



# GEOMETRÍA

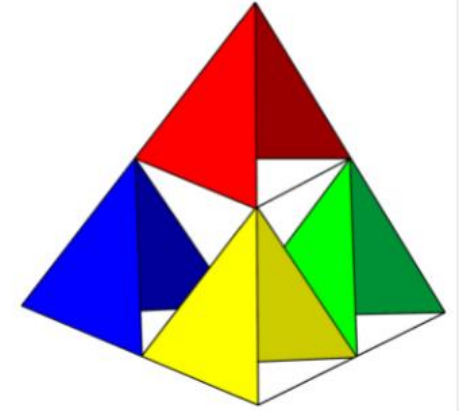
## Capítulo 23

3th  
SECONDARY

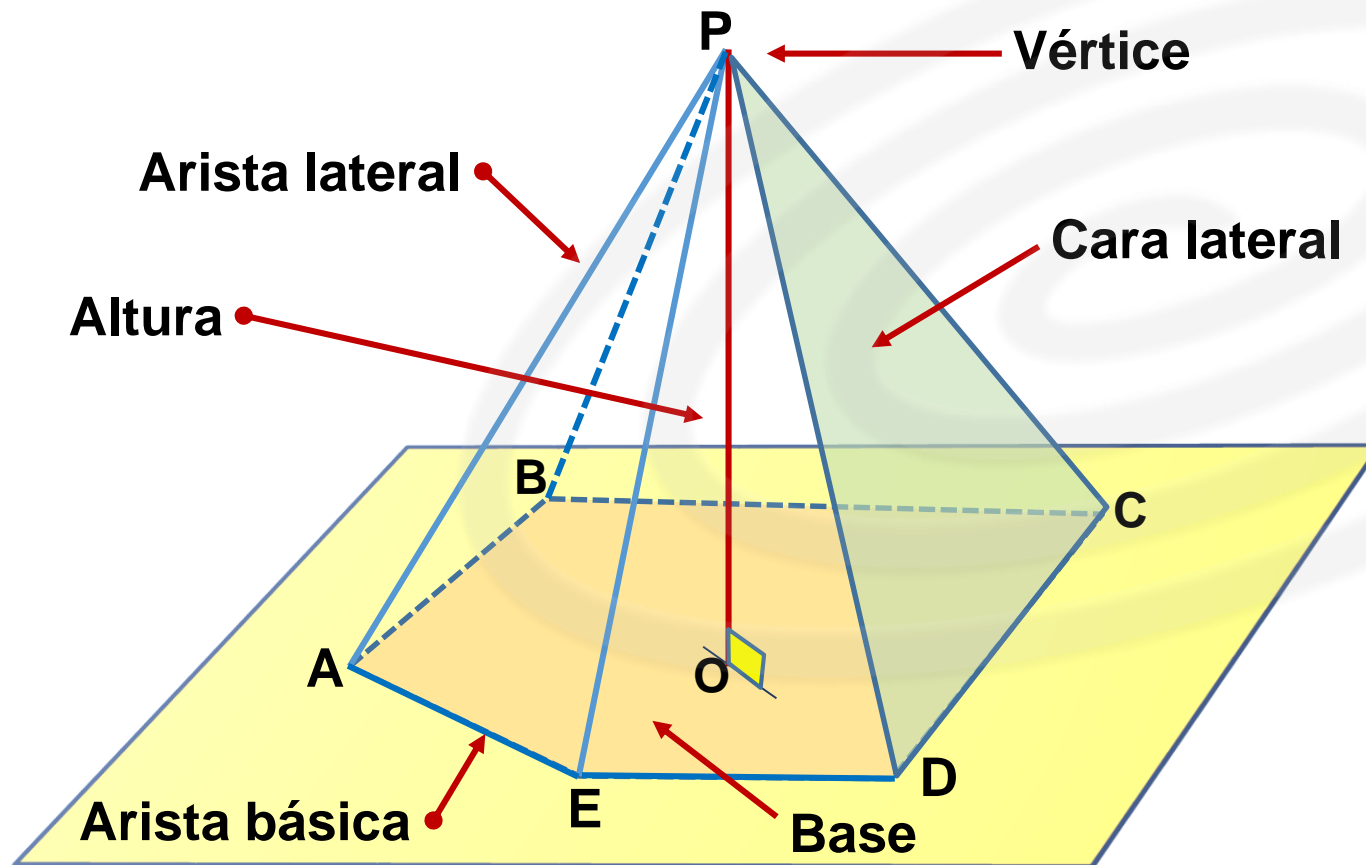
PIRAMIDE Y CONO



 **SACO OLIVEROS**



Es aquel poliedro en el cual una de sus caras es una región poligonal cualquiera denominado base , y sus otras caras son regiones triangulares denominadas caras laterales , todas ellas tienen un vértice en común al cual se le denomina vértice o cúspide de la pirámide.



- En la figura se muestra una pirámide pentagonal

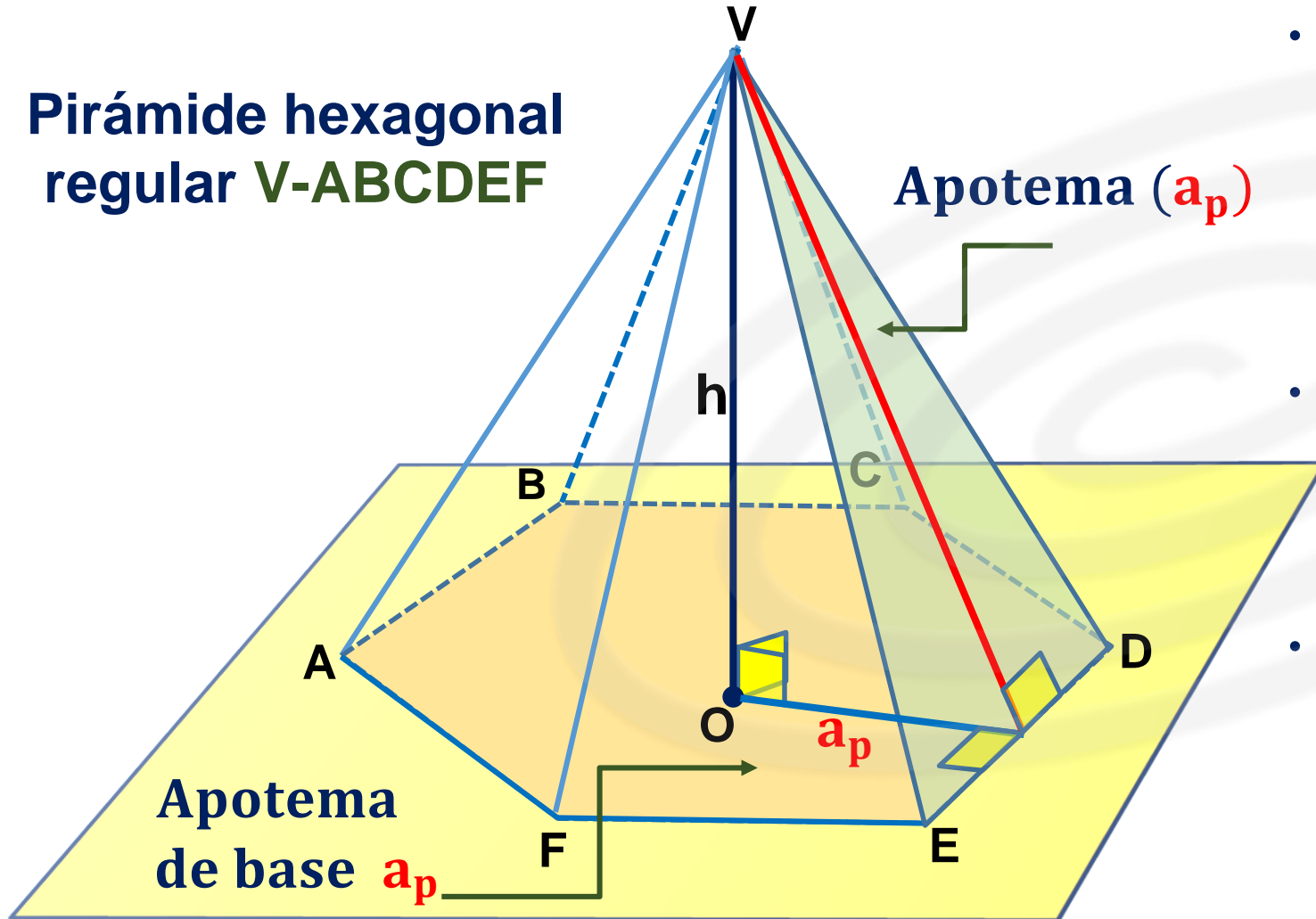
**P - ABCDE**

# Pirámide Regular



Es una pirámide que tiene por base , una región poligonal regular y el pie de su altura es el centro de la base.

Pirámide hexagonal regular  $V-ABCDEF$



- Área de la superficie lateral ( $S_L$ )

$$S_L = p_{(base)} \cdot a_p$$

$p_{(base)}$ : semiperímetro de la base

- Área de la superficie Total ( $S_T$ )

$$S_T = S_L + S_{Base}$$

- Volumen ( $V$ )

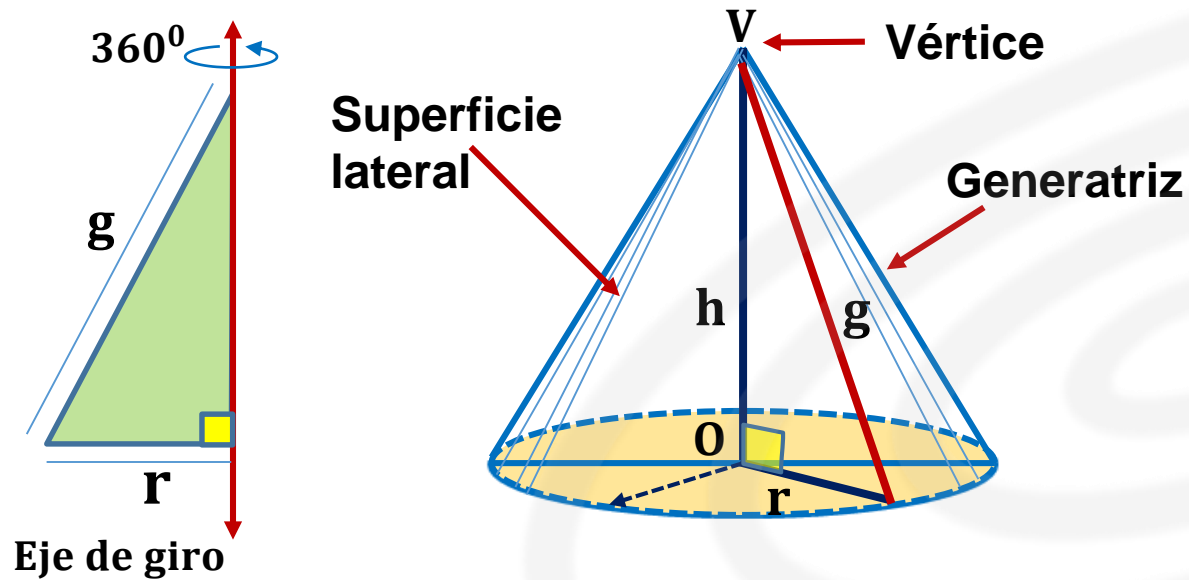
$$V = \frac{1}{3} \cdot S_{Base} \cdot h$$



## Cono circular recto o de revolución



Es el cono cuya base es un círculo y el pie de la altura es el centro de dicha base.



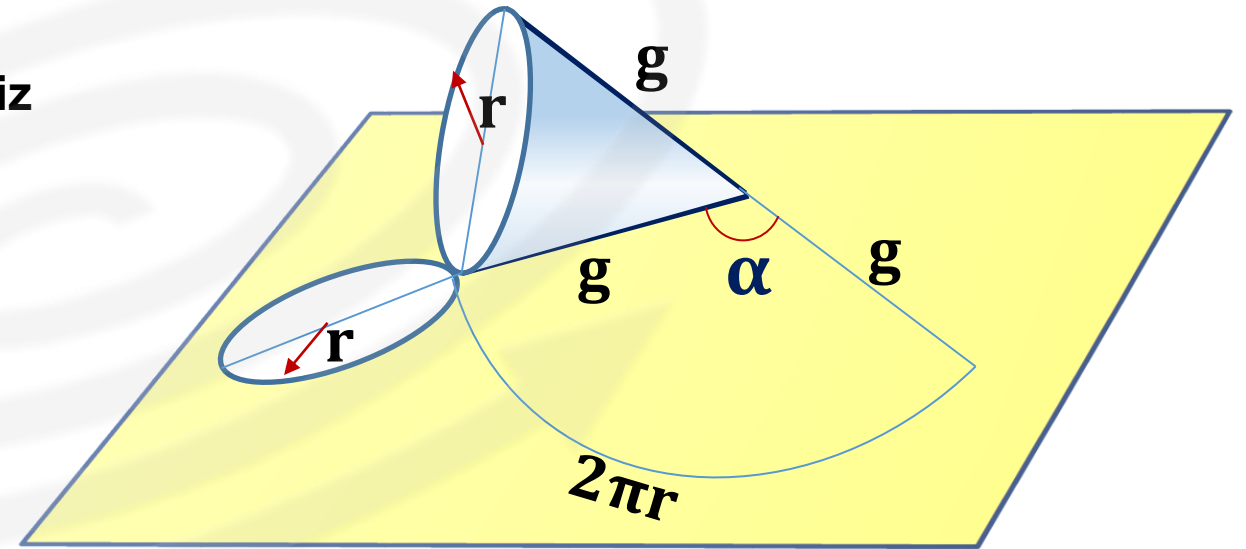
$$S_L = \pi r g$$

$$S_T = \pi r (g + r)$$

$$V = \frac{\pi r^2 \cdot h}{3}$$

## Desarrollo de la superficie lateral

Es un sector circular cuyo radio es la generatriz y el centro es el vértice del cono.



$$\frac{r}{g} = \frac{\alpha}{360^\circ}$$

1. La longitud de la apotema de una pirámide regular cuadrangular es de 4 m y el área de la superficie lateral es  $48 \text{ m}^2$ . Determine la longitud del apotema de la base.

### Resolución

- Piden:  $x$
- Por dato:

$$A_{SL} = P_{(\text{Base})} \cdot A_P$$

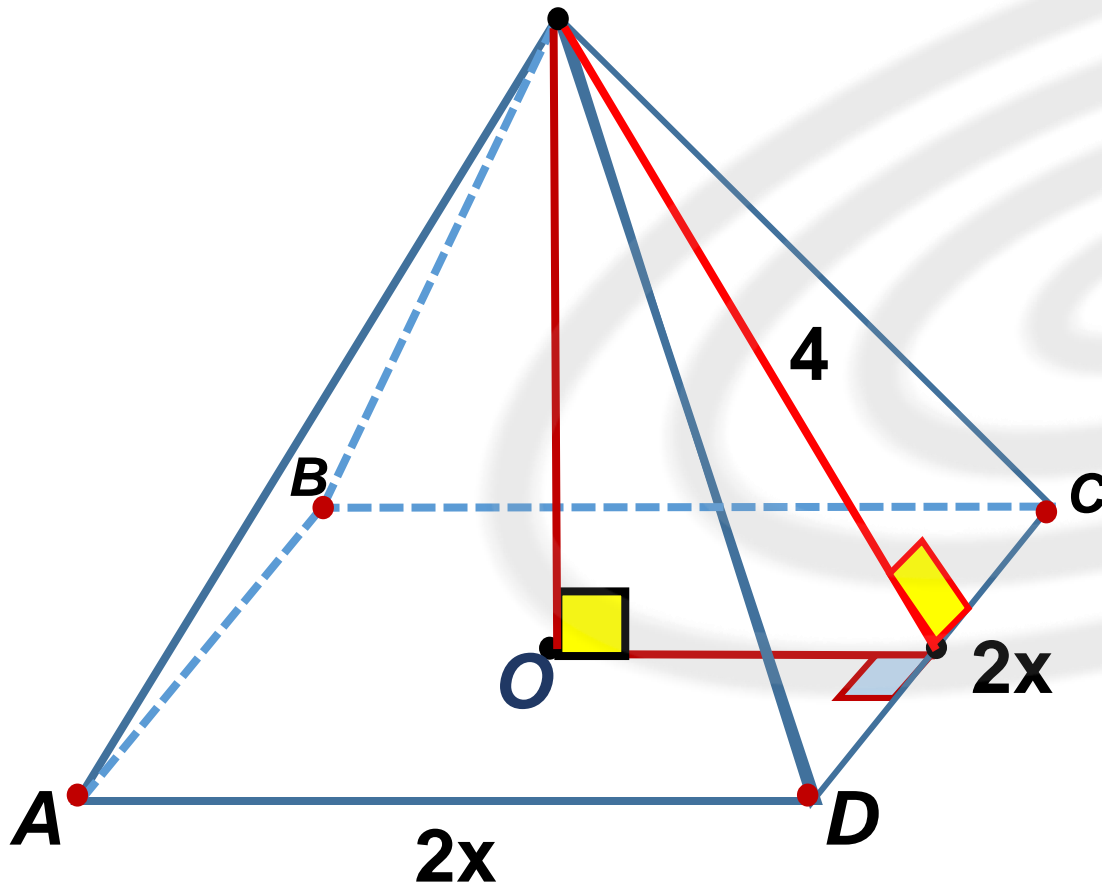
$$A_{SL} = 48 \text{ m}^2$$

$$\frac{(2x + 2x + 2x + 2x)(4)}{2} = 48$$

$$(4x)(4) = 48$$

$$16x = 48$$

$$x = 3 \text{ m}$$



2. Determine el volumen de una pirámide regular cuadrangular, si la altura y la arista lateral miden 4 m y 7 m respectivamente.

### Resolución

- Piden: V
- Se traza  $\overline{AC}$
-  EOC : Teorema de Pitágoras

$$7^2 = (OC)^2 + 4^2$$

$$\sqrt{33} = OC$$

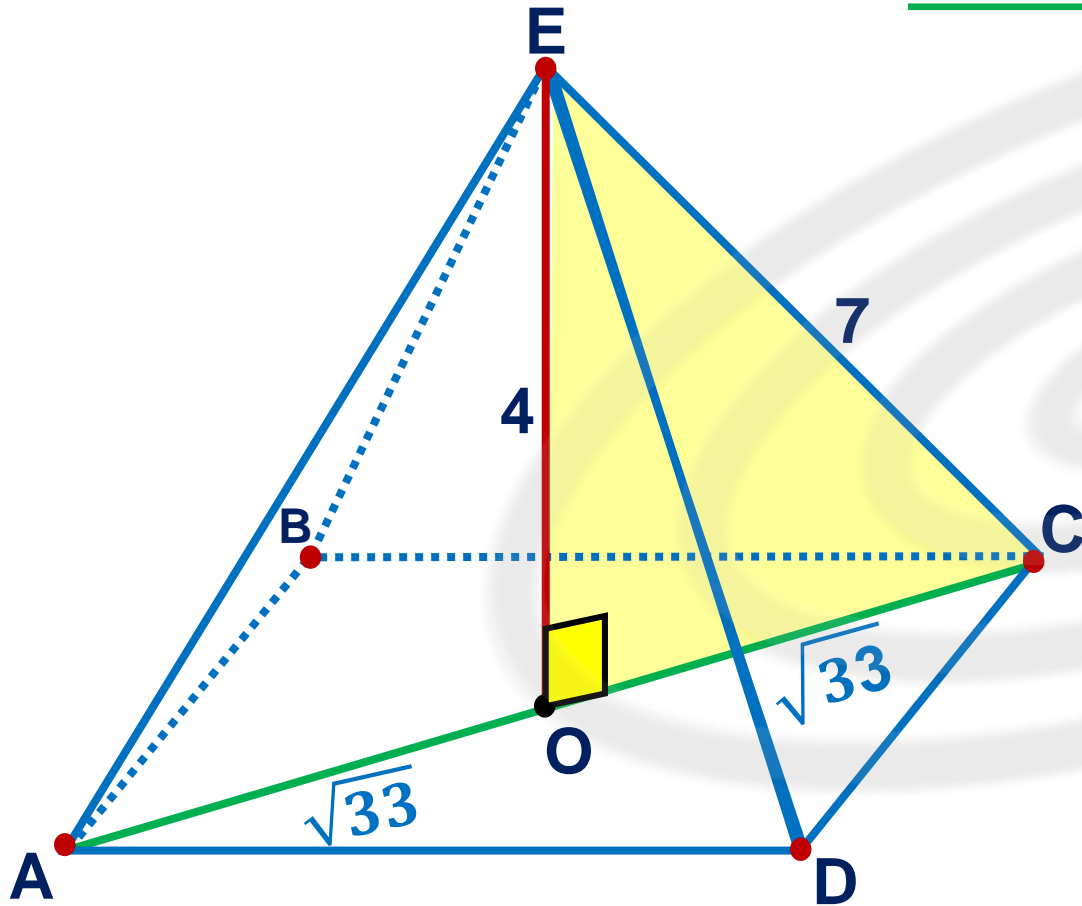
$$AC = 2\sqrt{33}$$

- Aplicando el teorema:

$$V = \frac{1}{3} \cdot \frac{(2\sqrt{33})^2}{2} (4)$$

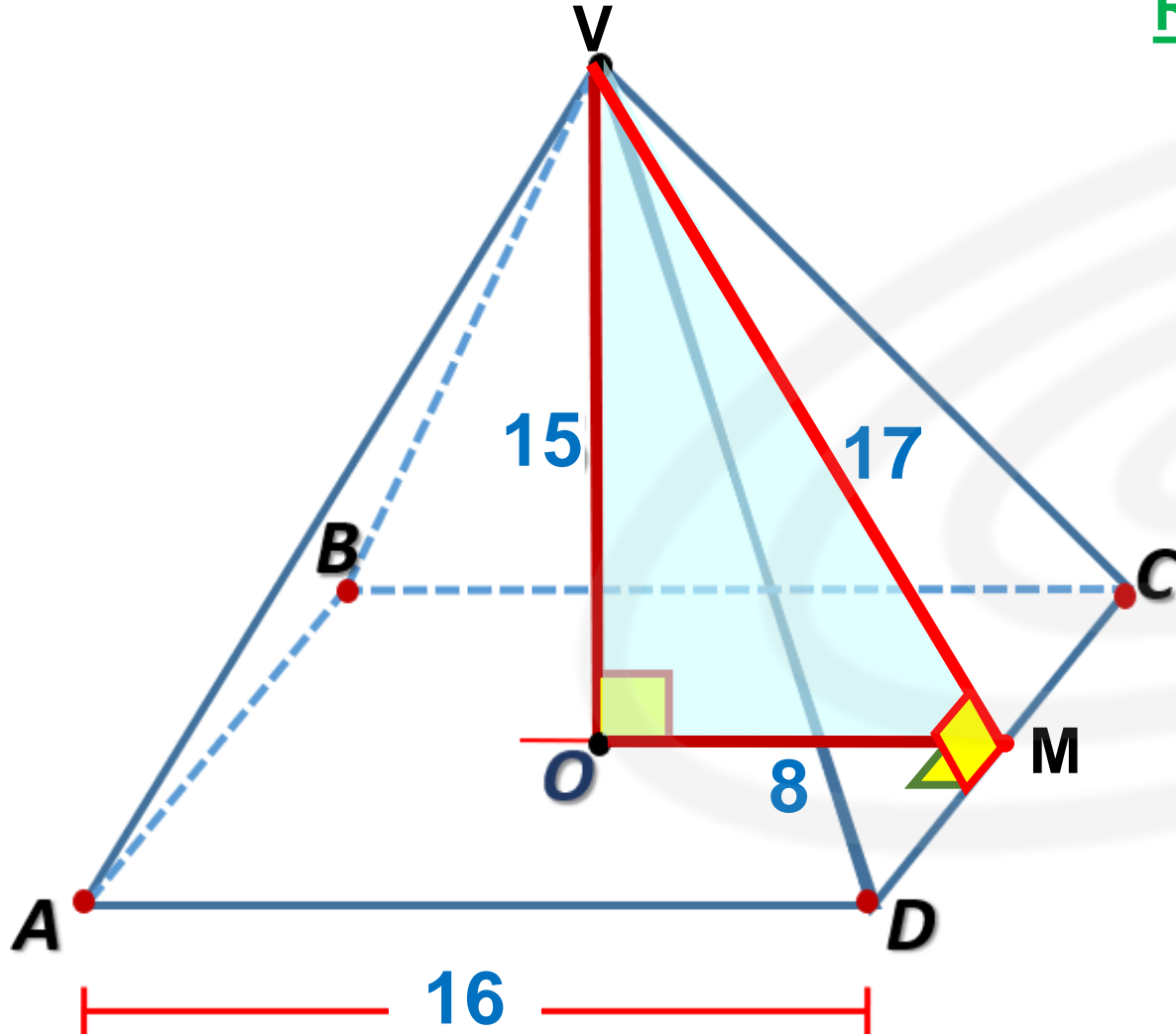
$$V = \frac{1}{3} \cdot \frac{(4 \cdot 33)}{2} (4)$$


$$V = 88 \text{ m}^3$$



3. Un carpintero elabora de una pirámide regular y desea pintar toda su superficie. ¿Cuál es el área que debe pintar?

### Resolución



- Piden:  $A_{ST}$
- Se traza  $\overline{OM} \perp \overline{CD}$ .
- Se traza  $\overline{VM}$
-  **VOM** : Teorema de Pitágoras

$$(VM)^2 = 15^2 + 8^2$$

$$VM = 17$$

- Aplicando el teorema:

$$A_{ST} = \frac{(16+16+16+16)}{2} (17) + (16^2)$$

$$A_{ST} = 544 + 256$$

$$A_{ST} = 800 \text{ m}^2$$

$$A_{ST} = A_{SL} + A_{(base)}$$



4. Si el perímetro de la base es de 10 m. Determine el área de la superficie lateral de la pirámide regular mostrada.

### Resolución

- Piden:  $A_{SL}$

$$A_{SL} = P_{(Base)} \cdot A_P$$

-  PMC : Teorema de Pitágoras

$$(5\sqrt{2})^2 = 1^2 + (A_p)^2$$

$$49 = (A_p)^2$$

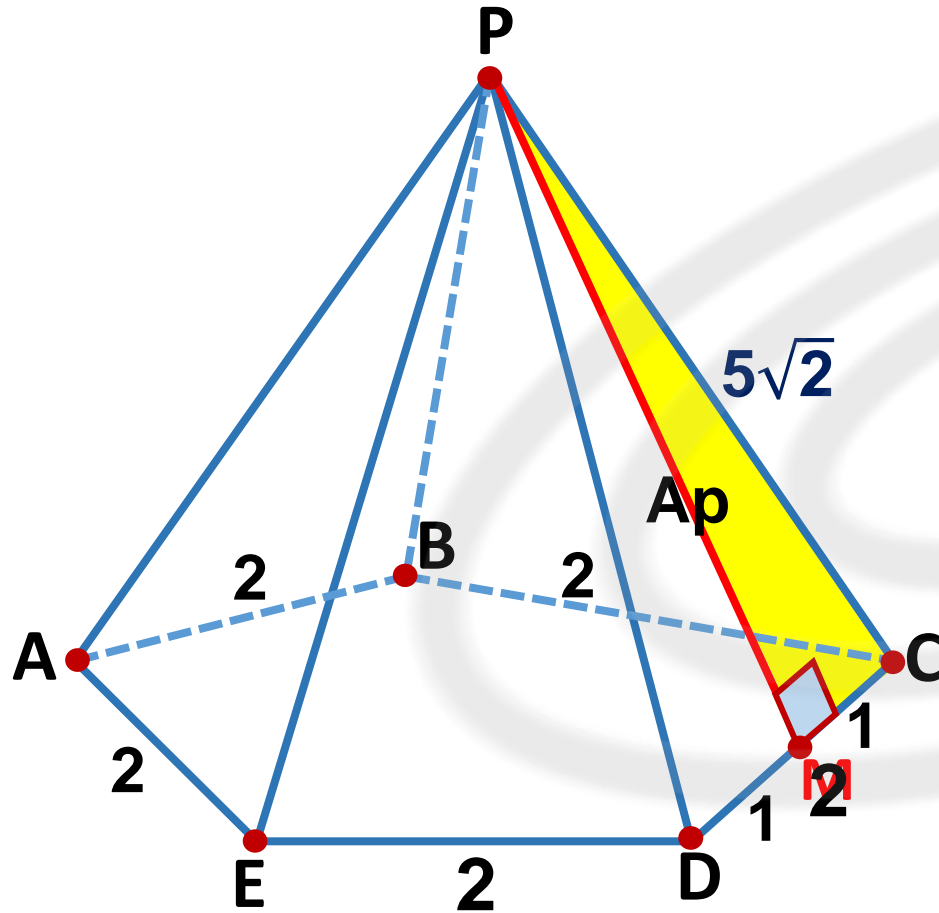
$$7 = A_p$$

- Aplicando al teorema:

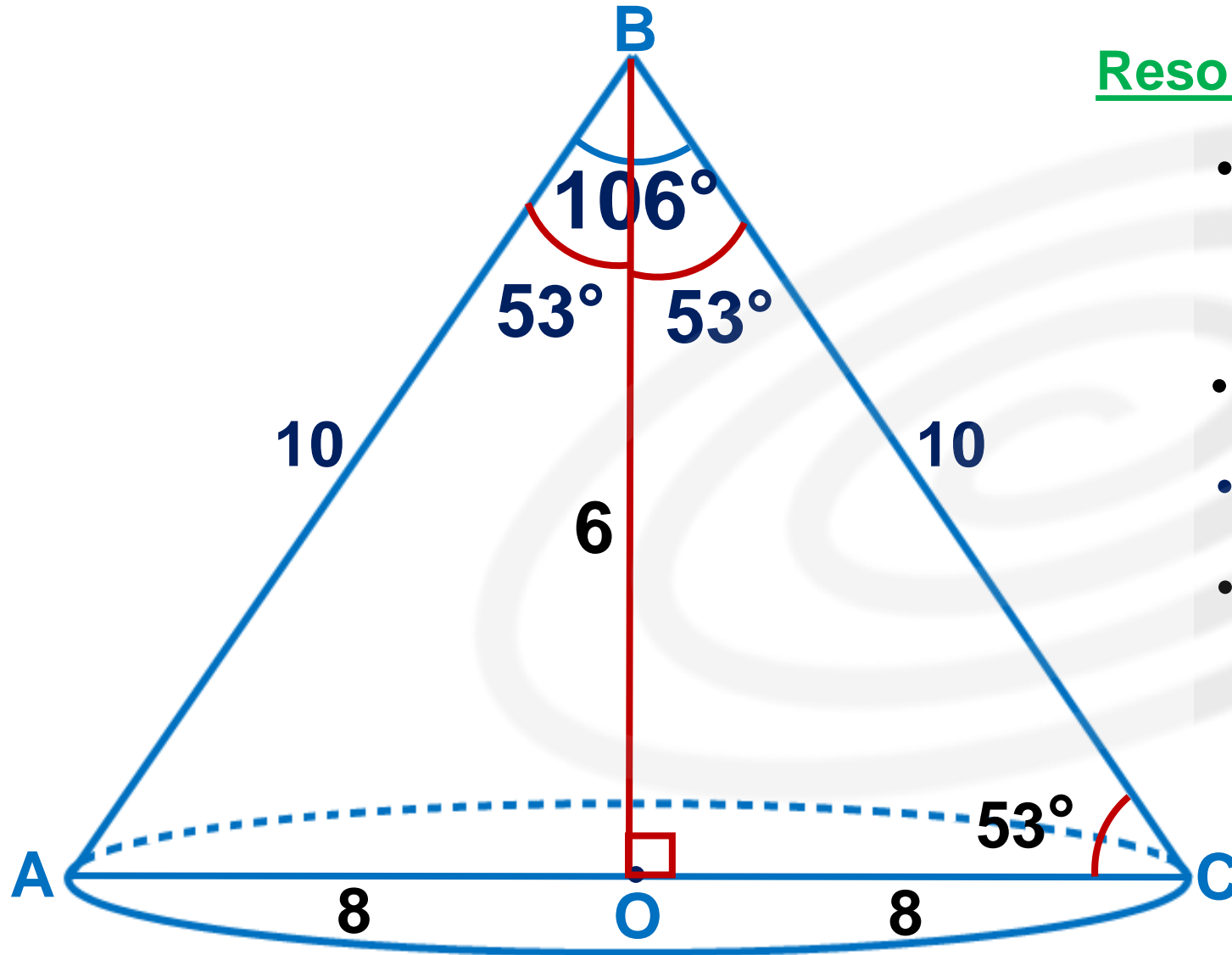
$$A_{SL} = \frac{(2 + 2 + 2 + 2 + 2)}{2} (7)$$

$$A_{SL} = (5)(7)$$

$$A_{SL} = 35 \text{ m}^2$$



5. En el cono circular recto, calcule el volumen.



### Resolución

- Piden:  $V$

$$V = \frac{1}{3} \pi (r^2)(h)$$

- Se traza la altura  $\overline{BO}$ .

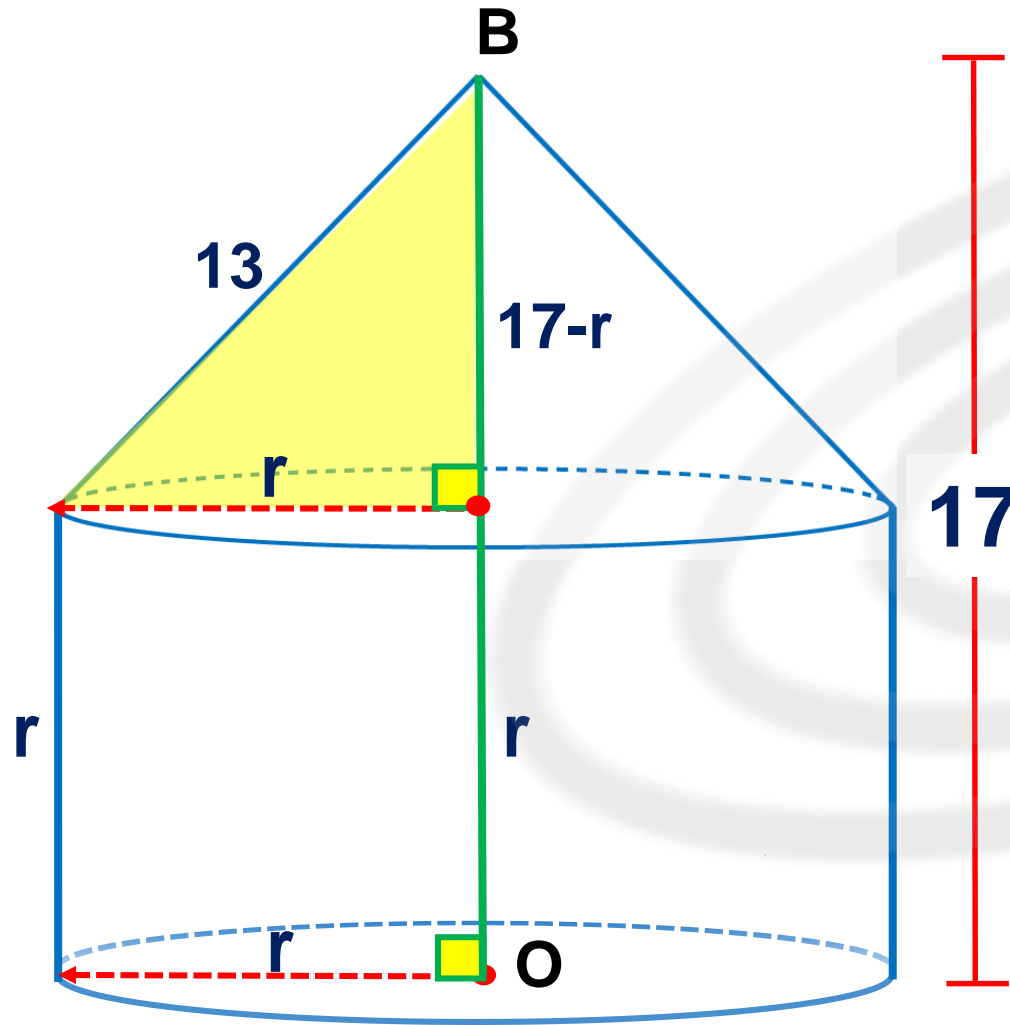
- $\triangle BOC$  : Notable. de  $37^\circ$  y  $53^\circ$

- Aplicando el teorema:

$$V = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot (8)^2 \cdot 6$$

$$V = 128\pi u^3$$

6. José desea pintar toda la superficie lateral de un almacén, que se forma al unir un cono y cilindro recto. Calcule el área lateral de dicha figura



### Resolución

- Piden:  $A_{SL(TOTAL)}$   

$$A_{SL(TOTAL)} = A_{SL(cono)} + A_{SL(cilindro)}$$

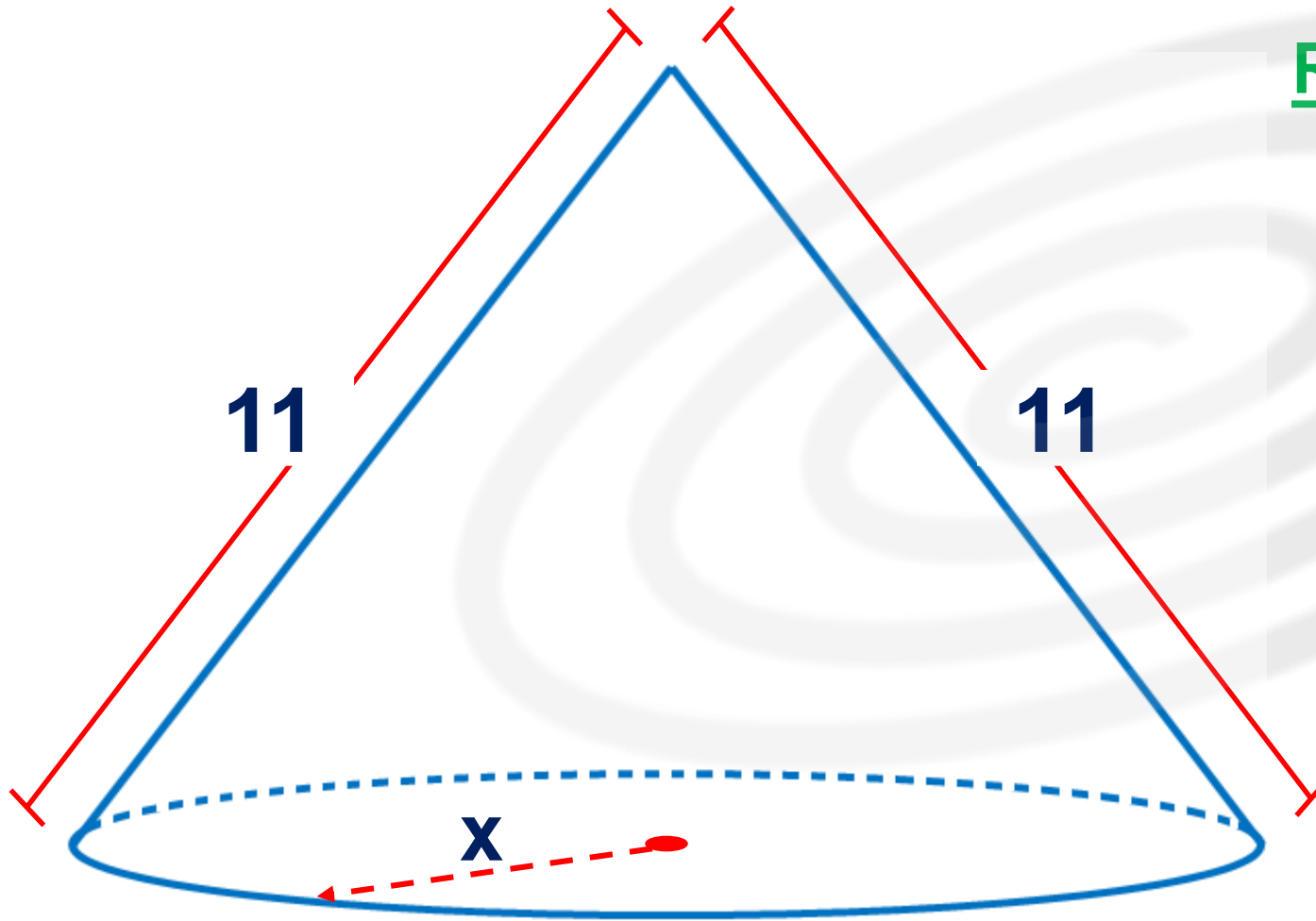
$$A_{SL(TOTAL)} = \pi r g + 2\pi r h$$
- Se traza la altura  $\overline{BO}$ .
- Aplicando el teorema de Pitágoras
 
$$13^2 = r^2 + (17-r)^2$$

$$r = 5$$
- Reemplazando al teorema:
 
$$A_{SL(TOTAL)} = \pi \cdot 5 \cdot 13 + 2\pi \cdot 5 \cdot 5$$

$$A_{SL(TOTAL)} = 65\pi + 50\pi$$

$$A_{SL(TOTAL)} = 115\pi u^2$$

7. El área de la superficie total de una vela que esta determinada por un cono circular recto es  $60\pi u^2$ . Halle el valor de  $x$



### Resolución

- Piden:  $x$

$$A_{ST} = \pi r(g + r)$$

- Por dato:

$$A_{ST} = 60\pi u^2$$

$$\pi x(11 + x) = 60\pi$$

$$x(11 + x) = 60$$

$$x = 4$$