

# ALGEBRA Chapter 22



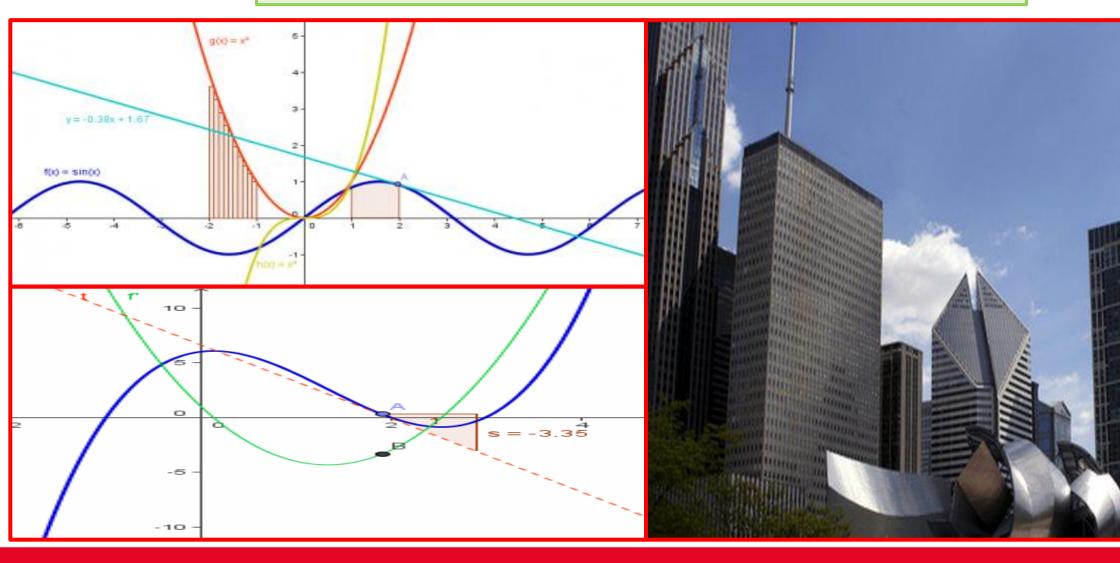


Relaciones y funciones





## RELACIONES Y FUNCIONES





## ¿QUÉ ES UN PAR ORDENADO?

Se llama par ordenado a un conjunto formado por dos elementos a y b con un orden determinado. Se simboliza de la siguiente forma: (a; b).

**Donde:**  $a \longrightarrow primera componente$ 

b --- segunda componente

### Pares ordenados

iguales: Si:  $(a;b) = (c;d) \implies a = c \land b = d$ 



## PRODUCTO CARTESIANO



Dados dos conjuntos A y B no vacíos, se define el producto cartesiano como:

$$A \times B = \{(a; b) / a \in A \land b \in B\}$$

**Ejemplo:** Sean  $A = \{1; 3\}$   $y B = \{5; 6; 7\}$ 

**Recuerda:** 1. 
$$A \times B \neq B \times A$$

2. 
$$n(A \times B) = n(A).n(B)$$

$$3. A^2 = A \times A$$

Dados dos conjuntos A y B no vacíos, se define Relación como el conjunto de pares ordenados que cumple:

$$R = \{(x; y) \in A \times B / P(x, y)\}$$

**Ejemplo:** Sean 
$$A = \{1; 3\}$$
  $y B = \{5; 6; 7\}$ 

$$A \times B = \{(1;5), (1;6), (1;7), (3;5), (3;6), (3;7)\}$$

$$R = \{(1; 6), (3; 5), (3; 7)\}$$

Recuerda:

 $N^{\circ}$  de relaciones =  $2^{n(A \times B)}$ 

## **DOMINIO Y RANGO:**

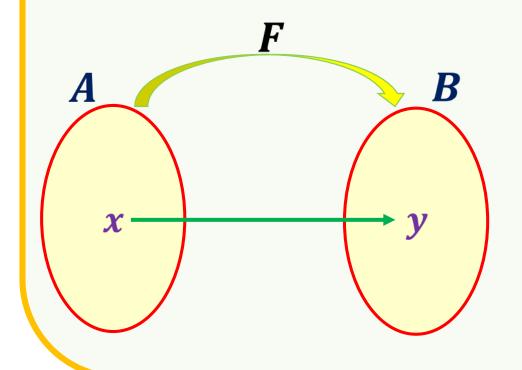
- Dominio: Conjunto de las primeras componentes de cada par ordenado (ABSCISAS).
- Rango: Conjunto de las segundas componentes de cada par ordenado (ORDENADAS).

**Ejemplo:** Sea la relación  $R = \{(1;4), (8;7), (3;4), (5;2), (8;9)\}$ 

$$Dom(R) = \{1, 3, 5, 8\}$$

$$Ran(R) = \{2, 4, 7, 9\}$$

Sean dos conjuntos A y B no vacíos, una función F es aquella correspondencia  $F: A \to B$  que asigna a cada elemento  $x \in A$ , a lo más, un elemento  $y \in B$ .



## Se tiene lo siguiente:

$$y = F(x)$$

$$y = F(x)$$
  $F = (x; F(x))$ 

$$Si \exists (a; b) \land (a; c) \in F$$

$$y \in B$$
 es función  $\implies b = c$ 



#### Si g es función

Problema 1

$$g = \{(4; 2), (3; 15), (8; -1), (4; 2)\}$$

calcule la suma de elementos del dominio con la de suma elementos del rango.

$$g = \{(\underline{4}; \underline{2}), (\underline{3}; \underline{15}), (\underline{8}; \underline{-1}), (\underline{4}; \underline{2})\}$$

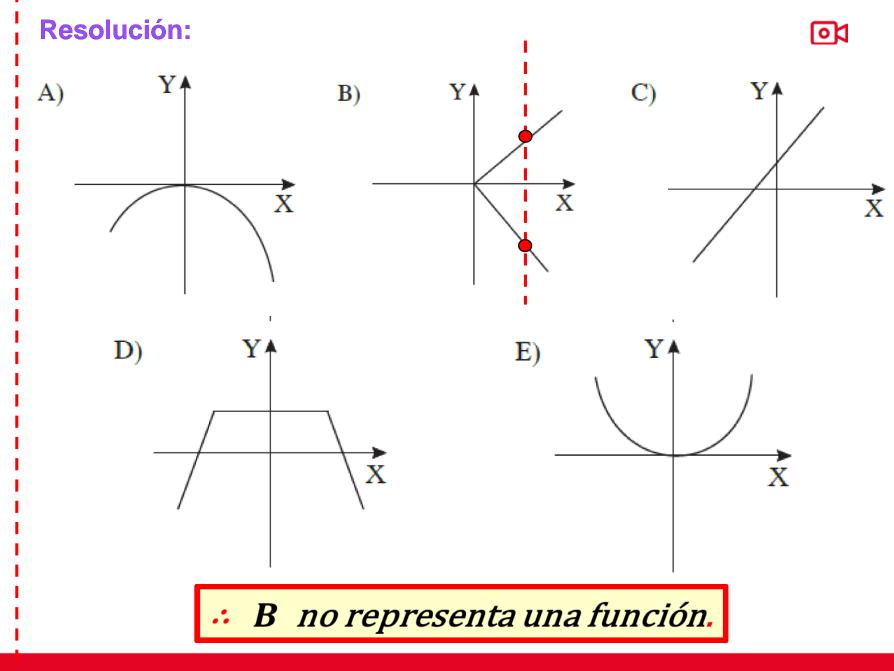
$$Dom(g) = \{4; 3; 8\} \longrightarrow Suma = 15$$

$$Ran(g) = \{2; 15; -1\} \implies \begin{bmatrix} Suma = 16 \end{bmatrix}$$

$$: Suma(Dom) + Suma(Ran) = 31$$

#### Problema 2

Indique cuál de las siguientes gráficas no representa una función.





$$h = \{(4; 11), (5; 14), (4; m-1), (5; n-6)\}$$

es función.

#### Resolución:

$$h = \{(\underline{4;11}), (\underline{5;14}), (\underline{4;m-1}), (\underline{5;n-6})\}$$

#### h es función:

$$(4; 11) = (4; m-1)$$

$$\rightarrow$$
 11 =  $m-1$ 

$$m = 12$$

$$(5; 14) = (5; n-6)$$

$$\rightarrow$$
 14 =  $n - 6$ 

$$n = 20$$

$$\therefore m+n=32$$

## Cuál debe ser la suma de los elementos del dominio para que la relación



Problema 4

$$R = \{(a+3;5a-1),(a+3;14),(a-1;2a)\}$$

sea una función.

#### Resolución:

$$R = \{(\underline{a+3}; \underline{5a-1}), (\underline{a+3}; \underline{14}), (a-1; 2a)\}$$

$$R \ es \ función \implies 5a-1=14$$

$$a = 3$$

$$\Rightarrow$$
  $R = \{(6; 14), (2; 6)\}$ 

$$Dom(R) = \{6; 2\}$$

$$Suma(Dom) = 8$$



## Si H = {(3; 6), (4; 8), (5; 10), (6; 12)} es función, hallar el valor de

Problema 5

$$T = \frac{H(4) + H(5)}{H(6) - H(3)}$$

#### Resolución:

$$T = \{(3; 6), (4; 8), (5; 10), (6; 12)\}$$

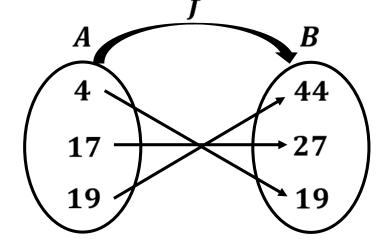
$$T = \frac{H(4) + H(5)}{H(6) - H(3)} = \frac{8 + 10}{12 - 6} = \frac{18}{6}$$

T = 3

#### Problema 6

Viviana desea hacer el pago por uso de internet del mes de diciembre, si al calcular f(17) + f(f(4)) + f(4) nos da el monto a pagar. ¿Cuánto fue el dinero total invertido en el pago de dicho servicio?. Observación: Dada

la función f: A → B



#### Resolución:

$$f(17) + f(f(4)) + f(4)$$

$$= 27 + f(19) + 19$$

$$=$$
 27 + 44 + 19  $=$  90

Rpta: El pago del internet fue de S/90

Dayana desea hacer un desayuno familiar por tal motivo va a la panadería

Problema comprar 54 + T panes, si se sabe que a partir de f(x) = 7x2 + 2x - 6

podemos encontrar el valor de T = f(2) + f(-1) - f(3). ¿Cuántos panes

compró Dayana para el desayuno?

#### Resolución:

$$f(x) = 7x^2 + 2x - 6$$

*Efectuando:* 
$$T = f(2) + f(-1) - f(3)$$

Cálculo de f(2):

$$f(2) = 7(2)^2 + 2(2) - 6$$
  $\Rightarrow$   $f(2) = 26$ 

 $\triangleright$  Cálculo de f(-1):

$$f(-1) = 7(-1)^2 + 2(-1) - 6$$
  $\implies$   $f(-1) = -1$ 

Cálculo de f(3):

$$f(3) = 7(3)^2 + 2(3) - 6$$
  $\Rightarrow$   $f(3) = 63$ 

$$T = f(2) + f(-1) - f(3) = 26 - 1 - 63 = -38$$

$$T = -38 \implies 54 + T = 54 + (-38)$$

$$= 16$$

Rpta: compró 16 panes