

ALGEBRA Chapter 12





FACTORIZACIÓN I

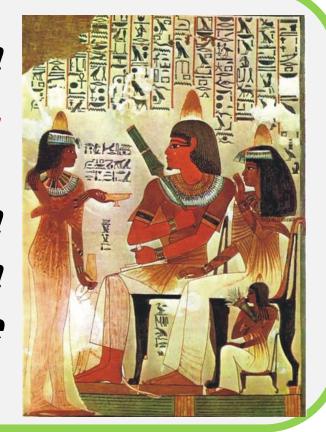




MOTIVATING STRATEGY

ÁLGEBRA: UNA CIENCIA GENERAL

En la antigüedad, el álgebra fue una parte inseparable de la aritmética, más tarde se separó de ella. Esta es la razón por la que en gran parte de la literatura científica a la hora de estudiar ambas ramas se hace de una manera conjunta.



FACTORIZACIÓN



Es el proceso transformar un polinomio en una multiplicación indicada de dos o más factores primos irreductibles.

Ejemplo:

$$P(x) = x^2 - 25 = (x + 5)(x - 5)$$

Factores primos: x + 5 y x - 5



I. CRITERIO DEL FACTOR COMÚN:

Factor Común Monomio (FCM):

El FCM se obtiene extrayendo las variables comunes afectadas de sus menores exponentes.

Ejemplo:

Factorice

$$P(x,y) = x^{4}y^{2} + x^{2}y^{3}$$

Resolución: Factor común: x^2y^2

$$P(x,y) = x^2y^2(x^2+y)$$

 $P(x,y) = x^2y^2(x^2 + y)$ Factores primos: x, y, $(x^2 + y)$



b) Factor Común Polinomio (FCP):

Ejemplo:

Factorice

$$Q(a,b) = 3a^{2}(a+4b) - 5b^{3}(a+4b) + ab(a+4b)$$

Resolución: Factor común: (a + 4b)

$$Q(a,b) = (a+4b)(3a^2-5b^3+ab)$$

Factores primos:
$$(a+4b)$$
, $(3a^2-5b^3+ab)$



II. <u>CRITERIO DE AGRUPACIÓN DE TÉRMINOS:</u>

Se agrupan los términos convenientemente para encontrar un factor común.

Ejemplo:

Factorice

$$P(x,y) = xy^3 + xyz^3 + y^2z + z^4$$

Resolución:

$$P(x,y) = xy(\underline{y^2 + z^3}) + z(\underline{y^2 + z^3})$$

Factor común: $(y^2 + z^3)$



$$P(x,y) = (y^2 + z^3)(xy + z)$$

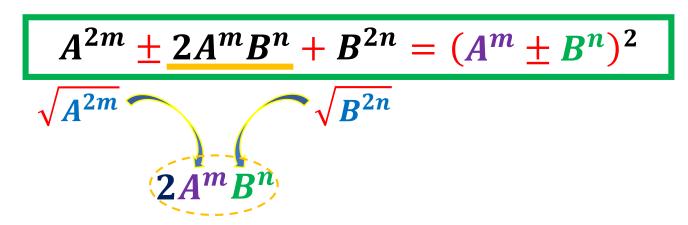
Factores primos:

$$(y^2+z^3)$$
, $(xy+z)$



III. CRITERIO DE LAS IDENTIDADES:

a) Trinomio cuadrado perfecto (TCP):



Ejemplo:

Factorice
$$P(x,y) = 4x^2 + 12xy + 9y^2$$

Resolución:
$$\sqrt{4x^2}$$



b) <u>Diferencia de cuadrados:</u>

$$x^2 - y^2 = (x + y)(x - y)$$

c) Suma de cubos:

$$x^3 + y^3 = (x + y)(x^2 - xy + y^2)$$

d) <u>Diferencia de cubos</u>:

$$x^3 - y^3 = (x - y)(x^2 + xy + y^2)$$





HELICO PRACTICE



Factorice

$$P(m,n) = 5m^3 - 10m^2n + mn^2 - 2n^3$$
Indique un factor primo.

Resolucións

$$P(m,n) = 5m^3 - 10m^2n + mn^2 - 2n^3$$

$$P(m,n) = 5m^2 (m-2n) + n^2 (m-2n)$$

$$P(m,n) = (m-2n) (5m^2 + n^2)$$

Factores primos:
$$(m-2n) y (5m^2+n^2)$$



Transforme a producto

Problema 2

$$P(x,y) = 7m(3x-2y) - 5n(2y-3x) - 6x + 4y$$

Indique un factor primo.

$$P(x,y) = 7m(3x-2y) - 5n(2y-3x) - 6x + 4y$$

$$P(x,y) = 7m(3x-2y) + 5n(3x-2y) - 2(3x-2y)$$

$$P(x,y) = (3x-2y)(7m+5n-2)$$

Factores primos:
$$(3x-2y)y(7m+5n-2)$$



Luego de factorizar

$$P(a, x, y) = ax + bx + cx + ay + by + cy$$

Indique un factor primo.

$$P(a,x,y) = \underline{ax + bx + cx} + \underline{ay + by + cy}$$

$$P(x,y) = x(a+b+c) + y(a+b+c)$$

$$P(x,y) = (a+b+c)(x+y)$$

Factores primos:
$$(a + b + c) y (x + y)$$

01

Problema 4

El número de factores primos de $8x^3 + 27$ indica el precio de medio kilogramo de fideos. Para un comensal se necesitan $20 \ Kg$ de fideos; ¿cuál será su costo?

Recordemos:

Suma de cubos:

$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$



$$8x^3 + 27$$
 $\sqrt[3]{8x^3}$
 $\sqrt[3]{27}$

$$\Rightarrow 8x^3 + 27 = (2x+3)((2x)^2 - (2x)(3) + 3^2)$$

$$8x^3 + 27 = (2x+3)(4x^2 - 6x + 9)$$

Factores primos:
$$(2x+3)y(4x^2-6x+9)$$

Nº de factores primos: 2

→ Precio de 1/2 Kg de fideos: S/. 2

∴ 20 Kg de fideos cuestan S/. 80

Kamila le pregunta a su profesor de ciencias naturales acerca de la cantidad de horas que duerme un koala a los que el profesor le responde que al factorizar $x^2 - 6x + 9 - 25m^2$, se obtiene cierto numero de factores primos, dicha cantidad al multiplicarse con 11 se logra conseguir la respuesta al problema planteado por Kamila, ¿cuántos horas duerme un koala?

Recordemos:

Trinomio

cuadrado perfecto:
$$a^2 \pm 2ab + b^3 = (a \pm b)^2$$

Diferencia de cuadrados:

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$





$$\sqrt{x^{2}} \sqrt{9}$$

$$(2(x)(3))$$

$$(x-3)^{2} - 25m^{2} = \sqrt{(x-3)^{2}} = (x-3)$$

$$\sqrt{25m^{2}} = 5m$$

(x-3-5m)(x-3+5m)

 $x^2 - 6x + 9 - 25m^2$

Factores primos:

$$(x-3-5m) y (x-3+5m)$$



El profesor de ciencias naturales del colegio saco Oliveros les pregunta a sus alumnos acerca del animal mas veloz dándole tres animales a elección

N°	Animales
1	Leopardo
2	Alcón peregrino
3	Liebre

Si el numero de factores primos que se obtiene en $Q(m,a)=m^2-10m+25-49a^2$ indica el número correspondiente al animal mas veloz, ¿Cuál es el animal más rápido de la tierra?

Resolucións

$$Q(m,a) = m^2 - 10m + 25 - 49a^2$$

$$Q(m,a) = (m-5)^2 - 7a^2$$

$$Q(m,a) = (m-5-7a)(m-5+7a)$$

Factores primos: 2 factores

ALCÓN PEREGRINO



Indique un factor primo de

$$E = ab(x^2 + x^2) + xy(a^2 + b^2)$$

Resolutions
$$E = ab(x^2 + y^2) + xy(a^2 + b^2)$$

$$E = abx^2 + aby^2 + a^2xy + b^2xy$$

$$E = abx^2 + a^2xy + aby^2 + b^2xy$$

$$E = ax(bx + ay) + by(ay + bx)$$

$$E = (bx + ay)(ax + bx)$$

$$E = (bx + ay)(ax + by)$$

Factores primos:
$$(bx + ay) y (ax + by)$$