



# ALGEBRA

## Chapter 9

**3rd**  
SECONDARY

**División Polinómica I**



 **SACO OLIVEROS**



## ***RECORDANDO:***

*¿Puedes completar y ordenar en forma decreciente los siguientes polinomios?*

$$P(x) = \underline{2x} + \underline{x^4} + \underline{1} \Rightarrow P(x) = x^4 + 0x^3 + 0x^2 + 2x + 1$$

$$F(x) = \underline{2} - \underline{x^2} + \underline{x^5} \Rightarrow F(x) = x^5 + 0x^4 + 0x^3 - x^2 + 0x + 2$$



# DIVISIÓN POLINÓMICA

*Sea la división de polinomios:*



## IDENTIDAD FUNDAMENTAL:

$$D(x) \equiv d(x) \cdot q(x) + R(x)$$

## PROPIEDADES:

- I.  $GA[D(x)] \geq GA[d(x)]$
- II.  $GA[q(x)] = GA[D(x)] - GA[d(x)]$
- III.  $GA[R(x)] \leq GA[d(x)] - 1$
- III.  $d(x) \neq 0$



# I MÉTODO DE HORNER:

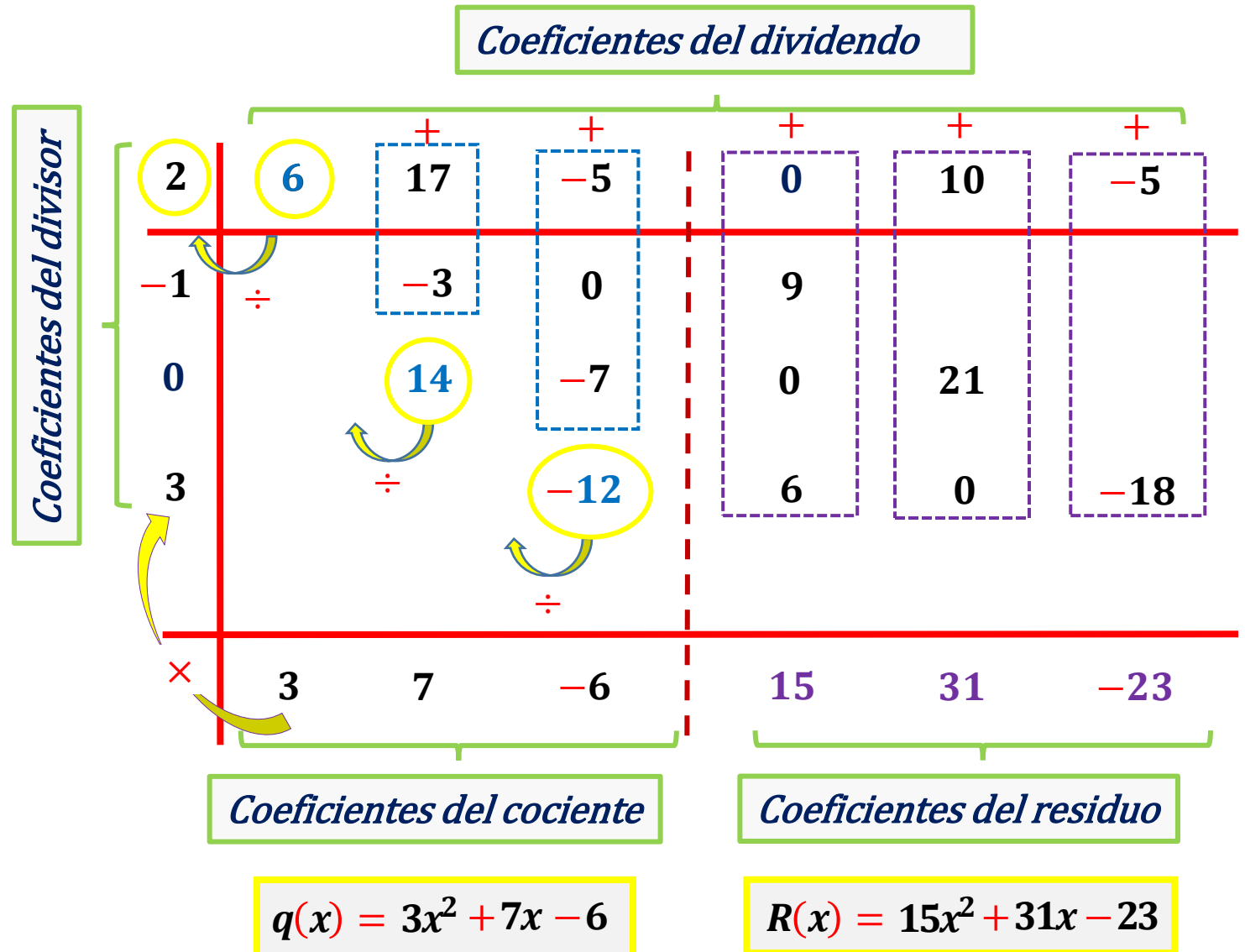
Sea la división:

$$\frac{6x^5 + 17x^4 - 5x^3 + 10x - 5}{2x^3 + x^2 - 3}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo y el divisor.

$$\frac{6x^5 + 17x^4 - 5x^3 + 0x^2 + 10x - 5}{2x^3 + x^2 + 0x - 3}$$

## ESQUEMA:





## II REGLA DE RUFFINI:

1º Caso: Divisor de la forma  $x + b$

Sea la división:

$$\begin{array}{r} 3x^5 - 7x^4 + 4x^2 + 5x - 6 \\ x - 2 \end{array}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\begin{array}{r} 3x^5 - 7x^4 + 0x^3 + 4x^2 + 5x - 6 \\ x - 2 \end{array}$$

ESQUEMA:

Regla:  $x - 2 = 0 \Rightarrow x = 2$

	Coeficientes del dividendo					
	3	-7	0	4	5	-6
		6	-2	-4	0	10
2	3	-1	-2	0	5	4
	Coeficientes del cociente					Residuo
	$q(x) = 3x^4 - x^3 - 2x^2 + 5$					$R(x) = 4$



## 2º Caso:

Divisor de la forma  $ax + b$

Sea la división:

$$\begin{array}{r} 6x^5 + 5x^4 - 7x + 4 \\ 2x - 1 \end{array}$$

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\begin{array}{r} 6x^5 + 5x^4 + 0x^3 + 0x^2 - 7x + 4 \\ 2x - 1 \end{array}$$

## ESQUEMA:

Regla:  $2x - 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$

Coeficientes del dividendo					
6	5	0	0	-7	4
$\times$ $\div 2$	$\frac{1}{2}$ 	3	4	2	1
	6	8	4	2	-6
	3	4	2	1	-3
Coeficientes del cociente					Residuo
$q(x) = 3x^4 + 4x^3 + 2x^2 + x - 3$					$R(x) = 1$

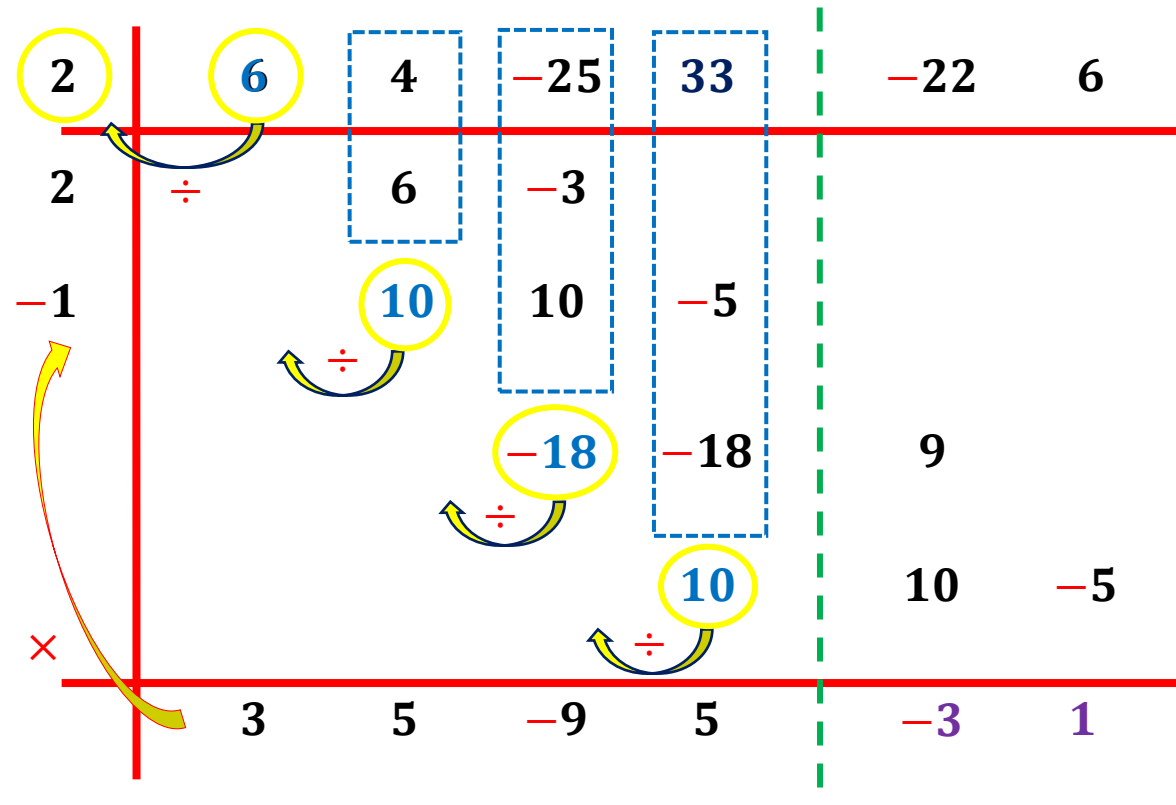


## Problema 1

Calcule la suma de coeficientes del cociente de

$$\frac{6x^5 + 4x^4 - 25x^3 + 33x^2 - 22x + 6}{2x^2 - 2x + 1}$$

Resolución:



$$q(x) = \underline{3x^3} + \underline{5x^2} - \underline{9x} + \underline{5}$$

$$R(x) = -3x + 1$$

$$\sum \text{Coef}[q(x)] = 3 + 5 - 9 + 5$$



$$\therefore \sum \text{Coef}[q(x)] = 4$$



## Problema 2

Evalúe  $A + B + C$  si la división

$$\frac{8x^5 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 3}$$

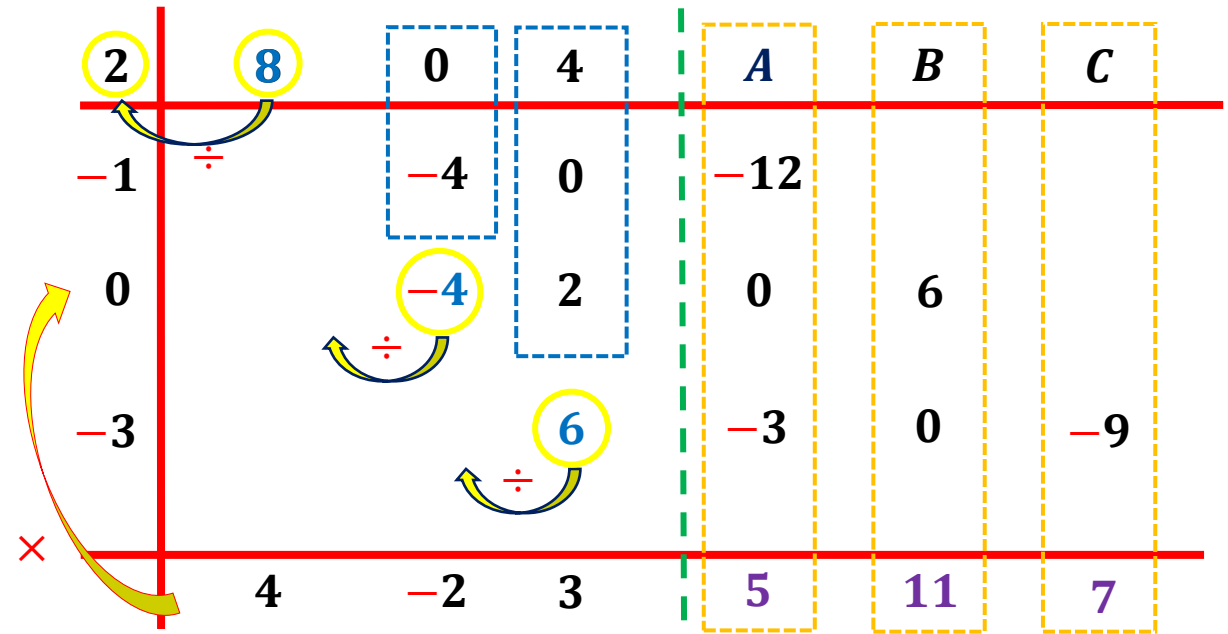
deja como resto  $5x^2 + 11x + 7$

**Recordemos:**

*Se completa y se ordena el dividendo y el divisor.*

$$\frac{8x^5 + 0x^4 + 4x^3 + Ax^2 + Bx + C}{2x^3 + x^2 + 0x + 3}$$

**Resolución:**



$$A - 12 + 0 - 3 = 5 \Rightarrow A = 20$$

$$B + 6 + 0 = 11 \Rightarrow B = 5$$

$$C - 9 = 7 \Rightarrow C = 16$$

$$\therefore A + B + C = 41$$





### Problema 3

Indique el valor de  $m$  si el residuo es 4.

$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + m}{3x - 1}$$

Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el *dividendo*.

$$\frac{6x^5 + x^4 + 2x^3 - 10x^2 + 0x + m}{3x - 1}$$

Resolución:

$$3x - 1 = 0 \longrightarrow x = \frac{1}{3}$$

	6	1	2	-10	0	$m$
$\times \frac{1}{3}$		2	1	1	-3	-1
$\div 3$	6	3	3	-9	-3	4
	2	1	1	-3	-1	

**Residuo**

$$q(x) = 2x^4 + x^3 + x^2 - 3x - 1$$

$$m - 1 = 4 \longrightarrow \therefore m = 5$$



## Problema 4

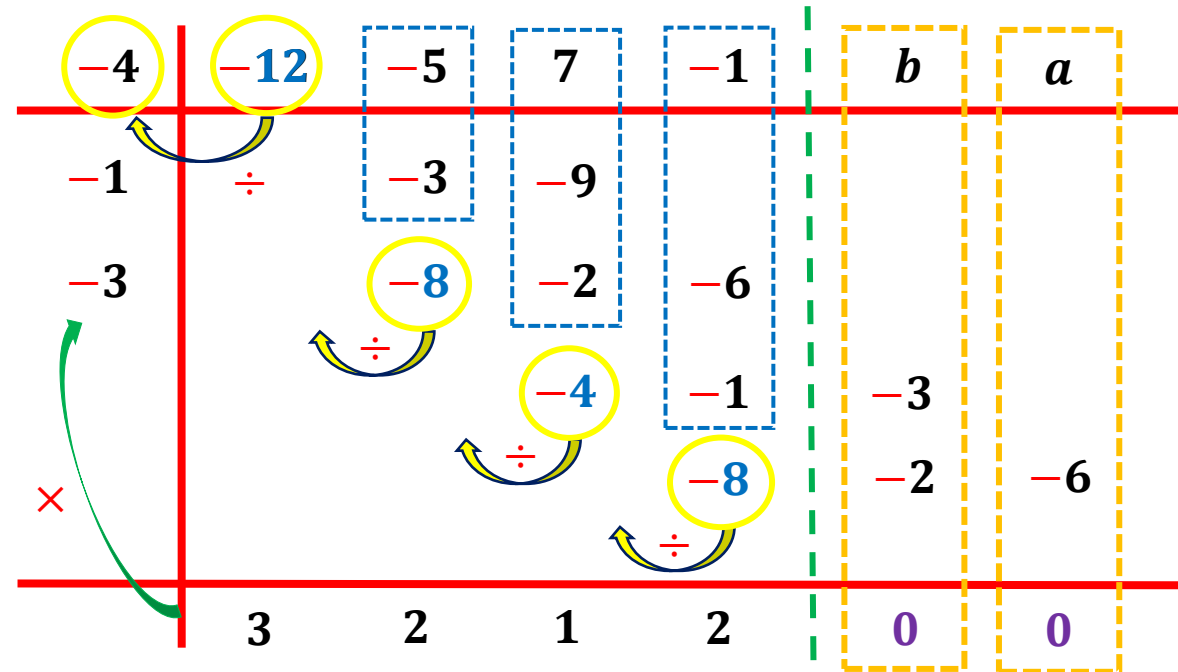
Calcule  $ab$  en la división exacta

$$\frac{ax^5 + bx^4 - x^3 + 7x^2 - 5x - 12}{3x^2 + x - 4}$$

que representa la edad del papá de Luis que es alumno del 3° A. ¿Cuál es la edad del papá de Luis?

## Resolución:

Aplicamos el método de Horner invertido:



$$b - 3 - 2 = 0$$

$$b = 5$$

$$a - 6 = 0$$

$$a = 6$$

$$ab = 6 \times 5$$

$$ab = 30$$

∴ El papá de Luis tiene 30 años.





# ASUMO MI RETO

## Problema 6

Obtenga la suma de coeficientes del cociente de

$$\frac{x^{200} + x^{199} + 2x + 5}{x - 1}$$

### Recordemos:

Se completa y se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\frac{x^{200} + x^{199} + 0x^{198} + \dots + 0x^2 + 2x + 5}{x - 1}$$

### Resolución:

$$x - 1 = 0 \Rightarrow x = 1$$

	1	1	0	0	....	0	0	2	5
1		1	2	2	....	2	2	2	4
×	1	2	2	2	....	2	2	4	9

$$GA[q(x)] = \underbrace{GA[D(x)]}_{200} - \underbrace{GA[d(x)]}_1 \Rightarrow GA[q(x)] = 199$$

$$N^{\circ} \text{ térm.} = 200$$

$$q(x) = x^{199} + 2x^{198} + 2x^{197} + \dots + 2x^2 + 2x + 4$$

$$\sum \text{Coef}[q(x)] = \underbrace{1 + 2 + 2 + \dots + 2 + 2 + 4}_{198 \text{ veces}}$$

$$\therefore \sum \text{Coef}[q(x)] = 401$$



## Problema 7

En una pollería se usa  $(x+2)$  gramos de porción de papas por persona. Si un día se prepara  $(x^5 - 7x^2 + 3x + 66)$  gramos de papa para un evento. ¿ Cuántos asistentes hubo en dicho evento?

### Recordemos:

Se ordena en forma decreciente el dividendo.

$$\begin{array}{r} 6x^4 - 4x^3 + x^2 + 10x - 2 \\ \hline 3x + 1 \end{array}$$

### Resolución:

$$3x + 1 = 0 \longrightarrow \boxed{x = -\frac{1}{3}}$$

	6	-4	1	10	-2
$-\frac{1}{3}$		-2	2	-1	-3
$\times$	6	-6	3	9	-5
$\div 3$	2	-2	1	3	

$$q(x) = 2x^3 - 2x^2 + x + 3$$

$$\therefore TI = 3$$



 **SACO OLIVEROS**  **APEIRON**  
**SISTEMA HELICOIDAL**

**GRACIAS POR SU  
ATENCIÓN!!**