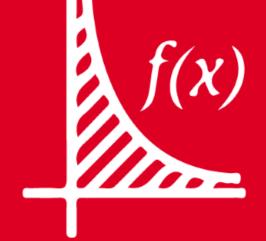


ALGEBRA Chapter 3





Ecuación Exponencial

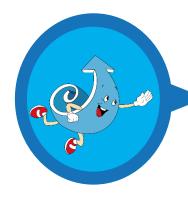


HELICO MOTIVATING

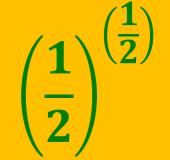




MOTIVATING STRATEGY



Será lo mismo



con

$$\left(\frac{1}{4}\right)^{\left(\frac{1}{4}\right)}$$





HELICO THEORY

CHAPTHER 1





ECUACIÓN EXPONENCIAL

Es una igualdad en la cual, por lo menos uno de los miembros contiene a la incógnita en el exponente.

Ejemplos:

$$27^{x} = 3$$

$$6^x = 216$$

$$5^{x+3} = 25^5$$

$$2^{x+2} + 2^{x+3} = 64$$

CRITERIOS DE SOLUCIÓN:



- 1 CRITERIO DE BASES IGUALES:
 - $a^m = a^n \rightarrow m = n$

$$\forall a \in \mathbb{R} - \{-1; 0; 1\}$$

3 <u>CRITERIO EXPLÍCITO POR</u> <u>REFLEXIÓN:</u>

$$A^A = B^B \longrightarrow A = B$$

$$A, B \neq 0; 1$$

- 2 CRITERIO DE BASES DIFERENTES:
 - Si $A \neq B \land A^m = B^n$ $\longrightarrow m = 0 \land n = 0$

4 <u>CRITERIO EXPLÍCITO POR SIMETRIA:</u>

$$A^{A^{A+m}} = B^{B^{B+n}} \longrightarrow \begin{bmatrix} A = B \\ m = n \end{bmatrix}$$





HELICO PRACTICE

Resolución:



Problema 1

Dé el valor de x en

$$9^{25^{2x-2}} = 9^{5^{x+5}}$$

$$9^{25^{2x-2}} = 9^{5^{x+5}}$$

$$25^{2x-2} = 5^{x+5} \longrightarrow (5^2)^{2x-2} = 5^{x+5}$$

$$5^{4x-4} = 5^{x+5} \longrightarrow 4x - 4 = x + 5$$

$$4x - x = 5 + 4$$
$$3x = 9$$

$$x = 3$$

$$\therefore x = 3$$

[০]ব

Problema 2

Resuelva

$$2^{x+3} \cdot 8^{x+1} \cdot 16^{x-1} = 32^{x+1}$$



$$2^{x+3} \cdot 8^{x+1} \cdot 16^{x-1} = 32^{x+1}$$

$$2^{x+3} \cdot (2^3)^{x+1} \cdot (2^4)^{x-1} = (2^5)^{x+1}$$

$$2^{x+3} \cdot 2^{3x+3} \cdot 2^{4x-4} = 2^{5x+5}$$

$$2^{x+3+3x+3+4x-4} = 2^{5x+5}$$

$$2^{8x+2} = 2^{5x+5}$$

$$8x + 2 = 5x + 5$$

$$3x = 3$$

Resolución:

Problema 3

Determine el valor de x en:

$$3^{x+2} + 3^{x+1} + 3^x = 117$$

$$3^{x+2} + 3^{x+1} + 3^x = 117$$
$$3^x \cdot 3^2 + 3^x \cdot 3^1 + 3^x = 117$$

$$3^{x}(3^{2}+3^{1}+1)=117$$

$$3^{x}(9+3+1)=117$$

$$3^{x}(13) = 117$$

$$3^{x} = 9$$

$$3^x = 3^2$$

$$\therefore x = 2$$

Problema 4

Si

$$x^x = \left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{1}{9}}$$

Calcular el valor de x

$$x^{x} = \left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{1}{9} \times \frac{3}{3}}$$

$$x^{x} = \left(\left(\frac{1}{3}\right)^{3}\right)^{\frac{1}{9.3}}$$

$$x^{x} = \left(\frac{1}{27}\right)^{\frac{1}{27}}$$

$$\therefore x = \frac{1}{27}$$

Problema 5

Halle el valor de x

$$x^{x^{16}} = \sqrt{2}$$

$$x^{x^{16}} = \sqrt{2}$$
 $(x^{x^{16}})^{16} = \sqrt{2}^{16}$
 $(x^{16})^{(x^{16})} = 2^{\frac{16}{2}}$
 $(x^{16})^{(x^{16})} = 2^{8}$
 $(x^{16})^{(x^{16})} = 2^{2.4}$
 $(x^{16})^{(x^{16})} = (2^{2})^{(4)}$

$$(x^{16})^{(x^{16})} = (4)^{(4)}$$

$$x^{16}=4$$

$$\sqrt[16]{x^{16}} = \sqrt[16]{4}$$

$$x = \sqrt[16]{2^2}$$

$$\therefore x = \sqrt[8]{2}$$





ASUMO MI RETO

Resolución:

Problema 6

Luego de resolver

$$2^{2^{x+22}} = 4^{4^{x+1}}$$

el valor de x representa la nota del examen mensual de Paolo en el curso de Álgebra. ¿Cuál es esa nota?

$$2^{2^{x+22}} = 4^{4^{x+1}}$$

$$2^{2^{x+22}} = \left(2^2\right)^{4^{x+1}}$$

$$2^{2^{x+22}} = 2^{2 \cdot 4^{x+1}}$$

$$2^{x+22} = 2.4^{x+1}$$

$$2^{x+22}=2.\left(2^2\right)^{x+1}$$

$$2^{x+22} = 2^1 \cdot 2^{2x+2}$$

$$2^{x+22} = 2^{1+2x+2}$$

$$2^{x+22} = 2^{2x+3}$$

$$x+22=2x+3$$

∴ Su nota es 19

01

Resolución:

Problema 7

El padre de Manuel ha pensado en regalarle un obsequio a su hijo dependiendo de sus calificaciones obtenidas en el curso de álgebra al final del año escolar, por lo cual a cavilado varias opciones

Regalo	Nota
Laptop gamer	19 – 20
Play 5	17 - 18
Celular Galaxy	15 – 16
Monopolio	13 - 14

Si el exponente final de $27^{9^{x-5}} = 3^{27^{2-x}}$ reemplazado en la expresión $x^2 + x + 7$ representa la calificación final. ¿ Cuál es el regalo obtenido por Manuel?.

$$27^{9^{x-5}} = 3^{27^{2-x}}$$

$$\left(3^{3}\right)^{9^{x-5}}=3^{27^{2-x}}$$

$$3^{3.9^{x-5}} = 3^{27^{2-x}}$$

$$3.9^{x-5}=27^{2-x}$$

$$3. \left(3^2\right)^{x-5} = \left(3^3\right)^{2-x}$$

$$3^{1} \cdot 3^{2x-10} = 3^{6-3x}$$

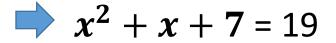
$$3^{1+2x-10} = 3^{6-3x}$$

$$3^{2x-9} = 3^{6-3x}$$

$$2x-9=6-3x$$

$$5x = 15$$

$$\therefore x = 3$$



El regalo obtenido por Manuel fue una Laptop Gamer.