

# ALGEBRA Chapter 18





MATRICES Y DETERMINANTES @ SACO OLIVEROS

### MOTIVATING STRATEGY



## Lucas, Tom y Herry fueron a una tienda y compraron lo siguiente:

- 1. Lucas compró dos bocadillos, un refresco y un pastel.
- 2. Tom se llevó un bocadillo, un refresco y un pastel.
- 3. Herry compró un bocadillo y un refresco.

Estos datos se pueden agrupar en una matriz:

### HELICO THEORY

### ¿QUÉ ES UNA MATRIZ?



Es un arreglo rectangular de elementos distribuidos en filas y columnas. Dichos elementos están encerrados por corchetes o paréntesis.

### Ejemplos:

$$\begin{bmatrix} -4 & 7 \\ 2 & 13 \end{bmatrix}_{2\times 2}$$

$$\begin{bmatrix} 8 & 2 & -6 \\ 5 & 0 & 3 \end{bmatrix}_{2\times 3}$$

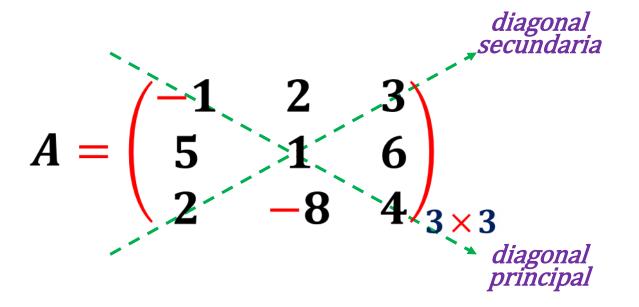
$$\begin{pmatrix} 9 & -5 \\ 4 & 3 \\ 15 & 45 \end{pmatrix}_{3 \times 2}$$

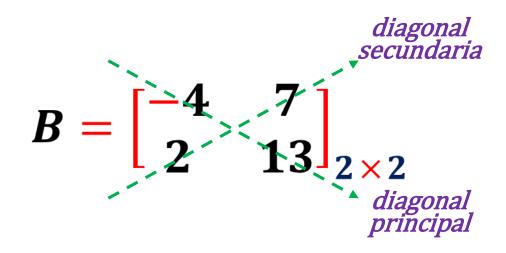


### **MATRIZ CUADRADA:**

Es aquella matriz que tiene igual número de filas y columnas.

### Ejemplos:





### **DETERMINANTES**



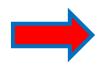
El determinante es una función que aplicada a una MATRIZ CUADRADA, nos proporciona un número real. Su notación es la siguiente:

$$Det(A) = |A|$$

### Cálculo de determinantes:

Determinante de una matriz de orden 1:

Sea A una matriz de orden uno,  $A = [a_{11}]$ 



$$Det(A) = |a_{11}| = a_{11}$$

### Determinante de una matriz de orden 2:



Sea A una matriz de orden dos, su determinante se define como la diferencia del producto de los elementos de la diagonal principal con el producto de los elementos de la diagonal secundaria. Esto es:

$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \longrightarrow Det(A) = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - cb$$

### > Determinante de una matriz de orden 3:

Se obtiene por la llamada regla de SARRUS. Consiste en repetir las dos primeras columnas a continuación de la matriz, sumar los productos de las diagonales secundarias.

$$A = \begin{pmatrix} a & b & c \\ m & n & p \\ x & y & z \end{pmatrix} \longrightarrow Det(A) = \begin{pmatrix} a & b & c & a & b \\ m & n & p & m & n \\ x & y & z & x & y \end{pmatrix}$$

$$Det(A) = (anz + bpx + cmy) - (xnc + ypa + zmb)$$



## HELICO PRACTICE

$$P = \begin{vmatrix} 3 & -1 \\ 7 & 2 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 5 & 1 \\ 4 & -2 \end{vmatrix}$$

El valor de 3P + 2

$$P = \begin{vmatrix} 3 & -1 \\ 7 & 2 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 5 & 1 \\ 4 & -2 \end{vmatrix}$$

$$P = (3)(2) - (7)(-1) - [(5)(-2) - (4)(1)]$$

$$P = 6 + 7 - [-10 - 4]$$

$$P = 13 + 14$$

$$P=27$$

Nos piden: 
$$3P + 2 = 3(27) + 2$$

$$\therefore 3P + 2 = 83$$

$$L = 3 \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 5 \end{vmatrix} + 2 \begin{vmatrix} -1 & -1 \\ 3 & -2 \end{vmatrix}$$

$$L = 3 \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 5 \end{vmatrix} + 2 \begin{vmatrix} -1 & -1 \\ 3 & -2 \end{vmatrix}$$

$$L = 3 \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 5 \end{vmatrix} + 2 \begin{vmatrix} -1 & -1 \\ 3 & -2 \end{vmatrix}$$

$$L = 3[(1)(5) - (3)(-2)] + 2[(-1)(-2) - (3)(-1)]$$

$$L = 3[5+6] + 2[2+3]$$

$$L = 33 + 10$$

$$L = 43$$

### Determine el valor de:

$$M = \begin{vmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & -1 & 3 \\ 4 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

$$M = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 & 1 & 3 \\ 2 & -1 & 3 & 2 & -1 \\ 4 & 2 & 1 & 4 & 2 \end{bmatrix}$$

$$M = (-1 + 36 + 20) - (-20 + 6 + 6)$$

$$M = (55) - (-8)$$

$$M = 63$$

El profesor Armando al realizar sus clases de álgebra gasta (P-8) tizas mensuales, si se sabe que el valor de P se obtiene al efectuar

$$P = \begin{vmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 4 & 1 & -1 \\ 1 & 5 & 2 \end{vmatrix}$$

¿Cuántas tizas gasta el profesor Armando durante 4 meses de clase?

### Resolución:

$$P = \begin{vmatrix} 3 & -2 & 1 & 3 & -2 \\ 4 & 1 & -1 & 4 & 1 \\ 1 & 5 & 2 & 1 & 5 \end{vmatrix}$$

$$P = (6+2+20)-(1-15-16)$$

$$P = (28) - (-30)$$

$$P = 58$$

$$\rightarrow$$
 (P-8) = 58-8 = 50 tizas / 1mes

200 tizas en 4 meses

Calcule el valor de x en la Ecuación:

$$\begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 2 & x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x & 2 \\ 5 & 1 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 2 & x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x & 2 \\ 5 & 1 \end{vmatrix}$$

$$3x - 2 = x - 10$$

$$2x = -8$$

$$x = -4$$

Luego de resolver:

$$\begin{vmatrix} x & 1 \\ 3 & x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 3 & 9 \end{vmatrix}; \ x > 0$$

El valor de x representa la cantidad de alumnos desaprobados en el examen bimestral del curso de Álgebra; en el 3° A. Si el aula tiene 48 estudiantes. ¿Cuántos estudiantes han aprobado?

Resolución:

$$\begin{vmatrix} x & 1 \\ 3 & x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 3 & 9 \end{vmatrix}$$

$$x^2 - 3 = 18 - 12$$

$$x^2 = 9$$

$$x = +3$$

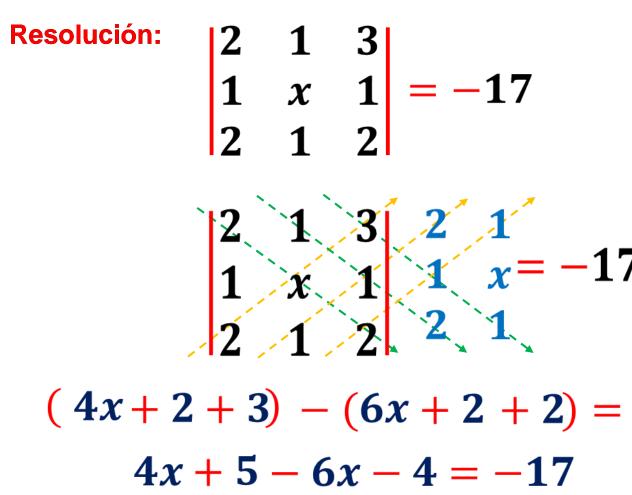
Cantidad de alumnos desaprobados:

: aprobaron 45 estudiantes.

Raúl en un paseo del colegio capturo momentos grandiosos con su cámara, al llegar a s casa Su mamá le pregunta sobre la Cantidad de fotos que tomo a lo Que él, le responde que tomo x Fotos, si el valor de x se logra obtener al desarrollar

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & x & 1 \\ 2 & 1 & 2 \end{vmatrix} = -17$$

¿Cuántas fotos tomo Raúl en su Paseo escolar?



$$(4x+2+3) - (6x+2+2) = -17$$
  
 $4x+5-6x-4=-17$   
 $-2x=-18$ 

$$x = 9$$

Se tomó 9 fotos

01