

# Segurança Computacional

## Trabalho 2 - Gerador/Verificador de Assinaturas

Mateus Freitas Cavalcanti  
16/0137519

mat.fcavalcanti@gmail.com

Mariana Mendanha da Cruz  
16/0136784

mariana.mendanha.mm@gmail.com

### Abstract

*Este trabalho explora os conceitos de assinatura digital, tal como cifração simétrica e assimétrica de mensagem. Para a cifração assimétrica, é implementado o algoritmo RSA OAEP (Optimal Asymmetric Encryption Padding), tendo em vista a geração completa do par de chaves (pública e privada) e teste de primalidade (Miller-Rabin). Por outro lado, para a cifração simétrica, é implementado o algoritmo AES CTR (Counter Mode). Por fim, foi implementado um sistema cliente/servidor com o objetivo de aplicar o conceito de assinatura digital, utilizando a cifração RSA OAEP implementada durante o processo.*

## 1. Introdução

### 1.1. Criptografia simétrica e assimétrica

Algoritmos de encriptação são frequentemente divididos em duas categorias, conhecidas como encriptação simétrica e assimétrica. A diferença fundamental entre esses dois métodos de encriptação se baseia no fato de que os algoritmos de encriptação simétrica fazem uso de uma única chave, enquanto a encriptação assimétrica faz uso de duas chaves diferentes, porém relacionadas. Tal distinção, embora aparentemente simples, aponta as diferenças funcionais entre as duas formas de técnicas de encriptação e as maneiras como elas são usadas.

#### 1.1.1 RSA

O algoritmo RSA é um método de criptografia assimétrica cujo funcionamento consiste na utilização de um par de chaves para codificação e decodificação, ou seja, cada chave do par é utilizada somente em uma operação. Esse algoritmo é considerado dos mais seguros e foi o primeiro a possibilitar criptografia e assinatura digital. Para a cifração RSA, a chave é utilizada para aplicar a operação de potenciação modular, ou seja, cada caractere da mensagem em claro passa pela operação mostrada na figura 1.

Para a decifração, é necessário fazer a mesma operação modular com a chave complementar como mostrado na figura 2. Sendo assim, a partir da primeira operação, tem-se a mensagem cifrada:

$$m^e \equiv c \pmod{n}$$

Figure 1. Algoritmo de cifração RSA.

$$c^d \equiv m \pmod{n}$$

Figure 2. Algoritmo de decifração RSA.

#### 1.1.2 RSA OAEP

Tendo em vista o funcionamento do algoritmo RSA, pode-se definir também o modelo RSA OAEP. O *Optimal Asymmetric Encryption Padding* (OAEP) é um esquema de preenchimento frequentemente usado junto com a criptografia RSA. Esse algoritmo utiliza um par de operações G e H para processar a mensagem em claro antes da criptografia assimétrica. O esquema de cifração e decifração deste algoritmo pode ser visualizado na figura 3.

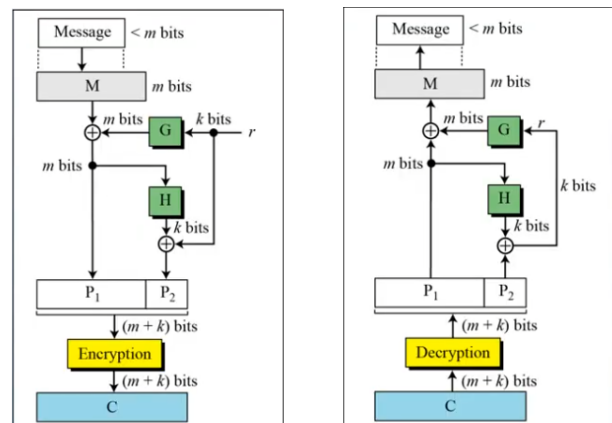


Figure 3. Algoritmo de cifração (esquerda) e decifração (direita) RSA OAEP.

A utilização dessas operações, juntamente com a cifração assimétrica, transforma o RSA OAEP em um modelo comprovadamente seguro contra diversos ataques (ataques de texto cifrado escolhido, por exemplos).

### 1.1.3 AES

No caso da criptografia simétrica, é possível definir o padrão de criptografia avançada (ou **Advanced Encryption Standard** - AES) como um padrão de criptografia, sendo aprovado pela agência de segurança nacional dos EUA. Esse algoritmo é baseado na cifração em blocos, ou seja, divide a mensagem em claro em estruturas matriciais (blocos) e aplica a cifração simétrica em cada bloco, de acordo com a figura 4

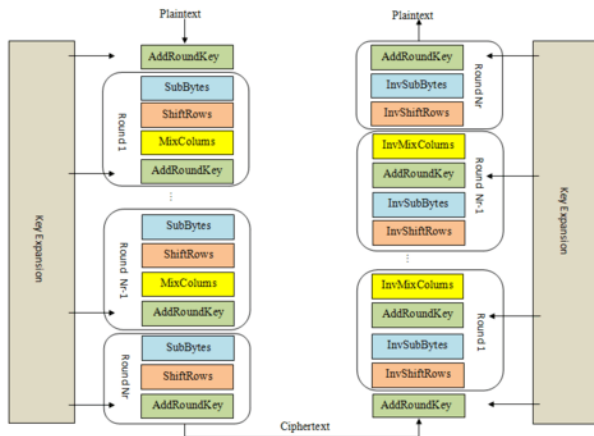


Figure 4. Algoritmo de cifração e decifração AES.

A implementação do algoritmo do AES consiste em uma sequência de operações cíclicas (AddRoundKey, SubBytes, entre outros) que podem ser devidamente verificadas na página sobre AES Encryption.

### 1.1.4 AES CTR (Counter Mode)

Visando a criptografia de mensagens de tamanhos arbitrários, vários modos de operação foram inventados, os quais permitem que o ciframento em blocos forneça confidencialidade. Sendo assim, novas propostas para o AES foram criadas. Dentro delas, foi desenvolvido o modelo **AES CTR**, onde cada bloco de texto claro passa pela operação de 'ou exclusivo' (XOR) com um contador criptografado (incrementado para cada bloco subsequente). O funcionamento para cifração e decifração de mensagem utilizando o AES CTR pode ser verificado nas figuras 5 e 6, respectivamente.

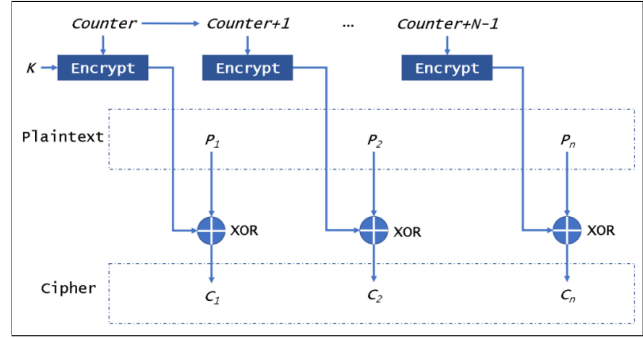


Figure 5. Algoritmo de cifração AES CTR.

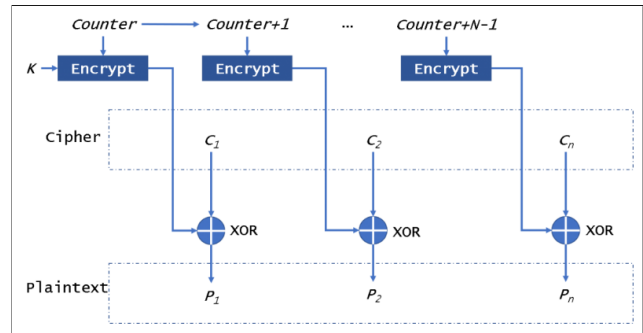


Figure 6. Algoritmo de decifração AES CTR.

Uma vez que os blocos de criptografia do AES são de 128 bits, é necessário adicionar um *nonce* a cada interação do contador para atingir o tamanho desejado do bloco. Considerando o contador de 64 bits, o *nonce* gerado aleatoriamente deve ter 64 bits.

## 1.2. Assinatura digital

O conceito de assinatura digital é determinado pela necessidade de validação de documentos enviados através de rede de comunicação. O modelo de assinatura digital utilizado neste documento pode ser verificado na figura 7.

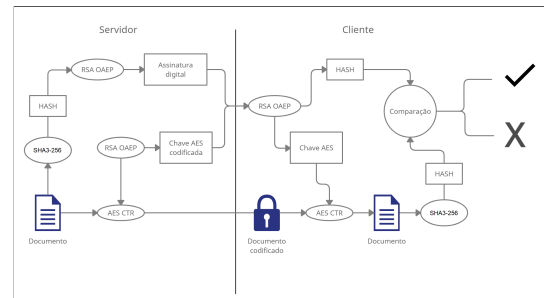


Figure 7. Modelo de assinatura digital.

É possível verificar, pelo modelo adotado, a validação de documentos enviados pelo servidor, uma vez que, tendo o hash codificado da mensagem original e a própria men-

sagem codificada, é possível comparar a autenticidade do documento recebido pelo remetente.

## 2. Materiais e Métodos

A implementação de todo o algoritmo de geração e verificação de assinatura digital usando RSA OAEP e AES CTR foi feita utilizando a linguagem **python**, por meio da ide **Visual Studio Code**. O sistema implementado segue um modelo cliente-servidor, feito com base no protocolo de comunicação HTTP, onde o servidor hospeda um serviço REST API e recebe requisições do cliente (requisição de documentos assinados).

### 2.1. Parte I - Geração de chaves e cifra simétrica

De maneira inicial, é necessário gerar as chaves para efetuar as cifras simétricas e assimétricas do processo de assinatura.

#### 2.1.1 Chaves assimétricas (Chaves pública e privada)

A geração de chaves assimétricas depende diretamente da definição de números primos **p** e **q** iniciais. Considerando **p** e **q** de **1024 bits**, é possível utilizar o teste de primalidade de Miller-Rabin com o objetivo de se determinar números primos de 308 dígitos (1024 bits). Tendo **p** e **q**, basta seguir o algoritmo para se encontrar **N**, **E** e **D**. Sendo assim, as chaves pública e privada podem ser dadas por

- Chave privada: (D, N)
- Chave pública: (E, N)

#### 2.1.2 Chave simétrica

Para o caso da chave simétrica, considerando o uso do algoritmo AES CTR, basta gerar uma **string aleatória de 16 caracteres alfanuméricos**. Para os caracteres alfabéticos, são considerados somente letras maiúsculas. Um exemplo de chave simétrica gerada é dada por **CL5X7XM2BMRC5KUR**.

### 2.2. Parte II - Assinatura

Para a assinatura de documentos, é necessário separar o algoritmo implementado nas seguintes partes:

#### 2.2.1 Cálculo de hash e codificação RSA OAEP

Inicialmente, é necessário calcular o hash da mensagem utilizando o algoritmo **SHA-3**. Logo em seguida, é feita a codificação do hash utilizando o modelo **RSA OAEP** proposto (figura 8).



Figure 8. Cálculo de hash e codificação RSA OAEP.

#### 2.2.2 Codificação AES da mensagem

Para efetuar a verificação do arquivo pelo cliente, é necessário enviar a mensagem encriptada. Sendo assim, é feita a codificação da mensagem original utilizando o algoritmo **AES CTR** (figura 9).

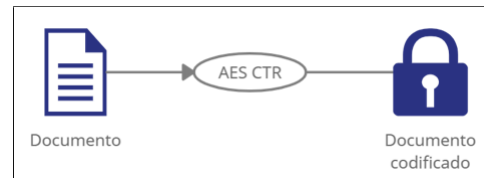


Figure 9. Codificação AES da mensagem.

#### 2.2.3 Codificação RSA OAEP de chave simétrica

Por fim, para obter a mensagem decodificada pelo lado do cliente, é necessário enviar a chave simétrica e o *Nonce* utilizadas no algoritmo AES CTR. Sendo assim, é feita a codificação desses parâmetros utilizando o algoritmo **RSA OAEP** (figura 10).

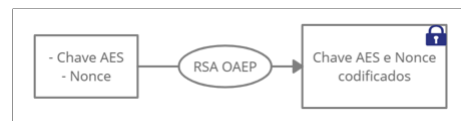


Figure 10. Codificação RSA OAEP de chave simétrica.

Utilizando todas as informações obtidas nas sessões 2.2.1, 2.2.2 e 2.2.3, é possível montar o *payload* de envio de assinatura. Nesta estrutura estão presentes todas as informações que o lado do cliente precisa para validar a mensagem recebida (figura 11).

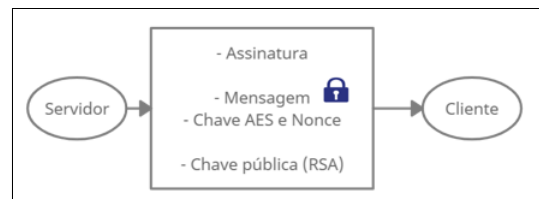


Figure 11. Envio de dados de assinatura.

### 2.3. Parte III - Verificação

No lado do cliente, é necessário fazer a verificação do documento assinado e conferir a autenticidade do mesmo.

Para isso, é necessário utilizar a chave pública recebida no payload e efetuar o processo inverso da seção 2.2, ou seja:

1. Decodificar a assinatura para obter o hash da mensagem.
2. Decodificar a chave AES e Nonce.
3. Decodificar a mensagem utilizando o algoritmo AES CTR.
4. Calcular o hash da mensagem decodificada e comparar com o hash obtido com o passo 1.

Sendo assim, uma vez que os hashes comparados são iguais, a mensagem é válida. Caso contrário, a mensagem recebida não é aceita. A representação do algoritmo de verificação de assinatura pode ser visualizada na figura 7, no lado do cliente.

### 3. Resultados

O sistema implementado possui 3 modos de operação:

#### 3.1. Geração de chaves assimétricas

O modo de geração de chaves deve ser executado de maneira inicial, ou seja, antes de abrir o servidor ou executar o cliente, é necessário gerar o par de chaves de acordo com a linha de comando da figura 12. Gerar o arquivo de chaves antes da execução dos outros modos é essencial, uma vez que as chaves pública e privada são retiradas do arquivo 'KeyPair.kp'.

#### 3.2. Assinatura de mensagem

Para este modo de operação, o cliente deve explicitar a flag '-raw' na linha de comando para que o servidor envie uma mensagem de texto simples assinada. Sendo assim, o servidor deve fornecer uma mensagem de texto (string) para assinatura por meio de entrada de dados no terminal. O funcionamento deste modo pode ser exemplificado nas figuras 13 e 14, que mostram o lado do servidor e cliente, respectivamente.

#### 3.3. Assinatura de arquivo

No modo de assinatura de arquivos, o cliente deve explicitar a flag '-file' e, logo após especificar o arquivo desejado, envia uma requisição de assinatura do arquivo ao servidor. No outro lado, o servidor procura pelo arquivo no diretório './server.docs' e efetuar a assinatura do seu conteúdo. A partir disso, o funcionamento é análogo ao do modo anterior e pode ser visto nas figuras 15 e 16.

O funcionamento da assinatura para arquivos não foi otimizado, isto é, pra documentos grandes (pdf, por exemplo) o servidor faz a codificação do documento utilizando o AES CTR de maneira sequencial. Visando a melhoria do sistema, pode-se implementar o AES CTR de maneira paralela, uma vez que esse algoritmo permite a codificação simultânea de diversos blocos.

```
E:\Users\droto\Desktop\Trab2_SC>python DocSigner.py genkeys
[!] Gerando arquivo 'KeyPair.kp' ... Done.
```

Figure 12. Geração de arquivo com chaves assimétricas.

```
E:\Users\droto\Desktop\Trab2_SC>python DocSigner.py server
http server is starting...
http server is running...

[?] Enter string message to sign: This is a secret message ;) shiiii

> Plain: This is a secret message ;) shiiii
[*] Gerando hash da mensagem ...
> Plain hash: 6e99591032e3229be07f8c496213cd78fd822f4b2cd39aed404c437c6515e2e
[*] Importando chave privada do arquivo 'KeyPair.kp' ... Done.
> Codificando hash usando RSA OAEP ...
[*] Gerando chave AES e nonce ...
[-] Key: BX31PY5G90AKFXZ0
[-] Random generated Nonce: 001011011011011011100010000100010001000101101101010101011
  > Codificando chave AES e nonce usando RSA ...
[*] Codificando mensagem usando AES CTR ...

[*] Assinatura completa, enviando para o cliente

127.0.0.1 - - [01/May/2022 14:08:18] "POST / HTTP/1.1" 200 -
```

Figure 13. Assinatura de mensagem texto (Servidor).

```
E:\Users\droto\Desktop\Trab2_SC>python DocSigner.py client --raw
[...] Aguardando documento ...

PAYLOAD
Encoded Doc length: 96 bytes
Encoded AES key (BASE64): ['KbwJh8jK67unF9EgTlFfub6B5f2Cq7L2ctXSVBReR/aam0Kv8l1jTxa6BnZqQVaooruv2UaVvY024tbi+pe
tlttctfQ0P73H0e7J5j1c7X2Xs0uqk0Z29A0e7F8c496213cd78fd822f4b2cd39aed404c437c6515e2e
upcnAR0KwE91D16EmZC/3muWjTvdj7ahcLmHgeLDGKvuzd/7mJH3Jugp9XoFk38FgShTp1+RpT1AOxzqf91wBapPQRlH03jpw07Vv4E7VA
WjZb3EVWgha--', 'ITeA10T8rdLUKq8BQWJ90K5NG3wce+F0Cm/Hp17V1cZ61jBY211-vBpQ5AGSHPRlH6AKpQV5XG67Df7Q2E6bBbH
J5bH4d3bhdE9f3S5HmHmKq6KqZ21d0SbWbLh4Ag/yAmP4S5z4eFPV/I23M01Nz1FJA47Q9QA4E1EK0dFJ0NzTadVw
JCP8pdk012he600UVA1NP72Ah17VR+4WVoyfThfmu78s1Pu919dM41j5BmKCFredHfHtEjBr2f/cf1DOe5xyTNEG57KX29H8X0C38NKC2b
0X/g=-']
Digital signature (BASE64): mU8SVnuh4vJ6TlRfu6dL/2E4-vBhM9Kf00XJ5mM5N6KdD4m4A/Hfpt/gQ8Fmc3bdaFV2jysVf8bCV9
35W/As24w40w7y8dVqgrMa2dcuWnkp10V13tcfdfH5N0pLae181t8fMRQ2to8/CAMC7F0W0R3kuqB1Pn7/rGCC121odXN8FFFPB3JUAH5dmUppKqG
T3V02R0h3gVfCJny2uVOfH5t6rPKvP2u0d6121uPCdVA1+xxdJQ08TPGhJgRBAGJPK2X+ruVjgK0y30xtC3/6SA5YDHMT5HQL8X9C7KBNBPj9VG4m8
gpxWuMc61Zydu==

[...] Verificando assinatura ...
[*] Importando chave pública do arquivo 'KeyPair.kp' ... Done.
[*] Decodificando hash recebido e chave AES ...
[-] Hash (recebido): 6e99591032e3229be07f8c496213cd78fd822f4b2cd39aed404c437c6515e2e
[-] Key: BX31PY5G90AKFXZ0
[-] Nonce: 001011011011011011100010000100010001000101101101010101011
[*] Decodificando documento recebido usando AES CTR ...
> [ ] 48/48
[*] Gerando hash da mensagem ...
[-] Hash (calculado): 6e99591032e3229be07f8c496213cd78fd822f4b2cd39aed404c437c6515e2e
[*] Comparando hashes ...

>>> Esperado (hash): 6e99591032e3229be07f8c496213cd78fd822f4b2cd39aed404c437c6515e2e
>>> Recebido (hash): 6e99591032e3229be07f8c496213cd78fd822f4b2cd39aed404c437c6515e2e

[*] Mensagem é válida :)

[*] Mensagem: This is a secret message ;) shiiii
```

Figure 14. Assinatura de mensagem texto (Cliente).

```
E:\Users\droto\Desktop\Trab2_SC>python DocSigner.py server
http server is starting...
http server is running...

> Filename: secret.jpg
[*] Gerando hash do arquivo ...
> File hash: 7ecf105ebf8d517b3968397a093c565e28469559bee88efc11f59af0fafdf27
[*] Importando chave privada do arquivo 'KeyPair.kp' ... Done.
> Codificando hash usando RSA OAEP ...
[*] Gerando chave AES e nonce ...
[-] Key: 7YVlKHFORHQPSPCCM
[-] Random generated Nonce: 000010101001111110000110000110110111000011010101010101011
  > Codificando chave AES e nonce usando RSA ...
[*] Codificando arquivo usando AES CTR ...
> [ ] 19928/19928
[*] Assinatura completa, enviando para o cliente

127.0.0.1 - - [01/May/2022 14:05:17] "POST / HTTP/1.1" 200 -
```

Figure 15. Assinatura de documento (Servidor).

```
E:\Users\droto\Desktop\Trab2_SC>python DocSigner.py client --file
[?] Arquivo para assinatura: secret.jpg
[...] Aguardando documento ...

PAYLOAD
Encoded Doc length: 39872 bytes
Encoded AES key (BASE64): ['fxRdY3uAJf4rMaQ0cQYnqGmKUBU12DjAvvtGprgyQHqP2m3G4HrMuJ1EqTvSPeIt7m014Y0mR2+kFba3T6
curqz4rCQegm0216S1fntG1q1pDg74L4010XUcSHQ9uZ1q16/vY7Zw18rvx0dJm+eXdhvB2XQ7a/UjC29FBLT2gmYekafD2n7GTGMBBo7
Q0q0Ldy0102P0R1AXZyE80HmPeb4amWbMa2e0vAdfHfHtEjBr2f/cf1DOe5xyTNEG57KX29H8X0C38NKC2b0X/g=-']
Digital signature (BASE64): 1Qm4qV051wczKzc57Votag+XoT8R6jYV9Y5mD/vM0zhYwROXSHV0N/mbd+duL9jgkDVLqXN4S27UHHH0N1CCP
7Hb5RU0M0X/2Tn0LUP+02E2eX8H1xyp64ubos56NX8P110t1D8Zp0h6JMKQp0y00/vLp28H2fDp1c+EvYkPyKj1+fwE1Q2153jGruGyMKTF+efj
uKt6F15r+e7f7mJhUeFmL5d0B8mH5BoY9spqRE0H-3P23B43HfG73M1CY0C2AHS4uVSu83w4b2V6FNgEHR/Sus/Udu5Ywop1ZLx5
k5CP582/Bu==

[...] Verificando assinatura ...
[*] Importando chave pública do arquivo 'KeyPair.kp' ... Done.
[*] Decodificando hash recebido e chave AES ...
[-] Hash (recebido): 7ecf105ebf8d517b3968397a093c565e28469559bee88efc11f59af0fafdf27
[-] Key: 7YVlKHFORHQPSPCCM
[-] Nonce: 000010101001111110000110000110110111000011010101010101011
[*] Decodificando documento recebido usando AES CTR ...
> [ ] 19936/19936
[*] Gerando hash da mensagem ...
[-] Hash (calculado): 7ecf105ebf8d517b3968397a093c565e28469559bee88efc11f59af0fafdf27
[*] Comparando hashes ...

>>> Esperado (hash): 7ecf105ebf8d517b3968397a093c565e28469559bee88efc11f59af0fafdf27
>>> Recebido (hash): 7ecf105ebf8d517b3968397a093c565e28469559bee88efc11f59af0fafdf27

[*] Documento é válido :)
```

Figure 16. Assinatura de documento (Cliente).

#### **4. Referências**

1. Slides de Aula
2. YOUTUBE: OAEP in RSA
3. Encriptação Simétrica vs. Assimétrica
4. Preenchimento de criptografia assimétrica ideal
5. Counter Mode - Applied Cryptography
6. Introdução ao AES - Advanced Encryption Standard
7. Criptografia Assimétrica e Assinatura Digital