

4. Seja a fórmula de recorrência abaixo:

$$T(n) = 1, \text{ se } n = 1$$

$$T(\lceil n/2 \rceil) + 1, \text{ se } n > 1$$

Pelo método da substituição mostre que $T(n) = O(\lg n)$

hipótese

$$T(k) \leq c * \lg(k) \text{ para todo } k < n$$

substituir $T(n/2)$ na fórmula de recorrência:

$$T(n) = T(\lceil n/2 \rceil) + 1$$

Usando a hipótese de indução, temos:

$$T(n) \leq c * \lg(\lceil n/2 \rceil) + 1$$

$$T(n) \leq c * \lg(n) + 1$$

escolher $c \geq 1$, de modo que $c * \lg(n) \geq \lg(n)$ para todo $n > 1$

$$\therefore T(n) \leq c * \lg(n) + 1 \leq c * \lg(n) + \lg(n) = (c + 1) * \lg(n)$$

Se $C = c + 1$ e $n_0 = 1$, então $T(n) = O(\lg n)$

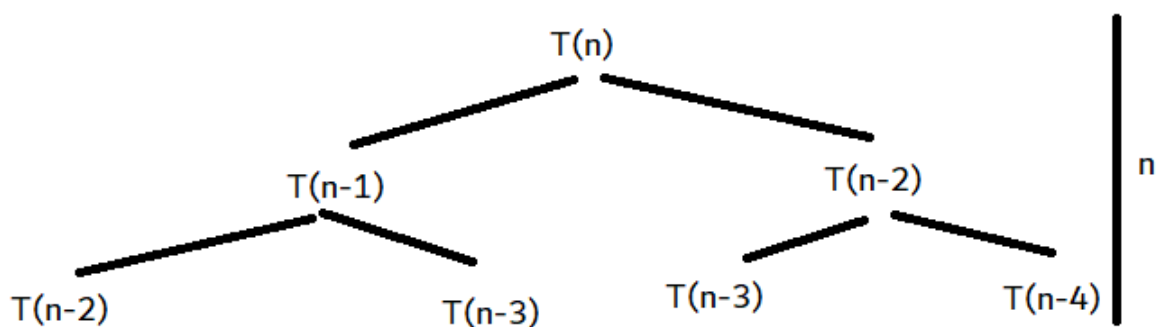
$$T(n) \leq (c + 1) * \lg(n) = C * \lg(n) \text{ para todo } n \geq n_0.$$

$$\therefore T(n) = O(\lg n)$$

5. Determine a complexidade de tempo do seguinte trecho de código, utilize a árvore de recorrência.

a)

```
int fibonacci(int n)
{
    if (n == 0 || n == 1) return n;
    else return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
}
```



$$\therefore T(n) = O(2^n)$$

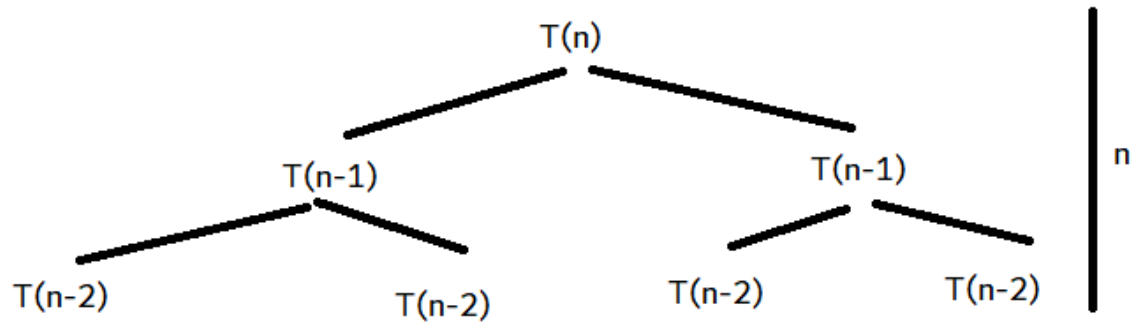
b)

```
void hanoi(int n, char origem, char destino, char auxiliar)
{
    if (n > 0)
    {
        hanoi(n - 1, origem, auxiliar, destino);
    }
}
```

```

printf("Movimento: %c -> %c", origem, destino);
hanoi(n - 1, auxiliar, destino, origem);
}

```



$$\therefore T(n) = O(2^n)$$