



# ALGEBRA

## Chapter 1

**3th**  
SECONDARY

Leyes de exponentes I

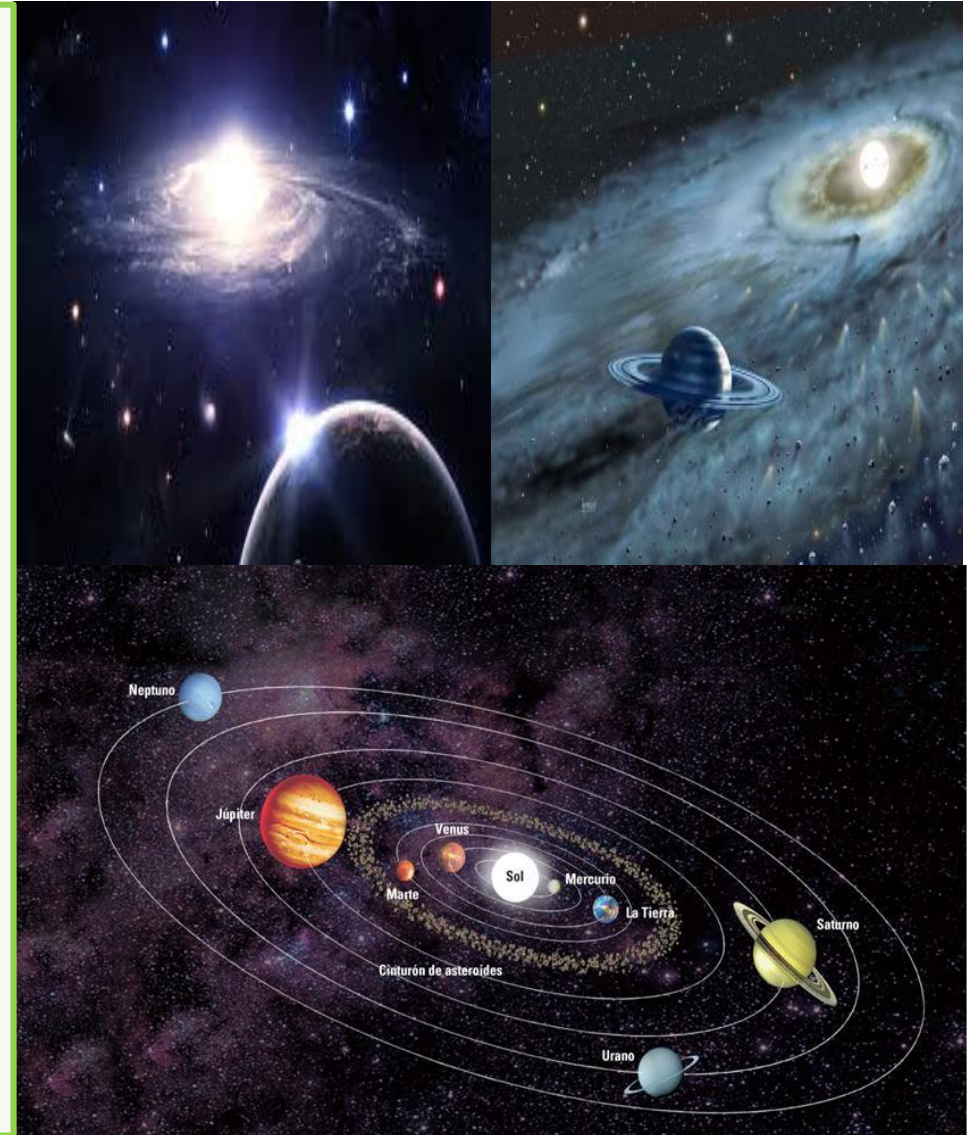


 **SACO OLIVEROS**

# ¿Qué es un año luz?



La cosa más rápida que conocemos es la luz, la cual viaja a una velocidad de 300,000 kilómetros por segundo en el espacio vacío. Para tener una idea de qué tan rápido es esto, ¡la luz puede viajar siete veces alrededor de la Tierra en un segundo! Los astrónomos usan la velocidad de la luz para medir qué tan lejos están los objetos en el espacio. Ellos usan una unidad llamada año-luz. Un año-luz es la distancia que la luz puede viajar en un año. En un año la luz viaja aproximadamente 5'880,000'000,000 millas o 9'460,000'000,000 kilómetros. Esta distancia es 1 año-luz. Por ejemplo, la estrella más cercana a nosotros está aproximadamente a 4.3 años-luz de distancia. Nuestra galaxia, la Vía Láctea, tiene aproximadamente 150,000 años luz de diámetro y la galaxia grande más cercana, Andrómeda, está a 2.3 millones de años luz de distancia.





## ¿QUÉ ES LA POTENCIACIÓN?

Es una operación matemática que consiste en determinar una expresión llamada potencia, a partir de otras dos expresiones llamadas base y exponente.

$$b^n = P$$

Donde:

- $b$   $\longrightarrow$  base
- $n$   $\longrightarrow$  exponente
- $P$   $\longrightarrow$  potencia

## EXPONENTE NATURAL:

$$a^n = \begin{cases} a; & \text{si } n = 1 \\ \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n \text{ veces}}; & \text{si } n \in \mathbb{N} \wedge n \geq 2 \end{cases}$$

## EXPONENTE CERO:

$$b^0 = 1 \quad ; b \neq 0$$

## EXPONENTE NEGATIVO:

$$b^{-n} = \frac{1}{b^n} \quad ; b \neq 0$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n \quad ; a \neq 0 ; b \neq 0$$



## TEOREMAS:

### 1. Multiplicación de bases iguales:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n} ; a \in \mathbb{R}$$

### 2. División de bases iguales:

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} ; a \in \mathbb{R} - \{0\}$$

### 3. Potencia de potencia:

$$((a^m)^n)^p = a^{mnp} ; a \in \mathbb{R}$$

### 4. Potencia de una multiplicación:

$$(a^m \cdot b^n)^k = a^{mk} \cdot b^{nk} ; a, b \in \mathbb{R}$$

### 5. Potencia de una división:

$$\left( \frac{a^m}{b^n} \right)^k = \frac{a^{mk}}{b^{nk}} ; b \in \mathbb{R} - \{0\}$$



# HELICO PRACTICE





Problema 1

**Efectúe**

$$S = \frac{\left(\frac{1}{2}\right)^{-3} + \left(\frac{1}{5}\right)^{-2} + \left(\frac{1}{3}\right)^{-1}}{\left(\frac{1}{6}\right)^{-1}}$$

RECORDEMOS:

Exponente negativo:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$

$$a \neq 0 ; b \neq 0$$

**Resolución:**

$$E = \frac{\left(\frac{1}{2}\right)^{-3} + \left(\frac{1}{5}\right)^{-2} + \left(\frac{1}{3}\right)^{-1}}{\left(\frac{1}{6}\right)^{-1}}$$

$$E = \frac{2^3 + 5^2 + 3^1}{6^1}$$

$$E = \frac{8 + 25 + 3}{6}$$

$$E = \frac{36}{6}$$

$$\therefore E = 6$$



Problema 2

**Simplifique**

$$T = \frac{4^{2m+3} \cdot 8^{m+2}}{128^{m+1}}$$

RECORDEMOS:

Potencia de potencia:

$$((a^m)^n)^p = a^{mnp}$$

Multiplicación de bases iguales:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

División de bases iguales:

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

**Resolución:**

$$T = \frac{4^{2m+3} \cdot 8^{m+2}}{128^{m+1}}$$

$$T = \frac{(2^2)^{2m+3} \cdot (2^3)^{m+2}}{(2^7)^{m+1}}$$

$$T = \frac{2^{4m+6} \cdot 2^{3m+6}}{2^{7m+7}}$$

$$T = \frac{2^{7m+12}}{2^{7m+7}}$$

$$T = 2^5$$

$$\therefore T = 32$$



Problema 3

Reduzca

$$Q = \frac{2^{n+5} - 2^{n+4} + 2^{n+2}}{2^{n+3} + 2^{n+1}}$$

RECORDEMOS:

Multiplicación de bases iguales:

$$a^{m+n} = a^m \cdot a^n$$

**Resolución:**

$$Q = \frac{2^{n+5} - 2^{n+4} + 2^{n+2}}{2^{n+3} + 2^{n+1}}$$

$$Q = \frac{2^n \cdot 2^5 - 2^n \cdot 2^4 + 2^n \cdot 2^2}{2^n \cdot 2^3 + 2^n \cdot 2^1}$$

$$Q = \frac{2^n(2^5 - 2^4 + 2^2)}{2^n(2^3 + 2^1)}$$

$$Q = \frac{2^5 - 2^4 + 2^2}{2^3 + 2^1}$$

$$Q = \frac{32 - 16 + 4}{8 + 2}$$

$$Q = \frac{20}{10}$$

$$\therefore Q = 2$$





Problema 4

Simplifique

$$E = \left\{ \left[ m^{-6} \cdot (m^3)^4 \right]^2 \cdot m^{-7} \right\}^2 \cdot m^{-10}, m \neq 0$$

RECORDEMOS:

Potencia de potencia:

$$((a^m)^n)^p = a^{mnp}$$

Multiplicación de bases iguales:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

**Resolución:**

$$E = \left\{ \left[ m^{-6} \cdot (m^3)^4 \right]^2 \cdot m^{-7} \right\}^2 \cdot m^{-10}$$

$$E = \left\{ \left[ m^{-6} \cdot m^{12} \right]^2 \cdot m^{-7} \right\}^2 \cdot m^{-10}$$

$$E = \left\{ \left[ m^6 \right]^2 \cdot m^{-7} \right\}^2 \cdot m^{-10}$$

$$E = \left\{ m^{12} \cdot m^{-7} \right\}^2 \cdot m^{-10}$$

$$E = \left\{ m^5 \right\}^2 \cdot m^{-10}$$

$$E = m^{10} \cdot m^{-10}$$

$$E = m^0$$

$$\therefore E = 1$$



Problema 5

Siendo

$$2^{-x} = \frac{1}{3}$$

Evalúe:  $T = 8^x + 4^x + 2^x$

**Resolución:**

$$(2^{-x})^{-1} = \left(\frac{1}{3}\right)^{-1} \longrightarrow 2^x = 3$$

$$T = 8^x + 4^x + 2^x$$

$$T = (2^3)^x + (2^2)^x + (2^1)^x$$

$$T = (2^x)^3 + (2^x)^2 + (2^x)^1$$

Reemplazando:  $2^x = 3$

$$T = 3^3 + 3^2 + 3$$

$$T = 27 + 9 + 3$$

$$\therefore T = 39$$



Problema 6

El profesor Pedro le dice a Jaime; “El valor reducido de la expresión

$$E = \frac{81^2 \cdot 45^4}{27^4 \cdot 625}$$

representa la edad de mi padre”.  
¿Cuál es la edad del padre de Pedro?

RECORDEMOS:

Potencia de potencia:

$$((a^m)^n)^p = a^{mnp}$$

Multiplicación de bases iguales:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

División de bases iguales:

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

**Resolución:**

$$E = \frac{81^2 \cdot 45^4}{27^4 \cdot 625}$$

$$E = \frac{(3^4)^2 \cdot (3^2 \cdot 5)^4}{(3^3)^4 \cdot 5^4}$$

$$E = \frac{3^8 \cdot 3^8 \cdot 5^4}{3^{12} \cdot 5^4}$$

$$E = \frac{3^{16}}{3^{12}}$$

$$E = 3^4$$

$$E = 81$$

∴ El padre de Pedro tiene 81 años.



Problema 7

El jefe de la ONPE determina el número de actas emitidas en la segunda vuelta para la presidencia de nuestro país el cual obedece a la expresión:

$$P = 50\,000 \left(\frac{t}{3}\right)^{-1}$$

Donde  $t$  es la hora del conteo de actas ( $0 \leq t \leq 24$ ).

Halle la cantidad de actas contabilizadas hasta las 8 pm.

RECORDEMOS:

Exponente  
negativo:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$

$$a \neq 0 ; b \neq 0$$

**Resolución:**

$$P = 50\,000 \left(\frac{t}{3}\right)^{-1}$$

$$P = 50\,000 \left(\frac{20}{3}\right)^{-1}$$

$$P = \cancel{50\,000} \frac{3}{\cancel{20}}$$

$$P = 7500$$

**$\therefore$  Las actas contabilizadas son 7500**