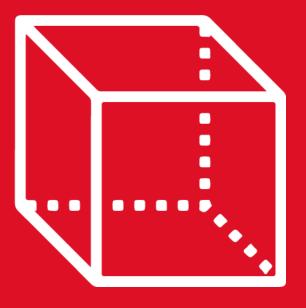


GEOMETRY

Chapter 19

4th
SECONDARY

PIRÁMIDE- CONO



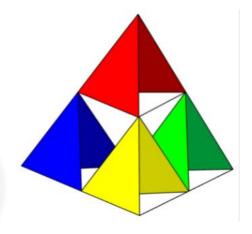


MOTIVATING | STRATEGY







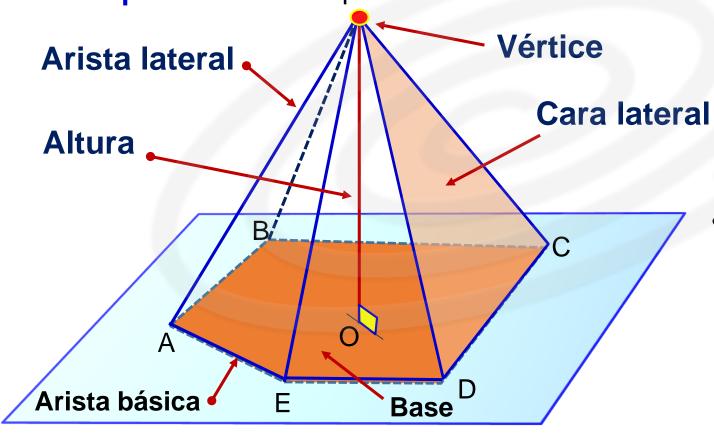








Es aquel poliedro en el cual una de sus caras es una región poligonal cualquiera denominado base, y sus otras caras son regiones triangulares denominadas caras laterales, todas ellas tienen un vértice en común al cual se le denomina vértice o cúspide de la pirámide.



En la figura se muestra una pirámide pentagonal

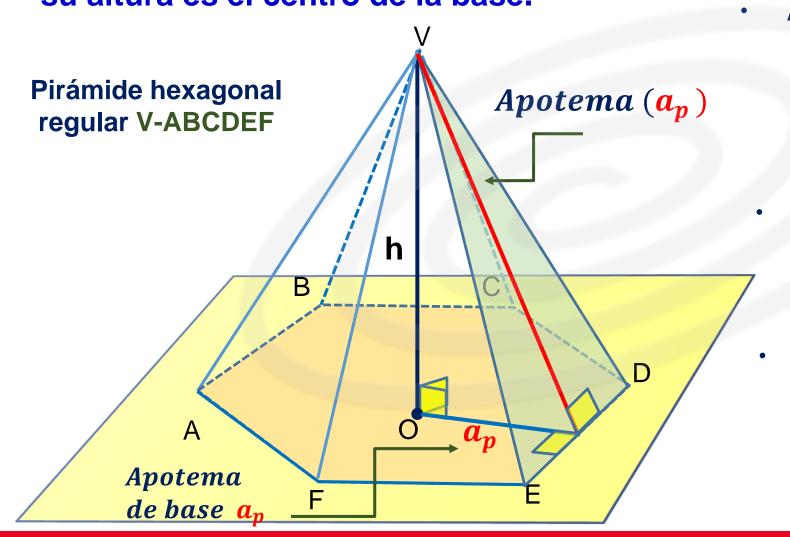
P - ABCDE

Pirámide Regular



Es una pirámide que tiene por base, una región poligonal regular y el pie de su altura es el centro de la base.

Área de la superficie lateral (SL)



$$S_L = p_{(base)}.a_P$$

D(base): semiperímetro de la base

Área de la superficie Total (S₁)

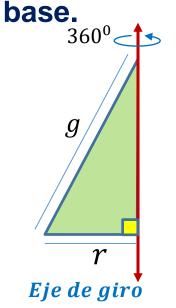
$$S_T = S_L + S_{Base}$$

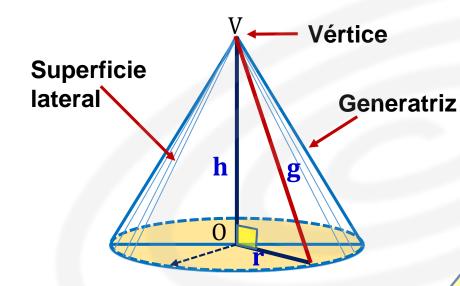
Volumen (V)

$$V = \frac{1}{3}.S_{Base}.h$$

Cono circular recto o de revolución

Es el cono cuya base es un círculo y el pie de la altura es el centro de dicha





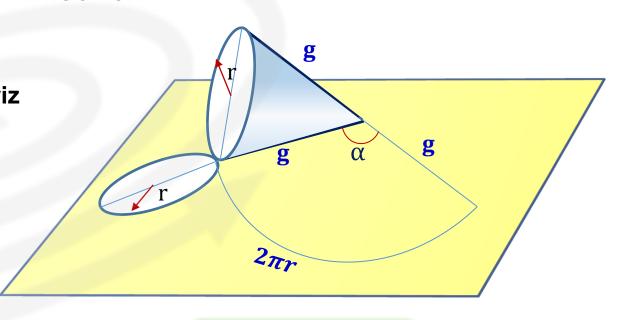
$$S_L = \pi r g$$

$$S_T = \pi r (g + r)$$

$$V = \frac{\pi r^2 \cdot h}{3}$$

Desarrollo de la superficie latera

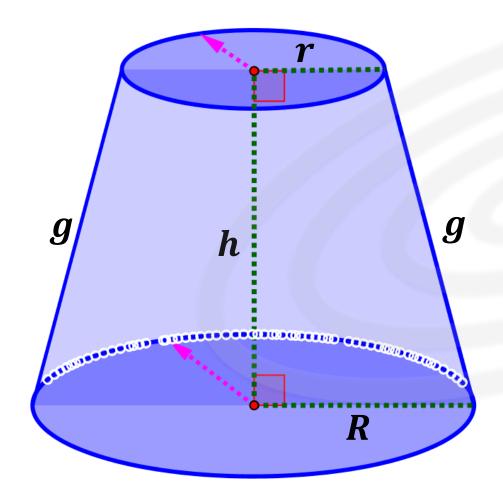
Es un sector circular cuyo radio es la generatriz y el centro es el vértice del cono.



$$\frac{r}{g} = \frac{\alpha}{360^{\circ}}$$



Tronco de cono de revolución



Es la parte del cono comprendido entre la base y una sección paralela a la base.

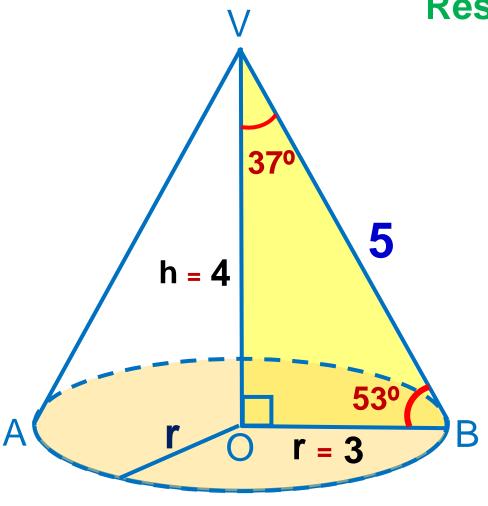
Área de la superficie lateral (SL)

$$S_L = \pi g(R+r)$$

Volumen (V)

$$V = \frac{\pi h}{3} (R^2 + r^2 + Rr)$$

1. Calcule el volumen del cono de revolución mostrado, si O es centro.



Resolución

· Piden: V

$$V = \frac{1}{3} . \pi r^2 . h$$

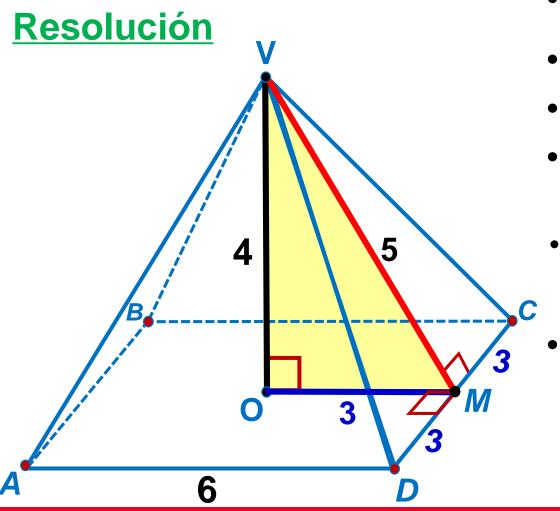
VOB: Notable de 37° y 53°

Por teorema:

$$V = \frac{1}{3} \cdot \pi(3)^2 \cdot 4$$

$$V = 12 \pi u^3$$

2. En una pirámide cuadrangular regular el lado de la base mide 6 m y la altura 4 m. Calcule el área de la superficie lateral.



- Piden S_L . $S_L = p_{(Base)} \cdot a_P$
- Trazamos $\overline{OM} \perp \overline{CD}$
- Se traza \overline{VM}
- Por el teorema de las 3 perpendiculares m

 « VMC = 90⁰ (VM : Apotema)
- VOM : T. de Pitágoras

$$(VM)^2 = 3^2 + 4^2$$
 \longrightarrow $VM = 5$

Reemplazando al teorema.

$$S_L = \left(\frac{6+6+6+6}{2}\right).5$$

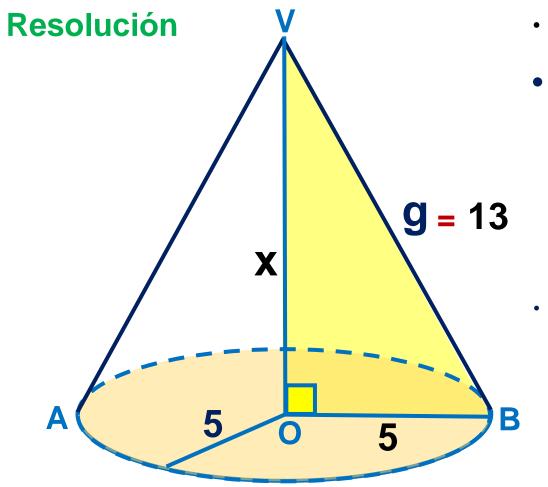
$$S_{L} = 12.5$$

$$S_L = 60 \text{ m}^2$$

HELICO | PRACTICE



3. Halle la longitud de la altura de un cono de revolución sabiendo que el área de superficie lateral es de $65\pi~cm^2$ y el radio de la base mide 5cm.



· Piden: X

Por dato: $A_{SL} = 65\pi$

$$\pi(5)g = 65\pi$$

$$\rightarrow$$
 $g=13$

VOB: T. Pitágoras

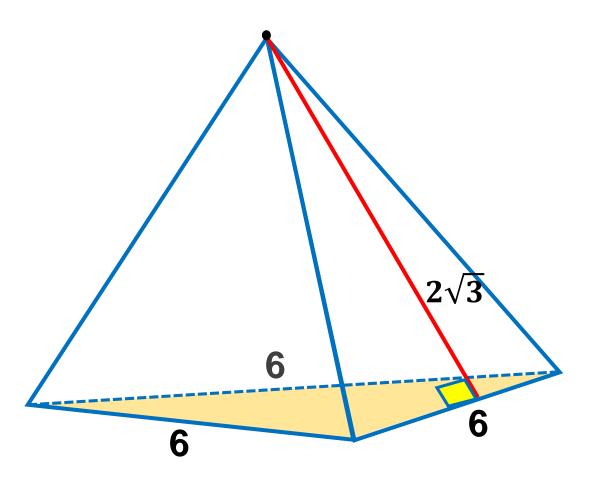
$$g^2 = 5^2 + x^2$$

$$13^2 = 5^2 + x^2$$

x = 12 cm

4. Calcule el área de la superficie total de una pirámide triangular regular, cuya arista de la base mide 6 m y el apotema mide $2\sqrt{3}m$.

Resolución



• Piden S_T .

$$S_T = S_L + S_{base}$$

$$S_T = (p_{base})(a_P) + \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$$

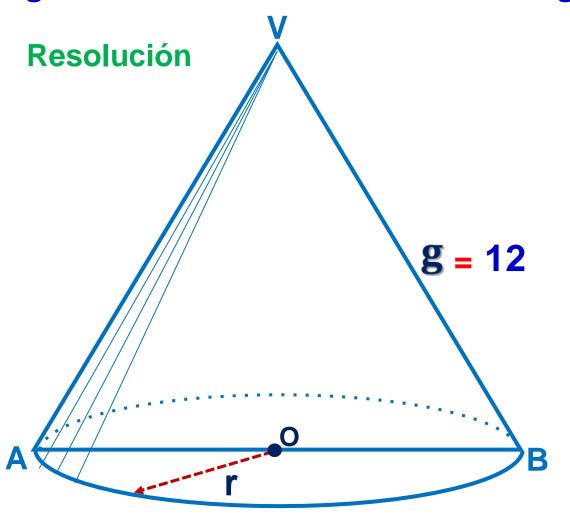
$$S_T = \left(\frac{6+6+6}{2}\right)(2\sqrt{3}) + \frac{6^2\sqrt{3}}{4}$$

$$S_T = 18\sqrt{3} + 9\sqrt{3}$$

$$S_T = 27 \sqrt{3} \text{ m}^2$$

HELICO | PRACTICE

5. El área de la superficie total de un cono de revolución es $160\pi~cm^2$ y su generatriz mide 12 cm . Halle la longitud del radio de la base.



- Piden: r
- Por dato:

$$S_T = 160 \pi$$

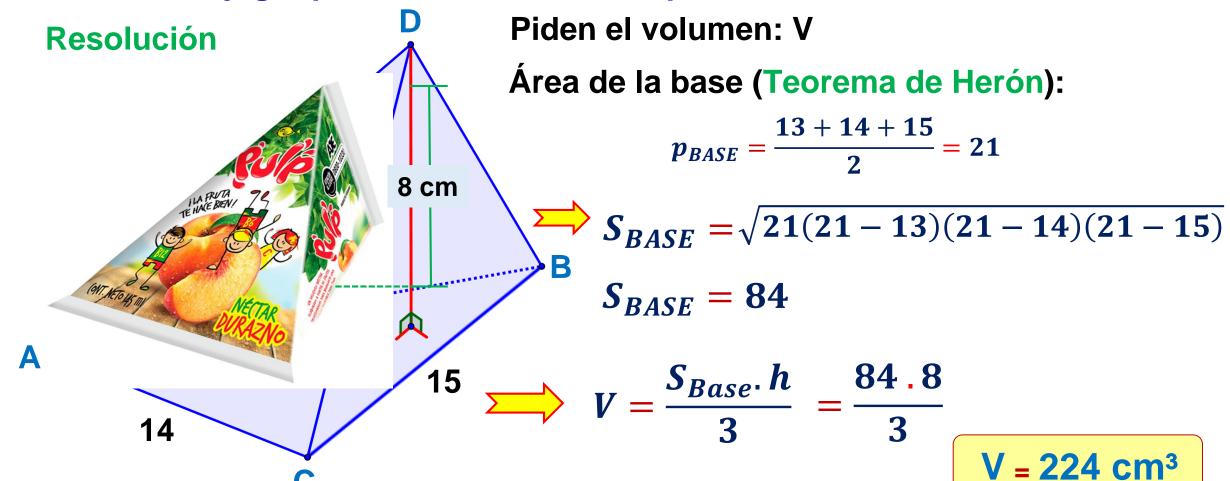
$$\pi. r(r+g) = 160 \pi$$

$$r(r + 12) = 160$$

r = 8 cm



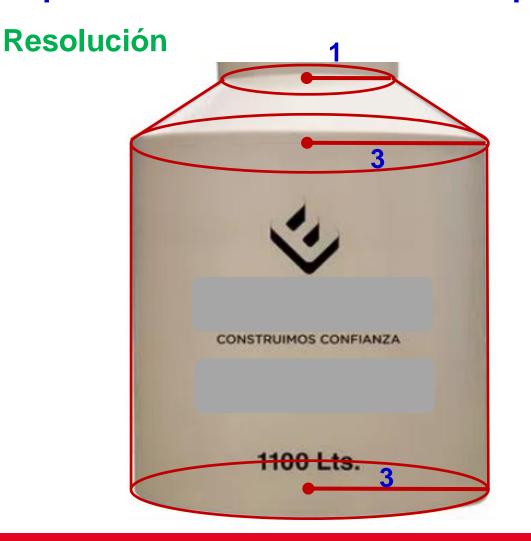
6. En la figura observamos un envase de forma piramidal cuya base es una región triangular cuyos lados miden 13 cm, 14 cm y 15 cm. Calcule la cantidad de jugo que contiene dicho recipiente.



HELICO | PRACTICE

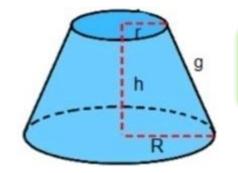


7. En la figura se muestra un tanque para agua. Calcule el volumen el agua que se puede almacenar en dicho tanque.



Piden: V_T

$$V_T = V_{Cilindro} + V_{(tronco\ de\ cono)}$$



$$V = \frac{1}{3}\pi h(R^2 + r^2 + Rr)$$

$$V_T = \pi(3)^2.4 + \frac{1}{3}\pi(3)(3^2 + 1^2 + 3.1)$$

$$V_T = 36\pi + 13\pi$$

 $V_T = 49\pi u^3$