

ALGEBRA Chapter 9



f(x)

División Polinómica I







RECORDANDO:

¿Puedes completar y ordenar en forma decreciente los siguientes polinomios?

$$P(x) = 2x + x^4 + 1$$
 $P(x) = x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 2x + 1$

$$F(x) = 2 - x^2 + x^5$$
 $F(x) = x^5 + 0x^4 + 0x^3 - x^2 + 0x + 2$



DIVISIÓN POLINÓMICA

Sea la división de polinomios:



IDENTIDAD FUNDAMENTAL:

$$D(x) \equiv d(x). q(x) + R(x)$$

PROPIEDADES:

I.
$$GA[D(x)] \geq GA[d(x)]$$

II.
$$GA[q(x)] = GA[D(x)] - GA[d(x)]$$

III.
$$GA[R(x)] \leq GA[d(x)] - 1$$

III.
$$d(x) \not\equiv 0$$



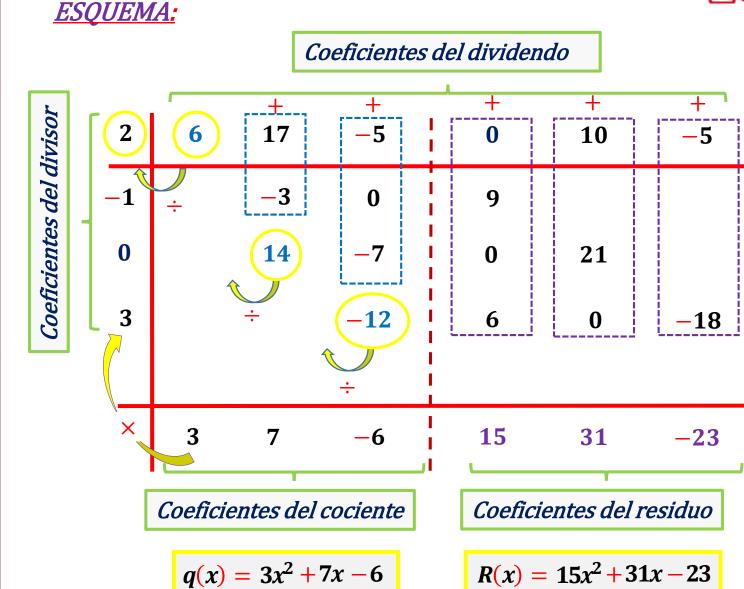
MÉTODO DE HORNER:

Sea la división:

$$\frac{6x^5 + 17x^4 - 5x^3 + 10x - 5}{2x^3 + x^2 - 3}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo y el divisor.

$$6x^{5} + 17x^{4} - 5x^{3} + 0x^{2} + 10x - 5$$
$$2x^{3} + x^{2} + 0x - 3$$



REGLA DE RUFFINI:

<u>1°Caso:</u> Divisor de la forma x + b

Sea la división:

$$\frac{3x^5 - 7x^4 + 4x^2 + 5x - 6}{x - 2}$$

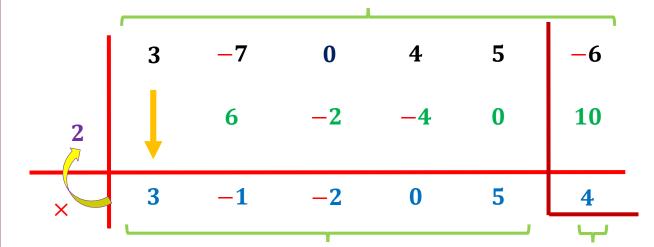
Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{3x^5 - 7x^4 + 0x^3 + 4x^2 + 5x - 6}{x - 2}$$

ESQUEMA:

Regla:
$$x-2=0$$
 \Rightarrow $x=2$

Coeficientes del dividendo



Coeficientes del cociente

Residuo

$$q(x) = 3x^4 - x^3 - 2x^2 + 5$$

$$R(x) = 4$$

◎1

ESQUEMA:

2°Caso:

Divisor de la forma ax + b

Sea la división:

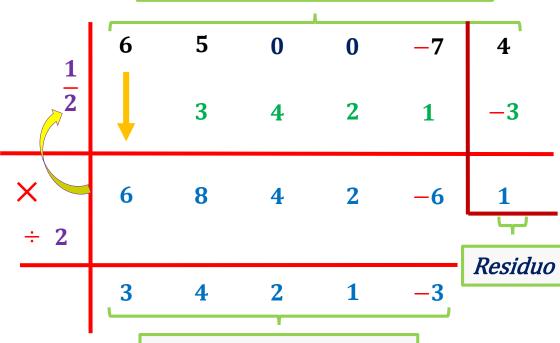
$$\frac{6x^5 + 5x^4 - 7x + 4}{2x - 1}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{6x^5 + 5x^4 + 0x^3 + 0x^2 - 7x + 4}{2x - 1}$$



Coeficientes del dividendo



Coeficientes del cociente

$$q(x) = 3x^4 + 4x^3 + 2x^2 + x - 3$$

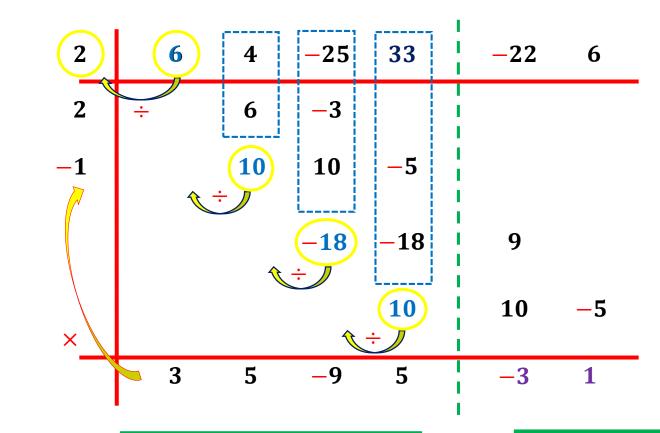
R(x)=1

01

Problema 1

Calcule la suma de coeficientes del cociente de

$$\frac{6x^5+4x^4-25x^3+33x^2-22x+6}{2x^2-2x+1}$$



$$q(x) = 3x^3 + 5x^2 - 9x + 5$$

$$R(x) = -3x + 1$$

$$\sum Coef[q(x)] = 3 + 5 - 9 + 5$$



$$\therefore \quad \sum Coef[q(x)] = 4$$



Evalúe A + B + C si la división

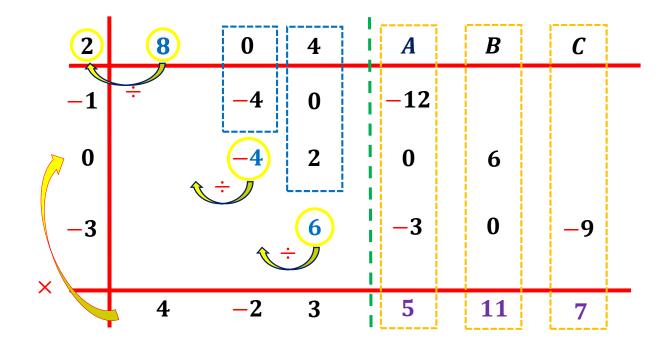
$$\frac{8x^5 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 3}$$

deja como resto $5x^2 + 11x + 7$

Recordemos:

Se completa y se ordena el dividendo y el divisor.

$$\frac{8x^5 + 0x^4 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 0x + 3}$$



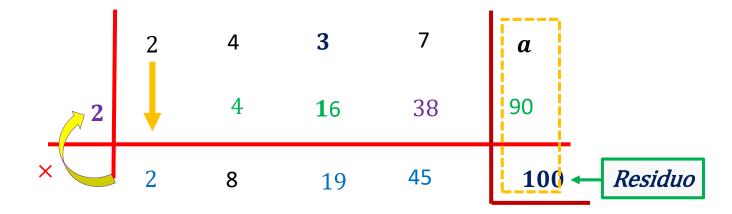
$$A - 12 + 0 - 3 = 5$$
 $A = 20$
 $B + 6 + 0 = 11$ $B = 5$
 $C - 9 = 7$ $C = 16$

$$\therefore A+B+C=41$$

Indique el valor de a si el residuo es 100.

$$\frac{2x^4 + 4x^3 + 3x^2 + 7x + a}{x - 2}$$

$$x-2=0$$
 $x=2$



$$a + 90 = 100$$



$$\therefore a = 10$$

Indique el valor de m si el residuo es 4.

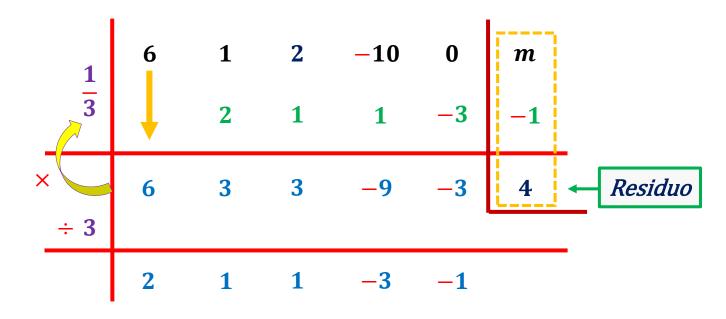
$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + m}{3x - 1}$$

Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + 0x + m}{3x - 1}$$

$$3x - 1 = 0 \implies x = \frac{1}{3}$$



$$q(x) = 2x^4 + x^3 + x^2 - 3x - 1$$

$$m-1=4$$

01

Problema 5

El término independiente del cociente en

$$\frac{6x^4+x^2-4x^3+10x-2}{3x+1}$$

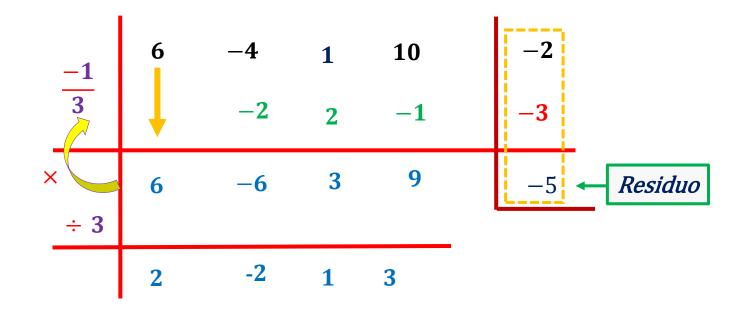
Es:

Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + 0x + m}{3x - 1}$$

$$3x - 1 = 0 \implies x = \frac{-1}{3}$$



$$q(x) = 2x^3 - 2x^2 + x + 3$$







ASUMO MI RETO

তিয়

Problema 6

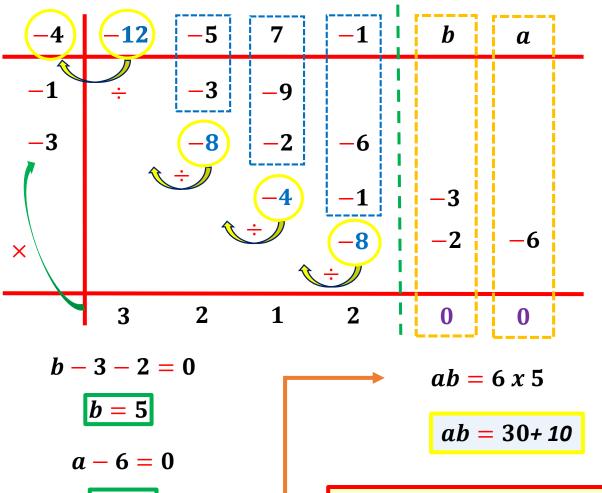
Calcule ab + 10 en la división exacta

$$\frac{ax^5 + bx^4 - x^3 + 7x^2 - 5x - 12}{3x^2 + x - 4}$$

que representa la edad del papá de Luis que es alumno del 3° A. ¿Cuál es la edad del papá de Luis?

Aplicamos el método de Horner invertido:

Resolución:



: El papá de Luis tiene 40 años.

El precio del hospedaje por día en el "Decamerón el pueblo" esta dado por la suma de coeficientes del cociente en la siguiente división polinómica.

$$\frac{x^{200} + x^{199} + 2x + 5}{x - 1}$$

Si una familia desea hospedarse por tres días, ¿Cuánto será el pago total?

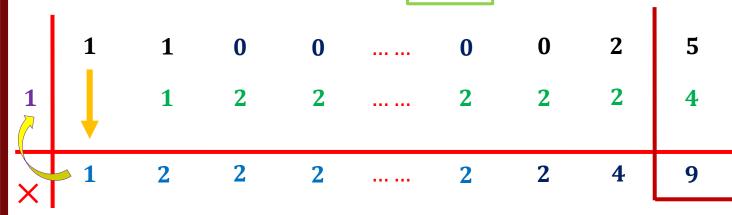
Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{x^{200} + x^{199} + 0x^{198} + \dots + 0x^2 + 2x + 5}{x - 1}$$

Resolución:





$$GA[q(x)] = GA[D(x)] - GA[d(x)]$$
 $GA[q(x)] = 199$
 $O(x) = 199$

$$q(x) = x^{199} + 2x^{198} + 2x^{197} + ... + 2x^2 + 2x + 4$$

$$\sum Coef[q(x)] = 1 + 2 + 2 + \dots + 2 + 2 + 4$$
198 veces

 $\therefore \quad \sum Coef[q(x)] = 401$

0





GRACIAS POR SU ATENCIÓN!!