## Painel / Meus cursos / SC26EL / 6-Projeto de Controlador PID pelo Método do Lugar das Raízes

/ Questionário sobre Projeto de Controlador PID pelo Método do Lugar das Raízes

Iniciado em domingo, 18 jul 2021, 23:27

Estado Finalizada

Concluída em domingo, 18 jul 2021, 23:30

**Tempo** 3 minutos 1 segundo

empregado

**Notas** 2,1/5,0

**Avaliar 4,2** de um máximo de 10,0(**42**%)

Questão 1

Correto

Atingiu 1,0 de 1,0

## Marque a(s) alternativa(s) correta(s):

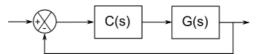
- a. O controlador PID pode ser empregado quando deseja-se melhorar a resposta transitória e zerar o erro em regime permanente para algum tipo de entrada.
- ☑ b. O controlador PID tem uso similar ao do controlador de avanço-atraso. A diferença é que o controlador de PID é capaz de zerar o erro em regime permanente para um certo tipo de entrada enquanto o controlador de avanço-atraso apenas reduz o erro.
- c. O termo derivativo associado ao controlador PID não sofre influência devido a ruídos de medida. Isso deve-se a existência do polo na origem do controlador que insere uma atenuação constante de -20 dB/dec. Com isso, o ganho em alta frequência do PID é limitado.
- d. O controlador PID pode ter diferentes formas de implementação tais como a forma padrão  $C(s) = K_p \left(1 + \frac{1}{T_i s} + T_d s\right)$ , a forma paralela  $C(s) = K_p + \frac{K_i}{s} + K_d s$  e a forma interativa ou em série  $C(s) = K_c (T_d s + 1) \left(1 + \frac{1}{T_i s}\right)$ . Todas estas formas, caso tenham os ganhos ajustados corretamente, são equivalentes.

Questão **2** 

Parcialmente correto

Atingiu 0,5 de 1,0

Considere o sistema descrito na figura abaixo onde  $G(s) = \frac{165}{(s+1)(s+2)(s+10)}$ . Deseja-se projetar um controlador PID na forma  $C(s) = K_p + \frac{K_i}{s} + K_d s = K(s+z_1) \frac{(s+z_2)}{s}$  para que o sistema, em malha fechada, tenha polos dominantes que forneçam sobressinal de 5% e tempo de acomodação de 2 segundos. Adicionalmente, o erro em regime permanente para uma entrada do tipo degrau deve ser nulo. Preencha as lacunas com as respostas adequadas considerando 3 algarismos significativos.



Para atender os requisitos de projeto, o coeficiente de amortecimento dos polos dominantes de malha fechada deve ser  $\zeta = \frac{1}{0.600}$ 

🗸 . A frequência natural destes polos deve ser  $\omega_n$  =

2.898

✓ rad/s

A partir destes valores, os polos dominantes de malha fechada devem estar em :  $s_{1,2}$  =

-1.999

**✓** ±j

2.097

**~** .

A contribuição angular que o termo  $(s+z_1)$  do compensador deve inserir no lugar das raízes é  $\phi=$ 

40.133

✓ graus.

Para atender a contribuição angular  $\phi$ , o zero do compensador em  $s=-z_1$  deve estar s=

-4.486

✔.

O ganho do compensador vale K=

**X** .

Considerando que o zero do termo  $(s+z_2)$  esteja em s=-0, 1 o compensador na forma  $C(s)=\frac{K(a\cdot s^2+b\cdot s+c)}{s}$  é  $C(s)=\frac{K(a\cdot s^2+b\cdot s+c)}{s}$ 

**x** (

1

 $\checkmark s^2 +$ 

4.586

**√** s+

0.448

✓ )/s.

Logo, os ganhos proporcional, integral e derivativo são dados por  $K_p =$ 

• K \_

 $\mathbf{x}$  ,  $K_i =$ 

**×** e *K*<sub>d</sub> =

x , respectivamente.

Com o controlador PID projetado, o sistema em malha fechada tem polos dominantes em  $\mathit{s}_{1,2} =$ 

$\star$ $\pm j$
$m{ imes}$ . O sobressinal teórico associado a estes polos é $M_p=$
$st$ % enquanto o tempo de acomodação teórico associado é de $t_s=$
× segundos.
Todavia, devido aos efeitos dos demais polos e zeros do sistema em malha fechada, o sobressinal do sistema compensado é de $M_p=$
$st$ % enquanto o seu tempo de acomodação é de $t_{ m s}=$
× segundos.

Questão **3** 

Parcialmente correto

Atingiu 0,3 de 1,0

Considere o sistema descrito na figura abaixo onde  $G(s) = \frac{165}{(s+1)(s+2)(s+10)}$ . Deseja-se projetar um controlador PID na forma

 $C(s) = K_p + \frac{K_i}{s} + K_d s = K \frac{(s+z)^2}{s}$  para que o sistema, em malha fechada, tenha polos dominantes que forneçam sobressinal de 5% e tempo de acomodação de 2 segundos. Adicionalmente, o erro em regime permanente para uma entrada do tipo degrau deve ser nulo. Dica: para o cálculo da condição de ângulo, incorpore o integrador do controlador junta à G(s). Preencha as lacunas com as respostas adequadas considerando 3 algarismos significativos.



Para atender os requisitos de projeto, o coeficiente de amortecimento dos polos dominantes de malha fechada deve ser  $\zeta=$ 

0.69

ullet . A frequência natural destes polos deve ser  $\omega_n=$ 

2.898

✓ rad/s.

A partir destes valores, os polos dominantes de malha fechada devem estar em :  $s_{1,2} =$ 

-1.999

**✓** ±j

2.097

**~** 

A contribuição angular que o termo  $(s+z)^2$  do compensador deve inserir no lugar das raízes é  $\phi=$ 

× graus.

Para atender a contribuição angular  $\phi$ , os zeros do compensador em s=-z devem estar s=

×

O ganho do compensador vale K =

×

O compensador na forma  $C(s) = \frac{K(a \cdot s^2 + b \cdot s + c)}{s}$  é C(s) =

**x** (

1

 $\checkmark s^2 +$ 

1

**x** s+

**x** )/s.

Logo, os ganhos proporcional, integral e derivativo são dados por  $K_p =$ 

 $\mathbf{x}$  ,  $K_i =$ 

**×** e *K<sub>d</sub>* =

x , respectivamente.

Com o controlador PID projetado, o sistema em malha fechada tem polos dominantes em  $s_{1,2} =$ 

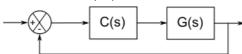
-2
<b>▼</b> ± <i>j</i>
$m{ imes}$ . O sobressinal teórico associado a estes polos é $M_p=$
$lpha$ % enquanto o tempo de acomodação teórico associado é de $t_s=$
× segundos.
Todavia, devido aos efeitos dos demais polos e zeros do sistema em malha fechada, o sobressinal do sistema compensado é de $M_p=$
$st$ % enquanto o seu tempo de acomodação é de $t_s=$
× segundos.

Questão 4

Parcialmente correto

Atingiu 0,2 de 1,0

Considere o sistema descrito na figura abaixo onde  $G(s) = \frac{10}{s(s+4)}$  e C(s) é um controlador PI dado por C(s) = 0,  $8\frac{(s+1)}{s}$ .



Este sistema tem polos dominantes de malha fechada em  $s_{1,2}=-1\pm j1$ , 732 que deveriam fornecer um sobressinal  $M_p=16$ , 3%e tempo de acomodação  $t_s=4$  s que são os objetivos de resposta transitória desejados. Todavia, devido ao polo de malha fechada em  $s_3=-2$  e ao zero de malha fechada em s=-1, a resposta do sistema exibe sobressinal de 43,4% e tempo de acomodação de 4,14 s.

Visando aproximar a resposta transitória dos valores desejados e mantendo o erro nulo para entrada do tipo rampa, projete um controlador PID C(s) de forma a cancelar o polo da planta G(s) em s=-4 mantendo os polos dominantes desejados em  $s_{1,2}=-1\pm j$ 1, 732 . Isso visa reduzir a ordem do sistema compensado de forma que ele se mantenha de segunda ordem após a

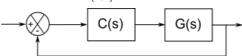
introdução do controlador. Suponha que o controlador PID tenha a forma  $C(s) = K_c T_d \left(s + \frac{1}{T_d}\right) \frac{\left(s + \frac{1}{T_i}\right)}{s} = K(s + z_1) \frac{\left(s + z_2\right)}{s}$ .

Verifique se há melhora na resposta transitória em comparação com a compensação PI apresentada acima. Dica: para a determinação da condição de ângulo do lugar das raízes considere a porção do PID responsável pelo zero para realizar o cancelamento com o polo da planta e o integrado juntamente com G(s). Preencha as lacunas com as respostas adequadas considerando 3 algarismos

significativos. A contribuição angular que o termo  $(s+z_2)$  do compensador deve inserir no lugar das raízes é  $\phi=$ **x** graus. Para atender a contribuição angular  $\phi$ , o zero do compensador em  $s=-z_2$  deve estar  $s=-z_2$ X . O ganho do compensador vale K =**X** . O compensador na forma  $C(s) = \frac{K(a \cdot s^2 + b \cdot s + c)}{s}$  é C(s) =**√** s<sup>2</sup>+ 1 **x** )/s Com o controlador PID projetado, o sistema em malha fechada tem polos dominantes em  $s_{1,2}=$ -1 **∨** ±j imes . O sobressinal teórico associado a estes polos é  $M_p =$  $\times$  % enquanto o tempo de acomodação teórico associado é de  $t_s =$ segundos.

_			
	% enquan	to o seu tempo de acomodação é de $t_{\mathfrak s}=$	
_			
	segundos	. Mas, observa-se que os resultados obtidos com o controlador PID melhoraram	<b>✓</b> .

Considere o sistema descrito na figura abaixo onde  $G(s) = \frac{10}{s(s+4)}$  e C(s) é um controlador a ser projetado.



Deseja-se sobressinal  $M_p=16$ , 3%, tempo de acomodação  $t_s=4$  s e erro nulo em regime permanente para entrada rampa. Para atender os requisitos de resposta transitória, os polos dominantes de malha fechada devem ser  $s_{1,2}=-1\pm j1$ , 732 e deve-se incluir um integrador para zerar o referido erro de interesse. Um controlador PI dado por C(s) = 0,  $8\frac{(s+1)}{s}$  zera o erro e fornece os polos de malha fechada desejados. Todavia, devido ao polo de malha fechada em  $s_3=-2$  e ao zero de malha fechada em s=-1, a resposta do sistema exibe sobressinal de 43,4% e tempo de acomodação de 4,14 s. Visando melhorar a resposta transitória ao mesmo tempo em que se zera o erro em regime permanente para a entrada rampa, é possível se projetar um controlador C(s) do tipo PID de forma a cancelarmos o polo da planta em s=-4. Isso faz com que o sistema compensado seja de segunda ordem e há uma melhora da resposta. Ainda assim, devido ao zero do sistema em malha fechada, devido ao controlador, obtém-se um sobressinal maior do que o desejado e o sistema tem tempo de acomodação menor do que o especificado. Para atendermos o mais próximo possível as especificações do problema, uma possível abordagem é o uso do controlador PID com o cancelamento do polo da planta em s=-4porém, devemos escolher polos dominantes de malha fechada com um coeficiente de amortecimento  $\zeta$  maior para reduzirmos o sobressinal e frequência natural  $\omega_n$  menor para deixarmos o sistema mais lento. Assim, escolhendo zeta=0, 89 e  $\omega_n=1$ , 3 rad/sresulta nos polos dominantes de malha fechada  $s_{1,2}=-1$ ,  $157\pm j0$ , 593. Com base nesses novos polos de malha fechada, projete um controlador PID na forma  $C(s) = K_c T_d \left(s + \frac{1}{T_d}\right) \frac{\left(s + \frac{1}{T_i}\right)}{s} = K(s + z_1) \frac{(s + z_2)}{s}$  e verifique se as especificações do problema são atendidas. Dica: para a determinação da condição de ângulo do lugar das raízes considere a porção do PID responsável pelo zero para realizar o cancelamento com o polo da planta e o integrado juntamente com G(s). Preencha as lacunas com as respostas adequadas considerando 3 algarismos significativos.

A contribuição angular que o termo $(s+z_2)$ do compensador deve inserir no lugar das raízes é $\phi=$
🗙 graus.
Para atender a contribuição angular $\phi$ , o zero do compensador em $s=-z_2$ deve estar $s=$
<b>x</b> .
O ganho do compensador vale $K=$
$oldsymbol{x}$ .
O compensador na forma $C(s) = \frac{K(a \cdot s^2 + b \cdot s + c)}{s} \notin C(s) =$
<b>x</b> (
$\checkmark s^2 +$ 2
<b>x</b> s+ 1
<b>x</b> )/s.
Com o controlador PID projetado, o sistema em malha fechada tem polos dominantes em $s_{1,2} =$
<b>★</b> ± <i>j</i>

imes . O sobressinal teórico associado a estes polos é  $M_p =$ 

<b>×</b> % 6	$rac{\%}{}$ enquanto o tempo de acomodação teórico associado é de $ au_{s}=$		
× se	segundos.		
	avia, mesmo o sistema resultante sendo de segunda ordem, devido aos efeitos do $$ zenpensado é de $$ $M_p=$	ero em malha fechada, o sobre	essinal do sistema
<b>×</b> % 6	$rac{\%  ext{ enquanto o seu tempo de acomodação é de }  extit{$t_{s} = $}$		
× se	segundos. Mas, observa-se que os resultados obtidos com o controlador PID projeta	do melhoraram 🗸 .	
<b>⊸</b> Scr	Script Python		
Segui	guir para		
	Aula 7 - Projeto de Cont	roladores pelos Métodos de 2	Ziegler-Nichols ►