



Felipe Soares, Kevin Perdomo, Lukelly Silva, Mateus Ramos

Projeto e análise de algoritmos Busca Local Iterada

Instituto Federal Fluminense

Campus Campos Centro

Campos dos Goytacazes, Brasil 13/08/2023

Sumário

1 Busca Local Iterada	3
1.1 Características	3
1.2 Componentes do ILS	4
1.2.1 Solução Inicial	
1.2.2 Busca Local	5
1.2.3 Perturbação	5
1.2.4 Critério de Aceitação	6
2 Aplicação do ILS no Problema do Caixeiro Viajante com Coleta de Prêmios	7
2.1 Introdução	7
2.2 Função Objetivo	8
2.3 Solução	8
2.4 A vizinhança utilizada	8
2.5 Resultados obtidos pela Metaheurística na resolução do Problema	10
3 Referências	13

1 Busca Local Iterada

A Busca Local Iterada, também conhecida pelo termo em inglês "Iterated Local Search" (ILS), refere-se a uma modificação na solução atual encontrada previamente.

Os métodos de busca local podem ficar presos em mínimos locais, onde não há vizinhos melhores disponíveis. Projetar o algoritmo de perturbação para o ILS não é uma tarefa fácil.

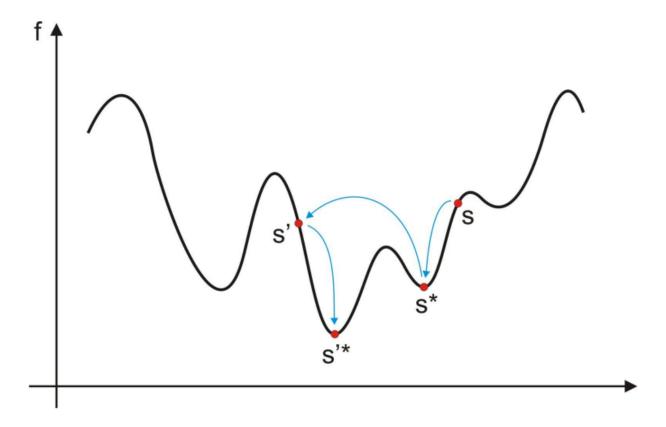
O objetivo principal é evitar ficar preso no mesmo mínimo local, e para alcançar isso, a perturbação precisa ser suficientemente forte para permitir que a busca local explore diferentes soluções, porém fraca o suficiente para evitar uma reinicialização aleatória.

1.1 Características

A abordagem iterativa da ILS envolve realizar uma perturbação na solução atual, levando a uma solução intermediária que será utilizada como novo ponto de partida para aprimorar o método. Além disso, um critério de aceitação adicional é empregado para determinar qual solução será mantida e dar continuidade ao processo.

De maneira mais ampla, o ILS pode ser aplicado quando dispomos de um método de otimização local. Ele demonstra maior eficiência se comparado com a busca com recomeços, onde são escolhidos aleatoriamente diversos pontos do espaço de soluções, e o algoritmo de busca local é aplicado a cada um deles.

Figura 1 - A Busca Local Iterada buscando uma solução a partir de um ótimo sub-ótimo mínimo local.



BUSCA LOCAL ITERADA - Francisco A. M. Gomes

1.2 Componentes do ILS

- Solução Inicial Produz uma solução inicial, podendo ser aleatória ou fruto de uma heurística menor;
- **Busca Local** Retorna uma solução melhorada em relação a inicial com base na sua vizinhança;
- Perturbação Modifica a solução corrente guiando a uma solução intermediária, evitando que o algoritmo prenda em ótimos sub-ótimos locais;
- Critério de Aceitação Decide de qual solução a próxima perturbação será aplicada;

1.2.1 Solução Inicial

A solução inicial pode ser obtida de forma aleatória ou utilizando um algoritmo guloso. No entanto, geralmente é mais vantajoso utilizar uma boa solução inicial. Se o número de iterações for suficientemente grande, a importância da solução inicial diminui. No entanto, começar com uma solução de qualidade é crucial quando se busca encontrar soluções de alta qualidade o mais rapidamente possível.

1.2.2 Busca Local

- A Busca Local Iterada é ocasionalmente tratada como uma caixa preta, permitindo a utilização de qualquer heurística existente para o problema em questão.
- A única exigência é que o método escolhido seja capaz de melhorar uma solução dada.
- Metaheurísticas como a busca tabu e o recozimento simulado também podem ser aplicadas na ILS.
- Geralmente, um algoritmo de busca mais eficiente resulta em melhores desempenhos na ILS.
- No entanto, em alguns casos, um algoritmo simples e de baixo custo pode ser preferível, dependendo da estratégia de perturbação adotada.

1.2.3 Perturbação

Como mencionado anteriormente, a perturbação na ILS não pode ser excessivamente grande a ponto de transformá-la em uma busca local com recomeços, mas deve ser suficientemente forte para evitar que a busca local a reverta. Portanto, é crucial que a busca local e a perturbação sejam definidas de

forma coordenada.

Isso significa que a intensidade da perturbação deve ser cuidadosamente ajustada para equilibrar a exploração de diferentes soluções com a intensificação em torno de ótimos locais. Uma perturbação muito fraca pode não permitir que a busca escape de mínimos locais, enquanto uma perturbação muito forte pode levar a um comportamento semelhante ao de uma busca local com recomeços, reduzindo a eficácia da ILS.

Dessa forma, a escolha adequada da perturbação é essencial para garantir que a ILS alcance soluções de alta qualidade de maneira eficiente, combinando exploração e intensificação de forma coordenada.

1.2.4 Critério de Aceitação

Usualmente, é exigido que a solução melhore. Nesse caso, a solução s' só é aceita se f(s') < f(s), onde f representa a função de avaliação.

No entanto, também é possível aceitar uma solução s' que seja pior do que s com uma certa probabilidade baixa de sucesso. Outra abordagem é utilizar uma regra de aceitação similar à do recozimento simulado, definindo a probabilidade de aceitação em função da temperatura.

Em muitos casos, essas estratégias de diversificação são aplicadas apenas quando a regra usual de aceitação não obtém sucesso após muitas iterações. Isso permite que a busca local integrada explore soluções potencialmente piores em busca de regiões mais promissoras do espaço de soluções, aumentando a diversificação e evitando ficar preso em mínimos locais subótimos.

2 Aplicação do ILS no Problema do Caixeiro Viajante com Coleta de Prêmios

2.1 Introdução

O Problema do Caixeiro Viajante com Coleta de Prêmios (PCVCP) é uma extensão do problema clássico de otimização combinatória que acrescenta a dimensão da coleta de prêmios durante as visitas às cidades. Nesse problema, o viajante busca a rota mais curta para visitar um conjunto de cidades, passando por cada uma delas exatamente uma vez, coletando prêmios associados a cada cidade e retornando à cidade de origem. O objetivo é minimizar o custo total da rota, considerando as distâncias percorridas e os prêmios coletados.

Assim como o PCV, o PCVCP é um problema NP-difícil, o que significa que encontrar a solução ótima para instâncias grandes é uma tarefa computacionalmente desafiadora. O número de possíveis rotas cresce exponencialmente com o número de cidades, aumentando a complexidade da busca pela solução ideal.

Dada a natureza complexa do PCVCP, uma variedade de algoritmos de otimização e heurísticas foram desenvolvidos para encontrar soluções aproximadas. A coleta de prêmios adiciona uma dimensão adicional ao problema, tornando-o mais desafiador e exigindo abordagens especiais para considerar tanto o custo das rotas quanto os benefícios dos prêmios coletados.

Assim como o PCV, o PCVCP também encontra aplicações em diversas áreas, incluindo logística, transporte, genética, biologia computacional e outras. A resolução desse problema tem potencial para otimizar processos em que a

coleta de prêmios adiciona um elemento importante na tomada de decisões, agregando valor à busca por rotas eficientes e econômicas.

2.2 Função Objetivo

O Problema do Caixeiro Viajante com Coleta de Prêmios (PCVCP) pode ser visualizado como um cenário onde um caixeiro viajante precisa visitar cada cidade para coletar um prêmio associado, mas também deve pagar uma penalidade por cada cidade não visitada. O objetivo é minimizar a soma dos custos de viagem entre as cidades, considerando o custo de deslocamento entre elas, bem como as penalidades, e ao mesmo tempo garantir que o caixeiro visite um número suficiente de cidades que lhe permita coletar um prêmio mínimo pré-estabelecido. Portanto, a solução ideal busca otimizar tanto os custos de viagem quanto as penalidades, garantindo a inclusão das cidades necessárias para atingir o valor mínimo de prêmios estabelecido.

2.3 Solução

O algoritmo ILS (Iterated Local Search) busca encontrar um ciclo hamiltoniano em um grafo, onde cada cidade é um nó com um prêmio associado e as arestas representam os custos das viagens. O objetivo é minimizar a soma dos custos de viagem e aplicar penalidades com base nos prêmios mínimos estabelecidos. O ILS combina busca local, fazendo pequenas modificações na solução atual, com reinicializações aleatórias para explorar diferentes regiões do espaço de busca, buscando uma solução próxima ao ótimo global para o problema.

2.4 A vizinhança utilizada

No contexto do problema do Caixeiro Viajante (TSP), a vizinhança é um

conjunto de soluções que são obtidas a partir de uma solução atual, realizando pequenas modificações ou perturbações que afetam a ordem das cidades visitadas. A ideia é explorar soluções próximas à solução atual para tentar melhorar a rota e minimizar o custo total da viagem.

Existem várias formas de definir a vizinhança para o TSP, algumas delas incluem:

- Troca de duas cidades adjacentes na rota: Nessa vizinhança, escolhemos duas cidades adjacentes na rota atual e trocamos suas posições. Isso pode levar a uma nova rota que potencialmente reduz o custo total da viagem.
- Inversão de um subconjunto de cidades: Nessa vizinhança, selecionamos um subconjunto de cidades consecutivas na rota atual e invertemos a ordem dessas cidades. Isso pode gerar uma nova rota que pode ser mais eficiente em termos de custo.
- Troca de duas cidades não adjacentes na rota: Nessa vizinhança, selecionamos duas cidades não adjacentes na rota atual e trocamos suas posições. Isso também pode resultar em uma rota melhorada.
- 2-opt: Essa é uma heurística comumente usada para definir a vizinhança no TSP. Ela envolve remover duas arestas da rota atual e reconectar as cidades de forma a obter uma nova rota que evite cruzamentos entre as arestas.

A definição da vizinhança é um aspecto fundamental na busca local iterada aplicada ao TSP, e a escolha da vizinhança pode afetar significativamente o desempenho e a qualidade das soluções encontradas. O objetivo é explorar eficientemente o espaço de soluções em torno da rota atual, em busca de soluções mais próximas do ótimo global do problema do Caixeiro

2.5 Resultados obtidos pela Metaheurística na resolução do Problema.

Foi realizado um estudo em um artigo sobre Metaheurísticas híbridas para resolver o Problema do Caixeiro Viajante com Coleta de Prêmios (PCVCP). Os problemas-teste foram gerados com distâncias entre cidades (vértices do grafo) obtidas de uma distribuição uniforme no intervalo [50, 1000]. Os prêmios e penalidades associados a cada cidade também foram gerados de forma uniforme, considerando os intervalos [1, 100] e [1, 750], respectivamente. O prêmio mínimo a ser coletado foi definido como 75% do somatório de todos os prêmios associados às cidades, seguindo intervalos utilizados em trabalhos anteriores na literatura.

Os resultados computacionais foram obtidos a partir de 30 execuções realizadas para cada problema-teste gerado. Os algoritmos foram implementados em C++, e os testes foram executados no sistema operacional Windows, utilizando um microcomputador com processador Athlon XP de 1,53 GHz e 256 MB de memória RAM.

A Tabela 1 apresenta os resultados dos experimentos computacionais. A primeira coluna contém os problemas-teste do PCVCP, e a segunda coluna (|V|) representa a cardinalidade do conjunto de vértices que compõem cada problema. A terceira e quarta colunas mostram o desempenho do algoritmo exato, incluindo o tempo de execução (em segundos) e o valor do ótimo global encontrado.

As colunas 5, 6 e 7 referem-se ao método heurístico proposto. A quinta coluna mostra o tempo médio de execução (em segundos), e a sexta coluna apresenta os melhores valores da função de avaliação (FOMelhor) obtidos com o modelo heurístico. Na sétima coluna, temos o desvio dos valores médios (FOMedia) em relação à melhor solução obtida em cada um dos problemas-teste, calculado conforme a equação .

$$Desvio = \frac{FOMedia - FOMelhor}{FOMelhor}$$
(2.1)

Na comparação dos resultados obtidos pelos métodos exato e heurístico, observou-se que o algoritmo heurístico proposto sempre alcançou o ótimo global para os problemas teste em que esse é conhecido. A busca local iterada também demonstrou robustez, pois a partir de diferentes soluções iniciais, alcançou soluções finais que apresentam um pequeno desvio em relação à melhor solução encontrada.

Portanto, os resultados obtidos validam a utilização da busca local iterada como um método eficaz para resolver o Problema do Caixeiro Viajante com Coleta de Prêmios. A capacidade do algoritmo heurístico de encontrar soluções próximas do ótimo global, juntamente com sua robustez em relação às soluções iniciais, reforçam sua aplicabilidade na solução desse desafiador problema de otimização combinatória.

Tabela 1: Resultados dos experimentos computacionais.

		MÉTODO EXATO GRASP+VNS				
PROBLEMA-TESTE	V	ÓTIMO GLOBAL	TEMPO (S)	FOMelhor	TEMPO (S)	DESVIO (%)
v10	11	1765	1	1765	0,10	0,00
v20	21	2302	65	2302	1,04	0,00
v3Oa	31	3582	86	3582	5,43	0,00
v30b	31	2515	100	2515	3,83	0,00
v30c	31	3236	1786	3236	7,83	0.05
v5Oa	51	-	10800	4328	132,45	0,42
v5Ob	51		10800	3872	43,76	0,31
v100a	101	-	-	6892	692,09	0,52
v100b	101	-	-	6814	446,81	0,12
v250a	251			15310	918,33	0,88
v250b	251			14678	996,72	0,76
v500a	501			28563	2145,79	0,67
v500b	501			28524	2410,21	0.82

3 Referências

- http://www.ime.unicamp.br/~chico/mt852/slidesils.pdf, Acesso em 06/08/2023;
- http://www.din.uem.br/sbpo/sbpo2014/pdf/arq0303.pdf, Acesso em 06/08/2023;
- •http://www.decom.ufop.br/prof/marcone/Disciplinas/InteligenciaComputacional/ILS.pdf, Acesso em 06/08/2023;
- •https://www.inf.ufpr.br/aurora/disciplinas/topicosia2/downloads/trabalhos/Apresentac ao ILS.pdf, Acesso em 06/08/2023;
- https://www.scielo.br/scielo.php?pid=S0103-65132007000200004&script=sci_arttext
 Acesso em 06/08/2023;
- http://www.din.uem.br/sbpo/sbpo2016/pdf/156805.pdf, Acesso em 06/08/2023;
- https://www.scielo.br/j/gp/a/sjC8zSXt3PBPxmZB966rPwb/?lang=pt, Acesso em 06/08/2023;
- •https://proceedings.science/sbpo/sbpo-2021/trabalhos/uma-heuristica-ils-para-o-problema-da-mochila-com-penalidades?lang=pt-br, Acesso em 06/08/2023.