



ARITHMETIC

Chapter 6

1st
SECONDARY
SESIÓN I

Relaciones Binarias




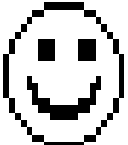
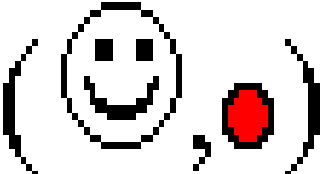
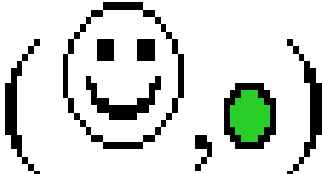
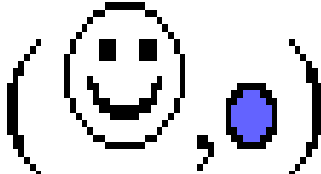

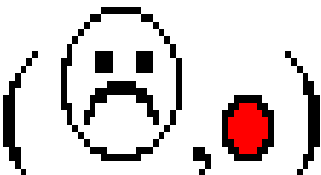
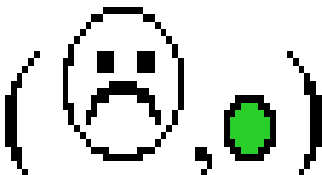
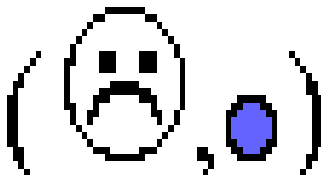


 **SACO OLIVEROS**



MOTIVATING STRATEGY



TABLA

RELACIONES BINARIAS

I. Par ordenado (a ; b)

1.
componente

componente

Igualdad de dos pares ordenados

Dos pares ordenados serán iguales si y solo si sus componentes respectivas son iguales, es decir

$$(a, b) = (c, d) \Leftrightarrow a = c \wedge b = d$$

Ejemplo $(2; 6) = (2; 6)$



II. Producto cartesiano

$$A \times B = \{(a, b) / a \in A \wedge b \in B\}$$

Ejemplo

$$A = \{2; 7\}$$

$$B = \{\text{Rosa; Anita; Luisa}\}$$

$$A \times B = \{(2, \text{Rosa}), (2, \text{Anita}), (2, \text{Luisa}), (7, \text{Rosa}), (7, \text{Anita}), (7, \text{Luisa})\}$$

Diagramas de representación

Diagrama sagital

Diagrama de doble entrada

Diagrama producto cartesiano

NOCIÓN DE RELACIÓN

Denominamos relación R a un subconjunto del producto cartesiano $A \times B$; es decir, $R \subset A \times B$.

Ejemplo

Dados: $A = \{1; 2\}$ y $B = \{2; 5; 6\}$

$A \times B = \{(1; 2), (1; 5), (1; 6), (2; 2), (2; 5), (2; 6)\}$

Mostramos algunas relaciones

$$R_1 = \{(1; 2), (1; 6), (2; 2), (2; 5)\}$$

$$R_2 = \{(1; 5), (2; 5)\}$$

$$R_3 = \emptyset$$

Nº de pares ordenados que se pueden formar en $A \times B$

$$n(A \times B) = n(A) \times n(B)$$



DOMINIO Y RANGO DE UNA RELACIÓN

A. Dominio $[\text{Dom}(R)]$

$$R_4 = \{(1, a), (1, b), (2, a), (2, b), (3, a), (3, b)\}$$

$$\rightarrow \text{Dom}(R_4) = \{1; 2; 3\}$$

B. Rango $[\text{Ran}(R)]$

$$R_5 = \{(m, 2), (m, 4), (p, 2), (p, 4), (q, 2), (q, 4)\}$$

$$\rightarrow \text{Ran}(R_5) = \{2; 4\}$$



1 ➡ Calcule $m \times n$, si $(m^2; n - m) = (36; 5)$.

Resolución

$$* m^2 = 36$$

$$m = 6$$

$$* n - 6 = 5$$

$$n = 11$$

$$m \times n = 6 \times 11 = 66$$

RPTA: 66



Para el concurso de Huaylas se ha seleccionado a los alumnos Juan, Pedro, Miguel, John y las alumnas Rosa, Ana y Luz. ¿Cuántas son las parejas posibles a

Resolución

Hombres

Mujeres

$$n(H) = 4$$

Juan
Pedro
Miguel
John

Rosa
Ana
Luz

$$n(M) = 3$$

$$H \times M = \{(J;R), (J;A), (J;L), (P;R), (P;A), (P;L), (M;R), (M;A), (M;L), (Jo;R), (Jo;A), (Jo;L)\}$$

$$\therefore n(H) \times n(M) = 4 \times 3 =$$

RPTA:

12

**3****Dados los conjuntos**

$$A = \{x \in \mathbb{Z}^+ / 3 < x \leq 9\}$$

$$B = \{x \in \mathbb{Z}^+ / 4 \leq x < 15\}$$

¿Cuántos elementos posee $A \times B$?**Resolución**

$$* A = \{x \in \mathbb{Z}^+ / 3 < x \leq 9\}$$

$$x : 4; 5; 6; 7; 8; 9$$

$$A = \{4; 5; 6; 7; 8; 9\}$$

$$n(A) = 6$$

$$\therefore n(A \times B) = 6 \times 11 =$$

$$* B = \{x \in \mathbb{Z}^+ / 4 \leq x < 15\}$$

$$x : 4; 5; 6; 7; 8; 9; 10; 11; 12; 13; 14$$

$$B = \{4; 5; 6; 7; 8; 9; 10; 11; 12; 13; 14\}$$

$$n(B) = 11$$

RPTA:**66**



Dados los conjuntos

$$A = \{3; 4; 5; 6\}$$

$$B = \{2; 5; 7; 9\}$$

considere la relación

$R = \{(a, b) \in A \times B / a \cdot b = \text{N.}^\circ \text{ impar}\}$ Halle el rango de R.

Resolución

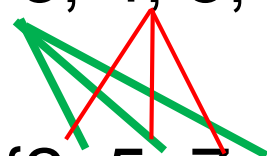
$$(a, b) \in A \times B$$

$$a \cdot b = \text{N.}^\circ \text{ impar}$$

↓ ↓
impar impar

$$A = \{3; 4; 5; 6\}$$

$$B = \{2; 5; 7; 9\}$$



$$R = \{(3; 5), (3; 7), (3; 9), (5; 5), (5; 7), (5; 9)\}$$

$$\text{Ran}(R) = \{5; 7; 9\}$$

RPTA:

{5;7;9}



Si $A = \{2; 3; 5; 7\}$ y $B = \{2; 4; 6\}$

Halle el dominio de $R = \{(x, y) \in A \times B / x > y\}$

Resolución

Por dato:

$(x, y) \in A \times B / x > y$

$A = \{2; 3; 5; 7\}$

$B = \{2; 4; 6\}$



$R = \{ \underline{(3;2)}, \underline{(5;2)}, (5;4), \underline{(7;2)}, (7;4), (7;6) \}$

$\text{Dom}(R) = \{3; 5; 7\}$

RPTA:

$\{3;5;7\}$



6

Se está llevando el primer campeonato de Aritmética organizado por la profesora Margot con los alumnos del aula de 1° Felicidad, en esta ronda te a tocado competir con José y debes resolver el siguiente problema. Dados los conjuntos: $A = \{2; 4; 5\}$ y $B = \{3; 4\}$, y la relación $R: A \times B$ definida por "...es mayor que ..."

- I. Elabore un diagrama sagital y un diagrama cartesiano.
- II. Determine R por extensión.
- III. Halle $\text{Dom}(R)$ y $\text{Ran}(R)$.

Resolución

I. Diagrama sagital

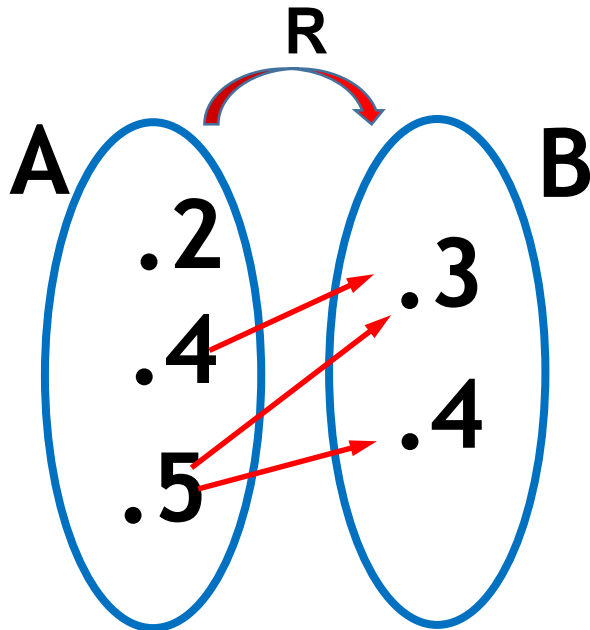
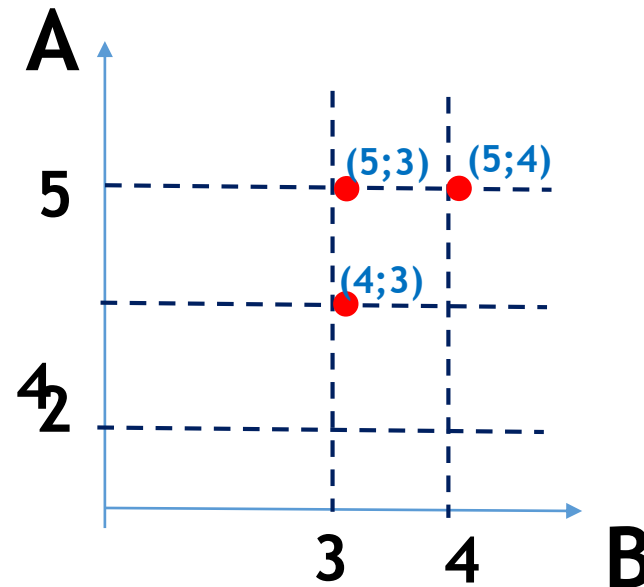


Diagrama cartesiano



II. Determine R por extensión

$$R = \{(4;3), (5;3), (5;4)\}$$

III. Halle $\text{Dom}(R)$ y $\text{Ran}(R)$.

$$\text{Dom}(R) = \{4; 5\}$$

$$\text{Ran}(R) = \{3; 4\}$$



7

Luego de competir contra José, ahora te toca competir contra Ximena y deben de resolver el siguiente problema.

Dado los conjuntos: $A = \{1; 2; 3; 4\}$ y $B = \{1; 2; 3\}$, se considera la relación definida por $R = \{(a, b) \in A \times B / b = a + 2\}$. Calcule los elementos de R.

Resolución

Por dato:

$$(a, b) \in A \times B / b = a + 2$$

	↓	↓
✓	3	1
✗	4	2

Entonces:

$$R = \{(1;3)\}$$

RPTA:

1 elemento