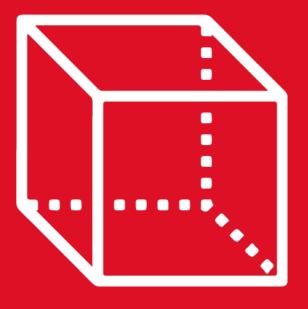


# GEOMETRÍA

Capítulo 20



PLANO CARTESIANO





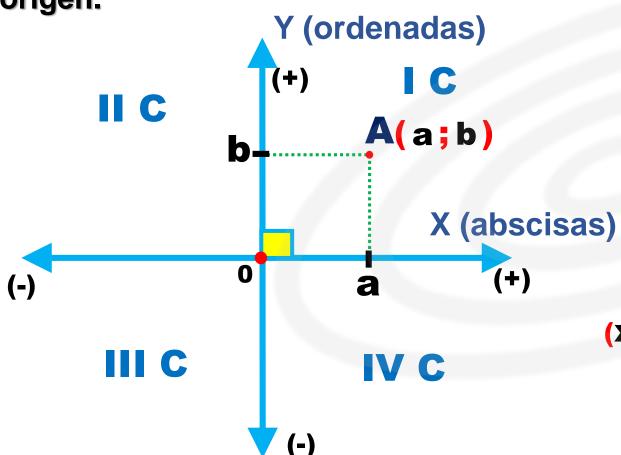
René Descartes nace el 31 de marzo de 1596 cerca de Poitiers.

Fundamentó su pensamiento filosófico en la necesidad de tomar un "punto de partida" sobre el que edificar todo el conocimiento. En su faceta matemática que le lleva a crear la geometría analítica, también comienza tomando un punto de partida: dos rectas perpendiculares entre sí, que se cortan en punto denominado "origen un coordenadas", ideando así las denominadas coordenadas cartesianas.

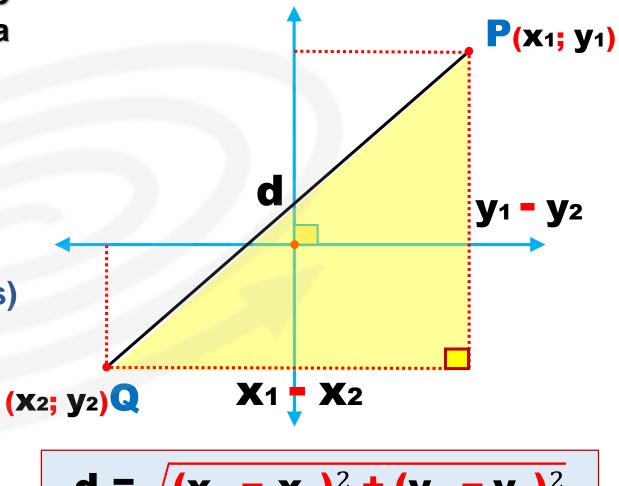




Es el plano determinado por dos rectas perpendiculares que se dividen en cuatro cuadrantes y su intersección se llama origen.



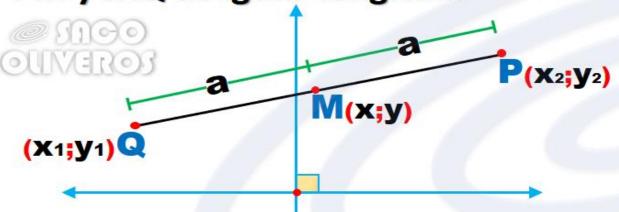
### Distancia entre dos puntos





# Coordenada del punto medio de División de un segmento un segmento

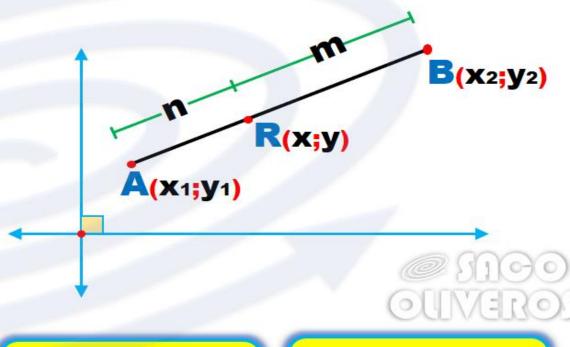
El punto medio del PQ es el punto M(x,y) que divide en dos segmentos PM y MQ de igual longitud.



$$X = \frac{X_1 + X_2}{2}$$

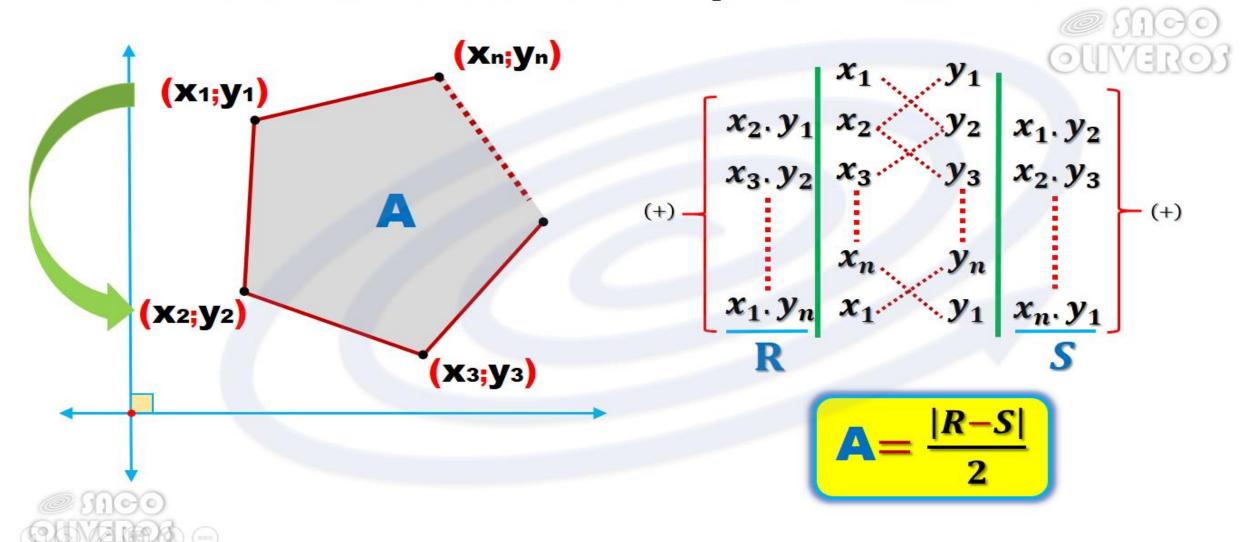
$$\mathbf{y} = \mathbf{y_1 + y_2}$$

Sean  $A(x_1,y_1)$  y  $B(x_2,y_2)$  los extremos de PQ, las coordenadas del punto R(x, y)





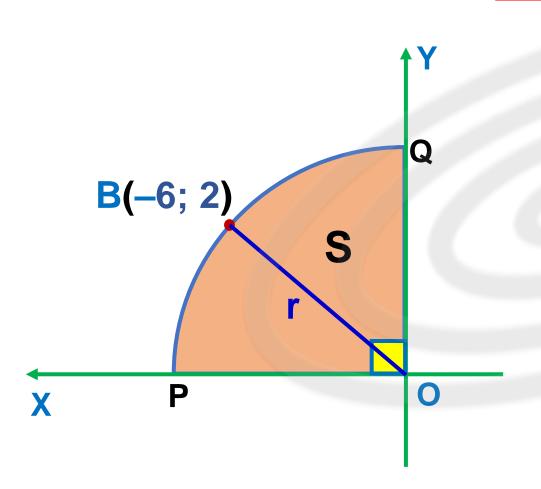
# Cálculo de áreas en el plano cartesiano





# 1. En la figura, calcule el área del cuarto de círculo.

### Resolución



Piden: S 
$$S = \frac{\pi(r)^2}{4}$$
 ... (1)

Aplicando el teorema:

$$r = \sqrt{(-6)^2 + (2)^2}$$
 $r = \sqrt{40}$  ... (2)

Reemplazando 2 en 1.

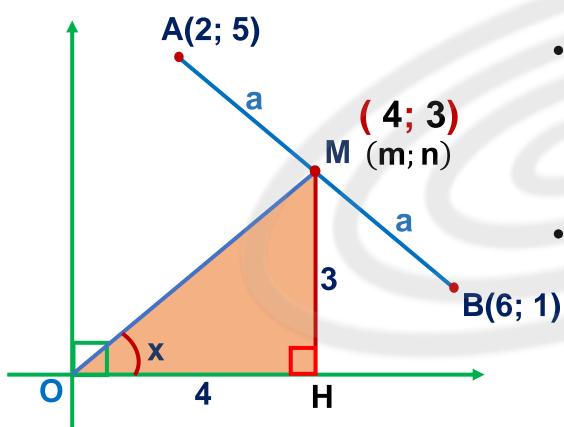
$$S = \frac{\pi(\sqrt{40})^2}{4}$$

$$S = 10 \pi u^2$$



# 2. En la figura, halle el valor de x.





#### Resolución

- Piden: x
- Por Coordenada del punto medio:

$$m = \frac{6+2}{2} = 4$$
  $n = \frac{1+5}{2} = 3$ 

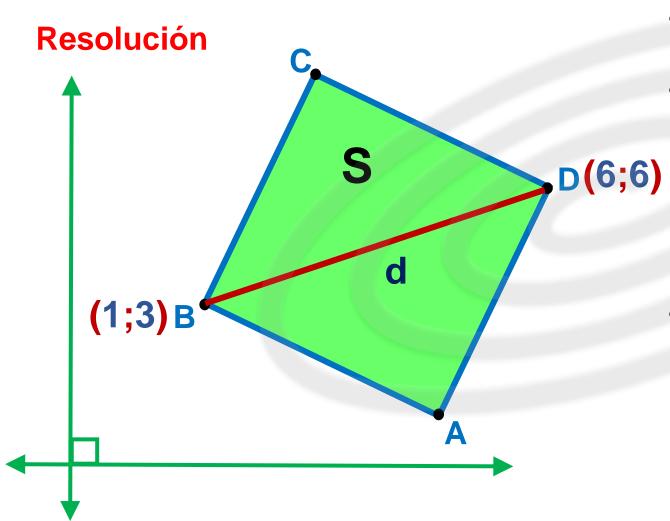
- Se traza la altura MH.
  - OHM: Notable de 37° y 53°

$$x = 37^{\circ}$$

#### **HELICO | PRACTICE**



3. En el plano cartesiano se tiene una región cuadrada ABCD, tal que B(1; 3) y D(6; 6). Calcule su área.



- Piden: S
- Distancia entre dos puntos

$$d = \sqrt{(6-1)^2 + (6-3)^2}$$
$$d = \sqrt{34}$$

Aplicando el teorema.

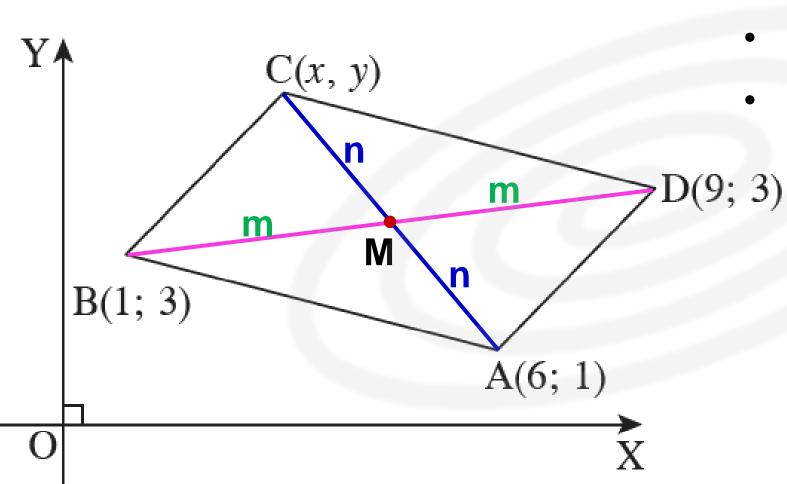
$$S = \frac{\left(\sqrt{34}\right)^2}{2}$$

 $S = 17 u^2$ 



## 4. En la figura, determine las coordenadas del vértice C del romboide ABCD.

#### Resolución



- Piden: C (x; y)
- Por coordenadas del punto medio, se cumple:

$$x + 6 = 1 + 9$$

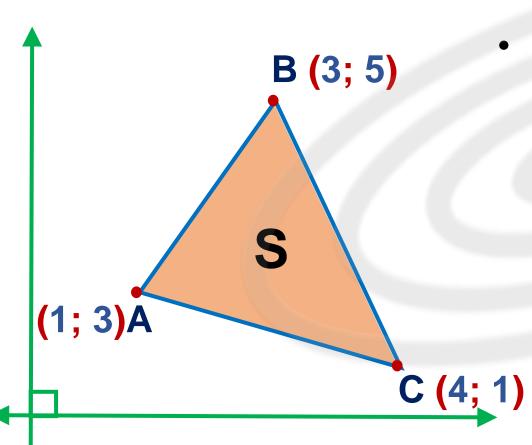
$$x = 4$$

$$y + 1 = 3 + 3$$
  
 $y = 5$ 



5. Calcule el área de una región triangular ABC, si A (1; 3), B(3; 5) y C (4; 1).

Resolución



Piden: S



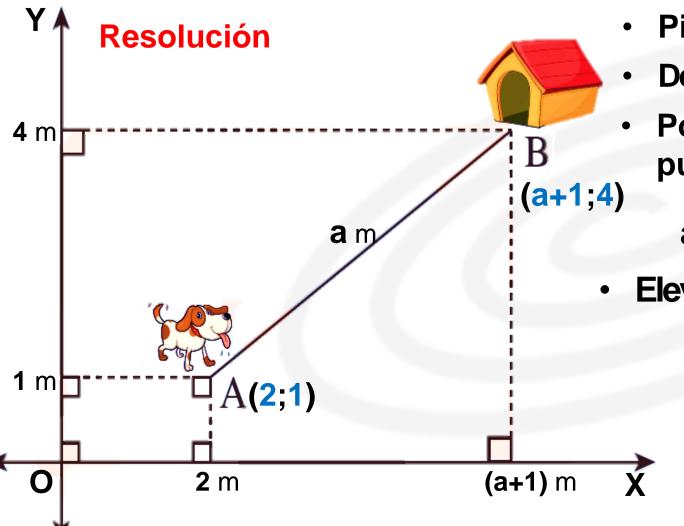
$$S = \frac{|20 - 30|}{2} = \frac{10}{2}$$

$$S = 5 u^2$$

#### **HELICO | PRACTICE**



6. En el gráfico mostrado, en el punto A se encuentra un perro y en el punto B está su casa. Determine a cuántos metros se encuentra el perro de su casa.



- Piden: a
  - Determinamos las coordenadas de A y B
- Por teorema de la distancia entre dos puntos

$$a = \sqrt{[(a+1)-2]^2+(4-1)^2}$$
 ....(1)

Elevamos a la expresión (1) al cuadrado

$$a^2 = (a-1)^2 + 9$$
 $a^2 = a^2 - 2a + 1 + 9$ 

$$2a = 10$$

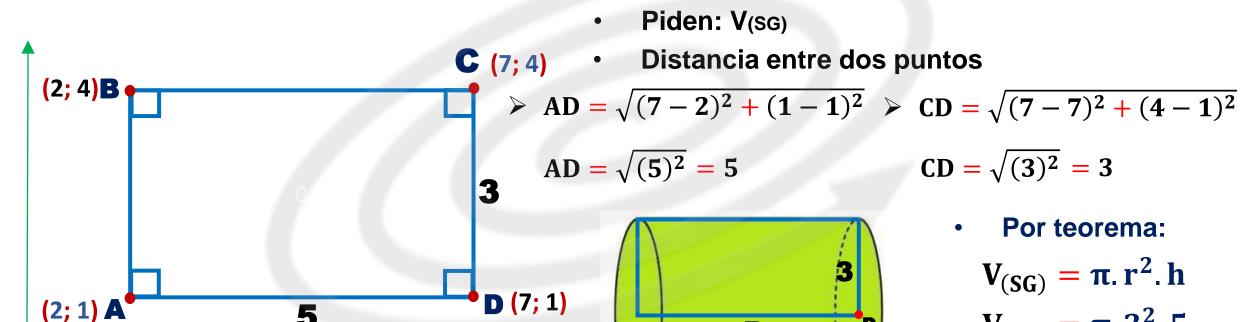
a = 5 m

#### **HELICO | PRACTICE**



7. Los puntos A(2; 1) y C(7; 4) son dos vértices opuestos de una región rectangular ABCD, cuyos lados son paralelos a los ejes X e Y. Calcule el volumen del sólido de revolución que genera dicha región, al girar alrededor de su mayor lado.

Resolución



 $V_{(SG)} = \pi.3^2.5$