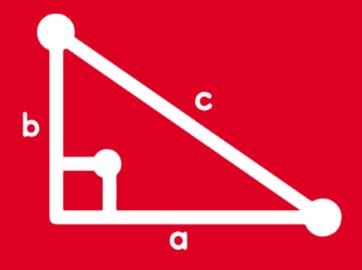
TRIGONOMETRY Chapter 05





RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO II



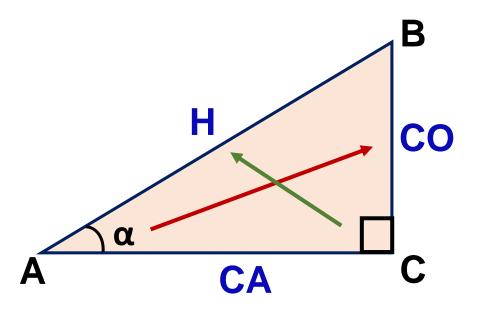


MOTIVATING STRATEGY



RAZONES TRIGONOMÉTRICAS DE UN ÁNGULO AGUDO I

Razones trigonométricas, son los cocientes entre las longitudes de los lados de un triángulo rectángulo, respecto de uno de sus ángulos interiores agudos.

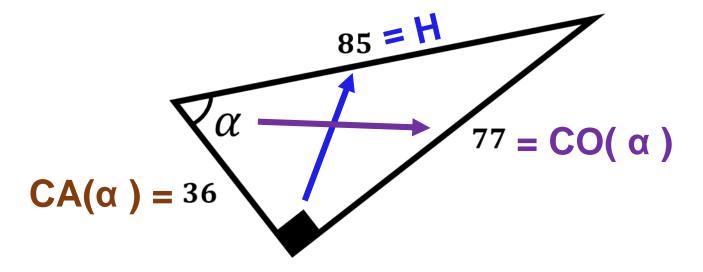


$$\cot \alpha = \frac{\text{Cateto adyacente al } \cancel{\alpha} \alpha}{\text{Cateto opuesto al } \cancel{\alpha} \alpha} = \frac{\text{CA}}{\text{CO}}$$

$$\sec \alpha = \frac{\text{Hipotenusa}}{\text{Cateto adyacente al } \cancel{\alpha} \alpha} = \frac{\text{H}}{\text{CA}}$$

$$cscα = \frac{Hipotenusa}{Cateto opuesto al <α} = \frac{H}{CO}$$

Del gráfico, indique las razones trigonométricas de α .



Recordar:

$$cot\alpha = \frac{CA}{CO}$$

$$sec\alpha = \frac{H}{CA}$$

$$csc\alpha = \frac{H}{CO}$$

RESOLUCIÓN

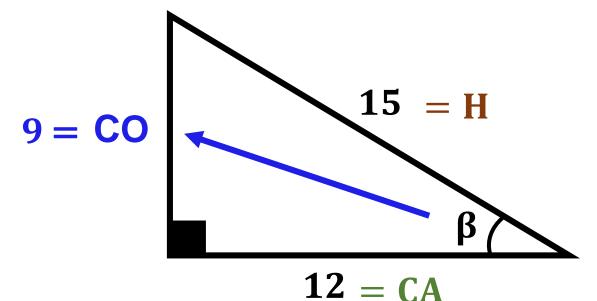
$$\cot\alpha = \frac{36}{77}$$

$$\sec\alpha = \frac{85}{36}$$

$$csc\alpha = \frac{85}{77}$$

Del gráfico, efectúe:

$$P = \csc \beta + \cot \beta$$



Recordar:

$$csc\beta = \frac{H}{CO}$$

$$cot\beta = \frac{CA}{CO}$$

RESOLUCIÓN

Teorema de Pitágoras:

$$(\mathbf{CO})^2 + (\mathbf{12})^2 = (\mathbf{15})^2$$

$$(CO)^2 + 144 = 225$$

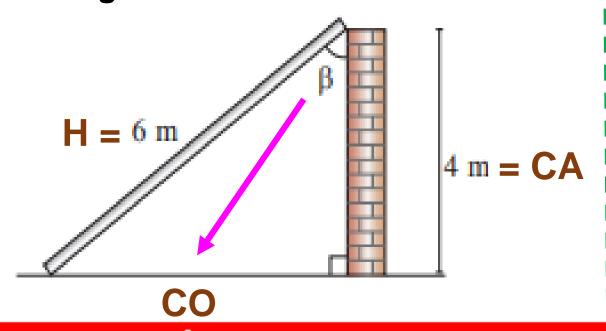
$$CO = \sqrt{81} \implies CO = 9$$

Calculamos P:

$$P = \csc \beta + \cot \beta$$

$$P = \frac{15}{9} + \frac{12}{9} = \frac{27}{9}$$

Una barra metálica descansa sobre una pared (observe el gráfico), formándose un ángulo β entre la barra metálica y la pared. - Sabiendo que la longitud de la barra metálica es de 6 m y la altura de la pared mide 4 m; calcule la secante de dicho ángulo .







Ojo: No es necesario calcular la medida del cateto opuesto (CO).

Calculamos:
$$\sec \beta = \frac{6 \text{ m}}{4 \text{ m}}$$

$$\therefore \sec \beta = \frac{3}{2}$$

Del gráfico, efectúe:

$$M = \sqrt{13} \sec \phi - \frac{5}{2}$$

$$\sqrt{13} = H$$

$$2 = CA$$

$$3 = CO$$



$$sec\phi = \frac{H}{CA}$$

RESOLUCIÓN

Teorema de Pitágoras:

$$(H)^2 = (2)^2 + (3)^2$$

 $(H)^2 = 4 + 9$

$$(H)^2 = 13 \implies H = \sqrt{13}$$

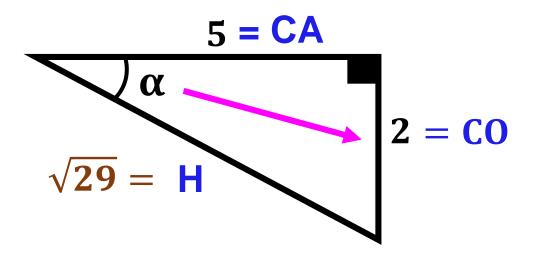
Calculamos M =
$$\sqrt{13} \sec \phi - \frac{5}{2}$$

$$\mathbf{M} = \sqrt{13} \, \left(\frac{\sqrt{13}}{2} \right) - \frac{5}{2}$$

$$M = \frac{13}{2} - \frac{5}{2} = \frac{8}{2}$$

Del gráfico, efectúe:

$$Q = \csc^2 \alpha + \cot^2 \alpha$$





Recordar:

$$\mathbf{csc}\alpha = \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{CO}}$$

$$\cot \alpha = \frac{\mathbf{C}\mathbf{A}}{\mathbf{C}\mathbf{O}}$$

RESOLUCIÓN

Teorema de Pitágoras:

$$(H)^2 = (2)^2 + (5)^2$$

$$(H)^2 = 4 + 25$$

$$(H)^2 = 29$$
 \longrightarrow $H = \sqrt{29}$

Calculamos Q:

$$\mathbf{Q} = \mathbf{c}\mathbf{s}\mathbf{c}^2\,\alpha \,+\, \mathbf{cot}^2\,\alpha$$

$$\mathbf{Q} = \left(\frac{\sqrt{29}}{2}\right)^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2$$

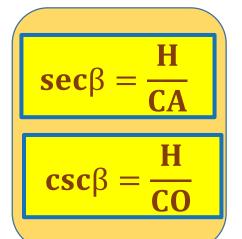
$$Q = \frac{29}{4} + \frac{25}{4} = \frac{54}{4}$$

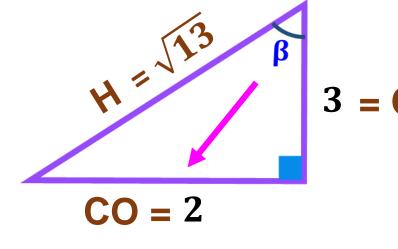
$$Q = \frac{27}{2}$$

El profesor Carlos, de trigonometría, planteó el siguiente acertijo a sus estudiantes : Grafique el triángulo rectángulo cuyos catetos son los dos primeros números primos y luego efectúe $N = \csc \beta \cdot \sec \beta$; si se sabe que β es el menor ángulo interior agudo del triángulo .

RESOLUCIÓN

Recordar:





Teorema de Pitágoras:

$$(H)^2 = (3)^2 + (2)^2$$

 $(H)^2 = 9 + 4$
 $(H)^2 = 13 \rightarrow H = \sqrt{13}$

Calculamos N:

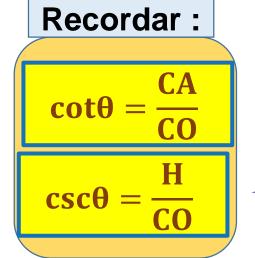
$$N = \left(\frac{\sqrt{13}}{2}\right) \left(\frac{\sqrt{13}}{3}\right)$$

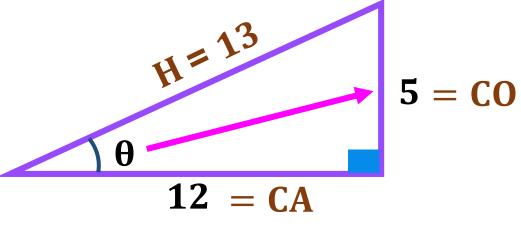
$$N = \frac{13}{6}$$



De una caja llena de alambres de distintos tamaños, Jaime y Brenda escogieron uno de 12 cm y otro de 5 cm respectivamente . Si estos dos alambres representan los catetos de un triángulo rectángulo, calcule el valor de $S=\cot\theta+\csc\theta$; donde θ es el menor ángulo interior agudo del triángulo .

RESOLUCIÓN





Teorema de Pitágoras:

$$(H)^2 = (5)^2 + (12)^2$$

$$(H)^2 = 25 + 144$$

$$(H)^2 = 169$$
 \rightarrow $H = 13$

Calculamos S:

$$S = \cot\theta + \csc\theta$$

$$S = \frac{12}{5} + \frac{13}{5} = \frac{25}{5}$$

