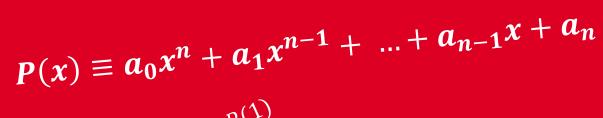
# ÁLGEBRA

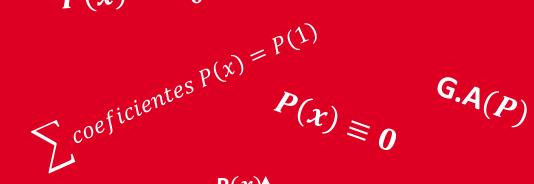
Retroalimentación

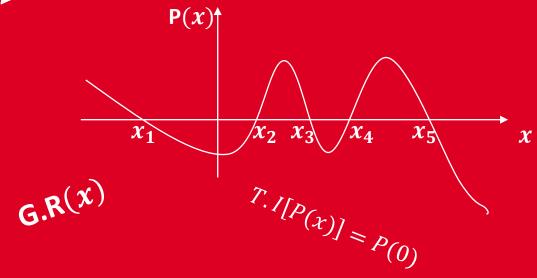
5th

of Secondary

Tomo 1











1. Halle la suma de coeficientes y el término independiente de :

$$P(x-2) = 3(x+1)^3 - (x-5)(x-2) + 2x - 100$$

# **RESOLUCIÓN:**

 $\square$   $\Sigma$  coeficientes = P(1)



$$P(1) = P(3-2) = 3(3+1)^3 - (3-5)(3-2) + 2(3) - 100$$

$$x - 2 = 1$$
$$x = 3$$

$$P(1) = 3(4)^3 - (-2)(1) + 6 - 100$$

$$P(1) = 192 + 2 + 6 - 100 = 100$$

$$\Box T.I[P(x)] = P(0)$$



$$P(0) = P(2-2) = 3(2+1)^3 - (2-5)(2-2) + 2(2) - 100$$

$$\begin{aligned}
 x - 2 &= 0 \\
 x &= 2
 \end{aligned}$$

$$P(0) = 3(3)^3 - (-3)(0) + 4 - 100$$

$$P(0) = 81 + 0 + 4 - 100 = -15$$

$$\checkmark \sum coeficientes = 100$$

$$\checkmark T.I[P(x)] = -15$$

**2.** Si:  $P(x+5) = x^2 - 2x - 20$ Determine P(x)

# **RESOLUCIÓN:**

# Haciendo un cambio de variable:

$$x + 5 = m$$
$$x = m - 5$$

$$P(x+5) = x^2 - 2x - 20$$
 $m-5$ 
 $m-5$ 
 $m-5$ 

$$P(m) = (m-5)^2 - 2(m-5) - 20$$

$$P(m) = m^2 - 10m + 25 - 2m + 10 - 20$$

$$P(m) = m^2 - 12m + 15$$

$$P(x) = x^2 - 12x + 15$$



**3.** Si se cumple:

$$P(x-3) = 2x - 7$$
 ... (I)  
 $P(Q(x)) = 8x + 3$  ... (II)

Además Q(3) es la edad de Pepe. ¿Qué edad tendrá Pepe dentro de 6 años?

# **RESOLUCIÓN:**

Cambiando x por Q(x) + 3 y reemplazando en la ecuación (I):

$$P(Q(x) + 3 - 3) = 2[Q(x) + 3] - 7$$

$$P(Q(x)) = 2Q(x) - 1$$
Reemplazando la ecuación (II)

$$8x + 3 = 2Q(x) - 1$$
  $8x + 4 = 2Q(x)$   $Q(x) = 4x + 2$ 

Edad actual de Pepe : 
$$Q(3) = 4(3) + 2 = 14$$

: Dentro de 6 años su edad será 20 años



a = 2

### **4.** Si:

$$a(3x + 2y) + b(2x + 5y) \equiv 12x + 19y$$

Efectúe  $M = a^b + b^a$ 

# **RESOLUCIÓN:**

$$a(3x + 2y) + b(2x + 5y) \equiv 12x + 19y$$

$$3ax + 2ay + 2bx + 5by \equiv 12x + 19y$$

$$(3a + 2b)x + (2a + 5b)y \equiv 12x + 19y$$

$$\begin{cases} \left(3a + 2b = 12\right) \approx 2 \\ \left(2a + 5b = 19\right) \approx 3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 6a + 4b = 24 \\ 6a + 15b = 57 \end{cases}$$

$$11b = 33 \qquad b = 3$$

$$\therefore M = 17$$



# 5. Sabiendo que:

$$(x + y + 5z)^2 + (x + y - 5z)^2 = 20z(x + y)$$

Simplifique

$$M = \frac{x^3 + y^3 + x + y - 4z}{5z} - (x^2 - xy + y^2)$$

#### **RECORDAR:**

• 
$$(a+b)^2+(a-b)^2=2(a^2+b^2)$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

$$a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$$

# **RESOLUCIÓN:**

$$(x + y + 5z)^2 + (x + y - 5z)^2 = 20z(x + y)$$

$$2[(x + y)^2 + (5z)^2] = 20z(x + y)$$

$$(x + y)^2 + (5z)^2 = 10z(x + y)$$

$$(x + y)^2 - 2(x + y)(5z) + (5z)^2 = 0$$

$$(x+y-5z)^2 = 0$$

$$x + y - 5z = 0 \qquad x + y = 5z$$

$$M = \frac{x^{3} + y^{3} + x + y - 4z}{5z} - (x^{2} - xy + y^{2})$$

$$M = \frac{(x + y)(x^{2} - xy + y^{2})}{5z} + \frac{x + y - 4z}{5z} - (x^{2} - xy + y^{2})$$

$$M = (x^{2} - xy + y^{2}) + \frac{1}{5} - (x^{2} - xy + y^{2})$$

$$M = \frac{1}{5}$$

$$\therefore M = \frac{1}{5}$$



**6.** Si 
$$a + b + c = 0$$

Calcule el valor de:

$$R = \frac{(2a+b+c)^2 + (a+2b+c)^2 + (a+b+2c)^2}{ab+ac+bc}$$

# **RESOLUCIÓN:**

# Por dato:

$$\begin{cases} 2a+b+c=a \\ a+2b+c=b \\ a+b+2c=c \end{cases}$$

# Reemplazando:

$$R = \frac{(a)^2 + (b)^2 + (c)^2}{ab + ac + bc}$$

#### Recordar:

Si 
$$a + b + c = 0$$

$$\Rightarrow a^2 + b^2 + c^2 = -2(ab + ac + bc)$$

# Reemplazando en R:

$$R = \frac{-2(ab + ac + bc)}{ab + ac + bc}$$

$$\therefore R = -2$$



## **7.** Calcule el valor de:

$$M = (1+x^2)(1-x^2)(1-x^2+x^4)(1+x^2+x^4)(1+x^{12}+x^{24})$$

Si 
$$x = \sqrt[12]{2}$$

# **RESOLUCIÓN:**

$$M = (1+x^2)(1-x^2)(1-x^2+x^4)(1+x^2+x^4)(1+x^{12}+x^{24})$$

$$M = (1 + x^6) (1 - x^6) (1 + x^{12} + x^{24})$$

$$M = (1 - x^{12})(1 + x^{12} + x^{24})$$



$$M = 1 - x^{36}$$

# Por dato: $x = \sqrt[12]{2}$

$$M = 1 - (\sqrt[12]{2})^{36} = 1 - 2^3$$

$$\therefore M = -7$$

### **Recordar:**

$$\checkmark (a-b)(a^2+ab+b^2) = a^3-b^3$$

$$\checkmark (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

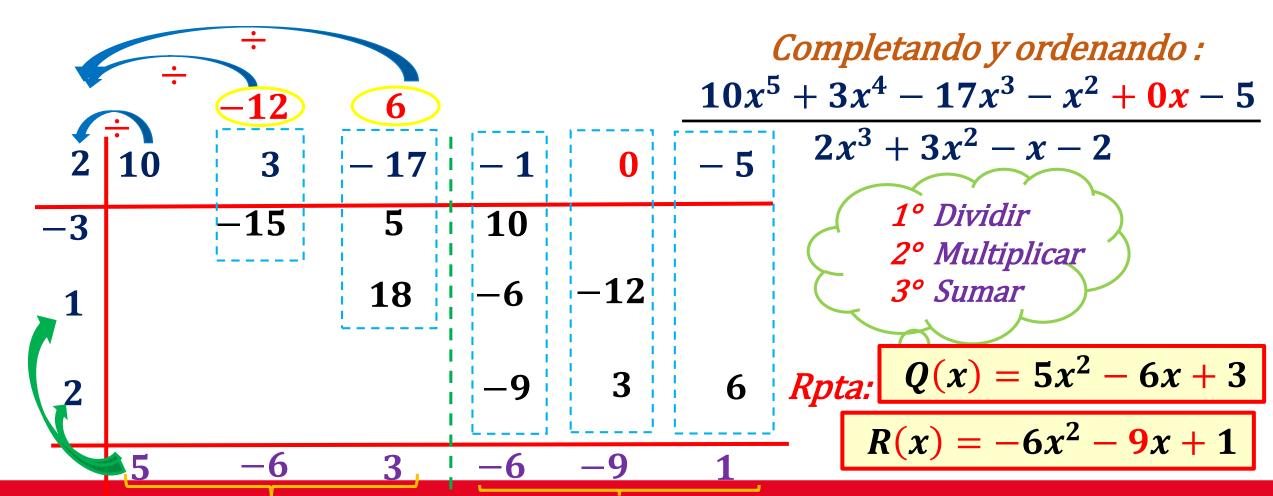


# **8.** Halle el cociente y residuo al dividir:

$$\frac{10x^5 + 3x^4 - 17x^3 - x^2 - 5}{3x^2 + 2x^3 - x - 2}$$
No está ompleto, pero si ordenado

Completo, pero no está ordenado

# **RESOLUCIÓN:**



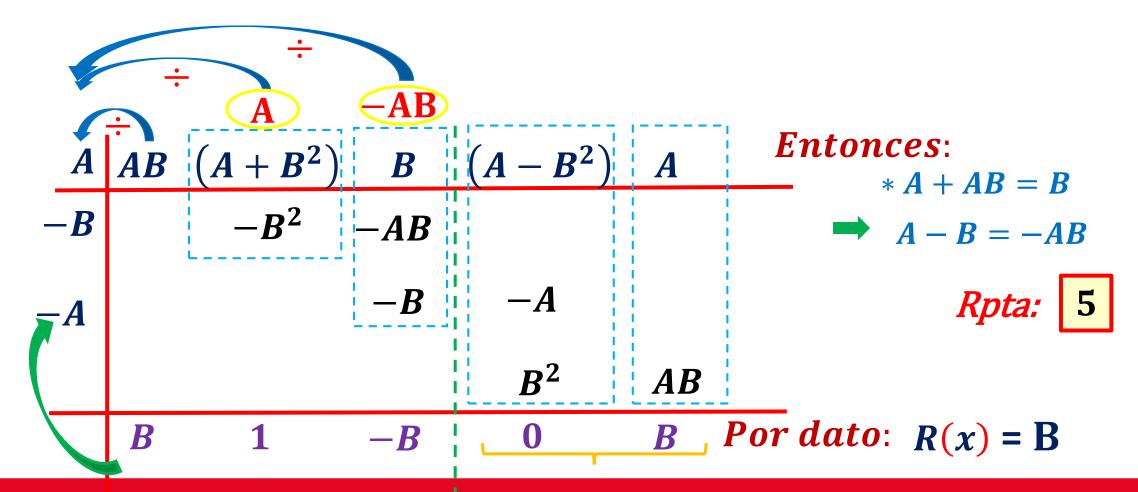


# Si el residuo de la división

$$\frac{ABx^4 + (A+B^2)x^3 + Bx^2 + (A-B^2)x + A}{Axx^2 + Bxx + A}$$
Completo y ordenado
es: B, además AB = -5

RESOLUCIÓN: Ax<sup>2</sup>+Bx+A Completo y ordenado

Calcule: A — B



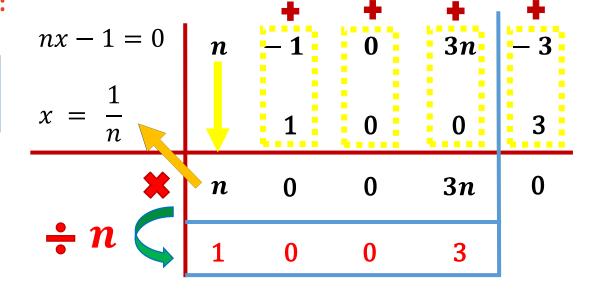


**10.** Determine la suma de coeficientes del cociente a dividir:

$$\frac{nx^4 - x^3 + 3nx - 3}{nx - 1}$$

# **RESOLUCIÓN:**

Por la regla de Ruffini





$$q(x) = x^3 + 3$$

$$\sum coef[q(x)] = 1 + 3$$

$$\therefore \sum coef[q(x)] = 4$$

# 

# GRACIAS POR SU ATENCIÓN!!

El aprendizaje es experiencia, todo lo demás es información Albert Einstein