# MATHEMATICAL REASONING

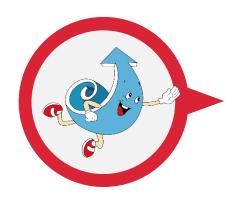
**Chapter 5** 

1st SECONDARY



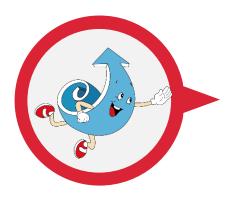
**CERTEZAS** 

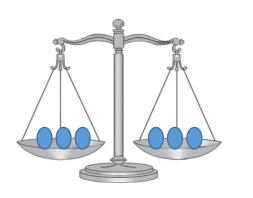




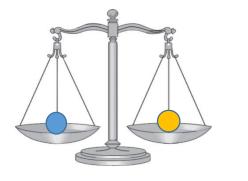
## LA PERLA MÁS LIGERA

UN MERCADER DE BENARÉS, EN LA INDIA, DISPONÍA DE 8 PERLAS IGUALES POR SU FORMA TAMAÑO Y COLOR. DE ESTAS 8 PERLAS, 7 TENÍAN EL MISMO PESO; LA OCTAVA ERA, SIN EMBARGO, UN POQUITO MÁS LIGERA QUE LAS OTRAS. ¿CÓMO PODRÍA EL MERCADER DESCUBRIR LA PERLA MÁS LIGERA E INDICARLA CON TODA SEGURIDAD UTILIZANDO UNA BALANZA DE DOS PLATILLOS Y EFECTUANDO LA CANTIDAD MÍNIMA DE PESADAS, SIN DISPONER DE PESA ALGUNA?









#### **SEGUNDA PESADA**





# **CERTEZAS**

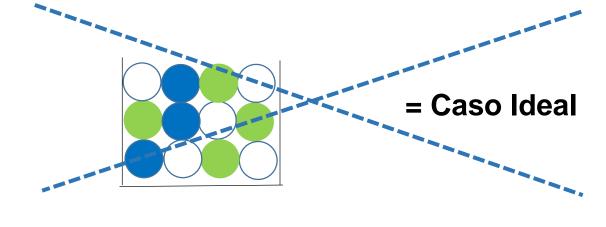
- \* En estos tipos de problemas debemos de prevalecer la peor situación que podríamos pasar, es decir ponernos en el "peor de los casos", lo cual permitirá establecer una solución más eficaz y más posible, es decir mas realista.
- \* Hablar de certeza implica considerar la condición de un evento seguro sin posibles fracasos o errores.

## APLICACIÓN

Se tiene una bolsa con canicas; en donde hay 5 canicas blancas, 3 azules y 4 verdes. ¿Cuántas bolitas como mínimo se tendrán que extraer al azar para tener la certeza de haber extraído una bolita blanca?

## Resolución

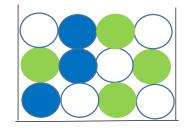
➢ Si al sacar la primera canica ésta es blanca, ya se tendría lo pedido en la primera extracción, pero eso no siempre ocurrirá pues se trata de una casualidad y buena suerte (en el mejor de los casos)



8 bolitas

Como se desea tener la seguridad, lo los casos, es decir extraer las que azules.

Como ya hemos extraído todas las canicas NO pedidas, la siguiente que saque será CUALQUIER CANICA DE COLOR BLANCO...



+

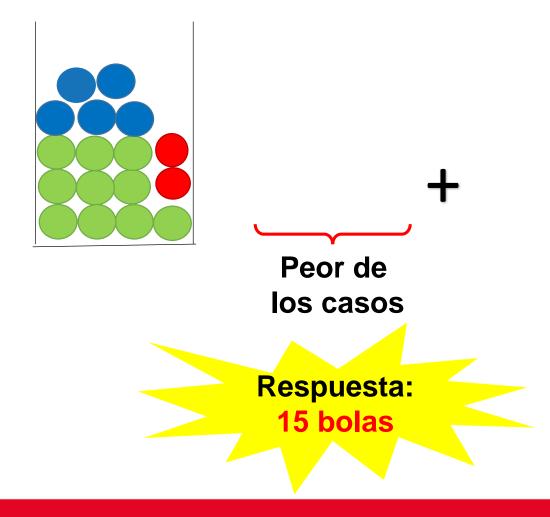
= 8 CANICAS

Peor de los casos



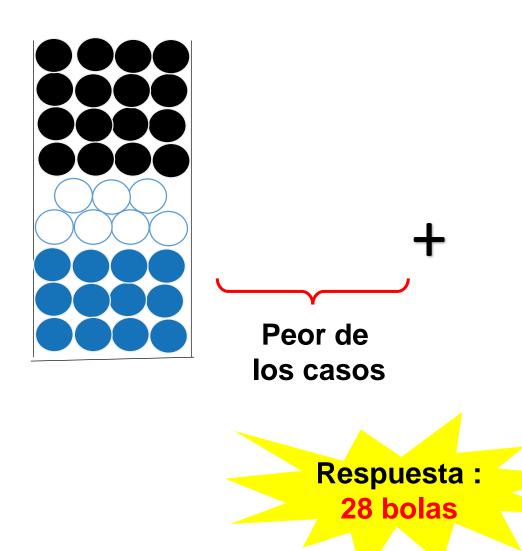


En un examen de admisión a la universidad de Ica, se planteó la siguiente pregunta: "En una caja hay bolas: 2 rojas, 5 azules y 10 verdes. ¿Cuántas bolas como mínimo se deben extraer para obtener con seguridad 3 bolas azules?". Si Ricardo respondió correctamente, ¿podría usted decir cuál fue la respuesta que dio Ricardo?



2

En una urna se tiene 16 bolillas negras, 12 bolillas azules y 7 bolillas blancas. ¿Cuántas bolillas se debe extraer, como mínimo, al azar para obtener con certeza 5 bolillas azules?



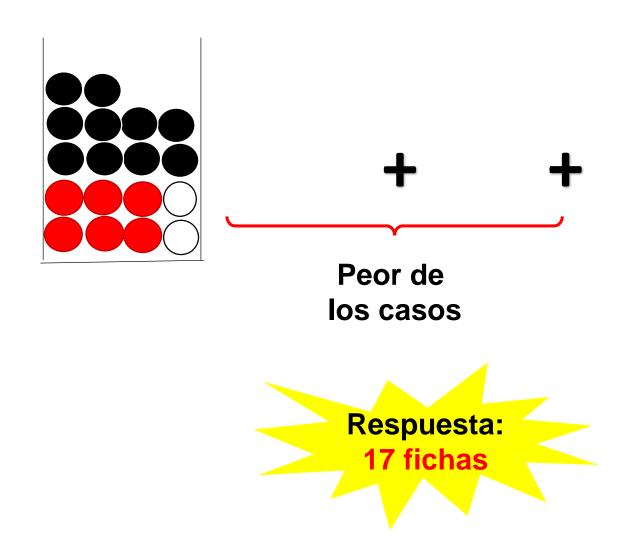


En una caja de muchos bombones hay hasta 3 sabores de ellos. ¿Cuántos debemos extraer al azar y como mínimo, para tener la certeza de obtener 3 bombones del mismo sabor?





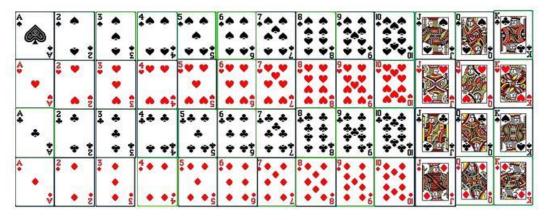
En una canasta tengo fichas: 2 blancas, 6 rojas y 10 negras. ¿Cuántas fichas, como mínimo, se deben extraer para tener la certeza de haber sacado una ficha de cada color?





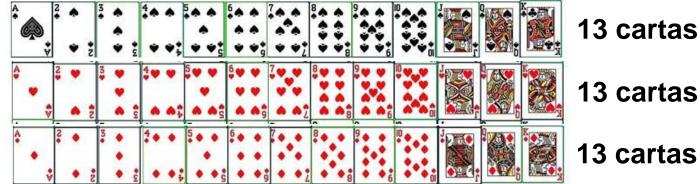
Se tiene una baraja **52** cartas. de ¿Cuántas cartas se debe extraer como mínimo al azar para tener la certeza de obtener una carta de trébol?

#### Resolución:



Tomamos en cuenta el peor de los casos.

### **Extrajimos**



De seguro la siguiente carta será trébol:

1 carta

Rpta.: 40 cartas



Se tiene 3 cofres cerrados y 4 llaves. ¿Cuántas veces se tendrá que insertar las llaves a las cerraduras de los cofres como mínimo para poder asegurar su correspondencia?

#### Resolución

Siempre tomamos en cuenta el peor de los casos.

1) Tomamos la llave que no abre ningún cofre.

3

3 veces

N° Intentos

2) Queda:



Tomamos la llave que no abre los dos primeros cofres, por lo tanto, esa llave pertenece al tercer cofre y no se inserta.



2 veces

3) Queda



Usamos una llave que no abre el primer cofre por lo tanto pertenece al segundo y no se inserta, a su vez la llave que sobra pertenece al otro cofre.



1 vez

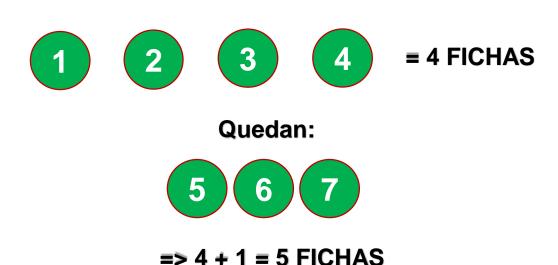
Rpta.: 6 veces



En una competencia de matemática se plantea el siguiente problema: "se tienen fichas numeradas del 1 al 7. ¿Cuál es el menor número de fichas que se deben extraer para tener la certeza de haber extraído, por lo menos, 2 fichas cuya suma sea 8?". Si Alexander está resolviendo el problema y llega a la respuesta correcta, ¿podría usted decir cuál es esta respuesta?



Peor de los casos: Saco números que no suman 8 entre ellos.



Rpta.: 5 fichas