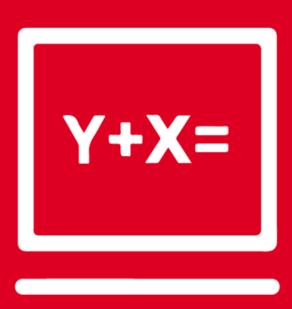
# ARITHMETIC Chapter 5

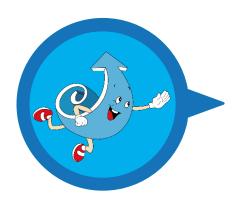


REPARTO PROPORCIONAL





## MOTIVATING STRATEGY







Un beduino dejó en herencia 17 camellos a repartir entre sus hijos del modo siguiente:

la mitad para el mayor un tercio parte para el segundo un noveno para el tercero

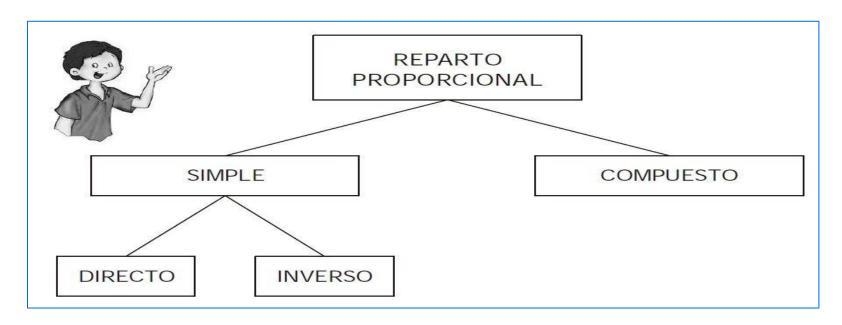
¿cómo lo hubieras repartido tú?

La respuesta en

## HELICO THEORY

## REPARTO PROPORCIONAL

Es un procedimiento aritmético que consiste en repartir cierta cantidad, teniendo en cuenta la proporcionalidad (directa o inversa), con respecto a los valores correspondientes a ciertas magnitudes



#### HELICO THEORY



**PARTES** 

## CLASES DE REPARTO



#### **REPARTO SIMPLE DIRECTO:**

Problema 1

Carlitos repartirá 143 caramelos a sus sobrinos Jimmy, Jhon y Fidel, según sus edades 8; 12 y 24 años ¿Cuánto respectivamente. recibirá cada sobrino?

Resolución:

(N.° de caramelos) D.P (Edad)

Jimmy: 
$$\cancel{8} \longrightarrow 2$$
 2k

Jhon: 
$$1/2 \rightarrow 3$$
 3k

Luego:

$$2k + 3k + 6k = 143$$
  
 $11k = 143$   
 $k = 13$ 

: Las partes son:

Jimmy: 
$$2k = 2(13) = 26$$

Jhon: 
$$3k = 3(13) = 39$$

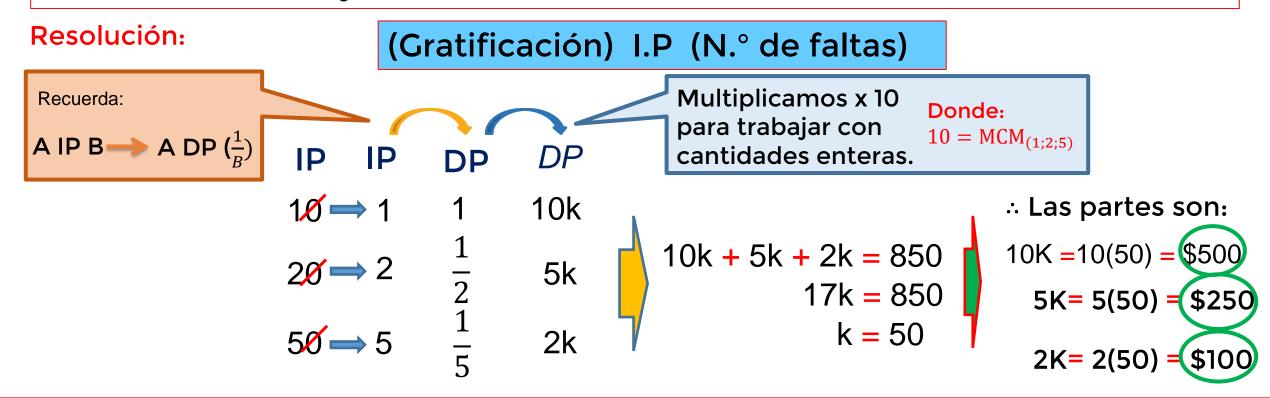
Fidel: 
$$6k = 6(13) = 78$$



## **2** REPARTO SIMPLE INVERSO:

#### Problema 2

El dueño de una fábrica repartirá una gratificación de \$850 a sus tres trabajadores según el número de faltas que son 10; 20 y 50 días. ¿Cuánto recibirá cada trabajador?





## 3 REPARTO COMPUESTO

#### Problema 2

Un hacendado al morir deja de herencia a sus tres sirvientes un terreno de 7200 m<sup>2</sup> estipulando que el reparto será IP a sus sueldos: S/.300; S/.200 y S/.500 y a la vez DP al número de años de servicio: 6; 8 y 15 años, respectivamente. ¿Qué área corresponde a cada sirviente?

#### Resolución:



Área	Α	В	С
Sueldo	S/.300	S/.200	S/.500
N° de años de servicio	6	8	15

Por dato: 
$$A + B + C = 7200$$

#### Reemplazando en $\propto$

$$\frac{A \cdot 300}{8} = \frac{B \cdot 200}{8} = \frac{C \cdot 500}{15}$$

$$\frac{A}{2} = \frac{B}{4} = \frac{C}{3} = \frac{C}{3 \times K}$$

$$A + B + C = 7200$$

$$K = 800$$

: Las partes son:

$$A= 2k=2 (800) = 1600 m^2$$

$$B = 4k = 4 (800) = 3200 \text{ m}$$

$$C = 3k = 3 (800) = 2400 \text{ m}^2$$

## HELICO THEORY

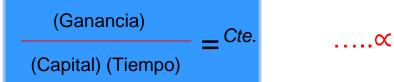


## REGLA DE COMPAÑIA

#### Problema 4

Tres amigos se asociaron y formaron una empresa. El primero aportó \$6000 durante 6 meses; el segundo \$3000 durante 8 meses y el tercero \$9000 durante 12 meses. Si la utilidad es \$7000. ¿Cuánto ganó cada socio?

#### Resolución:



Haciendo el reparto y reemplazando en ∝

$$\frac{a}{6000 \times 6} = \frac{b}{3000 \times 8} = \frac{c}{9000 \times 12}$$

### Del dato tenemos:

$$a + b + c = 7000$$

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{2} = \frac{c}{9} = K$$

$$k = \frac{a+b+c}{3+2+9} = \frac{7000}{14} \implies k = 500$$

#### : Las partes son:

$$a=3k=3 (500) = $1500$$

$$b= 2k=2 (500) = $1000$$

$$c= 9k=9 (500) = $4500$$



Calcule la suma de cifras de la mayor parte que se obtiene al repartir 4212 directamente proporcional a 7<sup>283</sup>; 7<sup>284</sup> y 7<sup>286</sup>.

#### Resolución:

#### Tener en cuenta:

$$7^{283} = 7^{283} \times 1$$
 $7^{284} = 7^{283} \times 7^{1}$ 
 $7^{286} = 7^{283} \times 7^{3}$ 

#### luego:

Cantidad repartida = 
$$1k + 7k + 343k = 4212$$
  
 $351k = 4212$   
 $k = 12$ 

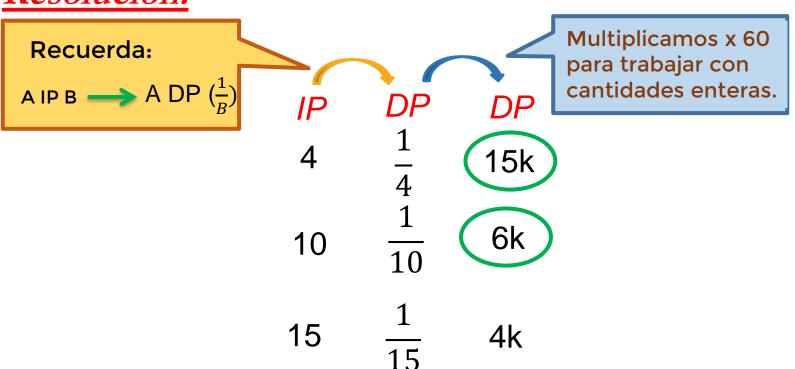
La mayor parte: 343K = 343(12) = 4116

Nos piden suma de cifras: 4 + 1 + 1 + 6 = 12

2

Se reparte N inversamente proporcional a 4; 10 y 15. Si la suma de las dos mayores partes resultó 399, calcule el producto de cifras de N.

#### Resolución:



#### luego:

$$15k + 6k = 399$$
  
 $21k = 399$   
 $k = 19$ 

#### Calculando N:

$$N = 15k + 6k + 4k$$
  
 $N = 25K = 25(19) = 475$ 

## PIDEN EL PRODUCTO DE CIFRAS DE N:

$$4.7.5 = 140$$





Dos pastores llevan 7 y 5 panes, respectivamente, y se encuentran con un cazador hambriento y comparten con este los 12 panes en partes iguales. Si el cazador en retribución pagó S/.52, ¿cuánto le corresponde a cada pastor?

#### Resolución:

$$N^{\circ}$$
 panes = 12

Luego, repartimos 12 panes entre 3 personas

Cada uno consume 
$$\frac{12}{3} = 4$$
 panes

Veamos cuanto panes compartio cada pastor y de esa manera saber cuanto dinero le corresponde respectivamente

Tiene - consume Dan c/u Las partes D.P

$$7 - 4 = 3 \text{ panes} \longrightarrow 3k$$
  
 $5 - 4 = 1 \text{ panes} \longrightarrow k$ 

Pero: 
$$3k + 1k = 52$$
  
 $4k = 52$   
 $k = 13$ 

#### Piden:

Primer pastor: 3k = 3(13) = 39

segudo pastor: 1k = 1(13) = 13

Rpta S/.39 y S/.13





# Al repartir 3645 proporcionalmente a todos los números pares de dos cifras, ¿cuánto le corresponde a 38?

#### Resolución:

Total a repartir: 3645

numeros pares de 2cifras : 10,12,14,16, ...,94,96,98

Cantidad: (98-8)/2 = 45

Luego:

DP: 10 12 14 16 ... 38 ... 94 96 98

PARTE: 10K 12K 14K 16K (...38K).. 94K 96K 98K

#### **Donde:**

10K+12K+14K+16K+...+94K+96K+98K=3645

$$\frac{(98+10)}{2} \times 45 \times K = 3645$$

$$54.45.k = 3645$$

$$54k = 81$$

$$k = \frac{3}{2}$$

#### Piden:

$$38k = 38(\frac{3}{2}) = 57$$

Carlos inicia Juan un negocio con \$3000 cuatro meses después ingresa Miguel aportando el mismo capital. Por último, a los 7 meses de iniciado el negocio, se asocia Emilio aportando el mismo capital que sus socios. Si al cabo de un año se obtiene una ganancia neta de \$5000, ¿cuánto le corresponde a **Emilio?** 

#### Resolución:

## De los datos tenemos:

$$C_J$$
= \$3000  
Desde el inicio  
 $t_J$  = 12 meses

$$C_J$$
= \$3000  $C_M$ = \$3000  $C_E$ = \$3000  $C_E$ = \$3000 Pasan 4 meses  $t_I$  = 12 meses  $t_M$  = 8 meses  $t_E$  = 5 meses

$$C_E$$
= \$3000  
Pasan 7 meses  
 $t_E$  = 5 meses

Sabemos: 
$$\frac{\text{Ganancia}}{\text{Capital.Tiempo}} = \text{Cte.(K)}$$

#### Reemplazando y simplificando en

$$\frac{\propto G_{J}}{3000.12} = \frac{G_{M}}{3000.8} = \frac{G_{E}}{3000.5}$$

$$\frac{G_{J}}{12} = \frac{G_{M}}{8} = \frac{G_{E}}{5} = k$$

$$\frac{\propto G_{J}}{3000.12} = \frac{G_{M}}{3000.8} = \frac{G_{E}}{3000.5}$$
Pero:  $G_{J} + G_{M} + G_{E} = \frac{G_{M}}{12} = \frac{G_{M}}{8} = \frac{G_{E}}{5} = k$ 
Pero:  $G_{J} + G_{M} + G_{E} = \frac{5000}{12k + 8k + 5k = 5000}$ 
Luego:  $12k + 8k + 5k = 5000$ 

$$k = 200$$

#### Piden:

$$G_E = 5k = 5(200) = 1000$$

#### Resolución:

#### De los datos tenemos:

Jaime y José forman compañía una aportando cada uno S/.500 S/.300, respectivamente.

Luego de 3 meses Jaime decide aumentar su capital en S/.300 y un mes más tarde José aumenta también su capital en S/.400. Si al cabo de 1 año se decide liquidar la empresa con S/.1550 utilidad total,

$$C_{Ja(1)}$$
= \$\forall 500  $C_{Jo(1)}$ = \$\forall 5.300  $C_{Ja(2)}$ = \$\forall 800  $C_{Jo(2)}$ = \$\forall 700  $C_{Jo(2)}$ = \$\forall 700  $C_{Ja(1)}$ = 3 meses  $t_{Ja(1)}$  = 3 meses  $t_{Jo(1)}$  = 4 meses  $t_{Ja(2)}$  = 9 meses  $t_{Jo(2)}$  = 8 meses

$$C_{Ja(2)} = S/800$$
  $C_{Jo(2)} = S$   
Pasan 3 meses pasa 4 r  
 $t_{Ja(2)} = 9$  meses  $t_{Jo(2)} = 8$ 

Sabemos: 
$$\frac{Ganancia}{Capital.Tiempo} = Cte.(K)$$

#### Reemplazando y simplificando:

$$\frac{G_{Ja(1)}}{500.3} = \frac{G_{Jo(1)}}{300.4} = \frac{G_{Ja(2)}}{800.9} = \frac{G_{Jo(2)}}{700.8}$$

$$\frac{G_{Ja(1)}}{15} = \frac{G_{Jo(1)}}{12} = \frac{G_{Ja(2)}}{72} = \frac{G_{Jo(2)}}{56} = k$$

Pero: 
$$G_{Ja(1)} + G_{Jo(1)} + G_{Ja(2)} + G_{Jo(2)} = 1550$$

**Luego**: 
$$15k + 12k + 72k + 56k = 1550$$

k = 10

#### Piden:

$$G_{Ja(1)} + G_{Ja(2)} = ?$$

$$15k + 72k = 87k$$

$$= 87(10)$$

S/.870 Rpta

determine ganó Jaime

cuánto

SACO OLIVEROS



7

El profesor de Aritmética le propone a su hijo que si resuelve el problema le dará de propina tantos soles como la suma de cifras del resultado: Las edades de 7 hermanos son números consecutivos. Si se reparte una suma de dinero proporcionales a sus edades, el menor recibirá la mitad del mayor y el tercero S/80 000. ¿Cuánto recibe el quinto? Si el hijo resolvió correctamente el problema. ¿Cuánto recibió de propina?

```
Luego:
DP: (n-3) (n-2) (n-1) n (n+1) (n+2) (n+3)

PARTE: (n-3)K (n-2)K (n-1)K nK (n+1)K (n+2)K (n+3)K además:
  (recibe el menor) = 1/2 (recibe el mayor)
```

$$2n-6 = n+3$$
  
 $n = 9$   
(recibe el tercero) =  $(n+1)k = 80000$   
 $(9+1)k = 80000$ 

 $(n-3)k = \frac{1}{2}(n+3)k$ 

k = 8000

piden:

(recibe el quinto hermano) = (n-1)k= (9-1)(8000)= 64000

Rpta S/.64000

Resolución:

Sean las edades consecutivas de los 7

(n-3); (n-2); (n+1); (n+2); (n+3) años