ARITHMETIC Tomo III 2022

RETROALIMENTACIÓN



1. En una proporción aritmética continua, los términos extremos son 24 y 16. Halle la media diferencial.

RESOLUCIÓN:

Proporción aritmética continua:

$$A - B = B - C$$

Siendo "B" la media diferencial

Dato: Términos extremos 24 y 16

$$24 - B = B - 16$$

$$B = \frac{24 + 16}{2}$$



2. Calcule la suma de la tercera diferencial de 35 y 23 con la cuarta proporcional de 60; 15 y 52.

RESOLUCIÓN:

X: Tercera diferencial

$$35 - 23 = 23 - X$$

$$\rightarrow X = 11$$
Y: Cuarta proporcional
$$\frac{60}{15} = \frac{52}{Y}$$

$$\rightarrow Y = 13$$

Nos piden: X + Y = 11 + 13 = 24

3. La cantidad de problemas resueltos por Ana y Flora en el concurso de matemática están en proporción de 3 a 7, respectivamente. Si Ana realizó 20 problemas menos que Flora, ¿Cuántos problemas resolvió Ana?

RESOLUCIÓN:

Se sabe : Prob. Ana: A = 3K Prob. Flora: F = 7K

Dato: La diferencia de prob. es 20

$$\Rightarrow \mathbf{F} - \mathbf{A} = \mathbf{20}$$

$$7K - 3K = 20$$

$$K = 5$$

$$A = 3(5) = 15$$

4. En una serie de 3 razones geométricas equivalentes continuas, el primer antecedente es al ultimo consecuente como 27 es a 1. Si la suma de los antecedentes es 78. Hallar el primer consecuente.

RESOLUCIÓN:

Sea la serie de 3 razones geométricas continuas:

$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d} = K$$

Por propiedad:

$$\frac{a \cdot \cancel{b} \cdot \cancel{c}}{\cancel{b} \cdot \cancel{c} \cdot d} = K^3 = \frac{a}{d}$$

Del dato:

$$\frac{a}{d} = \frac{27}{1} = K^3$$
$$3 = K$$

Reemplazando:

$$\frac{27n}{9n} = \frac{9n}{3n} = \frac{3n}{1n} = 3$$

Del dato:

$$27n+9n+3n = 78$$

 $39n = 78$
 $n = 2$
Piden: $9n = 9(2)$

5. Los antecedentes de varias razones geométricas equivalentes son: 2; 3; 4 y 5, el producto del primer antecedente y de los 3 últimos consecuentes es 41160. Calcule la suma de los consecuentes.

RESOLUCIÓN:

Sea la serie de razones:

$$\frac{2}{a} = \frac{3}{b} = \frac{4}{c} = \frac{5}{d} = K$$

Del dato:

$$2.b.c.d = 41160$$

 $b.c.d = 20580$

Por propiedad:

$$\frac{3.4.5}{b.c.d} = K^3 = \frac{60}{20580}$$

$$K^3 = \frac{1}{343} \Rightarrow K = \frac{1}{7}$$

Por propiedad:

$$\frac{2+3+4+5}{a+b+c+d} = \frac{1}{7}$$

Piden:

$$a+b+c+d = 14(7)$$

6. De la serie:
$$\sqrt[3]{27 + a^3}$$
 = $\sqrt[3]{125 + b^3}$ = $\sqrt[3]{343 + c^3}$ Calcular "b" si c-a=20 39

RESOLUCIÓN:

Reduciendo y elevando al cubo:

$$\frac{\sqrt[3]{27 + a^3}}{\sqrt[3]{9}} = \frac{\sqrt[3]{125 + b^3}}{\sqrt[6]{5}} = \frac{\sqrt[3]{343 + c^3}}{\sqrt[9]{17}}$$

$$\frac{27 + a^3}{27} = \frac{125 + b^3}{125} = \frac{343 + c^3}{343}$$

Por propiedad:

$$\frac{27 + a^3 - 27}{27} = \frac{125 + b^3 - 125}{125} = \frac{343 + c^3 - 343}{343}$$

Sacando raíz cúbica:

$$\sqrt[3]{\frac{a^3}{27}} = \sqrt[3]{\frac{b^3}{125}} = \sqrt[3]{\frac{c^3}{343}} \qquad \boxed{\frac{a}{3}} = \frac{b}{5} = \frac{c}{7} = K$$

Por propiedad:

$$\frac{c-a}{7-3} = K = \frac{20}{4} \implies K = 5$$

Piden:

$$b = 5K = 5(5)$$



7. El promedio de A y 10 es 15. El promedio de C y 15 es 10 y el promedio de 10A; 35B y 15C es 185. Calcule el valor de A+B+C RESOLUCIÓN:

Del dato:
MA(A;10) = 15
$$\Rightarrow$$
 $\frac{A+10}{2} = 15$
 $A+10 = 30$
 $A = 20$
MA(C;15) = 10 \Rightarrow $\frac{C+15}{2} = 10$
 $C+15 = 20$
 $C=5$

$$MA(10A;35B;15C) = 185$$

$$\frac{10A + 35B + 15C}{3} = 185$$

$$10(20) + 35B + 15(5) = 555$$

$$200 + 35B + 75 = 555$$

$$35B + 275 = 555$$

$$35B = 280$$
 $B = 8$
Piden:
 $A+B+C = 20+8+5$

8. Diego trota por tres tramos diferentes de una carretera en un mismo tiempo cada tramo, siendo sus velocidades de 10km/h; 15m/h y 20km/h, respectivamente. ¿Cual es el velocidad promedio aplicada por Diego en todo su recorrido?

RESOLUCIÓN:

Recordemos:

$$Vp = \frac{espacio\ total\ recorrido}{tiempo\ total\ recorrido}$$

Diego utilizo el mismo tiempo:

$$Vp = \frac{e_1 + e_2 + e_3}{t + t + t}$$

Recordando: e = v.t

$$Vp = \frac{10t + 15t + 20t}{t + t + t} \quad \forall Vp = \frac{45t}{3t}$$
Piden:
$$Vp = \frac{45}{3}$$

Rpta: 15km/h

9. Tres números enteros a, b y c tienen una media aritmética de 5 y una media geométrica de $\sqrt[3]{120}$. Además se sabe que el producto b.c = 30. Calcule la media armónica de estos números.

RESOLUCIÓN:

MG(a;b;c)=
$$\sqrt[3]{120}$$
 $\sqrt[3]{a.b.c}^3 = (\sqrt[3]{120})^3$
a.b.c = 120
a.30 1 = 120 4
a = 4
MA(a;b;c) = 5 $\Rightarrow \frac{a+b+c}{3} = 5$
 $a+b+c = 15$
 $4+b+c = 15$

De ahí tenemos:
$$b + c = 11$$
 $b = 6$
 $b \cdot c = 30$ $c = 5$
 $b \cdot c =$

Rpta: 180 / 37

10. Un ciclista se dirige de Lince a La Molina con una velocidad de 70m/s. Si en el viaje de regreso aplica una velocidad de 60m/s. Calcule la velocidad promedio

RESOLUCIÓN:

Recordemos:
$$Vp = \frac{\text{distancia recorrida}}{\text{tiempo recorrido}}$$

El avión recorrió $Vp = \frac{d + d}{t_1 + t_2}$ la misma distancia:

$$Vp = \frac{d + d}{t_1 + t_2}$$

Recordando:
$$t = \frac{d}{v} \bigvee Vp = \frac{d + d}{\frac{d}{70} + \frac{d}{60}}$$

Recordemos:
$$Vp = \frac{\text{distancia recorrida}}{\text{tiempo recorrido}}$$
 $Vp = \frac{2d}{\frac{6d + 7d}{420}} = \frac{2d}{\frac{6d + 7d}{420}} = \frac{2}{\frac{13}{420}}$

Piden:
$$Vp = \frac{2(420)}{13}$$

Rpta: 64,62m/s