



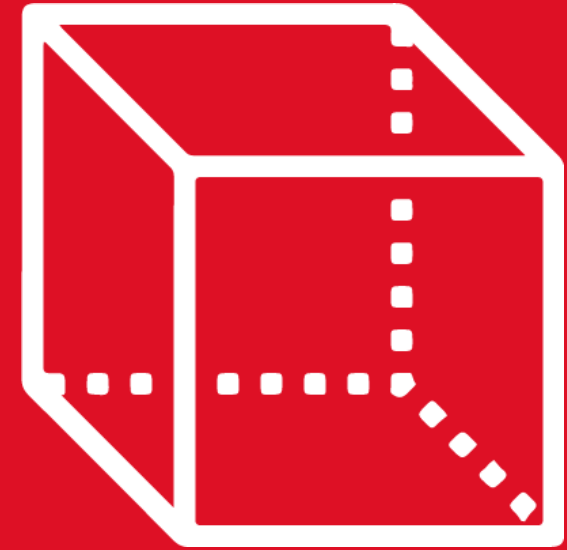
GEOMETRÍA

Chapter 21

5th

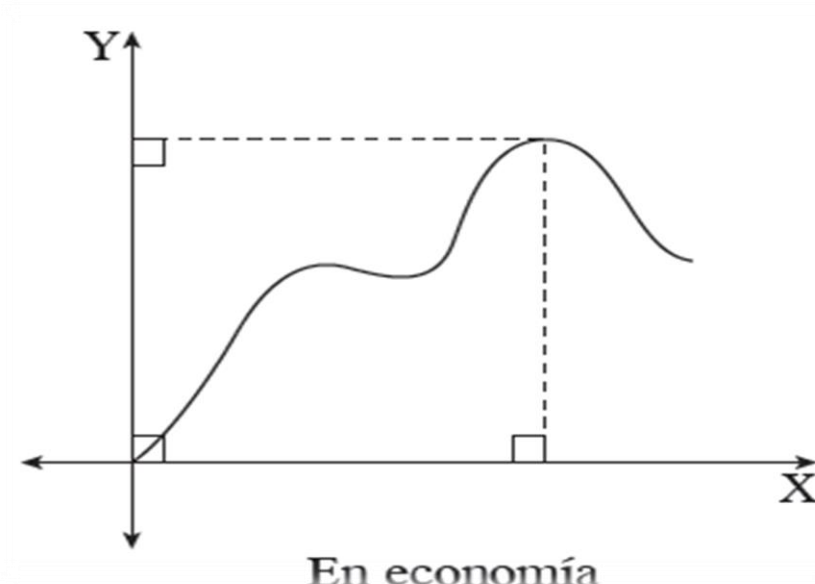
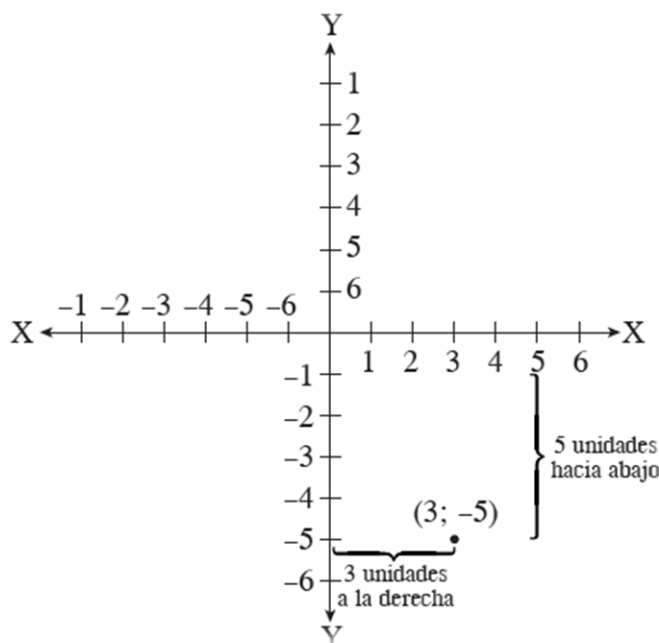
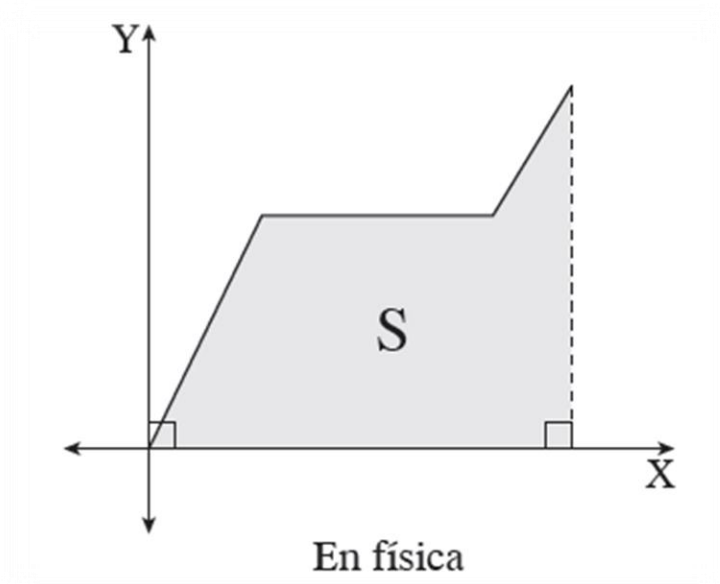
SECONDARY

ECUACIÓN DE LA RECTA



Usos del plano cartesiano

En física se utiliza para la resolución de vectores y movimientos. Se usa para las coordenadas, así la policía y la fuerza aérea pueden guiarse con la ayuda del plano. El plano cartesiano es uno de los dispositivos más importantes en las matemáticas. El plano sirve para dar con precisión la posición de cualquier objeto, en relación a un punto fijo que llamaremos origen.

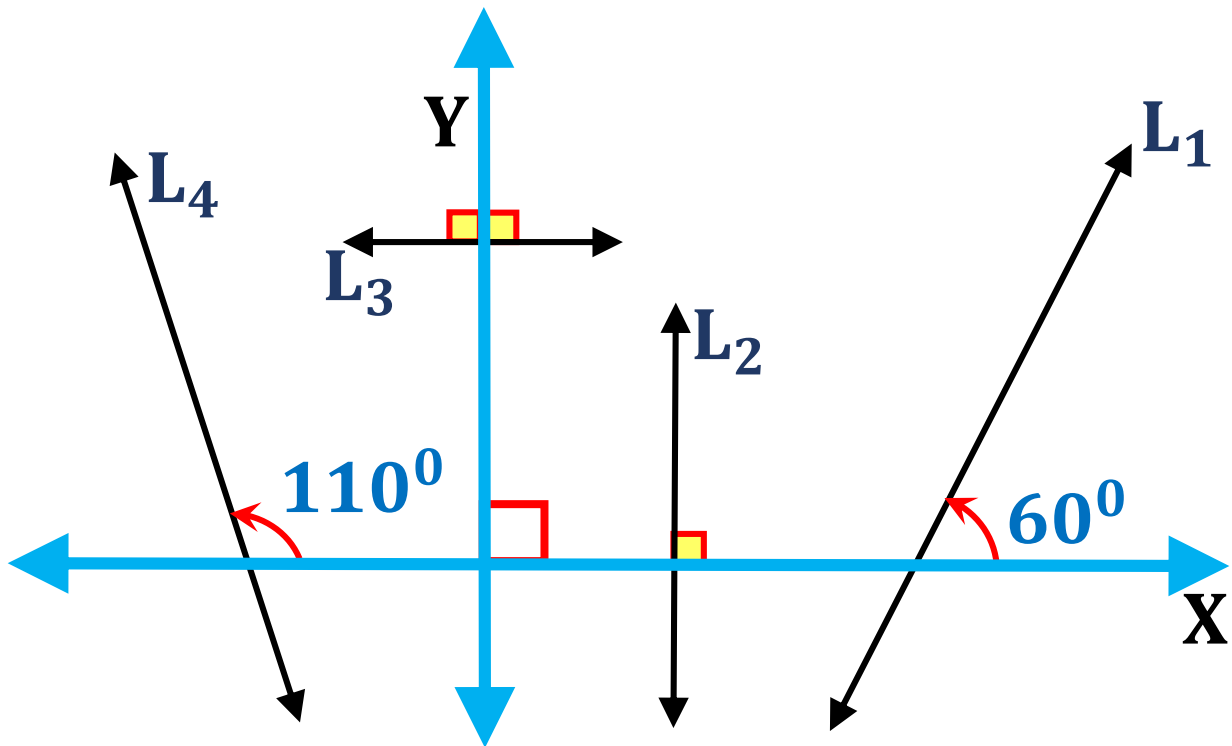


ECUACIÓN DE LA RECTA

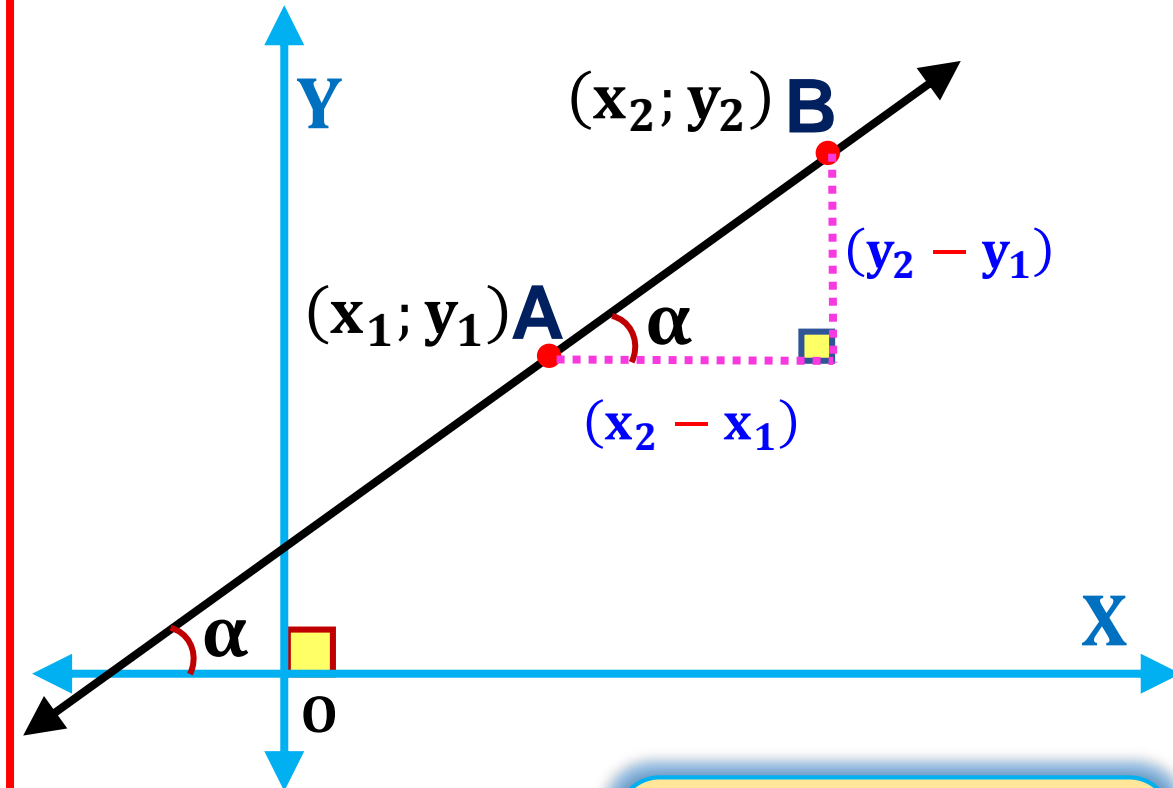


Ángulo de inclinación de una recta

Es el ángulo que determina la recta con el eje positivo de las abscisas y su valor se mide desde el eje X a la recta L en sentido antihorario.



Pendiente de una recta (m)



$$m = \text{Tan } \alpha$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

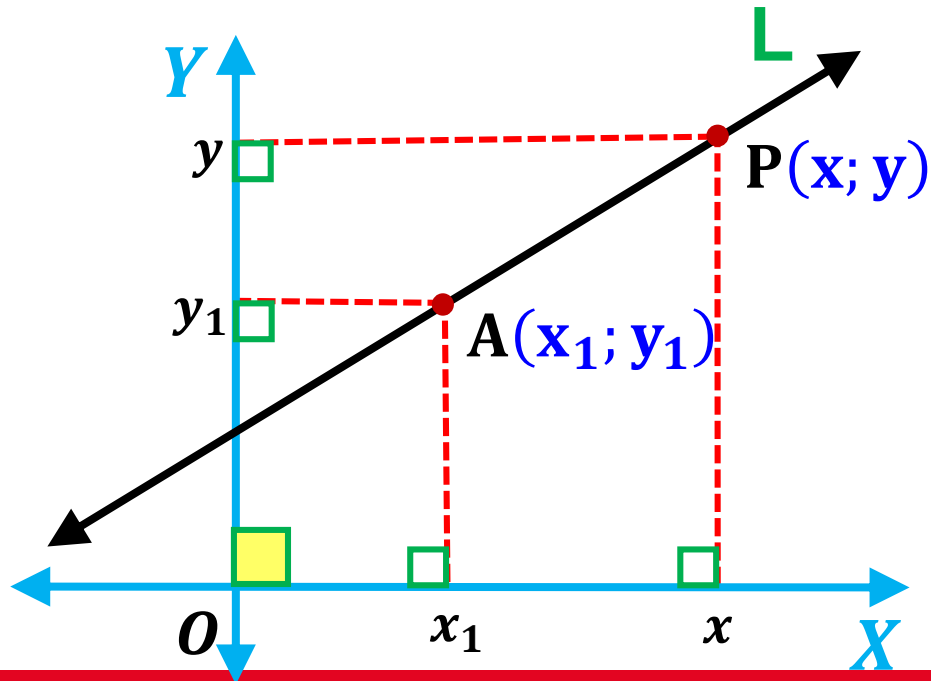
Ecuación de una recta



Analíticamente, una recta es una ecuación de primer grado con una o dos variables que presenta diversas formas.

Ecuación punto-pendiente

Sea $A(x_1; y_1)$ un punto conocido de la recta L de pendiente m y $P(x; y)$ un punto cualquiera.



La ecuación punto pendiente será:

$$m = \frac{y - y_1}{x - x_1}$$

Ecuación general de la recta

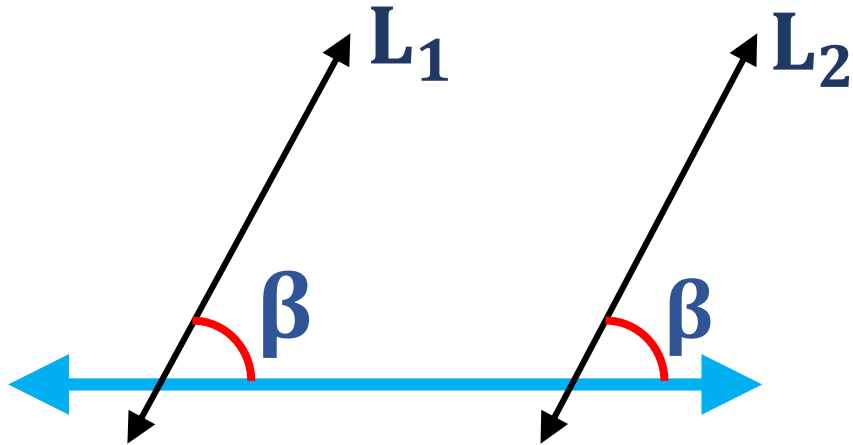
Es cuando la expresión algebraica de la ecuación tiene la forma.

$$Ax + By + C = 0$$

$$m = -\frac{A}{B}$$

Paralelismo y perpendicularidad entre dos rectas

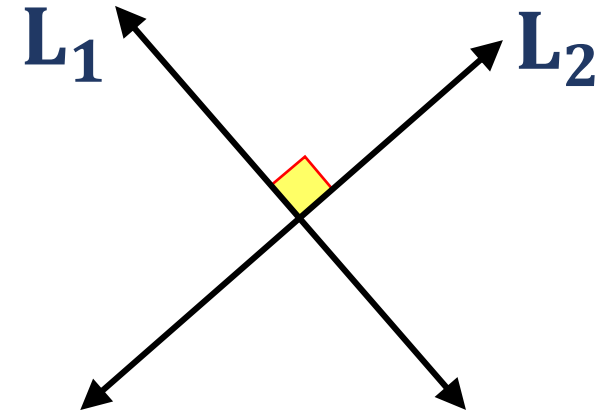
Sean dos rectas, L_1 y L_2 , con pendientes m_1 y m_2 , respectivamente, si se cumple que:



Si las rectas son paralelas.



$$m_1 = m_2$$



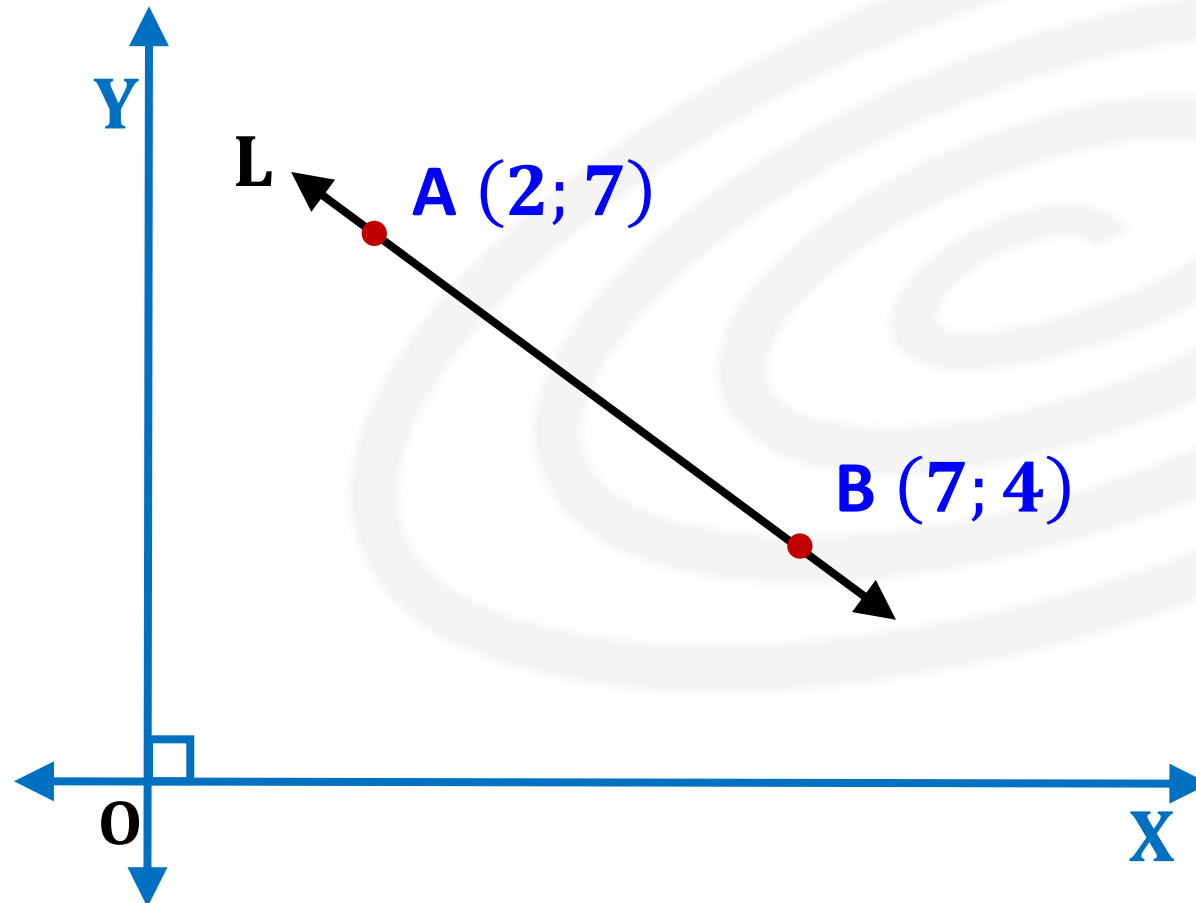
Si las rectas son perpendiculares.



$$m_1 \cdot m_2 = -1$$

1. Determine la pendiente de una recta que pasa por los puntos A (2; 7) y B (7; 4).

Resolución



Calculamos la pendiente

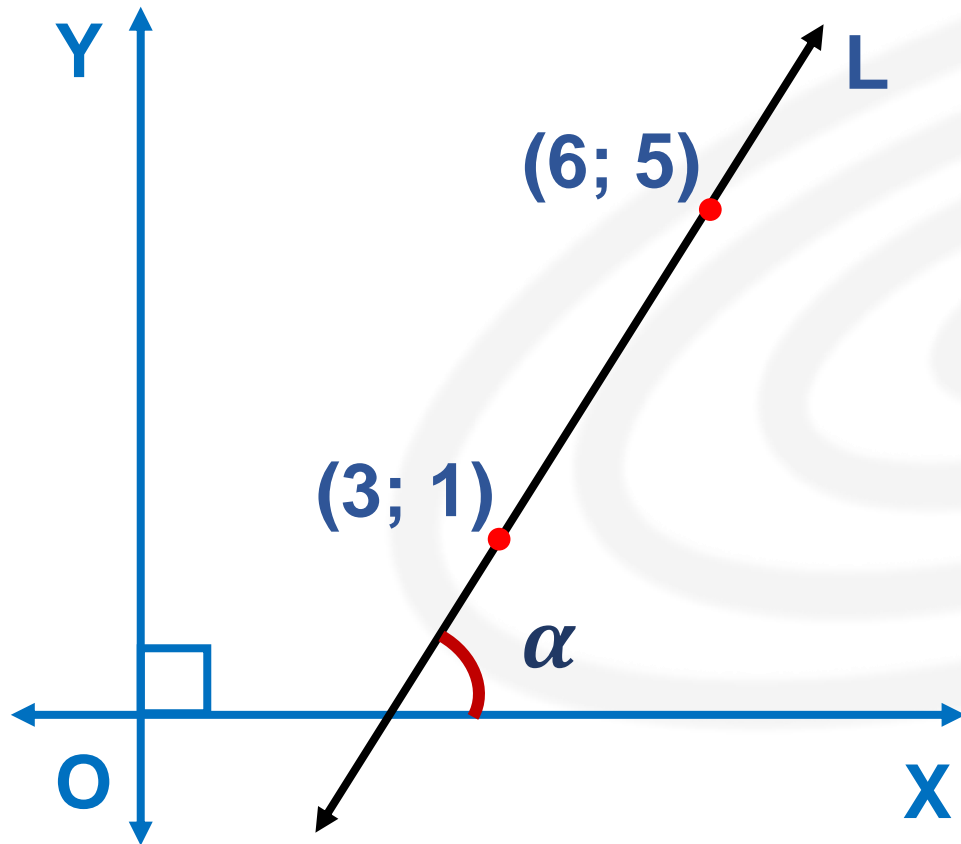
$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \frac{7 - 4}{2 - 7}$$

$$m = -\frac{3}{5}$$

2. En la figura, halle el valor de α .

Resolución



- Calculando la pendiente (m)

$$m = \frac{5 - 1}{6 - 3} = \frac{4}{3}$$

- Por definición de pendiente:

$$m = \tan \alpha$$

$$\tan \alpha = \frac{4}{3}$$

$$\alpha = 53^\circ$$

3. Halle la ecuación general de la recta L .

Resolución • Calculamos la pendiente:

$$m = \tan 135^\circ$$

$$m = -\tan 45^\circ$$

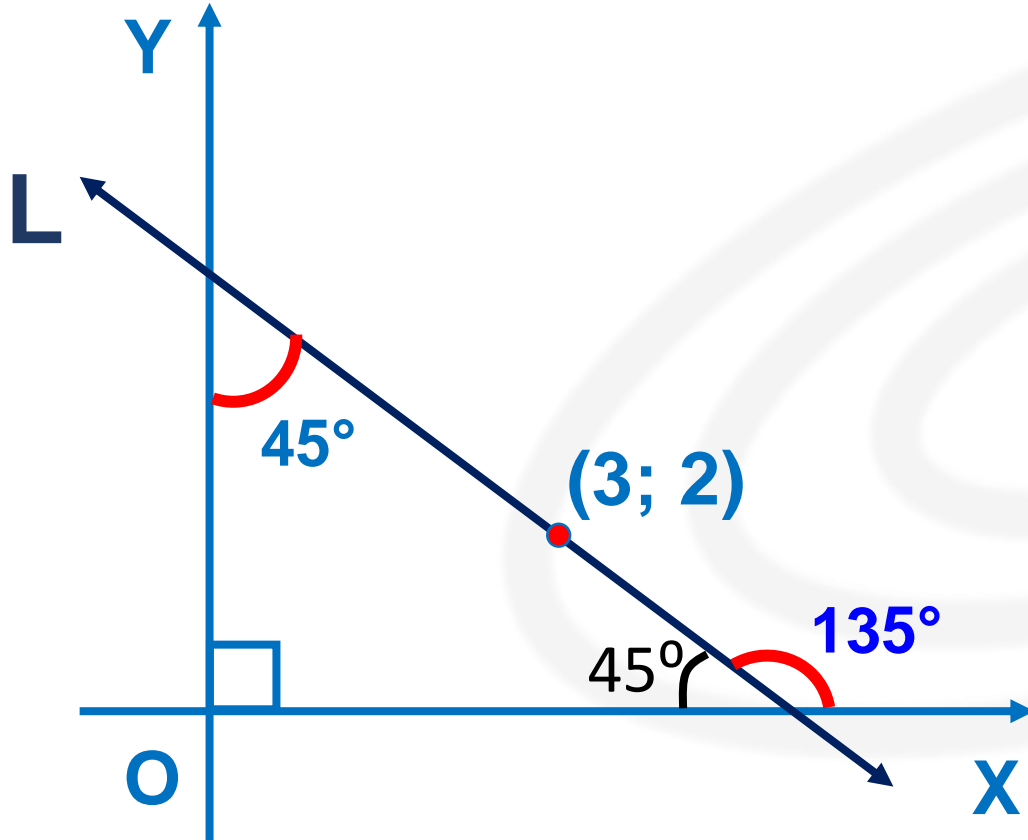
$$m = -1$$

• Ecuación punto pendiente

$$m = \frac{y - y_1}{x - x_1}$$

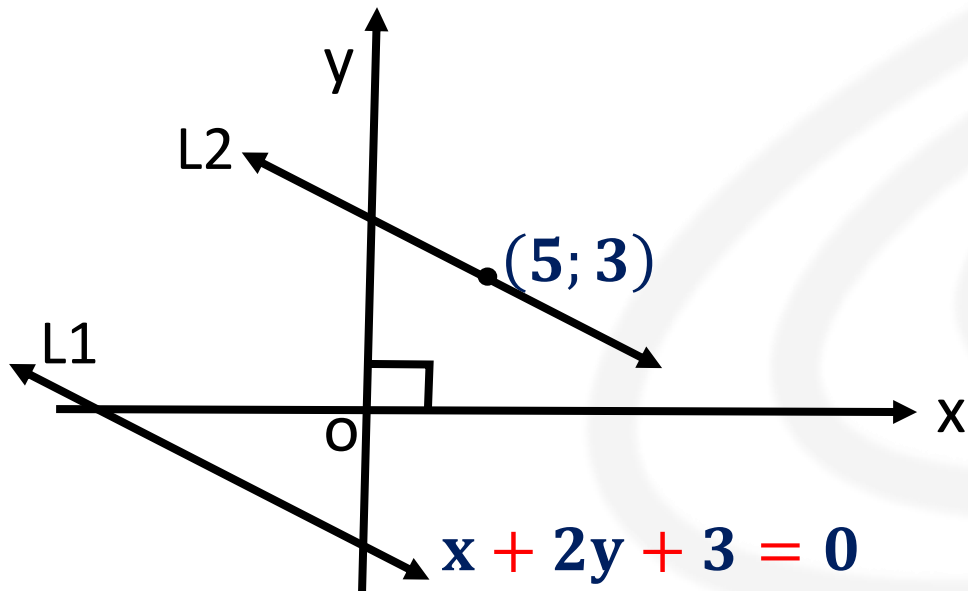
$$-1 = \frac{y - 2}{x - 3}$$

$$L : x + y - 5 = 0$$



4. Halle la ecuación general de una recta que pasa por el punto (5; 3) y es paralela a la recta cuya ecuación es $x + 2y + 3 = 0$.

Resolución



$$L_1 : x + 2y + 3 = 0$$

$$m = -\frac{A}{B}$$

$$m_1 = -\frac{1}{2}$$

• Como son paralelas:

$$m_1 = m_2$$

$$m_2 = -\frac{1}{2}$$

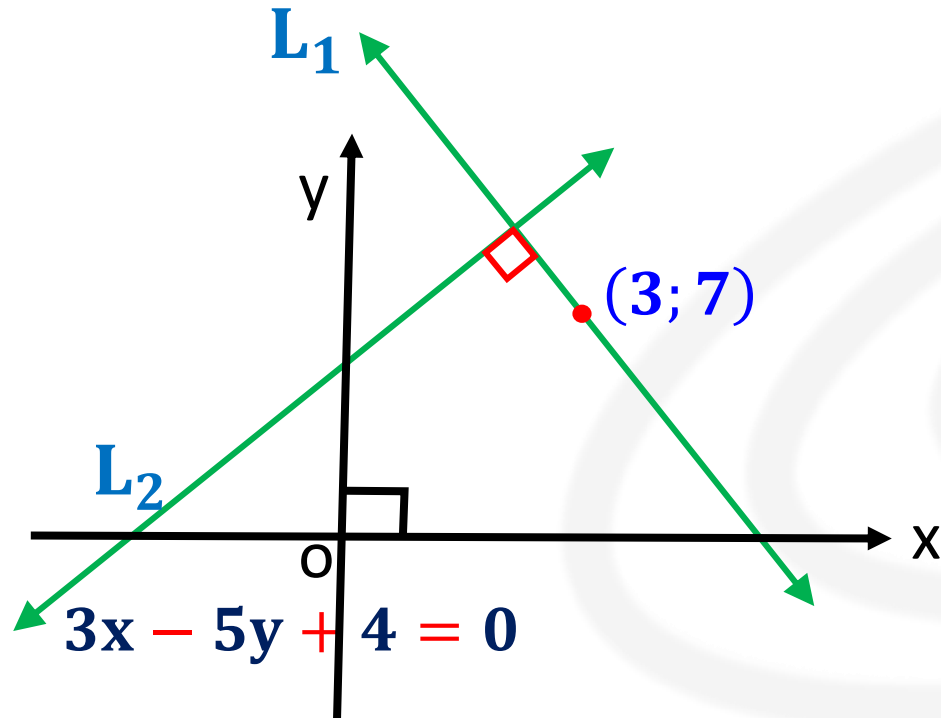
La ecuación punto pendiente de L2 será:

$$m = \frac{y - y_1}{x - x_1} \quad \Rightarrow \quad \frac{1}{-2} = \frac{y - 3}{x - 5}$$

$$L_1 : x + 2y - 11 = 0$$

5. Halle la ecuación general de una recta que pasa por el punto (3; 7) y es perpendicular a la recta cuya ecuación es $3x - 5y + 4 = 0$.

Resolución



$$L_2 : 3x - 5y + 4 = 0$$

$$m_2 = -\frac{3}{-5} = \frac{3}{5}$$

Como son perpendiculares:

$$m_1 \cdot m_2 = -1$$

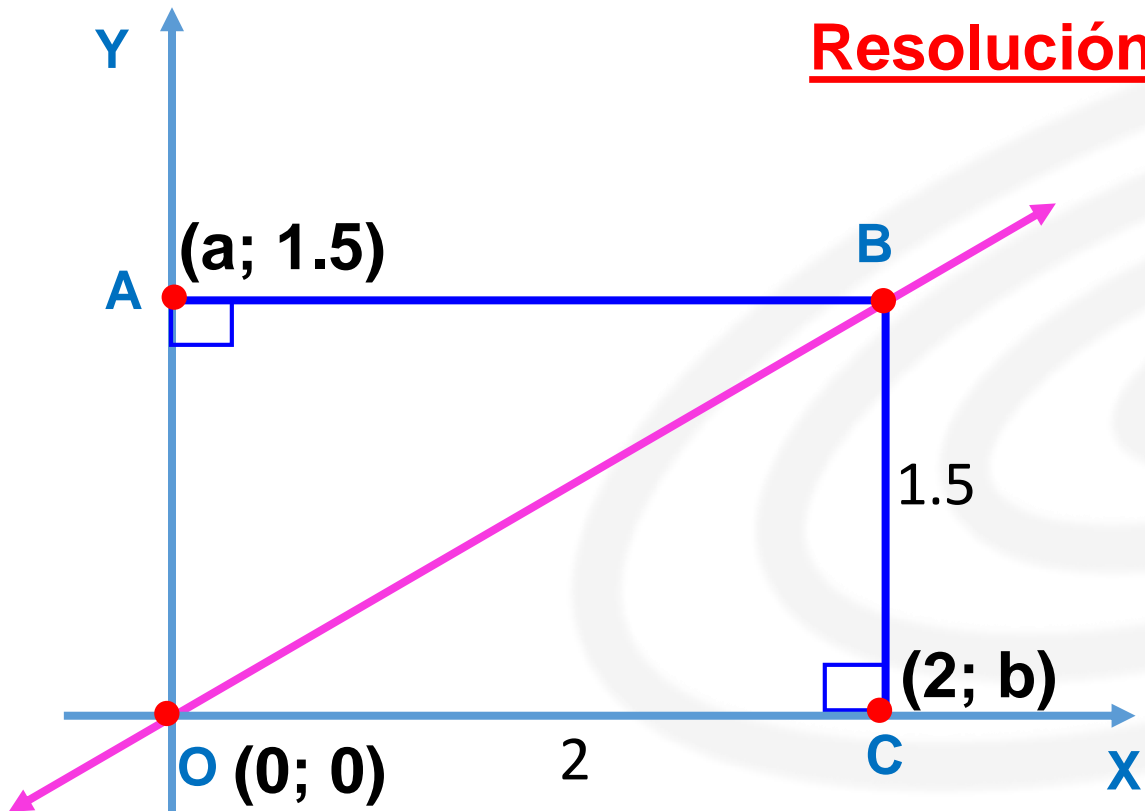
$$m_1 = -\frac{5}{3}$$

La ecuación de L_1 punto pendiente será:

$$m = \frac{y - y_1}{x - x_1} \quad \rightarrow \quad \frac{5}{-3} = \frac{y - 7}{x - 3}$$

$$L_1 : 5x + 3y - 36 = 0$$

6. En la figura, el rectángulo OABC representa el borde del marco de una ventana. Halle la ecuación general de la recta que contiene a la diagonal \overline{OB}



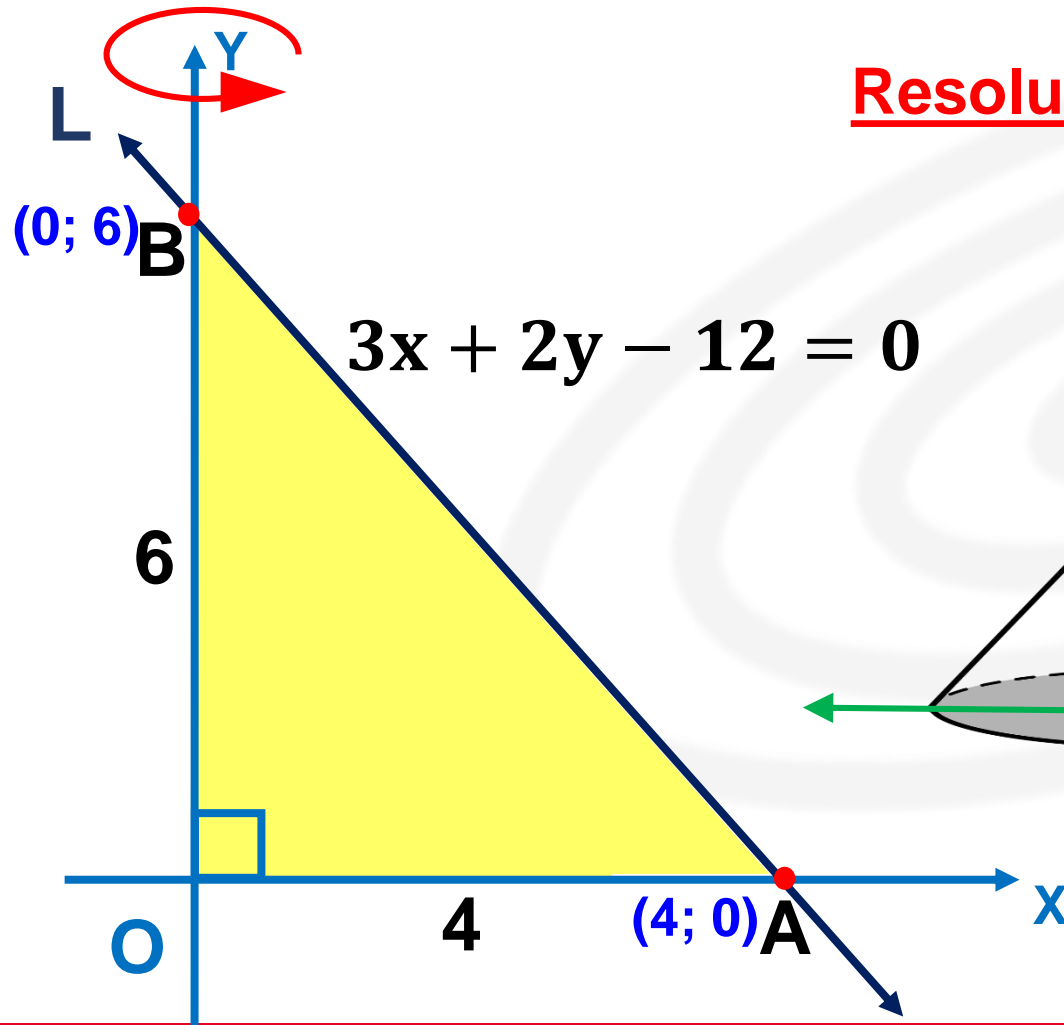
- La coordenadas del punto B será:
B (2; 1.5)
- La ecuación será:

$$y = mx$$
$$y = \frac{1.5x}{2}$$

$$4y = 3x$$

$$0 = 3x - 4y$$

7. Las rectas $3x + 2y - 12 = 0$, $x = 0$ e $y = 0$; determinan una región triangular. Al hacer girar esta región alrededor del eje Y, se genera un sólido de revolución. Calcule el volumen de dicho sólido.



Resolución

Si: $x = 0$ $y = 6$

Si: $y = 0$ $x = 4$

- Se forma un cono circular recto:

$$V_{(SG)} = \frac{1}{3} \pi \cdot 4^2 \cdot 6$$

$$V_{(SG)} = 32\pi \text{ u}^3$$