ARITHMETIC Chapter 13



Y+X=

Multiplicación y División





¿Qué tan rápido Veamos si eres multiplicando? es cierto...

```
1001 \times 999 = 9999999
```

$$455 \times 999 = 454545$$

$$30303 \times 101 = 3060603$$





MULTIPLICACIÓN

$$M \times m = P$$

Productos parciales

```
4683 \times 4 = 18732 \rightarrow 1er Producto parcial
```

$$4683 \times 6 = 28098 \implies 2 \text{do Producto parcial}$$

$$4683 \times 2 = 9366$$
 \Rightarrow 3er Producto parcial

$$1236312 \Rightarrow Producto total$$





DIVISIÓN

Algoritmo de una división entera

$$\begin{array}{c|c}
D & d \\
r & q
\end{array}$$

$$D = (d)(q) + r$$

Donde:

D: Dividendo

d: divisor

q: cociente

r: residuo

CLASES DE DIVISIÓN

DIVISIÓN ENTERA EXACTA

$$D = (d) . (q)$$



DIVISIÓN ENTERA INEXACTA

POR DEFECTO

Ejemplo:

En general:

$$\begin{array}{c|c} D & d \\ r_d & q_d \end{array} \Rightarrow \begin{array}{c} D = (d)(q_d) + r_d \end{array}$$

$$(0 < r < d)$$

POR EXCESO

Ejemplo:

En general:

$$\begin{array}{c|c}
D & d \\
r_e & q_e
\end{array}$$

$$D = (d)(q_e) - r_e$$



Propiedades

Suma de residuos

$$r_d + r_e = d$$

• Del resto:

$$(r_d, r_e)_{min} = 1$$

$$(r_d, r_e)_{max} = d - 1$$

Sabemos

$$D = dq + r$$

$$D \times n = (d \times n)q + r \times n$$

$$\frac{D}{n} = \frac{d}{n}q + \frac{r}{n}$$



Se desea conocer las edades de los docentes de aritmética Raúl y Jorge, que laboran en el colegio Apeirón. Sabiendo que el producto de sus edades es 1333, pero si a la edad del mayor se le aumenta 12 unidades nuevo 1705. producto sería Determine dichas edades.

```
RESOLUCIÓN
```

Raúl: M años Jorge: m años

Sabemos: $M \times m = P$

$$M \times m = P$$

Reemplazando

M. m = 1333 ...(I)
y (M+12). m = 1705
de...(I) M-m + 12m = 1333 + 372

$$\Rightarrow$$
 12m = 372
m = 31

Donde:

NOS PIDEN Las edades 31 y 43

y 43 años



2. Si: abc × 23 termina en 389. Halle el valor de a + b + c.

RESOLUCIÓN

Del dato tenemos:

$$* orden 1 c.3 = ...9$$

$$* \text{ orden 2} \text{ b.3} = ...2 = 12$$

$$* orden 3 a.3 + 1 = ...5$$

c = 3

b = 4

NOS PIDEN

$$a + b + c$$



3. El producto de tres números enteros consecutivos es 990. Calcule la suma de los números.



RESOLUCIÓN

Del dato tenemos:

$$n. (n+1). (n+2) = 990$$

Donde:

$$n. (n+1). (n+2) = 9.10.11$$

Los números consecutivos son:

NOS PIDEN

Suma de los números:

$$...9 + 10 + 11 = 30$$



4. Al dividir abc entre bc se obtuvo 11 de cociente. Calcule la suma de cifras del dividendo si el residuo obtenido es igual al complemento aritmético de 20.

Del dato tenemos:

$$\overline{abc} \quad \overline{bc}$$

$$C.A(20) = 80 \quad 11$$
Pero: $\overline{bc} > 80$

$$\overline{b} = 8 \quad 1; 9$$

RESOLUCIÓN

$$\overline{abc} = (\overline{bc})(11) + 80$$

$$100a + \overline{bc} = 11 (\overline{bc}) + 80$$

$$100a = 10 (\overline{bc}) + 80$$

$$10a = \overline{bc} + 8$$
Pero: ...0 = ...c + 8 \Rightarrow $c = 2$
Reemplazando:
$$10a = \overline{b2} + 8 \Rightarrow a = 9$$

NOS PIDEN
$$a + b + c$$

 $3 + 8 + 2 = 19$



5. En una división inexacta, le falta 15 unidades al residuo para ser máximo y sería mínimo al restarle 18 unidades. Determine el dividendo si el cociente es el doble del residuo por exceso.

Propiedad:

$$r_{máx} = d - 1$$

Reemplazando:

18 + 15 =
$$d - 1 \Rightarrow \lfloor d = 35 \rfloor$$

Propiedad:

$$r_{min} = 1$$

Reemplazando:

$$r_d - 18 = 1 \Rightarrow r_d = 19$$

RESOLUCIÓN

Además:

$$r_d + r_e = d$$

Reemplazando: $r_e = 16$

$$q = 2(r_e)$$
 $q = 2(16) \Rightarrow q = 32$

Sabemos que:

$$D = (d)(q) + r_d$$

Reemplazando:

$$D = (35)(32) + 19$$

NOS PIDEN



6. Si:
$$abc \cdot a = 3672$$

 $abc \cdot b = 612$
 $abc \cdot c = 1224$
Calcule $(abc)^2y$ dé
como respuesta la
suma de cifras.

Sabemos:

$$(\overline{abc})^2 = (\overline{abc}) \times (\overline{abc})$$

RESOLUCIÓN

Del dato tenemos:

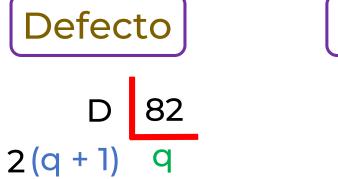
$$\frac{abc}{abc} \times \\
\frac{abc}{abc} \cdot \\
\frac{abc}{abc} \cdot \\
612 \quad abc \cdot \\
abc \cdot$$

$$3+7+4+5+4+4=27$$



7. Calcule la suma de cifras de un número entero que al ser dividido entre 82 deja como resto por defecto el doble del cociente por exceso y como resto por exceso el triple del cociente por defecto.

Del dato tenemos:



RESOLUCIÓN

Pero:
$$r_d + r_e = d$$

$$\Rightarrow$$
 2(q + 1) + 3q = 82
 $5q = 80$
 $q = 16$

$$r_d = 2 \cdot (16 + 1) \implies r_d = 34$$

$$D = (82).16 + 34$$
 $D = 1346$

NOS PIDEN

∴ Suma de cifras de D = 14



4. La edad de mi abuelo coincide con el máximo numero que se le debe sumar a N, para que al volverlo a dividir por 24 su cociente haya aumentado en 3, Halle la edad de mi abuelo, si el residuo al dividir N entre 24 es 5

Del dato tenemos:

$$D = d.q + r$$

$$D = 24.9 + 5$$

RESOLUCIÓN

sea "x" máximo a aumentar al dividendo

$$r_{\text{máx}} = d - 1$$
 r_{n}

$$r_{\text{nuevo}} = 23$$

Reemplazando:

$$D + X = 24 \cdot (q + 3) + 23$$

$$D + x = 24.q + 72 + 23$$

Donde:

$$D + x = 24 + 5 + 90$$

NOS PIDEN
$$\therefore x = 90$$