



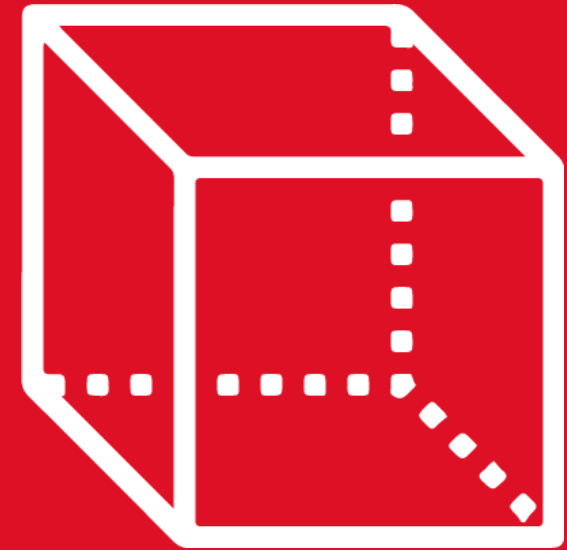
# GEOMETRY

## CHAPTER 23

5th

SECONDARY

## ECUACIÓN DE LA PARÁBOLA

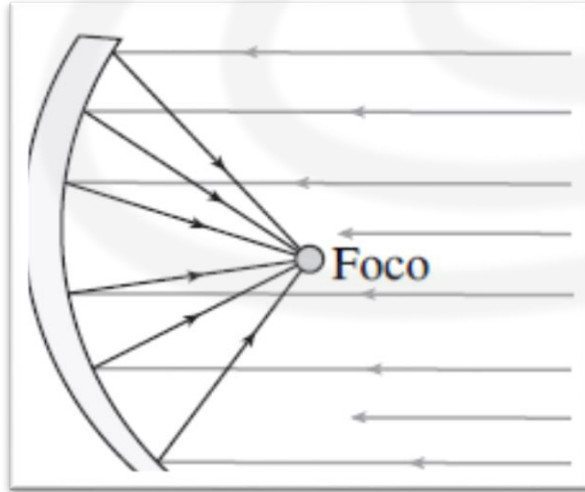
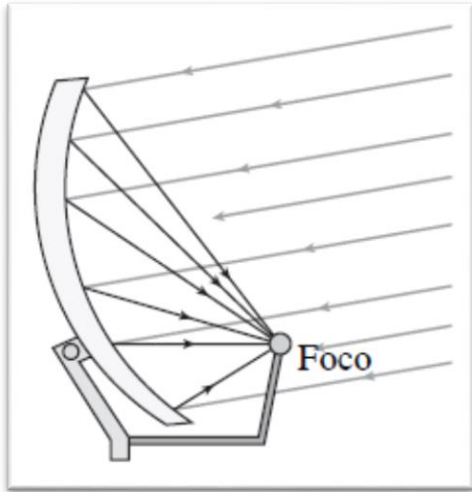


 **SACO OLIVEROS**

# APLICACIONES DE LA PARÁBOLA

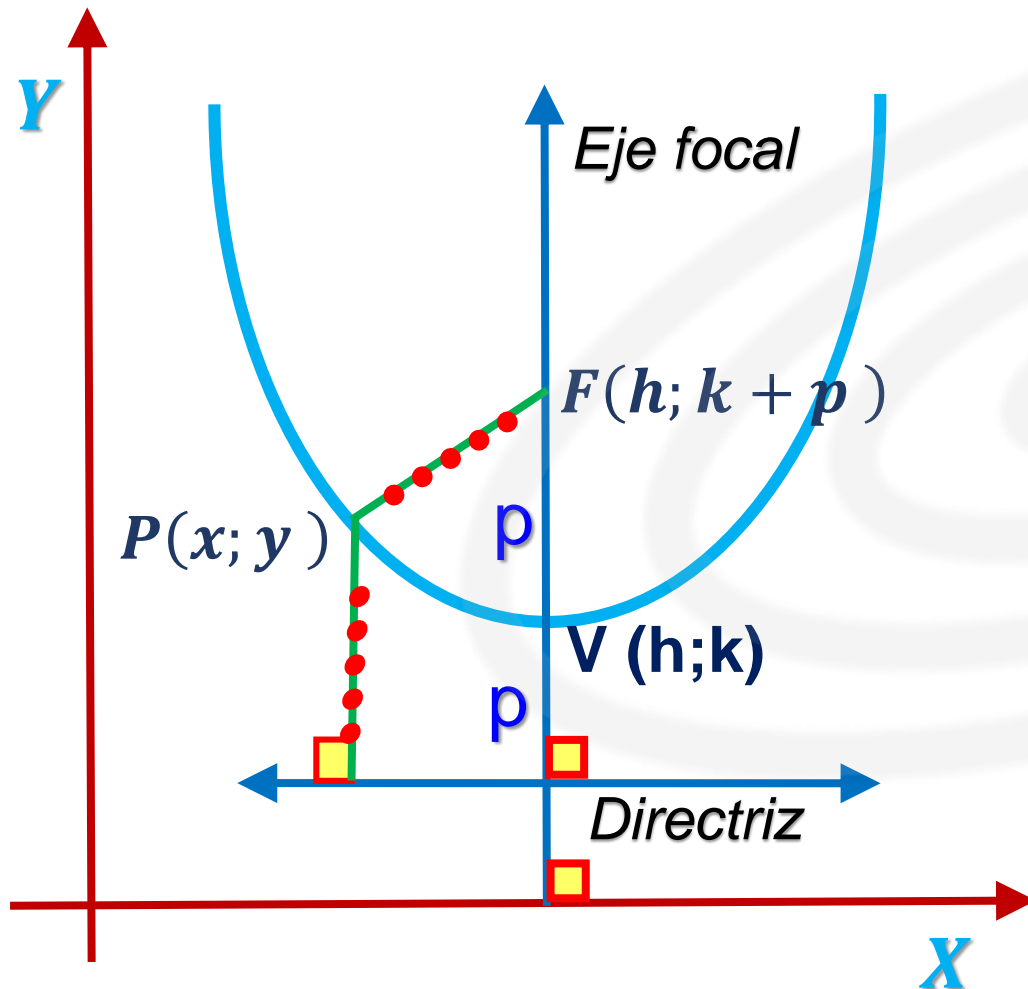


Las aplicaciones de las parábolas son básicamente aquellos fenómenos en donde nos interesa hacer converger o divergir un haz de luz y sonido principalmente. La dirección de propagación de una onda se representa mediante líneas que se denominan rayos y según la forma de la superficie en la que inciden así será la dirección de los rayos reflejados. Cuando la forma de dicha superficie es parabólica todos los rayos que llegan paralelos al eje de la parábola se reflejan pasando por un mismo punto que se denomina foco.





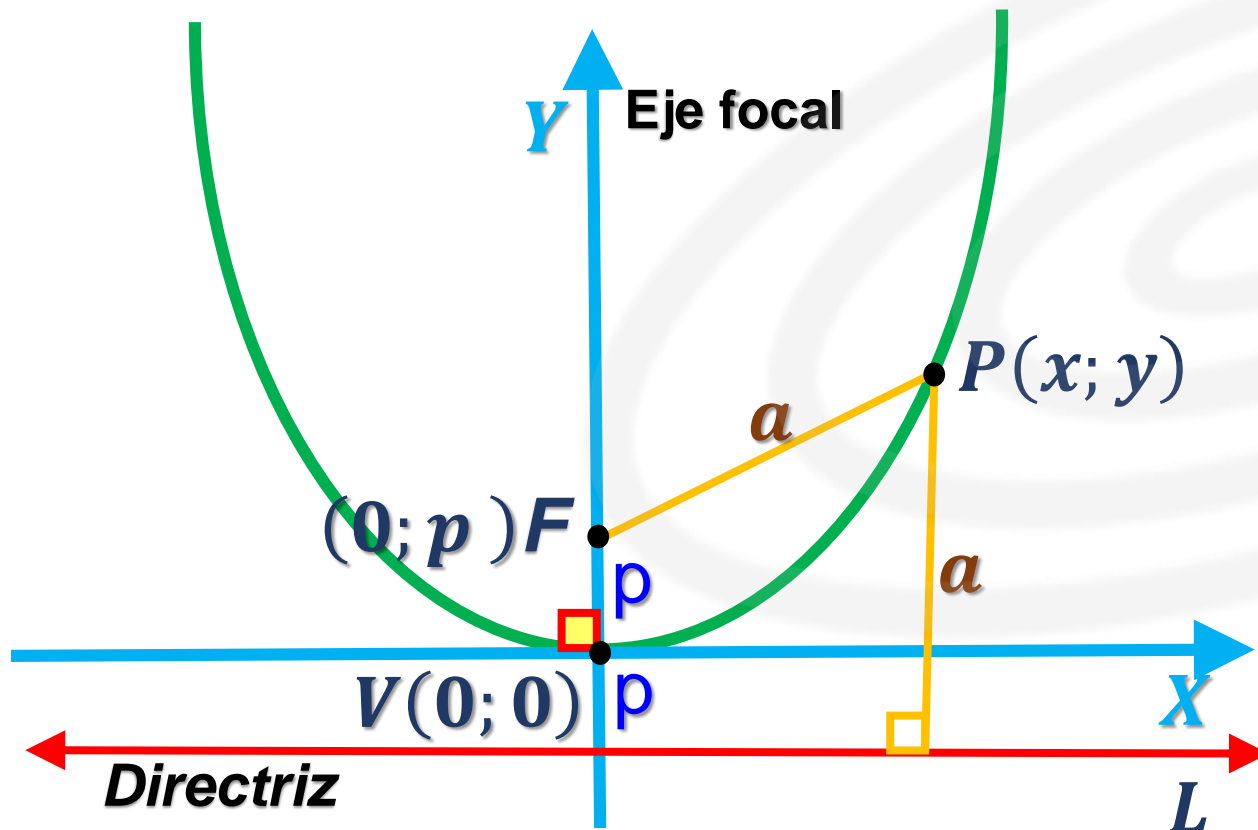
# ECUACIÓN DE LA PARÁBOLA CON EJE FOCAL PARALELO AL EJE Y



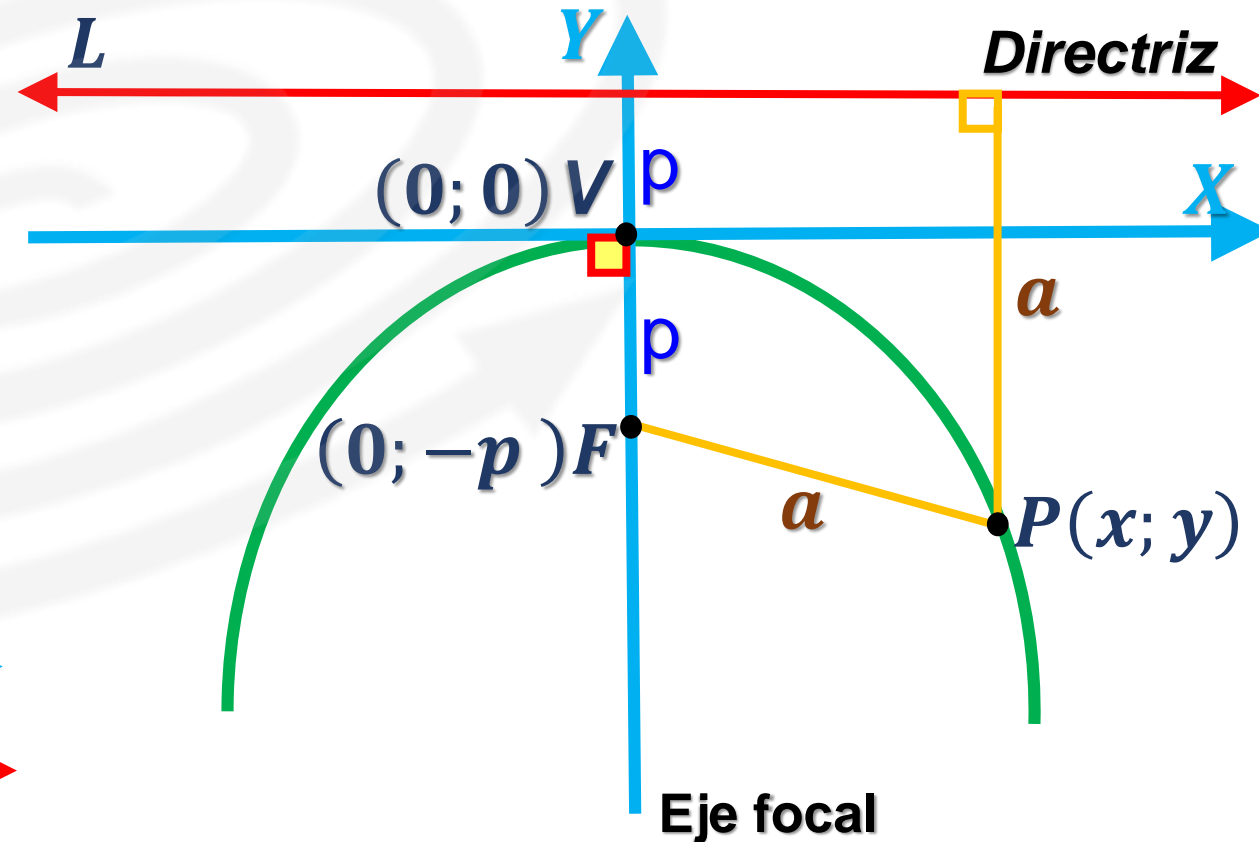
$$(x - h)^2 = 4p(y - k)$$

# Ecuación de la parábola con el eje focal en el eje y

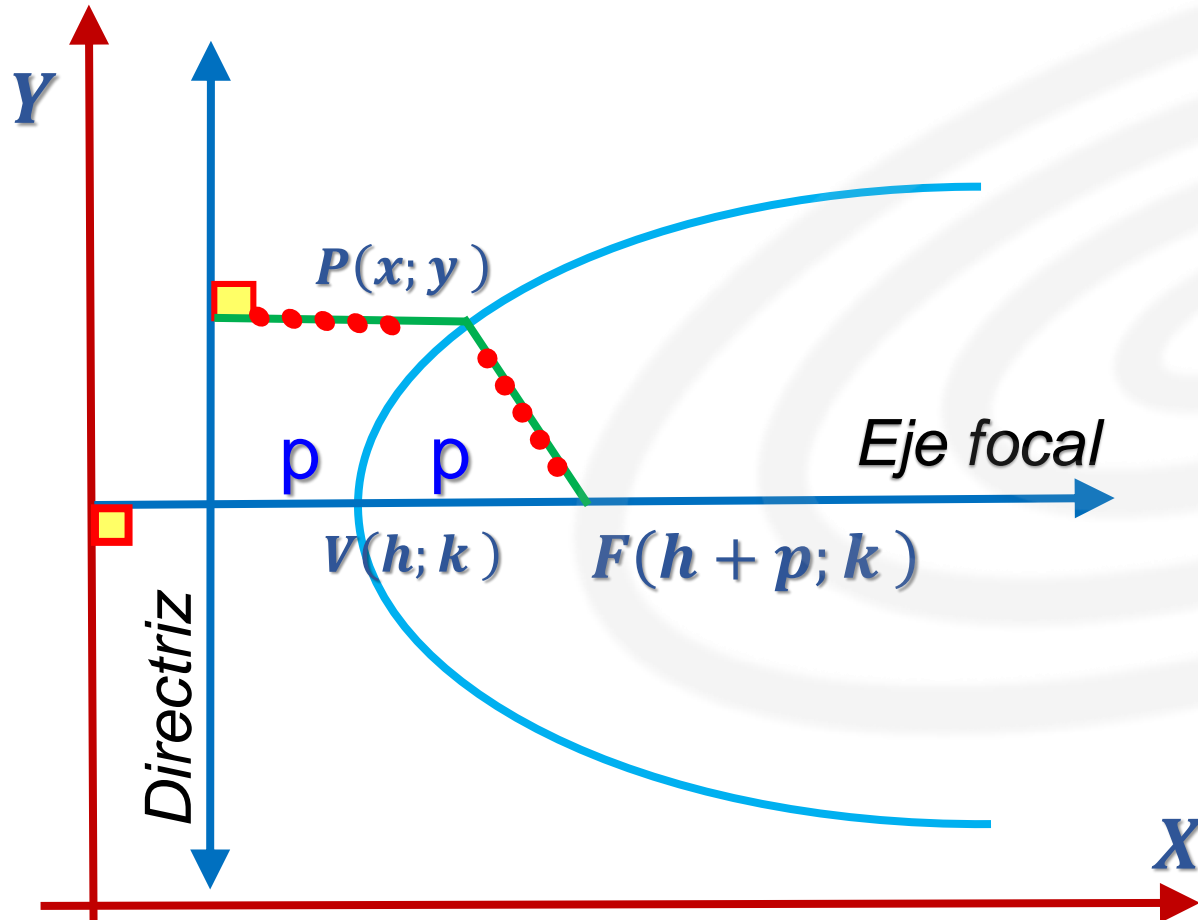
$$(x)^2 = 4py$$



$$(x)^2 = -4py$$



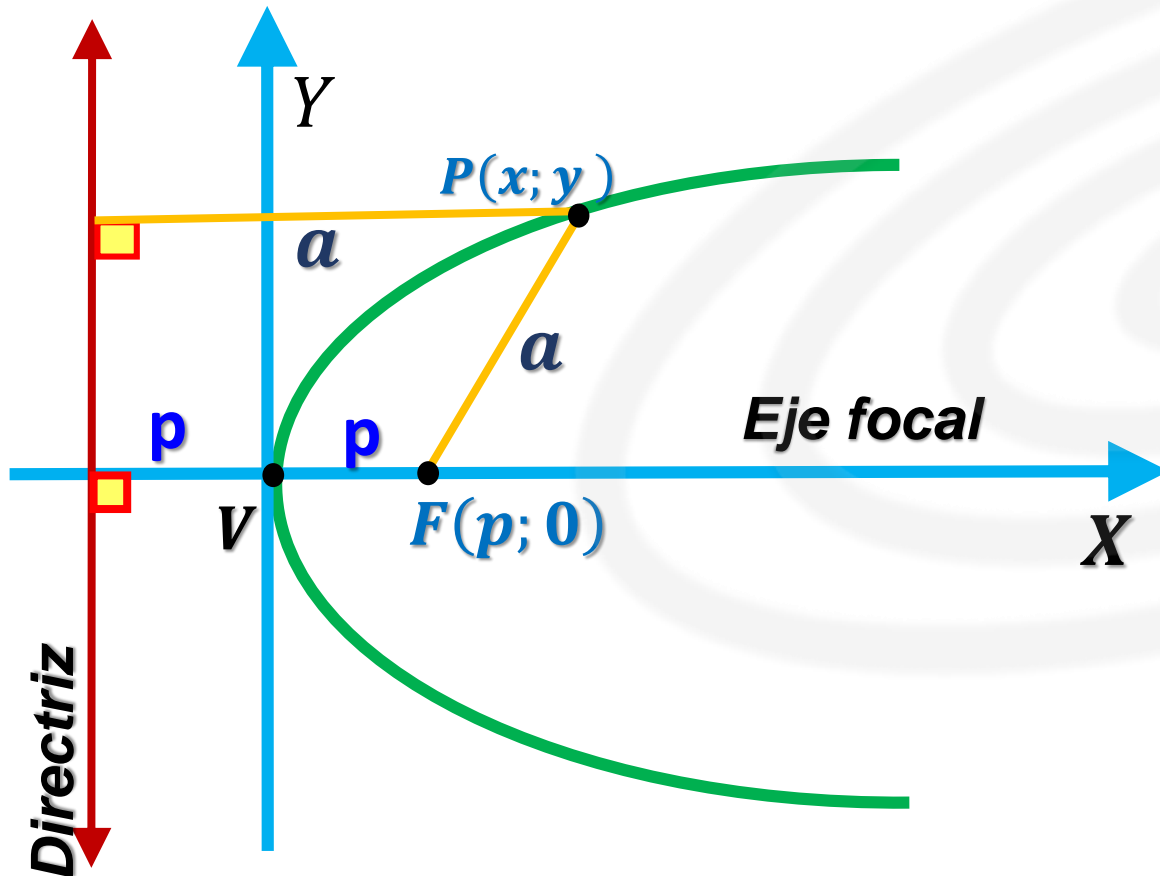
# ECUACIÓN DE LA PARÁBOLA CON EL EJE FOCAL PARALELO AL EJE X



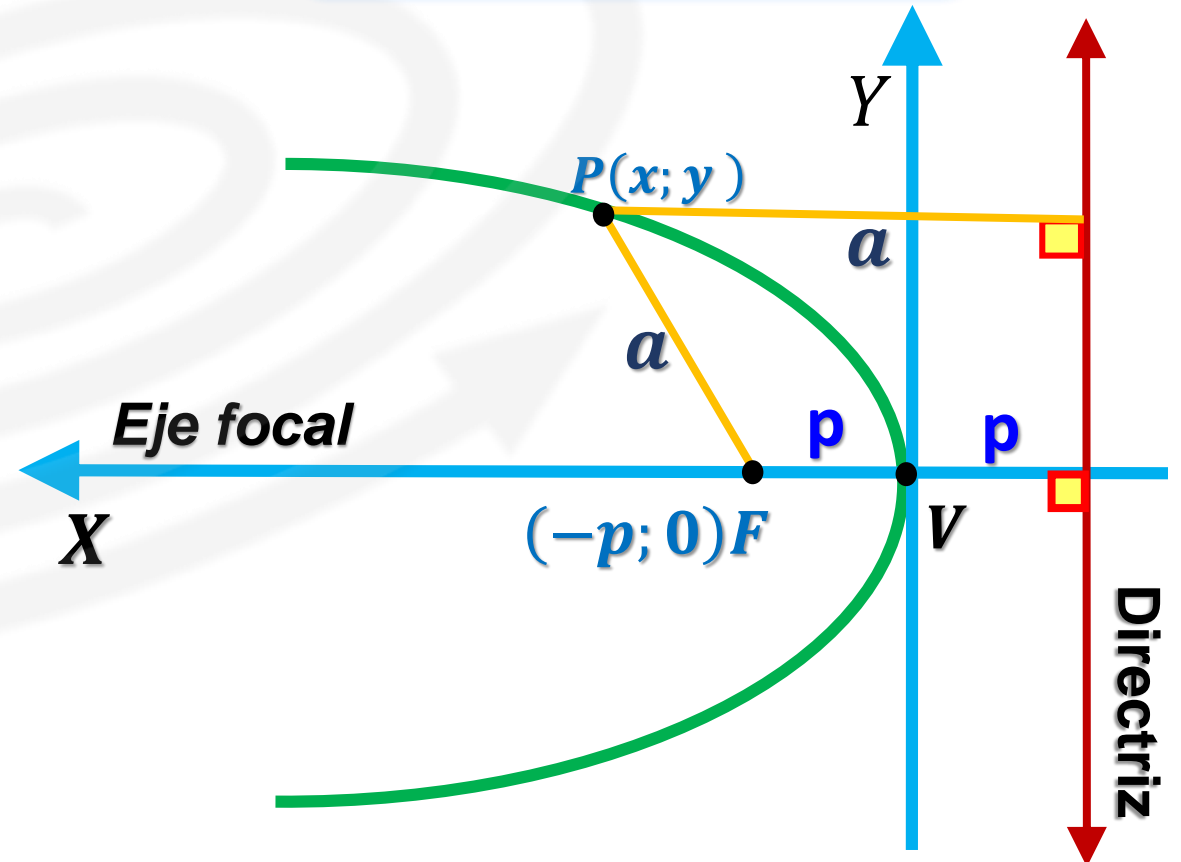
$$(y - k)^2 = 4p (x - h)$$

# Ecuación de la parábola con eje focal en el eje x

$$(y)^2 = 4px$$



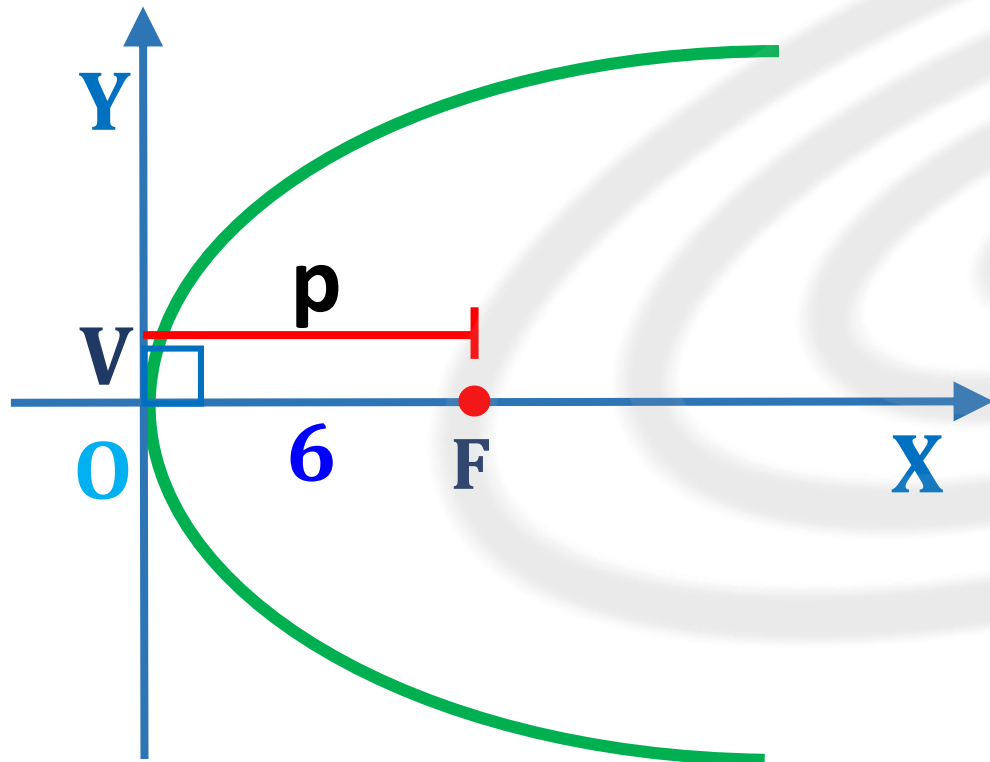
$$(y)^2 = -4px$$





# 1. Halle la ecuación de la parábola, si F es foco.

## Resolución



- Piden: La ecuación de parábola

$$y^2 = 4px$$

- El parámetro :  $p = 6$
- Remplazando en la ecuación

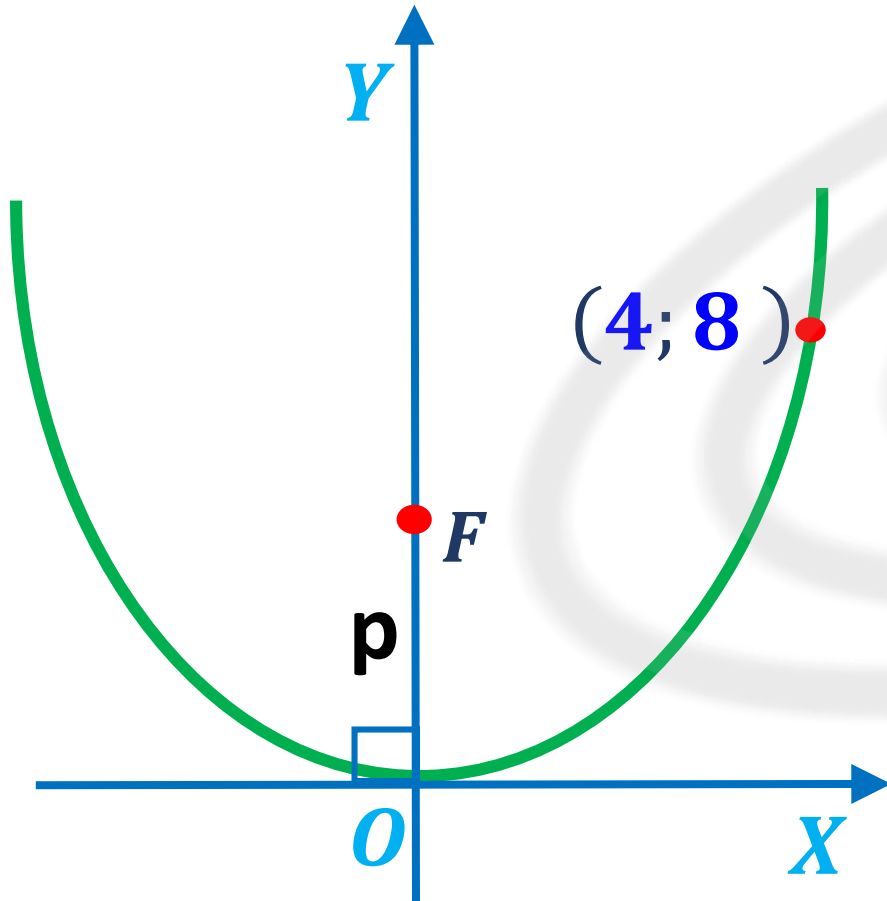
$$y^2 = 4(6)x$$

$$y^2 = 24x$$



## 2. Halle la ecuación de la parábola, si F es foco.

### Resolución



- Piden: La ecuación de parábola

$$x^2 = 4py$$

- Remplazando el par ordenado  $(4; 8)$  en la ecuación:

$$(4)^2 = 4p(8) \rightarrow p = \frac{1}{2}$$

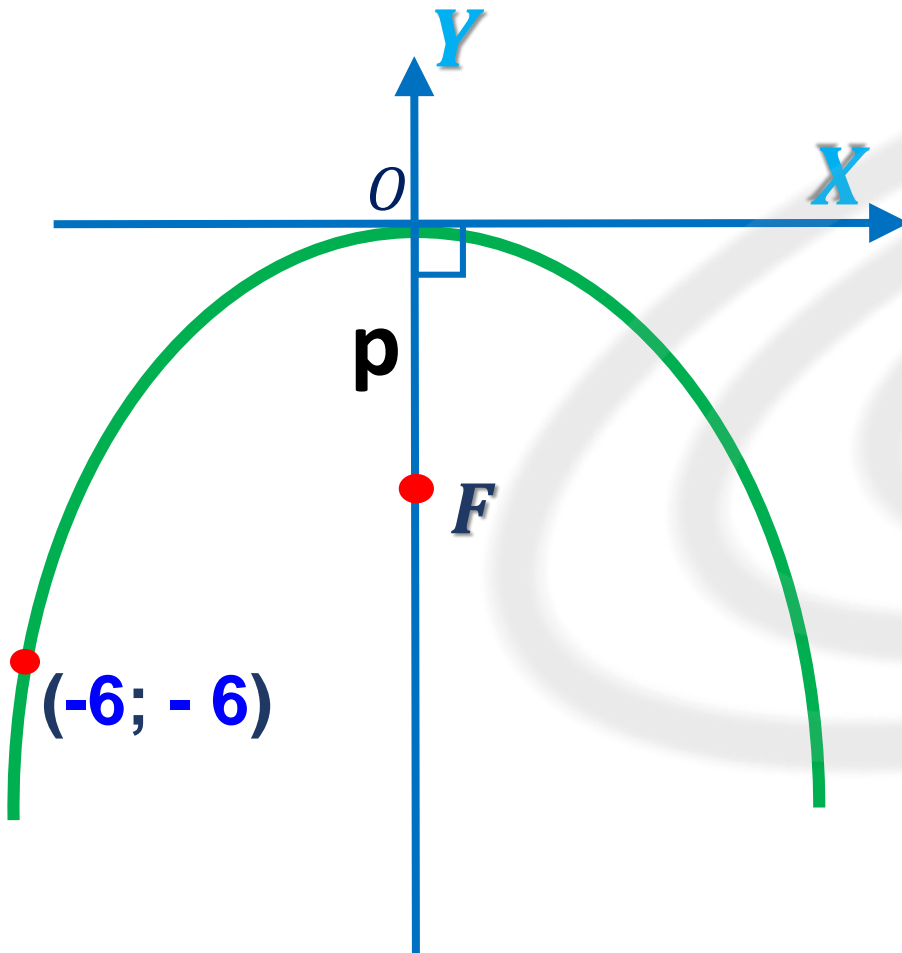
- Reemplazando:

$$x^2 = 4\left(\frac{1}{2}\right)y$$

$$x^2 = 2y$$

### 3. Halle la ecuación de la parábola, si F es foco.

#### Resolución



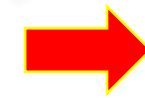
- Piden: La ecuación de parábola

$$x^2 = -4py$$

- Remplazando el par Ordenado  $(-6 ; -6)$  en la ecuación.

$$(-6)^2 = -4p(-6)$$

$$36 = 24p$$



$$p = \frac{3}{2}$$

- Reemplazando:

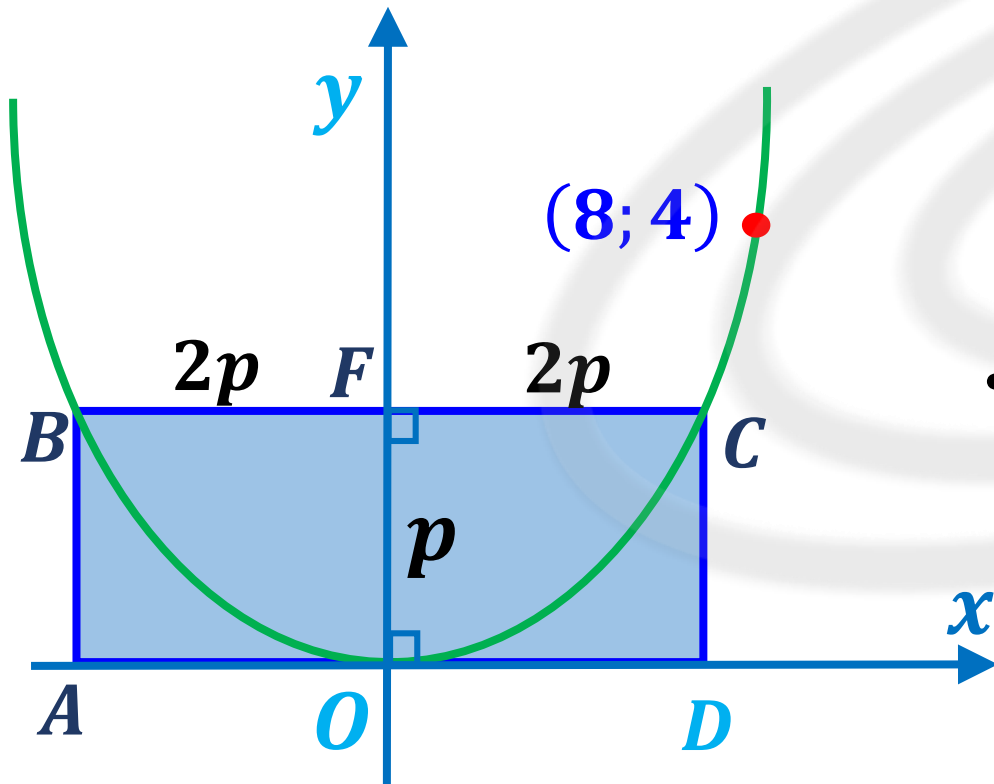
$$x^2 = -4\left(\frac{3}{2}\right)y$$

$$x^2 = -6y$$

4. Calcule el área de la región rectangular ABCD, si F es foco de la parábola.

**Resolución**

**$\overline{BC}$  : Lado recto.**



- Piden:  $S_{ABCD}$

$$x^2 = 4py$$

- Remplazando el par ordenado (8; 4) en la ecuación:

$$8^2 = 4p(4)$$

$$64 = 16p$$



$$p = 4$$

- Calculando el área:

$$S_{ABCD} = (4p)(p)$$

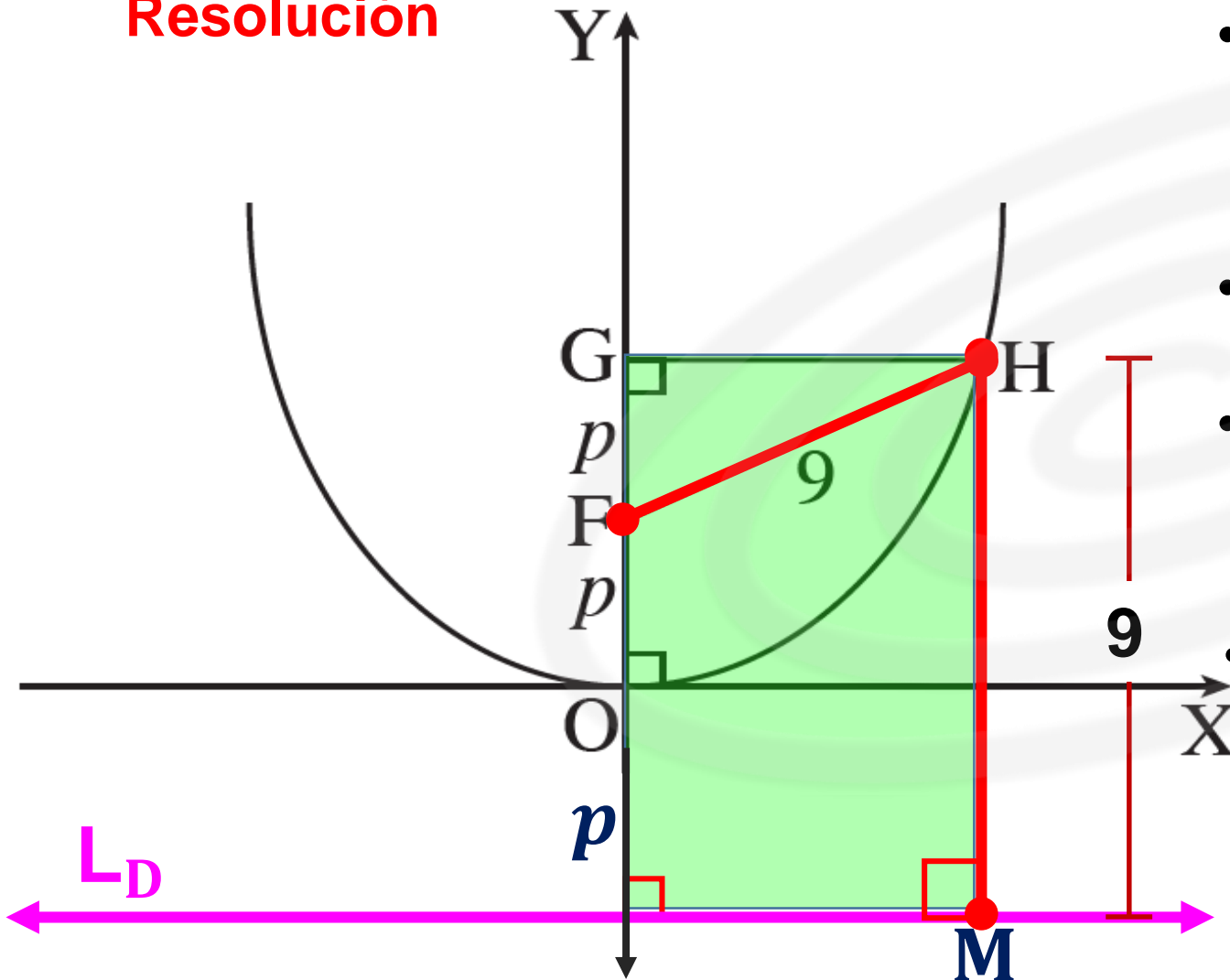
$$S_{ABCD} = (4 \cdot 4) \cdot (4)$$

$$S_{ABCD} = 64 \text{ u}^2$$



## 5. Halle la ecuación de la parábola, si F es foco.

### Resolución



- Piden: La ecuación de parábola

$$x^2 = 4py$$

- Trazamos la recta directriz ( $\overleftrightarrow{L_D}$ )

- Por teorema:  $FH = HM$

$$3p = 9 \Rightarrow p = 3$$

- Remplazando en la ecuación

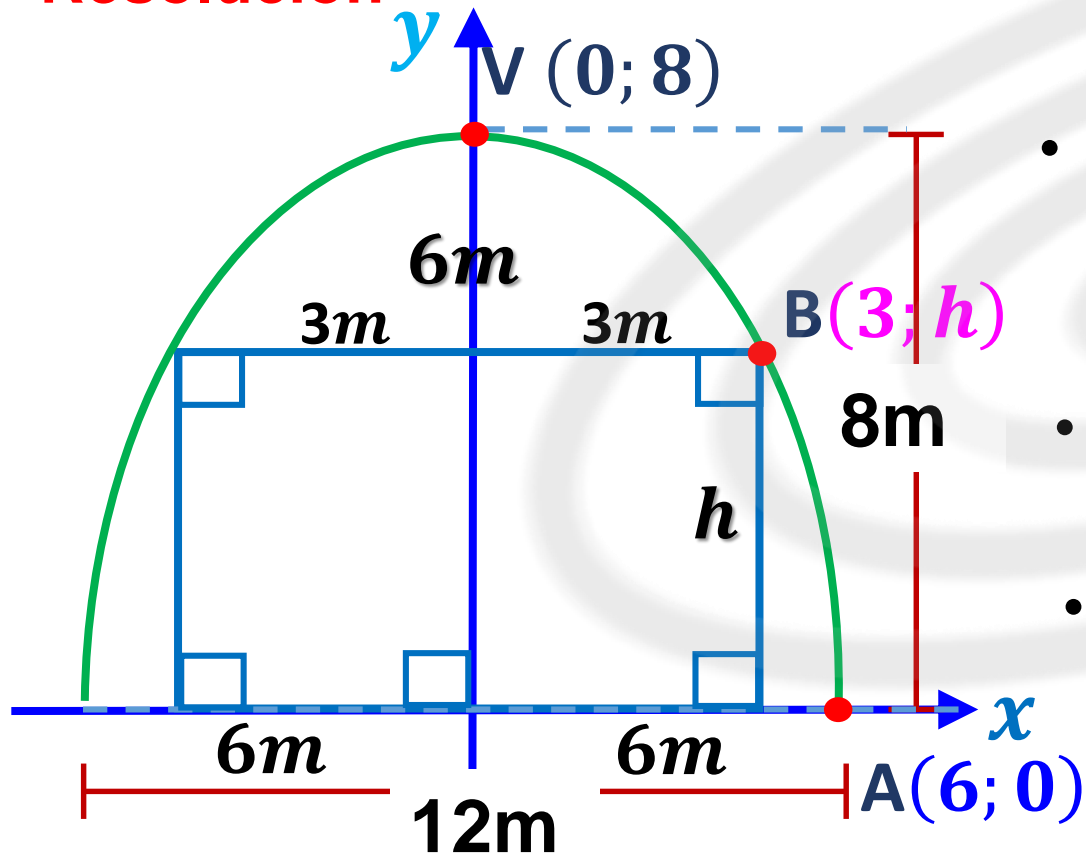
$$x^2 = 4(3)y$$

$$x^2 = 12y$$



6. En la figura se muestra el diseño de una estructura metálica que se construirá para la entrada de un parque, la cual consta de una curva parabólica y un refuerzo de forma rectangular. Halle el valor de  $h$ .

Resolución



$$(x)^2 = 4p(y - 8)$$

- Remplazando el par ordenado  $A(6; 0)$  en la ecuación:

$$6^2 = 4p(0 - 8) \Rightarrow -\frac{9}{2} = 4p$$

- Luego:

$$x^2 = -\frac{9}{2}(y - 8)$$

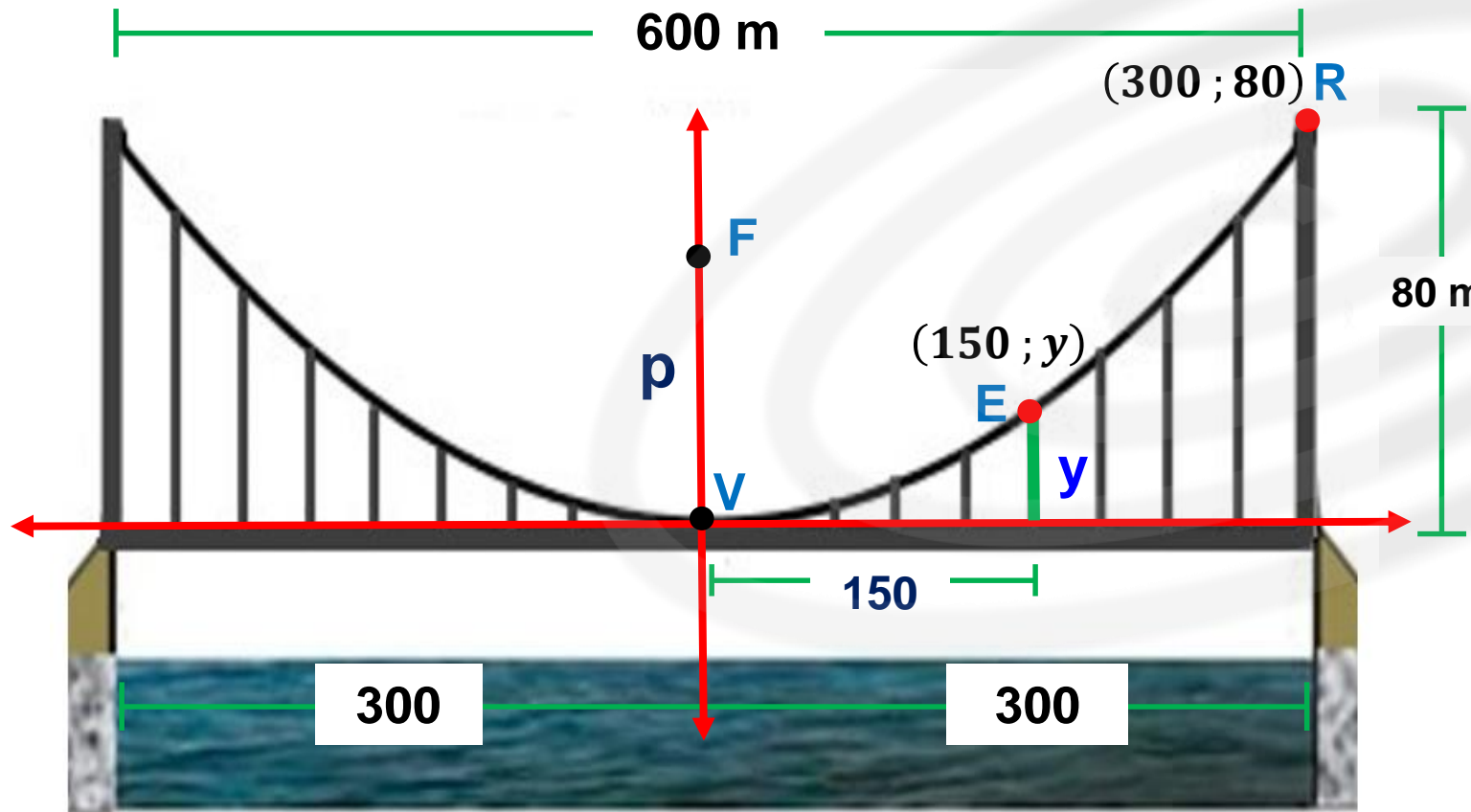
- Remplazando el par ordenado  $A(3; h)$  en la ecuación:

$$3^2 = -\frac{9}{2}(h - 8)$$

$$h = 6m$$

7. Los cables que sostienen un puente colgante adquieren forma parabólica, las torres que sostienen los cables están separadas 600 m y son de 80 m de altura. Si los cables tocan la superficie de la carretera a la mitad de la distancia entre las torres, ¿cuál es la altura del cable en un punto situado a 150 m del centro del puente?

## Resolución



• Piden:  $y$

$$x^2 = 4py$$

• Reemplazando el par ordenado (300; 80) en la ecuación:

$$(300)^2 = 4p(80) \quad \dots (1)$$

• Reemplazando el par ordenado (150 ; y) en la ecuación:

$$(150)^2 = 4p(y) \quad \dots (2)$$

• Dividiendo 1 y 2.

$$\frac{300^2}{150^2} = \frac{4p(80)}{4p(y)}$$

$$4 = \frac{80}{y}$$

$$y = 20 \text{ m}$$