## ARITHMETIC Chapter 16

### 4th of Secondary



**RADICACIÓN** 



#### **MOTIVATING STRATEGY**





La radicación se expresa con el símbolo  $\sqrt{\ }$ , que es una variante de la letra latina "r"; siendo esta la primera letra de la palabra latina "radix" que significa raíz. En el siglo XVI el símbolo de la raíz no era "r", sino la letra mayúscula "R" y junto a ella se escribía la primera letra de las palabras latinas quadrus (q) o la de cubus (c) señalando con ellos que la raíz a extraer es cuadrada o cúbica respectivamente. Por ejemplo, Rq 5329 significaba  $\sqrt{5329}$  y Rc 1278 significaba  $\sqrt[3]{1278}$ 





#### RADICACIÓN

Es la operación general de extracción de raíces, de modo que al elevarla a una determinada potencia nos reproduce el número original (radicando).

#### Donde:

<table-cell-rows> n: índice.

🔶 N: radicando

+ k: raíz

#### Es decir:

$$\sqrt[n]{N} = k \leftrightarrow k^n = N$$

$$\forall \ \mathsf{N}, n \in \mathbb{Z}^+$$





#### RAÍZ CUADRADA



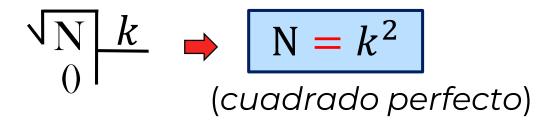
#### Raíz cuadrada inexacta

Cuando el residuo (r ≠ 0)

## A

#### Raíz cuadrada exacta

Cuando el residuo es cero (r = 0) En General :



$$\begin{array}{c|c}
\hline
81 & 9 \\
0 & \rightarrow \end{array} \Rightarrow 81 = 9^2$$

#### 1. Por defecto

$$r_d$$
  $N = k^2 + r_d$ 
 $r_d$ : residuo por defecto

#### 2. Por exceso

$$\begin{array}{c|c}
\hline
N \\
r_e
\end{array}
= N = (k+1)^2 - r_e$$

*r*<sub>e</sub>: residuo por exceso



#### PROPIEDADES

#### Restos máximos y mínimos



#### (Raíz Cuadrada)



#### Suma de residuos

$$r_d + r_e = 2k + 1$$

$$(r_d; r_e)_{min} = 1$$

$$(r_d; r_e)_{max} = 2k$$





#### RAÍZ CÚBICA





#### Raíz cúbica exacta

El residuo es cero (r = 0)

En General:

Ejm

$$\begin{array}{c|c}
3 & 1728 & 12 \\
\hline
0 & 1728 & 12^3
\end{array}$$



#### Raíz cúbica inexacta

Cuando el residuo (r ≠ 0)

#### Por defecto

 $r_d$ : residuo por defecto

#### 2. Por exceso

$$\frac{3N}{r_e} \stackrel{k+1}{\longrightarrow} N = (k+1)^3 - r_e$$

*r*<sub>e</sub>: residuo por exceso



#### **PROPIEDADES**

(Raíz Cubica)



#### Suma de residuos

$$r_d + r_e = 3k(k+1) + 1$$



## Restos máximos y mínimos

$$(r_d; r_e)_{min} = 1$$

$$(r_d; r_e)_{max} = 3k(k+1)$$





Al extraer la raíz cuadrada de N se obtuvo como raíz 24 y como residuo 19. Calcule la suma de cifras de N.

#### Resolution:

#### Datos:

$$k = 24$$

$$r = 19$$

$$N = ?$$

$$N = k^2 + r$$

#### Reemplazando:

$$N = 24^2 + 19$$

$$N = 595$$

#### Suma de cifras de N

$$5+9+5=19$$







Al extraer la raíz cúbica de un número entero se obtuvo un residuo máximo igual a 630. Calcule la suma de cifras de dicho número.

**Resolution:** 

$$\sqrt[3]{N} k$$

$$r_{m\acute{a}x} = 630$$

$$r_{máx} = 630$$

$$3k(k+1) = 630$$

$$k(k+1) = 210$$

$$k(k+1) = 14(14+1)$$

$$k = 14$$

$$N = k^3 + r_{max}$$

$$N = 14^3 + 630$$

$$N = 3374$$

$$\therefore$$
 suma de cifras = 17





#### Si se cumple $\sqrt{\overline{abc}} + \sqrt[3]{\overline{abc}} = m^2$ Calcule a + b + c + m.

#### Resolution:

Sea: 
$$\overline{abc} = k^6$$

$$\overline{abc} = 3^6 = 729$$

$$a = 7$$

$$b = 2$$

$$c = 9$$

#### Por dato:

$$\sqrt{729} + \sqrt[3]{729} = m^2$$

$$27 + 9 = m^2$$

$$36$$

$$6 = m$$

$$\therefore$$
 7 + 2 + 9 + 6 = 24









La suma de un número, su raíz cuadrada y el residuo que es máximo suman 374. Halle dicho número.

$$2k = r_{\text{máx}}$$

$$N + k + r_{máx} = 374$$

$$k^2 + 2k + k + 2k = 374$$

$$k^2 + 5k = 374$$

$$k(k+5) = 17(17+5)$$

$$k = 17$$

$$N = 17^2 + 34$$
  
= 323

RPTA:

323





Halle el residuo de la raíz cuadrada de  $\overline{7ab5}$  sabiendo que es máximo y siendo a y b diferentes entre si y de cero.

#### Resolution:

$$\begin{array}{c|c}
\hline
7ab5 & k \\
2k = r_{máx}
\end{array}$$

$$\overline{7ab5} = k^2 + 2k + 1 - 1$$

$$\overline{7ab6} = (k+1)^2$$

$$\overline{7ab6} = (85 + 1)^2$$

$$\overline{7ab6} = 86^2 = 7396$$
$$k = 85$$

$$r_{m\acute{a}x} = 2(85) = 170$$

**RPTA:** 170



La cantidad de soldados que necesitaba el comandante argentino Rafael Mendoza para afrontar el conflicto de las Malvinas frente a Inglaterra era un número que al extraerle su raíz cuadrada se obtiene 21 de raíz; siendo el residuo máximo. Halle dicho número y dé como respuesta el producto de sus cifras.



#### Datos:

$$k = 21$$
 $r_{max} = 2k = 42$ 
 $N = ?$ 

$$N = k^2 + r$$

#### Reemplazando:

$$N = 21^2 + 42$$

$$N = 483$$

#### Producto de cifras de

$$\frac{N}{4 \times 8 \times 3} = 96$$







# Carlitos recibe de propina una cantidad que es igual al residuo que se obtiene al extraer la raíz cuadrada de 51982. ¿Cuánto recibió?



#### Resolution:

$$N = k^2 + r$$

#### Reemplazando:

$$51982 = 227^2 + 453$$

$$r = 453$$

