MATHEMATICAL REASONING Chapter 8



CRONOMETRÍA

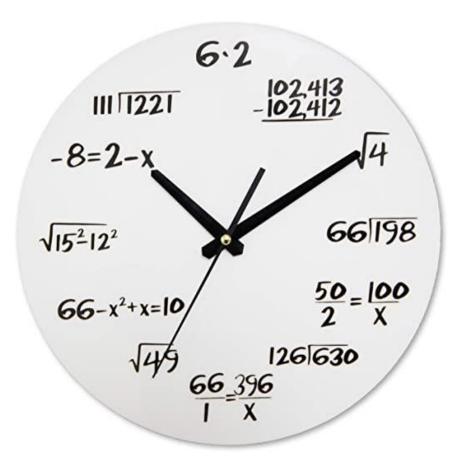


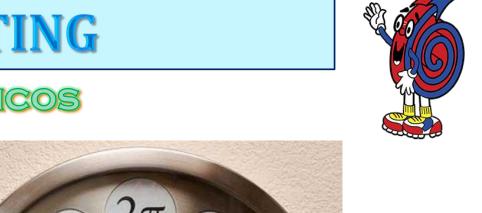


MOTIVATING | STRATEGY

HELICO MOTIVATING

RELOJES MATEMÁTICOS







01

HELICO THEORY



ÁNGULO ENTRE LAS MANECILLAS DE UN RELOJ (HORARIO Y MINUTERO)

Cuando un reloj marca la "h" horas y "m" minutos o abreviadamente " h : m" el ángulo formado por las manecillas del reloj (el horario y el minutero) se obtiene directamente con la siguiente fórmula:

CASO I

CUANDO EL MINUTERO ADELANTA AL HORARIO

$$\propto$$
 ° = + $\frac{11}{2}$ M - 30 H



CASO II

CUANDO EL HORARIO ADELANTA AL MINUTERO

$$\propto$$
 ° = $-\frac{11}{2}$ M + 30 H

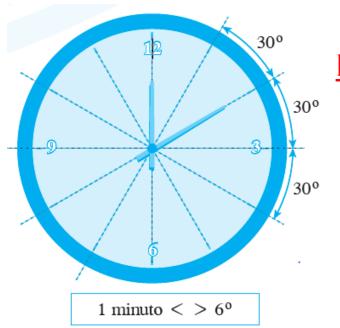
Donde ∝ ° es la medida POSITIVA del ángulo formado por las manecillas del reloj, Además este ángulo formado no debe cortar la marca de las 12

HELICO THEORY

RELACIÓN ENTRE EL HORARIO Y EL MINUTERO

El reloj posee 12 divisiones horarias, por lo tanto, cada división horaria equivale a un arco de 30°. De esto se establece una equivalencia notable. Al pasar 5 minutos, el minutero barre un ángulo de 30°, luego podemos decir que 5 minutos equivalen a 30°.

RELACIÓN ANGULAR



En 1 Hora

Ángulo Barrido por el HORARIO	Ángulo Barrido por el MINUTERO	TIEMPO
30°	x12 360°	60 min
×°	12x°	2x min
	x2	

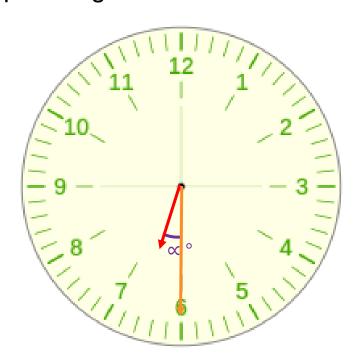
RESOLUCIÓN DE LA PRÁCTICA





PROBLEMA 1

El profesor Carlos pregunta por la hora a su alumno Miguel y este le responde son las 6:30 p.m., y el profesor le responde con esta pregunta: ¿Qué ángulo forman las agujas de un reloj de manecillas a las 6:30 p.m. Miguel?



Resolución:

Dada la hora: **6:30** Se tiene : H = 6 M = 30

Como el horario adelanta al minutero , utilizaremos los signos -,+

$$\propto = -\frac{11}{2}M + 30 H$$

Reemplazando:

$$\propto = -\frac{11}{2}(30) + 30(6)$$

$$\alpha = -165 + 180$$

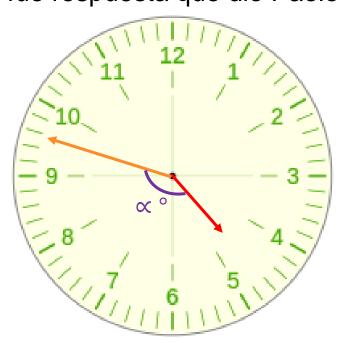
$$\propto = 15^{\circ}$$

Rpta.

15°

PROBLEMA 2

Paolo está dando su práctica calificada y tiene dificultad con este problema: ¿Qué ángulo forman las manecillas de un reloj a las 4:48 p.m.? Si Paolo se equivoco al momento de resolver el problema y se paso por 10° más. ¿Cuál fue respuesta que dio Paolo?



Resolución:

Dada la hora: **4:48** Se tiene que: H = 4 M = 48

Como el minutero adelanta al horario , utilizaremos los signos +,-

Recordemos:
$$\propto = +\frac{11}{2} M - 30 H$$

Reemplazando:
$$\alpha = +\frac{11}{2} (48) -30 (4)$$

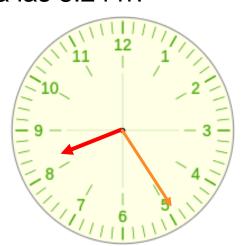
 $\alpha = +264 - 120$
 $\alpha = 144^{\circ}$

Respuesta de Paolo: 154°

Rpta. 154°

PROBLEMA 3

Los alumnos de cuarto año del colegio Saco Oliveros están de viaje de promoción con el profesor Geovani en la ciudad de Huancayo, Al estar paseando por la plaza principal, observan el reloj de la catedral que indicaba las 8:24 a.m. El profesor Geovani aprovecha esta situación y les pregunta a sus alumnos: ¿Qué ángulo forman el horario y el minutero a las 8:24 h?



Resolución:

Dada la hora: 8:24 Se tiene : H = 8 M = 24

Como el horario adelanta al minutero, utilizaremos los signos -,+

Recordemos:

$$\propto = -\frac{11}{2}M + 30 H$$

Reemplazando:

$$\propto = -\frac{11}{2}(24) + 30(8)$$

$$\propto = -132 + 240$$

$$\propto = 108^{\circ}$$

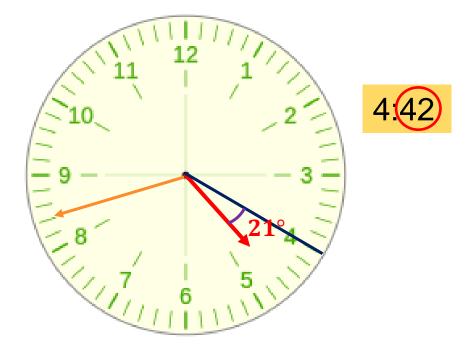
Rpta. 108

PROBLEMA 4

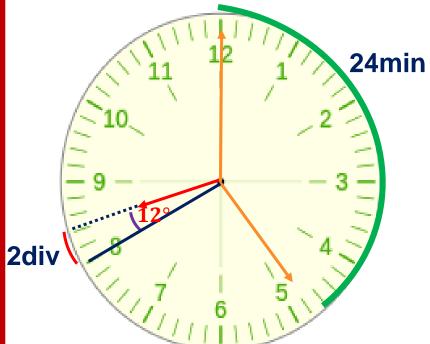
Silvia sale apresurada de su casa al ver la hora en su reloj de manecillas confunde el minutero por el horario y viceversa y dice: "son las 4:42 h". ¿Podría usted decir qué hora es realmente?

Resolución:

Lo que Nelia observa erróneamente:



Ubicando las manecillas correctamente



RECORDEMOS

١	HORARIO	TIEMPO	
	x°	2x min	
	21 °	42 min	
	12 °	24 min	

$$1 \text{div} = 6^{\circ}$$

$$2 \text{div} = (12^{\circ})$$

Hora: 8:24

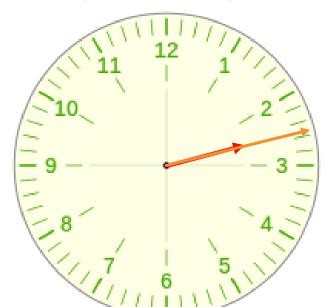
Rpta. 8:24

PROBLEMA 5

El profesor de Razonamiento Matemático propone el siguiente problema en la pizarra ¿A qué hora entre las 2 y las 3 el horario y el minutero se superponen?. Si Saco Oliverito fue el único que respondió. ¿Cuál fue su respuesta?

Resolución:

Entre las 2 y 3 el horario y minutero se superponen



La hora

2: ?

$$\propto = 0^{\circ}$$

Hallando los minutos:

Cuando el horario y el minutero se superponen, entonces se puede tomar los signos aleatoriamente.

Reemplazando:

$$0 = -\frac{11}{2} (M) + 30 (2)$$

$$\frac{11}{2} \text{ (M)} = 60$$

$$\text{(M)} = \frac{120}{11}$$

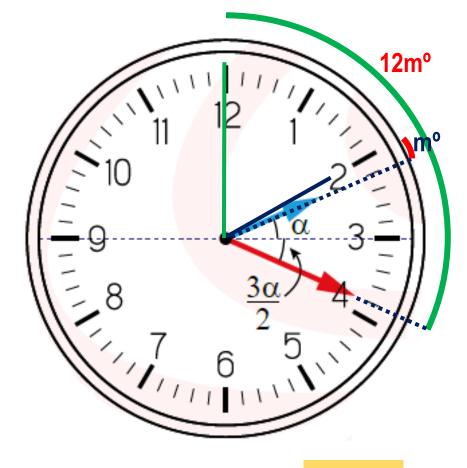
$$(M) = 10 \frac{10}{11}$$

Rpta.

 $2:10\frac{10}{11}$

PROBLEMA 6

¿Qué hora es según el gráfico?



Hora:

2:2m

Resolución:

Tomamos como referencia las 2:00 p.m. para analizar el avance del horario y el minutero.

Del gráfico:

$$m + \alpha = 30$$

 $\alpha = 30 - m...(I)$
 $90 + \frac{3\alpha}{2} = 12m...(II)$

Reemplazando I en II

$$90 + \frac{3(30 - m)}{2} = 12m$$

$$180 + 90 - 3m = 24m$$

$$270 = 27m$$

Por lo tanto:

m = 10

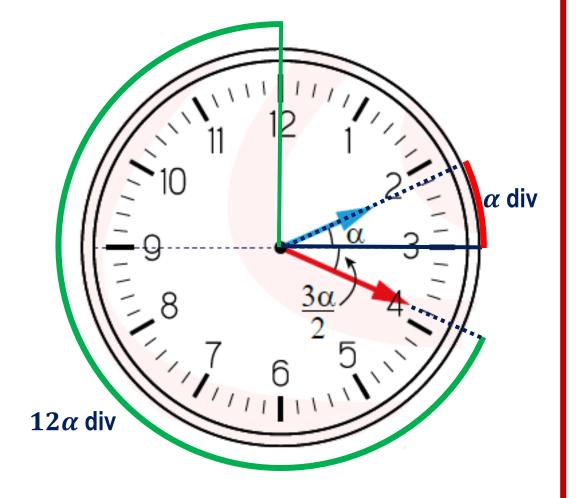
Hora: 2:20

Rpta.

2:20

OTRA FORMA

¿Qué hora es según el gráfico?



Resolución:

Por divisiones, tomando como referencia el avance del horario y el minutero hasta las 3:00 (horas)

La relación de divisiones del horario y minutero es de 1 a 12

OBSERVACIÓN

$$\frac{3\alpha}{2} + 12\alpha = 45 \text{min}$$

$$\frac{327\alpha}{2} = 45 \text{min}$$

$$\frac{3\alpha}{2} = 5 \text{min}$$

Por lo tanto:

$$15min + 5min = 20min$$

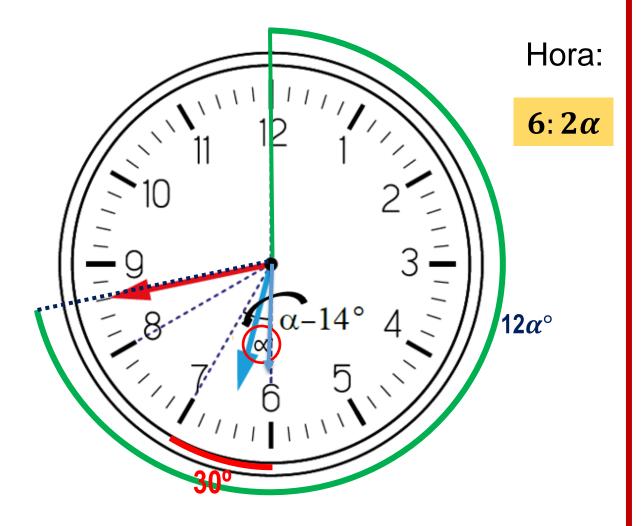
Hora: 2:20

Rpta.

2:20

PROBLEMA 7

¿Qué hora es según el gráfico?



Resolución:

UTILIZEMOS LA RELACIÓN ANGULAR

HORARIO	MINUTERO	TIEMPO
$lpha^{\circ}$	12 α°	2 α min

Tomamos como referencia las 6:00(horas), para analizar el recorrido del horario y el minutero:

Del gráfico:

$$\alpha - 14 + \alpha = 30$$

$$2\alpha = 44$$

$$\alpha = 22$$

Por lo tanto:

Hora: **6**: **44**

Rpta.

6:44