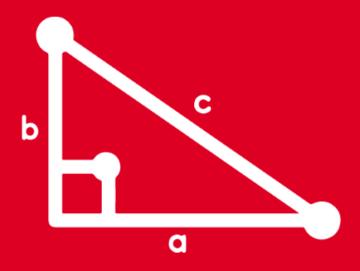
# TRIGONOMETRY

**Chapter 04** 



RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO



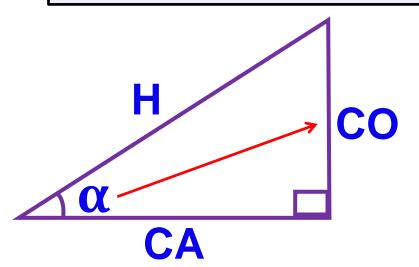


# HELICO MOTIVACIÓN INTRODUCCIÓN A LAS RAZONES TRIGONOMÉTRICAS



## ¿ QUÉ SE ENTIENDE POR RAZÓN TRIGONOMÉTRICA DE UN ÁNGULO AGUDO?

Es el COCIENTE entre las longitudes de dos lados de un triángulo rectángulo, con respecto a uno de sus ángulos interiores agudos.



α: Ángulo interior agudo de referencia

H: Longitud de la hipotenusa

CO: Longitud del cateto opuesto a α

CA: Longitud del cateto adyacente a a

Teorema de Pitágoras:  $H^2 = (CA)^2 + (CO)^2$ 

## RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO α

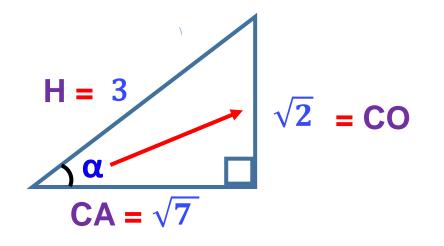


senα	cosα	tanα	cotα	secα	csca
CO	CA	CO	CA	Н	Н
H	H	CA	CO	CA	CO



MÉTODO NEMOTÉCNICO: "COCA COCA HELADA HELADA"

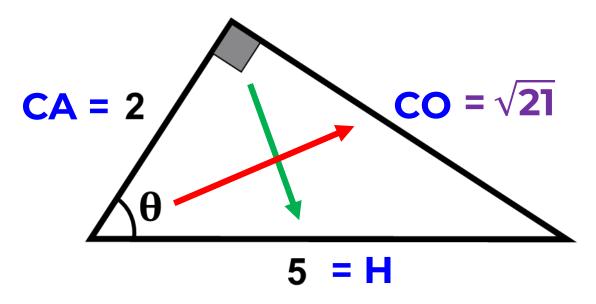
## EJEMPLO: Calcula las razones trigonométricas (RT) de α



sena	cosa	tanα	cota	seca	csca
$\sqrt{2}$	$\sqrt{7}$	$\sqrt{2}$	$\sqrt{7}$	3	3
3	3	$\overline{\sqrt{7}}$	$\overline{\sqrt{2}}$	$\frac{\overline{\sqrt{7}}}{}$	$\sqrt{2}$

#### Del gráfico, efectúe:

$$\mathsf{E} = \sqrt{21} \; (\; \mathsf{csc}\theta + \mathsf{cot}\theta \; )$$



senα	cosα	tanα	cotα	secα	cscα
CO	CA	CO	CA	Н	Н
H	H	CA	CO	CA	CO

## **RESOLUCIÓN**

#### **Teorema de Pitágoras:**

$$(CO)^2 + 2^2 = 5^2$$

$$(CO)^2 + 4 = 25$$

$$\Rightarrow$$
 CO =  $\sqrt{21}$ 

#### **Calculamos E:**

$$E = \sqrt{21}(\frac{5}{\sqrt{21}} + \frac{2}{\sqrt{21}})$$

Si  $\sec \beta = 1,2$ ; donde  $\beta$  es un ángulo agudo, efectúe  $L = \sqrt{11}(\cot \beta + \csc \beta)$ .

## **RESOLUCIÓN**

#### Dato:

$$\sec \beta = \frac{6}{5} = \frac{H}{CA}$$

$$CA = 5$$



#### Recordar:

$$\sec \beta = \frac{H}{CA}$$

$$\cot \beta = \frac{CA}{CO}$$

$$\mathbf{csc}\beta = \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{CO}}$$

## **Teorema de Pitágoras:**

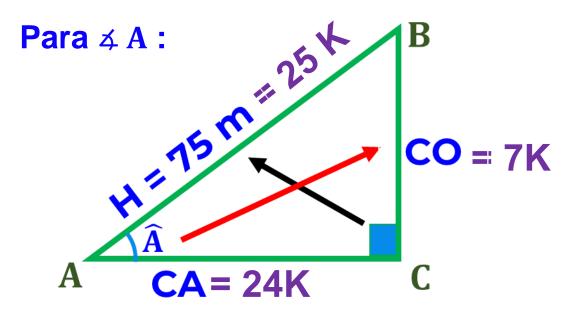
$$(CO)^2 + 5^2 = 6^2$$
  
 $(CO)^2 + 25 = 36$   
 $CO = \sqrt{11}$ 

#### Calculamos L:

$$L = \sqrt{11} \left( \frac{5}{\sqrt{11}} + \frac{6}{\sqrt{11}} \right)$$

En un triángulo rectángulo ABC  $(m \not= C = 90^\circ)$ , se sabe que senA =  $\frac{7}{25}$  y la longitud de la hipotenusa mide 75 m .- Calcule el perímetro del triángulo ABC .

## **RESOLUCIÓN**



Dato: 
$$\operatorname{sen} A = \frac{7K}{25K} = \frac{CO}{H}$$

#### Teorema de Pitágoras:

$$(CA)^2 + (7K)^2 = (25 k)^2$$

$$(CA)^2 + 49 k^2 = 625 k^2$$

$$(CA)^2 = 576 k^2$$
  $CA = 24K$ 

Calculamos: 
$$2p = 25K + 7K + 24K$$

$$2p = 56K = 56(3m)$$

: 2p = 168 m

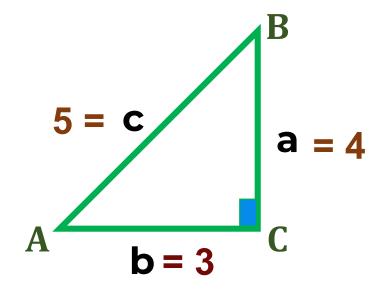
En un triángulo rectángulo

ABC (  $m \not = 90^{\circ}$  ), se sabe

que : tanB . cotA =  $\frac{9}{16}$  .

**Efectúe**: Q = cscA + tanB

## **RESOLUCIÓN**



Dato: 
$$tanB \cdot cotA = \frac{9}{16}$$

$$\frac{b}{a} \cdot \frac{b}{a} = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{b^2}{a^2} = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{b}{a} = \frac{3}{4}$$

#### **Teorema de Pitágoras:**

$$c^2 = 4^2 + 3^2 = 16 + 9$$
  $c = 5$ 

Calculamos: 
$$Q = cscA + tanB$$

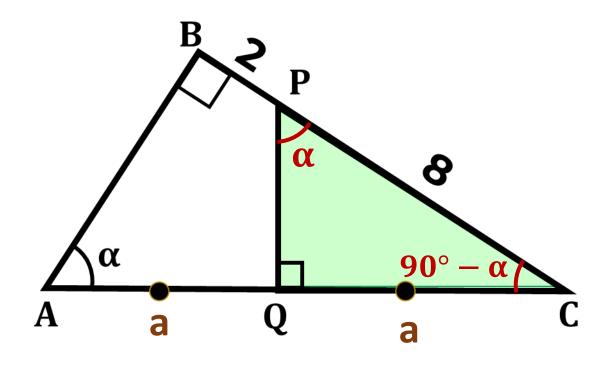
tanα	cotα
СО	CA
CA	CO

$$Q = \frac{5}{4} + \frac{3}{4}$$

**CSC**α

H
CO

Del gráfico, calcule sen  $\alpha$  si AQ = QC



## **RESOLUCIÓN**

Sea: 
$$AQ = QC = a$$

En el 
$$\triangle ABC$$
: sen  $\alpha = \frac{10}{2a} = \frac{5}{a}$ 

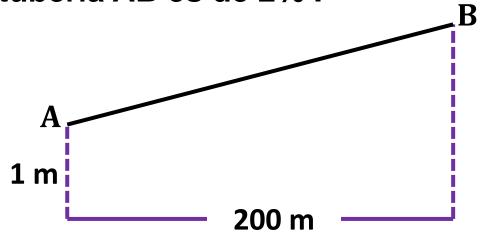
En el 
$$\triangle PQC$$
: sen  $\alpha = \frac{a}{8}$ 

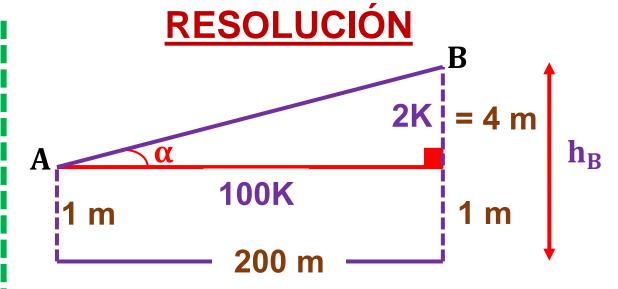
Luego: 
$$\frac{a}{8} = \frac{5}{a}$$

$$a^2 = 40$$
  $\Rightarrow$   $a = 2\sqrt{10}$ 

$$sen \alpha = \frac{2\sqrt{10}}{8}$$
  $sen \alpha = \frac{\sqrt{10}}{4}$ 

En la figura se muestra el perfil de la instalación de tubería de desagüe. Si el buzón A está ubicado a 1 m de la superficie, determine la altura a la que se encuentra el buzón B sabiendo que la pendiente de la tubería AB es de 2%.





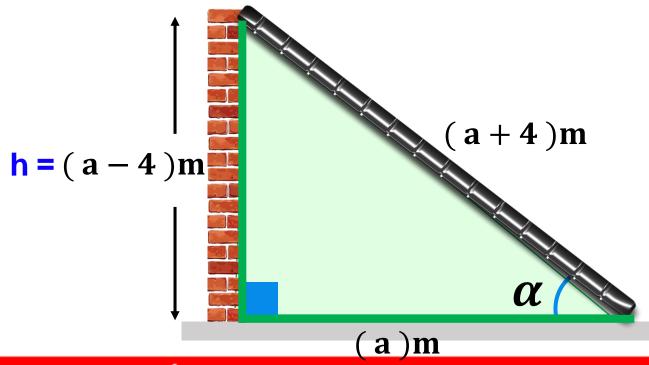
**Dato**: Pendiente 
$$AB = 2\%$$

$$tan\alpha = \frac{2K}{100K} = \frac{CO}{CA}$$

Calculamos 
$$h_B$$
:  $h_B = 4 m + 1 m$ 

$$h_{\rm B} = 5 \, \mathrm{m}$$

CHicho es un albañil muy dedicado en su trabajo y se le contrata para tarrajear una pared, tal como se muestra en la figura.- Sabiendo que el valor de a es un número entero positivo, determine la altura de dicha pared.



## **RESOLUCIÓN**

#### Teorema de Pitágoras:

$$a^{2} + (a - 4)^{2} = (a + 4)^{2}$$
 $a^{2} = (a + 4)^{2} - (a - 4)^{2}$ 
 $a^{2} = 4(a)(4)$ 
 $a = 16$ 

#### Calculamos la altura de la pared :

$$h = (a-4) m = (16-4) m$$

$$\therefore$$
 h = 12 m

