

# GEOMETRÍA Capítulo 18

2st SECONDARY

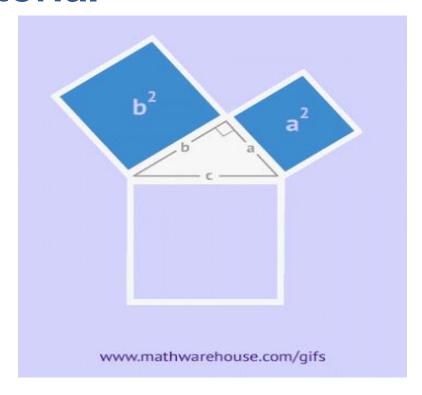


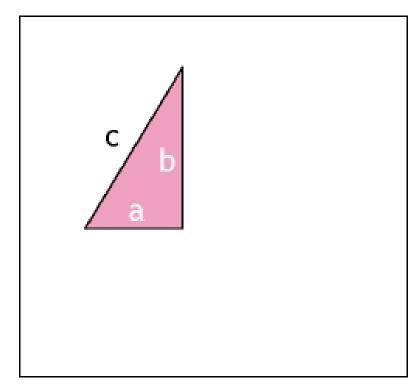
Relaciones métricas en el triángulo rectángulo





En la actualidad, existen más de 300 demostraciones del teorema de Pitágoras, lo que confirma que es uno de los teoremas que más han llamado la atención a través de la historia.



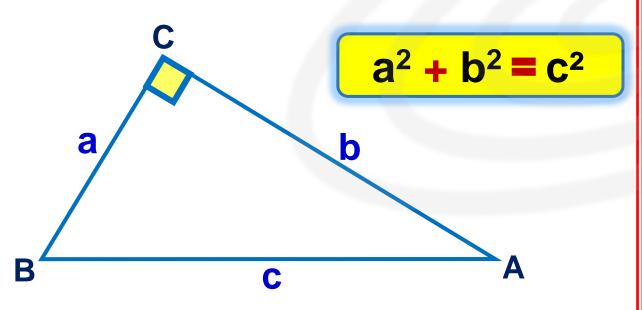




# RELACIONES MÉTRICAS EN EL TRIÁNGULO RECTÁNGULO

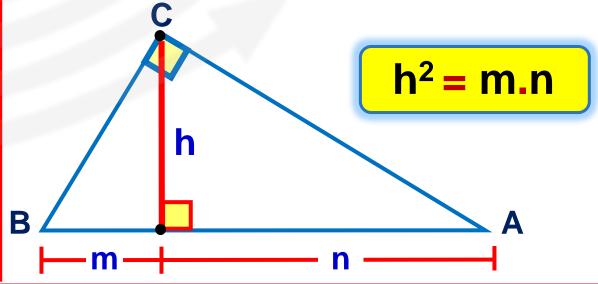
#### **TEOREMA DE PITAGORAS**

En todo triángulo rectángulo, la suma de los cuadrados de las longitudes de los catetos es igual al cuadrado de la longitud de la hipotenusa.



#### **TEOREMA**

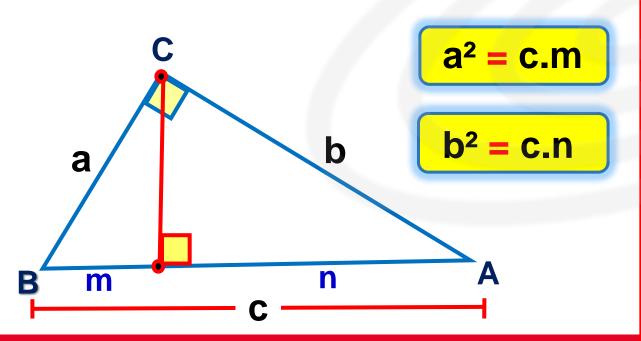
En todo triángulo rectángulo la altura relativa a la hipotenusa es media proporcional entre las proyecciones ortogonales de los catetos sobre dicha hipotenusa.





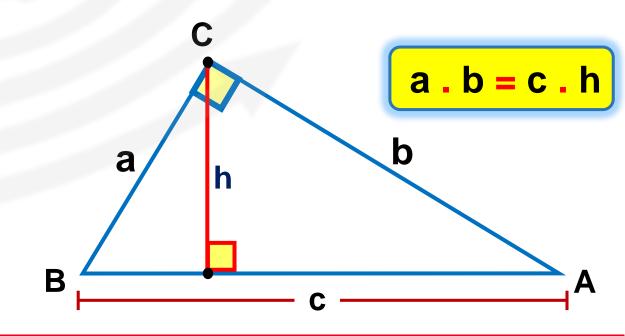
## TEOREMA DE LA LONGITUD DE UN CATETO

En todo triángulo rectángulo, la longitud de cada cateto es media proporcional entre la longitud de la Hipotenusa y su correspondiente proyección ortogonal sobre ella.



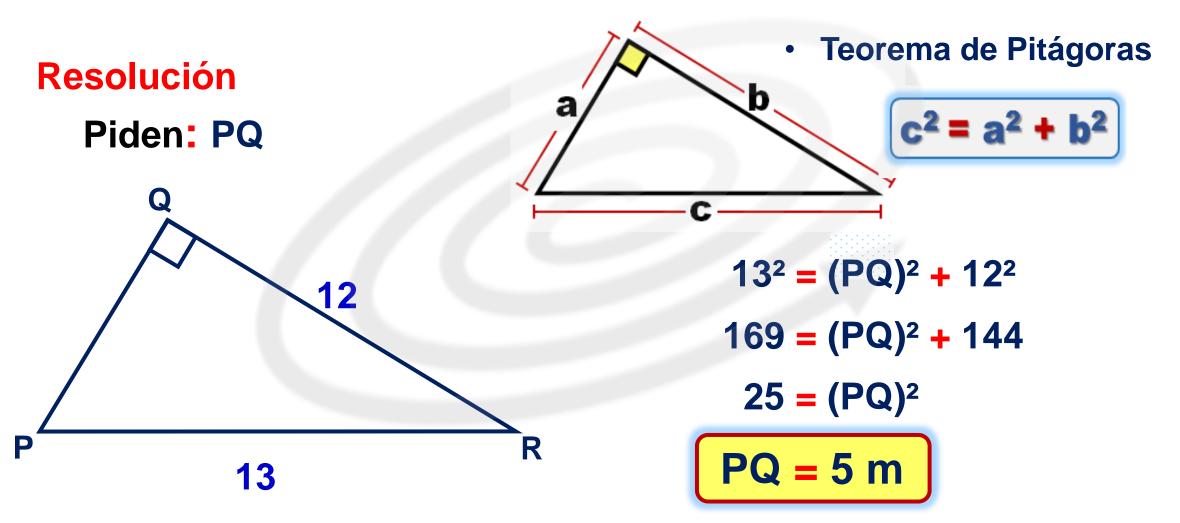
## **TEOREMA**

En todo triángulo rectángulo, el producto de las longitudes de los catetos es igual al producto de las longitudes de la hipotenusa y la altura correspondiente



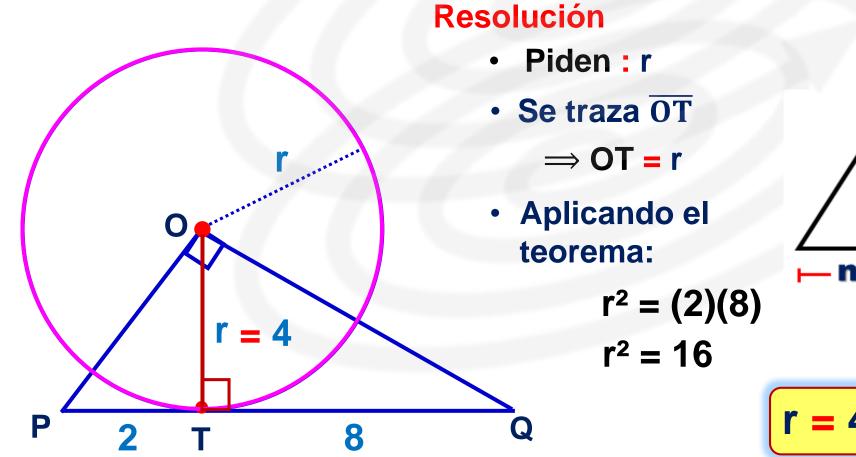


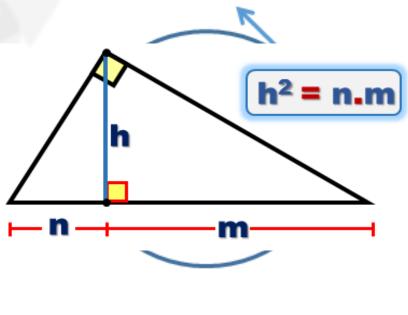
1. En un triángulo rectángulo PQR, recto en Q, QR = 12 m y PR = 13 m, halle PQ.





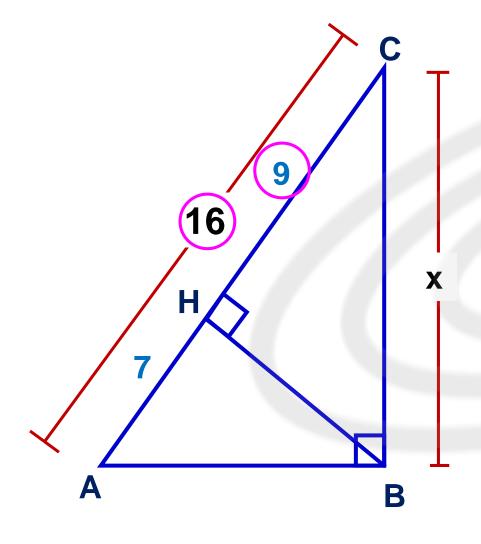
2. En la figura O es centro de la circunferencia y T es punto de tangencia, calcule la longitud del radio de dicha circunferencia.







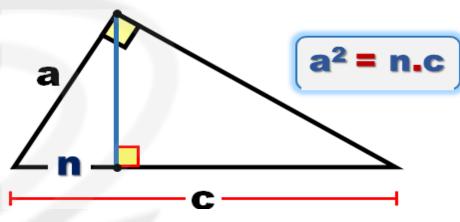
# 3. En la figura, calcule BC.



## Resolución

Piden: x

Por teorema:



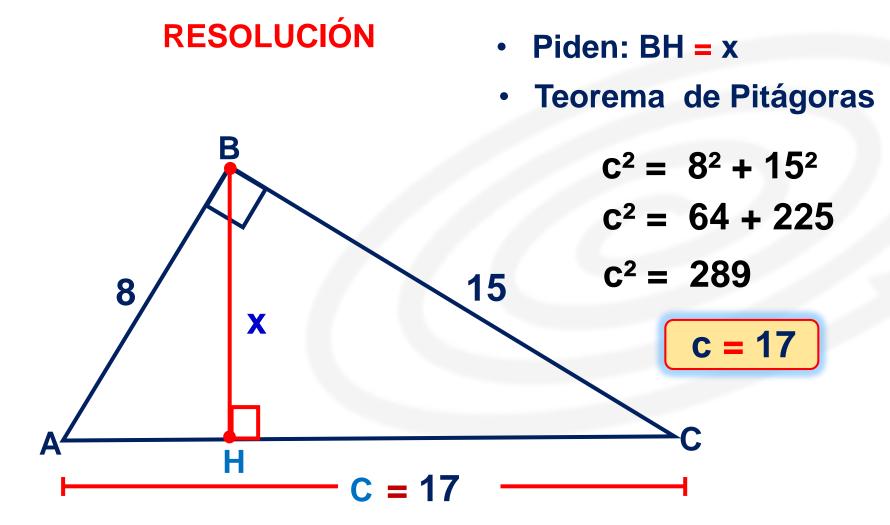
$$x^2 = (16)(9)$$

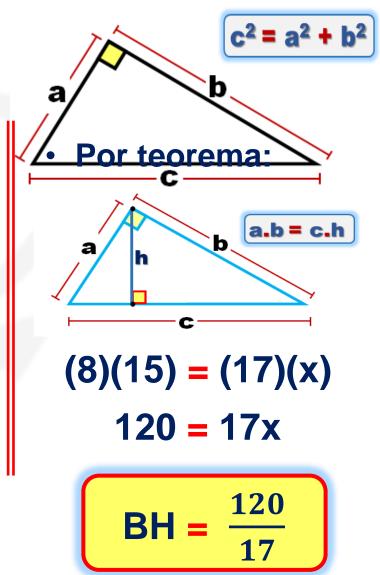
$$x^2 = 144$$

$$x = 12$$



# 4. En la figura, halle el valor de BH.

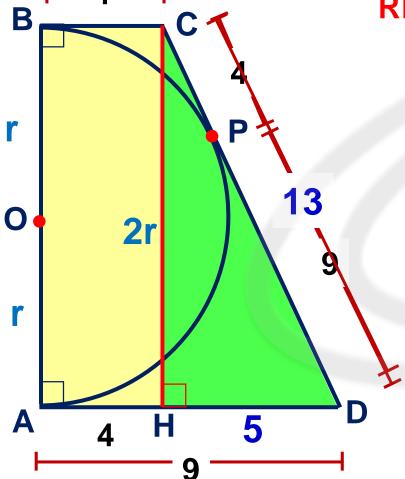




## **HELICO | PRACTICE**



5. En la figura; Se tiene una semicircunferencia de diámetro  $\overline{AB}$ ; P es punto de tangencia. Calcule la longitud del radio de dicha semicircunferencia.



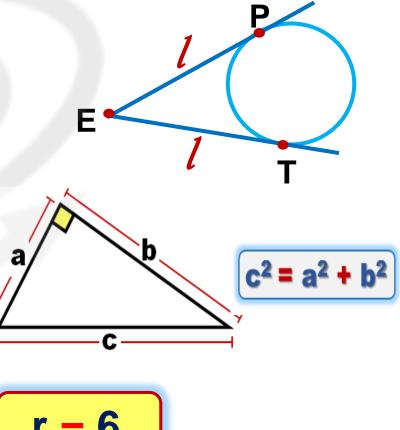
## **RESOLUCIÓN**

- Piden: r
- Por teorema:
- Se traza la altura CH
- **BCHA: Rectángulo**
- △CHD: T. Pitágoras

$$13^2 = 5^2 + (2r)^2$$

$$144 = 4r^2$$

$$36 = r^2$$

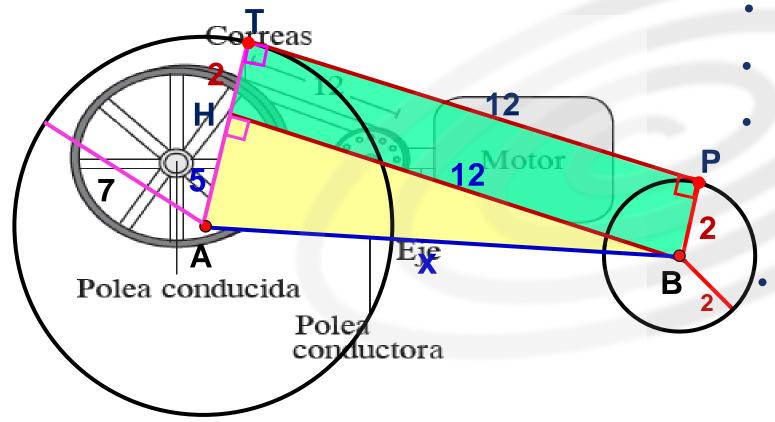


## **HELICO | PRACTICE**



6. En la figura; Los radios de las poleas miden 7 y 2, halle la distancia entre sus centros.

## **RESOLUCIÓN**



- Piden: AB = X
- Se traza  $\overline{AT}$  y  $\overline{BP} \perp \overline{TP}$
- Se traza  $\overline{BH} \perp \overline{AT}$ 
  - HTPB (Rectángulo)

$$TP = HB = 12$$

$$PB = TH = 2$$

$$AH = 5$$

En AHB T. Pitágoras

$$x^2 = 5^2 + 12^2$$

$$x^2 = 169$$

AB = 13

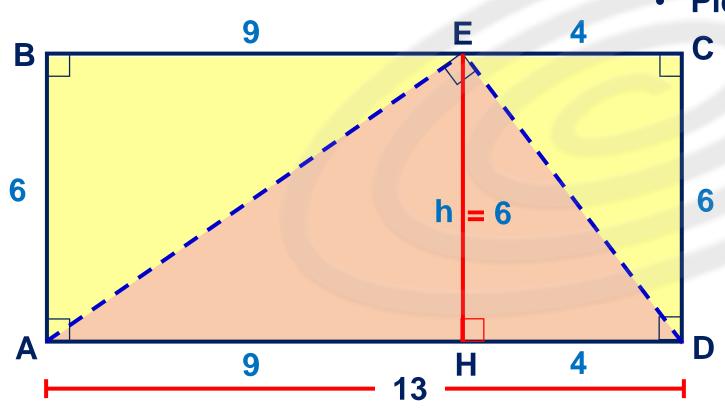
## **HELICO | PRACTICE**



 $h^2 = n.m$ 

7. En la figura ABCD es el patio rectangular del Centro Educativo Inicial "Mis brinquitos" y se le ha hecho tres división para separar a los niños de diferentes edades. ¿Qué perímetro tiene dicho patio?

## **RESOLUCIÓN**



- Piden: 2p<sub>(ABCD)</sub>
  - Se traza la altura  $\overline{EH} = h$
  - Por teorema:  $h^2 = (9)(4)$

• 
$$2p_{(ABCD)} = 13 + 6 + 13 + 6$$

$$2p_{(ABCD)} = 38 \text{ m}$$