



# ALGEBRA

## Chapter 19

**1st**  
SECONDARY

**FACTORIZACION I**

---



 **SACO OLIVEROS**



# MOTIVATING STRATEGY

Multiplicación

$$x(x + y + z) = x^2 + xy + xz$$

Factorización



# FACTORIZACIÓN

## DEFINICIÓN

Es el proceso de transformación de un polinomio en una multiplicación de factores primos.

### Ejemplo:

$$P(x) = x^2 - 4 = (x - 2)(x + 2)$$

polinomio

Multiplicación de factores primos



## FACTOR PRIMO:

Polinomio No nulo que es divisible por la unidad o por si mismo.

Ejemplo:

$$P(x, y) = x^2y + x^2 = \underline{x^2} (\underline{y + 1})$$

Factores primos:

$$x; \quad y + 1$$

**Nota:**

Cualquier polinomio de la forma  $(ax + b)$  es un factor primo y se le denomina factor primo lineal



## Criterios del Factor Común

**Factor Común:** Es una expresión común que forma parte de cada término del polinomio a factorizar.

### A) Factor Común Monomio

*Ejem1:* Factorice

$$P(a; x) = ax + ay + az$$

Factor común :  $a$

$$P(a; x) = a (x + y + z)$$

Factores primos :  $a; (x + y + z)$

*Ejem2:* Factorice

*Observación*

cada variable común se elige con su menor exponente

$$P(x; y) = x^6y^3 + x^4y^5 + x^2y^7$$

Factor común :  $x^2y^3$

$$P(x; y) = x^2y^3 (x^4 + x^2y^2 + y^4)$$

Factores primos :  $x; y; (x^4 + x^2y^2 + y^4)$



## B) Factor Común Polinomio

*Ejemplo: factorizar*

$$P(x, y, m) = m(x + y) + n(x + y) + (x + y)$$

*Resolución:*

*Factor común polinomio:*  $(x + y)$

$$P(x, y, m) = (x + y)(m + n + 1)$$



## c) Factor Común por agrupación de términos

*Ejemplo:* factorizar

$$P(x, z, m) = mx + mz + 2x + 2z$$

*Resolución:* Agrupamos los términos de dos en dos:

$$P(x, z, m) = \underbrace{mx + mz} + \underbrace{2x + 2z}$$

$$P(x, z, m) = m(\underline{x + z}) + 2(\underline{x + z})$$

$$P(x, z, m) = (x + z)(m + 2)$$



# Problema 1

Factorice, e indique un factor primo

$$H(a; b) = a^2b^2 + a^3b - ab^3$$

## Resolución

**Recordar:**

Factor común:

Variable común con su menor exponente

$$H(a; b) = a^2b^2 + a^3b - ab^3$$

**Factor común :**  $ab$

$$H(a; b) = ab(ab + a^2 - b^2)$$

Rpta:

$$\text{F. Primos: } a; b; (ab + a^2 - b^2)$$





## Problema 2

Transforme a producto

$$H(a, x) = 36a^2x^2 - 24a^2x^3 - 48a^2x$$

### Resolución

Hallamos el M.C.D de los coeficientes:

36	–	24	–	48		2
18	–	12	–	24		2
9	–	6	–	12		3
3	–	2	–	4		

$$MCD = (2)(2)(3) = 12$$

**Factor común:**  $12a^2x$

Rpta:

$$H(a; x) = 12a^2x(3x - 2x^2 - 4)$$



## Problema 3

Luego de factorizar, indique un factor primo

$$M(x; m) = 3x(5m + 3) - 5m - 3$$

### Resolución

**Recordar:**

Cambio de signo

De un polinomio

$-a-b+c=-(a+b-c)$

$$M(x; m) = 3x(5m + 3) - \underbrace{5m - 3}$$

$$M(x; m) = 3x(\underline{5m + 3}) - (\underline{5m + 3})$$

**Factor comun polinomio:**  $(5m + 3)$

$$M(x; m) = (5m + 3)(3x - 1)$$

Rpta:

**F. Primos:**  $(5m + 3); (3x - 1)$



## Problema 4

Al factorizar, indique un factor primo

$$P(a; x; b; y) = ax + bx + ay + by$$

### Resolución

$$P(a; x; b; y) = \underline{ax + bx} + \underline{ay + by}$$

$$P(a; x; b; y) = \underline{x(a + b)} + \underline{y(a + b)}$$

$$P(a; x; b; y) = (a + b)(x + y)$$

Rpta:

$$F. \text{Primos: } (a + b); (x + y)$$



## Problema 5

Factorice

$$Q(x; y; z) = (x + 3)(y + z) - 3(y + z) + y + z$$

Resolución

$$Q(x; y; z) = (x + 3)(y + z) - 3(y + z) + (y + z)$$

$$Q(x; y; z) = (y + z) (x + \cancel{3} - \cancel{3} + 1)$$

$$Q(x; y; z) = (y + z) (x + 1)$$

Rpta:

$$Q(x; y; z) = (y + z)(x + 1)$$

# Problema 6



El número de frutas que como en las mañanas, es equivalente al número de factores primos luego de factorizar

$$H(m; t; z) = m^4 + m^2 + t(m^2 + 1) + z(m^2 + 1)$$

¿Cuántas frutas como en las mañanas?

$$H(m; t; z) = \underline{m^4} + \underline{m^2} + t(m^2 + 1) + z(m^2 + 1)$$

$$H(m; t; z) = \underline{m^2} (\underline{m^2 + 1}) + t(\underline{m^2 + 1}) + z(\underline{m^2 + 1})$$

$$H(m; t; z) = (m^2 + 1)(m^2 + t + z)$$

Rpta:

En las mañanas como 2 frutas

## Problema 7



El número de factores primos luego de factorizar

$$Q(x) = (x + 2)^2 + (x + 2)$$

Indica cuántas pecanas come Jorge en un día.

¿Cuántas pecanas como Jorge en una semana?

Resolución

$$Q(x) = \underline{(x + 2)^2} + \underline{(x + 2)}$$

$$Q(x) = (x + 2)(x + 2 + 1)$$

$$Q(x) = (x + 2)(x + 3)$$



*Tiene 2 factores primos*

Rpta:

Jorge come 14 frutas en una semana