

TRIGONOMETRY

Chapter 11

3rd
SECONDARY

GEOMETRÍA ANALÍTICA I

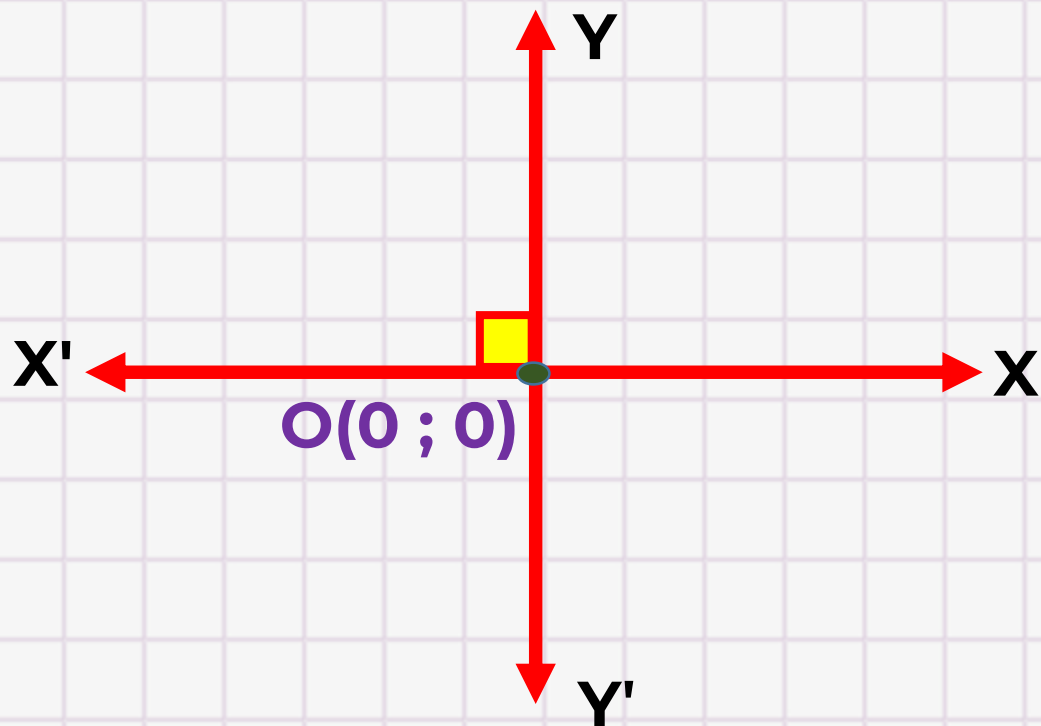


¿ QUIÉN FUE RENÉ DESCARTES ?



¿QUÉ ES EL PLANO CARTESIANO ?

Es un sistema de ubicación de puntos en un plano.- Está conformado por dos rectas coplanares numeradas y perpendiculares entre sí, cuya intersección es el **ORIGEN DE COORDENADAS** $O(0 ; 0)$



EJE $\overline{X'X}$: Eje de abscisas

EJE $\overline{Y'Y}$: Eje de ordenadas

$O(0 ; 0)$: Origen de coordenadas

UBICACIÓN DE UN PUNTO EN EL PLANO CARTESIANO

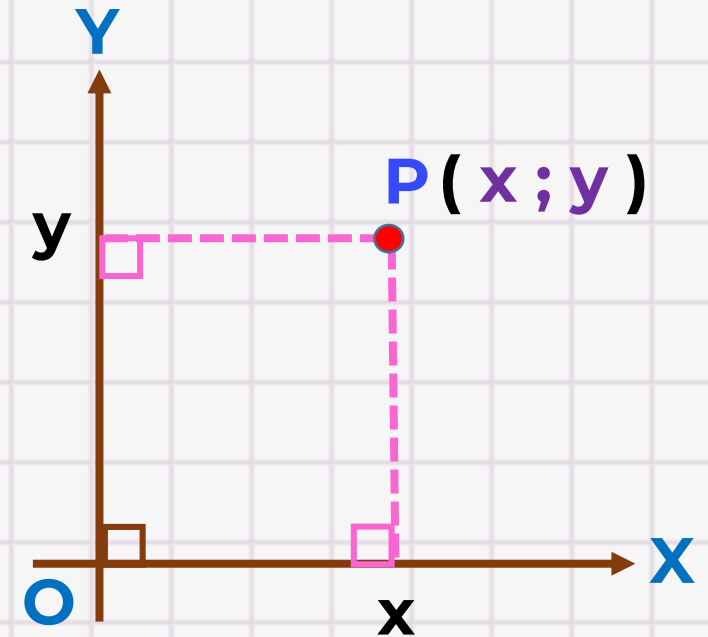
La ubicación de un punto **P** en el plano cartesiano, se representa mediante un par ordenado $(x; y)$ que indica “las coordenadas del punto **P**”.



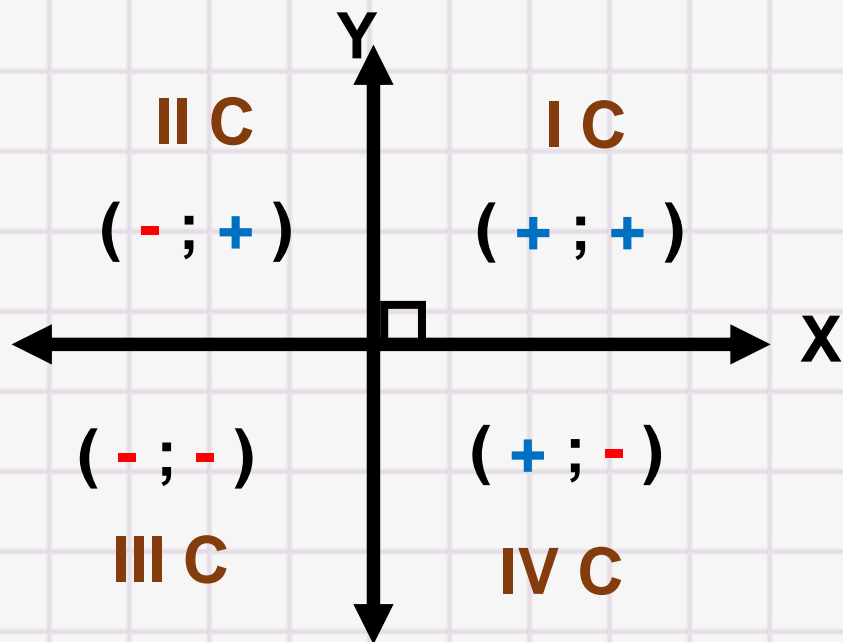
x : abscisa del punto **P**

y : ordenada del punto **P**

x e **y** son números reales



Signos de las Coordenadas en cada Cuadrante



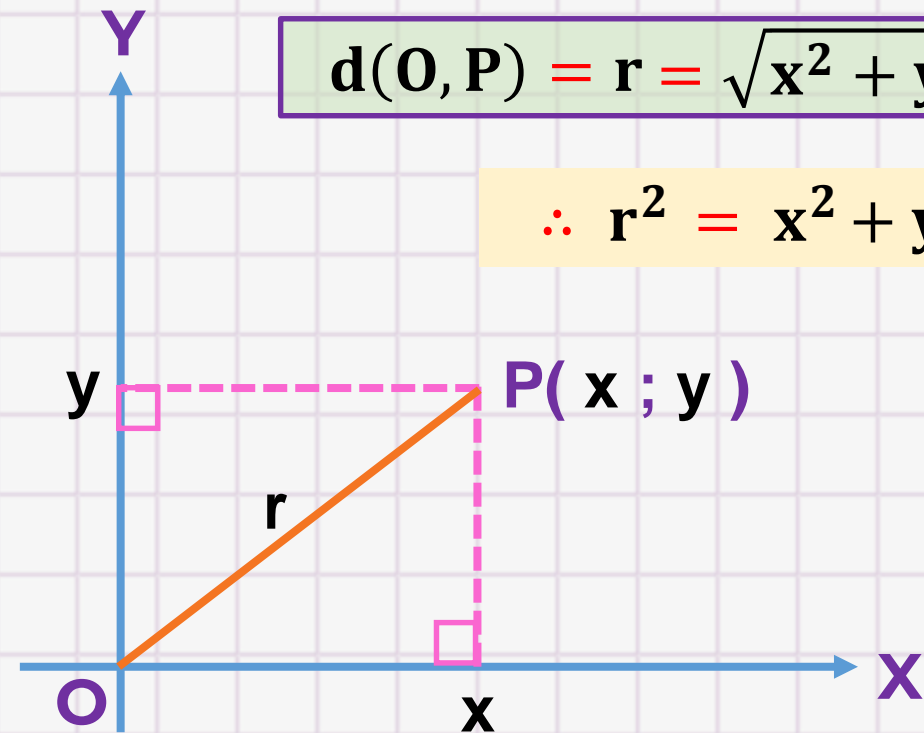
Ejemplo : $(- 5 ; 8) \in \text{II C}$

RADIO VECTOR (r) :

Es la distancia desde un punto del plano al origen , $(r > 0)$.

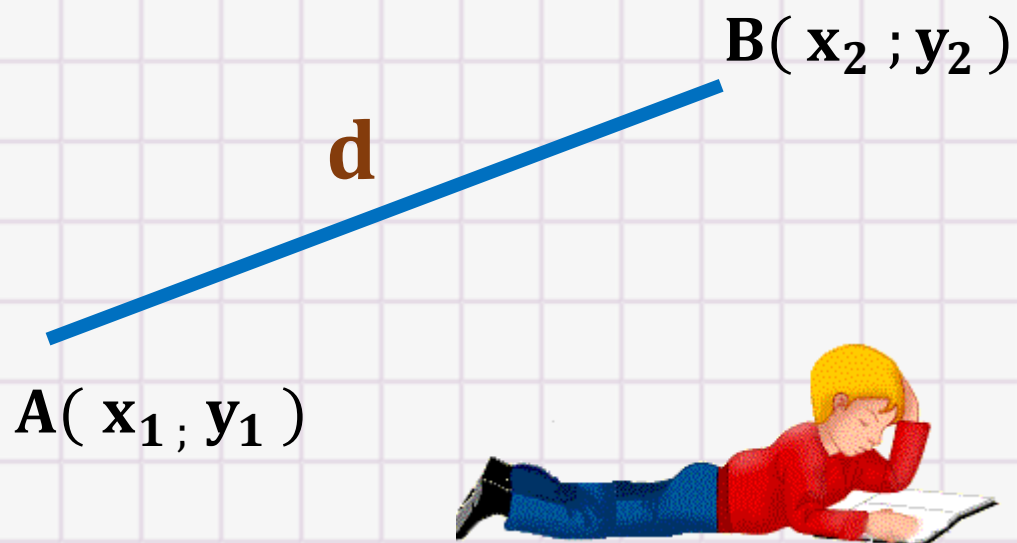
$$d(O, P) = r = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\therefore r^2 = x^2 + y^2$$



DISTANCIA ENTRE DOS PUNTOS

Dados A y B , dos puntos diferentes del plano cartesiano ; entonces la distancia entre ambos es un número real positivo **d**, ($d > 0$).



$$AB = d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

v

$$AB = d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

En la fórmula se puede cambiar el orden de las coordenadas .

HELICO PRACTICE 1

Escriba verdadero (V) o falso (F), según corresponda :

El punto $M(1 ; -2) \in \text{IIC}$ (F)

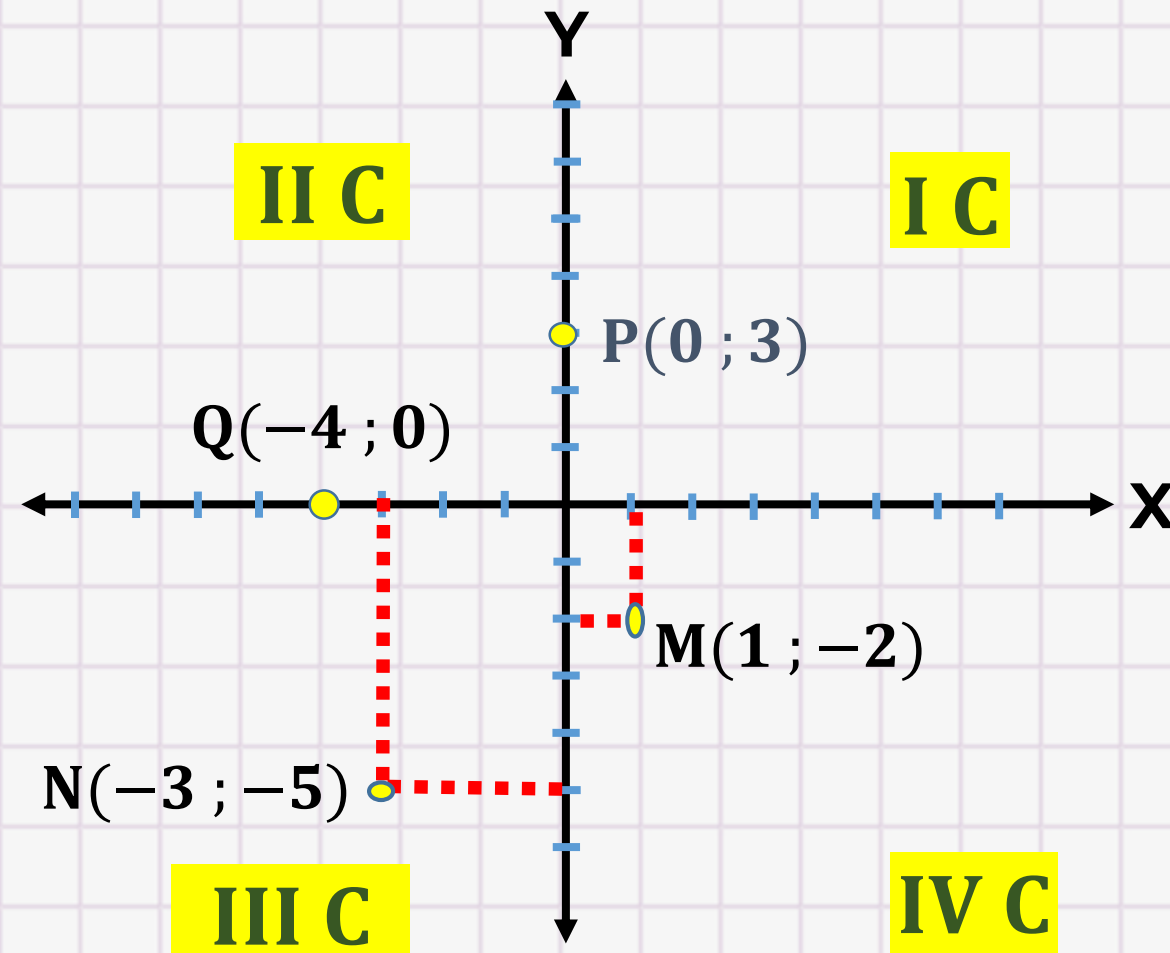
El punto $N(-3 ; -5) \in \text{IIIC}$ (V)

El punto $P(0 ; 3) \in \text{eje Y}$ (V)

El punto $Q(-4 ; 0) \in \text{eje X}$ (V)

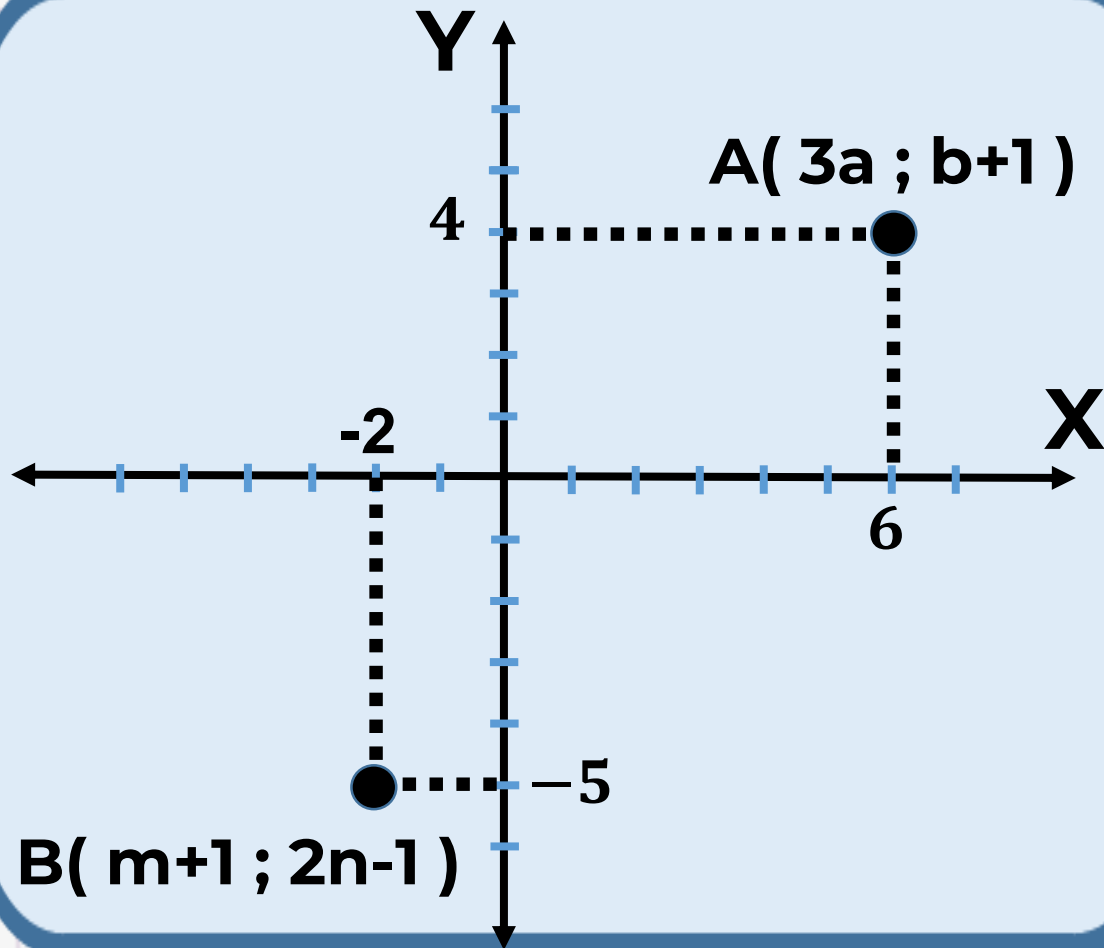
Justifique cada respuesta .

RESOLUCIÓN



HELICO PRACTICE 2

Del gráfico , efectúe $E = \frac{n}{m} + \frac{a}{b}$



RESOLUCIÓN

Se observa que :

$$3a = 6 \Rightarrow a = 2$$

$$b + 1 = 4 \Rightarrow b = 3$$

$$m + 1 = -2 \Rightarrow m = -3$$

$$2n - 1 = -5 \Rightarrow n = -2$$

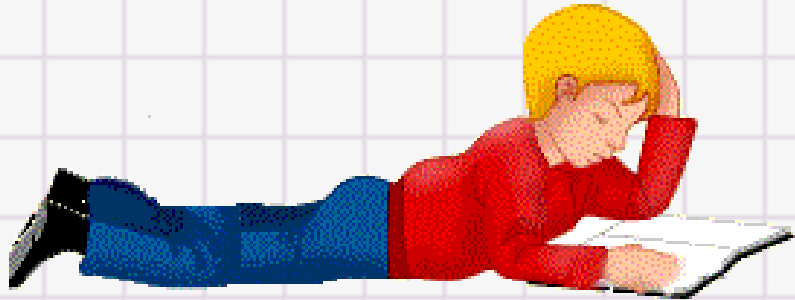
Luego reemplazamos en E :

$$E = \frac{-2}{-3} + \frac{2}{3}$$

$$\therefore E = \frac{4}{3}$$

HELICO PRACTICE 3

Calcule la distancia entre los puntos $A(1; -2)$ y $B(4; 2)$



Recordemos que :

$$AB = d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

RESOLUCIÓN

Asumimos que :

$$A(1; -2) = (x_1; y_1)$$

$$B(4; 2) = (x_2; y_2)$$

Luego calculamos AB :

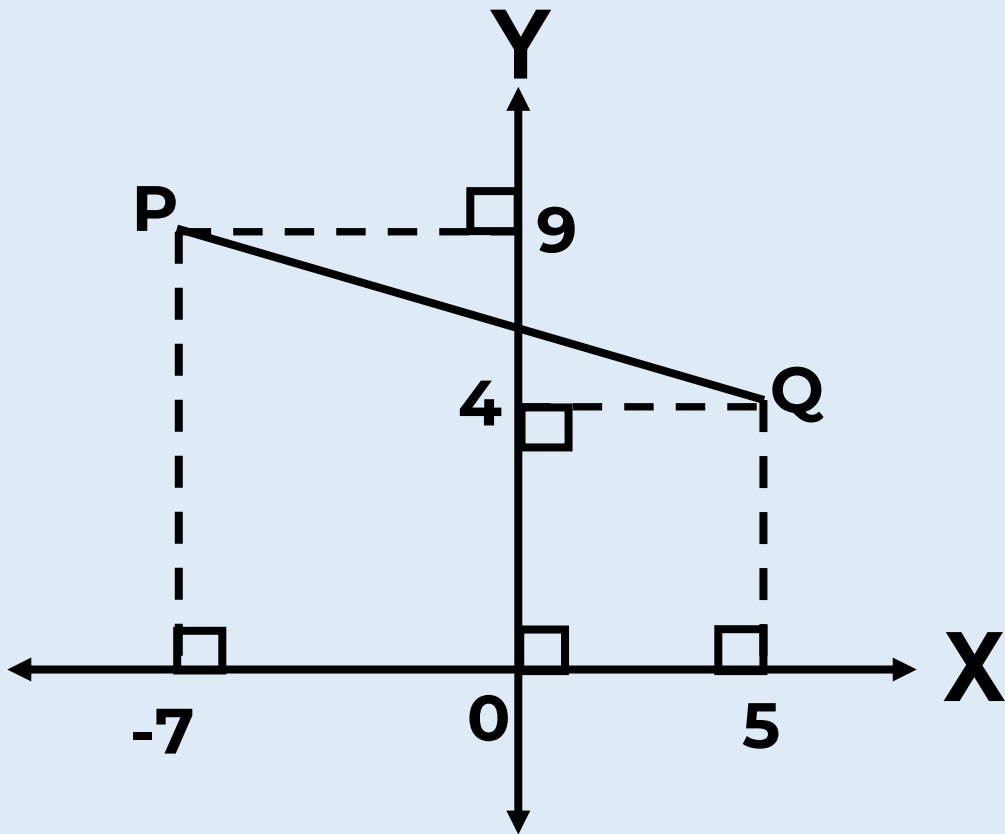
$$AB = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

$$AB = \sqrt{(1 - 4)^2 + (-2 - 2)^2}$$

$$AB = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9 + 16}$$

$$\therefore AB = 5$$

Del gráfico, calcule la longitud del segmento \overline{PQ} .



RESOLUCIÓN

Asumimos que :

$$P(-7 ; 9) = (x_1 ; y_1)$$

$$Q(5 ; 4) = (x_2 ; y_2)$$

Luego calculamos PQ :

$$PQ = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

$$PQ = \sqrt{(-7 - 5)^2 + (9 - 4)^2}$$

$$PQ = \sqrt{(-12)^2 + (5)^2} = \sqrt{144 + 25}$$

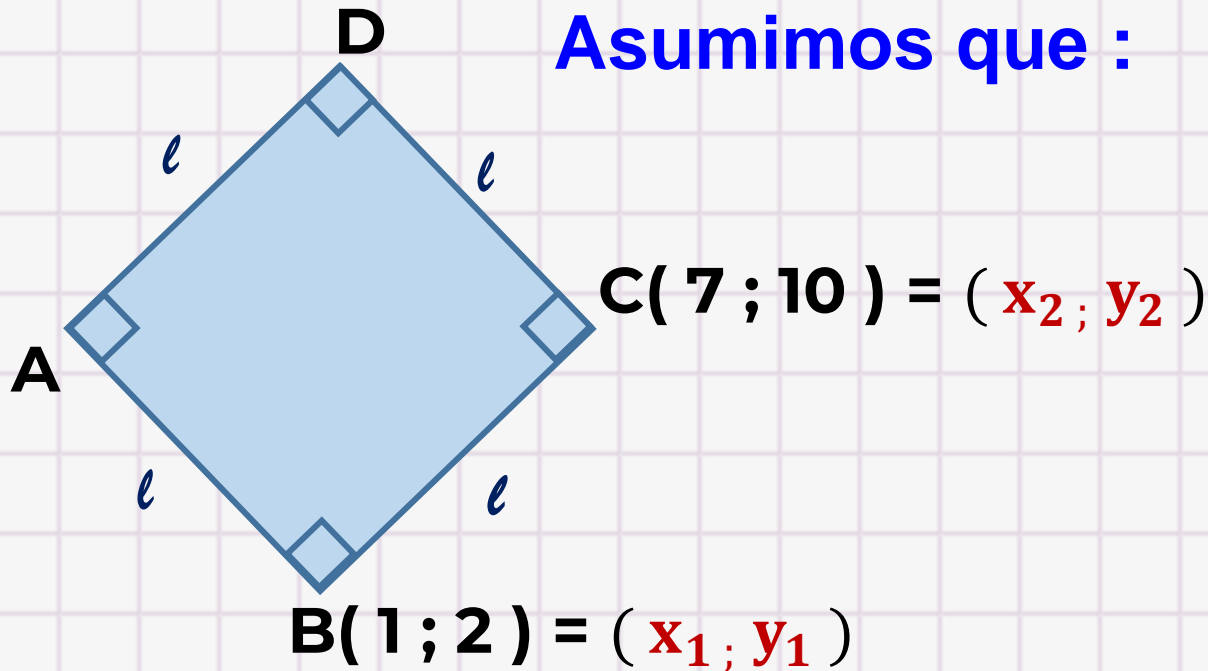
$$\therefore PQ = 13$$

HELICO PRACTICE 5

Calcule el perímetro de un cuadrado si dos de sus vértices consecutivos son : $B(1; 2)$ y $C(7; 10)$.

RESOLUCIÓN

Asumimos que :



Calculamos medida de un lado :

$$l = BC = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

$$l = \sqrt{(1 - 7)^2 + (2 - 10)^2}$$

$$l = \sqrt{(-6)^2 + (-8)^2}$$

$$l = \sqrt{36 + 64} \rightarrow l = 10$$

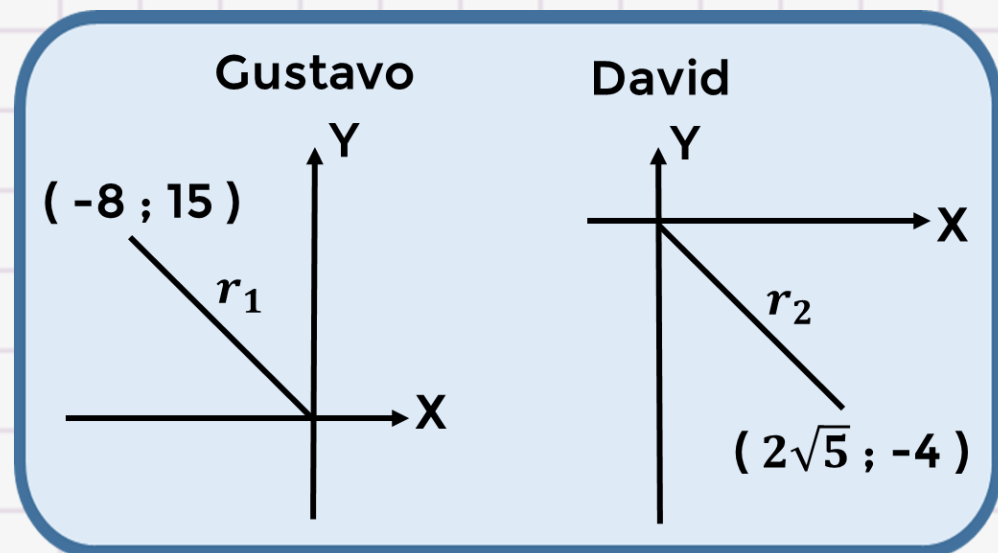
Calculamos el perímetro :

$$2p = 4l = 4(10)$$

$$\therefore 2p = 40 \text{ u}$$

Las edades de dos hermanos : Gustavo y David, están dadas respectivamente por las cantidades r_1 y r_2 .

Averigüe según los gráficos mostrados, quién es el mayor de los hermanos .



RESOLUCIÓN

Recordar :

$$r = \sqrt{x^2 + y^2}$$



Para Gustavo : $r_1 = \sqrt{(-8)^2 + (15)^2}$

$$r_1 = \sqrt{64 + 225} = \sqrt{289} = \mathbf{17 \text{ años}}$$

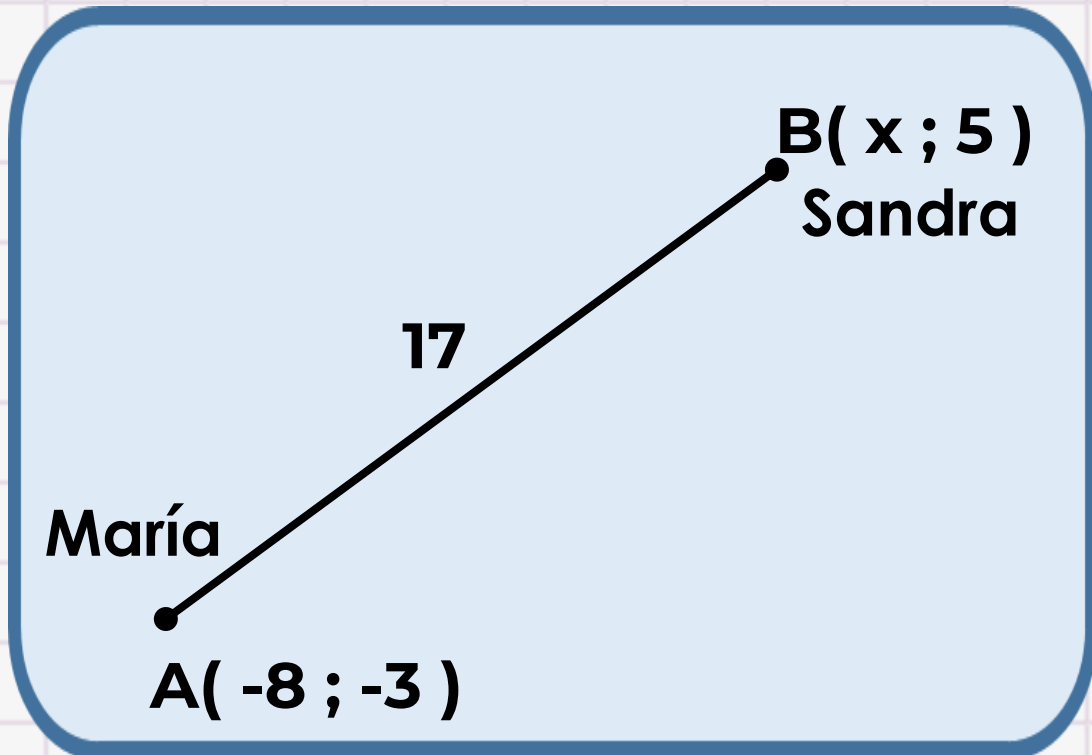
Para David : $r_2 = \sqrt{(2\sqrt{5})^2 + (-4)^2}$

$$r_2 = \sqrt{20 + 16} = \sqrt{36} = \mathbf{6 \text{ años}}$$

\therefore Gustavo es el hermano mayor .

HELICO PRACTICE 7

María y Sandra se encuentran ubicadas como se muestra en la figura, determine el valor de x , si $x > 0$.



RESOLUCIÓN

Asumimos que :

$$B(x; 5) = (x_1; y_1); A(-8; -3) = (x_2; y_2)$$

Luego : $\sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2} = BA$

$$\sqrt{(x - (-8))^2 + (5 - (-3))^2} = 17$$

$$\left(\sqrt{(x + 8)^2 + (8)^2} \right)^2 = 17^2$$

$$(x + 8)^2 + 64 = 289$$

$$(x + 8)^2 = 225 \Rightarrow x + 8 = \pm 15$$

Analizamos :

$$x + 8 = -15 \Rightarrow x = -23 \quad \text{¡No!}$$

$$x + 8 = 15 \Rightarrow \therefore x = 7 \quad (x > 0)$$



SACO
OLIVEROS