

TRIGONOMETRY



Chapter 5

LEVEL

Identidades trigonométricas fundamentales.



TRIGONOMETRY

indice

01. MotivatingStrategy >

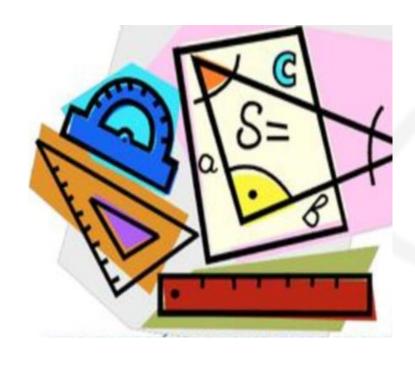
02. HelicoTheory

03. HelicoPractice

04. HelicoWorkshop



Video: Ecuaciones e identidades



MOTIVATING STRATEGY

ECUACIONES E IDENTIDADES

ECUACIONES Y SISTEMAS

ECUACIONES E IDENTIDADES

$$5x-2=3(x+4)$$

$$2(x-3)=2x-6$$

Resumen



HELICO THEORY

¿Qué son identidades trigonométricas?

Son igualdades entre expresiones que contienen razones trigonométricas de una o más variables, las cuales se verifican para un conjunto de valores admisibles.

Identidades trigonométricas fundamentales

Identidades recíprocas

senθ.cscθ = 1
$$\forall \theta \in \mathbb{R} \neq k\pi; k ∈ \mathbb{Z}$$

$$cosθ.secθ = 1$$
 $∀ θ ∈ ℝ ≠ (2k + 1) $\frac{π}{2}$; k ∈ ℤ$

tanθ.cotθ = 1
$$\forall \theta \in \mathbb{R} \neq \frac{K\pi}{2}$$
; $k \in \mathbb{Z}$

Identidades por división:

$$\cot \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \quad \forall \; \theta \in \mathbb{R} \neq k\pi; \; k \in \mathbb{Z}$$

Identidades pitagóricas:

$$sen^2\theta + cos^2\theta = 1$$
 $\forall \theta \in \mathbb{R}$

sec²θ - tan²θ = 1
$$\forall \theta \in \mathbb{R} \neq (2k+1) \frac{\pi}{2}$$
; k ∈ \mathbb{Z}

$$csc^2 \theta - cot^2 \theta = 1$$
 $\forall \theta \in \mathbb{R} \neq k \pi; k \in \mathbb{Z}$



 \bigcirc

Problema 01

Problema 02

Problema 03

Problema 04

Problema 05



Problema 01 (>)



Reduzca:

$$A = 4 senx \cdot cscx + 5 cosx \cdot secx$$

$$A = 4 \cdot \operatorname{senx} \cdot \operatorname{cscx} + 5 \cdot \operatorname{cosx} \cdot \operatorname{secx}$$

$$A = 4 \cdot (1) + 5 \cdot (1)$$

$$A = 4 + 5$$

RECORDEMOS

$$senx \cdot cscx = 1$$

$$\cos x \cdot \sec x = 1$$

Respuesta ∴ A = 9

Problema 02 **(2)**



Reduzca:

$$P = 4secx + 2tanx \cdot cscx$$

$$P = 4 \cdot \sec x + 2 \cdot \frac{\tan x}{\cot x} \cdot \frac{\csc x}{\cot x}$$

$$P = 4 \cdot \sec x + 2 \cdot \frac{\sec x}{\cos x} \cdot \frac{1}{\sec x}$$

$$P = 4 \cdot \sec x + 2 \cdot \frac{1}{\cos x}$$

 $P = 4 \cdot secx + 2 \cdot secx$

RECORDEMOS

$$tanx = \frac{senx}{cosx}$$

$$cscx = \frac{1}{senx}$$

$$\frac{1}{cosx} = secx$$

Problema 03 💿



Simplifique:

$$R = sen^2x \cdot cotx + tanx \cdot cos^2x$$

$$R = sen^2x \cdot cotx + tanx \cdot cos^2x$$

$$R = sen^{2}x \cdot cotx + tanx \cdot cos^{2}x \quad R = sen^{2}x \cdot \frac{cosx}{senx} + \frac{senx}{cosx} \cdot cos^{2}x$$

$$R = senx \cdot cosx + senx \cdot cosx$$

RECORDEMOS

$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$tanx = \frac{senx}{cosx}$$

Respuesta
$$\therefore R = 2 \cdot \text{senx} \cdot \text{cosx}$$

Problema 04 ②



Carlos recibe de su padre 2K soles de propina diario. **Determine la propina de Carlos** en una semana; si:

$$K = (tanx + senx)cotx - cosx$$

$$K = (tanx + senx). cotx - cosx$$

$$K = tanx.cotx + senx \cdot cotx - cosx$$

$$K = 1 + \frac{\cos x}{\sin x} - \cos x$$

RECORDEMOS

$$tanx. cotx = 1$$

$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$K = 1 + \cos x - \cos x$$

$$K = 1$$

Carlos recibe diariamente: 2K = 2(1) = 2 soles

Respuesta : Carlos recibe semanalmente 14 soles.

Problema 05 💿



Luis desea comprar un terreno en forma cuadrada de lado L. Si se sabe que el metro cuadrado tiene un valor de \$100, determine el precio de dicho terreno; si:

$$L = \frac{2\cos x \cdot \tan x + 2\sin x \cdot \cot x}{\sin x + \cos x} + 6$$

$$L = \frac{2cosx \cdot tanx + 2senx \cdot cotx}{senx + cosx} + 6$$

$$L = \frac{2 \cdot \cos x}{\cos x} \cdot \frac{\sec nx}{\cos x} + 2 \cdot \sec nx \cdot \frac{\cos x}{\sec nx} + 6$$

$$\sec nx + \cos x$$

$$L = \frac{2. senx + 2. cosx}{senx + cosx} + 6$$

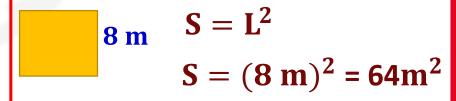
$$L = \frac{2(\text{sen}x + \cos x)}{\text{sen}x + \cos x} + 6$$

$$L = 8 m$$

RECORDEMOS

$$tanx = \frac{senx}{cosx}$$
$$cotx = \frac{cosx}{senx}$$

Calculamos el área del terreno:



Calculamos el precio del terreno (P):

$$P = 64 \times 100$$

Respuesta ∴ **P** = \$6400

Problemas Propuestos



 \bigcirc

 \bigcirc

Problema 06

Problema 07

Problema 08

Problema 09

Problema 10

HELICO WORKSHOP

Problema 06 ②



Problema 07 🕞

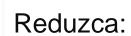


Problema 08 💿



Reduzca:

$$D = tanx \cdot cosx \cdot cotx \cdot secx \cdot senx$$



$$F = tanx \cdot cosx + 3senx$$

Simplifique:

$$R = \cos^2 x \cdot \sec x \cdot \tan x$$

Problema 09 💿



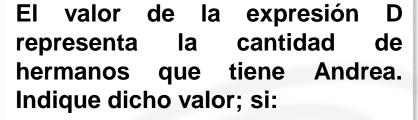
Problema 10 **②**



Hace 5 años, Diego, el hijo del profesor de Trigonometría, tenía A años. Determine la edad actual de Diego; si:

A = 8. cosx. secx - 3tanx. cotx





$$D = senx(1 + cscx) - senx$$

