# ARITHMETIC Chapter 16



Y+X=

**Divisibilidad II** 





$$M = 2746^{2746}$$

$$P = 6472^{6472}$$

# Halle el residuo de (M x P) entre 9

# ¿Que tan complicado puede ser calcular el residuo?



# CRITERIOS DE DIVISIBILIDAD

Es un conjunto de reglas, que aplicadas a las cifras de un numeral, permiten identificar si el número es múltiplo de cierto módulo o no, de ser el caso que no fuera múltiplo nos permite determinar el residuo de una manera directa y sencilla.

Sea 
$$N = abcde$$
  $= abcd$   $x 10 + e = abcd$   $x 2 x 5 + e$ 

$$N = \overset{\circ}{2} + e \implies N = \overset{\circ}{2} \leftrightarrow e = \overset{\circ}{2} \to e = \{0; 2; 4; 6; 8\}$$
Luego:  $N = \overset{\circ}{5} + e \implies N = \overset{\circ}{5} \leftrightarrow e = \overset{\circ}{5} \to e = \{0; 5\}$ 



## Divisibilidad por $2^n$

## Divisibilidad por 5<sup>n</sup>

\* 
$$abcde=2$$
  $\rightarrow e=2$ 

$$e = \{0; 2; 4; 6; 8\}$$

\* 
$$abcde = 4$$
  $\rightarrow$   $de = 4$ 

$$2d + e = 4$$

\* 
$$abcde = 5$$
  $\rightarrow e = 5$   $e = 5$ 

\* 
$$abcde = 25$$
  $\rightarrow de = 25$   
 $de = \{00; 25; 50; 75\}$ 

\*\overline{abcde} = 
$$125^{\circ}$$
 \rightarrow \overline{cde} =  $125^{\circ}$  \over



# Divisibilidad por 3 y 9

Luego:

Sea 
$$N = \overline{abcdef}$$

$$N = \mathring{3} \iff a+b+c+d+e+f = \mathring{3}$$
  
 $N = \mathring{9} \iff a+b+c+d+e+f = \mathring{9}$ 

# Divisibilidad por 33 y 99

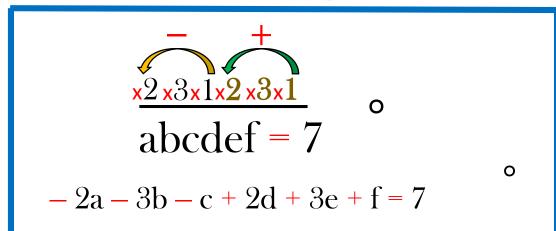
$$\overline{abcdef} = \overset{\circ}{33} \circ \overset{\circ}{99} \Leftrightarrow$$

$$\overline{abcdef} = \overset{\circ}{33} \circ \overset{\circ}{99} \Leftrightarrow \overline{ab} + \overline{cd} + \overline{ef} = \overset{\circ}{33} \circ \overset{\circ}{99}$$

## Divisibilidad por 11

$$\frac{-+-+-+}{abcdef} = 11$$
- a + b - c + d - e + f = 11

# Divisibilidad por 7



## Divisibilidad por 13

$$\frac{1}{x^{4}} = \frac{1}{x^{3}} = \frac{1}{3}$$

$$4a + 3b - c - 4d - 3e + f = 13$$



 Calcule la suma de todos los valores que puede tomar a si: 142a7 = 3.

## Criterio por 3

#### **RESOLUCIÓN**

**Donde:** 

$$\Rightarrow$$
 a = 1; 4; 7

#### **NOS PIDEN**

Suma de todos los valores:

$$\therefore 1 + 4 + 7 = 12$$



2. Si49b82 =13, Halle el valor de b.

Criterio por 13 
$$\frac{x_3 \times 1 \times 4 \times 3 \times 1}{49b82} = \overset{\circ}{13}$$

$$12 - 9 - 4b - 24 + 2 = \overset{\circ}{13}$$

$$-19 - 4b = \overset{\circ}{13}$$

$$-6 - 4b = \overset{\circ}{13}$$
Factorizando:
$$-2 \times (3+2b) = \overset{\circ}{13}$$
NOS PIDEN 
$$b = 5$$



#### **RESOLUCIÓN**

$$\overline{m191n} = 56$$

## Criterio por 8

$$\frac{x4 \times 2 \times 1}{91n} = 8$$

$$36 + 2 + n = 8$$

$$\Rightarrow n = 2$$

## Criterio por 7

$$\frac{-3 - 1}{M1912} = 7$$

$$-3m - 1 + 18 + 3 + 2 = 7$$

$$22 - 3m = 7$$

$$m = 5!$$
NOS

$$m + n$$

$$5 + 2 = 7$$



4. Halle el valor de  $n_o$  si el número 76mn7mp = 1625.

#### RESOLUCIÓN

$$76mn7mp = 1625$$

## Criterio por 125

$$\frac{7mp}{7mp} = 125$$
  
 $\frac{1}{2}$ 

$$\Rightarrow \text{im} = 5$$

$$p = 0$$

## Criterio por 13

$$\frac{1}{x_{1}x_{4}x_{3}x_{1}x_{4}x_{3}x_{1}}{x_{1}x_{4}x_{3}x_{1}x_{4}x_{3}x_{1}} = 13$$

$$7 + 24 + 15 - n - 28 - 15 + 0 = 13$$

#### Donde:

$$3-n=13$$
  $\Rightarrow$   $3-n=0$ 

NOS PIDEN  $\therefore$  n = 3



5. Calcule: 
$$x^2 + y^2$$
 si:  $4xy7594 = 99$ 

#### Dato:

## Criterio por 99

$$\rightarrow$$
 4 +  $\overline{xy}$  + 75 + 94 = 99

#### **RESOLUCIÓN**

#### **Donde:**

$$\begin{array}{c|c}
1 & + \\
\hline
 & xy \\
 & 75 \\
\hline
 & 94 \\
\hline
 & 198
\end{array}$$
 $y = 5$ 
 $x = 2$ 

NOS PIDEN 
$$x^2+y^2$$
 $\therefore 2^2+5^2=29$ 



6. Cierto día, a María, trabajadora Departamento del Publicaciones, se le preguntó sobre la edad de su hijo y ella respondió: "Mi hijo tiene aaños, siendo a la cifra que al reemplazarla en el numeral 3a96 resulta un número divisible por 7". ¿Qué edad tiene el hijo de María?

#### **RESOLUCIÓN**

Criterio por 7

$$\frac{1}{3}$$
  $\frac{1}{3}$   $\frac{1}$ 

#### Donde:

$$-3+2a+27+6 = \mathring{7}$$
  
 $30+2a = \mathring{7}$   
 $\Rightarrow 2+2a = \mathring{7}$ 



#### **7.**

Carlos se dirige a la casa de su amiga Rosita y al llegar a la calle no se acuerda el número de la casa pero si se acuerda que es de la forma ab(b+1)(a+1) y que es múltiplo de 35. Halle a+b.



## Criterio por 5

$$(a+1) = 5 \rightarrow a = 4$$

#### Criterio por 7

$$-\frac{12}{4b(b+1)5} = \frac{3}{7}$$
  
 $-4 + 2b + 3(b+1) + 5 = \frac{3}{7}$   
 $b = 2$ 

NOS PIDEN  $\therefore$  a+b = 6