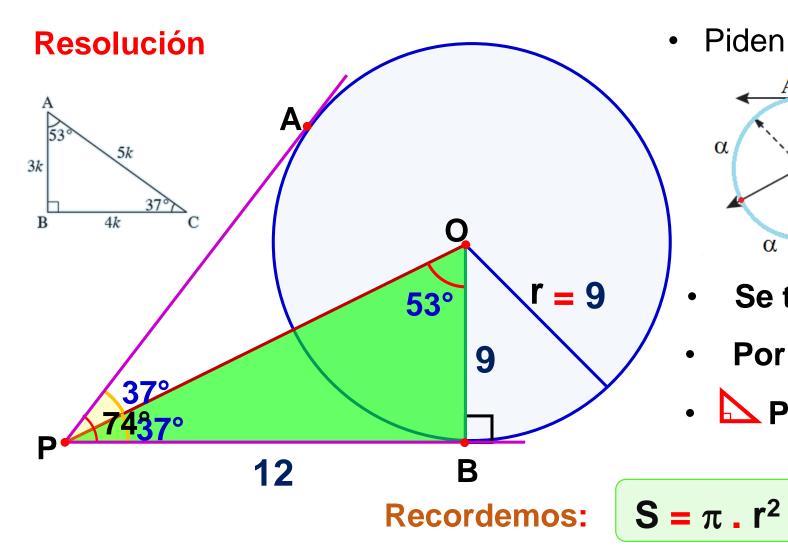


Cuadrante

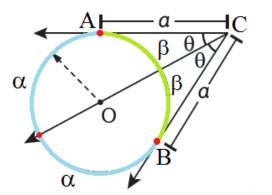


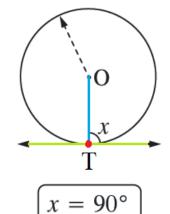


1. Halle el área del círculo si A y B son puntos de tangencia.



Piden: el área del círculo





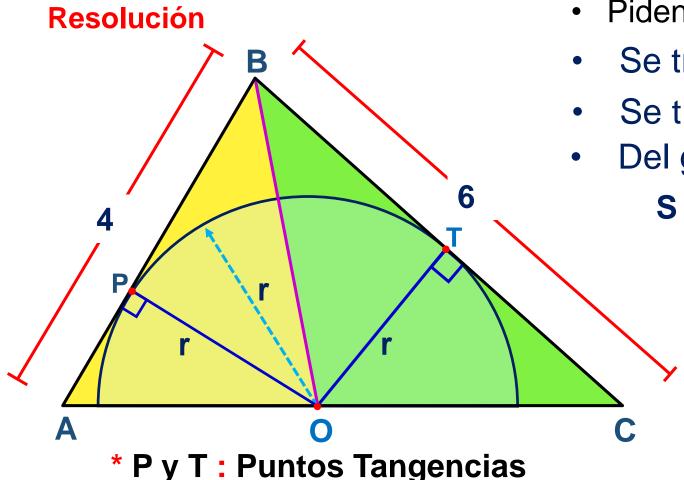
- Se traza OP (bisectriz).
- Por teorema: m∡PBO = 90°
- PBO : notable de 37° y 53°

$$\Rightarrow$$
 S = π . (9)²

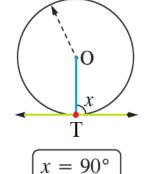
$$S = 81\pi \text{ u}^2$$



2. Se tiene un triángulo ABC donde AB = 4 u y BC = 6 u. Luego se inscribe un semicírculo cuyo diámetro esté contenido en \overline{AC} y sea tangente de \overline{AB} y \overline{BC} . Halle el área del semicírculo si el área de la región triangular ABC es 10 u².



- Piden: el área del semicírculo
- Se trazan: OP y OT.
- Se traza BO
- Del gráfico:



$$S_{\Delta ABC} = S_{\Delta AOB} + S_{\Delta BOC}$$
 Recordemos:

$$10 = \frac{(\cancel{x})(r)}{\cancel{z}} + \frac{(\cancel{b})(r)}{\cancel{z}}$$

$$S = \frac{\pi \cdot r^2}{2}$$

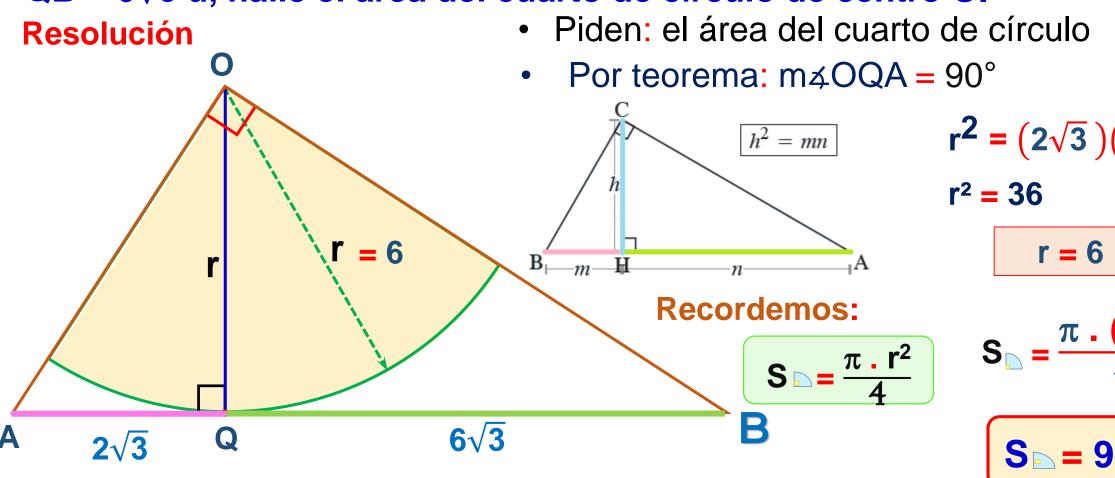
$$10 = 2r + 3r$$

$$10 = 5r$$

$$S = \frac{\pi \cdot (2)^2}{2}$$

$$S = 2 \pi u^2$$

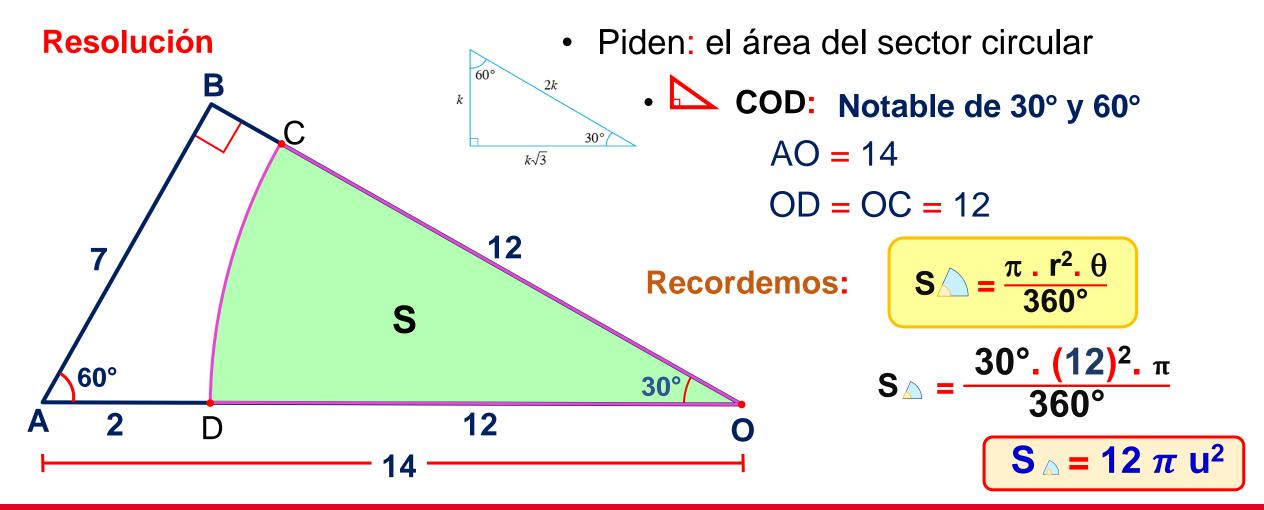
3. Se tiene un triángulo rectángulo AOB, recto en O, haciendo centro en O se traza un arco de circunferencia tangente a \overline{AB} en Q. Si AQ = $2\sqrt{3}$ u y QB = $6\sqrt{3}$ u, halle el área del cuarto de círculo de centro O.



$$S_{\sim} = \frac{\pi \cdot (6)^2}{4}$$

$$S = 9 \pi u^2$$

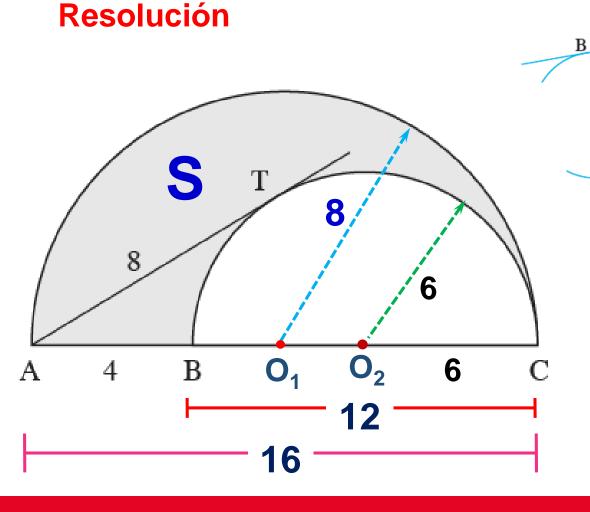
4. Se tiene un triángulo rectángulo ABO, recto en B, luego, haciendo centro en O, se traza el arco CD (C en \overline{BO} y D en \overline{AO}). Si m<BAD = 60°, AB = 7 y AD = 2, halle el área del sector circular COD.





5. Halle el área de la región sombreada si BC y AC son diámetros, y T es punto de tangencia.

Piden: el área sombreada = \$



Teorema de la tangente

$$(AB)^2 = (AD)(AC)$$

$$(AT)^2 = (AC)(AB)$$

$$8^2 = (AC)(4)$$

$$16 = AC$$

Recordemos:

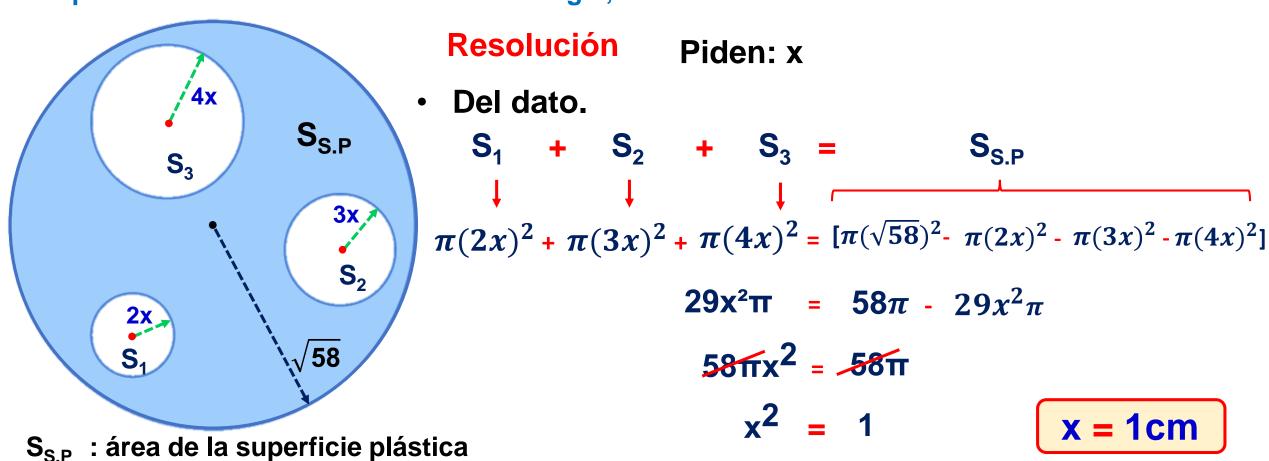
$$S = \frac{\pi \cdot r^2}{2}$$

$$S = \frac{\pi \cdot (8)^2}{2} - \frac{\pi \cdot (6)^2}{2}$$
$$= 32 \pi - 18 \pi$$

$$S = 14 \pi u^2$$

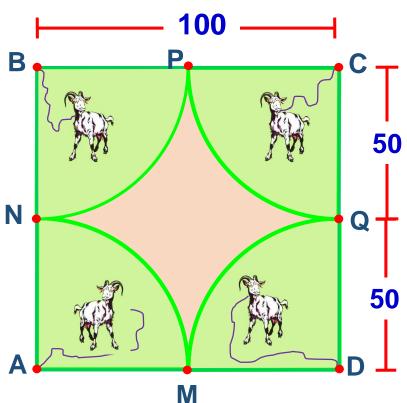
HELICO | PRACTICE

6. En la figura se muestra el diseño de una nueva regla de plástico, para dibujar circunferencias. Si los radios de las tres circunferencias menores son 2x cm, 3x cm y 4x cm, y el radio de la circunferencia del contorno mayor de dicha regla es $\sqrt{58}$ cm, y además la suma de las áreas de los tres círculos menores es igual al área de la superficie de plástico que abarca una de las caras de dicha regla; halle el valor de x.

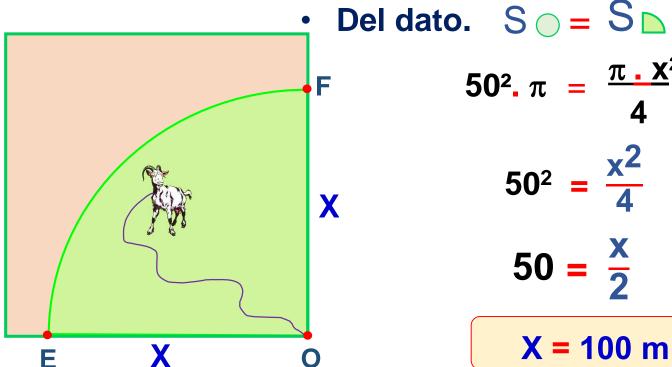


8. Un prado cuyo contorno tiene forma de un cuadrado de 100 m de lado hay cuatro cabras, cada una atada a una esquina con una cuerda de 50 m, lo que permite comer una cierta parte de la hierba, quedando en el centro una parte que ninguna de ellas alcanza. El propietario tras vender 3 cabras, alargó la cuerda de la que quedaba en una de las esquinas, de tal forma que el área de la superficie sobre la que podía pastar era equivalente al área sobre la que pastaban anteriormente las cuatro. ¿Qué longitud tiene la nueva cuerda?

Resolución:



Piden: la longitud de la nueva cuerda = x



$$50^2 \cdot \pi = \frac{\pi \cdot X^2}{4}$$

$$50^2 = \frac{x^2}{4}$$

$$50 = \frac{x}{2}$$

$$X = 100 \text{ m}$$