# ALGEBRA Chapter 15



**Valor Absoluto** 





# HELICO MOTIVATING



# ¿Sabias que..?

La interpretación geométrica del valor absoluto de un número está representada por la distancia que existe entre cero y el número dado.

# HELICO THEORY CHAPTER 18



# VALOR ABSOLUTO

# I) DEFINICIÓN

# **Ejemplos:**

$$151 = 5$$
  
 $1-71 = -(-7) = 7$ 

# II) Ecuaciones con valor absoluto

1) Si 
$$|x|=a$$
  $\Rightarrow$   $a \ge 0 \land [x=a \lor x=-a]$ 

Si 
$$|x| = |a|$$
 [  $|x| = a|$   $|x| = -a|$ ]
Ejemplos:

# Resuelva: $I \times -4I = 3$

$$x=7 v x=1$$

$$CS = \{1; 7\}$$

Resuelva: 
$$| 3x - 4| = |x + 2|$$
 $\Rightarrow 3x - 4 = x + 2$ 
 $\Rightarrow 2x = 6$ 
 $\Rightarrow x = 3$ 
 $\Rightarrow x = 3$ 

HELICO | THEODY

# Inecuaciones con

valor

$$a \ge 0 \land -a \le x \le a$$

2) Si 
$$|x| \ge a$$



2) Si 
$$|x| \ge a \iff x \ge a \lor x \le -a$$

# **Ejemplos:**

# Resuelva: I x -3I ≤ 2

$$\rightarrow -2 \le x -3 \le 2$$

$$CS = [1; 5]$$

# Resuelva: $|x-1| \ge 4$

$$\rightarrow$$
 x -1 ≥ 4  $\lor$  x-1≤ -4

$$CS = \langle -\infty ; -3 ] U [5; +\infty \rangle$$

# HELICO PRACTICE

**CHAPTER 18** 



1. Si: 
$$0 < x < 4$$
 Calcule:  $E = \frac{|x+6| + |x-8|}{2}$ 

#### Resolución

#### Recordar:

$$|x| = x; \quad x \ge 0$$

$$|x| = -x; \quad x < 0$$

Del dato:  

$$0 < x < 4 \longrightarrow 6 < x + 6 < 10$$
  
 $-8$   
 $0 < x < 4 \longrightarrow -8 < x - 8 < -4$ 

## Reemplazando:

$$E = \frac{(x+6)-(x-8)}{2}$$

# 2. Luego de resolver, indique el valor de x:

$$|3x - 5| = |2x + 1|$$

#### Resolución

Se cumple que:

$$3x - 5 = 2x + 1$$
 **v**  $3x - 5 = -(2x + 1)$   $x = 6$   $3x - 5 = -2x - 1$   $5x = 4$   $x = 4/5$ 

3. Resolver: 
$$|2x - 7| < 5$$

#### Resolución

### Recordar:

Si |a| < b

Entonces: b≥ 0

$$-b < a < b$$

$$|2x-7| < 5$$
 $-5 < 2x-7 < 5$ 
 $2 < 2x < 12$ 
 $1 < x < 6$ 
 $x \in < 1; 6 >$ 

$$C.S = <1;6>$$

### HELICO | PRACTICE

# 4. Resolver

$$|3x + 1| \geq 7$$

RESOLUCIÓN

$$|3x + 1| \geq 7$$

$$\Rightarrow$$
 3x + 1 \ge 7 \quad V \quad 3x + 1 \le -7

$$3x \ge 6 \qquad 3x \le -8$$

$$x \ge 2 \qquad x \le -8/3$$

#### **RECORDAR**

Si: 
$$| x | \ge a$$
  $\longleftrightarrow$   $x \ge a \lor x \le -a$ 

C. S = 
$$< -\infty; -8/3$$
] U [2;  $+\infty >$ 

# 5. Halle el número de valores enteros al resolver la siguiente inecuación:

$$|2x-3| < |x+6|$$

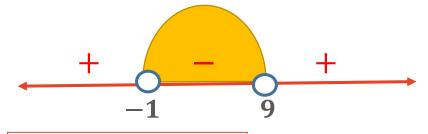
#### Resolución

#### Recordar:

Si |a| < |b|Se cumple:  $a^2 < b^2$ 

$$|2x-3| < |x+6|$$
 $(2x-3)^2 < (x+6)^2$ 
 $4x^2 - 12x + 9 < x^2 + 12x + 36$ 
 $3x^2 - 24x - 27 < 0$ 
 $x^2 - 8x - 9 < 0$ 
 $(x-9)(x+1) < 0$ 

Ptos críticos:  $x = 9$ 
 $x = -1$ 



$$x \in <-1;9>$$

Los valores enteros

## Rpta:

∴Nro de enteros=9

6. La edad de Carlos hace 12 años coincide con la suma de valores enteros de resolver la inecuación  $|x-3|^2-3|x-3|<18$  ¿Qué edad tiene Carlos?

#### Resolució

$$|x-3|^2 - 3|x-3| - 18 < 0$$

$$|x-3| + 3$$

$$|x-3| - 6$$

$$(|x-3|+3)(|x-3|-6) < 0$$

$$+ |x-3|-6 < 0$$

$$|x-3| < 6$$

$$-6 < x - 3 < 6$$

$$-3 < x < 9$$

$$\therefore C.S = \langle -3; 9 \rangle$$

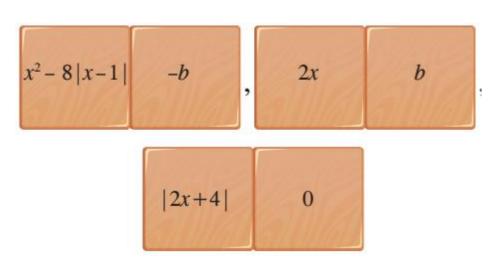
Suma de valores enteros = -2 - 1 + 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 = 33

Rpta:

Carlos tiene 45 años

#### **HELICO | PRACTICE**

7. Domaths: son piezas de madera en forma rectangular dividido en dos casilleros, como se muestra en la figura, en tres de las piezas del Domaths,



Los números impresos que hay en cada casillero (caras colaterales) de una misma pieza dan la misma suma en cada una de las piezas. Si b y x son números positivos, halle el valor de x.

#### Resolución

Del enunciado

$$|x^2 - 8|x - 1| - b = 2x + b = |2x + 4| + 0$$

2x + b = 2x + 4

$$b = 4$$

$$x^{2} - 8|x - 1| - 4 = 2x + 4$$

$$x^{2} - 8|x - 1| - 2x - 8 = 0$$

$$x^{2} - 2x + 1 - 8|x - 1| - 9 = 0$$

$$(x - 1)^{2} - 8|x - 1| - 9 = 0$$

$$|x - 1|^{2} - 8|x - 1| - 9 = 0$$

$$|x - 1| - 9 = 0$$
No cumple

$$|x-1|=9 \ o \ |x-1|=-1$$

$$x-1=9 \ o \ x-1=-9$$

$$x = 10 \ o \ x = -8$$

No cumple

$$\therefore x = 10$$