

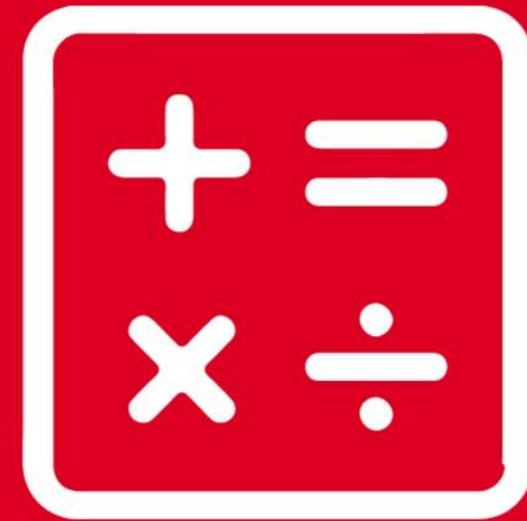


MATHEMATICAL REASONING

Chapter 7 , 8 y 9

5th
SECONDARY

FEED BACK



 **SACO OLIVEROS**



INTERPRETACIÓN DE ENUNCIADOS II (DIOFÁNTICAS)





PROBLEMA 1

Se quiere comprar juguetes de dos precios diferentes, de S/5 y de S/7 cada uno, pero debe comprarse la mayor cantidad posible de juguetes gastando exactamente un total de S/129.

¿Cuántos juguetes se comprarán?

Resolución:

Piden la cantidad máxima de juguetes que se comprarán.

P. UNIT.	5	7
CANTIDAD	x	y
	máximo	mínimo

$$\begin{array}{ccc}
 5x + 7y = 129 \\
 \downarrow \quad \downarrow \\
 23 \quad 2
 \end{array}$$




$$\therefore N^{\circ} \text{ máximo de juguetes} = \underline{\underline{25}}$$

PROBLEMA 2

Coco va a comprar pelotas a S/21 la unidad, medias a S/15 la unidad y gorros a S/35 la unidad; si desea gastar solo S/209, ¿cuántos artículos puede comprar?

Resolución:

Piden la cantidad de artículos comprados.

			
P. UNIT.	21	15	35
CANTIDAD	x	y	z

$$21x + 15y + 35z = 209$$

$$21x + 14y + \cancel{y} + 35z = 203 + \cancel{6} \rightarrow y = 6$$

$$\div 7 \quad 21x + 35z = 119$$

$$\rightarrow 3x + 5z = 17 \rightarrow x = 4; z = 1$$

$$\therefore N^{\circ} \text{ de artículos comprados} = x + y + z = \underline{\underline{11}}$$



PROBLEMA 3

Se dispone de S/100 para comprar 36 productos que cuestan S/1, S/4 y S/12, comprándose por lo menos tres productos de cada precio, ¿cuántos productos de S/4 se comprarán?

Resolución:

Piden la cantidad de productos de S/.4.

P. UNIT.	1	4	12
CANTIDAD	$36 - x - y$	x	y

$$1(36 - x - y) + 4x + 12y = 100$$

$$3x + 11y = 64$$

$$\begin{array}{cc} \downarrow & \downarrow \\ 3 & 5 \\ \hline 14 & 2 \end{array}$$

$$\therefore N^{\circ} \text{ de artículos de S/.4} = \underline{\underline{3}}$$



PROBLEMAS SOBRE CRONOMETRÍA





PROBLEMA 4

Si el 15 de junio de un determinado año fue miércoles ¿ Qué día de la semana fue 9 de setiembre del mismo año ?

Resolución:

Por dato: 15 de junio \longrightarrow miércoles

Para llegar al 9 de setiembre , faltan :

Jun	jul	ago	set
23d	+ 31d	+ 31d	+ 9d

└────────────────────────────────┘

94 días \leftrightarrow 13 semanas + 3 días

∴ 9 de setiembre = miércoles + 3 días = sábado



PROBLEMA 5

Julio quería iniciar una conversación con Raquel y le pregunta. ¿Qué hora es? Ella sutilmente responde: “Son más de las 6 p.m. sin ser las 8 p.m. y hace 10 minutos los minutos que habían transcurrido desde las 6 p.m. eran iguales a $\frac{1}{9}$ del tiempo que faltarían transcurrir hasta las 8 p.m. dentro de 10 minutos”

¿Qué hora indicó Raquel?

Resolución:



$$x + 10 + 10 + 9x = 120$$

$$10x + 20 = 120$$

$$10x = 100$$

$$x = 10$$

La hora
será:

$$6pm + 10 + 10 = 6:20pm$$

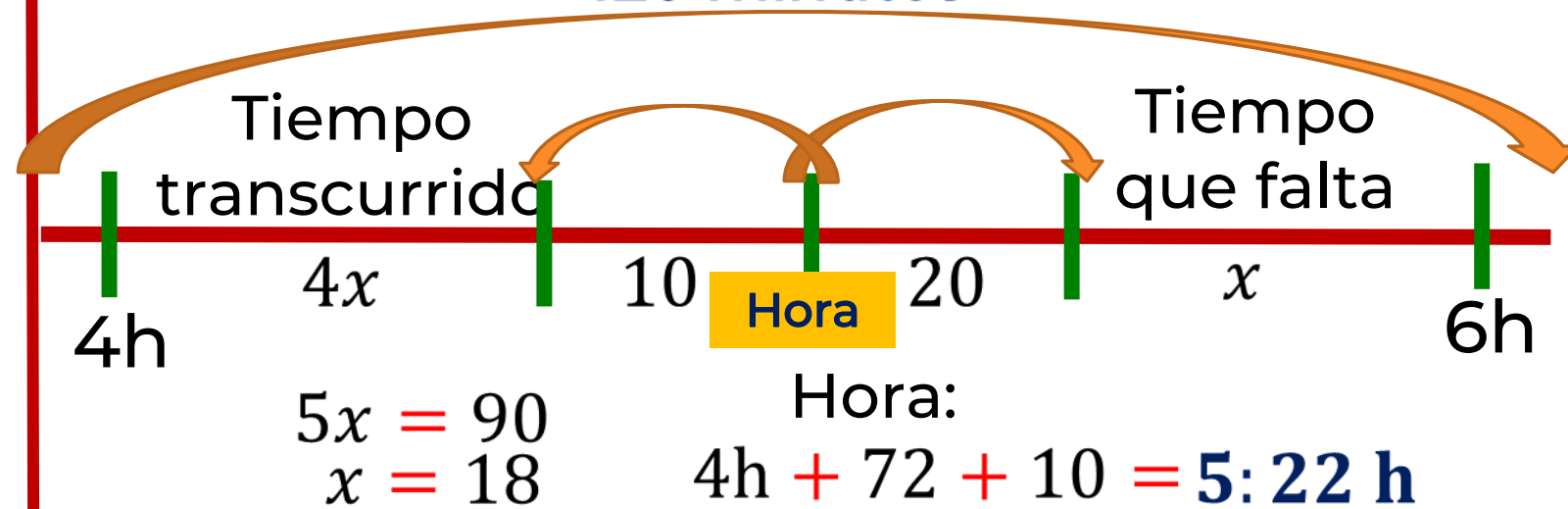
$$\therefore \underline{\underline{6:20 p.m.}}$$

PROBLEMA 6

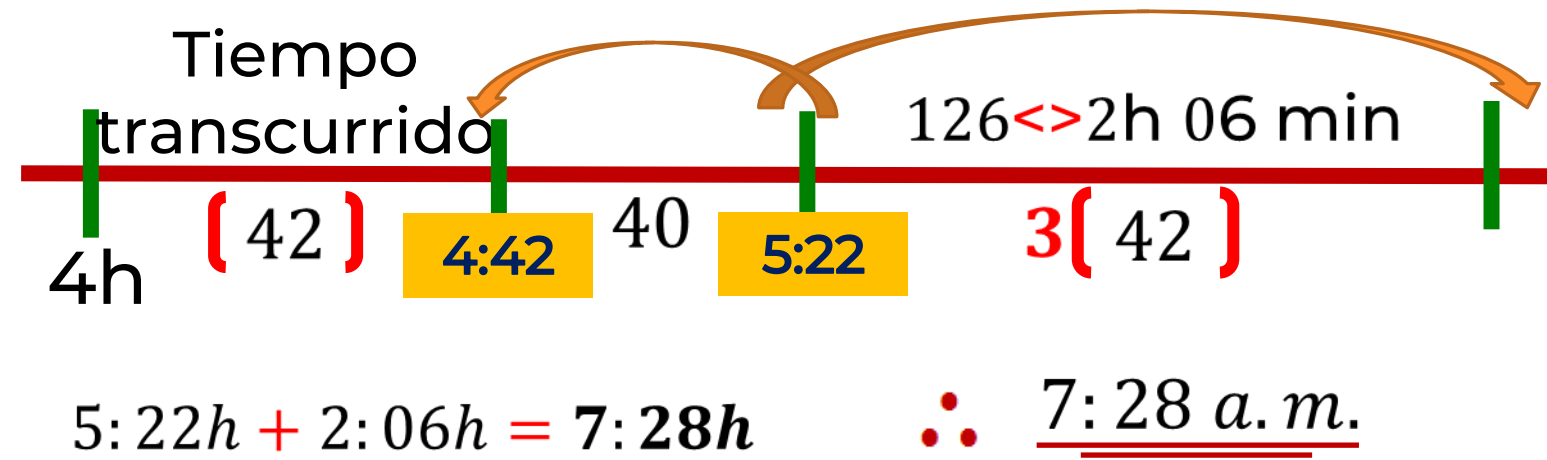
“Son más de las 4, pero aún no son las 6. ¿Qué hora será cuando a partir de este momento transcurran tantos minutos como el triple del tiempo que transcurrió desde las 4 hasta hace 40 minutos, si sabemos que el tiempo que falta para las 6 dentro de 20 minutos es la cuarta parte que transcurrió desde las 4 hasta hace 10 minutos?.”

Resolución:

120 minutos



La hora sería:





PROBLEMA 7

Si la Navidad de este año (2024) se celebrará un día domingo, ¿Qué día de la semana se celebró la Navidad del año 2008 ?

Resolución:

Por dato:

25 de diciembre del 2024 \longrightarrow Domingo

Por lo tanto , calculando : $2024 - 2008 = 16$ años ; luego , deberíamos restar 14 días

Años bisiestos : 2024, 2020, 2016, 2012, 2008

$$\text{Total} = \left[\frac{2024 - 2008}{4} + 1 \right] \text{ años} = 5 \text{ años}$$

Finalmente 25 de diciembre de 2008

Domingo – 16 días – 5 días = domingo - 21 días

Domingo – 3 semanas = domingo

∴ Domingo



PROBLEMAS SOBRE OPERACIONES MATEMÁTICAS





PROBLEMA 8

Si: $\textcircled{x} = 2x + 3$

además:

$$\boxed{n - 1} = n^2 - 2$$

Calcular:

$$\boxed{\textcircled{5} + \textcircled{0}}$$

Resolución:

$$\boxed{n - 1} = n^2 - 2$$

$+1 \quad \quad -2$
 $(\quad)^2$

NOS PIDEN:

$$\boxed{\textcircled{5} + \textcircled{0}}$$

$\downarrow \quad \downarrow$
 $13 \quad 3$

$$\boxed{16} = 287$$

$+1 \quad \quad -2$
 $(\quad)^2$

$\therefore \underline{\underline{287}}$



PROBLEMA 9

Si:

$$\triangle_{x+1} = 3x + 2$$

además:

$$\triangle_{x-1} = 9x + 2$$

Calcular:

$$\bigcirc_{\triangle 2}$$

Resolución:

$$\triangle_{x+1} = 3x + 2$$

$\xrightarrow{x3 - 1}$

$$\triangle_{x-1} = 9x + 2$$

$$3(x-1) - 1 = 9x + 2$$

$$\cancel{3}(x-1) = \cancel{9}x + \cancel{3}$$

$$\triangle_{x-1} = 3x + 1$$

$\xrightarrow{x3 + 4}$

NOS PIDEN:

$$\bigcirc_{\triangle 2} \downarrow \bigcirc_5$$

$$\therefore \underline{\underline{19}}$$



PROBLEMA 10

Si: $x^{\boxed{x}} = x + 2$

Calcular:

$$\boxed{3} \times \boxed{5} \times \boxed{7}$$

Resolución:

$$\text{3}^{\boxed{3}} = \text{5} \quad \text{5}^{\boxed{5}} = \text{7} \quad \text{7}^{\boxed{7}} = 9$$

ahora: $\text{7}^{\boxed{7}} = 9$

$$\left(\text{5}^{\boxed{5}} \right)^{\boxed{7}} = 9$$

$$\left(\left(\text{3}^{\boxed{3}} \right)^{\boxed{5}} \right)^{\boxed{7}} = 3^2$$

NOS PIDEN:

$$\boxed{3} \times \boxed{5} \times \boxed{7} = 2$$

$$\therefore \underline{\underline{2}}$$



OTRA FORMA:

Si: $x^{\boxed{x}} = x + 2$

Calcular:

$$\boxed{3} \times \boxed{5} \times \boxed{7}$$

Resolución:

$$x^{\boxed{x}} = x + 2$$

A ambos términos le aplicamos logaritmo de base x

$$\log_x x^{\boxed{x}} = \log_x (x + 2)$$

$$\boxed{x} = \log_x (x + 2)$$

NOS PIDEN: $\boxed{3} \times \boxed{5} \times \boxed{7}$

$$\log_3 \cancel{5} \times \log_5 \cancel{7} \times \log_7 9$$

$$\log_3 9 = 2$$

$$\therefore \underline{\underline{2}}$$