# ALGEBRA Chapter 21

4th



FUNCIONES II:FUNCIONES ESPECIALES



# HELICO MOTIVATING





# **APLICACIONES**

El crecimiento de las ventas de un producto que ya a logrado un nicho de mercado, la variación poblacional de alguna universidad que ya lleva algunos años de funcionamiento, la clientela consolidada de un banco probablemente debe modelarse mediante una función

logarítmica

# HELICO THEORYPHER 21



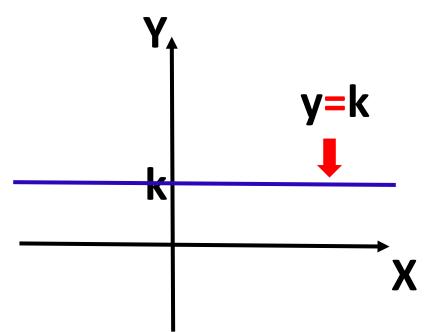
# FUNCIONES II

# I) FUNCIÓN CONSTANTE

Es aquella función de la forma:

con k E R

Donde k es una constante, cuya gráfica es:



**Donde:** 

$$Dom(f)=R$$

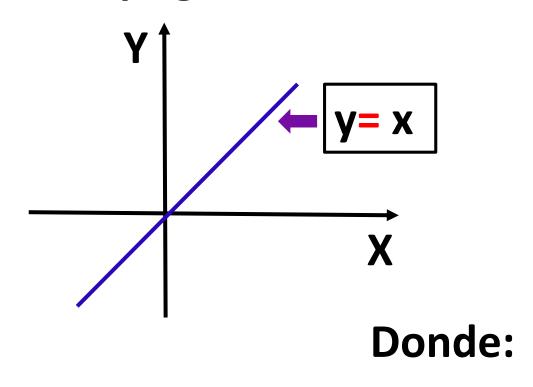
$$Ran(f)=k$$

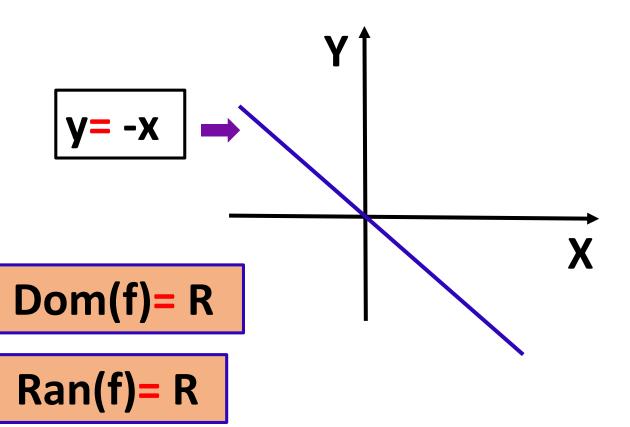
# II) FUNCIÓN

IDENTIDAD Es aquella función de la forma:

$$f(x)=x$$

Cuya gráfica es:



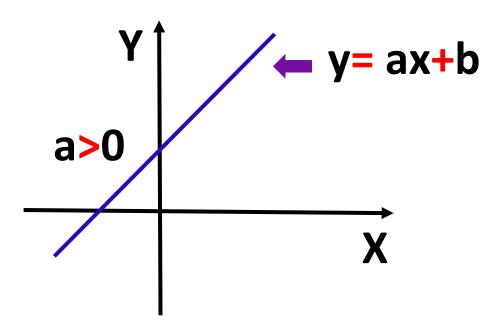


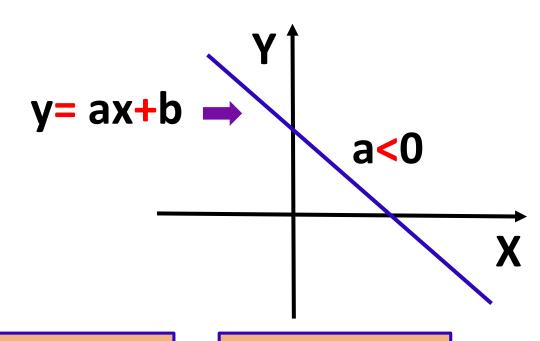
# III) FUNCIÓN

Es aquella función de la forma:

$$f(x)=ax+b$$

Cuya gráfica es:





**Donde:** 

$$Dom(f)=R$$

$$Ran(f)=R$$

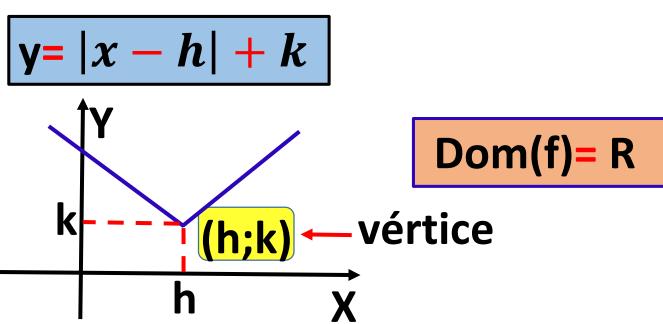
# **FUNCIÓN**

# **VALOR**

# **ABSOLUTO**

Es aquella función de la forma:  $f(x)=\pm |x-h|+k$ Cuya gráfica es:

$$f(x) = \pm |x - h| + k$$



$$y=-|x-h|+k$$
 $(h;k)$  vértice

 $h$   $\chi$ 

Ran(f)= 
$$[k; +\infty >$$

Ran(f)= 
$$<-\infty; k$$
]

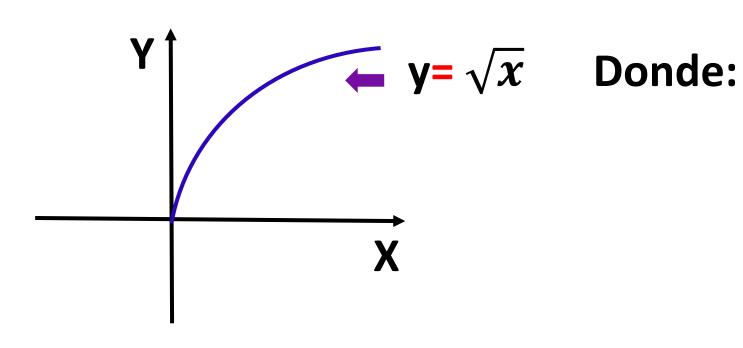
# V) FUNCIÓN

# RAIZ

CUADRADA Es aquella función de la forma:

$$f(x) = \sqrt{x}$$

Cuya gráfica es:



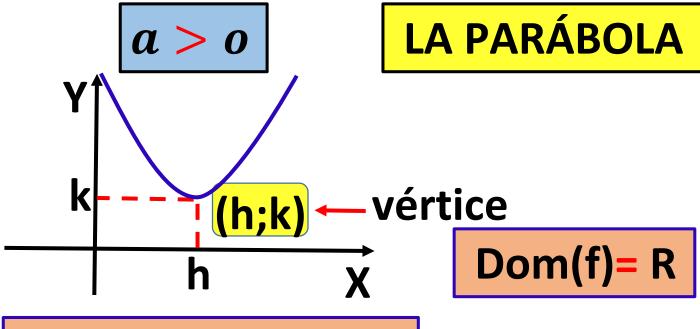
$$\mathsf{Dom}(\mathsf{f}) = [0; +\infty)$$

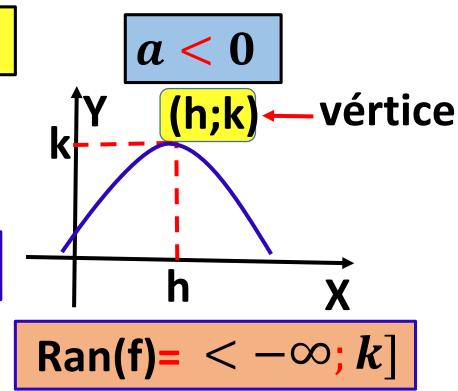
Ran(f)=
$$[0; +\infty >$$

# VI) FUNCIÓN CUADRÁTICA

 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 

Es aquella función de la forma: Con a≠0 con a,b,c ∈ R

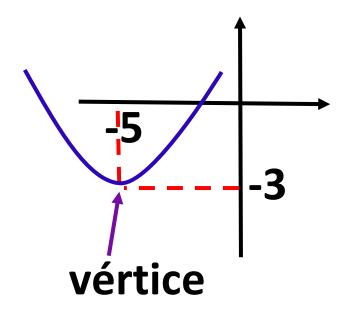


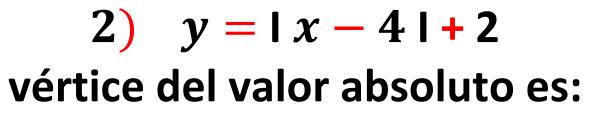


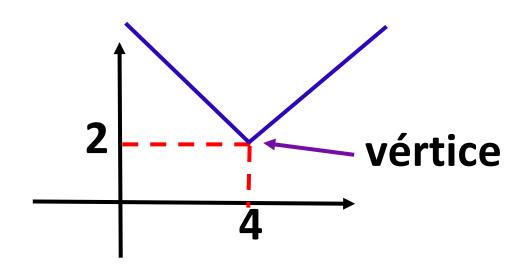
Ran(f)= k; +  $\infty$  >

# Desplazamientos de gráficas

1) 
$$y = (x+5)^2-3$$







# Observación

1) si 
$$f(x) = x^2 - 6x + 13$$

Podemos conocer su rango y vértice completando cuadrados

$$y = (x-3)^2 + 4$$

Es una parábola hacia arriba

$$\Rightarrow Ran(f) = [4; +\infty >$$

# HELICO PRACTICE

**CHAPTHER 21** 



Si H representa la función identidad  $H=\{(x+3;2x-1),(y-2;3y-6),(x;2z-6)\}$  Calcule x+y+z

# **Resolución**

$$x+3=2x-1$$

$$\rightarrow$$
 4 =  $x$ 

$$y-2=3y-6$$

$$\rightarrow$$
 4 = 2y

$$\rightarrow$$
  $2 = y$ 

$$x=2z-6$$

$$\Rightarrow 4 = 2z - 6$$

$$\rightarrow$$
  $5=z$ 

$$\rightarrow$$
  $x + y + z = 11$ 

### HELICO | PRACTICE PROBLEMA 2

Siendo 
$$F_{(4)} + 4F_{(7)} + 7F_{(3)} = 24$$

Calcule: 
$$F_{(2014)}$$
+ $3F_{(2015)}$  Siendo F función constante

# **Resolución**

F es constante: 
$$F_{(x)} = k$$

$$F_{(4)} = k F_{(7)} = k F_{(3)} = k$$

$$F(2014) + 3F(2015)$$

$$\rightarrow k + 3k$$

# Grafique la función:

$$P(x) = x^2 + 10x + 28$$
. Halle el vértice de la parábola y el rango de  $P(x)$ 

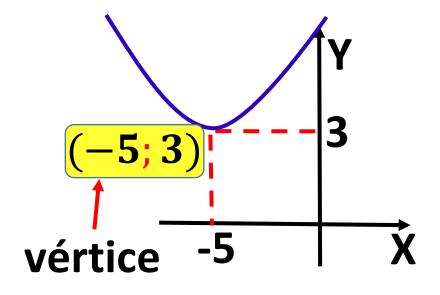
## Resolución

$$y = x^{2} + 10x + 28$$

$$y = x^{2} + 10x + 25 + 3$$

$$y = (x + 5)^{2} + 3$$

# El vértice de la parábola es:



$$Ran(P) = [3; +\infty >$$

#### HELICO | PRACTICE

Si P es una función lineal en la cual se cumplen los siguientes valores:

Calcule P(3)+P(2)

X	2	7
у	7	32

## **Resolución**

RECORDAR: FUNCIÓN LINEAL

FORMA: P(x) = a x + b

#### **DEL CUADRO**

1) 
$$P(2) = 2a + b$$
  
 $7 = 2a + b \dots (1)$   
 $de(1)y(2)$   
 $7 = 2a + b \dots (1)$   
 $32 = 7a + b \dots (2)$   
 $32 = 7a + b \dots (2)$   
 $25 = 5a$   
 $a = 5$ 

#### Remplazando en (1)

2 
$$a+b=7$$
  
2  $(5)+b=7$   
 $b=-3$ 

$$\rightarrow$$
 P(x) =  $5x - 3$ 

*piden*: 
$$P(3) + P(2)$$

$$5(3) - 3 + 5(2) - 3$$
  
 $12 + 7 = 19$ 

Rpta: 19

# Grafique la función:

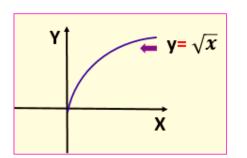
$$H(x) = \sqrt{x-7} + 4$$

# Y halle su rango

# Resolución

#### Recordar

$$H(x) = \sqrt{x}; \forall x \geq 0$$



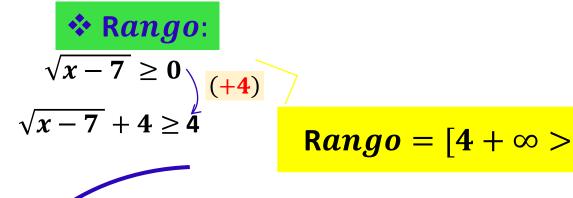
## **Dominio:**

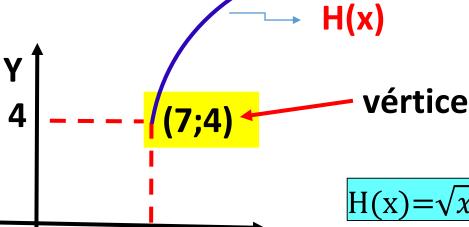
$$x - 7 \ge 0$$

$$x \ge 7$$

 $Dom(H) = [7; +\infty >$ 

# Su gráfica:





El costo de una licuadora es 5T soles, donde T está determinado por la suma de los valores enteros que toma el dominio de la función:

$$M(x) = \sqrt{12 - x} + \sqrt{x - 5}$$

¿Cuál es el costo de dicha licuadora?

# **Resolución**

## RECORDAR FUNCIÓN RAÍZ CUADRADA

$$M(x) = \sqrt{x}$$
;  $\forall x \ge 0$ 

$$M(X) = \sqrt{12 - X} + \sqrt{X - 5}$$



$$12 - X \ge 0 \land X - 5 \ge 0$$

$$12 \geq X \land X \geq 5$$

$$5 \le X \le 12$$

$$x \in [5; 12]$$

$$Dom(M) = [5; 12]$$

#### Calculando T:

$$T=5+6+7+8+9+10+11+12$$

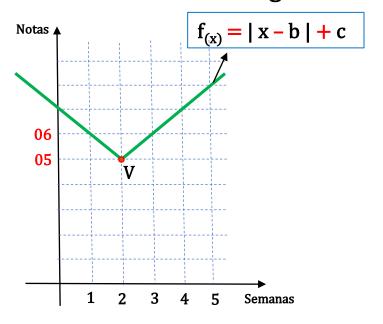
El costo de la licuadora es 5T

$$5T=5(68)=340$$

#### HELICO | PRACTICE

#### PROBLEMA 7

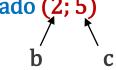
Si las notas de un estudiante por semana obedecen a la gráfica



Determine en que semana tendrá Su primera nota aprobatoria

#### Resolución

Vemos que el vértice V tiene como par ordenado (2; 5)



$$f_{(x)} = |x-2| + 5$$

Observación: Semanas es representada por x, Notas es representada por  $f_{(x)}$ 

La primera nota aprobatoria será 11, es decir  $f_{(x)} = 11$ 

11 = 
$$|x-2| + 5$$
  
6 =  $|x-2|$   
 $x-2=6 \lor x-2=-6$   
 $x=8 \lor x=-4$ 

Como el número de semanas debe ser positivo

$$x = 8$$

 $N^{\circ}$  de semana = 8