MV011 Statistika I – cvičení 6 Číselné charakteristiky náhodných veličin

Ústav matematiky a statistiky, Přírodovědecká fakulta, Masarykova univerzita, Brno

jaro 2016



Číselné charakteristiky

Střední hodnota náhodné veličiny X:

$$EX = \sum_{x \in M} x \cdot p(x), \qquad EX = \int_{-\infty}^{\infty} x \cdot f(x) dx$$

2. moment:

$$E(X^2) = \sum_{x \in M} x^2 \cdot p(x), \qquad E(X^2) = \int_{-\infty}^{\infty} x^2 \cdot f(x) dx$$

- Rozptyl: $DX = E(X^2) (EX)^2$, směrodatná odchylka: $\sigma_X = \sqrt{DX}$
- Kovariance náhodných veličin *X*, *Y*:

$$C(X, Y) = E(X \cdot Y) - EX \cdot EY$$

- Korelační koeficient: $R(X, Y) = \frac{C(X, Y)}{\sqrt{DX}\sqrt{DY}} \in [-1; 1]$
- α -kvantil, $\alpha \in (0;1)$:

$$x_{\alpha} = \inf \{x; F(x) \ge \alpha\},$$
 pro spojitou náhodnou veličinu $x_{\alpha} = F^{-1}(\alpha)$

- medián: $x_{0.5} = \tilde{x}$, 1. a 3. kvartil: $x_{0.25}$, $x_{0.75}$
- kvartilová odchylka: $q = x_{0,75} x_{0,25}$

Příklad 1

V příkladu 1 z minulého cvičení spočítejte střední hodnotu, rozptyl, směrodatnou odchylku, medián, 1. a 3. kvartil a kvartilovou odchylku pro X.

Příklad 2

V příkladu **2** z minulého cvičení spočítejte střední hodnotu, rozptyl, směrodatnou odchylku, medián, 1. a 3. kvartil a kvartilovou odchylku pro X.

Příklad 3

V příkladu $\bf 3$ z minulého cvičení spočítejte střední hodnoty a rozptyly náhodných veličin X, Y, jejich kovarianci a korelační koeficient.

Příklad 4

V příkladu **4** z minulého cvičení spočítejte střední hodnoty, rozptyly a mediány náhodných veličin X, Y, jejich kovarianci a korelační koeficient.

Příklad 5

V příkladu **5** z minulého cvičení spočítejte střední hodnoty a rozptyly náhodných veličin X, Y, jejich kovarianci a korelační koeficient.

Příklad 6

Chystá se nová loterie, v níž se bez vracení losují 3 čísla z 21. Hráč tipuje 3 čísla. Za 3 správně tipovaná čísla je výhra 20 000 Kč, za právě 2 správně tipovaná čísla výhra w Kč, v ostatních případech výhra není. Výhra X je náhodná veličina. Určete částku w tak, aby cena tiketu 20 Kč byla rovna střední hodnotě EX.

Příklad 7

Odhadněte pravděpodobnost, že v denní produkci 2 000 kusů bude 1750 až 1850 obrazovek bez vad, když každá vyrobená obrazovka je v 90 % případů bez vad.

Výsledky

- **1.** 0,9375; 1,434; 1,197; 0; 0; 1; 1
- **2.** 3,333; 5,556; 2,357; 2,929; 1,34; 5; 3,66
- **3.** 0; 1/3; 2/3; 2/9; 0; 0
- **4.** 1,6; 1; 0,284; 0.284; 2; 1; 0,089; 0,25
- **5.** 3,333; 6,667; 5,556; 5,556; 2,778; 1/2
- **6.** 122,22 Kč
- 7. Hledaná pravděpodobnost je větší než 0,93