ARITHMETIC TOMO VIII





RETROALIMENTACIÓN

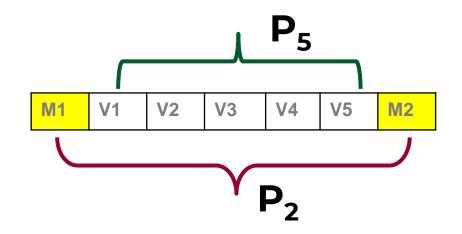




1. Siete amigos de los cuales 2 son mujeres y 5 son varones se sientan en una banca de siete asientos. ¿De cuántas formas diferentes se pueden ordenar si las mujeres siempre están en los extremos?

RESOLUCIÓN

Del problema:



Aplicando permutación:

$$N^{\circ}$$
 deFormas = $5 \times 2! = 240$

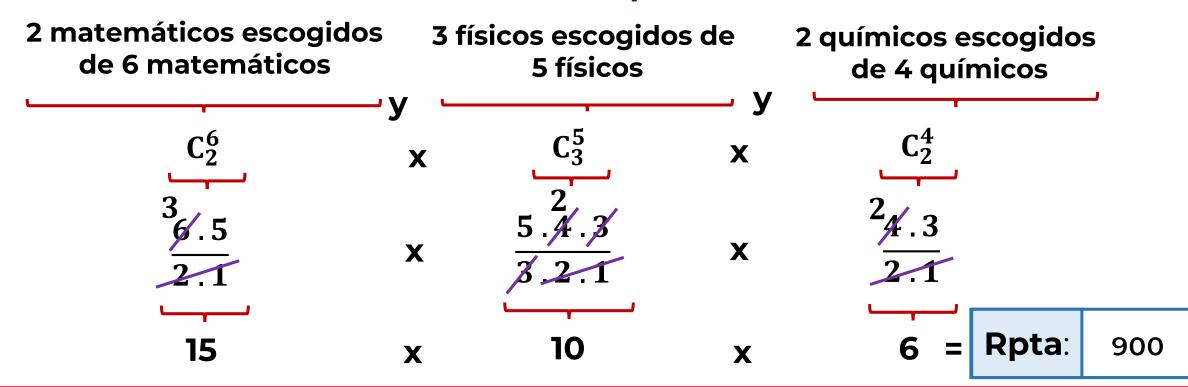
Rpta: 240



2. Se tienen 6 matemáticos, 5 físicos y 4 químicos. ¿Cuántos equipos de 2 matemáticos, 3 físicos y 2 químicos se pueden formar?

RESOLUCIÓN

El comité debe estar conformado por:





3. Yadhira cmpra papaya, fresa, piña, plátano y mango. ¿Cuántos sabores diferentes de jugo podrá preparar con esas frutas?

RESOLUCIÓN

Puede preparar jugos diferentes con 1 fruta, con 2 frutas, con 3 frutas, así hasta con las 5 frutas

$$C_0^5 + C_1^5 + C_2^5 + C_3^5 + C_4^5 + C_5^5$$

$$2^5 - 1$$

$$N^{\circ}$$
 de maneras: $2^{5} - 1 = 31$

Rpta 31



4. En el lanzamiento al aire de 3 monedas, ¿cuál es la probabilidad que los resultados obtenidos en las monedas sean iguales?

RESOLUCIÓN

Calculo del espacio muestral:

$$n(\Omega) = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

$$n(A) = 2$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

Rpta:

1/4

5. Dos hermanas van a cenar con 4 amigos. Si todos se sientan alrededor de una mesa circular con seis asientos, ¿cuál es la probabilidad de que las hermanas estén siempre juntas?

RESOLUCIÓN

Calculo del espacio muestral: $n(\Omega) = Pc(6) = 5! = 120$

Calculo del evento:
$$n(A) = Pc(5) \times 2! = 4! \times 2! = 48$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{48}{120} = \frac{2}{5}$$

Rpta: 2/5



6. ¿Cuál es la probabilidad de que la suma de los números obtenidos al lanzar dos dados sea 8?

RESOLUCIÓN

Calculo del espacio muestral:

$$n(\Omega) = 6 \times 6 = 36$$

El evento:
$$A = \{(2;6);(3;5);(4;4);(5;3);(6;2)\}$$

$$n(A) = 5$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{5}{36}$$

Rpta: 5/36

7. Se tiene dos cajas, la primera tiene 8 fichas verdes y 6 blancas, la segunda con 6 fichas azules y 4 blancas. Si se extrae una sola ficha, ¿cuál es la probabilidad que sea blanca?

RESOLUCIÓN

8 FICHAS VERDES 6 FICHAS BLANCAS

$$n(\Omega) = 14$$

6 FICHAS AZULES 4 FICHAS BLANCAS

$$n(\Omega) = 10$$

P(FICHA BLANCA) =
$$\frac{6}{14}$$
 x $\frac{1}{2}$ + $\frac{4}{10}$ x $\frac{1}{2}$
P(FICHA BLANCA) = $\frac{3}{14}$ + $\frac{2}{10}$ = $\frac{58}{140}$ =

29/70

Rpta:

8. Una urna contiene 5 bolas rojas y 7 bolas negras. Se retiran sucesivamente y sin devolverlas dos bolas de esa urna. Calcule la probabilidad de la primera bola sea roja y la segunda bola negra.

RESOLUCIÓN

En la urna hay: 5 Rojas y 7 Negras \square $n(\Omega) = 12$

Sean los eventos:

A: La 1ra bola extraída es roja
$$n(A) = 5$$
 $P(A) = \frac{5}{12}$

B: La 2da bola extraída es negra n(B) = 7 $P(B) = \frac{7}{11}$

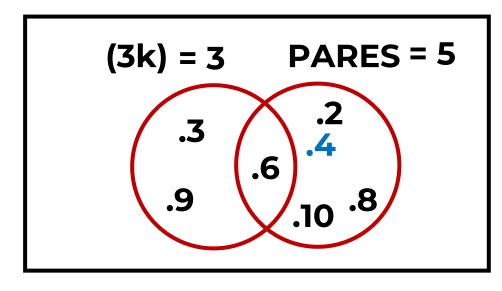
$$P(A \cap B) = \frac{5}{12} \times \frac{7}{11} = \frac{35}{132}$$

Rpta: 3

35/132

9. Se extrae un bolo de un total de 10 (los bolos están enumerados del 1 al 10). ¿Cuál es la probabilidad que dicho bolo sea múltiplo de 3, si se sabe que fue par?

RESOLUCIÓN



Sean los eventos:

A: el bolo es
$$(3k)$$
: $n(A) = 3$

B: el bolo es par:
$$n(B) = 5$$

$$A \cap B = \{6\} \square n(A \cap B) = 2$$

Probabilidad condicional:

$$P(A / B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$
 $P(A / B) = \frac{1/10}{5/10}$

Rpta:

1/5

10. Tres alumnos A, B y C quieren resolver un problema. La probabilidad de que el alumno A resuelva este problema es de 4/5, de que el alumno B pueda resolverlo es 3/7 y de que el alumno C pueda resolverlo es de 2/3. Si los tres tratan de resolverlo juntos, ¿cuál es la probabilidad de que el problema sea resuelto?

RESOLUCIÓN

El problema puede ser resuelto por 1, por 2 o por los 3, entonces mejor usamos el evento contrario:

NO LO RESUELVEN:

P(SEA RESUELTO) =
$$1 - \begin{pmatrix} \frac{1}{5} & \frac{4}{7} & \frac{1}{3} \end{pmatrix} = 1 - \frac{4}{105}$$

P(SEA RESUELTO) = $\frac{101}{105}$

Rpta: 101/132