

# GEOMETRY

## Chapter 1

Triángulos





# GEOMETRY

## Índice

---

01. MotivatingStrategy >

02. HelicoTheory >

03. HelicoPractice >

04. HelicoWorkshop >

Herramienta Digital



<https://youtu.be/Y839Yn3xRjg>

El triángulo en la arquitectura

# MOTIVATING STRATEGY

Material Digital

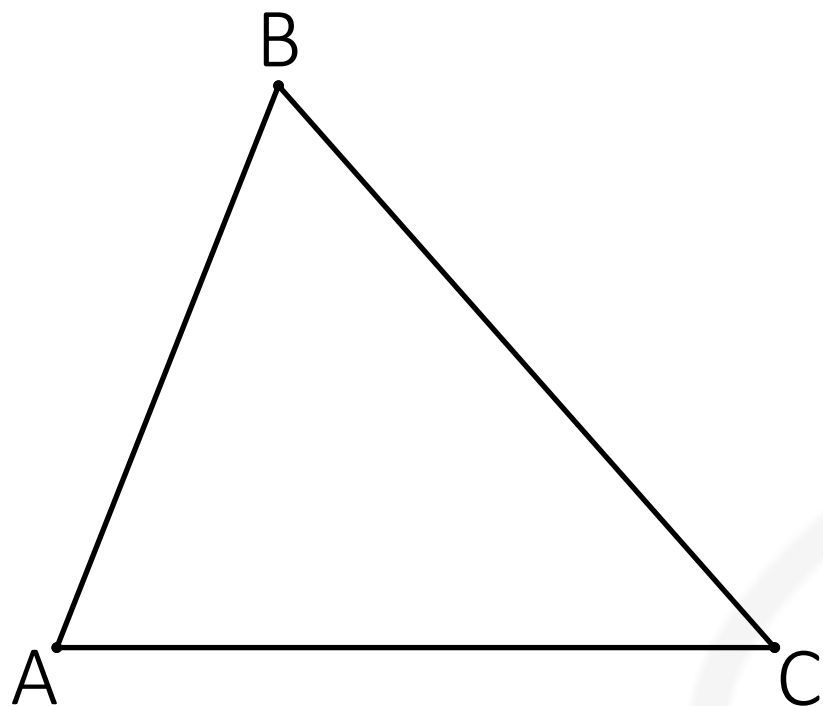


Resumen



# HELICO THEORY

## ¿QUÉ ES UN TRIÁNGULO?



### Elementos

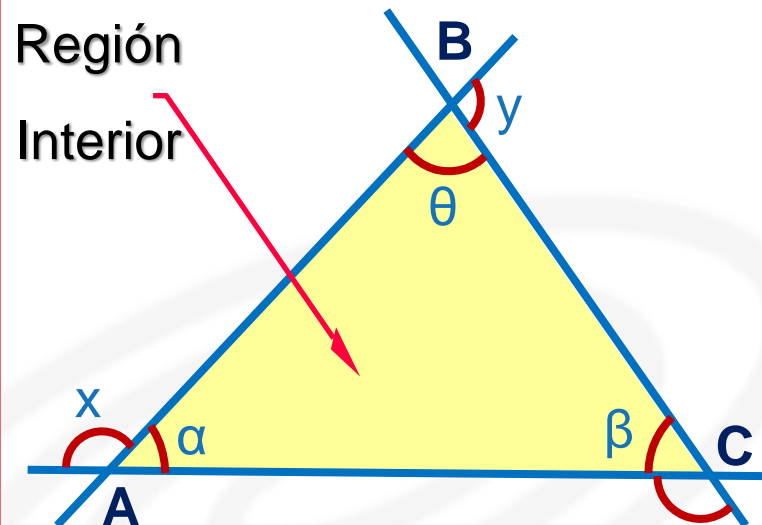
**Vértices :** A, B y C

**Lados :**  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$  y  $\overline{AC}$

### Notación

$\triangle ABC$  : Triángulo de vértices A, B y C

## ÁNGULOS Y REGIONES EN EL TRIÁNGULO



m  $\angle$  internos :  $\alpha$ ,  $\beta$  y  $\theta$

m  $\angle$  externos : x, y, z

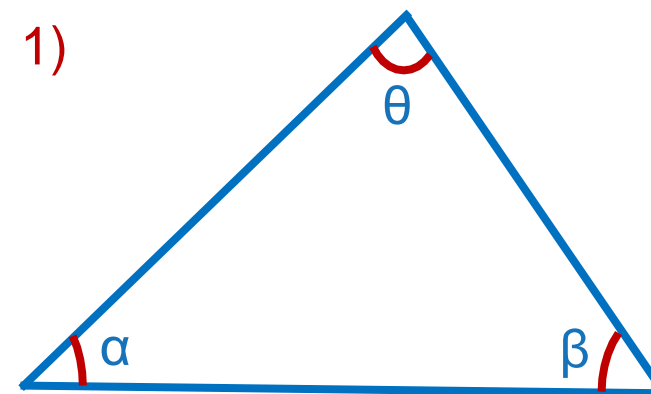
Perímetro (2p) :  $AB + BC + AC$

Semiperímetro (p) :

$$\frac{AB + BC + AC}{2}$$

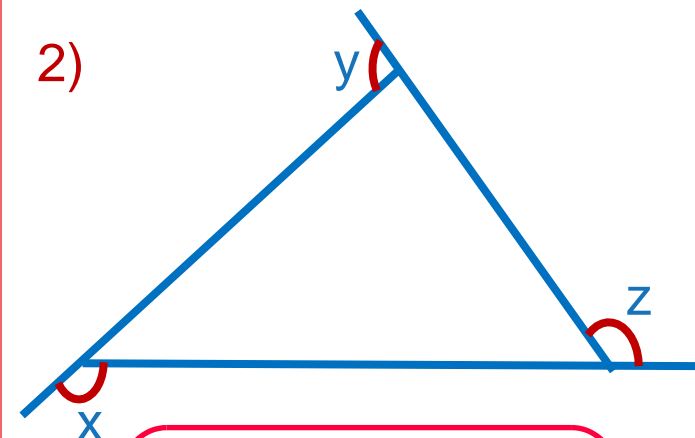
## TEOREMAS :

1)



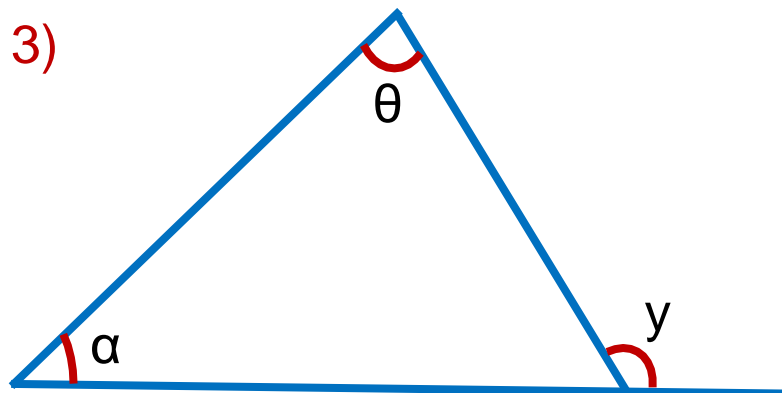
$$\alpha + \beta + \theta = 180^\circ$$

2)



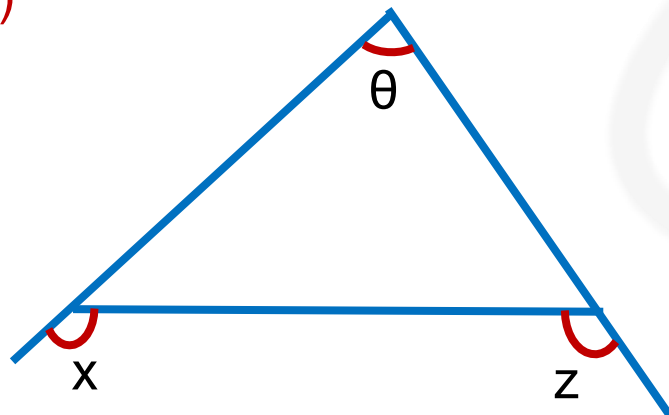
$$x + y + z = 360^\circ$$

3)



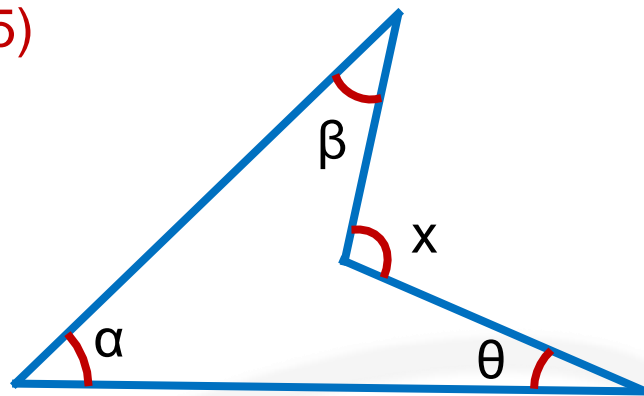
$$y = \alpha + \theta$$

4)



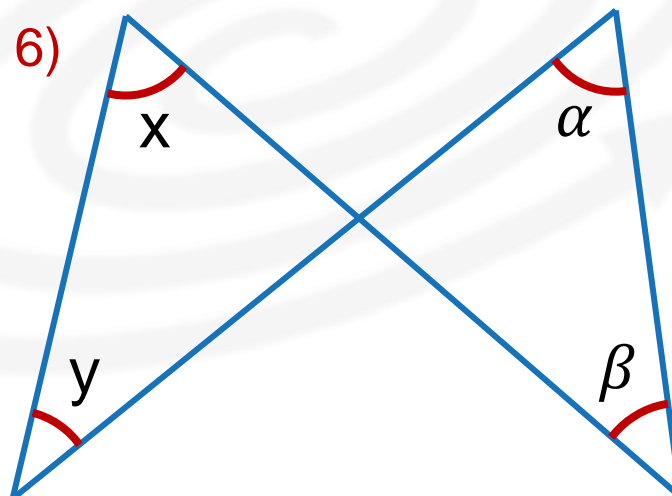
$$x + y = 180^\circ + \theta$$

5)



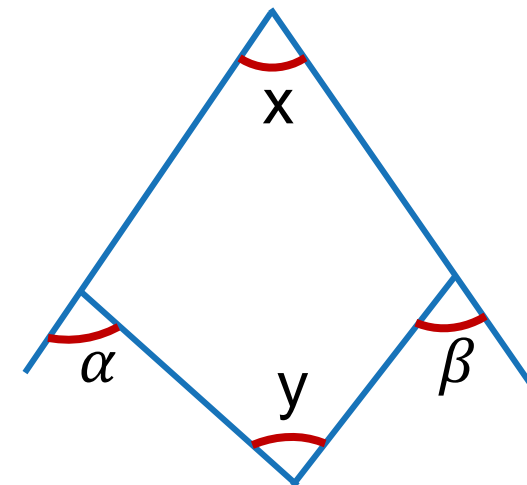
$$x = \alpha + \beta + \theta$$

6)



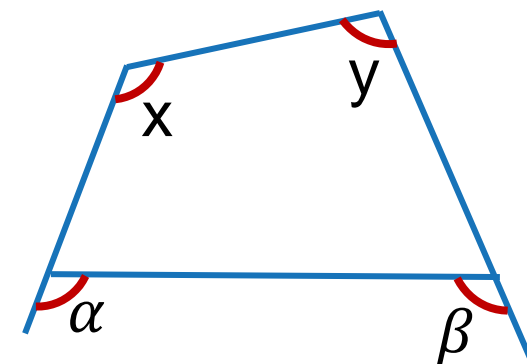
$$x + y = \alpha + \beta$$

7)



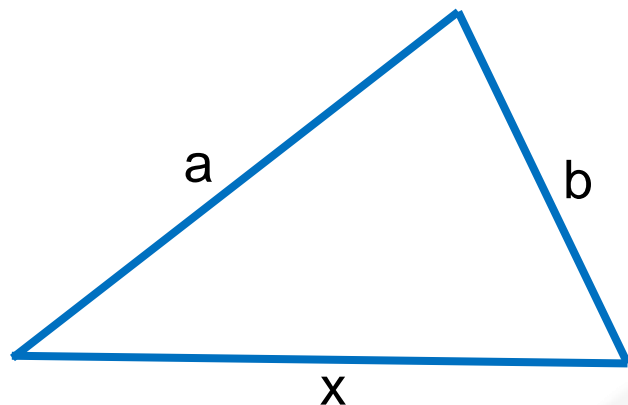
$$x + y = \alpha + \beta$$

8)



$$x + y = \alpha + \beta$$

### 9) Teorema de existencia



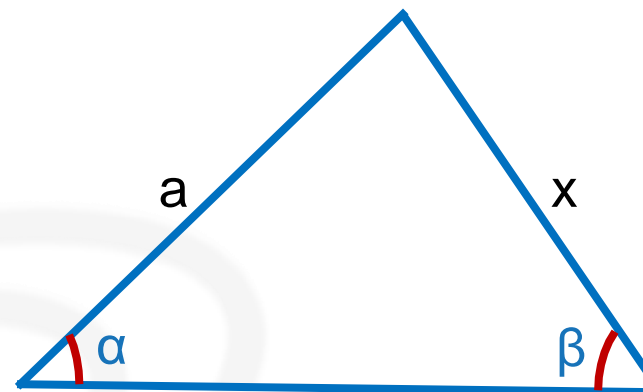
$$a - b < x < a + b$$

#### También

$$x - b < a < x + b$$

$$x - a < b < x + a$$

### 10) Teorema de correspondencia



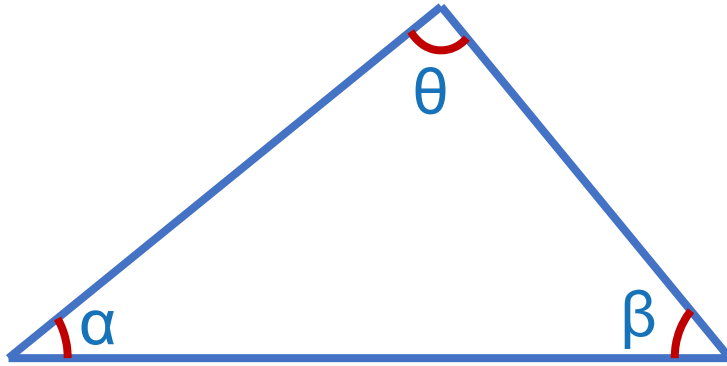
$$\alpha > \beta \Leftrightarrow x > a$$

#### Recuerda

- ✓ A mayor ángulo se opone mayor lado
- ✓ A menor ángulo se opone menor lado

## CLASIFICACIÓN SEGÚN SUS ÁNGULOS

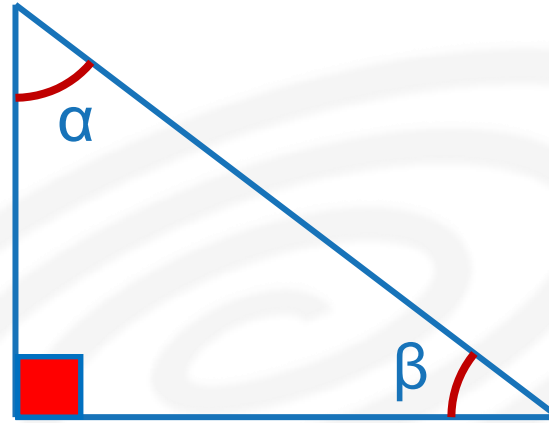
### TRIÁNGULO ACUTÁNGULO



$$0^\circ < \beta < 90^\circ$$

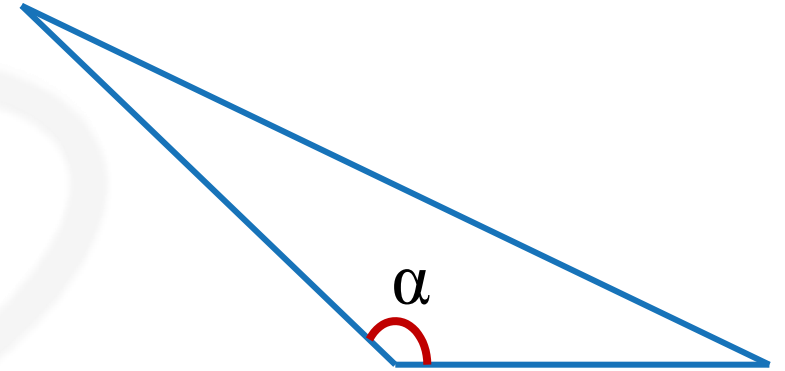
$$0^\circ < \theta < 90^\circ$$

### TRIÁNGULO RECTÁNGULO



$$\alpha + \beta = 90^\circ$$

### TRIÁNGULO OBTUSÁNGULO

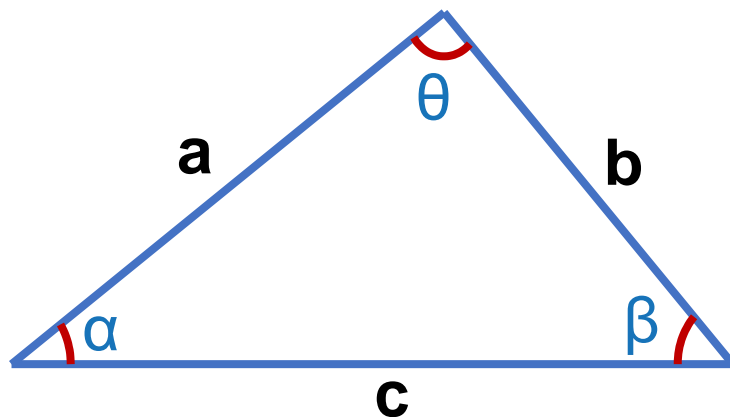


$$90^\circ < \alpha < 180^\circ$$



## CLASIFICACIÓN SEGÚN SUS LADOS

### TRIÁNGULO ESCALENO

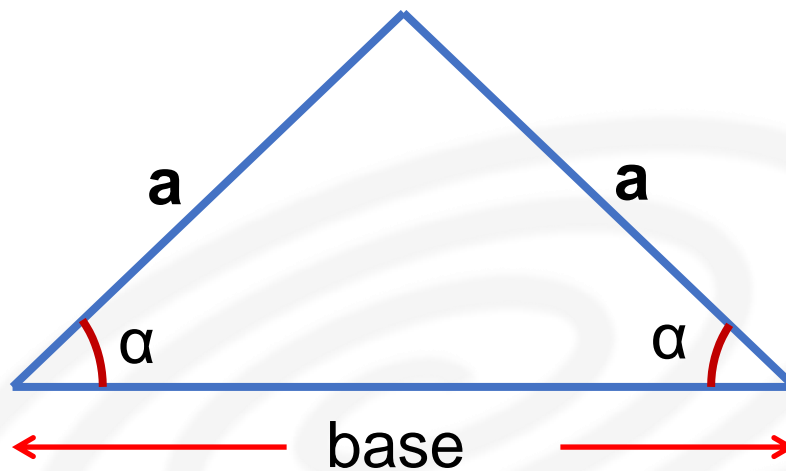


$$a \neq c \quad a \neq b \quad b \neq c$$

También:

$$\alpha \neq \beta \quad \alpha \neq \theta \quad \beta \neq \theta$$

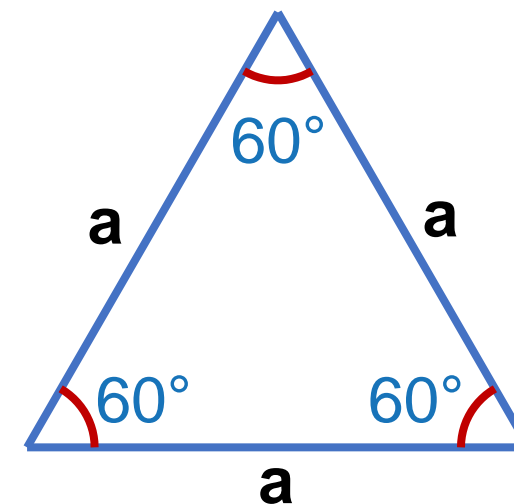
### TRIÁNGULO ISÓSCELES



#### Recuerda

- ✓ A lados congruentes se oponen ángulos congruentes

### TRIÁNGULO EQUILÁTERO



## Resolución de Problemas



Problema 01



Problema 02



Problema 03



Problema 04



Problema 05



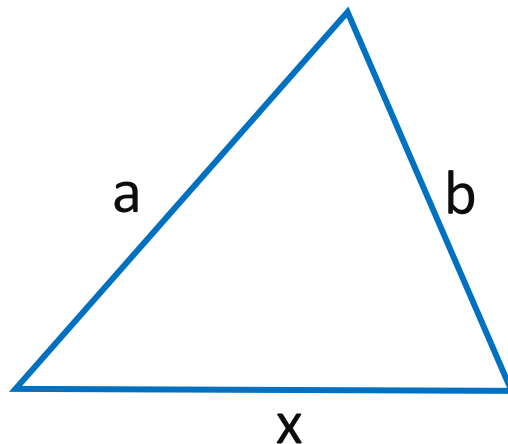
# HELICO PRACTICE

## Problema 01



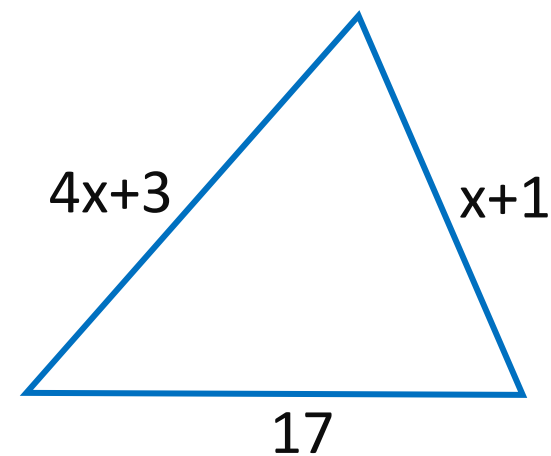
Si los lados de un triángulo miden: 17;  $(4x+3)$ ;  $(x+1)$ . Halle el máximo valor entero de  $x$ , para que dicho triángulo exista.

### RECORDEMOS



$$a - b < x < a + b$$

## Resolución



$$(4x+3)-(x+1) < 17 < (4x+3)+(x+1)$$

$$3x+2 < 17 < 5x+4$$

$$3x < 15 \quad \wedge \quad 13 < 5x$$

$$x < 5 \quad \wedge \quad 2,6 < 5x$$

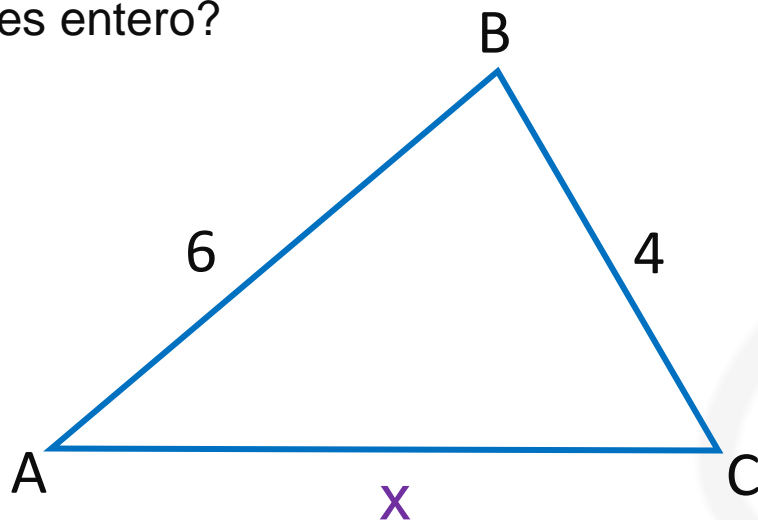
$$2,6 < x < 5$$

**Respuesta ∴**

$$x_{\text{max ent}} = 4$$

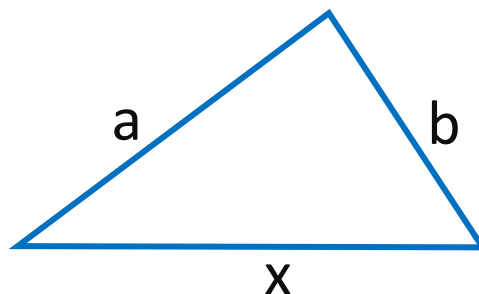


En la figura, el triángulo ABC es escaleno. ¿Cuántos triángulos existen, si la medida del lado AC es entero?



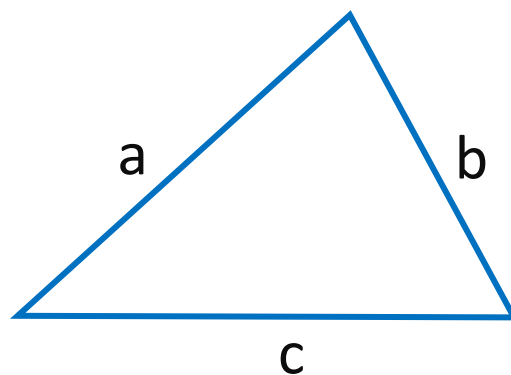
## RECORDEMOS

### TEOREMA DE EXISTENCIA



$$a - b < x < a + b$$

### TRIÁNGULO ESCALENO



$$a \neq c ; a \neq b ; b \neq c$$

## Resolución

Teorema de existencia:

$$6 - 4 < x < 6 + 4$$

$$2 < x < 10$$

Para que el triángulo sea escaleno se tiene que:

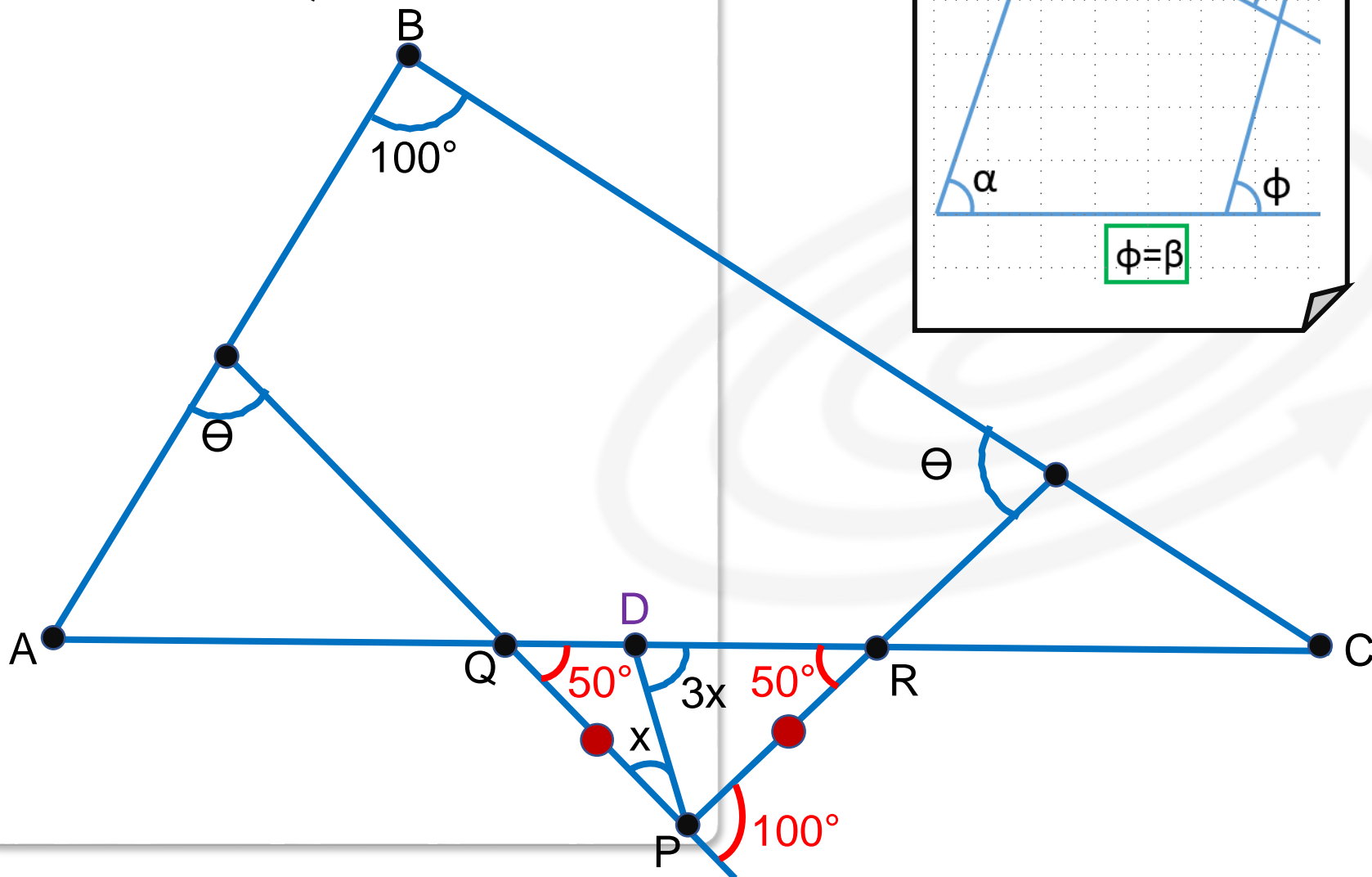
$$(x_{\text{entero}}) \in \{3 ; 5 ; 7 ; 8 ; 9\}$$

**Respuesta .:** existen 5 triángulos

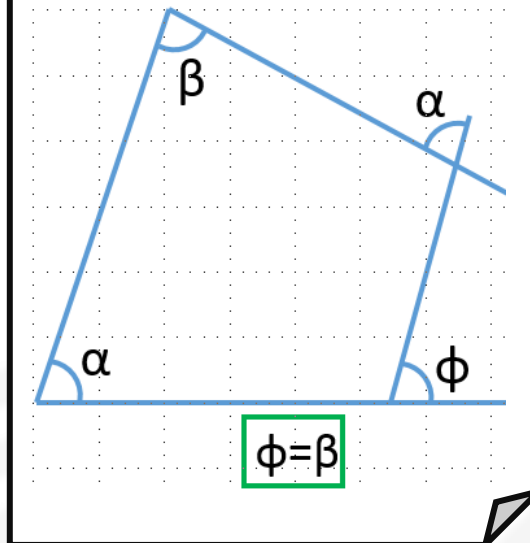
# Problema 03



Del gráfico adjunto, halle el valor de  $x$  si  $PQ=PR$



## RECORDEMOS



$\triangle PQR$ : isósceles

$$m\angle PQR = m\angle PRQ = 50^\circ$$

$$\triangle PQD: 3x = x + 50^\circ$$

$$2x = 50^\circ$$

Respuesta

$$\therefore x = 25^\circ$$

Resolución

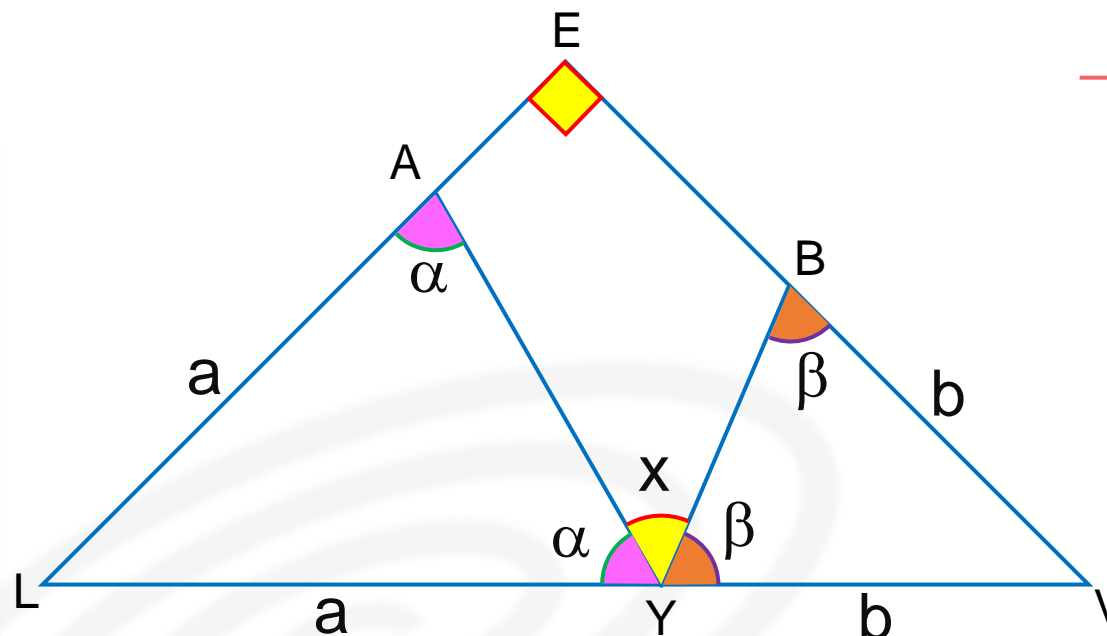
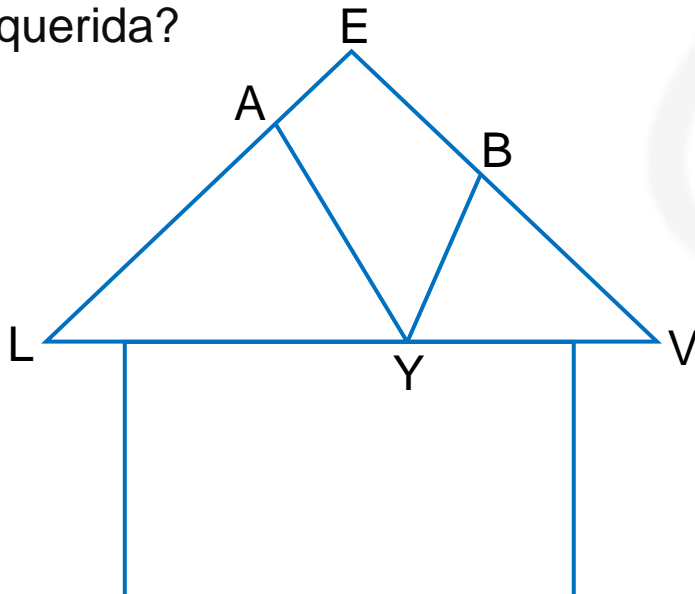
# Problema 04



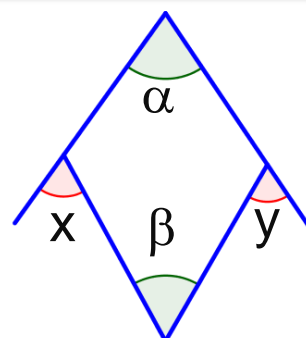
## Resolución

El gráfico muestra la estructura de una cabaña en la cual  $LA=LY$ ;  $VB=VY$ .

Por motivos de fuerza mayor cambiaron de constructor quien desea saber la medida del ángulo  $AYB$  con la información de que  $LE \perp EV$ . ¿Cuál será la medida requerida?



### RECORDEMOS



$$\alpha + \beta = x + y$$

$$90^\circ + x = \alpha + \beta$$

$$x + \alpha + \beta = 180^\circ$$

$$90^\circ + 2x = 180^\circ$$

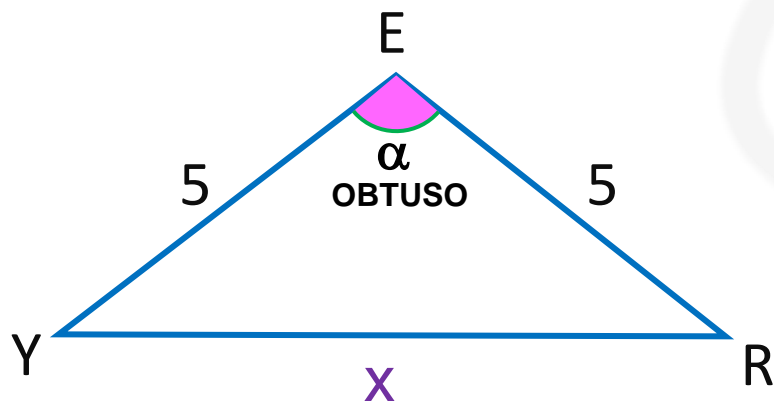
**Respuesta**

$$\therefore x = 45^\circ$$

# Problema 05



La gráfica representa la interconexión de tres poblados Y, E y R mediante carreteras rectilíneas. Si se sabe que E equidista 5 km de Y y R, ¿cuál será la mínima distancia entera que se debe recorrer de Y hasta R si el ángulo YER es obtuso?



Teorema de existencia:

$$5 - 5 < x < 5 + 5$$

$$0 < x < 10 \quad \dots(I)$$

Teorema de correspondencia:

$$5 < x \quad \dots(II)$$

Naturaleza del triángulo:

$$x^2 > 5^2 + 5^2$$

$$x^2 > \sqrt{50} \approx 7,07 \quad \dots(III)$$

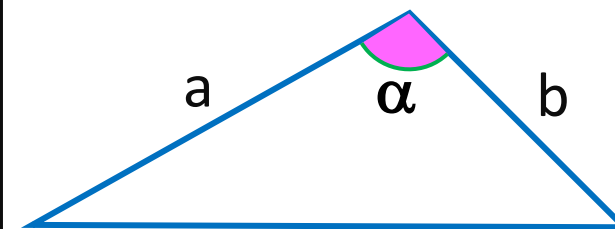
$$\text{De (I), (II) y (III) : } 7,07 < x < 10$$

$$\Rightarrow (x_{\text{entero}}) \in \{8 ; 9\}$$

## Resolución

### RECORDEMOS

Naturaleza del triángulo



$$\alpha > 90^\circ$$

$$\Rightarrow x^2 > a^2 + b^2$$

Respuesta

$$\therefore x_{\text{mínimo entero}} = 8 \text{ km}$$

## Problemas Propuestos



Problema 06



Problema 07



Problema 08



Problema 09



Problema 10



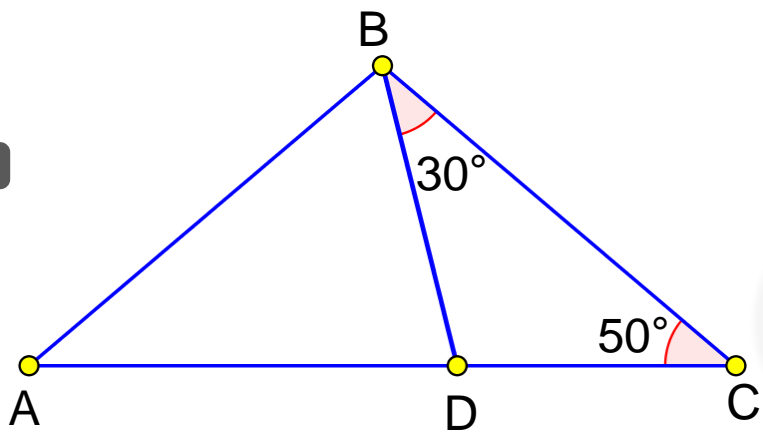
# HELICO WORKSHOP



### Problema 06



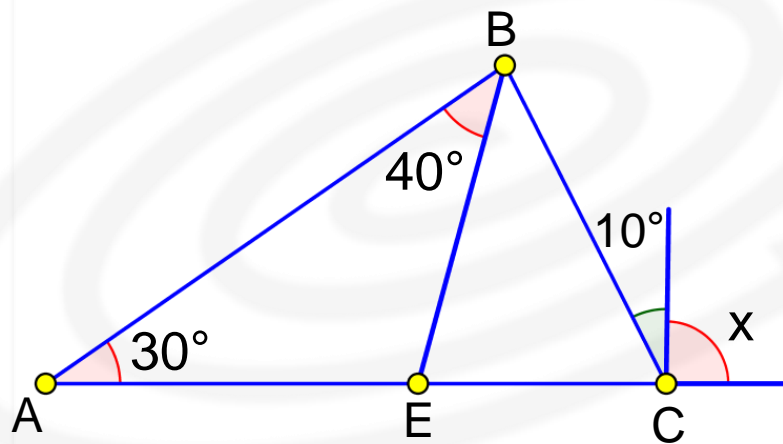
De la figura  $AB = AD$ . Halle  $m\angle A$ .



### Problema 07



De la figura  $BC = BE$ , halle el valor de  $x$ .



### Problema 08



En un triángulo  $ABC$ ;  
 $AB = 9 - x$  ;  $BC = 2x - 12$ ;  
 además  $m\angle A > m\angle C$ ; halle  
 el valor de  $x$  si se sabe que  
 es un número entero.

### Problema 09

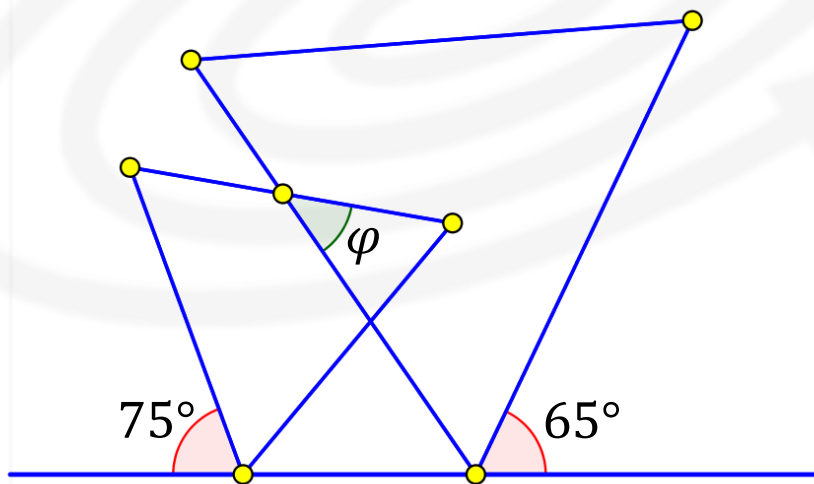


Se tiene una estructura triangular fabricada con varillas de hierro. Se sabe que triángulo es acutángulo en el que los tres ángulos miden un número entero de grados y el ángulo mayor es cinco veces el ángulo menor. Halle la medida del menor ángulo.

### Problema 10



Se muestra una estructura metálica; que adornará un moderno parque; el cual está formado por dos formas triangulares equiláteras sobrepuestas una sobre otra como muestra la figura. Halle el valor de  $\varphi$ .



# FORMATO



PALETA DE COLORES.

FUENTE DE TEXTO ES

ARIAL