

PSYCHOLOGY

Chapter 10



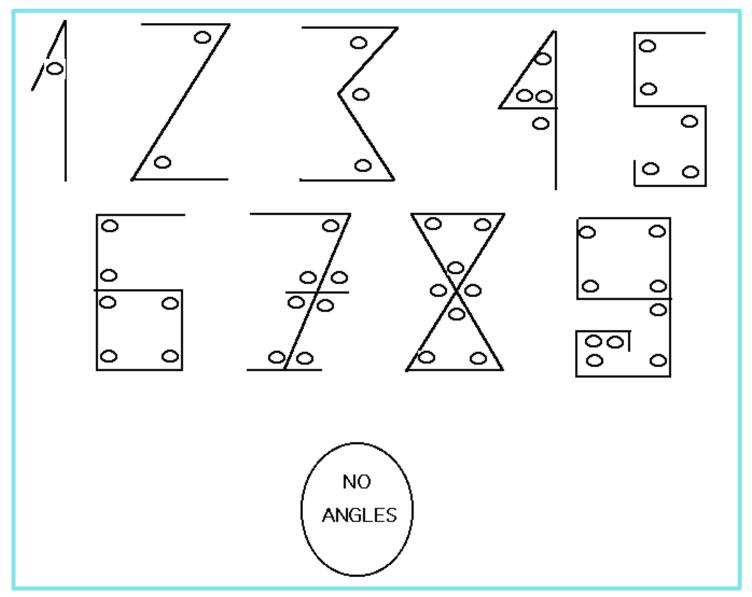


Simbolización de proposiciones





LA LÓGICA DE LOS NÚMEROS



SIMBOLIZACIÓN



1. Definición.-

Simbolización o formalización es la <u>transformación de proposiciones</u> y conjunciones gramaticales expresadas en el lenguaje natural u ordinario, a un lenguaje artificial <u>llamado lenguaje simbolizado o formalizado.</u>

Este nuevo lenguaje artificial permite evitar las ambigüedades y confusiones del lenguaje ordinario.

Ejemplo:

Juan es dentista si y solo si Jorge es abogado o Antonio es ingeniero.

p = Juan es dentista

q = Jorge es abogado

r = Antonio es ingeniero

 \leftrightarrow = si y solo si

 $\mathbf{v} = \mathbf{o}$



$$p \leftrightarrow (q v r)$$

Forma simbolizada

SÍMBOLOS LÓGICOS



1. Variables proposicionales (p, q, r, s, etc.):

Son letras minúsculas que remplazan a proposiciones atómicas.

Ejemplo: p = Juan es dentista q = estoy comiendo

2. Las Constantes u Operadores lógicos:

Son signos que representan a los conectivos lógicos; y son de dos tipos:

a) Operadores binarios (diádicos): \land , \lor , \triangle , \rightarrow , \leftrightarrow

Son aquellos que tienen doble alcance. Operan a la derecha y a la izquierda, es decir afectan a dos variables.

Ejemplo: $q \vee r$, $p \triangle q$, $r \leftrightarrow s$



b) Operadores monarios (monádicos): ~

Son aquellos que tienen un solo alcance, siempre se ubican al lado izquierdo de la variable, pero solo operan a la derecha. Afecta a una sola variable.

Ejemplo: ~ p

3. Signos de agrupación o Auxiliares

Permiten hallar una jerarquía entre los operadores lógicos y evitar su ambigüedad. Estos signos son : (), [], {}, | |.

Ejemplo:

```
p → (q ∨ r) El "→" mayor jerarquía
[(p ∧ q) ∨ r] ↔ p El "↔" mayor jerarquía
```



NOTACIONES SIMBÓLICAS

siste mas	Negación	Conjunción	Disyunción Inclusiva	Disyunción Exclusiva	Condicional	Bicon dici on al	J era rquía
Scholz	~p	p∧q	p∨q	p"q	$p{ o}q$	p↔q	(). [], etc.
Peano- Russell	~p	p. q	p∨q	p≠q	p⊃q	p≡q	,::,etc.
Lukasiewicz	Np	Kpq	Apq	Jpq	Cpq	Epq	Nada

Ojo: Nosotros trabajamos solo con el sistema Scholz



Constantes lógicas según Scholz						
Negación	~	no p	$\sim p$			
Conjuntiva	^	p y q	$p \wedge q$			
Disyunción débil	V	$p \circ q$	$p \lor q$			
Disyunción fuerte	< >	o <i>p</i> o <i>q</i>	$p \leftrightarrow q$			
Condicional	\rightarrow	si p entonces q	$p \rightarrow q$			
Bicondicional	\leftrightarrow	p si y solo si q	$p \leftrightarrow q$			



PASOS PARA LA SIMBOLIZACIÓN DE PROPOSICIONES

- Identificar las proposiciones simples y reemplazarlos por las variables proposicionales.
- 2. Identificar los conectivos gramaticales y reemplazarlos por los operadores lógicos.
- 3. Jerarquización de los operadores y agrupamiento de las proposiciones.

Ojo: Para ubicar los signos de agrupación, tener en cuenta los signos de puntuación.

SIMBOLICE:



- 1. No tengo un auto azul
- 2. Marcela estudia en Lima y Pablo en Trujillo
- 3. Bailamos o tomamos café
- 4. Si estudiamos geología entonces necesitamos viajar.
- 5. Leeré este libro si solo si tiene pocas hojas.
- 6. No es cierto que, si no tomamos café entonces no es de día.
- 7. Si trabajara los fines de semana y durmiera menos, <mark>entonces no</mark> perdería el vuelo.



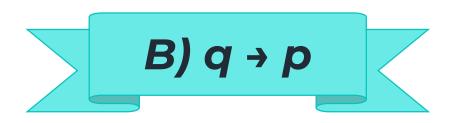


Simbolice lo siguiente: Ana irá al parque, puesto que terminó su tarea.

$$A) p \wedge q$$

C)
$$r \rightarrow (p \land q)$$

D)
$$p \rightarrow q$$







Simbolice lo siguiente: Los ratones son roedores, además , son mamíferos o son vertebrados.

A)
$$(p \land q) \leftrightarrow p$$

B)
$$(p \land q) \rightarrow r$$

C)
$$(p \rightarrow q) \rightarrow r$$

D)
$$p \rightarrow q$$

$$E) p \wedge (q \vee r)$$







César es profesor o es alumno, pero no puede ser ambas cosas a la vez.

A)
$$(p \vee q) \wedge \sim (p \wedge q)$$

B)
$$(p \wedge q) \vee \sim (p \wedge q)$$

C)
$$(p \wedge q) \vee \sim r$$

D)
$$(p \rightarrow q) \land \sim r$$







¿Qué operadores se encuentran en el enunciado:

Ana se quedó dormida no obstante llegó a tiempo?

- A) Conjunción
- B) Disyunción fuerte
- C) Bicondicional
- D) Disyunción débil







Como la Luna gira alrededor de la Tierra, es un satélite de la Tierra. Esta es una proposición:

- A) conjuntiva.
- B) bicondicional.
- C) disyuntiva.
- D) condicional.







Relacione correctamente:

- I. Conjunción
- II. Disyuntiva débil
- III. Bicondicional
- IV. Condicional.

a. →

b. V

C. ↔

d. \wedge

- A) Id IIa IIIc IVb
- B) Ib IIc IIIa Ivd
- C) Id IIb IIIc Iva
- D) Id IIa IIIb Ivc

C) Id IIb IIIc Iva





Simbolice el siguiente enunciado: El proyecto minero de Cajamarca se llevará a cabo si y solo si se respeta el medio ambiente, y no haya medidas arbitrarias.

A)
$$p \wedge (q \wedge r)$$

B)
$$(p \leftrightarrow q) \land \sim r$$

C)
$$p \leftrightarrow (q \wedge r)$$

D)
$$p \rightarrow (q \wedge r)$$





La profesora Claudia mencionó: Los alumnos son autónomos y responsables de sus tareas, entonces dependerá de ellos sus calificaciones. En el enunciado mencionado cuales son las constantes que se presentan.

- A) Disyuntiva débil y condicional.
- B) Disyuntiva fuerte y condicional.
- C) Conjuntiva y condicional.
- D) Conjuntiva y bicondicional.

C) Conjuntiva y condicional.