

ÁLGEBRA Chapter 8











TRIÁNGULO DE PASCAL

```
triángulo
                                       (a+b)^1 = 1a + 1b
Tartaglia
Pascal
        tiene
                                      (a+b)^2 = 1a^2 + 2ab + 1b^2
      utilidad
como
            los
conocer
                                   (a+b)^3 = 1a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + 1b^3
                       3 3
coeficientes de
los desarrollos
                     4 6
                             4
de(a+b)^n.
                   5
                       10 10
```

¿ Puedes deducir los coeficientes de $(a+b)^6$?

Rpta: 1 6 15 20 15 6 1



PRODUCTOS NOTABLES

DESARROLLO DEL BINOMIO AL CUADRADO:

$$(a+b)^2 \equiv a^2 + 2ab + b^2$$

Trinomio Cuadrado Perfecto

$$(a-b)^2 \equiv a^2 - 2ab + b^2$$

Trinomio Cuadrado Perfecto

Ejemplos

$$(2x+3y)^2$$

$$(2x+3y)^2 = (2x)^2 + 2(2x)(3y) + (3y)^2$$

$$= 4x^2 + 12xy + 9y^2$$

$$(4m-5n)^2$$

$$(4m-5n)^2 = (4m)^2 - 2(4m)(5n) + (5n)^2$$

$$= 16m^2 - 40mn + 25n^2$$



II. IDENTIDADES DE LEGENDRE

$$(a+b)^2+(a-b)^2\equiv 2(a^2+b^2)$$

$$(a+b)^2 - (a-b)^2 \equiv 4ab$$

Ejemplos

$$\left(\frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{3} \right)^2 + \left(\frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{3} \right)^2 = 2 \left(\frac{\sqrt{5}}{5} + \sqrt{3}^2 \right)$$

$$= 16$$

$$(2x + 1)^2 - (2x - 1)^2 = 4(2x) (1)$$

$$= 8x$$



III. DIFERENCIA DE CUADRADOS:

$$(a+b)(a-b) \equiv a^2 - b^2$$

Ejemplos

$$(x^3-3)(x^3+3) = (x^3)^2 - (3)^2$$

$$= x^6 - 9$$



1. Efectúe

$$P = (a+4)^2 + (a+3)^2 - 2(a^2 + 7a)$$

RESOLUCIÓN

$$P = (a+4)^2 + (a+3)^2 - 2(a^2 + 7a)$$

RECORDAR:

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$P = (a)^{2} + 2(a)(4) + (4)^{2} + (a)^{2} + 2(a)(3) + (3)^{2} - 2a^{2} - 14a$$

$$P = \alpha^{2} + 8\alpha + 16 + \alpha^{2} + 6\alpha + 9 - 2\alpha^{2} - 14\alpha$$

$$\therefore P = 25$$



2. Reduzca

$$Q = (3x+1)^2 - (x-2)^2 - 2(4x^2 + 5)$$

RESOLUCIÓN

$$Q = (3x+1)^2 - (x-2)^2 - 2(4x^2 + 5)$$

RECORDAR:

$$(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$$

$$Q = (3x)^2 + 2(3x)(1) + (1)^2 - ((x)^2 - 2(x)(2) + (2)^2) - 8x^2 - 10$$

$$Q = 9x^2 + 6x + 1 - (x^2 - 4x + 4) - 8x^2 - 10$$

$$Q = 9x^2 + 6x + 1 - x^2 + 4x - 4 - 8x^2 - 10$$

$$\therefore \quad Q = 10x - 13$$



3. Si
$$a+b=5$$
 y $ab=1$

calcule $a^2 + b^2$

RESOLUCIÓN

Reemplazando en:

RECORDAR:

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

$$(a+b)^{2} = a^{2} + b^{2} + 2ab$$

$$(5)^{2} = a^{2} + b^{2} + 2(1)$$

$$25 = a^{2} + b^{2} + 2$$

$$\therefore a^2 + b^2 = 23$$

HELICO | PRACTICE



4. Si
$$a^2 + b^2 = 7$$
 y $ab = 21$

calcule a + b

RESOLUCIÓN

Reemplazando en:

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

$$(a+b)^{2} = a^{2} + b^{2} + 2ab$$

$$(a+b)^{2} = 7 + 2(21)$$

$$(a+b)^{2} = 7 + 42$$

$$(a+b)^{2} = 49$$

$$\therefore a+b = \pm 7$$



5. Indique el valor de

$$E = \frac{(7x + 3y)^2 - (7x - 3y)^2}{(4x + 2y)^2 - (4x - 2y)^2}$$

RESOLUCIÓN

$$E = \frac{(7x + 3y)^2 - (7x - 3y)^2}{(4x + 2y)^2 - (4x - 2y)^2}$$

$$E = \frac{4(7x)(3y)}{4(4x)(2y)}$$

$$E = \frac{(7)(3)}{(4)(2)}$$

RECORDAR:

IDENTIDADES DE LEGENDRE

$$(a+b)^2 + (a-b)^2 = 2(a^2 + b^2)$$

$$(a+b)^2 - (a-b)^2 = 4ab$$

HELICO | PRACTICE



6. Simplifique $E = \frac{(\sqrt{7}+1)(\sqrt{7}-1)+(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{5}+1)(\sqrt{5}-1)}$ luego el resultado representa la cantidad de Gigabytes en la

memoria USB de Piero, si la capacidad total de su memoria es 30 veces el espacio que le queda, ¿ cuánto de

espacio es la que a utilizado en su memoria?

RECORDAR:

DIFERENCIA DE CUADRADOS

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

RESOLUCIÓN

$$E = \frac{(\sqrt{7}+1)(\sqrt{7}-1)+(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{5}+1)(\sqrt{5}-1)}$$

$$E = \frac{\left(\sqrt{7^2} - 1^2\right) + \left(\sqrt{3^2} - 1^2\right)}{\left(\sqrt{5^2} - 1^2\right)}$$

$$E = \frac{(7-1) + (3-1)}{(5-1)}$$

$$E=\frac{6+2}{4}$$

$$E = 2$$

E = 2 Cantidad de Gigabytes actual.

Capacidad total: 30(2) = 60

Espacio utilizado en la memoria: 60 - 2

58 gigabytes

HELICO | PRACTICE



7. Al hallar el valor opuesto de $E = (x+3)(x-3)(x^2+9)(x^4+81)-x^8$ esto representa cuánto le debe en soles Luz a Celso. Si Luz a devuelto hasta ahora el monto de 4561 soles, ¿cuánto le falta por devolver?

RESOLUCIÓN

$$E = (x+3)(x-3)(x^2+9)(x^4+81) - x^8$$

$$E = (x^2 - 9)(x^2 + 9)(x^4 + 81) - x^8$$

$$E = (x^4 - 81)(x^4 + 81) - x^8$$

$$E = x^8 - 6561 - x^8$$

$$E = -6561$$

RECORDAR:

DIFERENCIA DE CUADRADOS

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

Luz le debe a Celso: S/. 6 561

Luz le devolvió a Celso: S/. 4 561

: El valor del monto que le falta por devolver \$/.2000