



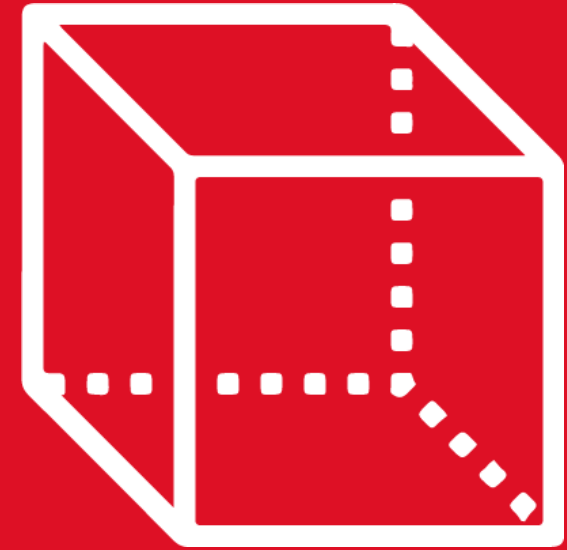
GEOMETRÍA

Capítulo 20

5th

SECONDARY

PLANO CARTESIANO



 **SACO OLIVEROS**

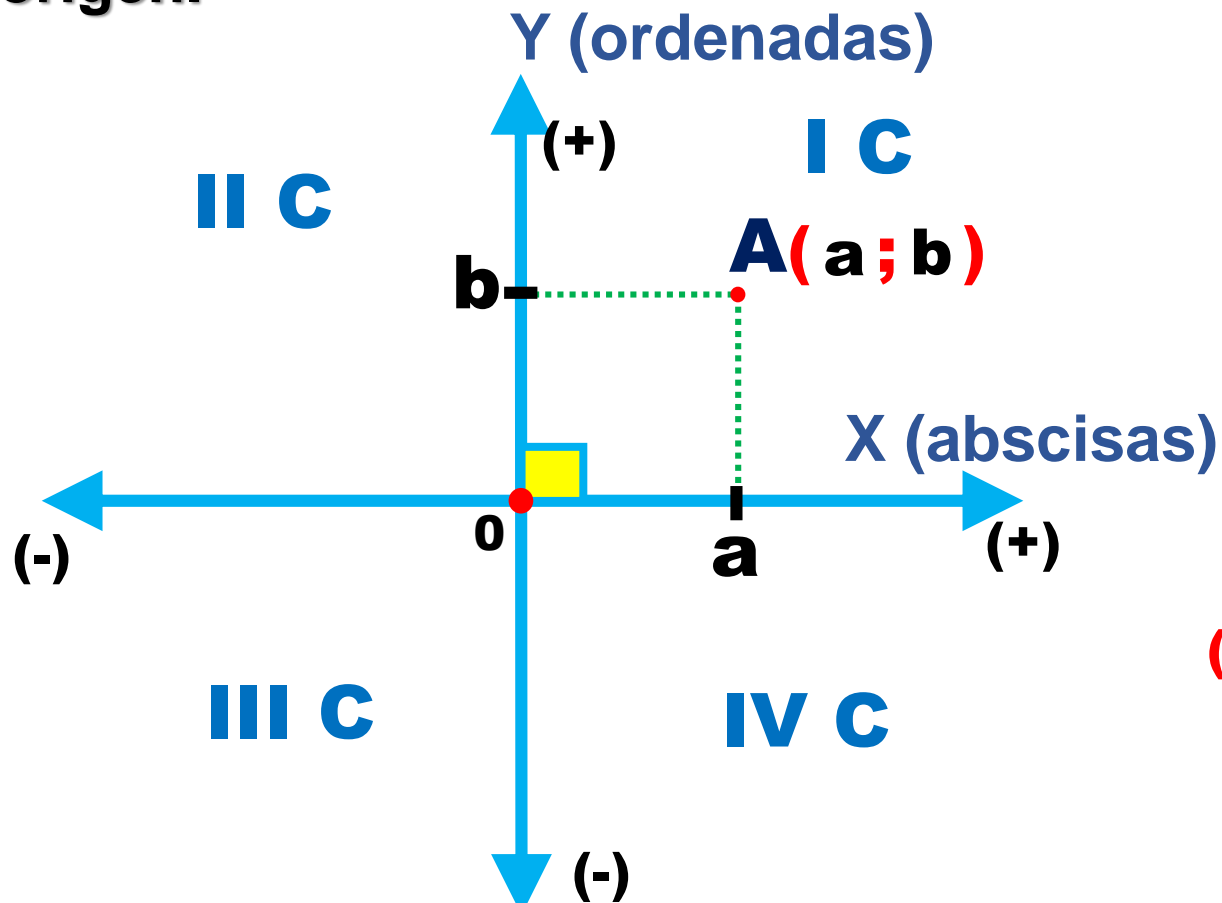


René Descartes nace el 31 de marzo de 1596 cerca de Poitiers.

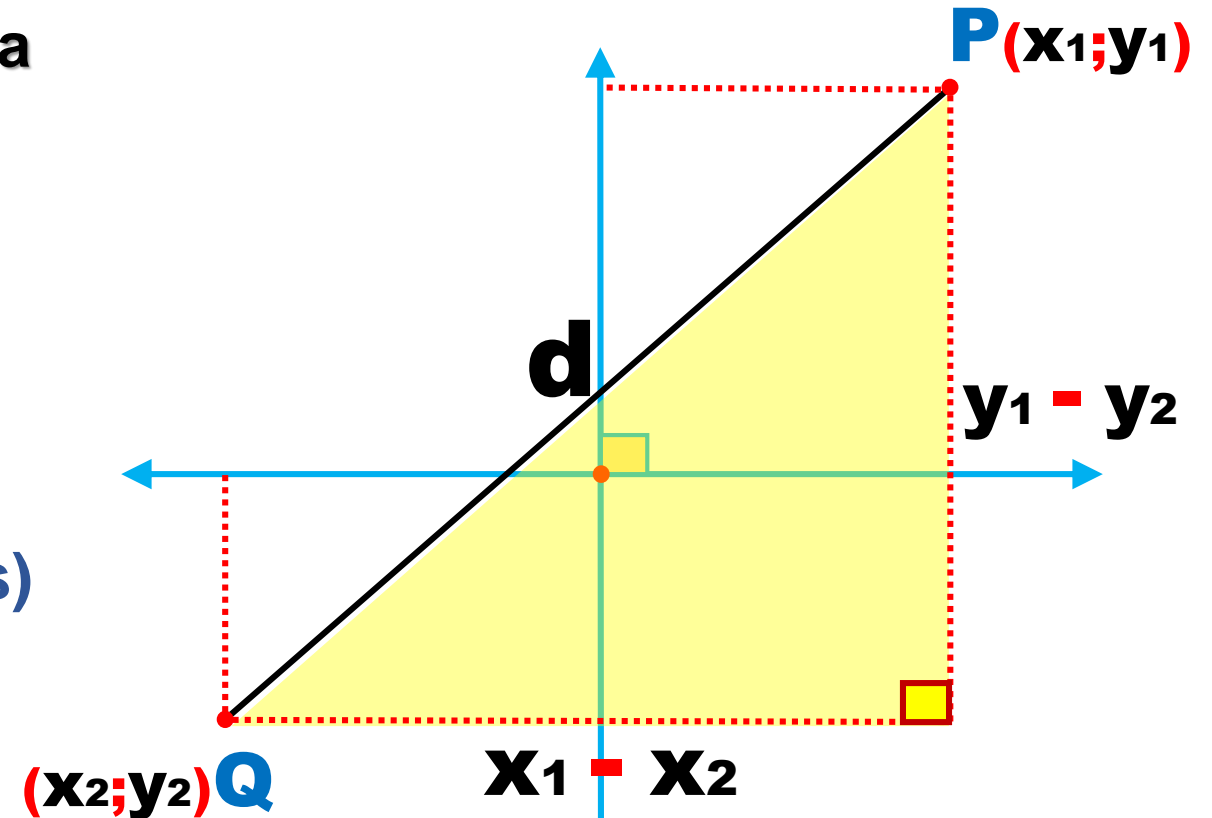
Fundamentó su pensamiento filosófico en la necesidad de tomar un "punto de partida" sobre el que edificar todo el conocimiento. En su faceta matemática que le lleva a crear la geometría analítica, también comienza tomando un punto de partida: dos rectas perpendiculares entre sí, que se cortan en un punto denominado "origen de coordenadas", ideando así las denominadas coordenadas cartesianas.



Es el plano determinado por dos rectas perpendiculares que se dividen en cuatro cuadrantes y su intersección se llama origen.



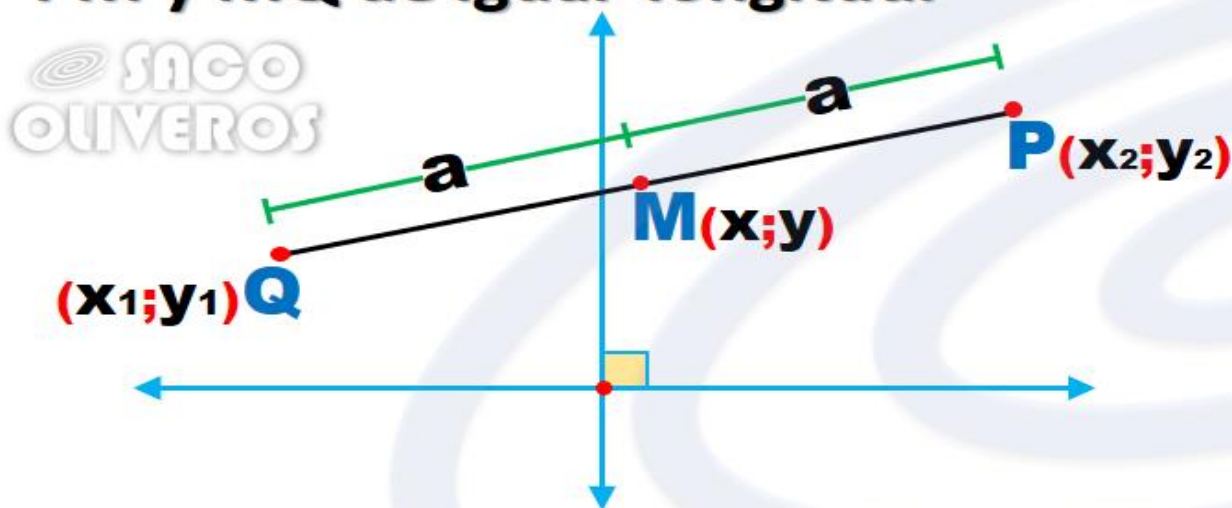
Distancia entre dos puntos



$$d^2 = (x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2$$

Coordenada del punto medio de un segmento

El punto medio del \overline{PQ} es el punto $M(x,y)$ que divide en dos segmentos PM y MQ de igual longitud.

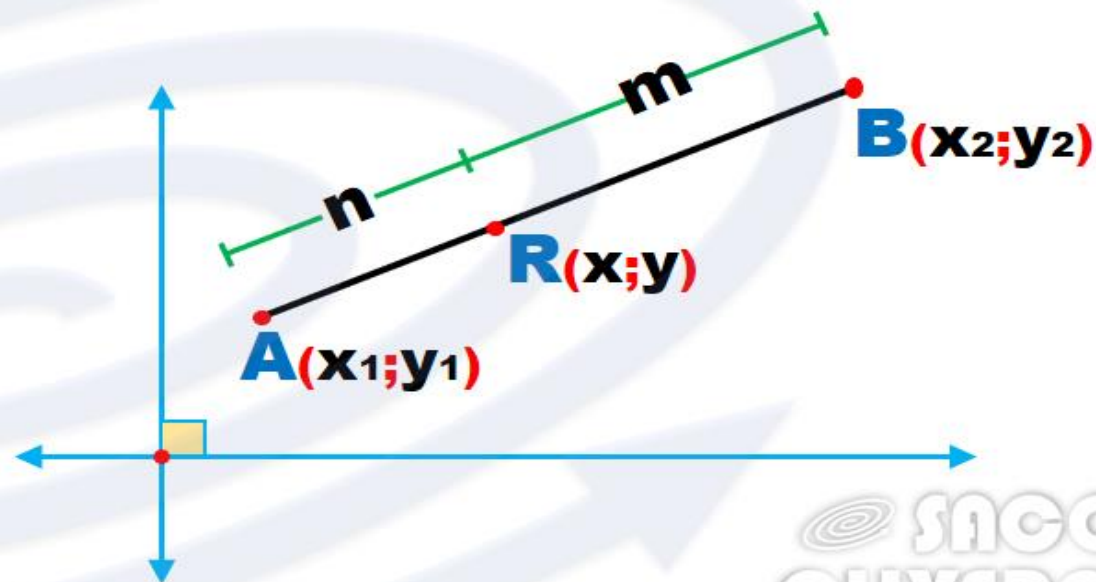


$$x = \frac{x_1 + x_2}{2}$$

$$y = \frac{y_1 + y_2}{2}$$

División de un segmento

Sean $A(x_1, y_1)$ y $B(x_2, y_2)$ los extremos de \overline{AB} , las coordenadas del punto $R(x, y)$

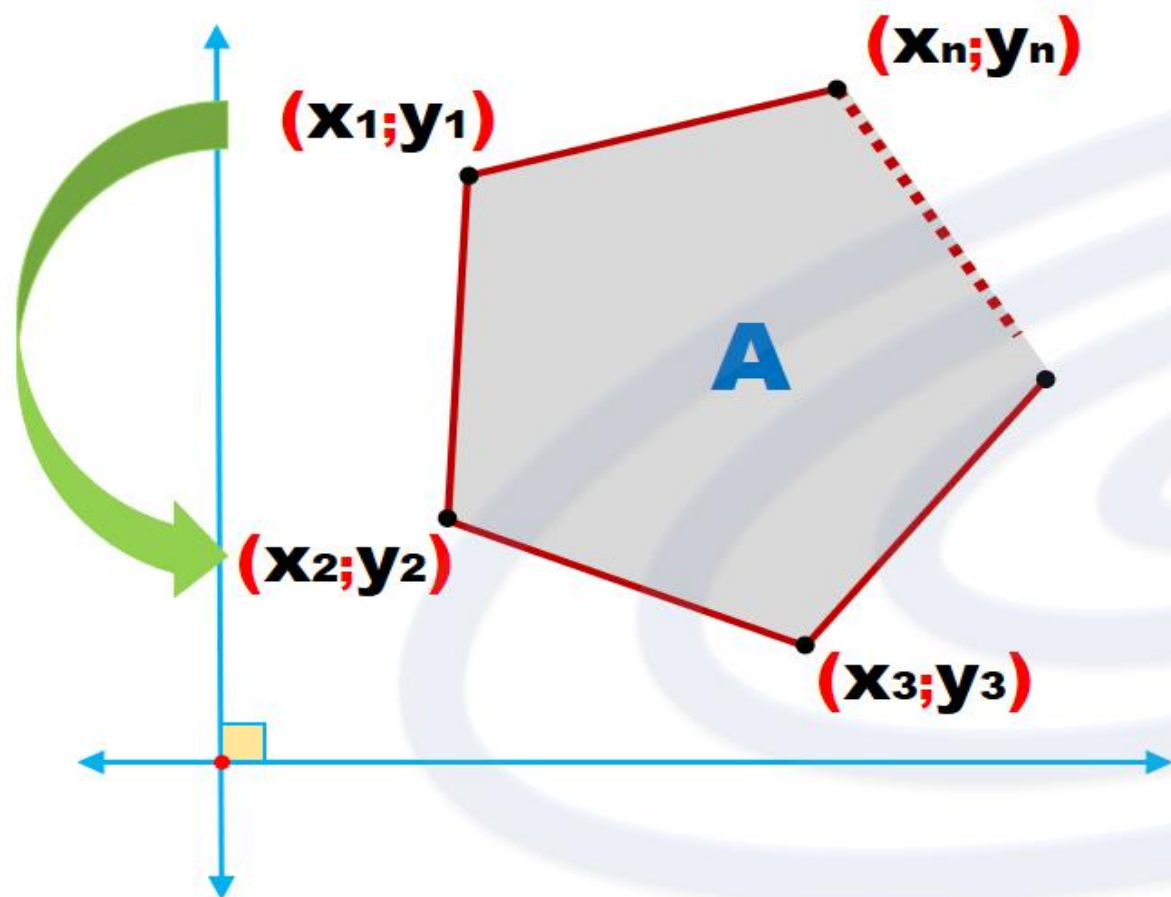


$$x = \frac{m \cdot x_1 + n \cdot x_2}{m + n}$$

$$y = \frac{m \cdot y_1 + n \cdot y_2}{m + n}$$

Cálculo de áreas en el plano cartesiano

SACO
OLIVEROS



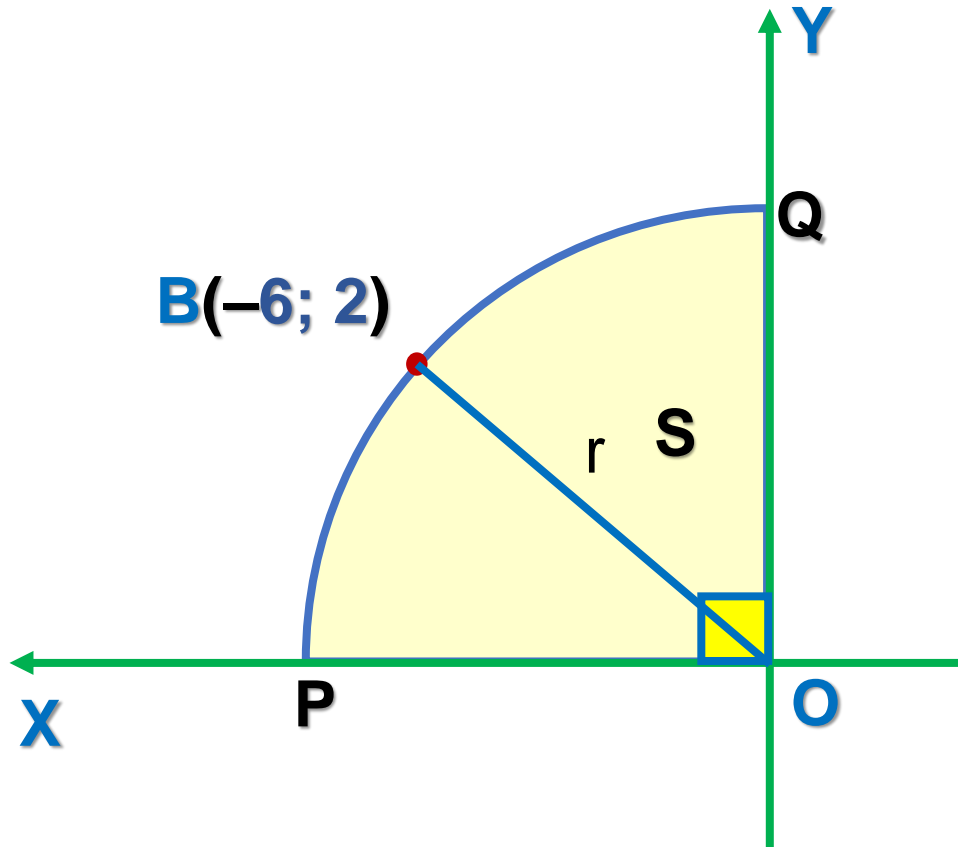
$$\begin{array}{c}
 (+) \left[\begin{array}{c|c|c}
 x_2 \cdot y_1 & x_2 & y_1 \\
 x_3 \cdot y_2 & x_3 & y_2 \\
 \vdots & \vdots & \vdots \\
 x_1 \cdot y_n & x_1 & y_n
 \end{array} \right. \begin{array}{c} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ \vdots \\ x_n \\ x_1 \end{array} \left. \begin{array}{c} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ \vdots \\ y_n \\ y_1 \end{array} \right] \begin{array}{c} x_1 \cdot y_2 \\ x_2 \cdot y_3 \\ \vdots \\ x_n \cdot y_1 \end{array} \right. (+) \\
 \hline
 R \qquad \qquad \qquad S
 \end{array}$$

$$A = \frac{|R - S|}{2}$$

SACO
OLIVEROS



1. En la figura, calcule el área del cuarto de círculo.



Resolución

- Piden: S
$$S = \frac{\pi(r)^2}{4} \quad \dots (1)$$

- Por teorema:
$$r = \sqrt{(-6)^2 + (2)^2}$$
$$r = \sqrt{40} \quad \dots (2)$$

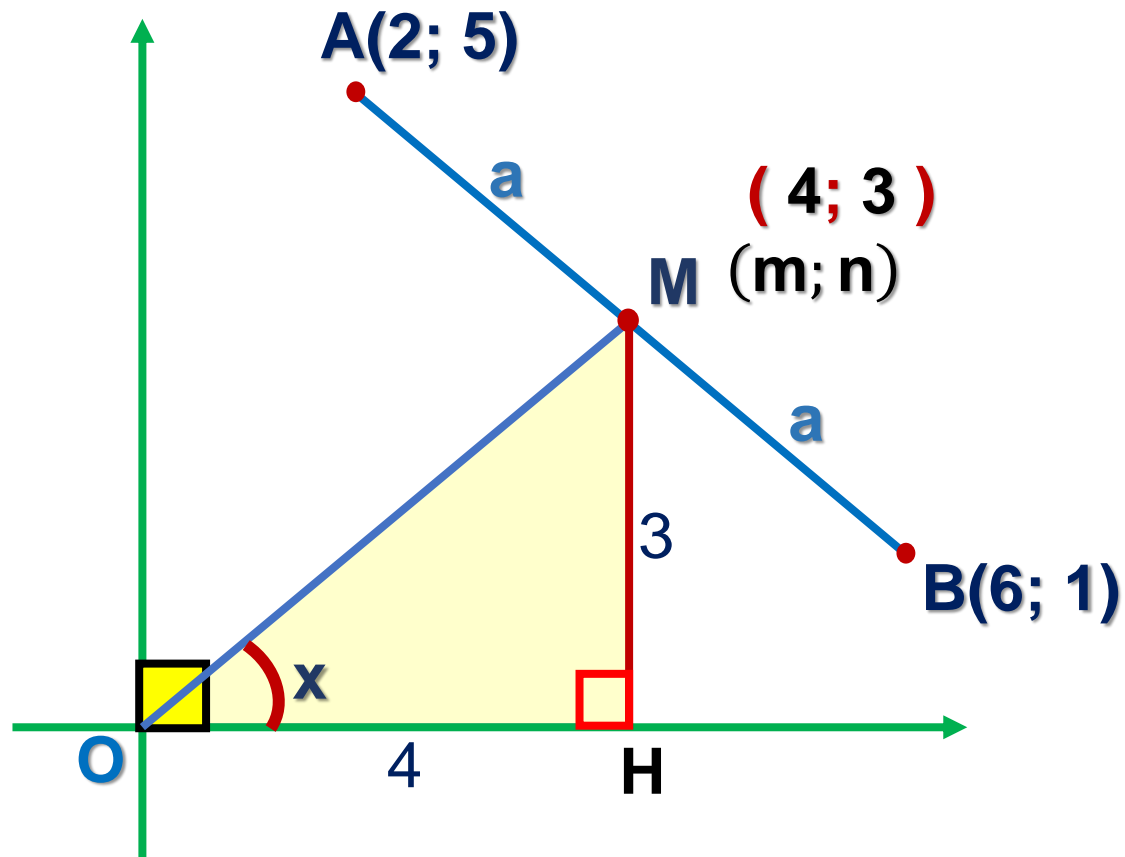
- Reemplazando 2 en 1.

$$S = \frac{\pi(\sqrt{40})^2}{4}$$

$$S = 10 \pi u^2$$



2. En la figura, halle el valor de x .



Resolución

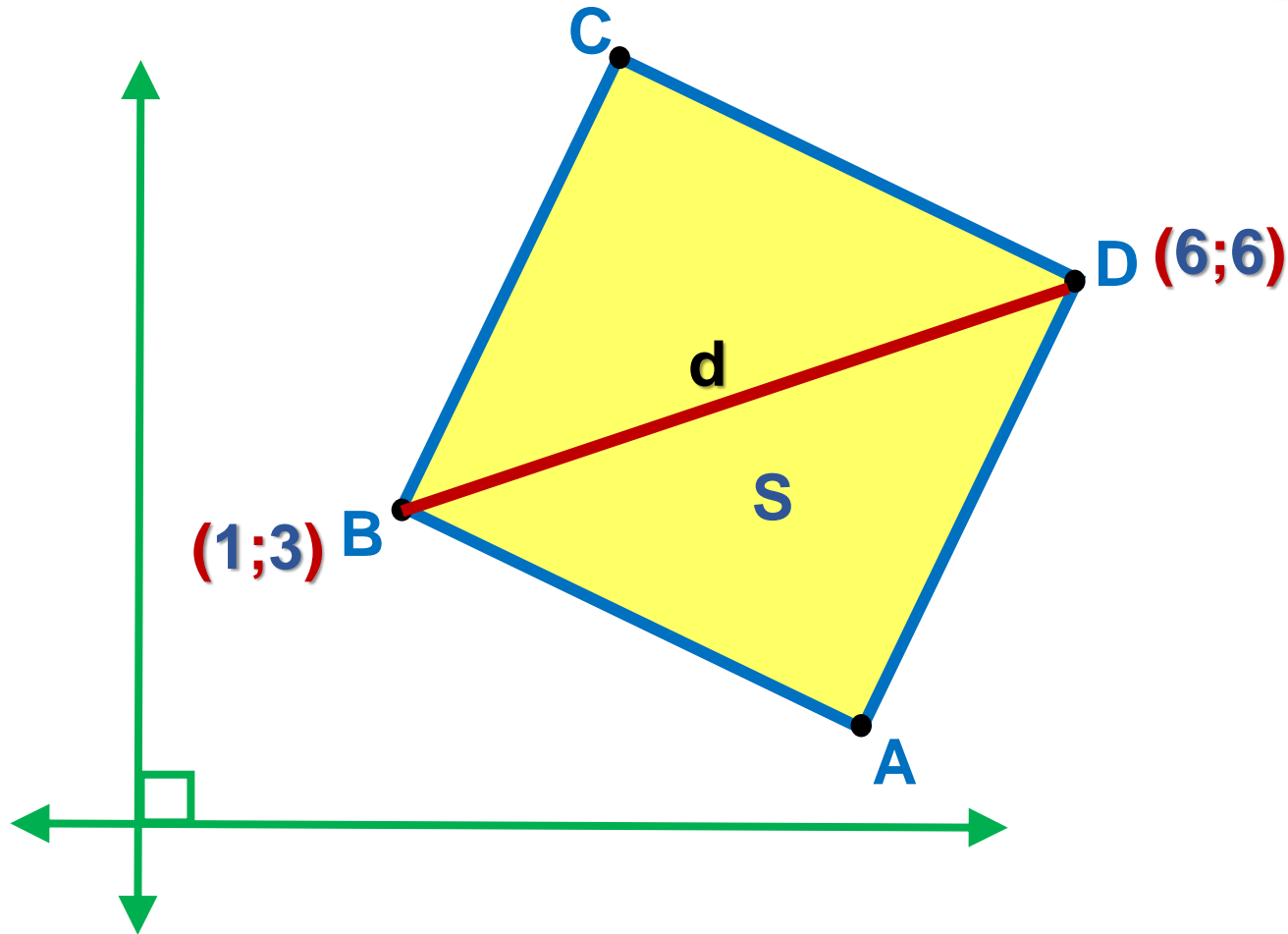
- Piden: a
- Por Coordenada del Punto Medio

$$m = \frac{6+2}{2} = 4 \quad n = \frac{1+5}{2} = 3$$

- Se traza la altura \overline{MH} .
-  OHM: Notable de 37° y 53°

$$x = 37^\circ$$

3 . En el plano cartesiano se tiene una región cuadrada ABCD, tal que B(1; 3) y D(6; 6). Calcule su área.



Resolución

- Piden: S
- Distancia entre dos puntos

$$d = \sqrt{(6 - 1)^2 + (6 - 3)^2}$$

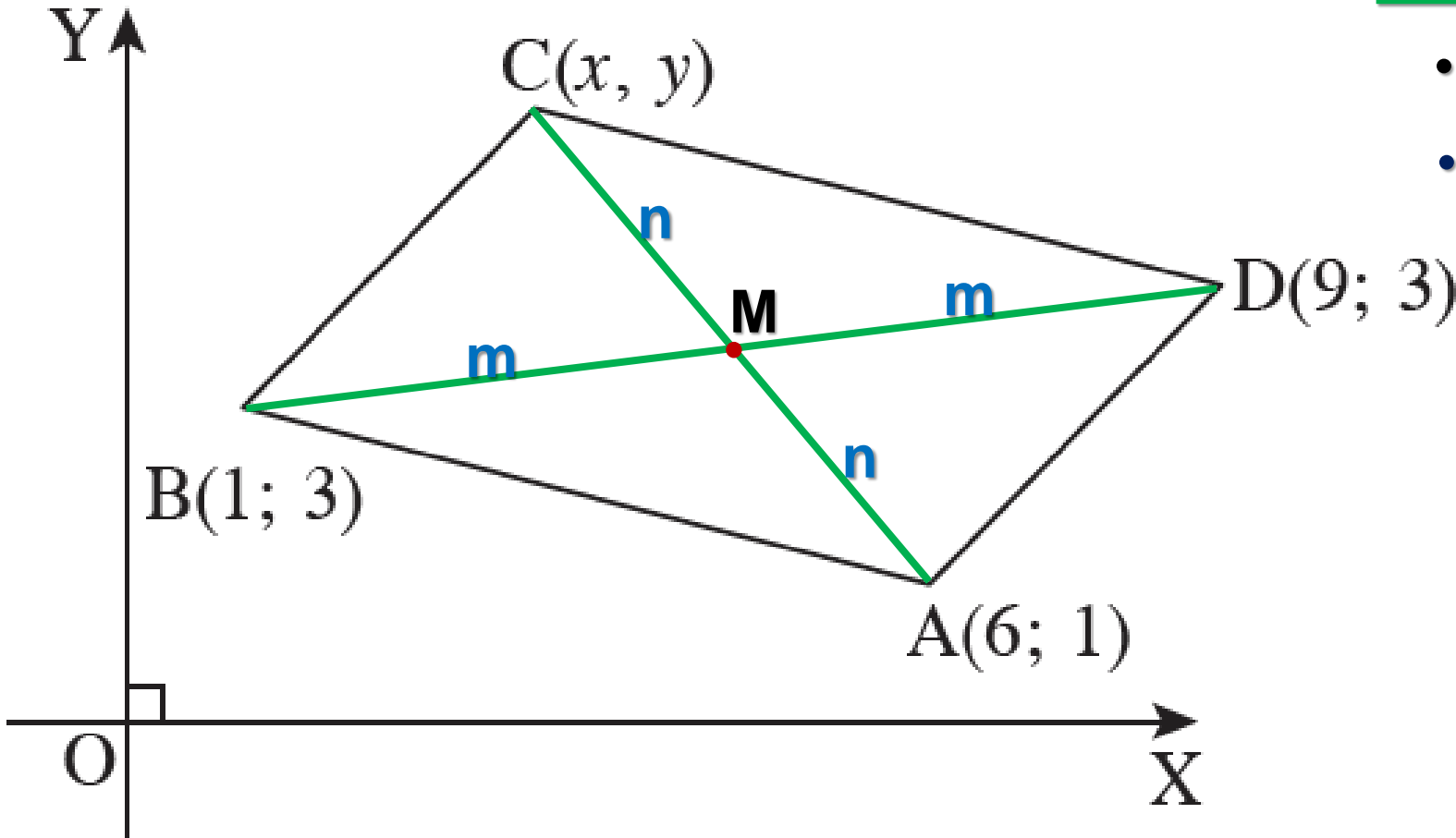
$$d = \sqrt{34}$$

- Por teorema.

$$S = \frac{(\sqrt{34})^2}{2}$$

$$S = 17 \text{ u}^2$$

4. En la figura, determine las coordenadas del vértice C del romboide ABCD.



Resolución

- Piden: C (x ; y)
- Por coordenadas del punto medio, se cumple:

$$\text{➤ } x + 6 = 1 + 9$$

$$x = 4$$

$$\text{➤ } y + 1 = 3 + 3$$

$$y = 5$$

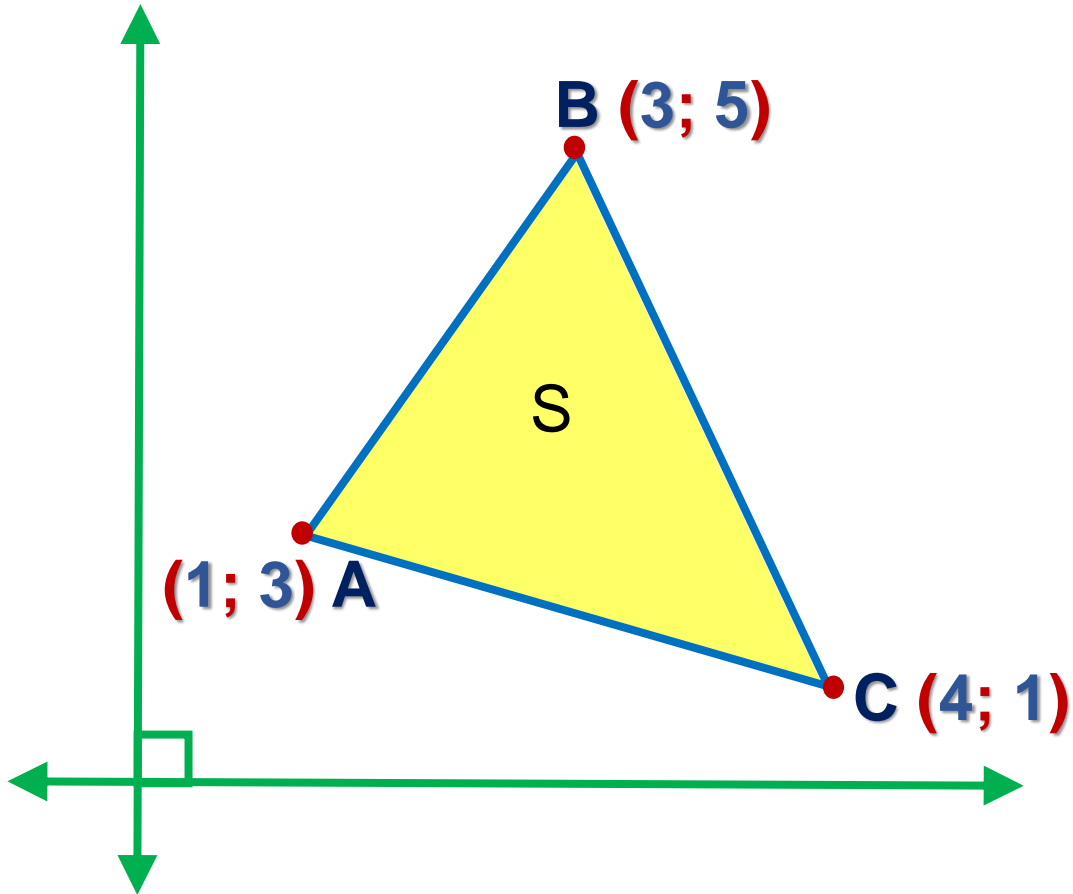
$$\mathbf{C(4; 5)}$$



5. Calcule el área de una región triangular ABC, si A (1; 3), B(3; 5) y C (4; 1).

Resolución

- Piden: S
- Por teorema:



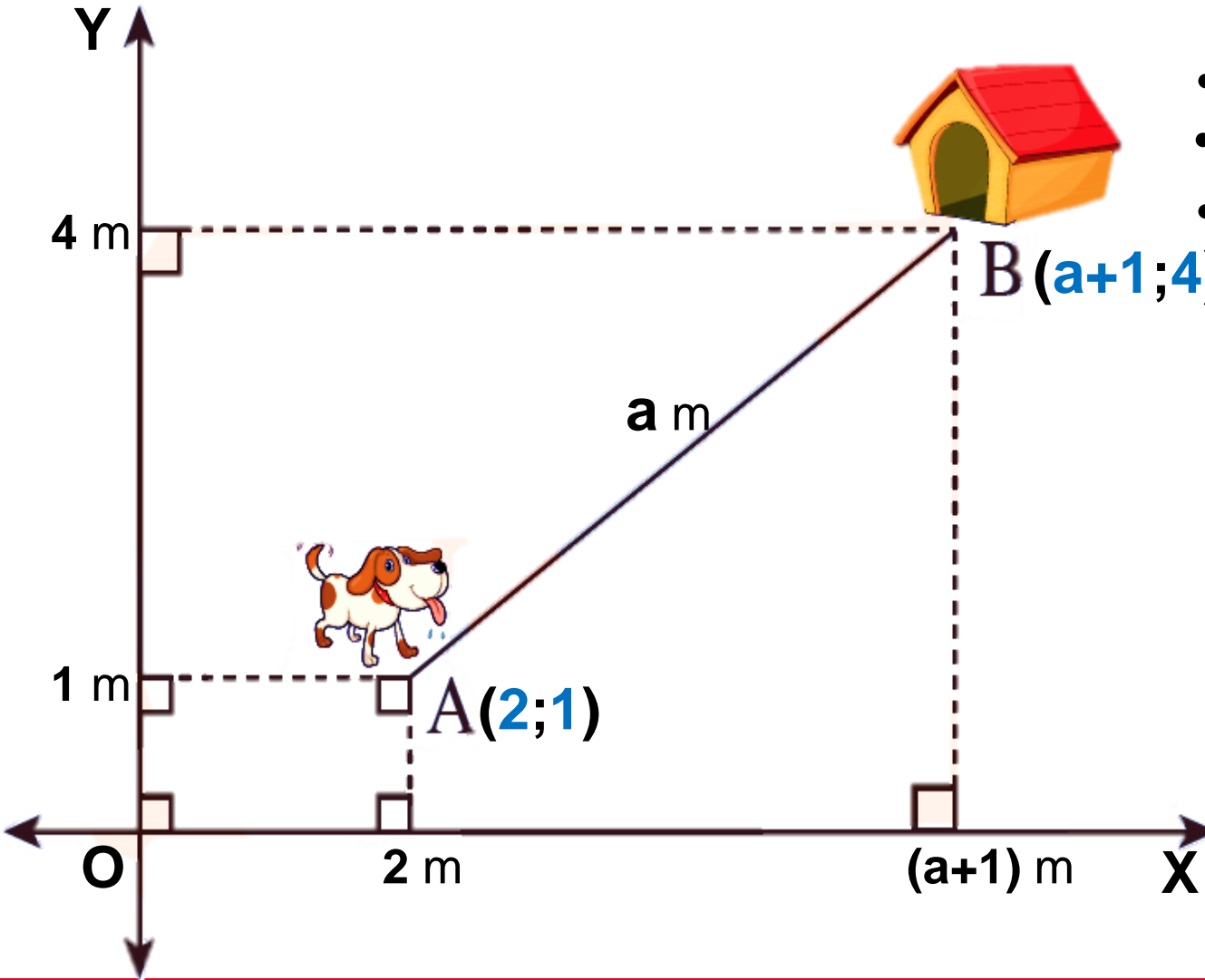
	1	3	
12	4	1	1
3	3	5	20
5	1	3	9
20			30

$$S = \frac{|20 - 30|}{2} = \frac{10}{2}$$

$$S = 5 \text{ u}^2$$



6. En el gráfico mostrado, en el punto A se encuentra un perro y en el punto B está su casa. Determine a cuántos metros se encuentra el perro de su casa.



Resolución

- Piden: a
- Determinamos las coordenadas de A y B
- Por teorema de la distancia entre dos puntos

$$a = \sqrt{[(a+1) - 2]^2 + (4 - 1)^2} \dots (1)$$

- Elevamos a la expresión (1) al cuadrado

$$a^2 = (a-1)^2 + 9$$

$$a^2 = a^2 - 2a + 1 + 9$$

$$2a = 10$$

$$a = 5$$



7. Los puntos $A(2; 1)$ y $C(7; 4)$ son dos vértices opuestos de una región rectangular ABCD, cuyos lados son paralelos a los ejes X e Y. Calcule el volumen del sólido de revolución que genera dicha región, al girar alrededor de su mayor lado.

Resolución

- Piden: $V_{(SG)}$
- Distancia entre dos puntos

$$\begin{aligned} \triangleright AD &= \sqrt{(7-2)^2 + (1-1)^2} \\ AD &= \sqrt{(5)^2} = 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \triangleright CD &= \sqrt{(7-7)^2 + (4-1)^2} \\ CD &= \sqrt{(3)^2} = 3 \end{aligned}$$

- Por teorema:

$$V_{(SG)} = \pi \cdot r^2 \cdot h$$

$$V_{(SG)} = \pi \cdot 3^2 \cdot 5$$

$$V_{(SG)} = 45\pi \text{ u}^3$$

