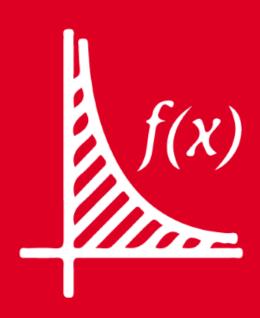
ALGEBRA Chapter 17





RADICACIÓN-RADICALES **DOBLES**

SESIÓN 1

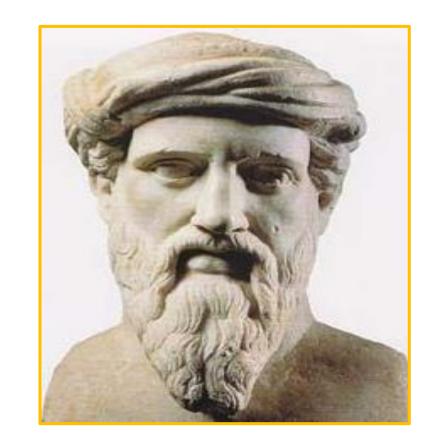
@ SACO OLIVEROS

MOTIVATING STRATEGY



HISTORIA DE LA RADICACIÓN

- Todo comenzó con el llamado <u>Teorema de Pitágoras</u>, el cual establece la relación entre los lados de un triángulo rectángulo, que para el cálculo se emplea las raíces cuadradas.
- La raíz cúbica fue estimulada para hallar el lado de un cubo conociendo su volumen. O bien para hallar el radio de una esfera también conociendo su volumen.



REDUCCIÓN DE RADICALES SIMPLES



PROPIEDADES

$$\sqrt[n]{\mathbf{a} \times \mathbf{b}} = \sqrt[n]{\mathbf{a}} \times \sqrt[n]{\mathbf{b}}$$

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{\sqrt[n]{b}}}$$

Ejemplo:

Hallar el equivalente de:

$$\sqrt{80} = \sqrt{16 \times 5} = \sqrt{16} \times \sqrt{5} = 4\sqrt{5}$$

$$\sqrt[3]{\frac{8}{27}} = \frac{\sqrt[3]{8}}{\sqrt[3]{27}} = \frac{2}{3}$$

RADICALES SEMEJANTES

Ejemplos 1)
$$5\sqrt[3]{2} + 7\sqrt[3]{2} - 9\sqrt[3]{2} = (5 + 7 - 9)\sqrt[3]{2} = 3\sqrt[3]{2}$$

2)
$$8\sqrt{3} - 4\sqrt{3} + \sqrt{3} = 5\sqrt{3}$$

RADICALES DOBLES



DEFINICIÓN

Son radicales en los cuales dentro de un radical (radical mayor) se encuentra otros radicales ligados con operaciones de adición y sustracción.

Ejemplos

$$\sqrt{8+\sqrt{28}}$$

$$\sqrt{6-2\sqrt{10}}$$

TRANSFORMACIÓN DE RADICALES DOBLES A RADICALES SIMPLES



Radicales de la forma

$$\sqrt{A \pm \sqrt{B}}$$

1.- Forma general

$$\sqrt{A \pm \sqrt{B}} = \sqrt{\frac{A+C}{2}} \pm \sqrt{\frac{A-C}{2}}$$

Donde: $A > \sqrt{B}$

$$c = \sqrt{A^2 - B}$$

Ejemplo: Transforme a radicales simples:

$$\sqrt{8 + \sqrt{28}} \begin{cases}
A=8 \\
B=28 \\
C = \sqrt{8^2 - 28} = \sqrt{36} = 6
\end{cases}$$

$$\sqrt{8 + \sqrt{28}} = \sqrt{\frac{8+6}{2}} + \sqrt{\frac{8-6}{2}}$$

$$\sqrt{7 + 1}$$

2.- Forma práctica

$$\sqrt{A \pm 2\sqrt{B}} = \sqrt{x} \pm \sqrt{y}$$

$$x + y \qquad x \times y$$

Donde x > y

Ejemplo 1:

Transforme a radicales simples:

Ejemplo 2:

Transforme a radicales simples:

$$\sqrt{13 - 2\sqrt{22}} = \sqrt{11} - \sqrt{2}$$

$$11 + 2 \qquad 11 \times 2$$



HELICO PRACTICE







Efectúe

$$E = \sqrt{2} + 3\sqrt{2} + 10\sqrt{2} - 5\sqrt{2}$$

<u>Resolución</u>

$$E = (1)\sqrt{2} + 3)\sqrt{2} + 10)\sqrt{2} - 5)\sqrt{2}$$

$$E = (1+3+10-5)\sqrt{2}$$

$$E = 9\sqrt{2}$$

$$\therefore E = 9\sqrt{2}$$





Efectúe

$$T = 12\sqrt[3]{2} - 7\sqrt[3]{2} + 3\sqrt[3]{2} - 8\sqrt[3]{2}$$

Resolución

$$T = (12)^{3}\sqrt{2} (-7)^{3}\sqrt{2} (+3)^{3}\sqrt{2} (-8)^{3}\sqrt{2}$$

$$T = (12 - 7 + 3 - 8) \sqrt[3]{2}$$

$$T = 0 \sqrt[3]{2}$$

$$\therefore T = 0$$





simplificar
$$A = \frac{5\sqrt{2}+3\sqrt{2}+7\sqrt{2}}{3\sqrt{2}+2\sqrt{2}}$$

Resolución
$$A = \frac{5\sqrt{2} + 3\sqrt{2} + 7\sqrt{2}}{3\sqrt{2} + 2\sqrt{2}}$$

$$A = \frac{15\sqrt{2}}{5\sqrt{2}}$$

$$A = 3$$







Indique el resultado de

$$H = \frac{\sqrt{32} + \sqrt{50} + \sqrt{18}}{\sqrt{2}}$$

Resolución
$$H = \frac{\sqrt{32} + \sqrt{50} + \sqrt{18}}{\sqrt{2}}$$

$$H = \sqrt{\frac{32}{2} + \sqrt{\frac{50}{2} + \sqrt{\frac{18}{2}}}}$$

$$H = \sqrt{16} + \sqrt{25} + \sqrt{9}$$

$$H = 4 + 5 + 3$$

$$\therefore H = 12$$





Reduzca

$$E = \sqrt{10 + 2\sqrt{24}} + \sqrt{15 - 2\sqrt{54}}$$

$$E = \sqrt{10 + 2\sqrt{24} + \sqrt{15 - 2\sqrt{54}}}$$

$$6 + 4 \quad 6 \times 4 \quad 9 + 6 \quad 9 \times 6$$

RECUERDA

FORMA PRÁCTICA

$$\sqrt{A \pm \sqrt{B}} = \sqrt{(x + y) \pm 2\sqrt{xy}}$$

$$E = \sqrt{6} + \sqrt{4} + \sqrt{9} - \sqrt{6}$$

$$E = 2 + 3$$

$$E = 5$$

$$\therefore E = 5$$

HELICO | PRACTICE Un trabajador cobra 1300 soles. A principios de año le aumentan el



sueldo un $B^2\%$, y unos meses después, al nuevo sueldo, le incrementan el doble del aumento anterior. Si B es el resultado de

reducir
$$B = \sqrt{8 + 2\sqrt{15}} + \sqrt{12 - 2\sqrt{35}} - \sqrt{3}$$

¿ cuánto cobrará despúes de los aumentos?

$$B = \sqrt{5} + \sqrt{3} + \sqrt{7} - \sqrt{5} - \sqrt{3}$$

$$B = \sqrt{7}$$

Aumento
$$B^2\%=7\%$$

Sueldo con aumento incluido =1300+7%(1300)=S/1391

Sueldo con el doble aumento

: COBRARA 1573 SOLES

HELICO | PRACTICE



Un juguete vale P⁴ soles, donde P se obtiene al reducir

$$P = \sqrt{7 + \sqrt{40}} - \sqrt{2}$$

Si al llegar las fiestas navideñas aumenta su valor un 40%, ¿ cuál será el nuevo

precio del juguete?

Solución
$$M = \sqrt{7 + \sqrt{40}} - \sqrt{2}$$

$$M = \sqrt{7 + \sqrt{4 \times 10}} - \sqrt{2}$$

$$M = \sqrt{7 + 2\sqrt{10}} - \sqrt{2}$$

$$5 + 2 \qquad 5 \times 2$$

 $M = \sqrt{5} + \sqrt{2} - \sqrt{2}$

Precio del juguete : S/ 25

Por fiesta aumenta 40% del precio $= \frac{40}{100}(25) = S/10$

: El nuevo precio es de 35soles