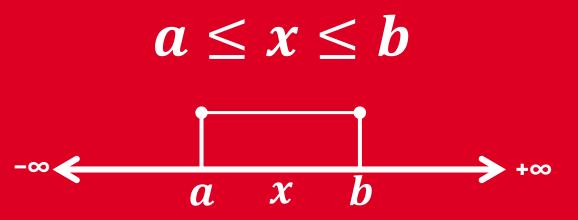
# ALGEBRA Chapter 21



Desigualdades





# **CONDUCIENDO EN CARRETERAS**



Un automóvil viaja por la carretera Panamericana, alrededor del kilometro 130 de la carretera un policía suena su alarma indicándole con sus luces que se detenga.



El conductor revisa su Velocímetro el cual marcaba la siguiente velocidad.



¿Podría usted decir el motivo por el cual lo detuvieron?

Velocidad ≤ 100 Km/h



Desigualdad Una desigualdad expresa que una cantidad real, o una expresión, es mayor, menor o igual que otra. (<; >; ≤ ; ≥)

Ley de tricotomía Dados dos números reales a y b entre ellos será posible establecer una y solo una de las siguientes relaciones:

$$a > b \lor a = b \lor a < b$$

## **Propiedades:**

1	Si a > b y b > c	a > b > c
2	Sia > by $m \in \mathbb{R}$	a - m > b - m a + m > b + m
3	Si a > b y m > 0	$\mathbf{a} \times \mathbf{m} > \mathbf{b} \times \mathbf{m}$ $\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{m}} > \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{m}}$

Intervalos Es un subconjunto de números reales, generalmente comprendido entre 2 valores extremos llamados Extremo Inferior y Extremo Superior.

## Clasificación

		Desigualdad	Notación de intervalos
	Cerrado	a ≤ x ≤ b	x ∈ [a;b]
Intervalos	Abierto	a < x < b	x ∈ ⟨a;b⟩
Acotados	Semiabierto	a ≤ x < b	x ∈ [a;b)
		a < x ≤ b	x ∈ ⟨a;b]
	Intervales No Asstades		x ∈ ⟨-∞;b]
Intonulos			x ∈ ⟨-∞;b⟩
Intervalos No Acotados		x≥b	x ∈ [b;∞)
			x ∈ <b>⟨</b> b;∞⟩

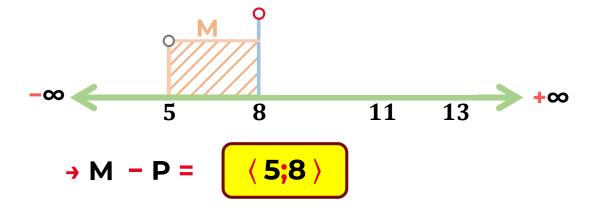
# HELICO PRACTICE



Si se sabe que M = (5; 11] y P = [8; 13)
 halle M-P.

**RESOLUCIÓN** 

Graficamos en la recta numérica.



#### **RECORDEMOS**

Decimos que la diferencia de A-B son todos los elementos de A que no pertenecen a B.

$$A - B = \{x/x \in A \land x \notin B\}$$



2. Se tiene que  $x \in (4; 6]$ , halle el intervalo de  $\frac{x-3}{2}$ .

# RESOLUCIÓN

$$\frac{1}{2} < \frac{x-3}{2} \le \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{x-3}{2} \in \left\{ \left( \frac{1}{2}, \frac{3}{2} \right) \right\}$$

#### **RECORDEMOS**

Tener en cuenta: El sentido de una desigualdad no se modifica si se suma o se resta, un mismo número real a sus dos miembros.



Sea  $x \in [4; 10]$ , halle el intervalo de  $\frac{3x-2}{5}$ .

# RESOLUCIÓN

$$4 \le x \le 10 \qquad \dots \qquad x$$

$$10 \le 3x - 2 \le 28 \quad \cdots \quad \div 5$$

$$2 \leq \frac{3x-2}{5} \leq \frac{28}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{3x-2}{5} \in [2;\frac{2}{3}]$$

#### **RECORDEMOS**

Si: a > b y m > 0  
a.m > b.m  
$$\frac{a}{m} > \frac{b}{m}$$

En cambio si m es negativo, el sentido de la desigualdad se invierte.

$$a.-m < b.-m$$

$$\frac{a}{-m} < \frac{b}{-m}$$



4. Si 2 ≤ x ≤ 6, halle el intervalo de  $\frac{2x + 3}{3}$ , sabiendo que su máximo valor entero es la edad de Prisila. ¿Cuál es esa edad?

#### **RESOLUCIÓN**

$$2 \le x \le 6$$
 ... ... x 2

$$4 \le 2x \le 12$$
 ...... + 3

$$4+3 \le 2x+3 \le 12+3$$

$$7 \le 2x + 3 \le 15$$
 ... ... ÷ 3

$$\frac{7}{3} \leq \frac{2x+3}{3} \leq 5$$

$$\Rightarrow \frac{2x+3}{3} \in \left[\frac{7}{3};5\right]$$

Debido a que el intervalo  $[\frac{7}{3};5]$ , es cerrado, por tanto tomará valores desde  $\frac{7}{3}$  hasta 5.

La edad de Priscila es 5 años



# 5. Siendo $-2 \le x \le 1$ , halle el intervalo de $\frac{-x+5}{3}$

## **RESOLUCIÓN**

$$-2 \le x \le 1 \qquad x -1$$

$$-1 \le -x \le 2 \qquad +5$$

$$-1 + 5 \le -x + 5 \le 2 + 5$$

$$4 \le -x + 5 \le 7 \qquad \div 3$$

$$\frac{4}{3} \le \frac{-x + 5}{3} \le \frac{7}{3}$$

$$\frac{-x + 5}{3} \in \begin{bmatrix} \frac{4}{3}; \frac{7}{3} \end{bmatrix}$$

#### **RECORDEMOS**

Si: a > b y m > 0  
a.m > b.m  
$$\frac{a}{m} > \frac{b}{m}$$

En cambio si m es negativo, el sentido de la desigualdad se invierte.

$$a.-m < b.-m$$

$$\frac{a}{-m} < \frac{b}{-m}$$

Nicole es una abastecedora de leche artesanal, ella siempre produce 7M litros para repartir a sus "n" clientes, si los distribuye exactamente correspondiéndole a cada uno de ellos Q litros de leche, donde el mínimo y máximo valor entero de la expresión  $\frac{16}{x-3}$ , sabiendo que x  $\in \langle 5; 7 \rangle$ , representa respectivamente los valores de M y Q. ¿ Cuántos clientes tiene Nicole?

 $M = 5 \land Q = 7$ 

# RESOLUCIÓN

$$\frac{16}{4} < \frac{16}{x-3} < \frac{16}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{16}{x-3} \in \langle 4; 8 \rangle$$

Según el enunciado 
$$\frac{M}{n} = Q \rightarrow \frac{7(5)}{n} = 7$$

#### **RECORDEMOS**

Si: a > b y a, b, n son positivos se tiene  $a^n > b^n$ 

En cambio si el n es negativo, el sentido de la desigualdad se invierte.

**Tiene cinco clientes** 



7. Si se tiene que  $x \in [5; 10]$ , halle el intervalo de  $4 + \frac{6}{x+1}$ . Sabiendo que su máximo valor entero representa los años que le falta a Julio para cumplir la mayoría de edad. ¿Qué edad tiene Julio?

# RESOLUCIÓN

#### **RECORDEMOS**

Si: 
$$a > b$$
 y a, b, n son positivos se tiene  $a^n > b^n$ 

En cambio si el n es negativo, el sentido de la desigualdad se invierte.

$$a^{-n} < b^{-n}$$

Julio tiene 13 años