

ALGEBRA Chapter 9



f(x)

División Polinómica I







RECORDANDO:

¿Puedes completar y ordenar en forma decreciente los siguientes polinomios?

$$P(x) = 2x + x^4 + 1$$
 $P(x) = x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 2x + 1$

$$F(x) = 2 - x^2 + x^5$$
 $F(x) = x^5 + 0x^4 + 0x^3 - x^2 + 0x + 2$



DIVISIÓN POLINÓMICA

Sea la división de polinomios:



<u>IDENTIDAD FUNDAMENTAL:</u>

$$D(x) \equiv d(x). q(x) + R(x)$$

PROPIEDADES:

I.
$$GA[D(x)] \geq GA[d(x)]$$

II.
$$GA[q(x)] = GA[D(x)] - GA[d(x)]$$

III.
$$GA[R(x)] \leq GA[d(x)] - 1$$

III.
$$d(x) \not\equiv 0$$



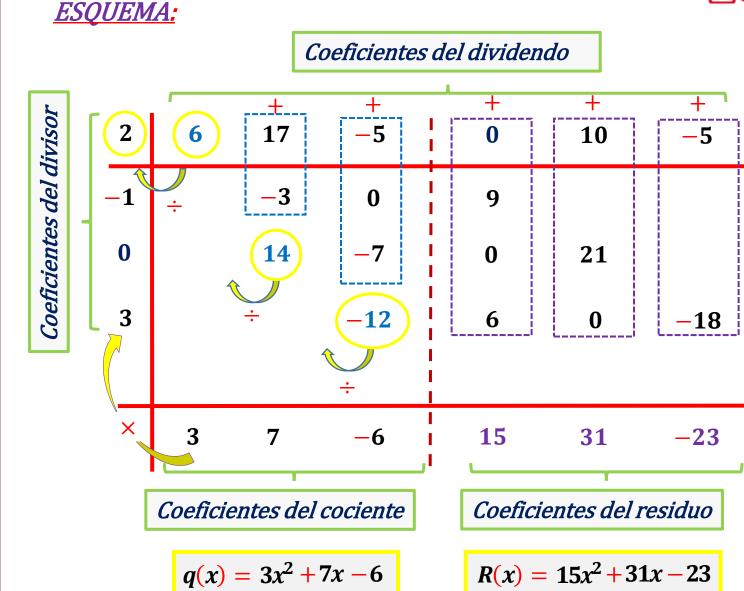
MÉTODO DE HORNER:

Sea la división:

$$\frac{6x^5 + 17x^4 - 5x^3 + 10x - 5}{2x^3 + x^2 - 3}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo y el divisor.

$$6x^{5} + 17x^{4} - 5x^{3} + 0x^{2} + 10x - 5$$
$$2x^{3} + x^{2} + 0x - 3$$





<u>1°Caso:</u> Divisor de la forma x + b

Sea la división:

$$\frac{3x^5 - 7x^4 + 4x^2 + 5x - 6}{x - 2}$$

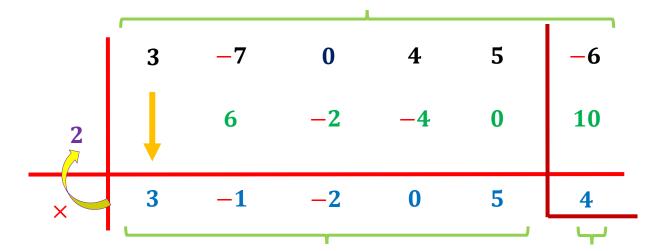
Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{3x^5 - 7x^4 + 0x^3 + 4x^2 + 5x - 6}{x - 2}$$

ESQUEMA:

Regla:
$$x-2=0$$
 \Rightarrow $x=2$

Coeficientes del dividendo



Coeficientes del cociente

Residuo

$$q(x) = 3x^4 - x^3 - 2x^2 + 5$$

$$R(x) = 4$$

ত ব

2°Caso:

Divisor de la forma ax + b

Sea la división:

$$\frac{6x^5 + 5x^4 - 7x + 4}{2x - 1}$$

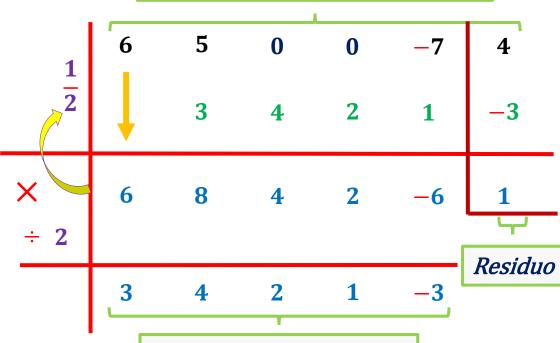
Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{6x^5 + 5x^4 + 0x^3 + 0x^2 - 7x + 4}{2x - 1}$$



ESQUEMA:

Coeficientes del dividendo



Coeficientes del cociente

$$q(x) = 3x^4 + 4x^3 + 2x^2 + x - 3$$

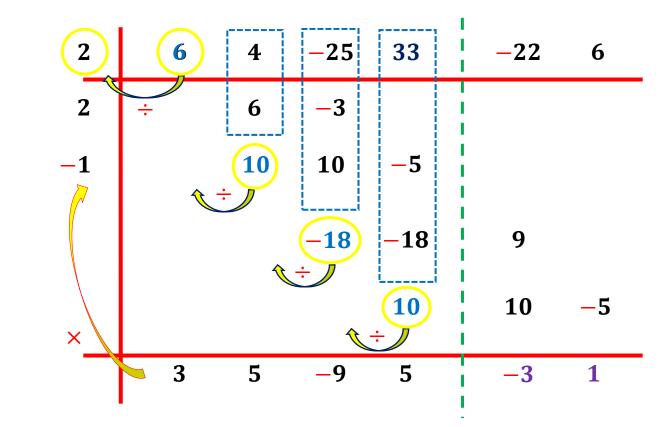
$$R(x)=1$$

O

Problema 1

Calcule la suma de coeficientes del cociente de

$$\frac{6x^5+4x^4-25x^3+33x^2-22x+6}{2x^2-2x+1}$$



$$q(x) = 3x^3 + 5x^2 - 9x + 5$$

$$R(x) = -3x + 1$$

$$\sum Coef[q(x)] = 3 + 5 - 9 + 5$$



$$\therefore \quad \sum Coef[q(x)] = 4$$

◎1

Problema 2

Evalúe A + B + C si la división

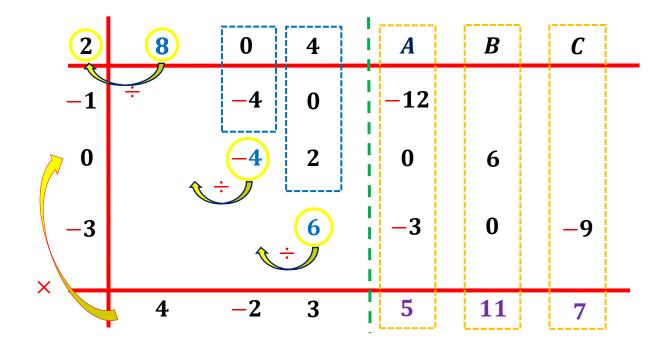
$$\frac{8x^5 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 3}$$

deja como resto $5x^2 + 11x + 7$

Recordemos:

Se completa y se ordena el dividendo y el divisor.

$$\frac{8x^5 + 0x^4 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 0x + 3}$$



$$A - 12 + 0 - 3 = 5$$
 $A = 20$
 $B + 6 + 0 = 11$ $B = 5$
 $C - 9 = 7$ $C = 16$

$$\therefore A+B+C=41$$

01

Problema 3

Indique el valor de m si el residuo es 4.

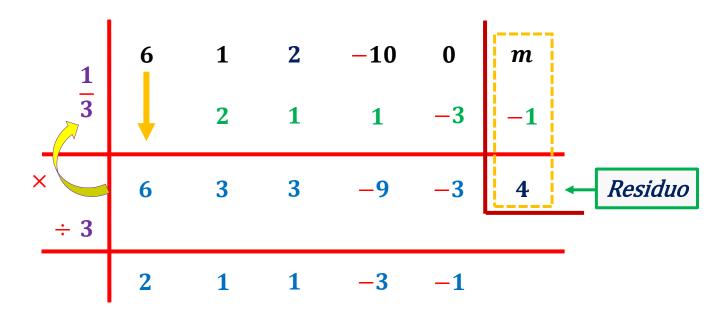
$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + m}{3x - 1}$$

Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el

$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + 0x + m}{3x - 1}$$

$$3x - 1 = 0 \implies x = \frac{1}{3}$$



$$q(x) = 2x^4 + x^3 + x^2 - 3x - 1$$

$$m-1=4$$
 \therefore m

তিয়

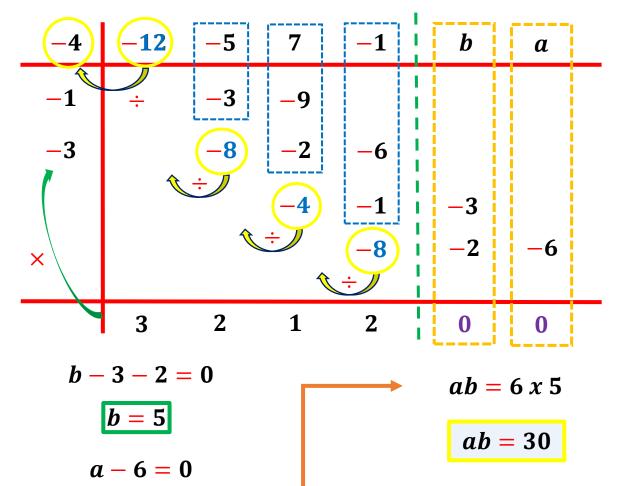
Problema 4

Calcule ab en <u>la división</u> exacta

$$\frac{ax^5 + bx^4 - x^3 + 7x^2 - 5x - 12}{3x^2 + x - 4}$$

que representa la edad del papá de Luis que es alumno del 3° A. ¿Cuál es la edad del papá de Luis?

Aplicamos el método de Horner invertido:



◎1

Problema 5

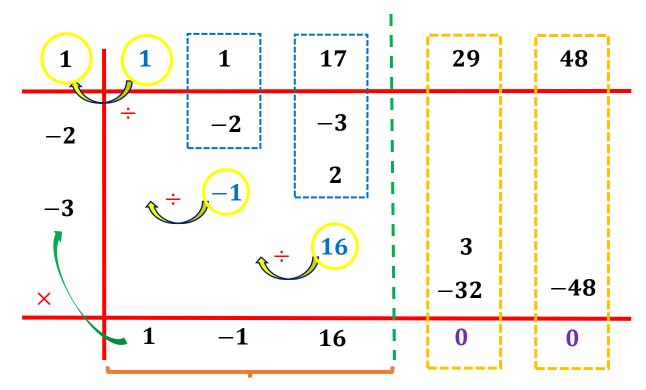
Ana tiene ahorrado $x^3 + 17x^2$ soles, además se entera que en la lotería gano $x^4 + 29x + 48$ soles, ella decide invertir en partes iguales $x^2 + 2x + 3$ soles de su dinero en acciones. ¿ Cuántos soles invirtió en cada acción?

Recordemos:

Se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{x^4 + x^3 + 17x^2 + 29x + 48}{x^2 + 2x + 3}$$

Resolución:



soles invirtió en cada acción

$$q(x) = x^2 - x + 16$$

$$\therefore Rpta = x^2 - x + 16$$





ASUMO MI RETO

Problema 6

Obtenga la suma de coeficientes del cociente de

$$\frac{x^{200}+x^{199}+2x+5}{x-1}$$

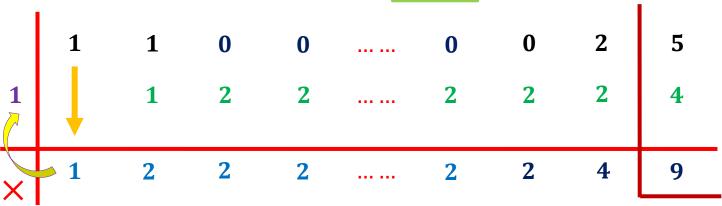
Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{x^{200} + x^{199} + 0x^{198} + \dots + 0x^2 + 2x + 5}{x - 1}$$







$$GA[q(x)] = GA[D(x)] - GA[d(x)]$$

$$GA[q(x)] = 199$$

$$N^{\circ} t\acute{e}rms. = 200$$

$$q(x) = x^{199} + 2x^{198} + 2x^{197} + ... + 2x^2 + 2x + 4$$

$$\sum Coef[q(x)] = 1 + 2 + 2 + \dots + 2 + 2 + 4$$
198 veces

$$\therefore \quad \sum Coef[q(x)] = 401$$

◎1

Problema 7

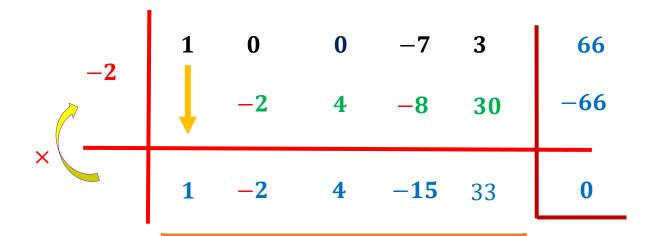
En una pollería se usa (x+2) gramos de porción de papas por persona. Si un día se prepara $(x^5-7x^2+3x+66)$ gramos de papa para un evento. ¿ Cuántos asistentes hubo en dicho evento?

Recordemos:

Se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{x^5 + 0x^4 + 0x^3 - 7x^2 + 3x - 66}{x + 2}$$

$$x + 2 = 0$$
 \longrightarrow $x = -2$



$$q(x) = x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 15x + 33$$

$$\therefore$$
 Rpta= $x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 15x + 33$





GRACIAS POR SU ATENCIÓN!!