

[Painel](#) / [Meus cursos](#) / [SC26EL](#) / [9-Formas Canônicas e Transformações de Similaridade](#)  
/ [Questionário sobre Formas Canônicas e Transformações de Similaridade](#)

<b>Iniciado em</b>	domingo, 1 ago 2021, 21:04
<b>Estado</b>	Finalizada
<b>Concluída em</b>	domingo, 1 ago 2021, 21:27
<b>Tempo empregado</b>	22 minutos 54 segundos
<b>Notas</b>	6,3/8,0
<b>Avaliar</b>	<b>7,9</b> de um máximo de 10,0( <b>79%</b> )



## Questão 1

Correto

Atingiu 1,0 de 1,0

Identifique as seguintes representações em espaço de estados:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} -1 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + u$$

Forma canônica controlável



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

Forma canônica observável



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -4 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Forma não canônica



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & -2 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Forma canônica controlável



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 1 \\ -2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$
$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Forma canônica observável



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$
$$y = \begin{bmatrix} 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Forma canônica de Jordan



$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} u$$
$$y = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

Forma canônica diagonal



## Questão 2

Parcialmente  
corretoAtingiu 0,9 de  
1,0

Considere o sistema  $G(s) = \frac{2}{s^2+3s+2}$ . Obtenha as representações nas formas canônicas controlável, observável e diagonal ou de Jordan desse sistema. As representações tem a forma:

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx + Du$$

onde  $A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} b_{11} \\ b_{21} \end{bmatrix}$  e  $C = [c_{11} \quad c_{12}]$ .

## 1) FORMA CANÔNICA CONTROLÁVEL

Os elementos  $a_{ij}$  da matriz  $A$  são:

$a_{11} = 0$ ,  $a_{12} =$   ✓,  $a_{21} =$   ✓ e  $a_{22} =$   ✗.

Os elementos  $b_{ij}$  da matriz  $B$  são:

$b_{12} =$   ✓ e  $b_{12} =$   ✓.

Os elementos  $c_{ij}$  da matriz  $C$  são:

$c_{11} =$   ✓ e  $c_{12} =$   ✓.

O valor de  $D =$   ✓.

## 2) FORMA CANÔNICA OBSERVÁVEL

Os elementos  $a_{ij}$  da matriz  $A$  são:

$a_{11} = 0$ ,  $a_{12} =$   ✓,  $a_{21} =$   ✓ e  $a_{22} =$   ✗.

Os elementos  $b_{ij}$  da matriz  $B$  são:

$b_{12} =$   ✓ e  $b_{12} =$   ✓.



Os elementos  $c_{ij}$  da matriz  $C$  são:

$c_{11} =$   ✓ e  $c_{12} =$   ✓ .

O valor de  $D =$   ✓ .

### 3) FORMA CANÔNICA DIAGONAL OU DE JORDAN

Como o sistema tem polos  ✓ , é possível a representação na forma canônica  ✓ .

Os elementos  $a_{ij}$  da matriz  $A$  são (considere os polos em ordem decrescente na diagonal principal):

$a_{11} =$   ✓ ,  $a_{12} =$   ✓ ,  $a_{21} =$   ✓ e  $a_{22} =$   ✓ .

Os elementos  $b_{ij}$  da matriz  $B$  são:

$b_{12} =$   ✓ e  $b_{12} =$   ✓ .

Os elementos  $c_{ij}$  da matriz  $C$  são:

$c_{11} =$   ✓ e  $c_{12} =$   ✓ .

O valor de  $D =$   ✓ .



## Questão 3

Parcialmente  
corretoAtingiu 0,6 de  
1,0

Dada a representação em espaço de estados determine a função de transferência  $G(s)$  associada.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -6 & -11 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

Para esse sistema, considere a função de transferência na forma  $G(s) = \frac{Num(s)}{Den(s)}$ . Logo, os coeficientes do polinômio do

numerador são:  $Num(s) =$   ✓  $s^3 +$   ✓  $s^2 +$   ✓  $s +$   ✓ . Os coeficientes do

polinômio do denominador são:  $Den(s) =$   ✓  $s^3 +$   ✗  $s^2 +$   ✗  $s +$   ✗ .



## Questão 4

Parcialmente  
corretoAtingiu 0,6 de  
1,0Dada a representação em espaço de estados determine a função de transferência  $G(s)$  associada.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -12 \\ 0 & 1 & -7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

Para esse sistema, considere a função de transferência na forma  $G(s) = \frac{Num(s)}{Den(s)}$ . Logo, os coeficientes do polinômio do numerador são:

$$Num(s) = \boxed{0} \checkmark s^3 + \boxed{1} \checkmark s^2 + \boxed{0} \checkmark s + \boxed{3} \checkmark .$$

Os coeficientes do polinômio do denominador são:

$$Den(s) = \boxed{1} \checkmark s^3 + \boxed{5} \times s^2 + \boxed{5} \times s + \boxed{5} \times .$$

## Questão 5

Correto

Atingiu 1,0 de  
1,0Dada a representação em espaço de estados determine a função de transferência  $G(s)$  associada.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Para esse sistema, considere a função de transferência na forma  $G(s) = \frac{Num(s)}{Den(s)}$ . Logo, os coeficientes do polinômio do

numerador são:  $Num(s) = \boxed{0} \checkmark s^2 + \boxed{0} \checkmark s + \boxed{1} \checkmark$ . Os coeficientes do polinômio do

denominador são:  $Den(s) = \boxed{1} \checkmark s^2 + \boxed{3} \checkmark s + \boxed{2} \checkmark$ .



## Questão 6

Parcialmente  
corretoAtingiu 0,7 de  
1,0

Dada a representação em espaço de estados determine a função de transferência  $G(s)$  associada.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Para esse sistema, considere a função de transferência na forma  $G(s) = \frac{Num(s)}{Den(s)}$ . Logo, os coeficientes do polinômio do

numerador são:  $Num(s) =$   ✓  $s^2 +$   ✓  $s +$   ✓ . Os coeficientes do polinômio do

denominador são:  $Den(s) =$   ✓  $s^2 +$   ✗  $s +$   ✗ .





## Questão 7



Parcialmente  
corretoAtingiu 0,9 de  
1,0

Considere o sistema  $G(s) = \frac{s+1}{s^2+6s+9}$ . Obtenha a representação em espaço de estados na forma canônica diagonal ou de Jordan.

O sistema tem uma representação na forma:

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx + Du$$

O sistema por ter polos com multiplicidade diferente de 1  possui representação na forma canônica de Jordan .

Os elementos  $a_{ij}$  da matriz  $A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$  são (considere os elementos da diagonal principal em ordem decrescente):

$a_{11} = -3$  ,  $a_{12} = 1$  ,  $a_{21} = 0$   e  $a_{22} = -3$  .

Os elementos  $b_{ij}$  da matriz  $B = \begin{bmatrix} b_{11} \\ b_{21} \end{bmatrix}$  são:

$b_{11} = 0$   e  $b_{21} = 1$  .

Os elementos  $c_{ij}$  da matriz  $C = [c_{11} \ c_{12}]$  são:

$c_{11} = -3$   e  $c_{12} = 1$  .

O valor de  $D = 0$  .



## Questão 8

Parcialmente  
corretoAtingiu 0,6 de  
1,0

Dada a representação abaixo, ache a matriz de transformação  $P$  que diagonaliza o sistema. Também ache sua representação na forma canônica diagonal.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -20 \\ 1 & 0 & -32 \\ 0 & 1 & -13 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 20 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

Os autovalores desse sistema, em ordem decrescente, são:  $\lambda_1 = -13$  ✖,  $\lambda_2 = -20$  ✖ e  $\lambda_3 = -32$  ✖.

Para a determinação dos autovetores associados, considere  $x_3 = 1$ . Os autovetores tem a forma  $V_i = [v_1 \ v_2 \ v_3]^T$ .

O autovetor associado à  $\lambda_1$  é:  $V_1 = [ \quad \text{✖} \quad \quad \text{✖} \quad 1 \quad \text{✓} ]^T$ .

O autovetor associado à  $\lambda_2$  é:  $V_2 = [ \quad \text{✖} \quad \quad \text{✖} \quad 1 \quad \text{✓} ]^T$ .

O autovetor associado à  $\lambda_3$  é:  $V_3 = [ 2 \quad \text{✓} \quad 3 \quad \text{✓} \quad 1 \quad \text{✓} ]^T$ .

A matriz de transformação tem a forma  $P = \begin{bmatrix} p_{11} & p_{12} & p_{13} \\ p_{21} & p_{22} & p_{23} \\ p_{31} & p_{32} & p_{33} \end{bmatrix}$ . Logo, os elementos desta matriz são:

$p_{11} = \quad \text{✖}$   $p_{12} = \quad \text{✖}$   $p_{13} = 2 \quad \text{✓}$

$p_{21} = \quad \text{✖}$   $p_{22} = \quad \text{✖}$   $p_{23} = 3 \quad \text{✓}$

$p_{31} = 1 \quad \text{✓}$   $p_{32} = 1 \quad \text{✓}$   $p_{33} = 11 \quad \text{✖}$

Logo, o sistema diagonalizado tem a forma:

$$\dot{z} = Az + Bu$$

$$y = Cz + Du$$

Os elementos  $a_{ij}$  da matriz  $A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$  são:

$$a_{11} = \boxed{-1} \checkmark \quad a_{12} = \boxed{0} \checkmark \quad a_{13} = \boxed{0} \checkmark$$

$$a_{21} = \boxed{0} \checkmark \quad a_{22} = \boxed{\phantom{0}} \times \quad a_{23} = \boxed{0} \checkmark$$

$$a_{31} = \boxed{0} \checkmark \quad a_{32} = \boxed{0} \checkmark \quad a_{33} = \boxed{\phantom{0}} \times$$

Os elementos  $b_{ij}$  da matriz  $B = \begin{bmatrix} b_{11} \\ b_{21} \\ b_{31} \end{bmatrix}$  são:

$$b_{11} = \boxed{2} \checkmark, \quad b_{21} = \boxed{\phantom{0}} \times \quad \text{e} \quad b_{31} = \boxed{\phantom{0}} \times$$

Os elementos  $c_{ij}$  da matriz  $C = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & c_{13} \end{bmatrix}$  são:

$$c_{11} = \boxed{1} \checkmark, \quad c_{12} = \boxed{1} \checkmark \quad \text{e} \quad c_{13} = \boxed{1} \checkmark.$$

O valor de  $D = \boxed{0} \checkmark$ .

[◀ Script Python](#)

Seguir para...

[Aula 10 - Resolução das Equações de Estado ▶](#)

