MAC0444 - Sistemas Baseados em Conhecimento Lista de Exercícios No. 1

Mateus Agostinho dos Anjos NUSP 9298191

August 30, 2019

1 -

D = Domínio

I = Interpretação (apenas os Verdadeiros)

A)

Queremos: a)F b)V c)V

Portanto, definimos:

$$D = \{0, 1, 2, 3\}$$

$$I = \{P(1, 2), P(2, 3), P(3, 1)\}$$

Para a)F

 $\forall x \forall y \forall z ((P(x,y) \land P(y,z)) \rightarrow P(x,z))$ É falso para x/1 , y/2, z/3

$$\begin{array}{c} ((P(1,2) \wedge P(2,3)) \rightarrow P(1,3)) \\ ((V \wedge V) \rightarrow F) \\ F \end{array}$$

Para b)V

 $\forall x \forall y ((P(x,y) \land P(y,x)) \to x = y)$

Não temos interpretações que satisfaçam $((P(x,y) \land P(y,x)), \text{ portanto a implicação será sempre verdadeira, uma vez que o lado$

esquerdo dela é sempre falso. $(F \to F \notin V \in F \to V \notin V)$

Para c)V

 $\forall x \forall y (P(a,y) \to P(x,b))$

Fixando a = 0 temos que P(a, y) = P(0, y)

Perceba que $\forall y P(0, y)$ é sempre falso, fazendo a implicação c) sempre verdadeira. (caso análogo ao item b) acima)

Basta, então escolhermos b=2 (ou qualquer outro elemento do domínio)

B)

Queremos: a)V b)F c)V

Portanto, definimos:

$$D = \{1, 2\}$$

$$I = \{P(1,1), P(1,2), P(2,1), P(2,2)\}$$

Para a)V

 $\forall x \forall y \forall z ((P(x,y) \land P(y,z)) \rightarrow P(x,z))$

Testar:

$$x, y, z = (1, 1, 1), (1, 1, 2), (1, 2, 1), (1, 2, 2), (2, 1, 1), (2, 1, 2), (2, 2, 1), (2, 2, 2)$$

Para b)F

 $\forall x \forall y ((\dot{P}(x,y) \land P(y,x)) \to x = y)$

Temos x/1 e y/2

$$(P(1,2) \land P(2,1)) \rightarrow 1 = 2$$

$$V \land V \rightarrow F$$

$$F$$

Para c)V

 $\forall x \forall y (P(a, y) \rightarrow P(x, b))$

Basta escolhermos a=2 e b=1 e ficamos com:

 $\forall x \forall y (P(2,y) \rightarrow P(x,1))$

Restando as opções:

$$P(2,1) \to P(1,1)$$

$$P(2,1) \to P(2,1)$$

$$P(2,2) \to P(1,1)$$

$$P(2,2) \to P(2,2)$$

Mostrando que c) é sempre Verdadeiro como queríamos.

C)

Queremos: a)V b)V c)F

Portanto, definimos:

$$D = \{1, 2\}$$

$$I = \{P(1, 1), P(2, 2)\}$$

Para a)V

$$\forall x \forall y \forall z ((P(x,y) \land P(y,z)) \rightarrow P(x,z))$$

Testar:

$$x, y, z = (1, 1, 1), (1, 1, 2), (1, 2, 1), (1, 2, 2), (2, 1, 1), (2, 1, 2), (2, 2, 1), (2, 2, 2)$$

Para b)V

$$\forall x \forall y ((P(x,y) \land P(y,x)) \to x = y)$$

Veja que para todo par $x \neq y$ o lado esquerdo será falso, fazendo a implicação ser verdadeira. Já para x = y a implicação será verdadeira, pois P(1,1) e P(2,2) são verdadeiros.

Para c)F

 $\forall x \forall y (P(a,y) \rightarrow P(x,b))$

Basta escolher a = 1 e b = 2

Teremos: $\forall x \forall y (P(1,y) \rightarrow P(x,2))$

Tendo: $(P(1,1) \rightarrow P(1,2))$ como exemplo de implicação falsa.

2 -

Definição de predicados:

```
MembroClubeAlpino(x) = x é membro do Clube Alpino Esquiador(x) = x é esquiador Alpinista(x) = x é alpinista GostaDe(x, y) = x gosta de y
```

A)

Base de Conhecimento (KB):

- 1. | MembroClubeAlpino(Tony) |
- $2. \mid MembroClubeAlpino(Mike)$
- $3. \mid MembroClubeAlpino(John)$
- 4. $\forall x ((MembroClubeAlpino(x) \land \neg Esquiador(x)) \rightarrow Alpinista(x))$
- 5. $\forall x(Alpinista(x) \rightarrow \neg GostaDe(x, chuva))$
- 6. $\forall x (\neg GostaDe(x, neve) \rightarrow \neg Esquiador(x))$
- 7. $\forall x (GostaDe(Tony, x) \rightarrow \neg GostaDe(Mike, x))$
- 8. $\forall x (\neg GostaDe(Tony, x) \rightarrow GostaDe(Mike, x))$
- 9. GostaDe(Tony, chuva)
- 10. GostaDe(Tony, neve)
- B)
 Sabemos que Tony gosta de chuva e de neve (KB: 9 e 10), portanto
 Mike não gosta de chuva nem de neve (KB: 7). Como Mike não
 gosta de neve ele não é esquiador (KB: 6) e a partir disso
 podemos concluir que Mike é alpinista, já que é membro do
 clube alpino e não é esquiador (KB: 4).
- C)
 Retirando (KB: 7) ∀x(GostaDe(Tony, x) → ¬GostaDe(Mike, x))
 temos pelo menos uma interpretação em que Mike gosta de neve
 e é esquiador, portanto a prova acima já não é mais válida.
 Isso acontece, pois não é possível determinar se Mike ou
 John não gostam de neve para podermos concluir, a partir de (KB: 6), que um deles não é esquiador, portanto
 temos interpretações em que eles são esquiadores, logo não pode-

mos afirmar que existe um membro do clube alpino que é alpinista mas não é esquiador.

Veja o contra-exemplo abaixo que mostra como satisfazer toda a base de conhecimento e não ter um membro do clube alpino que é alpinista e não é esquiador:

Tony gosta de chuva e neve, não é alpinista e é esquiador John não gosta de chuva e gosta de neve, é alpinista e esquiador Mike não gosta de chuva e gosta de neve, é alpinista e esquiador

Os conhecimentos 1, 2, 3, 9, 10 são satisfeitos.

O conhecimento 4 é satisfeito, pois todos são esquiadores, assim a valoração do lado esquerdo da implicação é sempre falsa, portanto a implicação será sempre verdadeira independentemente se x é alpinista ou não.

O conhecimento 5 é satisfeito, pois todos os alpinistas não gostam de chuva. (no caso John e Mike)

O conhecimento 6 é satisfeito, pois todos gostam de neve, logo o lado esquerdo da implicação será falso para qualquer x tornando a implicação sempre verdadeira.

O conhecimento 7 foi retirado.

O conhecimento 8 é satisfeito, pois não temos informações sobre o que Tony não gosta, logo o lado esquerdo da implicação será sempre falso tornando a implicação sempre verdadeira.

Como todos são esquiadores e não temos mais informações sobre outros membros do clube alpino, não é possível provar que existe um membro do clube alpino que é alpinista mas não esquiador. (a situação do contra-exemplo mostra um caso em que não existe um membro do clube alpino que é alpinista mas não é esquiador)

D)