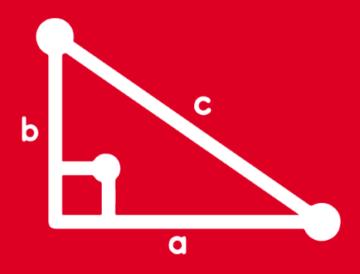


# TRIGONOMETRY ADVISORY





TOMOS 5 y 6





Observa el siguiente plano y responde:

¿Qué imagen se encuentra en el punto (3;2)?

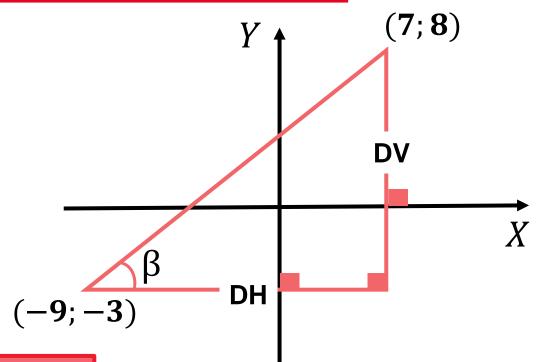
¿Qué imagen se encuentra en el punto (-1;3)?

¿Qué imagen se encuentra en el punto (-2;-3)? ACONCAGU





Del gráfico, calcule cot<sub>\beta</sub>.





Sean los puntos  $A(x_1, y_1)$  y  $B(x_2, y_2)$ 

Además:  $x_1 > x_2$  y  $y_1 > y_2$ 

se cumple:  $DH = x_1 - x_2$ 

 $DV = y_1 - y_2$ 





#### Resolución:

# ¡Lo lograste!

#### Del gráfico:

$$\cot \beta = \frac{CA}{CO} = \frac{DH}{DV}$$



Calculando distancia vertical (DH):

$$DH = (7) - (-9)$$

Calculando distancia horizontal (DV):

$$DV = (8) - (-3)$$

Nos piden:

$$\cot \beta = \frac{DH}{DV} = \frac{16}{13}$$

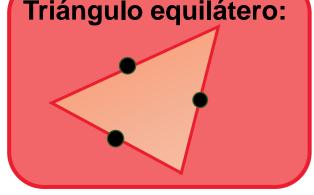
$$\therefore \cot \beta = \frac{16}{11}$$



Se tiene un triángulo equilátero cuyos vértices son A(-5;30) y B(4;-10). Calcule el perímetro de dicho triángulo.

#### **Recordar:**





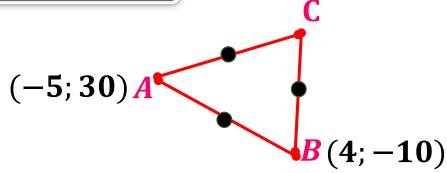


#### Además:



$$d(\overline{PQ}) = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

# Resolución:



#### Calculando distancia entre los puntos A y B:

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{[(-5)-4)]^2 + [(30)-(-10)]^2}$$

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{[(-9)]^2 + [(40)]^2}$$

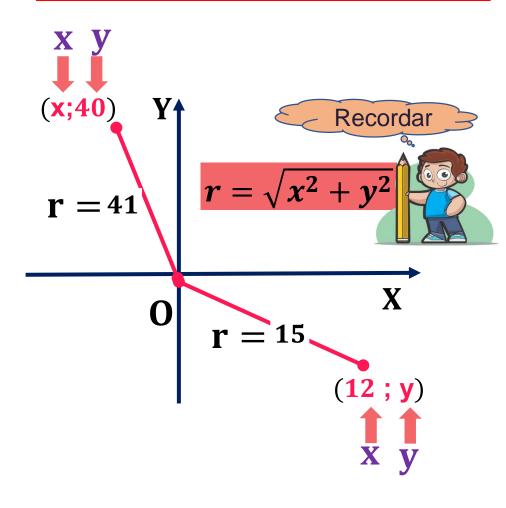
$$d(\overline{AB}) = \sqrt{81 + 1600}$$



$$d(\overline{AB}) = \sqrt{1681} \rightarrow d(\overline{AB}) = 41$$

Calculamos: ∴ 2p ABC = 3(41) ∴ Rpta:123

Del gráfico, calcule M = 2x - y



#### Resolución:

$$41 = \sqrt{(x)^2 + (40)^2}$$

$$41 = \sqrt{x^2 + 1600}$$

$$1681 = x^2 + 1600$$

$$15 = \sqrt{(12)^2 + (y)^2}$$

$$15 = \sqrt{144 + y^2}$$

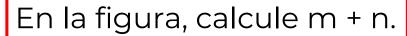
$$225 = 144 + y^2$$

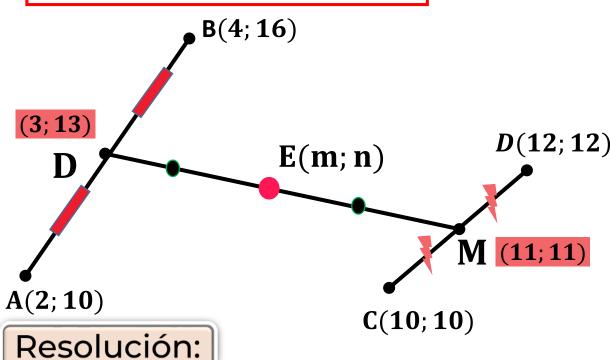
$$81 = y^2 \quad \mathbf{y} = 9 \quad \mathbf{x}$$
$$y = -9$$

$$K = 2(-9) - (-9)$$
 $K = -18 + 9$ 

K = -9







## Hallamos las coordenadas del punto D

D 
$$\begin{cases} x = \frac{2+4}{2} = \frac{6}{2} = 3 \\ y = \frac{10+16}{2} = \frac{26}{2} = 13 \end{cases}$$

#### Hallamos las coordenadas del punto M

$$M\begin{cases} x = \frac{10+12}{2} = \frac{22}{2} = 11 \\ y = \frac{10+12}{2} = \frac{22}{2} = 11 \end{cases}$$

$$M(11; 11)$$

#### Hallamos las coordenadas del punto E

$$E \begin{cases} m = \frac{3+11}{2} = \frac{14}{2} = 7 \\ n = \frac{13+11}{2} = \frac{24}{2} = 12 \end{cases}$$

# ¡Muy bien!

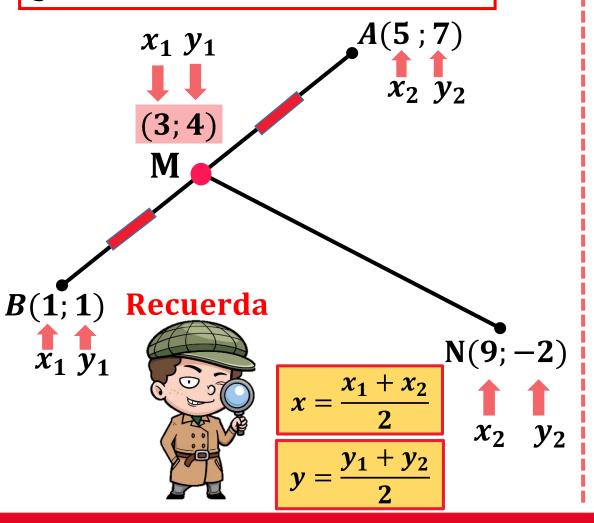




$$\therefore \mathbf{m} + n = 19$$



Calcule la longitud de  $\overline{MN}$  en el gráfico mostrado:



## Resolución:

## Hallamos las coordenadas del punto M

$$M\begin{cases} x = \frac{1+5}{2} = \frac{6}{2} = 3 \\ y = \frac{1+7}{2} = \frac{8}{2} = 4 \end{cases}$$
 M(3;4)

## Calculando distancia entre los puntos M y N:

$$d(\overline{MN}) = \sqrt{[(3)-9)]^2 + [(4)-(-2)]^2}$$

$$d(\overline{MN}) = \sqrt{[(-6)]^2 + [(6)]^2}$$

$$d(\overline{MN}) = \sqrt{36 + 36}$$

$$d(\overline{MN}) = \sqrt{2(36)}$$



$$d (\overline{MN}) = 6\sqrt{2}$$



Del gráfico, calcule la longitud del diámetro de la circunferencia. (A es el centro de la circunferencia).

# B(5;4)A(2;0)Χ Además: .00 Recuerda: Diámetro = 2r Donde r: radio de la circunferencia

#### Resolución:

#### Calculando distancia entre los puntos A y B:

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{[(2) - 5)]^2 + [(0) - (4)]^2}$$

$$r = \sqrt{[(-3)]^2 + [(-4)]^2}$$

$$r = \sqrt{9 + 16}$$

$$r = \sqrt{25} \rightarrow r = 5$$

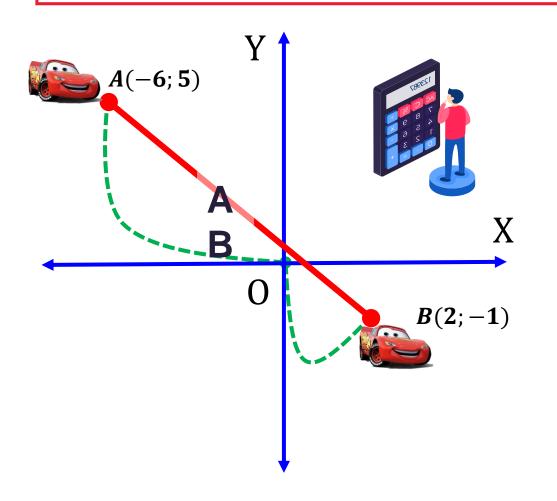
#### Calculamos el diámetro:

$$\rightarrow$$
 D = 2r = 2(5)





Dos autos salen de un garaje y se estacionan a unos metros del otro, tal como se muestra en la figura. Calcule la distancia entre los autos en metros.



#### Resolución:

#### Calculando distancia entre los puntos A y B:

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{[(-6)-2)]^2 + [(5)-(-1)]^2}$$

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{[(-8)]^2 + [(6)]^2}$$

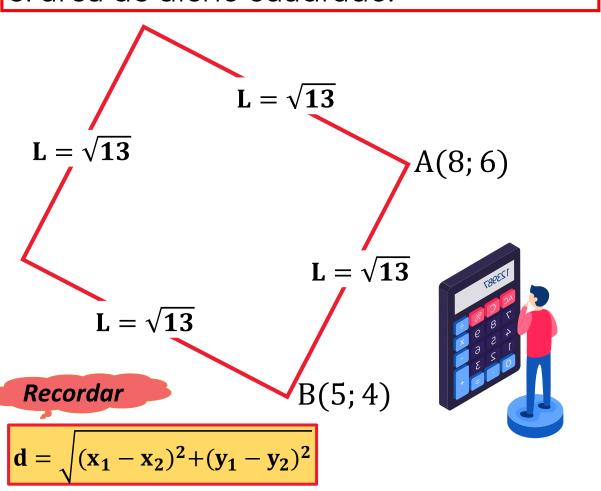
$$d(\overline{AB}) = \sqrt{64 + 36}$$

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{100}$$

$$\therefore$$
 d ( $\overline{AB}$ ) =10 m



Los vértices consecutivos de un cuadrado son A(8;6) y B(5;4). Determine el área de dicho cuadrado.



#### Resolución:

Calculando distancia entre los puntos A y B:

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{[(8) - (5)]^2 + [(6) - (4)]^2}$$

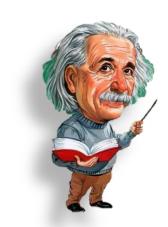
$$d(\overline{AB}) = \sqrt{[(3)]^2 + [(2)]^2}$$

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{9 + 4}$$

$$d(\overline{AB}) = \sqrt{13}$$

$$\rightarrow$$
 d  $(\overline{AB}) = \sqrt{13}$ 

# ¡Genial!



Por lo tanto el área del cuadrado es L<sup>2</sup>

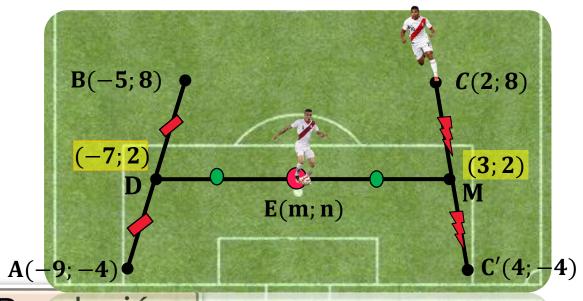
$$\therefore L^2 = 13u^2$$



**i**Muy

bien!

Un periodista comenta sobre la jugada polémica del último partido de la selección peruana, donde Christian Cueva le da un centro a Paolo Guerrero, si el disparo se realiza desde el centro ¿En que punto en específico se encontraba Paolo cuando realizó el disparo?



#### Resolución:

Hallamos las coordenadas del punto D

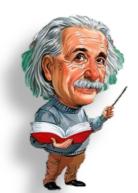
$$D\begin{cases} x = \frac{-9 + (-5)}{2} = \frac{-14}{2} = -7 \\ y = \frac{-4 + 8}{2} = \frac{4}{2} = 2 \end{cases}$$

#### Hallamos las coordenadas del punto M

$$M\begin{cases} x = \frac{4+2}{2} &= \frac{6}{2} &= 3\\ y = \frac{-4+8}{2} &= \frac{4}{2} &= 2 \end{cases}$$
 M(3; 2)

#### Hallamos las coordenadas del punto E

$$E \begin{cases} m = \frac{-7+3}{2} = \frac{-4}{2} = -2 \\ n = \frac{2+2}{2} = \frac{4}{2} = 2 \end{cases}$$



∴ Paolo se encontraba en el punto (-2;2)