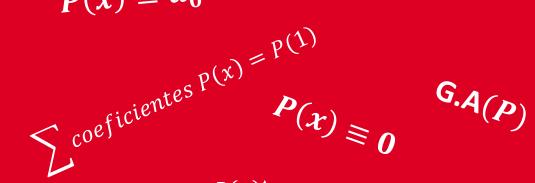
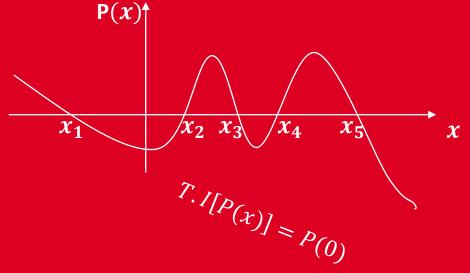
# ÁLGEBRA

FEEDBACK 4

5th
of Secondary

$$P(x) \equiv a_0 x^n + a_1 x^{n-1} + ... + a_{n-1} x + a_n$$







Sabiendo que a.b $\neq$  0, hallar el valor de x

$$\frac{2x-a}{b} + \frac{x-b}{a} = \frac{3ax - (a-b)^2}{ab}$$

# Resolución

multiplicamos por ab

$$ab \frac{2x-a}{b} + ab \frac{x-b}{a} = ab \frac{3ax - (a-b)^2}{ab}$$

$$2ax - a^2 + bx - b^2 = 3ax - (a^2 - 2ab + b^2)$$

$$2ax - a^2 + bx - b^2 = 3ax - a^2 + 2ab - b^2$$

$$2ax + bx - 3ax = 2ab$$

$$(b-a)x = 2ab$$

$$\therefore x = \frac{2}{b}$$

Calcular el valor de 
$$\frac{m+n}{r}$$
 sabiendo que la ecuación en x  $3r+mx=n(2x+1)$ 

Tiene infinitas soluciones

#### Resolución

# Recordar:

Si 
$$ax = b$$
  
tiene infinitas  
soluciones

$$\rightarrow a = 0 \land b \neq 0$$

$$3r + mx = n (2x + 1)$$

$$3r + mx = 2nx + n$$

$$mx - 2nx = n - 3r$$

$$(m - 2n)x = (n - 3r)$$

$$m - 2n = 0$$

$$m = 2n$$

$$n - 3r = 0$$

$$n = 3r$$

$$piden: \frac{m + n}{r} = \frac{2(3r) + (3r)}{r}$$

$$\therefore 9$$

Indique el valor de 'm' en la ecuación de 'x' para que sea incompatible.  $(m^2-5m+6)x=(m^2-4m+3)$ 

# Resolución

$$(m^2 - 5m + 6)x = (m^2 - 4m + 3)$$

$$(m-3)(m-2)x = (m-3)(m-1)$$

$$(m-2)x = (m-1)$$

$$= 0 \neq 0$$

$$m = 2$$

## Recordar:

Si 
$$ax = b$$
 incompatible  $\rightarrow a = 0 \land b \neq 0$ 



# **Resolver:**

$$(3x-1)(x+2) + 7 = (x+2)^2 + 4x$$
Resolución

#### POR DISTRIBUTIVA Y EL BINOMIO AL CUADRADO

$$3x^2 + 6x - x - 2 + 7 = x^2 + 4x + 4 + 4x$$

# **REDUCIENDO QUEDA**

$$2x^{2} - 3x + 1 = 0$$

$$2x - 1$$

$$x - 1$$

$$(2x-1)(x-1)=0$$
  
=0 =0

$$x_1 = \frac{1}{2}$$
 v  $x_2 = 1$ 

$$\dot{\mathbf{CS}} = \{\frac{1}{2}; \mathbf{1}\}$$

Sean  $x_1$  y  $x_2$  las raíces de la ecuación:  $x^2 - (m-3)x + (2m+5) = 0$ Determine el valor de 'm' si se cumple:  $x_1^2 + x_2^2 + 5x_1x_2 = 28$ 

# Resolución

$$x_1^2 + x_2^2 + 5x_1x_2 = 28$$

$$x_1^2 + x_2^2 + 2x_1x_2 + 3x_1x_2 = 28$$

$$(x_1 + x_2)^2 + 3x_1x_2 = 28 \dots (I)$$

## Por Teorema de Cardano

$$x_1 + x_2 = m - 3$$
 ... (II)  
 $x_1 x_2 = 2m + 5$  ... (III)

$$(m-3)^2 + 3(2m+5) = 28$$

$$m^2 - \delta m + 9 + \delta m + 15 = 28$$

$$m^2 = 4$$

$$\therefore m = \pm 2$$

Forme la ecuación de segundo grado si sus raíces son:

$$3 + 2i$$
 y  $3 - 2i$ 

# Resolución

Formación de una ecuación cuadrática

$$x^2 - (suma)x + (producto) = 0$$

# Reemplazando

$$x^{2} - (3 + 2i + 3 - 2i)x + (3 + 2i)(3 - 2i) = 0$$
$$x^{2} - 6x + [3^{2} - (2i)^{2}] = 0$$

$$\therefore x^2 - 6x + 13 = 0$$

# PROBLEMA 7 Sea el polinomio



$$p(x)=x^4-8x^3+x^2+ax+2$$
.

Halle la suma de las raíces elevado al producto de raíces

# **Resolución**

$$\frac{1}{1}x^4 - 8x^3 + x^2 + ax + 2 = 0$$

**POR CARDANO VIETE** 

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = \frac{-(-8)}{1} = 8$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 8$$

$$x_1x_2x_3x_4 = 2$$

Nos piden:

$$(x_1 + x_2 + x_3 + x_4)^{x_1 x_2 x_3 x_4} = 8^2$$

**64** 



$$x^3 - mx^2 + 3x + m - 2 = 0.$$

Halle m, si tenemos: 
$$\frac{1}{ab} + \frac{1}{bc} + \frac{1}{ac} = 4$$

# **Resolución**

$$+ x^3 - mx^2 + 3x + m - 2 = 0$$

**POR CARDANO VIETE** 

$$a+b+c=m \qquad ; \qquad abc=-m+2$$

$$\frac{1}{ab} + \frac{1}{bc} + \frac{1}{ac} = \frac{a+b+c}{abc} = \frac{m}{-m+2} = 4$$

 $\mathbf{m} = \frac{8}{5}$ 



Sean x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub> y x<sub>3</sub> las raíces de la ecuación:

$$x^3 + 5x^2 - 2x - 6 = 0$$
 Efectúe:  $K = x_1^3 + x_2^3 + x_3^3$ 

# **Resolución**

$$\frac{1}{1}x^3 + 5x^2 + 2x + 6 = 0$$

POR CARDANO VIETE

$$x_1 + x_2 + x_3 = -5$$
 ;  $x_1 x_2 + x_1 x_3 + x_2 x_3 = -2$ ;  $x_1 x_2 x_3 = 6$ 

**Por Productos Notables** 

$$(a+b+c)^3 = a^3 + b^3 + c^3 + 3(a+b+c)(ab+bc+ac) - 3abc$$

$$(x_1 + x_2 + x_3)^3 = x_1^3 + x_2^3 + x_3^3 + 3(x_1 + x_2 + x_3)(x_1x_2 + x_2x_3 + x_1x_3) - 3x_1x_2x_3$$

$$(-5)^3 = K + 3(-5)(-2) - 3(6)$$

$$-125 = K + 30 - 18$$

K = -137

**10.** Si  $3+\sqrt{5}$  es una raíz del polinomio

$$P(x) = x^4 - 8x^3 + x^2 + ax + b$$

Calcule la suma de las otras raíces.

# Resolución:

Sea  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$  y  $x_4$  raíces de la ecuación de cuarto grado

# Del problema:

$$P(x) = x^{4} - 8x^{3} + x^{2} + ax + b$$

$$S_{1}$$

Por dato:

$$x_1=3+\sqrt{5}$$

#### Recordar:

$$P(x) = x^4 - S_1 x^3 + S_2 x^2 - S_3 x + S_4 = 0$$

Suma de raíces :  $S_1 = x_1 + x_2 + x_3 + x_4$ 

$$S_1 = x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = -(-8) = 8$$

$$3 + \sqrt{5} + x_2 + x_3 + x_4 = 8$$

$$x_2 + x_3 + x_4 = 5 - \sqrt{5}$$

∴ Suma de las otras raíces es  $5-\sqrt{5}$