



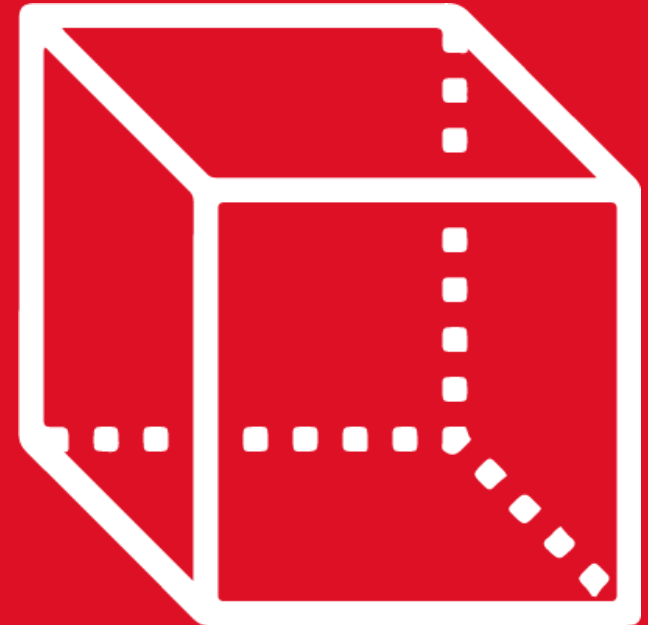
GEOMETRÍA

Capítulo 9

4st

SECONDARY

Segmentos proporcionales

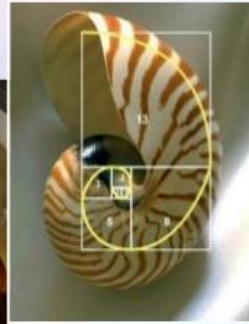
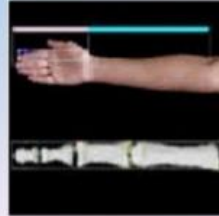


 **SACO OLIVEROS**

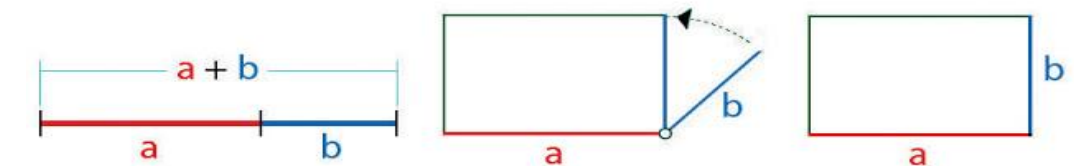
1. PROPORCIÓN ÁUREA

También llamada **sección áurea**, se halla presente en la naturaleza, el arte y la arquitectura.

Los griegos la conocieron en **el estudio del cuerpo humano** y la utilizaron, en la escultura y la arquitectura y la definieron como una característica fundamental en su estética.



GEOMETRÍA, ESCALA Y PROPORCIÓN EN EL TIEMPO



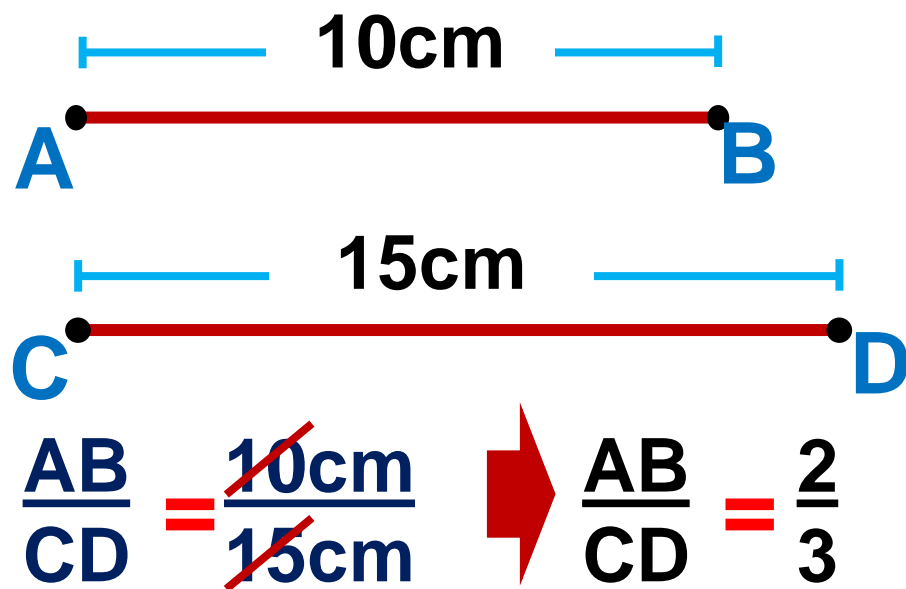
$$\frac{a}{b} = \frac{a+b}{a} = \varphi \text{ (Phi)} = 1.61803399...$$



Razón geométrica de dos segmentos

Es el cociente que se obtiene al dividir las longitudes de dos segmentos que tienen la misma unidad de medida.

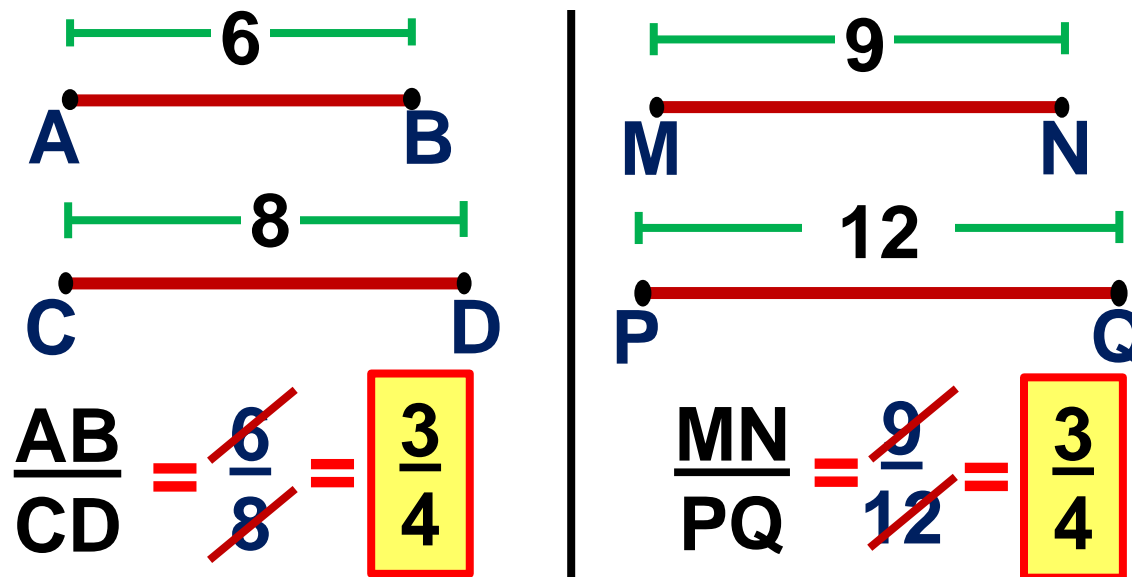
Ejemplo:



$\frac{2}{3}$: razón geométrica de \overline{AB} y \overline{CD}

Segmentos proporcionales

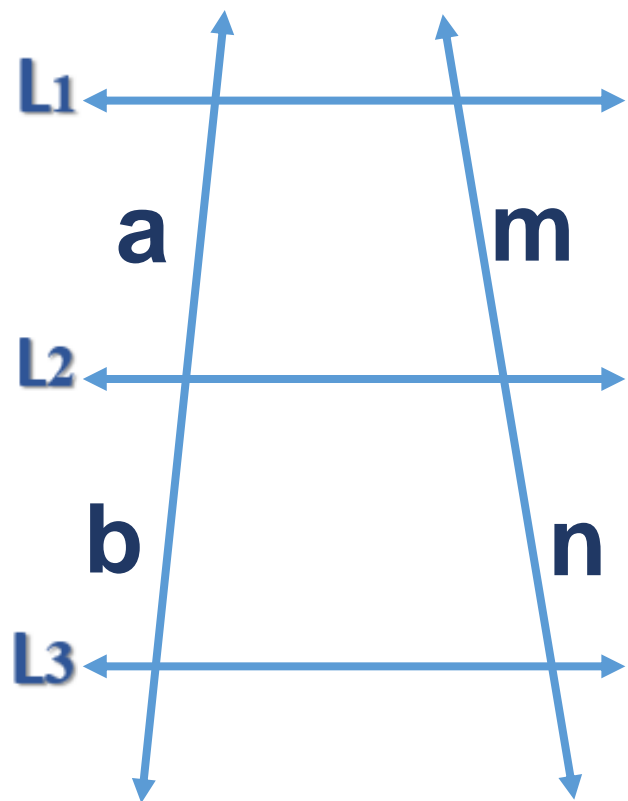
Si la razón geométrica de 2 segmentos es igual a la de otros dos, dichos pares de segmentos son proporcionales.



$$\frac{AB}{CD} = \frac{MN}{PQ}$$

➔ Son proporcionales

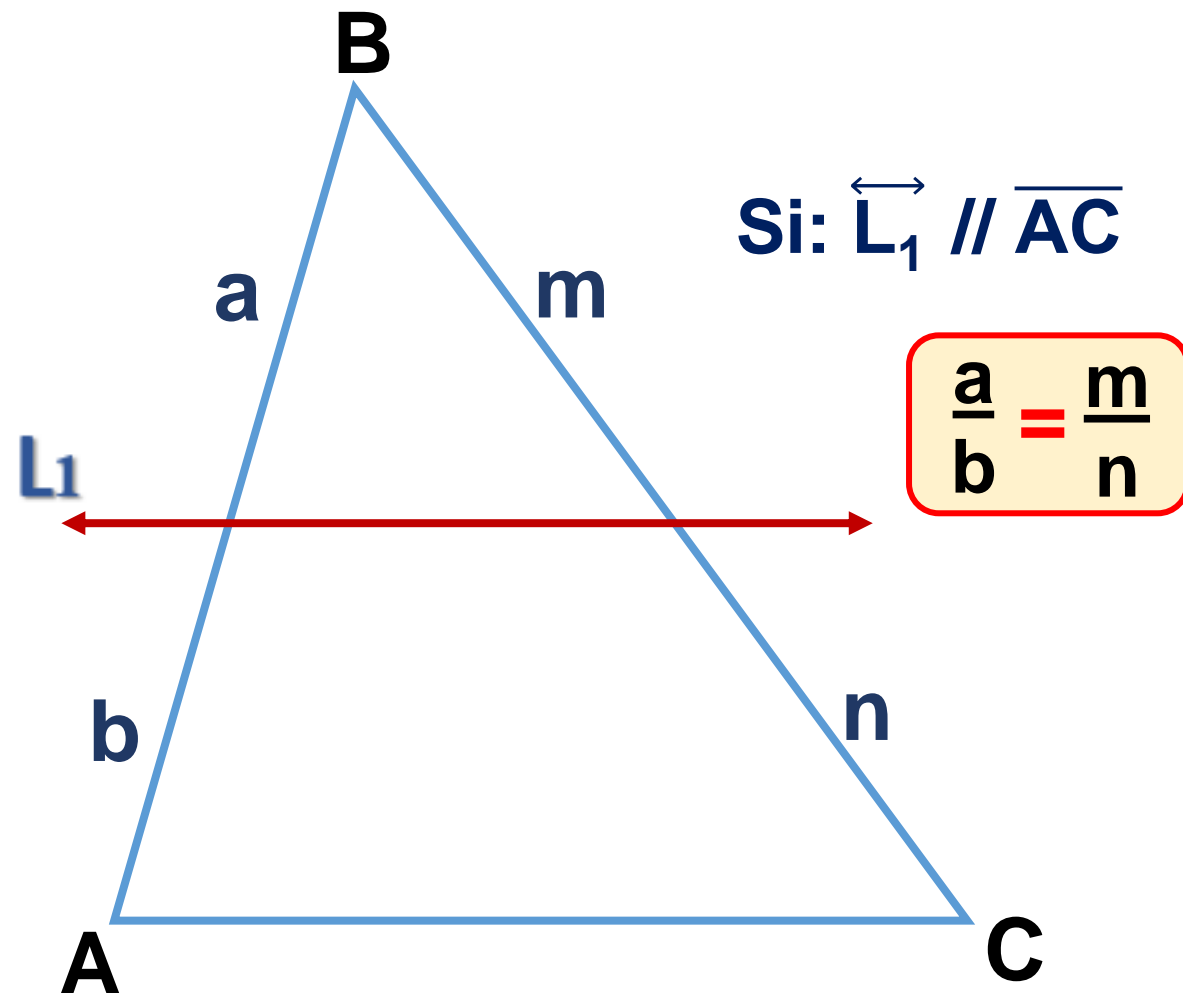
Teorema de Tales



Si: $\overleftrightarrow{L_1} \parallel \overleftrightarrow{L_2} \parallel \overleftrightarrow{L_3}$

$$\frac{a}{b} = \frac{m}{n}$$

Corolario de Tales



Si: $\overleftrightarrow{L_1} \parallel \overline{AC}$

$$\frac{a}{b} = \frac{m}{n}$$



Teorema de la Bisectriz

T. de la Bisectriz Interior

$$\frac{a}{b} = \frac{m}{n}$$

T. de la Bisectriz Exterior

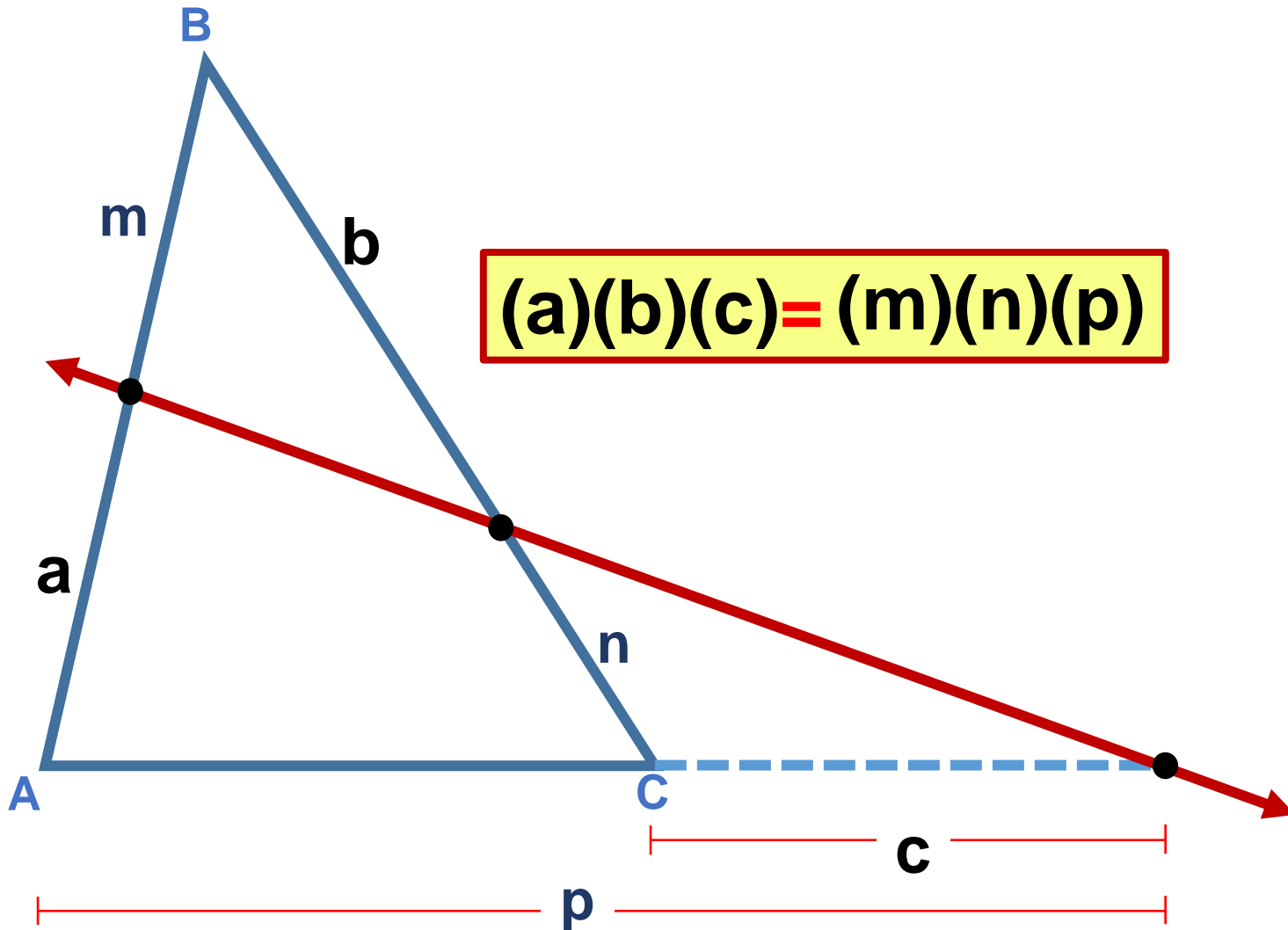
$$\frac{a}{b} = \frac{m}{n}$$

Teorema del Incentro

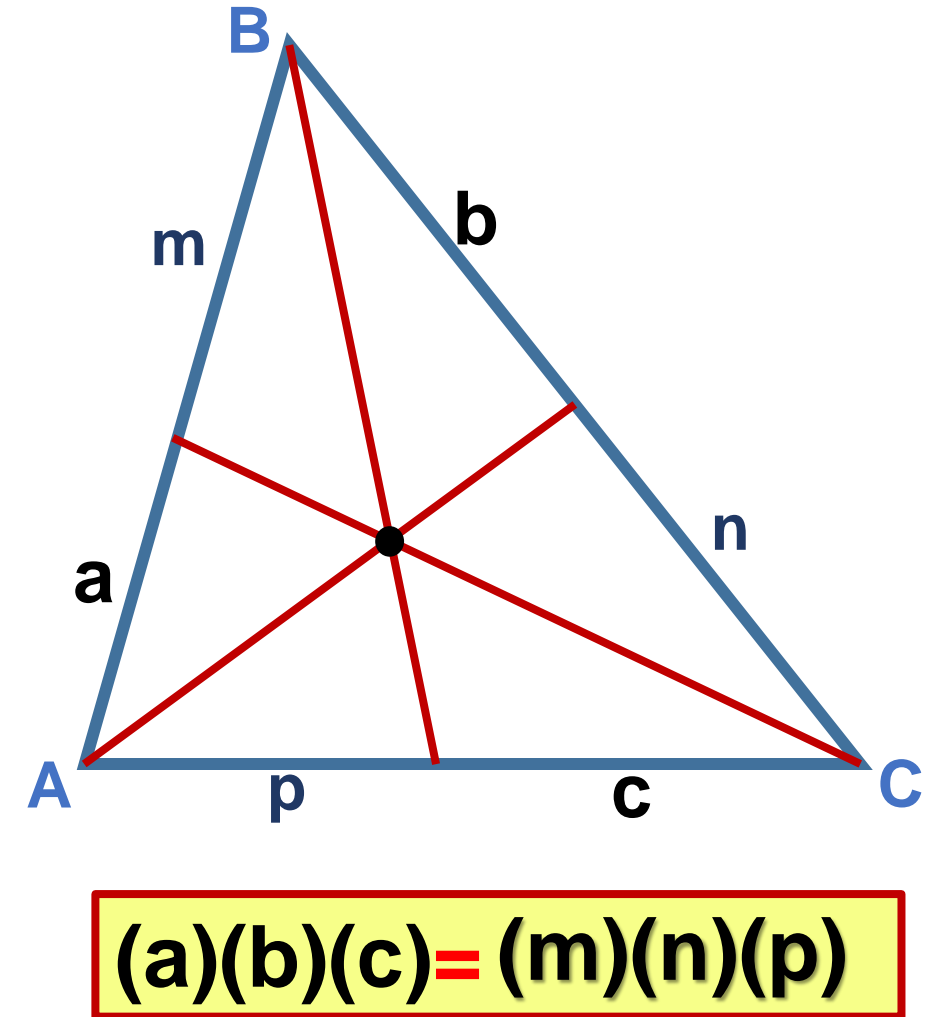
I: Incentro del $\triangle ABC$

$$\frac{m}{n} = \frac{a+c}{b}$$

Teorema de Menelao

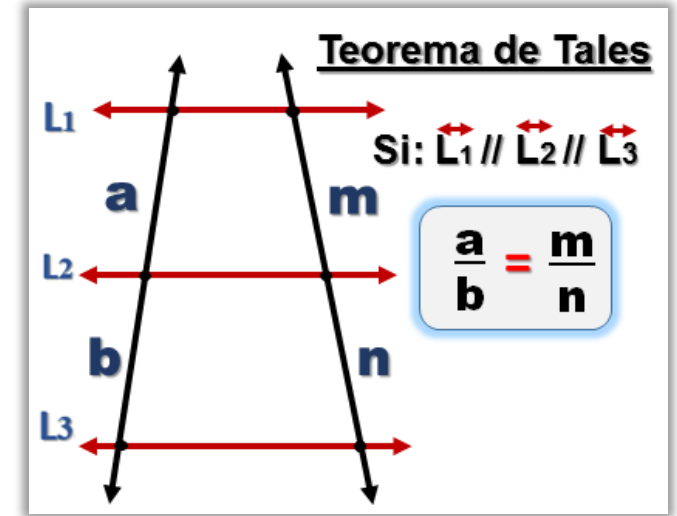
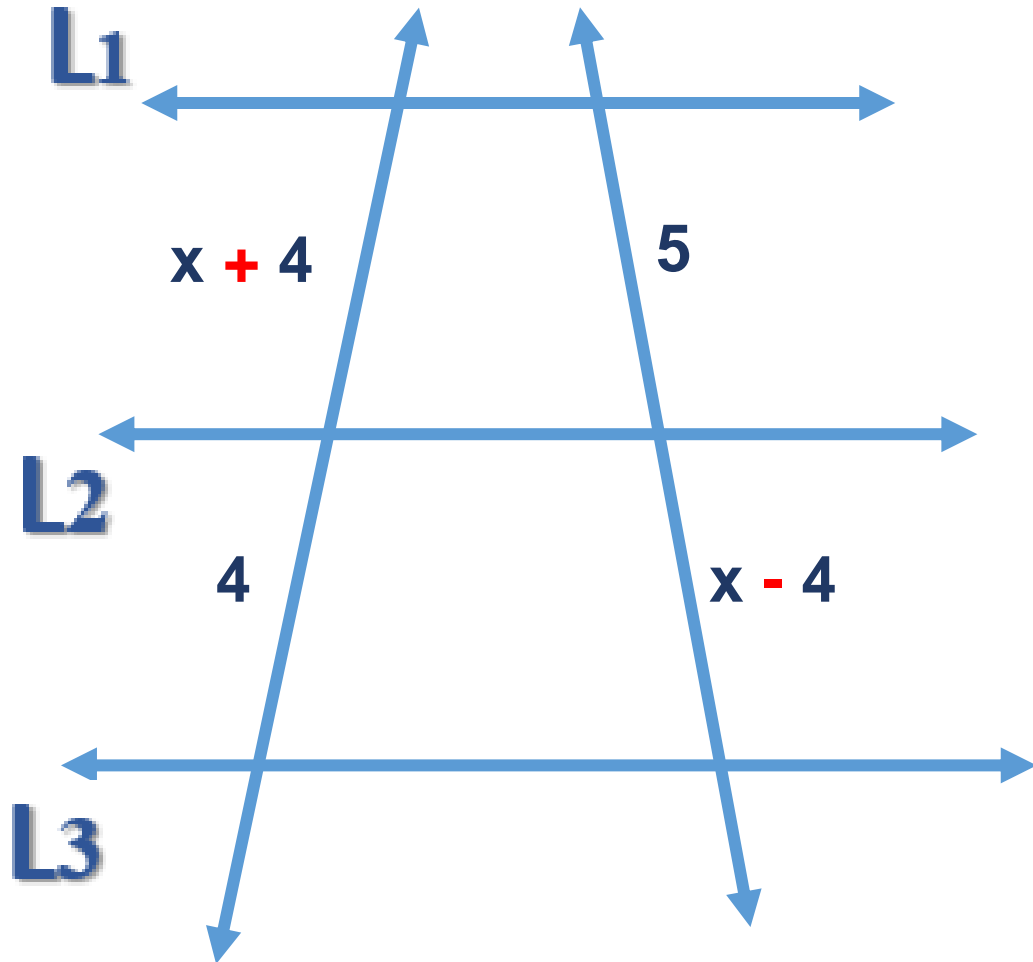


Teorema de Ceva





1. En la figura, $\vec{L_1} \parallel \vec{L_2} \parallel \vec{L_3}$. Halle el valor de x .



Resolución

• Piden x

$$\frac{x+4}{4} = \frac{5}{x-4}$$

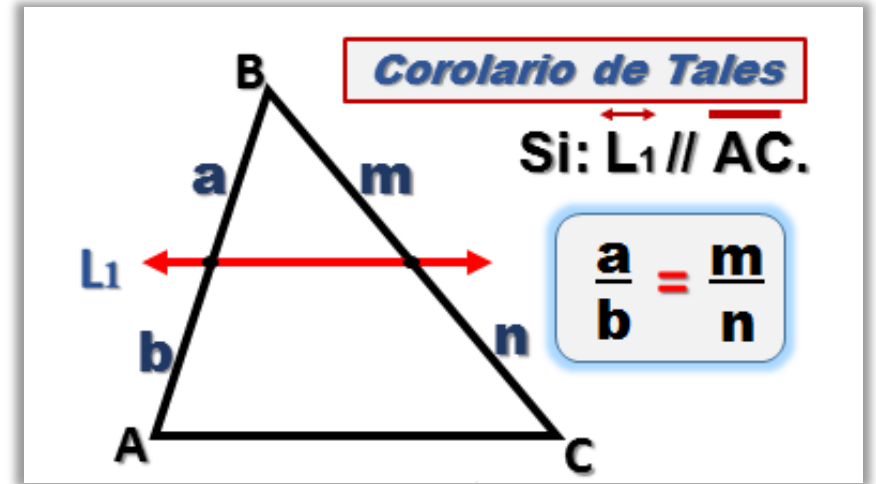
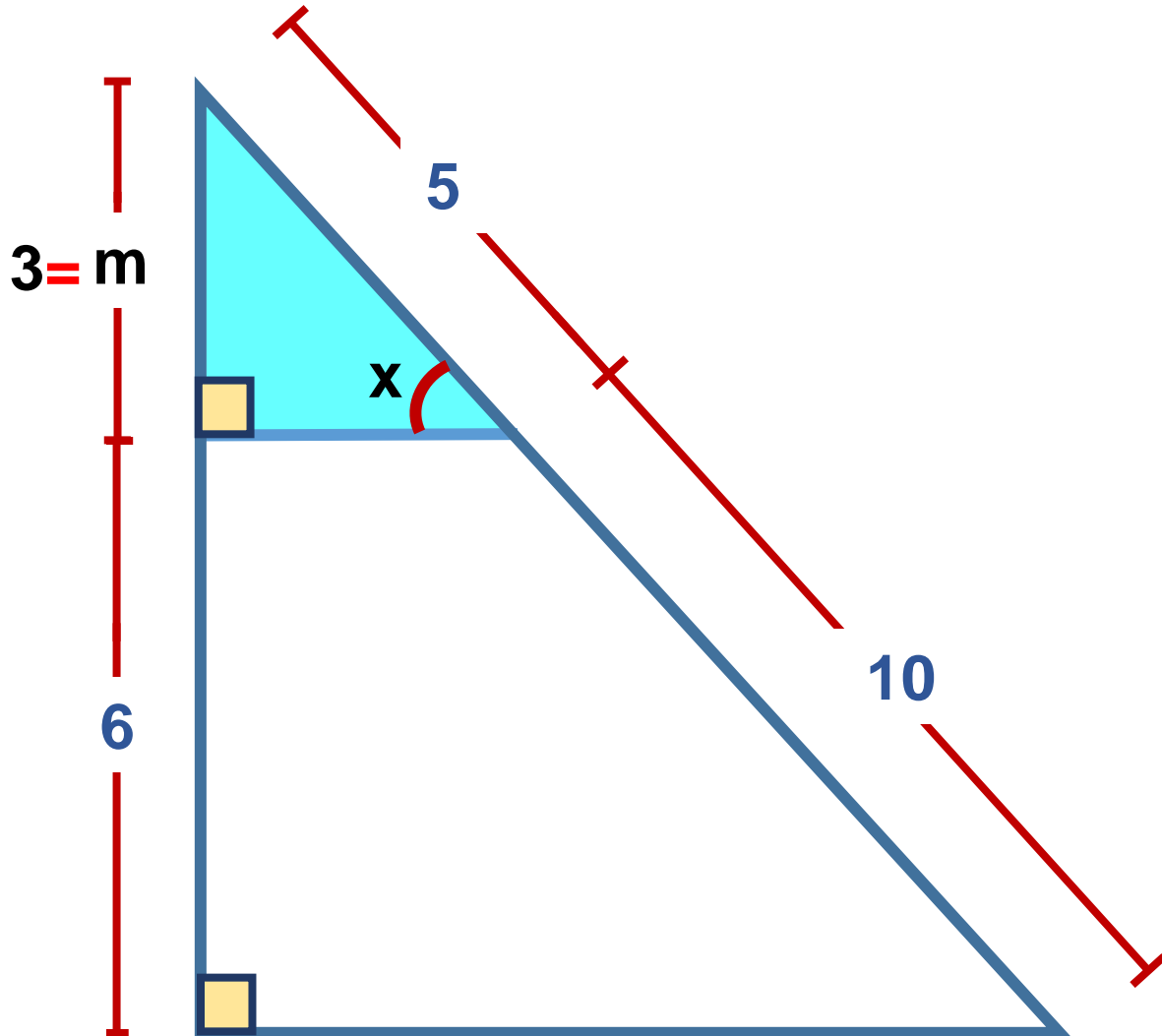
$$(x+4)(x-4) = 20$$

$$x^2 - 4^2 = 20$$

$$x^2 = 36$$

$$x = 6$$

2. En la figura, halle el valor de x .



Resolución

• Piden x

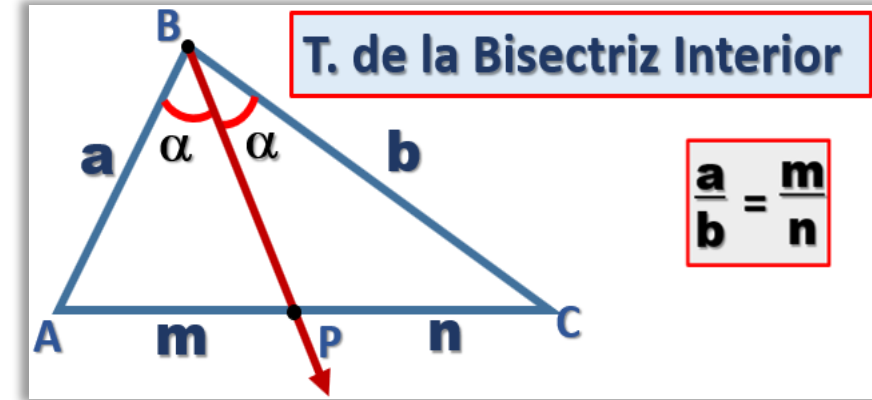
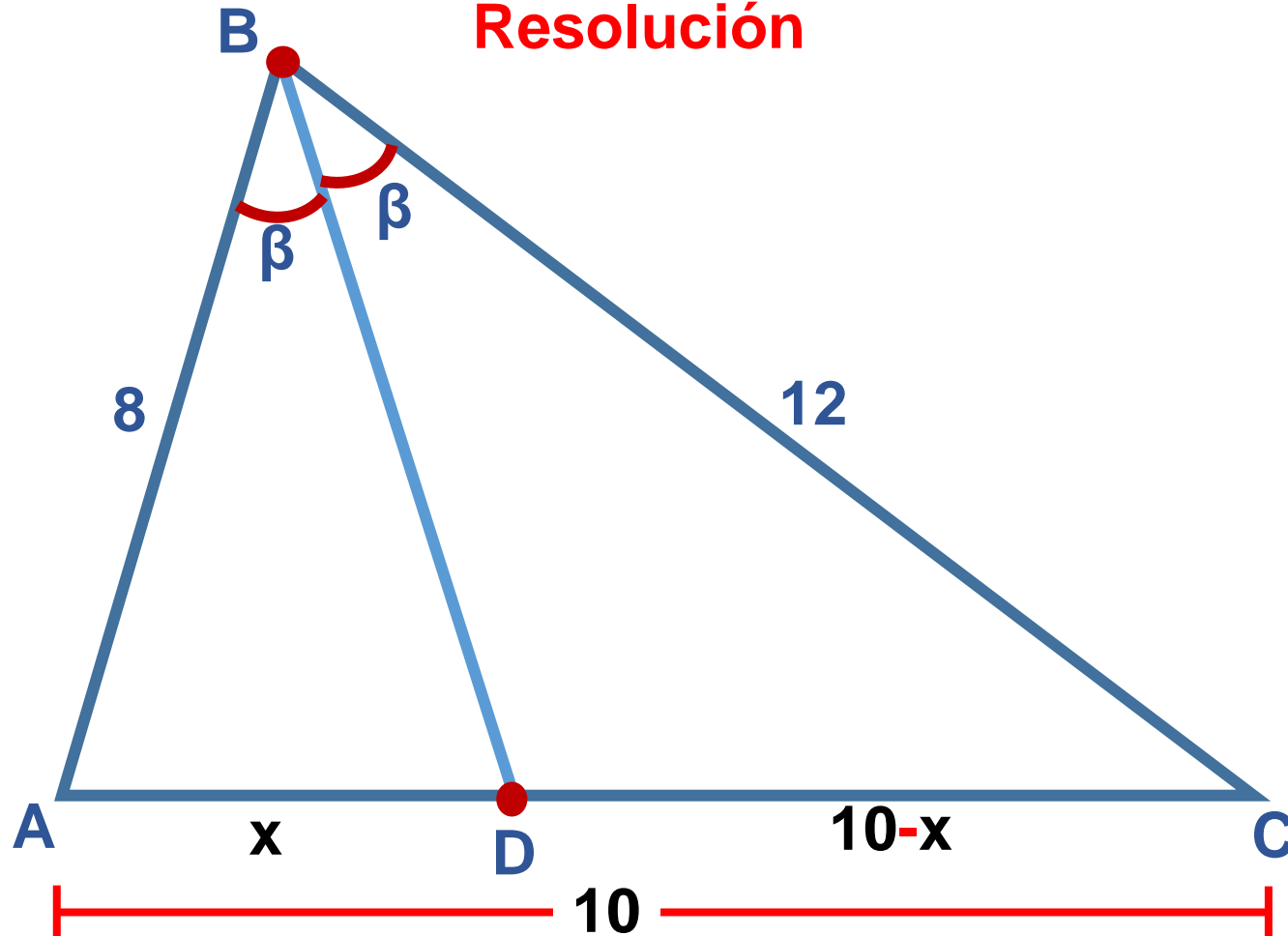
$$\frac{m}{6} = \frac{5}{10} \rightarrow m = 3$$

• Es  notable de 37° y 53°

$$x = 37^\circ$$

3. En un triángulo ABC, $AB = 8$, $BC = 12$ y $AC = 10$. Luego se traza la bisectriz interior \overline{BD} . Calcule AD.

Resolución



• Piden $AD = x$

$$\frac{8}{12} = \frac{x}{10 - x}$$

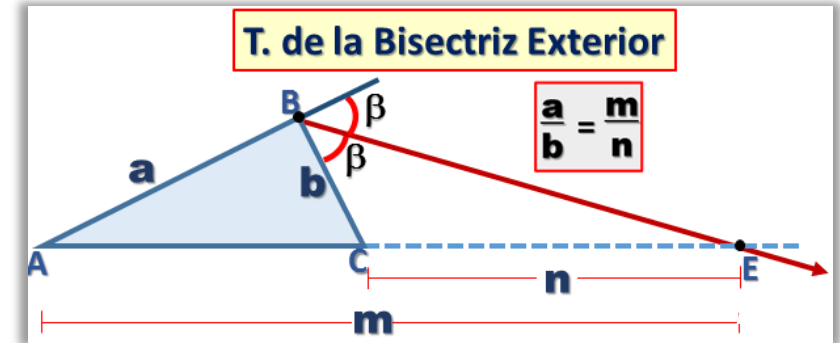
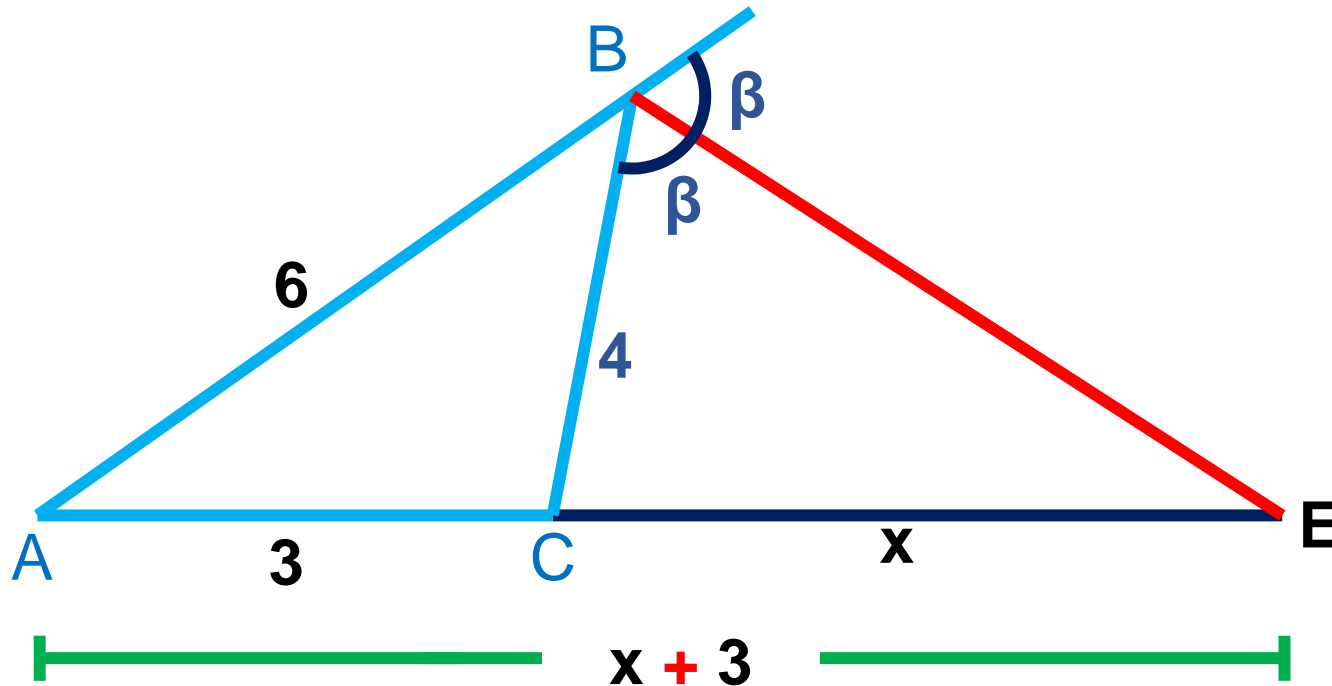
$$20 - 2x = 3x$$

$$20 = 5x$$

$$x = 4$$

4. En un triángulo ABC, $AB = 6$, $BC = 4$ y $AC = 3$. Luego se traza la bisectriz exterior del ángulo exterior en B, la cual interseca a la prolongación de \overline{AC} en E. Calcule CE.

Resolución



• Piden x

$$\frac{6}{4} = \frac{x + 3}{x}$$

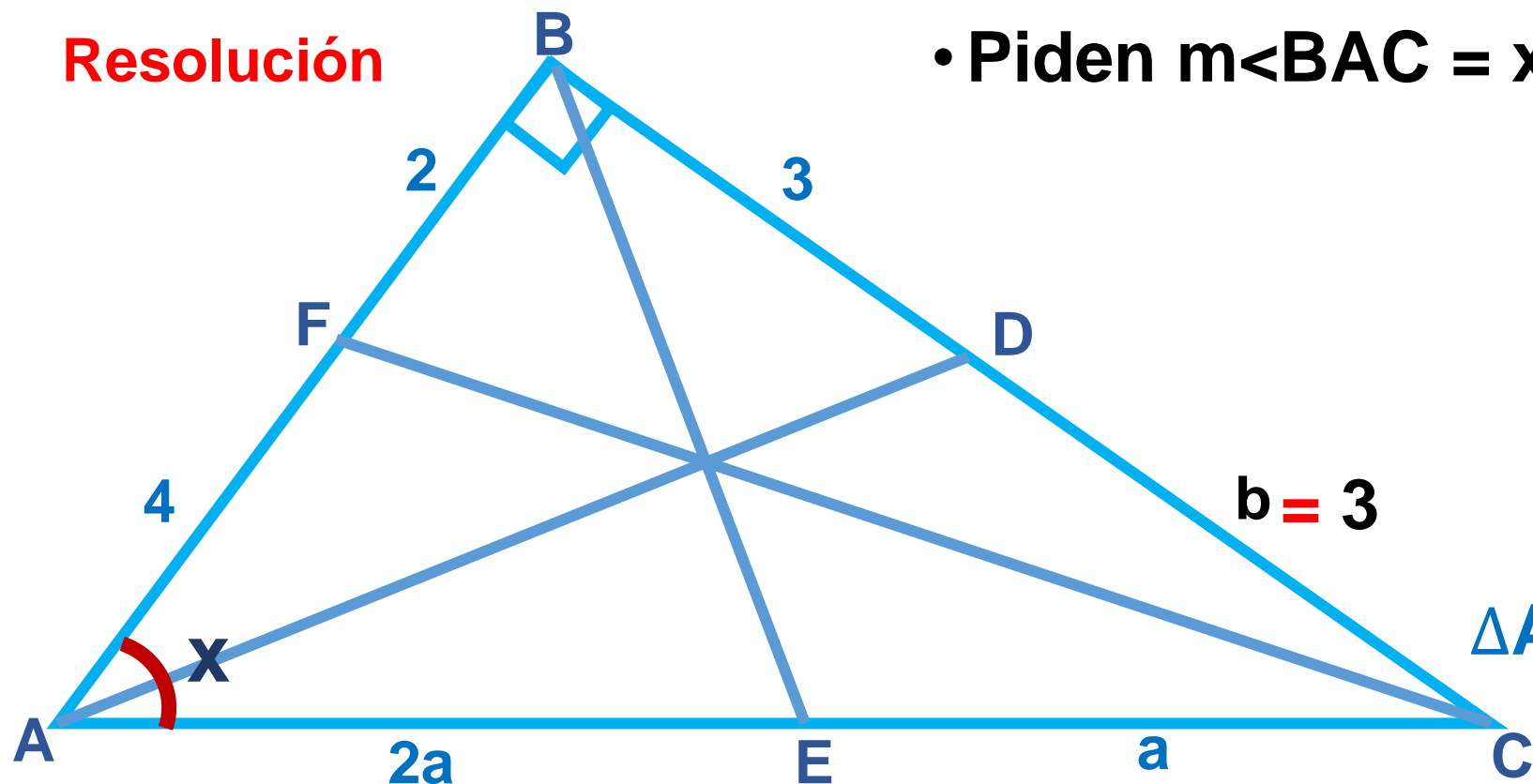
$$3x = 2x + 6$$

$$x = 6$$

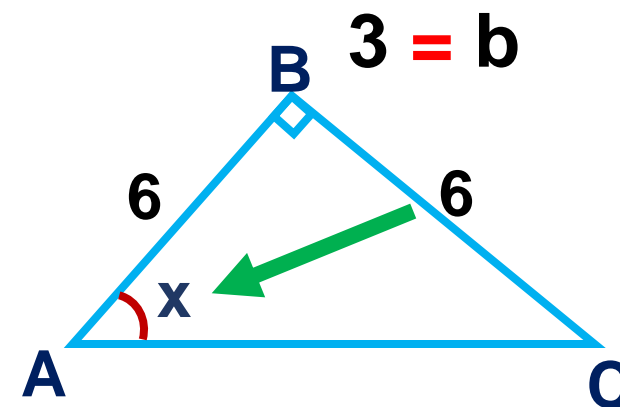


5. En un triángulo rectángulo ABC, recto en B, se trazan las cevianas interiores \overline{AD} , \overline{BE} y \overline{CF} , las cuales se intersecan en un punto. Si $AF = 4$, $FB = 2$, $BD = 3$ y $AE = 2(EC)$, calcule $m\angle BAC$.

Resolución



Teorema de Ceva
 $(4)(3)(a) = (2)(b)(2a)$

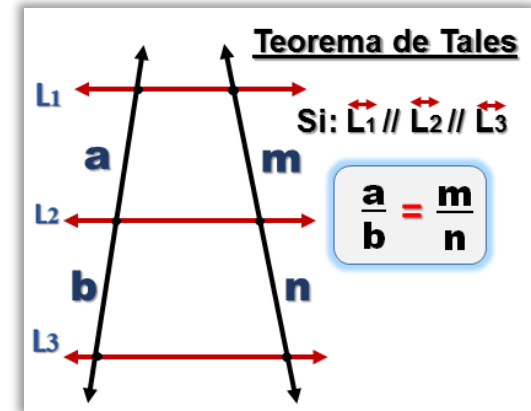
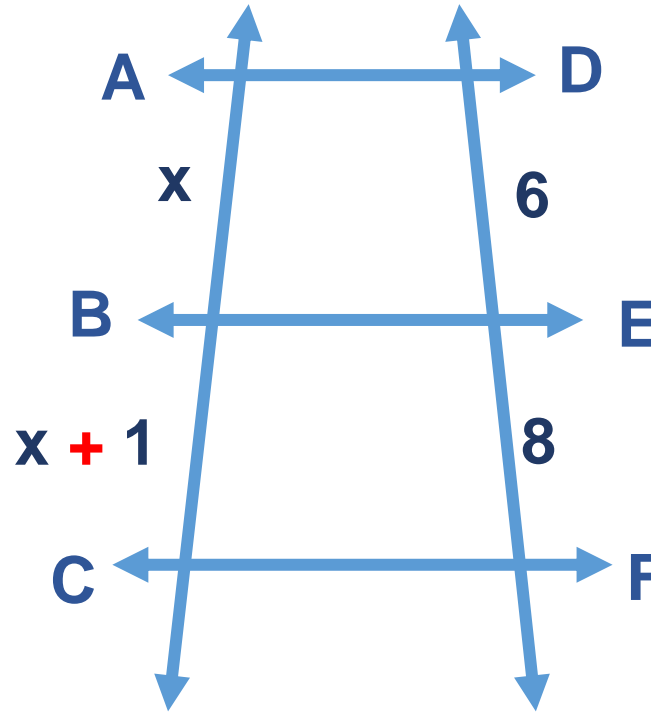
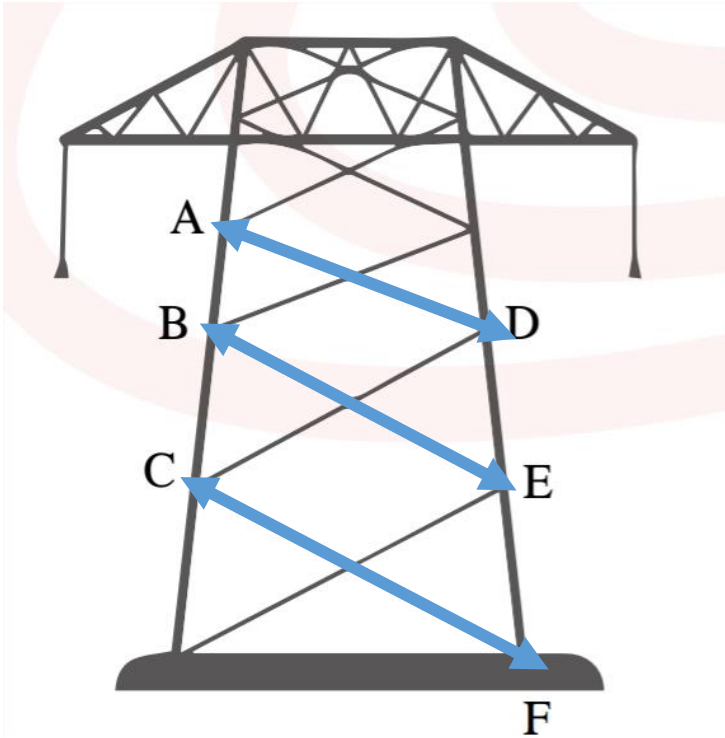


$\triangle ABC$: Notable de 45° y 45°

$x = 45^\circ$



6. En la figura se observa una torre de alta tension de manera que los borras metálicas \overline{AD} , \overline{BE} y \overline{CF} son paralelas, $BC=AB + 1$; $DE = 6$ y $EF = 8$. Calcule AB .



Resolución

• Piden $AB = x$

$$\frac{x}{x+1} = \frac{6}{8}$$

$$4x = 3x + 3$$

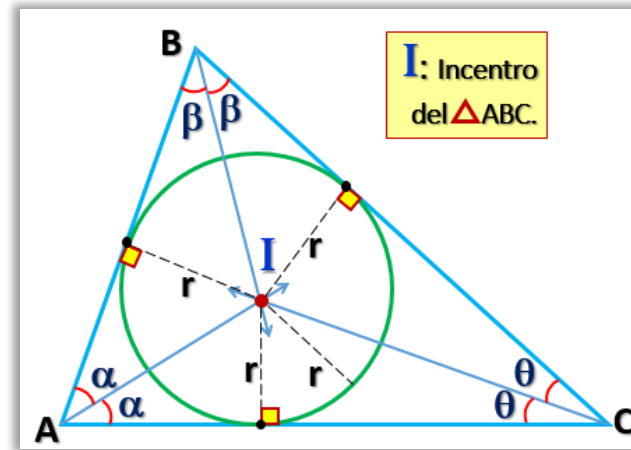
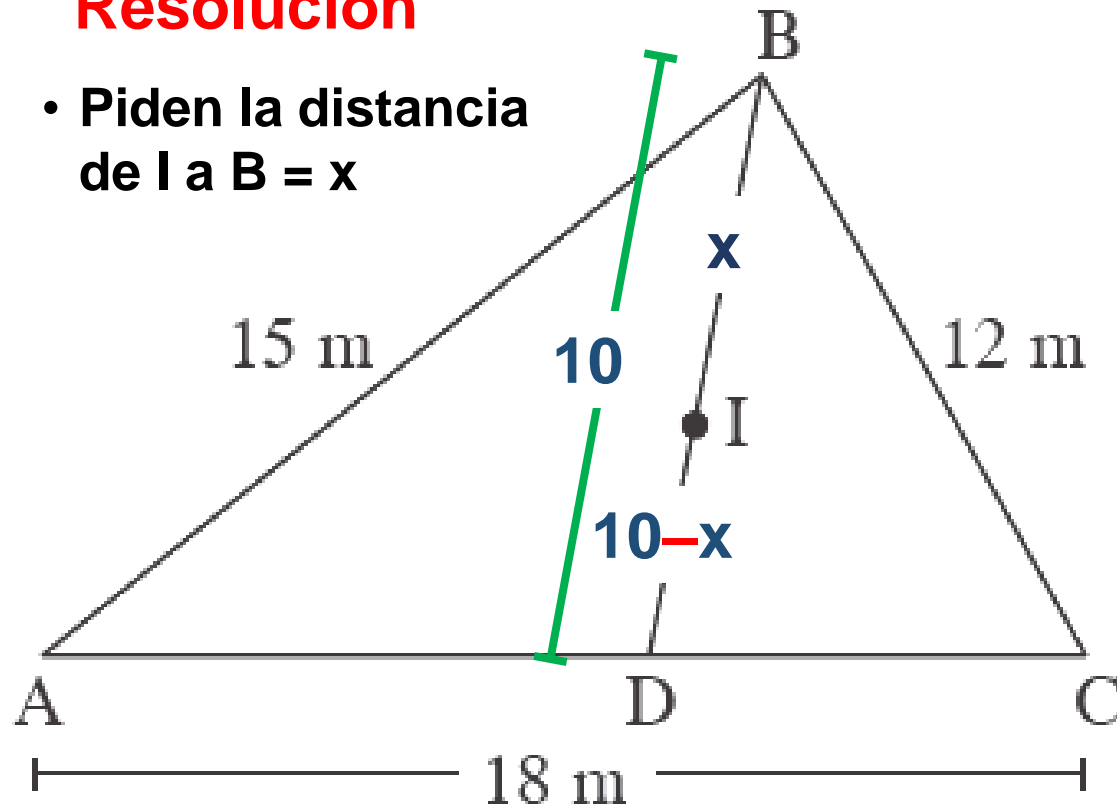
$$x = 3$$

7. En la figura se muestra el piso de una piscina donde en el punto I se encuentra el punto de succión del agua, el cual equidista de las paredes de la piscina. Halle la distancia de I a B si $BD = 10$ m.

I es el incentro $\triangle ABC$

Resolución

- Piden la distancia de I a B = x

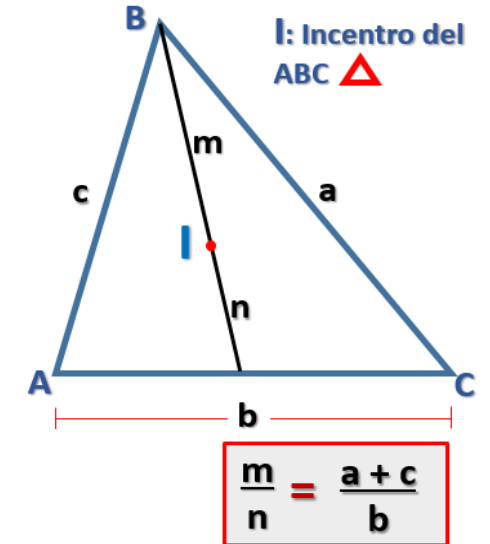


Por teorema del Incentro

$$\frac{x}{10-x} = \frac{15+12}{18}$$

$$\frac{x}{10-x} = \frac{27}{18} \cdot \frac{3}{2}$$

Teorema del Incentro



$$2x = 30 - 3x$$

$$5x = 30$$

$$x = 6 \text{ m}$$