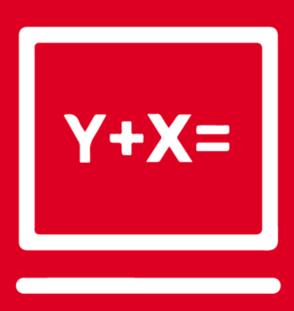
ARITHMETIC Chapter 12





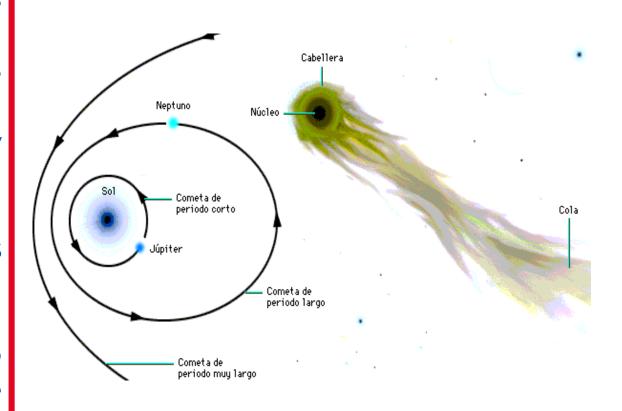
MÍNIMO COMÚN MÚLTIPLO





LOS COMETAS Y SUS PERÍODOS

- * Cometas de corto período (menos de 20 años).
- * Cometas de período intermedio (entre 20 y 200 años).
- * Cometas de largo período (entre 200 y 1.000.000 años).
- * Cometas de órbitas parabólicas.
- Entre los cometas de corto período más conocidos se encuentran:
- 1. Encke (3,3 años).
- Entre los cometas de período intermedio más conocidos se encuentran:
- 2. Halley (76,09 años).







MÍNIMO COMÚN MÚLTIPLO:

En una iglesia hay dos campanas y hoy han sido tocadas simultáneamente. Si una toca 3 días y la otra cada 4 días. ¿después de que tiempo volverán a ser tocadas simultáneamente?



El MCM es el menor múltiplo que tienen en común dos o más números.

Después de 12 días





MÉTODOS PARA CALCULAR EL MCM:

a) Descomposición simultánea:

Halle el M.C.M DE 18; 24 y 30

MCM (18; 24; 30) =
$$2^3 x$$
 $3^2 x = 5$

$$MCM (18; 24; 30) = 360$$

OBSERVACIÓN:



b) Descomposición canónica:

Hallemos el M.C.M de los números

$$A = 2^{2} \times 3^{2} \times 5$$
 ...(DC)

$$B = 2^{1} \times 3^{4} \times 7$$
 ...(DC)

$$MCM(A,B) = 2^2 \times 3^4 \times 7 \times 5$$

$$MCM(A,B) = 11340$$

Se toman todos los factores, comunes y no comunes, con mayor exponente.





PROPIEDADES:



Dado dos números A y B, si A = B, entonces

MCM(A, B) = A

Ejemplo

 $14 = 7 \rightarrow MCM (14; 7) = 14$



Si A y B, son PESI, entonces

MCM(A, B) = AxB

Ejemplo

8 y 15 son PESI \rightarrow MCM (8; 15) = 8x15

MCM(8; 15) = 120





Si a varios números se les multiplica o divide el mismo numero entero positivo, entonces el MCM de dichos números queda multiplicado o dividido por dicho numero entero positivo. Si

Entonces

MCM (A, B) =
$$m$$
, $K \in \mathbb{Z}$

MCM
$$(\frac{A}{K}, \frac{B}{K}) = \frac{m}{K}$$



$$AxB = MCD(A,B) \times MCM(A,B)$$





$$A = MCM(72; 48; 120) = 720$$

A+B = 1392





Si A = $2^2 x 3 x 5 y$ B = $2x 3^2$, calcule el MCM(A; B).

$$A = 2^2 \times 3 \times 5$$

$$B = 2 \times 3^2$$

Tomamos los factores comunes y no comunes con mayor exponente.



$$MCM(A;B) = 2^2x3^2x5$$

•

EIMCM(A;B) = 180





¿Cuántos múltiplos comunes menores que 200 tienen los números 14 y 6?

••

Los múltiplos comunes menores a 200 son:

42; 84; 126; 168

$$MCM(14; 6) = 42$$

Hay 4 números

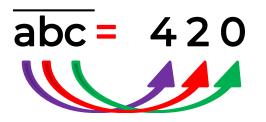




Calcule el valor de a+b+ c, si el MCM de 35 y 12 es \overline{abc} .

$$MCM(35; 12) = 420$$

Igualamos al dato:









¿Si el menor de los múltiplos comunes de 5ky7k es 210, calcule k^2 ?



$$MCM(5K,7K) = 210$$

Igualamos:

$$35K = 210$$

$$\therefore k^2 = 36$$





La racha más larga imbatible en partidas de ajedrez fue dado por el campeón del mundo Mikhail Tal con \overline{ab} + $\overline{a4}$ partidas sin perder. ¿Cuántas partidas jugó sin perder, si MCM (\overline{ab} ; \overline{ab} +1) es 342?

RECUERDA

Si A y B, son PESI, entonces;

$$MCM(A, B) = AxB$$

MCM $[\overline{ab}; (\overline{ab} + 1)] = \overline{ab} \times (\overline{ab} + 1)$

Igualamos al dato:

$$342 = \overline{ab} \times (\overline{ab+1})$$
18 19

$$\overline{ab}$$
 y (\overline{ab} +1) son PESI \overline{ab} + $\overline{a4}$ = 18 + 14 = 32





Omar, Yeni y Rosa son primos. El 12 de mayo coinciden en visitar a su abuela Damiana, pero se sabe que:

- Omar la visita cada 30 días.
- Yeni la visita cada 18 días.
- Rosa la visita cada 15 días. ¿Cuál será la fecha más próxima en que vuelvan a coincidir en visitar a su abuela?



MCM[30; 18; 15] = 90

Entonces volverán a encontrarse en 90 días

+ 90 días 12 de mayo 10 de agosto

Van a coincidir el 10 de agosto