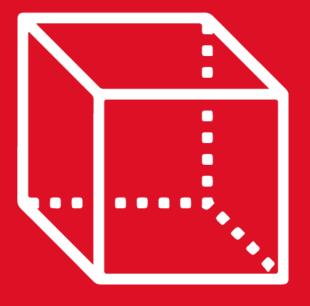
# GEOMETRÍA

Capítulo 18

5th SECONDARY

PIRÁMIDE Y CONO





Las pirámides de Egipto son, de todos los vestigios legados por Egipto de la antigüedad, los más portentosos y emblemáticos monumentos de esta civilización y en particular, las tres grandes pirámides conocidas como las tumbas de los faraones, Keops, Kefrén y Micerino, son todas de base cuadrada y cuya construcción se basó en el número áureo, también en este capítulo estudiaremos las formas geométricas de dichas pirámides, calcularemos su área y su volumen.



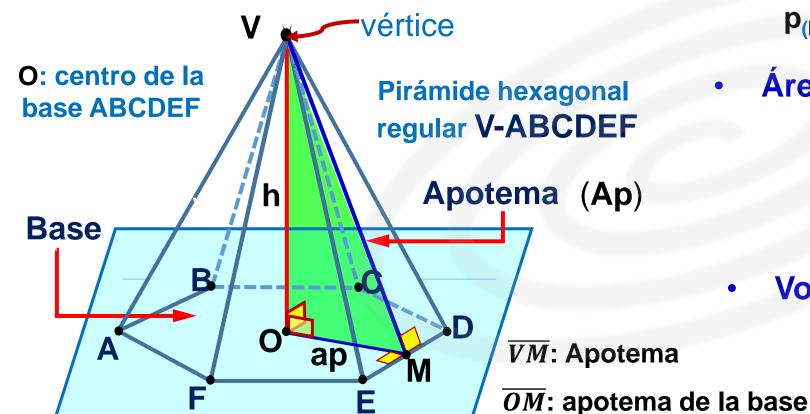


# PIRÁMIDE Y CONO



# PIRÁMIDE REGULAR

Es una pirámide que tiene por base, una región poligonal regular y el pie de su altura es el centro de la base.



Área de la superficie lateral (AsL)

$$A_{SL} = p_{(base)} . Ap$$

p<sub>(base)</sub>: semiperímetro de la base

Área de la superficie total (Аsт)

$$A_{ST} = A_{SL} + A_{(base)}$$

A(base): área de la base

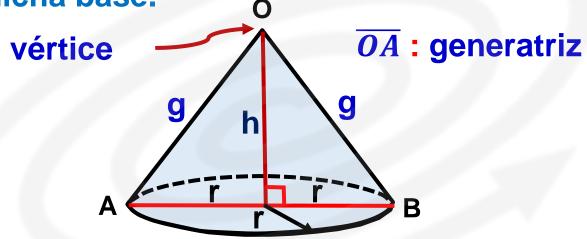
Volumen (V)

$$V = \frac{1}{3}$$
. A (base) (h)



# CONO CIRCULAR RECTO O CONO DE REVOLUCIÓN

Es el cono cuya base es un círculo y el pie de la altura es el centro de dicha base.

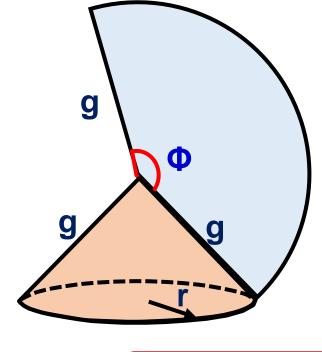


$$A_{SL} = \pi r g$$
  $A_{ST} = \pi r (g + r)$ 

$$V = \frac{1}{3}.A_{(base)}.h$$

# DESARROLLO DE LA SUPERFICIE LATERAL

Es un sector circular cuyo radio es la generatriz y el centro es el vértice del cono.

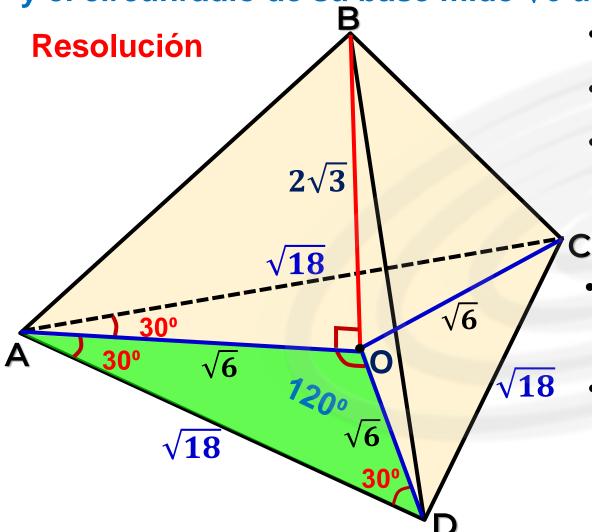


$$\Phi = 360^{\circ} \left( \frac{r}{g} \right)$$

#### **HELICO | PRACTICE**



1. Calcule el volumen de una pirámide triangular regular, si su altura mide  $2\sqrt{3}$  u y el circunradio de su base mide  $\sqrt{6}$  u.



Piden: V 
$$V = \frac{1}{3} \cdot A_{(base)} \cdot h$$

- Dato:  $(h = 2\sqrt{3})$
- Como la base es una región triangular regular, entonces O es el circuncentro

$$AO = OC = OD = \sqrt{6}$$

• 
$$\triangle$$
 AOD: AD =  $\sqrt{6}$ .  $\sqrt{3}$  AD =  $\sqrt{18}$ 

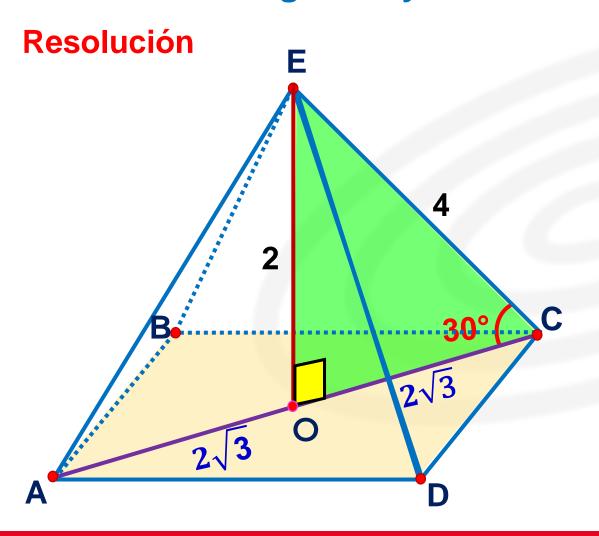
Reemplazando en el teorema.

$$V = \frac{1}{3} \left( \frac{\sqrt{18}^2 \cdot \sqrt{3}}{4} \right) \cdot 2\sqrt{3}$$

$$V = \frac{1}{3} \left( \frac{\sqrt{18}^2 \cdot \sqrt{3}}{4} \right) \cdot 2\sqrt{3}$$



2. Calcule el volumen de una pirámide cuadrangular regular si su arista lateral es de longitud 4 y forma 30° con la base.



Piden: V 
$$V = \frac{1}{3} \cdot A_{(base)} \cdot h$$

- Se traza la altura  $\overline{EO}$
- EOC: Notable de 30° y 60°
- Reemplazando en el teorema.

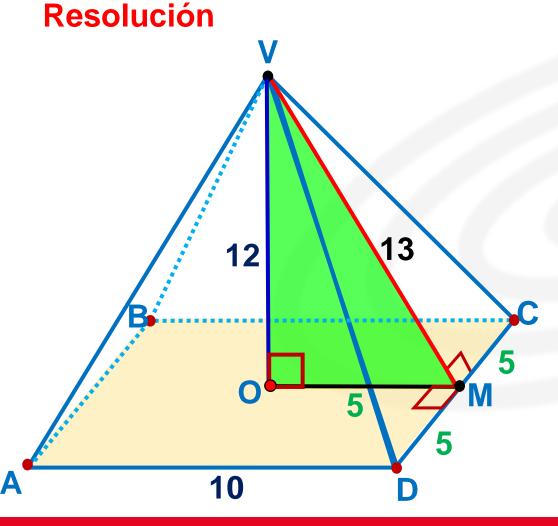
$$V = \frac{1}{3} \cdot \frac{(4\sqrt{3})^2}{2} \cdot 2$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot \frac{16 u^3}{2}$$

#### **HELICO | PRACTICE**



3. Calcule el área de la superficie lateral de una pirámide cuadrangular regular cuya altura mide 12 u y su arista básica mide 10 u.

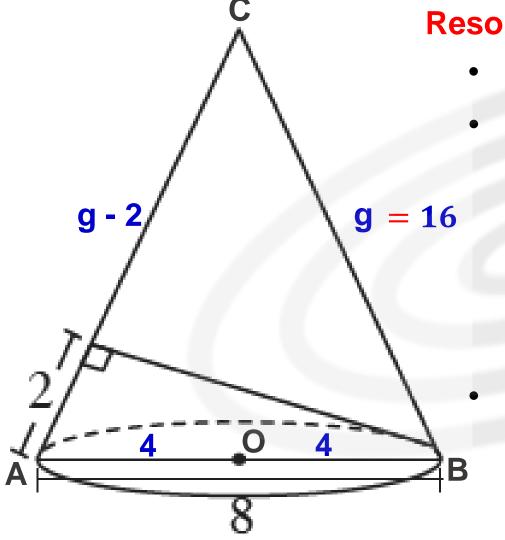


- Piden:  $A_{SL} = p_{(Base)}$ . Ap
- Trazamos  $\overline{OM} \perp \overline{CD}$ .
- Se traza VM.
- Por teorema de las 3 perpendiculares m∡VMC = 90° (VM: Apotema)
- VOM: T. de Pitágoras  $(VM)^2 = 12^2 + 5^2 \rightarrow VM = 13$
- Reemplazando en el teorema.

ASL = 
$$(10 + 10 + 10 + 10).13$$
  
ASL =  $(20).13$ 
ASL =  $260 u^2$ 



# 4. Calcule el área de la superficie lateral del cono circular recto.



### Resolución

- Piden:  $A_{SL}$  =  $\pi$ .r.g
- Por teorema de las proyecciones.

$$g^{2} - 8^{2} = (g - 2)^{2} - 2^{2}$$

$$g^{2} - 64 = g^{2} - 4g + 4 - 4$$

$$4g = 64$$

$$g = 16$$

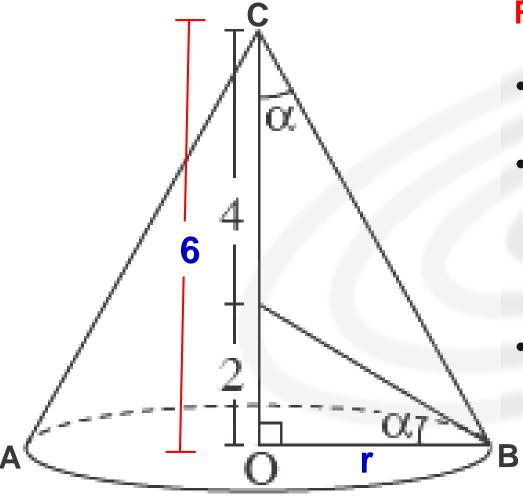
Reemplazando en el teorema.

$$A_{SL} = \pi(4).(16)$$

$$A_{SL} = 64\pi u^2$$



# 5. Calcule el volumen del cono circular recto mostrado, si O es centro.



#### Resolución

Piden: V

$$V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$$

Por teorema de las antiparalelas.

$$r^2 = (2)(6)$$

$$r^2 = 12$$

Reemplazando en el teorema.

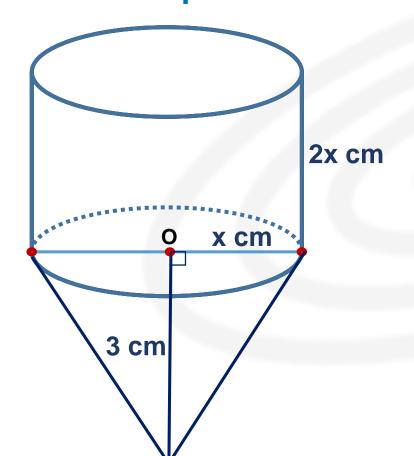
$$V = \frac{1}{3}\pi. 12.6$$

 $V = 24\pi u^3$ 

#### **HELICO | PRACTICE**



6. En la figura se muestra una plomada de metal; la parte superior en forma de cilindro circular recto y la parte inferior en forma de cono circular recto. Calcule el valor de x, si el volumen de la parte cilíndrica es igual al cuádruple del volumen de la parte cónica



#### Resolución

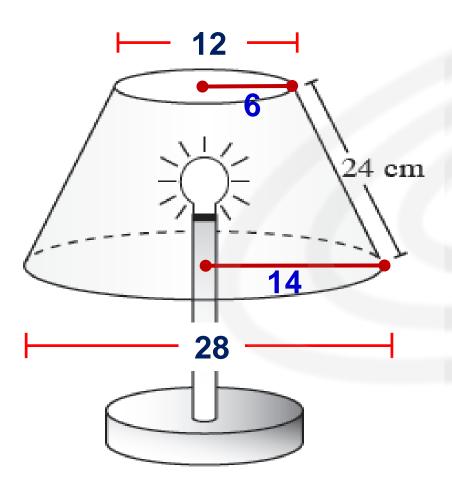
- Piden: x
- Por dato:

V(Cilindro) = 4 V(Cono)  

$$\pi \cdot (x)^{2} (2x) = 4 \left[ \frac{\pi \cdot (x)^{2} (3)}{3} \right]$$
  
 $2x = 4$   
 $x = 2 \text{ cm}$ 



7. En la lámpara mostrada, calcule el área de la superficie curva si tiene forma de superficie lateral de un tronco de cono circular recto. Además, los diámetros de las circunferencias miden 12 cm y 28 cm.



## Resolución

Piden: A<sub>SL</sub>

$$A_{SL} = \pi(r + R)g$$

$$A_{SL} = \pi$$
. (6 + 14).24

$$A_{SL} = \pi$$
. (20).24

$$A_{SL} = 480\pi \text{ cm}^2$$