#### **VACACIONES DIVERTIÚTILES**



## TRIGONOMETRY



Chapter 1

4th
SECONDARY

Razones trigonométricas de ángulos agudos



# TRIGONOMETRY

### indice

01. MotivatingStrategy 🕥

 $\bigcirc$ 

02. HelicoTheory

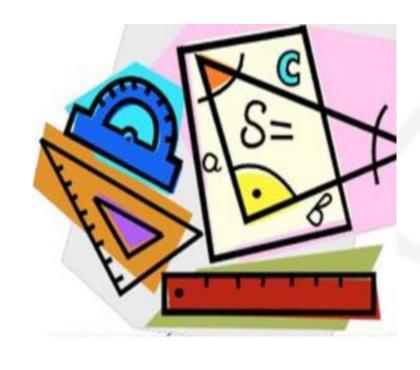
03. HelicoPractice

04. HelicoWorshop

 $\bigcirc$ 

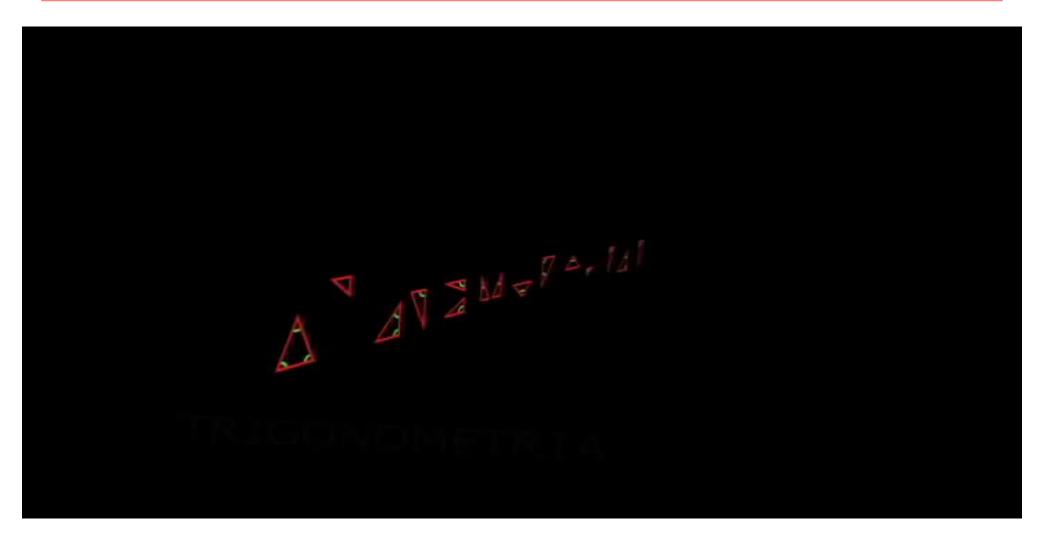


Video: Historia de la trigonometría



## MOTIVATING STRATEGY

### HISTORIA DE LAS RAZONES TRIGONOMÉTRICAS



Resumen

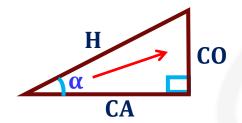


# HELICO THEORY

## RAZONES TRIGOMÉTRICAS DE UN ANGULO AGUDO

¿ Qué entendemos por razón trigonométrica de un ángulo agudo ?

Es el cociente entre las longitudes de dos lados de un triángulo rectángulo, tomando como referencia uno de sus ángulos agudos.



α: ángulo agudo de referencia

H: Longitud de la hipotenusa

CO: Longitud del cateto opuesto a a

CA: Longitud del cateto adyacente a a

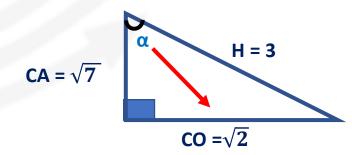
Teorema de Pitágoras :  $H^2 = (CA)^2 + (CO)^2$ 

#### Definición de las razones trigonométricas

senα	cosα	tanα	cotα	secα	cscα
СО	CA	СО	CA	Н	Н
H	H	CA	CO	CA	CO

MÉTODO NEMOTÉCNICO: "COCA COCA HELADA"

EJEMPLO : Calcula las razones trigonométricas (RT) de  $\alpha$ 



senα	cosα	tanα	cotα	secα	cscα
$\frac{\sqrt{2}}{3}$	$\frac{\sqrt{7}}{3}$	$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{7}}$	$\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{2}}$	$\frac{3}{\sqrt{7}}$	$\frac{3}{\sqrt{2}}$



 $\bigcirc$ 



Problema 02

Problema 03

Problema 04

Problema 05

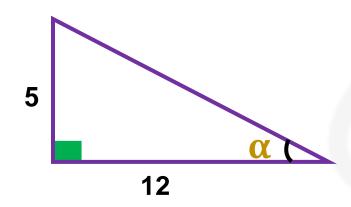
# HELICO PRACTICE





Del gráfico, calcule:

$$M=sec \times +tan\alpha$$



Del gráfico, se observa:

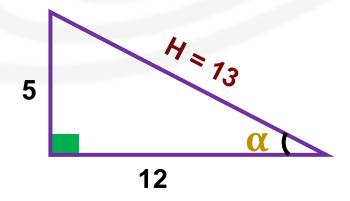
$$\rightarrow$$
 CO = 5  $\rightarrow$  CA = 12

$$\rightarrow$$
 CA = 12

Calculando la hipotenusa:

$$H^2 = (5)^2 + (12)^2$$

$$H^2 = 169$$
 H =



#### **RECORDEMOS**

Teorema de Pitágoras:

$$H^2 = (CO)^2 + (CA)^2$$

$$\sec \propto = \frac{H}{CA}$$

$$\tan \propto = \frac{CO}{CA}$$

Reemplazando:

$$M = \left(\frac{13}{12}\right) + \left(\frac{5}{12}\right) = \frac{3}{12}$$

Respuesta

$$.: M = 1, 5$$





Si 
$$\csc\theta = \frac{61}{60}$$
,  $\theta$  es águdo;

Calcule:

$$M = \csc\theta - \cot\theta$$

Del dato:

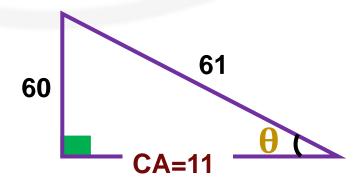
$$\csc\theta = \frac{61}{60} = \frac{H}{CO}$$

$$\rightarrow$$
 H = 61  $\rightarrow$  CO = 60

Calculando el cateto adyacente:

$$(61)^2 = (60)^2 + (CA)^2$$

$$(CA)^2 = 121$$
 CA = 11



#### **RECORDEMOS**

Teorema de Pitágoras:

$$H^2 = (CO)^2 + (CA)^2$$

$$\csc \propto = \frac{H}{CO}$$

$$\cot \propto = \frac{CA}{CO}$$

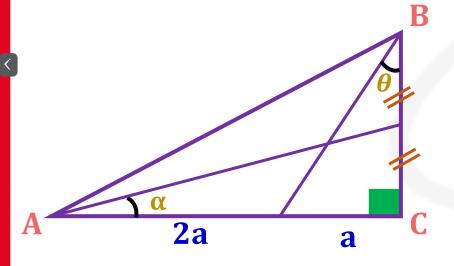
Reemplazando:

$$M = {61 \choose 60} - {11 \choose 60} = {50 \over 60}$$

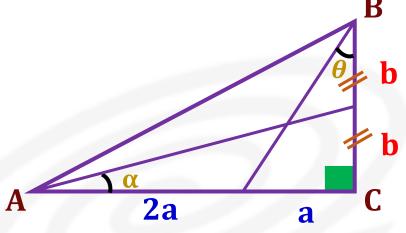
$$M = \frac{5}{6}$$

Del gráfico, efectúe:

$$S = \cot \propto .\cot \theta$$



Del gráfico:



**RECORDEMOS** 

$$cot \propto = \frac{CA}{CO}$$

Reemplazando:

$$S = \cot \alpha \cdot \cot \theta$$

$$S = \left(\frac{3x}{b}\right) \left(\frac{2b}{x}\right)$$

Respuesta

 $\therefore$  S = 6



Pedro adquiere un terreno en forma de triángulo rectángulo; se sabe que el perímetro del terreno es 150 metros y la csc de uno de sus ángulos agudos es 2,6. Determine el área de dicho terreno.

Del dato:

$$\csc\alpha = 2, 6 = \frac{13k}{5k} = \frac{H}{CO}$$

$$\rightarrow$$
 H = 13k  $\rightarrow$  CO = 5k

Calculando el cateto adyacente:

$$(13k)^2 = (5k)^2 + (CA)^2$$

$$(CA)^2 = 144k^2$$
 CA = 12k

Graficamos:

25 m = 5k

$$13k$$
 $12k = 60 \text{ m}$ 

#### **RECORDEMOS**

Teorema de Pitágoras:

$$H^2 = (CO)^2 + (CA)^2$$

Del dato: 2p = 150 m30k = 150 m

k = 5 m

Calculando el área:

Área = 
$$\frac{(25m) (60m)}{2}$$

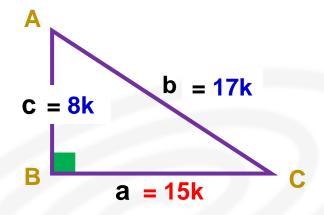
Respuesta :: Área =  $750 \text{m}^2$ 





Carolina desea cercar su establo en forma de triángulo rectángulo para cuidar a sus animales. Si se sabe que es un triángulo ABC (B=90°), además se cumple que 8.cscA.cotC=17, y que la hipotenusa mide 68 m. Determine el perímetro de dicho establo.

#### **Graficamos:**



Del dato:

$$8. \csc A. \cot C = 17$$

$$8. \left(\frac{\mathbf{b}}{\mathbf{a}}\right) \left(\frac{a}{c}\right) = 17$$

$$\left(\frac{\mathbf{b}}{\mathbf{c}}\right) = \frac{17k}{8k}$$

#### **RECORDEMOS**

$$csc\alpha = \frac{H}{CO}$$
 $cot\alpha = \frac{C}{C}$ 

Del dato: H = 68 m

$$17k = 68 \text{ m}$$

$$k = 4 m$$

Calculando el perímetro:

$$2p = 8k + 15k + 17k$$

$$2p = 40 k$$

Respuesta :: 2p = 160 m



 $\bigcirc$ 

Problema 06

Problema 07

Problema 08

Problema 09

Problema 10









Problema 08

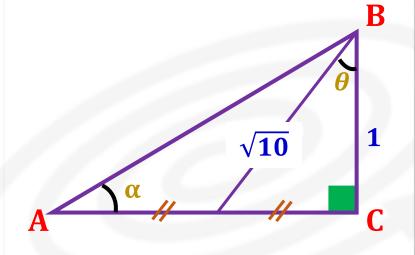


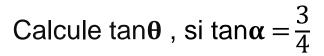
Sea  $\alpha$  un ángulo agudo para lo cual  $sen \alpha = \frac{3}{7}$  , calcule el valor de:

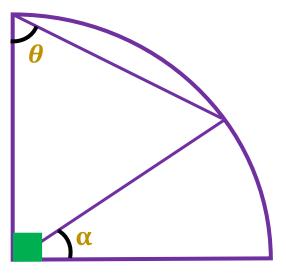
$$S = 7\cos^2\alpha + 3\sin\alpha$$



De la figura, calcule  $\csc\alpha$ 









En un triángulo ABC (B=90°), se sabe que 5senA.senC=2 y L=tanA+tanC. Se sabe que Alex recibe de propina 4L soles diarios. Determine la propina que recibe Alex en una semana.

De la figura mostrada, se sabe que la edad de Luis esta representada por la  $\cot^2 \alpha$ , y la edad de su hermano, Rodrigo, está representada por la  $\csc^2 \alpha$ . Dé como respuesta la suma de las edades.

