



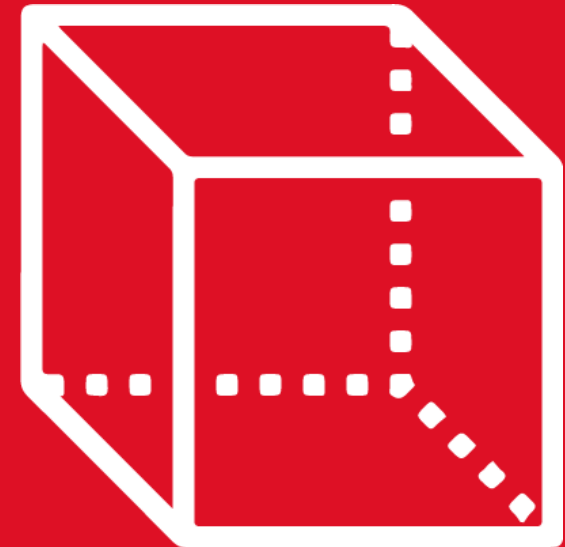
GEOMETRY

Chapter 19

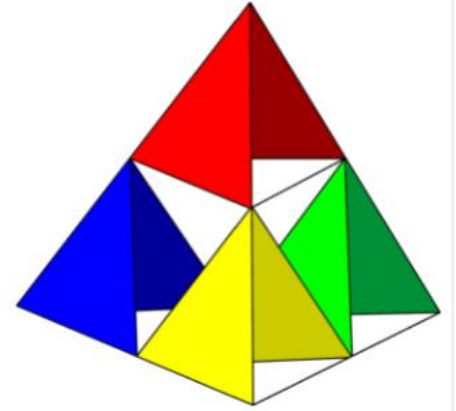
4th

SECONDARY

PIRÁMIDE- CONO

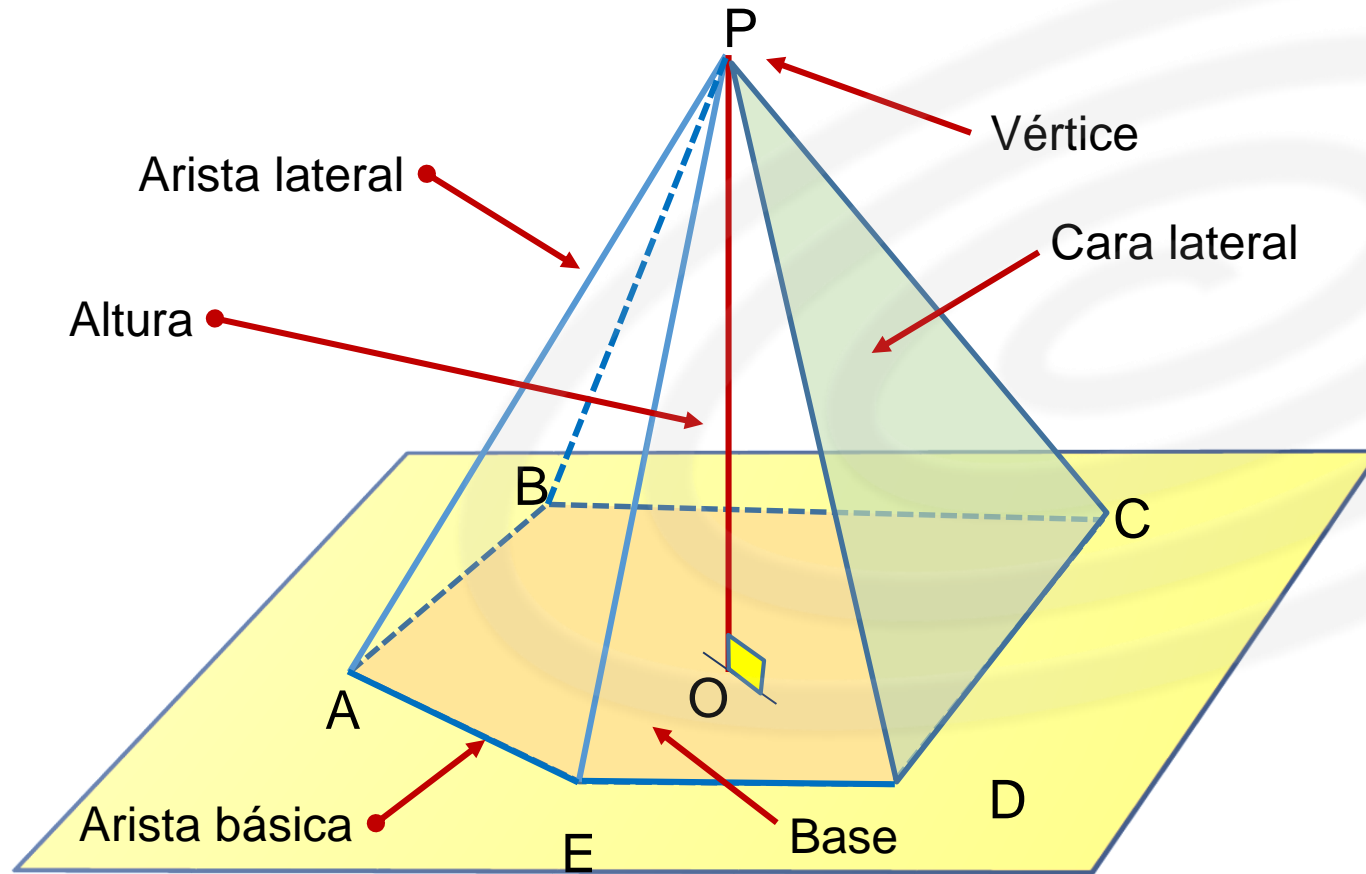


 **SACO OLIVEROS**





Es aquel poliedro en el cual una de sus caras es una región poligonal cualquiera denominado base , y sus otras caras son regiones triangulares denominadas caras laterales , todas ellas tienen un vértice en común al cual se le denomina vértice o cúspide de la pirámide.



- En la figura se muestra una pirámide pentagonal

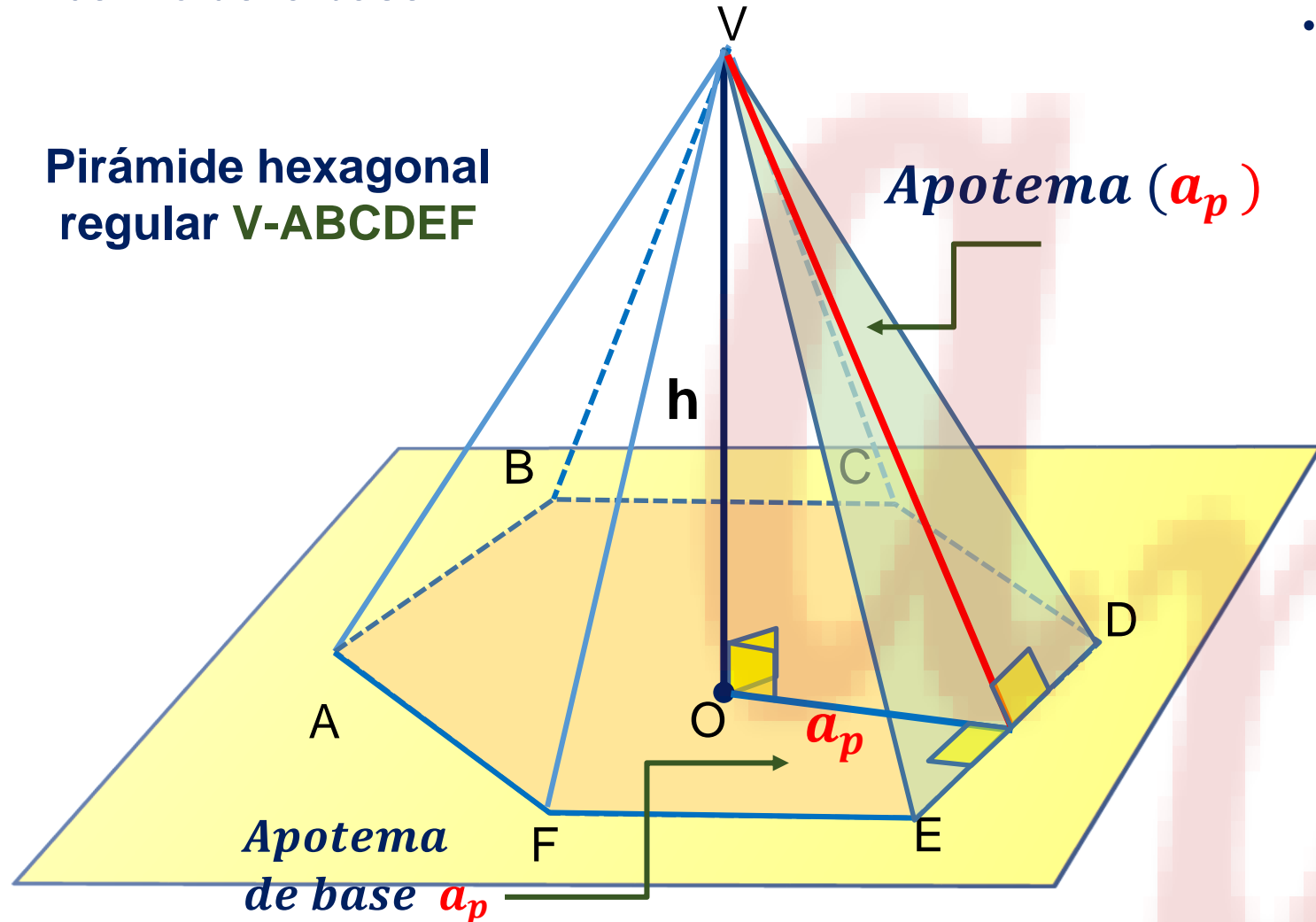
P - ABCDE

Pirámide Regular



Es una pirámide que tiene por base , una región poligonal regular y el pie de su altura es el centro de la base.

Pirámide hexagonal regular V-ABCDEF



- Área de la superficie lateral (S_L)

$$S_L = p_{(base)} \cdot a_p$$

$p_{(base)}$: semiperímetro de la base

- Área de la superficie Total (S_T)

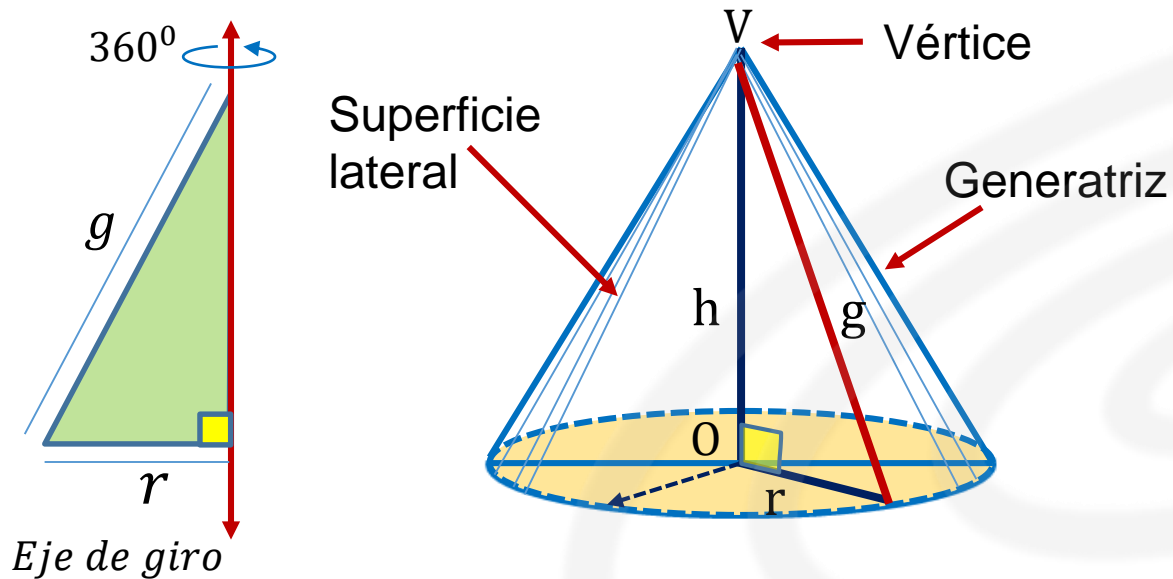
$$S_T = S_L + S_{Base}$$

- Volumen (V)

$$V = \frac{1}{3} \cdot S_{Base} \cdot h$$

Cono circular recto o de revolución

Es el cono cuya base es un círculo y el pie de la altura es el centro de dicha base.



$$S_L = \pi r g$$

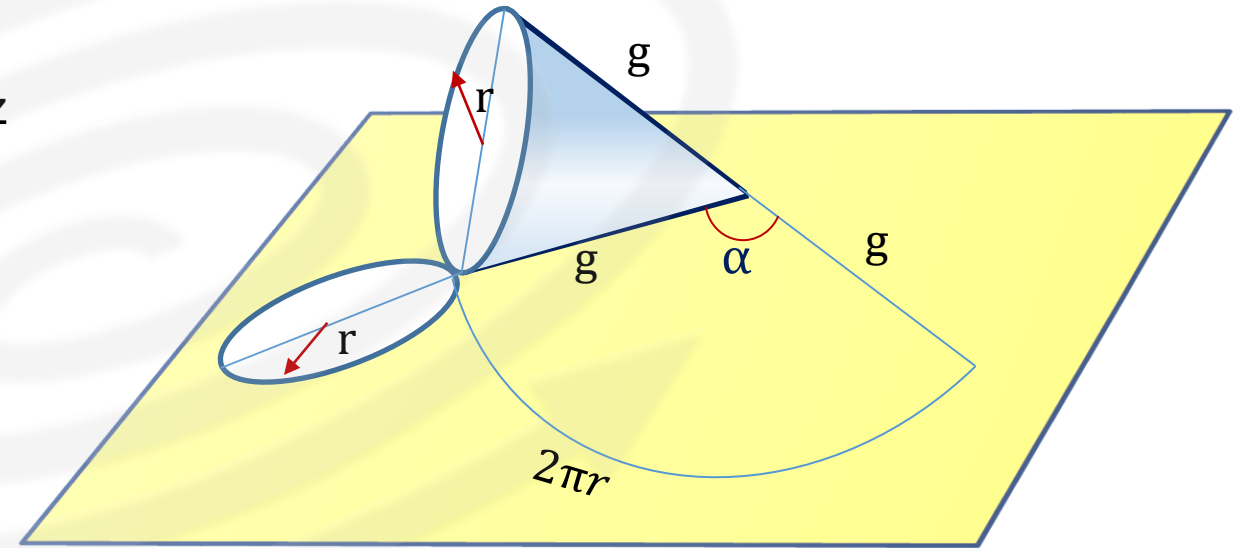
$$S_T = \pi r (g + r)$$

$$V = \frac{\pi r^2 \cdot h}{3}$$

Desarrollo de la superficie lateral



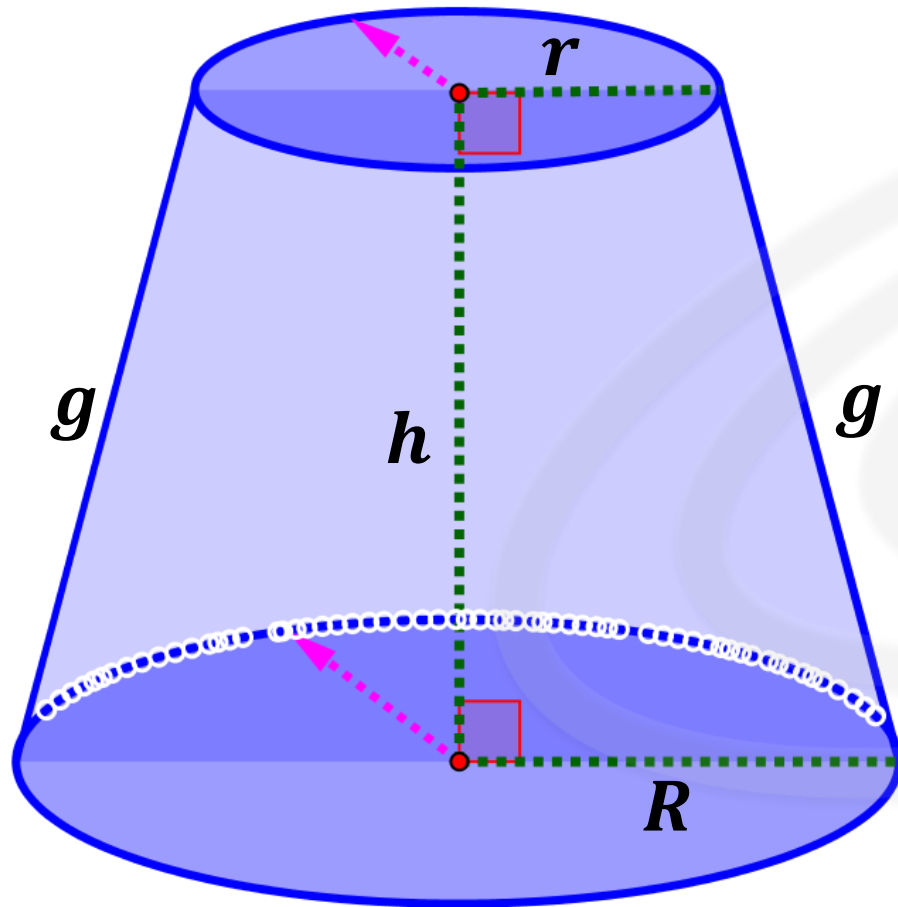
Es un sector circular cuyo radio es la generatriz y el centro es el vértice del cono.



$$\frac{r}{g} = \frac{\alpha}{360^\circ}$$

Tronco de cono de revolución

Es la parte del cono comprendido entre la base y una sección paralela a la base.



- Área de la superficie lateral (**S_L**)

$$S_L = \pi g(R + r)$$

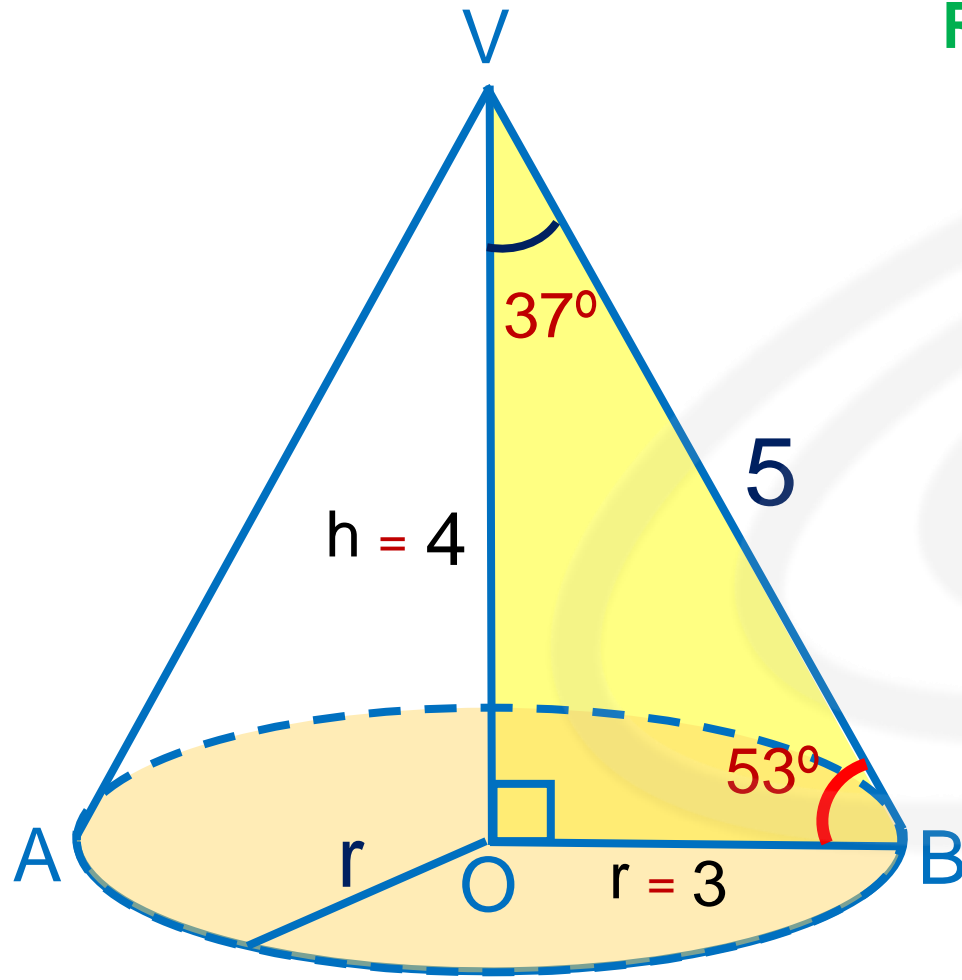
- Volumen (**V**)

$$V = \frac{\pi h}{3} (R^2 + r^2 + Rr)$$




1. Calcule el volumen del cono de revolución mostrado, si O es centro.

Resolución



- Piden: V

$$V = \frac{1}{3} \cdot \pi r^2 \cdot h$$

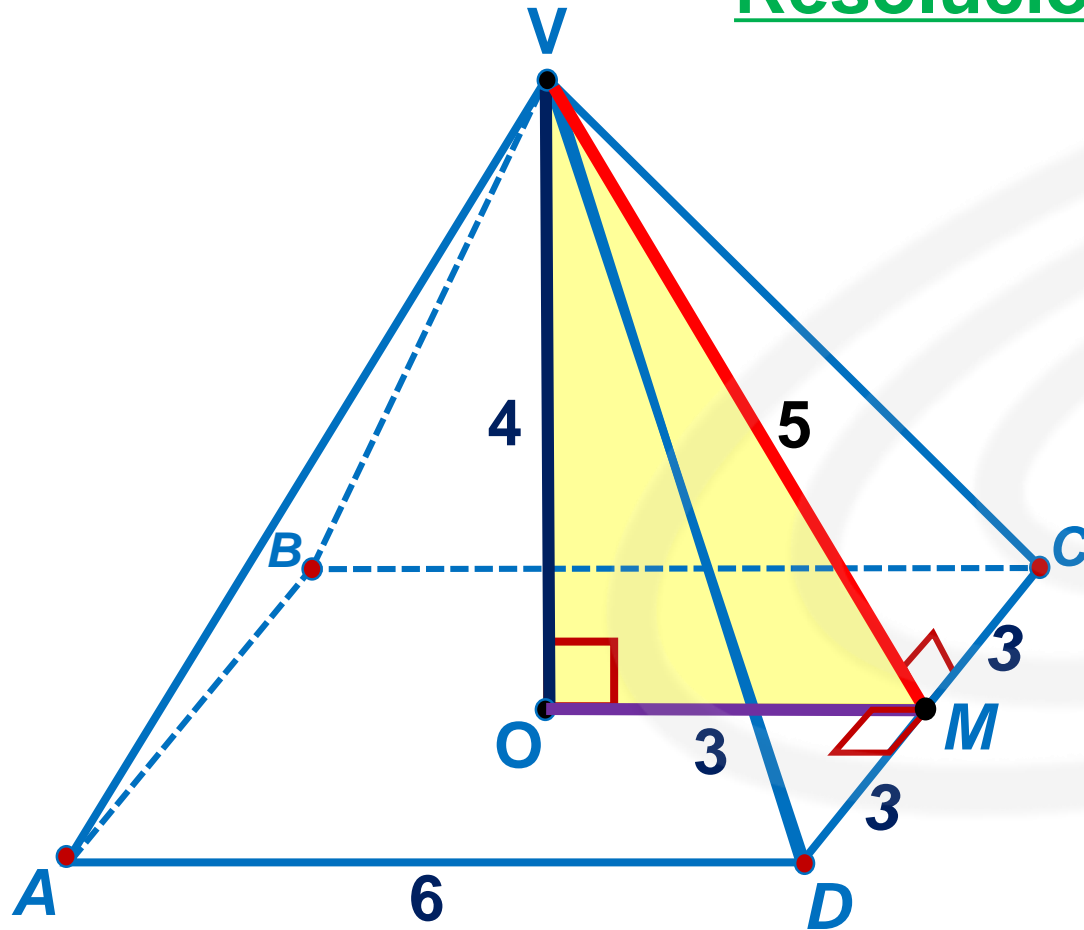
-  VOB : Notable de 37° y 53°
- Por teorema:

$$V = \frac{1}{3} \cdot \pi (3)^2 \cdot 4$$

$$V = 12\pi u^3$$

2. En una pirámide cuadrangular regular el lado de la base mide 6 m y la altura 4 m. Calcule el área de la superficie lateral.

Resolución



- Piden S_L .
- Trazamos $\overline{OM} \perp \overline{CD}$
- Se traza \overline{VM}
- Por el teorema de las 3 perpendiculares $m \nless VMC = 90^\circ$ (\overline{VM} : Apotema)
- VOM : T. de Pitágoras
- Reemplazando al teorema.

$$(VM)^2 = 3^2 + 4^2 \rightarrow VM = 5$$

$$S_L = 5 \cdot \frac{6 + 6 + 6 + 6}{2}$$

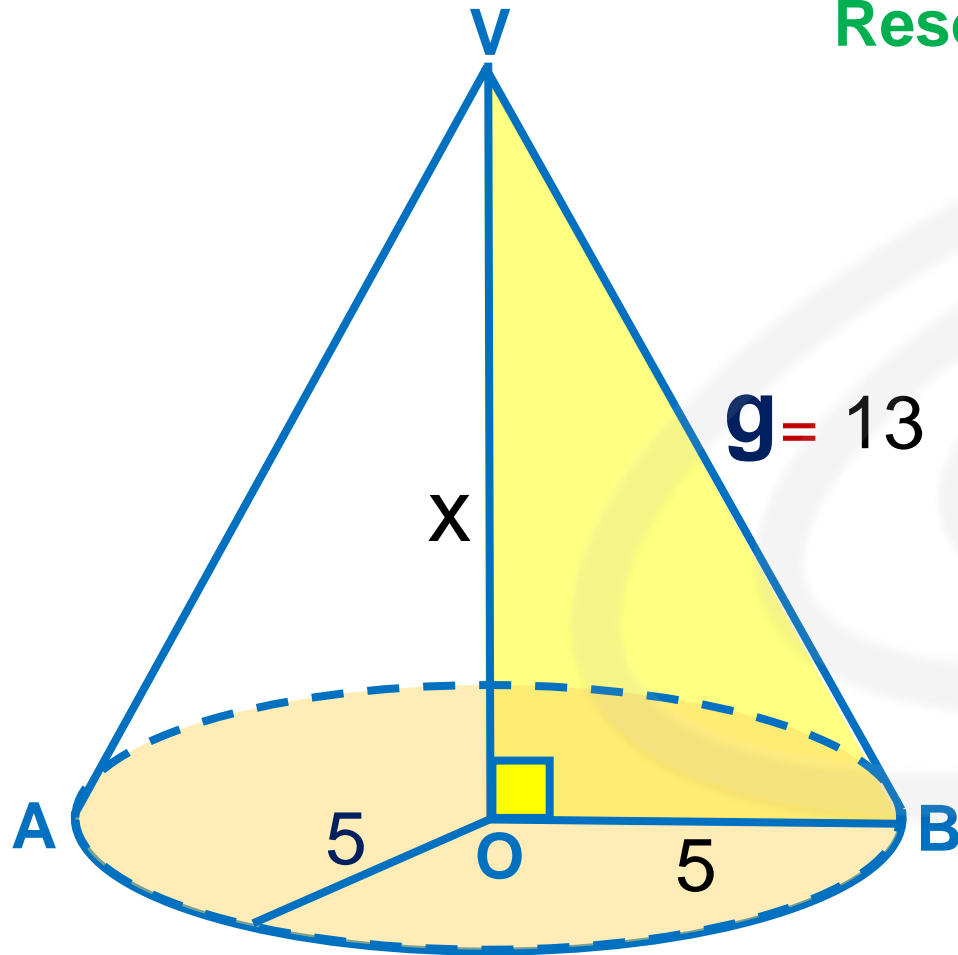
$$S_L = 5 \cdot (12)$$


$$S_L = 60 \text{ m}^2$$



3. Halle la longitud de la altura de un cono de revolución sabiendo que el área de la superficie lateral es de $65\pi \text{ cm}^2$ y el radio de la base mide 5cm.

Resolución

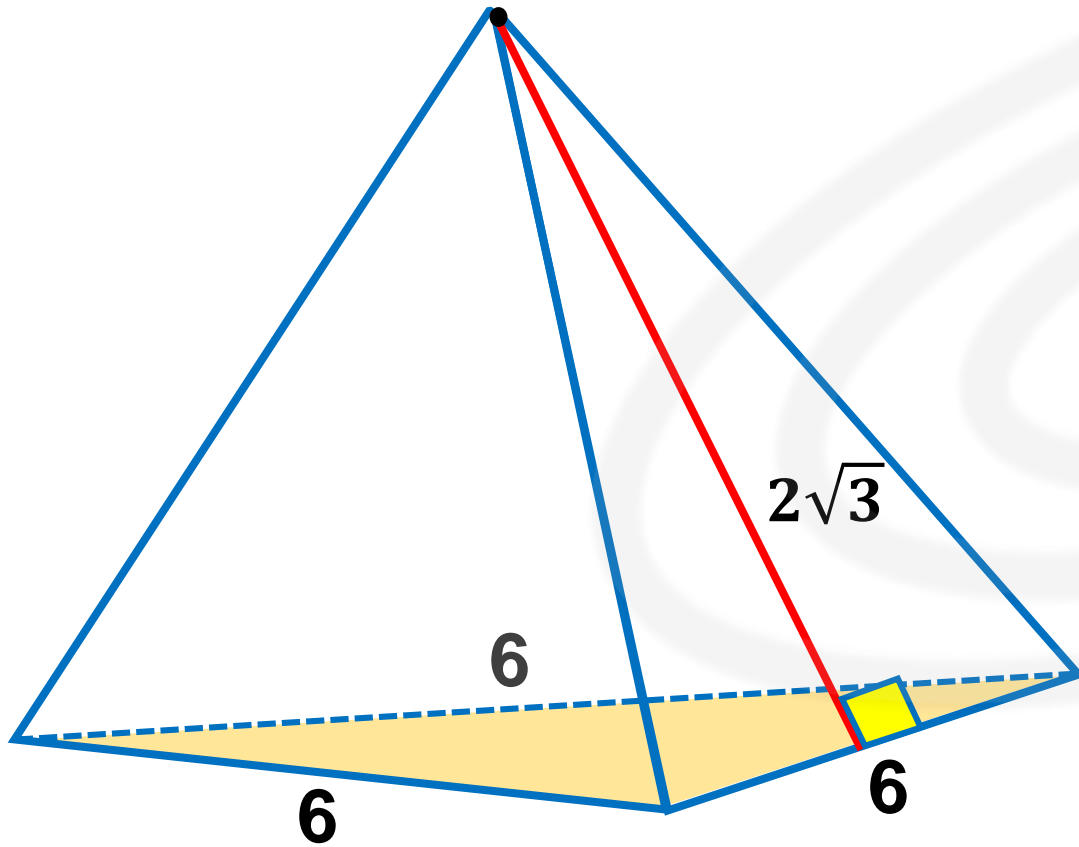


- Piden: x
-  VOB : T. Pitágoras
$$g^2 = 5^2 + x^2 \quad \dots (1)$$
- Por dato:
$$A_{SL} = 65\pi$$
$$\cancel{\pi}(5)g = 65\cancel{\pi} \rightarrow g = 13 \quad \dots (2)$$
- Reemplazando 2 en 1.
$$13^2 = 5^2 + x^2$$

$$x = 12 \text{ cm}$$

4. Calcule el área de la superficie total de una pirámide triangular regular, cuya arista de la base mide 6 m y el apotema mide $2\sqrt{3}m$.

Resolución



- Piden S_T .

$$S_T = S_L + S_{base}$$

$$S_T = (p_{base})(a_p) + \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$$

$$S_T = \left(\frac{6+6+6}{2}\right)(2\sqrt{3}) + \frac{6^2\sqrt{3}}{4}$$

$$S_T = 18\sqrt{3} + 9\sqrt{3}$$

$$S_T = 27\sqrt{3} \text{ m}^2$$

5. El área de la superficie total de un cono de revolución es $160\pi \text{ cm}^2$ y su generatriz mide 12 cm . Halle la longitud del radio de la base.

Resolución

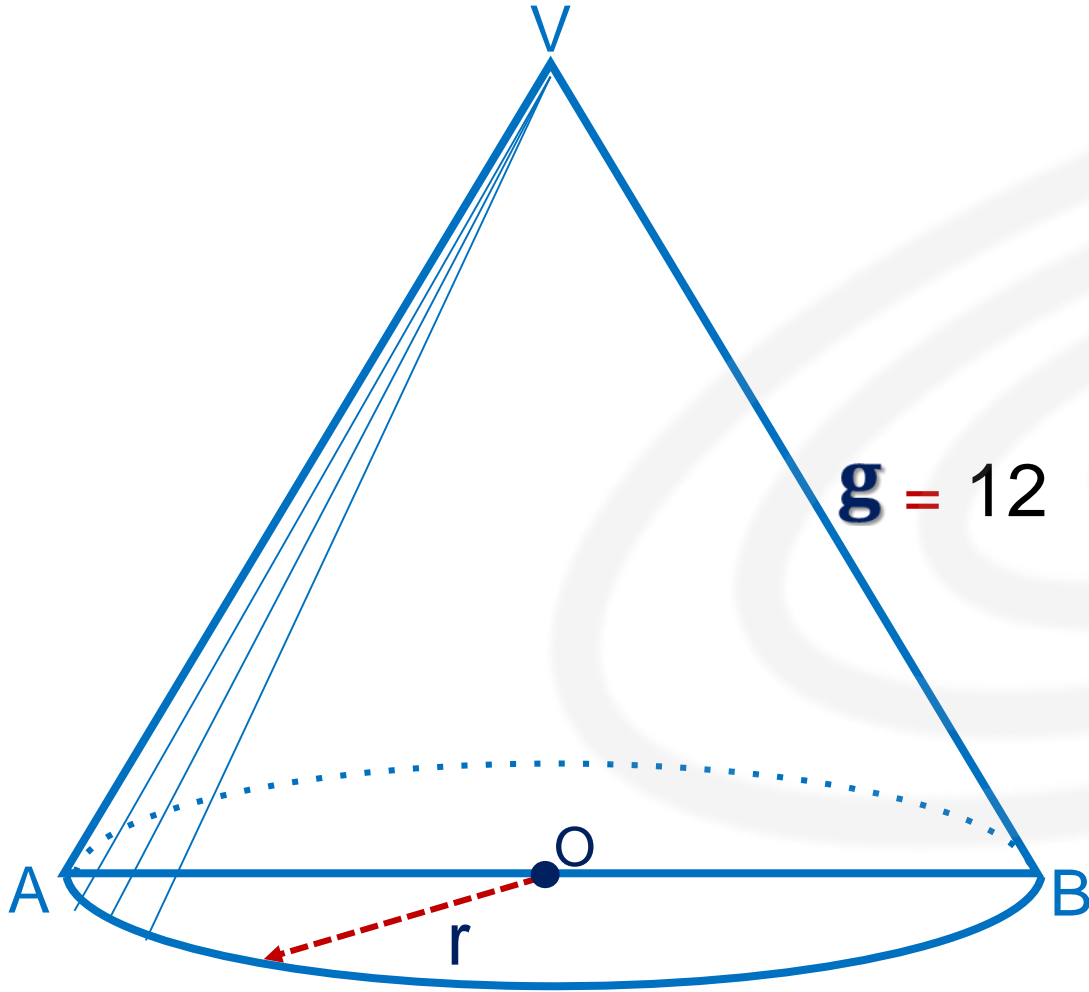
- Piden: r
- Por dato:

$$S_T = 160\pi$$

$$\cancel{\pi}r(r + g) = 160\cancel{\pi}$$

$$r(r + 12) = 160$$

$$r = 8 \text{ cm}$$



6. En la figura observamos un envase de forma piramidal cuya base es una región triangular cuyos lados miden 13 cm, 14 cm y 15 cm. Calcule la cantidad de jugo que contiene dicho recipiente.

Resolución Piden el volumen: V

Área de la base (**Teorema de Herón**):

$$p_{BASE} = \frac{13 + 14 + 15}{2} = 21$$

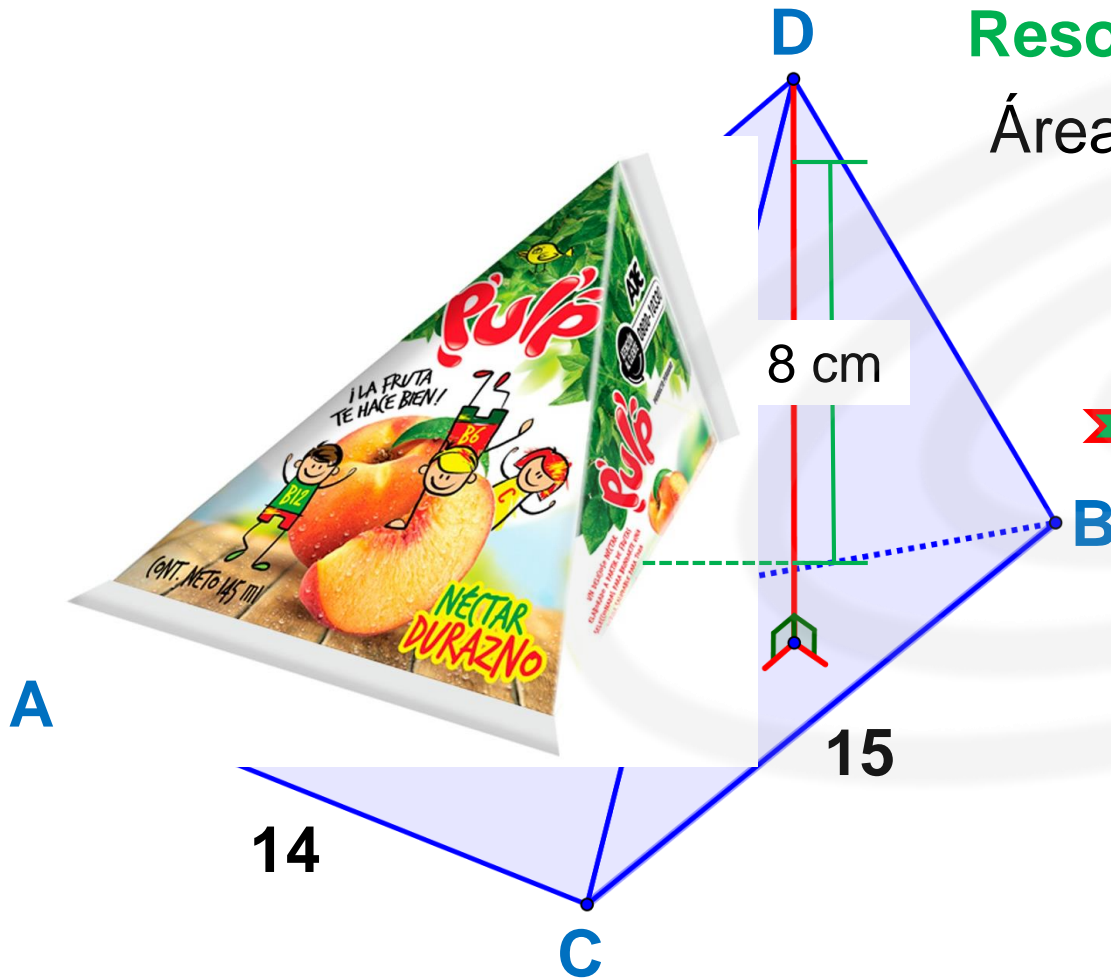
$$\Rightarrow S_{BASE} = \sqrt{21(21 - 13)(21 - 14)(21 - 15)}$$

$$S_{BASE} = 84$$

$$\Rightarrow V = \frac{A_{Base} \cdot h}{3}$$

$$V = \frac{84 \cdot 8}{3}$$

$$V = 224 \text{ cm}^3$$



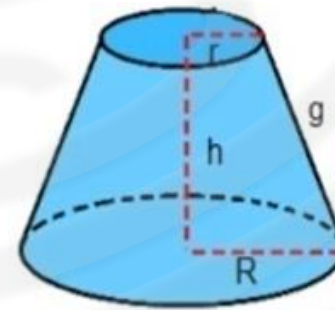
7. En la figura se muestra un tanque para agua. Calcule el volumen el agua que se puede almacenar en dicho tanque.



Resolución

- Piden: V_T

$$V_T = V_{\text{cilindro}} + V_{(\text{tronco de cono})}$$



$$V = \frac{1}{3}\pi h(R^2 + r^2 + Rr)$$

$$V_T = \pi(3)^2 \cdot 4 + \frac{1}{3}\pi(3)(3^2 + 1^2 + 3 \cdot 1)$$

$$V_T = 36\pi + 13\pi$$

$$V_T = 49\pi \text{ u}^3$$