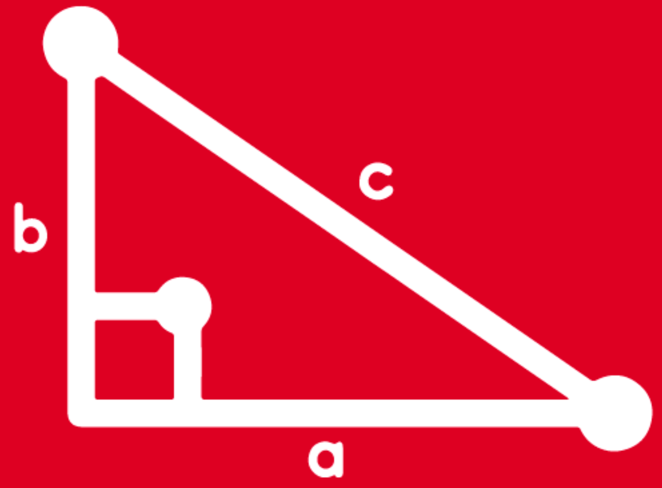
TRIGONOMETRY

Chapter 4

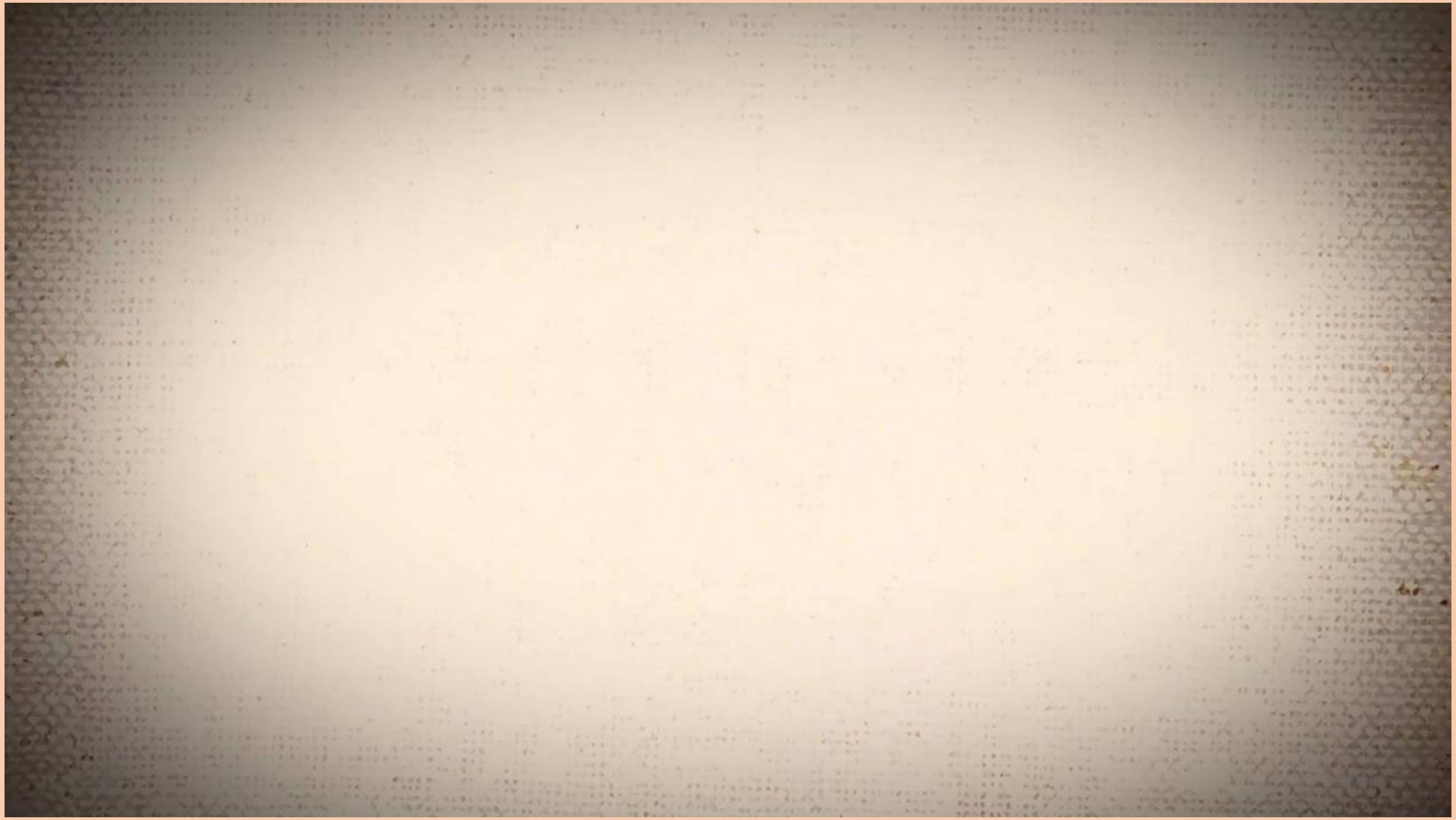
2nd
SECONDARY



Razones trigonométricas de ángulos agudos I

SACO OLIVEROS

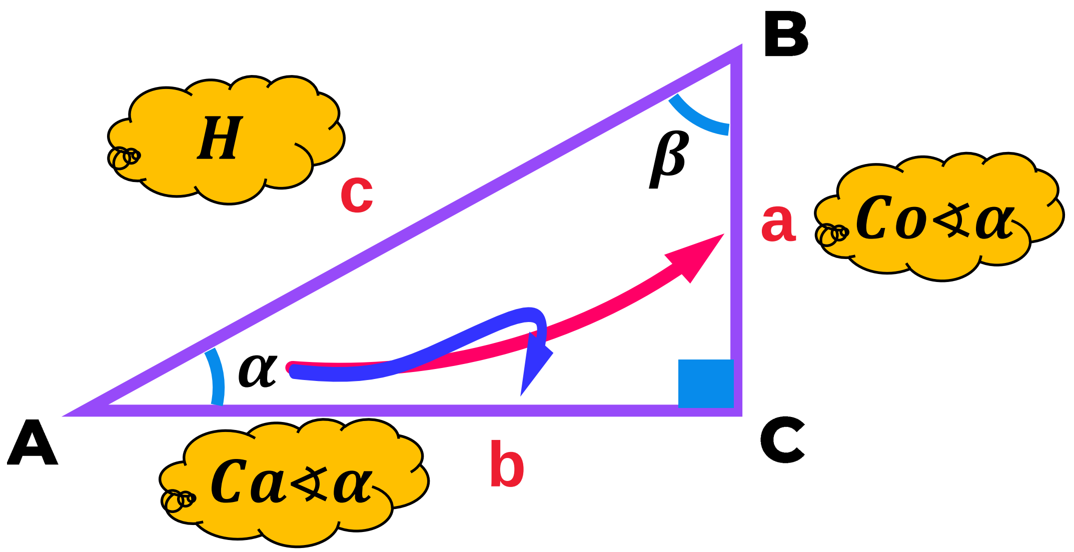
¿CÓMO SE MIDIÓ EL RADIO DE LA TIERRA EN LA ANTIGUEDAD ?



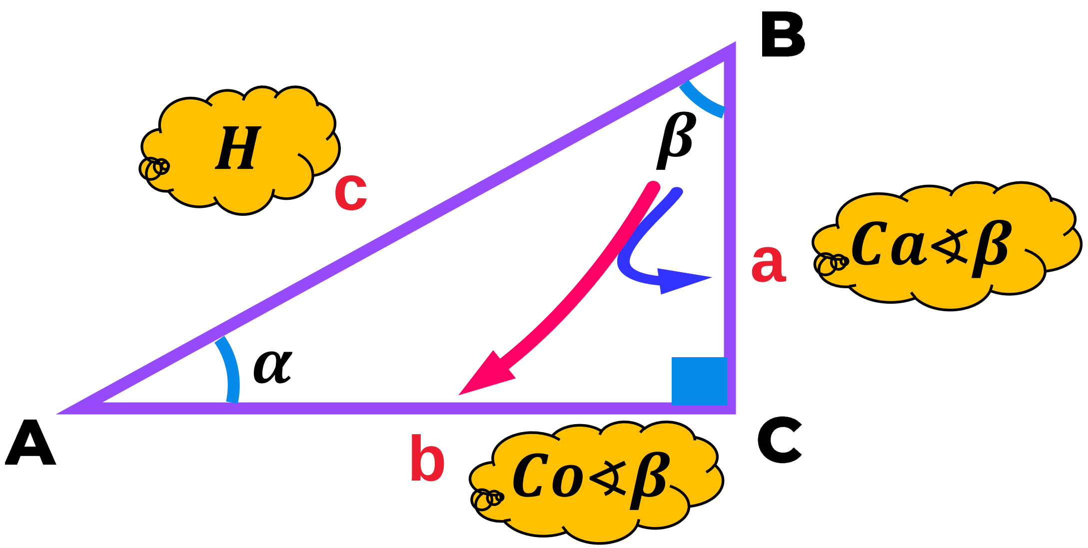
RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO I

I. Para el estudio de las R.T es necesario establecer correctamente la posición relativa de los catetos.

Con respecto al $\measuredangle\alpha$



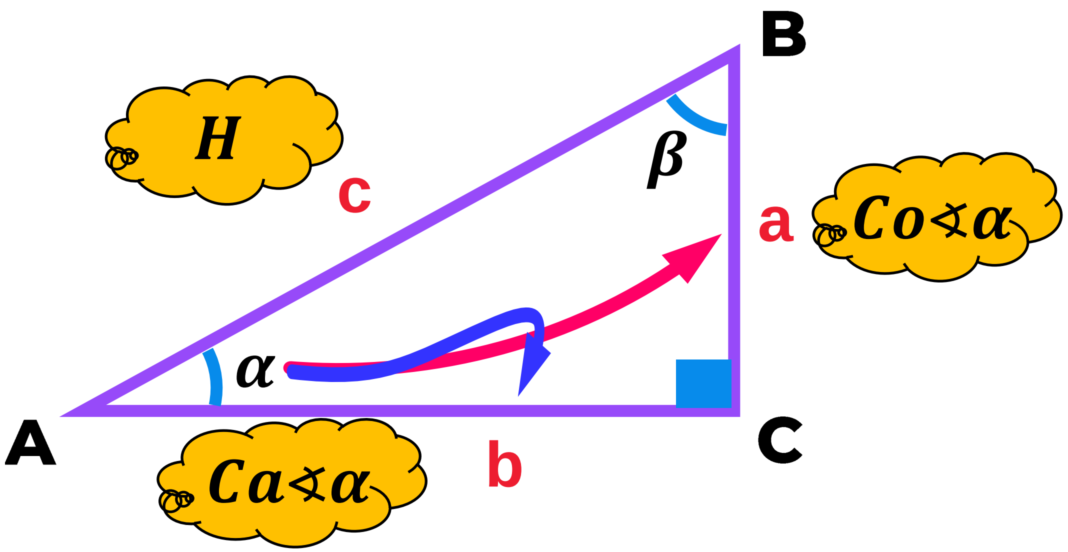
Con respecto al $\measuredangle\beta$



RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO I

II. Es el cociente que se establece entre las longitudes de los lados de un triángulo rectángulo con respecto a un ángulo agudo.

Con respecto al $\measuredangle\alpha$

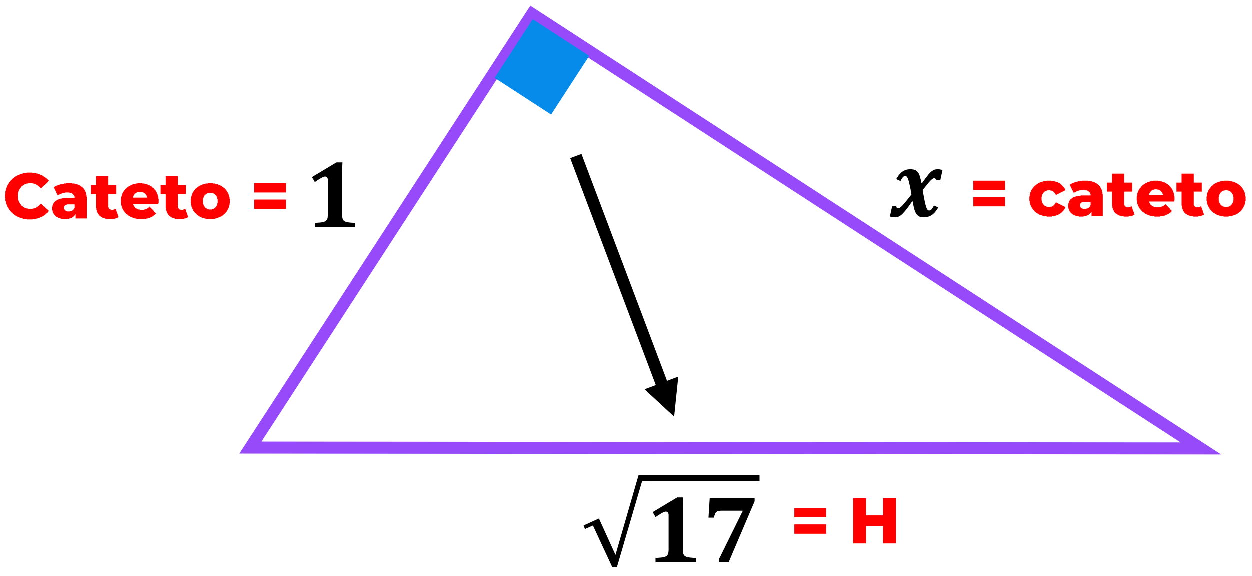


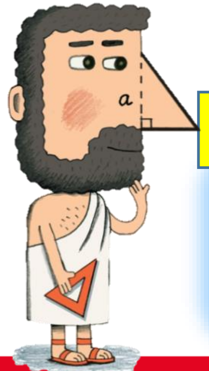
$$\text{sen}\alpha = \frac{\text{Cateto opuesto al } \measuredangle\alpha}{\text{Hipotenusa}}$$

$$\cos\alpha = \frac{\text{Cateto adyacente al } \measuredangle\alpha}{\text{Hipotenusa}}$$

$$\tan\alpha = \frac{\text{Cateto opuesto al } \measuredangle\alpha}{\text{Cateto adyacente al } \measuredangle\alpha}$$

1 Del gráfico, calcule x.





Recordar:

$$(H)^2 = (cateto)^2 + (cateto)^2$$

RESOLUCIÓN:

Teorema de Pitágoras:

$$(x)^2 + (1)^2 = \left(\sqrt{17}\right)^2$$

$$(x)^2 + 1 = 17$$

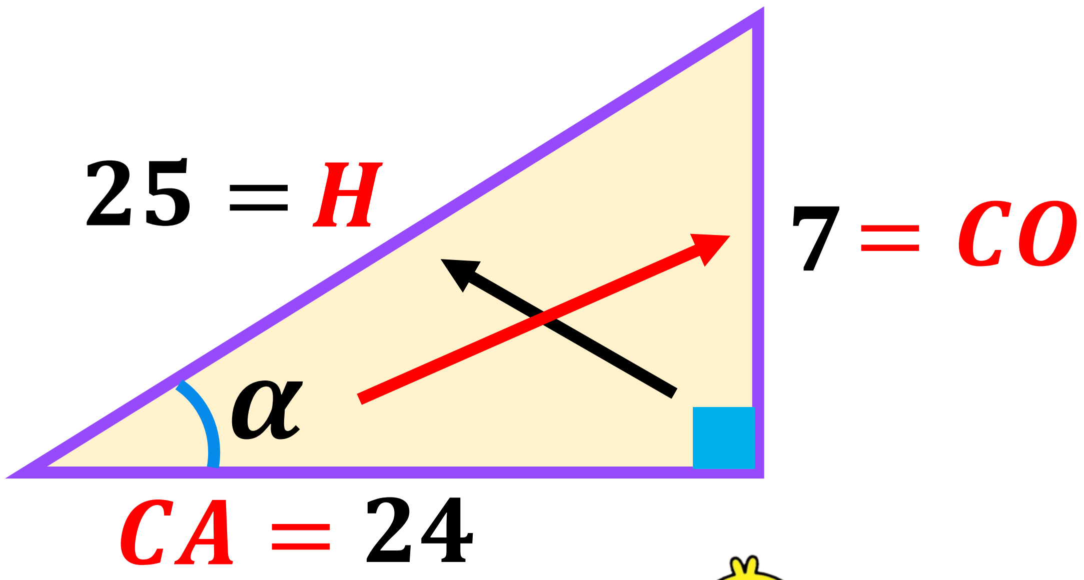
$$(x)^2 = 16$$

$$x = \sqrt{16}$$

$$\therefore\ x = 4$$

2 Del gráfico, efectúe.

$$T = sen\,\alpha + cos\,\alpha$$



Recordar:

$$sen\,\alpha = \frac{CO}{H} \qquad cos\,\alpha = \frac{CA}{H}$$

RESOLUCIÓN:

Teorema de Pitágoras:

$$(H)^2 = (7)^2 + (24)^2$$

$$(H)^2 = 49 + 576$$

$$(H)^2 = 625 \Rightarrow H = 25$$

Calculamos:

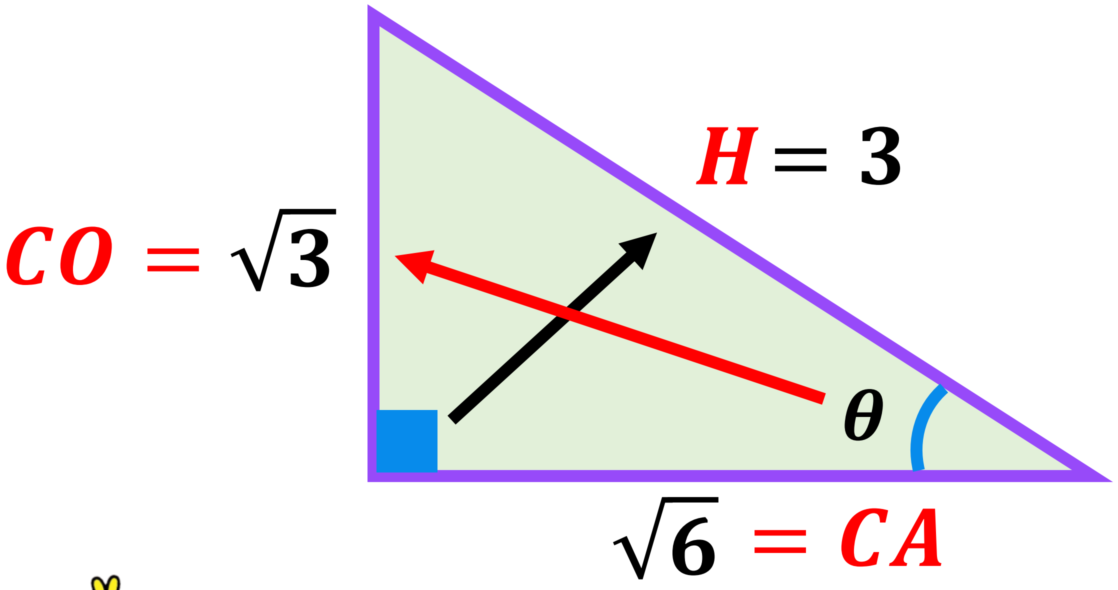
$$T = sen\,\alpha + cos\,\alpha$$

$$T = \frac{7}{25} + \frac{24}{25}$$

$$\therefore T = \frac{31}{25}$$

3 Del gráfico, efectúe.

$$Q = sen^2\,\theta - tan^2\,\theta$$



Recordar:

$$sen\,\alpha = \frac{CO}{H} \qquad tan\,\alpha = \frac{CO}{CA}$$

RESOLUCIÓN:

Teorema de Pitágoras:

$$(H)^2 = (\sqrt{6})^2 + (\sqrt{3})^2$$

$$(H)^2 = 6 + 3$$

$$(H)^2 = 9 \Rightarrow H = 3$$

Calculamos: $Q = sen^2\,\theta - tan^2\,\theta$

$$Q = \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 - \left(\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6}}\right)^2$$

$$Q = \frac{\cancel{3}^{\,1}}{\cancel{9}_{\,3}} - \frac{\cancel{3}^{\,1}}{\cancel{6}_{\,2}} = \frac{1}{3} - \frac{1}{2}$$

$$\boxed{\therefore Q = -\frac{1}{6}}$$

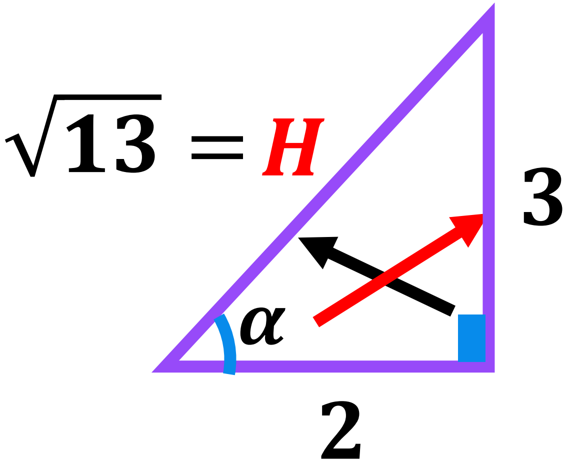
4 Si $tan\,\alpha = \frac{3}{2}$, donde "α" es un ángulo agudo, efectúe:

$$A = \sqrt{13}\,cos\,\alpha \cdot tan\,\alpha$$

RESOLUCIÓN:

Del dato:

$$tan\,\alpha = \frac{3}{2} = \frac{CO}{CA}$$



Teorema de Pitágoras:

$$(H)^2 = (3)^2 + (2)^2$$

$$(H)^2 = 9 + 4$$

$$(H)^2 = 13 \Rightarrow H = \sqrt{13}$$

Calculamos:

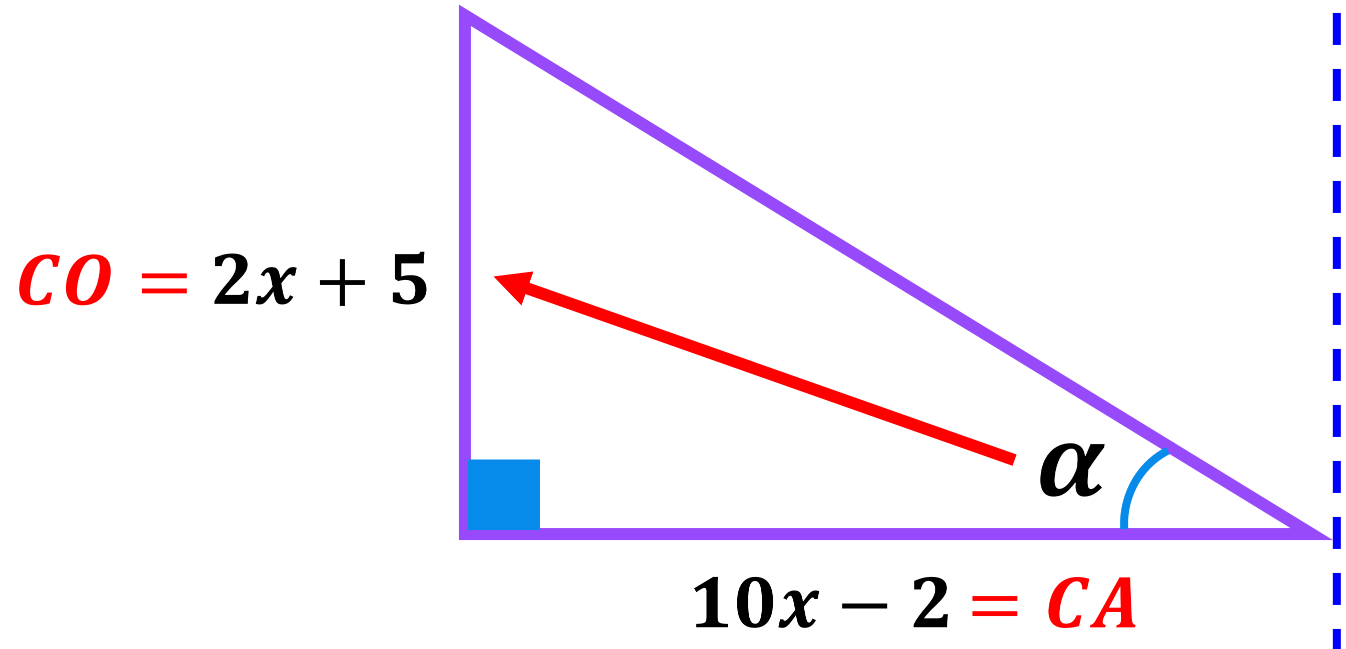
$$A = \sqrt{13}\,cos\,\alpha \cdot tan\,\alpha$$

$$A = \cancel{\sqrt{13}} \times \frac{\cancel{2}}{\cancel{\sqrt{13}}} \times \frac{3}{\cancel{2}}$$

$$\boxed{\therefore A = 3}$$

5 Del gráfico, calcule x. Si

$$tan\,\alpha = \frac{1}{2}$$



RESOLUCIÓN:

Del dato: $tan\,\alpha = \frac{1}{2}$ ...(1)

Del gráfico: $tan\,\alpha = \frac{2x+5}{10x-2}$ ...(2)

Igualando (1) y (2)

$$\frac{2x+5}{10x-2} = \frac{1}{2}$$

$$2(2x+5) = 1(10x-2)$$

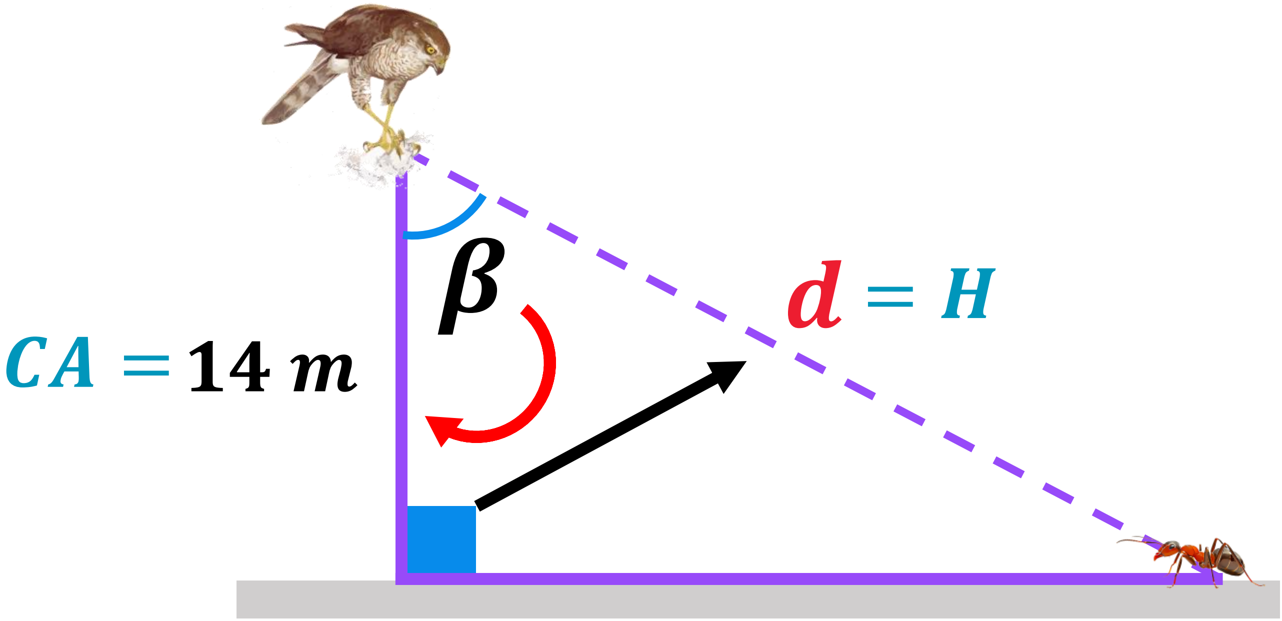
$$4x + 10 = 10x - 2$$

$$12 = 6x$$

$$\therefore x = 2$$

6 Un pájaro que se encuentra a 14m de altura observa un insecto y se dirige hacia él, tal como se muestra en la figura. Halle la distancia d entre el pájaro y dicho insecto, Considere

$$\cos\beta = \frac{7}{25}$$



RESOLUCIÓN:

Del dato: $\cos\beta = \frac{7}{25}$ ...(1)

Del gráfico: $\cos\beta = \frac{14}{d}$ ...(2)

Igualando (1) y (2)

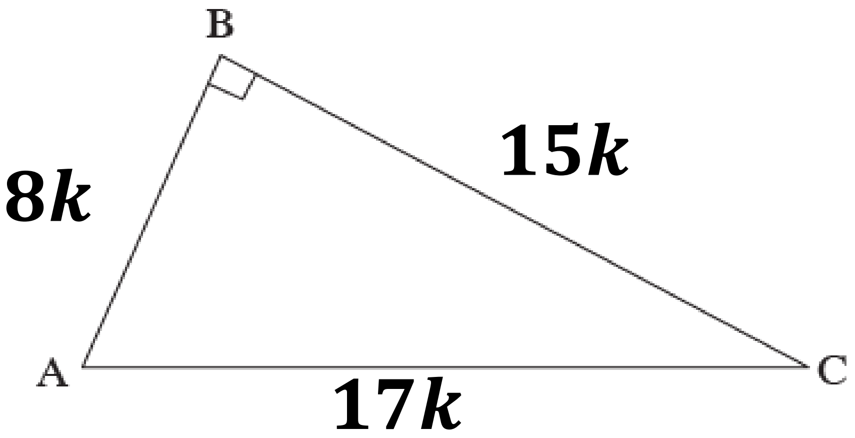
$$\frac{\cancel{7}^{\,1}}{25} = \frac{\cancel{14}^{\,2}}{d}$$

$$d = 25(2)$$

$$\boxed{\therefore d = 50\ m}$$

7

Carlos ha comprado un terreno en forma triangular ABC (como muestra la figura). Por motivos de seguridad desea construir un muro que rodee su perímetro. Si la hipotenusa mide 51m y tanA = 15 /8 ¿Cuánto es el perímetro que rodea el muro,



RESOLUCIÓN:

Del dato:

$$tanA = \frac{15}{8} = \frac{CO}{CA}$$

$$17k = 51$$

$$\boxed{k = 3}$$

Calculamos:

$$2p = \underbrace{8k + 15k + 17k}$$

$$2p = 40k$$

$$2p = 40(3)$$

$$\therefore 2p = 120m$$