# ALGEBRA Chapter 3

2th Sesión II

ECUACIONES EXPONENCIALES







# ¿Qué son las ecuaciones trascendentales?

Las ecuaciones trascendentales son aquellas ecuaciones donde no participa las expresiones algebraicas, las ecuaciones de este tipo más conocidas son :

Exponenciales

Ejemplo: 
$$3^{x+1} - 3^{x-1} = 24$$

☐ Trigonométricas:

Ejemplo: 
$$sen x - cos x = \frac{1}{2}$$

☐ Logarítmicas:

Ejemplo: 
$$\log x + \log 2x = 1$$

# **HELICO THEORY**

**CHAPTHER 3** 

**Session II** 



# **ECUACIONES EXPONENCIALES**

# 1. Ecuación de bases iguales

$$a^{m} = a^{n} \rightarrow m = n$$

$$\forall a \in \mathbb{R} - \{-1; 0; 1\}$$

✓ Calcule el valor de x:

$$2^{x-5} = 2^3$$

$$\rightarrow x - 5 = 3$$

$$x = 8$$

# 2. Ecuación con términos exponenciales de base constante

✓ Calcule el valor de x: 
$$3^x + 3^{x+2} = 90$$

$$3^x + 3^x \cdot 3^2 = 90$$

$$3^{x}(1+3^{2})=90$$

$$3^{x} = 9$$

$$x = 2$$



# 3. Ecuación con términos de base no constante

$$x^{x+n} = a^{a+n} \Longrightarrow x = a$$

✓ Calcule el valor de x:

$$x^{x+1} = 8$$

$$x^{x+1} = 2^3$$

$$x^{x+1} = 2^{2+1}$$

$$\Rightarrow x = 2$$

#### **PROPIEDAD**

$$x^{x^{x...x^n}} = n \Longrightarrow x = \sqrt[n]{n}$$

✓ Calcule el valor de x:

$$x^{x^{x^5}} = 5$$

$$\Rightarrow x = \sqrt[5]{5}$$

# HELICO PRACTICE

**CHAPTHER 3** 

**Session II** 



# 1. Calcula el valor de x, si

$$7^{16^{x-1}} = 7^{8^{x+2}}$$

### **RESOLUCIÓN**

$$7^{16^{x-1}} = 7^{8^{x+2}}$$

$$16^{x-1} = 8^{x+2}$$

$$(2^4)^{x-1} = (2^3)^{x+2}$$

$$2^{4x-4} = 2^{3x+6}$$

$$4x - 4 = 3x + 6 \rightarrow x = 10$$

$$a^{x} = a^{y} \rightarrow x = y$$

$$\forall a \in \mathbb{R} - \{-1; 0; 1\}$$

$$\forall \ a \in \mathbb{R} - \{-1; 0; 1\}$$

2. Obtenga el valor de x. 
$$\left(\frac{1}{5}\right)^{x+\frac{1}{3}} = \frac{1}{125}$$

## RESOLUCIÓN

$$\left(\frac{1}{5}\right)^{x+\frac{1}{3}} = \frac{1}{125}$$

$$\left(\frac{1}{5}\right)^{x+\frac{1}{3}} = \left(\frac{1}{5}\right)^3$$

$$x + \frac{1}{3} = 3 \qquad \rightarrow \boxed{x = \frac{8}{3}}$$

$$\checkmark \frac{1}{125} = \left(\frac{1}{5}\right)^3$$

$$\begin{bmatrix} a^x = a^y \to x = y \\ \forall \ a \in \mathbb{R} - \{-1; 0; 1\} \end{bmatrix}$$

$$\forall \ \boldsymbol{a} \in \mathbb{R} - \{-\mathbf{1}; \mathbf{0}; \mathbf{1}\}$$

#### 3. Calcula el valor de x.

$$3^{x+1} + 3^{x+2} + 3^{x+3} = 351$$

## RESOLUCIÓN

$$3^{x}.3^{1}+3^{x}.3^{2}+3^{x}.3^{3} = 351$$

$$3^{x}(3^{1}+3^{2}+3^{3}) = 351$$

$$3^{x}(39) = 351$$

$$3^{x} = 3^{2}$$

$$x = 2$$

$$x^{n+m} = x^n \cdot x^m$$

$$a^x = a^y \to x = y$$

$$\forall a \in \mathbb{R} - \{-1; 0; 1\}$$

## 4. Halle el valor de x en

$$8^{4^{5x}} = 16^{3^{5x}}$$

## **RESOLUCIÓN**

$$(2^3)^{4^{5x}} = (2^4)^{3^{5x}}$$

$$2^{3.4^{5x}} = 2^{4.3^{5x}}$$

$$3.4^{5x} = 4.3^{5x}$$

$$\frac{4^{5x}}{4} = \frac{3^{5x}}{3} \to 4^{5x-1} = 3^{5x-1}$$

$$5x - 1 = 0$$
 $x =$ 

$$a^x = a^y \rightarrow x = y$$

$$\forall a \in \mathbb{R} - \{-1; 0; 1\}$$

$$Si A \neq B$$

$$A^{x} = B^{y} \to x = 0$$
$$y = 0$$

### 5. Determine el valor de x en

$$x^{x^{x^{x^3}}} = 3$$

#### **RESOLUCIÓN**

$$\rightarrow \boxed{x = \sqrt[3]{3}}$$

$$x^{x^{x...x^n}} = n \Longrightarrow x = \sqrt[n]{n}$$

#### **HELICO | PRACTICE**

6. La edad en años de Johan es el valor de "x<sup>6</sup>", donde x se obtiene de resolver

$$x^{x^6} = \sqrt[3]{2}$$

¿Qué edad tiene Johan?

#### **RECORDEMOS**

$$(a^n)^m = (a^m)^n$$

$$a^a = b^b \rightarrow a = b$$

#### RESOLUCIÓN

En la ecuación elevamos a la sexta

$$\left(x^{x^6}\right)^6 = \left(\sqrt[3]{2}\right)^6$$

$$(x^6)^{x^6} = (2^{\frac{1}{3}})^6$$

$$(x^6)^{x^6} = (2)^2$$

$$\rightarrow x^6 = 2$$

Johan tiene 2 años 7. Luego de hallar el valor de x de  $27^{27^{x+1}} = 3^{9^8}$  indique el número de alumnos enfermos por sarampión en el aula de 2.°A. (x denota el número de alumnos enfermos de sarampión)

### **RESOLUCIÓN**

$$(3^3)^{27^{x+1}} = 3^{9^8}$$

$$3^{3.27^{x+1}} = 3^{98}$$

$$3.3^{3x+3} = (3^2)^8$$

$$3^{3x+4} = 3^{16}$$

$$\rightarrow 3x + 4 = 16 \rightarrow x = 4$$

El número de enfermos es 4 alumnos