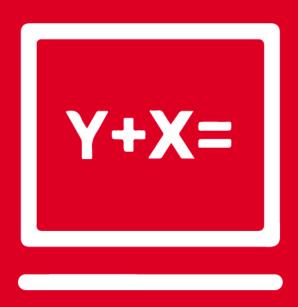
# ARITHMETIC Chapter 8



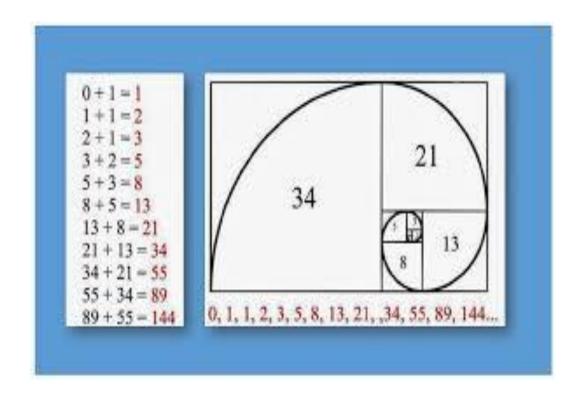


**SUCESIONES** 



### **MOTIVATING | STRATEGY**

¿Cómo se le llama a esta conocida sucesión?...



# Sucesión lineal (o de primer orden)

# > PROGRESIÓN ARITMÉTICA (PA)

Donde: 
$$t_2 = t_1 + r$$
  
 $t_3 = t_1 + 2r$   
 $t_4 = t_1 + 3r$   
...

$$t_{n} = t_{1} + (n-1).r$$

## **Además**

t<sub>1</sub>: Primer término

t<sub>n</sub>:Término n-ésimo o último término

n: Número de términos

r: Razón de P.A.

$$\mathbf{n} = \left(\frac{t_n - t_1}{r}\right) + 1$$

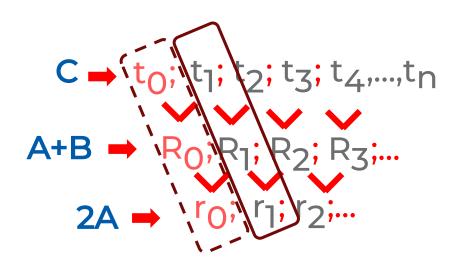
# Sucesión aritmética de orden superior

> SUCESIÓN CUADRÁTICA DEL MISMO ORDEN

Fórmula general 
$$t_n = An^2 + Bn + C$$

Donde: a , b y c  $\rightarrow$  constantes y n  $\in \mathbb{N}$ 

Regla práctica



# Conteo de cifras

Sea la sucesión: 1; 2; 3; 4; ...; N

Donde N es un número de k cifras

En general

N° de cifras = 
$$(N+1)$$
.  $k-11...1$  k cifras

Ejemplo ¿Cuántas cifras se utilizaron en 1; 2; 3; ...; 199?

# Halle el vigésimo cuarto término en 19 ; 25 ; 31 ; ...

#### **RESOLUTION**

Recordemos:

$$t_n = t_1 + (n-1).r$$

$$\rightarrow$$
 t<sub>1</sub> = **19**; r = **6**

## Reemplazando:

$$t_{24} = 19 + (24 - 1).6$$

$$t_{24} = 157$$

RPTA:

157

¿Cuántas cifras se utilizaron en la impresión del libro "El arte del Ajedrez" que consta de 1274 páginas?

#### **RESOLUTION**

N° de cifras = 
$$(N+1)$$
.  $k-11...1$   
k cifras

$$\triangleright$$
 N = 1274 ; K = 4

# Reemplazamos:

$$N^{\circ}$$
 de cifras = (1274 + 1).4 - 1111

$$N^{\circ}$$
 de cifras = (1275).4 - 1111

RPTA: 3989 cifras

Si la siguiente progresión aritmética : 2a; 2a + 4; 2a + 8; ...; 5a tiene 28 términos. Halle el valor de a.

#### **RESOLUTION**

#### Recordando:

$$\mathbf{n} = \left(\frac{t_n - t_1}{r}\right) + 1$$

$$r = (2a + 4) - (2a)$$
  $r = 4$ 

$$r = 4$$

# Reemplazamos:

$$\frac{5a-2a}{4}+1=28$$

$$a = 36$$

RPTA:

4

El producto de los tres primeros términos de una progresión aritmética creciente es 2415. Si el segundo término es 15.Halle el décimo segundo término.

#### RESOLUTION

$$15 - r \quad 15 \quad 15 + r$$

$$(15 - r) \cdot 15 \cdot (15 + r) = 2415$$

$$(15^{2} - r^{2}) \cdot 15 = 2415 \implies 225 - r^{2} = 161$$

$$r^{2} = 64 \implies r = 8$$

Entonces P.A.: 7;15;23;...

$$t_{12} = 7 + (12 - 1)8$$

$$t_{12} = 7 + 88 = 95$$

#### HELICO | PRACTICE

# Dada la siguiente progresión aritmética:

$$\overline{aa0}$$
;  $\overline{ab(a+2)}$ ;  $\overline{a(b+1)(3b)}$ ; ...;  $\overline{(3a)05}$  . Calcule  $a+b+n$  n términos

#### **RESOLUTION**

$$\overline{aa0}$$
;  $\overline{ab(a+2)}$ ;  $\overline{a(b+1)(3b)}$ ; ...;  $\overline{(3a)05}$   
+1a+2 +1n tárminos

#### Donde:

$$(a + 2) + a + 2 = 3.b$$
  
 $3b = 2a + 4$ 

#### Resolviendo:

$$3(a+1) = 2a+4$$
  
 $3a+3 = 2a+4$ 

$$b = a + 1$$

$$a = 1$$
;  $b = 2$ 

## Reemplazando:

#### Donde:

$$n = \boxed{\frac{305 - 110}{13}} + 1 \qquad \boxed{n = 16}$$

**Piden:** (a + b + n) = 1 + 2 + 16

RPTA: 19

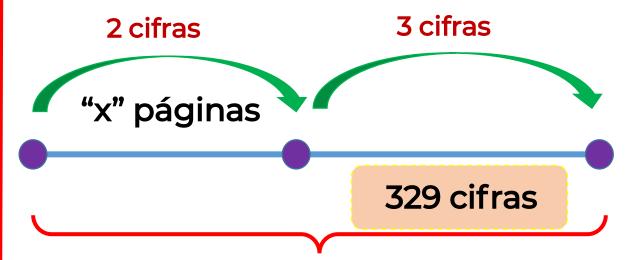
6

De la novela Un mundo para Julius, cuyo autor es Alfredo Bryce Echenique y que consta de 180 páginas se arrancaron cierto número de hojas del principio, notándose que en las páginas que quedan se han empleado 329 tipos. ¿Cuántas hojas se arrancaron?

#### Recordando:

 $N^{\circ}$  de cifras = (N + 1). k - 11...1k cifras

#### **RESOLUTION**



# 180 páginas

$$3(180+1)-111=2(x+1)-11+329$$
  
 $432=2x+320$   
 $x = 56$ 

RPTA: 28 hojas



El alquiler de una bicicleta cuesta S/ 4 la primera hora y S/ 3 más cada nueva hora.¿Cuál es el precio total de alquiler en 9 horas?

+3

+3

#### **RESOLUTION**

#### Tenemos:

1ª hora: S/4

> 2ª hora: S/7°

> 3ª hora: S/10

> 4° hora: S/13

•

> Se forma una P.A. de razón 3:

$$\rightarrow$$
 t<sub>1</sub> = 4; r = 3

> Se debe hallar el t<sub>9</sub>:

$$t_9 = 4 + (9 - 1).3$$

$$t_9 = 4 + 24$$

$$t_9 = 28$$

**RPTA:** 28