ARITHMETIC Chapter 8



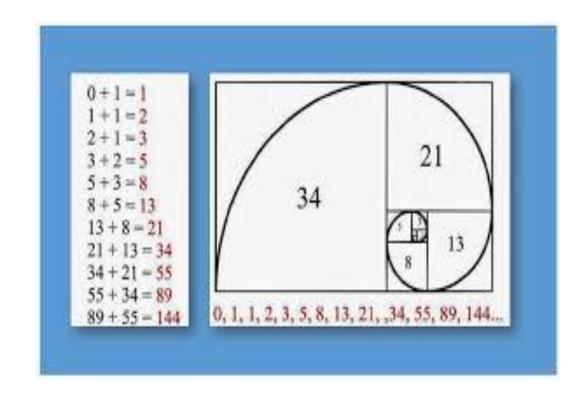


SUCESIONES



MOTIVATING | STRATEGY

¿Cómo se le llama a esta conocida sucesión?...



Sucesión lineal (o de primer orden)

> PROGRESIÓN ARITMÉTICA (PA)

Donde:
$$t_2 = t_1 + r$$

 $t_3 = t_1 + 2r$
 $t_4 = t_1 + 3r$
...

$$t_n = t_1 + (n-1).r$$

Además

t₁: Primer término

tn: Término n-ésimo o último término

n: Número de términos

r: Razón de P.A.

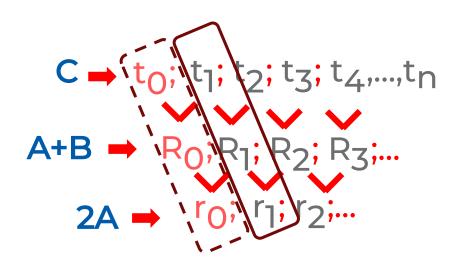
$$\mathbf{n} = \begin{pmatrix} t_n - t_1 \\ r \end{pmatrix} + 1$$

Sucesión aritmética de orden superior

> SUCESIÓN CUADRÁTICA DEL MISMO ORDEN

Donde: a , b y c \rightarrow constantes y n $\in \mathbb{N}$

Regla práctica



Conteo de cifras

Sea la sucesión: 1;2;3;4;...; N

Donde N es un número de k cifras

En general

N° de cifras =
$$(N+1).k-1]...1$$

k cifras

Ejemplo ¿Cuántas cifras se utilizaron en 1;2;3;...;199?

Halle el vigésimo cuarto término en 19 ; 25 ; 31 ; ...

RESOLUTION

Recordemos:

$$t_n = t_1 + (n-1).r$$

$$\rightarrow$$
 t₁ = **19**; r = **6**

Reemplazando:

$$t_{24} = 19 + (24 - 1).6$$

$$t_{24} = 157$$

RPTA:

157

¿Cuántas cifras se utilizaron en la impresión del libro "El arte del Ajedrez" que consta de 1274 páginas?

RESOLUTION

N° de cifras=
$$(N + 1)$$
. $k - 11...1$ k cifras

$$\rightarrow$$
 N = 1274 ; K = 4

Reemplazamos:

N°de cifras =
$$(1274 + 1).4 - 1111$$

$$N^{\circ}$$
 de cifras = (1275).4 - 1111

RPTA: 3989 cifras

3

Si la siguiente progresión aritmética : 2a ; 2a + 4 ; 2a + 8 ; ... ; 5a tiene 28 términos. Halle el valor de a.

RESOLUTION

Recordando:

$$n = \left(\frac{t_n - t_1}{r}\right)$$

$$r = 4$$

Reemplazamos:

$$\frac{5a-2a}{4}+1 = 28$$

$$a = 36$$

RPTA:

4

El producto de los tres primeros términos de una progresión aritmética creciente es 2415. Si el segundo término es 15.Halle el décimo segundo término.

RESOLUTION

$$15 - r \quad 15 \quad 15 + r$$

$$(15 - r).15.(15 + r) = 2415$$

$$(15^{2} - r^{2}).15 = 2415$$

$$225 - r^{2} = 161$$

$$r^{2} = 64 \qquad r = 8$$

Entonces P.A.:

$$7;15;23;...$$
 $t_{12} = 7 + (12 - 1)8$
 $t_{12} = 7 + 88 =$

RPTA:

95



Dada la siguiente progresión aritmética:

$$\overline{aa0}$$
; $\overline{ab(a + 2)}$; $\overline{a(b + 1)(3b)}$; ...; $\overline{(3a)05}$. Calcule $a + b + n$

n términos

RESOLUTION

$$\overline{aa0}$$
; $\overline{ab(a+2)}$; $\overline{a(b+1)(3b)}$; ...; $\overline{(3a)05}$
+1a+2 +1n términos

Donde:

$$(a + 2) + a + 2 = 3.b$$

 $3b = 2a + 4$

Resolviendo:

$$3(a+1) = 2a+4$$

 $3a+3 = 2a+4$

$$b = a + 1$$

$$a = 1$$
; $b = 2$

Reemplazando:

Donde:

$$n = \boxed{\frac{305 - 110}{13}} + 1 \qquad \boxed{n = 16}$$

Piden:
$$(a + b + n) = 1 + 2 + 16$$

RPTA: 19

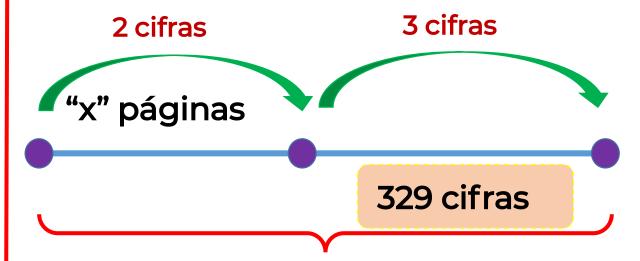
6

De la novela Un mundo para Julius, cuyo autor es Alfredo Bryce Echenique y que consta de 180 páginas se arrancaron cierto número de hojas del principio, notándose que en las páginas que quedan se han empleado 329 tipos. ¿Cuántas hojas se arrancaron?

Recordando:

N° de cifras = (N+1).k-11...1k cifras

RESOLUTION



180 páginas

$$3(180+1)-111 = 2(x+1)-11+329$$

 $432=2x+320$
 $x=56$

RPTA: 28 hojas

El alquiler de una bicicleta cuesta S/4 la primera hora y S/ 3 más cada nueva hora. ¿Cuál es el precio total de alquiler en 9 horas?

+3

+3

RESOLUTION

Tenemos:

- > 1ª hora: S/4
- > 2ª hora: S/7
- > 3° hora: S/10°
- > 4ª hora: S/13

Se forma una P.A. de razón 3 :

$$\rightarrow$$
 t₁ = 4; r = 3

> Se debe hallar el : to

$$t_9 = 4 + (9 - 1).3$$

$$t_9 = 4 + 24$$

$$t_9 = 28$$

RPTA: 28