

ALGEBRA Chapter 6



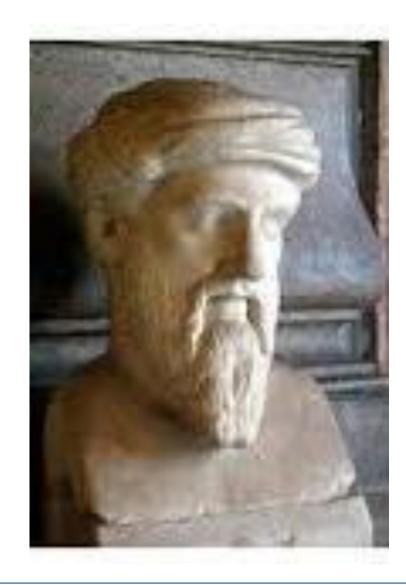


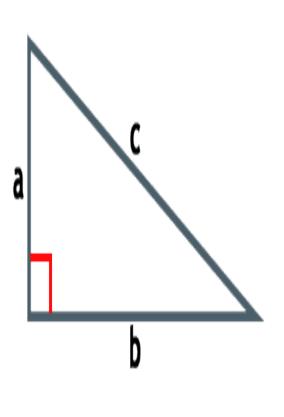
LEYES DE EXPONENTES



MOTIVATING | STRATEGY







$$a^2 + b^2 = c^2$$

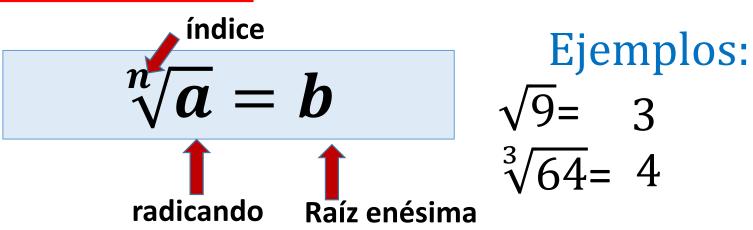
$$C=\sqrt{a^2+b^2}$$

Si los catetos
miden:
 $a=2\sqrt{2}$
 $b=\sqrt{41}$
Hallar el valor de
la hipotenusa

Rpta= 7



RADICACIÓN



<u>LEY DE SIGNOS</u>

$$\sqrt[impar]{(+)} = (+)$$

$$\sqrt[impar]{(-)}$$
=(-)

Ejemplos:

$$\sqrt[5]{32} = 2$$

$$\sqrt[3]{(-125)} = -5$$

$$\sqrt[par]{(+)}$$
=(+)

$$\sqrt[3]{(-125)} = -5 \qquad \sqrt[par]{(-)} = \nexists \mathbb{R}$$

Ejemplos:

$$\sqrt[4]{625} = 5$$

$$\sqrt[6]{(-64)} = 2$$



Exponente Fraccionario

$$b^{\frac{m}{n}} = b^m$$

Observación 1: (si m=n)

$$\sqrt[n]{b^n} = b^{\frac{n}{n}} = b^1$$

*8
$$\frac{1}{3}$$
 = $\sqrt[3]{8}$ = 2
*25 $\frac{1}{2}$ = $\sqrt{25}$ = 5

$$\begin{array}{ll}
Ejemplos \\
* \sqrt[4]{5^4} = 5^{\frac{4}{4}} = 5 \\
* \sqrt[4]{x^6} = x
\end{array}$$

Observación 2: (si m v n son divisibles)

$$\sqrt[n.k]{b^{m.k}} = \sqrt[n]{b^m}$$

$$\sqrt[6]{125^7} = \sqrt[3]{125} = 5$$



TEOREMA 1: Potencia de una raiz

$$\sqrt[n]{b^m}^p = \sqrt[n]{b^{m.p}}$$

Ejemplo:

$$\left(\sqrt[3]{a^2}\right)^4 = \sqrt[3]{a^8}$$

TEOREMA 2: Raíz de una multiplicación

$$\sqrt[n]{a^x \cdot b^y} = \sqrt[n]{a^x \cdot \sqrt[n]{b^y}}$$

Ejemplo:
$$\sqrt{(25)(36)} = \sqrt{25}.\sqrt{36} = 5.6 = 30$$

Ejemplo:
$$\sqrt[3]{2}$$
. $\sqrt[3]{32}$ = $\sqrt[3]{(2)(32)}$ = $\sqrt[3]{64}$ = 4



TEOREMA 3: Raíz de una división

$$\sqrt[n]{\frac{a^x}{b^y}} = \sqrt[n]{\frac{n}{\sqrt{a^x}}}$$

$$* \sqrt{\frac{16}{25}} = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{25}} = \frac{4}{5}$$

$$* \frac{\sqrt[3]{54}}{\sqrt[3]{2}} = \sqrt[3]{\frac{54}{2}} = \sqrt[3]{27} = 3$$

TEOREMA 4: Raíz de Raíz

$$\sqrt[n]{\frac{m}{\sqrt{b^k}}} = \sqrt[n.m]{b^k}$$

$$*\sqrt[3]{\sqrt[5]{830}}$$

$$=\sqrt[15]{8^{30}}$$

$$=(8)^2 = 64$$



PROBLEMA 1

Efectúe en cada caso y complete:

Resolucion

$$8^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{8}^2 = (2)^2 = 4$$

$$16^{\frac{3}{4}} = \sqrt[4]{16}^3 = (2)^3 = 8$$

$$(-32)^{\frac{1}{5}} = \sqrt[5]{-32}^{1} = (-2)^{1} = -2$$



PROBLEMA 2

Simplifique

$$S = 8^{3-1} + 4^{2-1} + 9^{2-1}$$

RECUERDA

Cuando el exponente es negativo invierte a la base.

$$S = 8^{\frac{1}{3}} + 4^{\frac{1}{2}} + 9^{\frac{1}{2}}$$

$$S = \sqrt[3]{8} + \sqrt{4} + \sqrt{9}$$

$$S = 2 + 2 + 3$$

$$S = 7$$



PROBLEMA 3

Calcule A + M si:

$$A = \sqrt[15]{2} + \sqrt[7]{3}$$

$$M = \sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{5}$$

$$A=2^3+3$$

$$A = 8+3 = 11$$

$$M=3^2+5^2$$

$$M = 9 + 25 = 34$$

$$A + M = 11 + 34$$

$$A + M = 45$$

03

PROBLEMA 4

Reduzca
$$M = \sqrt{3.\sqrt[5]{4}} + \sqrt[1]{3} - 5$$

$$M = \sqrt{3.(4) + 3^2 - 5}$$

$$M = \sqrt{16}$$

$$M = 4$$



Determine el valor de R

$$R = \sqrt[3]{\frac{2}{\sqrt{5}}}^6 + \sqrt[2]{\frac{2}{\sqrt{3}}}^{16}$$

$$R = \sqrt[6]{5} + \sqrt[8]{3}^{1/6}$$

$$R= 5 + (3)^2 = 5 + 9$$

$$R=14$$

<u>PROBLEMA 6</u> Elizabeth dio un examen final, para saber que nota obtuvo tienes que hallar el exponente final de U. Si se sabe que ella obtuva acho veces el valor₃del exponente mas 4 puntos. Multiplico

$$U = \sqrt{x^3 \cdot \sqrt{x^2 \cdot \sqrt{x}}} \quad ; x \neq 0$$

¿Qué nota obtuvo Elizabeth?
$$\sqrt{x^{[(3(2)+2)4]+1}}$$

$$Resolución$$

$$U = \sqrt[24]{x^{33}} = x^{\frac{33}{24}} = x^{\frac{11}{8}}$$

Exponente final de x:

Elizabeth obtuvo 15 de nota



PROBLEMA 7 La nota de Luis se obtiene hallando el

exponente final de x en $R = x^{\left(\frac{8}{343}\right)^{\frac{1}{3}} + \left(\frac{25}{49}\right)^{\frac{1}{2}}}$ y multiplicando por 16 ¿Cuál es la nota de Luis?

$$\mathbf{R} = x^{3\sqrt{\frac{8}{343}} + \sqrt[2]{\frac{25}{49}}} \to \mathbf{R} = x^{\frac{2}{7} + \frac{5}{7}} \to \mathbf{R} = x$$

Exponente final de x:

La nota de Luis fue

16

HELICO | PRACTICE

PROBLEMA 1

Efectúe en cada caso y complete:

Resolucion

$$8^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{8}^2 = (2)^2 = 4$$

$$16^{\frac{3}{4}} = \sqrt[4]{16}^3 = (2)^3 = 8$$

$$(-32)^{\frac{1}{5}} = \sqrt[5]{-32}^{1} = (-2)^{1} = -2$$

PROBLEMA 3

$$A = \sqrt[3]{2}^{1/5} + \sqrt[7]{3}^{1/5}$$

Calcule A +M si:

$$A = \sqrt[15]{2} + \sqrt[7]{3}$$

$$M = \sqrt[3]{3} + \sqrt[7]{5}$$

Resolución

$$A = 2^3 + 3$$

$$A = 8+3 = 11$$

$$A = 2^3 + 3$$
 $M = 3^2 + 5^2$

$$A = 8+3 = 11$$
 $M = 9+25 = 34$

$$A + M = 11 + 34$$

$$A+M=45$$

PROBLEMA 2

RECUERDA

Simplifique

$$S = 8^{3-1} + 4^{2-1} + 9^{2-1}$$

Cuando el exponente es negativo invierte a la base.

Resolución

$$S = 8^{\frac{1}{3}} + 4^{\frac{1}{2}} + 9^{\frac{1}{2}}$$

$$S = \sqrt[3]{8} + \sqrt{4} + \sqrt{9}$$

$$S = 2 + 2 + 3$$

PROBLEMA 4

Reduzca
$$\mathbf{M} = \sqrt{3} \cdot \sqrt[5]{4} + \sqrt[14]{3} - 5$$

<u>Resolución</u>

$$M = \sqrt{3.(4) + 3^2 - 5}$$

$$M=\sqrt{16}$$

$$M=4$$