Jak pracovat s jazykem R

Kateřina Konečná, Jan Koláček

OBSAH 1

Obsah

Ú	vod		3			
1	Prv	ní setkání s jazykem R	4			
_	1.1	Základní ovládání	5			
	1.2	Nápověda	6			
	1.3	Workspace (pracovní prostor)	7			
	1.4	Datové typy objektů	9			
	1.5	Datové struktury	10			
2	Vek	tory	12			
	2.1	Základní příkazy, tvorba vektorů	13			
	2.2	Subvektory	16			
	2.3	Délka a změna délky vektoru	19			
	2.4	Faktory	20			
3	Ma	tice a pole	23			
	3.1	Základní příkazy, tvorba matic a polí	23			
	3.2	Submatice	26			
	3.3	Funkce pro manipulaci s maticemi	28			
4	Dat	ové tabulky a seznamy	34			
	4.1	Základní příkazy, tvorba datových tabulek a seznamů	34			
	4.2	Podmnožiny seznamů	36			
	4.3	Funkce pro manipulaci s datovými tabulkami a seznamy	38			
5	Konstanty, operátory a matematické výpočty					
	5.1	Aritmetické operátory	47			
	5.2	Porovnávací a logické operátory	48			
	5.3	Množinové operátory	49			
	5.4	Matematické funkce	50			
	5.5	Zaokrouhlování	53			
	5.6	Konstanty	54			

OBSAH

6	Dal	ší příkazy v R	57		
	6.1	Práce s knihovnami	57		
	6.2	Práce s daty	58		
	6.3	Vlastnosti objektů	61		
7	Gra	fika v R	66		
	7.1	High-level funkce	67		
	7.2	Low-level funkce	82		
	7.3	Funkce par()	83		
	7.4	Další užitečné funkce	85		
8	Programování v R				
	8.1	Funkce a dávkové soubory	92		
	8.2	Lokální a globální proměnné			
	8.3	Podmíněné příkazy			
	8.4	Příkazy cyklů			
	8.5	Skupiny funkcí apply()			
Se	znan	n použité literatury	104		

ÚVOD 3

Úvod

R je volně dostupný jazyk používaný zejména v akademické a vědecké sféře. Jedná se o prostředí pro statistickou analýzu dat a jejich grafické zobrazení. Standardní distribuce R obsahuje množství funkcí pro manipulaci s daty, výpočty a grafické výstupy, široká škála dalších funkcí je součástí mnoha podpůrných balíčků. Jedná se o programovací prostředí umožňující definovat rovněž své vlastní funkce a skripty.

Bezesporným kladem jazyka R je jeho grafika. Ta je založena na systému high-level a low-level funkcí, jejichž vhodnou kombinací může uživatel dosáhnout grafického výstupu přesně dle své představy.

Následující studijní text seznamuje studenty se syntaxí jazyka R, jeho datovými strukturami, funkcemi pro tvorbu grafiky stejně jako se základy programování. Text je doplněn o množství jak ukázkových příkladů, tak příkladů určených pro samostatné řešení a je vytvořen pro práci v prostředí klasické příkazové řádky jazyka R. V současné době je ovšem možnost využít různých nadstaveb a uživatelsky přívětivějšího prostředí, např. RStudio, RKWard apod.

Program je volně dostupný na webových stránkách projektu (http://www.r-project.org, [19]), kde jsou k dispozici i podrobné manuály ([17], [10]) a online nápověda. Srozumitelným a velmi přehledně zpracovaným materiálem s množstvím názorných příkladů a doplňkových otázek je skriptum P. Drozd: Cvičení z biostatistiky [3], z anglické literatury stojí za zmínku studijní materiály Theresy A. Scott [11], [12], [13], [14]. Velmi přínosné jsou dokumenty srovnávající příkazy v R s ekvivalentními příkazy v MATLABu [5], [4].

Někdy se syntaxe či chování R a MATLABu výrazně liší. V těchto případech je v textu na tyto odlišnosti upozorněno a pro zvýraznění a snadnější orientaci je na okrajích stránek použita ikonka MATLABu [20].



Kapitola 1

První setkání s jazykem R

Základní informace

R je volně šiřitelný programovací jazyk, který umožňuje špičkové zpracování dat včetně grafických výstupů. Jeho široké spektrum využití zahrnuje možnost doplnění základních funkcí ohromným množstvím balíčků s funkcemi pro různé typy analýz.

V této kapitole popíšeme, jak prostředí R vypadá, naučíme se zde orientovat, zaměříme se na základní syntaxi a pravidla pro práci s proměnnými a funkcemi. Cílem není znát všechny argumenty funkcí zpaměti, ale dobře jim porozumět a vědět, kde tyto informace najít. Důležitou součástí kapitoly je proto naučit se pracovat s nápovědním systémem jazyka, popř. vědět, kde najít podrobnější manuály vhodné zejména pro začátečníky.

Jazyk R pracuje nad datovými strukturami - těm nejčastěji používaným je stručně věnována poslední část kapitoly.

Výstupy z výuky

Studenti

- se seznámí s prostředím jazyka R a jeho základními příkazy,
- umí využívat nápovědního systému,
- se orientují v pracovním prostoru a příkazech s ním spjatých,
- rozlišují datové typy objektů, dokáží popsat jednotlivé datové struktury.

1.1 Základní ovládání

R je volně dostupný programovací jazyk a softwarové prostředí pro statistické výpočty a grafiku, který je možný provozovat na operačních systémech UNIX, Windows i MacOS. R je skutečně "jen" programovací jazyk - žádné grafické rozhraní, které by se dalo ovládat myší, zde není. Pro grafické rozhraní (GUI) je potřeba vyzkoušet některé grafické nástavby (Poor Man's GUI, Rcommander, . . .). Program lze získat z webových stránek projektu (http://www.r-project.org, [19]).

Po spuštění programu se objeví okno s konzolou (R console), ve kterém se dají spouštět funkce, vkládají se objekty, provádí se výpočty a zobrazují se i základní výstupy. Dále se můžeme setkat i s dalšími typy oken:

- okno nápovědy volá se po zadání příkazu help()
- grafické okno při spuštění grafické prezentace
- editor programu zobrazíme ho v menu File

 New Script. Toto okno je určeno k tvorbě programů. (U delších zdrojových kódů je výhodné mít k dispozici editor s číslovanými řádky, kontrolu syntaxe R a závorek jako freeware PSPad, http://www.pspad.com, nebo shareware WinEdt, http://www.winedt.cz)

To, že je konzole připravena k používání, symbolizuje prompt >, za nímž následují jednotlivé příkazy. Pokud nezměníme základní nastavení, řádky, do nichž vepisujeme příkazy, jsou odlišeny červenou barvou. Výstupní řádek je psán modrým písmem, v případě hodnot začíná pořadovým číslem dané hodnoty. Příkaz v konzole spustíme klávesou ENTER. Takto provedený příkaz nelze opravit přímo, ale v již napsaných příkazech můžeme listovat pomocí kláves $\uparrow \downarrow$, jež umožňují pohyb v historii příkazů. Historii příkazů můžeme uložit v menu $File \rightarrow Save\ History$. Konzole se všemi příkazy může být uložena v menu $File \rightarrow Save\ to\ File$

Jednotlivé příkazy jsou vkládány na nový řádek, v případě více příkazů za sebou jsou navzájem oddělovány středníkem. Složitější příkazy, které mají být spuštěny bezprostředně po sobě, jsou seskupovány pomocí složených závorek. Každý příkaz je následován kulatými závorkami s argumenty v případě, že jsou požadovány. Argumenty lze uvádět ve stejném pořadí, v jakém byly definovány, nebo je možno je uvádět v libovolném pořadí ve tvaru nazev.argumentu=hodnota. Argumenty je často možné zkracovat (jestliže zkratka nemůže znamenat jiný argument), např. round(x, digits=2) má naprosto stejný význam jako round(x, d=2) (jedná se o funkci zaokrouhlení na 2 desetinná místa).

Příkazem <- (popř. =, ten se ovšem nedoporučuje) vložíme daný výraz do proměnné. K jejímu zobrazení musí být v konzole z příkazové řádky zavolán jeho název. Další možností je zadání celého příkazu do kulatých závorek.

> a <- 2

> a

```
[1] 2 > (a <- 2) [1] 2
```

Pro neúplné příkazy se na následujícím řádku objeví prompt + , který dává možnost dodat chybějící část příkazu, a pokračuje dál ve čtení.

```
> a <- (2+3
> + ) * 5
[1] 25
```

Symbol # na příkazové řádce způsobí ignoraci zbytku řádky (komentář).

```
> a <- 2 # komentar
> a
[1] 2
```

Při zadávání názvu jednotlivých proměnných či objektů bychom měli dodržovat určitá pravidla. Názvy se mohou skládat z písmen (a–z, A–Z), číslic (0–9), tečky a podtržítka. Název musí začínat písmenem, nesmí začínat číslicí, tečka rovněž není doporučována. Matematické operátory (+, -, *, /), mezera a jiné další speciální znaky také nejsou povoleny. Chceme-li použít víceslovný název, rozdělení názvu na dvě části se provádí pomocí tečky (např. průměrnou výšku chlapců můžeme nazvat chlapci prumer), popř. pomocí podtržítka (chlapci prumer). Rovněž bychom se měli vyvarovat používání názvů vestavěných proměnných. R je case sensitive, tzn. rozlišuje malá a velká písmena.

```
> a <- 2
> a
[1] 2
> A
Error: object 'A' not found
```

Běžící program může být zastaven klávesou ESC ve Windows, CTRL + C v Linuxu. Konzoli můžeme vymazat klávesovou zkratkou CTRL + L nebo v menu $Edit \to Clear\ Console.$

Pro ukončení programu se používá příkaz q().

1.2 Nápověda

Příkazem help() je vyvoláno další okno – okno nápovědy. V levé části můžeme najít abecedně seřazený seznam objektů, poklikáním na některý z nich se v hlavním okně zobrazí popis objektu. Pro zobrazení nápovědy ke konkrétním objektům či funkcím

slouží příkaz help(tema), alternativou může být rovněž ?tema nebo v menu $Help \to R$ -functions (text) Chceme-li znát argumenty příkazu, můžeme použít funkci args(nazev_funkce).

Pro vyhledávání témat v kontextu (tzn. ne pouze v názvech a zkrácených popisech funkcí a objektů, ale i v klíčových slovech) slouží příkaz help.search("tema"), v menu $Help \rightarrow Search \ Help$ nebo v okně nápovědy pod záložkou Vyhledávat. Příkazem apropos("nazev") zobrazíme příbuzné příkazy k příkazu nazev, pro příklady k nějakému tématu použijeme příkaz example(tema).

K dispozici jsou rovněž PDF manuály, které obsahují základní manuály a reference o funkcích. Spouští se přes menu $Help \rightarrow Manuals$ (in PDF). HTML nápovědu, obsahující manuály, seznamy funkcí, apod. zobrazíme příkazem help.start() nebo přes menu $Help \rightarrow Html\ help$.

Jazyk R nabízí i několik funkcí, které uživatelům usnadňují pochopení některých příkazů. Funkce demo je uživatelsky příznivé prostředí, ve kterém běží demonstrace (ukázkové programy) R skriptů. Příkaz demo() vypíše seznam všech dostupných demonstrací. Argumenty funkce demo:

topic téma, které má být demonstrováno package název balíčku, ze kterého má být spuštěno topic

> demo(persp) v novém okně spustí ukázky použití funkce persp

V MATLABu je analogickým příkazem funkcí help(funkce) a ?funkce příkaz help funkce.



1.3 Workspace (pracovní prostor)

Program R načítá data z jakéhokoliv adresáře. Nejjednodušší pro manipulaci s nimi je ukládat si data do tzv. pracovního adresáře (workspace). Chceme-li zjistit, ve kterém adresáři se právě nacházíme, použijeme příkaz $\mathtt{getwd}()$. Ten zobrazí kompletní cestu do aktuální složky. Pro změnu pracovního adresáře použijeme příkaz $\mathtt{setwd}()$, jehož argumentem je cesta k adresáři v jednoduchých apostofech (') nebo uvozovkách ("). Změna adresáře je rovněž možná přes menu $File \to Change\ dir \dots$

- > (setwd("C:/Documents and Settings/PC/Plocha/R")) nastaví za pracovní adresář složku R umístěnou na ploše a vypíše cestu složky, ze které jsme vycházeli.
- [1] "C:/Documents and Settings/PC/Dokumenty"
- O tom, že se opravdu nacházíme v adresáři R, se můžeme přesvědčit příkazem > getwd()
- [1] "C:/Documents and Settings/PC/Plocha/R"

Příkazy dir() nebo list.files() zobrazíme názvy souborů v aktuálním nebo zadaném adresáři.

```
> dir()
         výpis souborů v aktuálním adresáři
                 "prednasky"
    "cviceni"
                                "data"
> dir("C:/Documents and Settings/PC/Plocha/R/cviceni")
[1]
     "cviceni 1"
                   "cviceni 2"
                                  "cviceni 3"
                                                 "cviceni 4"
[5]
     "cviceni 5"
                   "cviceni 6"
> list.files("C:/Documents and Settings/PC/Plocha/R/cviceni")
                                  "cviceni 3"
     "cviceni 1"
                   "cviceni 2"
                                                 "cviceni 4"
[5]
     "cviceni 5"
                   "cviceni 6"
```

Všechny objekty, které v průběhu práce vytvoříme, se ukládají do paměti a můžeme s nimi kdykoliv manipulovat. Vytvořené objekty tvoří tzv. workspace (pracovní prostor), chceme-li je uchovat pro pozdější práci, celý workspace uložíme pomocí $File \rightarrow Save\ Workspace \dots$ Tímto způsobem vytvoříme soubor s koncovkou .R, který se při dalším spuštění ze stejného adresáře automaticky nahraje spolu s historií příkazů. V případě, že zavřeme program R bez uložení, při dalším spuštění už dříve definované objekty nejsou k dispozici. Více o ukládání jednotlivých objektů viz odstavec 6.2.

Další užitečné příkazy:

objects(), ls() vypíše všechny názvy objektů, které jsou momentálně definovány v aktuálním adresáři

ls(name, pattern, all.names=T) vypíše ty objekty, které jsou omezeny volitelnými parametry:

```
name výpis konkrétního objektu podle čísla nebo názvu prostředí pattern vyhledávací výraz (např. objekty začínající na "a")
```

all.names nastavený na hodnotu TRUE vyhledává také objekty začínající tečkou rm() maže vybrané objekty

rm(list=ls()) maže všechny objekty

```
> ls(pattern="v")
[1] "v" "vec" "vector"
> ls(pattern="v", all.names=T)
[1] ".vec" "v" "vector"
> rm(v,vec) příkaz analogický příkazu rm(list=c("v","vec"))
> ls()
[1] ".vec" "vector"
```

1.4 Datové typy objektů

Jazyk R používá následující datové typy:

• numerické hodnoty vypisujeme klasickým způsobem, k oddělení desetinných míst používáme desetinnou tečku, tzn.

```
> 1.234
```

• komplexní - numerická hodnota je doplněna o komplexní jednotku i, např.

```
> 1 + 2i
[1] 1 + 2i
> 3 + 1i Pozor! Komplexní jednotka musí být vždy doplněna o numerickou
hodnotu
[1] 3 + 1i
> 3 + i
Error: object 'i' not found
```

logické hodnoty - hodnoty TRUE, T a FALSE, F (Pozor! Jazyk R je citlivý na velká a
malá písmena, proto logické hodnoty nelze psát jinak než uvedeným způsobem.)
Logické hodnoty se používají pro některé argumenty funkcí, jsou výsledkem testování výrazů, např.

```
> 2.3 > 3
[1] FALSE
```

• řetězec - používá se pro textové hodnoty, pro popisky os, název grafu, Řetězec musí být zadán do jednoduchých apostrofů (') nebo dvojitých uvozovek ("):

```
> r <- "retezec"
[1] "retezec"
> r <- 'retezec'
[1] "retezec"</pre>
```

K dispozici jsou rovněž speciální hodnota NA ("Not Available"), která reprezentuje chybějící nebo neznámou hodnotu, a další speciální konstanty: NULL, odpovídající prázdnému objektu, Inf, odpovídající nekonečnu (např. 1/0) a NaN ("Not-a-Number"), která je výsledkem numerických výpočtů, jež nejsou definovány (např. 0/0 nebo Inf - Inf).

1.5 Datové struktury

Vedle datových typů objektů, jazyk R poskytuje i množství datových struktur, které umožňují vícero hodnot specifikovat jako samostatný objekt. Mezi základní datové struktury patří vektor, faktor, matice, pole, tabulka dat a seznam. V následujících kapitolách se dozvíme, jak jednotlivé datové objekty definujeme, jak s nimi pracujeme. Protože každý objekt má svá specifika, následující tabulka souhrnně uvádí základní datové struktury a odpovídající datové typy, kterými mohou být tvořeny.

datová struktura	datový typ	možnost více
		typů dat sou-
		časně
vektor	numerický, komplexní, logický, řetězec	ne
faktor	numerický, řetězec	ne
matice	numerický, komplexní, logický, řetězec	ne
pole	numerický, komplexní, logický, řetězec	ne
tabulka dat	numerický, komplexní, logický, řetězec	ano
seznam	numerický, komplexní, logický, řetězec,	ano
	funkce, výraz,	

Tab. 1.1. Přehled datových typů objektů

Příklady k procvičení

- 1. Několika způsoby zobrazte nápovědu funkce mean a stručně ji popište.
- 2. Vyhledejte příklad použití funkce dim.
- 3. Spusťte ukázku použití funkce image.
- 4. Vypište cestu k adresáři, ve kterém se nacházíte.
- 5. Definujte následující proměnné:
 - proměnnou a s textovou hodnotou "pokus"
 - proměnnou a1 s hodnotou 1-i
 - proměnnou b s hodnotou TRUE
 - proměnnou c s hodnotou -1.333
 - ullet proměnnou d s hodnotou ∞

- a) Vypište seznam všech definovaných proměnných.
- b) Vypište seznam všech proměnných začínajících na "a".
- c) Smažte proměnnou c a vypište nový seznam definovaných proměnných.
- 6. Jakou datovou strukturu byste volili pro zobrazení:
 - a) údajů o nadmořské výšce dané obdélníkové oblasti,
 - b) informace o provedeném experimentu obsahující jeho stručný popis v textové podobě, vstupní data a porovnání výsledků pro různé metody,
 - c) pohlaví respondentů,
 - d) údajů pro 100 respondentů, u nichž známe jméno, příjmení, věk, výšku a váhu.

Řešení.

- 1. help(mean), ?mean nebo v menu $Help \to Search\ help\dots$, mean funkce pro výpočet aritmetického průměru
- 2. example(dim)
- 3. demo(image)
- 4. getwd()
- 5. a <- "pokus" nebo a <- 'pokus', a1 <- 1-1i,
 - b <- TRUE nebo b <- T,
 - c < -1.333,
 - d <- Inf
 - a) ls() nebo objects()
 - b) ls(pattern="a")
 - c) rm(c), ls()
- 6. a) matice,
 - b) seznam,
 - c) vektor, faktor,
 - d) datová tabulka.

Kapitola 2

Vektory

Základní informace

V této kapitole uvedeme nejjednodušší datovou strukturu – vektor. Vektory jsou posloupnosti hodnot s jistou informační hodnotou – mohou udávat hmotnosti kaprů v kádi, koncentrace mikroorganismů v ovzduší během určitého časového období či počty krtinců na několika sousedních zahradách. Seznámíme se s několika možnostmi, jak definovat vektory různých datových typů a pracovat s nimi, a s některými speciálními příklady vektorů poměrně často využívanými v praxi – s posloupnostmi a vektory náhodných čísel.

Závěr kapitoly je věnován dalšímu speciálnímu příkladu vektorů – faktoru. Tyto struktury umožňují jednoduše a přehledně definovat a efektivně pracovat s vektory nominálních nebo ordinálních znaků.

Předpokládá se znalost práce s počítačem a základy lineární algebry.

Výstupy z výuky

Studenti

- ovládají základní příkazy pro tvorbu vektorů,
- umí vytvářet posloupnosti a generovat vektory náhodných čísel,
- dokáží pracovat se subvektory,
- umí definovat, vytvářet a používat faktory.

2.1 Základní příkazy, tvorba vektorů

Jazyk R pracuje nad datovými strukturami. Nejjednodušší takovou strukturou je vektor. Např. jednoduchá hodnota (logická hodnota TRUE, numerická hodnota 2, ...) je vektor délky 1. Vektory jsou 1-dimenzionální struktury, skládající se z posloupnosti prvků. Všechny prvky vektoru musí být stejného datového typu (modu) – numerický, komplexní, logický nebo typu řetězec.

Některé prvky vektoru ovšem nemusí být známy – v těchto případech je na místo příslušného prvku vektoru umístěna speciální hodnota NA ("Not Available"). Všechny operace nad NA vrací hodnotu NA. Funkce is.na(x) vrací hodnoty TRUE na těch pozicích vektoru x, na kterých mají prvky hodnotu NA, na ostatních pozicích vrací hodnotu FALSE. Rovněž některé prováděné operace nemusí dávat smysl (např. 0/0, Inf - Inf), v těchto případech vrací příkaz hodnotu NaN ("Not a Number").

Pro vytvoření numerického vektoru x o hodnotách -1.2, 31.8., 10.7, 5.6, 9.22 použijeme příkaz x <- c(-1.2, 31.8, 10.7, 5.6, 9.22). Analogicky můžeme použít příkazu assign("nazev", c()), v našem případě tedy assign("x", c(-1.2, 31.8, 10.7, 5.6, 9.22)). Přiřazení může být rovněž provedeno v opačném směru: c(-1.2, 31.8, 10.7, 5.6, 9.22) -> x.

Naprosto analogickým způsobem můžeme zadávat komplexní vektory, např. y <- c(1+2i, 3, 5i), vektory logických hodnot, např. z <- (x<12 & x>-1), nebo vektory textových hodnot, např. ovoce <- c("banan", "broskev", "jablko", "pomeranc").

Funkce c() svůj výstup zobrazuje jako řádkový vektor, ovšem je s ním nakládáno jako s vektorem sloupcovým.

```
> c(2, 4, "v", F) jedna z hodnot je znak, vektor tedy bude textový
[1] "2" "4" "v" "FALSE"
```

Příkaz vector (mode, length) vytvoří vektor daného typu mode a dané délky length s nulovými hodnotami.

```
> vector(mode="logical", length=3)
[1] FALSE FALSE FALSE
> vector(m="character", length=5)
[1] "" "" "" ""
```

Nejjednodušším způsobem ke generování posloupností čísel je použít operátoru :. Příkaz a:b vygeneruje aritmetickou posloupnost prvků od a do b s krokem 1, resp. -1. Funkce sequence(n) slouží ke generování posloupnosti hodnot od čísla 1 do čísla (vektoru hodnot) uvedeného v argumentu funkce.

```
> 4:10
[1] 4 5 6 7 8 9 10
```

```
> 2.4:7
[1] 2.4
            3.4
                  4.4
                         5.4
                                6.4
> sequence(6)
[1]
    1
          2
              3
                       5
                           6
> sequence(c(3,5))
              3
                       2
                           3
[1]
     1
          2
                                    5
```

Ke generování posloupností s daným krokem MATLAB používá funkci a:krok:b. R tuto syntaxi nezná, je proto třeba použít jiných funkcí.



Pro generování složitějších posloupností se používá funkce seq, která má 5 argumentů, ale pouze některé z nich mohou být specifikovány současně při jednom volání.

- První 2 argumenty specifikují počáteční a koncový bod posloupnosti, příkaz seq(2,10) je ekvivalentní příkazu 2:10. Argumenty mohou být rovněž volány pomocí from=a, to=b.
 Příkazy seq(1,30), seq(from=1, to=30) a seq(to=30, from=1) vrací stejný výsledek.
- Argument velikosti kroku: by=krok.
- Argument délky posloupnosti: length=delka.
- V případě, že je použit argument along.with, musí být jediným argumentem funkce. Argument along.with=v generuje posloupnost o délce shodné s délkou vektoru v.

Příkaz seq() vytváří prázdnou posloupnost.

```
> seq()
[1] 1
> seq(from=2, to=10)
[1]
     2
              4
                   5
                       6
                            7
                                8
                                    9
                                         10
> seq(from=2, to=15, by=3)
    2
          5
              8
                   11
> seq(length=6)
[1]
     1
          2
              3
                       5
                           6
> seq(from=3, length=6)
[1]
    3
              5
          4
                   6
> (k <- seq(to=13, length=6))</pre>
[1]
    8
          9
              10
                    11
                         12
                               13
```

```
> 7 + seq(along.with=k)
[1] 8 9 10 11 12 13
```

Pro vytvoření vektoru, v němž se opakuje určitý objekt (hodnota nebo vektor), se používá funkce rep(x). Jejími argumenty jsou:

times=pocet udává počet, kolikrát má být objekt za sebe poskládán each=pocet udává počet opakování každé složky objektu length.out udává délku výsledného vektoru

```
> x <- 2:5
> rep(x, times=3)
                      stejný výsledek dává i rep(x, 3)
[1]
                   5
                        2
                             3
                                      5
                                           2
                                                3
                                                    4
                                                         5
          3
> rep(x, each=3)
                                                5
                                                    5
                                                         5
[1]
    2
          2
               2
                             3
                                      4
                                           4
> rep(x, length.out=10)
          3
               4
                             3
                                      5
                                           2
                                                3
> rep(rep(x, each=2), times=2)
                                                2
                                                                            5
[1]
    2
          2
               3
                    3
                        4
                                  5
                                      5
                                           2
                                                    3
                                                         3
                                                              4
                                                                       5
                                                                   4
```

Náhodná čísla generovaná v R (a obecně ve všech softwarech) nejsou ve skutečnosti zcela náhodná, ale jsou generována na základě specifických algoritmů tak, aby se náhodným číslům podobala (tzv. pseudonáhodná čísla). Podle pravděpodobnosti výskytu jednotlivých hodnot můžeme generovat čísla z různých typů rozdělení:

runif (n, min=a, max=b) Náhodně vygeneruje n náhodných čísel z intervalu (a, b), každé číslo má stejnou pravděpodobnost výskytu.

rpois (n, lambda) Náhodně vygeneruje n celých čísel z Poissonova rozdělení s parametrem lambda.

rnorm(n, mean=mi, sd=sigma) Náhodně vygeneruje n reálných čísel z normálního rozdělení se střední hodnotou mi a směrodatnou odchylkou sigma.

```
> runif(10, min=2, max=8)
[1]
     3.468575
                 2.006183
                             5.151939
                                         4.864977
                                                     5.117221
                                                                 5.981666
[7]
     6.186421
                 6.470627
                             7.230629
                                         7.726394
> rpois(10, 5)
[1]
               1
    7
         11
                        3
                            5
                                6
                                     3
                                             5
                                         1
> rnorm(10, mean=5, sd=2)
[1]
     3.880884
                 5.902384
                             9.645860
                                         3.955287
                                                     3.923085
                                                                 3.763641
                             7.512364
[7]
     1.782563
                 6.003977
                                         4.685642
```

Dalším užitečným příkazem ke generování vektorů je funkce sample(). Funkce sample(x, size, replace=FALSE, prob=NULL) vytvoří náhodnou permutaci prvků objektu x. Objekt x může být vektor (číselný, komplexní, logický nebo vektor znaků)

nebo přirozené číslo. Argument size je přirozené číslo udávající délku výsledného vektoru. Argument replace=TRUE umožňuje opakování vybraných prvků, zatímco implicitní nastavení replace=FALSE opakování nepovoluje. Argument prob umožňuje nastavení pravděpodobnostních vah výběru jednotlivých prvků.

```
> x < -c(1, 3, 5, 7, 2, 6)
> sample(x, 3)
[1]
    6
         7
> sample(x, 3, replace=TRUE)
[1]
     3
         3
> x <- letters[1:15]
                       vektor prvních 15 písmen abecedy (a-o)
> sample(x, 4, prob=c(1, rep(0.1, 13), 1))
           "o"
[1]
     "a"
                 "d"
> sample(x, 8, prob=c(1, rep(0.1, 13), 1), replace=TRUE)
                "0"
                        "o"
                              "n"
                                    "a"
                                           "a"
```

2.2 Subvektory

K výpisu určité podmnožiny prvků vektoru můžeme použít hranatých závorek, []. Obecně má pro vektor \mathbf{x} tento příkaz tvar $\mathbf{x}[index]$, kde index je vektor jednoho z následujících tvarů:

1. **Vektor přirozených čísel.** Jedná se o vektor indexů, který nabývá hodnot z množiny {1, 2, ..., length(x)}.

```
x <- 2:16</li>
x [7] vypíše 7. složku vektoru x
[1] 8
x [4:12] vypíše 4.–12. složku vektoru x
[1] 5 6 7 8 9 10 11 12 13
```

Hodnota NA je vrácena v případě, že vektor index obsahuje přirozené číslo větší než je délka vektoru. Podobně R vrací prázdný vektor numeric(0) v případě, že vektor index obsahuje nulu:

```
> x[13:18]
              vypíše 13.–18. složku vektoru x
                16
[1] 14
           15
                      NA
                            NA
> x[c(7, 0, 5, 12)]
                        index 0 se ignoruje
[1]
              13
     8
          6
> x[0]
[1]
     integer(0)
```

Vektor index můžeme definovat rovněž použitím funkcí ke konstrukci numerických vektorů, např. c(), :, rep(), sample(), seq()

```
> x[c(3, 8, 10, 4, 7)]
Γ1  4
         9
             11
                  5
> x[c(rep(4, 2), rep(7, 3))]
[1] 5
         5
             8
                 8
> x[sample(x, 5, replace=TRUE)]
[1] 6
         10
              11
> x[seq(from=4, to=20, by=3)]
[1] 5
         8
             11
                  14
```

Můžeme rovněž použít funkcí head() a tail(), které vrací prvních/posledních n prvků vektoru (implicitní nastavení n=6):

```
> head(x)
[1] 2 3 4 5 6 7
> tail(x, n=3)
[1] 14 15 16
```

2. Vektor záporných celých čísel. Vektorem záporných celých čísel index vymezujeme ty indexy vektoru x, jejichž odpovídající hodnoty nemají být vytištěny. Všechny prvky vektoru x, kromě těch specifikovaných vektorem index, jsou do výsledné podoby vypsány v jejich původním pořadí. Délka výsledného vektoru je length(x) - length(index).

```
> x[-c(1:10)] vynechá prvních deset prvků vektoru
[1] 12 13 14 15 16
> x[-tail(x, 10)]
[1] 2 3 4 5 6 7
```

3. **Logický vektor.** Prvky odpovídající hodnotám TRUE vektoru index jsou vypisovány, zatímco prvky odpovídající hodnotám FALSE jsou vynechány. Výsledný vektor je stejné délky jako počet hodnot TRUE vektoru index.

```
> x[c(TRUE, FALSE, TRUE, TRUE, FALSE, rep(c(TRUE, FALSE), 5))] vek-
tor index může být zadán vektorem hodnot TRUE a FALSE
              5
                  7
                       9
                            11
                                 13
                                       15
> x[x>7 \& x<=12]
                    vektor index může být dán omezujícími podmínkami – po-
užitím porovnávacích a logických operátorů (porovnávací a logické operátory viz
odstavec 5.2)
[1]
     8
          9
              10
                    11
                         12
```

V případě, že vektor x obsahuje hodnoty NA, potřebujeme pomocí funkce is.na() zajistit, aby byly správně vynechány:

```
> (y < -c(7, 3, NA, 5, NA, NA, 9))
[1] 7
          3
              NA
                    5
                        NA
                              NΑ
> v[v<6]
[1] 3
         NA
               5
                    NA
                         NA
> y[y<6 \& !is.na(y)]
                         vypíše ty hodnoty vektoru y, které jsou menší než 6
a jsou různé od hodnoty NA
[1]
     3
          5
```

Alternativou v této situaci může být funkce subset(). Jejím prvním argumentem je vektor, ze kterého chceme získat jeho podmnožinu, druhým argumentem je vektor omezujících podmínek. Výhodou této funkce je, že hodnoty NA jsou automaticky považovány za FALSE, takže nemusí být odstraňovány pomocí funkce is.na().

```
> subset(y, y<6)
[1] 3 5
```

4. **Vektor znakových řetězců.** Tento způsob může být použit pouze v případě, kdy prvky vektoru mají názvy. V tom případě může být vektor **index** použit stejným způsobem jako v případě přirozených čísel v odrážce 1, řetězce ve vektoru **index** odpovídají názvům prvků vektoru **x**.

```
> (ovoce <- c(banan=3, broskev=8, jablko=7, pomeranc=5))</pre>
                                                               přiřazení
názvu jednotlivým prvkům vektoru
 banan broskev jablko pomeranc
     3
                       7
                  každý prvek vektoru má opravdu svůj název
> names(ovoce)
[1]
                "broskev"
                             "jablko"
                                         "pomeranc"
     "banan"
Jiný způsob definice přiřazení názvu jednotlivým prvkům vektoru:
> ovoce <- c(3, 8, 7, 5)
> names(ovoce) <- c("banan", "broskev", "jablko", "pomeranc")</pre>
> ovoce[c("broskev", "jablko")]
 broskev jablko
       8
                7
```

MATLAB používá pro výpis subvektorů kulatých závorek, pro nekladné argumenty vrací chybové hlášení.



2.3 Délka a změna délky vektoru

Každý vektor má svou délku, což je počet jeho prvků. Ke zjištění délky definovaného vektoru slouží funkce length().

Každý prázdný objekt je nějakého datového typu. Např. příkazem

```
> numeric()
[1] numeric(0)
```

vytvoříme prázdný numerický vektor, analogicky příkazem character() vytvoříme prázdný textový vektor, atd. K již existujícímu objektu libovolné délky můžeme přidávat nové složky, a to jednoduše umístěním indexu hodnoty do hranaté závorky. Tak příkazem u[2] <- 5 vytvoříme nový vektor u délky 2 (1. složka není známa, má tedy hodnotu NA, 2. složka má hodnotu 5). Tento příkaz můžeme použít pro jakoukoliv strukturu za předpokladu, že datový typ přidávaných prvků je shodný s datovým typem objektu.

Naopak, ke zkrácení délky objektu je třeba jen operátor přiřazení <-, kde za název proměnné umístíme do hranatých závorek ty indexy prvků, které nás zajímají. Symbol záporného znaménka před vektorem indexů v hranatých závorkách určuje ty hodnoty, které nemají být vypsány na výstupu.

```
> u <- 5:12
[1]
    5
              7
                   8
                       9
                            10
                                  11
                                        12
> length(u)
[1] 8
> u[c(1, 3, 5)]
                   vypíše 1., 3. a 5. prvek vektoru u.
Γ11 5
          7
> u[-c(1, 3, 5)]
                     vynechá 1., 3. a 5. prvek vektoru u.
[1]
    6
          8
                    11
                          12
```

V případě, že chceme získat prvních n složek vektoru, použijeme příkaz length(v) <- n. Stejným způsobem můžeme i prodlužovat vektory, přidané pozice budou mít hodnotu NA.

```
length(u) <- 3</li>
u přesvědčíme se, že vektor u opravdu obsahuje jen původní 3 složky
[1] 5 6 7
```

Pracujme opět s vektorem u \leftarrow 5:12. Analogickými příkazy k výše uvedenému může být u[c(1,2,3)], u[1:3], head(u,3).

```
> (w <- head(u,3))
[1] 5 6 7
> length(w) <- 5
> w
[1] 5 6 7 NA NA
```

2.4 Faktory

[1] nepritomen

Levels:

Faktory jsou speciálním případem vektorů s nominálními nebo ordinálními daty. Jedná se o datovou strukturu, která umožňuje přiřadit smysluplné názvy jednotlivým kategoriím. Na první pohled vypadají faktory podobně jako numerické a textové vektory, ale není tomu tak. Faktory v sobě navíc obsahují informaci Levels – jedná se o konečnou množinu hodnot, kterých kategorická proměnná může nabývat. Jednotlivé prvky Levels jsou uspořádány podle jejich typu (numericky nebo abecedně), hodnoty NA zde ovšem nejsou zahrnuty.

```
> factor(c("kocka", "kun", NA, "pes", "kocka", "pes", "pes"))
[1] kocka kun <NA> pes kocka pes pes
Levels: kocka kun pes
```

Poznámka. Je důležité si uvědomit, že prvky numerického faktoru nejsou interpretovány jako numerické hodnoty:

```
> mean(factor(1:5)) funkce mean slouží k výpočtu průměru
[1] NA
Warning message:
In mean.default(factor(1:5)) :
argument is not numeric or logical: returning NA
```

pritomen

pritomen

nepritomen

Funkce factor() má několik volitelných argumentů. Argument levels může být použit k definování úrovní (Levels) faktoru. Např. můžeme vytvořit faktor i s úrovní, která se mezi daty nevyskytuje:

```
> factor(c(2, 3, 1, NA, 3, 2), levels=1:4) hodnoty NA nejsou do Levels vy-
pisovány
[1]
     2
                  <NA>
Levels:
           1
               2
                    3
Argument levels rovněž může sloužit ke změně pořadí prvků úrovní:
> factor(c(2, 3, 1, NA, 3, 2), levels=c(1, 3, 2, 4))
Г1]
              1
                  NA
                        3
           1
               3
Levels:
                    2
Argument labels se používá k definici popisků:
> factor(c(0, 1, 1, 0, 1), labels=c("nepritomen", "pritomen"))
```

pritomen

nepritomen

pritomen

2

1

3

<NA>

Levels:

Argument exclude ignoruje vybrané prvky, tyto prvky jsou nahrazeny hodnotami NA > factor(c(2, 3, 1, NA, 3, 2), exclude=3) [1] <NA>1 <NA> <NA> 2 Levels: 1 2 <NA> > factor(c(2, 3, 1, NA, 3, 2), exclude=NULL) argument exclude=NULL slouží pro zobrazení hodnoty NA v Levels 1 <NA> [1] 2 3 3

Argument ordered=TRUE slouží k seřazení úrovní faktoru. Jediným rozdílem na výstupu je zobrazení porovnávacího operátoru < mezi jednotlivými úrovněmi faktoru. Tuto vlastnost můžeme použít např. při porovnávání jednotlivých prvků.

```
> (velikost <- factor(c(3, 1, 5, 4, 3, 2, 4), labels=c("mravenec",</pre>
+ "hlemyzd", "koza", "slon", "zirafa")))
[1] koza
            mravenec
                        zirafa
                                  slon
                                          koza
                                                 hlemyzd
                                                            slon
Levels:
                       hlemyzd
                                  koza
                                         slon
                                                 zirafa
           mravenec
> (velikost <- factor(c(3, 1, 5, 4, 3, 2, 4), labels=c("mravenec",</pre>
+ "hlemyzd", "koza", "slon", "zirafa"), ordered=TRUE))
    koza
                                  slon
[1]
            mravenec
                        zirafa
                                          koza
                                                 hlemvzd
                                                            slon
Levels:
           mravenec < hlemyzd < koza < slon < zirafa
> velikost >= "koza"
                        vrací vektor logických hodnot, na pozicích splňujících pod-
mínku jsou hodnoty TRUE, na ostatních pozicích FALSE
[1]
     TRUE
            FALSE
                     TRUE
                             TRUE
                                    TRUE
                                            FALSE
                                                     TRUE
```

Příklady k procvičení

1. V cementárně byla měřena hmotnost pytlů cementu, k dispozici jsou naměřené hodnoty:

```
50.3, 50.7, 49.2, 50.1, 49.9, 51.1, 49.8, 48.9 a 50.3.
```

Poskládejte tyto hodnoty do vektoru cement a vyřešte následující úkoly:

- a) Pomocí vhodné funkce zjistěte délku vektoru cement.
- b) Vytvořte vektor cement1, který bude obsahovat hodnoty na sudých pozicích vektoru cement a dále pak jeho poslední tři hodnoty.
- c) Vytvořte vektor cement2, který bude náhodnou kombinací pěti hodnot vektoru cement s pravděpodobností 0.4 pro první čtyři hodnoty vektoru cement a s pravděpodobností 0.2 pro ostatní hodnoty, hodnoty se mohou opakovat.
- d) Vypište ty složky vektoru cement, které jsou větší než 50.
- 2. Náhodně vygenerujte vektor v délky 15 s hodnotami 0 a 1. Dále z něj vytvořte faktor pohlavi, ve kterém se hodnota 0 bude vypisovat jako "muž" a hodnota 1

```
jako "žena".
```

- 3. Změňte minulé zadání tak, aby se hodnota 0 vypisovala jako "žena" a hodnota 1 jako "muž".
- 4. Vytvořte vektor hodnot v1 od -10 do 0 s krokem 0.5.
- 5. Vytvořte vektor hodnot v2 obsahující sudé hodnoty posloupnosti -12, -11, ..., 11, 12.
 - a) Hodnoty vektoru v2 zdvojte tak, aby nově vzniklý vektor obsahoval hodnoty -12,..., 12, -12,..., 12.
 - b) Hodnoty vektoru v2 zdvojte tak, aby nově vzniklý vektor obsahoval hodnoty -12, -12, ..., 12, 12.
- 6. Proveďte losování tahu sportky, tzn. vyberte 7 čísel od 1 do 49 tak, aby se neopakovala.
- 7. Náhodně vygenerujte 10 hodnot z normálního rozložení se střední hodnotou 5 a rozptylem 2.

Řešení.

- 1. cement < c(50.3, 50.7, 49.2, 50.1, 49.9, 51.1, 49.8, 48.9, 50.3)
 - a) length(cement)
 - b) cement1 <- c(cement[seq(from=2, to=length(cement), by=2)], tail(cement,
 3))</pre>
 - c) cement2 <- sample(cement, size=5, prob=c(rep(0.4, times=4), rep(0.2, times=length(cement)-4)), replace=TRUE)
 - d) cement [cement > 50]
- 2. v <- sample(c(0, 1), size=15, replace=TRUE) nebo v <- round(runif(min=0,
 max=1, n=15))</pre>

```
pohlavi <- factor(v, levels=c(0, 1), labels=c("muz", "zena"))</pre>
```

- 3. pohlavi <- factor(v, levels=c(1, 0), labels=c("muz", "zena"))</pre>
- 4. $v1 \leftarrow seq(from=-10, to=0, by=0.5)$
- 5. $v2 \leftarrow seq(from=-12, to=12, by=2)$
 - a) rep(v2, times=2)
 - b) rep(v2, each=2)
- 6. sample(1:49, size=7)
- 7. rnorm(n=10, mean=5, sd=sqrt(2))

Kapitola 3

Matice a pole

Základní informace

Matice mají širokou škálu využití nejen v matematice, ale i v technických, ekonomických vědách a statistice. Jejich uplatnění můžeme hledat např. v řešení systémů lineárních rovnic či v aplikaci maticových operací. Tato kapitola proto seznamuje s možnostmi, jak definovat matice či pole, uvádí množství postupů a funkcí, jak s nimi jednoduše pracovat, v neposlední řadě uvádí příkazy pro řešení systémů lineárních rovnic.

Výstupy z výuky

Studenti

- ovládají příkazy pro vytváření matic a polí,
- umí pracovat se submaticemi,
- dokáží použít funkce pro manipulaci s maticemi,
- rozlišují maticové násobení a násobení po složkách, umí řešit systémy lineárních rovnic.

3.1 Základní příkazy, tvorba matic a polí

Matice je 2-dimenzionální datová struktura, která se skládá z řádků a sloupců. Stejně jako vektory, všechny prvky matice musí být stejného datového typu (numerický, komplexní, logický nebo textový), mohou rovněž obsahovat prvky s hodnotami NA, NaN, NULL nebo Inf. Pole je k-dimenzionální struktura, matice je jejím speciálním typem

```
pro k=2.
```

Základním způsobem k vytvoření matice nebo pole je použít příkazy matrix(), popř. array():

> matrix(u, 4, 5) vytvoří matici o 4 řádcích a 5 sloupcích, prvky jsou skládány po sloupcích

```
[,1]
               [,2]
                       [,3]
                               [,4]
                                       [,5]
[1,]
           1
                   5
                           9
                                 13
                                         17
[2,]
           2
                   6
                          10
                                 14
                                         18
[3,]
           3
                   7
                          11
                                 15
                                         19
[4,]
           4
                   8
                          12
                                 16
                                         20
```

> matrix(u, 4, 5, byrow=TRUE) vytvoří matici 4 x 5, argument byrow=TRUE stanovuje, že prvky jsou skládány po řádcích

Poznámka. V případě, že je vektor u kratší než je počet prvků matice, při vytváření matice je uplatněno pravidlo recycling rule. Pravidlo spočívá v opakování složek vektoru u tak dlouho, dokud jeho délka nedosáhne počtu prvků matice.

Pro definování polí slouží příkaz array(), s nímž je práce analogická.

```
> (ar <- array(u, c(2, 5, 2)))
                                       vytvoří pole o rozměrech 2 x 5 x 2
, , 1
        [,1]
               [,2]
                       [,3]
                              [,4]
                                     [,5]
 [1,]
            1
                   3
                          5
                                  7
                                         9
            2
                   4
                          6
                                  8
 [2,]
                                        10
, , 2
        [,1]
               [,2]
                       [,3]
                              [,4]
                                     [,5]
 [1,]
           11
                  13
                         15
                                 17
                                        19
 [2,]
           12
                  14
                         16
                                        20
                                 18
```

Dalším způsobem, jak vytvořit matice, popř. pole je příkaz dim(), který vektor ve svém argumentu uspořádá po sloupcích do pole požadované dimenze.

```
    u <- 1:20</li>
    dim(u) <- c(4, 5) vektoru u stanoví dimenzi - 4 řádky, 5 sloupců</li>
    u
```

```
[,1]
               [,2]
                       [,3]
                               [,4]
                                       [,5]
[1,]
                   5
                           9
           1
                                  13
                                          17
[2,]
           2
                   6
                          10
                                  14
                                          18
[3,]
           3
                   7
                                         19
                          11
                                  15
[4,]
           4
                   8
                          12
                                  16
                                          20
```

Příkazy matrix(u, ncol=5), matrix(u, nrow=4), matrix(u, 4) a matrix(u, c(4, 5)) jsou ekvivalentní, všechny seskládají po sloupcích vektor u do pěti sloupců a čtyř řádků.

Pro zjištění velikosti matice či pole slouží funkce dim(). Výstupem je vektor, jehož první složka udává počet řádků, druhá udává počet sloupců a v případě polí odkazují další složky na příslušné dimenze. Pro zjištění počtu řádků či sloupců matic i polí slouží rovněž funkce nrow() či ncol().

```
> dim(u)
[1] 4 5
> dim(ar)
[1] 2 5 2
> nrow(ar)
[1] 2
> ncol(ar)
[1] 5
```

V systému MATLAB lze funkcí size() získat rozměry matice, pole i vektoru. Analogickou funkcí pro size() je v jazyce R funkce dim(), tu ovšem nemůžeme použít pro zjištění délky vektoru. Funkcím nrow(x) a ncol(x) odpovídají v MATLABu funkce size(x,1) a size(x,2).



Názvy řádků a sloupců mohou být specifikovány argumentem dimnames. Jedná se o argument typu seznam (pro více podrobností viz Kapitola 4) o dvou složkách – textových vektorech obsahujících názvy jednotlivých řádků a sloupců.

```
> matrix(u, ncol=5, dimnames=list(c("r1", "r2", "r3", "r4"), c("sl1",
+ "s12", "s13", "s14", "s15")))
      sl1
           s12
                 sl3
                      sl4
                            s15
        1
             4
                   9
                        13
                             17
 r1
 r2
        2
              5
                             18
                  10
                        14
        3
 r3
              6
                  11
                        15
                             19
        4
              8
 r4
                  12
                        16
                             20
```

Dalšími příkazy pro tvorbu matic mohou být cbind() nebo rbind(), které své

argumenty skládají vertikálně (po sloupcích) nebo horizontálně (po řádcích). Argumenty mohou být vektory libovolných délek a/nebo matice se stejným počtem řádků nebo sloupců.

```
> cbind(1:3, 4:6)
        [,1]
              [,2]
 [1,]
                  4
 [2,]
           2
                  5
 [3,]
           3
                  6
> cbind(matrix(1:4, c(2, 2)), matrix(c(8, 11), c(2, 1)))
        [,1]
              [,2]
                     [,3]
 [1,]
           1
                  3
                        8
 [2,]
                  4
                       11
> rbind(1:8, 1:5)
                      v případě, že vektory nejsou stejné délky, složky kratšího vek-
toru se opakují tak dlouho, dokud nedosáhne rozměru delšího vektoru
        [,1]
                     [,3]
                            [,4]
                                   [,5]
                                          [,6]
              [,2]
                                                [,7]
 [1,]
           1
                  2
                         3
                               4
                                      5
                                             6
                                                    7
                         3
 [2,]
           1
                               4
                                      5
                                             1
                                                    2
                                                           3
Warning message:
In rbind(1:8 1:5) :
number of columns of result is not a multiple of vector length
(arg 2)
```

Argument nazev.vektoru=vektor slouží k pojmenování jednotlivých řádků (v případě rbind) a sloupců (v případě cbind):

Na rozdíl od MATLABu nelze v jazyce R matici o jednom sloupci získat transpozicí vektoru (funkce t()), je třeba použít jeden z příkazů matrix(), dim() nebo rbind().



3.2 Submatice

K výpisu určité podmnožiny prvků matice či pole můžeme použít hranatých závorek []. Obecně má pro *n*-rozměrné pole A tento příkaz tvar A[index_1, index_2, ..., index_n], kde index_1, odkazuje na řádky, index_2 na sloupce a index_3, ...,

index_n na ostatní dimenze. Odkaz na každou dimenzi může být jedním ze čtyř tvarů uvedených v podkapitole 2.2. V případě, že některý z indexů není specifikován, v úvahu je brána celá délka příslušné dimenze.

```
> (A <- matrix(1:20, 4))
        [,1]
               [,2]
                      [,3]
                             [,4]
                                    [,5]
 [1,]
                         9
                                13
                   5
                                       17
 [2,]
            2
                   6
                        10
                                14
                                       18
                   7
 [3,]
           3
                        11
                                15
                                       19
 [4,]
           4
                   8
                        12
                                16
                                      20
> A[-c(1, 2), c(3, 4, 5)]
         [,1]
                [,2]
                       [,3]
  [1,]
                  15
                         19
           11
  [2,]
           12
                  16
                         20
```

Jazyk R se vždy snaží vracet objekty s nejnižší možnou dimenzí. Např. chcemeli vypsat jediný sloupec matice, R jej zobrazí jako řádkový vektor. To ovšem může být v některých případech nežádoucí – toto chování můžeme vypnout argumentem drop=FALSE:

3.3 Funkce pro manipulaci s maticemi

```
nrow(), ncol()
                    počet řádků a sloupců pole
 dim()
                    dimenze pole
 t()
                    transpozice matice
 diag(A)
                    vypíše diagonálu matice A
                    vytvoří diagonální matici se složkami vektoru v na diagonále
 diag(v)
 diag(k)
                    pro každé přirozené číslo k vygeneruje jednotkovou matici roz-
                    měrů k \times k
 lower.tri(),
                    výstupem je matice logických hodnot stejných rozměrů jako ma-
 upper.tri()
                            argumentu. Hodnoty
                                                     TRUE
                                                            odpovídají prvkům
                    v dolní/horní trojúhelníkové matici. Implicitní nastavení
                    diag=FALSE nezahrnuje diagonálu.
 det()
                    determinant matice
                    výstupem je seznam o dvou položkách - values (vlastní čísla)
 eigen()
                    a vectors (vlastní vektory). V případě, že nás zajímají pouze
                    vlastní čísla, popř. pouze vlastní vektory matice, použijeme ope-
                    rátoru $: eigen()$values, popř. eigen()$vectors.
 qr()
                    QR rozklad. Jedním z výstupů je i hodnost matice, chceme-li
                    zjistit pouze hodnost matice, můžeme použít příkaz gr()$rank
 svd()
                    singulární rozklad trojúhelníkové matice
                    norma matice. Je potřeba nainstalovat a načíst podpůrný ba-
 norm()
                    líček Matrix pomocí příkazů install.packages("Matrix") a
                    library (Matrix). Volitelnými argumenty můžeme zvolit typ
                    normy:
                    "0", "o" nebo "1" pro maximální součty ve sloupcích, implicitní
                    nastavení,
                    "I" nebo "i" pro maximální součty v řádcích,
                    "F" nebo "f" pro Frobeniovu normu (euklidovská norma vektor,
                    když je na vstupní matici nahlíženo jako na vektor)
                    stopa matice
 sum(diag())
> (A \leftarrow matrix(c(3, 2, -1, 0), 2))
        [,1]
              [,2]
 [1,]
           3
                -1
 [2,]
           2
> (v <- diag(A))
[1] 3
> diag(v)
```

```
[,1]
              [,2]
 [1,]
           3
                 0
 [2,]
                 0
> diag(2)
        [,1]
              [,2]
 [1,]
           1
 [2,]
           0
                 1
> lower.tri(A)
         [,1]
                [,2]
 [1,]
       FALSE
              FALSE
 [2,]
        TRUE FALSE
> A[lower.tri(A)] <- 0</pre>
                           horní trojúhelníková matice
        [,1]
              [,2]
 [1,]
           3
                -1
 [2,]
           0
                 0
> eigen(A)
$values
[1] 2
          1
$vectors
                         [,2]
             [,1]
       0.7071068
 [1,]
                   0.4472136
 [2,] 0.7071068
                   0.8944272
> eigen(A)$values
[1] 2
> qr(A)$rank
[1] 2
> norm(A, "1"); norm(A, "i"); norm(A, "f")
[1]
[1]
     4
[1] 3.741657
> sum(diag(A))
[1]
     3
```

Násobení matic

Pro násobení matic po složkách se používá operátor *, navíc musí mít násobené matice souhlasné rozměry. Pro součin matice a vektoru (v libovolném pořadí) se uplatňuje pravidlo recycling rule, tzn. jednotlivé složky matice jsou po sloupcích postupně násobeny složkami vektoru.

```
> u <- c(1, 0, 0)
> v <- c(1, 0, 0, 0, 1)
> A <- matrix(c(1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1), ncol=3)</pre>
```

```
> A
        [,1]
               [,2]
                      [,3]
 [1,]
           1
                  0
                         0
 [2,]
           0
                  1
                         0
 [3,]
           0
                  1
                         1
 [4,]
           1
                  1
                          1
> u * A
           použití pravidla recycling rule
        [,1]
               [,2]
                      [,3]
 [1,]
                  0
                         0
           1
 [2,]
           0
                  0
                         0
 [3,]
           0
                  1
                         0
 [4,]
           použití pravidla recycling rule. Výstup navíc obsahuje varovné hlášení, ne-
> v * A
boť počet prvků matice A není dělitelný délkou vektoru v
        [,1]
               [,2]
                      [,3]
 [1,]
           1
                  0
 [2,]
           0
                  1
                         0
 [3,]
           0
                         1
                  0
 [4,]
           0
                  0
                         0
Warning message:
In v * A: longer object length is not a multiple of shorter object
length
```

Pro maticové násobení se používá operátor %*%, oba činitelé musí být odpovídajících rozměrů (vnitřní rozměry obou činitelů musí být shodné).

```
> A %*% u
        [,1]
 [1,]
           1
 [2,]
           0
 [3,]
           0
 [4,]
           1
> B \leftarrow matrix(c(0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1), ncol=4)
              [,2]
                     [,3] [,4]
        [,1]
                         0
 [1,]
 [2,]
           1
                  1
                         1
                                1
            nesouhlasné rozměry matic
Error in A %*% B : non-conformable arguments
> B %*% A
        [,1]
              [,2]
                     [,3]
 [1,]
           0
                  1
                         0
 [2,]
           2
                  3
                         2
```

Zatímco v systému MATLAB operaci násobení po složkách zajišťuje operátor .*, v jazyce R je to *. Operátor * v systému MATLAB označuje maticové násobení, v jazyce R je to operátor %*%.



Řešení lineárních rovnic a inverze

Řešení lineárních rovnic je inverzní operací k maticovému násobení

```
> b <- A %*% x
```

A značí čtvercovou matici koeficientů pro lineární systém, b je vektor nebo matice pravé strany. Vektor/matice \mathbf{x} je řešením systému lineárních rovnic Ax = b, které získáme příkazem solve(A, b). V lineární algebře řešení formálně dostaneme $x = A^{-1}b$, kde A^{-1} značí matici inverzní k matici A. Matici inverzní můžeme v R spočítat pomocí solve(A).

```
> (A \leftarrow matrix(c(1, 3, 1, -1), 2))
         [,1]
               [,2]
 [1,]
            1
                   1
 [2,]
            3
                  -1
> (b \leftarrow matrix(c(3, 1), 2))
        [,1]
 [1,]
 [2,]
            1
> solve(A, b)
         [,1]
 [1,]
            1
 [2,]
> solve(A) %*% b
         [,1]
 [1,]
            1
 [2,]
            2
```

Příkaz backsolve(A, b, k, upper.tri, transpose) rovněž slouží k řešení lineárních rovnic s horní (upper.tri=TRUE, implicitně) nebo dolní trojúhelníkovou maticí (upper.tri=FALSE). Vektor b je vektor/matice pravých stran, k je počet sloupců matice A, které mají být použity. Pro transpose=TRUE řešíme systém A'x = b, implicitní nastavení je transpose=FALSE.

> backsolve(A, b, upper.tri=TRUE) řeší systém lineárních rovnic
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$
 [1,] [1,] 4 [2,] -1

Poznámka. Stejně jako u maticového násobení, ani u funkcí **solve** a **backsolve** není nezbytně nutné zadávat vektory pravé strany jako sloupcové vektory. Pro vstupní řádkový vektor bude výstupem řádkový vektor.

Příklady k procvičení

- 1. Vytvořte matici A1 s rozměry 3 x 5, jejíž první řádek bude tvořen posloupností -1, 1, 3, . . . , druhý řádek budou tvořit hodnoty 3 a poslední řádek ekvidistantní posloupnost s minimální hodnotou -2 a maximální hodnotou 2.
- 2. Vytvořte matici A2 s rozměry 3 x 5, jejíž první sloupec bude tvořen náhodnými čísly z rovnoměrného rozložení na intervalu [0, 5], druhý a třetí sloupec bude tvořit posloupnost s maximální hodnotou 3.5 a krokem 0.2 a poslední dva sloupce budou obsahovat hodnotu NA.
- 3. Vypište čtvrtý sloupec matice A1 jako řádkový i sloupcový vektor.
- 4. Vypište prvky prvního a druhého řádku a všech lichých sloupců matice A1. Uložte je do matice A3 a vhodným příkazem zjistěte její rozměry, použijte i funkci pro zjištění počtu řádků a sloupců zvlášť.
- 5. Pomocí funkcí rbind nebo cbind vhodně doplňte hodnotami 1 matici A3 na čtvercovou matici a spočítejte její determinant, stopu a hodnost.
- 6. Byla pozorována kvalita říční vody. Z údajů v následující tabulce

		tvrdost	vodivost	koncentrace draslíku
lokalita	měření 1	19.4	0.832	1.9
1	měření 2	18.9	0.84	2.4
lokalita 2	měření 1	21.2	0.826	2.1
lokanta 2	měření 2	17	0.479	1.6

vytvořte pole kvalita s rozměry 2 x 3 x 2, dimenze, řádky i sloupce pojmenujte.

7. Vytvořte matici A, vektory c a d:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}, c = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}, d = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

a matici B o rozměrech 3 x 6 s hodnotami rovnými 1.

- a) Řešte systém lineárních rovnic Ax = c.
- b) Vysvětlete výstupy příkazů A * B, A ** C, A * d, c * A, d * A A ** c and A ** d
- c) Vhodnými příkazy vytvořte k matici A dolní trojúhelníkovou matici C a pro vektor pravé strany $\mathbf{e} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ řešte soustavu lineárních rovnic Cx = e s dolní trojúhelníkovou maticí C.

Řešení.

- 1. A1 <- matrix(c(seq(from=-1, by=2, length=5), rep(3, 5), seq(from=-2, to=2, length=5)), nrow=3, byrow=T)</pre>
- 2. A2 <- matrix(c(runif(n=3, min=0, max=5), seq(to=3.5, by=0.2, length=6),
 rep(NA, 6)), nrow=3)</pre>
- 3. A1[,4],
 A1[,4, drop=FALSE]
- 4. A3 <- A1[c(1,2), seq(from=1, by=2, to=ncol(A1))]
 dim(A3), nrow(A3), ncol(A3)</pre>
- 5. A3 <- rbind(A3, rep(1, ncol(A3)))
 det(A3), sum(diag(A3)), qr(A3)\$rank</pre>
- 6. kvalita <- array(c(19.4, 18.9, 0.832, 0.84, 1.9, 2.4, 21.2, 17, 0.826,
 0.479, 2.1, 1.6), dim=c(2, 3, 2), dimnames=list(c("mereni1", "mereni2"),
 c("tvrdost", "vodivost", "koncentraceK"), c("lokalita1", "lokalita2")))</pre>
- 7. A <- matrix(c(1, -1, 0, 0, 1, -1, 1, 1, 1), 3), B <- matrix(1, nrow=3, ncol=6), c <- matrix(1:3, ncol=1), d <- matrix(1:2, ncol=1)
 - $a) x \leftarrow solve(A, c)$
 - b) A * B, A * c, A * d...násobení po složkách (neodpovídající rozměry),
 - c * A, d * A...násobení po složkách, uplatněno pravidlo recycling rule
 - A %*% B, A %*% c, A %*% d...maticové násobení,
 - c) e <- matrix(c(3, 0, 1), nrow=3), backsolve(A, e, upper.tri=FALSE) nebo pomocí konstrukce dolní trojúhelníkové matice C:
 - $C \leftarrow A, C[!lower.tri(A,1)] \leftarrow 0, solve(C, e)$

Kapitola 4

Datové tabulky a seznamy

Základní informace

Datové tabulky jsou datové struktury sloužící k uchování souboru dat, které nachází své uplatnění především při statistickém zpracování dat. Jedná se tabulku dat, jejíž sloupce představují proměnné (pozorované znaky) často různých datových typů a řádky představují jednotlivá pozorování.

Dalšími využívanými datovými strukturami jsou seznamy. Jedná se o objekty, které dokáží uchovávat množství informací různých datových struktur. Jejich využití spočívá ve smysluplném uspořádání např. vstupních a výstupních informací provedené statistické analýzy do jediného objektu.

V této kapitole se naučíme vytvářet datové tabulky a seznamy a pracovat s nimi.

Výstupy z výuky

Studenti

- se seznámí s datovými tabulkami a seznamy, znají rozdíly mezi nimi a umí je vytvářet,
- umí několika způsoby vytvářet podmnožiny datových tabulek a seznamů,
- dokáží používat funkce pro manipulaci s datovými tabulkami a seznamy.

4.1 Základní příkazy, tvorba datových tabulek a seznamů

Datová tabulka je 2-dimenzionální struktura, která slouží k uchování souboru dat. Soubor dat se skládá z množiny proměnných (sloupce), které jsou pozorovány na množství

případů (řádky). Jednotlivé sloupce mohou být různých datových typů, ale prvky každého sloupce musí být stejného datového typu. Počet případů musí být pro každou proměnnou stejný.

Seznam je nejobecnější datová struktura v R, která seskupuje několik (různých) objektů do objektu většího rozsahu. Jedná se o datovou strukturu skládající se z posloupnosti objektů, kterým se říká složky. Každá složka může obsahovat objekt jakéhokoliv datového typu. Seznam tedy může obsahovat vektory různých datových typů a délek, matice, pole, datové tabulky, funkce a/nebo jiné seznamy. Proto jsou seznamy vhodnými výstupy nejrůznějších výpočtů.

Rovněž je důležité si uvědomit, že datová tabulka je speciálním případem seznamu. Nejedná se o nic jiného, než seznam, jehož složky jsou vektory stejné délky a odpovídající pozice vyjadřují stejné případy (např. výskyt aut červené a modré barvy během středy).

Datovou tabulku vytvoříme příkazem data.frame(). Argumenty nazev_1=vektor_1, nazev_2=vektor_2, ... specifikujeme názvy sloupců (proměnných) a jejich hodnoty, názvy sloupců jsou nepovinné, stačí zadat pouze hodnoty. Argument row.names (implicitní nastavení NULL případy čísluje) specifikuje názvy případů. Argument check.names s implicitním nastavením TRUE kontroluje, zda jsou názvy proměnných syntakticky správné a zda se neopakují, v případě duplikací se stará o jejich přejmenování.

```
> data.frame(obor=factor(c(1, 0, 0, 1, 1), labels=c("OM", "MAEK")),
+ body=c(18, 13, 15, 20, 15))
    obor
          body
   MAEK
            18
 1
 2
      OM
            13
 3
      MO
            15
 4
   MAEK
            20
 5
   MAEK
            15
> data.frame(obor=factor(c(1, 0, 0, 1, 1), labels=c("OM", "MAEK")),
+ body=c(18, 13, 15, 20, 15), row.names=c("Petr", "Pavel", "Jirina",
+ "Adela", "Matej"))
         obor
               body
   Petr
         MAEK
                  18
  Pavel
           OM
                  13
 Jirina
           OM
                 15
  Adela
        MAEK
                 20
        MAEK
                  15
 Matej
> data.frame(a=c(1,2), a=c(T,F), check.names=T)
    a
         a.1
    1
        TRUE
 1
 2
    2 FALSE
```

```
> data.frame(a=c(1,2), a=c(T,F), check.names=F)
    a     a
1  1  TRUE
2  2  FALSE
```

Funkce list() slouží k vytvoření seznamu. Stejně jako u funkce data.frame() mohou být i složky seznamu pojmenovány pomocí argumentů nazev_1=slozka_1, nazev_2=slozka_2,

```
> (1 <- list(barva=c("cervena", "modra", "bila"), data.frame(Petr=
+ sample(5, replace=T), Pavel=1:5, row.names=c("po","ut", "st", "ct",
+ "pa"))))
$barva
[1]
     "cervena"
                  "modra"
                             "bila"
[[3]]
           Pavel
     Petr
po
        1
                1
        3
                2
 ut
        3
                3
 st
                4
        5
 ct
        3
                5
 pa
```

Funkce dim(), names() a contents() slouží k výpisu vlastností datové tabulky. Funkce dim() vypisuje dimenze tabulky dat, funkce names() zobrazuje názvy proměnných. Funkce contents() vrací vnitřní strukturu datové tabulky. Funkce je obsažena v balíčku Hmisc, který není ve standardní distribuci, je třeba jej proto doinstalovat příkazem install.packages("Hmisc") a načíst příkazem library(Hmisc).

K výpisu vlastností seznamu můžeme použít funkci names(), která vrací názvy složek seznamu. Funkce dim() a contents() u seznamu použít nemůžeme, můžeme je ovšem nahradit funkcemi length(), která vrací počet složek seznamu, a str(), která vypisuje vnitřní strukturu seznamu.

4.2 Podmnožiny seznamů

K vypsání podmnožiny seznamu můžeme použít jednoduchých [] nebo dvojitých [[]] hranatých závorek. Jednoduchými závorkami uvádíme, které složky seznamu chceme získat. Jestliže jednotlivé složky seznamu nejsou pojmenovány, požadovanou složku specifikujeme jejím číslem. K výpisu více složek můžeme použít operátoru : nebo funkce c(). Jestliže jsou složky seznamu pojmenovány, požadované prvky specifikujeme jejich názvy v uvozovkách. Podmnožina seznamu vytvořená pomocí jednoduchých hranatých závorek je opět typu seznam.

Naopak, příkaz pro vytváření podmnožiny pomocí dvojitých hranatých závorek vrací objekt takového typu, jakým byl při definování seznamu. V tomto případě je na každou složku odkazováno jednotlivě, nepoužívá se proto operátor : ani funkce c(). Stejně jako u jednoduchých hranatých závorek, na každou složku je odkazováno jejím číslem, má-li požadovaná složka název, můžeme na ni odkazovat jejím názvem v uvozovkách nebo můžeme použít operátoru \$.

```
> 1 <- list(barva=c("cervena", "modra", "bila"), matrix(1:4, 2),
+ data.frame(Petr=sample(5, replace=T), Pavel=1:5, row.names=c("po",
+ "ut", "st", "ct", "pa")))
> 1["barva"]
$barva
[1] "cervena"
                 "modra"
                            "bila"
> typeof(l["barva"])
                       příkaz typeof () určí typ svého argumentu
[1] "list"
> 1[[2]]
       [,1]
             [,2]
 [1,]
          1
 [2,]
          2
> typeof(1[[2]])
[1] "integer"
> typeof(l$barva)
    "character"
```

Protože datové tabulky jsou speciálním případem seznamů, řádky a/nebo sloupce tabulky dat mohou být získány pomocí [], [[]] a/nebo operátoru \$. Datové tabulky mohou být považovány i za zobecněné matice, k vytvoření podmnožiny můžeme proto použít [,].

```
> tab <- data.frame(cervena=c(1,2,3), modra=c(3,6,0), bila=c(2,5,1),
+ row.names=c("pondeli", "utery", "streda"))
> tab[1]
          cervena
                1
pondeli
utery
                2
 streda
> typeof(tab[1])
[1] "list"
> tab[[1]]
             ekvivalentní příkaz příkazům tab[["cervena"]] a tab$cervena
[1] 1
> typeof(tab[[1]]); typeof(tab[["cervena"]]; typeof(tab$cervena))
[1] "double"
```

```
[1] "double"
[1] "double"
> tab["utery", "bila"]
[1] 5
```

K výběru podmnožiny datové tabulky slouží i příkaz subset(x,). Argument x specifikuje název datové tabulky, z níž podmnožinu vybíráme. Argument subset specifikuje řádky vyhovující dané podmínce, přičemž hodnoty NA jsou brány jako FALSE. Argument select specifikuje sloupce, které chceme vypsat, můžeme použít funkce c(), operátoru: i operátoru – pro vynechání složek.

Funkce subset() vždy vrací tabulku dat, i když má jen jeden řádek nebo sloupec. K tomu, aby vrátila jen jednoduchý vektor, musíme za vlastní definici podmnožiny datové tabulky použít operátor \$, za nímž následuje název sloupce:

4.3 Funkce pro manipulaci s datovými tabulkami a seznamy

Přidání dalších sloupců

Prvním způsobem, jak do datové tabulky přidat nový sloupec s hodnotami, je příkaz tvaru

datová_tabulka\$nazev_noveho_sloupce <- hodnoty. Druhým způsobem je provést přiřazení pomocí funkce data.frame() (bez přiřazení zobrazuje nové hodnoty pouze dočasně).

```
> (knihy <- data.frame(nazev=c("Dekameron", "Maj", "Temno", "Bidnici",
+ "Babicka"), autor=c("Boccaccio", "Macha", "Jirasek", "Hugo",
+ "Nemcova")))</pre>
```

```
nazev
                    autor
    Dekameron
              Boccaccio
 1
 2
          Maj
                    Macha
 3
        Temno
                  Jirasek
 4
      Bidnici
                     Hugo
 5
      Babicka
                  Nemcova
> knihy$pocet <- c(3, 6, 4, 3, 5)
> knihy
                    autor pocet
        nazev
    Dekameron Boccaccio
                                3
 1
 2
          Maj
                    Macha
                                6
 3
                                4
        Temno
                  Jirasek
 4
      Bidnici
                     Hugo
                                3
 5
      Babicka
                                5
                  Nemcova
> (knihy <- data.frame(knihy, k_dispozici=c(F, F, T, F, T)))</pre>
                                    k_dispozici
         nazev
                     autor pocet
    Dekameron Boccaccio
 1
                                 3
                                          FALSE
 2
           Maj
                     Macha
                                 6
                                          FALSE
 3
         Temno
                   Jirasek
                                 4
                                           TRUE
 4
       Bidnici
                                 3
                      Hugo
                                          FALSE
 5
       Babicka
                   Nemcova
                                 5
                                           TRUE
```

Funkce transform() pouze tiskne aktuální datovou tabulku, nepřidává nastálo novou proměnnou (v opačném případě musíme provést přiřazení).

> transform(knihy, rok=c(1971, 1997, 1983, 2003, 1992)) přidá sloupec rok s danými hodnotami, proměnná knihy ovšem zůstane nezměněna

	nazev	autor	pocet	k_dispozici	rok
1	Dekameron	Boccaccio	3	FALSE	1971
2	Maj	Macha	6	FALSE	1997
3	Temno	Jirasek	4	TRUE	1983
4	Bidnici	Hugo	3	FALSE	2003
5	Babicka	Nemcova	5	TRUE	1992

Pro přidání dalších složek do seznamu lze pomocí operátoru přiřazení tvaru seznam\$nova_slozka <- objekt nebo seznam[["nova_slozka"]] <- objekt.

```
> (vyzkum <- list(n=28, lokalita="Brno"))
$n
[1] 28

$lokalita
[1] "Brno"
> vyzkum$obdobi <- 2004:2012</pre>
```

```
> vyzkum[["jakost"]] <- factor(c(0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1), labels=
+ c("1", "2"))
> vyzkum
$n
[1]
     28
$lokalita
[1]
   "Brno"
$obdobi
[1] 2004
            2005
                    2006
                           2007
                                  2008
                                          2009
                                                 2010
                                                         2011
                                                                2012
$jakost
[1]
                  2
                              2
                                       2
             2
                          1
                                  1
                                           2
     1
                      1
Levels: 1 2
```

Odstraňování řádků a sloupců

Každý sloupec můžeme z datové tabulky odstranit použitím operátoru \$ nebo [] nastavením na hodnotu NULL.

```
> knihy$pocet <- NULL analogický příkaz: knihy["pocet"] <- NULL. O tom, že sloupce byly opravdu odstraněny, se můžeme přesvědčit funkcí names()
```

```
> names(knihy)
```

```
[1] "nazev" "autor" "k_dispozici"
```

K odstranění řádků můžeme použít i operátor [,].

Slučování

Ke sloučení datových tabulek můžeme použít funkce cbind() nebo rbind(), které je sloučí po sloupcích nebo řádcích. Při použití funkce cbind() musí mít přidávané sloupce stejný počet řádků jako v již existující datové tabulce. Rovněž je vhodné se přesvědčit, že přidávané sloupce mají stejné pořadí řádků. Při použití funkce rbind() je třeba dodržovat stejný počet sloupců a jejich shodné názvy.

Alternativou k funkcím cbind() a rbind() může být funkce merge(x, y, by, by.x, by.y, all, all.x, all.y) sloučí datové tabulky x a y by, by.x, by.y specifikují ty názvy sloupců, podle kterých mají být tabulky sloučeny. V případě stejného názvu sloupců použijeme argument by. Jsou-li názvy sloupců

ke sloučení různé, specifikujeme je pomocí argumentů by.x a by.y. V případě více podmínek na spojení podmínky uvádíme ve formě vektoru typu řetězec.

all, all.x a all.y specifikace těch řádků, které se mají objevit na výstupu. Implicitní nastavení all=FALSE vrací pouze řádky z průniku obou tabulek, all=TRUE vrací řádky ze sjednocení obou tabulek. all.x=TRUE vrací všechny řádky tabulky x, analogicky je tomu u all.y=TRUE

Poznámka. Při použití některého z argumentů all=TRUE, all.x=TRUE nebo all.y=TRUE mají "volná" místa, která vznikla spojením, hodnotu NA.

```
> (tab1 <- data.frame(auto=c("fiat", "opel", "skoda", "bmw"), barva=</pre>
+ c("seda", "cervena", "cerna", "modra"), rok=c(2003, 1999, 2008,
+ 2004)))
     auto
             barva
                      rok
     fiat
              seda 2003
 1
 2
                    1999
     opel
          cervena
 3
                    2008
    skoda
             cerna
             modra 2004
 (tab2 <- data.frame(znacka=c("saab", "bmw", "audi"), majitel=c("muz",</pre>
+ "zena", "zena")))
    znacka majitel
 1
      saab
                muz
 2
       bmw
               zena
 3
      audi
               zena
```

> merge(tab1, tab2) protože tabulky neobsahují stejný název sloupce, podle kterého by se sloučení mělo řídit, R vytvoří kartézský součin obou tabulek (tzn. ke každému řádku tab1 se připojí každý řádek tab2)

```
auto
             barva
                      rok
                           znacka
                                   majitel
1
     fiat
                     2003
               seda
                              saab
                                        muz
2
     opel
           cervena
                     1999
                              saab
                                        muz
3
    skoda
                     2008
              cerna
                              saab
                                        muz
4
      bmw
             modra
                     2004
                              saab
                                        muz
5
     fiat
               seda
                     2003
                               bmw
                                       zena
6
                     1999
     opel
           cervena
                               bmw
                                       zena
7
    skoda
              cerna
                     2008
                               bmw
                                       zena
8
             modra
                     2004
      bmw
                               bmw
                                       zena
9
     fiat
               seda
                     2003
                              audi
                                       zena
10
     opel
           cervena
                     1999
                              audi
                                       zena
11
    skoda
                     2008
                              audi
              cerna
                                       zena
12
             modra 2004
                              audi
                                       zena
```

> merge(tab1, tab2, by.x="auto", by.y="znacka") spojení na základě výskytu
bmw v obou sloupcích auto i znacka

```
auto
          barva
                   rok
                        majitel
          modra 2004
 1
     bmw
                            zena
> merge(tab1, tab2, by.x="auto", by.y="znacka", all.x=T)
                                                                argument
all.x=T zajistil, aby výstup obsahoval všechny hodnoty z tab1
      auto
              barva
                       rok
                            majitel
 1
                      2004
      bmw
              modra
                                zena
 2
      fiat
                      2003
               seda
                                <NA>
 3
            cervena
                      1999
                                <NA>
      opel
    skoda
              cerna 2008
                                <NA>
```

Řazení

K seřazení tabulek dat se používá funkce order(), která vrací vektor indexů vzestupně (implicitně) nebo sestupně uspořádaných prvků. Pro více informací o funkci order viz odstavec 5.4.

> knihy

```
k_dispozici
                   autor pocet
       nazev
1
   Dekameron
               Boccaccio
                                3
                                         FALSE
2
                                         FALSE
         Maj
                   Macha
                                6
3
       Temno
                 Jirasek
                                4
                                           TRUE
4
                                3
                                         FALSE
     Bidnici
                     Hugo
5
     Babicka
                                5
                                           TRUE
                 Nemcova
```

> knihy[order(knihy\$k_dispozici, knihy\$nazev),] seřazuje podle sloupce

k_dispozici, v případě vícenásobných hodnot řadí podle sloupce nazev

```
nazev
                   autor
                          pocet
                                   k_dispozici
4
     Bidnici
                    Hugo
                                3
                                         FALSE
1
  Dekameron Boccaccio
                                3
                                         FALSE
2
         Maj
                   Macha
                                6
                                         FALSE
5
     Babicka
                 Nemcova
                                5
                                          TRUE
3
       Temno
                 Jirasek
                                4
                                          TRUE
```

> knihy[order(knihy\$k_dispozici, -knihy\$pocet),] pokud některý ze sloupců tabulky tvoří numerický vektor, pro sestupné uspořádání tohoto sloupce můžeme použít operátoru -. Rovněž si můžeme všimnout, že v případě nejednoznačných podmínek na seřazení (řádek č. 1 a 4) dostává přednost řádek s nižším pořadovým číslem, u názvů řádků se postupuje podle abecedního uspořádání.

	nazev	autor	pocet	$k_dispozici$
2	Maj	Macha	6	FALSE
1	Dekameron	Boccaccio	3	FALSE
4	Bidnici	Hugo	3	FALSE
5	Babicka	Nemcova	5	TRUE
3	Temno	Jirasek	4	TRUE

Příklady k procvičení

1. Následující tabulka popisuje 10 pacientů s podezřením na krátkozrakost (myopii). Tabulku přepište do systému R jako datovou tabulku myopie1, hodnoty propohlaví a myopii rodičů zadávejte jako faktor.

ID	pohlaví	délka studie	myopie rodičů
101	muž	3	ano
102	žena	5	ne
103	žena	2	ne
104	muž	4	ano
105	žena	4	ano
106	muž	3	ano
107	muž	2	ne
108	muž	1	ano
109	žena	7	ano
110	muž	5	ano

- 2. Přidáním nového sloupce pro délku oční bulvy delka s hodnotami 20.4, 22.7, 21.3, 24.56, 20.9, 21.8, 23.5, 23.9, 19.9, 22.6 vytvořte z tabulky myopie1 tabulku myopie.
 - a) Z tabulky myopie odstraňte všechny sudé řádky.
 - b) Z tabulky myopie odstraňte sloupec "myopie rodičů". Zjistěte rozměry nově vzniklé tabulky.
 - c) Vypište "ID" a "pohlaví" pacientů z tabulky myopie1 s délkou studie větší než čtyři roky.
 - d) Vypište tabulku **myopie** seřazenou podle délky studie pacientů, popř. dle délky oční bulvy.
- 3. Následující tabulku definujte jako datovou tabulku myopie2:

ID	barva očí	věk
101	modrá	8
102	zelená	11
103	hnědá	9
104	hnědá	14
105	$\operatorname{modr} olimits$	9
106	šedá	13
107	zelená	9
108	modrá	8
109	modrá	12
110	hnědá	13

Poté slučte tabulky myopie1 a myopie2 na základě "ID". Vyzkoušejte sloučení i pomocí funkce cbind.

4. Vytvořte seznam CR se složkami

"země": Čechy, Morava, Slezsko,

"města": Praha, Brno, Ostrava, Plzeň, Olomouc,

"pohoří":

pohoří	vrchol	nadmořská výška
Krkonoše	Sněžka	1602
Jeseníky	Praděd	1492
Šumava	Plechý	1378
Beskydy	Lysá hora	1323
Krušné hory	Klínovec	1244

- a) Vypište druhou složku seznamu CR ve formě seznamu. Rovněž zjistěte, jakého je tato složka datového typu.
- b) Přidejte novou složku "sousedé": Německo, Rakousko, Slovensko, Polsko.
- c) Smažte složku "země" a pomocí vhodné funkce zjistěte počet složek seznamu CR.
- d) Spočítejte průměrnou nadmořskou výšku pro uvedené vrcholy. (Pro výpočet průměru použijte funkci mean()).

Řešení.

- 1. myopie1 <- data.frame(ID=101:110, pohlavi=factor(c(0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0), labels=c("muz", "zena"), levels=c(0, 1)), delka.studie=c(3, 5, 2, 4, 4, 3, 2, 1, 7, 5), myopie.rodic=factor(c(1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1), labels=c("ne", "ano"), levels=c(0, 1)))</pre>
- 2. myopie <- data.frame(myopie1, delka=c(20.4, 22.7, 21.3, 24.56, 20.9, 21.8, 23.5, 23.9, 19.9, 22.6))
 - a) myopie <- myopie [-seq(from=2, by=2, to=nrow(myopie)),]
 - b) myopie[,"myopie.rodic"] <- NULL, dim(myopie)</pre>
 - c) subset(myopie1, select=c(ID, pohlavi), subset=delka.studie>4)
 - d) myopie[order(myopie\$delka.studie, myopie\$delka),]
- 3. myopie2 <- data.frame(ID=101:110, barva.oci=c("modra", "zelena", "hneda",
 "hneda", "modra", "seda", "zelena", "modra", "modra", "hneda"), vek=c(8,
 11, 9, 14, 9, 13, 9, 8, 12, 13))
 merge(myopie1, myopie2, by="ID")
 cbind(myopie1, myopie2)</pre>

```
4. CR <- list(zeme=c("Cechy", "Morava", "Slezsko"), mesta=c("Praha", "Brno",
   "Ostrava", "Plzen", "Olomouc"), pohori=data.frame(pohori=c("Krkonose",
   "Jeseniky", "Sumava", "Beskydy", "Krusne hory"), vrchol=c("Snezka",
   "Praded", "Plechy", "Lysa hora", "Klinovec"), nadm.vyska=c(1602, 1492,
   1378, 1323, 1244)))
   a) CR[2] nebo CR["mesta"], typeof(CR[2])
   CR[[2]] nebo CR[["mesta"]] nebo CR$mesta, typeof(CR[[2]])
   b) CR$sousede <- c("Nemecko", "Rakousko", "Slovensko", "Polsko") nebo
   CR[["sousede"]] <- c("Nemecko", "Rakousko", "Slovensko", "Polsko")
   c) CR$zeme <- NULL nebo CR["zeme"] <- NULL
   length(CR)
   d) mean((CR$pohori))[,3]</pre>
```

Kapitola 5

Konstanty, operátory a matematické výpočty

Základní informace

Kapitola je věnována aritmetickým, porovnávacím, logickým a množinovým operátorům, jejichž znalost je základním předpokladem programovacích schopností. Dále jsou uvedeny matematické funkce, základní statistické funkce a funkce pro zaokrouhlování. Někdy je pro zjednodušení práce velmi výhodné pracovat s vestavěnými konstantami, které jsou uvedeny na konci kapitoly.

Výstupy z výuky

Studenti

- ovládají aritmetické operátory, zopakují si rozdíly mezi maticovým násobením a násobením po složkách,
- používají porovnávací a logické operátory,
- se seznámí s množinovými operátory,
- znají a umí vhodně použít matematické funkce,
- ovládají funkce pro zaokrouhlování a dokáží využívat zabudovaných konstant.

5.1 Aritmetické operátory

- + sčítání
- odčítání
- * násobení
- / dělení
- ^ umocňování
- %*% maticové násobení
- %% zbytek po celočíselném dělení (modulo)
- %/% celá část z celočíselného dělení
- t() transpozice matice nebo datové tabulky

Transpozicí (řádkového) vektoru je v jazyce R stále (řádkový) vektor. Transpozicí řádkového vektoru je v systému MATLAB sloupcový vektor.



```
> a <- c(3, 5, 7, 8); b <- c(1, 2, 3); c <- c(4, 1, 8)
> a + b
[1] 4 7 10 9
Warning message:
In a + b : longer object length is not a multiple of shorter object length
```

Protože vektor b je menší délky než vektor a, je potřeba jeho délku zvětšit o jednu pozici. (Pravidlo pro postupné opakování složek do požadované délky se nazývá recycling rule.) Poslední složka výstupního vektoru je tedy součtem 4. složky vektoru a a 1. složky vektoru b. Na stejném principu fungují i všechny ostatní aritmetické operátory.

MATLAB by v tomto případě hlásil chybu a výpočet by neprovedl, protože sčítance nejsou stejné dimenze.



```
> "a" + "b"
Error in "a" + "b" : non-numeric argument to binary operator
```

Binární operátory můžeme použít pouze na numerické argumenty. Na rozdíl od R, v MATLABu je můžeme použít i na textové řetězce, které jsou převedeny na odpovídající kód v ASCII tabulce a následně provedena příslušná operace.



```
> b / c
[1] 0.250 2.000 0.375
> b %/% c
[1] 0 2 0
> b %% c
```

[1] 1 0 3

5.2 Porovnávací a logické operátory

Porovnávací operátory slouží k porovnávání odpovídajících si složek vektorů. Na výstupu dostáváme vektor logických hodnot TRUE a FALSE délky nejdelšího vektoru na vstupu. Hodnoty TRUE obsazují ty pozice, které splňují danou podmínku, ostatní pozice jsou vyplněny hodnotami FALSE.

```
==
         rovno
         není rovno
  !=
 <, <=
         menší, menší nebo rovno
 >, >=
         větší, větší nebo rovno
   &
         logické a
         logické nebo
         negace
> a <- c(3, 5, 7)
> b < -c(1, 2, 3)
> c <- 1:4
> a <= b
[1] FALSE
              FALSE
                      FALSE
> a >= 3 \& b <= 2
[1]
    TRUE
            TRUE
                    FALSE
> !(a == 5 | a == b)
[1] TRUE
            FALSE
                     TRUE
Při porovnání vektorů o různých délkách je uplatněno pravidlo recycling rule:
> b == c
[1] TRUE
                    TRUE
             TRUE
                            FALSE
Warning message:
In b == c : longer object length is not a multiple of shorter object
length
```

5.3 Množinové operátory

```
all(relace)
                                testuje, zda jsou všechny složky relace pravdivé
                                testuje, zda je alespoň jedna složka relace pravdivá
 any(relace)
 which(relace)
                                vrací pořadí těch složek relace, které jsou pravdivé
                                (popř. které splňují danou podmínku). V případě
                                polí můžeme použít argument arr.ind=T pro vý-
                                pis hodnot v podobě čísel řádků a sloupců, popř.
                                dalších dimenzí
                                testuje, zda je x podmnožinou množiny y, vrací lo-
x %in% y, is.element(x, y)
                                gické hodnoty
                                průnik množin
 intersect(mnoziny)
 union(mnoziny)
                                sjednocení množin
 setdiff(x, y)
                                rozdíl množin, vrací ty prvky vektoru x, které
                                nejsou obsaženy v y
> x <- 1:10
> y <- 2:9
> z < -5:5
> all(z)
           testuje, zda jsou všechny prvky vektoru z nenulové
[1] FALSE
> all(z > -10)
                  testuje, zda jsou všechny prvky vektoru z větší než -10
[1] TRUE
> any(z)
[1] TRUE
> all(y) >= x[5]
[1] FALSE
> any(x) == any(y)
[1]
    TRUE
> m \leftarrow matrix(2:10, c(3, 3))
        [,1]
             [,2]
                   [,3]
 [1,]
           2
                 5
                        8
 [2,]
                 6
                        9
           3
 [3,]
> which(m > 8 | m == 3)
[1] 2
          8
> which(m > 8 | m == 3, arr.ind=T)
       row col
 [1,]
          2
               1
 [2,]
          2
 [3,]
          3
               3
> x %in% y
```

```
[1]
    FALSE
             TRUE
                    TRUE
                            TRUE
                                   TRUE
                                           TRUE
                                                  TRUE
                                                         TRUE
                                                                 TRUE
[10]
     FALSE
> is.element(y, x)
[1]
   TRUE
            TRUE
                   TRUE
                                  TRUE
                                                        TRUE
                           TRUE
                                          TRUE
                                                 TRUE
> union(x[1:5], y[c(7, 8)])
[1]
    1
         2
             3
                 4
                      5
> intersect(x[1:5], y[c(1, 2, 3)])
[1]
     2
         3
> setdiff(x, y)
         10
[1] 1
> setdiff(y, x)
integer(0)
```

5.4 Matematické funkce

max(x), min(x), sum(x), prod(x)

vrací součet, resp. součin všech prvků.

Předpokládejme, že objekt x je numerický, komplexní, logický vektor nebo pole, operace jsou prováděny po složkách.

```
abs(x), sqrt(x)
                    absolutní hodnota a druhá odmocnina objektu x
sign(x)
          signum objektu x
Logaritmické a exponenciální funkce:
log(x), log10(x), log2(x)
                               přirozený logaritmus, logaritmus se základem 10 a 2
log(x, base)
                logaritmus se základem base
         exponenciální funkce x
Trigonometrické a hyperbolické funkce:
cos(x), sin(x), tan(x), cosh(x), sinh(x), tanh(x)
Inverzní trigonometrické a hyperbolické funkce:
acos(x), asin(x), atan(x), acosh(x), asinh(x), atanh(x)
           gamma funkce pro kladná reálná čísla x
                kombinační číslo \binom{n}{k} pro každé reálné číslo n a přirozené číslo k, n \geq
choose(n, k)
k
factorial(x)
                faktoriál x
```

součin prvků argumentu x. Pro objekty typu matice nebo pole funkce sum(x) a prod(x)

vrací maximální a minimální prvek, součet a

MATLAB aplikuje funkce sum() a prod() na matice po sloupcích.



```
cummax(x), cummin(x), cumsum(x), cumprod(x) vrací vektor, jehož složkami jsou maximum, minimum, kumulativní součet a součin prvků argumentu x
```

```
> a \leftarrow c(1, 2, 3, 5, 8, 2, 4, 1, 2, 2)
> cumsum(a)
                          19
[1]
    1
                                                       30
                    11
                                21
                                      25
                                           26
                                                 28
> cummin(a)
               vždy nerostoucí posloupnost prvků
[1]
          1
                    1
                         1
                             1
                                  1
> cummax(a)
               vždy neklesající posloupnost prvků
[1]
     1
                    5
                        8
                             8
```

range(x) vektor obsahující minimum a maximum objektu x, range(x) je ekvivalentní příkazu c(min(x), max(x))

mean(x), median(x) průměr a medián objektu x

sd(x) směrodatná odchylka objektu x, v případě, že x je matice, sd(x) vrací směrodatnou odchylku jejích sloupců

var(x), cov(x, y), cor(x, y) rozptyl x, kovariance a korelace vektorů x, y, v případě, že x, y jsou matice, kovariance a korelace jsou počítány mezi sloupci x a y
quantile(x) generická funkce, vrací minimum, dolní kvartil, medián, horní kvartil
a maximum objektu x

```
> c(min(a), max(a)); range(a)
[1]
     1
[1] 1
> mean(a)
[1] 3
> var(a)
[1] 4.666667
> quantile(a)
   0 %
        25 %
              50 %
                     75 %
                          100 %
  1.00 2.00 2.00 3.75
                          8.00
```

pmax(x, y, z,...), pmin(x, y, z,...) objekt maximálních/minimálních prvků na odpovídajících si pozicích

```
> b <- 1:10
> pmin(a, b)
[1] 1 2 3 4 5 2 4 1 2 2
```

Pro pole o 2 a více dimenzích s numerickými, komplexními nebo logickými hodnotami nebo pro datové tabulky můžeme použít následující funkce, které vrací průměry,

```
součty a rozptyly po sloupcích či řádcích:
colMeans(x), colSums(x), colVars(x)
rowMeans(x), rowSums(x), rowVars(x)
> (e <- matrix(a,5))</pre>
        [,1]
             [,2]
 [1,]
                  2
           1
 [2,]
           2
                  4
 [3,]
           3
                  1
 [4,]
           5
 [5,]
           8
                  2
> rowSums(e)
[1] 3
          6
                   7
                        10
```

sort(x, decreasing, na.last, index.return) seřazení objektu x
 decreasing=F vzestupné pořadí (implicitní nastavení), decreasing=T sestupné pořadí.

na.last=NA zajišťuje vynechání hodnot NA (implicitní nastavení), na.last=T zajišťuje, aby hodnoty NA byly řazeny na konec, na.last=F řadí hodnoty NA na začátek index.return=T vypíše i původní pořadí hodnot

order(x, decreasing, na.last) vypíše indexy seřazených hodnot na.last=T řadí hodnoty NA na konec (implicitní nastavení), na.last=F řadí hodnoty NA na začátek, na.last=NA hodnoty NA vynechává

rank(x, na.last, ties.method) vypíše pořadí jednotlivých hodnot odpovídajících vzestupně seřazenému vektoru x

na.last stejně jako u funkce order

ties.method nabývá jedné z hodnot c("first", "random", "average", "max", "min") a používá se pro specifikaci řazení shodných hodnot. "first" řadí vzestupně podle pozice v řadě, "random" řadí náhodně, "average" podle průměrného pořadí (implicitní nastavení) a "min"/"max" podle hodnoty minimálního/maximálního pořadí

rev(x) převrácení pořadí hodnot vektoru

```
> a <- c(1, 2, 3, 5, 8, NA, 2, 4, 1, 2, 2)
> sort(a) hodnoty NA automaticky vynechává
                      2
                                       5
[1] 1
         1
             2
                  2
                          2
                              3
> sort(a, na.last=F)
                       2
Γ1 NA
          1
              1
                   2
                           2
                               2
                                    3
                                        4
                                            5
                                                 8
> order(a)
[1]
    1
             2
                 7
                      10
                           11
                                3
                                     8
                                             5
                                                 6
```

```
> rank(a, ties.method="average")
    1.5
           4.5
                  7.0
                        9.0
                               10.0
                                      11.0
                                             4.5
                                                    8.0
                                                          1.5
                                                                 4.5
                                                                       4.5
> rev(a)
                                    5
                                        3
[1] 2
         2
             1
                  4
                      2
                          NA
                                8
                                            2
                                                1
```

5.5 Zaokrouhlování

Pro zaokrouhlování se používají následující funkce:

```
zaokrouhlení k nejbližšímu většímu celému číslu
 ceiling()
 floor()
              zaokrouhlení k nejbližšímu menšímu celému číslu
 trunc()
              zaokrouhlení směrem k 0, celá část daného čísla
 round()
              zaokrouhlení k nejbližšímu celému číslu, parametrem digits=pocet vo-
              líme počet desetinných míst, na jaký má být zaokrouhlení provedeno
              (implicitně digits=0)
              zaokrouhlení na určitý počet platných cifer (parametr digits, zbytek
 signif()
              doplní nulami)
> ceiling(c(3.468575, -3.468575))
[1] 4
> floor(c(3.468575, -3.468575))
          -4
     3
> trunc(c(3.468575, -3.468575))
[1]
> \text{round}(c(3.468575, -3.468575), \text{digits=3})
     3.469
              -3.469
> signif(c(3.468575, -3.468575), digits=3)
[1]
    3.47
             -3.47
```

Poznámka. Zaokrouhlování čísla 5: pokud následují za číslicí 5 jen nuly, číslo je zaokrouhleno směrem dolů, pokud následuje jakákoliv jiná číslice, číslo je zaokrouhleno nahoru.

```
> round(7.125, digits=2)
[1] 7.12
> round(7.12501, digits=2)
[1] 7.13
```

5.6 Konstanty

```
Jazyk R má zabudovány konstanty, z nichž nejpoužívanější jsou:
pi ...\pi, Ludolfovo číslo
exp(1) ...e, základ přirozeného logaritmu, Eulerovo číslo
i ...i, komplexní jednotka
.Last.value ... proměnná obsahující poslední hodnotu, jež nebyla přiřazena do žádné
proměnné explicitně
letters ... malá písmena abecedy
LETTERS ... velká písmena abecedy
month.name ... anglické názvy měsíců
month.abb ... zkratky anglických názvů měsíců
> 3
[1] 3
> .Last.value
[1]
     3
> LETTERS [9:14]
          "J"
     "I"
                                        "N"
> month.name[c(7, 10)]
[1]
     "Julv"
               "October"
```

Příklady k procvičení

- 1. Definujte vektory v1 s hodnotami 1, 3, 4, v2 jako posloupnost délky 5 s počáteční hodnotou -6 a krokem 2 a v3 s prvními třemi složkami vektoru v2.
 - a) Proveďte součet, rozdíl, součin a podíl vektorů v1 a v3.
 - b) Vysvětlete výsledky, pokud operace z předchozího zadání použijete na vektory v1 a v2.
 - c) Uveďte celou část a zbytek po dělení vektoru v1 vektorem v3.
 - d) Uveďte pozice vektoru v1, jejichž hodnoty jsou různé od hodnot vektoru v3 na odpovídajících si pozicích.
 - e) Uveďte počet prvků vektoru v2, jehož hodnoty jsou menší než -3 nebo rovny 1.
 - f) Spočítejte součin nenulových hodnot vektoru v2.
 - g) Zjistěte, zda je alespoň jeden prvek vektoru v1 nulový.
- 2. Ve třech laboratořích byly analyzovány různé vlastnosti kávy: obsah vody (x1), hmotnost zrn (x2), pH (x3), tuky (x4), kofein (x5), obsah minerálů (x6) a extrakt (x7). V první laboratoři lab1 byly pozorovány vlastnosti x1, x2, x3, x6, ve druhé

KAPITOLA 5. KONSTANTY, OPERÁTORY A MATEMATICKÉ VÝPOČTY

laboratoři lab2 vlastnosti x1, x3, x4, x5 a ve třetí laboratoři lab3 vlastnosti x1, x2 a x5. Zjistěte, které vlastnosti

- a) byly analyzovány ve všech třech laboratořích,
- b) byly analyzovány v první i druhé laboratoři, ale ne ve třetí,
- c) nebyly analyzovány ani jednou z laboratoří,
- d) byly analyzovány alespoň jednou z laboratoří.
- 3. Je dána matice $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 1 \\ 8 & -27 & 1 \end{pmatrix}$. Spočítejte její spektrální poloměr, tj. největší vlastní číslo v absolutní hodnotě.
- 4. Kolika způsoby můžeme z krabičky 20 kuliček vybrat právě 5? Kolika způsoby bychom mohli vybrat 5 kuliček, záleželo by-li na jejich pořadí?
- 5. Spočítejte směrnici tečny ke grafu funkce, víte-li, že daná tečna svírá s kladnou poloosou x úhel 60 °.
- 6. Náhodně vygenerujte vektor 10 celých čísel z intervalu [-2, 3].
- 7. Náhodně vygenerujte vektor v4 šesti hodnot z intervalu [1,4] a zaokrouhlete jej na:
 - a) 3 desetinná místa,
 - b) 3 platné cifry,
 - c) směrem k nule.
- 8. Vypište posledních 5 velkých písmen abecedy.
- 9. Vypište anglické názvy měsíců, jejichž pořadí odpovídá násobkům čísla 3.

Řešení.

- 1. $v1 \leftarrow c(1, 3, 4), v2 \leftarrow seq(length=4, from=-2, by=2), v3 \leftarrow v2[1:3]$ nebo $v3 \leftarrow head(v2, 3)$
 - a) v1 + v3, v1 v3, v1 * v3, v1 / v3
 - b) v
1 + v2, v1 v2, v1 * v2, v1 / v2...na kratší vektor použito pravidlo
 $recyclinq\ rule$
 - c) v1 %/% v3, v1 %% v3
 - d) which(v1 != v3)
 - e) sum(v2 < -3 | v2 == 1)
 - f) prod(v2[v2 != 0])
 - g) any (v1 == 0)

KAPITOLA 5. KONSTANTY, OPERÁTORY A MATEMATICKÉ VÝPOČTY

```
2. lab1 \leftarrow c("x1", "x2", "x3", "x6"), lab2 \leftarrow c("x1", "x3", "x4", "x5"),
  lab3 <- c("x1", "x2", "x5")
  a) intersect(intersect(lab1, lab2), lab3)
  b) setdiff(intersect(lab1, lab2), lab3)
  c) setdiff(c("x1", "x2", "x3", "x4", "x5", "x6"), union(union(lab1, lab2),
  lab3))
  d) union(union(lab1, lab2), lab3))
3. A \leftarrow matrix(c(2, 1, 8, 1, -1, -27, 3, 1, 1), 3)
  max(abs(eigen(A)$values))
4. choose(20, 5), factorial(20)/factorial(15)
5. \tan(pi/3)
6. round(runif(n=10, min=-2, max=3)) nebo sample(x=-2:3, size=10, rep=T)
7. v4 <- runif(n=6, min=1, max=4)
  a) round(v4, 3)
  b) signif(v4, 3)
  c) trunc(v4)
8. tail(LETTERS, 5)
9. month.name[seq(from=3, by=3, to=12)]
```

Kapitola 6

Další příkazy v R

Základní informace

Jazyk R obsahuje velké množství funkcí, některé z nich jsou součástí standardní distribuce, mnohé jsou součástí podpůrných balíčků. Pro využití i těchto funkcí je velmi důležité umět pracovat s balíčky – umět je nainstalovat a načíst.

Pro statistickou analýzu dat je rovněž důležité umět pracovat nejen s vestavěnými datovými soubory, ale rovněž s externími, vlastními datovými soubory. Pro práci s takovými soubory je potřeba je umět načíst, součástí této kapitoly jsou funkce pro načítání externích datových souborů.

Poslední část kapitoly tvoří seznam funkcí, který uživatelům usnadňuje jednoduše a přehledně z datových struktur čerpat základní informace.

Výstupy z výuky

Studenti

- ovládají práci s knihovnami, umí je nainstalovat a načíst,
- dokáží použít různé funkce pro načítání dat,
- umí ukládat objekty do souboru,
- znají funkce pro výpis vlastností objektů.

6.1 Práce s knihovnami

Ne všechny funkce jsou přístupné ze základních knihoven, jsou umístěny v dodatečných balíčcích. Výpis aktuálně nainstalovaných knihoven můžeme získat příkazem

```
library(). Příkaz search() vyhledá přiinstalované knihovny.
```

Mnohdy je zapotřebí přiinstalovat další balíčky: záložka $Packages \rightarrow Install \ Package(s) \dots$ nebo příkazem install.packages("nazev_balicku"). Před zahájením práce s přiinstalovanými balíčky je třeba je načíst příkazem library(nazev_balicku), až teprve v tomto okamžiku je balíček připraven k používání. O tom se znovu můžeme přesvědčit:

```
> library(Matrix)
Loading required package : lattice
> search()
  [1]
      ".GlobalEnv"
                         "package:Matrix"
                                             "package:lattice"
  [4]
                        "package:graphics"
                                             "package:grDevices"
      "package:stats"
                        "package:datasets"
                                             "package:methods"
  [7]
       "package:utils"
 [10]
      "Autoloads"
                         "package:base"
```

6.2 Práce s daty

Funkce pro načítání dat

scan(file, what, sep, dec, nmax) je funkce pro načtení vektoru nebo seznamu z konzole nebo souboru. Popis argumentů:

```
file textový řetězec uvádějící cestu k souboru, při načítání ze schránky file="clipboard"

what typ načítané hodnoty (numerické, komplexní, ...)

sep znak, kterým jsou odděleny jednotlivé načítané položky, např. sep=","

dec znak pro desetinnou čárku

nmax maximální počet hodnot, který má být načten
```

Postup pro zobrazení hodnot uložených ve schránce:

```
1. zkopírovat příslušná data, např. 2; 4; 6; 1; 3; 5
```

> x <- scan(file="clipboard", sep=";")</pre>

2. zavolat funkci scan()

```
Po jejím zavolání se objeví oznámení:

Read 6 items
> x

[1] 2 4 6 1 3 5
> x <- scan(file="clipboard", sep=";", what=character())

Read 6 items
> x
```

```
"5"
[1]
      "2"
             "4"
                   "6"
                          "1"
                                 "3"
   Další takovou funkcí je read.table(file, header, sep, dec, row.names,
col.names), která načítá data do tabulky dat (data.frame)
 file, sep, dec
                  viz funkce scan()
 header
                   logická hodnota, zda je v datech obsažena hlavička
                   textový řetězec názvů řádků nebo číslo odkazující na sloupec názvů
 row.names
                   vektor názvů sloupců
 col.names
1, 2, 3, 4, 5
3, 2, 1, 1, 2
> read.table(file="clipboard", sep=",")
             ٧3
    V1
        V2
                  ۷4
                      V5
 1
     1
          2
               3
                   4
                        5
 2
     3
          2
               1
                   1
                        2
1 2 3 4 5 r1
3 2 1 1 2 r2
> read.table(file="clipboard", row.names=6, col.names=c("sl1", "sl2",
+ "s13", "s14", "s15", "s16")) přestože poslední sloupec obsahuje názvy řádků,
argument col. names musí obsahovat jeho název i tohoto sloupce ("sl6"), i když ne-
bude vytištěn
     sl1
           s12
                 s13
                      s14
                            s15
 r1
              2
                   3
                         4
                               5
        3
             2
                               2
 r2
                   1
                         1
sl1 sl2 sl3 sl4 sl5 sl6
1 2 3 4 5 r1
3 2 1 1 2 r2
> read.table(file="clipboard", row.names=6, header=T)
                s13 s14
                            s15
           s12
             2
                   3
                         4
                               5
r1
        1
 r2
        3
              2
                   1
                         1
                               2
> load(file="dunaj.dat")
                              načtení dat ze souboru dunaj.dat (data znázorňující
kolísání [m<sup>3</sup>/s] Dunaje během roku, [8])
> dunaj
[1]
     1987
                                                                      2001
              1728
                      1862
                              2083
                                      2143
                                              2187
                                                      2588
                                                              2224
[10]
       1767
               1460
                       1444
```

Pro usnadnění práce s daty jazyk R obsahuje okolo sta vestavěných datových souborů (v balíčku datasets). Funkce data() zobrazí seznam dostupných datových sou-

borů. K zobrazení vybraných souborů slouží příkaz data(nazev, package)¹, argument package slouží ke specifikaci balíčku, ve kterém se data nachází.

Dalšími užitečnými funkcemi jsou attach() a detach().

Funkce attach() má použití zejména u seznamů a datových tabulek, kde umožňuje vypisování jejich složek přímo, tzn. bez uvedení názvu objektu. Argumentem funkce je název objektu, u kterého chceme výše uvedené provést.

```
> tabulka <- data.frame(id=c(1:6), skupina=c(1, 2, 2, 1, 2, 1),
+ hodnota=runif(6, 2, 4))
> id
Error : object 'id' not found
> attach(tabulka)
> id
[1] 1 2 3 4 5 6
```

Opakem k funkci attach je funkce detach, která naopak znemožní, aby byly složky volány pouze svým názvem, nikoliv uvedením i názvu objektu.

```
> detach(tabulka)
> id
Error : object 'id' not found
> tabulka$id
[1] 1 2 3 4 5 6
```

Ukládání dat

K ukládání objektů object do souboru specifikovaného argumentem file="" slouží funkce save(object, file=""). Objekt může být následně načten pomocí funkce load.

```
> 1 <- list(v=1:5, mat=matrix(2:7, 3)) pro ukládání více objektů současně je
vhodné seskupit tyto objekty do seznamu
> save(1, file="seznam.txt")
> nacteni <- load("seznam.txt") načtení uloženého souboru seznam.txt, který
obsahuje proměnnou 1
> nacteni
[1] "1"
> 1
$v
```

¹Od verze 2.0.0 jsou všechny datové soubory přístupné přímo zavoláním jejich názvu. Mnohé balíčky ovšem stále používají dřívější způsob volání pomocí data(nazev), jenž může být stále využíván i dnes.

```
[1] 1
                          5
           2
                3
                     4
$mat
         [,1]
                [,2]
 [1,]
            2
                    5
 [2,]
            3
                    6
            4
                    7
 [3,]
```

Posloupnost jednotlivých příkazů i s jejich výstupy můžeme uložit v menu $File \rightarrow Save\ to\ File...$ Historii příkazů můžeme uložit v menu $File \rightarrow Save\ History$ nebo příkazem savehistory(file=".RHistory"), příkazem loadhistory(file=".RHistory") ji následně můžeme načíst. V případě, že otevíráme dříve uložený soubor, historie příkazů je načtena automaticky s ním.

6.3 Vlastnosti objektů

Se základními vlastnostmi objektů jsme se již seznámili v předešlých kapitolách. Zde si uvedeme některé další funkce, které nám o vnitřní struktuře objektů vypoví mnohem více.

summary(object) jedná se o tzv. generickou funkci (funkce, která si nejprve zjistí, jakého typu je její parametr, podle něj pak vypisuje celkový přehled)

```
> (a \leftarrow c(1, 2, 3, 5, 8, 2, 4, 1, 2, 2))
                  5
                      8
                           2
                               4
                                   1
                                        2
                                            2
> summary(a)
               v případě číselných vektorů funkce summary() vrací minimum, 1.
kvartil, medián, průměr, 3. kvartil a maximum
        1st Qu.
                 Median Mean
                                 3rd Qu.
  1.00
           2.00
                    2.00 3.00
                                    3.75
                                          8.00
> (b <- c(1+3i, 7-1i, NA))
[1] 1+3i
            7-1i
> summary(b)
  Length
            Class
                       Mode
       3 complex
                   complex
> (c \leftarrow c(T, T, F, T, F))
[1] TRUE
            TRUE
                    FALSE
                             TRUE
                                    FALSE
> summary(c)
     Mode FALSE TRUE NA's
                      3
  logical
                2
> (d <- c("k", "l", "l", "m"))
                "1"
[1] "k"
           "1"
```

str(object)

```
> summary(d)
  Length
               Class
                            Mode
       4 character character
> (e \leftarrow matrix(a, c(5, 2)))
       [,1]
             [,2]
 [1,]
          1
                 2
 [2,]
          2
                 4
 [3,]
          3
                 1
 [4,]
          5
                 2
 [5,]
                 2
          8
> summary(e)
               vypíše přehled pro každý sloupec
      V1
                     V2.
         :1.0 Min.
  Min.
                       :1.0
  1st Qu.:2.0 1st Qu.:2.0
 Median:3.0 Median:2.0
         :3.8 Mean
  Mean
                       :2.2
  3rd Qu.:5.0 3rd Qu.:2.0
  Max.
         :8.0 Max.
                       :4.0
> (f <- factor(a))
Г1]
                           2
                               4
                                   1
                                        2
                                            2
    1
         2
              3
                  5
                      8
Levels: 1
             2
                 3
                      4
                          5
               vypisuje četnosti jednotlivých úrovní faktoru (Levels)
> summary(f)
1
    2
        3
            4
                 5
                 1
2
        1
             1
                     1
 (tab <- data.frame(cervena=c(15, 14, 12, 12), seda=c(13, 17, 10, 9),
+ zelena=c(7, 9, 8, 6)))
     cervena seda zelena
  1
          15
                          7
                 13
  2
          14
                          9
                 17
                          8
  3
          12
                 10
          12
> summary(tab)
                 opět vypisuje přehled pro každý sloupec zvlášť
     cervena
                       seda
                                     zelena
         :12.00 Min.
                         : 9.00
                                 Min.
                                          :6.00
  Min.
  1st Qu.:12.00 1st Qu.: 9.75
                                  1st Qu.:6.75
  Median :13.00 Median :11.50
                                  Median:7.50
         :13.25 Mean
                          :12.25
                                          :7.50
  Mean
                                  Mean
                                  3rd Qu.:8.25
  3rd Qu.:14.25
                 3rd Qu.:14.00
  Max.
         :15.00 Max.
                         :17.77
                                  Max.
                                          :9.00
```

vou k funkci summary() s tím rozdílem, že výpis provádí do řádku

přehledně vypíše podrobnou vnitřní strukturu objektu, je alternati-

```
> str(a)
       [1:10]
                         3
                             5
num
                    2
                                  8
                                      2
                                                   2
> str(b)
cplx
       [1:3]
                1+3i
                        7-1i
                                NA
> str(c)
logi
        [1:5]
                TRUE
                        TRUE
                               FALSE
                                        TRUF.
                                                FALSE
> str(d)
                            "1"
                    "1"
                                   "m"
               "k"
chr
       [1:4]
> str(e)
      [1:5, 1:2]
                             3
                                  5
                                      8
                                           2
num
                    1
                         2
                                                   1
> str(f)
Factor w/
             6 levels "1"
                             "2"
                                    "3"
                                           "4",..: 1
                                                         2
                                                             3
                                                                  5
                                                                      8
                                                                          2
    1
> str(tab)
'data.frame':
                 4 obs. of 3 variables
                   15
                         14
                              12
 $ cervena: num
 $ seda
           : num
                   13
                         17
                               10
                                    9
                            8
                               6
 $ zelena : num
                   7
                        9
comment(object) nastaví nebo vypíše komentář k danému objektu
> comment(tab) <- "Pocty aut jednotlivych barev behem 4 casovych
           nastavení komentáře k objektu tab
> comment(tab)
                  zobrazení komentáře
     "Pocty aut jednotlivych barev behem 4 casovych obdobi."
attributes (object) vypisuje všechny atributy objektu. K výpisu nebo nastavení
konkrétní vlastnosti objektu slouží příkaz attr(object, name), kde parametr name
udává název zjišťované vlastnosti.
> (ar \leftarrow array(1:8, c(2, 2, 2)))
        [,1]
              [,2]
 [1,]
           1
 [2,]
           2
                 4
, , 2
       [,1]
              [,2]
 [1,]
           5
                 7
 [2,]
           6
> attributes(ar)
$dim
[1]
     2
              2
> attributes(f)
$levels
```

```
"4"
                            "5"
                                  "8"
Γ11
     "1" "2"
                "3"
$class
[1]
    "factor"
> attributes(tab)
$names
[1]
    "cervena"
                 "seda"
                          "zelena"
$row.names
[1] 1
             3
$class
[1]
     "data.frame"
$comment
    "Pocty aut jednotlivych barev behem 4 casovych obdobi."
> attr(tab, "names")
[1] "cervena"
                 "seda"
                          "zelena"
  Funkce as.something() umožňuje změny datových typů všude, kde je to smys-
luplné.
> u <- 1:10
[1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
> v <- as.character(u) převede numerický vektor na vektor textových hodnot
[1] "1" "2" "3" "4" "5" "6" "7" "8" "9" "10"
```

K převodu objektů z jednoho datového typu na druhý je k dispozici velké množství funkcí typu as.something(). Jejich seznam můžeme najít příkazem methods(as).

> w <- as.integer(v) převede vektor textových hodnot na numerický vektor, vek-

8

Příklady k procvičení

tory u a w jsou stejného typu [1] 1 2 3 4 5 6 7

- 1. Do pracovního adresáře načtěte soubor strom.dat. Součástí tohoto souboru je objekt strom.
 - a) Vhodným příkazem zjistěte informace o vnitřní struktuře tohoto objektu.
 - b) Zjistěte, zda je pro tento objekt vytvořen komentář. V případě že není, stručný komentář pro něj vytvořte.

- c) Převedte tento objekt na textovou matici strom1.
- 2. Nainstalujte a načtěte knihovnu Hmisc. Na objektu strom porovnejte výstup funkce describe() z této knihovny s funkcemi str() a attributes(). Výstup funkce describe() uložte do proměnné descr.
- 3. Do proměnné mereni1 načtěte soubor mereni.txt i s názvy řádků a sloupců.
- 4. Umožněte, aby na jednotlivé sloupce proměnné mereni1 mohlo být odkazováno přímo.
- 5. Spojte proměnné strom, strom1, descr a metoda2 do seznamu seznam, ten uložte do souboru seznam.dat. Výpisem souborů pracovního adresáře se přesvědčte, že jste tak opravdu učinili.

Řešení.

- 1. load("strom.dat")
 - a) summary(strom)
 - b) comment(strom) <- "Metody mereni vysky stromu"
 - c) strom1 <- as.matrix(strom)</pre>
- 2. install.packages("Hmisc"), library(Hmisc)
 descr <- describe(strom), str(strom), attributes(strom)</pre>
- 3. mereni1 <- read.table(file="mereni.txt")</pre>
- 4. attach(mereni1)
- 5. seznam <- list(strom=strom, strom1=strom1, descr=descr, metoda2=metoda2) save(seznam, file="seznam.dat"), dir()

Kapitola 7

Grafika v R

Základní informace

Grafika jazyka R patří k jedné z nejvíce propracovaných částí, nabízí nepřeberné množství funkcí pro tvorbu kompletních grafů včetně popisků (high-level grafika) stejně jako funkcí k přidávání nových částí či změně již existujícího vzhledu grafu (low-level grafika).

Cílem kapitoly je uvést nejvíce používané argumenty grafických funkcí, seznámit se s funkcí par, jejíž argumenty dokáží zastoupit mnohé low-level funkce, a dalšími funkcemi k tvorbě grafických výstupů.

Výstupy z výuky

Studenti

- znají rozdíly mezi high-level a low-level grafikou,
- se seznámí s několika příkazy pro tvorbu high-level grafiky a umí používat jejich argumenty,
- ovládají funkce pro vykreslení základních typů grafů,
- dokáží vytvářet 3D grafy,
- umí použít funkce pro tvorbu low-level grafiky,
- umí využívat vlastností funkce par,
- znají příkazy pro ukládání grafu do souboru, umí pracovat s podgrafy.

Systém R umožňuje zobrazovat širokou škálu grafů. Příkazy k vykreslování grafů jsou rozděleny do tří základních skupin:

- High-level funkce vytváří kompletní nový graf s osami, popisky, názvem atd.
- Low-level funkce přidávají do již existujícího grafu další informace, např. další body, čáry, popisky.
- Interaktivní grafika umožňuje interaktivně pomocí myši přidávat data do již existujícího grafu.

V případě, že jsou tyto grafy nedostačující, můžeme použít dalších balíčků - např. grid, lattice, iplots, misc3D, rgl, scatterplot nebo balíček maps obsahující nejrůznější mapy.

7.1 High-level funkce

Všechny grafy jsou nejprve vytvořeny pomocí high-level funkcí, které vytváří "kompletní" graf. Kompletní v tom smyslu, že jsou automaticky vygenerovány osy, popisky a nadpis (pokud sami nenastavíme jinak). High-level funkce vždy vykreslují nový graf, v případě, že již nějaký graf existuje, přepíší jej. Je důležité si uvědomit, že data k vykreslení mohou být různé objekty - podle druhu objektu grafické funkce následně vykreslují graf.

Argumenty k high-level funkcím:

axes implicitní hodnota TRUE, nastavení na hodnotu FALSE potlačuje vy-

kreslování os

log nastavením na hodnoty log="x", log="y", log="xy" budou mít vy-

brané osy logaritmické měřítko

textový řetězec pro název grafu, je umístěn nad grafem main textový řetězec, je umístěn pod grafem a psán menším fontem sub tvp výstupního grafu type type="p" vykresluje samostatné body (implicitní nastavení) type="1" linie type="b" přerušované linie s body type="c" přerušované linie bez bodů type="o" body navzájem spojené liniemi type="h" vertikální linie type="s" schodovitý graf s první linií horizontální schodovitý graf s první linií vertikální type="S" type="n" žádné vykreslování dat, vykresleny jsou pouze osy, rozsah souřadného systému závisí na datech textové řetězce pro názvy os x a y, tyto argumenty mění implicitně xlab, ylab zadané názvy os při volání high-level funkcí 2-prvkový vektor specifikující minimální a maximální hodnotu k vyxlim, ylim kreslení dané osy

Dále jsou uvedeny nejpoužívanější typy grafů se svými argumenty. Nejedná se o kompletní výčet argumentů, uvedeny jsou pouze ty nejdůležitější. Použitá data jsou uvedena na přiloženém CD.

- \bullet plot(x) vzhled grafu závisí na povaze vstupních dat. Pro numerický vektor vrací jednoduchý graf s indexy na ose x a hodnotami na ose y, pro matice vrací graf s hodnotami prvního sloupce na ose x a odpovídajícími hodnotami druhého sloupce na ose y (ostatní sloupce jsou ignorovány), pro faktory vykresluje sloupcový graf četností jednotlivých kategorií, pro datové tabulky vykresluje bodový graf závislosti všech proměnných, pro funkce vykresluje hladkou čáru
- \bullet plot(x, y) jestliže x a y jsou vektory téže délky, funkce vykreslí bodový graf hodnot y na pozicích x. Stejného výsledku můžeme docílit nahrazením argumentů x a y buď seznamem, obsahujícím dvě složky x a y, nebo maticí o dvou sloupcích (viz příkaz plot(x)).

Implicitní vzhled grafu plot(x) a plot(x, y) můžeme upravit pomocí široké škály volitelných argumentů:

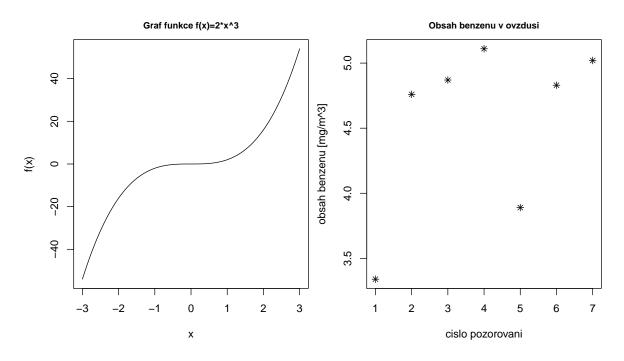
```
main, sub, type
axes, xlim, ylim, xlab, ylab
```

ann, col, bg, pch, cex, lty, lwd parametry zadávající výpis názvu a popisků os, barvu, barvu pozadí grafu, znaky pro vykreslení bodů a jejich velikost, typ a tloušťku čar. Více informací v odstavci 7.3.

frame.plot logická hodnota implicitně nastavená na TRUE graf orámuje asp poměr osy y/x

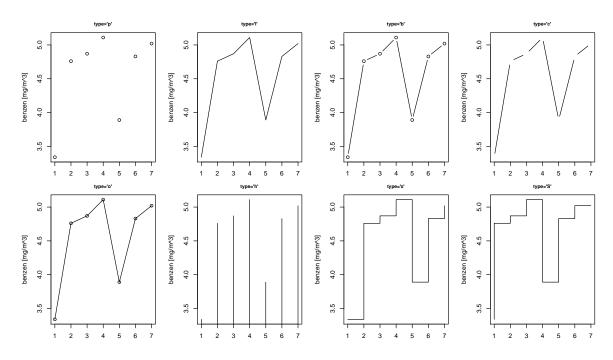
```
> plot(function(x) 2*x^3, xlim=c(-3, 3), ylab="f(x)", main="Graf funkce + f(x)=2*x^3")
```

- > benzen <- c(3.34, 4.76, 4.87, 5.11, 3.89, 4.83, 5.02) sedm měření pro kontrolu obsahu benzenu v ovzduší $[mg/m^3]$, [8]
- > plot(benzen, pch=8, xlab="cislo pozorovani", ylab="obsah benzenu
- + [mg/m^3]", main="Obsah benzenu v ovzdusi")



Obr. 7.1. Funkce plot()

```
> plot(benzen, type="p", main="type='p'", ylab="benzen [mg/m^3]")
> plot(benzen, type="l", main="type='l'", ylab="benzen [mg/m^3]")
> plot(benzen, type="b", main="type='b'", ylab="benzen [mg/m^3]")
> plot(benzen, type="c", main="type='c'", ylab="benzen [mg/m^3]")
> plot(benzen, type="o", main="type='o'", ylab="benzen [mg/m^3]")
> plot(benzen, type="h", main="type='h'", ylab="benzen [mg/m^3]")
> plot(benzen, type="s", main="type='s'", ylab="benzen [mg/m^3]")
> plot(benzen, type="S", main="type='S'", ylab="benzen [mg/m^3]")
```



Obr. 7.2. Možné varianty argumentu type

• barplot() sloupcový graf

axes, main, sub, xlab, ylab, xlim, ylim

beside lze použít pouze v případě vstupního argumentu typu matice. Implicitní hodnota beside=FALSE vykreslí více obdélníků nad sebou, nastavení na hodnotu TRUE vedle sebe.

width vektor hodnot udávajících šířku vykreslovaných obdélníků na ose x. Jestliže vektor wide nedosahuje délky rovné počtu složek argumentu, je použito pravidlo $recycling\ rule$.

space velikost místa pro vynechání mezi jednotlivými sloupci (podíl průměrné šířky sloupce), může se jednat o numerickou hodnotu nebo vektor hodnot. Pro vstupní matici a argument beside=TRUE může být argument space specifikován vektorem dvou hodnot, první vyjadřuje odestup sloupců ve stejné skupině (ve stejném sloupci), druhý vyjadřuje odestup mezi skupinami. Implicitní nastavení je space=c(0,1) pro vstupní matici a argument beside=TRUE, pro ostatní možnosti space=0.2.

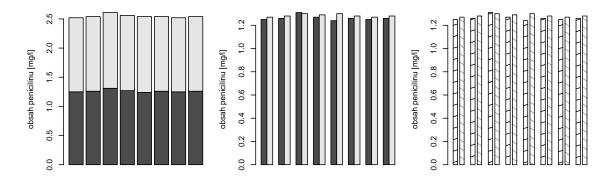
names.arg vektor názvů ke každému sloupci nebo skupině sloupců

legend.text vektor textových řetězců uvádějící názvy v legendě, má smysl jen pro vstupní matice

horiz implicitní hodnota horiz=FALSE vykresluje obdélníky vertikálně, argument horiz=TRUE horizonatálně

density hodnota nebo numerický vektor nastavující hustotu šrafování sloupců angle úhel pro sklon šrafování

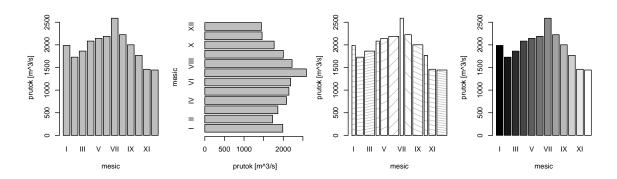
- > load(file="penicilin.dat") načtení potřebného souboru dat, který musí být uložen v aktuálním pracovním adresáři. Data pro porovnání obsahu penicilinu [mg/l] v krvi dvou pacientů, [8]
- > barplot(penicilin, ylab="obsah penicilinu [mg/l]")
- > barplot(penicilin, beside=T, ylab="obsah penicilinu [mg/l]")
- > barplot(penicilin, beside=T, ylab="obsah penicilinu [mg/1]",
- + space=c(0.5, 1.5), density=c(7, 18), angle=c(60, 105), col=gray(c(0, 105))
- + 0.6))) funkce gray slouží k vykreslení různého stupně šedi (více v odstavci 7.3)



Obr. 7.3. Porovnání obsahu penicilinu v krvi dvou pacientů [mg/l]

```
> load(file="dunaj.dat") načtení datového souboru dunaj.dat (kolísání průtoku
Dunaje [m<sup>3</sup>/s] během roku, [8])
```

- > barplot(dunaj, names.arg=c("I", "II", "III", "IV", "V", "VI", "VII",
- + "VIII", "IX", "X", "XI", "XII"), ylab="prutok [m^3/s]",
- + xlab="mesic")
- > barplot(dunaj, horiz=T, names.arg=c("I", "II", "III", "IV", "V",
- + "VI", "VII", "VIII", "IX", "X", "XI", "XII"), ylab="prutok
- + [m^3/s]". xlab="mesic")
- > barplot(dunaj, width=c(1, 2, 3), density=rep(c(5, 8, 13), times=4),
- + angle=seq(from=30, by=10, length=12), names.arg=c("I", "II", "III",
- + "IV", "V", "VI", "VII", "VIII", "IX", "X", "XI", "XII"), ylab="prutok
- + [m^3/s]", xlab="mesic")
- > barplot(dunaj, col=gray(seq(from=0, to=1, length=12)), names.arg=
- + c("I", "II", "III", "V", "V", "VI", "VII", "VIII", "IX", "X", "XI",
- + "XII"), ylab="prutok [m^3/s]", xlab="mesic")



Obr. 7.4. Kolísání průtoku Dunaje během roku [m³/s]

• hist() histogram pro numerický vektor

breaks argument šířky intervalů, implicitní nastavení je breaks="Sturges", která šířku intervalů počítá Sturgesovým pravidlem: $\log_2 n + 1$, [18], dalšími možnostmi jsou breaks="Scott" (Scottovo pravidlo: $3.5 \cdot \hat{\sigma} \cdot n^{-1/3}$, [18]) nebo breaks="FD" (Freedman a Diaconis: $2 \cdot IQR \cdot n^{-1/3}$, [18]), n udává počet hodnot vektoru, $\hat{\sigma}$ je odhadem směrodatné odchylky a IQR značí interkvantilové rozpětí

freq implicitní nastavení freq=TRUE vykresluje absolutní četnosti, nastavení na hodnotu freq=FALSE vykresluje relativní četnosti

right pro implicitní hodnotu right=TRUE jsou intervaly zprava uzavřené, zleva otevřené, pro hodnotu right=FALSE je tomu naopak

labels pro hodnotu labels=TRUE vypisuje nad sloupce absolutní/relativní četnosti

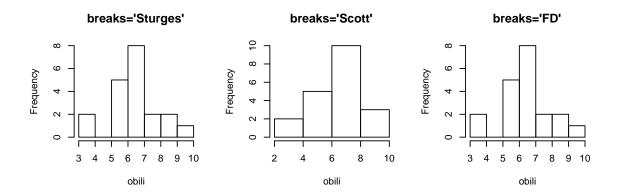
```
density, angle
                     stejně jako u barplot()
   axes, main, sub, xlim, ylim, xlab, ylab
Funkce hist() má k dispozici i výstupní hodnoty:
            hodnoty hranic intervalů
   breaks
   counts
            absolutní četnosti pro každý interval
   density
             hustota pravděpodobnosti pro jednotlivé intervaly
   intensities
                  shodné s density
   mids
          středy intervalů
           název objektu v argumentu
   xname
               logická hodnota stejné délky všech intervalů
   equidist
```

```
> load(file="obili.dat") načtení souboru dat (sklizňová ztráta obilí [g/m³], [8])
```

> hist(obili, breaks="Sturges", main="breaks='Sturges'")

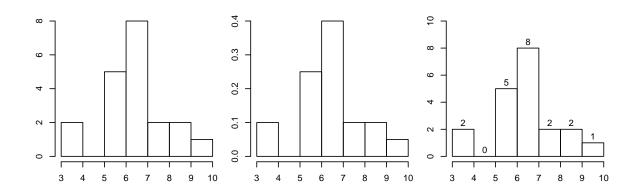
> hist(obili, breaks="Scott", main="breaks='Scott'")

> hist(obili, breaks="FD", main="breaks='FD'")



Obr. 7.5. Sklizňová ztráta obilí [g/m³], argumenty šířky intervalů

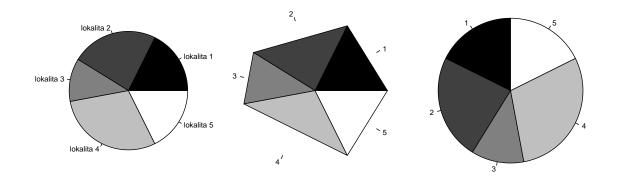
```
> hist(obili, main="")
> hist(obili, freq=F, main="")
> hist(obili, labels=T, main="")
```



Obr. 7.6. Sklizňová ztráta obilí [g/m^3], zobrazení absolutních a relativních četností

```
> (hist(obili))
                  výstupní hodnoty
$breaks
[1]
   3
             5
                              9
                                  10
$counts
[1]
                     2
                          2
     2
             5
                 8
                              1
$intensities
    0.09999998
                  0.0000000
                                0.25000000
                                             0.40000000
                                                           0.10000000
+ 0.10000000
               0.05000000
$density
[1] 0.09999998
                  0.0000000
                                0.25000000
                                             0.4000000
                                                           0.10000000
+ 0.10000000
               0.05000000
```

```
$mids
[1] 3.5
           4.5
                  5.5
                        6.5
                               7.5
                                     8.5
                                            9.5
$xname
[1]
     "obili"
$equidist
[1] TRUE
$attr(,"class")
     "histogram"
         koláčový graf pro vektor nezáporných celých čísel
• pie()
            vektor textových hodnot vyjadřující názvy jednotlivých dílů grafu
   labels
   edges
           numerická hodnota udávající počet vrcholů polygonu
               logická hodnota vykreslení po (TRUE) nebo proti (FALSE, implicitní
nastavení) směru hodinových ručiček
   init.angle
               počáteční úhel pro natočení grafu
   density, angle
> kralici <- c(3, 4, 2, 5, 3)
> pie(kralici, angle=30, labels=c("lokalita
+ 1", "lokalita 2", "lokalita 3", "lokalita 4", "lokalita 5"),
+ col=gray(seq(from=0, to=1, length=5)))
> pie(kralici, edges=5, col=gray(seq(from=0, to=1, length=5)))
> pie(kralici, clockwise=F, init.angle=90, col=gray(seq(from=0, to=1,
+ length=5)))
```



Obr. 7.7. Počet chycených králíků v jednotlivých lokalitách lesa, [8]

• boxplot() krabicový graf

range vymezuje rozpětí "fousků" grafu, pro kladné range se "fousky" rozpínají do vzdálenosti range $\cdot IQR$ (interkvartilová odchylka), pro range=0 se rozpínají od minimální po maximální hodnotu, implicitní nastavení range=1.5

notch implicitní nastavení notch=FALSE, pro notch=TRUE zobrazuje výřezy po stranách "krabice" (výřezy odpovídají hodnotám $\frac{\pm 1.58\cdot IQR}{\sqrt{n}})$

outline implicitní nastavení outline=TRUE zobrazuje odlehlé hodnoty, hodnota FALSE odlehlé hodnoty nezobrazuje

names vektor textových řetězců pro názvy jednotlivých krabicových grafů horizontal pro hodnotu horizontal=TRUE vykresluje grafy horizontálně

pars seznam parametrů k volbě vzhledu krabicového grafu (velikosti "krabic", hodnoty "fousků" a extrémů, typy, šířky a barvy čar, velikosti bodů atd.), více pomocí příkazu help(bxp)

Příkazem (boxplot()) získáme výstupní hodnoty:

stats matice, jejíž sloupce obsahují informaci o hodnotách dolního "fousu", dolní části krabice, mediánu, horní části krabice a horním "fousu".

n vektor počtu pozorování každé skupiny

conf matice, jejíž sloupce obsahují horní a dolní extrémy výřezů (notch)

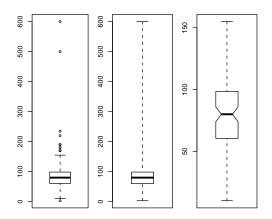
out odlehlé hodnoty

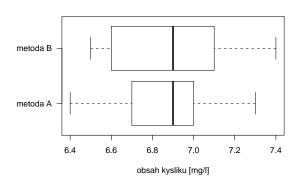
group vektor stejné délky jako **out**, jehož prvky uvádějí, do které skupiny patří odlehlé hodnoty

names vektor názvů skupin

- > load(file="dusicnany.dat") načtení datového souboru (obsah dusičnanů ve studniční vodě, [8])
- > boxplot(dusicnany)
- > boxplot(dusicnany, range=0)
- > boxplot(dusicnany, notch=TRUE, outline=FALSE)
- > load(file="kyslik.dat") načtení datového souboru (porovnání dvou metod stanovení obsahu kyslíku ve vodě [mg/l], [8])
- > boxplot(kyslik, names=c("metoda A", "metoda B"), horizontal=TRUE,
- + las=1, xlab="obsah kysliku [mg/l]")

¹Záměrně jsou uvedeny pojmy jako dolní "fous", dolní část krabice, horní část krabice, horní "fous", protože implicitní nastavení (dolní hradba, dolní kvartil, horní kvartil, horní hradba) může být uživatelem změněno pomocí argumentů range a pars na jiné hodnoty.





Obr. 7.8. Obsah dusičnanů ve studniční vodě [mg/l]

Obr. 7.9. Porovnání dvou metod stanovení obsahu kyslíku ve vodě [mg/l]

```
výstupní hodnoty
> (boxplot(kyslik))
$stats
        [,1]
              [,2]
 [1,]
         6.4
               6.5
 [2,]
        6.7
               6.6
 [3,]
         6.9
               6.9
 [4,]
        7.0
               7.1
 [5,]
        7.3
               7.4
$n
[1] 30
           30
$conf
           [,1]
                      [,2]
 [1,]
       6.81346
                 6.755766
 [2,]
       6.98654
                 7.044234
$out
numeric(0)
$group
numeric(0)
$names
[1]
                   "metodaB"
```

"metodaA"

• stripchart() pro numerické vektory, seznamy a tabulky dat vykresluje diagram rozptýlení, používá se pro jednoduché zobrazení dat

method způsob zobrazení shodných dat, implicitní nastavení method="overplot" způsobuje překrývání shodných dat, method="jitter" zobrazuje náhodně kolem osy y a method="stack" skládá nad sebe

jitter v případě volby method="jitter" můžeme argumentem jitter nastavit šířku vykreslování kolem osy y

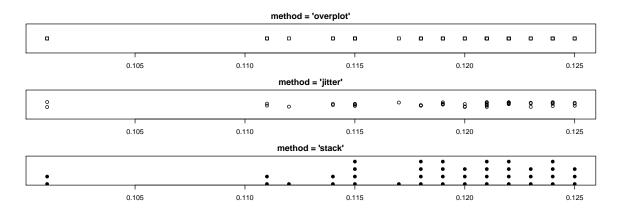
offset v případě volby method="stack" argument udává rozestup mezi jednotlivými vykreslenými body

vertical pro hodnotu vertical=TRUE vykresluje vertikálně

group.names textový řetězec názvů skupin zobrazovaný po bocích grafu (při vykreslení více grafů)

at numerický vektor udávající pozici pro vykreslení bodů

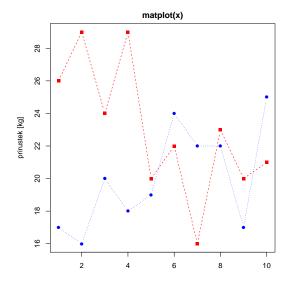
- > load(file="cekani.dat") načtení datového souboru (doba čekání na zákazníka [min], [8])
- > stripchart(cekani, method="overplot", main="method = 'overplot'",
- + cex=1
- > stripchart(cekani, method="jitter", main="method = 'jitter'", cex=1,
- + pch=1)
- > stripchart(cekani, method="stack", main="method = 'stack'", cex=1.5,
- + pch=20, offset=0.4, at=0) argument cex udává velikost znaků, pch typ znázorňovaných bodů, více viz odstavec 7.3

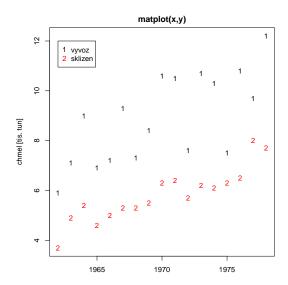


Obr. 7.10. Doba čekání na zákazníka [min]

• matplot() vykreslení více datových řad do jednoho grafu. Vzhled grafu lze měnit níže uvedenými argumenty, implicitní vykreslení je pomocí číslic matplot(x) pro vstupní matici x tvoří každou datovou řadu jeden sloupec matice matplot(x, y) pro dvě vstupní matice stejných rozměrů udávají shodné pozice souřadnice bodů, datové řady opět tvoří sloupce matic. Lze vykreslit i pro vstupní vektor

```
x stejné délky jako počet řádků matice y
   type, main, xlab, ylab, xlim, ylim
  lty, lwd, pch, col, cex
                              viz odstavec 7.3
> load(file="smes.dat") načtení datového souboru (vliv krmné směsi na přírůs-
tek zvířat, [8])
> matplot(smes, main="matplot(x)", ylab="prirustek [kg]", type=c("b",
+ "b"), lty=c(2,3), pch=c(15, 16), col=c(2,4))
> legend(7, 29, c("smes 1", "smes 2"), lty=c(2,3), pch=c(15, 16),
+ col=c(2,4)) funkce pro zobrazení legendy, více viz odstavec 7.2
> time <- seq(from=1962, to=1978, length=17)
> load(file="chmel.dat")
                           načtení datového souboru (vývoz a sklizeň chmele v ČSSR
v letech 1962 až 1978, [8])
> matplot(time, chmel, main="matplot(x,y)", ylab="chmel [tis. tun]")
> legend(time[1], 12, c("vyvoz", "sklizen"), pch=c("1","2"), col=1:2)
```





Obr. 7.11. Vliv krmné směsi na přírůstek zvířat [kg], [8]

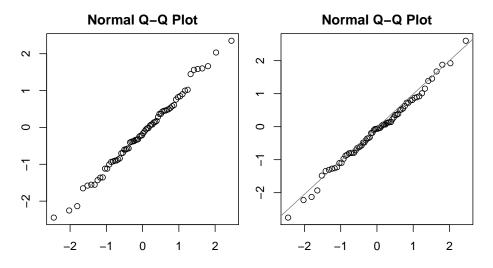
Obr. 7.12. Vývoz a sklizeň chmele v ČSSR v letech 1962 až 1978

• qqnorm(), qqline() grafy pro ověřování normality dat. qqnorm() vykresluje normální kvantil-kvantilový graf (Q-Q plot), qqline() navíc přidá do již existujícího grafu přímku odpovídající normálnímu rozložení, jedná se o low-lewel funkci

```
> qqnorm(rnorm(70))
```

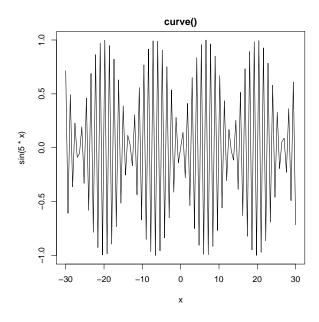
> qqnorm(rnorm(70))

> qqline(rnorm(70), col=gray(0.5)) funkce gray slouží k vykreslení různé stupně šedi (více v odstavci 7.3)



Obr. 7.13. Q-Q plot pro výběr z normálního rozložení

- curve() vykreslí křivku from, to interval pro vykreslení funkce
- > curve(sin(5*x), from=-30, to=30, main="curve()")



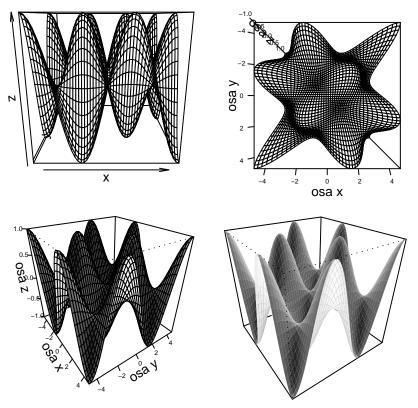
Obr. 7.14. Funkce curve()

• persp(x, y, z) slouží k vykreslení 3D grafu xlim, ylim, zlim intervaly pro vykreslování hodnot na osách x, y a z main, sub, col theta úhel pro otočení grafu v horizontálním smyslu phi úhel pro otočení grafu ve vertikálním smyslu shade stínování

ticktype typ os, ticktype="simple" (implicitní nastavení) vykreslí pouze šipky souběžné s osami grafu, šipky indikují směr nárůstu hodnot, ticktype="detailed" zobrazuje i měřítko os (počet značek na ose udává argument nticks)

border implicitní nastavení NULL vykresluje křivky, barvu vykreslovaných křivek můžeme měnit pomocí argumentu col nebo funkce gray(), nastavení border=NA vykreslení křivek zabraňuje

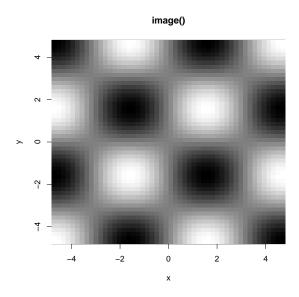
```
> persp(x, y, z)
> persp(x, y, z, ticktype="detailed", nticks=5, phi=270, xlab="osa x",
+ ylab="osa y", zlab="osa z")
> persp(x, y, z, ticktype="detailed", nticks=5, phi=30, theta=55,
+ shade=0.5, xlab="osa x", ylab="osa y", zlab="osa z")
> persp(x, y, z, shade=0.5, phi=30, theta=55, border=NA, axes=F)
```



Obr. 7.15. Funkce persp()

• image() vytvoří mřížku s obdélníky různého stupně šedi, slouží k zobrazení 3-dimenzionálních nebo prostorových dat

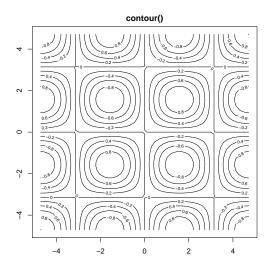
```
> x <- seq(-1.5*pi, 1.5*pi, length=50)
> y <- seq(-1.5*pi, 1.5*pi, length=50)
> z <- sin(x) %*% t(sin(y))
> image(x, y, z, col=gray(seq(from=0, to=1, length=80)), main="image()")
```

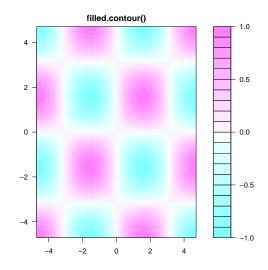


Obr. 7.16. Funkce image()

Funkce contour() a filled.contour() slouží k podobnému zobrazení jako funkce image().

```
> contour(x, y, z, main="contour()")
> filled.contour(x, y, z, main="filled.contour()")
```





Obr. 7.17. Funkce contour()

Obr. 7.18. Funkce filled.contour()

Velký výběr dalších 3D grafů nabízí balíčky misc3d, scatterplot3d a lattice.

• symbols() na dané souřadnice vykreslí symboly - kružnice, čtverce, trojúhelníky, hvězdičky, více informací viz help(symbols)

Další tvary pro vykreslení: rect() (vykresluje obdélníkovou oblast), polygon() (mnohoúhelníky), arrows() (šipky), rug() ("rohož" s rozestupem).

7.2 Low-level funkce

Někdy se stává, že grafické funkce nevykreslují přesný typ grafu, jaký bychom si přáli. V těchto případech je dobré použít tzv. low-level funkce. Pomocí nich vytváříme celý graf po samostatných částech přidáním dalších informací (body, čáry, text,...) do již existujícího grafu.

Nejpoužívanější funkce pro tvorbu low-level grafiky (pro význam argumentů bg, cex, col, lty, lwd a pch viz odstavec 7.3):

- points(x, y, type, pch, col, bg, cex, lwd,...) dle nastavení argumentů vykreslí body daných tvarů a barev na souřadnice x, y
- \bullet lines(x, y, type, lty, lwd, ...) vykreslí lomenou čáru mezi body danými souřadnicemi x a y
- segments(x0, y0, x1, y1, col, lty, lwd,...) vykreslí úsečky mezi dvěma body o souřadnicích [x0, y0], [x1, y1]
- ullet abline(a, b, ...) vykreslí přímku se směrnicí b a průsečíkem s osou y a
- abline(h, ...) vykreslí vodorovné úsečky přes celou šířku grafu, h udává hodnoty

```
na ose y
```

- \bullet abline (v, ...) vykreslí svislé úsečky, v udává hodnoty na ose x
- legend(x, y, legend,...) na souřadnice x a y vytiskne legendu (vektor textových řetězců). Funkce má velké množství volitelných argumentů (viz help(legend))
- title(main, sub, xlab, ylab, ...) vypíše název, podtitulek, popisky os
- grid(nx, ny) vykreslí mřížku, nx a ny udávají počet vertikálních a horizontálních čar, implicitní nastavení k vykreslování mřížky (col="lightgray", lty="dotted", lwd=par("lwd")) lze samozřejmě libovolně měnit
- axis(side, at, labels, tick, lty, lwd, col,...) vykreslí osu, umožňuje nastavit značky a popisky libovolně pro jednotlivé osy
 - side přirozené číslo specifikující stranu grafu, na které má být osa vykreslena (1 - dole, 2 - vlevo, 3 - nahoře, 4 - vpravo)
 - at body, ve kterých mají být vykreslovány značky pro měřítko
 - labels názvy pro jednotlivé značky
 - tick logická hodnota pro vykreslování značek
- text(x, y, labels, ...) vypíše textový řetězec labels do grafu na pozici [x, y]
- mtext(text, side, ...) vypíše textový řetězec text na okraj grafu (side)

7.3 Funkce par()

Funkce par() slouží k nastavení a změnám parametrů aktuálního grafu. Nastavení parametrů pomocí funkce par() mění hodnoty parametrů nastálo – ve všech dalších voláních libovolné grafické funkce až do doby zavření grafického okna nebo nastavení parametrů na nové hodnoty. S otevřením nového grafického okna jsou všechna předchozí nastavení ignorována.

Text

- adj zarovnání textu pro název grafu a popisky os, 0 zarovnat vlevo, 1 zarovnat vpravo, 0.5 zarovnat horizontálně na střed
- ann implicitní hodnota ann=TRUE vypisuje anotace (název a popisky os), hodnota FALSE je potlačuje
- cex relativní velikost znaků (1 normální velikost, 2 dvojnásobná), cex.main nastaví velikost znaků pro název grafu, cex.sub pro podtitulek, cex.axis, cex.lab pro velikost písma popisků a názvů os

Barva

bg barva pozadí grafu

col barva bodů, obrysů bodů nebo spojnice. Barva může být vyjádřena přirozeným číslem nebo textovým řetězcem. Pro barvu os použijeme příkaz col.axis, pro popisky os col.lab, pro titulek a podtitulek grafu col.main a col.sub. Základní barvy jsou uvedeny v Tab. 7.1, podrobnější seznam barev o 657 položkách dostaneme příkazem colors(), funkcí gray() s argumenty od 0 do 1 získáme různé stupně šedi

barva	numerická hodnota	textový řetězec
bílá	0	"white"
černá	1	"black"
červená	2	"red"
zelená	3	"green"
modrá	4	"blue"
modrozelená	5	"cyan"
fialová	6	"magenta"
žlutá	7	"yellow"
šedá	8	"gray"

Tab. 7.1. Barvy bodů

Graf

pty textový řetězec specifikující tvar grafické oblasti, "s" čtvercová, "m" maximální

mfcol 2-prvkový vektor tvaru c(pocet_radku, pocet_sloupcu) rozdělující graf na odpovídající počet podgrafů, jednotlivé grafy jsou řazeny po sloupcích mfrou stoině jako mfcol grafy jsou řazeny po řádcích

mfrow stejně jako mfcol, grafy jsou řazeny po řádcích

new implicitní nastavení FALSE, nastavení na hodnotu TRUE umožňuje přikreslení dalšího grafu pomocí high-level funkce do již existujícího grafu

Osy

las numerická hodnota pro otočení popisků os:

0 - x vodorovně, y svisle

1 - x i y vodorovně

2 - x svisle, y vodorovně

3 - x i y svisle

Body, čáry

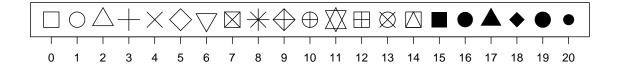
1ty numerická hodnota udávající typ čáry, jednotlivé typy s odpovídající hodnotou jsou uvedeny na Obr. 7.19

lwd numerická hodnota pro šířku čáry, standardní lwd=1

pch numerická hodnota pro znak vykreslovaných bodů, jednotlivé znaky s hodnotami 1 – 20 jsou uvedeny na Obr. 7.26. Pro hodnoty 21 – 25 jsou vykresleny znaky s hodnotou 1, 0, 5, 2, 6 (v tomto pořadí) s volitelnou barvou výplně bg a barvou hranice col. Hodnoty 26 – 31 nejsou definovány, hodnotám 32 – 255 odpovídají znaky ASCII tabulky. Je možno použít i jakékoliv textové řetězce, vypisuje se však vždy jen první znak.



Obr. 7.19. Typy čar (argument lty)



Obr. 7.20. Typy bodů (argument pch)

7.4 Další užitečné funkce

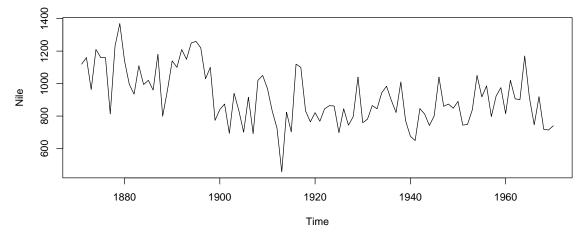
K otevření dalšího grafického okna slouží příkaz dev.new() nebo windows() (pouze v systému Windows). Příkaz dev.new() můžeme použít i s numerickým argumentem which, prostřednictvím něhož lze příkazy dev.set(which) a dev.off(which) dané okno aktivovat, popř. zavřít. Příkaz graphics.off() zavře všechna grafická okna.

Ukládat grafy lze v menu $File \to Save~as$ výběrem požadovaného formátu. Alternativou je použít některého z příkazů:

Příkazem recordPlot() lze grafy ukládat i jako objekty. Zpětně lze takto uložený graf zobrazit (a upravovat) příkazem replayPlot() nebo zavoláním názvu objektu.

```
> plot(Nile, main="Rocni prutoky reky Nil")
> Nil <- recordPlot() uložení grafu do proměnné Nil
> replayPlot(Nil) zobrazení grafu
```





Obr. 7.21. Roční průtoky řeky Nil

Funkce layout() umožňuje vytvářet složený graf obsahující několik grafů různých rozměrů, přičemž mohou zabírat i více řádků či sloupců.

Jediným povinným argumentem funkce je matice, jejíž počet řádků a sloupců a jejich číselné hodnoty určují pořadí zaplňování jednotlivých "boxů" grafy. Příkaz layout(matrix(c(1, 0, 3, 2), 2, byrow=TRUE)) vytvoří graf se čtyřmi boxy, přičemž pozice [1, 1] bude obsazena jako první, dále budou obsazovány pozice [2, 2] a [2, 1], pro nulovou hodnotu zůstává pozice prázdná (pozice [1, 2]).

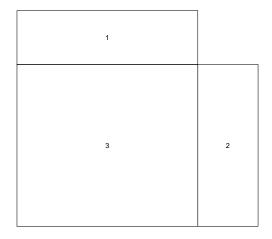
Argumenty heights a widths jsou používány ke specifikaci výšek a šířek boxů. Šablonu s jednotlivými boxy si můžeme prohlédnout příkazem layout.show(n) (Obr. 7.22), kde n udává počet vykreslovaných grafů.

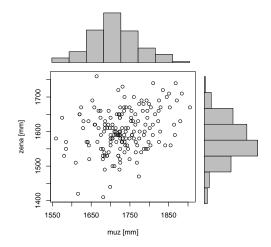
```
> layout(matrix(c(1, 0, 3, 2), 2, byrow=T), widths=c(3, 1), heights=c(1, + 3))
> layout.show(3) (Obr. 7.22)
> load(file="pary.dat") načtení datového souboru (závislost výšky 169 manžel-
```

> load(file="pary.dat") načtení datového souboru (závislost výšky 169 manželských párů, [8]). Soubor obsahuje proměnnou pary typu seznam se složkami muz, zena, muzhist a zenahist

```
> attach(pary)
```

- > layout(matrix(c(1, 0, 3, 2), 2, byrow=T), widths=c(3, 1), heights=c(1, \pm 3))
- > par(mar=c(0, 3.5, 1, 1)) funkce mar slouží pro nastavení okrajů grafu
- > barplot(muzhist, axes=F, space=0)
 > par(mar=c(3.5, 0, 1, 1))
- > barplot(zenahist, axes=F, space=0, horiz=T)
- > par(mar=c(4.3, 4, 1, 1))
- > plot(muz, zena, xlab="muz [mm]", ylab="zena [mm]")





Obr. 7.22. Šablona s boxy

Obr. 7.23. Závislost výšky 169 manželských párů

Funkce split.screen() slouží k dělení grafického prostředí na libovolný počet částí. Např. příkazem split.screen(c(2,2)) rozdělíme prostředí na čtyři části, na něž můžeme odkazovat příkazy screen(1),..., screen(4) a pomocí těchto příkazů dané podgrafy vytvářet nebo měnit. Každá část přitom může být znovu rozdělena pomocí funkce split.screen(c(,), screen).

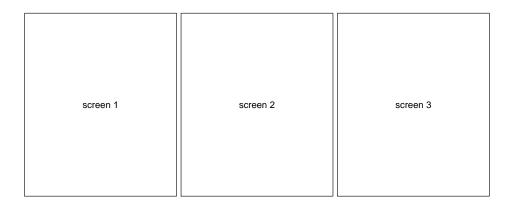
Poznámka. Rozdělení grafu na jednotlivé podgrafy můžeme dosáhnout i pomocí argumentů mfcol a mfrow funkce par() (viz odstavec 7.3).

MATLAB používá k rozdělení grafu na více částí funkci subplot.



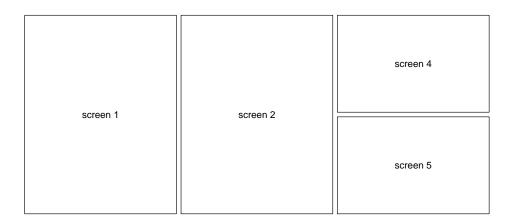
- > load(file="etnika.dat") načtení datového souboru (počet souhlasných reakcí na deset otázek zástupcům čtyř etnik, [8])
- > popisx <- rownames(etnika)</pre>
- > split.screen(c(1,3)) vytvoří prázdné grafické okno, navíc je výstupem i vektor hodnot odkazující na jednotlivé podgrafy, šablona okna s boxy viz Obr. 7.24

[1] 1 2 3



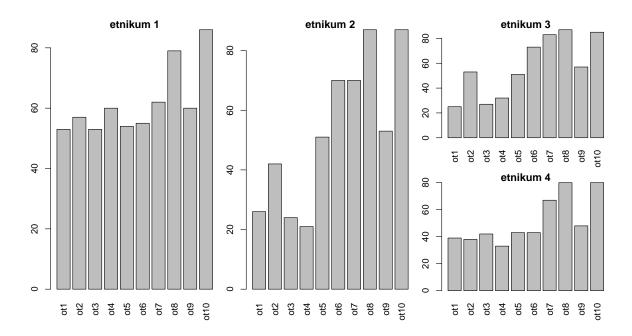
Obr. 7.24. Šablona okna s boxy pro příkaz split.screen(c(1,3))

```
> screen(1) aktivace levého boxu pro vykreslení podgrafu
> barplot(etnika[,1], main="etnikum 1", names.arg=popisx, las=3)
> screen(2)
> barplot(etnika[,2], main="etnikum 2", names.arg=popisx, las=3)
> split.screen(c(2,1), screen=3) rozdělení pravého boxu na 2 další boxy, aktuální šablona s boxy viz Obr. 7.25
[1] 4 5
```



Obr. 7.25. Šablona okna s boxy pro příkaz split.screen(c(2,1), screen=3)

- > screen(4)
- > barplot(etnika[,3], main="etnikum 3", names.arg=popisx, las=3)
- > screen(5)
- > barplot(etnika[,4], main="etnikum 4", names.arg=popisx, las=3)



Obr. 7.26. Počet souhlasných reakcí na deset otázek zástupcům čtyř etnik.

Interaktivní funkce locator() umožňuje vybrat pozici pro umístění grafických prvků (např. legendy, popisků os,...). Funkce locator() čeká, než uživatel zvolí levým tlačítkem myši místo, následně vypíše jeho souřadnice. Argument n udává počet bodů, u kterých chceme tímto způsobem zjistit souřadnice.

Příklady k procvičení

- 1. Do jednoho grafu zakreslete na intervalu $[0, 3\pi]$ graf funkcí sin x (červeně) a $\cos x$ (modře). Graf vhodně otitulkujte a pomocí funkce locator() obě funkce popište.
- 2. Vestavěná proměnná InsectSprays popisuje účinnost sprejů proti hmyzu a zahrnuje dvě složky count a spray. Vykreslete histogram absolutních četností pro počet jedinců hmyzu daného pozorování (složka count).
- 3. Pro stejnou proměnnou jako v úkolu 2 vykreslete boxplot. Dále zjistěte, zda se data řídí normálním rozložením. Svou odpověď podložte vhodným grafem.
- 4. Do dvou grafů vedle sebe zobrazte graf funkce $\sin(x)\cos(x+y)$ pro x,y z intervalu [0, 5]. Do levého grafu zobrazte prostorový graf, do pravého pouze jeho vrstevnice. Grafy popište.
- 5. Načtěte soubor vyskomer.dat, ve kterém je uloženo 15 kontrolních měření dvěma různými výškoměry. Do jednoho grafu zakreslete průběh měření pro oba výškoměry následovně:
 - průběh pro vyskomer1 modrými čtverečky,
 - průběh pro vyskomer2 zelenými hvězdičkami,
 - graf opatřete názvem, popisky os a legendou.

Graf uložte do souboru "vyskomer.pdf".

Řešení.

- 2. hist(InsectSprays\$count)
- 3. boxplot(InsectSprays\$count)
 qqnorm(InsectSprays\$count), qqline(InsectSprays\$count)

```
4. x <- seq(from=0, to=5, length=100), y <- x, z <- sin(x) %*% t(cos(x+y))
    layout(matrix(1:2, nrow=1)), persp(x, y, z, main="Funkce 'persp'"), contour(x,
    y, z, main="Graf 'countour'") nebo
    split.screen(c(1,2))
    screen(1), persp(x, y, z, main="Funkce 'persp'")
    screen(2), contour(x, y, z, main="Graf 'countour'")

5. load(file="vyskomer.dat")
    pdf(file="vyskomer.pdf")
    matplot(1:15, vyskomer, col=c("blue", "green"), lty=c(1,2), pch=c(15,
    8))
    legend(11, 34, c("vyskomer1", "vyskomer2"), col=c("blue", "green"),
    pch=c(15, 8))
    dev.off()</pre>
```

Kapitola 8

Programování v R

Základní informace

Jazyk R je snadno rozšiřitelný o vlastní funkce či dávkové soubory. Pro zvládnutí tvorby vlastních funkcí je třeba porozumět rozdílům mezi lokálními a globálními proměnnými a ovládat podmíněné příkazy a příkazy cyklů. Použití těchto příkazů může ovšem být u některých datových struktur zdlouhavé či výpočetně neefektivní, těmo situacím je věnována poslední část kapitoly popisující skupiny funkcí apply.

Výstupy z výuky

Studenti

- dokáží vysvětlit rozdíl mezi funkcemi a dávkovými soubory,
- rozlišují lokální a globální proměnné,
- ovládají různé podmíněné příkazy,
- umí použít příkazy cyklů,
- jsou schopni vhodně aplikovat funkci apply.

8.1 Funkce a dávkové soubory

Programy v jazyce R, které si uživatel může sám vytvořit, lze rozdělit do dvou skupin - dávkové soubory a funkce. V následujících odstavcích si uvedeme hlavní rozdíly mezi nimi a způsoby, jak lze tyto programy vytvořit.

Hlavním rozdílem funkcí a dávkových souborů je ten, že objekty definované uvnitř funkce nejsou k dispozici v pracovním prostoru. U dávkových souborů nezáleží na tom, z jakého adresáře jsou volány, objekty definované uvnitř dávky jsou v pracovním prostoru stále k dispozici. Dalším rozdílem je ten, že funkce pracují se vstupními proměnnými, dávkové soubory nikoliv.

Funkce

Každá funkce v R, ať vestavěná nebo definovaná uživatelem, je tvaru nazev <- function(argumenty){telo}

kde nazev udává název funkce, argumenty je čárkami oddělená posloupnost vstupních argumentů a telo obsahuje posloupnost příkazů, které musí být uzavřeny ve složených závorkách { } (pouze v případě jediného příkazu mohou být složené závorky vynechány).

Funkce lze vytvářet přímo v příkazové řádce, při tvorbě složitějších zdrojových kódů je vhodnější místo příkazové řádky používat editory. Jazyk R má k dispozici zabudovaný vlastní editor, který najdeme v menu $File \rightarrow New\ script$. Možné je rovněž používat editory jako PSPad nebo WinEdt s číslovanými řádky, kontrolou syntaxe apod. Takto vytvořené funkce ukládáme do souboru s koncovkou .R.

V případě, že je funkce vytvořena přímo v příkazové řádce, spouští se zavoláním svého názvu nazev s argumenty uvedenými v kulatých závorkách. V případě, že je vytvořena v textovém editoru, je třeba nejdříve funkcí source() načíst soubor, ve kterém je uložena. Argumentem funkce source() je textový řetězec obsahující celý název souboru (i s koncovkou .R) nebo cestu k němu. Následně se spouští zavoláním názvu funkce nazev s argumenty uvedenými v kulatých závorkách.

Při volání funkce bez názvů argumentů musí být jednotlivé argumenty uvedeny přesně v tom pořadí, v jakém byly definovány. V opačném případě můžeme použít přiřazení nazev_argumentu=hodnota, popř. názvy argumentů můžeme zkracovat, jestliže zkratka nemůže znamenat žádný jiný argument. Hodnoty argumentů mohou mít definovány své implicitní hodnoty – ty lze příkazem nazev_argumentu=implicitni_hodnota nastavit v seznamu argumentů při definování funkce. Při volání funkce pak tyto argumenty mohou být vynechány a bude jim přidělena hodnota implicitni_hodnota.

Výstupní hodnoty získáme pomocí funkce return(), pouze k výpisu hodnot se používá funkce print(). V případě jediného výstupního objektu je tento objekt uváděn do argumentu funkce return(), v případě více výstupních objektů musí být seskupeny do seznamu.

Jazyk R rovněž umožňuje definování nových binárních operátorů (např. %in%). K odlišení od funkcí musí být jejich název ve tvaru "%nazev%".

```
> kvadr <- function(a, b, c){
+ obsah <- 2*(a*b + b*c + c*a)
+ objem <- a*b*c</pre>
```

```
+ return(list(obsah=obsah, objem=objem))}
> vystup <- kvadr(1, 2, 3)
> vystup
$obsah
[1] 22
$objem
[1] 6
```

Dávkové soubory

Jedná se o posloupnost příkazů, která může využívat již definovaných objektů z pracovního prostoru. Zpravidla se vytváří v libovolném textovém editoru, název souboru musí mít příponu .R (např. davka.R). Dávkové soubory se spouští funkcí source s názvem dávkového souboru (nebo cestou k němu) uvedeným jako textový řetězec (např. source("davka.R")).

Násilné ukončení běžící dávky nebo funkce se provádí příkazem Q.

V průběhu funkce nebo dávky se občas může stát, že se potřebujeme dostat zpět do pracovního prostoru, např. vypracování zadaných úkolů (viz cvičení) a následně dále pokračovat v běhu funkce či dávky. To lze příkazem browser(), k odlišení funkce či dávky a prostředí pracovního prostoru se prompt změní na Browse[1]>. Od této chvíle se nacházíme v pracovním prostoru, kde můžeme zadávat libovolné příkazy. Zpět se dostaneme příkazem c nebo klávesou ENTER.

MATLAB místo příkazu browser() používá keyboard, objevuje se prompt K>> a k návratu zpět do dávkového souboru používá příkaz return.



8.2 Lokální a globální proměnné

V jazyce R není nezbytně nutné deklarovat proměnné uvnitř funkce. Při vyhodnocování funkce R používá pravidlo *lexical scoping*, které rozhodne, zda je objekt lokální nebo globální proměnnou.

```
> funkce1 <- function(){print(x)}</pre>
```

```
> x <- 3
```

> funkce1() Objekt x není definován uvnitř funkce funkce1(), proto R hledá v uzavřeném¹ prostředí objekt s názvem x a vytiskne jeho hodnotu. V případě, že by objekt x nebyl nalezen ani v globálním prostředí, zobrazilo by se chybové hlášení Error in print(x): object 'x' not found a vyhodnocování funkce by tímto bylo u konce.

[1] 3

MATLAB by v případě, kdy objekt x není definován uvnitř funkce funkce1(), dával chybové hlášení, protože proměnná x je považována za lokální v prostředí, ve kterém byla definována (v tomto případě ve workspace).



```
> funkce2 <- function(){x <- 1; print(x)}
> x <- 3
> funkce2()
[1] 1
> x Jestliže je x použito jako název objektu uvnitř funkce, hodnota x v globálním prostředí nebude změněna.
[1] 3
```

Chceme-li mít k dispozici i v globálním prostředí přiřazení provedená uvnitř funkce, musíme použít operátoru <<- nebo funkce assign s argumentem envir=.GlobalEnv.

```
> funkce3 <- function()\{x <- 2; print(x)\}
     přesvědčíme se, že objekt x není definován
Error: object 'x' not found
> funkce3()
[1]
     2
     objekt x opravdu není v globálním prostředí definován, je definován pouze v pro-
středí funkce funkce3
Error: object 'x' not found
Rozdíl při použití operátoru pro globální přiřazení:
> funkce4 <- function(){assign("x", 2, envir=.GlobalEnv); print(x)}</pre>
> x
Error: object 'x' not found
> funkce4()
[1]
    2
> x
```

¹To, že jde o uzavřené prostředí, je důležité. V našem příkladu jsou dvě prostředí: globální a prostředí funkce funkce1(). Kdyby zde byla tři a více vnořených prostředí, hledání objektu by probíhalo postupně od daného prostředí, přes jednotlivá uzavřená prostředí až ke globálnímu.

[1] 2

8.3 Podmíněné příkazy

Do této chvíle jsme sestavovali programy, které vyhodnocovaly pouze jednoduché příkazy nebo jejich posloupnosti uzavřené ve složených závorkách. Často ovšem potřebujeme provést sérii příkazů až na základě výsledku nějaké podmínky/nějakých podmínek.

```
if (podminka) {prikaz}
```

provede prikaz v případě, že podminka je vyhodnocena jako TRUE. V případě vyhodnocení podmínky jako FALSE se žádné příkazy neprovedou.

```
> x <- 5
> if (x > 3) {"Podminka splnena."}
[1] "Podminka splnena."

if (podminka) {prikaz1}
else {prikaz2}
```

V případě vyhodnocení podmínky podminka jako TRUE je proveden prikaz1, v opačném případě je proveden prikaz2.

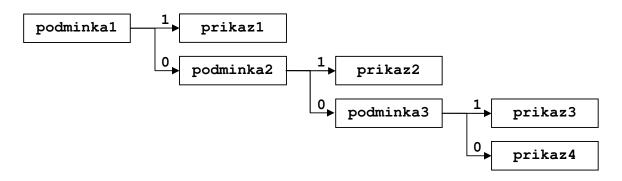
```
> if (x > 3) {"Podminka splnena."}
+ else {"Podminka nesplnena."}
[1] "Podminka splnena."
```

Podmínka vrací buď hodnotu TRUE nebo FALSE. Jestliže podmínka vrací logický vektor o více než jednom prvku, jako výsledek vyhodnocení podmínky je ovšem brán pouze jeho první prvek. Součástí výstupu je i hlášení:

```
> x <- c(-2, 0, 3, 1)
> if (x > 0) {"vetsi nez 0"}
+ else {"mensi nebo rovno 0"}
[1] "mensi nebo rovno 0"
Warning message:
In if (x > 0) { :
the condition has length > 1 and only the first element will be used
```

MATLAB by v tomto případě vyhodnotil podmínku vracející vektor o hodnotách TRUE jako TRUE, v případě jediné hodnoty FALSE jako FALSE.





Obr. 8.1. Diagram vysvětlující příkaz if - else if - else

Alternativou k příkazu if - else může být příkaz

ifelse(podminka, prikaz1, prikaz2),

která v případě podmínky vyhodnocené jako TRUE provede příkaz prikaz1, v opačném případě provede prikaz2.

```
> ifelse(x > 3, "Podminka splnena.", "Podminka nesplnena.")
[1] "Podminka splnena."

if (podminka1) {prikaz1}
else if (podminka2) {prikaz2}
else if (podminka3) {prikaz3}
else {prikaz4}
Vysvětlení těchto podmíněných příkazů je zachyceno na Obr. 8.1.
```

```
> x <- 3
> if (x == 1) {"cervena - stat!"}
+ else if (x == 2) {"oranzova - pripravit se"}
+ else if (x == 3) {"zelena - muzeme jet"}
+ else {"zadna jina barva na semaforu neexistuje"}
[1] "zelena - muzeme jet"
Příkaz
```

switch(vyraz, prikazy, prikazy_jine)

slouží také k větvení programu. Jestliže vyraz je celé číslo, na výstupu je vrácena hodnota odpovídajícího prvku prikazy. Pokud nedojde ke spojení hodnoty vyraz s prvkem prikazy, funkce vrací hodnotu NULL.

Pro textový řetězec musí být název vyraz použit ke spojení s příslušným prvkem posloupnosti prikazy. Pokud nedojde ke spojení s některým z prvků posloupnosti prikazy, můžeme definovat prikazy_jine, které budou v tomto případě provedeny. prikazy_jine můžeme definovat pouze pro vyraz typu textový řetězec.

Syntaxe příkazu bude názornější z následujících příkladů:

```
> switch(2, "vyborne", "velmi dobre", "dobre", "uspokojive",
+ "dostatecne", "nedostatecne")
[1]  "velmi dobre"
> switch(7, "vyborne", "velmi dobre", "dobre", "uspokojive",
+ "dostatecne", "nedostatecne")
[1]  NULL
> switch("vyborne", vyborne="znamka A", velmi_dobre="znamka
+ B", dobre="znamka C", uspokojive="znamka D", dostatecne="znamka E",
+ neuspokojive="znamka F", "znamka neexistuje")
[1]  "znamka A"
> switch("chvalitebne", vyborne="znamka A",
+ velmi_dobre="znamka B", dobre="znamka C", uspokojive="znamka D",
+ dostatecne="znamka E", neuspokojive="znamka F", "znamka neexistuje")
[1]  "znamka neexistuje"
```

8.4 Příkazy cyklů

Někdy potřebujeme opakovaně vyhodnocovat příkaz nebo skupinu příkazů. Je třeba si dát pozor na správnou definici konce cyklu, v opačném případě může dojít k zacyklení. Mezi nejznámější příkazy cyklů patří funkce for, while a repeat.

```
for (promenna in vyraz) {prikaz}
```

Provede sérii příkazů prikaz, promenna označuje indexační proměnnou, vyraz může být vektor nebo seznam, pro jehož každou složku je prikaz vyhodnocen. Cyklus for je vhodné používat tehdy, když předem víme, kolik opakování chceme provést.

```
> for (i in 1:5) {cat("pruchod cyklem", i, "\n")}² funkce cat() zřetězí a
vytiskne své argumenty
pruchod cyklem 1
pruchod cyklem 2
pruchod cyklem 3
pruchod cyklem 4
pruchod cyklem 5
```

Někdy ovšem předem nevíme, kolikrát bude třeba cyklus opakovat, a počet opakování závisí na splnění určité podmínky. V těchto případech použijeme cyklus while: while (podminka) {prikaz}

 $^{^2}$ výraz "\n" způsobí přechod na nový řádek

Stejně jako u výrazu if, podminka je výraz, který po vyhodnocení vrací logickou hodnotu TRUE nebo FALSE. V případě splnění podmínky podminka cyklus provede prikaz.

Cyklus repeat opakuje vyhodnocování příkazů prikaz do té doby, dokud nedosáhne konce. Pro ukončení se používá příkaz break, který je součástí posloupnosti příkazů prikaz. Syntaxe vypadá následovně:

```
repeat {prikaz}
```

Poznámka. Příkaz break lze použít i pro ukončení cyklů for a while.

```
> i <- 0
> repeat{
+ print(i)
+ i <- i + 1
+ if (i == 5) {break}}
[1]  0
[1]  1
[1]  2
[1]  3
[1]  4</pre>
```

8.5 Skupiny funkcí apply()

Do této skupiny patří funkce apply(), lapply(), sapply() a tapply(). Společnou vlastností všech těchto funkcí je schopnost aplikovat funkci na vybrané části struktury bez použití cyklu, což má výhody v přehlednosti i rychlosti výpočtu.

Funkce apply() se používá pro vektory, matice a pole. Funkce požaduje tři argumenty: název pole a jeho dimenze, na kterých má být provedena požadovaná operace. Její název je třetím argumentem funkce. Jestliže u matic druhý argument nabývá hodnoty 1, operace se provádí po řádcích, v případě hodnoty 2 po sloupcích, u polí vyšší hodnoty odkazují na další dimenze.

```
> ar <- array(1:8, c(2,2,2))
, , 1
             [,2]
       [,1]
 [1,]
          1
                 3
 [2,]
          2
                 4
, , 2
       [,1]
              [,2]
 [1,]
          5
                 7
 [2,]
          6
                 8
> apply(ar, 1, sum)
[1] 16
          20
> apply(ar, 2, sum)
[1] 14
          22
> apply(ar, 3, sum)
[1] 10
           26
```

Obě funkce lapply() i sapply() provádí výpočet určité funkce v jednotlivých složkách seznamu jako prvního argumentu. Druhým argumentem je název funkce, která má být provedena. Tyto příkazy se liší pouze výstupem - zatímco lapply() vrací seznam o stejném počtu složek jako vstupní seznam, funkce sapply() se snaží výsledek zjednodušit do vektoru nebo matice.

```
> (1 <- list(1:5, 5:14))
[[1]]
[1] 1
                       5
          2
              3
                  4
[[2]]
[1] 5
          6
              7
                  8
                       9
                           10
                                 11
                                      12
                                            13
                                                 14
> lapply(1, range)
[[1]]
[1] 1
          5
[[2]]
[1] 5
          14
> sapply(1, range)
        [,1]
               [,2]
  [1,]
           1
                  5
  [2,]
           5
                 14
```

Funkce tapply() aplikuje požadovanou funkci na roztříděná data v tabulce dat. Argument INDEX specifikuje seznam položek pro roztřídění.

```
> (tabulka <- data.frame(id=c(1:6), skupina=c(1, 2, 2, 1, 2, 1),
+ hodnota=runif(6, 2, 4)))
        skupina
    id
                  hodnota
 1
     1
              1
                 3.238305
 2
     2
              2 2.502754
 3
     3
              2
                 3.939131
 4
     4
              1
                 3.524773
 5
     5
              2
                 3.731300
                 3.836787
              1
> tapply(tabulka$hodnota, INDEX=tabulka$skupina, mean)
        1
                   2
 3.533288 3.391061
```

Příklady k procvičení

- 1. Vytvořte dávku odd.R, uvnitř ní definujte vektor v s hodnotami 1, 3, 4, 5, 6, 7, 10 a výstupní proměnnou pocet, která vrátí počet lichých čísel vektoru v.
- 2. Vytvořte funkci oddf.R, která pro libovolný vstupní vektor či vrátí počet lichých čísel. Zkontrolujte, zda vstupní objekt obsahuje pouze numerické hodnoty a zda jsou všechny tyto hodnoty celá čísla.
- 3. Vytvořte funkci mattovec. R, která pro vstupní matici vypíše vektor jejích po sloupcích seřazených prvků. Zajistěte, aby pro diagonální matice byla vypisována pouze diagonála a pro dolní/horní trojúhelníkové matice pouze dolní/horní část.
- 4. Vytvořte funkci product.R, která pro dvě vstupní celočíselné hodnoty n a k vrátí jejich součin, aniž by byla použita operace násobení. Povolena je pouze operace sčítání.
- 5. Pro usnadnění práce rybářům vytvořte funkci ryby.R, která pro vstupní vektor představující hmotnosti postupně vylovených ryb rybáře upozorní, kdy je třeba dávat další ryby do nové kádě. Nosnost každé kádě je 20 kg. Kolik kádí budou rybáři pro svůj úlovek potřebovat (výstupní proměnná kad)? Ošetřete, aby váhy vylovených ryb byla pouze kladná reálná čísla.
 - Funkci vyzkoušejte na náhodně vygenerovaném vektoru hmotností 25 ryb s hmotnostmi mezi 1–5 kg, hmotnosti zaokrouhlete na jedno desetinné místo.

6. Soubor les.dat obsahuje informace o šířce kmene 45 stromů ve dvou lokalitách lesa. Použijte vhodné příkazy pro zjištění průměrné, minimální a maximální šířky kmene pro každou z lokalit.

```
Řešení.
1. v \leftarrow c(1, 3, 4, 5, 6, 7, 10)
  sude <- v %% 2
  pocet <- sum(sude)</pre>
  cat('Pocet lichych cisel: ', pocet, '\n')
  ...dávku uložit s názvem odd.R, načítání a spouštění: source("odd.R")
2. oddf <- function(x){</pre>
  if (is.numeric(x) & is.real(x)){
    pocet <- sum(x %% 2)
  return(pocet)
  ... funkci uložit s názvem oddf.R,
  načítání funkce: source("odd.R"),
  spouštění funkce: pocet <- oddf(v)
3. mattovec <- function(A){
  if (sum(A - diag(diag(A))) == 0){
    vec <- diag(A)</pre>
  else if (sum(A[!lower.tri(A, diag=T)]) == 0){
    vec <- A[lower.tri(A, diag=T)]</pre>
  else if (sum(A[!upper.tri(A, diag=T)]) == 0){
    vec <- A[upper.tri(A, diag=T)]</pre>
  else vec <- as.vector(A)</pre>
  return(vec)
```

source("mattovec.R"), vec <- mattovec(matrix(1:4, 2))</pre>

```
4. product <- function(n, k){
  if (round(n)-n != 0 | round(k)-k != 0)
    stop('Nejde o celociselne hodnoty!')
  else if (n==0 | k==0)
  soucin <- 0
  else {soucin <- 0
  for (i in 1:k){
    soucin <- soucin + n
  }}
  return(soucin)
  source("product.R"), soucin <- product(2, 3)</pre>
5. ryby <- function(x){</pre>
  kad <- 0
  if (all(is.real(x) & x>0)){
    while (sum(x) >= 50)
       index <- max(which(cumsum(x) <= 20))</pre>
      x <- x[index:length(x)]</pre>
      kad \leftarrow kad + 1
  else stop("Nejedna se o vektor kladnych realnych cisel!")
  return(kad)
  source("ryby.R")
  r <- round(runif(min=1, max=5, n=25), digits=1)
  kad <- ryby(r)</pre>
6. load("les.dat")
  tapply(les$sirka, INDEX=les$lokalita, mean)
  tapply(les$sirka, INDEX=les$lokalita, min)
  tapply(les$sirka, INDEX=les$lokalita, max)
```

Seznam použité literatury

- [1] BÍNA, V., KOMÁREK, A., KOMÁRKOVÁ, L. *Jak na jazyk R: instalace a zá-kladní příkazy.* [online] 2006. 18 s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://www.karlin.mff.cuni.cz/~komarek/Rko/Rmanual2.pdf>
- [2] CRAWLEY, M.J. Statistics: An Introduction Using R, Vectors And Logical Arithmetic. [online] 30 s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://osiris.sunderland.ac.uk/~cs0her/Statistics/Crawley/R2Calculations.pdf
- [3] DROZD, P. Cvičení z biostatistiky: Základy práce se softwarem R. [online] Ostrava: 2007. 111 s. ISBN 978-80-7368-433-4. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://cran.r-project.org/doc/contrib/CviceniR1.pdf>
- [4] GUNDERSEN, V. B. R for MATLAB Users [online]. 2007 [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://mathesaurus.sourceforge.net/octave-r.html
- [5] HIEBELER, D. MATLAB/R Reference. [online] 52 s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://www.math.umaine.edu/~hiebeler/comp/matlabR.pdf>
- [6] KLEIBER, Christian, ZEILEIS, Achim. *Applied Econometrics with R.* New York: Springer 2008. 221 s. ISBN 978-0-387-77316-2
- [7] KOLÁČEK, Jan, ZELINKA, Jiří. Jak pracovat s MATLABem. [online] 40 s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://www.math.muni.cz/~kolacek/vyuka/vypsyst/navod.pdf
- [8] MELOUN, Milan, MILITKÝ, Jiří. Kompendium statistického zpracování dat: Metody a řešené úlohy včetně CD. 1. vydání. Praha: Academia, 2002. 764 s. ISBN 80-200-1008-4
- [9] PARADIS, Emmanuel. R for Beginners. [online] 2002. 58 s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://www.karlin.mff.cuni.cz/~kulich/vyuka/Rdoc/rdebuts_en.pdf

- [10] R Developement Core Team. Writing R Extensions. [online] 2009. 155 s. ISBN 3-900051-11-9 [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://cran.r-project.org/doc/manuals/R-exts.pdf
- [11] SCOTT, Theresa A. An Introduction to R. [online]. 2004. 52 s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://www.karlin.mff.cuni.cz/~kulich/vyuka/Rdoc/RLectureTScott.pdf
- [12] SCOTT, Theresa A. An Introduction To The Fundamentals & Functionality Of The R Programming Language: Part I: An Overview. [online] 69 s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://biostat.mc.vanderbilt.edu/wiki/pub/Main/TheresaScott/Scott.IntroToR.I.pdf
- [13] SCOTT, Theresa A. An Introduction To The Fundamentals & Functionality Of The R Programming Language: Part II: The Nuts and Bolts. [online] 101s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://biostat.mc.vanderbilt.edu/wiki/pub/Main/TheresaScott/Scott.IntroToR.II.pdf
- [14] SCOTT, Theresa A. An Introduction To The Fundamentals & Functionality Of The R Programming Language: Section I: Some Language Essentials. [online] 44s. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://www.webpages.uidaho.edu/ "brian/R_Scott_intro.pdf>
- [15] SPECTOR, Phil. Data Manipulation with R. New York: Springer, 2008. 147 s. ISBN 978-0-387-74730-9
- [16] VAVRČÍK, H. Statistická analýza dat v aplikaci R. [online][cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://wood.mendelu.cz/cz/sections/FEM/?q=book/export/html/49
- [17] VENABLES, W. K., SMITH, D. M. and the R Development Core Team. An Introduction to R.[online] 100 s. ISBN 3-900051-12-7. [cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://cran.r-project.org/doc/manuals/R-intro.pdf
- [18] VENABLES, W. N., RIPLEY, B. D. Modern Applied Statistics with S-Plus. 2. upravené vydání. New York: Springer-Verlag, 1994. 462 s. ISBN 0-384-94350-1
- [19] The R Project for Statistical Computing. [online][cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://r-project.org/
- [20] The University Of Tennessee. [online][cit. květen 2010]. Dostupné z WWW: http://www.utm.edu/departments/cens/engineering/Images/matlab_logo_000.gif