MATHEMATICAL REASONING Chapter 19, 20 & 21





FEED BACK





MÁXIMOS Y MÍNIMOS

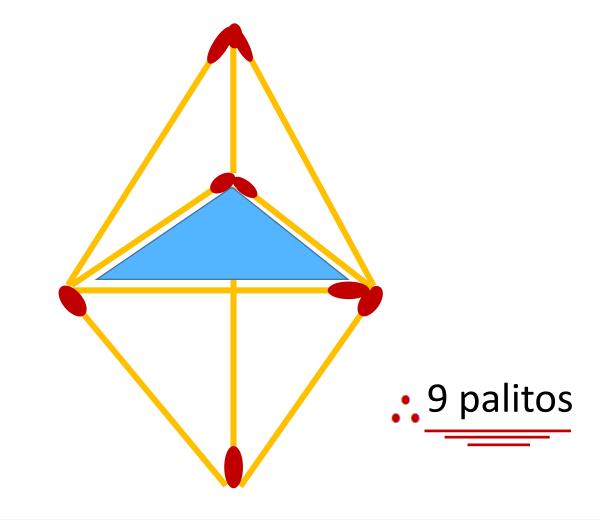




¿Cuántos cerillos son necesarios para construir 7 triángulos equiláteros, de manera que cada lado del triángulo sea un cerillo completo y la cantidad de cerillos sea mínima?

Resolución:

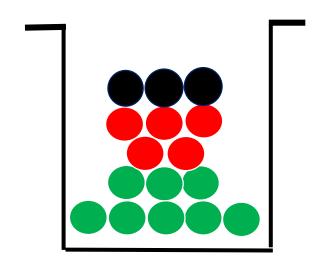
Ubicando los cerillos convenientemente



En una caja se tienen 3 canicas de color negro, 5 de color rojo y 8 de color verde. ¿Cuántas se tendrán que extraer al azar y como mínimo para tener la certeza de que haya dos de cada uno de los colores?

Resolución:

Se quiere obtener dos de cada uno de los colores.



Al extraer las 8 canicas de color verde y las 5 de color rojo ya se tendría dos de cada una de ellas, por lo tanto, solo se necesita extraer dos de color negro..



$$8 + 5 + 2 = 15$$

Calcule el máximo valor de M en:

$$M = \frac{40}{x^2 + 8x + 21}$$

NOTA:

Calculamos el mínimo valor del denominador completando cuadrados.

Resolución:



Para que M tenga el máximo valor el denominador $x^2 + 8x + 21$ debe ser mínimo :

$$D_{min.} = x^{2} + 2x(4) + (4)^{2} + 5$$

$$D_{min.} = (x+4)^{2} + 5$$

$$D_{min.} = 5$$

PIDEN:
$$M_{m\acute{a}x.} = \frac{40}{5}$$



Calcule el mínimo valor que puede asumir F en:

$$F = 3x^2 - 8x + 10$$

NOTA:

Calculamos el mínimo valor de F completando cuadrados.

Resolución:



Factorizamos el número 3

$$F = 3 \left[x^{2} - \frac{8}{3}x \right] + 10$$

$$F = 3 \left[x^{2} - 2x \left(\frac{4}{3} \right) + \left(\frac{4}{3} \right)^{2} - \left(\frac{4}{3} \right)^{2} \right] + 10$$

$$F = 3 \left[x^{2} - 2x \left(\frac{4}{3} \right) + \left(\frac{4}{3} \right)^{2} \right] - 3 \left(\frac{4}{3} \right)^{2} + 10$$

$$F_{min.} = 3 \left(x + \frac{4}{3} \right)^{2} - 3 \left(\frac{16}{9} \right) + 10$$

$$F_{min.} = -\frac{16}{3} + 10$$

$$\vdots$$

$$\frac{14}{3}$$



ANÁLISIS COMBINATORIO I



Ana propone a Beto ir de viaje juntos, Beto dice: "Podemos ir en camión o en ómnibus". Ana dice: "Si pero también podemos ir en avión o en yate". Si al lugar al que viajarán hay 5 rutas para el camión, 2 compañías aéreas, 3 yates y 3 carreteras para el ómnibus, de la compañía B y la compañía A, ¿de cuántas maneras distintas pueden llegar a su destino?

Obs.: Cada compañía aérea tiene un solo avión.

Resolución:

01

Según los datos:



El grupo de estudios ALEPH realizará este 15 de diciembre sus elecciones internas para elegir a su junta directiva del próximo año 2021; presidente, vicepresidente, secretario y tesorero. Esta nueva junta directiva se elegirá de 8 candidatos finalistas. ¿De cuántas formas distintas se podrá elegir al presidente, vicepresidente, secretario y tesorero?

Resolución:

01

Candidatos finalistas: 8



$$Total = 8 \times 7 \times 6 \times 5$$

$$Total = 1680$$



01

PROBLEMA 7

Después de mucho tiempo 7 amigos se reúnen en un restaurante. Por cuestión de espacio el mozo los ubica en una mesa circular. ¿De cuántas formas diferentes podrán ubicar de esta mesa circular si Ana; Raúl y Marcos siempre se ubican juntos?

Resolución:



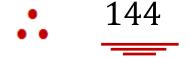
$$n = 5$$

$$P_{\mathcal{C}_n} = (n-1)!$$

$$P_{total} = 4! \times 3!$$

$$P_{total} = 24x6$$

$$P_{total} = 144$$



¿Cuántas palabras distintas que tengan sentido o no se pueden formar con todas las letras de la palabra COCOROCO?

Resolución:



8 letras

$$n = 8$$

Recordemos:

$$P_{r_1;r_2}^n = \frac{n!}{r_1! \times r_2!}$$

Se repiten:

 $\mathbb{C} \longrightarrow 3$ veces:

4 veces:

$$P_{3;4}^{8} = \frac{8!}{3! \times 4!} \longrightarrow P_{3;4}^{8} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4!}{2! \times 4!}$$

$$P_{3:4}^8 = 280$$



280



ANÁLISIS COMBINATORIO II



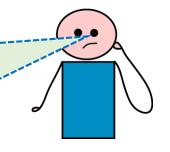


Tenemos 10 poemarios y solo vamos a leer cinco de ellos, incluyendo siempre Las imprecaciones, de Manuel Scorza. ¿De cuántas maneras diferentes podemos elegir los poemarios a leer?

Resolución:



Se elegirán 4 poemarios de los 5 que se quiere, porque uno de ellos ya está incluido (Las Imprecaciones)



N° de maneras diferentes =
$$C_4^9 = \frac{9 \times 8 \times 7 \times 6}{4 \times 3 \times 2 \times 1}$$

 N° de maneras diferentes = 126

En una reunión internacional de empresarios de distintos países, el primer día las 13 personas asistentes saludan cordialmente estrechándose las manos. ¿Cuántos apretones realizan dichos mano empresarios?

Resolución:

01

El saludo cordial de estrecharse las manos se realiza entre dos personas.



$$n = 13$$

$$k = 2$$

$$C_2^{13} = \frac{13 \times 12}{2 \times 1}$$

$$C_2^{13} = \frac{156}{2} \longrightarrow C_2^{13} = 78$$





Un equipo de élite debe formarse con 2 comandos del ejército, 3 de la fuerza aérea y 3 de la marina. Si son elegibles 5 comandos del ejército, 6 de la marina y 6 de la fuerza aérea, ¿entre cuántos posibles equipos podría elegirse al equipo ideal?

Resolución:







$$N^{\circ}de \ equipos = C_2^5 \times C_3^6 \times C_3^6$$

$$N^{\circ}de \ equipos = \frac{5!}{2! \cdot 3!} \times \frac{6!}{3! \cdot 3!} \times \frac{6!}{3! \cdot 3!}$$

$$N^{\circ}de\ equipos = 10 \times 20 \times 20 = 4000$$



Con siete frutas distintas, ¿cuántos jugos surtidos, como máximo, podríamos preparar si siempre agregamos las frutas misma en una proporción?

Resolución:

Piden el n° máximo de jugos surtidos que se pueden preparar con 7 frutas.



El jugo surtido, mínimo debe tener 2 frutas.

PROPIEDAD:

$$C_0^n + C_1^n + C_2^n + \dots + C_n^n = 2^n$$

$$N^{\circ}de jugos = 2^7 - 1 - 7$$

 N° N° de jugos surtidos = 120



iMuchas Gracias!